ÜBUNGEN ZUR "EICHFELDTHEORIE" ABGABE: 11.05.2015

Aufgabe 13. (4 Punkte) Sei M eine Mannigfalitkeit der Dimension n und ∇ ein Zusammenhang auf $TM \to M$. Man konstruiere einen Isomorphismus von Vektorbündeln $TGL(M) \cong GL(M) \times (\mathbb{R}^n \oplus \mathfrak{gl}(n))$.

Hinweis: Der Zusammenhang definiert eine Abbildung $TGL(M) \to GL(M) \times \mathfrak{gl}(n)$. Ferner kann eine 1-Form $\alpha \colon TGL(M) \to \mathbb{R}^n$, durch

$$\alpha(f) = \pi_{TGL(M)}(f)^{-1}(d\pi_{GL(M)}(f))$$

definiert werden, wobei $\pi_{GL(M)}\colon GL(M)\to M$ und $\pi_{TGL(M)}\colon TGL(M)\to GL(M)$ die Projektionen bezeichnen.

Aufgabe 14. (8 Punkte) Auf $T\mathbb{C}P^n \to \mathbb{C}P^n$ vergleiche man den Levi-Civita-Zusammenhang der Fubini-Study-Metrik mit dem kanonischen Zusammenhang des reduktiven homogenen Raumes $\mathbb{C}P^n$, der in der Vorlesung definiert wurde.