

# Representación mediante grafos de un problema de asignación de horarios

José Alberto Benavides Vázquez

7 de abril de 2018

## 1. Introducción

Los algoritmos de Floyd-Warshall y Ford-Fulkerson se utilizan en teoría de grafos para realizar mediciones de flujos a grafos ponderados. **Floyd-Warshall** calcula el camino más corto entre todos los pares de vértices, mientras que **Ford-Fulkerson** se utiliza para encontrar el máximo flujo que puede correr entre un nodo de inicio y uno de fin dados. Los nodos de inicio y fin de este segundo algoritmo se suelen denotar por  $s$  y  $t$  respectivamente.

Este par de algoritmos se implementaron en un programa capaz de crear nodos, conectarlos y asignarles pesos y direcciones a las aristas así generadas. Este programa se halla alojado en <https://github.com/jbenavidesv87/FlujoRedes>. Se mostrará a continuación la explicación de dichos algoritmos además de ejecutarlos con un ejemplo para mayor claridad.

## 2. Ejecución

Tanto el algoritmo de Floyd-Warshall como el de Ford-Fulkerson toman un grafo previamente definido con al menos dos nodos conectados entre sí por una arista ponderada. Para demostrar el uso y funcionalidad de estos algoritmos, se construyó a manera de ejemplo un grafo  $G$  con cuatro nodos  $a, b, c, d$ , con aristas ponderadas como los mostrados en la figura 1 (p. 3).

Tras correr el algoritmo de Floyd-Warshall se obtuvieron, para cada par de nodos, el camino más corto entre todos los nodos del grafo. La distancia de estos caminos se calcula a partir de la suma de los pesos de las aristas que conectan a los nodos entre sí. En cada iteración, se exploran todos los caminos que van desde un nodo inicial hasta uno de destino. Se dice que un camino es mejor que otro cuando se encuentra un camino cuya distancia es menor a una existente (si no hay una distancia previamente almacenada, entonces se toma la primera distancia registrada como la mejor). Al final, el algoritmo regresa una lista de las mejores distancias entre todos los nodos. Para este ejemplo construido, la lista se puede consultar en el cuadro 1 (p. 2).

Tabla 1: Camino más corto entre todos los pares de nodos, denotados por cada iteración como nodo inicial  $s$  y nodo final  $t$ , para el grafo  $G$  construido a manera de ejemplo inicial.

Nodo inicial $s$	Nodo final $t$	Camino más corto
a	a	0
a	c	7
a	b	5
b	b	0
b	a	5
b	d	3
b	c	2
c	c	0
c	a	7
c	d	4
c	b	2
d	d	0
d	c	4
d	b	3
a	d	8
d	a	8

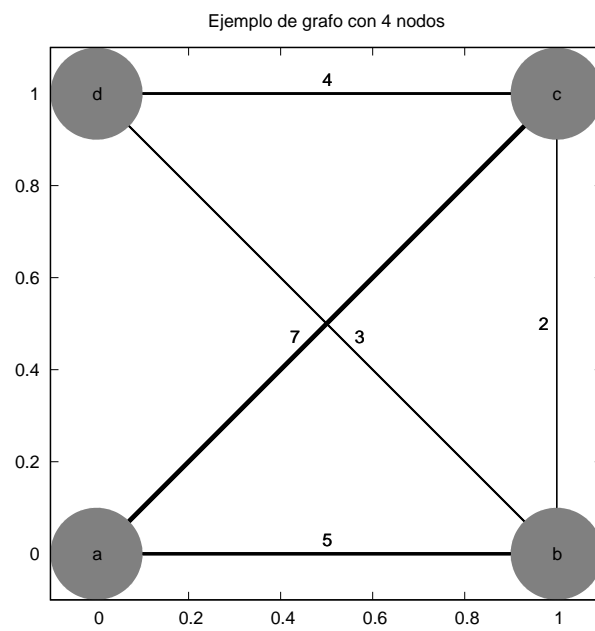


Figura 1: Grafo  $G$  ponderado con 4 nodos  $a, b, c, d$  que se usará como ejemplo para probar el funcionamiento de los algoritmos de Floyd-Warshall y Ford-Fulkerson.