

## \* Robotic Systems 6: Trajectory Planning

► Trajectory planning in joint space & cartesian space.

$$q \text{ is a pose} \quad q_i = [\theta_1; \theta_2; \theta_3; \theta_4; \theta_5; \theta_6]$$

$$q_i \rightarrow q_f, \text{ traj } \quad q_f = [\theta_1; \theta_2; \theta_3; \theta_4; \theta_5; \theta_6]$$

$$t = [0.000; 3]$$

لو انا عاوز احرك الربوحة من الпозة الأولى الى الпозة الثانية  
فدلل ٣ ثوانٍ على (300) خطوة

$$\theta_1 \rightarrow \theta_{1f} \xrightarrow{300 \text{ step}} \text{new}$$

$$\theta_2 \rightarrow \theta_{2f} \xrightarrow{300 \text{ "}}$$

↓

$$q_{\text{new}} = \begin{bmatrix} \theta_{1i}; \theta_{2i}; \dots; \theta_{6i} \\ \theta_{1f}; \theta_{2f}; \dots; \theta_{6f} \end{bmatrix}$$

$q_{\text{new}}$  كل بـ 300 خطوة

التغير من فوق لأسفل

$t$  300 step من

كل بالك ما هيغو 300 دبر  
بـ 300 step اـ 300 دبر  
عند نـ 300 دبر

### NOTE

serial link (q) وخطىء (T) de inverse kinematics "inv q" لو عملت .

$q = \text{serial link. ikinematics}(T)$

closed form solution

T مقطعي

kinematics  $\xrightarrow{T \rightarrow q}$

kinematics  $\xrightarrow{T \rightarrow q}$

$T = \text{serial link. fkin}(q)$

cartesian space

➤ Robotics Toolbox Example on joint space Trajectory planning  
Video on matLab

→→nd-puma56.

$$T_1 = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & 0.4 \\ 0 & -1 & 0 & 0.2 \\ 0 & 0 & -1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{pmatrix} \left. \begin{array}{l} \text{A transformation} \\ \text{from row echelon form} \end{array} \right\}$$

$$\gamma\gamma T_1 = \text{Transl}(0.4, 0.2, 0) * \text{Trax}(p_i) \rightarrow$$

$$\Rightarrow \overline{T}_2 = \text{Transl}(0.4, -0.2, 0) * \text{Rot}_X(90^\circ) \Rightarrow T_2 = \begin{pmatrix} 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \\ -0.2 & 0.4 & 0 \end{pmatrix}$$

$$q_1 = \text{PS60.ikine63(T1)} \quad q_1 = 3.2631 \quad \checkmark \quad \checkmark \quad \checkmark$$

$\Rightarrow q_2 = \text{psd.ihinefs}(T_2)$

المتغير صنوعه هو كل الروابط  $\Delta$  (2, 3)

## 6 degrees of Heidegger's Special

T<sub>1</sub> Joint space

الموهارز انتهي عمل الـ post في حالة q، فعل

77 PS60. plot ( $a_1$ )

```
>> t = [-10:-0.05:2]
```

↓ (5 msec)

→ vector معین Time ایجاد می شود

$\rightarrow \text{length}(t)$

$$= \varphi_1$$

$\Rightarrow q_2 \in \text{Traj}(q_1, q_2, t)$

92 81 9, in joint space dist.

(t)  $\omega_j \omega$

joint space Trajectory: Further work on The Same Example with velocity of acceleration

Video Matlab

مقدمة

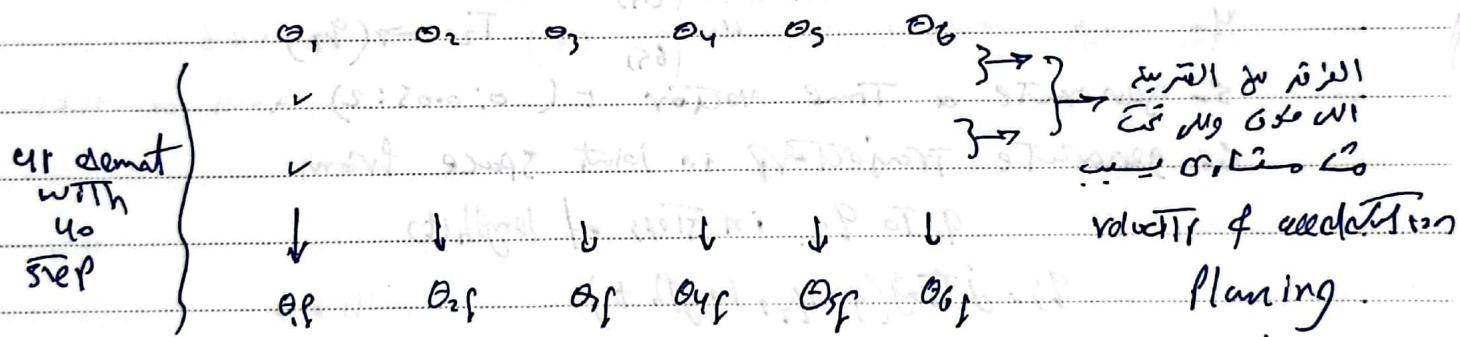
- ١- عند حاجة لarma (cTraj) وحاجة (jTraj) لـ Joint space  
constraint space ؟ خاصية

اولاً ابردة بينهم "الوجه الاور والأفقي" لحلها  
ذرس مدار اور ازا ازا يتصرك من  
 $\theta_1, \theta_2, \theta_3, \theta_4, \theta_5, \theta_6$  يعبر السهل من constraint space

٢- لما جئت على زينة time

مقدمة pose (t) على حدود ال joints

velocity of acceleration planning



ذلك الملا رام اكونت نادي يعني  
ذرس الوجه لل acceleration

$q_1 \rightarrow$  row vector  $q_2 \rightarrow$  row vector

$q \rightarrow$  4x1 row vector

$$3 - [q, q_1, q_2] = jTraj[q_1, q_2, t]$$

pose خاصية  
 $q_1 * b$  طبع  
 $q_1 * b$  العجلة  
 $q_1 * b$  سرعة

SENA

$\Rightarrow qPlot(q)$

and Tool of a good command

$\theta_1 \rightarrow b$  تغير الاتجاه

⇒ ٩٧٠١٤(٩٨) → مصيّنة رسّة لا يُنفَى بل التحرير بداعٍ أسرقة وكذلك لو علنا (٩٨١)

وهي من حماة وسائل الـ path planning يعين نتائج المركبة والمتغيرات  
والبيانات لوفقاً لملائمة اندراجها

➤ The steps required for joint space Trajectory planning

## Trajectory planning in joint space

- 1- specify starting pose  $T_1$   $4 \times 4$
  - 2- bind  $w$  to  $T_2$   $4 \times 4$
  - 3- find inverse kinematics for  $T_1 \rightarrow (q_1)$   $1 \times 6$   
kinematics (6s)
  - 4- " " " " " "  $T_2 \rightarrow (q_2)$   $1 \times 6$   
(6s)
  - 5- generate a Time vector  $t$  ( $0; 0.05; 2$ )  $4 \times 41$  or  $41 \times 1$
  - 6- generate trajectory in joint space from

$$q_j = j \operatorname{Traj}(q_1, q_2, \operatorname{length}) \quad q_1 \neq b$$

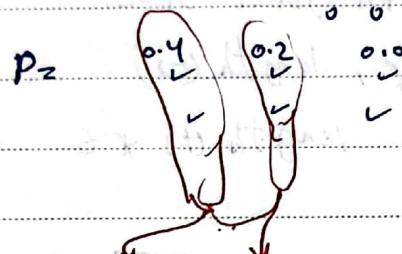
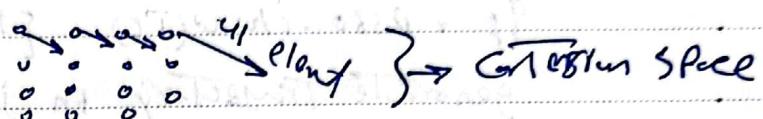
$$7 - [q_j \quad q_{1j} \quad q_{jj}] = \text{Jref}(q_1, q_2, \underline{\alpha})$$

> plotting The xy path Based on joint space Trajectory planning

in Translation قادر يخرج ال (instruction)  $\rightarrow$  يوجه ال Homogenous Transformation

$$\gg P = \text{Trans}(T)$$

area 4x4x41 the T will do



بامكان اعمل (plot)

$$\gg \text{plot}(P(1,1), P(1,2))$$

بعد بعمل (plot)  $\leftarrow$  against (X) لـ plot

➤ steps followed in cartesian space trajectory planning of a composition with joint space

### 1- Joint space trajectory planning

initial pose  $T_i$ , final pose  $T_f$

"movement in cartesian space not specified"

$$q_i = PS60.\text{ihLine}(T_i) [1 \times 6]$$

$$q_f = PS60.\text{ihLine}(T_f) [1 \times 6]$$

generate trajectory in joint space

$$q_t = j\text{Traj}(q_i, q_f, \text{length}(t))$$

→ Dimension = length(t)  $\times$  6

لترجمة 6 جمل في ( $\theta$ ) إلى كارتيزيان نحن نعلم

$$q_i \rightarrow T_i \text{ حيث } \theta_1, \theta_2, \theta_3 \text{ هي الروابط المائية}$$

$$q_f \rightarrow T_f \text{ حيث } \theta_1, \theta_2, \theta_3 \text{ هي الروابط المائية}$$

$$\begin{matrix} XY \\ \theta_1, \theta_2 \\ \theta_3 \end{matrix} \xrightarrow{\text{alg}} \begin{matrix} \text{الخط} \\ \theta_1, \theta_2, \theta_3 \rightarrow \text{cartisian} \end{matrix}$$

### 2- Cartesian space trajectory planning

$$T_i \rightsquigarrow T_f$$

move from  $T_i$  to  $T_f$   
in a straight line

الخط يمر بـ  $T_i$  و  $T_f$  على خط

$$T_s = CTraj(T_i, T_f, \text{length}(t)) \rightsquigarrow \text{trajectory along line}$$

→ series of poses in  $T$  ( $4 \times 4$ ) under translation

$$q_s = PS60.\text{ihLines}(T_s)$$

rotation along line  
instruction along line

ثانية



$\theta_1, \theta_2, \theta_3 \} \text{ Variable}$

~~ابدأ من هنا~~

$q_s$  هو المدى المطلوب في كل مفصل

فقط (q<sub>s</sub>) يترك بقية المدى المتبقى

▶ Plotting The xy path from The cartesian space planning.

### Trajectory planning in cartesian space

1- specify starting pose  $T_1$  4x4

2- specify final pose  $T_2$  4x4

3- generate a time vector

4-  $T_s = \text{ctraj}(T_1, T_2, \text{length})$

5-  $q_s = \text{psbo::ikine6s}(T_s)$  4x6 or length(t) x 6

6- psbo::plot(q<sub>s</sub>)

تحتاج إلى rest

▶ Comparing The joint space planning between The two methods.

⇒ qplot(t, q)

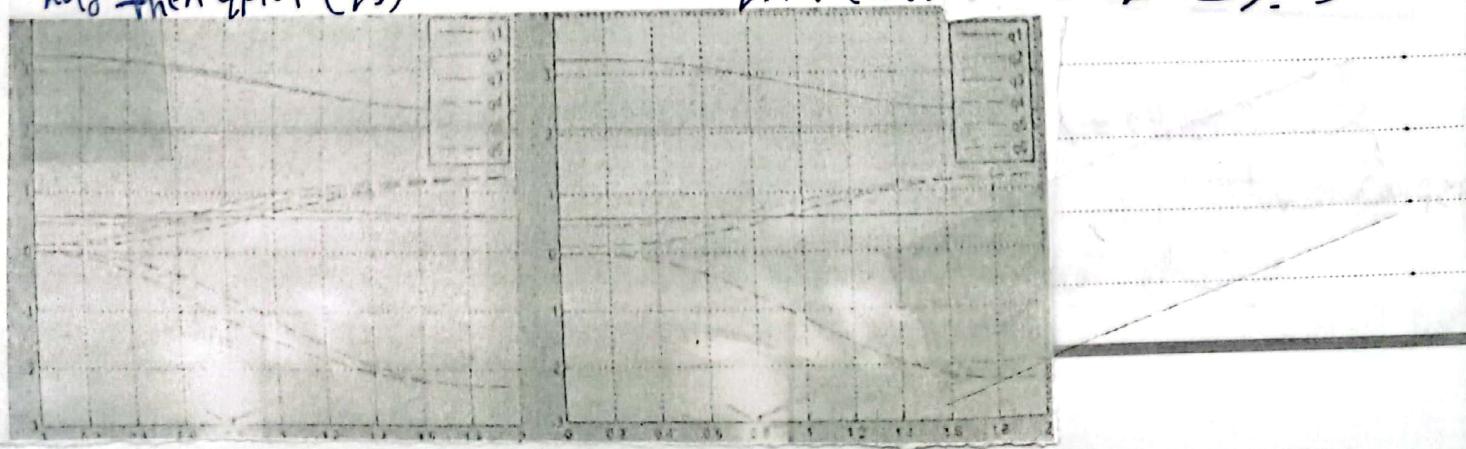
⇒ hold

⇒ qplot(t, q<sub>s</sub>)

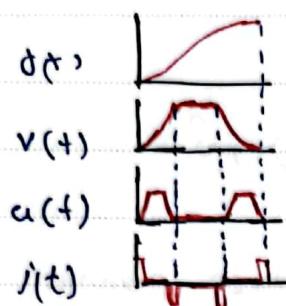
cartesian space, الباقي في كل مفصل هو (q, q<sub>s</sub>) + كثافة

hold then qplot(q<sub>s</sub>)

qplot(t, q) joints و سيرفر



► Trajectory planning for a single Axis using Quintic Polynomials.



~ انتقالنا في نقطة لا يمرر وفتحة مفتوحة هنا.  
 ~ This object starts with zero speed, finish zero speed  
 ~ " " " " all, " " are continuous here.

### ✓ smooth Trajectory

✓ Temporal derivative  $\rightarrow \frac{ds}{dt}$  or  $\frac{d^2s}{dt^2}$  or  $\frac{d^3s}{dt^3}$

continuous  $\leftarrow$  Temporal derivatives الاتصال كلها هي continues

جودة هنا اولاً، ثم continues

continues  $\leftarrow$  second of first all this درجة امثال الـ

يتبع اسرعة ولذلك تجعل

الحركة دلولته انها عاوز اغير النظام بحيث اخلي

$s, v, a, j \rightarrow$  continues

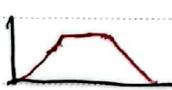
smooth trajectory

يجب تكونه من نسخة من الحركة



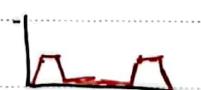
(cubic)

linear segment

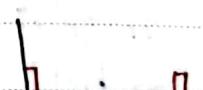


(quadratic)

linear



linear



constant

linear segment

الضربيه الـ  $s$  بتحتها  $s$  يستعمل

polynomial 5 order

$$s(t) = A t^5 + B t^4 + C t^3 + D t^2 + E t + F$$

displacement

$$t \rightarrow 0; T$$

SENA

كورة بقى المدى بين الفرجين والفتحة

Conditions:

$$1 - \theta(0) = \theta_i; \quad \theta(T) = \theta_f$$

$$2 - \dot{\theta}(0) = zero; \quad \dot{\theta}(T) = zero$$

$$3 - \ddot{\theta}(0) = zero; \quad \ddot{\theta}(T) = zero$$

هنا خطيره (7) شروط وهم المعاشه الـ polynomials الـ  $\theta(t)$  هي  
متغيرات بـ  $t$  تـ

هذه الشروط هي  $\theta(0) = \theta_i$ ,  $\dot{\theta}(0) = zero$ ,  $\ddot{\theta}(0) = zero$  ✓.

$$\theta(t) = 5At^4 + 4Bt^3 + 3Ct^2 + 2Dt + E$$

$$\dot{\theta}(t) = 20At^3 + 12Bt^2 + 6Ct + 2D$$

لـ  $t$  seconds (seconds = T) هنا هي الـ  
Chain Rule

if  $t \neq$  seconds

$$\frac{d\theta(t)}{dt} \cdot \frac{dt}{dt}$$

دلونـه عـه (6x6) مـاـتـكـه (6x6) شـرـوـطـه

$$\begin{bmatrix} \theta_i \\ \theta_f \\ 0 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} A & B & C & D & E & F \end{bmatrix}^{-1} \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} A \\ B \\ C \\ D \\ E \\ F \end{bmatrix}$$

شروط الـ  $A, B, C, D, E, F$   
zero

$\theta_i, \theta_f \rightarrow$

(user) الـ user يـ

$A, B, C, D, E, F$  الـ  $A, B, C, D, E, F$  inverse لـ  $A, B, C, D, E, F$

SENA

➤ preparing The matrix for solving The coefficients of The quintic polynomials.

$$\begin{aligned} \theta(0) &= [\theta_1] = [0 \quad 0 \quad 0 \quad 0 \quad 0 \quad 1] + [A] \\ \theta(T) &= [\theta_f] = [T^5 \quad T^4 \quad T^3 \quad T^2 \quad T \quad 1] + [B] \\ \dot{\theta}(0) &= [0 \quad 0 \quad 0 \quad 0 \quad 1 \quad 0] + [C] \\ 0 &= [0 \quad 5T^4 \quad 4T^3 \quad 3T^2 \quad 2T \quad 1] + [D] \\ 0 &= [0 \quad 0 \quad 0 \quad 0 \quad 2 \quad 0 \cdot 0] + [E] \\ 0 &= [0 \quad 20T^3 \quad 12T^2 \quad 6T \quad 2 \quad 0 \cdot 0] + [F] \end{aligned}$$

=  $T, \theta_1, \theta_f \rightarrow$  given

$\therefore A, B, C, D, E, F \rightarrow$  required

by inverse matrix solve and get required.

➤ solving The matrix in Matlab & comparing it To The Tpoly Function

### Video Matrix

$\gg T = 3$

$\Delta t = 0.1$

تعريف (b)

$t_2 = [0 : \Delta t : 3]$

$\gg \theta_{\text{ta}} = [\underbrace{\theta_1}_{\theta_1} \quad \underbrace{\theta_f}_{\theta_f} \quad 0 \quad 0 \quad 0 \quad 0]$

Boundary  
conditions

تعريف الـ

$\gg A = [$

]

$\gg X = \text{inv}(A) * \theta_{\text{ta}}$

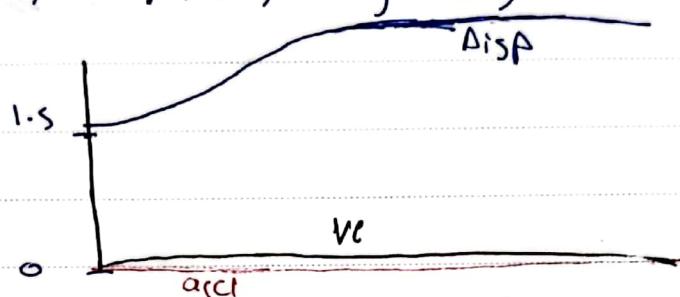
$X =$

$\begin{matrix} \checkmark & A \\ \checkmark & B \\ \checkmark & C \\ \checkmark & D \\ \checkmark & E \\ \checkmark & F \end{matrix}$

$\gg \text{ang\_disp} = x(1) + t.^5 + x(2) + t.^4 + x(3) + t.^3 + x(4) + (\theta, \dot{\theta}, \ddot{\theta})$   
 $t.^2 + x(5) + t + x(6);$   
 $\gg \text{ang\_vel} = \dot{x}(1) + t.^4 + 4x(2) + t.^3 + 3x(3) + t.^2 + 2x(4) +$   
 $t + x(5);$   
 $\gg \text{ang\_acc} = (d + t^2) * (20 + x(1) + t.^3 + 12x(2) + t.^2 + 6x(3) + t + 2x(4));$   
 $\gg \text{plot}(t, \text{ang\_disp}, t, \text{ang\_vel}, t, \text{ang\_acc})$

grid

legend ('Ang Disp', 'Ang Vel', 'Ang acc')



مقدار اوضاع الاكيرنا س استخدم اد  
scale على كل عناصر كل سيرى بعد subplot او  
عند ابر حفظ

## # note

$\gg \text{tpoly}(\theta, \dot{\theta}, \ddot{\theta}, \text{length}(t))$   
 quintic polynomial equation

هذا المقدار موجود في Toolbox وهو Function Command او  
هذا المقدار يتابع او الغرها ينبع طريقة  
الايكيرنا

trajectories & tpoly هما المقدار

multiple axis

single axis

(one θ)

$(\text{length}(q_i))$   
 SENA  
 $(\text{mult } \theta)$

## ➤ Multi-segment Trajectory planning (mstraj)

V.1800 Matlab

Multiple segment (مُحَلَّل اعْدَاد) (Mstraj)

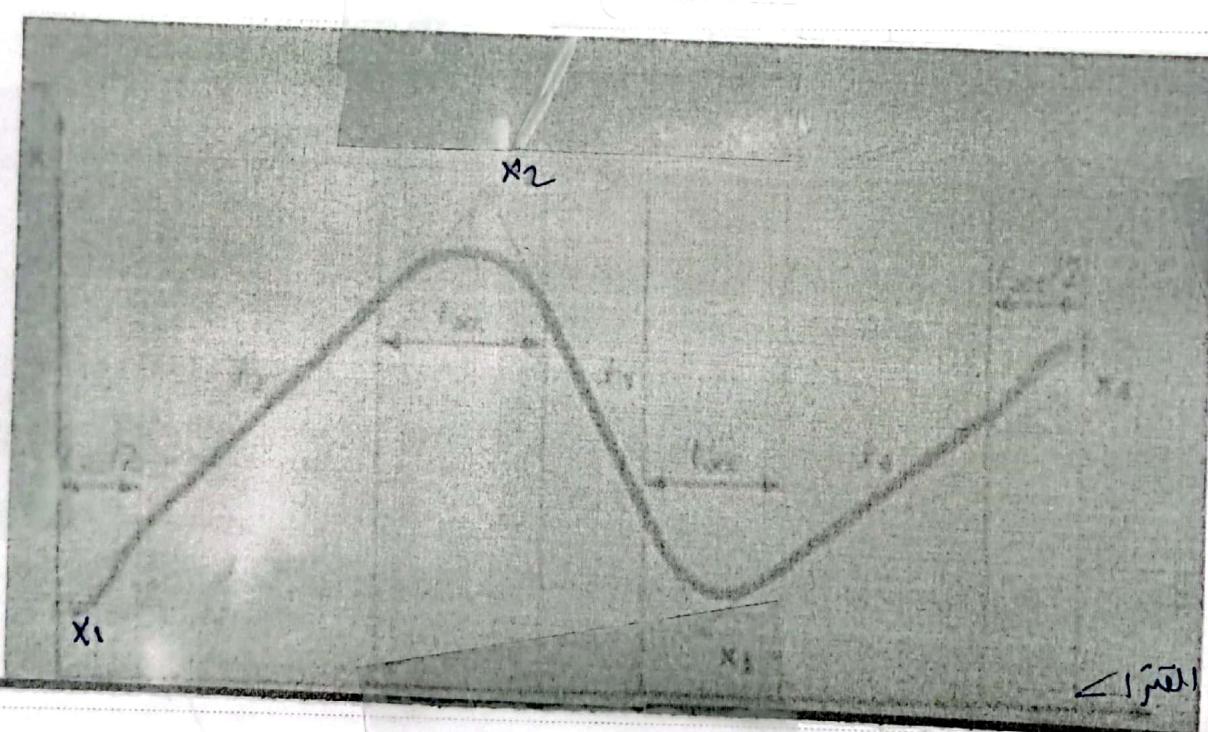
Velocity (Vtraj) و يختلف في (jtraj) اين ما

continuity (cont) و منتهي (zero velocity) (X<sub>1</sub>, X<sub>2</sub>)

لمسار يتغير

(In between) تتمدد اعداد النهاية الى (Mstraj) و لكن

الى ~~بعض~~ فيها اشتراكات



Ex

>> Via = [4, 1; 4, 4; 5, 2; 2, 5]

مثلاً  $\vec{a}, \vec{r} \rightarrow mstraj(\text{segments}, \text{QDmax}, \text{c20}, \text{DT}, \text{TACG}, \text{QDF}, \text{options})$

>> q = mstraj(Via, [2, 1], [ ], [4, 1], 0.05, 0)

QDmax  $\rightarrow$  max velocity in (X)

" " " (Y)

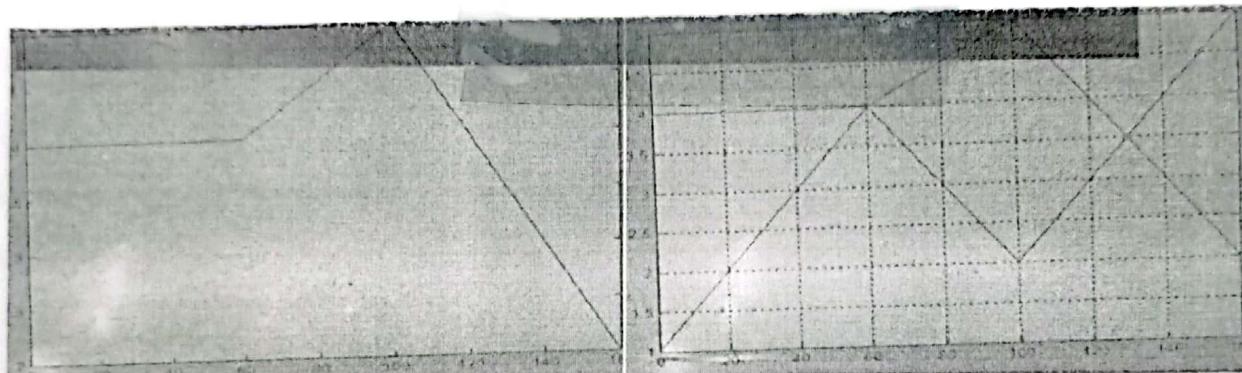
QDO  $\rightarrow$  instant point

Tac as Accelertion

```

>> plot(q,:,:)'
>> hold on
>> plot(q(:,2))
gr.'d
>> close
plot(q(:,1),q(:,2))
gr.'d

```



هذا اكبر ولا (X, 2) مع بعده

➤ Two Robotic Toolbox Commands for Translation & Rotation from T

مربع

Commands

$T_1 = \text{transl}(x, r, z)$

$T_2 = \text{rotX}(\theta_x)$

$$\begin{bmatrix} \text{Roi} & \text{Pos} \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

Ex

$T_1 = \text{transl}(0.4, 0.2, 0)$  ~~transl(x, r, z)~~

$$\begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0.4 \\ 0 & 1 & 0 & 0.2 \\ 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

$T_2 = \text{rotX}(\pi)$

$$\begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & -1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & -1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

$T_1 * T_2 =$

$$\begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0.4 \\ 0 & -1 & 0 & 0.2 \\ 0 & 0 & -1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

joint space Trajectory planning a: Comparison To Cartesian Space

Joint space  $\Leftrightarrow$  Cartesian space

وهي مساحة الروبوت مساحة بيرلا (T) مساحة الروبوت مساحة بيرلا (T)

e.g. RRRRRR

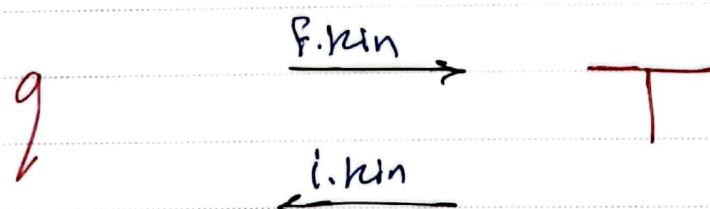
$$q = [q_1 \ q_2 \ q_3 \ q_4 \ q_5 \ q_6] \quad T = \begin{bmatrix} 0x, 0y, 0z \\ 0001 \end{bmatrix}$$

# خطير الفرق

السؤال الذي عاشر اسلحة نار (inv.kin)

لدى عازل احنت الوظيفة النهاية للروبوت المليئة X,Y,Z و معرفونه يدين (q) وممكنة ملحوظة فهو مطلوب  
وممكنة أكثر صد حل

السؤال الثاني (Joint) لونا خطير الروبوت هذا بـ  $\theta_1$ ,  $\theta_2$ ,  $\theta_3$ ,  $\theta_4$ ,  $\theta_5$ ,  $\theta_6$

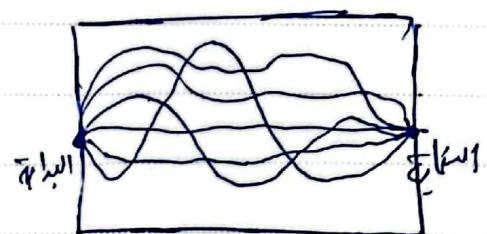


نعمل لوضع الروبوت بـ (%)

$$q = [q_1 \ q_2 \ q_3 \ q_4 \ q_5 \ q_6]$$

wrist      ↓      ↓      ↓      ↓      ↓  
Shoulder    elbow      rest

$$q_i, q_f, t_i, t_f \quad \left. \right\} \quad \begin{array}{l} \text{Traj} \\ \text{joint space} \end{array}$$



بيانات والآن يوجه المروبوت

التاريخ:

> joint space Trajectory planning b: Finding The initial pose and The Final pose

Video Matlab

```

mdl_puma560
T1=transl(0.4, 0.2, 0)*trot(pi/4)
T2=transl(0.4, -0.2, 0)*trotN(pi/2)

q1=p560.ikine6s(T1)
q2=p560.ikine6s(T2)
t=[0:0.05:2]    creating for vector (all element)
q=jtraj(q1, q2, t) Transpose To make row → column vector
[q, qd, qdd]=jtraj(q1, q2, t)
p560.plot(q1)
p560.plot(q2)
p560.plot(q) (41*6) by Joint space

```

>> q Plot(t,q)  
>> qPlot(t,q) >> qplot(t,qdd)

Pose -1

|                          |
|--------------------------|
| T1                       |
| 1.0000 0 0 0.4000        |
| 0 -1.0000 -0.0000 0.2000 |
| 0 0.0000 -1.0000 0       |
| 0 0 0 1.0000             |

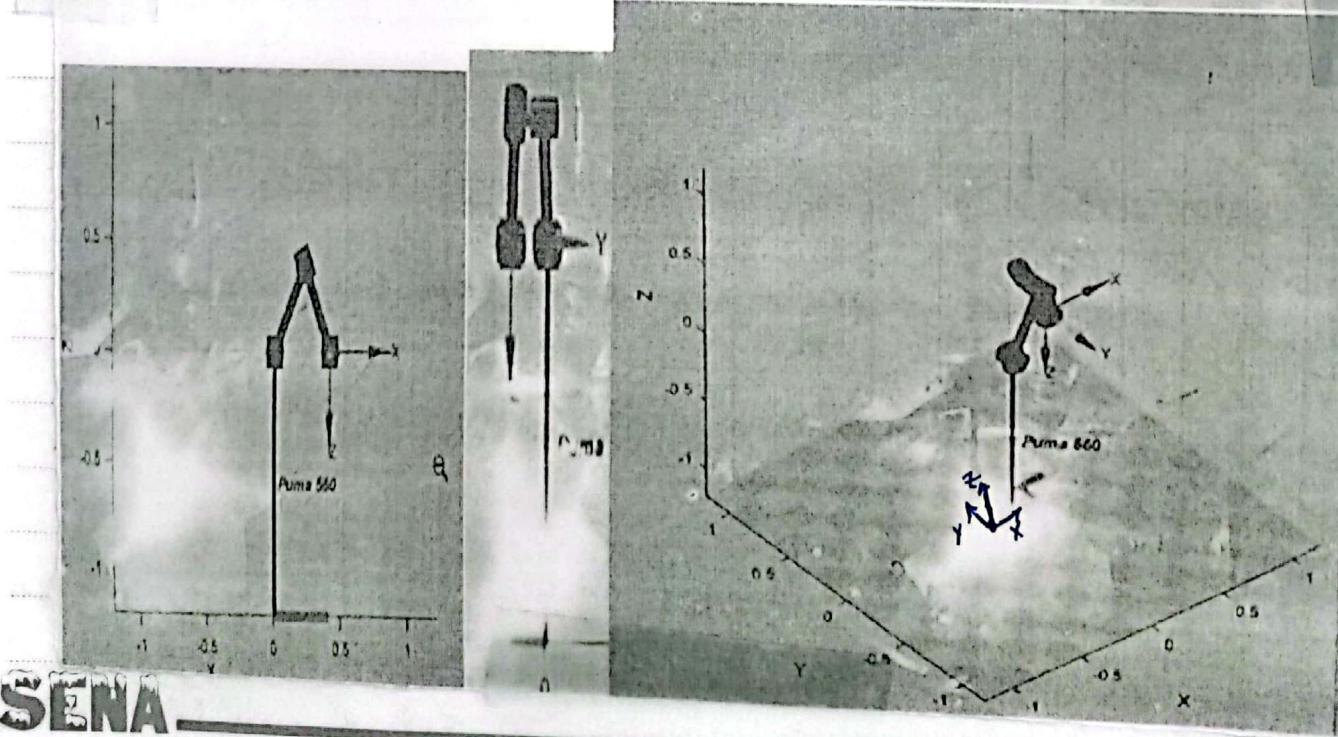
  

|                          |
|--------------------------|
| T2                       |
| 1.0000 0 0 -0.1000       |
| 0 0.0000 -1.0000 -0.2000 |
| 0 1.0000 0.0000 0        |
| 0 0 0 1.0000             |

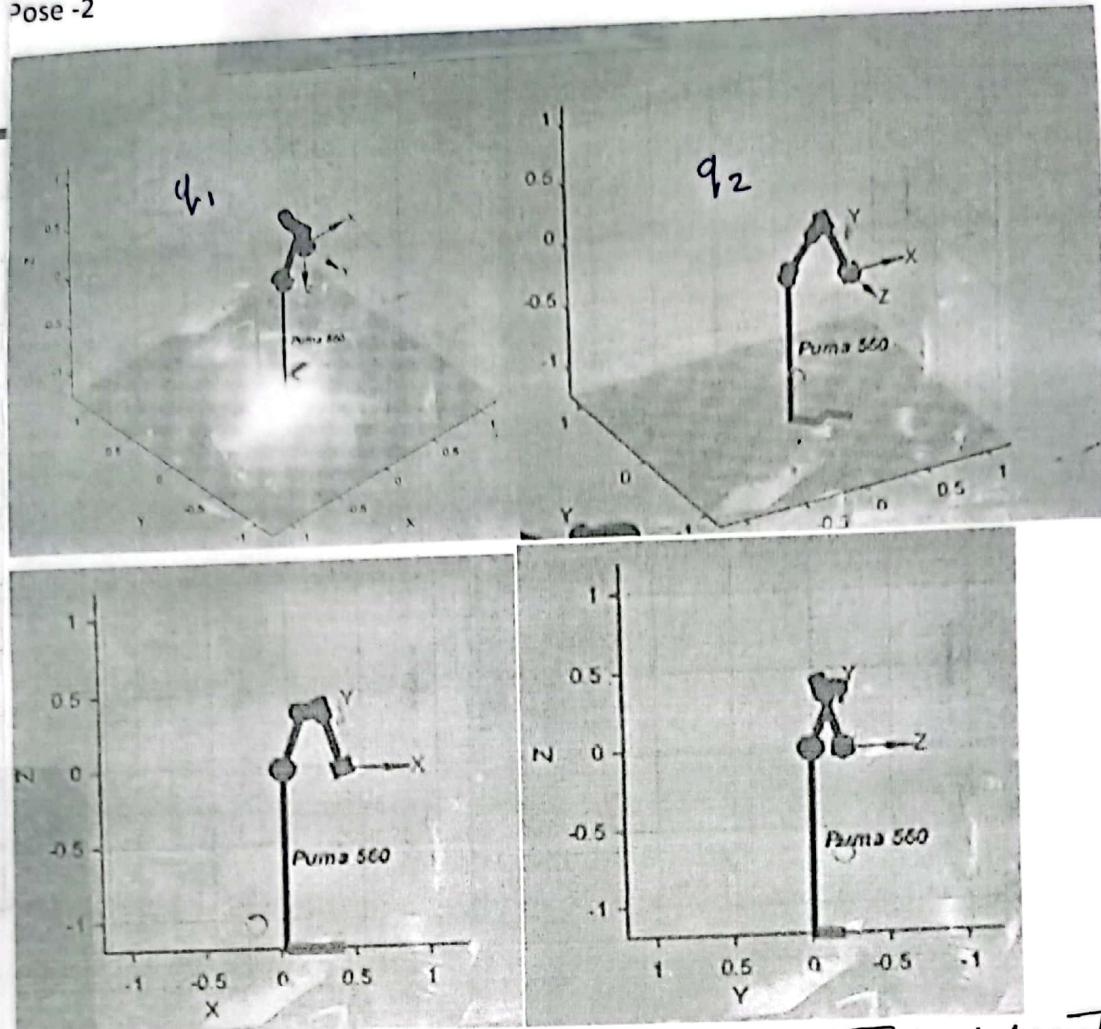
|                                       |
|---------------------------------------|
| q1 =                                  |
| 3.2631 2.0791 0.5992 -0 0.4633 0.1215 |

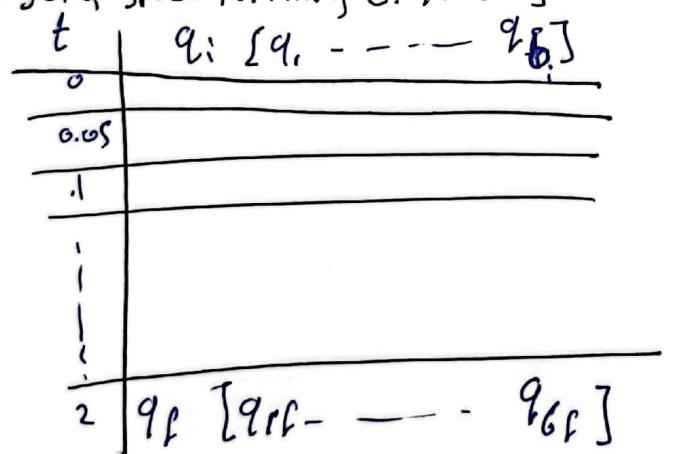
|  |
|--|
| q2 =                                       |
| 2.3358 2.0791 0.5992 -2.3209 1.2425 1.2377 |



SENA



Joint Space T-Planning C1 Finding a Time Vector and Animation



video Matlab

$$q_{\text{now}} = q_0 + \left[ \dots \right]^6 \rightarrow \text{هذا يمثل}\ \text{one element}\ \text{of}\ \text{ونتيجة}\ \text{نقطة}\ \text{الزمن}$$

ما أكثر ما ينبع (Time) ينبع لـ خطيه أكثر من (40) ميل

مرجع 'أكتر smooth الموجات'

► Quintic polynomial for Displacement: plotting Theta, omega and Alpha of The Trajectory

Video motion

#quintic = 5 polynomial 5<sup>th</sup> for  $\theta(t)$

$$\Rightarrow [q_1, q_1, q_{12}] = \text{traj}(q_1, q_2, q_3)$$

q1



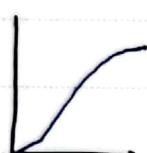
أول

ثانية

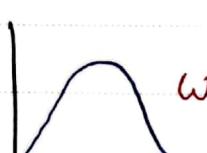
q2



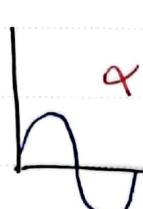
ثانية



$\theta$



$\omega$

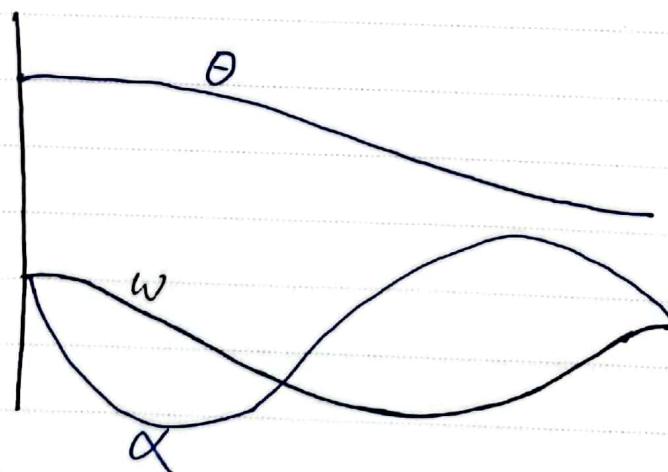


$\alpha$

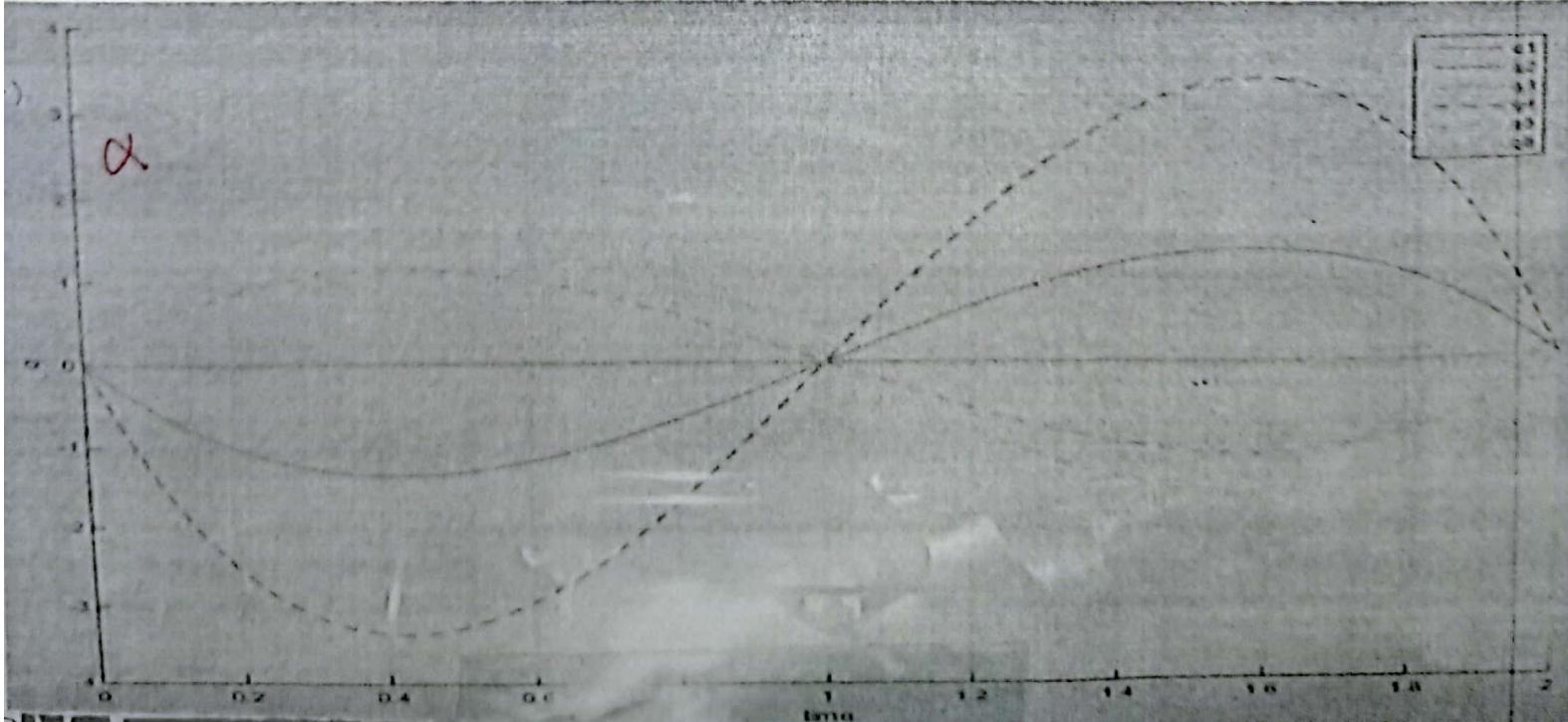
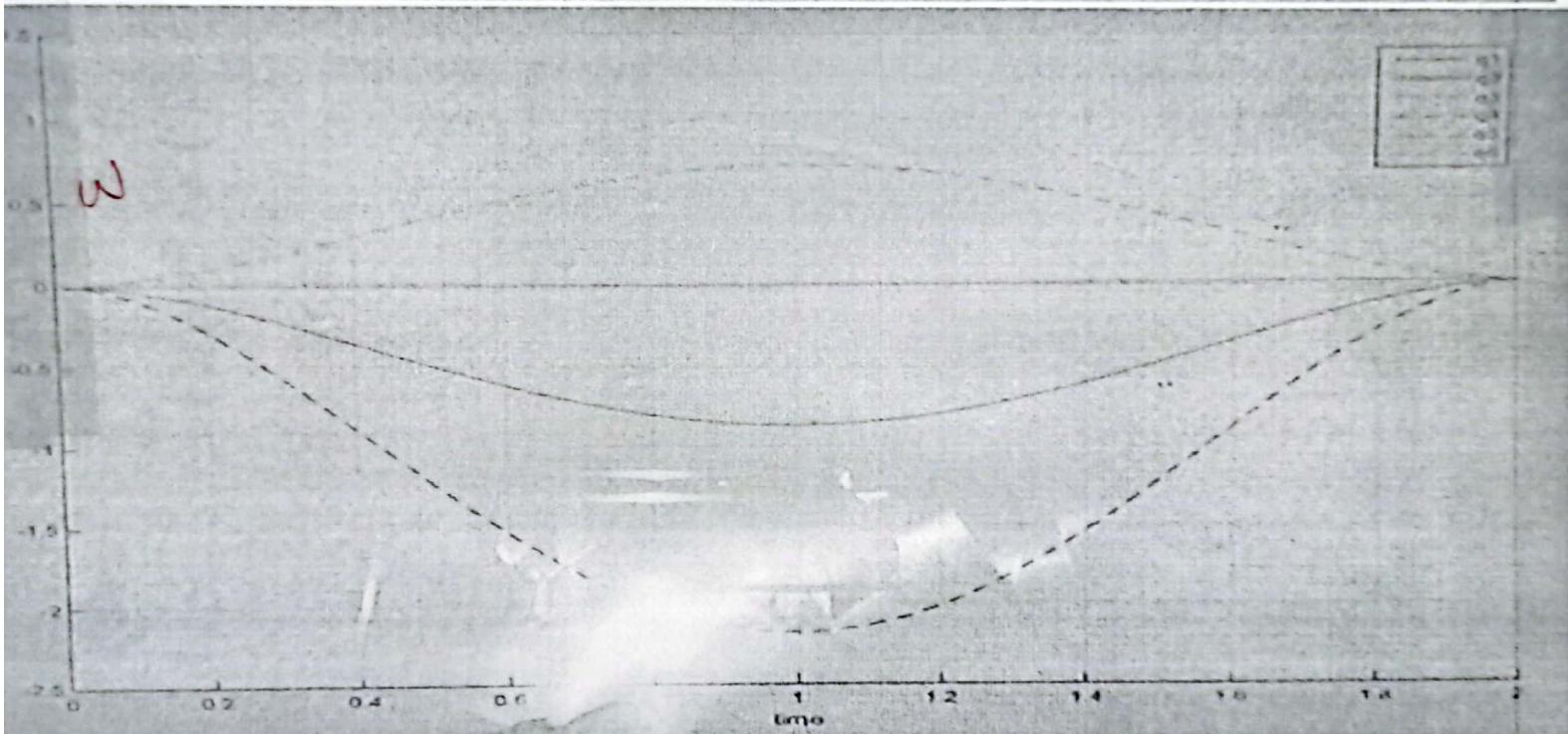
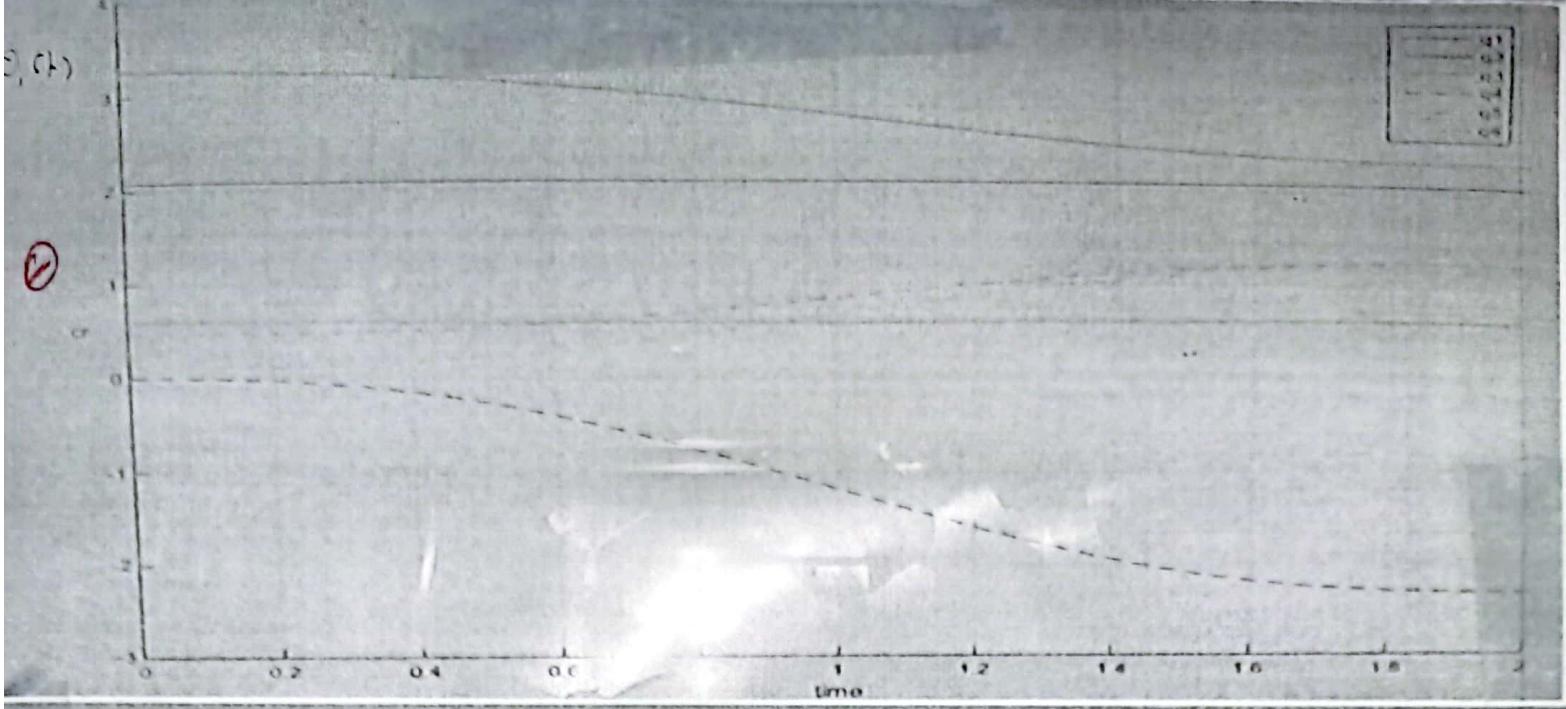
$$\Rightarrow \theta(t) = At^5 + Bt^4 + Ct^3 + Dt^2 + Et + F$$

$(A, B, C, D, E, F)$  as also  $(6 \text{ Dof}) \Rightarrow$

$(\theta_1)$



SENA



Joint space Trajectory planning: plotting the path in the XY Plane

video MatLab

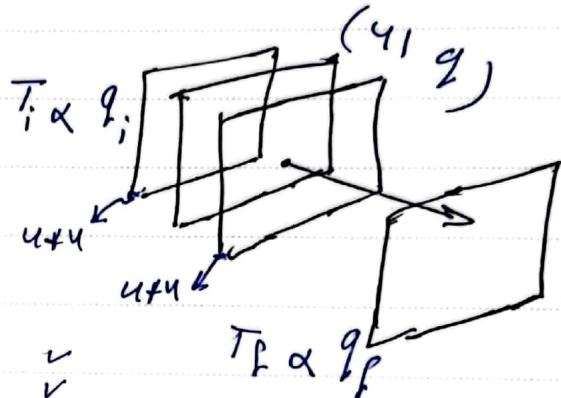
$$T_i \xleftarrow[4 \times 4]{} q_i \xrightarrow[1 \times 6]{} \text{دوك طرقنا للتعبير عنه وحسب امر بوج} \quad \begin{cases} T_i \\ q_i \end{cases}$$

$$\gg T = \text{ps60.fkine}(q) \quad \begin{cases} T \\ q \end{cases} \xrightarrow[4 \times 6]{} \text{متر} \quad \begin{cases} T \\ q \end{cases} \xrightarrow[4 \times 4]{} \text{مرة}$$

Ans =

$$T(:,:,1) = \begin{matrix} \checkmark & \checkmark & \checkmark & \checkmark \\ \downarrow & \checkmark & \checkmark & \checkmark \\ & \checkmark & \checkmark & \checkmark \\ & \checkmark & \checkmark & \checkmark \end{matrix}$$

$$T(:,:,41)$$

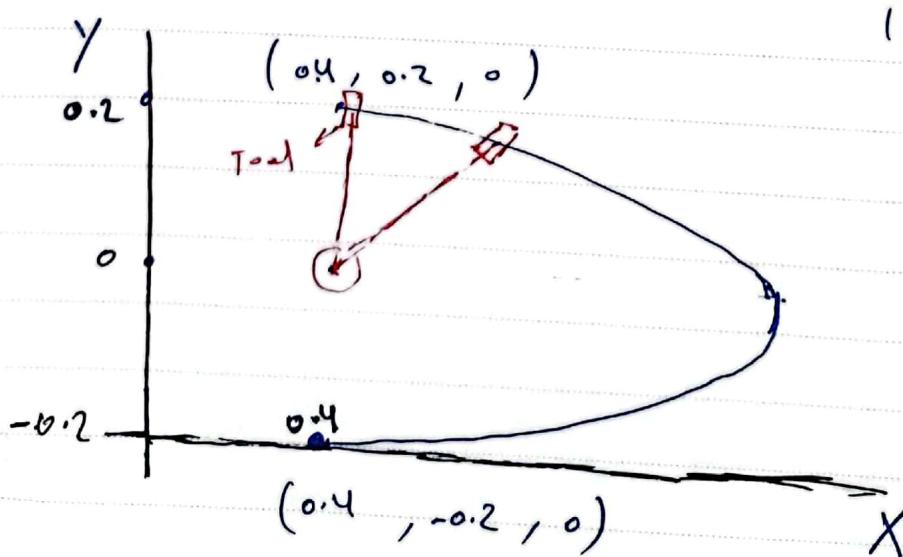


$$\gg P = \text{transl}(T) \quad \xrightarrow[4 \times 4 \times 41]{\text{in space}}$$

$$\therefore P = 4 \times 4 \times 41 \times 3 \quad \begin{matrix} x \\ \downarrow \\ y \\ \downarrow \\ z \end{matrix}$$

$$\gg \text{plot}(P(:,1), P(:,2)) \rightarrow \text{plot جاهز}$$

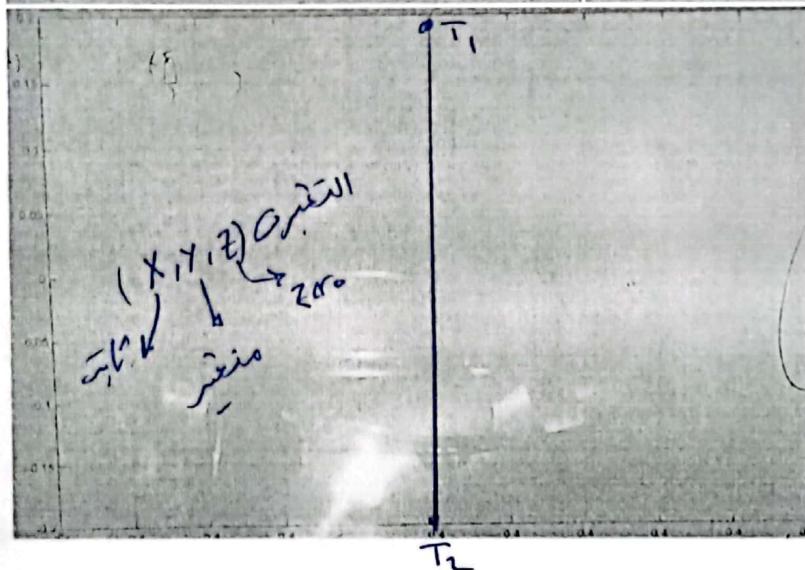
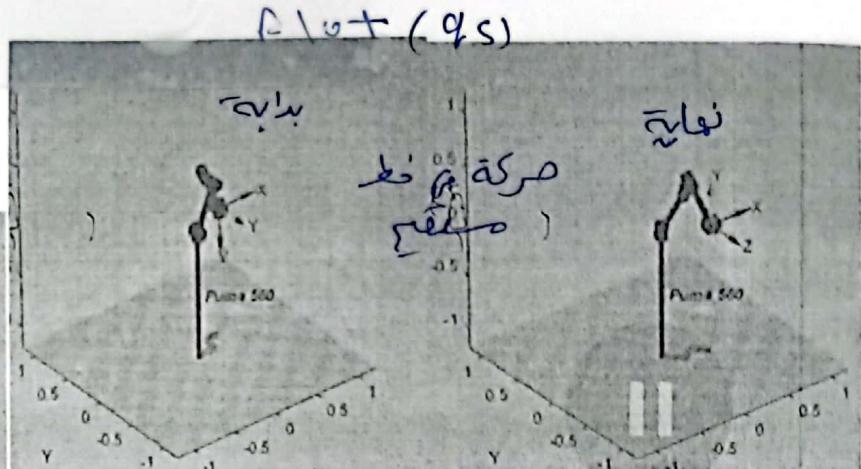
Column 1 , Column 2  
(X) , (Y)



cartesian space Trajectory planning: plotting The Path in The xy plane

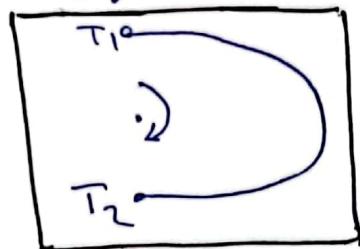
```

T5=ctraj(T1,T2, length(t));
q5=p560.ikine6s(T5)
p560.plot(q5)
ps=transl(T5)
plot(ps(:,1),ps(:,2))
grid
    
```



اكمل در ستحرك من خط ملائمه

اكمل المقطوعات اكمل

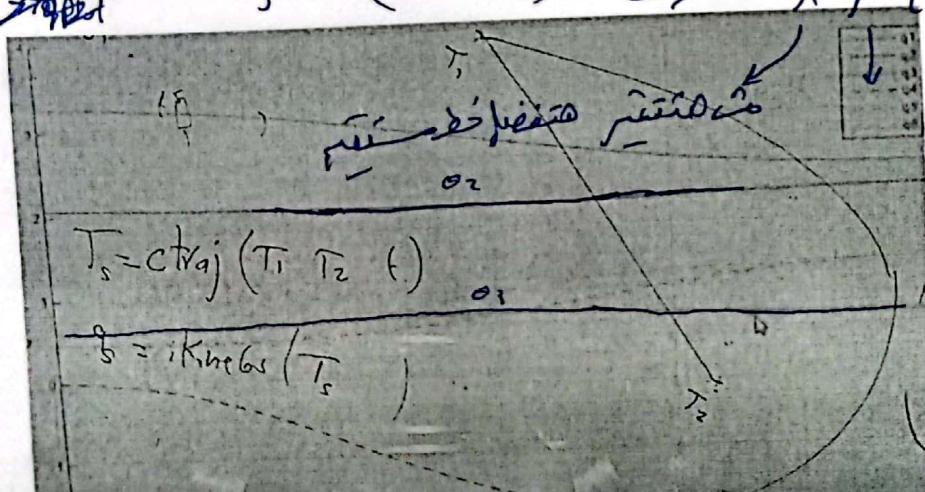


$$T_s = (u + u + u_1)$$

$$q_s = (u_1 + 6)$$

$$P_s = (u_1 + 3) \rightarrow$$

التجربة

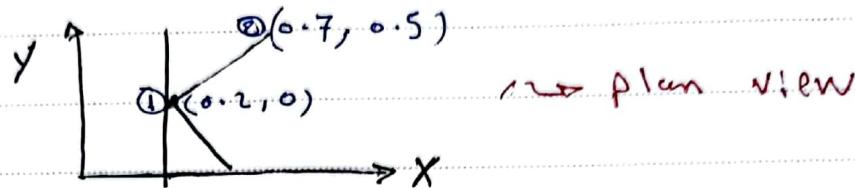


$\Rightarrow qplot(t, q_s)$

بيان تغير  $\theta_2$   
 $(\theta_2, \theta_3)$

## ► Trajectory planning projects: Drawing The letter K(a)

1- العد من الاتاوم ضديو دول نرسم حرف (K) في (XY) مع تبادل طبع المركبة مع (Z) مسافة تكون (Zero)



plan view

» model Puma560

»  $t_z = [0, 0.05, 5]$

$$x_i = -2 \quad y_i = 0$$

$$x_f = 0.7 \quad y_f = 0.5$$

2- همنه ان اتجاه الـ (X) الـ puma هو نفسه اتجاه الـ (Tool)  
وهكذا صولبة الـ (Y) بحيث تكون اتجاه الـ (Tool) لزغل  
مع فرضه ان طول الـ (Tool) يساوى

② ① in Cartesian space begins path planning

نأخذنا نور ماركة على رسمة سعر

ناب ماركة على (Y) صولبة الـ (Tool) متسقة

ونحن الواقع على طبع الـ (Tool)

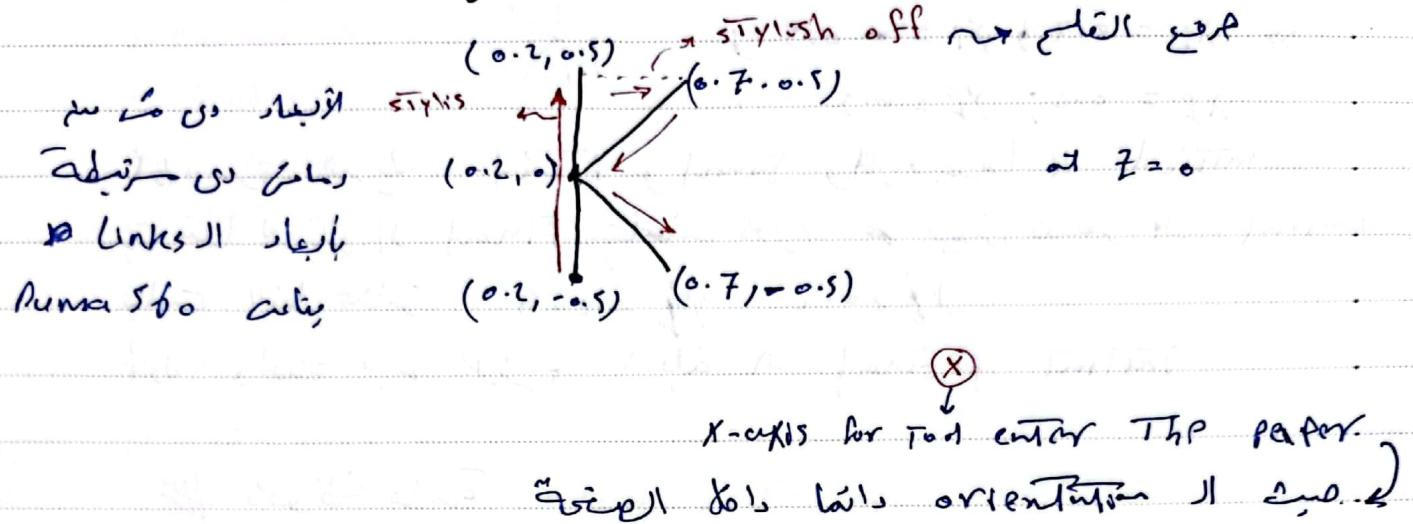
$$T_i = \begin{bmatrix} \frac{\pi}{2} & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 \\ -\frac{\pi}{2} & 0 & \frac{\pi}{2} & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

$$T_f = \begin{bmatrix} \frac{\pi}{2} & 0 & \frac{\pi}{2} & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 \\ -\frac{\pi}{2} & 1 & \frac{\pi}{2} & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

$$\Rightarrow T_1 = transl(x_i, y_i, 0) * rot_y(\pi/2)$$

$$\Rightarrow T_2 = transl(x_f, y_f, 0) * rot_y(\pi/2)$$

► Trajectory planning project: Drawing The letter k (b) "cortision"



»  $q_2$  changes ( $T$ )

cortision space  $\mathcal{M}(T)$  ~~أبعاد~~ مساحة لوح ازدواجي

لا زخم اسرع الاجراءات

► Trajectory planning project: Drawing The letter k (c)

Video Matlab

اكتلوا

- مكتب البداية والنهاية كل خط هرمه ومهماه الفترة ببرمه معين

الرسائل من منطقه المفترى

- المفروض هناك اربع حرك (k) متسارع او هكر الخلوه المدار

stop off بـ الخط النهاي من هرمه بعد

بياناته

} كتبا به الكور

$\gg t_2 = [0.005, 0.5]$

$\gg x_i = 0.2; y_i = -0.5$   
 $x_f = 0.2; y_f = 0.5$

$\uparrow K$

بعد صرقة  $K$  يذهب  $P$  إلى  $t_2$  initial position و  $t_1$  بعدما يذهب  $P$  إلى  $t_1$  initial position ينبع المطلب  $t_1$  ينبع المطلب  $t_2$  يعني المطلب  $t_1$  ينبع المطلب  $t_2$  يعني المطلب  $t_2$  ينبع المطلب  $t_1$  أول واحدة بـ لازم أدبلة الـ initial of final.

# ما هو خط

الخط ماباً متعال في  $3D$  Cartesian space

الخط متكون من خطوط وقوس

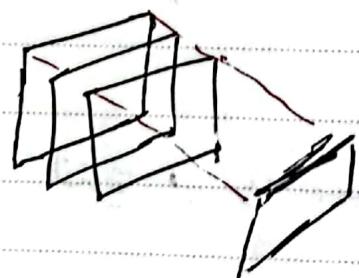
$\gg stylus = true;$  يعني لست

$\gg T_1 = transl(x_1, y_1, 0) + trans(0, 0, z)$

(4+4)  $\gg T_2 = transl(x_2, y_2, 0) + trans(0, 0, z)$

$\gg T = c * r * j(T_1, T_2, length(t))$

$\gg q = PSB0.ikine6s(T)$



هذا هو خط (4+4)

وهو إيه إيه (pose) المدروج ووضع

$T_2$

$\gg P_1 = transl(T_1)$

$\gg P_2 = transl(T_2)$

$\gg l = [P_1(1), P_2(1)]$

$\gg r = [P_1(2), P_2(2)]$

$\gg z = [P_1(3), P_2(3)]$

وبالتالي يطلع زوايا

والآن بيرسم هنا الخط (4+4)  
 وتحت عليه أوراق ستان  
 يعني كل الحركة في خط مستقيم

SENA

$\gg q_1 = p560.\text{ikine6s}(\tau_1)$

$\gg p560.\text{plot}(q_1)$

$\gg \text{hold on}$

$\gg \text{pause}(10);$   $\rightsquigarrow$  حماة بعد ادل plot يسكن المكان وينقل على المدبره

$\gg \text{if } \text{stylus} == \text{True}$   $\rightsquigarrow$  خطبة الشرط .. حماة ميرسليد

$\gg \text{plot3}(x, y, z)$   $\rightsquigarrow$  ايجي رقم اتسعد ما جر  $\begin{pmatrix} 1 \\ 2 \\ 3 \\ 4 \end{pmatrix}$

$\gg \text{end}$

$\gg p560.\text{plot}(q)$

صنا بيمس row ورا انتا

Animation

$\gg x_i = x_f;$   $x_i = y_f$

$x_f = 0.7;$   $y_f = 0.5$

اب بتان  $\rightarrow K$

الرسالة

منكمه اكسي كور يلقة نفس المخلوق وكم بـ Function

مختلط اربط مثنا له عصات تبدل على حاليه هنا

برازر امسا اكصور من اوله لا يضر اعداته وكم

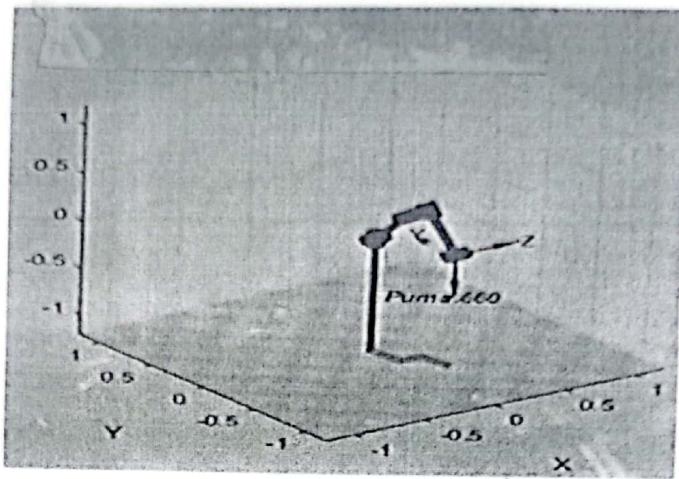
ائمه



ماك ديل باجي سانه ارجوا (4) خطوط

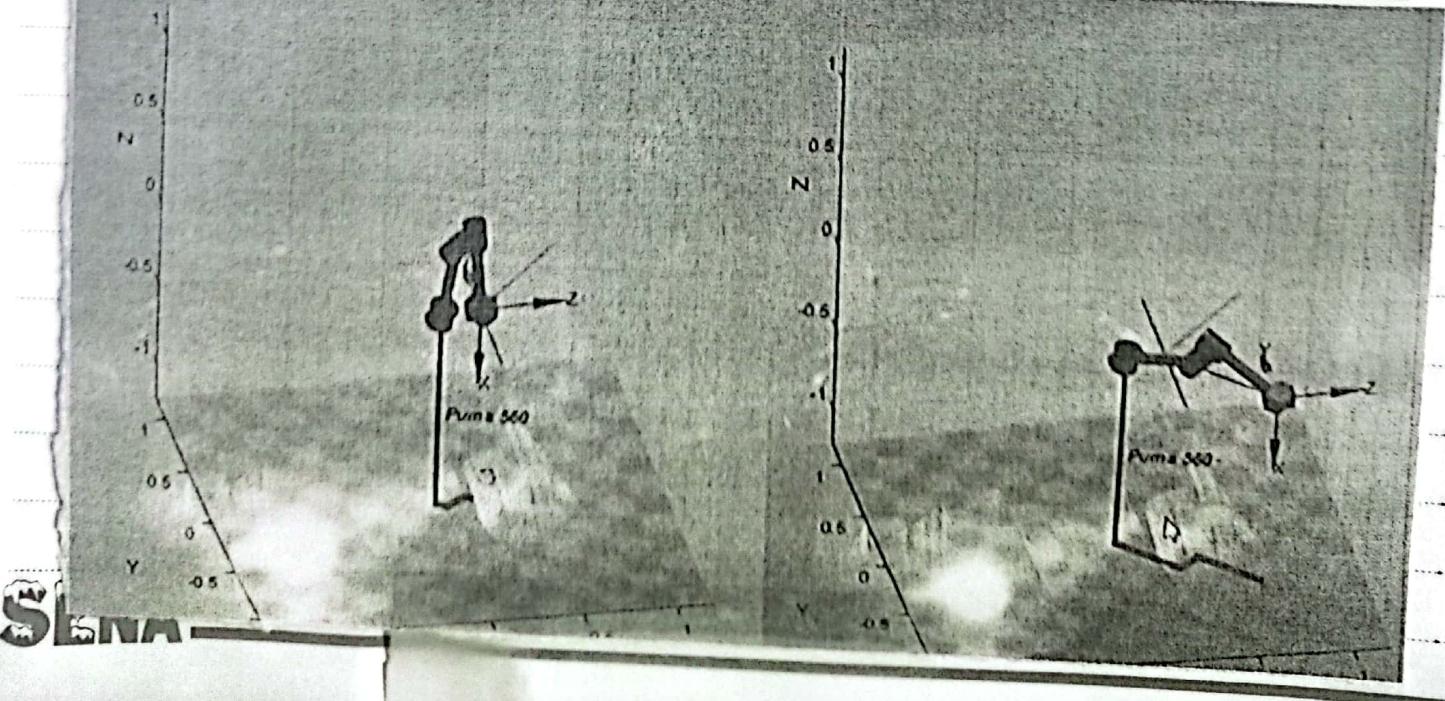
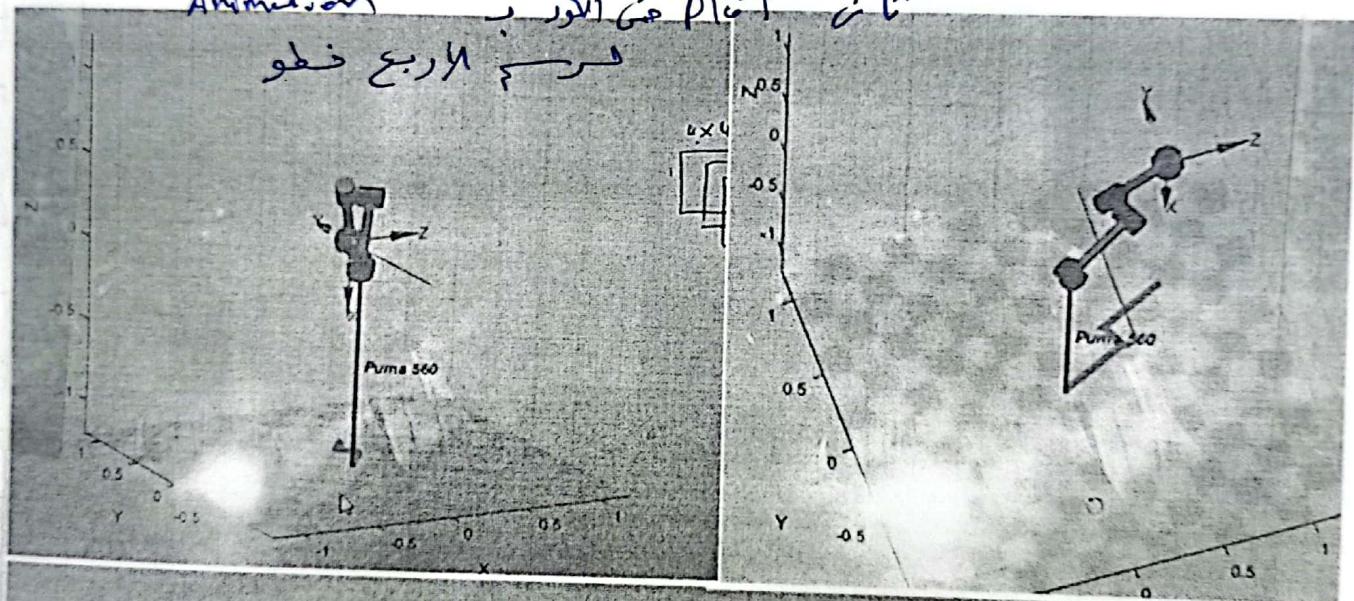
> Trajectory planning project: Drawing The letter k (d)

Plot ٢٩  
ص ١٣



Animation → Plot ك

خطو الرابع



III/Le م 11/11/16

- Drawing a circle with an RRR Robot
- Drawing a flower
- improvements on The drawing of The letter k program
- Pick & place APP for a Board Game

دوك اربع فعاليات في كود ماكرو لرسم دائرة  
و روبوت الشطرنج

- Practical in-lab presentation

فيروز مع الروبوت