



## TRABALHO DE OTIMIZAÇÃO

---

Alberto Francisco Kummer Neto

INF05010 - Otimização Combinatória — Outubro, 2019

1. Requisitos do trabalho
2. Problemas propostos
  - PFSP (Permutational Flowshop Scheduling Problem)
  - PMSP (Parallel Machines Scheduling Problem)
  - TSP-DL (Traveling Salesman Problem with Draft Limits)
3. Organização dos grupos
4. Chamada

## Desenvolvimento

- Leitura dos arquivo de instâncias
- Modelagem com GLPK/MathProg
- Implementação da heurística
- Testes com o modelo e heurística
- Escrita do relatório

## Entrega

- Relatório + código fonte

## Apresentação

- $\pm 20$  minutos para cada grupo

## Propostas de problema para 2019/2

1. Mirrored Traveling Tournament Problem (mTTP)
2. Maximally Diverse Grouping Problem (MDGP)
3. Home Health Care Routing and Scheduling Problem (HHCRSP)

## Organizar a agenda de um campeonato esportivo

- Conjunto de  $n$  equipes (e  $n$  cidades-sede)
- Dois turnos
- Confronto completo por turno
- $(n-1)$  rodadas por turno
- Turnos são espelhados

**Objetivo:** Minimizar os custos de deslocamento das equipes entre as cidades-sede.

**Mais informações:** veja no [Github](#).

## Campeonato brasileiro “adaptado”

- SPO (São Paulo)
- FLA (Rio de Janeiro)
- CRU (Belo Horizonte)
- GRE (Porto Alegre)

Primeiro turno			
Equipe	R1	R2	R3
SPO	-GRE	CRU	-FLA
FLA	CRU	GRE	SPO
CRU	-FLA	-SPO	GRE
GRE	-SPO	-FLA	-CRU

Segundo turno			
Equipe	R1	R2	R3
SPO	GRE	-CRU	FLA
FLA	-CRU	-GRE	-SPO
CRU	FLA	SPO	-GRE
GRE	SPO	FLA	CRU

$$\text{Minimize } \sum_{(ik) \in E} (d_{ik}y_{ik} + h_{ik}w_{ik}) + \sum_{i=1}^m g_i (s_i + e_i) \quad (1)$$

Sujeito a:

$$\sum_{j=1}^p (x_{ij} + x_{i+1,j}) = 1 \quad \forall i \in \{1, 3, 5, \dots, m-1\} \quad (2)$$

$$x_{ij} + x_{kj} \leq 1 \quad \forall (i, k) \in E, j \in \{1, \dots, p\} \quad (3)$$

$$x_{ij} + x_{kj} - y_{ik} \leq 1 \quad \forall (i, k) \in E, j \in \{1, \dots, p-1\} \quad (4)$$

$$x_{i,1} + x_{i+1,1} - s_i = 0 \quad \forall i \in \{1, 3, 5, \dots, m-1\} \quad (5)$$

$$x_{i,p} + x_{i+1,p} - e_i = 0 \quad \forall i \in \{1, 3, 5, \dots, m-1\} \quad (6)$$

$$x_{i,1} + x_{kp} - w_{kj} \leq 1 \quad \forall (i, k) \in E, i \in \{1, \dots, m\},$$

(7)

$j = \text{espelha rodada de } i$

$$x_{aj} + x_{b,j+1} + x_{c,j+2} + x_{f,j+3} \leq 3 \quad \forall j \in \{1, \dots, p-3\}$$

(8)

rodadas  $a, b, c$  e  $f$  violam as restrições de consecutividade

$$x_{ij} \in \{0, 1\} \quad \forall i \in \{1, \dots, m\}, j \in \{1, \dots, p\} \quad (9)$$

$$y_{ik}, w_{ik} \in \{0, 1\} \quad \forall (i, k) \in E \quad (10)$$

$$s_i, e_i \in \{0, 1\} \quad \forall i \in \{1, \dots, m\} \quad (11)$$



## Formar grupos de diversidade máxima

- Conjunto de indivíduos
- Conjunto de grupos
- Tamanho mínimo e máximo dos grupos
- Diversidade definida por valor numérico

**Objetivo:** Preencher os grupos, maximizando a diversidade total da solução.

**Mais informações:** veja no [Github](#).

## Diversidade por gosto musical

- Rock: Sam, Melvin, Thais
- Funk: Izak, Kamila, Pamella
- K-Pop: Carol, Viviane, Wesley

### **Solução pouco diversa**

G1: Sam, Thais, Izak, Kamila, Pamella  
(2)

G2: Melvin, Carol, Viviane, Wesley (2)

### **Solução mais diversa**

G1: Sam, Pamella, Carol, Wesley (3)

G2: Melvin, Thais, Izak, Kamila,  
Viviane (3)

$$\text{Maximize} \quad \sum_{g=1}^m \sum_{i \in V} \sum_{j \in V \setminus \{i\}} d_{ij} y_{ijg} \quad (12)$$

Sujeito a:

$$\sum_{g=1}^m x_{ig} = 1 \quad \forall i \in V \quad (13)$$

$$\sum_{i \in V} x_{ig} \geq a_g \quad \forall g \in \{1, \dots, m\} \quad (14)$$

$$\sum_{i \in V} x_{ig} \leq b_g \quad \forall g \in \{1, \dots, m\} \quad (15)$$

$$x_{ig} + x_{jg} - 1 \leq y_{ijg} \quad \forall g \in \{1, \dots, m\}, i \in V, j \in V \setminus \{i\} \quad (16)$$

$$\sum_{i \in V \setminus \{j\}} y_{ijg} \geq (a_g - 1)x_{jg} \quad \forall j \in V, g \in \{1, \dots, m\} \quad (17)$$

$$\sum_{i \in V \setminus \{j\}} y_{ijg} \leq (b_g - 1)x_{jg} \quad \forall j \in V, g \in \{1, \dots, m\} \quad (18)$$

$$x_{ig} \in \{0, 1\} \quad \forall j \in V, g \in \{1, \dots, m\} \quad (19)$$

$$y_{ijg} \in \{0, 1\} \quad \begin{array}{l} \forall i \in V, j \in V \setminus \{i\}, \\ g \in \{1, \dots, m\} \end{array} \quad (20)$$

## Atribuir médicos ao atendimento domiciliar

- Conjunto de pacientes
- Conjunto de especialidades médicas
- Conjunto de veículos
- Tempos de serviço dos pacientes
- Faixa de horário para atendimentos (início *hard*)
- Distâncias entre todos os pontos
- Ignorar as restrições de sincronização (31) e (32)

**Objetivo:** Elaborar a rota mais curta de cada veículo, atendendo a todos os pacientes e minimizando os atrasos de atendimento.

**Mais informações:** veja no [Github](#).

## Especialidades

- V1: Fisio, Nutri ; V2: Oftalmo, Dermato
- P1: Oftalmo; P2: Fisio, Nutri; P3: Fisio

## Faixas de horário

- P1: 08:20–10:30
- P2: 10:15–11:10
- P3: 14:15–15:15

Veículo	Origem	H. Part.	Dest	H. Chegada	H. saída	Atraso
V1	Gar	08:00	P3	08:25	09:40	0
V1	P3	09:40	P2	10:10	11:21	11 mins.
V1	P2	11:21	Gar	11:41	–	–
V2	Gar	13:40	P1	14:15	14:45	0
V2	P1	14:45	Gar	15:18	–	–

## Função objetivo ponderada

$$\text{Minimize } \lambda_1 D + \lambda_2 T + \lambda_3 T^{\max} \quad (21)$$

Sujeito a:

$$D = \sum_{v \in \mathcal{V}} \sum_{i \in \mathcal{C}^0} \sum_{j \in \mathcal{C}^0} \sum_{s \in \mathcal{S}} d_{ij} x_{ijvs} \quad (22)$$

$$T = \sum_{i \in \mathcal{C}} \sum_{s \in \mathcal{S}} z_{is} \quad (23)$$

$$T^{\max} \geq z_{is} \quad \forall i \in \mathcal{C}, s \in \mathcal{S} \quad (24)$$

$$\sum_{i \in \mathcal{C}^0} \sum_{s \in \mathcal{S}} x_{0ivs} = \sum_{i \in \mathcal{C}^0} \sum_{s \in \mathcal{S}} x_{i0vs} \quad \forall v \in \mathcal{V} \quad (25)$$

$$\sum_{j \in \mathcal{C}^0} \sum_{s \in \mathcal{S}} x_{jivs} = \sum_{j \in \mathcal{C}^0} \sum_{s \in \mathcal{S}} x_{ijvs} \quad \forall i \in \mathcal{C}, v \in \mathcal{V} \quad (26)$$

$$\sum_{v \in \mathcal{V}} \sum_{j \in \mathcal{C}^0} a_{vs} x_{jivs} = r_{is} \quad \forall i \in \mathcal{C}, s \in \mathcal{S} \quad (27)$$

$$t_{ivs_1} + p_{is_1} + d_{ij} \leq t_{jvs_2} + M(1 - x_{ijvs_2}) \quad \forall i \in \mathcal{C}^0, j \in \mathcal{C}, \\ v \in \mathcal{V}, s_1, s_2 \in \mathcal{S} \quad (28)$$

$$t_{ivs} \geq e_i \quad \forall i \in \mathcal{C}, v \in \mathcal{V}, s \in \mathcal{S} \quad (29)$$

$$t_{ivs} \leq l_i + z_{is} \quad \forall i \in \mathcal{C}, v \in \mathcal{V}, s \in \mathcal{S} \quad (30)$$



$$\begin{aligned}
t_{iv_2s_2} - t_{iv_1s_1} &\geq \delta_i^{\min} \\
-M \left( 2 - \sum_{j \in \mathcal{C}^0} x_{jiv_1s_1} - \sum_{j \in \mathcal{C}^0} x_{jiv_2s_2} \right) &\quad \forall i \in \mathcal{C}^d, v_1, v_2 \in \mathcal{V}, \\
&\quad s_1, s_2 \in \mathcal{S} : s_1 < s_2 \quad (31)
\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
t_{iv_2s_2} - t_{iv_1s_1} &\leq \delta_i^{\max} \\
-M \left( 2 - \sum_{j \in \mathcal{C}^0} x_{jiv_1s_1} - \sum_{j \in \mathcal{C}^0} x_{jiv_2s_2} \right) &\quad \forall i \in \mathcal{C}^d, v_1, v_2 \in \mathcal{V}, \\
&\quad s_1, s_2 \in \mathcal{S} : s_1 < s_2 \quad (32)
\end{aligned}$$

$$x_{ijvs} \in \{0, a_{vs}r_{js}\} \quad \forall i \in \mathcal{C}^0, v \in \mathcal{V}, s \in \mathcal{S} \quad (33)$$

$$t_{ivs}, z_{is} \geq 0 \quad \forall i \in \mathcal{C}^0, v \in \mathcal{V}, s \in \mathcal{S} \quad (34)$$

$$D, T, T^{\max} \geq 0 \quad (35)$$

# **Organização dos grupos**