

Programming with Python 101

이재호

목차

목차	i
머리말	v
구성 및 독자층	vi
1 시작하기	1
1.1 파이썬의 특징	1
1.2 파이썬의 기본 요소	3
1.2.1 안녕, 세상!	3
1.2.2 값과 변수	4
1.2.3 Expressions 표현	6
1.2.4 Types 형	8
1.2.5 Input/Output 입출력	10
1.3 예제	11
2 Functions 함수와 Conditionals 조건문	15
2.1 Functions 함수	15
2.1.1 Indentation 들여쓰기	16
2.1.2 Built-in Functions 내장 함수	17
2.1.3 User-Defined Functions 사용자 정의 함수	19
2.1.4 Parameters 매개 변수와 Arguments 전달 인자	20
2.2 Conditionals 조건문	22
2.2.1 Boolean Type 불리언 자료형과 Expressions 표현	23
2.2.2 if-else Conditionals 조건문	24
2.2.3 Multiple Exit Points 다중 반환점	27
2.3 예제	28
3 Boolean Functions 불리언 함수와 Loops 반복문 기본	35

목차

3.1 Boolean Functions	불리언 함수	35
3.1.1 Boolean Functions	불리언 함수의 예시	35
3.1.2 유의 사항		36
3.2 Loops	반복문 기본	39
3.2.1 range() 함수를 활용한 for 반복문		40
3.2.2 예시		42
3.3 예제		43
4 Lists	리스트, Strings 문자열, Counters 카운터	45
4.1 Lists	리스트	45
4.1.1 리스트의 생성		46
4.1.2 리스트의 elements 원소와 indices 인덱스		48
4.1.3 리스트의 연산		49
4.1.4 Multi-Dimensional 다차원 리스트		51
4.1.5 알아두면 유용한 내장 함수		52
4.2 Strings	문자열	54
4.2.1 문자열의 연산		55
4.2.2 알아두면 유용한 내장 함수들		55
4.3 Turtle		57
4.4 Counters	카운터와 Toy Robot 토이 로봇	57
4.4.1 Counters 카운터 패턴		58
4.4.2 Toy Robot 토이 로봇 (선택)		59
4.5 예제		63
5 [DRAFT] Quantifiers	한정자와 While 문	69
5.1 Quantifiers	한정자와 Beepers	69
5.1.1 Quantifier 한정자		70
5.1.2 예시		71
5.1.3 Beepers		73
5.2 While	문과 토이 로봇	74
5.2.1 While 문		74
5.2.2 토이 로봇		75
5.3 예제		77
6 [DRAFT] Loops	반복문 응용과 파일 입출력	83
6.1 Loops	반복문 응용	83
6.1.1 range() 함수		83
6.1.2 리스트 원소의 인덱스 접근과 직접 접근		84
6.1.3 break/continue		85
6.2 파일	입출력	87
6.3 예제		89

목차

7 토이 로봇 활용	91
7.1 자율 이동	92
8 [DRAFT] Recursion재귀법, Python의 다양한 객체, 그리고 Lambda람다 함수	97
8.1 Recursion재귀법	97
8.1.1 유클리드 호제법	98
8.1.2 하노이의 탑	99
8.1.3 이진 검색	100
8.1.4 지수 계산	101
8.2 Python의 다양한 객체	102
8.2.1 Tuple튜플	102
8.2.2 Set집합	105
8.2.3 String문자열	106
8.2.4 Dictionary사전	108
8.3 Lambda람다 함수	108
찾아보기	111

머리말

“Begin at the beginning,” the King said gravely, “and go on till you come to the end: then stop.”

— Lewis Carroll, *Alice in Wonderland*

파이썬 *Python*은 문법이 단순하지만 활용 가능성이 무궁무진한 언어입니다. 단순히 학교에서 필수적으로 가르치기 때문에 파이썬을 배운다기보다는 앞으로 다양한 분야에서 오랫동안 활용할 수 있는 유용한 도구를 배운다는 마음가짐을 가지면 좋겠습니다. 파이썬은 R이나 MATLAB 등과 함께 학문적인 용도로도 쓰임이 많은 언어입니다. 특히 NumPy, SciPy, Matplotlib, Pandas 등의 패키지를 활용한다면 MATLAB이나 Mathematica와 같은 유료 프로그래밍 언어가 할 수 있는 다양한 작업들을 대등하게 할 수 있습니다. 나아가 파이썬은 오픈 소스에 무료인데다가, 여러 분야에서 활용할 수 있는 범용 프로그래밍 언어입니다.

저는 물리학, 천문학, 화학, 생물학 등의 학문 분야에서 데이터 분석 및 시각화를 위해 파이썬을 사용하기도 하고, Raspberry Pi에 연결된 다양한 센서와 카메라 모듈 등을 제어하기 위해 파이썬을 사용한 프로젝트를 진행하는데에도 사용했습니다. 이 외에도 사이트에서 여러 자료를 동시에 다운로드 받는 파이썬 스크립트를 작성하거나, 간단한 계산을 수행하기 위해서 사용하는 등 파이썬은 제 일상에 자연스럽게 녹아든 든든한 도구가 되었습니다.

웹 서버 개발에 관심이 있다면, 파이썬을 사용해 손쉽게 서버를 만들 수 있습니다. 특히 Django, Flask, FastAPI 등의 프레임워크를 사용한다면 큰 규모의 서버도 무리 없이 개발할 수 있습니다. YouTube, Dropbox, Facebook, Netflix, Google, Instagram, Spotify 등의 대형 서비스들은 이미 여러 부품에 파이썬을 사용하고 있습니다.

딥러닝에 관심이 있다면, 파이썬은 필수로 배워야 하는 언어입니다. 2022년 현재 PyTorch, Tensorflow, Hugging Face 등 거의 모든 딥러닝 프레임워크는 파이썬을 통한 API를 제공하고 있습니다.

나아가 파이썬은 스크립트 언어로 쉘 스크립트 대신 시스템 수준의 작업을 수행할 때 사용할 수 있습니다. 과거에는 awk, 펄 *Perl* 등의 언어를 사용하는 작업을

머리말

파이썬으로 작성하는 경우가 증가하고 있습니다.

이처럼 파이썬은 한 번 배워두면 수 많은 곳에서 유용하게 사용할 수 있습니다.

구성 및 독자층

본 교재는 파이썬 3의 문법과 알고리즘을 기초부터 익힐 수 있도록 구성되어 있습니다. 특히 파이썬의 기본적인 문법 숙지와, 자주 사용되는 패턴에 익숙해지는 것에 초점을 맞추고 있습니다.

전체적으로는 프로그래밍 언어를 처음 접하더라도 익힐 수 있도록 구성되어 있으나, 일부 내용은 어느 정도의 수학적 배경 지식을 가정합니다.

시작하기

```
printf("hello, world\n");
```

— Brian Kernighan, *The C Programming Language*

1.1 파이썬의 특징

파이썬은 1991년에 귀도 반 로섬 *Guido van Rossum*이 발표한 프로그래밍 언어로, 문법이 굉장히 단순하면서 높은 생산성을 가지고 있는 언어입니다.¹ 특히 파이썬으로 (잘) 작성된 코드는 의사코드 *pseudocode*처럼 쉽게 읽히기 때문에 진입 장벽이 낮고 비교적 배우기가 쉽습니다. 이러한 특징 덕분에 많은 학교에서는 프로그래밍 입문 수업을 파이썬으로 진행하고 있습니다.²

하지만 뭐니뭐니해도 파이썬의 가장 큰 장점은, 파이썬 패키지 인덱스 *Python Package Index, PyPI*에 포함된 방대한 양의 패키지 생태계입니다. 이 때문에 파이썬은 흔히 “배터리가 포함된 *batteries included*” 언어라고 불립니다 (그림 1.1). 따라서 파이썬을 사용하면 기존에 만들어진 도구들을 조립하여 원하는 프로그램을 빠르게 만들어낼 수 있습니다.

프로그래밍에 익숙하지 않은 사람도 컴퓨터에 관심이 있다면 C, C++, 자바 *java* 등의 언어와 함께 파이썬도 한 번 쯤 들어보았을 정도로, 파이썬은 점유율 상위 다섯 언어 안에 드는 주류 언어입니다. 파이썬은 1995년에 등장한 자바보다도 오래 전에 만들어진 언어로, 짧지 않은 역사를 가지고 있습니다.³

파이썬은 실행 *interpreted* 언어입니다. 실행 언어란 실행기 *interpreter*가 코드를 한 줄씩 읽으면서 그때그때 “동시 통역”하는 방식의 언어입니다. 이와 대조되는 방식은 번역 *compiled*입니다. 번역 언어는 번역기 *compiler*가 코드 전체를 먼저 기계어로 “통번역”이 되어야 실행할 수 있습니다. 이때 기계어는 주어진 CPU와

¹귀도 반 로섬은 1989년 크리스마스 연휴에 취미로 프로그래밍 언어를 만들었는데, 이것이 파이썬의 시초가 되었습니다.

²과거에 BASIC, C, 자바 등으로 교육을 한 학교들도 점차 파이썬으로 커리큘럼을 바꾸어 나가고 있는 추세입니다.

³이 글을 작성하는 현 시점의 파이썬 최신 버전은 3.11.1입니다.

1. 시작하기

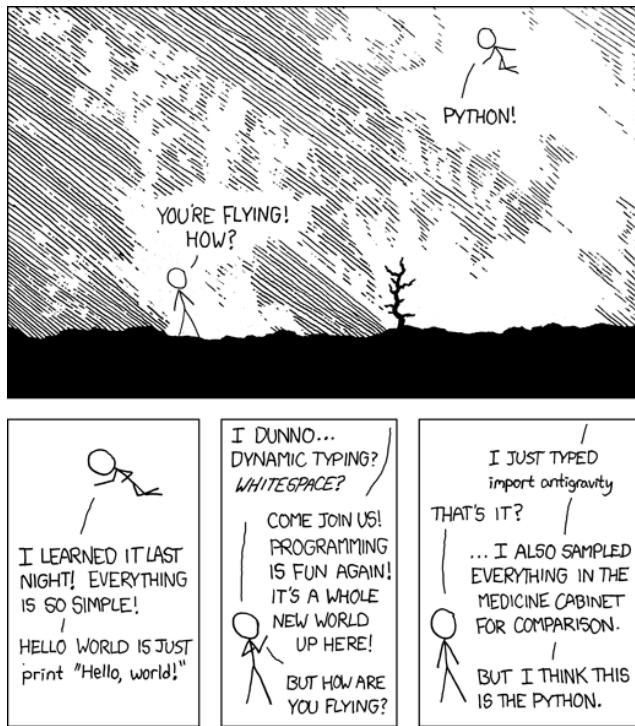


그림 1.1: 파이썬은 배터리가 포함된 언어입니다. 출처: <https://xkcd.com/353/>

운영체제 *operating system, OS*가 바로 이해할 수 있는 형태의 저수준 언어입니다. C 와 같은 언어가 이에 해당됩니다. 이 때문에 번역 언어는 번역된 결과물의 실행 속도가 빠르다는 장점이 있지만, 프로그램을 수정하기 위해서 아무리 작은 변화를 주더라도 전체 코드를 다시 한 번 번역하는 과정이 필요합니다.⁴

이제 파이썬이 얼마나 쉽고 직관적인 언어인지 알아봅시다. 아래는 A+가 F, C+, B0, A-, A+의 목록에 포함되어 있으면 A+가 있습니다. 를 출력하는 파이썬 코드입니다:

```
if "A+" in ["F", "C+", "B0", "A-", "A+"]:
    print("A+가 있습니다.")
```

프로그래밍을 할 줄 모르더라도 위 코드가 어떤 일을 하는지는 대강 이해할 수 있습니다. 사람이 구사하는 문장과 크게 다르지 않기 때문입니다. 이처럼 파이썬으로는 하고 싶은 일을 직관적으로 코드로 옮길 수 있습니다.

반면 C 언어에서는 위와 같은 작업을 하기 위해서 아래와 같은 코드를 작성해야 합니다:

⁴엄밀하게 말하면 언어 자체가 실행되는지 번역되는지를 결정하는 것이 아니라, 언어의 구현 *implementation*이 실행기인지 번역기인지 나누게 됩니다. 주어진 언어에 대해서 여러 구현이 존재할 수 있기 때문입니다. 파이썬의 경우, CPython은 실행기 방식으로 만들어져 있습니다.

```
#include <stdio.h>
#include <string.h>
int main(int argc, char *argv[]) {
    char grades[][3] = {"F", "C+", "B0", "A-", "A+"};
    for (int i = 0; i < 5; ++i) {
        if (strcmp(grades[i], "A+", 2) == 0) {
            printf("A+가 있습니다.\n");
            break;
        }
    }
    return 0;
}
```

단 두 줄의 파이썬 코드로 될 일을 C 언어로는 10줄 이상으로 작성해야 하는 것입니다.⁵

1.2 파이썬의 기본 요소

1.2.1 안녕, 세상!

```
#include <stdio.h>           include information about standard library
main()                      define a function named main
{                           that receives no argument values
    statements of main are enclosed in braces
    printf("hello, world\n");   main calls library function printf
}                           to print this sequence of characters;
                            \n represents the newline character
```

The first C program.

그림 1.2: K&R *The C Programming Language*의 첫 프로그램

1978년에 출판된 *The C Programming Language*⁶에서 예시로 사용된 이후 첫 프로그램은 보통 Hello, World!를 출력하는 것으로 시작됩니다 (그림 1.2). 먼저, 통합 개발 환경 *integrated development environment, IDE*⁷이나 텍스트 편집기 *text editor*⁸에 다음과 같은 코드를 입력해봅시다:

⁵이는 C가 나쁘다는 것을 보여주는 것이 아니라, 파이썬으로 얼마나 간결하고 빠르게 코드를 작성 할 수 있는지를 보여주는 예시입니다. C는 시스템 수준의 작업을 할 때 꼭 필요한 매력적인 언어입니다.

⁶저자인 Brian Kernighan과 Dennis Ritchie의 초성을 딴 K&R로 흔히 불리웁니다.

⁷PyCharm, Wing IDE 등이 있습니다.

⁸Visual Studio Code, vi(m), GNU Emacs 등이 있습니다. 저자는 vim을 8년 넘게 사용하다가 GNU Emacs로 이주하였습니다.

1. 시작하기

```
print("Hello, World!")
```

실행하면 Hello, World!가 출력될 것입니다. 이제 파이썬의 문법에 대해서 본격적으로 알아봅시다.

1.2.2 값과 변수

Integrated Development and Learning Environment, IDLE이나 셸 *shell*에서 직접 파이썬 실행기를 실행하여 다음을 입력해 봅시다.⁹ (>>>는 직접 입력하는 것이 아닙니다.)

```
>>> a = (1+2+3+4)//2
>>> b = a - 1
>>> c = 3
>>> print(b + c)
7
>>> print(b, c)
4 3
>>> d = c
>>> a = d
>>> print(a)
3
```

$a = (1+2+3+4)//2$ 는 등호 왼쪽에 있는 a 에 등호 오른쪽에 있는 $\frac{1+2+3+4}{2}$ 를 대입 *assign*한다는 뜻입니다. 즉, 수학에서 말하는 등호와는 의미가 다른 것이지요. 줄 2의 $b = a - 1$ 은 현재 a 에 배정된 $\frac{1+2+3+4}{2} = 5$ 의 값에서 1을 뺀 4를 b 에 배정한다는 뜻입니다. 이 때 좌변에 있는 a, b, c 를 변수 *variable*, 우변의 $(1+2+3+4)/2$ 를 식 *expression*이라고 합니다. 또한 이러한 변수에 배정되는 결과를 값 *value*이라고 합니다. 다시 위의 예시로 돌아가서, 줄 2에 있는 좌변의 b 는 변수, 우변의 $a - 1$ 는 식, 그 결과인 4는 값인 것이죠. 영어 문장으로 “let {variable} be {value}.”가 말이 되는지 대입하여 보면 쉽게 알 수 있습니다.

변수와 같은 문자인지 숫자인지의 여부가 아니라 대입이 되는 대상인지 대입이 되어지는 대상인지의 여부가 결정짓습니다. 식의 구성 요소가 변수 하나만 있는 경우, 그 결과는 값이 될 수 있습니다. 줄 8의 같은 경우, 우변의 c 는 변수이고, d 라는 변수에 대입될 값을 만드는 식입니다.

그렇다면, 아래와 같은 표현을 어떨까요?

⁹다시 언급하자면, 파이썬은 실행 언어이기 때문에 명령을 한 줄씩 입력하여 명령을 수행할 수 있는 것입니다.

```
>>> 10 = a
```

지금까지 잘 따라왔다만, 변수가 위치해야 할 좌변에 값인 리터럴 *literal*¹⁰이 위치한 잘못된 표현인 것을 알 수 있습니다. 실제로 이를 실행하면 `SyntaxError: cannot assign to literal here. Maybe you meant '==' instead of '='?`와 같은 문구를 확인할 수 있습니다. 이처럼 파이썬은 우리가 잘못된 표현을 실행하려고 하면 최대한 그 잘못을 알려주려고 합니다. 따라서 앞으로 이와 같은 에러를 마주치면 반드시 뭐라고 써있는지 꼼꼼히 확인하는 습관을 들여야 합니다.

이러한 값에는 여러 가지 종류로 구분지울 수 있습니다. 이를 자료형 *data type* 혹은 간단히 타입 *type*이라고 합니다. `-1, 0, 76` 등의 값은 `int`¹¹ 타입, `3.14159, 0., 6.626e-34, 6.022E23` 등의 값은 `float`¹² 타입, `"Hello, world!", 'python', ""` 등의 값은 `str`¹³ 타입입니다. 타입에 대해서는 조금 뒤에 더 자세히 살펴봅시다.

변수에는 어떤 값이 대입된 것이라고 했는데, 값이 쓰였다고도 말할 수 있습니다. 이렇게 변수에 저장된 값은 읽을 수 있는데, 첫 예시의 줄 2처럼 `a`에 저장된 값 5를 불러오는 것이 이에 해당합니다.

변수에는 나중에 다른 값을 대입할 수 있습니다. 첫 예시에서 줄 9를 보면, 5가 저장되었던 `a`에 `d`에 저장된 값 3이 다시 `a`에 쓰여지는 것을 볼 수 있습니다. 줄 10에서 이 사실을 재확인할 수 있고요.

이처럼 변수는 재활용될 수 있고, 개수를 세거나 특정 사건을 기록하기 위한 목적¹⁴으로 사용하는데 도움이 됩니다:

```
>>> summ = 0
>>> summ = summ + 1
>>> summ = summ + 1
>>> print(summ)
2
```

더 자세한 활용은 차차 파이썬을 익혀가면서 알아봅시다.

이 뿐만이 아니라, 파이썬은 여러 변수에 여러 값을 한 번에 배정하는 것(multiple assignment)을 허용합니다. 나아가 **변수의 swapping을 매우 손쉽게 할 수 있습니다.** 이 둘을 다음 예시를 통해 함께 확인합시다.

¹⁰ 0은 정수 `integer` 리터럴, "python"은 문자열 `string` 리터럴입니다. 정수와 문자열은 (뒤에 알아볼) 타입 *type*입니다.

¹¹ 정수라는 뜻의 `integer`에서 따온 명칭입니다. 단, 수학에서 3.0은 정수이지만 3.0은 `float` 타입입니다.

¹² 부동 소수점 `floating point`에서 따온 명칭입니다. 실수가 아니라 근삿값이라는 의미에 더 가깝습니다.

¹³ 나열이라는 뜻의 `string`에서 따온 명칭입니다.

¹⁴ 특히 어떤 사건을 기록하는 목적으로 만들어진 변수를 깃발 `flag`이라고 합니다.

1. 시작하기

```
1 >>> a, b, c = 2, 7, 12
2 >>> a, b, c = b, c, a
3 >>> print(a, b, c)
4 7 12 2
5 >>> a, b = b % a, a
6 >>> print(a, b)
7 5 7
```

Multiple assignment를 허용하지 않는 대다수의 언어에서는 임시 변수를 도입해야 합니다. 예컨대 줄 5의 경우 아래와 같은 방법을 사용해야 합니다.

```
1 >>> tmp = a
2 >>> a = b % tmp
3 >>> b = tmp
```

파이썬에서는 마치 하노이의 탑을 연상시키는 이러한 과정을 시행하지 않아도 됩니다.

마지막으로, 변수의 이름으로 정할 수 없는 특정 문자열이 있습니다. 파이썬이 내부적으로 사용하는 `int`, `str`, `if`, `else`, `for`, `range`, ... 등이 이에 해당합니다.¹⁵ 그리고 변수명은 영어 대소문자, 숫자, 그리고 _로만 이루어져 있어야 합니다. (파이썬 3부터는 한글로도 이름을 명명할 수 있습니다.) 나아가 숫자로 시작할 수 없는데, `1st_name`과 같은 문자열을 변수명으로 지정할 수 없는 것입니다.

1.2.3 Expressions 표현

Expression은 variable, value, 그리고 operator들의 조합입니다. 우리가 흔히 부르는 사칙 연산 `+`, `-`, `*`, `/`와, 나머지를 구해주는 `%`, 지수를 뜻하는 `**` 등이 이에 해당합니다. 주의할 점은, `^`이 지수를 뜻하는 것이 아니라 `**`이라 것입니다. 또한 `//`는 몫을 구해줍니다. 아래의 예시를 봅시다.

```
1 >>> 12 + 5
2 17
3 >>> 12 - 5
4 7
5 >>> 12 * 5
```

¹⁵ `int` 등 `type` 명은 배정이 가능하지만, 형 변환을 위한 함수로 사용되므로 사용하면 안됩니다. 위에 나왔던 코드 중 `summ`이라고 썼던 변수명도 `sum`으로 쓰지 않은 이유는 `sum`에 해당하는 내장 함수가 있기 때문입니다.

1.2. 파이썬의 기본 요소

```
6 60
7 >>> 12 / 5
8 2.4
9 >>> 12 // 5
10 2
11 >>> 12 % 5
12 2
13 >>> 12 ** 5
14 248832
15 >>> 12 ^ 5
16 9
```

`^`는 bitwise XOR의 연산자로서, $12 = 1100_2$, $5 = (0)101_2$ 이므로 digit이 다른 $2^3, 2^2, 2^1$ 자릿수만 1을 취한 $1001_2 = 9$ 가 $12 ^ 5$ 의 값입니다. `^`은 지수의 연산이 아닙니다! 연산의 순서는 기본적으로 괄호(...), unary 연산(+x, -x), 지수(**), 곱셈/나눗셈/나머지 연산(*, /, %), 덧셈/뺄셈(+, -)의 순서입니다. 헷갈리는 경우나 혼동을 불러올 수 있는 경우에는 (...)를 사용하여 순서를 명시할 수 있습니다. 또는 논리적인 블럭이 되는 경우 괄호를 사용하여 묶어주는 것이 권장됩니다.

참고로, 파이썬 2에서는 나눗셈을 할 때 정수끼리 행하면 몫만이 구해집니다. $12 / 5 = 2$ 와 같이 말입니다. 반면 $12.0 / 5 = 2.0$ 와 같이 제수나 피제수 중 하나라도 float 형이면 결과도 실제 float의 나눗셈의 결과로 나옵니다. 위와 같은 결과를 인터넷이나 서적에서 보신다면 파이썬 2 코드이므로 유의하시기 바랍니다.¹⁶

코드를 작성할 때에는 특별한 경우를 제외하고는 가독성이 중요합니다. 예컨대, 중복되는 값이나 의미가 있는 값은 특정 변수에 저장하여 해당 변수를 통해 식을 표현하는 것이 바람직합니다. 아래의 예시를 봅시다.

```
1 >>> S = ((3 + 4 + 5) * (-3 + 4 + 5) * (3 - 4 + 5) * (3 + 4 - 5))**0.5
2 >>> a, b, c = 3, 4, 5
3 >>> s = (a + b + c) / 2
4 >>> S = (s * (s - a) * (s - b) * (s - c))**0.5
```

비록 줄 수는 늘어났지만, 줄 1의 표현보다는 줄 4의 표현이 가독성이 높을 뿐만이 아니라 더 일반적이어서 값을 바꾸기 위해서는 줄 2의 숫자 부분만 변경을 하면 된다. 반면 줄 1의 표현의 경우 +와 -의 부호 구분에서 실수를 할 수 있고 다른 값을 대입하기 위해서는 12 부분에 수정을 해야 한다.

¹⁶또한 이 교재도 원래 파이썬 2 기준으로 쓰여져 있었는데, 이와 관련해 미처 수정되지 않은 부분이 있다면 알려주시기 바랍니다.

1. 시작하기

마지막으로 소개할 문법은 위에서 잠시 언급한 개수 세기 등에서 유용하게 쓸 수 있습니다. 변수 뒤에 산술 연산자(+, -, *, /, %, **) 뒤에 바로 =를 붙인 후 수를 쓰는 syntax입니다.¹⁷ `x += 1`과 같이 말입니다. 이는 해당 변수에 저장된 값에 등호 뒤에 쓰인 값을 더한다는 의미로, `x = x + 1`과 동일한 의미를 가지고 있습니다. 아래와 같이 응용할 수 있습니다.

```
1 >>> x = 4
2 >>> x += 2
3 >>> x
4 6
5 >>> x -= 1
6 >>> x
7 5
8 >>> x *= 2
9 >>> x
10 10
11 >>> x /= 5
12 >>> x
13 2
14 >>> x %= 3
15 >>> x
16 2
17 >>> x **= 3
18 >>> x
19 8
```

참고로, C/C++이나 Java와 같은 언어에는 ++, --와 같이 쉽게 1을 더하거나 뺄 수 있는 연산자가 있습니다. a가 3의 값을 가지고 있었을 때 `a++`를 하면 4가 되는 것이지요. C++의 ++이 해당 연산자에서 따온 것입니다. 그러나 `a++`과 `++a`에 따라서 연산 후 결과는 같지만 실제 코드에서 사용되는 위치에 따라 수행 결과가 달라지는 등 버그의 원인이 되기 때문에 파이썬이나 모던 언어에서는 해당 연산자를 문법에 넣지 않는 추세입니다.

1.2.4 Types형

위에서 간단히 소개한 바 있는데, variable의 종류를 type형이라고 합니다. 현재로서는 지금까지 언급한 `int`(정수형), `float`(실수형), `str`(문자열) 세 가지 type만 알아두시면 됩니다. 지금까지는 숫자가 실수형임을 명시할 때 3.과 같이 온점을

¹⁷ `int`나 `float`형에서는 모든 산술 연산자를 쓸 수 있고, `str`형에 대해서는 정의가 되어 있는 +만 사용할 수 있습니다.

1.2. 파이썬의 기본 요소

찍어 표현하였는데, type conversion형 변환이라는 것을 사용하여도 됩니다. 형 변환은 정수형과 실수형 간에서 자유롭게 가능하고, 문자열의 경우에는 그 자체가 수일 경우에만 변환이 가능합니다.

```
1 >>> x = 76
2 >>> x
3 76
4 >>> float(x)
5 76.0
6 >>> str(x)
7 '76'
8 >>> pi = 3.14
9 >>> pi
10 3.14
11 >>> int(pi)
12 3
13 >>> str(pi)
14 '3.14'
15 >>> s = "1"
16 >>> s
17 '1'
18 >>> int(s)
19 1
20 >>> float(s)
21 1.0
```

위 예시를 통해 필요한 모든 경우를 파악하셨을 것입니다. 또한, type(·)를 통해 직접 type을 확인할 수 있습니다.

```
1 >>> print(type(76))
2 <class 'int'>
3 >>> print(type(76.))
4 <class 'float'>
5 >>> print(type("76"))
6 <class 'str'>
```

1. 시작하기

1.2.5 Input/Output입출력

지금까지는 파이썬 shell에서만 명령을 실행했습니다. 그렇기 때문에 a에 담긴 값을 알기 위해서는 굳이 print(a)가 아니라 a를 치는 것 만으로도 충분했습니다. 하지만 여러 줄의 코드를 한꺼번에 작성하여 실행할 때에는 이런 방식의 접근이 불가능합니다. 또, 코드를 실행 중일 때 어떤 입력을 받기 위해서는 지금까지와는 다른 방법이 필요합니다. Shell과는 다르게 한 줄씩 직접 입력하는 방식이 아니기 때문입니다. 값을 출력하는 것은 지금까지 해왔던 것처럼 print를 사용하면 되는데, 아래에서 print에 대해 좀 더 알아보겠습니다. Shell이 아니라 파일을 만들어서 실행시킵니다.

```
1 today = "Monday"
2
3 print("Today is", today)
4 print("Today is " + today)
5
6 print("\nprintf style:")
7 print("Today is %s" % today)
8 print("Today is %(day)s" % {"day": today})
9
10 print("\n파이썬 3, back-ported to 파이썬 2:")
11 print("Today is {}".format(today))
12 print("Today is {day}".format(day=today))
13
14 print("\n파이썬 3.6+, Formatted String Literals:")
15 print(f"Today is {today}")
```

위 예시는 파이썬에서 Today is Monday를 출력하는 여러가지 방법을 나열한 것입니다. 첫 번째(줄 3)는 ,를 사용하여 print 함수 내의 여러 인자들을 출력하는 방식입니다. 자동으로 띄어쓰기가 들어간다는 것에 유의합니다. 두 번째(줄 4)는 문자열의 덧셈을 통해 출력한 것으로, 띄어쓰기는 직접 앞 Today is에 추가하였습니다. 다음 예시부터는 문자열 포맷팅에 관한 내용입니다. 먼저 줄 7과 8의 예시는 과거 사용되었던 방식으로, 현재에도 사용할 수 있는 방식입니다. C 언어의 printf와 유사한 방식입니다. %s는 뒤 % 뒤의 변수를 문자열 형식으로 넣으라는 뜻입니다. 만약 이름을 붙여서 지정하고 싶다면 줄 8과 같이 사용하면 됩니다. 파이썬 3에서 시작되어 현재는 파이썬 2로 백포트된 문자열 포맷팅 방식은 줄 11과 12에 나와 있습니다. {}로 지정된 부분에 뒤 .format() 메소드 내부의 인자가 대입되는 것을 확인할 수 있습니다. 마지막 15 줄의 방식이 가장 최근에 도입된 Formatted String Literals라는 것입니다. 문자열 앞에 f를 붙인 후 단순히 종괄호

안에 원하는 변수 이름을 넣으면 대입이 됩니다. 만약 파이썬 3.6 이상 버전을 쓰고 있다면 사용이 가능하므로 되도록이면 해당 방식을 사용하는 것이 권장됩니다.

이제는 값을 입력하는 법에 대해 알아봅시다. `input()` 함수를 사용하면 됩니다. 다음과 같은 예시를 살펴봅시다.

```

1 today = input("What day is it today? ")
2 print("Today is", today)
3
4 s = input("Enter the number you want to know the square root of: ")
5 n = float(s)
6 print(n**.5)

```

위 코드를 실행시키면 창에 `What day is it today?` 가 출력된 후 입력이 될 때까지 기다립니다. 키보드로 값을 입력한 후 `-Thursday`를 입력했다고 합시다-리턴 키를 치면 값이 입력되고, `Today is Thursday.`가 출력될 것입니다. 또한, 수를 입력 받을 시 `int()`나 `float()`로 형 변환을 수행해줘야 합니다. `input()`이 넘겨주는 값은 항상 `str` 형이기 때문입니다.

1.3 예제

- 1부터 n 까지 자연수의 제곱의 합과 세제곱의 합의 차이를 구하는 코드를 작성하세요. 단, 아직 배우지 않은 `for` 문 없이 다음의 공식을 사용하세요:

$$\sum_{k=1}^n k^2 = \frac{n(n+1)(2n+1)}{6}$$

$$\sum_{k=1}^n k^3 = \left(\frac{n(n+1)}{2}\right)^2$$

```

1 n = int(input("Enter n: "))
2 # Add here!

```

- 원탁 주위에 a, b, c, d, e 가 앉아 있습니다. 각자는 자신이 좋아하는 정수를 종이에 적은 후, 양 옆에 앉은 사람의 정수를 더합니다. 최종적으로 각자가 얻게 된 수를 출력하도록 다음 코드를 완성하세요:

```

1 a = int(input("Enter a: "))
2 b = int(input("Enter b: "))
3 c = int(input("Enter c: "))

```

1. 시작하기

```
4 d = int(input("Enter d: "))
5 e = int(input("Enter e: "))
6 print("Favorite integers: ", a, b, c, d, e)
7 # Add here!
8 print("Final integers: ", a, b, c, d, e)
```

3. 이차방정식 $ax^2 + bx + c = 0$ 의 해를 구하는 코드를 작성하세요. 단, 판별식 $b^2 - 4ac > 0$ 이라고 가정합니다.

```
1 a = int(input("Enter a: "))
2 b = int(input("Enter b: "))
3 c = int(input("Enter c: "))
4 # Add here!
5 # x1 = ...
6 # x2 = ...
7 print("Solutions for the quadratic equation are ", x1, " and ",
      x2)
```

4. 다음 표현의 값을 예상하세요.

```
1 >>> 3*2**6+12
2 ???
3 >>> 32/7+2**3/3
4 ???
5 >>> 13/3%3+2.0
6 ???
7 >>> 13//2/4.
8 ???
9 >>> int(2**((1/2))+1
10 ???
```

5. 파이썬 3에서 가능한 변수명을 모두 고르세요.

- if
- sum
- max
- 1st_var
- var_1

- this+that
 - _self
 - 변수
 - r&e
6. 다음 코드는 여섯 개의 실수 $x_1, x_2, x_3, y_1, y_2, y_3$ 을 입력받습니다. i 가 1, 2, 3을 취할 때 (x_i, y_i) 가 좌표평면에서 서로 다른 세 점을 나타내는 좌표라고 가정합니다. 이때 세 점이 이루는 삼각형의 면적을 계산하는 코드를 작성하세요.

참고로,

- 세 변의 길이가 a, b, c 인 삼각형의 면적은 $s = \frac{a+b+c}{2}$ 일 때 $\sqrt{s(s-a)(s-b)(s-c)}$ 입니다.
- 또한, 어떤 두 벡터 \mathbf{u} 와 \mathbf{v} 가 이루는 삼각형의 면적은 $\frac{1}{2}\|\mathbf{u} \times \mathbf{v}\| = \frac{1}{2}\|\mathbf{u}\|\|\mathbf{v}\|\cos\theta$ 입니다.
- 이때, $\cos\theta = \frac{\mathbf{u} \cdot \mathbf{v}}{\|\mathbf{v}\|\|\mathbf{u}\|}$ 입니다.

```

1 x1 = int(input("Enter x1: "))
2 y1 = int(input("Enter y1: "))
3 x2 = int(input("Enter x2: "))
4 y2 = int(input("Enter y2: "))
5 x3 = int(input("Enter x3: "))
6 y3 = int(input("Enter y3: "))
7 # Add here!
8 # area = ...
9 print("Area of the triangle is", area)

```

7. a 를 b 로 나눈 나머지를 % 없이 사칙연산과 // 만으로 구하세요.

```

1 a = int(input("Enter a: "))
2 b = int(input("Enter b: "))
3 # Add here!
4 # r = ...
5 print("Remainder is", r)

```

참고. 다음 코드는 양의 실수에 대해 올림 함수 $[x] = \min\{n \in \mathbb{Z} \mid n \geq x\}$ 를 계산합니다. `int(·)`, `+`, `-`만을 사용하여 구현하세요.¹⁸

¹⁸정답: `l + (x-int(x)) + (l - (x-int(x)) - int(x)) * int(l - (x-int(x)))`

1. 시작하기

- 힌트: `int(·)` 함수의 그래프를 그려보세요.

```
1 x = float(input("Enter x:"))
2 # Add here!
3 # ceil_x = ...
4 print("Ceil(x) =", ceil_x)
```

CHAPTER 2

Functions함수와 Conditionals 조건문

When a certain task is to be performed at several different places in a program, it is usually undesirable to repeat the coding in each place. To avoid this situation, the coding (called a subroutine) can be put into one place only, and a few extra instructions can be added to restart the outer program properly after the subroutine is finished.

— Donald Knuth, *The Art of Computer Programming*

2.1 Functions함수

오늘날 프로그래밍의 기본 중 기본은 functions함수라고 말할 수 있습니다. 함수를 전혀 사용하지 않고 프로그래밍을 하는 것이 가능은 하지만, 함수를 쓰면 다양한 이점이 있습니다. 일단 프로그램을 역할에 따라 여러 부분으로 나누어 구조적 프로그래밍¹이 가능해집니다. 또한 함수를 사용하면 같은 코드를 반복하지 않음으로써 프로그램의 용량을 줄이고 범용성을 늘릴 수 있습니다. 지난 시간에 자주 반복하여 사용하는 식을 하나의 변수에 대입하여 사용하면 효율적이라고 했던 것과 같은 맥락입니다. 나중에 객체 지향 프로그래밍 패러다임을 배우면 더 자세히 배우겠지만, 함수를 사용하여도 encapsulation캡슐화가 가능해집니다. 캡슐화란 함수를 한 번 구현해두면 내용을 모르더라도 그 기능을 사용할 수 있게 하는 것이라고 생각하면 됩니다.

¹구조적 프로그래밍은 비구조적 프로그래밍과 대비되는 프로그래밍 패러다임입니다. 비구조적 프로그래밍은 프로그램 전체를 하나의 연속된 코드로 작성하는 방식입니다. 이러한 프로그래밍 방식에서는 GOTO문과 같은 제어문에 의존할 수 밖에 없는데, 이는 디버깅이 어렵고 가독성이 떨어집니다. 특히 구조화되지 않은 코드는 프로그램이 복잡해지면 수행 방향이 복잡하게 얹히게 되는데, 이를 비유적으로 '스파게티 코드'라고 표현하기도 합니다. machine language기계어와 assembly language어셈블리어를 제외한 현대의 대부분 프로그래밍 언어는 구조적 프로그래밍을 지원합니다.

2. FUNCTIONS함수와 CONDITIONALS조건문

한 번 Python에서 함수를 어떻게 정의하고 사용하는지, 아래의 예시를 통해서 살펴봅시다.

```
1 def gamma(v):
2     c = 299792458
3     b = v / c
4     return 1 / (1 - b**2)**0.5
5
6 def t_rel(x, t, v):
7     c = 299792458
8     return gamma(v) * (t - v * x / c**2)
9
10 pos = 10
11 time = 13
12 vel = 3E7
13
14 print(gamma(vel))
15 print(t_rel(pos, time, vel))
```

일단 함수를 사용하기 위해서는 함수를 정의해야 합니다. 함수의 정의는 `def function(arg1, arg2, ...)`의 형태로 시작해서 `return value`으로 끝납니다. 이때 `function`은 원하는 함수명이고, `arg1, arg2, ...`은 함수의 인자에 해당하는 변수명입니다. 함수를 호출(사용)할 때에는 그냥 `function(a, b, c)`의 형태로 사용하시면 됩니다. 또한, 예시처럼 매개 변수의 수는 여러 개가 될 수 있습니다. 수학의 다변수 함수와 유사하게 받아들이면 됩니다. 본격적으로 함수를 어떻게 정의하고 사용해야 하는지 알아봅시다.

2.1.1 Indentation들여쓰기

Python에서는 indentation들여쓰기가 구문을 나누는 중요한 syntax입니다. C, C++ 등의 언어에서는 들여쓰기를 하지 않아도 중괄호{·}와 세미콜론 ;으로 명령을 구분하고, 들여쓰기는 완전히 가독성만을 위한 것입니다. 그러나 중괄호나 세미콜론을 사용하지 않는 Python에서는 들여쓰기가 반드시 필요합니다. 띄어쓰기를 4회 하여 들여쓰기를 하던가, 탭을 통해서 들여쓰기를 할 수도 있습니다.² 띄어쓰기 4회를 통해 들여쓰기를 한다고 스페이스 키를 네 번 누를 필요는 없습니다. IDE나 텍스트 에디터 설정에서 탭 키를 soft tab (띄어쓰기 여러 개를 사용하여 들여쓰기를 하는 것)으로 설정하던지 hard tab (탭을 사용하여 들여쓰기를 하는

²띄어쓰기를 하여 들여쓰기를 할것인지, 탭을 하여 들여쓰기를 할 것인지는 프로그래머들 사이에서 펼쳐지는 오랜 논쟁입니다.

것)으로 설정하면 됩니다. Python의 코딩 스타일 가이드인 PEP-8에서는 soft tab이 권장됩니다.

위에서 언급하였듯이, Python에서 들여쓰기는 필수적인 문법입니다. 함수뿐만이 아니라 이번 시간에 배울 조건문, 나중에 배울 반복문 등에서 들여쓰기는 구문을 구별하고 포함 관계를 나타내는 역할을 합니다. 위의 예시처럼 함수에서는 def 다음 줄부터 return의 해당 줄까지 한 수준 들여쓰기를 해야 합니다. 들여쓰기를 실수로 의도한 바와 다르게 한다면 코드의 수행 결과가 완전히 달라질 수 있습니다. 나아가 문법적으로는 맞을 수 있어서 에러 메시지는 뜨지 않고 결과만 차이가 생기는 경우도 빈번하니 유의해야 합니다. 따라서 들여쓰기를 명시적으로 나타내주는 IDE의 기능을 활용하면 생산성을 높일 수 있습니다. IDE의 기능에서 기본 중의 기본이니 대부분의 IDE에서 들여쓰기를 도와주는 기능이 있을 것입니다. Wing IDE에서는 Preferences > Editor > Indentation으로 들어가면 Show Indent Guides 항목에 체크를 하면 됩니다. PyCharm에서는 기본적으로 indentation guide를 보여줄 것입니다.

2.1.2 Built-in Functions내장 함수

사실 이번에 함수를 처음 접하는 것이 아닙니다. 지난 시간에도 여러 함수를 보았는데요, type(.)이나 형 변환을 위해 사용한 int(.) 등이 바로 함수입니다. 이러한 함수는 사용자가 직접 정의하지 않아도 사용할 수 있는 built-in functions내장 함수입니다. 또한 어떤 내장 함수들은 바로 사용할 수 있는 것이 아니라, ‘이러이러한 종류의 함수들을 사용할 것이다’라는 것을 코드에 작성하여야 쓸 수 있는 것들이 있습니다. 바로 import package을 (보통) 코드 맨 위 줄에 적어주는 것입니다. 특히 수식 계산을 위해 자주 사용할 패키지는 math 패키지로, 제곱근 함수 sqrt(.)이라든지 사인 함수 sin(.)와 같은 삼각 함수, 로그 함수 log(.)을 사용하기 위해서는 math 패키지를 import해야 합니다. 지난 단원의 마지막 문제인 올림 함수는 math 패키지의 ceil(.)³ 함수를 사용하면 됩니다. 마찬가지로 int(.)와 같은 ‘가짜’ 내림 함수가 아니라 진짜 내림 함수인 floor(.)가 제공됩니다. Python 2에서는 math 패키지에서 제공되던 반올림 함수round(.)는 이제 math 없이도 제공됩니다. 아래에서 사용 예시를 봅시다.

```

1 >>> import math
2 >>> math.sqrt(4)
3 2.0
4 >>> math.sin(30 * math.pi / 180)
5 0.4999999999999994
6 >>> math.log(math.e)
7 1.0

```

³Ceiling function올림 함수의 앞에서 따온 명칭입니다.

2. FUNCTIONS 함수와 CONDITIONALS 조건문

```
8 >>> math.ceil(-1.5)
9 -1
10 >>> math.floor(-1.5)
11 -2
12 >>> round(-1.5)
13 -2
```

만약 `math....(·)`를 반복하는 것이 귀찮다면, `from 패키지 명 import *`로 `import`를 하면 아래와 같이 계속 `math.`를 앞에 붙일 필요가 없어집니다.

```
1 >>> from math import *
2 >>> sqrt(4)
3 2.0
4 >>> sin(30. * pi / 180.)
5 0.4999999999999999
6 >>> log(e)
7 1.0
```

`단, sin` 등의 함수를 사용자가 새로 정의하거나, `pi`나 `e`와 같은 값을 새로 지정한다면 값이 덮어 씌워져서 실수할 가능성이 커집니다.

```
1 >>> from math import *
2 >>> e
3 2.718281828459045
4 >>> e = 1
5 >>> e
6 1
```

또한 같은 함수 명 `fn`을 지닌 두 개의 패키지 `pack1`과 `pack2`에서 `from pack1 import *`를 한 후 `from pack2 import *`를 한다면 뒤에서 불러온 `pack2`의 `fn`이 먼저 불러온 `pack1`의 `fn`을 덮어 씌울 것입니다. 예컨데 `numpy`라는 패키지를 컴퓨터에 설치한 후, `from numpy import *`와 `from math import *`를 한다면 상당 수의 함수가 겹치게 되어 문제가 생길 가능성이 높습니다. 따라서 문제가 생기지 않을 것이라고 확신하거나 불가피할 경우에만 `from ...import *`를 사용하는 것이 권장됩니다. 나아가 자신이 `math` 패키지에서 `sin(·)` 함수만 필요하다는 경우에는 `from math import sin`을 하여 바로 `math.` 없이 `sin` 함수를 사용할 수 있습니다.⁴

⁴ 보통 `import numpy as np`로 `numpy` 패키지를 불러옵니다. 이러한 경우, `np.sin`과 같은 형식으로 패키지를 사용할 수 있습니다.

2.1.3 User-Defined Functions사용자 정의 함수

본인이 원하는 함수가 없다면 직접 정의를 해서 함수를 만들 수 있습니다. 함수는 반환 값이 있는 것과 그렇지 않은 것 두 종류가 있습니다. 아래는 원의 반지름을 받아서 면적을 반환하는 함수 `circ_area(·)`입니다.

```

1 import math
2
3 def circ_area(radius):
4     return math.pi * radius**2

```

`return` 다음에 반환할 값이 나타나 있습니다. 반면 아래는 원의 면적을 반환하지 않고 단순히 출력을 하는 함수 `print_circ_area(·)`입니다.

```

1 import math
2
3 def print_circ_area(radius):
4     print(math.pi * radius**2)

```

`circ_area(·)`의 경우에는 원의 면적을 출력하기 위해 `print`를 사용해야 합니다. 그렇지만 다른 값을 계산하는 등의 작업에서 함수를 표현에 넣을 수 있습니다. `print_circ_area(·)`는 직접적으로 원의 면적을 출력하지만, 그 값을 다른 표현에서 활용할 수는 없습니다. 반환하는 값이 없기 때문입니다.

함수를 정의하여 사용할 때에는, 사용하기 위해 호출하기 이전에 정의를 하기만 하면 됩니다. 위 조건만 만족한다면 다른 코드들 사이에 끼워두어도 되고, 함수들 정의 순서도 상관이 없습니다. 또한 함수를 정의하기 위해서 다른 함수를 사용할 수 있습니다.

```

1 import math
2
3 def get_dist(x1, y1, x2, y2):
4     dx = x1 - x2
5     dy = y1 - y2
6     return (dx**2 + dy**2)**0.5
7
8 def circ_area(x1, y1, x2, y2):
9     r = get_dist(x1, y1, x2, y2)
10    return math.pi * r**2

```

2. FUNCTIONS 함수와 CONDITIONALS 조건문

```
11  
12 print(circ_area(0, 0, 3, 4))
```

위 코드의 `circ_area()` 함수를 정의하기 위해 `get_dist()` 함수를 사용하였는데, `get_dist()` 함수의 정의와 `circ_area()` 함수 정의의 순서는 바뀌어도 상관은 없습니다. 하지만 코드를 읽는 사람이 위부터 읽어 내려갈 때 모르는 함수가 있으면 코드를 이해하는데 어려움이 생길 수 있으니 가독성을 위해서 순서를 적당히 지켜주는 것이 좋을 것 같습니다.

코드의 뼈대 부분을 `main()` 등의 함수로 둑어두고, 함수 정의 밖에는 `main()` 한 번만 호출되게 할 수도 있습니다. 이는 C/C++, Java 등의 언어에서는 기본적으로 채택되는 방식입니다. 예컨대, C에서는 `Hello, world!`를 출력하는 코드가 다음과 같습니다.

```
1 #include <stdio.h>  
2  
3 int main()  
4 {  
5     printf("Hello, world!\n");  
6     return 0;  
7 }
```

Python 코드에서는 함수 없이 가장 윗 수준에 적힌 코드가 실행되는 반면, C에서는 `main()` 함수에 적힌 내용이 실행됩니다. 하지만 Python에서도 다음과 같이 코드를 구성할 수 있습니다.

```
1 def main():  
2     print("Hello, world!")  
3  
4 main()
```

방금 정의한 `main()` 함수는 매개 변수를 가지지 않는데, 이러한 종류의 함수는 매개 변수 없이 항상 동일한 기능을하게 됩니다.

2.1.4 Parameters 매개 변수와 Arguments 전달 인자

함수를 정의할 때 사용되는 매개 변수들은 함수 정의 밖에서 호출될 수 없습니다. 일종의 블랙 박스로 생각하면 되는데, 함수 안에서 정의되는 local variable 지역 변수는 그 안에서만 사용을 할 수 있습니다. 예를 들어 예시에서 본 `get_dist()` 함수에서 `dx`나 `dy`는 함수 안에서만 생성되었다가 사라지는 변수라고 생각하면

2.1. Functions함수

됩니다. 나아가 함수 밖에서 `dx`라는 이름의 새로운 변수를 만들더라도 이는 함수 안에서 정의되었던 지역 변수 `dx`와는 다른 변수입니다. 반면, 함수 밖에서 먼저 정의가 되었으면서 함수 안에서 다시 정의되지 않은 변수는 global variable 전역 변수라고 합니다. 이러한 경우에는 함수 밖에서 정의가 된 값이 그대로 함수 안에서 사용됩니다. 또한 함수의 매개 변수도 함수 밖에서 사용될 수 없는 지역 변수입니다. 매개 변수의 이름과 함수의 밖에서 정의된 어떤 변수의 이름이 같더라도 이들은 관련이 없습니다. 물론, 해당 변수에 지정된 값이 같은 이름의 매개 변수로 정의된 함수의 arguments 전달 인자로 지정될 수는 있습니다. 매개 변수는 항상 전달 인자로 값이 지정되기 때문에 전역 변수와 이름이 겹친다고 해도 영향을 받지 않습니다. 여기서 전달 인자는 `fn(3)`의 3처럼 단순히 함수에 전달되는 값입니다. 아래의 예시를 통해 좀 더 명확히 이해를 해보시길 바랍니다. 이해를 위해 같은 이름을 가졌더라도 가리키는 값이 다르면 다른 색상으로 표시하였습니다.

```
1 def fn1(a, b):
2     c = a + b
3     d = a - b
4     return (c + d) / 2.
5
6 a, b = 1, 2
7 print(fn1(a, b))
8 print(fn1(1, 2))
9
10 c, d = 3, 4
11
12 def fn2(a, b):
13     d = a - b
14     return (c + d) / 2.
15
16 print(fn2(c, d))
17 print(fn2(3, 4))
```

정리하자면, `fn1(·)`의 매개 변수 `a`와 `b`는 아래에서 전달 인자로 사용된 `a = 1` 및 `b = 2`와 무관합니다. 줄 7과 줄 8의 출력 값이 같다는 사실을 통해, 줄 7의 `fn1(a, b)`는 단지 밖에서 정의된 `a`의 값인 1과 `b`의 값인 2를 대입한 `fn1(1, 2)`와 완전히 동일한 역할을 한다는 것을 확인할 수 있습니다. `fn2(·)`의 경우는 약간 다릅니다. 함수 내부에서 `c`가 지역 변수로 새로 정의되지 않은 상태로, 줄 14에서 `c`를 사용하였습니다. 여기에서 쓰인 `c`는 `c = 3`로 정의된 전역 변수입니다. 반면 `fn2(·)` 내부에서 사용된 `d`는 전역 변수 `d`가 아니라 새로 `a - b`의 값을 가지는 지역 변수입니다. 이와 같이 어떤 변수가 유효성을 가지는 영역을 scope 변수 영역이라고

2. FUNCTIONS함수와 CONDITIONALS조건문

합니다. 마지막 예시를 통해 변수 영역의 의미를 확실히 파악할 수 있을 것입니다.

```
1 def mult(a, b):
2     x = a * b
3     return x
4
5 def div(a, b):
6     x = a / float(b)
7     return x
8
9 a, b = 1, 2
10 print(mult(b, a)) # mult(2, 1)
11 print(div(a, b)) # div(1, 2)
12 print(x) # NameError: name 'x' is not defined
```

함수 `mult()`과 `div()`, 그리고 줄 9 이후의 `a`, `b`, `x`는 서로 무관하며, 줄 12에서는 함수 `mult()`과 `div()`의 변수 영역 밖에서 `x`가 정의된 적이 없으므로 오류가 발생합니다.

2.2 Conditionals조건문

그렇다면, 입력값(전달 인자)에 따라서 반환값이 달라지는 함수를 만들 때에는 어떻게 해야 할까요? 단순히, 절댓값 함수를 구현하려고 해도 다음과 같이 경우가 갈리게 됩니다.

$$|x| = \begin{cases} x & \text{if } x \geq 0 \\ -x & \text{otherwise} \end{cases}$$

이러한 함수를 구현하고 싶을 때 활용해야 하는 것이 바로 conditionals조건문입니다. 내장 함수인 `abs()`를 사용할 수도 있지만, 절댓값 함수는 다음과 같이 구현할 수 있습니다.

```
1 def abs(x):
2     if x >= 0:
3         return x
4     else:
5         return -x
```

위의 조각적-정의된 (piecewise-defined) 함수의 예시 같이, 수학에서 정의역에 따라 다르게 정의되는 수식을 코드로 작성하기 위해서는 조건문이 필요합니다.

하지만 조건문은 이와 같이 수식을 계산하는 일을 넘어, 경우를 나눠야 하는 모든 종류의 상황에 적용됩니다. 예를 들어, 어떤 프로그램에서 사용자가 로그인하였을 때와 그렇지 않았을 때 보여줘야 하는 항목이 다를 경우에 조건문을 사용해야 합니다. 낮과 밤에 따라서 화면의 밝기를 조절하는 툴을 작성할 때에도 조건문을 쓸 수 있습니다. 어떤 로봇이 장애물을 맞닥뜨렸을 때 해야 하는 행동과 앞이 트여 있을 때 해야 하는 행동을 조절하기 위해서 조건문이 필요합니다. 이처럼, 컴퓨터가 상황에 따라 다른 연산을 하도록 하는 일에 조건문을 사용할 수 있습니다.

```

1 def check_obstacle(distance):
2     if distance < 10:
3         print("앞에 장애물이 있습니다!")
4     else:
5         print("앞에 장애물이 없습니다.")

```

이 예시에서 `distance < 10`의 부분은 크게 설명하지 않아도 어떤 의미인지 파악하실 수 있을 것입니다. 이렇게 `if` 뒤에 오는 부분은 `True` 혹은 `False` 두 종류의 값을 가질 수 있는데, 이는 이제 소개해드릴 **Boolean** 불리언이라는 자료형을 가집니다.

2.2.1 Boolean Type 불리언 자료형과 Expressions 표현

지금까지 소개한 `int`, `float` 등의 자료형 외에도 자주 쓰게 될 자료형은 `Boolean` type 불리언 자료형⁵입니다. 불리언 자료형은 어떤 표현의 참/거짓을 나타내는 형으로, `True`와 `False` 두 값을 가집니다. 위의 예시에서 본 표현인 `x >= 0`은 `True`일 수도 `False`일 수도 있는 불리언 자료형입니다. 불리언 표현을 구성하기 위해서는 대소 관계와 일치 여부 등을 판단하는 관계 연산자와 `and`, `or`, `not` 등의 논리 연산자로 구성될 수 있습니다. `x >= 0 or (y < 0 and z < 0)`이 불리언 자료형을 가지는 표현의 예시입니다.

관계 연산자는 다음의 여섯 가지 종류가 있습니다.

- `x == y`: `x`와 `y`가 일치하면(=) `True`
- `x != y`: `x`와 `y`가 일치하지 않으면(≠) `True`
- `x > y`: `x`가 `y` 초과이면(>) `True`
- `x < y`: `x`가 `y` 미만이면(<) `True`
- `x >= y`: `x`가 `y` 이상이면(≥) `True`
- `x <= y`: `x`가 `y` 이하면(≤) `True`

⁵영국의 수학자이자 논리학자인 George Boole의 이름을 따온 것입니다.

2. FUNCTIONS함수와 CONDITIONALS조건문

지금까지 어떤 변수 x 에 값을 대입할 때에는 $=$ 를 사용하였습니다. $x = 10$ 과 같이 말입니다. 수학에서도 “let $x = 10$ ”처럼 $=$ 를 사용하는 것과 같은 맥락입니다. 나아가 수학에서는 보통 두 값을 비교할 때, “if $x = 10$, ”과 같은 표현을 사용하는데, Python에서는 두 값을 비교할 때 단순히 등호 하나가 아니라 두 개를 연달아 쓴 $==$ 를 사용합니다. if $x == 10$ 과 같이 말입니다.

논리 연산자는 다음 표의 세 가지 종류가 있습니다.

p	q	p and q	p or q	not p
True	True	True	True	False
True	False	False	True	False
False	True	False	True	True
False	False	False	False	True

위 표에는 각 표현에 대해서 어떤 불리언 값을 가지는지 진리표가 제시되어 있습니다. and, or, not은 각각 수학의 \wedge , \vee , 그리고 \neg 에 대응됩니다.

이제 여러가지 관계 연산자와 논리 연산자에 대해서 알아보았으니, 기존에 알았던 연산의 순서에 새로 배운 연산자들을 넣어봅시다. 연산의 순서는 우선 순위에 따라 다음과 같이 나열할 수 있습니다.

1. (\cdot)
2. $**$
3. $*, /, \%$
4. $+, -$
5. $==, !=, >, <, >=, <=$
6. not
7. and
8. or
9. $=$

모든 관계 연산자들은 논리 연산자들보다는 순위가 높고, 산술 연산자들보다는 낮습니다. 이전과 같이 우선 순위가 겹친다면 좌에서 우로 순서가 결정됩니다.

지금까지 불리언 자료형에 대한 논리 연산자와 그 우선순위를 살펴보았는데요, 이제 조건문과 함께 사용해서 그 사용 예시를 더 자세히 살펴봅시다.

2.2.2 if-else Conditionals조건문

if-else statements문의 기본적인 형태는 아래와 같습니다.

2.2. Conditionals 조건문

```
1 if expression:  
2     ...  
3 else:  
4     ...
```

위에서 `expression`에는 `x%2 == 0 or x%3 == 0` 등의 임의의 불리언 표현이 올 수 있습니다. 만약 제시된 불리언 표현이 `True`라면 줄 2의 내용이 실행되고, 그렇지 않다면 줄 4의 내용이 실행됩니다. 제시된 불리언 표현이 `False`일 때 실행할 내용이 없다면 `else` 부분은 빠뜨릴 수 있습니다. 다음과 같은 예시를 통해 확인해 봅시다.

```
1 x = 76  
2 if x % 3 == 0 and x % 2 == 0:  
3     print(x, "은(는) 6의 배수입니다.")  
4 else:  
5     print(x, "은(는) 6의 배수가 아닙니다.")
```

실제로 실행해보면 76은 6의 배수가 아니기에 76은(는) 6의 배수가 아닙니다. 가 출력되는 것을 볼 수 있습니다.

만약 6의 배수가 아니라면, 적어도 3의 배수인지, 혹은 2의 배수인지까지 판별하고 싶다면 어떻게 해야 할까요? 일단 배운 것만으로는 다음과 같이 할 수 있을 것입니다.

```
1 x = 76  
2 if x % 3 == 0 and x % 2 == 0:  
3     print(x, "is divisible by 6")  
4 else:  
5     if x % 3 == 0:  
6         print(x, "is divisible by 3")  
7     else:  
8         if x % 2 == 0:  
9             print(x, "is divisible by 2")  
10        else:  
11            print(x, "is neither divisible by 3 nor 2")
```

6의 배수인지 체크한 후, 그렇지 않다면 다시 3의 배수인지 체크한 후, 그렇지 않다면 2의 배수인지 체크하는 코드입니다. 분명 작동은 잘 하겠지만, 가독성도 좋지

2. FUNCTIONS 함수와 CONDITIONALS 조건문

않고 깔끔하지도 않습니다. 이런 상황에서 쓸 수 있는 것이 `elif`⁶입니다. 세 가지 이상의 경우가 있을 때, `if`로 시작하여 두 번째부터 마지막 바로 직전 경우까지는 `elif`를, 마지막 예외의 경우에는 `else`로 마무리하는 방식입니다. 마찬가지로 모든 경우에 해당하지 않을 때 시행할 것이 없으면 마지막 `else`는 생략할 수 있습니다. `elif`를 활용하면 위의 코드를 아래와 같이 간결하게 나타낼 수 있습니다.

```
1 x = 76
2 if x % 3 == 0 and x % 2 == 0:
3     print(x, "is divisible by 6")
4 elif x % 3 == 0:
5     print(x, "is divisible by 3")
6 elif x % 2 == 0:
7     print(x, "is divisible by 2")
8 else:
9     print(x, "is neither divisible by 3 nor 2")
```

만약 `if-elif-...-elif-else`를 훑는 중간에 참인 것이 나오면, 해당 조건에서 실행되는 명령을 수행한 후 이후의 경우는 모두 건너뛰게 됩니다.

참고로, `if-else` 문에서 불리언 표현 대신 `int` 등의 자료형을 가진 변수를 넣어도 됩니다. 예컨대 `0`은 거짓, `0` 이외의 모든 수는 참의 값을 가집니다. 그렇다고 이러한 값들이 정확히 `True` 혹은 `False`의 값을 가지는 것은 아닙니다. (실제로 `0 == False`, `1 == True`이지만) `2 == True`에 대한 결과값은 `False`입니다. 또한 문자열의 경우 `""` 외의 하나 이상의 문자를 담고 있는 문자열은 참입니다. `""`는 거짓에 해당합니다. 이는 Python에서 `if` 문을 조금 더 간편하게 쓸 수 있도록 하지만, 특별한 이유가 있지 않는 이상 불리언 표현을 사용하는 것이 혼란을 줄일 수 있습니다.

사실 `bool` 형은 `int` 형의 부분으로, `True`는 정확히 `1`과, `False`는 정확히 `0`과 동일합니다.⁷ 따라서, 다음과 같은 결과가 나옵니다.

```
1 >>> True * 3
2 3
3 >>> True * False
4 0
5 >>> (6 % 2 == 0) + False
6 1
```

⁶`else if`에서 `else`의 `el`만 따온 것입니다. C 언어에서는 그대로 `else if`를 사용합니다.

⁷Python 2에서는 `True`와 `False`가 키워드로 지정이 되어 있지 않아 일반 변수명으로 사용하여 아무 값으로나 재지정할 수 있었습니다. 반면 Python 3에서는 `True`와 `False` 모두 키워드라 값을 지정하려고 하면 syntax 에러가 발생하게 됩니다.

2.2. Conditionals 조건문

어디까지나 가능하다는 사실을 알려주는 코드이고, 실제로는 이렇게 쓸 이유가 없습니다.

그러나 논의된 내용을 바탕으로 다음과 같은 (유의미한) 코드를 쓸 수는 있습니다.

```
1 money = 100
2 if money:
3     print("I have money")
4 else:
5     print("I don't have money")
```

2.2.3 Multiple Exit Points 다중 반환점

한 함수에 if-else 문을 넣어 경우별로 값을 반환하도록 만들 수 있습니다. 상기하자면, 반환한다는 것은 함수에서 값을 뱉어내는 것이었습니다. 즉, if-else 문을 사용해 함수 정의의 여러 곳에서 값을 뱉어낼 수 있습니다. 2.2 Conditionals 조건문 처음에 제시한 `abs()` 함수가 그 예시로, $x \geq 0$ 일 경우 x 를 반환하고 그렇지 않은 경우 $-x$ 를 반환하였습니다. 이러한 함수에는 여러 개의 `return`을 사용하였기 때문에 multiple exit points 다중 반환점이 있다고 표현하기도 합니다.⁸ 만약 `abs()` 함수를 하나의 반환점만을 사용한다면 아래와 같이 나타낼 수 있습니다.

```
1 def abs(x):
2     if x >= 0:
3         y = x
4     else:
5         y = -x
6     return y
```

2.2절 처음에 제시한 코드와 위 코드는 정확하게 같은 방식으로 작동합니다. 또한 2.2절 처음에서 제시한 코드를 변형하여 `else` 없이 아래와 같이 다시 쓸 수 있습니다.

```
1 def abs(x):
2     if x >= 0:
3         return x
4     return -x
```

⁸함수에 여러 개의 반환점이 있으면 경우에 따라 실수를 하여 예기치 못한 버그가 생길 수 있기 때문에, 다중 반환점을 쓰는 것이 바람직한가에 대한 논쟁이 있습니다. 하지만, 적절한 상황에서 사용한다면 분명 편리할 것입니다.

위 코드의 경우에는 가능한 경우를 모두 걸러서 마지막 경우에는 -x를 반환하라는 코드로 읽을 수 있습니다. 함수를 읽어나갈 때, return을 만나는 순간 함수가 해당 값을 반환하고 종료되기 때문에 위와 같은 코드를 작성할 수 있습니다. 즉, return은 함수에서 값을 반환하는 동시에, 함수의 수행을 종료하라는 마크로 볼 수 있습니다.

다중 반환점을 사용할 경우, 일반적으로는 다음과 같이 함수를 만들 수 있습니다.

```
1 def abs(x):
2     if ...:
3         return ...
4     if ...:
5         return ...
6     ...
7     if ...:
8         return ...
9     return ...
```

2.3 예제

이하 예제에서 [물리] 혹은 [수학]과 같이 표시된 문제는 물리학 혹은 수학에서 등장하는 복잡한 연산을 코딩으로 해결할 수 있다는 것을 보여주기 위한 것으로, 선택적으로 해결하시면 됩니다.

1. 이름 name을 문자열로 받아서 제 이름은 {name}입니다.와 같이 출력하는 함수 introduce(name)를 작성하세요.

```
1 def introduce(name):
2     # Add here!
3
4 print(introduce("귀도 반 로섬")) # 제 이름은 귀도 반 로섬입니다.
    ↪ 다.
5 print(introduce("앨런 튜링"))    # 제 이름은 앤런 튜링입니다.
6 print(introduce("폰 노이만"))    # 제 이름은 폰 노이만입니다.
```

2. 두 수 a와 b를 받아 덧셈, 뺄셈, 곱셈, 나눗셈을 해주는 함수 add(a, b), subtract(a, b), multiply(a, b), divide(a, b)를 각각 작성하세요.

```

1 def add(a, b):
2     # Add here!
3
4 def subtract(a, b):
5     # Add here!
6
7 def multiply(a, b):
8     # Add here!
9
10 def divide(a, b):
11    # Add here!
12
13
14 print(add(1, 2))      # 3
15 print(subtract(1, 2))  # -1
16 print(multiply(1, 2))  # 2
17 print(divide(1, 2))   # 0.5

```

3. [수학] 정규분포를 표현하기 위해 사용되는 가우시안 함수는

$$g(x) = \frac{1}{\sigma\sqrt{2\pi}} e^{-\frac{1}{2}\left(\frac{x-\mu}{\sigma}\right)^2},$$

이며, 이때 μ 는 기댓값, σ 는 표준편차입니다. 가우시안 함수 gaussian(mu, sigma, x)를 작성하세요.

```

1 import math
2
3 def gaussian(mu, sigma, x):
4     # Add here!
5
6 print(gaussian(0, 1, 0))          # 0.3989422804014327
7 print(gaussian(-2, math.sqrt(0.5), 0)) # 0.010333492677046037

```

4. [물리] 전하가 각각 q_1 과 q_2 인 두 물체 사이의 쿨롱힘은 거리 r 에 따른 함수

$$F_C(r) = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q_1 q_2}{r^2} \text{ where } \epsilon_0 = 8.854\ 187\ 817 \times 10^{-12} \text{ F} \cdot \text{m}^{-1}.$$

2. FUNCTIONS 함수와 CONDITIONALS 조건문

로 쓸 수 있습니다. 또한, 질량이 각각 m_1, m_2 인 두 물체 사이의 만유인력은 거리 r 에 따른 함수

$$F_g(r) = G \frac{m_1 m_2}{r^2} \text{ where } G = 6.674\ 08 \times 10^{-11} \text{ m}^3 \cdot \text{kg}^{-1} \text{s}^{-2}.$$

로 표현됩니다. 두 물체가 전하 q_1 과 q_2 , 그리고 질량 m_1 과 m_2 를 가지고, 거리 r 만큼 떨어져있다고 가정합니다. 각각 쿠лон 힘과 만유인력을 구하여 반환하는 함수 `coulomb(q1, q2, r)`과 `gravity(m1, m2, r)`을 작성하세요. 또한 이 둘 모두를 구하여 더하는 `total_force(q1, q2, m1, m2, r)`도 작성하세요.

```
1 import math
2
3 def coulomb(q1, q2, r):
4     # Add here!
5
6 def gravity(m1, m2, r):
7     # Add here!
8
9 def total_force(q1, q2, m1, m2, r):
10    # Add here!
11
12 e_c = -1.6021766208e-19
13 e_m = 9.10938356e-31
14 p_c = -e_c
15 p_m = 1.672621898e-27
16 a_0 = 5.2917721067e-11
17
18 print(coulomb(e_c, p_c, a_0))
19 print(gravity(e_m, p_m, a_0))
20 print(total_force(e_c, p_c, e_m, p_m, a_0))
```

5. [수학] $a \neq 0$ 일 경우, 함수 $f(x) = ax^2 + bx + c$ 는 극값을 가진다. 함수 $f(x) = ax^2 + bx + c$ 은 극값을 반환하는 `extremum(a, b, c)`를 작성하세요.

```
1 def f(a, b, c, x):
2     return a*x**2 + b*x + c
3
4 def extremum(a, b, c):
5     # Add here!
```

```

6
7 print(extremum(1, 5, 10))    # 3.75
8 print(extremum(1, -5, 10))   # 3.75
9 print(extremum(3, 7, 5))     # 0.916666666667

```

6. 세 수 a, b, c 중에서 가장 작은 수를 반환하는 least(a, b, c)를 작성하세요.

```

1 # Add here!
2
3 print(least(1, 2, 3))  # 1
4 print(least(2, 1, 3))  # 1
5 print(least(1, 1, 2))  # 1

```

7. 입력 받은 수 n이 짝수이면 {n}은 짝수입니다., 홀수이면 {n}은 홀수입니다. 를 출력하는 함수 check_parity(n)을 작성하세요.

```

1 # Add here!
2
3 check_parity(2)      # 2는 짝수입니다.
4 check_parity(101)    # 101은 홀수입니다.

```

8. 입력 받은 문자 direction이 w일 경우 전진, a일 경우 좌회전, s일 경우 후진, d일 경우 우회전을 출력하는 함수 navigate(direction)을 작성하세요. 단, 이외의 문자가 입력되었을 경우에는 알 수 없는 명령입니다. 를

```

1 # Add here!
2
3 navigate('w')  # 전진
4 navigate('a')  # 좌회전
5 navigate('s')  # 후진
6 navigate('d')  # 우회전
7 navigate('z')  # 알 수 없는 명령입니다.

```

9. 다음을 반환하는 함수 quadrant(x, y)를 작성하세요:

- "제1사분면" if $x > 0 \ \& \ y > 0$
- "제2사분면" if $x < 0 \ \& \ y > 0$
- "제3사분면" if $x < 0 \ \& \ y < 0$

2. FUNCTIONS함수와 CONDITIONALS조건문

- "제4사분면" if $x > 0 \ \& \ y < 0$
- "경계선" otherwise

```
1 # Add here!
2
3 print(quadrant(10, 5))    # 제1사분면
4 print(quadrant(-5, 3))    # 제2사분면
5 print(quadrant(-5, -7))   # 제3사분면
6 print(quadrant(3, -5))    # 제4사분면
7 print(quadrant(0, -3))    # 경계선
```

10. 10000보다 작은 자연수 n 에 대해서, 각 자릿수를 거꾸로 출력하는 함수 $\text{reverse}(n)$ 을 작성하세요.

```
1 # Add here!
2
3 print(reverse(3702))    # 2073
4 print(reverse(370))     # 73
5 print(reverse(37))      # 73
6 print(reverse(3))        # 3
```

11. 10 이상 990 이하의 10의 배수 n 이 주어졌을 때, 10, 50, 100, 500원 동전을 최소로 사용해서 n 원을 만드는데 사용되는 동전의 수를 반환하는 함수 $\text{count_coins}(n)$ 을 작성하세요.

```
1 # Add here!
2
3 print(count_coins(730))  # 6
4 print(count_coins(790))  # 8
5 print(count_coins(260))  # 4
6 print(count_coins(70))   # 3
```

12. [수학] 함수 $\text{ceiling}(x)$ 이 $[x]$ 을 반환하도록 작성하세요.

```
1 # Add here!
2
3 print(ceil(4.3))    # 5
```

```

4 print(ceil(-0.3)) # 0
5 print(ceil(0.01)) # 1

```

13. [수학] Write a function `min_x(a, b, c)` that returns the integer x that minimizes $ax^2 + bx + c$. Assume that a , b , and c are float type, where $a > 0$ and $b < 0$. If such x is not unique, return the smallest one.

```

1 def f(a, b, c, x):
2     return a*x**2 + b*x + c
3
4 def min_x(a, b, c):
5     # Add here!
6
7 print(min_x(1, -9, 2))    # 4
8 print(min_x(9, -5, 0))    # 0
9 print(min_x(9, -15, 0))   # 1
10 print(min_x(7, -13, 3))  # 1

```

14. [수학] Write a function `area_triangle(a, b)` that returns the area of a triangle formed by $y = ax+b$, x -axis, and y -axis. Return 0 if no triangle is formed. Assume a and b are either int or float type.

```

1 def area_triangle(a, b):
2     # Add here!
3

```

심화 "S", "R", and "P" represent scissors, rock, and paper, respectively. Write a function `rock_paper_scissors(a, b)` that returns "a" if a wins, "b" if b wins, or Tie if the game is tied, where a and b are elements of {"S", "R", "P"}.

```

1 def rock_paper_scissors(a, b):
2     if a == b:
3         return "Tie"
4     # Add here!
5
6 print(rock_paper_scissors("R", "R")) # Tie
7 print(rock_paper_scissors("R", "S")) # a

```

2. FUNCTIONS 함수와 CONDITIONALS 조건문

```
8 print(rock_paper_scissors("R", "P")) # b
9 print(rock_paper_scissors("S", "S")) # Tie
10 print(rock_paper_scissors("S", "P")) # a
11 print(rock_paper_scissors("S", "R")) # b
12 print(rock_paper_scissors("P", "P")) # Tie
13 print(rock_paper_scissors("P", "R")) # a
14 print(rock_paper_scissors("P", "S")) # b
```

도전 gold1, silver1, and bronze1 represent the numbers of gold, silver, and bronze medals of the first country, respectively. gold2, silver2, and bronze2 represent the numbers of gold, silver, and bronze medals of the second country, respectively. Write a function better(gold1, silver1, bronze1, gold2, silver2, bronze2) that returns "First" if the first country achieved better than the second, "Second" if the second country achieved better, or "Tie" if they tied. The score is evaluated according to the gold-silver-bronze order, not by the sum of total medals.

```
1 def better(gold1, silver1, bronze1, gold2, silver2, bronze2):
2     if gold1 > gold2:
3         return "First"
4     # Add here!
5
6 print(better(10,4,24, 1,35,25)) # First
7 print(better(1,35,25, 10,4,24)) # Second
8 print(better(10,18,0, 10,4,24)) # First
9 print(better(10,4,24, 10,18,0)) # Second
10 print(better(10,20,5, 10,20,4)) # First
11 print(better(10,20,4, 10,20,5)) # Second
12 print(better(10,20,5, 10,20,5)) # Tie
```

CHAPTER 3

Boolean Functions 불리언 함수와 Loops 반복문 기본

Formula of my happiness: a Yes, a No, a straight line, a goal.

— Friedrich Nietzsche, *Twilight of the Idols*

3.1 Boolean Functions 불리언 함수

지난 시간에는 조건문을 배우면서 불리언 자료형에 대해 알아보았습니다. 그렇다면 불리언 자료형인 `True`와 `False`를 반환하는 Boolean functions 불리언 함수도 생각해볼 수 있습니다. 이미 함수와 조건문을 배웠기 때문에, 이번 절의 내용은 매우 간단합니다. 지난 시간의 복습이라고 보아도 무방합니다. 이번 절에서는 불리언 함수를 정의하고 사용할 때 무엇을 주의해야 하는지에 대해 간략히 알아봅니다.

3.1.1 Boolean Functions 불리언 함수의 예시

불리언 함수는 불리언 자료형 `True`와 `False`를 반환하는 함수입니다. 불리언 함수는 길고 복잡한 조건문을 간략하게 표현할 때 유용합니다. 아래는 길이 `a`, `b`, `c`를 가지는 선분이 삼각형을 이룰 수 있는지 판별하는 조건문입니다.

1 `if a < b + c and b < c + a and c < a + b:`

2 `...`

이는 아래와 같은 함수로 대신할 수 있습니다.

3. BOOLEAN FUNCTIONS 불리언 함수와 LOOPS 반복문 기본

```
1 def triangle_formed(a, b, c):
2     if not a < b + c: # if a >= b + c:
3         return False
4     if not b < c + a:
5         return False
6     if not c < a + b:
7         return False
8     return True
9
10 if triangle_formed(a, b, c):
11     . . .
```

복잡한 조건문의 경우에는 불리언 함수의 유용성이 명백해집니다. “두 수 n_1 과 n_2 가 서로소이라면” 등의 표현을 한 줄로 표현하는 것보다는, 두 수가 서로소이면 True를 아니면 False를 반환하는 함수를 정의한 뒤-예컨대 coprime(n_1, n_2)-if coprime(n_1, n_2):와 같이 정리하는 것이 바람직합니다. 나아가, 이러한 불리언 함수는 조건 확인의 재사용성을 높여줍니다. 예를 들어, 로봇이 거리를 체크한 후 장애물이 앞에 있는지 확인하여 불리언을 반환하는 함수를 생각해봅시다.

```
1 def check_obstacle(distance):
2     if distance < 10:
3         return True
4     return False
```

언뜻 보면 거리를 확인해야 할 곳에 $distance < 10$ 을 써넣는 것이 굳이 함수를 작성하는 것보다 간단해 보일 수도 있지만, 로봇을 조종하는 코드에서 장애물 확인은 자주 발생할 것입니다. 그런데 만약 장애물이 있다고 인식하는 거리를 10에서 5로 줄이고 싶다고 합시다. 만약 $distance < 10$ 로 거리를 확인했다면, 코드의 수십, 아니 수백 곳에서 10을 5로 바꿔줘야 할 것입니다. 반면 함수를 정의한 후 $check_obstacle(distance)$ 와 같이 사용했다면 단 한 곳만 수정하면 될 것입니다.

3.1.2 유의 사항

불리언 True는 문자열 "True"가 아닙니다. 마찬가지로 불리언 False는 문자열 "False"가 아닙니다.

```
1 >>> type(True)
2 <type 'bool'>
```

3.1. Boolean Functions 불리언 함수

```
3 >>> type("True")
4 <type 'str'>
5 >>> type(False)
6 <type 'bool'>
7 >>> type("False")
8 <type 'str'>
```

True는 문자열이 아니라 그 자체로 불리언 자료형을 지닌 값입니다.¹ 이를 강조하는 이유는, 간혹 True를 반환해야 할 곳에 실수로 "True"라고 적는 경우가 있기 때문입니다. 이 둘은 서로 다른 값입니다.

조건문은 그 자체로 불리언 자료형을 가지기 때문에, if 조건문: return True(False)와 같은 형태는 단순히 return 조건문으로 줄여 쓸 수 있습니다. 아래는 $ax^2 + bx + c = 0$ 의 실근이 존재하는지를 판별하는 함수 real_solution(a, b, c)입니다.

```
1 def real_solution(a, b, c):
2     if b**2 - 4*a*c >= 0:
3         return True
4     return False
```

이는 간략히

```
1 def real_solution(a, b, c):
2     return b**2 - 4*a*c >= 0
```

으로 나타낼 수 있습니다. 반대로 if 조건문: return False는 return not 조건문과 같이 정리가 됩니다.

나아가 이런 불리언 함수를 조건문에 사용할 때, if 불리언_함수 == True: 대신 if 불리언_함수:를 쓰는 것이 바람직합니다. 즉,

```
1 if real_solution(a, b, c) == True:
2     ...
```

보다는

```
1 if real_solution(a, b, c):
2     ...
```

¹ 물론, 지난 시간에 언급했듯이 True는 1, False는 0입니다.

3. BOOLEAN FUNCTIONS 불리언 함수와 LOOPS 반복문 기본

이 더 간결한 표현입니다. 특히 `if` 불리언_함수 `== True:`을 쓰려다가 `==` 대신 `=`을 사용하는 실수를 미연에 방지할 수 있습니다.

그리고 복잡한 표현은 끊어서 표현하는 것이 미연의 실수를 방지하고 코드의 가독성을 높입니다. 다음 코드

```
1 if ((x1 - x2)**2 + (y1 - y2)**2)**.5 <= ((x2 - x3)**2 + (y2 -  
    ↴ y3)**2)**.5 + ((x3 - x1)**2 + (y3 - y1)**2)**.5:  
2     ...
```

보다는

```
1 a = ((x1 - x2)**2 + (y1 - y2)**2)**.5  
2 b = ((x2 - x3)**2 + (y2 - y3)**2)**.5  
3 c = ((x3 - x1)**2 + (y3 - y1)**2)**.5  
4 if a < b + c:  
5     ...
```

이 훨씬 읽기 편한 것을 볼 수 있습니다.

마지막으로, `float`형 수끼리는 등호 비교 연산`==`을 하면 안 됩니다.

```
1 >>> 0.1 + 0.2  
2 0.3000000000000004  
3 >>> 0.1 + 0.2 == 0.3  
4 False
```

이러한 결과는 컴퓨터의 부동 소수점 처리 방식 때문인데, 부동 소수점 rounding error반올림 오차라고 합니다. 간단히는 이진수 소수로 십진수 소수를 정확하게 나타낼 수 없어서, 오차가 누적되어 생기는 오차라고 생각하시면 됩니다.² 따라서 `float`끼리의 비교는 `>`와 `<`만 신뢰할 수 있으며, 되도록이면 `int` 상태에서 비교를 하는 것이 좋습니다. 예를 들어 두 정수 격자점 사이의 거리를 비교할 때는 제곱근을 씌우지 않은 상태에서 비교를 해야 정확합니다.

² 자세한 내용은 https://en.wikipedia.org/wiki/IEEE_754와 https://docs.oracle.com/cd/E19957-01/806-3568/ncg_goldberg.html에 자세히 나와 있습니다.

3.2 Loops 반복문 기본

컴퓨터는 인간보다 단순 반복 계산을 빠르게 수행할 수 있습니다. 이번 절에서 배운 loops 반복문을 익히면 손으로는 할 수 없는 많은 계산을 Python으로 수행할 수 있을 것입니다. 나아가 지금까지 배운 함수, if-else 문과 같이 사용한다면, 원하는 작업을 하는 코드를 설계하고 작성할 수 있을 것입니다.

간단한 예시로는 로봇에게 반복적인 작업을 수행하도록 반복문을 통해 작성할 수 있습니다. 로봇이 특정 거리만큼 앞으로 가게 하는 함수 `move_forward(distance)`, 특정 각도만큼 우회전하는 함수 `turn_right(angle)`가 주어져 있다고 합시다. 이 때 정사각형으로 한 바퀴를 돌게 하는 코드는 Python의 반복문을 사용해 다음과 같이 쓸 수 있습니다.

```

1 for i in range(4):
2     move_forward(1)
3     turn_right(90)

```

줄 2와 줄 3의 내용을 총 4번 반복하도록 하는 `for` 반복문으로, 어떤 일을 하는 코드인지 어렵지 않게 이해할 수 있습니다.

첫 번째 수업에서 1부터 n 까지의 수를 더하는 문제를 풀 때에는 공식 $1 + 2 + \dots + n = \frac{n(n+1)}{2}$ 을 사용하였습니다. 그렇다면 $1^m + 2^m + \dots + n^m$ 은 어떻게 계산할 수 있을까요? 임의의 m 에 대해서 공식을 유도할 수는 없습니다. 이런 경우에 `for` 반복문을 활용할 수 있습니다. 지금까지는 ‘ n 회 무슨 작업을 반복하라’의 명령을 하려면 직접 n 회 칠 수 밖에 없었지만, `for` 반복문을 사용하면 임의의 n 에 대해서 단 한 번의 일반적인 규칙을 제시하면 명령을 수행할 수 있습니다. $\sum_{i=1}^n i^m$ 을 반환하는 함수는 아래와 같습니다.

```

1 def summ(m, n):
2     summ = 0
3     for i in range(1, n + 1):
4         summ += i**m
5     return summ

```

줄 3에서 `i`를 1 이상 $n + 1$ 미만까지 하나씩 증가하며 밑의 줄 4를 반복한다는 뜻입니다. 이처럼 `for` 반복문의 기본은 `range(·)`이라고 볼 수 있습니다. 이번 절에서는 `range(·)` 함수를 활용하여, 조건문을 활용한 반복문이나 nested loops 중첩 반복문에 대해 자세히 알아봅니다.

3. BOOLEAN FUNCTIONS 불리언 함수와 LOOPS 반복문 기본

3.2.1 range() 함수를 활용한 for 반복문

range(·) 함수³는 인자를 한 개에서 세 개까지 넣을 수 있습니다. 일단 하나를 넣는 경우를 봅니다.

```
1 for i in range(n):
2     print(i)
```

이는

```
1 0
2 1
3 2
4 ...
5 n - 1
```

를 출력합니다. 즉, range(n)은 0에서 n이 되기 직전까지 i를 1씩 증가시키며 print(i)을 실행합니다. 참고로, 여기서 함수 밖에서 for 반복문이 정의되었다면 i는 전역 변수이므로, 다시 정의하지 않으면 n - 1로 남아있게 됩니다.

range(·)에 두 개의 인자가 전달되는 경우가 아래에 나타나 있습니다.

```
1 for i in range(m, n):
2     print(i)
```

이는

```
1 m
2 m + 1
3 m + 2
4 ...
5 n - 1
```

와 동일합니다. range(m, n)은 m에서 n이 되기 직전까지 i를 1씩 증가시키며 print(i)를 실행하는데, $m \geq n$ 이라면 반복문이 수행되지 않습니다.

마지막으로 세 개의 인자가 range(·)에 전달되는 경우를 살펴봅니다.

³range(·)는 리스트를 반환하는 함수로, 리스트에 대해서는 다음 시간에 자세히 알아볼 것입니다.

3.2. Loops 반복문 기본

```
1 for i in range(m, n, k):
2     print(i)
```

이는

```
1 m
2 m + k
3 m + 2*k
4 ...
5 m + 1*k
```

와 같습니다. 위에서 $m + 1*k$ 는 n 이 되기 직전의 값입니다. $range(m, n, k)$ 은 m 에서 n 이 되기 직전까지 i 를 k 씩 증가시키며 $print(i)$ 를 실행하는 것입니다. k 는 음수가 될 수도 있습니다. 이 경우에는 i 가 m 에서부터 n 이 되기 직전까지 감소됩니다.

정리하자면 $range(n)$ 은 $range(0, n)$, $range(0, n, 1)$ 과 같고, $range(m, n)$ 은 $range(m, n, 1)$ 과 같습니다. 아래는 인자를 넣는 세 가지 경우를 모두 나타낸 예시입니다.

```
1 for i in range(n):
2     print(i, end=' ') # 0 1 ... n - 1
3
4 for i in range(1, n + 1):
5     print(i, end=' ') # 1 2 ... n
6
7 for i in range(10, 0, -1):
8     print(i, end=' ') # 10 9 ... 1
9
10 for i in range(1, 10, 2):
11     print(i, end=' ') # 1 3 ... 9
```

위 예시에서 $print()$ 안에 $end=' '$ 를 써준 것은 줄바꿈을 하지 않고 대신 띄어쓰기를 하기 위함입니다. Python의 내장 $print()$ 함수에서는 end 에 값을 넣어 값을 출력한 후 뒤에 붙일 문자를 직접 지정할 수 있습니다.

3. BOOLEAN FUNCTIONS 불리언 함수와 Loops 반복문 기본

3.2.2 예시

이제는 `for` 문을 사용한 다양한 예시를 살펴보겠습니다. 아래는 팩토리얼을 계산하는 함수를 `for` 문을 통해 만든 것입니다.

```
1 def factorial(x):
2     product = 1
3     for i in range(1, x + 1):
4         product *= i
5     return product
```

줄 2에서 `product`의 값을 1로 초기화를 한 후, 이후 반복하여 `product`에 `i`를 1부터 `x`까지 반복하며 곱해주었습니다. `range`에서 마지막 인자는 해당 값이 되기 이전까지 반복문을 수행해줍니다.

구구단표 작성과 같은 규칙적인 작업도 `for` 문을 통해 할 수 있습니다.

```
1 for i in range(1, 10):
2     for j in range(1, 10):
3         print(i * j, end=' ')
4     print()
```

`i`를 고정시킨 후 `j`를 1부터 9까지 변화시키며 곱을 출력한 후, 줄을 바꾼 후 `i`를 1 증가시킨 후 `j`를 1부터 9까지 변화시키며 곱을 출력하는 것을 반복하는 것이므로 결과적으로 구구단표를 작성하게 됩니다. 이렇게 `for` 문 안에서 또 다른 `for` 문이 수행되는 것을 중첩 반복문이라고 합니다.

코딩에서 개수 세기 등과 함께 중요한 패턴 중 하나는 최댓값과 최솟값을 찾는 것입니다. $f(n) = (x - 2)^2$ 으로 정의된 함수에서 $f(0), \dots, f(4)$ 중 가장 작은 값을 찾고 싶다면 다음과 같이 코드를 작성할 수 있습니다.

```
1 def f(x):
2     return (x - 2)**2
3
4 def find_min_value():
5     m = f(0)
6
7     for i in range(1, 5):
8         if f(i) < m:
9             m = f(i)
```

```

10
11     return m

```

위 코드는 첫 번째 합수값부터 마지막 합수값까지 하나씩 살펴보는 것과 같습니다. 첫 번째 값을 보았을 때는 해당 값이 제일 작은 것(줄 5)이고 이후로는 이전까지의 최솟값보다 크면(줄 7) 해당 값으로 최솟값이 수정되는 것(줄 8)입니다. 최댓값을 구하는 것도 마찬가지로, 줄 8의 부등호 방향을 반대로 바꾸면 최댓값을 구하는 코드가 됩니다. 어떤 주어진 값에서 제일 작거나 큰 값을 찾을 때 자주 사용하는 패턴입니다.

3.3 예제

1. 짝수일 때 True를 반환하는 함수 `is_odd(n)`을 작성하세요.

```

1 def is_odd(n):
2     # Add here!
3
4 print(is_odd(12))  # False
5 print(is_odd(1))   # True

```

2. 어떤 수가 4의 배수이면 기본적으로 윤년입니다. 그러나 해당 연도가 100으로 나누어지면서 400으로는 안 나누어진다면, 윤년이 아닙니다. 윤년일 경우에 True를 반환하고 아닐 경우에는 False를 반환하는 함수 `leap_year`을 작성하세요.

```

1 # Add here!
2
3 print(leap_year(2008), leap_year(2011))  # True False
4 print(leap_year(2000), leap_year(2100))  # True False
5 print(leap_year(2300), leap_year(2400))  # False True
6 print(leap_year(2012), leap_year(2200))  # True False

```

3. 구구단 표를 작성하는 함수 `print_tables()`를 작성하세요.

```

1 1 2 3 4 5 6 7 8 9
2 2 4 6 8 10 12 14 16 18
3 ...
4 9 18 27 36 45 54 63 72 81

```

3. BOOLEAN FUNCTIONS 불리언 함수와 LOOPS 반복문 기본

```
1 def print_tables():
2     # Add here!
3
4 print_tables()
```

4. 주어진 수 n에 따라 좌회전, 직진을 줄마다 출력하는 turn_left_and_move(n)를 작성하세요.

```
1 def turn_left_and_move(n):
2     # Add here!
3
4 turn_left_and_move(3)
5 # 좌회전
6 # 직진
7 # 좌회전
8 # 직진
9 # 좌회전
10 # 직진
```

CHAPTER 4

Lists리스트, Strings문자열, Counters카운터

What we have to learn to do we learn by doing.

— Aristotle, *Ethica Nicomachea II*

4.1 Lists리스트

지난 시간에 반복문을 통해서 단순 반복 작업을 Python으로 수행하는 법에 대해서 알아보았습니다. 하지만 지난 시간에서 `for` 문의 활용은 단순히 값을 대입하여, 해당 값을 그대로 사용하는 것에 그쳤습니다. 만약 `i`를 4로 대입하는 경우에는 4를 그대로 사용하여 일반항을 계산하는 작업을 하였던 것입니다. 이번 시간에 list 리스트 자료형을 배우게 된다면, 임의의 주어진 수열에 대해서 연산을 수행할 수 있습니다. 리스트는 일종의 수열로 생각할 수 있는데, `for` 문과 리스트를 사용하면 수열의 첨자를 통해 일반적인 계산을 수행할 수 있습니다.

지금까지는 10개의 변수를 받아 합을 반환하는 함수를 작성하기 위해서는 아래와 같은 코드를 작성했어야 합니다.

```
1 def sum_ten(n1, n2, n3, n4, n5, n6, n7, n8, n9, n10):
2     summ = 0
3     summ += n1
4     summ += n2
5     ...
6     summ += n10
7     return summ
```

4. LISTS리스트, STRINGS문자열, COUNTERS카운터

심지어 `for` 문을 활용할 수도 없습니다. 다음과 같은 문법은 허용되지 않기 때문입니다.

```
1 def sum_ten(n1, n2, n3, n4, n5, n6, n7, n8, n9, n10):
2     summ = 0
3     for i in range(1, 11):
4         summ += ni
5     return summ
```

위에서 `ni`는 단지 새로운 변수 `ni`라는 이름을 가진 변수에 불과합니다. 그러나 리스트를 사용한다면, 단지 10개의 변수가 아니라 임의의 개수의 변수를 받아서-엄밀하게는 임의의 개수의 변수를 담고 있는 하나의 리스트형 변수를 받아서-계산을 할 수 있습니다.

```
1 def sum_arb(numbers):
2     summ = 0
3     for i in range(len(numbers)):
4         summ += numbers[i]
5     return summ
```

요약하자면, 뮤음의 데이터를 한 번에 처리할 수 있는 방법이 리스트와 `for` 문을 활용하는 것입니다. 이제 리스트의 정의와, 이를 어떻게 다룰 수 있을지 자세히 알아봅니다.

4.1.1 리스트의 생성

리스트의 생성은 세 가지 경우로 나눌 수 있습니다. 첫 번째 경우는 리스트에 어떤 원소가 들어갈 것인지 이미 정해진 경우입니다. 이러한 경우, 직접 원소를 입력하여 리스트를 생성할 수 있습니다.

```
1 numbers = [3, 1, 4, 1, 5, 9, 2, 6]
```

리스트의 값은 나중에 수정할 수 있기 때문에 처음에 채워 넣은 값을 `initial values` 초기값이라고 합니다. 하지만 이렇게 값을 입력하는 것은 리스트가 담고 있는 원소의 개수가 적을 때만 가능합니다. 그렇지만 값이 불규칙할 경우에는 직접 입력할 수 밖에 없습니다.

리스트에 값을 규칙적이면서, 크기가 정해져 있다면 값을 초기화하지 않은 상태에서 일정 크기를 가진 리스트를 생성할 수 있습니다. 아래는 크기 10의 리스트를 생성한 것입니다.

4.1. Lists리스트

```
1 numbers = [None] * 10
```

[None] * 10은 [None, None, None, None, None, None, None, None, None]과 동일합니다. 위에서와 같이 None 말고 정수형인 -1이나 문자열인 "empty" 등으로도 채워 넣을 수 있습니다. 단, 0과 같은 값은 실제로 값을 채워 넣은 유의미한 0과 혼동될 수 있으니 사용하지 않는 것이 바람직합니다. 무의미한 값으로 리스트를 채웠으니 값을 채워야 합니다. 이는 for 문으로 해결할 수 있습니다. 아래는 첫 10개의 3의 배수를 넣는 과정입니다.

```
1 numbers = [None] * 10
2
3 for i in range(len(numbers)):
4     numbers[i] = (i + 1) * 3
```

len(.) 함수가 처음 등장했는데, 이는 리스트의 길이를 반환합니다. 위의 예시에서 len(numbers)는 10을 반환합니다. 코드를 보다 일반적이고 명료하게 나타내기 위하여 리스트의 길이를 숫자 10과 같이 직접 치는 것보다는 len(.)을 사용하는 것이 좋습니다. 또한 리스트의 원소를 접근하는 방식은 리스트_명[원소_첨자]입니다. 원소_첨자는 0에서 len(리스트_명) - 1까지의 값을 가집니다. 즉, 리스트의 첫 원소를 호출하려면 리스트_명[1]이 아닌 리스트_명[0]을, n번째 원소를 호출하려면 리스트_명[n]이 아닌 리스트_명[n - 1]을, 마지막 원소를 호출하려면 리스트_명[len(리스트_명)]이 아닌 리스트_명[len(리스트_명) - 1]을 사용해야 합니다. 정리하자면, 리스트_명[n]은 리스트_명의 n + 1번째 원소를 가리킵니다.

마지막으로는 리스트의 크기도 정해지지 않은 경우입니다. 물론, 위 두 경우처럼 개수나 원소가 정해진 경우에도 사용할 수 있는 일반적인 방법입니다. 리스트의 append(.) method 메소드¹를 사용하는 것입니다.

```
1 numbers = []
2
3 for i in range(10):
4     numbers.append((i + 1) * 3)
```

처음에 아무것도 담지 않은 리스트 []에다가, .append(.)를 통해 새로운 원소를 뒤에 하나씩 추가하는 방법입니다. 예컨대, a = [1, 2, 3]일 때 a.append(4)를

¹ 객체에 관련된 함수를 뜻하는 말입니다. 객체 지향 프로그래밍을 배울 때 알아볼 것입니다. 지금으로는 단순히 어떤 변수에 딸린 함수라고 생각하면 됩니다.

4. LISTS리스트, STRINGS문자열, COUNTERS카운터

수행하면 a는 [1, 2, 3, 4]가 됩니다. 간단히 “리스트 버전의 += 연산”이라고 생각하면 됩니다.

4.1.2 리스트의 elements원소와 indices인덱스

리스트 리스트_명의 element원소 리스트_명[원소_첨자]에서 원소_첨자는 index인덱스²라고 합니다. 지금까지는 수열처럼 첨자라고 했는데, 앞으로는 인덱스라고 부릅니다. 인덱스는 0부터 len(리스트_명) - 1까지의 값 이외에도, -len(리스트_명)에서부터 -1까지 사용할 수 있습니다. 리스트_명[-1]은 리스트_명[len(리스트_명) - 1]과 같으며, 리스트_명[-len(리스트_명)]은 리스트_명[0]과 같습니다. Modulo모듈로 len(리스트_명)로 생각할 수 있는데, len(리스트_명) 이상의 값이나 -len(리스트_명) 미만의 값은 인덱스로 사용하면 IndexError: list index out of range 에러를 볼 수 있습니다. 복잡한 코드에서 주의를 기울이지 않으면 자주 보게 될 에러 메시지인데, 해당 메시지가 뜨면 for 문의 리스트 인덱스를 다시 한 번씩 살펴보아야 합니다.

리스트는 굉장히 범용적인 container용기라고 생각할 수 있습니다. 리스트는 정수형 혹은 실수형 수뿐만이 아니라 문자열, 불리언, 나아가 리스트들을 담을 수 있습니다. 또한, 한 종류의 자료형이 아니라 여러 종류의 자료형을 한 리스트에 담을 수 있습니다. 즉, 아래와 같은 예시 모두 가능합니다.

```
1 >>> type(["Mon", "Tue", "Wed", "Thu", "Fri", "Sat", "Sun"])
2 <type 'list'>
3 >>> type([True, None, [3, 2, 1], 3.14, "one"])
4 <type 'list'>
```

나아가 인덱스를 통해 리스트에 담긴 원소를 다룰 때는 해당 원소의 자료형처럼 그대로 다룰 수 있습니다.

```
1 >>> numbers = [None] * 4
2 >>> numbers[0] = 3
3 >>> numbers[0]
4 3
5 >>> numbers[1]
6 None
7 >>> numbers[1] = numbers[0] * 2
8 >>> numbers[1]
9 6
10 >>> numbers[2] = numbers[1] - 7
```

²복수형은 indices입니다.

```

11 >>> numbers[2]
12 -1
13 >>> numbers[3] = numbers[2]**2
14 >>> numbers[3]
15 1
16 >>> numbers[3] /= 2.
17 >>> numbers[3]
18 0.5
19 >>> numbers[4] = 2 * numbers[3]
20 >>> numbers[4]
21 1.0

```

리스트의 인덱스는 정수형이라면 어떠한 표현을 사용하여도 문제가 되지 않습니다.

```

1 for i in range(4):
2     print(numbers[(i + 2)%4])

```

위 예시는 numbers[2], numbers[3], numbers[0]과 numbers[1]을 차례대로 출력합니다.

4.1.3 리스트의 연산

리스트에서 유용한 연산 중에는 slicing슬라이싱이 있습니다. 슬라이싱이란 리스트의 부분 리스트를 만드는 연산으로, 아래와 같이 사용할 수 있습니다.

```

1 >>> l = [0, 1, 2, 3, 4, 5]
2 >>> l[1:4]
3 [1, 2, 3]
4 >>> l[0:3]
5 [0, 1, 2]
6 >>> l[:3]
7 [0, 1, 2]
8 >>> l[2:6]
9 [2, 3, 4, 5]
10 >>> l[2:]
11 [2, 3, 4, 5]
12 >>> l[:]
13 [0, 1, 2, 3, 4, 5]

```

4. LISTS리스트, STRINGS문자열, COUNTERS카운터

```
14 >>> l[1:-1]  
15 [1, 2, 3, 4]
```

즉, l이라는 리스트가 주어졌을 때 l[i:j]는 l[i]부터 l[j - 1]까지의 원소를 뽑아서 새로운 리스트를 만듭니다. 만약 i가 생략된다면 첫 문자부터 시작하며, j가 생략된다면 마지막 문자까지 포함을 합니다. 둘 다 생략하는 경우 같은 원소들을 담고 있는 리스트의 복사본을 만들게 됩니다.

원소들을 특정 간격으로 띄워서 부분 리스트를 만들 때도 슬라이싱을 사용할 수 있습니다. 이 경우 l[i:j:k]와 같이 슬라이싱을 하는데, k만큼의 간격을 두고 원소들을 추출하게 됩니다. range(i, j, k)와 동일하다고 생각하면 됩니다. 곧 알게 되겠지만 range(:)는 리스트를 호출하는 메소드이기 때문입니다.

```
1 >>> l = [0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9]  
2 >>> l[1:9:2]  
3 [1, 3, 5, 7]  
4 >>> l[:9:2]  
5 [0, 2, 4, 6, 8]  
6 >>> l[1::2]  
7 [1, 3, 5, 7, 9]  
8 >>> l[1:-1:2]  
9 [1, 3, 5, 7]
```

위에서 볼 수 있듯이, i, j, k에서 i와 j, 혹은 둘 다 생략을 할 수 있습니다. 또한 k가 음수일 경우, 원소를 뒤에서부터 골라서 추출하게 됩니다. 특히 k = -1로 지정하여 l[::-1]과 같이 사용한다면 l의 원소를 거꾸로 나열한 새로운 리스트를 생성하게 됩니다.

또한 두 리스트를 비교할 때는 다른 자료형과 마찬가지로 ==를 사용하여 비교할 수 있습니다. 만약 특정 원소가 리스트에 해당하는지를 알아보려면 in을 사용하면 됩니다. 이 두 연산은 불리언을 반환하게 됩니다.

```
1 >>> l = [0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9]  
2 >>> m = [0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9]  
3 >>> l == m  
4 True  
5 >>> 4 in l  
6 True  
7 >>> 10 in l  
8 False  
9 >>> [1, 4] in l
```

```

10 False
11 >>> [1, 4] in [[1, 4], 2, 3]
12 True

```

두 리스트를 잊고 싶은 경우 단순히 +를 사용하여 연결하고, n 회 반복한 만큼의 리스트를 만들고 싶다면 *를 사용하면 됩니다. 아래와 같이 사용할 수 있습니다.

```

1 >>> l = [0, 1, 2] + [3, 4, 5, 6, 7, 8, 9]
2 >>> m = [0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9]
3 >>> l == m
4 True
5 >>> l = [1, 2] * 3
6 >>> l
7 [1, 2, 1, 2, 1, 2]

```

4.1.4 Multi-Dimensional 다차원 리스트

다차원 리스트는 리스트들의 리스트입니다. 이는 matrix 행렬을 Python으로 구현하고자 할 때 유용하게 사용할 수 있습니다. (일단 행렬은 아래와 같이 행과 열에 맞추어 수들을 나열한 수학적 객체라고 생각하시면 됩니다.)

$$l = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 \\ 3 & 4 & 5 & 6 & 7 \end{pmatrix}$$

위와 같은 행렬은 아래와 같은 리스트로 표현할 수 있습니다.

```

1 l = [[1, 2, 3, 4, 5], [3, 4, 5, 6, 7]]

```

만약 1의 행의 길이를 알고 싶다면 `len(l[0])`을, 열의 길이를 알고 싶다면 `len(l)`을 사용하면 됩니다. 또한 각 원소를 접근할 때에, 1행 1열의 원소를 접근하고 싶다면 `l[0][0]`, 1행 2열의 원소를 접근하고 싶다면 `l[0][1]`, 2행 3열의 원소를 접근하고 싶다면 `l[1][2]`를 사용하면 됩니다. 일반적으로, i행 j열의 원소는 `l[i - 1][j - 1]`로 접근할 수 있습니다.

다차원 리스트의 경우에도 미리 원소를 지정하지 않고 `None`으로 초기화하여 리스트를 생성할 수도 있습니다. 만약 `height`만큼의 행의 개수, `width`만큼의 열의 개수를 가지는, `None`으로 초기화된 리스트를 생성한다면, 다음과 같이 생성할 수 있습니다. 아래 예시에는 i행 j열의 값을 $i + 2*j + 1$ 로 지정하는 과정까지 담고 있습니다.

4. LISTS리스트, STRINGS문자열, COUNTERS카운터

```
1 height = 3
2 width = 4
3 table = [[None]*width for i in range(height)]
4
5 for i in range(height):
6     for j in range(width):
7         table[i][j] = i + 2*j + 1
```

위 과정을 통해서

$$l = \begin{pmatrix} 1 & 3 & 5 & 7 \\ 2 & 4 & 6 & 8 \\ 3 & 5 & 7 & 9 \end{pmatrix}$$

에 대응되는 리스트 [[1, 3, 5, 7], [2, 4, 6, 8], [3, 5, 7, 9]]를 구성하게 됩니다.

나아가, 임의 차원을 가지는 리스트를 구성할 수 있습니다. 3차까지는 시각적으로 길이, 너비, 높이를 가지는 각 격자점에 값이 놓여 있다고 생각하시면 됩니다. 이 경우, 3중 루프를 구성하여 값을 채워 넣을 수 있습니다.

```
1 height = 3
2 width = 4
3 depth = 2
4 table = [[[None]*width for j in range(height)] for i in range(depth)]
5
6 for i in range(depth):
7     for j in range(height):
8         for k in range(width):
9             table[i][j][k] = i + 2*j + k + 1
```

4.1.5 알아두면 유용한 내장 함수

리스트 l가 주어졌을 때,

- sum(l): l의 모든 원소의 합을 반환합니다.
- min(l): l의 최소원을 반환합니다.
- max(l): l의 최대원을 반환합니다.
- l.append(x): l에 x를 마지막 위치에 추가하며 반환값이 없습니다.

- `l.count(x)`: l에 포함된 x의 개수를 반환합니다.
- `l.insert(i, x)`: l의 i번째 인덱스에 x를 추가하며 반환값이 없습니다.
- `l.pop(i)`: l의 i번째 인덱스에 해당하는 원소를 없애고 해당 값을 반환합니다.
- `l.remove(x)`: l의 첫 번째 x를 없앱니다.
- `l.reverse()`: l을 뒤집으며 반환값이 없습니다.
- `l.sort()`: l의 원소들을 정렬하며 반환값이 없습니다. 이 때, 수들 먼저 정렬된 후 문자열이 알파벳 순서로 정렬이 됩니다.

이 때 반환값이 없는 메소드에 대해서는 다른 원소를 정의할 때 사용할 수가 없다는 점을 유의해야 합니다. 예컨대, `m = l.append(x)`를 하면 l에는 x가 추가되지만, m에는 `None`이 배정됩니다. 아래 예시를 모아두었습니다.

```

1 >>> l = [0, 1, 2]
2 >>> m = sum(l)
3 >>> m
4 3
5 >>> m = min(l)
6 >>> m
7 0
8 >>> m = max(l)
9 2
10 >>> m = l.append('hi')
11 >>> m
12 None
13 >>> l
14 [0, 1, 2, 'hi']
15 >>> m = l.count(0)
16 >>> m
17 1
18 >>> m = l.insert(1, 3)
19 >>> m
20 None
21 >>> l
22 [0, 3, 1, 2, 'hi']
23 >>> m = l.pop(3)
24 >>> m

```

```
25 2
26 >>> l
27 [0, 3, 1, 'hi']
28 >>> m = l.remove(0)
29 >>> m
30 None
31 >>> l
32 [3, 1, 'hi']
33 >>> m = l.reverse()
34 >>> m
35 None
36 >>> l
37 ['hi', 1, 3]
38 >>> m = l.sort()
39 >>> m
40 None
41 >>> l
42 [1, 3, 'hi']
```

4.2 Strings문자열

문자열은 리스트와 비슷하게 다를 수 있습니다. 지금까지 문자열은 단순히 어떤 문구를 출력하기 위해 사용하는 정도로 그쳤었다면, 이제는 문자열을 가지고 연산을 하는 법을 알아볼 것입니다. 리스트 l의 i 번째 원소를 접근하기 위하여 l[i - 1]을 사용하였다면, 어떠한 문자열 s의 i 번째 문자를 접근하기 위하여 동일한 방식으로 s[i - 1]을 사용할 수 있다. 슬라이싱도 동일한 문법을 따릅니다. 나아가 두 문자열을 연결하기 위해서는 +를, 반복하기 위하여 *에 수를 곱하는 방식으로 연산하는 것까지 동일합니다. 또한 부등호를 통해 사전식 배열을 하였을 때 어떤 문자열이 먼저 나오는지를 판단할 수 있습니다. in과 not in을 통해 어떤 문자열이 다른 문자열의 부분 문자열이 되는지도 판단할 수 있습니다.

```
1 >>> s = "WEIZMANN"
2 >>> s[2]
3 'I'
4 >>> s[1:4]
5 'EIZ'
6 >>> s * 3
7 'WEIZMANNWEIZMANNWEIZMANN'
8 >>> s = s + "PYTHON"
```

```

9 >>> s
10 'WEIZMANNPYTHON'
11 >>> "WEIZMANN" > "PYTHON"
12 True
13 >>> 'MANN' in s
14 True

```

4.2.1 문자열의 연산

리스트와의 차이라면 리스트는 mutable가변 객체이고, 문자열은 immutable불변 객체라는 것입니다. 이에 따라 한 문자열을 통해 새로운 값을 만들고 싶다면 새로운 문자열을 정의하는 방식을 사용해야 하며, 기존의 문자열을 수정하는 것은 불가능합니다. 반면, +=이나 *=을 사용하는 것은 가능합니다. 이는 s += 'a'는 단순히 s = s + 'a'를 축약한 것으로써 동일한 이름의 문자에 새로운 값을 배정하는 것을 의미하기 때문입니다.

```

1 >>> s = "WEIZMANN"
2 >>> s[0] = "w"
3 Traceback (most recent call last):
4   File "<stdin>", line 1, in <module>
5 TypeError: 'str' object does not support item assignment
6 >>> s += "PYTHON"
7 >>> s
8 "WEIZMANNPYTHON"

```

4.2.2 알아두면 유용한 내장 함수들

문자열을 더 편리하게 다루기 위한 다양한 내장 함수들도 준비되어 있습니다. 문자열 s와 t가 주어졌을 때,

- s.upper(): s의 모든 문자를 대문자로 바꾸어 반환합니다.
- s.lower(): s의 모든 문자를 소문자로 바꾸어 반환합니다.
- s.capitalize(): s의 첫 문자는 대문자로, 나머지는 소문자로 바꾸어 반환합니다.
- s.isupper(): s의 모든 문자가 대문자라면 True를, 아니라면 False를 반환합니다.
- s.islower(): s의 모든 문자가 소문자라면 True를, 아니라면 False를 반환합니다.

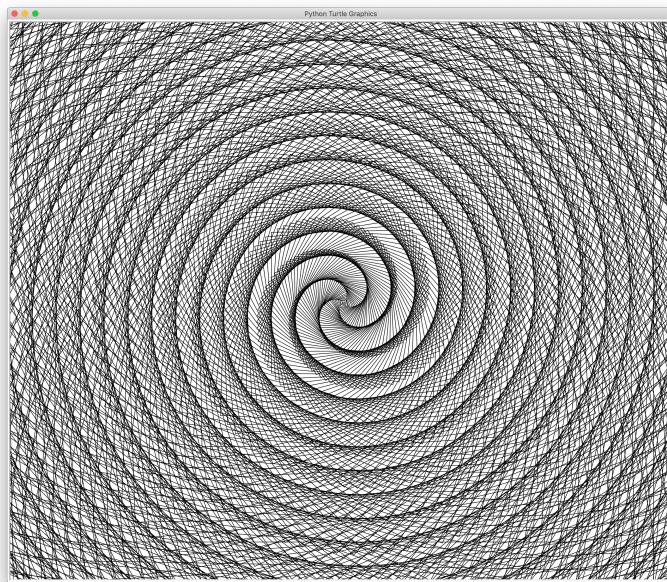
4. LISTS리스트, STRINGS문자열, COUNTERS카운터

- `s.isdigit()`: s의 모든 문자가 숫자라면 `True`를, 아니라면 `False`를 반환합니다.
- `s.split()`: s에서 띄어쓰기 문자로 구분된 구절들을 원소로 가지는 리스트를 반환합니다.
- `s.find(t)`: s에 t가 포함되는 경우, t가 나타나는 첫 위치의 인덱스를 반환하며, 포함되지 않는 경우 -1을 반환합니다.

리스트와는 다르게 문자열을 수정하는 메소드는 없는 것을 확인할 수 있습니다. 전에 언급하였던 것처럼 문자열은 불변 객체이기 때문입니다.

```
1 >>> s = "wEiZmANN".upper()
2 >>> s
3 'WEIZMANN'
4 >>> s = "weiZManN".lower()
5 >>> s
6 'weizmann'
7 >>> s = "weizmAN".capitalize()
8 >>> s
9 'Weizmann'
10 >>> "WEIZMANN12".isupper()
11 True
12 >>> "weizmanN12".islower()
13 False
14 >>> "1242".isdigit()
15 True
16 >>> l = "Hello World!".split()
17 >>> l
18 ['Hello', 'World!']
19 >>> s = "WEIZMANN"
20 >>> s.find("IZ")
21 2
```

4.3 Turtle



4.4 Counters 카운터와 Toy Robot 토이 로봇

리스트를 배웠기 때문에, 조금 더 자유로운 반복문의 활용이 가능합니다. 이번 절에서는 지금까지 예제에서 살펴본 counter 카운터 패턴에 대해 집중적으로 살펴볼 것이며, cs1robots 패키지를 통해 토이 로봇을 이용해볼 것입니다.

카운터 패턴은 주어진-리스트로써 표현된-집합에서 특정 조건을 만족하는 원소의 개수를 구하는데 사용할 수 있습니다. 아래는 numbers라는 수에서 7의 배수의 개수를 세는 함수 count_seven(numbers)입니다.

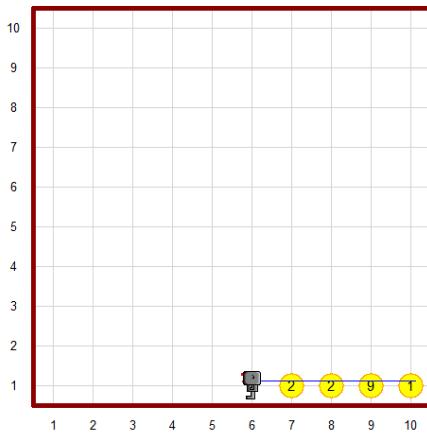
```
1 def count_seven(numbers):
2     cnt = 0
3     for i in range(len(numbers)):
4         if numbers[i] % 7 == 0:
5             cnt += 1
6     return cnt
7
8 num = [1, 7, 2, 4, 3, 5, 34, 12, 42, 26]
9 print(count_seven(num)) # 2
```

for 문을 통해서 각 원소에 대해 반복적인 시행을 표현하고, 내부에 if 문을 두어

4. LISTS리스트, STRINGS문자열, COUNTERS카운터

특정 조건에만 명령이 수행되도록 하는 일반적인 패턴에 개수를 세는 역할을 부여한 것이 카운터 패턴입니다.

또한 `for` 문을 활용하여 `toy robot`의 움직임을 제어해볼 것입니다. 이를 위해 첫 시간에 C:\Python27\Lib\site-packages 폴더에 복사한 `cs1robots` 패키지를 사용할 것입니다. `cs1robots` 패키지를 통해 로봇 객체³를 불러올 때 앞으로 `hubo`라는 이름을 붙일 것입니다. 사실 일반적인 변수처럼 `a`, `my_robot` 등 어떠한 이름을 붙여도 상관은 없으나, 수업 중에 `hubo`라고 관용적으로 붙이니 여기서도 이를 따르겠습니다.



`hubo`는 앞으로 이동, 좌로 회전, 우로 회전에 해당하는 `move()`, `turn_left()`, `turn_right()` 등의 기본적인 동작을 취할 수 있습니다. 이번 절을 마치고 나면 `for` 문을 통해 `hubo`가 다양한 동작을 수행하도록 코드를 작성할 수 있을 것입니다.

4.4.1 Counters카운터 패턴

카운터 패턴은 모두 아래와 같은 형식을 따릅니다.

```
1 cnt = 0
2 for i in range(len(리스트_명)):
3     if 조건(리스트_명[i]):
4         cnt += 1
```

어떤 주어진 리스트 `리스트_명`가 주어졌을 때, 해당 리스트의 모든 원소에 대해(줄 2) 어떤 조건 조건을 원소 `리스트_명[i]`이 만족한다면(줄 3) `cnt`의 값을 하나씩 늘리는(줄 4) 것입니다. 위에서 보았던 7의 배수의 개수를 세는 예시도 마찬가지입니다. `numbers[i] % 7 == 0`의 조건이었는데, 7의 배수이면 `True`를, 아니면 `False`

³컴퓨터의 메모리에 할당된 공간을 포괄적으로 객체라고 하는데, `object`를 번역한 말입니다. 지금으로서는 간단히 대상이라고 생각해도 무방합니다.

4.4. Counters 카운터와 Toy Robot 토이 로봇

를 반환하는 함수를 정의한다면 조건(리스트_명[i])의 형태로 만들 수 있습니다. 불리언 함수를 배울 때 언급하였듯, 조건이 복잡한 경우에는 함수를 정의하는 방식으로 코드를 작성해야 합니다. 예컨대 소수의 개수를 세는 카운터 패턴의 경우, 소수를 판별하는 불리언 함수 `is_prime()`과 같은 함수를 정의하여 `if is_prime(리스트_명[i]):`와 같이 사용하면 됩니다. 주어진 리스트에서 소수의 개수를 세는 함수가 아래 예시에 나와 있습니다.

```
1 def is_prime(p):
2     for i in range(2, p/2):
3         if p%i == 0:
4             return False
5     return True
6
7 def count_prime(numbers):
8     cnt = 0
9     for i in range(len(numbers)):
10        if is_prime(numbers[i]):
11            cnt += 1
12    return cnt
13
14 num = [217, 287, 181, 143, 163, 319, 233, 399, 203]
15 print count_prime(num) # 3
```

4.4.2 Toy Robot 토이 로봇 (선택)

지금까지 수업을 통해 배운 함수, 조건문, 루프, 리스트 등의 개념을 종합적으로 활용하여 toy robot 토이 로봇을 의도한 대로 움직이게 할 것입니다. Python 셸에서 진행한 모든 Python 명령은 CLI⁴ 기반이었다면, 토이 로봇은 코드를 실행시키면 GUI⁵인 창이 나올 것입니다. 일단 다음과 같은 코드를 작성해봅니다.

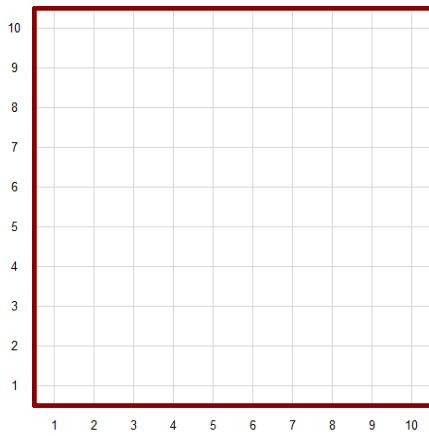
```
1 from cs1robots import *
2 create_world()
```

이를 실행시키면, 아래와 같은 창이 뜹니다.

⁴Command Line Interface, 즉 텍스트 기반의 명령행 인터페이스를 뜻한다.

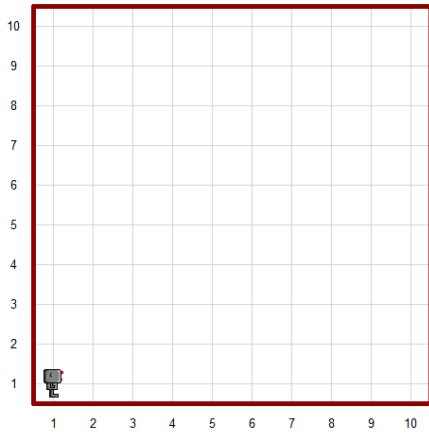
⁵Graphic User Interface

4. LISTS리스트, STRINGS문자열, COUNTERS카운터



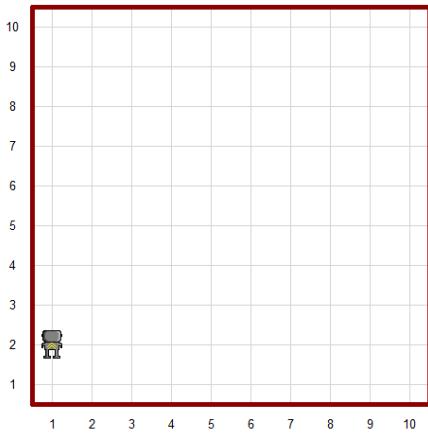
이것이 앞으로 로봇이 활동을 할 기본 “세계”입니다. 기본적으로 가로세로 10 칸의 공간이 생성됩니다.

위 코드에 hubo = Robot()를 추가하면, 로봇(앞으로 휴보라고 지칭하겠습니다)이 (1, 1)에 생성되는 것을 확인할 수 있습니다.



휴보를 앞으로 한 칸 움직이게 하기 위해서는 hubo.move()를 실행하고, 좌로 90도 회전하기 위해서는 hubo.turn_left()를, 우로 90도 회전하기 위해서는 hubo.turn_right()를 실행하면 됩니다. 아래는 휴보를 좌로 회전시킨 후 앞으로 한 번 전진한 후의 모습입니다.

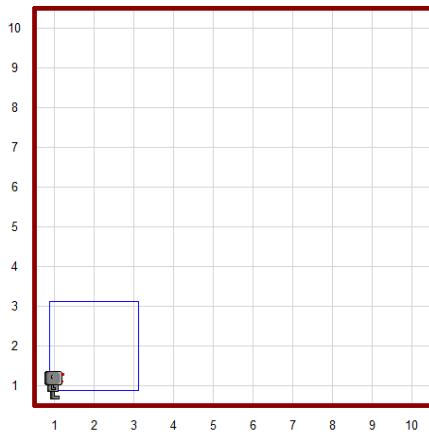
4.4. Counters 카운터와 Toy Robot 토이 로봇



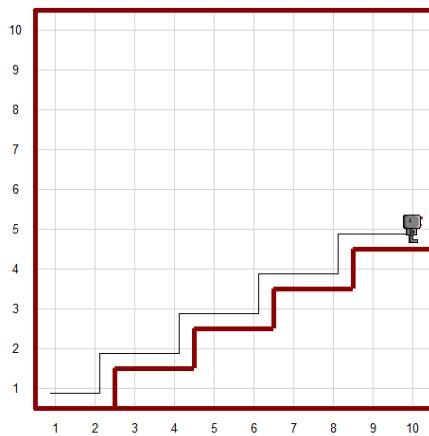
만약 휴보가 이동한 경로를 가시화하고 싶다면 hubo.set_trace("blue")와 같이 set_trace() 메소드와 함께 인자로는 색상을 문자열로 입력하면 됩니다. 또한 휴보가 이동을 하는 것을 천천히 보려면 hubo.set_pause(0.5)처럼 set_pause() 메소드와 매 명령마다 정지할 시간을 초 단위의 인자를 입력하면 됩니다. 휴보가 한 번의 길이가 2인 정사각형의 경로를 따라 이동하는 코드와 그 후의 모습이 아래에 나타나 있습니다.

```
1 from cs1robots import *
2 create_world()
3
4 hubo = Robot()
5 hubo.set_trace("blue")
6 hubo.set_pause(0.5)
7
8 def move_square():
9     for i in range(4):
10         hubo.move()
11         hubo.move()
12         hubo.turn_left()
13
14 move_square()
```

4. LISTS리스트, STRINGS문자열, COUNTERS카운터



조금 더 복잡한 종류의 명령도 얼마든지 가능합니다. 월드의 모양을 한 변의 길이 10짜리인 단조로운 정사각형이 아니라 칸 사이에 벽을 넣어 미로와 같은 지형을 만들 수 있는데, 계단형 지형을 살펴봅시다.



위 그림에서 나타난 움직임을 구현하는 코드는 아래와 같습니다.

```
1 hubo.move()
2 for i in range(4):
3     hubo.turn_left()
4     hubo.move()
5     hubo.turn_right()
6     hubo.move()
7     hubo.move()
```

4.5 예제

1. Write a function `sum_squares(a)` that returns the sum of squares of the elements in the given list `a`.

```

1 def sum_squares(a):
2     n = len(a)
3     s = 0
4     # Add here!
5
6 print sum_squares([3, 5, 4]) # 50
7 print sum_squares([2, 5, 4, 0, 1, -1, 5, 1]) # 73

```

2. Write function `compute_polynomial(a, x)` that returns

$$\sum_{i=0}^{n-1} a[i] \cdot x^i$$

where `a` is an integer list of length `n` and `x` is an integer.

```

1 def compute_polynomial(a, x):
2     \ Add here!
3
4 print compute_polynomial([3, 5, 4], 5) # 128
5 print compute_polynomial([2, 0, 4, 0, 1, -1, 5, 1], 3) # 5708

```

3. Write a function `harmonic_mean(a)` that returns the harmonic mean of values in `a`, where `a` is a list of positive integers of length. A harmonic mean of given numbers a_1, a_2, \dots, a_n is

$$\frac{n}{\sum_{i=1}^n \frac{1}{a_i}}.$$

Also, write a function `geometric_mean(a)` that returns the geometric mean of values in `a`. A geometric mean of given numbers a_1, a_2, \dots, a_n is

$$\sqrt[n]{\prod_{i=1}^n a_i}.$$

```

1 def harmonic_mean(a):
2     # Add here!

```

4. LISTS리스트, STRINGS문자열, COUNTERS카운터

```
3
4 def geometric_mean(a):
5     # Add here!
6
7 numbers = [2, 4, 3, 10, 7, 2, 5, 6]
8 print harmonic_mean(numbers) # 3.64820846906
9 print geometric_mean(numbers) # 4.22116731332
```

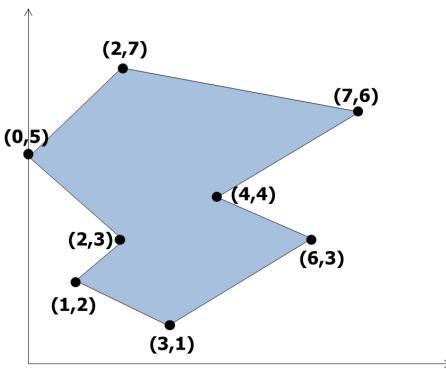
4. Write a function `reverse(a)` that returns a list with the same length of `a` where its order is reversed, e.g., `reverse([1, 5, 3, 7, 6])` returns `[6, 7, 3, 5, 1]`.

```
1 def reverse(a):
2     n = len(a)
3     b = [None] * n
4     # Add here!
5
6 print reverse([3, 1, 5, 2, 4]) # [4, 2, 5, 1, 3]
7 print reverse([7, 6, 3, 1, 5, 8, 2, 4]) # [4, 2, 8, 1, 3, 6, 7]
```

5. Write a function `fibonacci(n)` that returns a list of first `n` Fibonacci numbers where `n` is a positive integer. Assume that the first two terms of Fibonacci sequence are both 1.

```
1 def fibonacci(n):
2     # Add here!
3
4 print fibonacci(10) # [1, 1, 2, 3, 5, 8, 13, 21, 34, 55]
```

6. Write a function `area(points)` that returns an area of a polygon given by the list `points`. `points` is a list of points where each point is represented by a list of x coordinate and y coordinate, e.g., `[3, 4]`. An example of `points` that represents the below polygon is `[[3, 1], [6, 3], [4, 4], [7, 6], [2, 7], [0, 5], [2, 3], [1, 2]]`.



Note that the area of the polygon represented by points (x_i, y_i) where $i = 0, 1, \dots, n - 1$ can be calculated via the so-called shoelace formula:

$$\frac{1}{2} \left| \sum_{i=0}^{n-1} x_i (y_{(i+1) \bmod n} - y_{(i-1) \bmod n}) \right|$$

Also, write a function `perimeter(points)` that returns a perimeter of the given polygon represented by points. You may want to define your own functions other than `area` and `perimeter`.

```

1 # Add here!
2
3 def area(points):
4     # Add here!
5
6 def perimeter(points):
7     # Add here!
8
9 points = [[3, 1], [6, 3], [4, 4], [7, 6], [2, 7], [0, 5], [2,
10    ↵ 3], [1, 2]]
11 print area(points) # 22.0
12 print perimeter(points) # 23.8533258314

```

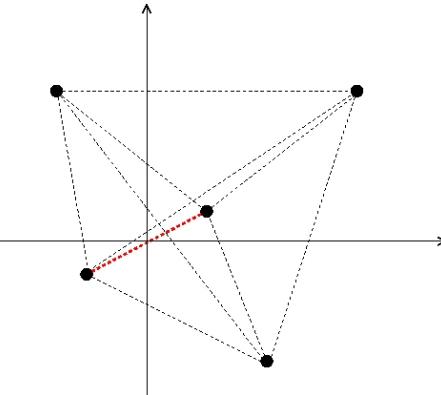
7. Write a function `find_min(a)` that returns the least element of the list `a`.

```

1 def find_min(a):
2     # Add here!
3
4 print find_min([7.2, 5, 21, -1, 4, 0.4]) # -1

```

8. Write a function `closest_pair(points)` that returns a distance of the closest pair of points given in `points`.



```
1 # Add here!
2
3 print closest_pair([[4, -4], [7, 5], [2, 1], [-2, -1], [-3,
   ↵  5]]) # 4.472135955
```

9. Write a function `count_range(numbers, lower, upper)` that returns the number of integers in `numbers` which are in the range from `lower` to `upper`, where `numbers` is a list of integers.

```
1 def count_range(numbers, lower, upper):
2     # Add here!
3
4 print count_range([8, 9, 10, 2, 4, 5, 9, 7, 2, 3, 7], 3, 7) # 5
```

10. Write a function `count_within_circle(points, radius)` that returns the number of points (x, y) in `points` that is within $x^2 + y^2 \leq \text{radius}^2$.

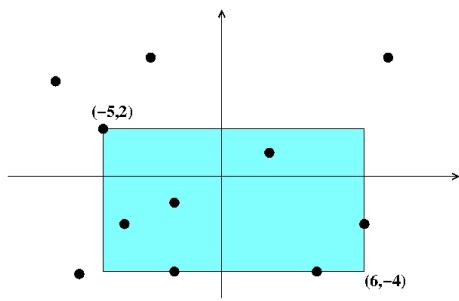
```
1 def count_within_circle(points, radius):
2     # Add here!
3
4 points = [[2, 1], [7, 5], [-5, 2], [-3, 5], [-7, 4], [-2, -1],
   ↵  [-2, -4], [-4, -2], [-6, -4], [4, -4], [6, -2]]
5 print count_within_circle(points, 3) # 2
```

```

6 print count_within_circle(points, 5) # 4
7 print count_within_circle(points, 8) # 9

```

11. Write a boolean function `within_rect(top, bottom, left, right, x, y)` where integers `top`, `bottom`, `left`, `right` represent an axis-aligned rectangle, e.g., the rectangle represented by `(top, bottom, left, right) = (2, -4, -5, 6)` is



and `x` and `y` are integers. The function should return `True` if and only if the point (x, y) is in the rectangle including the boundary.

```

1 def within_rect(top, bottom, left, right, x, y):
2     # Add here!
3
4 print within_rect(2, -4, -5, 6, -5, 2) # True
5 print within_rect(2, -4, -5, 6, 6, -1) # True
6 print within_rect(2, -4, -5, 6, 0, 1) # True
7 print within_rect(2, -4, -5, 6, -6, 0) # False
8 print within_rect(2, -4, -5, 6, 0, 3) # False

```

Write a function `count_within_rect(top, bottom, left, right, points)` using `within_rect` implemented above that returns the number of points within the rectangle including boundary, where `points` is a list of points in the plane.

```

1 def count_within_rect(top, bottom, left, right, points):
2     # Add here!
3
4 points = [[2, 1], [7, 5], [-5, 2], [-3, 5], [-7, 4], [-2, -1],
5   [-2, -4], [-4, -2], [-6, -4], [4, -4], [6, -2]]
6 print count_within_rect(2, -4, -5, 6, points) # 7

```

4. LISTS리스트, STRINGS문자열, COUNTERS카운터

12. Write a function `count_leap_year(numbers)` that returns the number of leap years in list `numbers`.

```
1 def count_leap_years(numbers):
2     # Add here!
3
4 print count_leap_years([2008, 2011, 2012, 2000]) # 3
5 print count_leap_years([2100, 2300, 2400, 2200]) # 1
```

13. Write a function `count_composite(numbers)` that returns the number of composites in list `numbers`. You may want to add your own function other than `count_composite`.

```
1 # Add here!
2
3 def count_composite(numbers):
4     # Add here!
5
6 numbers = [217, 287, 181, 143, 163, 319, 233, 399, 203]
7 print count_composite(numbers) # 1
```

CHAPTER 5

[DRAFT] Quantifiers한정자와 While 문

There exists, for everyone, a sentence—a series of words—that has the power to destroy you. Another sentence exists, another series of words, that could heal you. If you're lucky you will get the second, but you can be certain of getting the first.

— Philip K. Dick, *VALIS*

5.1 Quantifiers한정자와 Beepers

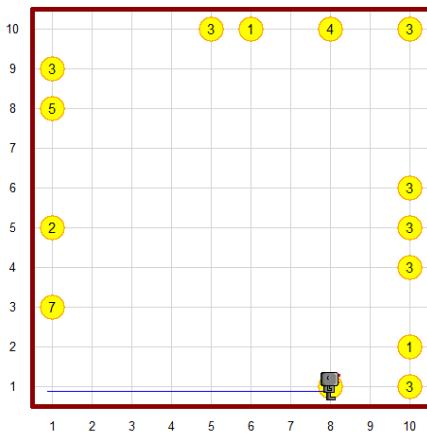
지금까지 개수 세기(카운터 패턴), 최대/최소값 구하기 등의 기본적인 반복문 패턴을 알아보았습니다. 이번에는 quantifier한정자 패턴을 익히도록 합니다. 수학에서 사용하는 universal quantifier전체 한정자 \forall (for all)과 existential quantifier 존재 한정자 \exists (for some)의 의미를 코드로 옮겨놓은 것을 한정자 패턴이라고 합니다. 한정자 패턴을 통해서 리스트로써 표현된 어떤 집합 S 가 주어졌을 때,

- $(\forall x \in S) p(x)$
- $(\exists x \in S) p(x)$

의 참/거짓을 판별할 수 있습니다.

또한 지난 시간에 cs1robots 패키지를 통해 휴보라는 토이 로봇을 생성하여 원하는대로 움직이도록 코드를 작성했습니다. 이번에는 휴보가 줍고 놓을 수 있는 beeper라는 물체를 다뤄볼 것입니다. 이러한 beeper는 격자점마다 배치 할 수 있는데, 휴보는 해당 격자점까지 이동하여야만 beeper를 감지하거나 놓고 주을 수 있습니다. 아래와 같은 beeper를 놓고 주을 수 있는 `drop_beeper()`와 `pick_beeper()` 메소드 등에 대해서 알아봅니다.

5. [DRAFT] QUANTIFIERS한정자와 WHILE 문



5.1.1 Quantifier한정자

한정자를 이용할 수 있는 간단한 예시를 들어봅니다.

numbers	$(\forall i) \text{numbers}[i] > 0$	$(\exists i) \text{numbers}[i] > 0$
[1, 3, 2, 5, 2]	True	True
[-1, -3, -2, -5, -2]	False	False
[-1, -3, -2, 5, 2]	False	True

위에 numbers라는 리스트의 원소가 모두 양인 경우, 일부만 양인 경우, 그리고 양의 원소가 아예 없는 경우가 나타나 있습니다. 각 경우에 대해 전체 및 존재 한정자가 원소의 양수 조건에 적용되었을 때의 진리표가 나와 있습니다. 전체 한정자의 경우 numbers의 모든 원소가 양수일 경우에만 True 값을 가지게 하며, 음의 원소가 하나라도 있을 경우에는 False 값을 가지게 합니다. 반면 존재 한정자의 경우 numbers의 원소 가운데 양인 것이 하나라도 있다면 True입니다.

한정자를 다루는 것은 곧 명제의 진릿값을 구하는 것이기 때문에 불리언 함수로 표현할 수 있습니다. 또한 리스트의 각 원소를 확인해야 하므로 for 반복문을 사용해야 합니다. 일단 전체 한정자의 경우 모든 원소가 어떤 조건을 만족하는지 확인해야 합니다. 이는 거꾸로 조건을 만족시키지 못하는 단 하나의 원소라도 있다면 False를 반환하는 불리언 함수를 만들면 됩니다. n이 len(numbers)일 때 수학적으로는

$$(\forall i \in \text{range}(n)) p(\text{numbers}[i]) \Leftrightarrow \neg ((\exists i \in \text{range}(n)) \neg p(\text{numbers}[i]))$$

이기 때문입니다. 즉, 모든 원소를 if 조건문으로 확인하는 for 문에서 조건을 만족하지 못하면 바로 False를 반환하고, 루프를 통과하면 True를 반환하면 됩니다. 아래는 모든 원소가 양수인지를 확인하는 함수 all_positive(·)입니다.

```

1 def all_positive(numbers):
2     for i in range(len(numbers)):

```

5.1. Quantifiers한정자와 Beepers

```
3     if not numbers[i] > 0:
4         return False
5     return True
```

지난 시간에 예제로 풀어보았던 소수를 판별하는 함수도 전체 한정자의 예시입니다. 1과 자기 자신이 아닌 약수가 하나라도 존재한다면 `False`를 반환하는 경우이기 때문입니다. 산술 기하 평균에 의해 해당 수의 절반까지의 루프를 구성했는데, 제곱근까지의 범위를 구성하여도 됩니다.

존재 한정자의 경우, 조건을 만족시키는 하나의 원소라도 존재하면 됩니다. 이에 따라, 모든 원소를 `if` 조건문으로 확인하는 `for` 문에서 조건을 만족하는 원소를 발견하는 즉시 `True`를 반환하고, 루프를 통과하면 `False`를 반환하면 됩니다. 전체 한정자의 경우에서 불리언 값을 바꾸고, `if` 조건문에서 조건의 역 대신 조건 자체를 넣으면 됩니다. 아래는 하나의 원소라도 양수인지를 확인하는 함수 `some_positive(·)`입니다.

```
1 def some_positive(numbers):
2     for i in range(len(numbers)):
3         if numbers[i] > 0:
4             return True
5     return False
```

5.1.2 예시

다음은 어떤 정수 n 이 두 정수의 제곱의 합인지의 여부를 알려주는 함수 `sum_squares(·)`입니다.

```
1 def sum_squares(n):
2     sqrt_n = int(n**.5)
3     for x in range(1, sqrt_n + 1):
4         for y in range(x, sqrt_n + 1):
5             if n == x**2 + y**2:
6                 return True
7     return False
```

두 수의 제곱의 합을 확인해야 하므로 2중 루프를 구성하였다는 것 외에는 존재 한정자 패턴과 차이가 없습니다. 만약 $x^2 + y^2 = n^2$ 이라면 $x, y \leq \sqrt{n}$ 일 것이므로 `sqrt_n = int(n**.5)`로 정의하여 줄 3, 4에서 `for` 루프의 범위를 제한하였습니다. 나아가 줄 4에서는 계산의 효율을 위해 $x \leq y$ 의 조건을 주어 계산량을 줄였습니다.

5. [DRAFT] QUANTIFIERS한정자와 WHILE 문

아래는 주어진 리스트 numbers의 모든 원소가 두 정수의 제곱의 합인지를 판단하는 함수 all_sum_squares(·)입니다. 위에서 구한 불리언 함수 sum_squares(·)를 이용한 전체 한정자 패턴입니다.

```
1 def all_sum_squares(numbers):
2     for i in range(len(numbers)):
3         if not sum_squares(numbers[i]):
4             return False
5     return True
```

마지막으로 주어진 수열이 증가 수열인지를 확인하는 함수 inc_seq(·)입니다.

```
1 def inc_seq(numbers):
2     for i in range(len(numbers) - 1):
3         if not numbers[i] <= numbers[i + 1]:
4             return False
5     return True
```

전체 한정자 패턴과 동일하지만, 주의할 점은 줄 2에서 range(·)의 범위를 len(numbers) - 1로 해야 IndexError가 나지 않습니다. 이는 줄 3에서 다음 인덱스의 원소와 현 인덱스의 원소를 비교하기 때문입니다.

지금까지 배운 for 루프의 패턴 세 가지를 아래에 정리합니다.

1. 최대/최소 구하기

```
1 def maximum(numbers): # def minimum(numbers):
2     m = numbers[0]
3     for i in range(len(numbers)):
4         if numbers[i] > m: # if numbers[i] < m:
5             m = numbers[i]
6     return m
```

2. 카운터 패턴

```
1 def cnt_odd(numbers):
2     cnt = 0
3     for i in range(len(numbers)):
4         if numbers[i] % 2:
```

5.1. Quantifiers 한정자와 Beepers

```
5         cnt += 1
6     return cnt
```

3. 한정자 패턴

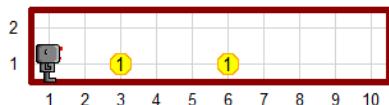
```
1 def all_odd(numbers): # def some_odd(numbers):
2     for i in range(len(numbers)):
3         if not numbers[i] % 2: # if numbers[i] % 2:
4             return False # return True
5     return True # return False
```

5.1.3 Beepers

사실 beeper 자체는 이번 절에서 배운 한정자 패턴과 큰 관련이 있지는 않습니다. 다만 다음 절에서 while 문과 함께 사용할 것이기 때문에 미리 익혀둡니다.

Beeper는 휴보가 놓고 주을 수 있는 물체로, 격자점마다 위치할 수 있습니다. 휴보가 beeper를 놓기 위해서는 drop_beeper() 메소드를 사용하면 됩니다. 이 때 휴보는 on_beeper() 메소드로 beeper를 감지할 수 있습니다. 만약 격자점에 beeper가 놓여 있었다면, pick_beeper()로 주으면 됩니다. 이렇게 주은 beeper는 나중에 휴보가 다시 놓을 수 있습니다. 만약 beeper가 놓이지 않은 격자점에서 beeper를 주으려 하면 에러가 발생합니다. 이에 따라 줍기 전에 항상 on_beeper()를 통해 현재 휴보가 위치한 격자점에 beeper가 있는지 확인을 해야 합니다. 아래는 on_beeper()를 통해 beeper가 있는지 확인한 후, 있다면 pick_beeper()를 통해 beeper를 줍게 하는 코드와 실행 전후 모습입니다.

```
1 for i in range(9):
2     hubo.move()
3     if hubo.on_beeper():
4         hubo.pick_beeper()
```

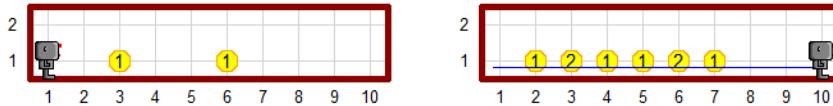


휴보는 beeper를 주워 얻을 수도 있지만, 처음에 가지고 있는 beeper의 개수를 설정할 수도 있습니다. 지금까지는 단순히 Robot()으로 휴보를 생성하였지만, Robot(beepers = 1)과 같이 인자를 전달해주어 초기에 가지고 있는 beeper를 설정할 수 있습니다. 사진에 beeper를 가지고 있게 설정하지 않은 상태에서 beeper

5. [DRAFT] QUANTIFIERS한정자와 WHILE 문

를 놓으려 하면 에러가 발생하게 됩니다. 그리고 drop_beeper()를 통해 beeper를 가지고 있거나 주은 횟수보다 많이 놓으려 한다면 마찬가지로 에러가 발생하기 때문에, carries_beeper()를 통해 beeper를 가지고 있는지 확인을 하는 것이 바람직합니다. carries_beeper() 메소드는 휴보가 현재 beeper를 가지고 있는지 여부를 불리언으로 반환하는 불리언 함수입니다. 아래는 beepers = 6 인자를 통해 휴보가 처음에 6개의 beeper를 가지고 시작하도록 한 후 carries_beeper()를 통해 beeper가 남아 있다면 하나씩 떨어뜨리면서 전진하도록 하는 코드와 전후 실행 모습입니다.

```
1 hubo = Robot(beepers = 6)
2
3 for i in range(9):
4     hubo.move()
5     if hubo.carries_beeper():
6         hubo.drop_beeper()
```



위에서 보듯 이미 beeper가 하나 놓여있더라도 더 놓을 수 있습니다.

그런데, 어떤 격자점에 있는 beeper를 모두 주으려면 어떻게 해야 할지 고민이 될 수 있습니다. 반복적인 행동을 취해야 하므로 for 문을 활용해야 할 것 같은데, 매 격자점마다 몇 번 반복해야 할지 정해지지 않았기 때문입니다. if 조건문과 on_beeper()를 통해 한 두번 반복을 할 수 있지만, 적절히 큰 수를 잡아서 그 수보다 beeper가 적기를 바라는 수 밖에는 없습니다. 이러한 경우에 사용하는 것이 바로 다음 절에서 소개할 while 문입니다.

5.2 While 문과 토이 로봇

5.2.1 While 문

while 문은 for 문과 같은 반복문이지만, 조금은 성질이 다릅니다. for 문은 명시적으로 몇 회 반복을 해야 하는지 주어지지만, while 문의 경우 어떤 조건을 만족한다면 계속 명령을 반복 수행하도록 하는 루프입니다. 예컨대 위에서 제기하였던 의문점은 on_beeper() 조건이 True일 경우 pick_beeper() 명령이 반복되도록 코드를 작성하면 될 것입니다. 토이 로봇까지 갈 필요 없이, 유클리드 호제법과 같은 알고리즘도 while 문을 활용해야 한다는 것을 생각해보면 알 수 있습니다. 아래는 유클리드 호제법으로 최대 공약수를 구해주는 함수 gcd()입니다.

```

1 def gcd(m, n):
2     while n: # > 0
3         m, n = n, m%n
4     return m

```

n 이 0이 아닐 때, 즉 0이 되기 직전까지 줄 3의 내용을 실행하는 것입니다. 결국 n 이 0이 되었을 때 m 이 최대 공약수일 것이므로 m 을 반환하는 코드입니다.

5.2.2 토이 로봇

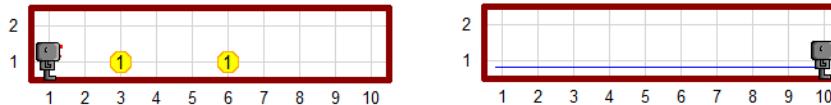
토이 로봇에서 움직임을 제어할 수 있는 `move()`, `turn_left()`, `turn_right()`을 반복하기 위해서는 직접 `for` 문을 작성해야 했습니다. `pick_beeper()`와 `drop_beeper()`도 이와 마찬가지로 한 번에 하나의 beeper만을 배치하거나 주울 수 있기 때문에 반복문을 활용해야 합니다. 특히 휴보는 `carries_beeper()`나 `on_beeper()`를 통해 beeper를 가지고 있는지, 혹은 현재 격자점에 beeper가 놓여 있는지의 여부 정도는 파악할 수 있지만, 그 개수는 알 수 없기 때문에 `while` 문을 통해서 `pick_beeper()`와 `drop_beeper()`를 사용하는 것이 적절한 경우가 있습니다. `for` 문으로는 횟수를 명시해야 하는데 그것이 불가능하기 때문입니다.

아래는 지난 절에서 beeper를 줍는 `pick_beeper()` 메소드를 소개할 때 사용하였던 코드와 실행 모습입니다.

```

1 for i in range(9):
2     hubo.move()
3     if hubo.on_beeper():
4         hubo.pick_beeper()

```



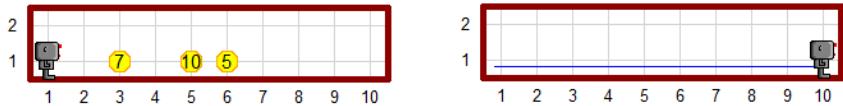
각 격자점에 하나 이상의 beeper가 놓여있는 경우에는 아래와 같이 `if`를 `while`로 바꾸면 됩니다.

```

1 for i in range(9):
2     hubo.move()
3     while hubo.on_beeper():
4         hubo.pick_beeper()

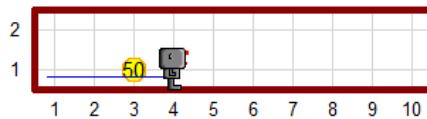
```

5. [DRAFT] QUANTIFIERS 한정자와 WHILE 문



이를 통해 while 문은 if 문을 여러 번 반복한 것과 동일한 것을 알 수 있습니다.
마찬가지로 beeper를 놓을 때도 가지고 있는 만큼 놓으라는 명령을 while 문을
통해 작성할 수 있습니다.

```
1 hubo = Robot(beepers = 50)
2
3 while hubo.carries_beeper():
4     hubo.drop_beeper()
5 hubo.move()
```



if 문에서 조건문이 False이면 아예 실행이 되지 않는 것처럼 while 문의 조건문도
False로 시작될 경우 루프가 실행되지 않고 넘어가게 됩니다. 즉, 휴보가 beeper
를 가지고 있지 않은 경우에는 drop_beeper()가 실행되지 않습니다.

while 문을 활용해서 beeper가 있는 곳까지 이동한 후 모두 주워 돌아오라는
코드는 지금까지 배운 반복문을 활용하여 아래와 같이 작성할 수 있습니다.

```
1 cnt = 0
2
3 while not hubo.on_beeper():
4     hubo.move()
5     cnt += 1
6
7 while hubo.on_beeper():
8     hubo.pick_beeper()
9
10 hubo.turn_right()
11 hubo.turn_right()
12
13 for i in range(cnt):
14     hubo.move()
```

줄 1에서 4까지는 while 문에서 카운터 패턴이 적용된 것을 볼 수 있습니다. 이는 나중에 휴보가 돌아올 때 몇 칸을 move()해야 할지 세야 하기 때문입니다. 이렇게 셈 cnt 값은 줄 13의 for 문에서 사용되었습니다. 줄 3의 while 문 조건의 경우, 휴보가 beeper 위에 있지 않다면 앞으로 계속 이동하라는 줄 4의 명령을 수행하게 합니다. 그리고 해당 위치까지 이동해서 반복문을 탈출했을 때, 줄 7의 반복문이 수행되어 beeper가 더 이상 없을 때까지 줍게 됩니다(줄 8). 마지막으로는 줄 13에서 이동한 칸 수만큼 move()하여 되돌아옵니다.

5.3 예제

1. Write a function `sum_three_squares(n)` that returns True if and only if n is expressible as a sum of squares of three positive integers, e.g., 38 should return True as $38 = 2^2 + 3^2 + 5^2$.

```

1 def sum_three_squares(n):
2     m = int(n**.5)
3     # Add here!
4
5 for n in range(20, 31):
6     print n, sum_three_squares(n)
7
8 """
9 20 False
10 21 True
11 22 True
12 23 False
13 24 True
14 25 False
15 26 True
16 27 True
17 28 False
18 29 True
19 30 True
20 """

```

2. Write a function `sum_three_dist_squares(n)` that returns True if and only if n is expressible as a sum of squares of three distinct positive integers.

5. [DRAFT] QUANTIFIERS한정자와 WHILE 문

```
1 def sum_three_squares(n):
2     # Add here!
3
4     for n in range(20, 31):
5         print n, sum_three_dist_squares(n)
6
7 """
8 20 False
9 21 True
10 22 False
11 23 False
12 24 False
13 25 False
14 26 True
15 27 False
16 28 False
17 29 True
18 30 True
19 """
```

3. Write a function `sum_two_primes(n)` that returns `True` if and only if `n` is expressible as a sum of two primes. You may want to add your own function other than `sum_two_primes`.

```
1 def sum_two_primes(n):
2     # Add here!
3
4     for n in range(20, 31):
5         print n, sum_two_primes(n)
6
7 """
8 20 True
9 21 True
10 22 True
11 23 False
12 24 True
13 25 True
14 26 True
```

```

15 27 False
16 28 True
17 29 False
18 30 True
19 """

```

4. Write a function `sum_two_prime_squares(n)` that returns `True` if and only if `n` is expressible as a sum of squares of two primes. You may want to add your own function other than `sum_two_prime_squares`.

```

1 def sum_two_primes(n):
2     # Add here!
3
4     for n in range(20, 31):
5         print n, sum_two_primes(n)
6
7 """
8 50 True
9 51 False
10 52 False
11 53 True
12 54 False
13 55 False
14 56 False
15 57 False
16 58 True
17 59 False
18 60 False
19 """

```

5. Write a function `some_prime(numbers)` that returns `True` if and only if there is a prime in `numbers`. Also, write a function `all_prime(numbers)` if and only if all the numbers in `numbers` are primes. You may want to add your own function other than `sum_two_prime_squares`.

```

1 def some_prime(numbers):
2     # Add here!
3
4 def all_prime(numbers):

```

5. [DRAFT] QUANTIFIERS 한정자와 WHILE 문

```
5      # Add here!
6
7 num1 = [217, 287, 143, 163, 319]
8 num2 = [217, 287, 143, 169, 319]
9 num3 = [223, 281, 227, 151, 149]
10 print some_prime(num1), all_prime(num1) # True False
11 print some_prime(num2), all_prime(num2) # False False
12 print some_prime(num3), all_prime(num3) # True True
```

6. Write a function `all_distinct(numbers)` that returns `True` if and only if all numbers in `numbers` are distinct.

```
1 def all_distinct(numbers):
2     # Add here!
3
4 print all_distinct([1, 3, 2, 5, 2, 1]) # False
5 print all_distinct([1, 0, 2, 5, 3, 4]) # True
```

Write a function `all_within_range(numbers, lower, upper)` that returns `True` if and only if every n in `numbers` satisfies $\text{lower} \leq n \leq \text{upper}$.

```
1 def all_within_range(numbers, lower, upper):
2     # Add here!
3
4 print all_within_range([1, 0, 2, 6, 3, 4], 0, 5) # False
5 print all_within_range([1, 0, 2, 5, 3, 4], 0, 5) # True
```

Write a function `is_permutation(numbers)` using the above two functions that returns `True` if and only if `numbers` is a permutation. An integer list a_0, a_1, \dots, a_{n-1} is a permutation if all numbers are distinct and $0 \leq n_i \leq n - 1$ for all $i = 0, 1, \dots, n - 1$.

```
1 def is_permutation(numbers, lower, upper):
2     # Add here!
3
4 print is_permutation([1, 3, 2, 5, 2, 1]) # False
5 print is_permutation([1, 0, 2, 5, 3, 4]) # True
6 print is_permutation([1, 0, 2, 6, 3, 4]) # False
```

-
7. Write a function `count_sevens(n)` that returns the number of occurrences of digit 7 in the integer `n`.

```
1 def count_sevens(n):
2     # Add here!
3
4 print count_sevens(1723) # 1
5 print count_sevens(1357924770) # 3
```

8. Write a function `gcd(a, b)` that returns the greatest common divisor of two positive integers `a` and `b`. The greatest common divisor(GCD) can be computed by the Euclidean algorithm: Given positive integers a and b where $a \geq b$, let $r = a \bmod b$. Then, the GCD of a and b is the same as the GCD b and r . Thus $\text{gcd}(a, b) = \text{gcd}(b, r)$. For any two starting numbers, this repeated reduction eventually produces a pair where the second number is 0. Then the GCD is the other number.

```
1 def gcd(a, b):
2     if a < b:
3         a, b = b, a
4
5     while b != 0:
6         # Add here!
7
8     return # Add here!
9
10 print gcd(36, 20) # 4
11 print gcd(2408208, 2790876) # 132
```

CHAPTER 6

[DRAFT] Loops 반복문 응용과 파일 입출력

A program without a loop and a structured variable isn't worth writing.

— Alan Perlis, *Epigrams in Programming*

지금까지 반복문의 다양한 패턴을 알아보았으니, 이를 정리하고 `for` 문을 구성하는 새로운 방법과 `break`, `continue` 등의 다양한 기법에 대해 알아볼 것입니다. 나아가 이를 활용하여 다차원 리스트를 다루어 볼 것입니다. 한편으로는 텍스트 파일을 읽고 출력하는 파일 입출력에 대해서 간단히 살펴볼 것이며, 이를 통해 많은 양의 데이터를 처리할 수 있는 길이 열리게 됩니다.

6.1 Loops 반복문 응용

6.1.1 `range()` 함수

지금까지 세 가지 종류의 반복문 패턴에 대해 알아보았습니다. 이러한 `for` 문을 구성할 때 지금까지는 `range(·)`를 활용하였습니다. Python 콘솔에 `range`의 형을 알아보기 위해 `type(range)`를 쳐보면, 다음과 같은 결과를 얻을 수 있습니다.

```
1 >>> type(range)
2 <type 'builtin_function_or_method'>
```

또한, 반복문 없이 `range(n)`의 형을 알아보기 위해 `type(range(5))`을 콘솔에 입력해봅시다.

6. [DRAFT] LOOPS반복문 응용과 파일 입출력

```
1 >>> type(range(5))
2 <type 'list'>
```

이를 통해 `range()`는 리스트를 반환하는 함수인 것을 알 수 있습니다.

6.1.2 리스트 원소의 인덱스 접근과 직접 접근

`range()`는 리스트를 반환하기 때문에, `for` 문을 활용할 때 `range()` 대신에 직접 리스트를 사용하여도 될 것이라고 짐작할 수 있습니다. 지금까지는 리스트 `l`이 주어졌을 때 `range(len(l))`을 사용하여 다음과 같이 `for` 문을 구성하였습니다.

```
1 l = [2, 4, 1, 7, 3]
2 for i in range(len(l)):
3     print l[i]
```

하지만 이제는 `range()` 대신에 아래와 같이 구성을 할 수 있습니다.

```
1 l = [2, 4, 1, 7, 3]
2 for i in [0, 1, 2, 3, 4]:
3     print l[i]
```

나아가 리스트의 원소를 인덱스를 통해 접근하지 않고, 직접 접근할 수 있습니다.

```
1 l = [2, 4, 1, 7, 3]
2 for e in l:
3     print e
```

수학적으로 표현하자면, 전자는 $\sum_{i \in |l|} l[i]$ 에, 후자는 $\sum_{e \in l} e$ 에 대응됩니다. 이러한 두 가지 방식은 각각 장단점이 있습니다. 리스트의 원소를 인덱스로 접근할 때에는 해당 원소의 메모리 상 위치를 참조하기 때문에 리스트의 원소를 수정할 수 있습니다. 또한, 리스트의 단조증가 여부 등을 알기 위해서는 `l[i]`, `l[i + 1]`와 같이 전후 원소를 비교해야 하며, 이처럼 순서가 중요한 경우 인덱스로 접근하는 것이 바람직합니다. 리스트의 원소를 직접 접근할 때에는 해당 원소의 값을 가지는 변수-위의 예시에서는 `e`-를 새로 생성하기 때문에, 리스트를 수정하는 것이 아니라 해당 지역 변수의 `e` 값만 수정이 됩니다. 또한, `e`는 반복문을 한 번 수행할 때마다 다음 원소의 값으로 초기화가 됩니다. 따라서, 다음에 나오는 두 코드는 다른 결과를 내놓게 됩니다.

6.1. Loops 반복문 응용

```
1 l = [2, 4, 1, 7, 3]
2 for i in range(len(l)):
3     l[i] += 1
4
5 print l # [3, 5, 2, 8, 4]
```

```
1 l = [2, 4, 1, 7, 3]
2 for e in l:
3     e += 1
4
5 print l # [2, 4, 1, 7, 3]
```

원소를 직접 접근하는 방식은 인덱스를 통한 간접 접근보다는 문법적으로 간결하고 직관적이기 때문에, 순서의 고려가 필요 없을 때는 직접 접근이 바람직합니다.

6.1.3 break/continue

특정 상황에서 반복문을 그만 실행하거나, 해당 회만 넘어가고 싶다면 `break`와 `continue`를 활용할 수 있습니다. 비록 코드가 복잡한 상황에서 `break`와 `continue`를 사용한다면 코드의 구조가 더욱 꼬이고 디버깅이 힘들어지지만, 적절한 상황에서의 활용은 코드 작성의 생산성을 높일 수 있습니다. 이론적으로는 `break`와 `continue` 없이 불리언 함수를 활용하여 동일한 기능을 구현할 수 있습니다. 아래에는 `break`와 `continue`의 활용 예가 제시되어 있습니다.

```
1 for i in range(8):
2     if i == 5:
3         break
4     print i,
5
6 # 0 1 2 3 4
```

```
1 for i in range(8):
2     if i == [3, 5]:
3         continue
4     print i,
```

6. [DRAFT] LOOPS반복문 응용과 파일 입출력

```
5  
6 # 0 1 2 4 6 7
```

break와 continue는 while 문과 결합하면 효과적으로 사용할 수 있습니다. 일반적으로 while 문은 어떤 조건을 만족할 때 종료가 되는데, 특정 상황에서 반복문을 넘어가거나 중단해야 한다면 사용할 수 있습니다. 또한 다중 반복문의 경우, break와 continue를 감싸고 있는 가장 내부의 반복문만을 종료하거나 넘기게 됩니다. 아래에 다중 반복문에서의 break와 continue 활용과 그에 따른 출력값이 적혀 있습니다.

```
1 i = 0  
2 while i < 5:  
3     j = 0  
4     while j < 5:  
5         if i > 0:  
6             break  
7         print j,  
8         j += 1  
9     print i,  
10    i += 1  
11  
12 # 0 1 2 3 4 0 1 2 3 4
```

```
1 i = 0  
2 while i < 5:  
3     j = 0  
4     while j < 5:  
5         if i > 0:  
6             continue  
7         print j,  
8         j += 1  
9     print i,  
10    i += 1  
11  
12 # infinite loop
```

```
1 for i in range(5):
2     if i > 0:
3         continue
4     j = 0
5     while j < 5:
6         if i > 0:
7             break
8         print j,
9         j += 1
10    print i,
11
12 # 0 1 2 3 4 0
```

6.2 파일 입출력

USACO 문제를 해결하거나 많은 양의 자료를 활용해야 하는 경우, 외부 파일에서 데이터를 읽어오는 것이 필요합니다. 아래와 같이 파일에서 문자열을 읽어올 수 있습니다.

```
1 fin = open("input.txt", "r")
2 content = fin.read()
3 words = content.split()
```

첫 번째 줄에서 `open("input.txt", "r")`을 통하여 "input.txt"를 읽기 전용 ("r")으로 열어 `fin`에 배정하게 됩니다. 두 번째 줄에서 이 파일을 문자열로 읽어 `content`에 저장한 후, 세 번째 줄에서는 `content`의 문자열을 단어별로 끊어 `words`라는 리스트에 저장을 하게 됩니다. 혹은, 줄여서 `words = open("input.txt", "r").read().split()`으로 써도 됩니다.

이를 활용하여 `dictionary.txt` 파일의 가장 긴 단어를 최대/최소 패턴을 통해 다음과 같이 찾을 수 있습니다.

```
1 def longest_word(filename):
2     words = open(filename, "r").read().split()
3
4     maxword = ""
5     maxlen = 0
6
```

6. [DRAFT] LOOPS반복문 응용과 파일 입출력

```
7     for word in words:
8         if maxlen < len(word):
9             maxword = word
10            maxlen = len(word)
11
12    return maxword
```

이번에는 파일에서 문자열을 읽어들여 처리를 하는 다양한 방법에 대해서 알아보고, 파일에 문자열을 입력하는 법도 알아볼 것입니다. 뒤에서 자세히 배우겠지만, 어떤 문자열에 .strip() 메소드를 취하면 문자열 양 끝에 있는 공백 문자들을 없앤 새로운 문자열을 반환합니다. 또한, .split() 메소드는 공백으로 구분된 단어들의 리스트를 반환합니다.

```
1 f = open("./input.txt", "r")
2 print type(f) # <type 'file'>
3
4 for i in range(5):
5     s = f.readline().strip()
6     print s
7
8 print
9
10 for line in f:
11     s = line.strip()
12     print s
```

위 코드에서 for 문에 바로 파일 f를 사용할 수 있다는 것을 보았습니다. 이는 for 문에서 파일을 사용하면 자동으로 readline()을 불러오기 때문입니다.

파일에 내용을 작성하는 예시는 다음에 주어져 있습니다. 아래는 구구단을 입력하는 코드입니다.

```
1 f = open("./multiply.txt", "w")
2
3 for i in range(1, 10):
4     for j in range(1, 10):
5         s = str(i * j) + " "
6         f.write(s)
7         f.write("\n")
```

```
8
9 f.close()
```

유의할 점은, `.write()`은 `print`와는 다르게 개행을 자동으로 하지 않는다는 것입니다. 따라서 직접 `.write("\n")`을 통해 개행 문자를 넣어야 합니다. (USACO에서는 파일 출력을 할 때 맨 마지막에 개행 문자를 넣어줘야 합니다.) 또한, 항상 파일을 열면 `.close()`를 통해 닫아줘야 합니다.

이외에도 다음과 같은 메소드를 활용할 수 있습니다.

- `.read()`: 전체 내용을 하나의 문자열로 가져옵니다.
- `.readlines()`: 각 줄의 내용을 문자열로 가지는 리스트를 반환합니다.
- `.writelines()`: 리스트의 각 원소를 줄로 가지고록 파일에 작성합니다.

따라서, 위의 `.read()`와 문자열의 `.split()` 메소드를 통해 다음과 같이 파일을 읽을 수 있습니다.

```
1 f = open("./input.txt", "w")
2 s = f.read().split()
3
4 for word in s:
5     print word
```

6.3 예제

1. Write a function `occurrences_integers(filename)` that writes a file `occurrences.out` with increasing order of numbers in `filename` along with their occurrences.
For instance, a file with the following content as an input:

5 4 10 10 4

should write a file with:

4 2
5 1
10 2

2. Write a function `sieve_eratosthenes(n)` that writes a file `primes.out` with all prime numbers less than or equal to `n` using sieve of Eratosthenes.
Create a list using `range(2, n + 1)` and use `.pop()` to remove composite numbers. An input 13 should write a file:

6. [DRAFT] LOOPS 반복문 응용과 파일 입출력

2 3 5 7 11 13

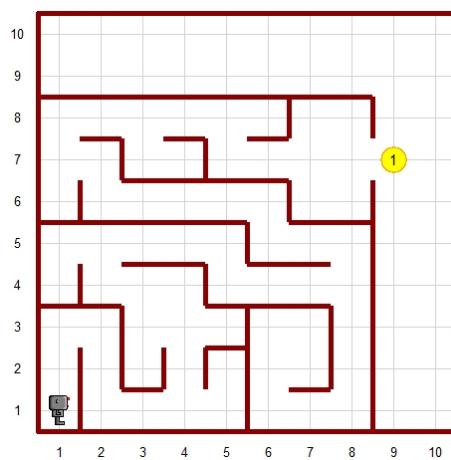
CHAPTER 7

토이 로봇 활용

A robot must obey the orders given it by human beings except where such orders would conflict with the First Law.

— Isaac Asimov, *I, Robot*

지난 시간에는 미리 정해진 동선을 따라 휴보가 이동하도록 조건문과 반복문 등을 사용하여 코드를 작성하는 법을 알아보았습니다. 주어진 동선을 군수열 분석 하듯이 잘라 루프를 구성하고, beeper를 놓거나 줍는 방식이었습니다. Beeper를 줍는 것은 beeper가 해당 격자점에 있을 경우(`on_beeper()`) 판단하여 줍고, 놓는 것도 현재 휴보가 beeper를 가지고 있다면(`carries_beeper()`) 자동으로 놓게 하였습니다. 그렇다면 특정 조건을 만족시킬 때 휴보가 자동으로 이동하는 방법이 있을지 궁금할 것입니다. 예컨대 휴보가 알아서 미로를 탐색하는 작업을 위해서는 벽의 위치와 같은 주변 환경에 따라 자동으로 휴보가 이동할 수 있는 코드가 필요 합니다. 이를 위해 이번 시간에는 `front_is_clear()`, `left_is_clear()`, 그리고 `right_is_clear()`와 같이 휴보의 앞과 옆에 장애물이 있는지 판단하는 메소드를 배울 것입니다.



7. 토이 로봇 활용

조금 원론적으로는, 현재 휴보가 주변 환경을 감지하여(sense) 이를 바탕으로 동선을 결정한 후(control) 실행에 옮기는 과정(actuate)은 일반적인 자율 시스템 전반에 적용되는 과정입니다. 집에서 사용하는 로봇 청소기나 무인 드론, 자율 주행 자동차 등 모두 sensor-controller-actuator의 과정을 따름을 알 수 있습니다. 토이 로봇을 다룰 때에는 beeper의 유무, 벽의 유무를 파악하는 메소드가 sensor에 해당하고, 우리가 작성하는 코드가 controller, 그리고 토이 로봇을 움직이게 하는 메소드가 actuator에 해당합니다.

7.1 자율 이동

지난 번에 아래와 같이 beeper를 줍는 코드를 보았습니다.

```
1 for i in range(9):
2     hubo.move()
3     if hubo.on_beeper():
4         hubo.pick_beeper()
```

이를 beeper가 놓여 있는 만큼 주을 수 있도록 할 수 있게 while 반복문을 통해서 아래와 같이 바꾸었습니다.

```
1 for i in range(9):
2     hubo.move()
3     while hubo.on_beeper():
4         hubo.pick_beeper()
```

나아가 휴보가 앞으로 나아갈 수 있는 만큼 이동하면서 휴보가 이동하도록 다음과 같이 코드를 수정할 수 있습니다.

```
1 while hubo.front_is_clear():
2     hubo.move()
3     while hubo.on_beeper():
4         hubo.pick_beeper()
```

이렇게 코드를 수정하면 너비가 10인 공간 뿐만이 아니라 임의의 너비를 가진 공간에서 beeper를 줍도록 할 수 있습니다. 이제 front_is_clear() 메소드가 어떤 역할을 가지는 대략적인 감이 올 것입니다. front_is_clear() 메소드는 on_beeper() 등과 같은 불리언 함수로, 휴보 앞에 벽이 있는지를 파악합니다. 만약 휴보 앞에 벽이 있어서 나아갈 수 없다면 False를, 있다면 True를 반환합니다.

`front_is_clear()`만으로도 휴보 양 옆에 장애물이 있는지 판단할 수는 있습니다. `turn_right()`과 같이 방향 전환을 하는 메소드와 결합하여 사용하는 방법입니다. 하지만 cs1_robots 패키지에는 이런 번거로움을 피하기 위해 `front_is_clear()` 메소드와 더불어 `right_is_clear()`과 `left_is_clear()` 메소드도 함께 준비되어 있습니다. 각각 우측과 좌측에 벽이 있는지 판단하는 메소드입니다.

이제 휴보가 자동으로 움직일 모든 준비가 끝났습니다. 지금까지 배운 sensor 와 관련된 메소드와 actuator 와 관련된 메소드를 통해서 휴보가 자동으로 움직이도록 코드를 작성–즉 control–할 수 있습니다. 여러 문제를 풀어보기 전에 앞서, 휴보가 주어진 공간의 외곽 모서리를 짚으며 이동하게 하는 코드를 작성하는 법을 차근차근 알아봅시다. 이 때 휴보가 (1, 1)에서 반시계 방향으로 돌아간다고 합시다.

전체적인 구조 설계하기—일단 코드를 작성하기 전에 휴보가 어떤 방식으로 주어진 환경을 돌 수 있을지 대략적으로 생각해보아야 합니다. 현재 다루는 환경은 직각의 벽으로만 공간으로만 이루어져 있으므로, 일단 앞으로 쭉 이동하다가 벽이 나오면 회전을 하면 될 것입니다. 지형이 구체적으로 어떻게 생겼는지 모르기 때문에 `while` 반복문을 구성하여 조건에 따라 특정 명령을 반복 수행하도록 코드를 작성해야 합니다. 지금까지는 다음과 같이 코드를 작성할 수 있습니다.

```

1 while #조건:
2     # 이동하다가 벽이 나오면 회전

```

종료 조건 생각하기—코드가 어떤 조건에서 `terminate` 종료될 것인지 생각하는 것이 매우 중요합니다. 자동으로 휴보가 움직이므로 `while` 문 등으로 코드가 반복 실행될 것이기 때문입니다. 지난 시간에 이러한 문제를 다룰 때는 이동한 거리를 카운터 패턴으로 세어 해결했습니다. 이 아이디어를 확장한다면 x 방향 움직임과 y 방향 움직임의 합이 0이 되면 닫힌 루프를 구성하여 시점에 도달했음을 판단할 수 있습니다. Beeper를 활용한 좀 더 단순한 접근법도 생각할 수 있습니다. 처음 시작할 때 beeper를 내려놓고 해당 beeper 위에 돌아왔을 때 놓은 beeper를 다시 주은 후 `while` 문을 종료하면 됩니다.

```

1 hubo.drop_beeper()
2 hubo.move()
3 while not hubo.on_beeper():
4     # 이동하다가 벽이 나오면 회전
5 hubo.pick_beeper()

```

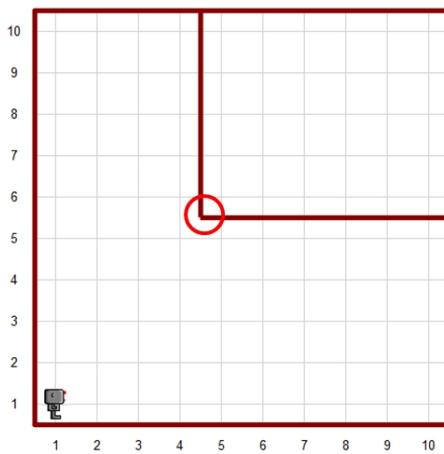
간단한 경우 생각하기—처음부터 완벽한 코드를 작성할 필요는 없습니다. 일단 직사각형 형태의 단순한 지형을 다루어 봅시다. (1, 1)에서 반시계로 이동하므로

7. 토이 로봇 활용

벽이 나왔을 경우 좌회전만 하면 됩니다. 따라서 다음과 같이 어렵지 않게 코드를 작성할 수 있습니다.

```
1 hubo.drop_beeper()
2 hubo.move()
3 while not hubo.on_beeper():
4     if hubo.front_is_clear():
5         hubo.move()
6     else: # 좌회전을 해야 하는 경우
7         hubo.turn_right()
8 hubo.pick_beeper()
```

예외의 경우 생각하여 일반화하기—이제 직사각형 형태의 지형에서는 잘 작동하는 코드를 완성하였습니다. 하지만 지형이 직사각형이라는 보장이 없습니다. 다음과 같은 지형을 생각할 수 있기 때문입니다.



이러한 경우, 기존 코드에서 어떤 부분을 수정해야 하는지 파악해야 합니다. 일단 문제가 되는 빨간 동그라미 부분을 처리해야 합니다. 이는 앞에는 장애물이 없음에도 불구하고 직진이 아니라 우회전을 해야 하는 부분입니다. 하지만 현재 코드에서는 줄 4에서 이 경우를 걸러내지 못하고 무조건 직진을 하게 하는 것이 문제가 됩니다. 코드를 어떻게 바꿔야 할지 생각을 하기 위해서는, 우회전을 해야 하는 경우와 기존처럼 직진을 하는 경우의 차이만을 생각하면 됩니다. 구조적으로 생각하자면 휴보가 앞으로 직진을 하는 행동이 줄 5에 나와 있으므로, 이에 대한 조건식인 줄 4 이전에 우회전을 하는 경우를 고려하는 조건식을 넣으면 됩니다. 이러한 경우, 가능한 여부를 생각하는 것이 도움이 될 수 있습니다. 종종 가능한 여부와 필요의 여부가 일치하기 때문입니다. 완전히 일치하지 않더라도 조건식을 생각하는데 도움이 될 수 있습니다. 이 문제는 우회전을 할 수 있는지의 여부와

7.1. 자율 이동

우회전을 해야 하는지의 여부가 일치합니다. 오른쪽이 비어 있어야 우회전을 할 수 있는데, 이 경우가 바로 우회전을 해야 하는 상황입니다. 따라서 아래와 같이 코드를 수정할 수 있습니다.

```
1 hubo.drop_beeper()
2 hubo.move()
3 while not hubo.on_beeper():
4     if hubo.right_is_clear():
5         hubo.turn_right()
6     elif hubo.front_is_clear():
7         hubo.move()
8     else:
9         hubo.turn_right()
10 hubo.pick_beeper()
```

결국 위 코드를 잘 보면 미로의 전형적인 해법인 “벽 짚고 따라가기”인 것을 알 수 있습니다. 하지만 처음부터 벽을 짚고 따라가는 아이디어를 코드로 구현하려고 하는 것보다는, 지금까지 한 단계씩 밟아온 것처럼 코드를 점진적으로 수정 및 보완하는 것이 더 쉽고 실수를 줄이는 방법입니다.

CHAPTER 8

[DRAFT] Recursion재귀법, Python의 다양한 객체, 그리고 Lambda람다 함수

Sometimes recursion seems to brush paradox very closely. For example, there are recursive definitions. Such a definition may give the casual viewer the impression that something is being defined in terms of itself. That would be circular and lead to infinite regress, if not to paradox proper. Actually, a recursive definition (when properly formulated) never leads to infinite regress or paradox. This is because a recursive definition never defines something in terms of itself, but always in terms of simpler versions of itself.

— Douglas Hofstadter, *Gödel, Escher, Bach*

8.1 Recursion재귀법

아래와 같은 수열을 피보나치 수열Fibonacci sequence이라고 부릅니다:

1, 1, 2, 3, 5, 8, 13, 21, ...

위 수열에서는 바로 이전 두 항이 그 다음 항을 그 합으로써 결정한다는 규칙을 쉽게 찾을 수 있습니다. 이러한 규칙으로 수열을 생성하기 위해서는 처음 두 값이 1로 정해져 있어야 합니다. (물론, 0, 1로 정하여도 무방합니다.) 이러한 두 값을 초항이라고 부릅니다. 따라서, 피보나치 수열은 이러한 두 초항과 다음 항들을

8. [DRAFT] RECURSION재귀법, PYTHON의 다양한 객체, 그리고 LAMBDA람다 함수

생성하는 규칙을 사용해 다음과 같이 정의할 수 있습니다:

$$f_n = \begin{cases} 1 & \text{for } n \in \{1, 2\} \\ f_{n-1} + f_{n-2} & \text{for } n \in \mathbb{N} \setminus \{1, 2\} \end{cases}$$

위와 같이 수열을 귀납적으로 정의하면, 이를 계산하는 코드를 바로 구현할 수 있습니다.

```
1 def f(n):
2     if n <= 2:
3         return 1
4     return f(n - 1) + f(n - 2)
```

이를 통해, 귀납적으로 정의되는 모든 수열을 쉽게 코드로 바꿀 수 있다는 사실을 알게 되었습니다.

사실 많은 알고리즘적 문제는 이렇게 귀납적으로 정의할 수 있으며, 이렇게 작성한 코드를 재귀법recursion이라고 하고 이 때 사용한 함수를 재귀 함수라고 합니다. 이러한 예시에는 다음에 살펴볼 유클리드 호제법, 하노이의 탑, 이진 검색, 지수 계산이 있습니다. 하나하나씩 살펴보도록 합니다.

8.1.1 유클리드 호제법

유클리드 호제법은 두 수의 최대공약수greatest common divisor를 구하는 알고리즘입니다. 두 수 a 와 b 가 정해졌을 때, 유클리드 호제법은 이 둘의 최대공약수를 다음의 규칙에 따라 귀납적으로 구합니다:

$$\gcd(a, b) = \begin{cases} a & \text{if } b = 0 \\ \gcd(b, a \bmod b) & \text{otherwise} \end{cases}$$

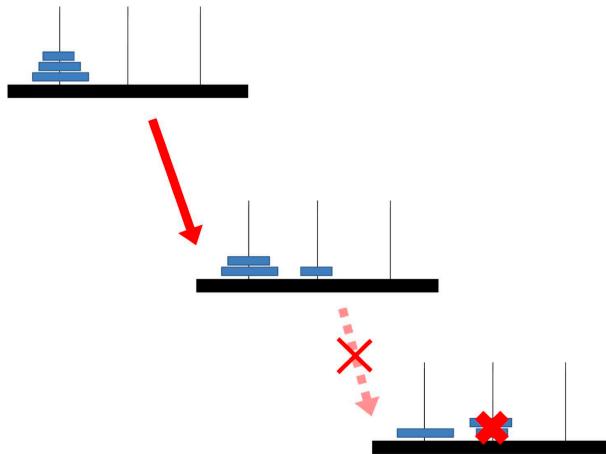
이는 다음과 같이 바로 코드로 옮겨 적을 수 있습니다.

```
1 def f(n):
2     if b == 0:
3         return a
4     return gcd(b, a%b)
```

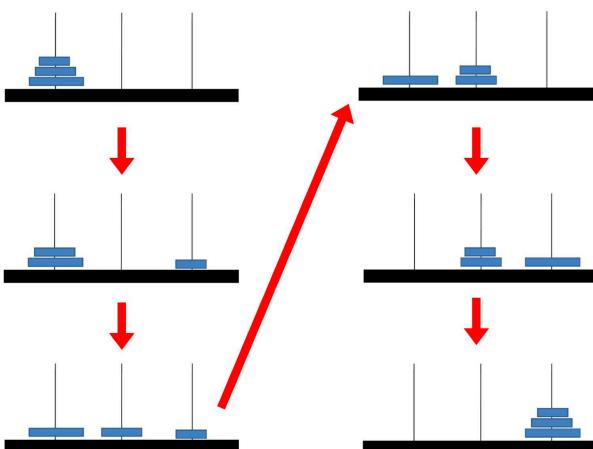
위에서 보았던 피보나치 수열을 코드로 구현한 것과 동일한 패턴을 가지는 것을 확인할 수 있습니다. 즉, if 문으로 초기 조건을 처리해주고, 귀납식을 그대로 반환해주는 형태로 구성이 되어 있습니다. 아래에서 볼 좀 더 복잡한 알고리즘의 경우에도 이를 응용한 형태입니다.

8.1.2 하노이의 탑

하노이의 탑은 세 개의 봉에 크기 순으로 쌓여진 디스크들을 규칙에 맞게 다른 봉으로 옮기는 문제를 말합니다. 이 때, 모든 디스크들은 항상 크기 순으로 쌓여져 있어야 하고, 한 번에 하나씩만 옮길 수 있습니다. 즉, 다음과 같은 움직임은 허용되지 않습니다.



만약 세 개의 디스크가 있는 경우, 최단 횟수로 디스크를 모두 옮기는 해법은 다음과 같습니다.



n 개의 디스크를 봉 1에서 봉 3으로 옮기는 상황을 가정합시다. 가장 큰 n 번째 디스크는 항상 맨 밑에 위치해야 하므로, 해당 디스크를 봉 1에서 봉 3으로 옮기기 위해서는 나머지 $(n-1)$ 개의 디스크 모두가 봉 2에 위치해 있어야 합니다. 따라서 n 개의 디스크를 봉 1에서 봉 3으로 옮기기 위해서는 일단 위의 $(n-1)$ 개의 디스크를 봉 1에서 봉 2로 옮기고, 가장 큰 디스크를 봉 1에서 봉 3으로 옮긴 후, 다시 $(n-1)$ 개의 디스크를 봉 2에서 봉 3으로 옮겨야 합니다. 이 때 $(n-1)$ 개의

8. [DRAFT] RECURSION재귀법, PYTHON의 다양한 객체, 그리고 LAMBDA람다 함수

디스크를 옮기는 상황은 n 개의 디스크를 옮기는 경우를 귀납적으로 정의한다는 사실을 알 수 있습니다.

하노이 탑 문제는 다음과 같이 수학적으로 형식화할 수 있습니다. 함수 f : $\mathbb{N} \times \{1, 2, 3\} \times \{1, 2, 3\} \rightarrow \{\text{list of moves}\}$ 를 귀납적으로 정의합니다:

$$\begin{cases} f(0, \text{from}, \text{to}) = [] \\ f(n, \text{from}, \text{to}) = f(n - 1, \text{from}, \text{to}) + [(n, \text{from}, \text{to})] + f(n - 1, \text{other}, \text{to}) \end{cases}$$

이를 코드로 옮기면 아래와 같습니다.

```
1 def hanoi(n, fr, to):
2     if n == 0:
3         return []
4     ot = 1 + 2 + 3 - fr - to
5     return hanoi(n - 1, fr, ot) + [(n, fr, to)] + hanoi(n - 1, ot, to)
6
7 n = 5
8 print hanoi(n, 1, 3)
```

위에서는 디스크가 총 5개일 때 봉 1에서 봉 3으로 디스크를 옮기는 경우를 출력했습니다. 약간 형태가 복잡해졌을 뿐, 위에서 보았던 코드와 동일한 패턴입니다.

8.1.3 이진 검색

이진 검색은 정렬된 리스트가 주어졌을 때 원소를 효율적으로 찾을 수 있는 알고리즘입니다. 이는 후에 배울 분할정복법의 대표적인 예시로, $O(\log n)$ 의 시간복잡도를 가지고 있습니다. 일반적으로 정렬되지 않은 리스트에서 어떤 원소를 찾기 위해서는 모든 원소를 순서대로 찾아보는 $O(n)$ 의 작업이 필요하지만, 정렬이 되어 있다는 사실이 주어지면 이진 검색을 통해 훨씬 효율적으로 원소를 찾을 수 있습니다. 개괄적으로, 이진 검색은 가운데 원소를 본 후 만약 해당 원소가 찾고자 하는 값보다 큰 경우 오른쪽을 버리고, 작은 경우 왼쪽을 버리면서 검색을 진행합니다 (물론 원소는 오름차순 정렬이라고 가정합니다).

이진 검색을 함수 $f : \{\text{sorted list, value, left, right}\} \rightarrow \{\text{index}\}$ 라고 할 때, 다음과 같이 귀납적으로 정의할 수 있습니다:

$$f(a, v, l, r) = \begin{cases} -1 & \text{if } l = r \text{ and } a[r] \neq v \\ r & \text{if } l = r \text{ and } a[r] = v \\ f\left(a, v, l, \frac{l+r}{2} - 1\right) & \text{if } a\left[\frac{l+r}{2}\right] > v \\ f\left(a, v, \frac{l+r}{2} + 1, r\right) & \text{if } a\left[\frac{l+r}{2}\right] < v \end{cases}$$

이는 아래와 같이 코드로 옮길 수 있습니다.

```

1 def search(a, value, left, right):
2     if not a:
3         return -1
4     if left == right:
5         if a[left] == value:
6             return left
7         return -1
8     mid = (left + right) / 2
9     if a[mid] > value:
10        return f(a, value, left, mid - 1)
11    if a[mid] < value:
12        return f(a, value, mid + 1, right)
13    return mid

```

8.1.4 지수 계산

암호학 등의 분야에서는 매우 큰 지수exponent를 다룰 일이 많기 때문에, 효율적인 지수 계산 알고리즘이 필요합니다. 일반적으로 지수 계산을 함수로 구현하라고 하면, 아래와 같은 단순한 코드를 쉽게 떠올릴 수 있습니다.

```

1 def power_simple(x, n):
2     p = 1
3     for _ in range(n):
4         p *= x
5     return p

```

이 경우, 시간복잡도는 $O(n)$ 입니다. 하지만 다음과 같이 귀납적으로 지수를 계산한다면 $O(\log n)$ 만에도 지수를 계산할 수 있습니다. 지수 계산 함수 $x^n = f(x, n)$ 이라고 할 때,

$$f(x, n) = \begin{cases} 1 & \text{if } b = 0 \\ f\left(x, \frac{x}{2}\right)^2 & \text{if } b \text{ is even} \\ xf\left(x, \frac{b-1}{2}\right)^2 & \text{if } b \text{ is odd} \end{cases}$$

으로 정의할 수 있습니다. 이는 바로 코드로 옮길 수 있습니다.

```

1 def power(x, n):
2     if n == 0:
3         return 1

```

8. [DRAFT] RECURSION재귀법, PYTHON의 다양한 객체, 그리고 LAMBDA람다 함수

```
4     p = power(x, n/2)
5     if b % 2:
6         return p * p * x
7     return p * p
```

이러한 지수 계산은 아래와 같이 피보나치 수열의 계산에도 사용할 수 있습니다.

$$\begin{pmatrix} f_{n+1} \\ f_n \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix}^n \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \end{pmatrix}$$

이를 통해 피보나치 수열의 계산을 $O(\log n)$ 으로 수행할 수 있다는 사실도 알 수 있습니다.

재귀법은 작성하는데 간편하다는 장점이 있지만, 함수를 여러번 호출한다는 점에서 큰 오버헤드가 걸릴 수 있습니다. 이에 따라, 가능하다면 반복법을 사용하는 것이 효율적입니다. 아래에는 각각 재귀법과 반복법으로 피보나치 수열을 계산하는 방법이 나와 있습니다.

```
1 def f_rec(n):
2     if n <= 2:
3         return 1
4     return f_rec(n - 1) + f_rec(n - 2)
5
6 def f_iter(n):
7     f = [None] * (n + 1)
8     f[0], f[1] = 0, 1
9     for i in range(2, n + 1):
10        f[i] = f[i - 1] + f[i - 2]
11    return f[n]
```

이렇게 재귀법을 반복법으로 바꾸어 해결하는 전략을 동적 계획법이라고 하는데, 나중에 더 자세히 알아보기로 합니다.

8.2 Python의 다양한 객체

8.2.1 Tuple튜플

지금까지 우리는 어떤 데이터를 담는 자료형으로써 리스트list만을 사용했습니다. 이러한 리스트는 가변적mutable으로, 어떤 원소를 새로 추가하거나 없앨 수 있습니다. 나아가 리스트는 원소들의 순서를 보존하고, 같은 값을 여러 번 추가할 수 있습니다. 예컨대, [1, 2, 1]과 [1, 1, 2]는 다른 리스트이며, [1, 1, 1]은

[1]과는 다른 리스트입니다. 또, `.append(·)` 메소드를 통해 새로운 원소를 더하고, `.pop(·)` 등을 통해 원소를 제거할 수 있었습니다. Python에서는 이러한 가변적인 리스트 뿐만이 아니라, 불변의 리스트라고 볼 수 있는 튜플tuple 자료형을 제공합니다. 아래 코드에서는 리스트와 튜플의 유사점과 차이점을 알아볼 수 있습니다.

```

1
2 a = [2, 4, 2, 9, 5]
3 print type(a) # <type 'list'>
4
5 sum = 0
6 for i in range(len(a)):
7     sum += a[i]
8
9 for x in a:
10    sum += x
11
12 a[1] = 10 # legal
13
14 b = (2, 4, 2, 9, 5)
15 print type(b) # <type 'tuple'>
16
17 sum = 0
18 for i in range(len(b)):
19     sum += b[i]
20
21 for x in b:
22     sum += x
23
24 b[1] = 10 # illegal

```

또한 튜플 자료형의 변수를 선언할 때에는 괄호를 뺄 수 있습니다. 위에서 `b = (2, 4, 2, 9, 5)` 대신 `b = 2, 4, 2, 9, 5`로 정의하여도 무방합니다. 단, 원소가 하나인 튜플을 정의할 때는 (1)의 형태가 아닌 (1,)으로 쉼표를 붙여주어야 합니다. 이 때도 괄호는 생략하고 `b = 1`, 와 같이 작성하여도 길이가 1인 튜플로 선언됩니다. 나아가 리스트처럼 튜플도 수, 문자열, 튜플, 나아가 리스트까지 임의의 변수를 다 원소로 담을 수 있습니다. 즉, `(1, (2, 4), "string", ["USACO", "KOI", (3, 1), None], True)`의 형태의 튜플을 사용할 수 있습니다.

지금까지 swapping 등에서 보았던 다중 할당도 사실 튜플의 문법을 사용한 것입니다. 파이썬에서는 `(a, b) = (1, 2)`와 같이 작성하는 것은 a와 b에 각각 1

8. [DRAFT] RECURSION재귀법, PYTHON의 다양한 객체, 그리고 LAMBDA람다 함수

과 2를 대입하라는 것과 동일한 의미를 가집니다. 나아가 위에서 튜플을 사용할 때 괄호를 생략해도 된다고 언급한 것을 상기하면 $a, b = 1, 2$ 와 동일한 표현임을 알 수 있습니다. 즉, $a, b = b, a$ 를 통해 두 변수의 값을 swapping하는 것은 $(a, b) = (b, a)$ 와 완전히 동일한 과정입니다. 단, 좌변의 튜플에 들어있는 모든 값들은 합당한 lvalue이어야 하며, 양변의 튜플 길이는 동일해야 합니다. $(a + 1, b) = (2, 4)$ 나 $(x, y) = (2, 5, 1)$ 은 올바르지 못한 표현입니다. 정리하자면, 아래의 표현들은 모두 동일한 의미를 가집니다.

- $a, b, c = 1, 2, 3$
- $a, b, c = (1, 2, 3)$
- $(a, b, c) = 1, 2, 3$
- $(a, b, c) = (1, 2, 3)$
- $t = 1, 2, 3; a, b, c = t$
- $t = (1, 2, 3); a, b, c = t$
- $t = 1, 2, 3; (a, b, c) = t$
- $t = (1, 2, 3); (a, b, c) = t$

튜플에서 사용할 수 이용할 수 있는 연산자와 메소드는 리스트의 연산자 혹은 메소드 중 불변성을 벗어나지 않는 것들을 모두 적용할 수 있습니다. 가령, 튜플에 아래의 연산을 모두 시행할 수 있습니다.

- $+, *$
- $a[i:j]$
- in, for
- $==, is$
- $len(\cdot), min(\cdot), max(\cdot), sum(\cdot)$

반면 아래의 modifier 메소드는 모두 사용할 수 없습니다:

- $a[i] = x$
- $.append(\cdot)$
- $.reverse(\cdot)$
- $.sort(\cdot)$
- $.remove(\cdot)$

- .pop(·)

튜플과 for 문을 활용해 다음과 같은 작업을 할 수 있습니다.

```

1 a = [(1, 2, "abc"), (3, 4, (5, 6)), (7, True, [8, 9])
2 for x, y, z in a:
3     print z

```

위 코드를 실행하면 "abc", (5, 6), [8, 9]가 출력될 것입니다.

튜플은 리스트와 자유롭게 형변환을 할 수 있습니다. 어떤 튜플 (1, 4, 2)가 주어졌을 때, 이를 정렬하고 싶다면 불변 객체인 튜플을 가변 객체인 리스트로 형변환하여 정렬한 후, 다시 튜플로 형 변환할 수 있습니다.

```

1 a = (1, 4, 2)
2 a = list(a)
3 a.sort()
4 a = tuple(a)

```

이러한 튜플은 값을 변형하지 말아야 하는 경우나, 불변 객체가 반드시 필요한 경우에 사용할 수 있습니다. 곧이어 설명할 집합set 자료형과 사전dictionary 자료형은 특별히 그 원소로써 가변 객체를 허용하지 않기 때문에 이를 사용할 수 있습니다.

8.2.2 Set집합

수학에서 집합은 가장 근본적인 대상 중에 하나입니다. 특히, 현대 수학에서는 집합론을 통해 수학의 기초를 구성하고 있습니다. 이러한 논의는 제쳐놓고, 집합의 naive한 정의를 들어보면 서로 다른 객체들의 순서를 무시한 모임이라고 설명할 수 있습니다. Python에서 집합은 리스트, 튜플, 혹은 문자열에 set(·)를 취하여 얻을 수 있습니다. 예컨대, set([1, 2, 2])는 set([1, 2])를, set("ABBBC")는 set(['A', 'C', 'B'])를 얻을 수 있습니다. 만약 공집합을 얻고 싶다면 set(), set(()), set([]), set("") 등을 사용하면 됩니다. 유의할 점은, set([()])는 빈순서쌍을 원소로 가지는 집합이라는 것입니다 ({Ø}를 생각해보면 이해가 될 것입니다.).

집합 자료형에는 다음과 같은 연산자들이 있습니다.

- .add(e): 원소를 e를 없다면 새로 추가합니다.
- .remove(e): 원소 e를 제거하고, 없다면 에러를 일으킵니다.
- .clear(): 모든 원소를 제거합니다.

8. [DRAFT] RECURSION재귀법, PYTHON의 다양한 객체, 그리고 LAMBDA람다 함수

- `s1 | s2`: 두 집합의 합집합을 구합니다.
- `s1 & s2`: 두 집합의 교집합을 구합니다.
- `s1 - s2`: 두 집합의 차집합을 구합니다.
- `s1 < s2, s1 <= s2`: 두 집합의 포함 관계의 참 거짓을 구합니다.
- `e in s`: `e`가 `s`의 원소인지의 참 거짓을 구합니다.
- `e not in s`: `not (e in s)`의 값과 동일합니다.
- `s1 == s2`: 두 집합이 동일한지의 참 거짓을 구합니다.

어떤 집합을 복사하기 위해서는 리스트와 동일하게 `.copy()` 연산자를 사용해야 합니다. 아래 예시를 살펴봅시다.

```
1 s1 = set([1, 2, 3])
2 s2 = s1
3 s3 = s1.copy()
4 s1.add(4)
5 print s2 # aliased
6 print s3 # copied
```

이는 리스트와 동일한 모습을 보인다는 것을 알 수 있습니다. (대신, 리스트의 경우에는 `[:]`를 통해서도 복사를 할 수 있었습니다.)

리스트와 마찬가지로 집합도 `for` 문에 사용할 수 있습니다. 그러나, 그 순서는 정해져 있지 않고, `[i]`와 같은 인덱스로의 접근도 불가능합니다. 그리고 위에서 리스트와 튜플이 형 변환이 가능했던 것과 같이, 집합 또한 이들과의 형 변환이 가능합니다.

마지막으로는, 집합의 원소로는 앞서 간략히 언급했듯이 불변 객체만 올 수 있다는 것입니다. 예컨대, 가변 객체인 리스트나 집합은 집합의 원소가 될 수 없습니다. `set([set([1, 2]), 3])`이나 `set([[1, 2], 3])`은 불가능한 것입니다. 반면 튜플이나 문자열과 같은 불변 객체는 집합의 원소가 될 수 있습니다. 따라서 어떤 객체들의 모임을 집합의 원소로 지정하고 싶을 때에는 튜플로 형 변환을 한 후 넣어야 합니다.

8.2.3 String문자열

이미 한 차례 문자열에 대해서 다룬 적이 있지만, 문자열의 포맷 지정과 추가적인 메소드에 대해서 언급할 내용이 있습니다.

- `.startswith(prefix)`: 문자열이 `prefix`로 시작하는지 확인합니다.

- .endswith(suffix): 문자열이 suffix로 끝나는지 확인합니다.
- .find(str): 문자열이 str을 포함하는 첫 번째 인덱스를 반환하고, 없다면 -1을 반환합니다.
- .replace(old, new): 문자열의 old를 new로 치환한 문자열을 반환합니다.
- .strip(): 문자열의 시작과 끝에 있는 공백 문자를 모두 제거한 값을 반환합니다.
- .lstrip(): 문자열의 시작에 있는 공백 문자를 모두 제거한 값을 반환합니다.
- .rstrip(): 문자열의 끝에 있는 공백 문자를 모두 제거한 값을 반환합니다.
- .split(): 문자열의 공백으로 구분된 단어들의 리스트를 반환합니다.
- .join(list): 주어진 문자열을 사이로 list의 문자열들을 잇습니다.

문자열의 포맷 지정은 다음과 같이 할 수 있습니다.

```
1 print "Max between " + str(x0) + " and " + str(x1) + " is " + str(val)
2 print "Max between %d and %d is %g" % (x0 ,x1, val)
```

이 때, 다음과 같은 서식 지정자가 있습니다.

- %d: 정수
- %g: 실수
- %.nf: 소수점 아래 n 자리수까지 나타내는 실수
- %s: 문자열

서식 지정자를 활용해 좌측 혹은 우측 정렬을 할 수도 있습니다. %nf와 같이 우측 정렬을, %-nf와 같이 좌측 정렬을 할 수 있습니다.

```
1 print "%3d - %3d : %10g" %(x0, x1, val)
2 print "%3d - %-3d : %-10g" %(x0, x1, val)
```

또한, 이와 소수점 아래 자리수에 대한 형식 지정자를 결합하여 %3.2g와 같은 표현도 가능합니다.

8. [DRAFT] RECURSION재귀법, PYTHON의 다양한 객체, 그리고 LAMBDA람다 함수

8.2.4 Dictionary사전

사전dictionary은 일반화된 인덱스를 가지는 리스트로 생각할 수 있습니다. 사전 자료형에서 이러한 인덱스를 키key라고 부르고, 해당 키에 대응되는 객체를 값value이라고 합니다. 사전 자료형에서는 키를 통한 값의 접근이 매우 효율적으로 구현이 되어 있습니다. 다음은 사전 자료형의 사용 예시입니다.

```
1 d = {2: ["a", "bc"], (2, 4): 27, "xy": {1:2.5, "a":3}}
2 print d[2]
3 print d[(2, 4)]
4 print d["xy"]
5 print d["xy"][1]
```

위에서 볼 수 있듯이, 사전에서 키는 불변 객체이어야 하며, 값은 어떠한 객체이든지 올 수 있습니다.

사전에 어떤 키와 값을 추가하는 것은 단순히 `d[key] = value`를 실행하는 것으로 충분합니다. 또한 이미 있는 키의 값을 바꾸는 것도 동일하게 수행할 수 있습니다. 반면 어떤 키와 값을 없애는 것은 `del d[key]`를 통해 실시할 수 있습니다. 아래는 사용 예시입니다.

```
1 d = {2: ["a", "bc"], (2, 4): 27, "xy": {1:2.5, "a":3}}
2 d[(1, "p")] = "q"
3 d[(2, 4)] += 1
4 del d["xy"]
5 print d
```

사전의 원소의 개수는 리스트에서처럼 `len()`을 사용할 수 있으며, 어떤 키가 존재하는지 파악할 때는 `key in d`를 쓸 수 있습니다. 값이 존재하는지 파악하기 위해서는 `.values()`를 통해 모든 값들의 리스트를 불러온 후 확인을 해야 합니다. 또한 `.keys()`를 통해 모든 키들의 리스트를 불러올 수 있고, 키와 값의 쌍들의 리스트는 `.items()`를 통해 불러올 수 있습니다.

집합을 출력하는 것과 같이 사전을 출력하는 것도 모두 무작위의 순서를 가지고 있습니다. 만약 키를 정렬된 순서대로 값을 출력하고 싶다면, `.keys()`를 통해 키들의 리스트를 얻은 후, 정렬한 후 `for` 문을 통해 출력을 하는 방법을 생각할 수 있습니다.

8.3 Lambda람다 함수

Lambda람다 함수는 간단한 함수를 한 줄에 작성하도록 하는 문법입니다. 람다 함수는 Lisp와 같은 함수형 언어에서부터 비롯되었는데, 다음과 같이 작성할 수

8.3. Lambda람다 함수

있습니다.

```
1 lambda arguments: expression
```

예컨대, 다음과 같은 함수

```
1 def add(x, y):
2     return x + y
3
4 print add(1, 2) # 3
```

과 같은 함수는 아래와 같이 람다 함수로 간결하게 표현할 수 있습니다.

```
1 >>> (lambda x, y: x + y)(10, 20)
2 30
```

위에서 보다시피 람다 함수는 이름이 명시되어 있지 않기 때문에, anonymous 익명 함수라고도 불리웁니다.

람다 함수는 간단한 함수를 사용할 때 편리하게 사용할 수 있으며, `map()`, `reduce()`, 그리고 `filter()`와 함께 사용할 때 빛을 발합니다. 먼저 `map()` 함수를 살펴봅시다. `map()` 함수는 어떤 함수와 리스트, 튜플, 문자열과 같은 순서형 자료를 인자로 받으며, 리스트의 각 원소에 해당 함수를 적용시킨 새로운 리스트를 반환합니다. 이를 사용해 0부터 4까지의 정수의 제곱을 담은 리스트를 다음과 같이 만들 수 있습니다.

```
1 >>> map(lambda x: x ** 2, range(5))
2 [0, 1, 4, 9, 16]
```

`map()`은 주어진 리스트의 각 원소를 형 변환할 때도 아래와 같은 방법으로 `for` 문을 사용하지 않고 간단하게 사용할 수 있습니다.

```
1 >>> a = ['3', '5', '1', '8']
2 >>> map(int, a)
3 [3, 5, 1, 8]
```

`reduce()` 함수는 어떤 함수와 순서형 자료를 인자로 받아, 순서형 자료의 원소들에 해당 함수를 누적하여 적용합니다.

8. [DRAFT] RECURSION재귀법, PYTHON의 다양한 객체, 그리고 LAMBDA람다 함수

```
1 >>> reduce(lambda x, y: x + y, range(5))  
2 10
```

위의 예시에서는 먼저 0과 1을 더한 후, 그 결과에 다시 2를 더하고, 3을 더한 후, 4를 더하는 과정을 반복하여 그 값을 반환합니다. 이를 응용하여 앞서 살펴본, 주어진 문자열을 뒤집는 과정을 한 줄에 구현할 수 있습니다.

```
1 >>> reduce(lambda x, y: y + x, "abcde")  
2 "edcba"
```

마지막으로, `filter()`은 어떤 불리언 함수와 순서형 자료를 인자로 받아, 순서형 자료의 원소들 중 해당 불리언 함수의 반환값이 True인 값들만을 걸러서 동일한 자료형의 순서형 자료를 반환합니다. 아래와 같이 사용할 수 있습니다.

```
1 >>> filter(lambda x: x < 5, range(10))  
2 [0, 1, 2, 3, 4]  
3 >>> filter(lambda x: x < "b", "abcdABCD")  
4 'aABCD'  
5 >>> filter(lambda x: x % 2, range(10))  
6 [1, 3, 5, 7, 9]
```

찾아보기

Important works such as histories, biographies, scientific and technical text-books, etc., should contain indexes. Indeed, such works are scarcely to be considered complete without indexes. An index is almost invariably placed at the end of a volume and is set in smaller type than the text-matter. Its subjects should be thoroughly alphabetized. The compiling of an index is interesting work, though some authors are apt to find it tedious and delegate the work to others. The proofreader who undertakes it will find that it is splendid mental exercise and brings out his latent editorial capability.

— Albert H. Highton, *Practical Proofreading*

=, *see* 대입

A

assign

대입, 4, 5

배정, 4

B

Brian Kernighan, 3

C

compile

번역, 1

compiler

번역기, 1

CPython, 2

D

data type, *see* type

자료형, 5

Dennis Ritchie, 3

E

Emacs, *see* GNU Emacs

F

flag

깃발, 5

float, *see* 실수

floating point

부동 소수점, 5

찾아보기

G	값, 4
GNU Emacs, 3	vi, <i>see also</i> vim, GNU Emacs
Guido van Rossum	vim, <i>see</i> vi
귀도 반 로섬, 1	Visual Studio Code, 3
I	W
in, 2	Wing IDE, 3
int, <i>see</i> 정수	
integer	ㄱ
정수, 5	값
Integrated Development and Learning Environment, IDLE, 4	value, 4
interpret, <i>see</i> interpreter	귀도 반 로섬
실행, 1	Guido van Rossum, 1
interpreter	깃발
실행기, 1	flag, 5
L	ㄷ
list, 2	대입
literal	assign, 4, 5
리터럴, 5	
O	ㄹ
operating system, OS	리터럴
운영체제, 2	literal, 5
P	
print, 2	ㅁ
pseudocode	문자열
의사코드, 1	string, 5
PyCharm, 3	
S	ㅂ
str, <i>see</i> 문자열	배정
string	assign, 4
문자열, 5	번역
	compile, 1
	번역기
	compiler, 1
	부동 소수점
T	floating point, 5
type	
타입, 5	ㅅ
	실행, <i>see</i> 실행기
V	interpret, 1
value	실행기

interpreter, 1

o

운영체제

operating system, OS, 2

의사코드

pseudocode, 1

x

자료형, *see* 타입

data type, 5

정수

integer, 5

e

타입

type, 5