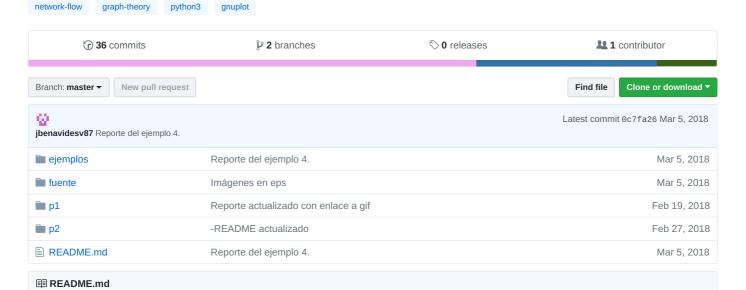


Repositorio para clase de Flujo en redes. PISIS, FIME, UANL. Primer semestre 2018. https://elisa.dyndns-web.com/teaching...



Grafos con python para Flujo en Redes

Este repositorio pretende ofrecer un programa que permita generar y trazar grafos enfocados a representar problemas de Flujo en redes, aunque podría utilizarse para otros fines.

Requisitos

Es necesario tener instalados:

- python3
- gnuplot

También se requiere incluir las librerías Grafo y Nodo.

```
from Grafo import Grafo
from Nodo import Nodo
```

Nota: Los usuarios de Windows deben agregar los directorios de instalación de ambos programas al PATH de Windows para poder correr los ejemplos desde el Símbolo del sistema. Instrucciones para python3 y gnuplot.

Documentación

La carpeta ejemplos contiene los códigos que aquí se explican.

Notación

Se usará G, n u otro tipo de variables en este formato para referirse a un grafoG almacenado en la variable G como al grafo mismo; o tanto a un nodo n almacenado en la variable G como al nodo mismo, etcétera; el contexto será lo suficientemente claro para evitar confusiones.

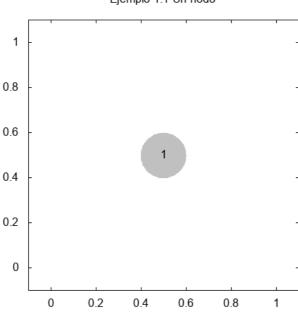
Estructura mínima

Para definir un grafo con un nodo y obtener una imagen PNG del mismo, basta con escribir el siguiente código:

```
from Grafo import Grafo
from Nodo import Nodo

G = Grafo()
n1 = Nodo()
G.AgregarNodo(n1)

G.DibujarGrafo("Ejemplo 1.1 Un nodo")
```



Ejemplo 1.1 Un nodo

Grafos

Declarar un grafo y almacenarlo en G se logra por la instrucción:

```
G = Grafo()
```

Un grafo *G* declarado de esta forma, posee las siguientes propiedades:

Propiedad	Variable	Valor por defecto
Nombre	nombre	"grafo"
Dirigido	dirigido	False
Nodos	nodos	
Pesos	pesos	dict()
Vecinos	vecinos	dict()

El **nombre** del grafo indica el nombre de los archivos de imagen o instrucciones de gnuplot que se generarán de este grafo. Así, un grafo generado de manera predeterminada produciría archivos de imagen grafo.png .

Cambiar el nombre de un grafo G por "arco" se realiza del modo siguiente:

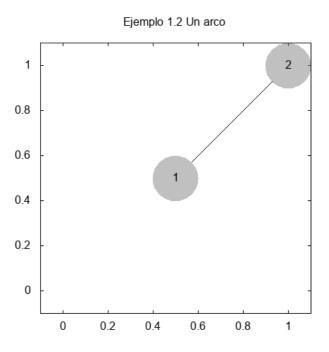
```
G.nombre = "arco"
```

Para definir si un grafo G es **dirigido**, basta con especificarlo mediante una booleana:

```
G.dirigido = True # G es dirigido

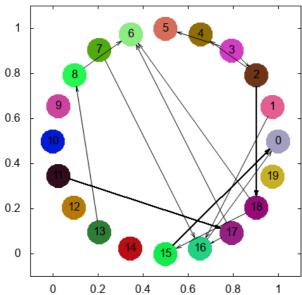
G.dirigido = False # G no es dirigido
```

Un grafo no dirigido, mantiene a los nodos vecinos conectados uno con el otro y representa esto mediante arcos sin flecha de dirección.



Un grafo dirigido considera que cada nodo podría dirigirse a vecinos que no necesariamente se dirijan a él, lo que se representa mediante arcos con una flecha que indica esta dirección.

Ejemplo 3. Arcos



Los nodos, vecinos y pesos se describirán en las secciones siguientes.

Nodos

De manera análoga a la creación de un grafo, para crear un nodo y almacenarlo en n se escribe:

```
n = Nodo()
```

Por defecto, un nodo tiene las siguientes propiedades:

Propiedad	Variable	Valor por defecto
Identificador	id	"1"
Tipo	tipo	шш
Posición	posicion	(0.5, 0.5)
Radio	radio	0.1
Color (hexadecimal)	color	"#0080808080" (Gris)

El **identificador** se utiliza para mostrar una etiqueta en color negro dentro del nodo al dibujarlo. A un nodon se le puede poner otro identificador con:

```
n.id = "2" # Dibujaría un nodo con un 2 en el centro
n.id = "" # Dibujaría nodos sin etiqueta
```

El **tipo** es una variable que podría ser utilizada para definir categorías de nodos [falta agregar ejemplo de asignación de horarios].

La **posición** establece las coordenadas del centro del nodo para ser representado en un plano cartesiano bidimensional. Colocar un nodo n en (0, 1) se haría así:

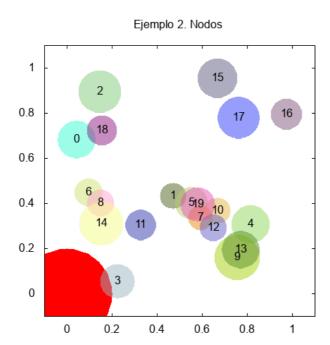
```
n.posicion = (0, 1) # 0 para el eje horizontal (x) y 1 para el vertical (y)
```

El **radio** controla el tamaño del nodo con base en las unidades del eje de coordenadas, de modo que, por ejemplo, 0.5 de radio corresponderían a un nodo circular con un diámetro de una unidad respecto del eje de coordenadas. El valor del radio puede ser entero o decimal, de modo que podría asignársele valores a partir de operaciones que den por resultado este tipo de valores. Un radio de 0.3 periódico de un nodo *n* se asigna mediante:

```
n.radio = 1 / 3
```

El **color** de un nodo *n* se establece con la función color , que recibe como parámetros el componente rojo, verde, azul y, opcionalmente, alfa (transparencia) en rangos de números enteros de 0 a 255, para generar un color RGBA. Para asignar cambios de color a un nodo se escribe:

```
n.Color(255, 255, 0) # Nodo a color amarillo
n.Color(255, 0, 255, 128) # Nodo a color morado, transparencia media
```



Agregar nodo

Para agregar un nodo n ya definido a un grafo G existente, se usa la función Agregar Nodo del grafo:

G.AgregarNodo(n)

Obtener un nodo por su identificador

Es posible recuperar un nodo por su identificador con el método NodoConId de un grafo. Obtener del grafo G el nodo con identificador *i* y almacenarlo en n se realiza como sigue:

```
n = G.NodoConId(i)
```

Observaciones:

- El método devuelve el primer nodo que tenga el identificadori en orden de agregación.
- $\bullet\,$ En caso de que no haya nodos con ese identificador, el método devuelve $_{\mbox{\scriptsize None}}$.

Eliminar un nodo

Es posible eliminar un nodo n con sus vecindades y pesos asociados de un grafoG con:

G.EliminarNodo(n)

Arcos

Para establecer una vecindad en un grafo G entre un nodo n y otro v con peso 1, se utiliza la función ConectarNodos del grafo:

```
G.ConectarNodos(n, v)
```

Esta función realiza las siguientes acciones:

- 1. Agrega ambos nodos al grafo, en caso de no estarlo.
- 2. Establece una vecindad que va de n a v
- 3. Establece un peso de 1 para dicha vecindad

Además, si se trata de un grafo no dirigido, realiza los pasos 2 y 3 dev a n.

El **peso** inicial de una vecindad se puede modificar pasando como tercer parámetro de la función ConectarNodos el peso que se desee. Una vecindad con peso 0.5 entre *n* y *v* quedaría:

```
G.ConectarNodos(n, v, 0.5)
```

Este peso corresponderá al grosor del arco que conecte a los nodos en la representación del grafo.

Modificar pesos de las vecindades de un nodo

Se puede asignar a las vecindades de un nodon en un grafo G, un peso p incluyendo la instrucción:

```
G.ModificarPesos(n, p)
```

Observaciones:

- Si *G* es un grafo dirigido, se actualizan los pesos de las vecindades creadas a partir del nodon **pero** no las que se dirijan al nodo *n*, en caso de haberlas.
- Si *G* es un grafo no dirigido, se modifican**todos** los pesos de las vecindades del nodo*n*.

Eliminar vecindades de un nodo

Para eliminar todas las vecindades de un nodo n en un grafo G, basta con usar la función:

```
G.EliminarVecindades(n)
```

Observaciones:

- Si *G* es un grafo dirigido, se eliminan las vecindades creadas a partir del nodo*n* **pero** no las se dirijan al nodo*n*, en caso haberlas.
- Si *G* es un grafo no dirigido, se eliminan **todas** las vecindades del nodo *n*.
- Eliminar vecindades también elimina los pesos asignados a dichas vecindades.

Dibujar un grafo

Las siguientes líneas dibujan, en imágenes PNG, un grafo G sin título y con título "Título":

```
G.DibujarGrafo() # Imagen de un grafo sin título
G.DibujarGrafo("Título") # Imagen de un grafo con encabezado "Título"
```

Adicionalmente, se puede generar una imagen EPS del grafo agregándo un parámetro adicional a la función:

```
G.DibujarGrafo("Título", True)
```

Tareas pendientes

- ▼ Configuración de nodos
- ▼ Configuración de grafos

V	Completar documentación de arcos
V	Eliminar vecindades
V	Modificar pesos de vecindades
V	Agregar imágenes en formato- EPS
	Guardar grafos en archivos de texto
	Agregar ejemplo de asignación de horarios
	Nodos sólo con contorno y grosor de contorno
	Agregar rangos de los ejes del plano a dibujar
	Ejemplos de aplicación con algoritmo genético para tipos de nodo
	Ejemplo de aplicación de flujo en redes ()
	Agregar conexiones de un mismo nodo consigo mismo
	Hacer grafos en forma de árbol (los hijos de un nodo son sus ramas, etc.)

© 2018 GitHub, Inc.

Terms

Privacy

Security

Status

Help

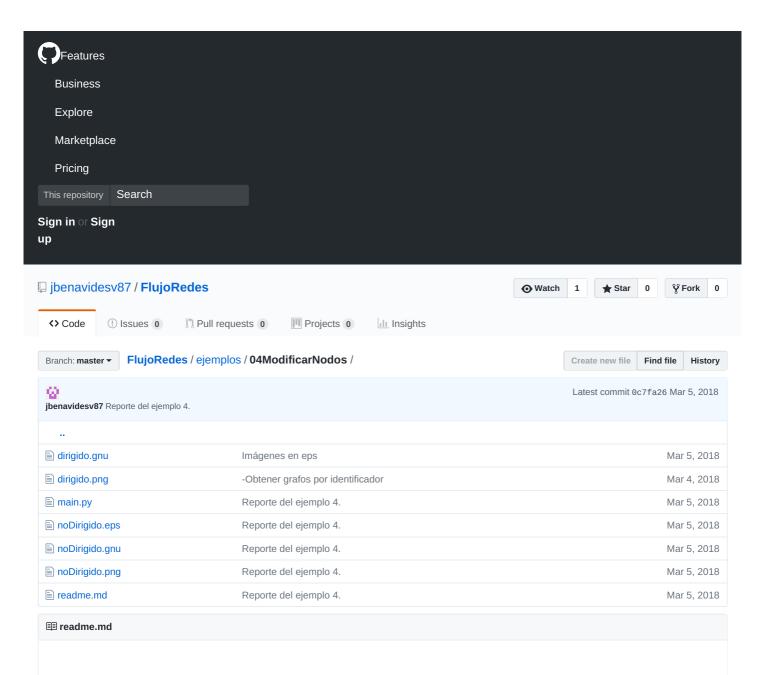
Contact GitHub

API

Training

Shop

Blog About



Ejemplo 4. Manipular nodos

En este ejemplo se un grafo *G*, dirigido y que lleva por nombre **dirigido** al que se le agregan veinte nodos a los que se les identifica por números enteros consecutivos, del 0 al 19, se les da un radio de 0.08 y una posición que los conforma en una red. Dicha posición está calculada a partir de los siguientes datos:

- N = 20 nodos
- $L = [\sqrt{20}]$: Nodos por fila y columna

La ecuación del par ordenado para la posición p_i de cada nodo n_i con $i \in \{0, 1, 2, ..., N-1\}$ es:

```
p_i = ((i \mod L) / L, [(i / L)] / L)
```

Cada uno de estos nodos se conecta con sus vecinos horizontales y verticales inmediatos.

Después, se elige el nodo con identificador 3, se cambia su color a rojo y su posición a (1, 0) con el código:

```
n = G.NodoConId(3)
n.Color(255, 0, 0)
n.posicion= (1, 0)
```

A continuación, se toma el nodo que tiene identificador 5, se le asigna el color azul y se eliminan sus vecindades:

```
n = G.NodoConId(5)
n.Color(0, 255, 0)
G.EliminarVecindades(n)
```

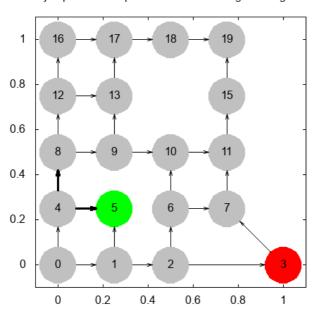
Después, se elimina el nodo con identificador 14:

```
n = G.NodoConId(14)
G.EliminarNodo(n)
```

Enseguida, se ponen los pesos de las vecindades del nodo4 a un valor de 3:

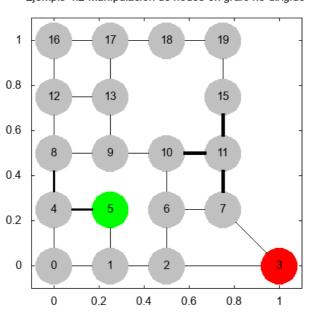
```
n = G.NodoConId(4)
G.ModificarPesos(n, 3)
```

Ahora, se dibuja el grafo dirigdo resultante, mostrado en la imagen siguiente:



Ejemplo 4.1 Manipulación de nodos en grafo dirigido

Para finalizar, se cambia el grafo a no dirigido y su nombre se actualiza a**noDirigido** y se modifican los pesos del nodo con identificador **11**. Este grafo resultante se muestra en una imagen en formato EPS :



Ejemplo 4.2 Manipulación de nodos en grafo no dirigido

© 2018 GitHub, Inc.

Terms

Privacy

Security

Status

Help

Contact GitHub

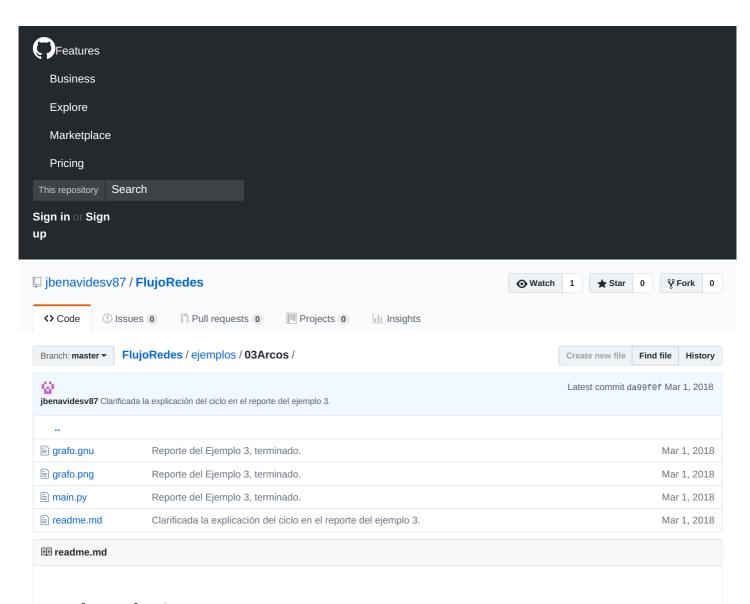
API

Training

Shop

Blog

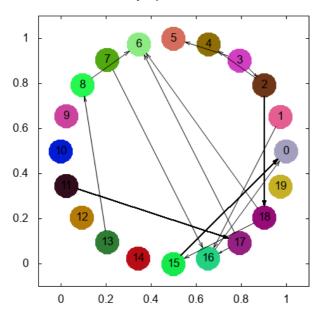
About



Ejemplo 3. Arcos

En este programa se crea un grafo dirigido con veinte nodos coloreados al azar dispuestos en forma circular en torno a un centro en (0.5, 0.5), identificados cada uno por números enteros del 0 al 19, ambos incluidos. Cada uno de estos veinte nodos se conecta con una probabilidad de 0.3 con otros tres nodos elegidos al azar. A cada vecindad establecida de esta manera, se le asigna un peso al azar en el rango [0, 2] que se refleja en el groso de la línea que representa cada arco. Uno de los grafos resultantes es el siguiente:

Ejemplo 3. Arcos



El código para hacerlo requiere el uso de las funciones random, randint y sample de la librería random, y de las funciones sin y cos de la librería math.

```
from random import random, randint, sample
from math import cos, sin
```

La función sample(a, b) regresa una lista de b elementos elegidos al azar de la poblacióna. Las funciones sin(c) y cos(c) devuelven el seno y coseno de c en radianes.

Se establecen:

- N = 20 nodos
- Un radio r = 0.5 para la circunferencia que formarán los nodos entre sí
- Un perímetro $P = 2 \times 3.14 \times r$ de la circunferencia que formarán los nodos entre sí
- Un radio $r_n = P / N / 3$ para cada nodo. En este caso, se divideP / N para conocer la medida del arco correspondiente a cada nodo y se divide ese valor entre 3 para que las circunferencias de los nodos no coincidan con los centros de los nodos adyacentes. (Recomiendo eliminar esa división entre tres para ver el cambio mencionado)
- Una fracción angular θ = 2 × 3.14 rad que ocupará cada nodo respecto a la circunferencia que se formará
- Una probabilidad $p_v = 0.3$ de establecerse vecindades

Estos parámetros corresponden respectivamente con el siguiente código en python :

```
N = 20
r = 0.5
P = 2 * 3.14 * r
rNodo = P / N / 3
theta = 2 * 3.14 / N
pVecino = 0.3
```

Ahora se instancia un grafo G y se especifica que sea dirigido:

```
G = Grafo()
G.dirigido = True
```

Inmediatamente después, se hace un ciclo de $i \in [0, 1, 2, ..., N-1]$, donde se crean N nodos, asignándosele a cada nodo n_i un identificador i, un radio igual a r_n , un color RGB al azar y una posición (x_i, y_i) a lo largo de la circunferencia que formarán que dependerá de las funciones

```
x_i = 0.5 + r \times \cos(\theta i)y_i = 0.5 + r \times \sin(\theta i)
```

Y se agregará cada nodo n_i al grafo G, todo lo cual corresponde al código:

```
for i in range(N):
    n = Nodo()
    n.id = i
    n.radio = rNodo
    n.Color(
        randint(0, 255), # rojo (R)
        randint(0, 255), # verde (G)
        randint(0, 255), # azul (B)
)
    n.posicion = (
        0.5 + r * cos(theta * i), 0.5 + r * sin(theta * i)
)
    G.AgregarNodo(n)
```

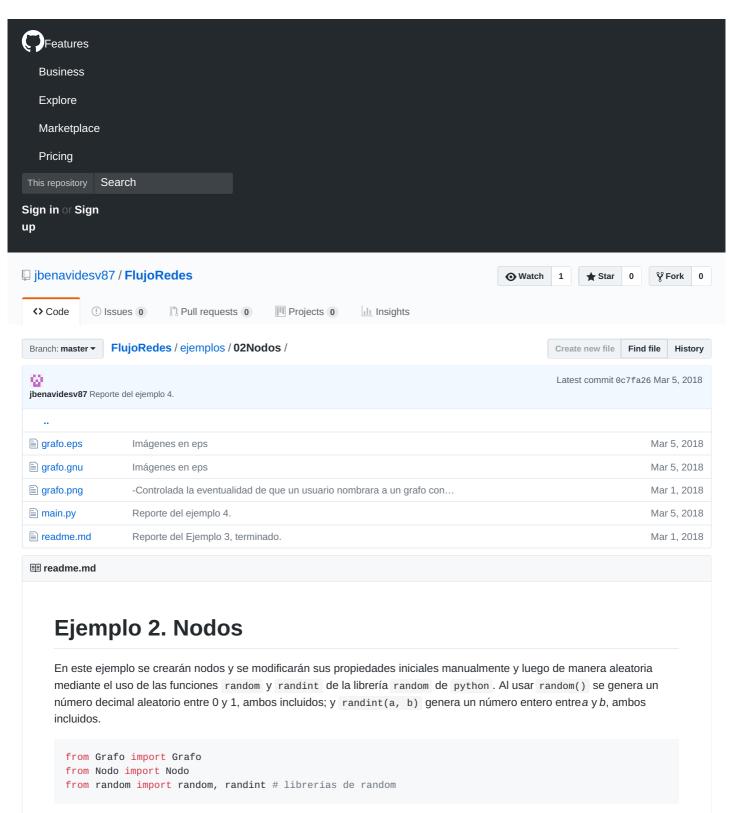
Finalmente, por cada nodo n_i dado $i \in [0, 1, ..., N-1]$ y con una probabilidad de p_v se intenta establecer una vecindad con algún nodo al azar entre el resto de los nodos del grafo G. Esta probabilidad de realiza tres veces por cada nodo, eligiendo en cada ocasión un nodo al azar entre los restantes. Luego, por cada intento exitoso de establecer una vecindad, se elige un vecino v al azar y se conecta con el nodo n_i correspondiente con un peso elegido al azar en un rango [0; 2]. Lo anterior se realiza en el siguiente ciclo:

```
for n in G.nodos:
    for i in range(3):
        if random() < pVecino:
            candidatos = set(G.nodos) - set([n]) # Se quita el nodo n de todo los nodos
            v = sample(candidatos, 1) # Se elige un nodo al azar
            G.ConectarNodos(n, v[0], random() * 2) # Se establece la vecindad dirigida de n a v con peso</pre>
```

Por último, se dibuja el nodo con título Ejemplo 3. Arcos:

```
G.DibujarGrafo("Ejemplo 3. Arcos")
```

© 2018 GitHub, Inc.
Terms
Privacy
Security
Status
Help
Contact GitHub
API
Training
Shop
Blog
About



Primero se define un número total de nodos a generar, *N*, y se define un grafo *G* que los contendrá.

```
N = 20 # Nodos totales
G = Grafo()
```

Enseguida, se creará un nodo n al que se le modificarán sus propiedades manualmente. Se borrará su identificador para que aparezca sin etiqueta, se colocará en el origen del eje de coordenadas, su radio que se igualará a 0.2 y se hará rojo.

Posteriormente, se crearán N nodos con la ayuda de la función range(N), la cual devuelve una lista de enteros de 0 hasta N - 1. A cada uno de estos $i \in [0, 1, 2, ..., N$ - 1] nodos se les modificarán sus propiedades iniciales:

- Identificador: i
- Posición: Par ordenado con valores al azar entre 0 y 1 por componente
- Radio: Al azar entre 0.05 y 0.1
- Color: Componentes rojo, verde y azul con valores al azar; transparencia media, 128 (mediana del rango [0, 1, ..., 255])

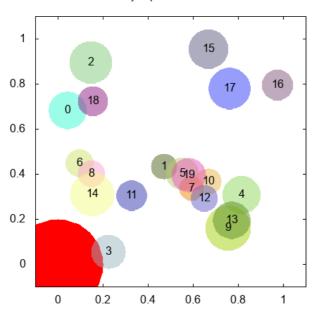
Después se agregarán al grafo. Estas acciones se realizan con el siguiente código:

```
[...]
for i in range(N): # Para todo i en [0, 1, ..., N - 1]
    n = Nodo() # Se crea el nodo i
    n.id = i # Se le asigna el identificador i
    n.posicion = (random(), random()) # Una posición al azar
    n.radio = 0.05 + 0.05 * random() # Un radio entre 0.5 y 1
    n.Color( # Color con componentes:
        randint(0, 255), # rojo (R)
        randint(0, 255), # verde (G)
        randint(0, 255), # azul (B)
        128, # alfa (A); transparencia
    )
    G.AgregarNodo(n) # Se agrega el nodo i al grafo
```

Al final, se desplegará este grafo en un eje de coordenadas que lleve por título **Ejemplo 2. Nodos**, almacenado en una imagen PNG nombrada **grafo** por el nombre por defecto con que se genera el grafo con la instrucción G.DibujarGrafo ("Ejemplo 2. Nodos").

Una de las imágenes resultantes es:

Ejemplo 2. Nodos



© 2018 GitHub, Inc.

Terms

Privacy

Security

Status

Help

Contact GitHub

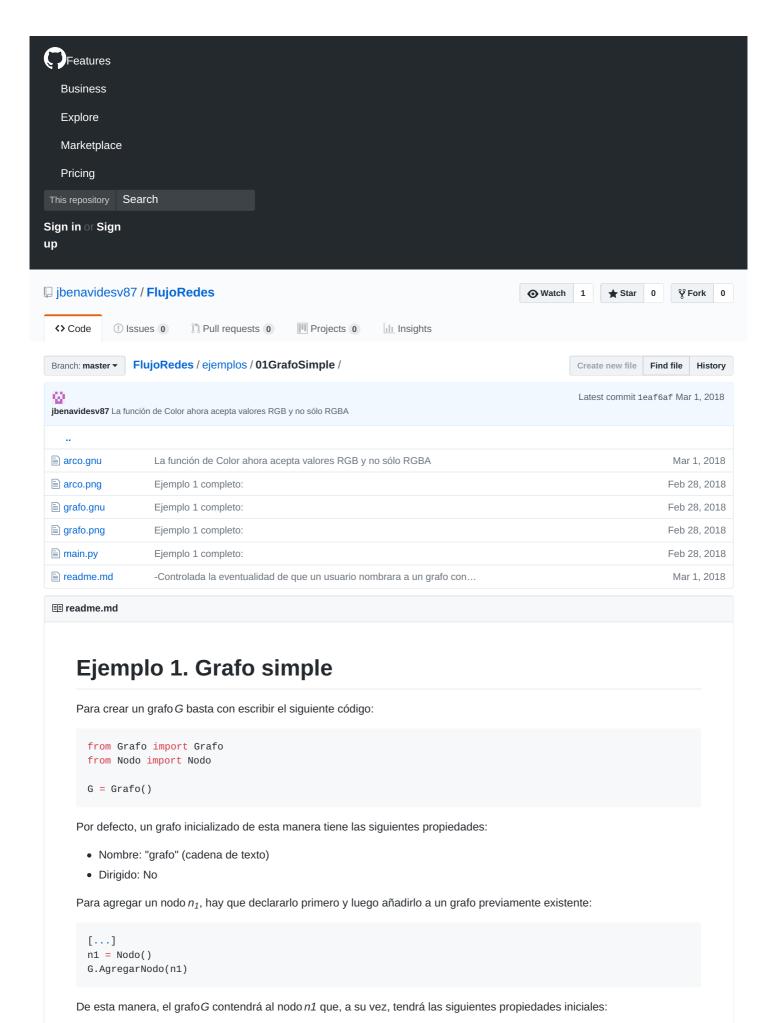
API

Training

Shop

Blog

About



Identificador: "1" (cadena de texto)

• Radio: 0.1

Color: Gris (8080808000_{hex})

• Posición: (0.5, 0.5)

Generar una imagen PNG con nombre de archivo grafo.png y título **Ejemplo 1.1 Un nodo**, requiere una línea de código más:

```
[...]
G.DibujarGrafo("Ejemplo 1.1 Un nodo")
```

Hasta aquí, el código de este primer ejemplo queda como sigue:

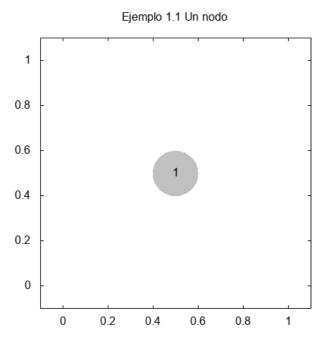
```
from Grafo import Grafo
from Nodo import Nodo

G = Grafo()
n1 = Nodo()
G.AgregarNodo(n1)

G.DibujarGrafo("Ejemplo 1.1 Un nodo")
```

Cabe señalar que antes de obtener la imagen PNG, se crea un archivo GNU nombrado grafo.gnu (por el nombre del grafo) que contiene las instrucciones para que gnuplot procese la información del grafo extraida de python.

La imagen del grafo generado hasta este punto muestra un eje de coordenadas con título **Ejemplo 1.1 Un nodo** donde aparece plasmado un nodo en color gris, con centro en (0.5, 0.5), radio 0.1 e identificador "1":



De momento [falta agregar conexiones de un mismo nodo consigo mismo], para trazar arcos en un grafo hacen falta al menos dos nodos vecinos que ocupen una posición distinta, por lo que primero se tendría que agregar otro nodo, n_2 , al grafo. En esta ocasión, tras crear el nodo, se modificará su identificador y posición, para finalmente agregarlo al grafo G antes definido, todo lo cual se hará mediante las instrucciones:

```
[...]
n2 = Nodo()
n2.id = "2" # Identificador modificado
n2.posicion = (1,1) # Centro en (1, 1)
G.AgregarNodo(n2)
```

Enseguida se conectan ambos nodos para establecer su vecindad mediante la instrucción:

```
[...]
G.ConectarNodos(n1, n2)
```

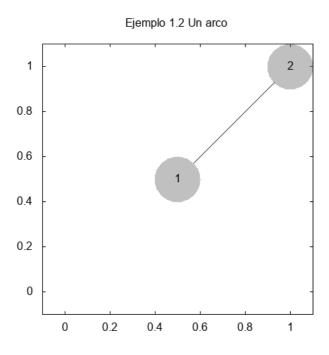
Un arco creado de este modo, tiene de manera predefinida un peso de 1 y una conexión bidireccional entre ambos nodos, ya

que al no ser un grafo dirigido, se considera que ambos nodos están conectados entre sí.

Por último, se cambia el nombre del grafo a**arco** y se dibuja bajo el título **Ejemplo 1.2 Un arco**. Esto generará los archivos arco.gnu y arco.png correspondientes al nuevo nombre del grafo. El código para realizar esto es:

```
[...]
G.nombre = "arco"
G.DibujarGrafo("Ejemplo 1.2 Un arco")
```

La nueva imagen muestra a n_1 acompañado de n_2 con sus propiedades predeterminadas pero con centro en (1, 1) e identificador "2"; ambos nodos unidos mediante un arco que simboliza su vecindad, como se aprecia en la imagen:



© 2018 GitHub, Inc.

Terms Privacy

Security

Status

Help

Contact GitHub

API

Training

Shop

Blog About