Разработка программ с помощью Objective Caml Developing Applications with Objective Caml

Emmanuel Chailloux Pascal Manoury Bruno Pagano

16 февраля 2013 г.

1	Кан	к запол	лучить Objective CAML	5
Ι	Oc	сновы	языка	7
2	Фу	нкцион	пальное программирование	9
	2.1	Введе	ние	9
	2.2	План	главы	10
	2.3	Функц	циональное ядро Objective CAML	11
		2.3.1	Значения, функции и базовые типы	11
		2.3.2	Структуры условного контроля	18
		2.3.3	Объявление значений	18
		2.3.4	Функциональное выражение, функции	21
		2.3.5	Полиморфизм и ограничение типа	29
		2.3.6	Примеры	32
	2.4	Объяв	вления типов и сопоставление с образцом	35
		2.4.1	Сопоставление с образцом	36
		2.4.2	Декларация типов	44
		2.4.3	Записи	45
		2.4.4	Тип сумма (sum)	48
		2.4.5	Рекурсивный тип	51
		2.4.6	Параметризованный тип	52
		2.4.7	Видимость описания	52
		2.4.8	Функциональные типы	53
		2.4.9	Пример: реализация деревьев	54
		2.4.10	Не функциональные рекурсивные значения	57
	2.5	Типиз	ация, область определения и исключения	59
		2.5.1	Частичные функции и исключения	59
		2.5.2	Определения исключения	60
		2.5.3	Возбуждение исключения	
		2.5.4	Перехват исключения	61

	2.6 2.7 2.8 2.9 2.10	Полиморфизм и значения возвращаемые функциями 63 Калькулятор 65 Exercises 68 Резюме 68 To learn more 69
3	Имі	перативное программирование 71
	3.1	Введение
	3.2	План главы
	3.3	Физически изменяемые структуры данных
		3.3.1 Векторы
		3.3.2 Строки
		3.3.3 Изменяемые поля записей
		3.3.4 Указатели
		3.3.5 Полиморфизм и изменяемые значения 80
	3.4	Ввод/вывод
		3.4.1 Каналы
		3.4.2 Чтение/запись
		3.4.3 Пример Больше/Меньше
	3.5	Структуры управления
		3.5.1 Последовательность
		3.5.2 Циклы
		3.5.3 Пример: реализация стека
		3.5.4 Пример: расчёт матриц 91
	3.6	Порядок вычисления аргументов
	3.7	Калькулятор с памятью
	3.8	Exercises
	3.9	Резюме
	3.10	Калькулятор с памятью
4	Фил	кциональный и императивный стиль 99
4	Фун 4.1	Введение
	4.1	План главы
	4.3	Сравнение между функциональным и императивным сти-
	4.0	лями
		4.3.1 С функциональной стороны
		4.3.2 Императивная сторона
		4.3.3 Рекурсия или итерация
	4.4	Какой стиль выбрать?
	7.7	4.4.1 Последовательность или композиция функций
		4.4.2 Общее использование или копии значений 109
		2.2.2 Congot nonoviboobanine nem nomini ona remini 100

		4.4.3 Критерии выбора	. 112
	4.5	Смешивая стили	
		4.5.1 Замыкания и побочные эффекты	. 114
		4.5.2 Физическое изменение и исключения	. 115
		4.5.3 Изменяемые функциональные структуры данных .	. 117
		4.5.4 Ленивые изменяемые структуры	. 119
	4.6	Поток данных	. 122
		4.6.1 Создание	. 123
		4.6.2 Уничтожение и сопоставление потоков	. 124
	4.7	Exercises	. 128
	4.8	Резюме	. 128
	4.9	To Learn More	. 128
	Б	1 0 10	100
5	_	фический интерфейс	129
	5.1	Введение	
	5.2	План главы	
	5.3	Использование библиотеки Graphics	
	5.4	Основные понятия	
	5.5	Графический вывод	
		· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	
		5.5.2 Цвета	
		5.5.3 Рисунок и заливка	
		5.5.4 Текст	
		Property Pro	
	5.6		
	$\frac{5.0}{5.7}$	Анимация	
	5.7	Обработка событий	
		5.7.1 Тип и функции событий	
		5.7.3 Пример: telecran	
	5.8	Графический калькулятор	
		1 1 v 1	
		Exercises	
		To learn more	
	0.11	To real more	. 100
6	При	иложения	157
П	\mathbf{C}	редства разработки	159
7	Kon	ипиляция и переносимость	163

	7.1	Введение	3
	7.2	План главы	4
	7.3	Этапы компиляции	4
		7.3.1 Компиляторы Objective CAML	5
		7.3.2 Описание компилятора байт-кода	6
	7.4	Типы компиляции	7
		7.4.1 Названия команд	7
		7.4.2 Единица компиляции	3
		7.4.3 Расширения файлов Objective CAML 169	9
		7.4.4 Байт-код компилятор	9
		7.4.5 Нативный компилятор	1
		7.4.6 Интерактивный интерпретатор	2
		7.4.7 Создание интерпретатора	3
	7.5	Автономный исполняемый файл	4
	7.6	Переносимость и эффективность	5
		7.6.1 Автономность и переносимость	5
		7.6.2 Эффективность выполнения	6
	7.7	Exercises	7
	7.8	Резюме	7
	7.9	To Learn More	7
8	П	лиотеки 179	<u> </u>
0	Био	лиотеки 173	J
9	Авт	оматический сборщик мусора 183	1
10	Cpe	дства анализа программ 183	3
11	Сре	дства лексического и синтаксического анализа 18	5
	_	Введение	
	110	План главы	o
	11.3	План главы	
	11.3	План главы	6
	11.3	План главы 186 Лексика 186 11.3.1 Модуль Genlex 186	6 7
	11.3	План главы 186 Лексика 186 11.3.1 Модуль Genlex 186 11.3.2 Использование потоков 187	6 7 8
	11.3	План главы 186 Лексика 186 11.3.1 Модуль Genlex 187 11.3.2 Использование потоков 188 11.3.3 Регулярные выражения 189	6 7 8 9
		План главы 186 Лексика 186 11.3.1 Модуль Genlex 186 11.3.2 Использование потоков 187	6 7 8 9 2
		План главы 186 Лексика 186 11.3.1 Модуль Genlex 187 11.3.2 Использование потоков 188 11.3.3 Регулярные выражения 189 11.3.4 Инструмент Ocamllex 199 Синтаксис 194	678924
		План главы 186 Лексика 186 11.3.1 Модуль Genlex 186 11.3.2 Использование потоков 186 11.3.3 Регулярные выражения 189 11.3.4 Инструмент Осатllex 199	6789245
		План главы 186 Лексика 186 11.3.1 Модуль Genlex 186 11.3.2 Использование потоков 186 11.3.3 Регулярные выражения 186 11.3.4 Инструмент Ocamllex 196 Синтаксис 196 11.4.1 Грамматика 196	67892456
		План главы 18 Лексика 18 11.3.1 Модуль Genlex 18 11.3.2 Использование потоков 18 11.3.3 Регулярные выражения 18 11.3.4 Инструмент Ocamllex 19 Синтаксис 19 11.4.1 Грамматика 19 11.4.2 Порождение и распознавание 19	678924567
	11.4	План главы 186 Лексика 186 11.3.1 Модуль Genlex 186 11.3.2 Использование потоков 186 11.3.3 Регулярные выражения 186 11.3.4 Инструмент Ocamllex 196 Синтаксис 196 11.4.1 Грамматика 196 11.4.2 Порождение и распознавание 196 11.4.3 Нисходящий анализ 197	6789245670

Оглавление	7
------------	---

11.5.1 Файл basic_parser.mly 20 11.5.2 Файл basic_lexer.mll 20 11.5.3 Компиляция, компоновка 20 11.6 Exercises 21 11.7 Резюме 21 11.8 To Learn More 21	8 9 0 0 0
12 Взаимодействие с языком С 21	T
13 Приложения 213 13.1 Введение 213	-
III Устройство программы 215	5
14 Модульное программирование 21	9
15 Объектно-ориентированное программирование 22	1
16 Сравнение моделей устройств программ 223	3
17 Приложения 22	5
IV Параллелизм и распределение 22'	7
18 Процессы и связь между процессами 229	9
19 Параллельное программирование 23:	1
20 Распределённое программирование 233	3
21 Приложения 23	5
V Разработка программ с помощью Objective CAML 237	ı
VI Приложения 239	9

Глава 1

Как заполучить Objective CAML

Часть I Основы языка

Глава 2

Функциональное программирование

2.1 Введение

Первый язык функционального программирования LISP появился в конце 1950, в тот же момент, что и Fortran — один из первых императивных языков. Оба этих языка существуют и по сей день, хотя они немало изменились. Область их применения: вычислительные задачи для Фортрана и символьные (symbolic) для Lisp. Интерес к функциональному программированию состоит в простоте написания программ, где под программой подразумевается функция, применённая к аргументам. Она вычисляет результат, который возвращается как вывод программы. Таким образом можно с лёгкостью комбинировать программы: вывод одной, становится входным аргументом для другой.

Функциональное программирование основывается на простой модели вычислений, состоящей из трёх конструкций: переменные, определение функции и её применение к какому—либо аргументу. Эта модель, называемая λ —исчисление, была введена Alonzo Church в 1932, ещё до появления первых компьютеров. В λ —исчислении любая функция является переменной, так что она может быть использована как входной параметр другой функции, или возвращена как результат другой. Теория λ —исчисления утверждает что все то, что вычисляемо может быть представлено этим формализмом. Однако, синтаксис этой теории слишком ограничен, чтобы его можно было использовать его как язык программирования. В связи с этим к λ —исчислению были добавлены базовые типы (например, целые числа или строки символов), операторы для этих типов, управляющие структуры и объявление позволяющие именовать переменные или

функции, и в частности рекурсивные функции.

Существует разные классификации языков функционального программирования. Мы будем различать их по двум характеристикам, которые нам кажутся наиболее важными:

- без побочных эффектов (чистые), или с побочным эффектом (не чистые): чистый язык это тот, в котором не существует изменения состояния. Все есть вычисление, и как оно происходит, нас не интересует. Не чистые языки, такие как Caml или ML, имеют императивные особенности, такие как изменение состояния. Они позволяют писать программы в стиле близкому к Фортрану, в котором важен порядок вычисления выражений.
- язык типизирован динамически или статически: типизация необходима для проверки соответствия аргумента, переданного функции, типу формального параметра. Это проверка может быть выполнена во время выполнения программы. В этом случае типизация называется динамической. В случае ошибки программа будет остановлена, как это происходит в Lisp. В случае статической типизации проверка осуществляется во время компиляции, то есть до выполнения программы. Таким образом она (проверка) не замедлит программу во время выполнения. Эта типизация используется в МL и в его диалектах, таких как Objective CAML. Только правильно типизированные программы, то есть успешно прошедшие проверку типов, могут быть скомпилированы и затем выполнены.

2.2 План главы

В этой главе представлены базовые элементы функциональной части языка Objective CAML, а именно: синтаксис, типы и механизм исключений. После этого вводного курса мы сможем написать нашу первую программу.

В первом разделе описаны основы языка, начиная с базовых типов и функций. Затем мы рассмотрим структурные и функциональные типы. После этого мы рассмотрим управляющие структуры, а также локальные и глобальные объявления. Во втором разделе мы обсудим определение типов для создания структур и механизм сопоставления с образцом, который используется для доступа к этим структурам. В третьем разделе рассматривается выводимый тип функций и область их применения, после чего следует описание механизма исключений. Четвёртый

раздел объединяет введённые понятия в простой пример программы—калькулятора.

2.3 Функциональное ядро Objective CAML

Как любой другой язык функционального программирования, Objective CAML — это язык выражений, состоящий в основном из создания функций и их применения. Результатом вычисления одного из таких выражений является значение данного языка (value in the language) и выполнение программы заключается в вычислении всех выражений из которых она состоит.

2.3.1 Значения, функции и базовые типы

В Objective CAML определены следующие типы: целые числа, числа с плавающей запятой, символьный, строковый и логический.

Числа

Различают целые int и числа с плавающей запятой float. Objective CAML следует спецификации IEEE 754 для представления чисел с плавающей запятой двойной точности. Операции с этими числами описаны в таблице 2.3.1. Если результат целочисленной операции выходит за интервал значений типа int, то это не приведёт к ошибке. Результат будет находиться в интервале целых чисел, то есть все действия над целыми ограниченны операцией modulo с границами интервала.

Разница между целыми числами и числами с плавающей запятой.

Значения разных типов, таких как float и int, не могут сравниваться между собой напрямую. Для этого существует функции перевода одного типа в другой (float_of_int и int_of_float).

```
# 2 = 2.0;;
Error: This expression has type float but an expression was expected of

type

int

# 3.0 = float_of_int 3;;

- : bool = true
```

Таблица 2.1: Операции над числами

целые	плавающие
+ сложение	+. сложение
1 0000000000000000000000000000000000000	1
- вычитание и унарный минус	вычитание и унарный минус
* умножение	*. умножение
/ деление	/. деление
mod остаток целочисленного деления	** возведение в степень
# 1 ;;	# 2.0 ;;
-: int = 1	-: float = 2
# 1 + 2 ;;	# 1.1 + . 2.2 ;;
-: int = 3	-: float = 3.3
# 9 / 2 ;;	# 9.1 /. 2.2 ;;
-: int = 4	-: float = 4.13636363636
# 11 mod 3 ;;	# 1. /. 0. ;;
-: int = 2	-: float = inf
(* limits of the representation	(* limits of the representation
*)	*)
(* of integers *)	(* of floating-point numbers *)
# 2147483650 ;;	# 22222222222.11111 ;;
-: int = 2	-: float = 22222222222

Аналогично, операции над целыми числами и числами с плавающей запятой различны:

Неопределённый результат, например получаемый при делении на ноль, приведет к возникновению исключения (см. ??, стр. ??), которое остановит вычисление. Числа с плавающей запятой имеют специальные значения для бесконечных величин (Inf) и для не определённого результата (NaN 1). Основные операции над этими числами приведены в таблице 2.3.1

Таблица 2.2: Функции над числами с плавающей запятой

ceil	сов косинус
floor	sin синус
sqrt — квадратный корень	tan тангенс
ехр — экспонента	acos арккосинус
log — натуральный логарифм	asin арксинус
log10 — логарифм по базе 10	atan арктангенс
# ceil 3.4;; -: float = 4. # floor 3.4;; -: float = 3. # ceil (3.4);; -: float = -3. # floor (3.4);; -: float = -4.	# sin 1.57078;; -: float = 0.999999999866717837 # sin (asin 0.707);; -: float = 0.707 # acos 0.0;; -: float = 1.57079632679489656 # asin 3.14;; -: float = nan

Символы и строки

Символы, тип char, соответствуют целым числам в интервале от 0 до 255, первые 128 значений соответствуют кодам ASCII. Функция char_of_int и int_of_char преобразуют один тип в другой. Строки, тип string — это последовательность символов определенной длинны (не длиннее 2^{24} — 6). Оператором объединения строк (конкатенации) является шапка \wedge . Следующие функции необходимы для перевода типов int_of_string, string_of_int, string_of_float и float_of_string.

# 'B' ;;	
----------	--

¹Not a Number

```
- : char = 'B'

# int_of_char 'B';;

- : int = 66

# "est une îchane";;

- : string = "est une cha\195\174ne"

# (string_of_int 1987) ^ " est l'éanne de la écration de CAML";;

- : string = "1987 est l'ann\195\169e de la cr\195\169ation de

CAML"
```

Если строка состоит из цифр, то мы не сможем использовать ее в численных операциях, не выполнив явного преобразования.

```
# "1999" + 1 ;;

Error: This expression has type string but an expression was expected of

type

int

# (int_of_string "1999") + 1 ;;

- : int = 2000
```

В модуле String собрано много функций для работы со строками (стр. ??)

Булевый тип

Значение типа boolean принадлежит множеству состоящему из двух элементов: true и false. Основные операторы описаны в таблице 2.3.1. По историческим причинам операторы and и от имеют две формы.

Таблица 2.3: Булевы операторы

not — отрицание	
&& логическое и	& синоним &&
логическое или	от синоним

```
# true ;;
- : bool = true
# not true ;;
- : bool = false
# true && false ;;
- : bool = false
```

Операторы && и || или их синонимы, вычисляют аргумент слева и в зависимости от его значения, вычисляют правый аргумент. Они могут быть переписаны в виде условной структуры (см. ?? стр. ??).

Таблица 2.4: Операторы сравнения и равенства

= равенство структурное	< меньше
== равенство физическое	> больше
<> отрицание =	<= меньше или равно
!= отрицание ==	>= больше или равно

Операторы сравнения и равенства описаны в таблице 2.3.1. Это полиморфные операторы, то есть они применимы как для сравнения двух целых, так и двух строк. Единственное ограничение это то что операнды должны быть одного типа (см. ?? стр. ??).

```
# 1<=118 && (1=2 || not(1=2)) ;;
- : bool = true
# 1.0 <= 118.0 && (1.0 = 2.0 || not (1.0 = 2.0)) ;;
- : bool = true
# "one" < "two" ;;
- : bool = true
# 0 < '0' ;;
Error: This expression has type char but an expression was expected of type
int
```

Структурное равенство при проверке двух переменных сравнивает значение полей структуры, тогда как физическое равенство проверяет занимают ли эти переменные одно и то же место в памяти. Оба оператора возвращают одинаковый результат для простых типов: boolean, char, int и константные конструкторы (см. ?? стр. ??).

Осторожно

Числа с плавающей запятой и строки рассматриваются как структурные типы.

Объединения

Тип unit определяет множество из всего одного элемента, обозначается: ()

```
# () ;;
- : unit = ()
```

Это значение будет широко использоваться в императивных программах (см. ?? стр. ??), в функциях с побочным эффектом. Функции, результат которых равен (), соответствуют понятию процедуры, которое отсутствует в Objective CAML, так же как и аналог типа void в языке С.

Декартово произведение, кортежи

Значения разных типов могут быть сгруппированы в кортежи. Значения из которых состоит кортеж разделяются запятой. Для конструкции кортежа, используется символ *. int*string есть кортеж, в котором первый элемент целое число и второй строка.

```
# ( 12 , "October" ) ;;

- : int * string = (12, "October")
```

Иногда мы можем использовать более простую форму записи.

```
# 12 , "October" ;;
- : int * string = (12, "October")
```

 Φ ункции fst и snd дают доступ первому и второму элементу соответственно.

```
# fst ( 12 , "October" ) ;;

- : int = 12

# snd ( 12 , "October" ) ;;

- : string = "October"
```

Эти обе функции полиморфные, входной аргумент может быть любого типа.

```
# fst;;
-: 'a * 'b -> 'a = <fun>
# fst ( "October", 12 ) ;;
-: string = "October"
```

Tuп int*char*string — это триплет, в котором первый элемент типа int, второй char, а третий — string.

```
# ( 65 , 'B' , "ascii" ) ;;

- : int * char * string = (65, 'B', "ascii")
```

Осторожно

Если аргумент функций fst и snd не пара, а другой n-кортеж, то мы получим ошибку.

```
# snd (65, 'B', "ascii");;
Error: This expression has type int * char * string
but an expression was expected of type 'a * 'b
```

Существует разница между парой и триплетом: тип int*int*int отличен от (int*int)*int и int*(int*int). Методы доступа к элементам триплета (и других кортежей) не определены в стандартной библиотеке. В случае необходимости мы используем сопоставление с образцом (см. ??).

Списки

Значения одного и того же типа могут быть объединены в списки. Список может быть либо пустым, либо содержать однотипные элементы.

```
# [] ;;
-: 'a list = []
# [1;2;3];;
-: int list = [1;2;3]
# [1; "two";3];;
Error: This expression has type string but an expression was expected of type
int
```

Для того чтобы добавить элемент в начало списка существует следующая функция в виде инфиксного оператора :: — аналог cons в Caml.

```
# 1 :: 2 :: 3 :: [] ;;

- : int list = [1; 2; 3]
```

Для объединения (конкатенации) списков существует инфиксный оператор: @.

```
# [ 1 ] @ [ 2 ; 3 ] ;;

- : int list = [1; 2; 3]

# [ 1 ; 2 ] @ [ 3 ] ;;

- : int list = [1; 2; 3]
```

Остальные функции манипуляции списками определены в библиотеке List. Функции hd и tl дают доступ к первому и последнему элементу списка.

```
# List.hd [ 1 ; 2 ; 3 ] ;;

- : int = 1

# List.hd [] ;;

Exception: Failure "hd".
```

В последнем примере получить первый элемент пустого списка действительно «сложно», поэтому возбуждается исключение (см. ??).

2.3.2 Структуры условного контроля

Одна из структур контроля необходимая в каждом языка программирования — условный оператор.

Синтаксис:

```
if expr1 then expr2 else expr3
```

Тип выражения expr1 равен bool. Выражения expr2 и expr3 должны быть одного и того же типа.

```
# if 3=4 then 0 else 4;;
-: int = 4
# if 3=4 then "0" else "4";;
-: string = "4"
# if 3=4 then 0 else "4";;
Error: This expression has type string but an expression was expected of type
int
```

Замечание

Ветка else может быть опущена, в этом случае будет подставлено значение по умолчанию равное else (), в соответствии с этим выражение expr2 должно быть типа unit (см. ?? стр. ??).

2.3.3 Объявление значений

Определение связывает имя со значением. Различают глобальные и локальные определения. В первом случае, объявленные имена видны во всех выражениях, следуют за ним, во втором — имена доступны только в текущем выражении. Мы также можем одновременно объявить несколько пар имя-значение.

Глобальные объявления

Синтаксис:

```
let name = expr ;;
```

Глобальное объявление определяет связь имени **nom** со значением выражения **expr**, которое будет доступно всем следующим выражениям.

```
# let yr = "1999" ;;

val yr : string = "1999"

# let x = int_of_string(yr) ;;

val x : int = 1999

# x ;;

- : int = 1999

# x + 1 ;;

- : int = 2000

# let new_yr = string_of_int (x + 1) ;;

val new_yr : string = "2000"
```

Одновременное глобальное объявление

Синтаксис:

```
| let nom1 = expr1 | and nom2 = expr2 | : | and nomn = exprn;;
```

При одновременном объявлении переменные будут известны только к концу всех объявлений.

```
# let x = 1 and y = 2;;

val x : int = 1

val y : int = 2

# x + y;;

- : int = 3

# let z = 3 and t = z + 2;;

Error: Unbound value z
```

Можно сгруппировать несколько глобальных объявлений в одной фразе, вывод типов и значений произойдёт к концу фразы, отмеченной «;;». В данном случае объявления будут вычислены по порядку.

```
# let x = 2
let y = x + 3;;
val x : int = 2
val y : int = 5
```

Глобальное объявление может быть скрыто локальным с тем же именем (см. ?? стр. ??).

Локальное объявление

Синтаксис:

```
\mathbf{let} \ \mathbf{nom} = \mathbf{expr1} \ \mathbf{in} \ \mathbf{expr2};;
```

Имя nom связанное с выражением expr1 известно только для вычисления expr2.

```
# let xl = 3 in xl * xl;;
-: int = 9
```

Локальное объявление, которое связывает x1 со значением 3, существует только в ходе вычисления x1*x1.

```
# xl ;;
Error: Unbound value xl
```

Локальное объявление скрывает любое глобальные с тем же именем, но как только мы выходим из блока в котором была оно определено, мы находим старое значение связанное с этим именем.

```
# let x = 2;;
val x: int = 2
# let x = 3 in x * x;;
-: int = 9
# x * x;;
-: int = 4
```

Локальное объявление — это обычное выражение, соответственно оно может быть использовано для построения других выражений.

```
# (let x = 3 in x * x) + 1;;
-: int = 10
```

Локальные объявления так же могут быть одновременными.

```
# let a = 3.0 and b = 4.0 in sqrt (a*.a +. b*.b);;

- : float = 5.

# b ;;

Error: Unbound value b
```

2.3.4 Функциональное выражение, функции

Функциональное выражение состоит из параметра и тела. Формальный параметр — это имя переменной, а тело — это выражение. Обычно говорят что формальный параметр является абстрактным, по этой причине функциональное выражение тоже называется абстракцией.

Синтаксис:

```
function p -> expr
```

Таким образом функция возведения в квадрат будет выглядеть так:

```
# function x -> x*x ;;
- : int -> int = <fun>
```

Objective CAML сам определяет тип. Функциональный тип int->int это функция с параметром типа int, возвращающая значение типа int.

Функция с одним аргументом пишется как функция и аргумент следующий за ней.

```
# (function x -> x * x) 5 ;;
- : int = 25
```

Вычисление функции состоит в вычисление её тела, в данном случае **x*****x**, где формальный параметр **x**, заменён значением аргумента (эффективным параметром), здесь он равен 5.

При конструкции функционального выражения **expr** может быть любым выражением, в частности функциональным.

```
# function x -> (function y -> 3*x + y) ;;
-: int -> int -> int = <fun>
```

Скобки не обязательны, мы можем писать просто:

```
# function x \rightarrow function y \rightarrow 3*x + y ;;
- : int -> int -> int = <fun>
```

В простом случае мы скажем, что функция ожидает два аргумента целого типа на входе и возвращает значение целого типа. Но когда речь идёт о функциональном языке, таком как Objective CAML, то скорее это соответствует типу функции с входным аргументом типа int и возвращающая функциональное значение типа int->int:

```
# (function x -> function y -> 3*x + y) 5 ;;
- : int -> int = <fun>
```

Естественно, мы можем применить это функциональное выражение к двум аргументам. Для этого напишем:

```
# (function x -> function y -> 3*x + y) 4 5 ;;
- : int = 17
```

Когда мы пишем f a b, подразумевается применение (f a) к b. Давайте подробно рассмотрим выражение

Для того чтобы вычислить это выражение, необходимо сначала вычислить значение

```
(function x \rightarrow function y \rightarrow 3*x + y) 4
```

что есть функциональное выражение равное

```
function y \rightarrow 3*4 + y
```

в котором х заменён на 4 в выражении 3 * x + y. Применяя это значение (являющееся функцией) к 5, мы получаем конечное значение 3 * 4 + 5 = 17:

```
# (function x -> function y -> 3*x + y) 4 5 ;;
- : int = 17
```

Арность функции

Арностью функции называется число аргументов функции. По правилам, унаследованным из математики, аргументы функции задаются в скобках после имени функции. Мы пишем: f(4,5). Как было указанно

ранее, в Objective CAML мы чаще используем следующий синтаксис: **f** 4 5. Естественно, можно написать функциональное выражение применимое к (4,5):

```
# function (x,y) \rightarrow 3*x + y;;
-: int * int -> int = <fun>
```

Но в данном случае, функция ожидает не два аргумента, а один; тип которого пара целых. Попытка применить два аргумента к функции ожидающей пару или наоборот, передать пару функции для двух аргументов приведёт к ошибке:

```
# (function (x,y) -> 3*x + y) 4 5 ;;

Error: This function is applied to too many arguments;

maybe you forgot a ';'

# (function x -> function y -> 3*x + y) (4, 5) ;;

Error: This expression has type int * int

but an expression was expected of type int
```

Альтернативный синтаксис

Существует более компактная форма записи функций с несколькими аргументами, которая дошла к нам из старых версий *Caml*. Выглядит она так:

Синтаксис

```
fun p1 ... pn −> expr
```

Это позволяет не повторять слово function и стрелки. Данная запись эквивалентна

```
function p1 -> -> function pn -> expr

# fun x y -> 3*x + y ;;

- : int -> int -> int = <fun>

# (fun x y -> 3*x + y) 4 5 ;;

- : int = 17
```

Эту форму можно часто встретить в библиотеках идущих в поставку с Objective CAML.

Замыкание

Objective CAML рассматривает функциональное выражение также как любое другое. Значение возвращаемое функциональным выражением на-

зывается замыканием. Каждое выражение Objective CAML вычисляется в окружении состоящем из соответствий имя—значение, которые были объявлены до вычисляемого выражения. Замыкание может быть описано как триплет, состоящий из имени формального параметра, тела функции и окружения выражения. Нам необходимо хранить это окружение, поскольку в теле функции кроме формальных параметров могут использоваться другие переменные. В функциональном выражении эти переменные называются свободными, нам понадобится их значение в момент применения функционального выражения.

```
# let m = 3;;
val m: int = 3
# function x -> x + m;;
-: int -> int = <fun>
# (function x -> x + m) 5;;
-: int = 8
```

В случае когда применение замыкания к аргументу возвращает новое замыкание, оно (новое замыкание) получает в своё окружение все необходимые связи для следующего применения. Раздел ?? подробно рассматривает эти понятия. В главе ??, а так же в главе ?? мы вернёмся к тому как замыкание представляется в памяти.

До сих пор рассмотренные функциональные выражения были *анонимными*, однако мы можем дать им имя. Объявление функциональных значений

Объявление функциональных значений

Функциональное значение объявляется так же как и другие, при помощи конструктора let

```
# let succ = function x -> x + 1 ;;

val succ : int -> int = <fun>
# succ 420 ;;
- : int = 421
# let g = function x -> function y -> 2*x + 3*y ;;

val g : int -> int -> int = <fun>
# g 1 2;;
- : int = 8
```

Для упрощения записи, можно использовать следующий синтаксис: Синтаксис:

```
\mathbf{let} \text{ nom p1 } ... \text{ pn} = \mathbf{expr}
```

что эквивалентно:

```
let nom=function p1->->function pn-> expr
```

Следующие объявления **succ** и g эквивалентны предыдущим:

```
# let succ x = x + 1;;

val succ : int -> int = <fun>

# let g \times y = 2*x + 3*y;;

val g : int -> int -> int = <fun>
```

В следующем примере демонстрируется функциональная сторона Objective CAML, где функция h1 получена применением g к аргументу. В данном случае мы имеем дело с частичным применением.

```
# let h1 = g 1 ;;
val h1 : int -> int = <fun>
# h1 2 ;;
- : int = 8
```

С помощью g мы можем определить другую функцию h2 фиксируя значение второго параметра y:

```
# let h2 = function x -> g x 2 ;;
val h2 : int -> int = <fun>
# h2 1 ;;
- : int = 8
```

Объявление инфиксных функций

Некоторые бинарные функции могут быть использованы в инфиксной форме. Например при сложении двух целых мы пишем 3 + 5 для применения + к 3 и 5. Для того чтобы использовать символ + как классическое функциональное значение, необходимо указать это, окружая символ скобками (ор).

В следующем примере определяется функция succ используя (+):

```
# (+) ;;

- : int -> int -> int = <fun>

# let succ = (+) 1 ;;

val succ : int -> int = <fun>

# succ 3 ;;
```

```
-: \mathrm{int} = 4
```

Таким образом мы можем определить новые операторы, что мы и сделаем определив ++ для сложения двух пар целых.

```
# let (++) c1 c2 = (fst c1)+(fst c2), (snd c1)+(snd c2) ;;

val (++): int * int -> int * int -> int * int = <fun>
# let c = (2,3) ;;

val c: int * int = (2, 3)

# c ++ c ;;

-: int * int = (4, 6)
```

Существуют однако ограничения на определение новых операторов, они должны содержать только символы (такие как *,+,\$, etc.), исключая буквы и цифры. Следующие функции являются исключением:

```
or mod land lor lxor lsr asr
```

Функции высшего порядка

Функциональное значение (замыкание) может быть возвращено как результат, а так же передано как аргумент функции. Такие функции, берущие на входе или возвращающие функциональные значения, называются функциями высшего порядка.

```
# let h = function f \rightarrow function y \rightarrow (f y) + y ;;
val h : (int \rightarrow int) \rightarrow int \rightarrow int = <fun>
```

Замечание Выражения группируются справа налево, но функциональные типы объединяются слева направо. Таким образом тип функции h может быть написан:

```
\left| (\mathrm{int} \ -> \mathrm{int}) \ -> \mathrm{int} \ -> \mathrm{int} \ \mathrm{или} (\mathrm{int} \ -> \mathrm{int}) \ -> (\mathrm{int} \ -> \mathrm{int}) \right|
```

При помощи функций высшего порядка можно элегантно обрабатывать списки. К примеру функция List.map применяет какую-нибудь функцию ко всем элементам списка и возвращает список результатов.

```
# List.map;;
-: ('a -> 'b) -> 'a list -> 'b list = <fun>
# let square x = string_of_int (x*x);;
val square: int -> string = <fun>
# List.map square [1; 2; 3; 4];;
-: string list = ["1"; "4"; "9"; "16"]
```

Другой пример — функция List.for_all проверяет соответствуют ли элементы списка определённому критерию.

```
# List.for_all ;;
-: ('a -> bool) -> 'a list -> bool = <fun>
# List.for_all (function n -> n<>0) [-3; -2; -1; 1; 2; 3] ;;
-: bool = true
# List.for_all (function n -> n<>0) [-3; -2; 0; 1; 2; 3] ;;
-: bool = false
```

Видимость переменных

Для вычисления выражения, необходимо чтобы все используемые им переменные были определены, как, например, выражение е в определении

```
let p=e
```

Переменная р не известна в этом выражении, она может быть использована только в случае если р была объявлена ранее.

```
# let p = p ^ "-suffixe" ;;
Error: Unbound value p
# let p = "éprfixe" ;;
val p : string = "pr\195\169fixe"
# let p = p ^ "-suffixe" ;;
val p : string = "pr\195\169fixe-suffixe"
```

В Objective CAML переменные связаны статически. При применении замыкания используется окружение в момент её (замыкания) объявления (статическая видимость), а не в момент её применения (динамическая видимость)

```
# let p = 10;;
val p: int = 10

# let k x = (x, p, x+p);;
val k: int -> int * int * int = <fun>

# k p;;
-: int * int * int = (10, 10, 20)

# let p = 1000;;
val p: int = 1000

# k p;;
-: int * int * int = (1000, 10, 1010)
```

В функции к имеется свободная переменная p, которая была определена в глобальном окружении, поэтому определение k принято. Связь между именем p и значением 10 в окружении замыкания k статическая, то есть не зависит от последнего определения p.

Рекурсивное объявление

Объявление переменной называется рекурсивным, если оно использует свой собственный идентификатор в своём определении. Эта возможность часто используется для определения рекурсивных функций. Как мы видели ранее, let не позволяет делать это, поэтому необходимо использовать специальный синтаксис:

```
let rec nom = expr ;;
```

Другой способ записи для функции с аргументами:

```
let rec nom p1 ... pn = expr ;;
```

Определим функцию sigma вычисляющую сумму целых от 0 до значения указанного аргументом:

```
# let rec sigma x = if x = 0 then 0 else x + sigma (x-1);;
val sigma : int -> int = <fun>
# sigma 10;;
-: int = 55
```

Как заметил читатель, эта функция рискует «не закончится» если входной аргумент меньше 0.

Обычно, рекурсивное значение — это функция, компилятор не принимает некоторые рекурсивные объявления, значения которых не функциональные.

```
# let rec x = x + 1;;
Error: This kind of expression is not allowed as right—hand side of 'let rec'
```

Как мы увидим позднее, такие определения все таки возможны в некоторых случаях (см. ?? стр. ??).

Объявление let rec может быть скомбинировано с and. В этом случае функции определённые на одном и том же уровне, видны всем остальным. Это может быть полезно при декларации взаимно рекурсивных функций.

```
# let rec pair n = (n <>1) && ((n=0) or (impair (n-1))) and impair n = (n <>0) &&
```

```
((n=1) or (pair (n-1)));;

val pair : int -> bool = <fun>

val impair : int -> bool = <fun>

# pair 4 ;;

- : bool = true

# impair 5 ;;

- : bool = true
```

По тому же принципу, локальные функции могут быть рекурсивными. Новое определение функции sigma проверяет корректность входного аргумента, перед тем как посчитать сумму локальной функцией sigma_rec.

```
# let sigma x = let rec sigma_rec x = if x = 0 then 0 else x +
    sigma_rec (x-1)
in if (x<0) then "erreur : argument negatif" else "sigma = " ^ (
    string_of_int
(sigma_rec x)) ;;
val sigma : int -> string = <fun>
```

Замечание

Мы вынужденны были определить возвращаемый тип как string, поскольку необходимо чтобы он был один и тот же, независимо от входного аргумента, отрицательного или положительного. Какое значение должна вернуть sigma если аргумент больше нуля? Далее, мы увидим правильный способ решения этой проблемы (см. ?? стр. ??).

2.3.5 Полиморфизм и ограничение типа

Некоторые функции выполняют одни и те же инструкции независимо от типа аргументов. К примеру, для создание пары из двух значений нет смысла определять функции для каждого известного типа. Другой пример, доступ к первому полю пары не зависит от того, какого типа это поле.

```
# let make_pair a b = (a,b) ;;
val make_pair : 'a -> 'b -> 'a * 'b = <fun>
# let p = make_pair "papier" 451 ;;
val p : string * int = ("papier", 451)
# let a = make_pair 'B' 65 ;;
val a : char * int = ('B', 65)
# fst p ;;
- : string = "papier"
```

```
# fst a ;;
- : char = 'B'
```

Функция, для которой не нужно указывать тип входного аргумента или возвращаемого значения называется полиморфной. Синтезатор типов, включённый в компилятор Objective CAML находит наиболее общий тип для каждого выражения. В этом случае Objective CAML использует переменные, здесь они обозначены как 'а и 'b, для указания общих типов. Эти переменные конкретизируются типом аргумента в момент применения функции.

При помощи полиморфных функций, мы получаем возможность написания универсального кода для любого типа переменных, сохраняя при этом надёжность статической типизации. Действительно, несмотря на то что make_paire полиморфная, значение созданное (make_paire '6' 65) имеет строго определённый тип, который отличен от (make_paire "paire"451). Проверка типов реализуется в момент компиляции, таким образом универсальность кода никак не сказывается на эффективности программы.

Пример функций и полиморфных значений

В следующем примере приведена полиморфная функция с входным параметром функционального типа.

Мы можем применить её к функции **impaire**, которая была определена ранее.

```
# app impair 2;;
- : bool = false
```

Функция тождества (id) возвращает полученный аргумент.

```
# let id x = x ;;
val id : 'a -> 'a = <fun>
# app id 1 ;;
- : int = 1
```

Следующая функция, **compose** принимает на входе две функции и ещё один аргумент, к которому применяет две первые.

```
# let compose f g x = f (g x) ;;
val compose : ('a \rightarrow 'b) \rightarrow ('c \rightarrow 'a) \rightarrow 'c \rightarrow 'b = <fun>
```

```
# let add1 x = x+1 and mul5 x = x*5 in compose mul5 add1 9 ;; - : int = 50
```

Как мы видим, тип результата возвращаемого g должен быть таким же как и тип входного аргумента f.

Не только функциональные значения могут быть полиморфными, проиллюстрируем это на примере пустого списка.

```
# let l = [] ;;
val l : 'a list = []
```

Следующий пример иллюстрирует тот факт, что создание типов основывается на разрешении ограничений, накладываемых применением функций, а вовсе не на значениях, полученных в процессе выполнения.

Здесь тип равен List.tl 'a list->'a list, то есть эта функция применяется к списку целых и возвращает список целых. Тот факт что в момент выполнения возвращён пустой список, не влияет на его тип.

Objective CAML создаёт параметризованные типы для каждой функции, которые не зависят от её аргументов. Этот вид полиморфизма называется napamempuчеcким nonumopфизмом ².

Ограничение типа

Синтезатор типа Objective CAML образует самый общий тип и иногда бывает необходимо уточнить тип выражения.

Синтаксис ограничения типа следующий:

```
(expr:t)
```

В этом случае синтезатор типа воспользуется этим ограничением при конструкции типа выражения. Использование ограничения типа позволяет

- сделать видимым тип параметра функции
- запретить использование функции вне свой области применения

²Некоторые встроенные функции не подчиняются этому правилу, особенно функция структурного равенства (=), которая является полиморфной (её тип 'a -> 'a -> bool), но она исследует структуру своих аргументов для проверки равенства.

• уточнить тип выражения, это окажется необходимым в случае физически изменяемых значений (см. ?? стр. ??).

Рассмотрим использование ограничения типа.

Это ограничение полиморфизма позволяет лучше контролировать тип выражений, тем самым ограничивая тип определённый системой. В таких выражениях можно использовать любой определённый тип.

```
# let llnil = ([] : 'a list list) ;;
val llnil : 'a list list = []
# [1;2;3]:: llnil ;;
- : int list list = [[1; 2; 3]]
```

llint является списком списков любого типа.

В данном случае подразумевается ограничение типа, а не явная типизация заменяющая тип, который определил Objective CAML. В частности, мы не можем обобщить тип, более чем это позволяет вывод типов Objective CAML.

```
# let add_general (x:'a) (y:'b) = add x y ;;
val add_general : int -> int -> int =<fun>
```

Ограничения типа будут использованы в интерфейсах модулей ??, а так же в декларации классов ??

2.3.6 Примеры

В этом параграфе мы приведём несколько примеров функций. Большинство из них уже определены в Objective CAML, мы делаем это только в «педагогических» целях.

Тест остановки рекурсивных функций реализован при помощи проверки, имеющей стиль более близкий к Lisp. Мы увидим как это сделать в стиле ML (см. ??).

Размер списка

Начнём с функции проверяющей пустой список или нет.

```
# let null l = (l=[]);;
val null : 'a list -> bool = <fun>
```

Определим функцию **size** вычисления размера списка (т.е. число элементов).

```
# let rec size l = if null l then 0 else 1+(size(List.tl l));;

val size : 'a list -> int = <fun>
# size [] ;;
- : int = 0
# size [1;2;18;22] ;;
- : int = 4
```

Функция size проверяет список: если он пуст возвращает 0, иначе прибавляет 1 к длине остатка списка.

Итерация композиций (Iteration of composition)

Выражение iterate ${\tt n}$ f вычисляет f^n , соответствующее применение функции f ${\tt n}$ раз.

```
# let rec iterate n f =

if n = 0 then (function x -> x)

else compose f (iterate (n-1) f) ;;

val iterate : int -> ('a -> 'a) -> 'a -> 'a =<fun>
```

Функция iterate проверяет аргумент n на равенство нулю, если аргумент равен, то возвращаем функцию идентичности, иначе возвращаем композицию f с итерацией f n-1 pas.

Используя iterate можно определить операцию возведения в степень, как итерацию умножения.

```
# let rec power i n =
let i_times = ( * ) i in
iterate n i_times 1 ;;
val power : int -> int -> int = <fun>
# power 2 8 ;;
```

```
-: \mathrm{int} = 256
```

Функция power повторяет n раз функциональное выражение i_times, затем применяет этот результат к 1, таким образом мы получаем n-ю степень целого числа.

Таблица умножения

Напишем функцию multab, которая вычисляет ряд таблицы умножения соответствующую целому числу переданному в аргументе.

Для начала определим функцию apply_fun_list. Пусть f_list список функций, тогда вызов apply_fun_list x f_list возвращает список результатов применения каждого элемента списка f_list x.

```
# let rec apply_fun_list x f_list =
    if null f_list then []
    else ((List.hd f_list) x)::(apply_fun_list x (List.tl f_list)) ;;

val apply_fun_list : 'a -> ('a -> 'b) list -> 'b list = <fun>
# apply_fun_list 1 [(+) 1;(+) 2;(+) 3] ;;

- : int list = [2; 3; 4]
```

Функция mk_mult_fun_list возвращает список функций умножающих их аргумент на i, 0<=i<=n.

```
# let mk_mult_fun_list n =
    let rec mmfl_aux p =
        if p = n then [ (*) n ]
        else ((*) p) :: (mmfl_aux (p+1))
        in (mmfl_aux 1) ;;
    val mk_mult_fun_list : int -> (int -> int) list = <fun>
```

Подсчитаем ряд для 7

```
# let multab n = apply_fun_list n (mk_mult_fun_list 10) ;;
val multab : int -> int list = <fun>
# multab 7 ;;
- : int list = [7; 14; 21; 28; 35; 42; 49; 56; 63; 70]
```

Итерация в списке

Вызов функции fold_left f a [e1; e2; ...; en] возвращает f...(f (f a e1) e2) ... en, значит получаем n применений.

```
# let rec fold_left f a l =
if null l then a
else fold_left f ( f a (List.hd l)) (List.tl l) ;;
val fold_left : ('a -> 'b -> 'a) -> 'a -> 'b list -> 'a = <fun>
```

С помощью функции fold_left можно компактно определить функцию вычисления суммы элементов списка целых чисел.

```
# let sum_list = fold_left (+) 0 ;;
val sum_list : int list -> int = <fun>
# sum_list [2;4;7] ;;
- : int = 13
```

Или, например, конкатенация элементов списка строк.

```
# let sum_list = fold_left (+) 0 ;;

val sum_list : int list -> int = <fun>

# sum_list [2;4;7] ;;

- : int = 13
```

2.4 Объявления типов и сопоставление с образцом

С помощью типов определённых в Objective CAML мы можем определять структурные типы, при помощи кортежей или списков. Но в некоторых случаях бывает необходимо определить новые типы для описания специальных структур. В Objective CAML, объявления типов рекурсивны и могут быть параметризованы переменными типа, как в случае 'a list который мы уже обсуждали. Вывод типов принимает во внимание новые объявления для определения типов выражений. Конструкция значений новых типов использует конструктор описанный определением типа. Особой возможностью языков семейства МL является сопоставление с образцом, которое обеспечивает простой метод доступа к компонентам (полям) структур данных. Определение функции соответствует чаще всего сопоставлению с образцом по одному из ее параметров, что позволяет определять функции для различных случаев.

Для начала, продемонстрируем механизм сопоставления на существующих типах и затем опишем различные объявления структурных типов, конструкций таких переменных и доступ к компонентам по сопоставлению с образцом.

2.4.1 Сопоставление с образцом

Образец (по английски pattern) строго говоря не совсем выражение Objective CAML. Речь скорее идёт о корректной компоновке (синтаксической и с точки зрения типов) элементов, таких как константы базовых типов (int, bool, char ...), переменные, конструкторы и символ _, называемый универсальным образцом. Другие символы служат для записи шаблона, которые мы опишем по ходу.

Сопоставление с образцом применяется к значениям, оно служит для распознания формы этих значений и позволяет определять порядок вычислений. С каждым образцом связано выражение для вычисления.

Синтаксис:

```
match expr with
| p1 -> expr1
:
| pn -> exprn
```

Выражение expr последовательно сопоставляется (фильтруется) с разными образцами p1, ..., pn. Если один из образцов (например pi) соответствует значению expr, то соответствующее ответвление будет вычислено (expri). Образцы pi одинакового типа, так же как и expri. Вертикальная черта перед первым образцом не обязательна.

Пример

Приведём два способа, при помощи сопоставления с образцом, определения функции imply типа (bool * bool)->bool, реализующую логическую импликацию. Образец для пар — (,).

Первая версия перечисляет все возможности, как таблица истинности.

```
# let imply v = match v with
    (true,true) -> true
| (true,false) -> false
| (false,true) -> true
| (false,false) -> true;;
val imply : bool * bool -> bool = <fun>
```

Используя переменные группирующие несколько случаев, мы получаем более компактное определение.

```
\# let imply v = match v with (true,x) -> x
```

```
| (false,x) -> true;;
val imply : bool * bool -> bool = <fun>
```

Обе версии **imply** выполняют одну и ту же функцию, то есть они возвращают одинаковые значения, для одинаковых входных аргументов.

Линейный образец

Образец обязательно должен быть линейным, то есть определённая переменная не может быть использована дважды. Мы могли бы написать:

```
# let equal c = match \ c with
(x,x) \longrightarrow true
| (x,y) \longrightarrow false;;
Error: Variable x is bound several times in this matching
```

Но для этого компилятор должен уметь реализовывать тесты на равенство, что приводит к множеству проблем. Если мы ограничимся физическим значением переменных, то мы получим слишком «слабую» систему, не в состоянии, например, распознать равенство между двумя списками [1; 2]. Если же мы будет проверять на структурное равенство, то рискуем бесконечно проверять циклические структуры. Рекурсивные функции, например, это циклические структуры, но мы так же можем определить рекурсивные значения не являющиеся функциями (см.??).

Универсальный образец

Символ _ совпадает со всеми возможными значениями — он называется универсальным. Этот образец может быть использован для сопоставления сложных типов. Воспользуемся им для определения ещё одной версии функции imply:

Сопоставление должно обрабатывать все случаи, иначе компилятор выводит сообщение:

```
# let is_zero n = match n with 0 -> true ;;
Warning 8: this pattern—matching is not exhaustive.
Here is an example of a value that is not matched:

1
```

```
| val is_zero : int -> bool =< fun>
```

В случае если аргумент не равен 0, функция не знает какое значение должно быть возвращено. Для исправления добавим универсальный образец:

```
# let is_zero n = match n with
0 -> true
| _ -> false ;;
val is_zero : int -> bool = <fun>
```

Если во время выполнения ни один образец не выбран, возбуждается исключение:

```
# let f x = match x with 1 -> 3;;
Warning 8: this pattern—matching is not exhaustive.
Here is an example of a value that is not matched:
0
val f: int -> int = <fun>
# f 1;;
-: int = 3
# f 4;;
Exception: Match_failure ("", 77, -33).
```

Исключение Match_Failure возбуждено при вызове f 4 и если оно не обработано, то вычисление останавливается (см. ??).

Комбинация образцов

Комбинация образцов позволяет получить новый образец, который может разложить значение в соответствии с одним или другим из начальных шаблонов.

Синтаксис

$$p_1|\ldots|p_n$$

Эта форма создаёт новый образец из комбинации мотивов p_1, \ldots, p_n , с единственным ограничением — каждый из этих образцов должен содержать константные значения либо универсальный образец.

Следующий пример показывает как проверить является ли входной символ гласной буквой.

```
# let is_a_vowel c = match c with
'a' | 'e' | 'i' | 'o' | 'u' | 'y' -> true
```

```
| _ -> false ;;

val is_a_vowel : char -> bool = <fun>

# is_a_vowel 'i' ;;

- : bool = true

# is_a_vowel 'j' ;;

- : bool = false
```

Параметризованное сопоставление

Параметризованное сопоставление используется в основном для определения функций выбора. Для облегчения записи подобных определений, конструктор function разрешает следующее сопоставление одного параметра.

Синтаксис

```
function | p1 -> expr1
| p2 -> expr2
:
| pn -> exprn
```

Вертикальная черта перед первым образцом не обязательна. Каждый раз при определении функции, мы используем сопоставление с образцом. Действительно, конструкция function x -> expression является определением сопоставления по уникальному образцу одной переменной. Можно использовать эту особенность в простых шаблонах:

```
# let f = function (x,y) \rightarrow 2*x + 3*y + 4;;
val f : int * int -> int = <fun>
```

Форма

```
function p1 -> expr1 | ... | pn -> exprn
```

эквивалентна

```
function expr -> match expr with p1 -> expr1 | ... | pn -> exprn
```

Используя схожесть определения на (см. 2.3.4), мы бы написали:

```
# let f (x,y) = 2*x + 3*y + 4;;
val f : int * int -> int = <fun>
```

Но подобная запись возможна лишь в случае если фильтруемое значение принадлежит к типу с единственным конструктором, иначе сопоставление не является исчерпывающим:

```
# let is_zero 0 = true;;
Warning 8: this pattern—matching is not exhaustive.
Here is an example of a value that is not matched:

1
val is_zero: int -> bool = <fun>
```

Присвоение имени фильтруемому значению

Иногда при сопоставлении с образцом, бывает необходимо дать имя всему образцу или лишь его части. Следующая синтаксическая форма вводит ключевое слово as, которое ассоциирует имя образцу.

Синтаксис

```
(p as nom)
```

Это бывает полезно когда необходимо разбить значение на части, сохраняя при этом его целостность. В следующем примере функция возвращает наименьшее рациональное число из пары. Каждое рациональное число представлено числителем и знаменателем.

```
# let min_rat pr = match pr with ((\_,0),p2) -> p2

| (p1,(\_,0)) -> p1

| (((n1,d1) \text{ as } r1), ((n2,d2) \text{ as } r2)) ->

if (n1*d2) < (n2*d1) \text{ then } r1 \text{ else } r2;;

val min_rat : (\text{int}*\text{int}) * (\text{int}*\text{int}) -> \text{int}*\text{int} = <\text{fun}>
```

Для сравнения двух рациональных чисел, необходимо разбить их для именования числителя и знаменателя (n1, n2, d1 и d2), но так же для собирания в одно целое начальные пары (r1 или r2). Конструкция позволяет дать имена частям значения — это избавляет от реконструкции рационального числа при возвращении результата.

Сопоставление с ограничением

Сопоставление с ограничением соответствует вычислению условного выражения сразу после сопоставления с образцом. Если это выражение возвращает значение true, то выражение соответствующее этому образцу будет вычислено, иначе сопоставление будет продолжаться дальше.

Синтаксис:

```
match expr with
```

В следующем примере используется два ограничения для проверки равенства двух рациональных чисел.

```
# let eq_rat cr = match cr with ((\_,0),(\_,0)) -> true |((\_,0),\_) -> false |(\_,(\_,0)) -> false |((n1,1),(n2,1)) when n1 = n2 -> true |((n1,d1),(n2,d2)) when ((n1*d2) = (n2*d1)) -> true |\_-> false;; val eq_rat : (int * int) * (int * int) -> bool = < fun>
```

Если при фильтрации четвёртого образца ограничение не выполнится, то сопоставление продолжится по пятому образцу.

Предупреждение

При проверке исчерпываемости сопоставления Objective CAML предполагает что условное выражение может быть ложным. В следствии, верификатор не учитывает этот образец, так как не возможно знать до выполнения сработает ограничение или нет. Исчерпываемость следующего фильтра не может быть определена.

```
# let f = function x when x = x -> true;;
Warning 25: bad style, all clauses in this pattern—matching are guarded.
val f: 'a -> bool = <fun>
```

Образец интервала символов

При сопоставлении символов, неудобно описывать комбинацию всех образцов, которая соответствует интервалу символов. Действительно, для того чтобы проверить является ли символ буквой, необходимо написать как минимум 26 образцов и скомбинировать их. Для символьного типа разрешается запись следующего шаблона:

Синтаксис

```
'c1' .. 'cn'

что соответствует 'c1' | 'c2' | ... | 'cn'
К примеру образец

'0' .. '9'
```

соответствует образу

```
      '0' | '1' | '2' | '3' | '4' | '5' | '6' | '7' | '8' | '9'.
```

Первая форма быстрее и проще воспринимается при чтении.

Предупреждение

Это особенность является расширением языка и может измениться в следующих версиях.

Используя комбинированные образцы и интервалы, напишем функцию по определению символа по нескольким критериям.

Заметим, что порядок образцов важен, второе множество содержит первое, но оно проверяется только после неудачи первого теста.

Образцы списков

Как мы уже видели список может быть:

- либо пуст (в форме [])
- либо состоять из первого элемента (заголовок) и под-списка (хвост). В этом случае он имеет форму t::q.

Обе эти записи могут быть использованы в образце при фильтрации списка.

```
# let rec size x = match x with

[] -> 0

| _::tail_x -> 1 + (size tail_x) ;;

val size : 'a list -> int = <fun>

# size [];;

- : int = 0

# size [7;9;2;6];;

- : int = 4
```

Перепишем раннее показанный пример (см. 2.3.6) используя сопоставление с образом для итерации списков.

```
let rec fold_left f a = function

[] -> a
| head::tail -> fold_left f (f a head) tail ;;

# fold_left (+) 0 [8;4;10];;

- : int = 22
```

Объявление значения через сопоставлением с образцом

Объявление значений само по себе использует сопоставление. let x = 18 сопоставляет образцы x со значением 18. Любой образец принимается как фильтр объявления, переменные образца ассоциируются со значениями которые они сопоставляют.

```
# let (a,b,c) = (1, true, 'A');;

val a : int = 1

val b : bool = true

val c : char = 'A'

# let (d,c) = 8, 3 in d + c;;

- : int = 11
```

Видимость переменных фильтра та же самая что у локальных переменных. Здесь с ассоциировано с 'A'.

```
# a + (int_of_char c);;

- : int = 66
```

Как и любой фильтр, определение значения может быть не исчерпывающим.

```
# let [x;y;z] = [1;2;3];;
Warning 8: this pattern—matching is not exhaustive.

Here is an example of a value that is not matched:

[]
val x: int = 1
val y: int = 2
val z: int = 3
# let [x;y;z] = [1;2;3;4];;

Warning 8: this pattern—matching is not exhaustive.

Here is an example of a value that is not matched:

[]
Exception: Match_failure ("", 98, -39).
```

Принимается любой образец, включая конструктор, универсальный и комбинированный.

```
# let head :: 2 :: _ = [1; 2; 3] ;;
Warning 8: this pattern—matching is not exhaustive.
Here is an example of a value that is not matched:

[]
val head : int = 1
# let _ = 3. +. 0.14 in "PI" ;;
- : string = "PI"
```

Последний пример мало интересен для функционального программирования, поскольку значение 3.14 не именовано, и соответственно будет потерянно.

2.4.2 Декларация типов

Объявление типа — это одна из других возможных фраз синтаксиса Objective CAML. Она позволяет определить новые типы соответствующие обычным структурам данных используемым в программах. Существует два больших семейства типов: тип—произведение для кортежей или записей или тип—сумма для union.

Синтаксис:

```
type nom = typedef;;
```

В отличии от объявления переменных, объявление типов по умолчанию рекурсивно. То есть объявления типов, когда они скомбинированы, могут объявлять взаимно рекурсивные типы.

Синтаксис:

```
type name1 = typedef1
and name2 = typedef2
:
and namen = typedefn ;;
```

Объявления типов могут быть параметризованы переменной типа. Имя переменной типа начинается всегда с апострофа (символ ').

Синтаксис

```
type 'a nom = typedef ;;
```

В случае когда таких переменных несколько, параметры типа декларируются как кортеж перед именем типа.

Синтаксис

```
type ('a1 ...'an) nom = typedef ;;
```

Только те параметры, которые определены в левой части декларации, могут появится в её правой части.

Замечание Во время вывода на экран Objective CAML переименует параметры типа, первый в 'a, второй в 'b и так далее. Мы всегда можем объявить новый тип используя ранее объявленные типы.

Синтаксис:

```
type name = type expression
```

Это полезно в том случае, когда мы хотим ограничить слишком общий тип:

```
# type 'param paired_with_integer = int * 'param ;;
type 'a paired_with_integer = int * 'a
# type specific_pair = float paired_with_integer ;;
type specific_pair = float paired_with_integer
```

Без ограничения, выводится наиболее общий тип:

```
# let x = (3, 3.14);;
val x : int * float = (3, 3.14)
```

Но мы можем использовать ограничитель типа для того, чтобы получить желаемое имя:

```
# let (x:specific_pair) = (3, 3.14) ;;
val x : specific_pair = (3, 3.14)
```

2.4.3 Записи

Запись — это кортеж, в котором каждому полю присваивается имя на подобии record в Pascal или struct в С. Запись всегда соответствует объявлению нового типа. Для определения записи необходимо указать её имя, а так же имя и тип для каждого поля записи.

Синтаксис:

```
\mathbf{type} \ \mathbf{nom} = \{ \ \mathbf{nom1} : \mathbf{t1}; ...; \ \mathbf{nomn} : \mathbf{tn} \ \} \ ;;
```

Определим тип комплексного числа следующим образом.

```
# type complex = { re:float; im:float } ;;
type complex = { re : float; im : float; }
```

Для того чтобы создать значение типа запись, нужно присвоить каждому полю значение (в каком угодно порядке).

Синтаксис:

```
{ \{ \text{ nomi1} = \text{expri1}; ...; \text{ nomin} = \text{exprin} \} ;; }
```

В следующем примере мы создадим комплексное число, в котором реальная часть равна 2 и мнимая 3:

```
# let c = {re=2.;im=3.} ;;

val c : complex = {re = 2.; im = 3.}

# c = {im=3.;re=2.} ;;

- : bool = true
```

В случае если не хватает некоторых полей, произойдёт следующая ошибка:

```
# let d = \{ im=4. \};;
Error: Some record field labels are undefined: re
```

Доступ к полям возможен двумя способами: синтаксис с точкой, либо сопоставлением некоторых полей.

Синтаксис с точкой заключается в следующем:

Синтаксис:

```
expr.nom
```

Выражение expr должно иметь тип «запись с полем nom».

Сопоставление записи позволяет получить значение связанное с определённым полям. Синтаксис образца для записи следующий.

Синтаксис

```
\{ \text{ nomi} = \text{pi} ; ...; \text{ nomj} = \text{pj} \}
```

Образцы находятся справа от символа = (pi, ..., pj). Необязательно перечислять все поля записи в образце.

Функция add_complex обращается к полям с помощью «точки», тогда как функция mult_complex обращается при помощи фильтра.

```
# let add_complex c1 c2 = {re=c1.re+.c2.re; im=c1.im+.c2.im};;
val add_complex : complex -> complex -> complex = <fun>
# add_complex c c ;;
- : complex = {re = 4.; im = 6.}
# let mult_complex c1 c2 = match (c1,c2) with
    ({re=x1;im=y1},{re=x2;im=y2}) -> {re=x1*.x2-.y1*.y2;im=x1*.y2 +.x2*.y1} ;;
```

```
val mult_complex : complex -> complex -> complex = <fun>
# mult_complex c c ;;
- : complex = {re = -5.; im = 12.}
```

Преимущество записей, по сравнению с кортежами как минимум двойное:

- более информативное описание, благодаря именам полей это в частности позволяет облегчить образцы фильтра;
- идентичное обращение по имени, порядок значения не имеет главное указать имя.

```
# let a = (1,2,3);;
val a: int * int * int = (1, 2, 3)

# let f tr = match tr with x,__,_ -> x;;
val f: 'a * 'b * 'c -> 'a = <fun>

# f a;;
-: int = 1

# type triplet = {x1:int; x2:int; x3:int};;

type triplet = { x1 : int; x2 : int; x3 : int; }

# let b = {x1=1; x2=2; x3=3};;

val b: triplet = {x1 = 1; x2 = 2; x3 = 3}

# let g tr = tr.x1;;
val g: triplet -> int = <fun>
# g b;;
-: int = 1
```

При сопоставлении с образцом не обязательно перечислять все поля записи, тип будет вычислен по последней описанной записи, которая содержит указанные поля.

```
# let h tr = match tr with {x1=x} -> x;;
val h : triplet -> int = <fun>
# h b;;
- : int = 1
```

Существует конструкция позволяющая создать идентичную запись, с разницей в несколько полей, что удобно для записей с большим числом полей.

Синтаксис:

```
{ name with namei= expri; ...; namej=expr_j}
```

```
# let c = {b with x1=0} ;;
val c : triplet = {x1 = 0; x2 = 2; x3 = 3}
```

Новая копия значения b отличается только лишь значением поля x1. Предупрежсдение

Это особенность является расширением языка и может измениться в следующих версиях.

2.4.4 Тип сумма (sum)

В отличии от кортежей или записей, которые соответствуют декартову произведению, тип сумма соответствует объединению множеств (union). В один тип мы группируем несколько разных типов (например, целые числа и строки). Различные члены суммы определяются конструкторами, которые с одной стороны позволяют сконструировать значение этого типа и с другой получить доступ к компонентам этих значений при помощи сопоставления с образцом. Применить конструктор к аргументу, значит указать что возвращаемое значение будет этого нового типа.

Тип сумма описывается указыванием имени конструкторов и типа их возможного аргумента.

Синтаксис:

```
type name = ...
| Namei ...
| Namej of tj ...
| Namek of tk * ...* tl ...;;
```

Имя конструктора это специальный идентификатор.

Замечание

Имя конструктора должно всегда начинаться с заглавной буквы.

Константный конструктор

Мы называем константным, конструктор без аргументов. Такие конструктора могут затем использоваться как значения языка, в качестве констант.

(Орел Решка)

```
# type coin = Heads | Tails;;

type coin = Heads | Tails

# Tails;;

- : coin = Tails
```

Тип может быть определён подобным образом.

Конструктор с аргументами

Конструктора могут иметь аргументы, ключевое слово of указывает тип аргумента. Это позволяет сгруппировать под одним типом объекты разных типов, имеющих разные конструктора. Определим типы couleur и carte следующим образом.

```
# type couleur = Pique | Coeur | Carreau | Trefle ;;
type couleur = Pique | Coeur | Carreau | Trefle
\# type carte =
      Roi of couleur
     Dame of couleur
     Cavalier of couleur
     Valet of couleur
     Petite carte of couleur * int
     Atout of int
     Excuse ;;
type carte =
    Roi of couleur
   Dame of couleur
   Cavalier of couleur
   Valet of couleur
   Petite carte of couleur * int
   Atout of int
   Excuse
```

Создание значения типа **carte** получается применением конструктора к значению с нужным типом.

```
# Roi Pique ;;
- : carte = Roi Pique
# Petite_carte(Coeur, 10) ;;
- : carte = Petite_carte (Coeur, 10)
# Atout 21 ;;
- : carte = Atout 21
```

Следующая функция, toutes_les_cartes, создаёт список всех карт цвета указанного аргументом.

```
# let rec interval a b = if a = b then [b] else a::(interval (a+1) b) ;;
val interval : int -> int -> int list = <fun>
```

```
# let toutes_les_cartes s =
    let les_figures = [ Valet s; Cavalier s; Dame s; Roi s ]
    and les_autres = List.map (function n -> Petite_carte(s,n)) (
        interval 1 10)
    in les_figures @ les_autres ;;
val toutes_les_cartes : couleur -> carte list = <fun>
# toutes_les_cartes Coeur ;;
- : carte list =
[Valet Coeur; Cavalier Coeur; Dame Coeur; Roi Coeur; Petite_carte (
        Coeur, 1);
Petite_carte (Coeur, 2); Petite_carte (Coeur, 3); Petite_carte (Coeur, 4);
Petite_carte (Coeur, 5); Petite_carte (Coeur, 6); Petite_carte (Coeur, 7);
Petite_carte (Coeur, 8); Petite_carte (Coeur, 9); Petite_carte (Coeur, 10)]
```

Для манипуляции значений типа сумма, мы используем сопоставление с образцом. В следующем примере опишем функцию преобразующую значения типа couleur и типа carte в строку (тип string):

```
\# let string of couleur = function
       Pique -> "pique"
     Carreau -> "carreau"
     Coeur -> "coeur"
     Trefle -> "etrfle";;
val string of couleur : couleur -> string = <fun>
\# let string of carte = function
       Roi c -> "roi de " ^ (string of couleur c)
     {\rm Dame~c~-} > \mbox{"dame~de~"} \stackrel{\cdot}{\smallfrown} ({\rm string\_of\_couleur~c})
     Valet c -> "valet de " ^ (string of couleur c)
     Cavalier c -> "cavalier de " ^ (string of couleur c)
     Petite carte (c, n) \rightarrow (string of int n) ^ " de "^(
        string of couleur c)
     Atout n -> (string of int n) ^ " d'atout"
    Excuse -> "excuse" ::
val string of carte : carte -> string = <fun>
```

Kohctpyкtop Petite_carte бинарный, для сопоставления такого значения мы должны дать имя обоим компонентам.

```
# let est_petite_carte c = match c with
Petite_carte v -> true
| _ -> false;;
Error: The constructor Petite_carte expects 2 argument(s),
```

```
but is applied here to 1 argument(s)
```

Чтобы не давать имя каждой компоненте конструктора, объявим его с одним аргументом, заключив в скобки тип ассоциированного кортежа. Сопоставление двух следующих конструкторов отличается.

2.4.5 Рекурсивный тип

Определение рекурсивного типа необходимо в любом языке программирования, с его помощью мы можем определить такие типы как список, стек, дерево и так далее. В отличии от объявления let, type всегда рекурсивный в Objective CAML.

Типу список, определённому в Objective CAML, необходим один единственный аргумент. Для того чтобы хранить значения двух разных типов, как например int или char мы напишем:

2.4.6 Параметризованный тип

Мы также можем определить тип с параметрами, что позволит нам обобщить предыдущий список для двух любых типов.

```
# type ('a, 'b) list2 =
    Nil
    | Acons of 'a * ('a, 'b) list2
    | Bcons of 'b * ('a, 'b) list2 ;;

type ('a, 'b) list2 =
    Nil
    | Acons of 'a * ('a, 'b) list2
    | Bcons of 'b * ('a, 'b) list2
    | Bcons of 'b * ('a, 'b) list2
# Acons(2, Bcons('+', Acons(3, Bcons('=', Acons(5, Nil))))) ;;
- : (int, char) list2 =
Acons (2, Bcons ('+', Acons (3, Bcons ('=', Acons (5, Nil)))))
```

Естественно, оба параметра 'а и 'в могут быть одного типа:

```
# Acons(1, Bcons(2, Acons(3, Bcons(4, Nil))));;
-: (int, int) list2 = Acons (1, Bcons (2, Acons (3, Bcons (4, Nil))))
```

Как в предыдущем примере, мы можем использовать тип list2 чтобы пометить чётные и нечётные числа. Что бы создать обычный список, достаточно извлечь под—список чётных чисел.

```
# let rec extract_odd = function

Nil -> []

| Acons(_, x) -> extract_odd x

| Bcons(n, x) -> n::(extract_odd x) ;;

val extract_odd : ('a, 'b) list2 -> 'b list = <fun>
```

Определение этой функции ничего не говорит о свойстве значений хранящихся в структуре, по этой причине её тип параметризован.

2.4.7 Видимость описания

На имена конструкторов распространяются те же правила, что и на глобальные объявления. Переопределение скрывает своего предшественника. Скрытые значения всегда существуют, они никуда не делись. Однако цикл не сможет различить эти оба типа, поэтому мы получим не совсем понятное сообщение об ошибке.

В следующем примере, константный конструктор Nil типа int_of_char скрывается объявлением конструктора ('a, 'b) list2.

```
# Int_cons(0, Nil) ;;
Error: This expression has type ('a, 'b) list2
but an expression was expected of type int_or_char_list
```

Во втором примере мы получим совсем бестолковое сообщение, по крайней мере на первый взгляд. Пусть мы имеем следующую программу:

```
# type t1 = Vide | Plein;;
type t1 = Vide | Plein
# let vide_t1 x = match x with Vide -> true | Plein -> false ;;
val vide_t1 : t1 -> bool = <fun>
# vide_t1 Vide;;
- : bool = true
```

Затем переопределим тип t1:

```
# type t1 = {u : int; v : int} ;;

type t1 = { u : int; v : int; }

# let y = { u=2; v=3 } ;;

val y : t1 = {u = 2; v = 3}
```

Теперь если мы применим функцию empty_t1 к значению с новым типом t1, то получим следующее сообщение.

```
# vide_t1 y;;
Error: This expression has type t1/1468
but an expression was expected of type t1/1461
```

Первое упоминание типа t1 соответствует ранее определённому типу, тогда как второе — последнему.

2.4.8 Функциональные типы

Тип аргумента конструктора может быть каким угодно, и в частности он может быть функциональным. Следующий тип создаёт список состоящий из функциональных значений, кроме последнего элемента.

```
# type 'a listf =
    Val of 'a
    | Fun of ('a -> 'a) * 'a listf ;;
    type 'a listf = Val of 'a | Fun of ('a -> 'a) * 'a listf
```

Поскольку функциональные значения входят во множество значений которые обрабатываются языком, то мы можем создать значения типа listf:

```
# let huit_div = (/) 8 ;;

val huit_div : int -> int = <fun>
# let gl = Fun (succ, (Fun (huit_div, Val 4))) ;;

val gl : int listf = Fun (<fun>, Fun (<fun>, Val 4))
```

функция сопоставляющая подобные значения:

```
# let rec compute = function
Val v \rightarrow v

| Fun(f, x) \rightarrow f (compute x) ;;
val compute : 'a listf \rightarrow 'a = <fun>
# compute gl;;
-: int = 3
```

2.4.9 Пример: реализация деревьев

Деревья — одна из часто встречающихся структур в программировании. Рекурсивные типы позволяют с лёгкостью определять подобные вещи. В этой части мы приведём два примера с такими структурами.

Бинарные деревья

Определим дерево, в котором узлы обозначены значениями одного и того же типа:

```
# type 'a arbre_bin =
    Empty
    | Node of 'a arbre_bin * 'a * 'a arbre_bin ;;
type 'a arbre_bin = Empty | Node of 'a arbre_bin * 'a * 'a arbre_bin
```

Этой структурой мы воспользуемся в программе сортировки бинарных деревьев. Бинарное дерево имеет следующее свойство: значение левого дочернего узла меньше корневого и всех значений правых дочерних узлов. Рис. 2.1 показывает пример такой структуры с целыми числами. Пустые узлы (конструктор Empty) представлены небольшими прямоугольниками; остальные (конструктор Node) представлены окружностями, в которых показаны значения.

Извлечём значения узлов в виде сортированного списка при помощи инфиксного просмотра следующей функцией:

```
# let rec list_of_tree = function
Empty -> []
```

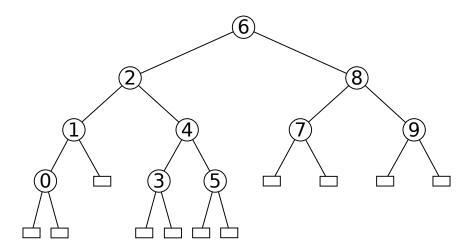


Рис. 2.1: Бинарное дерево поиска

```
|\ Node(lb,\,r,\,rb)\ ->\ (list\_of\_tree\ lb)\ @\ (r::(list\_of\_tree\ rb))\ ;;\\ \textbf{val}\ list\_of\_tree: 'a\ arbre\_bin\ ->\ 'a\ list\ =\ <\!\mathbf{fun}\!>
```

Для того чтобы получить из списка бинарное дерево, определим функцию:

```
# let rec ajout x = function

Empty -> Node(Empty, x, Empty)

| Node(fg, r, fd) -> if x < r then Node(ajout x fg, r, fd)

else Node(fg, r, ajout x fd) ;;

val ajout : 'a -> 'a arbre_bin -> 'a arbre_bin = <fun>
```

Функция трансформирующая список в бинарное дерево может быть получена использованием функции ajout

```
# let rec arbre_of_list = function

[] -> Empty

| t::q -> ajout t (arbre_of_list q) ;;

val arbre_of_list : 'a list -> 'a arbre_bin = <fun>
```

Тогда функция сортировки это всего-навсего композиция функций arbre_of_list и list_of_arbre.

```
# let tri x = list_of_arbre (arbre_of_list x) ;;
val tri : 'a list -> 'a list = <fun>
# tri [5; 8; 2; 7; 1; 0; 3; 6; 9; 4] ;;
```

```
-: \text{int list} = [0; 1; 2; 3; 4; 5; 6; 7; 8; 9]
```

Общие планарные деревья

Воспользуемся функцией определённой в модуле List (см. ??):

- List.map: которая применяет одну функцию ко всем элементам списка и возвращает список результатов.
- List.fold_left: эквивалент функции fold_left определённой на стр. 2.4.1
- List.exists применяет функцию булевого значения ко всем элементам и если одно из применений возвращает true, то результат true, иначе false.

Общее планарное дерево — это дерево в котором нет ограничения на число дочерних узлов: каждому узлу ассоциируем список дочерних узлов и длина этого списка не ограничена.

```
# type 'a arbre = Empty
| Node of 'a * 'a arbre list ;;
type 'a arbre = Empty | Node of 'a * 'a arbre list
```

Пустое дерево представлено значением Empty, лист — это узел без дочерних узлов формы Node(x,[]) или Node(x, [Empty; Empty; ...]). Таким образом достаточно просто написать функции, манипулирующие подобными деревьями такие как принадлежность элемента дереву или вычисление высоты дерева.

Для проверки принадлежности элемента е воспользуемся следующим алгоритмом: если дерево пустое, тогда элемент е не принадлежит этому дереву, в противном случае е принадлежит дереву только если он равен значению корня дерева или принадлежит дочерним узлам.

```
val belongs : 'a -> 'a arbre -> bool = <fun>
# let rec appartient e = function
        Empty -> false
        | Node(v, fs) -> (e=v) or (List.exists (appartient e) fs) ;;
val appartient : 'a -> 'a arbre -> bool = <fun>
```

Для вычисления высоты дерева, напишем следующую функцию: высота пустого дерева равна 0, в противном случае его высота равна высоте самого большого под—дерева плюс 1.

```
# let rec hauteur =
let max_list l = List.fold_left max 0 l in
function
Empty -> 0
| Node (_, fs) -> 1 + (max_list (List.map hauteur fs)) ;;
val hauteur : 'a arbre <math>-> int = <fun>
```

2.4.10 Не функциональные рекурсивные значения

Рекурсивное объявление не функциональных значений позволяет конструировать циклические структуры данных.

Следующее объявление создаёт циклический список одного элемента.

Применение рекурсивной функции к подобному списку приведет к переполнению памяти.

```
# size 1;;
Stack overflow during evaluation (looping recursion?).
```

Структурное равенство таких списков может быть проверенно лишь в случае, когда физическое равенство верно.

```
l=l ;;
- : bool = true
```

В случае, если мы определим такой же новый список, не стоит использовать проверку на структурное равенство, под угрозой зацикливания программы. Таким образом следующая инструкция не рекомендуется.

```
let rec |2| = 1::|2| in |1| = |2|;;
```

Однако, физическое равенство остаётся возможным.

```
# let rec l2 = 1::l2 in l==l2 ;;
- : bool = false
```

Предикат == сравнивает непосредственно значение или разделения структурного объекта (одним словом равенство по адресу). Мы воспользуемся этим тестом для того чтобы при просмотре списка, не проверять уже просмотренные под-списки. Сначала, определим функцию memq которая проверяет присутствие элемента в списке при помощи физического равенства. В это же время функция mem проверяет равенство структурное. Обе функции принадлежат модулю List.

```
# let rec memq a l = match l with

[] -> false
| b::l -> (a==b) or (memq a l) ;;

val memq : 'a -> 'a list -> bool = <fun>
```

Функция вычисляющая размер списка определена при помощи списка уже проверенных списков и останавливается при встрече списка второй раз.

```
# let special_size l =
let rec size_aux previous l = match l with
| | -> 0
| _::l1 -> if memq l previous then 0
| else 1 + (size_aux (l::previous) l1)
| in size_aux [] l ;;
val special_size : 'a list -> int = <fun>
# special_size [1;2;3;4] ;;
- : int = 4
# special_size l ;;
- : int = 1
# let rec l1 = 1::2::l2 and l2 = 1::2::l1 in special_size l1 ;;
- : int = 4
```

2.5 Типизация, область определения и исключения

Вычисленный тип функции принадлежит подмножеству множества в котором она определена. Если входной аргумент функции типа int, это не значит что она сможет быть выполнена для любого переданного ей целого числа. Таких случаях мы используем механизм исключений Objective CAML. Запуск исключения провоцирует остановку вычислений, которое может быть выявлено и обработано. Для этого необходимо установить обработчик исключения, до того как исключение может быть возбуждено.

2.5.1 Частичные функции и исключения

Область определения функции соответствует множеству значений которыми функция манипулирует. Существует множество математических частичных функций, таких как например, деление или натуральный логарифм. Проблемы возникают в том случае, когда функция манипулирует более сложными структурами данных. Действительно, каков будет результат функции определяющей первый элемент списка, если список пуст. Аналогично, вычисление факториала для отрицательного числа приводит к бесконечному вычислению.

Определённое число исключительных ситуаций может произойти во время выполнения программы, как например деление на ноль. Попытка деления на ноль может привести в лучшем случае к остановке программы и в худшем к неправильному (некоэрантному) состоянию машины. Безопасность языка программирования заключается в гарантии того, что такие случаи не возникнут. Исключение есть один из способов такой гарантии.

Деление 1 на 0 провоцирует запуск специального исключения:

```
# 1/0;;
Exception: Division_by_zero.
```

Cooбщение Exception: Division_by_zero указывает во первых на то, что исключение Division_by_zero возбуждено и во вторых, что оно не было обработано.

Часто, тип функции не соответствует области ее определения в том случае когда сопоставление с образцом не является полным, то есть когда он не отслеживает все возможные случаи. Чтобы избежать такой ситуации, Objective CAML выводит следующее сообщение.

```
# let tete l = match l with t::q -> t ;;
Warning 8: this pattern-matching is not exhaustive.
Here is an example of a value that is not matched:

| val tete : 'a list -> 'a = <fun>
```

Однако, если программист все таки настаивает на своей версии, то Objective CAML воспользуется механизмом исключения в случае неправильного вызова частичной функции.

```
# tete [] ;;
Exception: Match_failure ("", 9, 9).
```

Мы уже встречали другое исключение определенное в Objective CAML: Failure, с входным аргументом типа string. Запустить это исключение можно функцией failwith. Воспользуемся этим и дополним определение функции tete.

2.5.2 Определения исключения

В Objective CAML, тип исключений — \exp . Это особенный тип — расширяемая сумма: мы можем увеличить множество значений этого типа объявляя новые конструкторы. Такая особенность позволяет программисту определять свои собственные исключения.

Синтаксис объявления следующий:

Синтаксис:

```
exception Nom ;;
```

Синтаксис:

```
exception Nom of t ;;
```

Вот несколько примеров объявления исключений.

```
# exception A_MOI;;
exception A_MOI
# A_MOI;;
- : exn = A_MOI
# exception Depth of int;;
exception Depth of int
# Depth 4;;
- : exn = Depth 4
```

Имена исключений являются конструкторами — это значит они должны начинаться с заглавной буквы.

```
# exception minuscule ;;
Error: Syntax error
```

Предупреждение

Исключения мономорфны, при объявлении типа аргумента мы не можем указать параметризующий тип.

```
exception Value of 'a ;;
Error: Unbound type parameter 'a
```

Полиморфное исключение позволило бы определение функций, возвращающих результат любого типа. Подобный пример мы рассмотрим далее на ??.

2.5.3 Возбуждение исключения

raise — функциональный примитив языка Objective CAML, её входной аргумент есть исключение, а возвращает он полиморфный тип.

```
# raise ;;
- : exn -> 'a = <fun>
# raise A_MOI;;

Exception: A_MOI.
# 1+(raise A_MOI);;

Exception: A_MOI.
# raise (Depth 4);;

Exception: Depth 4.
```

B Objective CAML нет возможности написать функцию raise, она должна быть определена системой.

2.5.4 Перехват исключения

Весь интерес возбуждения исключений содержится в возможности их обработать и изменить выполнение программы в зависимости от этого исключения. В этом случае, порядок вычисления выражения имеет значение для того чтобы определить какое исключения было запущенно. Таким образом мы выходим из рамок чисто функционального программирования, потому как порядок вычисления аргументов может изменить результат. Об этом мы поговорим в следующей главе (стр. ??)

Следующая конструкция, вычисляющая значение какого—то выражения, отлавливает исключение, возбуждённое во время этого вычисления.

Синтаксис:

```
try expr with
| p1 -> expr1
:
| pn -> exprn
```

Если вычисление **expr** не возбудит исключения, то тип результата будет типом подсчитываемым этим выражением. Иначе, в приведённом выше сопоставлении будет искаться ответвление соответствующее этому исключению и будет возвращено значение следующего за ним выражения.

Если ни одно ответвление не соответствует исключению, то оно будет переправлено до следующего обработчика try-with установленного в программе. Таким образом сопоставление исключения всегда исчерпывающий. Подразумевается что последний фильтр |e->raise e. Если ни одного обработчика не найдено в программе, система сама займётся обработкой этого исключения и остановит программу с выводом сообщения об ошибке.

Важно понимать разницу между вычислением исключения (то есть значение типа exn) и его обработкой, которое приостанавливает вычисления. Исключение, как и любой другой тип, может быть возвращено функцией.

```
# let rendre x = Failure x ;;
val rendre : string -> exn = <fun>
# rendre "test" ;;
- : exn = Failure "test"
# let declencher x = raise (Failure x) ;;
val declencher : string -> 'a = <fun>
# declencher "test" ;;
Exception: Failure "test".
```

Как вы наверно заметили, функция declencher (запустить) не возвращает значение типа exn, тогда как rendre (вернуть) возвращает.

Вычисления с исключениями

Кроме обработки не желаемых значений, исключения можно использовать для оптимизации. Следующий пример реализует произведение всех элементов списка целых чисел. Мы воспользуемся исключением для

остановки просмотра списка если обнаружим 0, который мы вернём как результат функции.

Оставшиеся вычисления, то есть произведения элементов после встреченного нуля, не выполняются. После встречи raise, вычисление вновь продолжится с with.

2.6 Полиморфизм и значения возвращаемые функциями

Полиморфизм Objective CAML позволяет определить функции, тип возвращаемого выражения которых конкретно не определён. Например:

Однако, возвращаемый тип id зависит от типа аргумента. Таким образом, если мы применим функцию id к какому-нибудь аргументу, то механизм вывода (определения) типа сможет реализовать переменную типа 'a. Для каждого частного использования тип функции id может быть определён.

Иначе, использование жёсткой статической типизации, которая обеспечивает правильность выполнения, не будет иметь смысла. Функция с полностью неопределённым типом как 'a->'b, разрешит какое попало преобразование типа, что привело бы к ошибке выполнения, так как физическое представление значений не одно и то же.

Очевидное противоречие

Мы можем определить функции, которые возвращают значение, тип которого не соответствует типу аргументов. Рассмотрим несколько примеров и проанализируем почему это не противоречит жёсткой статической типизации.

Вот первый пример:

Эта функция конструирует полиморфные значения из любого типа.

```
# f ();;
-: 'a list = []
# f "n'importe quoi";;
-: 'a list = []
```

Однако, полученное значение не совсем является не определённым — подразумевается список. Таким образом она не может использоваться где попало.

Вот три примера функций типа 'а -> 'b:

```
# let rec f1 x = f1 x ;;

val f1 : 'a -> 'b = <fun>

# let f2 x = failwith "n'importe quoi" ;;

val f2 : 'a -> 'b = <fun>

# let f3 x = List.hd [] ;;

val f3 : 'a -> 'b = <fun>
```

Эти функции не являются «опасными» в отношении правильности выполнения программы, так как их невозможно использовать для конструкции значений: первая зацикливается, две последние запускают исключение, которые останавливают выполнение программы.

Чтобы не было возможности определить функции типа 'a -> 'b, новые конструкторы исключений не должны иметь аргументы типы которых содержат переменную.

Если бы могли объявить полиморфное исключение Poly_exn типа 'a -> exn, то тогда следующая функция была бы возможна:

Таким образом, тип функции f это int->int и тип Poly_exn это 'a -> exn, теперь напишем следующее:

Это правильно типизированная функция (поскольку аргумент Poly_exn может быть каким угодно) и вызов g 0 попытается сложить целое с булевым значением!

2.7 Калькулятор

Для того чтобы понять как организуются программы на Objective CAML, необходимо самим реализовать такую программу. Напишем калькулятор манипулирующий целыми числами при помощи 4 стандартных операций.

Для начала, определим тип **key**, для представления кнопки калькулятора. Всего таких кнопок будет 15: по одной для каждой операции, для каждой цифры и для кнопки равно.

```
\# type key = Plus | Minus | Times | Div | Equals | Digit of int ;;
```

Заметим, что цифровые кнопки сгруппированы под одним конструктором Digit с аргументом целого типа. Таким образом, некоторые значения типа key не являются на самом деле кнопкой. Например, (Digit 32) есть значение типа key, но не представляет ни одну кнопку калькулятора.

Напишем функцию valid которая проверяет входной аргумент на принадлежность к типу key. Тип функции key->bool.

На первом этапе определим функцию проверяющую что число принадлежит интервалу 0-9. Объявим её с именем is_digit.

```
# let est_chiffre = function x \rightarrow (x>=0) && (x<=9) ;;
val est_chiffre : int -> bool = <fun>
```

Теперь функция valid фильтрующая свой аргумент тип которого key:

```
let valide tch = match tch with
    Chiffre n -> est_chiffre n
    | _ -> true ;;
val valide : touche -> bool = <fun>
```

Первый фильтр применяется в случае если входной аргумент построен конструктором Digit, в этом случае он проверяется функцией is_digit. Второй фильтр применяется в любом другом случае. Напомним, что благодаря фильтру, тип фильтруемого значения обязательно будет key.

Перед тем как начать реализовывать алгоритм калькулятора, определим модель формально описывающую реакцию на нажатие кнопок. Мы подразумеваем что калькулятор располагает памятью в которой хранится результат последней операции, последняя нажатая кнопка, последний использованный оператор и число выведенное на экран. Все эти 4 значения назовем состоянием калькулятора, оно изменяется каждый раз при нажатии на одну из кнопок. Это изменение называется переходом, а теория управляющая подобным механизмом есть теория автоматов.

Состояние представлено следующим типом:

```
type etat = \{
  dce:int; (* dernier calcul éeffectu *)
  dta: touche; (* èdernire touche éactionne *)
  doa: touche; (* dernier éoprateur éactionn *)
  vaf : int (* valeur éaffiche *)
} ;;
```

В таблице 2.7 приведён пример состояний калькулятора.

Γ аблица 2.5: Переходы 3 $+21*2=$		
	Состояние	Значение
	(0, =, =, 0)	3
\rightarrow	(0,3,=,3)	+
\rightarrow	(3, +, +, 3)	2
\rightarrow	(3,2,+,2)	1
\rightarrow	(3,1,+,21)	*
\rightarrow	(24, *, *, 24)	2
\rightarrow	(24, 2, *, 2)	=
\rightarrow	(48, =, =, 48)	

Нам нужна функция evaluate с тремя аргументами: двумя операндами и оператором, она возвращает результат операции. Для этого функция фильтрует входной аргумент типа кеу:

```
\# let evalue x y tch = match tch with
    Plus -> x + y
   | Moins -> x - y |
  | Fois -> x * y
```

```
| Par -> x / y
| Egal -> y
| Chiffre _ -> failwith "evalue : no op";;
val evalue : int -> int -> touche -> int = <fun>
```

Дадим определение переходам, перечисляя все возможные случаи. Предположим, что текущее состояние есть квадри-плет (a, b, A, d):

- кнопка с цифрой х нажата, есть два возможных случая:
 - предыдущая нажатая кнопка тоже цифра, значит пользователь продолжает набирать число и необходимо добавить x к значению выводимому на экран то есть изменить его на d * 10 + x. Новое состояние будет: (a, (Digit x), A, d * 10 + x)
 - предыдущая нажатая кнопка не цифра, тогда мы только начинаем писать новое число. Новое состояние: (a, (Digit x), A, x)
- кнопка с оператором В была нажата, значит второй операнд был полностью введён и теперь мы хотим «что-то» сделать с двумя операндами. Для этого сохранена последняя операция (A). Новое состояние: (A d,B,B,a A d)

Для того чтобы написать функцию transition, достаточно дословно перевести в Objective CAML предыдущее описание при помощи сопоставления входного аргумента. Кнопку с двумя значениями обработаем локальной функцией digit_transition при помощи сопоставления.

Эта функция из state и key считает новое состояние state. Протестируем теперь программу:

```
\# let etat initial = { dce=0; dta=Egal; doa=Egal; vaf=0 } ;;
val etat initial: etat = {dce=0; dta=Egal; doa=Egal; vaf=0}
\# let etat2 = transition etat initial (Chiffre 3);;
val  etat2 : etat = {dce=0; dta=Chiffre 3; doa=Egal; vaf=3}
\# let etat3 = transition etat2 Plus ;;
val etat3 : etat = {dce=3; dta=Plus; doa=Plus; vaf=3}
\# let etat4 = transition etat3 (Chiffre 2);
val etat4 : etat = {dce=3; dta=Chiffre 2; doa=Plus; vaf=2}
\# let etat5 = transition etat4 (Chiffre 1);;
val etat5 : etat = {dce=3; dta=Chiffre 1; doa=Plus; vaf=21}
\# let etat6 = transition etat5 Fois ;;
val etat6 : etat = {dce=24; dta=Fois; doa=Fois; vaf=24}
\# let etat7 = transition etat6 (Chiffre 2);;
val  etat7 : etat = {dce=24; dta=Chiffre 2; doa=Fois; vaf=2}
\# let etat8 = transition etat7 Egal ;;
val  etat8 : etat = {dce=48; dta=Egal; doa=Egal; vaf=48}
```

Мы можем сделать тоже самое, передав список переходов.

2.8 Exercises

2.9 Резюме

В этой главе мы изучили основы функционального программирования и параметризованный полиморфизм, что вместе являются основными характеристиками Objective CAML. Также мы описали синтаксис функциональной части ядра и типов. Это дало нам возможность написать первые программы. Так же мы подчеркнули глубокую разницу между типом функции и областью её применения. Механизм исключений позволяет решить эту проблему, и в то же время вводит новый стиль программирования, где мы явно указываем манеру вычисления.

2.10 To learn more

Глава 3

Императивное программирование

3.1 Введение

В отличие от функционального программирования, где значение вычисляется посредством применения функции к аргументам, не заботясь о том как это происходит, императивное программирование ближе к машинному представлению, так как оно вводит понятие состояния памяти, которое изменяется под воздействием программы. Каждое такое воздействие называется инструкцией и императивная программа есть набор упорядоченных инструкций. Состояние памяти может быть изменено при выполнении каждой инструкции. Операции ввода/вывода можно рассматривать как изменение оперативной памяти, видео памяти или файлов.

Подобный стиль программирования напрямую происходит от программирования на ассемблере. Мы встречаем этот стиль в языках программирования первого поколения (Fortran, C, Pascal, etc). Следующие элементы Objective CAML соответствуют приведённой модели:

- физически изменяемые ¹ структуры данных, такие как массив или запись с изменяемыми (mutable) полями
- операции ввода/вывода
- структуры контроля выполнения программы как цикл и исключения.

 $^{^{1}}$ в оригинальном издании (французском) используется выражение физически изменяемые, тогда как в английском переводе лишь изменяемые

Некоторые алгоритмы реализуются проще таким стилем программирования. Примером может послужить произведение двух матриц. Несмотря на то что эту операцию можно реализовать чисто функциональным способом, при этом списки заменят массивы, это не будет ни эффективнее, ни естественней по отношению к императивному стилю.

Интерес интеграции императивной модели в функциональный язык состоит в написании при необходимости подобных алгоритмов в этом стиле программирования. Два главных недостатка императивного программирования по отношению к функциональному это:

- усложнение системы типов языка и отклонение (rejecting) некоторых программ, которые бы без этого рассматривались бы как «корректные»,
- необходимость учитывать состоянием памяти и порядок вычисления.

Однако, при соблюдении некоторых правил написания программ, выбор стиля программирования предоставляет большие возможности в написании алгоритмов, что является главной целью языков программирования. К тому же, программа написанная в стиле близкому к стилю алгоритма, имеет больше шансов быть корректной (или по крайней мере быстрее реализована).

По этим причинам в Objective CAML имеются типы данных, значения которых физически изменяемые, структуры контроля выполнения программ и библиотека ввода/вывода в императивном стиле.

3.2 План главы

В данной главе продолжается представление базовых элементов Objective CAML затронутых в предыдущей главе, но теперь мы заинтересуемся императивными конструкциями. Глава разбита на 5 разделов. Первый, наиболее важный, раскрывает различные физически изменяемые структуры данных и описывает их представление в памяти. Во втором разделе кратко излагаются базовые операции ввода/вывода. Третий знакомит с новыми итеративными структурами контроля. В четвёртом разделе рассказывается об особенностях выполнения императивных программ, в частности о порядке вычисления аргументов функции. В последнем разделе мы переделаем калькулятор предыдущей главы в калькулятор с памятью.

3.3 Физически изменяемые структуры данных

Значения следующих типов: массивы, строки, записи с модифицируемыми полями и указатели есть структурированные значения, компоненты которых могут быть физически изменены.

Мы уже видели, что переменная в Objective CAML привязана к значению и хранит эту связку до конца её существования. Мы можем изменить связку лишь переопределением, но и в этом случае речь не будет идти о той же самой переменной. Новая переменная с тем же именем скроет предыдущую, которая перестанет быть доступной напрямую и останется неизменной. В случае с изменяемыми переменными, мы можем ассоциировать новое значение переменной без её переопределения. Значение переменной доступно в режиме чтение/запись.

3.3.1 Векторы

Векторы или одномерные массивы группируют определённое число однотипных элементов. Существует несколько способов создания векторов, первый — перечисление элементов, разделённых запятой и заключённых между символами [| и |] .

```
# let v = [| 3.14; 6.28; 9.42 |] ;;
val v : float array = [| 3.14; 6.28; 9.42 |]
```

Функция Array.create с двумя аргументами на входе: размер вектора и начальное значение, возвращает новый вектор.

```
# let v = Array.create 3 3.14;;
val v : float array = [|3.14; 3.14|]
```

Для того чтобы изменить или просто просмотреть значение элемента необходимо указать его номер.

Синтаксис

```
expr1 . ( expr2 )
```

Синтаксис

```
\exp r1. ( \exp r2 ) <-\exp r3
```

expr1 должен быть вектором (тип array) с элементами типа expr3. Конечно, выражение expr2 должно быть типа int. Результат модификации есть выражение типа unit. Номер первого элемента вектора 0 и

последнего — размер вектора минус 1. Скобки вокруг выражения обязательны.

```
# v.(1);;

-: float = 3.14

# v.(0) <- 100.0;;

-: unit = ()

# v;;

-: float array = [|100.; 3.14; 3.14|]
```

Если индекс элемента не принадлежит интервалу индексов вектора, то возбуждается исключения в момент доступа.

```
\# v.(-1) +. 4.0;; 
Exception: Invalid_argument "index out of bounds".
```

Эта проверка осуществляется в момент выполнения программы, что может сказаться на её быстроте. Однако, это необходимо для избежания заполнения зоны памяти вне вектора, что может привести к серьёзным ошибкам.

Функции манипуляции векторами являются частью модуля Array стандартной библиотеки, описание которого дано в главе ??. В следующих примерах мы воспользуемся тремя функциями из этого модуля:

- create создающая вектор заданного размера и начальным значением
- возвращающая размер вектора
- для конкатенации двух векторов

Совместное использование значений вектора

Все элементы вектора содержат значение, переданное во время создания вектора. В случае, если это значение структурное, оно будет совместно использоваться (sharing). Создадим, для примера, матрицу как вектор векторов при помощи функции Array.create:

```
# let v = Array.create 3 0;;
val v : int array = [|0; 0; 0|]
# let m = Array.create 3 v;;
val m : int array array = [|[|0; 0; 0|]; [|0; 0; 0|]; [|0; 0; 0|]]
```

Если поменять одно из полей вектора v, который мы использовали для создания m, мы изменим все строки матрицы (см. рисунки 3.1 и 3.2).

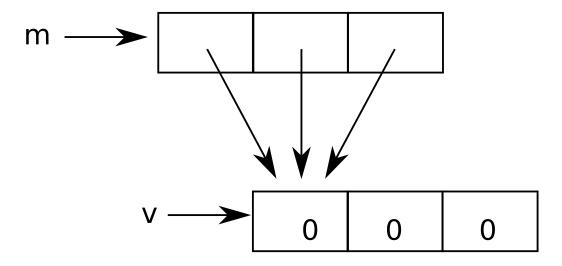


Рис. 3.1: Представление в памяти вектора с разделением элементов

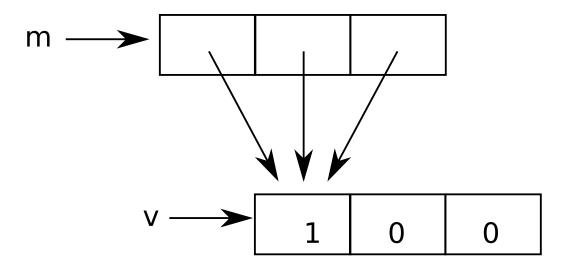


Рис. 3.2: Представление в памяти вектора с разделением элементов

Если значение инициализации вектора (второй аргумент функции Array.create) простое, атомарное, то оно копируется каждый раз и совместно используется если это значение структурное.

Мы называем атомарным значением то, размер которого не превышает стандартный размер значений Objective CAML, то есть memory word—целое, символ, булевый и конструкторы констант. Другие значения, называемые структурные, представлены указателем на зону памяти. Эта разница объяснена более детально в главе ??.

Векторы чисел с плавающей запятой есть особый случай. Несмотря на то что эти числа (float) — структурные значения, при создании вектора начальное значение копируется. Делается это для оптимизации. В главе ??, в которой обсуждается интерфейс с языком С мы обсудим эту проблему.

Не квадратная матрица

Матрица, вектор векторов, не обязательно должна быть квадратной. Действительно, мы можем заменить вектор на другой вектор с иным размером, что удобно для ограничения размера матрицы. Следующее значение t создаёт треугольную матрицу для коэффициентов треугольника Паскаля.

В этом примере элемент вектора t по индексу і есть вектор целых чисел размером і + 1. Для манипуляции такой матрицей необходимо знать размер каждого элемента вектора.

Копия векторов

При копировании вектора или конкатенации двух векторов мы получаем новый вектор. Модификация исходных векторов не повлияет на значение копий, кроме случая разделения значений рассмотренного ранее.

```
# let v2 = Array.copy v ;;
val v2 : int array = [|1; 0; 0|]
# let m2 = Array.copy m ;;
val m2 : int array array = [|[|1; 0; 0|]; [|1; 0; 0|]; [|1; 0; 0|]]]
# v.(1)<- 352;;
- : unit = ()
# v2;;
- : int array = [|1; 0; 0|]
# m2 ;;
- : int array array = [|[|1; 352; 0|]; [|1; 352; 0|]]]
```

В приведённом примере видно что копия m содержит лишь указатели на v, если один из элементов v изменён, то m2 тоже будет изменён. Конкатенация создаёт новый вектор длина которого равна сумме длин двух других.

```
# let mm = Array.append m m ;;
val mm : int array array =

[|[|1; 352; 0|]; [|1; 352; 0|]; [|1; 352; 0|];

[|1; 352; 0|]; [|1; 352; 0|]|]

# Array.length mm ;;

- : int = 6

# m.(0) <- Array.create 3 0 ;;

- : unit = ()

# m ;;

- : int array array = [|[|0; 0; 0|]; [|1; 352; 0|]; [|1; 352; 0|]|]

# mm ;;

- : int array array =

[|[|1; 352; 0|]; [|1; 352; 0|]; [|1; 352; 0|]; [|1; 352; 0|];

[|1; 352; 0|]|]
```

Однако, изменение v, разделяемого m и mm, приведёт к изменению обоих матриц:

3.3.2 Строки

Строки можно рассматривать как частный случай массива символов. Однако, по причинам использования памяти этот тип специализирован и синтаксис доступа к элементам изменён.

Синтаксис

```
[expr1 . [expr2]]
```

Элементы строки могут быть физически изменены.

Синтаксис

```
\left[ \exp r1 \cdot \left[ \exp r2 \right] < - \exp r3 \right]
```

```
# let s = "hello";;
val s : string = "hello"
# s.[2];;
- : char = 'l'
# s.[2]<-'Z';;
- : unit = ()
# s;;
- : string = "heZlo"
```

3.3.3 Изменяемые поля записей

Поля записи могут быть объявлены изменяемыми. Для этого достаточно указать при декларации типа поля ключевое слово $\mathtt{mutable}$

Синтаксис

```
\mathbf{type} \text{ name} = \{ \text{ ...; } \mathbf{mutable} \text{ name} : \mathbf{t} \text{ ; ...} \}
```

Пример определения точки плоскости.

```
# type point = { mutable xc : float; mutable yc : float } ;;

type point = { mutable xc : float; mutable yc : float; }

# let p = { xc = 1.0; yc = 0.0 } ;;

val p : point = {xc = 1.; yc = 0.}
```

Для изменения значение поля объявленного mutable используйте следующий синтаксис.

Синтаксис

```
expr1.nom < - expr2
```

Выражение expr1 должно быть типа запись содержащее поле nom. Операция модификации возвращает значение типа unit.

```
# p.xc <- 3.0 ;;

- : unit = ()

# p ;;

- : point = {xc = 3.; yc = 0.}
```

Напишем функцию перемещения точки, которая изменяет её координаты. Здесь мы используем локальную декларацию с фильтражом, для упорядочения побочных эффектов.

```
# let moveto p dx dy =
let () = p.xc <- p.xc +. dx
in p.yc <- p.yc +. dy ;;
val moveto : point -> float -> float -> unit = <fun>
# moveto p 1.1 2.2 ;;
- : unit = ()
# p ;;
- : point = {xc = 4.1; yc = 2.2}
```

Мы можем определить изменяемые или не изменяемые поля, только поля, помеченные ключевым словом mutable, будут изменяемые.

Далее, мы приводим пример использование записей с изменяемыми полями и массивов для того чтобы реализовать структуру стека (см ??).

3.3.4 Указатели

Objective CAML предлагает полиморфный тип ref, рассматриваемый как указатель на любое значение. В Objective CAML указатель точнее будет назвать указатель на значение. Указываемое значение может быть изменено. Тип ref определён как запись с изменяемым полем.

Создать ссылку на значение можно функцией ref. Указываемое значение может быть получено использованием префикса!. Для модификации значения используем инфиксную функцию (:=).

```
# let x = ref 3;;
val x: int ref = {contents = 3}

# x;;
-: int ref = {contents = 3}

#!x;;
-: int = 3

# x := 4;;
-: unit = ()

#!x;;
-: int = 4

# x := !x+1;;
-: unit = ()

#!x;;
-: int = 5
```

3.3.5 Полиморфизм и изменяемые значения

Тип ref параметризованный (2.4.6), что позволяет создавать указатели на любой тип. Однако, существует несколько ограничений. Представим, что нет никаких ограничений и мы можем объявить

```
\mathbf{let} \ \mathbf{x} = \mathbf{ref} \ [] \ ;;
```

В этом случае тип переменной х будет 'a list ref и можем изменить значение способом не соответствующим статической типизации Objective CAML.

```
\mathbf{x} := 1 :: !\mathbf{x} ;; \mathbf{x} := \mathbf{true} :: !\mathbf{x} ;;
```

При этом получаем одну и ту же переменную типа int list в один момент и bool list в другой.

Во избежании подобной ситуации, система типов Objective CAML использует новую категорию типа переменной — слабо типизированные переменные. Синтаксически, они отличаются предшествующим символом подчёркивания.

```
# let x = ref [] ;;
val x : '_a list ref = {contents = []}
```

Переменная типа '_a не является параметром типа, то есть её тип не известен до момента её реализации. Лишь в момент первого использования x, после объявления, тип будет окончательно зафиксирован.

```
# x := 0::!x ;;

- : unit = ()

# x ;;

- : int list ref = {contents = [0]}
```

Таким образом тип переменной x int list ref.

Тип, содержащий неизвестную, является мономорфным, не смотря на то что его тип ещё не был указан и невозможно реализовать то что неизвестно полиморфным типом.

```
# let x = ref [] ;;

val x : '_a list ref = {contents = []}

# x := (function y -> ())::!x ;;

- : unit = ()

# x ;;

- : ('_a -> unit) list ref = {contents = [<fun>]}
```

В этом примере, не смотря на то что мы реализуем неизвестную типом а priori полиморфным ('a->unit), тип остался мономорфным с новой неизвестной типа.

Это ограничение полиморфизма распространяется не только на указатели, но и на любое значение содержащее изменяемую часть: массивы, записи с полями объявленные mutable, и так далее. Все параметры типа, даже не имеющие никакого отношения к модифицируемым атрибутам, есть переменные слабого (weak) типа.

```
# type ('a,'b) t = \{ ch1 : 'a list ; mutable ch2 : 'b list \} ;;

type ('a, 'b) t = \{ ch1 : 'a list; mutable ch2 : 'b list; \}

# let x = \{ ch1 = [] ; ch2 = [] \} ;;

val x : ('a, '_b) t = \{ ch1 = [] ; ch2 = [] \}
```

Предупреждение

Эта модификация типа повлияет на чисто функциональные программы. Если к полиморфной переменной применена полиморфная функция, то в результате мы получим переменную слабого типа, так как нельзя не учитывать что функция может создать физически изменяемое значение. Иными словами, результат будет всегда мономорфный.

```
# (function x -> x) [] ;;
- : 'a list = []
```

Тот же результат мы получим для частичных функций.

```
# let f a b = a ;;

val f : 'a -> 'b -> 'a = <fun>

# let g = f 1 ;;

val g : '_a -> int = <fun>
```

Для получения полиморфного типа необходимо вычесть второй аргумент **f** и применить её:

Действительно, выражения определяющее x есть функциональное выражение function $x \to f 1 x$. Его вычисление даст замыкание, которое не рискует произвести побочный эффект, так как тело функции не вычислено.

В общем случае мы делаем различие между т.н. «не расширяемыми» выражениями, которые не вызывают побочных эффектов при вычислении и между «расширяемыми» выражениями. Система типов Objective CAML классифицирует выражения в соответствии с синтаксисом:

- выражения не расширяемые состоят в основном из переменных, конструкторов не изменяемых значений и абстракций
- расширяемые выражения включают в себя преимущественно создание и применение изменяемых значений. Сюда также необходимо включить такие структуры управления как условные операторы и сопоставление с образцом.

3.4 Ввод/вывод

Функции в/в вычисляют значение (чаше всего типа unit), однако в ходе вычисления, они изменяют состояние устройств в/в: изменение буфера клавиатуры, перерисовка экрана, запись в файл и так далее. Для каналов ввода и вывода определены два типа: in_channel и out_channel. При обнаружении конца файла возбуждается исключение End_of_file . Следующие константы соответствуют стандартным каналам ввода, вывода и ошибок $a\ la$ Unix: stdin, $stdout\ u\ stderr$.

87

3.4.1 Каналы

Функции ввода/вывода стандартной библиотеки Objective CAML, манипулируют каналами типа in_channel и out_channel соответственно. Для создания подобных каналов используется функция:

```
# open_in;;
- : string -> in_channel = <fun>
# open_out;;
- : string -> out_channel = <fun>
```

open_in открывает файл 2 , если он не существует, возбуждается исключение Sys_error.

open_out создаёт указанный файл если такой не существует, если же он существует то его содержимое уничтожается.

```
# let ic = open_in "koala";;
val ic : in_channel = <abstr>
# let oc = open_out "koala";;
val oc : out_channel = <abstr>
```

Функции закрытия каналов:

```
# close_in ;;

- : in_channel -> unit = <fun>

# close_out ;;

- : out_channel -> unit = <fun>
```

3.4.2 Чтение/запись

Стандартные функции чтения/записи:

```
# input_line ;;
- : in_channel -> string = <fun>
# input ;;
- : in_channel -> string -> int -> int -> int = <fun>
# output ;;
- : out_channel -> string -> int -> int -> unit = <fun>
```

• input_line ic: читает из входного канала ic символы до обнаружения возврата каретки или конца файла и возвращает в форме строки (не включая возврат каретки).

²с правом на чтение при необходимости

- input ic s p 1: считывает 1 символов из канала ic и помешает их в строку c со смешением p. Функция возвращает число прочитанных символов.
- output oc s p 1: записывает в выходной канал ос часть строки s начиная с символа р длинной 1.

Следующие функции чтения (записи) из (в) стандартного входа:

```
# read_line ;;
- : unit -> string = <fun>
# print_string ;;
- : string -> unit = <fun>
# print_newline ;;
- : unit -> unit = <fun>
```

Другие значения простых типов данных могут быть прочтены/записаны, значения таких типов могут быть переведены в тип список символов.

Локальное объявление и порядок выполнения

Попробуем вывести на экран выражение формы let x=e1 in e2. Зная, что в общем случае локальная переменная x может быть использована в e2, выражение e1 вычислено первым и только затем e2. Если эти оба выражения есть императивные функции с побочным эффектом результат которых (), мы выполнили их в правильном порядке. В частности, так как нам известен тип возвращаемого результата e1: константа () типа unit, мы получим последовательный вывод на экран используя сопоставление с образцом ().

```
# let () = print_string "and one," in
let () = print_string " and two," in
let () = print_string " and three" in
    print_string " zero";;
and one, and two, and three zero- : unit = ()
```

3.4.3 Пример Больше/Меньше

В следующем примере мы приводим игру Больше/Меньше, состоящую в поиске числа, после каждого ответа программа выводит на экран сообщение в соответствии с тем что предложенное число больше или меньше загаданного.

```
\# let rec hilo n =
     let () = print string "type a number: " in
     let i = read int ()
     in
       if i = n then
         let () = print string "BRAVO" in
         let () = print newline ()
         in print newline ()
       else
         let() =
           if i < n then
             let () = print string "Higher"
             in print newline ()
           else
             let () = print string "Lower"
             in print newline ()
         in hilo n;
val hilo : int -> unit =<fun>
```

Результат запуска

```
# hilo 64;;

type a number: 88

Lower

type a number: 44

Higher

type a number: 64

BRAVO

- : unit = ()
```

3.5 Структуры управления

Операции ввода/вывода и изменяемые значения имеют побочный эффект. Их использование упрощено императивным стилем программирования с новыми структурами контроля. В этом параграфе мы поговорим о последовательных и итеративных структурах.

Нам уже приходилось встречать (см. 2.3.2) условную структуру контроля **if** then смысл которой такой же как и в императивных языках программирования.

Пример

```
# let n = ref 1 ;;

val n : int ref = {contents = 1}

# if !n > 0 then n := !n - 1 ;;

- : unit = ()
```

3.5.1 Последовательность

Самая типичная императивная структура — последовательность, которая позволяет вычислять выражения разделённые точкой с запятой в порядке слева направо.

Синтаксис

```
expr1; ... ;exprn
```

Последовательность — это выражение, результат которого есть результат последнего выражения (здесь exprn). Все выражения вычислены и побочный эффект каждой учтён.

```
# print_string "2 = "; 1+1 ;; 2 = - : int = 2
```

С побочным эффектом, мы получаем обычные конструкции императивного программирования.

```
# let x = ref 1 ;;

val x : int ref = {contents = 1}

# x:=!x+1 ; x:=!x*4 ; !x ;;

- : int = 8
```

В связи с тем что значения предшествующие точке запятой не сохранены, Objective CAML выводит предупреждение в случае если их тип отличен от типа unit.

```
# print_int 1; 2; 3;;
Warning 10: this expression should have type unit.
1-: int = 3
```

Чтобы избежать этого сообщения, можно воспользоваться функцией ignore.

```
# print_int 1; ignore 2; 3 ;;
1-: int = 3
```

Другое сообщение будет выведено в случае если забыт аргумент функнии

```
# let g x y = x := y ;;

val g : 'a ref -> 'a -> unit = <fun>

# let a = ref 10;;

val a : int ref = {contents = 10}

# let u = 1 in g a ; g a u ;;

Warning 5: this function application is partial,

maybe some arguments are missing.

- : unit = ()

# let u = !a in ignore (g a) ; g a u ;;

Warning 5: this function application is partial,

maybe some arguments are missing.

- : unit = ()
```

Чаще всего мы используем скобки для определения зоны видимости. Синтаксически расстановка скобок может принимать 2 формы:

Синтаксис

```
(expr)
```

Синтаксис

```
begin expr end
```

Теперь мы можем написать Больше/Меньше простым стилем (стр. ??).

```
# let rec hilo n =
    print_string "type a number: ";
    let i = read_int () in
    if i = n then print_string "BRAVO\n\n"
    else
        begin
        if i < n then print_string "Higher\n" else print_string "Lower\
            n";
        hilo n
        end;;
val hilo: int -> unit = <fun>
```

3.5.2 Циклы

Структуры итеративного контроля тоже не принадлежат «миру» функционального программирования. Условие повторения цикла или выхода из него имеет смысл в случае когда есть физическое изменение памяти. Существует две структуры итеративного контроля: цикл for для ограниченного количества итераций и while для неограниченного. Структуры цикла возвращают константу () типа unit.

Цикл for может быть возрастающим (to) или убывающим (downto) с шагом в одну единицу.

```
for name = expr1 to expr2 do expr3 done
for name = expr1 downto expr2 do expr3 done
```

Тип выражений expr1 и expr2 — int. Если тип expr3 не unit, компилятор выдаст предупреждение.

```
# for i=1 to 10 do print_int i; print_string " " done; print_newline() ;;
1 2 3 4 5 6 7 8 9 10
- : unit = ()
# for i=10 downto 1 do print_int i; print_string " " done;
    print_newline() ;;
10 9 8 7 6 5 4 3 2 1
- : unit = ()
```

Heoграниченный цикл while имеет следующий синтаксис

```
while expr1 do expr2 done
```

Тип выражения expr1 должен быть bool. И, как в случае for, если тип expr2 не unit, компилятор выдаст предупреждение.

```
# let r = ref 1
in while !r < 11 do
    print_int !r;
    print_string " ";
    r := !r+1
    done;;
1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 - : unit = ()
```

Необходимо помнить, что циклы — это такие же выражения как и любые другие, они вычисляют значение () типа unit.

```
# let f () = print_string "-- end\n" ;;
val f : unit -> unit = <fun>
```

```
# f (for i=1 to 10 do print_int i; print_string " " done) ;; 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 -- end -: unit = ()
```

Обратите внимание на то, что строка « end n» выводится после цифр 1...10: подтверждение того что аргументы (в данном случае цикл) вычисляются перед передачей функции.

В императивном стиле тело цикла (выражение expr) не возвращает результата, а производит побочный эффект. В Objective CAML, если тип тела цикла не unit, то компилятор выдаёт сообщение:

```
# let s = [5; 4; 3; 2; 1; 0] ;;
val s : int list = [5; 4; 3; 2; 1; 0]
# for i=0 to 5 do List.tl s done ;;
Warning 10: this expression should have type unit.
- : unit = ()
```

3.5.3 Пример: реализация стека

В нашем примере структура данных 'a stack будет реализована в виде записи с 2 полями: структура данных stack будет запись с двумя полями: массив элементов и индекс первой свободной позиции в массиве.

```
\mathbf{type} \; \text{`a stack} = \{ \; \mathbf{mutable} \; \text{ind:int; size:int; } \; \mathbf{mutable} \; \text{elts: `a array } \} \; ;;
```

В поле size будет хранится максимальный размер стека.

Операции над стеком будут init_stack для инициализации, push для добавления и pop для удаления элемента.

```
# let init_stack n = {ind=0; size=n; elts =[||]} ;;
val init_stack : int -> 'a stack = <fun>
```

Эта функция не может создавать не пустой массив, так для создания массива необходимо передать элемент. Поэтому поле elts получает пустой массив.

Два исключения добавлены на случай попытки удалить элемент из пустого стека и добавить элемент в полный. Они используются в функциях pop и push.

```
# exception Stack_empty ;;
exception Stack_empty
# exception Stack_full ;;
exception Stack_full
```

```
# let pop p =
    if p.ind = 0 then raise Stack_empty
    else (p.ind <- p.ind - 1; p.elts.(p.ind)) ;;
val pop : 'a stack -> 'a = <fun>
# let push e p =
    if p.elts = [||] then
        (p.elts <- Array.create p.size e;
        p.ind <- 1)
    else if p.ind >= p.size then raise Stack_full
    else (p.elts.(p.ind) <- e; p.ind <- p.ind + 1) ;;
val push : 'a -> 'a stack -> unit = <fun>
```

Небольшой пример использования:

```
# let p = init_stack 4 ;;

val p : '_a stack = {ind = 0; size = 4; elts = [||]}

# push 1 p ;;

- : unit = ()

# for i = 2 to 5 do push i p done ;;

Exception: Stack_full.

# p ;;

- : int stack = {ind = 4; size = 4; elts = [|1; 2; 3; 4|]}

# pop p ;;

- : int = 4

# pop p ;;

- : int = 3
```

Чтобы избежать исключения Stack_full при переполнении стека, мы можем каждый раз увеличивать его размер. Для этого нужно чтобы поле size было модифицируемым.

```
# type 'a stack =
    {mutable ind:int; mutable size:int; mutable elts: 'a array} ;;

type 'a stack = {
    mutable ind: int;
    mutable size: int;
    mutable elts: 'a array;
}

# let init_stack n = {ind=0; size=max n 1; elts = [||]} ;;

val init_stack: int -> 'a stack = <fun>
# let n_push e p =
    if p.elts = [||]
    then
```

```
begin
      p.elts <- Array.create p.size e;
      p.ind <-1
    end
  else if p.ind >= p.size then
    begin
      let nt = 2 * p.size in
      let nv = Array.create nt e in
      for j=0 to p.size-1 do nv.(j) <- p.elts.(j) done;
      p.elts <- nv;
      p.size < - nt;
      p.ind < -p.ind + 1
    end
  else
    begin
      p.elts.(p.ind) < -e;
      p.ind <- p.ind + 1
    end;;
val n push: 'a -> 'a stack -> unit =< fun>
```

Однако необходимо быть осторожным со структурами которые могут беспредельно увеличиваться. Вот небольшой пример стека, увеличивающегося по необходимости.

```
# let p = init_stack 4 ;;
val p : '_a stack = {ind = 0; size = 4; elts = [||]}
# for i = 1 to 5 do n_push i p done ;;
- : unit = ()
# p ;;
- : int stack = {ind = 5; size = 8; elts = [|1; 2; 3; 4; 5; 5; 5; 5|]}
# p.stack ;;
Error: Unbound record field label stack
```

В функции рор желательно добавить возможность уменьшения размера стека, это позволит сэкономить память.

3.5.4 Пример: расчёт матриц

В этом примере мы определим тип «матрица» — двумерный массив чисел с плавающей запятой и несколько функций. Мономорфный тип mat это запись, состоящая из размеров и элементов матрицы. Функции

create_mat, access_mat и mod_mat служат для создания, доступа и изменения элементов матрицы.

```
\# \text{ type } \text{mat} = \{ \text{ n:int; m:int; t: float array array } \};;
type mat = \{ n : int; m : int; t : float array array; \}
# let create_mat n m = { n=n; m=m; t = Array.create_matrix n m 0.0
    } ;;
val create mat: int -> int -> mat =<fun>
# let access mat m i j = m.t.(i).(j);;
val access mat: mat -> int -> float =<fun>
\# \operatorname{let} \operatorname{mod} \operatorname{mat} \operatorname{m} \operatorname{i} \operatorname{j} \operatorname{e} = \operatorname{m.t.(i).(j)} < -\operatorname{e} :
val mod mat: mat -> int -> float -> unit =< fun>
\# let a = create_mat 3 3 ;;
val a : mat =
  \{n = 3; m = 3; t = [|[|0.; 0.; 0.|]; [|0.; 0.; 0.|]; [|0.; 0.; 0.|]|]\}
# mod mat a 1 1 2.0; mod mat a 1 2 1.0; mod mat a 2 1 1.0;;
-: unit =()
\# a ;;
-: mat =
\{n = 3; m = 3; t = [|[[0.; 0.; 0.]]; [[0.; 2.; 1.]]; [[0.; 1.; 0.]]]\}
```

Сумма двух матриц \mathbf{a} и \mathbf{b} есть матрица \mathbf{c} , такая что $c_{ij} = a_{ij} + b_{ij}$

```
# let add_mat p q =
    if p.n = q.n && p.m = q.m then
    let r = create_mat p.n p.m in
    for i = 0 to p.n-1 do
        for j = 0 to p.m-1 do
            mod_mat r i j (p.t.(i).(j) +. q.t.(i).(j))
            done
            done;
            r
            else failwith "add_mat : dimensions incompatible";;
val add_mat : mat -> mat -> mat = <fun>
# add_mat a a ;;
- : mat =
{n = 3; m = 3; t = [|[|0.; 0.; 0.|]; [|0.; 4.; 2.|]; [|0.; 2.; 0.|]||}
```

Произведение двух матриц а и b есть матрица c, такая что $c_{ij} = \sum_{k=1}^m a_{ik} \cdot b_{ki}$

3.6 Порядок вычисления аргументов

В функциональном языке программирования порядок вычисления аргументов не имеет значения. Из—за того что нет ни изменения памяти, ни приостановки вычисления, расчёт одного аргумента не влияет на вычисление другого. Objective CAML поддерживает физически изменяемые значения и исключения, поэтому пренебречь порядком вычисления аргументов нельзя. Следующий пример специфичен для Objective CAML 3.12.1 OC Linux на платформе Intel:

```
# let new_print_string s = print_string s; String.length s ;;
val new_print_string : string -> int = <fun>
# (+) (new_print_string "Hello ") (new_print_string "World!") ;;
World!Hello - : int = 12
```

По выводу на экран мы видим что вторая строка печатается после первой.

Таков же результат для исключений:

```
# try (failwith "function") (failwith "argument") with Failure s -> s;;
Warning 20: this argument will not be used by the function.
-: string = "argument"
```

Если необходимо указать порядок вычисления аргументов, необходимо использовать локальные декларации, форсируя таким образом порядок перед вызовом функции. Предыдущий пример может быть переписан следующим способом:

```
# let e1 = (new_print_string "Hello ")
in let e2 = (new_print_string "World!")
in (+) e1 e2 ;;
Hello World!- : int = 12
```

В Objective CAML порядок вычисления не указан, на сегодняшний день все реализации caml делают это слева направо. Однако рассчитывать на это может быть рискованно, в случае если в будущем язык будет реализован иначе.

Это вечный сюжет дебатов при концепции языка. Нужно ли специально не указывать некоторые особенности языка и предложить программистам не пользоваться ими, иначе они рискуют получить разные результаты для разных компиляторов. Или же необходимо их указать и, следовательно, разрешить программистам ими пользоваться, что усложнит компилятор и сделает невозможным некоторые оптимизации?

3.7 Калькулятор с памятью

Вернёмся к нашему примеру с калькулятором описанным в предыдущей главе и добавим ему пользовательский интерфейс. Теперь мы будем вводить операции напрямую и получать результат сразу без вызова функции переходов (из одного состояния в другое) при каждом нажатии на кнопку.

Добавим 4 новые кнопки: С которая очищает экран, М для сохранения результата в памяти, m для его вызова из памяти и OFF для выключения калькулятора. Что соответствует следующему типу:

```
# type key = Plus | Minus | Times | Div | Equals | Digit of int | Store | Recall | Clear | Off ;;

type key = Plus | Minus | Minus | Times | Div | Equals | Div | Equals | Digit of int | Store
```

```
| Recall
| Clear
| Off
```

Теперь определим функцию, переводящую введённые символы в значение типа key. Исключение Invalid_key отлавливает все символы, которые не соответствуют кнопкам калькулятора. Функция code модуля Char переводит символ в код ASCII.

```
# exception Invalid_key
# let translation c = match c with
    '+' -> Plus
    | '-' -> Minus
    | '* -> Times
    | '/' -> Div
    | '=' -> Equals
    | 'C' | 'c' -> Clear
    | 'M' -> Store
    | 'm' -> Recall
    | 'o' | 'O' -> Off
    | '0'...'9' as c -> Digit ((Char.code c) - (Char.code '0'))
    | _ -> raise Invalid_key ;;
val translation : char -> key = <fun>
```

В императивном стиле, функция перехода (transition) не приведёт к новому состоянию, а физически изменит текущее состояние калькулятора. Таким образом необходимо изменить тип state так, чтобы его поля были модифицируемые. Наконец, определим исключение Key_off для обработки нажатия на кнопку OFF.

```
# type state = {
    mutable lcd : int; (* last computation done *)
    mutable lka : bool; (* last key activated *)
    mutable loa : key; (* last operator activated *)
    mutable vpr : int; (* value printed *)
    mutable mem : int (* memory of calculator *)
};;

type state = {
    mutable lcd : int;
    mutable lka : bool;
    mutable loa : key;
    mutable vpr : int;
```

```
mutable mem: int;
\# exception Key off ;;
exception Key off
\# let transition s key = match key with
     Clear -> s.vpr <- 0
   | Digit n \rightarrow s.vpr \leftarrow (if s.lka then s.vpr*10+n else n);
                s.lka < - true
   | Store -> s.lka <- false;
                s.mem < - s.vpr
   | \text{Recall} -> \text{s.lka} <- \text{false} ;
                s.vpr < - s.mem
   | Off -> raise Key_off
   -> let lcd = match s.loa with
                          Plus -> s.lcd + s.vpr
                         Minus -> s.lcd - s.vpr
                         Times -> s.lcd * s.vpr
                         Div \rightarrow s.lcd / s.vpr
                         Equals -> s.vpr
                        | _ -> failwith "transition: impossible match
                   in
              s.lcd < -lcd;
              s.lka < - false;
              s.loa < - key;
              s.vpr <- s.lcd;;
val transition : state -> key -> unit = <fun>
```

Определим функцию запуска калькулятора go, которая возвращает (), так как нас интересует только её эффект на окружение (ввод/вывод, изменение состояния). Её аргумент есть константа (), так как наш калькулятор автономен (он сам определяет своё начальное состояние) и интерактивен (данные необходимые для расчёта вводятся с клавиатуры по мере необходимости). Переходы реализуются в бесконечном цикле (while true do) из которого мы можем выйти при помощи исключения Key_off.

```
# let go () =
let state = { lcd=0; lka=false; loa=Equals; vpr=0; mem=0 }
in try
while true do
try
```

3.8. EXERCISES 101

Заметим, что начальное состояние должно быть либо передано в параметре, либо объявлено локально внутри функции go, для того чтобы оно каждый раз инициализировалось при запуске этой функции. Если бы мы использовали значение initial_state в функциональном стиле, калькулятор начинал бы работать со старым состоянием, которое он имел перед выключением. Таким образом было бы не просто использовать два калькулятора в одной программе.

3.8 Exercises

3.9 Резюме

В этой главе вы видели применение стилей императивного программирования (физически изменяемые значения, ввод-вывод, структуры итеративного контроля) в функциональном языке. Только mutable значения, такие как строки, векторы и записи с изменяемыми полями могут быть физически изменены. Другие значения не могут меняться после их создания. Таким образом мы имеем значения read-only для функциональной части и значения read-write для императивной.

3.10 Калькулятор с памятью

Глава 4

Функциональный и императивный стиль

4.1 Введение

Языки функционального и императивного программирования различаются контролем выполнения программы и управлением памятью.

- функциональная программа вычисляет выражение, в следствии чего мы получаем некоторый результат. Порядок в котором выполнены операции расчёта и физическое представление данных не влияют на результат, он одинаков во всех случаях. При таком порядке вычислений, сбор памяти в Objective CAML неявно осуществляется вызовом автоматического сборщика мусора или Garbage Collector (GC) (см. главу ??).
- императивная программа это список инструкций изменяющих состояние памяти. Каждый этап выполнения строго определён структурами контроля, указывающими на следующую инструкцию. Такие программы чаще всего манипулируют указателями на значение, чем самими значениями. Отсюда необходимость явного выделения и освобождения памяти, что может порой приводить к ошибкам доступа к памяти, однако ничто не запрещает использование GC.

Императивные языки предоставляют больший контроль над выполнением программы и памятью. Находясь ближе к реальной машине, такой код может быть эффективнее, но при этом код теряет в устойчивости выполнения. Функциональное программирование предоставляет

более высокий уровень абстракции и таким образом лучший уровень устойчивости выполнения: типизация (динамическая или статическая) помогает избежать некорректных значений, автоматическая сборка мусора, хотя и замедляет скорость выполнения, обеспечивает правильное манипулирование областями памяти.

Исторически обе эти парадигмы программирования существовали в разных сферах: символьные программы для первого случая и числовые для второго. Однако, с тех времён кое—что изменилось, в частности появилась техника компиляции функциональных языков и выросла эффективность GC. С другой стороны, устойчивость выполнения стала важным критерием, иногда даже важнейшим критерием качества программного обеспечения. В подтверждение этому «коммерческий аргумент» языка Java: эффективность не должна преобладать над правильностью, оставаясь при этом благоразумно хорошей. Эта идея приобретает с каждым днем новых сторонников в мире производителей программного обеспечения.

Objective CAML придерживается этой позиции: он объединяет обе парадигмы, расширяя таким образом область своего применения и облегчая написание алгоритмов в том или ином стиле. Он сохраняет, однако, хорошие свойства правильности выполнения благодаря статической типизации, GC и механизму исключений. Исключения — это первая структура контроля выполнения позволяющая приостановить/продолжить расчёт при возникновении определённых условий. Эта особенность находится на границе двух стилей программирования, хоть она и не изменяет результат, но может изменить порядок вычислений. Введение физически изменяемых значений может повлиять на чисто функциональную часть языка. Порядок вычисления аргументов функции становится определимым если это вычисление производит побочный эффект. По этим причинам подобные языки называются "не чистые функциональные языки". Мы теряем часть абстракции, так как программист должен учитывать модель памяти и выполнение программы. Это не всегда плохо, в частности для читаемости кода. Однако, императивные особенности изменяют систему типов языка: некоторые функциональные программы, с теоретически правильными типами, не являются правильными на практике из-за введения ссылок (reference). Хотя такие программы могут быть легко переписаны.

4.2. План главы 105

4.2 План главы

В этой главе мы сравним функциональную и императивную модель Objective CAML по критерию контроля выполнения программы и представления значений в памяти. Смесь обоих стилей позволяет конструировать новые структуры данных. Это будет рассмотрено в первом разделе. Во втором разделе мы обсудим выбор между композицией функций (composition of functions) или последовательности (sequencing) с одной стороны и разделение (sharing) или копирование значений с другой. Третий раздел выявляет интерес к смешиванию двух стилей для создания функциональных изменяемых данных (mutable functional data), что позволит создавать не полностью вычисленные (evaluated) данные. В четвёртом разделе рассмотрены streams, потенциально бесконечные потоки данных и их интеграция, посредством сопоставления с образцом.

4.3 Сравнение между функциональным и императивным стилями

Bоспользуемся строками (string) и списками ('a list) для иллюстрации разницы между двумя стилями.

4.3.1 С функциональной стороны

тар это одна из классических функций в среде функциональных языков. В чистом функциональном стиле она пишется так:

```
# let rec map f l = match l with

[] -> []
| h::q -> (f h) :: (map f q) ;;

val map : ('a -> 'b) -> 'a list -> 'b list = <fun>
```

Конечный список состоит из результатов применения функции f к элементам списка переданного в аргументе. Он рекурсивно создаётся указывая начальный элемент (заголовок) (f t) и последующую часть (хвост) (map f q). В частности, программа не указывает какой из них будет вычислен первым.

При этом, для написания такой функции программисту не нужно знать физическое представление данных. Проблемы выделения памяти и разделения данных решаются Objective CAML без внешнего вмешательства программиста. Следующий пример иллюстрирует это:

```
# let example = [ "one"; "two"; "three"];;
val example : string list = ["one"; "two"; "three"]
# let result = map (function x -> x) example;;
val result : string list = ["one"; "two"; "three"]
```

Оба списка example и result содержат одинаковые значения:

```
# example = result ;;
- : bool = true
```

Оба значения имеют одинаковую структуру, хоть они и представлены в памяти по разному. Убедимся в этом при помощи проверки на физическое равенство:

```
# example == result ;;

- : bool = false

# (List.tl example) == (List.tl result) ;;

- : bool = false
```

4.3.2 Императивная сторона

Вернёмся к предыдущему примеру и изменим строку списка result.

```
# (List.hd result).[1] <- 's' ;;

- : unit = ()
# result ;;

- : string list = ["ose"; "two"; "three"]
# example ;;

- : string list = ["ose"; "two"; "three"]
```

Определено, изменив список result, мы изменили список example. То есть знание физической структуры необходимо как только мы пользуемся императивными особенностями.

Рассмотрим теперь как порядок вычисления аргументов функции может стать ловушкой в императивном программировании. Определим структуру изменяемого списка, а так же функции создания, добавления и доступа:

```
# type 'a ilist = { mutable c : 'a list } ;;

type 'a ilist = { mutable c : 'a list; }

# let icreate () = { c = [] }

let icmpty l = (l.c = [])

let icons x y = y.c <- x::y.c ; y
```

```
let ihd x = List.hd x.c
let itl x = x.c <- List.tl x.c; x;;
val icreate: unit -> 'a ilist = <fun>
val iempty: 'a ilist -> bool = <fun>
val icons: 'a -> 'a ilist -> 'a ilist = <fun>
val ihd: 'a ilist -> 'a = <fun>
val itl: 'a ilist -> 'a ilist = <fun>
# let rec imap f l =
    if iempty l then icreate()
    else icons (f (ihd l)) (imap f (itl l));;
val imap: ('a -> 'b) -> 'a ilist -> 'b ilist = <fun>
```

Несмотря на то что мы переняли общую структуру функции **тар** предыдущего параграфа, с **ітар** мы получим другой результат:

```
# let example = icons "one" (icons "two" (icons "three" (icreate()))) ;; val example : string ilist = \{c = ["one"; "two"; "three"]\} # imap (function x -> x) example ;; Exception: Failure "hd".
```

В чем тут дело? Вычисление (itl 1) произошло раньше чем (ihd 1) и в последней итерации imap, список 1 пустой в момент обращения к его заголовку. Список example теперь пуст, хоть мы и не получили никакого результата:

```
\# example ;;

-: string ilist = {c = []}
```

Проблема функции **imap** в недостаточном контроле смеси стилей программирования: мы предоставили системе выбор порядка вычисления. Переформулируем функцию **imap** явно указав порядок при помощи конструкции **let** .. **in** ..

```
# let rec imap f l =
    if iempty l then icreate()
    else let h = ihd l in icons (f h) (imap f (itl l)) ;;

val imap : ('a -> 'b) -> 'a ilist -> 'b ilist = <fun>
# let example = icons "one" (icons "two" (icons "three" (icreate()))) ;;

val example : string ilist = {c = ["one"; "two"; "three"]}
# imap (function x -> x) example ;;

- : string ilist = {c = ["one"; "two"; "three"]}
```

Однако, начальный список опять утерян:

```
\# example ;;

- : string ilist = {c = []}
```

Использование оператора последовательности (sequencing operator) и цикла есть другой способ явного указания порядка.

Присутствие ignore — это факт того что нас интересует побочный эффект функций над её аргументами, а не их (функций) результат. Так же было необходимо выстроить в правильном порядке элементы результата (функцией List.rev).

4.3.3 Рекурсия или итерация

Часто ошибочно ассоциируют рекурсию с функциональным стилем и императивный с итерацией. Чисто функциональная программа не может быть итеративной, так как значение условия цикла не меняется никогда. Тогда как императивная программа может быть рекурсивной: функция imap тому пример.

Значения аргументов функции хранятся во время её выполнения. Если она (функция) вызовет другую функцию, то эта последняя сохранит и свои аргументы. Эти значения хранятся в стеке выполнения. При возврате из функции эти значения извлечены из стека. Зная что пространство памяти ограничено, мы можем дойти до её предела, используя функцию с очень большой глубиной рекурсии. В подобных случаях Objective CAML возбуждает исключение Stack_overflow.

```
\# let rec succ n = if n = 0 then 1 else 1 + succ (n-1) ;;
```

```
val succ : int −> int = <fun>

# succ 100000 ;;

− : int = 100001
```

В итеративной версии место занимаемое функцией **succ_iter** в стеке не зависит от величины аргумента.

```
# let succ_iter n =
let i = ref 0 in
for j=0 to n do incr i done;
!i ;;
val succ_iter : int -> int = <fun>
# succ_iter 100000 ;;
- : int = 100001
```

У следующей версии функции *а priori* аналогичная глубина рекурсии, однако она успешно выполняется с тем же аргументом.

```
# let succ_tr n =
    let rec succ_aux n accu =
        if n = 0 then accu else succ_aux (n-1) (accu+1)
    in
        succ_aux 1 n ;;
val succ_tr : int -> int = <fun>
# succ_tr 100000 ;;
- : int = 100001
```

Данная функция имеет специальную форму рекурсивного вызова, так называемую хвостовую рекурсию при которой результат вызова функции будет результатом функции без дополнительных вычислений. Таким образом отпадает необходимость хранить аргументы функции во время вычисления рекурсивного вызова. Если Objective CAML распознал конечную рекурсивную функцию, то перед её вызовом аргументы извлекаются из стека.

Распознание конечной рекурсии существует во многих языках, однако это свойство просто необходимо функциональным языкам, где она естественно много используется.

4.4 Какой стиль выбрать?

Естественно, речь не идёт о «священных» либо эстетических для каждого понятиях, *a priori* не существует стиля красивее или лучше чем другой. Однако, в зависимости от решаемой проблемы, один стиль может быть более подходящим или более адаптированным чем другой.

Первое правило — простота. Желаемый алгоритм (будь то в книге или лишь в голове программиста) уже определён в каком-то стиле, вполне естественно его и использовать при реализации.

Второй критерий — эффективность программы. Можно сказать что императивная программа (хорошо написанная) более эффективна чем её функциональный аналог, но в очень многих случаях разница между ними не достаточно существенна для оправдания сложности кода императивного стиля, там где функциональный был бы естественен. Функция мар есть хороший пример натурально выраженной в функциональном стиле проблемы и мы ни в чем не выиграем написав её в императивном стиле.

4.4.1 Последовательность или композиция функций

Мы уже видели, что как только в программе появляются побочные эффекты, необходимо явно указывать порядок выполнения элементов программы. Это может быть сделано двумя способами:

функциональным опираясь на то что Objective CAML строгий язык, то есть аргумент вычислен до того как он будет передан функции. В выражение (f (g x)) сначала вычисляется (g x) и затем передача этого результат функции f. В более сложных выражениях, промежуточный результат может быть именован конструкцией let in, но принцип остаётся тем же: let aux=(g x) in (f aux).

императивный используя последовательность или другую структуру контроля (цикл). В этом случае, результатом будет побочный эффект над памятью, а не значение возвращённое функцией : aux:=(g x); (f!aux).

Давайте рассмотрим данную проблему выбора стиля на следующем примере. Рекурсивный алгоритм быстрой сортировки вектора описывается следующим образом:

- 1. выбрать опорную точку: выбрать индекс элемента в векторе
- 2. переставить элементы вокруг этой точки: переставить элементы вектора так чтобы значения меньше значения в опорной точке были слева от неё, а большие значения справа

3. отсортировать (тем же алгоритмом) два полученных вектора: элементы после опорной точки и до неё

Сортировка вектора — означает изменение его состояния, поэтому мы должны использовать императивный стиль, как минимум для манипуляции данными.

Начнём с определения функции переставляющей элементы вектора.

```
# let permute_element vec n p =
let aux = vec.(n) in vec.(n) <- vec.(p) ; vec.(p) <- aux ;;
val permute_element : 'a array -> int -> int -> unit = <fun>
```

Выбор правильной точки опоры важен для эффективности алгоритма, но мы ограничимся самым простым способом: вернём индекс первого элемента вектора.

```
# let choose_pivot vec start finish = start ;;
val choose_pivot : 'a -> 'b -> 'c -> 'b = < fun>
```

Напишем теперь желаемый алгоритм переставляющий элементы вектора вокруг выбранной точки.

- установить опорную точку в начало вектора
- і индекс второго элемента вектора
- ј индекс последнего элемента вектора
- если элемент с индексом ј больше чем значение в опорной точке, поменяем местами их значения и увеличим і на единицу, иначе уменьшим ј на единицу
- до тех пор пока і меньше чем ј повторить предыдущую операцию
- к этому этапу каждый элемент с индексом меньшим чем і (или ј) меньше значения в опорной точке, а остальные элементы больше: если элемент с индекс і меньше чем опорное значение мы меняем их местами, иначе меняем с предыдущим элементом.

При реализации алгоритма мы естественно воспользуемся императивными управляющими структурами.

```
# let permute_pivot vec start finish ind_pivot =
permute_element vec start ind_pivot;
let i = ref (start+1) and j = ref finish and pivot = vec.(start) in
```

```
while !i < !j do
    if vec.(!j) >= pivot then decr j
    else
        begin
        permute_element vec !i !j ;
        incr i
        end
        done ;
    if vec.(!i) > pivot then decr i ;
        permute_element vec start !i ;
    !i

yal permute_pivot : 'a array -> int -> int -> int -> int = <fun>
```

Кроме эффекта над вектором, функция возвращает индекс опорной точки.

Нам остаётся лишь собрать воедино различные этапы и написать рекурсивный вызов для подвекторов.

```
# let rec quick vec start finish =
   if start < finish
        then
        let pivot = choose_pivot vec start finish in
        let place_pivot = permute_pivot vec start finish pivot in
        quick (quick vec start (place_pivot-1)) (place_pivot+1) finish
        else vec ;;
val quick : 'a array -> int -> int -> 'a array = <fun>
```

Здесь мы воспользовались двумя стилями. Выбранная опорная точка служит аргументом при перестановке вокруг неё и её порядок в векторе после этой процедуры служит аргументом рекурсивного вызова. Зато, полученный после перестановки вектор мы получаем в результате побочного эффекта, а не как возвращённое значение функции permute_pivot. Тогда как функция quick возвращает вектор и сортировка подвекторов реализуется композицией рекурсивных вызовов.

Теперь главная функция:

```
# let quicksort vec = quick vec 0 ((Array.length vec)-1) ;;
val quicksort : 'a array -> 'a array = <fun>
```

Это полиморфная функция, так как отношение порядка < полиморфное.

```
 \begin{array}{l} \# \ \mathbf{let} \ t1 = [|4;8;1;12;7;3;1;9|] \ ;; \\ \mathbf{val} \ t1 : \mathrm{int} \ \mathrm{array} = [|4; \ 8; \ 1; \ 12; \ 7; \ 3; \ 1; \ 9|] \\ \# \ \mathrm{quicksort} \ t1 \ ;; \\ -: \mathrm{int} \ \mathrm{array} = [|1; \ 1; \ 3; \ 4; \ 7; \ 8; \ 9; \ 12|] \\ \# \ t1 \ ;; \\ -: \mathrm{int} \ \mathrm{array} = [|1; \ 1; \ 3; \ 4; \ 7; \ 8; \ 9; \ 12|] \\ \# \ \mathbf{let} \ t2 = [|"the"; "little"; "cat"; "is"; "dead"|] \ ;; \\ \mathbf{val} \ t2 : \mathrm{string} \ \mathrm{array} = [|"the"; "little"; "cat"; "is"; "dead"|] \\ \# \ \mathrm{quicksort} \ t2 \ ;; \\ -: \mathrm{string} \ \mathrm{array} = [|"cat"; "dead"; "is"; "little"; "the"|] \\ \# \ t2 \ ;; \\ -: \mathrm{string} \ \mathrm{array} = [|"cat"; "dead"; "is"; "little"; "the"|] \\ \end{array}
```

4.4.2 Общее использование или копии значений

До тех пор пока наши данные не изменяемые, нет необходимости знать используются они совместно или нет.

```
# let id x = x ;;

val id : 'a -> 'a = <fun>

# let a = [1; 2; 3] ;;

val a : int list = [1; 2; 3]

# let b = id a ;;

val b : int list = [1; 2; 3]
```

Является ли b копией a или же это один и тот же список не имеет значения, так как по любому это «неосязаемые» значения. Однако, если на место целых чисел, мы поместим изменяемые значения, необходимо будет знать скажется ли изменение одного значения на другое.

Реализация полиморфизма Objective CAML вызывает (causes) копирование непосредственных значений (immediate values) и разделение (sharing) структурных значений. Хоть передача аргументов осуществляется копированием, в случае структурных значений передается лишь указатель. Как в случае с функцией id.

```
# let a = [| 1; 2; 3 |];;
val a: int array = [|1; 2; 3|]
# let b = id a;;
val b: int array = [|1; 2; 3|]
# a.(1) <- 4;;
-: unit = ()
# a;;
```

```
- : int array = [|1; 4; 3|]

# b ;;

- : int array = [|1; 4; 3|]
```

Здесь мы действительно имеем случай выбора стиля программирования, от которого зависит эффективность представления данных. С одной стороны, использование изменяемых значений позволяет немедленное манипулирование данными (без дополнительного выделения памяти). Однако это вынуждает, в некоторых случаях, делать копии там, где использование неизменяемого значения позволило бы разделение. Проиллюстрируем это двумя способами реализации списков.

```
# type 'a list_immutable = LInil | LIcons of 'a * 'a list_immutable ;;

type 'a list_immutable = LInil | LIcons of 'a * 'a list_immutable

# type 'a list_mutable = LMnil | LMcons of 'a * 'a list_mutable ref ;;

type 'a list_mutable = LMnil | LMcons of 'a * 'a list_mutable ref
```

Фиксированные списки строго эквивалентны спискам Objective CAML, тогда как изменяемые больше в стиле C, где ячейка состоит из значения и ссылки на следующую ячейку.

С фиксированными списками существует единственный способ реализовать конкатенацию и он вынуждает копирование структуры первого списка, тогда как второй список может быть разделен с конечным списком.

```
# let rec concat 11 12 = match 11  with
     LInil \rightarrow l2
   | LIcons(a,l11) -> LIcons(a, (concat l11 l2)) ;;
\mathbf{val} concat : 'a list immutable -> 'a list immutable -> 'a
   list immutable =
  <fun>
\# let li1 = LIcons(1, LIcons(2, LInil))
and li2 = LIcons(3, LIcons(4, LInil));
val li1: int list immutable = LIcons (1, LIcons (2, LInil))
val li2: int list immutable = LIcons (3, LIcons (4, LInil))
\# let li3 = concat li1 li2;;
val li3: int list immutable =
 LIcons (1, LIcons (2, LIcons (3, LIcons (4, LInil))))
# li1==li3;;
-: bool = false
# let tlLI l = match l with
   LInil -> failwith "Liste vide"
| LIcons( ,x) -> x ;;
```

```
val tlLI : 'a list_immutable -> 'a list_immutable = <fun>
# tlLI(tlLI(li3)) == li2 ;;
- : bool = true
```

В этом примере мы видим что первые ячейки li1 и li3 различны, тогда как вторая часть li3 есть именно li2.

С изменяемыми списками можно изменить аргументы (функция concat_share) или создать новое значение (функция concat_copy)

```
# let rec concat_copy l1 l2 = match l1 with

LMnil -> l2

| LMcons (x,l11) -> LMcons(x, ref (concat_copy !l11 l2)) ;;

val concat_copy : 'a list_mutable -> 'a list_mutable -> 'a list_mutable

= <fun>
```

Это решение, concat_copy, аналогично предыдущей функции concat. Вот второе вариант, с общим использованием.

Конкатенация с общим использованием не нуждается в выделении памяти (мы не используем конструктор LMcons), мы лишь ограничиваемся тем что последняя ячейка первого списка теперь указывает на второй список. При этом, конкатенация способна изменить аргументы переданные функции.

```
# let lm1 = LMcons(1, ref (LMcons(2, ref LMnil)))
and lm2 = LMcons(3, ref (LMcons(4, ref LMnil)));;
val lm1: int list_mutable =
LMcons (1, {contents = LMcons (2, {contents = LMnil})})
val lm2: int list_mutable =
```

```
LMcons (3, {contents = LMcons (4, {contents = LMnil})})

# let lm3 = concat_share lm1 lm2 ;;

val lm3 : int list_mutable =

LMcons (1,

{contents =

LMcons (2,

{contents = LMcons (3, {contents = LMcons (4, {contents = LMnil })})})})

(a) {contents = LMcons (3, {contents = LMcons (4, {contents = LMnil })})}))
```

Мы получили ожидаемый результат для lm3, однако значение lm1 изменено.

```
# lm1;;
-: int list_mutable =
LMcons (1,
{contents =
LMcons (2,
{contents = LMcons (3, {contents = LMcons (4, {contents = LMnil})}
})})})
```

Таким образом это может повлиять на оставшуюся часть программы.

4.4.3 Критерии выбора

В чисто функциональной программе побочных эффектов не существует, это свойство лишает нас операций ввода/вывода, исключений и изменяемых структур данных. Наше определение функционального стиля является менее ограниченным, то есть функция не изменяющая своё глобальное окружение может быть использована в функциональном стиле. Подобная функция может иметь локальные изменяемые значения (и значит следовать императивному стилю), но не должна изменять ни глобальные переменные ни свои аргументы. С внешней стороны, такие функции можно рассматривать как «чёрный ящик», чьё поведение сравнимо с поведением функции в чисто функциональном стиле, с разницей что выполнение первой может быть приостановлен возбуждением исключения. В том же духе, изменяемое значение, которое больше не изменяется после инициализации, может быть использовано в функциональном стиле.

С другой стороны, программа написанная в императивном стиле, унаследует следующие достоинства Objective CAML: правильность статической типизации, автоматическое управление памятью, механизм исключений, параметризованный полиморфизм и вывод типов.

117

Выбор между стилем функциональным и императивным зависит от программного обеспечения которое вы хотите реализовать. Выбор может быть сделан в соответствии со следующими характеристиками:

выбор структур данных: от использования или нет изменяемых структур данных будет зависеть выбор стиля программирования. Действительно, функциональный стиль по своей природе не совместим с изменением значений. Однако, создание и просмотр значения не зависят от её свойств. Таким образом мы возвращаемся к дискуссии «изменение на месте vs копия» в 4.4.2, к которой мы вернёмся для обсуждения критерия эффективности.

структура данных существует: если в программе необходимо менять изменяемые структуры данных (modify mutable data structures), то императивный стиль является единственно возможным. Однако, если необходимо лишь читать значения, то применение функционального стиля гарантирует целостность данных. Использование рекурсивных структур данных подразумевает рекурсивные функции, которые могут быть определены используя особенности того или иного стиля программирования. Однако в общем случае бывает проще истолковывать создание значения следуя рекуррентному определению. Этот подход более близок к функциональному стилю, чем повторяющаяся обработка этого значения рекурсией.

критерий эффективности: немедленное изменение без сомнения лучше чем создание значения. В случае когда эффективность кода является главенствующим критерием, чаша весов перевешивает в сторону императивного стиля. Однако отметим что совместное использование значений может оказаться нелёгкой задачей и в конце концов более дорогостоящей, чем копирование значений с самого начала. Чистая функциональность имеет определённую цену: частичное применение (partial application) и использование функций переданных в виде аргумента другой функции несёт более серьёзные накладные расходы в процессе выполнения программы, чем явное применение видимой функции. Стоит избегать использования этой функциональной особенности в тех местах, где критерий производительности является решающим.

критерий разработки: более высокий уровень абстракции функционального стиля программирования позволяет более быстрое написание компактного кода, содержащего меньше ошибок чем императивный вариант, который по своей природе является более «многословным». Таким образом, функциональный стиль является выгодным при разработке значительных программ. Независимость функции к своему контексту окружения позволяет разделить код на более маленькие части и тем самым облегчить его проверку и читаемость. Более высокая модульность функционального стиля плюс возможность передавать функции (а значит и обработку) в аргумент другим функциям повышает вероятность повторного использования программ.

Эти несколько замечаний подтверждают тот факт, что часто смешанное использование обоих стилей является рациональным выбором. Функциональный стиль быстрее в разработке и обеспечивает более простую организацию программы, однако части кода где необходимо повысить скорость выполнения лучше написать в императивном стиле.

4.5 Смешивая стили

Как мы уже заметили, язык программирования имеющий функциональные и императивные особенности даёт свободу выбора наиболее подходящего стиля для реализации того или иного алгоритма. Конечно, мы можем использовать оба аспекта Objective CAML совместно в одной и той же функции. Именно этим мы сейчас и займёмся.

4.5.1 Замыкания и побочные эффекты

Обычно функция с побочным эффектом рассматривается как процедура и она возвращает значение () типа unit. Однако, иногда бывает полезно произвести побочный эффект внутри функции и вернуть определённое значение. Мы уже использовали подобный коктейль стилей в функции permute_pivot в быстрой сортировке.

В следующем примере реализуем генератор символов, который создаёт новый символ при каждом вызове функции. Мы используем счётчик, значение которого увеличивается с каждым вызовом.

```
# let c = ref 0;;
val c : int ref = {contents = 0}
# let reset_symb = function () -> c:=0 ;;
val reset_symb : unit -> unit = <fun>
# let new_symb = function s -> c:=!c+1 ; s^(string_of_int !c) ;;
val new_symb : string -> string = <fun>
# new_symb "VAR" ;;
```

```
- : string = "VAR1"

# new_symb "VAR";;

- : string = "VAR2"

# reset_symb();;

- : unit = ()

# new_symb "WAR";;

- : string = "WAR1"

# new_symb "WAR";;

- : string = "WAR2"
```

А теперь спрячем ссылку на с от всей программы следующим образом:

```
# let (reset_s , new_s) =
let c = ref 0
in let f1 () = c := 0
and f2 s = c := !c+1 ; s^(string_of_int !c)
in (f1,f2) ;;
val reset_s : unit -> unit = <fun>
val new_s : string -> string = <fun>
```

Таким образом мы объявили пару функций, разделяющие локальную (для декларации) переменную с. Использование обеих функций производит тот же результат что и раньше.

Этот пример иллюстрирует способ представления замыкания. Замыкание можно рассматривать как пару, состоящую из кода (то есть часть function) и локальное окружение, содержащее значения свободных переменных замыкания с другой стороны. На диаграмме 4.1 мы можем увидеть представление в памяти замыканий reset_s и new_s.

Оба эти замыкания разделяют одно и тоже окружение (значение с). Когда одно из них меняет ссылку с, то оно меняет содержимое памяти разделяемое с другим окружением.

4.5.2 Физическое изменение и исключения

Исключения позволяет отслеживать ситуацию, при которой дальнейшее продолжение программы невозможно. В подобном случае сборщик исключений позволит продолжить вычисление, зная что произошла ошибка. В момент возбуждения исключения может возникнуть проблема побочного эффекта с состоянием модифицируемых данных. Это состояние не может быть гарантированно если произошли физические изменения в ответвлении неудавшегося вычисления.

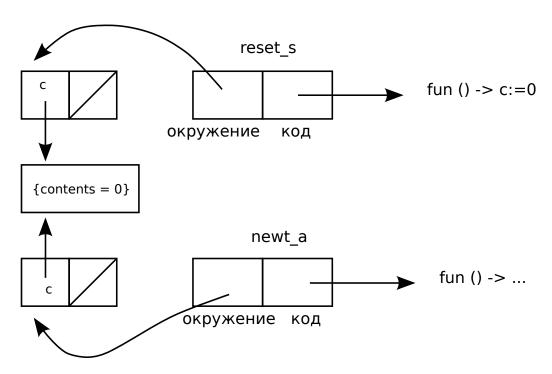


Рис. 4.1: Представление в памяти замыканий

Определим функцию увеличения (++), с аналогичным результатом что и в C:

```
# let (++) x = x = !x + 1; x;;
val (++): int ref -> int ref = < fun>
```

Следующий пример, иллюстрирует небольшой расчёт в котором деление на ноль совпадает с побочным эффектом:

```
# let x = ref 2;;

val x : int ref = {contents = 2}

# !((++) x) * (1/0) ;;

Exception: Division_by_zero.

# x;;

- : int ref = {contents = 2}

# (1/0) * !((++) x) ;;

Exception: Division_by_zero.

# x;;

- : int ref = {contents = 3}
```

Переменная \mathbf{x} не изменяется во время вычисления выражения (*1*), тогда как она изменяется во время (*2*). Если заранее не сохранить

начальные значения, конструкция try .. with .. не должна (в части with ..) зависеть от изменяемых переменных, которые участвуют в вычислении возбудившем исключение.

4.5.3 Изменяемые функциональные структуры данных

В функциональном программирование программа, как функциональное выражение, является в то же время данными — чтобы уяснить этот момент напишем список ассоциированных значений в виде функционального выражения. Этот список ассоциаций ('a * 'b) list можно рассматривать как частичную функцию из 'a (множество ключей) в 'b (множество соответствующих значений). Другими словами, функция 'a -> 'b.

Пустой список это неопределённая функция, которую мы будем моделировать возбуждением исключения:

```
# let nil_assoc = function x -> raise Not_found ;;
val nil_assoc : 'a -> 'b = <fun>
```

Теперь напишем функцию add_assoc добавляющую элемент в список или другими словами расширим функцию новыми значениями.

```
# let add_assoc (k,v) l = function x -> if x = k then v else l x ;;
val add_assoc : 'a * 'b -> ('a -> 'b) -> 'a -> 'b = <fun>
# let l = add_assoc ('1', 1) (add_assoc ('2', 2) nil_assoc) ;;
val l : char -> int = <fun>
# l '2' ;;
- : int = 2
# l 'x' ;;

Exception: Not_found.
```

Перепишем функцию mem_assoc:

```
# let mem_assoc k l = try (l k); true with Not_found -> false;;
val mem_assoc: 'a -> ('a -> 'b) -> bool = <fun>
# mem_assoc '2' l;;
-: bool = true
# mem_assoc 'x' l;;
-: bool = false
```

Однако, написание функции удаляющей элементы из списка, не совсем простое дело. У нас больше нет доступа к значениям входящим в

замыкание. Для этого мы спрячем старое значение возбудив исключения Not_found.

```
# let rem_assoc k l = function x -> if x=k then raise Not_found else l x ;;

val rem_assoc : 'a -> ('a -> 'b) -> 'a -> 'b = <fun>
# let l = rem_assoc '2' l ;;

val l : char -> int = <fun>
# l '2' ;;

Exception: Not_found.
```

Естественно, можно воспользоваться ссылками и побочным эффектом для использования таких значений, однако существует несколько предостережений.

Мы получили функцию 1 которая указывает сама на саму себя и значит будет зацикливаться. Этот досадный побочных эффект есть результат того что разыменование !1 находится внутри замыкания function x ->. Значение !1 вычислено при выполнении, а не компиляции. В этот момент, 1 указывает на значение изменённое add_assoc. Необходимо исправить наше определение используя замыкание полученное определением add_assoc:

```
# let add_assoc_again (k, v) l = l := add_assoc (k, v) !l ;;
val add_assoc_again : 'a * 'b -> ('a -> 'b) ref -> unit = <fun>
# let l = ref nil_assoc ;;
val l : ('_a -> '_b) ref = {contents = <fun>}
# add_assoc_again ('1',1) l ;;
- : unit = ()
# add_assoc_again ('2',2) l ;;
- : unit = ()
# !l '1' ;;
- : int = 1
# !l 'x' ;;

Exception: Not_found.
```

4.5.4 Ленивые изменяемые структуры

Смесь императивных особенностей с функциональным языком образует хорошие средства реализации языков программирования. В данном параграфе мы проиллюстрируем эту особенность в реализации структур данных с отсроченным вычислением. Такая структура данных не вычисляется полностью, вычисление продвигается в зависимости от использования структуры.

Отложенное вычисление, часто используемое в чистых функциональных языках, можно моделировать использованием функциональных значений (возможно, изменяемых). Выгода от использования данных с отложенным выполнением двойная; во первых вычисляется лишь то что необходимо для расчёта, во вторых использование потенциально бесконечных данных.

Определим тип vm элементы которого либо уже вычисленное значение (конструктор Imm) либо значение которое будет вычислено (конструктор Deferred).

Откладывание вычислений может быть получено инкапсуляцией в замыкание. Функция вычисляющая такое значение должна или вернуть значение если оно уже вычислено или, в противном случае, вычислить и сохранить результат.

Операции задержки и активации вычисления также называют замораживанием и размораживанием значения.

Напишем условный контроль в виде функции:

```
# let if_deferred c e1 e2 =
   if eval c then eval e1 else eval e2;;
val if_deferred : bool vm -> 'a vm -> 'a vm -> 'a = <fun>
```

А теперь воспользуемся этим в рекурсивной функции подсчёта факториала.

```
# let rec facr n =
    if_deferred
        {c=Deferred(fun () -> n = 0)}
        {c=Deferred(fun () -> 1)}
        {c=Deferred(fun () -> n*(facr(n-1)))};;

val facr : int -> int = <fun>
# facr 5;;
- : int = 120
```

Заметим, что классический if не может быть записан в виде функции. Действительно, определим функцию if_function следующим образом:

```
# let if_function c e1 e2 = if c then e1 else e2;;
val if_function : bool -> 'a -> 'a -> 'a = <fun>
```

Дело в том что все три аргумента вычисляются, это приводит к зацикливанию, так как рекурсивный вызов fact(n-1) всегда вычисляется, даже в случае когда n=0.

```
# let rec fact n = if_function (n=0) 1 (n*fact(n-1));;
val fact : int -> int = <fun>
# fact 5 ;;
Stack overflow during evaluation (looping recursion?).
```

Модуль Lazy

Трудности во внедрении замороженных значений происходят от конструкции выражений с отложенным вычислением в контексте немедленного вычисления Objective CAML. Мы это увидели при попытке переопределить условное выражение. Нельзя написать функцию замораживающую значение при конструкции объекта типа vm.

```
# let freeze e = { c = Deferred (fun () -> e) };;
val freeze : 'a -> 'a vm = <fun>
```

Эта функция следует стратегии вычисления Objective CAML, то есть выражение е вычисляется перед тем как создать замыкание fun () ->e. Проиллюстрируем это в следующем примере:

```
# freeze (print_string "trace"; print_newline(); 4*5);;
```

По этой причине была введена следующая синтаксическая форма: Синтаксис

```
lazy expr
```

Предупреждение

Это особенность является расширением языка и может измениться в следующих версиях.

Когда к выражению применяется ключевое слово lazy то создаётся значение особого типа, который определён в модуле Lazy:

```
# let x = lazy (print_string "Hello"; 3*4);;
val x: int lazy_t = < lazy>
```

Bыражение (print_string "Hello") не вычислено, так как не было никакого вывода на экран. При помощи функции Lazy.force мы можем вынудить вычисление выражения.

```
# Lazy.force x ;;
Hello-: int = 12
```

Тут мы замечаем, что значение х изменилось:

```
# x ;;
- : int lazy_t = < lazy>
```

Теперь это значение замороженного выражения, в данном случае 12. Новый вызов функции force просто возвращает вычисленное значение:

```
# Lazy.force x ;;
- : int = 12
```

Строка "Hello" больше не выводится на экран.

«Бесконечные» структуры данных

Другой интерес использования отложенного вычисления состоит в возможности построения потенциально бесконечных структур данных, как на пример множество натуральных чисел. Вместо того чтобы конструировать каждое число, мы определим лишь первый элемент и способ получения следующего.

Определим настраиваемую (generic) структуру 'a enum с помощью которой мы будем определять элементы множества.

```
# type 'a enum = { mutable i : 'a; f : 'a -> 'a } ;;

type 'a enum = { mutable i : 'a; f : 'a -> 'a; }

# let next e = let x = e.i in e.i <- (e.f e.i) ; x ;;

val next : 'a enum -> 'a = <fun>
```

Для того, чтобы получить множество натуральных достаточно конкретизировать (instanciating) поля этой структуры.

```
# let nat = { i=0; f=fun x -> x + 1 };;
val nat : int enum = {i = 0; f = <fun>}
# next nat;;
- : int = 0
# next nat;;
- : int = 1
# next nat;;
- : int = 2
```

Другой пример — ряд чисел Фибоначчи, который определён как:

$$\begin{cases} u_0 = 1 \\ u_1 = 1 \\ u_{n+2} = u_n + u_{n+1}; \end{cases}$$

Функция, вычисляющая текущее значение, должна использовать значения u_n-1 и u_n-2 . Для этого воспользуемся состоянием **c** в следующем замыкании.

```
# let fib = let fx = let c = ref 0 in fun v -> let r = !c + v in c:=v ; r in { i=1 ; f=fx } ;;
val fib : int enum = {i = 1; f = <fun>}
# for i=0 to 10 do print_int (next fib); print_string " " done ;;
1 1 2 3 5 8 13 21 34 55 89 - : unit = ()
```

4.6 Поток данных

Потоки это потенциально бесконечная последовательность данных определённого рода. Вычисление части потока выполняется по необходимости для текущего вычисления — пассивные структуры данных.

stream абстрактный тип данных, реализация которого неизвестна. Мы манипулируем объектами этого типа при помощи функций конструкции и деструкции. Для удобства пользователя, Objective CAML предоставляет пользователю простые синтаксические конструкции для создания и доступа к элементам потока.

Предупреждение

Это особенность является расширением языка и может измениться в следующих версиях.

4.6.1 Создание

Упрощённый синтаксис конструкции потоков похож на синтаксис конструкции списков или векторов. Пустой поток создаётся следующим способом:

Другой способ конструкции потока состоит в перечислении элементов этого потока, где перед каждым из них ставится апостроф.

```
# [< '0; '2; '4 >] ;;

- : int Stream.t = <abstr>
```

Выражения, перед которыми не стоит апостроф, рассматриваются как под-потоки.

```
# [< '0; [< '1; '2; '3 >]; '4 >] ;;

- : int Stream.t = <abstr>
# let s1 = [< '1; '2; '3 >] in [< s1; '4 >] ;;

- : int Stream.t = <abstr>
# let concat_stream a b = [< a ; b >] ;;

val concat_stream : 'a Stream.t -> 'a Stream.t -> 'a Stream.t = <fun>
# concat_stream [< '"if"; '"c";'"then";'"1" >] [< '"else";'"2" >] ;;

- : string Stream.t = <abstr>
```

Остальные функции сгруппированы в модуле Stream. На пример, функции of_channel и of_string возвращают поток состоящий из символов полученных из входного потока или строки символов.

```
# Stream.of_channel ;;
- : in_channel -> char Stream.t = < fun>
```

```
# Stream.of_string ;;

- : string -> char Stream.t = < fun>
```

Отложенное вычисление потоков позволяет использовать бесконечные структуры данных, как это было в случае с типом 'a enum на стр. 122. Определим поток натуральных чисел при помощи первого элемента и функции вычисляющей поток из следующих элементов.

```
# let rec nat_stream n = [< 'n ; nat_stream (n+1) >] ;;
val nat_stream : int -> int Stream.t = <fun>
# let nat = nat_stream 0 ;;
val nat : int Stream.t = <abstr>
```

4.6.2 Уничтожение и сопоставление потоков

Элементарная операция next одновременно вычисляет, возвращает и извлекает первый элемент потока.

```
# for i=0 to 10 do
    print_int (Stream.next nat);
    print_string " "
    done;;

0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 - : unit = ()
# Stream.next nat;;
- : int = 11
```

Когда данные в потоке закончились возбуждается исключение.

```
# Stream.next [< >] ;;
Uncaught exception: Stream.Failure
```

Для использования потоков Objective CAML предоставляет специальное сопоставление для потоков — уничтожающее сопоставление (destructive matching). Сопоставляемое значение вычисляется и удаляется из потока. Понятие исчерпываемости сопоставления (exhaustive match) не существует для потоков, так как мы используем пассивные и потенциально бесконечные структуры данных. Синтаксис сопоставления следующий:

Синтаксис

```
match expr with parser [< 'p1 ...>] -> expr1 | ...
```

Функция next может быть переписана в следующей форме:

```
\# let next s = match s with parser [< x >] -> x ;;
```

```
val next : 'a Stream.t -> 'a = <fun>
# next nat;;
- : int = 12
```

Заметьте, что перечисление чисел началось с того места где мы остановились.

Существует другая форма синтаксиса для фильтрации функционального параметра типа Stream.t.

Синтаксис

```
parser p \rightarrow ...
```

Перепишем функцию next используя новый синтаксис.

```
# let next = parser [<'x>] -> x ;;
val next : 'a Stream.t -> 'a = <fun>
# next nat ;;
- : int = 13
```

Мы можем сопоставлять пустой поток, но необходимо помнить о следующем: образец потока [<>] сопоставляется с каким угодно потоком. То есть, поток в всегда равен потоку [< [<>]; в >]. Поэтому нужно поменять обычный порядок сопоставления.

```
# let rec it_stream f s =

match s with parser

[< 'x ; ss >] -> f x ; it_stream f ss

[<>] -> () ;;

val it_stream : ('a -> 'b) -> 'a Stream.t -> unit = <fun>

# let print_int1 n = print_int n ; print_string" " ;;

val print_int1 : int -> unit = <fun>

# it_stream print_int1 [<'1; '2; '3>] ;;

1 2 3 - : unit = ()
```

Используя тот факт что сопоставление уничтожающее, перепишем предыдущую функцию.

```
# let rec it_stream f s =
    match s with parser
    [< 'x >] -> f x ; it_stream f s
    | [<>] -> () ;;

val it_stream : ('a -> 'b) -> 'a Stream.t -> unit = <fun>
# it_stream print_int1 [<'1; '2; '3>] ;;
1 2 3 - : unit = ()
```

Несмотря на то что потоки пассивные, они добровольно и с «восторгом» отдают свой первый элемент, который после этого будет утерян для потока. Эта особенность отображается на сопоставлении. Следующая функция есть попытка (обречённая на неудачу) вывода на экран двух чисел из потока, в конце потока может остаться один элемент.

```
# let print_int2 n1
n2 =
    print_string "("; print_int n1; print_string ",";
    print_int n2; print_string ")";;
val print_int2: int -> int -> unit = <fun>
# let rec print_stream s =
    match s with parser
    [< 'x; 'y>] -> print_int2 x y; print_stream s
    | [< 'z>] -> print_int1 z; print_stream s
    | [<>] -> print_newline();;
val print_stream: int Stream.t -> unit = <fun>
# print_stream [<'1; '2; '3>];;
(1,2)Uncaught exception: Stream.Error("")
```

Два первых элемента потока были выведены на экран без проблем, однако во время вычисления рекурсивного вызова (print_stream [< 3 >]) образец обнаружил х, который был «употреблён», но для у в потоке ничего нет. Это и привело к ошибке. Дело в том что второй образец абсолютно бесполезный, если поток не пустой то первый образец всегда совпадёт.

Для того, чтобы получить ожидаемый результат необходимо упорядочить сопоставление.

```
# let rec print_stream s =
match s with parser
[< 'x >]
    -> (match s with parser
        [< 'y >] -> print_int2 x y; print_stream s
        | [<>] -> print_int1 x; print_stream s)
| [<>] -> print_newline() ;;
val print_stream : int Stream.t -> unit = <fun>
# print_stream [<'1; '2; '3>];;
(1,2)3
- : unit = ()
```

Если сопоставление не срабатывает на первом элементе образца, то фильтр работает как обычно.

```
# let rec print_stream s =
    match s with parser
    [< '1; 'y >] -> print_int2 1 y; print_stream s
    | [< 'z >] -> print_int1 z; print_stream s
    | [<>] -> print_newline() ;;

val print_stream : int Stream.t -> unit = <fun>
# print_stream [<'1; '2; '3>] ;;
(1,2)3
    - : unit = ()
```

Пределы сопоставления

Из–за своего свойства уничтожения сопоставление потоков отличается от сопоставления типов сумма. Давайте рассмотрим на сколько глубоко они отличаются.

Вот простейшая функция складывающая два элемента потока.

```
# let rec sum s =
match s with parser
[< 'n; ss >] -> n+(sum ss)
| [<>] -> 0;;
val sum : int Stream.t -> int = <fun>
# sum [<'1; '2; '3; '4>];;
- : int = 10
```

Однако, мы можем поглотить поток «изнутри» придав имя полученному результату.

```
# let rec sum s =
match s with parser
[< 'n; r = sum >] -> n+r
| [<>] -> 0 ;;
val sum : int Stream.t -> int = <fun>
# sum [<'1; '2; '3; '4>] ;;
- : int = 10
```

В главе 11, посвящённой лексическому и синтаксическому анализу, мы рассмотрим другие примеры использования потоков. В частности, мы увидим как «поглощение» потока изнутри можно с выгодой использовать.

4.7 Exercises

4.8 Резюме

В этой главе мы сравнили функциональный и императивный стили программирования. Основные различия состоят в контроле выполнения (неявный в функциональном и явный в императивном стиле) и представлении в памяти данных (явное разделение или копирования в императивном стиле, не имеющее такой важности в функциональном). Реализация алгоритмов в функциональном и императивном стилях подразумевает эти различия. Выбор между обоими стилями на самом деле приводит к их одновременному использованию. Это позволяет явно выразить представление замыкания, оптимизировать критические части программы и создать изменяемые функциональные данные. Физическое изменение значений в окружении замыкания помогает нам лучше понять что такое функциональное значение. Одновременное использование обоих стилей предоставляет мощные средства для реализации. Мы воспользовались этим при создании потенциально бесконечных данных.

4.9 To Learn More

Глава 5

Графический интерфейс

5.1 Введение

В этой главе представлена библиотека **Graphics**, которая входит в дистрибутив языка Objective CAML. Эта библиотека одинаково работает в графических интерфейсах основных платформ: Windows, MacOS, Unix с оболочкой X-Windows. С помощью **Graphics** мы можем реализовать графические рисунки с текстом, картинками, управлять различными базовыми событиями как нажатие на кнопку мыши или клавиатуры.

Модель программирования графических рисунков — «модель художника»: последний нарисованный слой стирает предыдущий. Это императивная модель, в которой графическое окно представляется как таблица пикселей, которые физически изменяются различными графическими функциями. Взаимодействие с мышью и клавиатурой подчиняется событийной модели программирования: главная функция программы это бесконечный цикл, в котором мы ожидаем действие пользователя.

Несмотря на простоту библиотеки **Graphics**, она вполне достаточна для введения концепций программирования графических интерфейсов с одной стороны, и с другой стороны содержит базовые элементы простые в использовании программистом, при помощи которых мы можем реализовать более сложные интерфейсы.

5.2 План главы

В первом разделе мы объясним как пользоваться этой библиотекой на различных системах. Во втором изучим основы графического программирования: точка, рисунок, заполнение, цвет, растровые изображения (bitmap). Для того чтобы проиллюстрировать эти концепции, в третьем

разделе опишем и реализуем функции рисования «блоков» (boxes). В четвёртом разделе увидим анимацию графических объектов и их взаимодействие с фоном экрана или другими анимационными объектами. В пятом разделе представлен стиль программирования событиями, а так же скелет любого графического приложения. И наконец, в последнем разделе мы воспользуемся библиотекой Graphics для реализации интерфейса калькулятора приведённого в разделе 3.7.

5.3 Использование библиотеки Graphics

Использование библиотеки **Graphics** зависит от операционной системы и способа компиляции. Здесь мы рассмотрим только программы используемые в интерактивном цикле Objective CAML. В операционных систем Windows и MacOS интерактивное рабочее окружение само загружает библиотеку. Для систем Unix необходимо создать новый toplevel ¹, который зависит от того где находится библиотека X11. Если она находится в одном из каталогов по умолчанию, где ищутся библиотеки C, то командная строка будет выглядеть так:

1 ocamlmktop –custom –o mytoplevel graphics.cma –cclib –lX11

Этим мы исполняемый файл mytoplevel с включённой библиотекой Graphics. Запуск этой команды осуществляется так:

1 ./mytoplevel

Если же библиотека расположена в другом каталоге, как в Linux, необходимо его явно указать:

- 1 ocamlmktop −custom −o montoplevel graphics.cma −cclib \
- 2 L/usr/X11/lib cclib lX11

В этом примере файл libX11.a ищется в каталоге /usr/X11/lib. Более подробный пример команды ocamlmktop приведён в главе 7.

5.4 Основные понятия

Программирование графических интерфейсов изначально связано с развитием аппаратных средств, в частности мониторов и графических карт. Для того чтобы изображение имело хорошее качество, необходимо чтобы оно регулярно и часто обновлялось (перерисовывалось), как в кино. Для рисования на экране существует два основных метода: либо используя

¹в оригинале на английском, прим. пер.

список видимых сегментов, при этом только нужная часть изображения рисуется на экране, либо рисуя все точки экрана (растровый экран). На обычных компьютерах используется последний способ.

Растровый экран можно рассматривать как прямоугольник точек, называемые пиксель от английского picture element. Они являются базовыми элементами изображения. Высота и ширина экрана называется разрешением основного растра. Размер этого растра зависит от памяти занимаемой пикселем. Для черно-белого изображения пиксель может занимать один бит. Для цветных или серых изображений размер пикселя зависит от числа оттенков ассоциированных пикселю. Для растра 320×640 пикселей по 256 цветов в каждом, нам понадобится 8 битов на каждый пиксель, соответственно размер видео памяти должен быть 480*640 байтов = 307200 байтов ≈ 300 KB. Это разрешения до сих пор используется некоторыми программами в MS-DOS.

В следующем списке приведены базовые операции над растром из библиотеки Graphics:

- раскраска пикселя
- рисование пикселя
- рисование контуров: прямоугольник, эллипс
- заливка замкнутых контуров: прямоугольник, эллипс, многоугольник
- рисование текста: как растрового так и векторного
- изменение и перемещение частей изображения

Каждая из этих операций использует координаты точки изображения для задания места рисования. Некоторые характеристики графических операций образуют графический контекст: толщина линии, соединение линий, выбор шрифта и его размер, стиль заливки. Графическая операция всегда выполняется в определённом контексте и её результат зависит от этого контекста. Графический контекст библиотеки Graphics содержит лишь текущие точку, цвет, шрифт и его размер.

5.5 Графический вывод

При графическом выводе следующие элементы являются базовыми: начальная точка (reference point), графический контекст, цвет, изображение, закраска замкнутых фигур, тексты и растровые изображения.

5.5.1 Ориентир и графический контекст

Библиотека **Graphics** управляет единственным и главным окном. Координаты ориентира окна могут меняться от нижней левой точки (0,0) до верхнего правого угла. Вот основные операции над этим окном:

- \bullet open_graph, типа $string \rightarrow unit$, которая открывает окно
- ullet close_graph, типа unit -> unit, которая закрывает его
- \bullet clear_graph, типа $unit \rightarrow unit$, которая очищает его

Размер окна определяется функциями size_x и size_y.

Строка, которую мы передаём функции open_graph, зависит от графической оболочки машины где запускается программа, то есть она платформо зависимая. Если строка пустая, то полученное окно будет иметь свойства по умолчанию. Мы можем явно указать размер окна; в X-Window строка " 200×300 " создаст окно размером 200 пискелей по ширине и 300 по высоте. Заметьте, пробел — первый символ строки " 200×300 " обязателен.

В графическом контексте есть несколько параметров которые можно просмотреть и изменить:

```
текущая точка: current\_point: unit -> int * int moveto: int -> int * int moveto: int -> unit moveto: int -> unit set\_color: color -> unit mupuна текущей линии: <math>set\_line\_width: int -> unit текущий шрифт: set\_font: string -> unit размер этого шрифта: set\_text\_size: int -> unit
```

5.5.2 Цвета

Цвет представлен тремя байтами, каждый из которых хранит яркость основного цвета в модели RGB (red, green, blue) в интервале от 0 до 255. Функция rgb (с типом int -> int -> int -> color) создаёт цвет с тремя указанными значениями. Если все три значения равны, то мы получим серый цвет более или менее светлый, в зависимости от значений. Чёрный соответствует минимуму яркости для каждой компоненты цвета (0,0,0), белый цвет — (255,255,255). Есть некоторые предопределённые цвета: black, white, red, green, blue, yellow, cyan, magenta.

Переменные foreground и background соответствуют текущему цвету и цвету фона. При стирании экрана, осуществляется заполнение цветом фона.

Цвет (значение типа *color*) это на самом деле целое число, которое мы можем разбить на три части (from_rgb) или инвертировать (inv_color).

```
(* color == R * 256 * 256 + G * 256 + B *)
# let from_rgb (c : Graphics.color) =
    let r = c / 65536 and g = c / 256 mod 256 and b = c mod 256
    in (r,g,b);;
val from_rgb : Graphics.color -> int * int * int = <fun>
# let inv_color (c : Graphics.color) =
    let (r,g,b) = from_rgb c
    in Graphics.rgb (255-r) (255-g) (255-b);;
val inv_color : Graphics.color -> Graphics.color = <fun>
```

Функция point_color, типа int -> int -> color, возвращает цвет точки, координаты которой указаны на входе.

5.5.3 Рисунок и заливка

Функция рисования выводит линию на экран, при этом для толщины и цвета используются текущие значения. Функция заливки закрашивает замкнутую форму текущим цветом. Различные функции рисования и заливки приведены в таблице 5.1

Функции рисования и заливки

рисунок	заполнение	тип
plot		$int ext{ -> } int ext{ -> } unit$
lineto		int -> int -> $unit$
	fill_rect	int -> int -> int -> int -> $unit$
	fill_poly	(int * int) array -> unit
draw_arc	fill_arc	int -> int -> int -> int -> unit
draw_ellipse	fill_ellipse	int -> int -> int -> int -> $unit$
draw_circle	fill_circle	$int ext{ -> } int ext{ -> } int ext{ -> } unit$

Таблица 5.1: Функции рисования и заливки

Заметьте, что функция lineto имеет побочный эффект: она изменяет положение текущей точки.

Рисование многоугольников

В следующем примере, мы добавим некоторые функции рисования, которые не существуют в библиотеке. Многоугольник определяется вектором

его вершин.

```
\# let draw rect x0 y0 w h =
  let (a,b) = Graphics.current\_point()
  and x1 = x0+w and y1 = y0+h
     Graphics.moveto x0 y0;
     Graphics.lineto x0 y1; Graphics.lineto x1 y1;
     Graphics.lineto x1 y0; Graphics.lineto x0 y0;
     Graphics.moveto a b;;
val draw rect: int -> int -> int -> int -> unit =< fun>
\# let draw poly r =
  let (a,b) = Graphics.current point () in
  let (x_0,y_0) = r.(0) in Graphics.moveto x_0 y_0;
     for i = 1 to (Array.length r)-1 do
       let (x,y) = r.(i) in Graphics.lineto x y
     done;
     Graphics.lineto x0 y0;
     Graphics.moveto a b ;;
\mathbf{val} \ draw_{poly} : (int * int) \ array -> unit = <\mathbf{fun}>
```

Обратите внимание на то что эти функции берут такие же аргументы что и существующие функции заливки. Так они не изменяют состояние текущей точки.

Модель художника

Следующий пример иллюстрирует сеть эстафетного кольца (token ring) (5.1). Каждый компьютер представлен в виде небольшого круга, все компьютеры соединены между собой и сеть образует кольцо. Текущее положение маркера в сети изображено чёрным кругом.

Функция net_points создаёт координаты всех компьютеров сети, эти данные будут храниться в векторе.

```
# let pi = 3.1415927;;
val pi : float = 3.1415927

# let ens_points (x,y) l n =
    let a = 2. *. pi /. (float n) in
    let rec aux (xa,ya) i =
        if i > n then []
        else
        let na = (float i) *. a in
```

```
\begin{array}{c} \textbf{let} \ x1 = xa + (int\_of\_float \ (\cos(na) *. \ l)) \\ \textbf{and} \ y1 = ya + (int\_of\_float \ (\sin(na) *. \ l)) \ \textbf{in} \\ \textbf{let} \ np = (x1,y1) \ \textbf{in} \\ np::(aux \ np \ (i+1)) \\ \textbf{in} \ Array.of\_list \ (aux \ (x,y) \ 1) \ ;; \\ \textbf{val} \ ens\_points : int * int -> float -> int -> (int * int) \ array = < \textbf{fun}> \end{array}
```

Функция draw_net выводит соединения, компьютеры и маркер.

```
# let dessine (x,y) l n sc st =
let r = ens_points (x,y) l n in
draw_poly r;
let dessine_cercle (x,y) =
    Graphics.set_color Graphics.background;
    Graphics.fill_circle x y sc;
    Graphics.set_color Graphics.foreground;
    Graphics.draw_circle x y sc
in
    Array.iter dessine_cercle r;
    Graphics.fill_circle x y st ;;
val dessine : int * int -> float -> int -> int -> unit = <fun>
```

При следующем вызове получим левую картинку на рисунке 5.1.

```
# dessine (140,20) 60.0 10 10 3;;

- : unit = ()
```

```
# save_screen "IMAGES/tokenring.caa";;
- : unit = ()
```

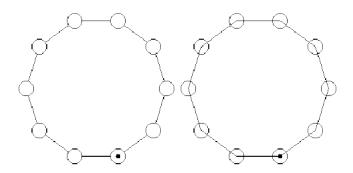


Рис. 5.1: Сеть эстафетное кольцо

5.5.4 Текст

Две следующие функции вывода текста на экран чрезвычайно просты: draw_char (с типом char -> unit) и draw_string (с типом string -> unit) выводят на экран один символ и строку соответственно. Вывод осуществляется на текущую позицию экрана, также эти обе функции учитывают значение текущего шрифта и его размер.

Замечание

Вывод текста на экран может зависеть от графической оболочки. Для переданной в аргументе строки, функция text_size возвращает пару целых чисел, которые соответствуют размерам выведенной строки с текущим шрифтом и размером.

Вертикальный вывод текста

В следующем примере функция draw_string_v вертикально выводит на экран строку начиная с текущей позиции. Результат изображён на рисунке 5.2, каждая буква выводится отдельно, меняя вертикальные координаты.

```
# let draw_string_v s =
let (xi,yi) = Graphics.current_point()
and l = String.length s
and (_,h) = Graphics.text_size s
in
Graphics.draw_char s.[0];
for i=1 to l-1 do
let (_,b) = Graphics.current_point()
in Graphics.moveto xi (b-h);
Graphics.draw_char s.[i]
done;
let (a,_) = Graphics.current_point() in Graphics.moveto a yi ;;
val draw_string_v : string -> unit = <fun>
```

Эта функция изменяет текущую позицию, после вывода позиция перемещается на расстояние равное ширине символа.

Следующая программа выводит легенду вдоль координатных осей (рис. 5.2).

```
#
Graphics.moveto 0 150; Graphics.lineto 300 150;
Graphics.moveto 2 130; Graphics.draw_string "abscisses";
Graphics.moveto 150 0; Graphics.lineto 150 300;
```

```
Graphics.moveto 135 280 ; draw_string_v "éordonnes" ;;
- : unit = ()
```

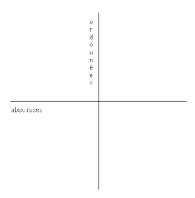


Рис. 5.2: Легенда координатных осей

Для того чтобы вывести вертикальный текст, необходимо помнить что функция draw_string_v изменяет текущую позицию. Для этого определим функцию draw_text_v с двумя аргументами: расстояние между столбцами и список слов.

```
# let draw_text_v n l =
let f s = let (a,b) = Graphics.current_point()
            in draw_string_v s;
            Graphics.moveto (a+n) b
in List.iter f l ;;
val draw_text_v : int -> string list -> unit = <fun>
```

Если необходимо реализовать другие манипуляции с текстом, такие, как вращение, мы должны использовать растр каждой буквы и произвести вращение всех пикселей.

5.5.5 Растровые изображения

Растровое изображение может быть представлено либо как матрица цветов (color array array), либо как значение абстрактного типа 2 image из библиотеки Graphics. Имена и типы функций приведены в таблице 5.2.

Функции make_image и dump_image конвертируют из одного типа в другой — *image* и *color array array*. Функция draw_image выводит на экран растр начиная с координат его нижнего левого угла.

 $^{^2}$ абстрактным называется тип представление которого не известно. Объявление подобных типов рассматривается в главе $\ref{eq:condition}$?

racomina c.z. Tyminim paccini c pacinom		
функция	тип	
make_image	$color\ array\ array\ ->image$	
dump_image	image -> color array array	
draw_image	$image \rightarrow int \rightarrow int \rightarrow unit$	
get_image	$int ext{ -> } int ext{ -> } int ext{ -> } image$	
blit_image	$image \rightarrow int \rightarrow int \rightarrow unit$	
create_image	$int ext{ -> } int ext{ -> } image$	

Таблица 5.2: Функции работы с растром

При помощи функции get_image мы можем захватить прямоугольную часть экрана и создать таким образом изображение, для этого необходимо указать нижнюю левую и правую верхнюю углы зоны захвата. Функция blit_image захватывает экран часть экрана и сохраняет изображение которое мы передали в виде аргумента (тип image), второй аргумент указывает нижний левый угол части экрана, которую мы желаем захватить. Размер захватываемой части зависит от размеров изображения, переданного в аргументе. Функция create_image инициализирует изображение, для этого необходимо указать его будущий размер. Позднее, это изображение мы можем изменить функцией blit_image.

Предопределённый цвет **transp** позволяет сделать точки изображения прозрачными. Это позволяет нам вывести изображение лишь на части прямоугольника, прозрачные точки не изменяют начальный экран.

Поляризация Jussieu

3

В следующем примере мы инвертируем цвет точек растра, для чего будем использовать функцию, которая была представлена в 5.5.2, для каждого пикселя растра.

```
# let inv_image i =
let inv_vec = Array.map (fun c -> inv_color c) in
let inv_mat = Array.map inv_vec in
let matrice_inversee = inv_mat (Graphics.dump_image i) in
Graphics.make_image matrice_inversee ;;
val inv_image : Graphics.image -> Graphics.image = <fun>
```

³Jussieu — здание парижского университета. Там в частности находится известная Лаборатория Информатики Париж-6 (lip6), где работают авторы книги, прим. пер.

На рисунке 5.3, картинка слева — начальное изображение и правое — новое, «освещённое солнцем», после использование функции inv_image.

```
# let f_jussieu2 () = inv_image jussieu1;;
val f_jussieu2 : unit -> Graphics.image = <fun>
```



Рис. 5.3: Инверсия Jussieu

5.5.6 Пример: рисование рельефных блоков

В этом примере мы попытаемся определить несколько полезных функций вывода рельефных блоков. Блоком мы называем общий объект, который послужит в дальнейшем. Блок вписывается в прямоугольник, который задан начальной точкой, высотой и шириной.

Для того чтобы придать блоку рельефный вид, достаточно добавить две трапеции светлых тонов и две более тёмных.



Инвертируя цвета можно создать впечатление вогнутого или выпуклого блока.



Реализация

Добавим новые свойства блока: толщина окантовки, тип вывода на экран (выпуклый, вогнутый или плоский), цвета окантовки и фона. Вся эта информация сгруппирована в записи.

```
# type relief = Top | Bot | Flat ;;
# type box_config =
    { x:int; y:int; w:int; h:int; bw:int; mutable r:relief ;
    b1_col : Graphics.color ;
    b2_col : Graphics.color ;
    b_col : Graphics.color } ;;
```

Только поле **r** может быть изменено. Для вывода на экран мы используем функцию рисующую прямоугольник **draw_rect**, которую мы определили на 5.5.3.

Для удобства, определим функцию рисующую контур блока.

```
# let draw_box_outline bcf col =
Graphics.set_color col;
draw_rect bcf.x bcf.y bcf.w bcf.h ;;
val draw_box_outline : box_config -> Graphics.color -> unit = <fun>
```

Функция вывода на экран состоит из трёх частей: рисование первой окантовки, затем второй и внутренней части блока.

```
# let draw_box bcf =
let x1 = bcf.x and y1 = bcf.y in
let x2 = x1+bcf.w and y2 = y1+bcf.h in
let ix1 = x1+bcf.bw and ix2 = x2-bcf.bw
and iy1 = y1+bcf.bw and iy2 = y2-bcf.bw in
let border1 g =
Graphics.set_color g;
Graphics.fill_poly
[| (x1,y1);(ix1,iy1);(ix2,iy1);(ix2,iy2);(x2,y2);(x2,y1) |]
in
let border2 g =
Graphics.set_color g;
Graphics.fill_poly
```

```
[(x1,y1);(ix1,iy1);(ix1,iy2);(ix2,iy2);(x2,y2);(x1,y2)]
   in
   Graphics.set color bcf.b col;
   ( match bcf.r with
         Top ->
           Graphics.fill rect ix1 iy1 (ix2-ix1) (iy2-iy1);
           border1 bcf.b1 col;
           border2 bcf.b2 col
       \mid \text{Bot } ->
           Graphics.fill rect ix1 iy1 (ix2-ix1) (iy2-iy1);
           border1 bcf.b2 col;
           border2 bcf.b1 col
       | Flat ->
           Graphics.fill rect x1 y1 bcf.w bcf.h);
   draw box outline bcf Graphics.black;;
val draw_box : box_config -> unit = < fun>
```

Контур блока подсвечен чёрным цветом. Для того чтобы стереть блок, достаточно заполнить пространство фоновым цветом.

И наконец, определим функцию выводящую текст выровненный слева, справа или по центру блока. Для описания позиции текста в блоке определим тип *position*.

Пример: рисование игры

Чтобы продемонстрировать использование блоков, выведем на экран поле игры «крестики–нолики», как на рисунке 5.4. Для упрощения задачи, определим цвета для игры.

Теперь, напишем функцию рисующую матрицу блоков одного размера.

```
# let rec create_grid nb_col n sep b =
    if n < 0 then []
    else
        let px = n mod nb_col and py = n / nb_col in
        let nx = b.x +sep + px*(b.w+sep)
        and ny = b.y +sep + py*(b.h+sep) in
        let b1 = {b with x=nx; y=ny} in
        b1::(create_grid nb_col (n-1) sep b) ;;
val create_grid : int -> int -> box_config -> box_config list =
        <fun>
```

Создадим список блоков.

```
# let vb =
let b = {x=0; y=0; w=20;h=20; bw=2;
b1_col=grey1; b2_col=grey3; b_col=grey2; r=Top} in
Array.of_list (create_grid 5 24 2 b) ;;
val vb : box_config array =
[|{x=90; y=90; w=20; h=20; bw=2; r=Top; b1_col=6579300; b2_col
=15790320;
b_col=11184810};
```

5.6. Анимация 147

```
{x=68; y=90; w=20; h=20; bw=2; r=Top; b1_col=6579300; b2_col =15790320; b_col=...}; ...|
```

Изображение 5.4 соответствует результату следующих вызовов:

```
# Array.iter draw_box vb;
draw_string_in_box Center "X" vb.(5) Graphics.black;
draw_string_in_box Center "X" vb.(8) Graphics.black;
draw_string_in_box Center "0" vb.(12) Graphics.yellow;
draw_string_in_box Center "0" vb.(11) Graphics.yellow;;
-: unit = ()
```

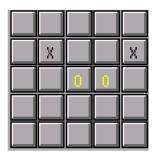


Рис. 5.4: Вывод блоков с текстом

5.6 Анимация

Анимация на экране компьютера использует ту же технику что и мультипликационные фильмы. Большая часть изображения не меняется, только подвижная часть изменяет цвет своих пикселей. При работе с анимацией, сразу же возникает проблема скорости рисования. Она зависит от сложности вычислений и производительности процессора. Поэтому, чтобы анимация была переносима и имела одинаковый эффект, необходимо учитывать производительность процессора. Чтобы получить плавную анимацию, желательно вывести на экран на новое положение анимационный объект, затем стереть старый, учитывая при этом пересечение областей обоих объектов.

Перемещение объекта

Для упрощения задачи, мы будем перемещать объекты простой формы, как прямоугольник. Остаётся проблема заполнения экрана за перемещённым объектом.

Мы хотим перемещать прямоугольник в замкнутом пространстве. Объект перемещается с определённой скоростью в направлении X и Y. Если он дойдёт до границы графического окна, объект отскочит он него на определённый угол отражения. Объект перемещается из одного положения в другое без перекрывания между новой и старой позицией. В зависимости от текущего положения (x, y), размера объекта (sx, sy) и его скорости (dx, dy) функция calc_pv вычисляет, учитывая границы окна, новое положение и новую скорость.

```
 \begin{array}{l} \# \ \textbf{let} \ \textbf{calc} \_\textbf{pv} \ (x,y) \ (sx,sy) \ (dx,dy) = \\ \textbf{let} \ \textbf{nx1} = \textbf{x} + d\textbf{x} \ \textbf{and} \ \textbf{ny1} = \textbf{y} + d\textbf{y} \\ \textbf{and} \ \textbf{nx2} = \textbf{x} + s\textbf{x} + d\textbf{x} \ \textbf{and} \ \textbf{ny2} = \textbf{y} + s\textbf{y} + d\textbf{y} \\ \textbf{and} \ \textbf{ndx} = \textbf{ref} \ d\textbf{x} \ \textbf{and} \ \textbf{ndy} = \textbf{ref} \ d\textbf{y} \\ \textbf{in} \\ ( \ \textbf{if} \ (\textbf{nx1} < 0) \ || \ (\textbf{nx2} >= \textbf{Graphics.size} \_\textbf{x}()) \ \textbf{then} \ \textbf{ndx} := -d\textbf{x} \ ) \ ; \\ ( \ \textbf{if} \ (\textbf{ny1} < 0) \ || \ (\textbf{ny2} >= \textbf{Graphics.size} \_\textbf{y}()) \ \textbf{then} \ \textbf{ndy} := -d\textbf{y} \ ) \ ; \\ ( \ (\textbf{x} + \ \textbf{lndx}, \ \textbf{y} + \ \textbf{lndy}), \ (\ \textbf{lndx}, \ \textbf{lndy})) \ ;; \\ \textbf{val} \ \textbf{calc} \_\textbf{pv} : \\ \textbf{int} \ * \ \textbf{int} \ -> \ \textbf{int} \ * \ \textbf{int} \ -> \ \textbf{(int} \ * \ \textbf{int}) \ * \ \textbf{(int} \ * \ \textbf{int}) \ = < \textbf{fun} > \\ \end{array}
```

Функция перемещая прямоугольник, указанный положением роз и размером size, n раз, полученная траектория учитывает скорость speed и границы окна. Путь перемещения, изображённый на рисунок ??, получен инверсией растрового изображения, который соответствует перемещённому прямоугольнику.

```
# let roule_fond pos taille vit n =
let (x, y) = pos and (sx,sy) = taille in
let mem = ref (Graphics.get_image x y sx sy) in
let rec roule_aux x y vit n =
    if n = 0 then Graphics.moveto x y
    else
    let ((nx,ny),n_vit) = calc_pv (x,y) (sx,sy) vit
    and old_mem = !mem in
    mem := Graphics.get_image nx ny sx sy;
    Graphics.set_color Graphics.blue;
    Graphics.fill_rect nx ny sx sy;
    Graphics.draw_image (inv_image old_mem) x y;
```

5.6. Анимация 149

```
roule_aux nx ny n_vit (n-1)
in roule_aux x y vit n ;;
val roule_fond : int * int -> int * int -> int * int -> unit = <
fun>
```

Следующий код соответствует изображениям на рисунке ??, первое получено на красном фоне, второе — перемещением объекта по картинке Jussieu.

```
# let anim_rect () =
Graphics.moveto 105 120;
Graphics.set_color Graphics.white;
Graphics.draw_string "éDbut";
roule_fond (140,120) (8,8) (8,4) 150;
let (x,y) = Graphics.current_point() in
Graphics.moveto (x+13) y;
Graphics.set_color Graphics.white;
Graphics.draw_string "Fin" ;;
val anim_rect : unit -> unit = <fun>
# anim_rect();;
- : unit = ()
```

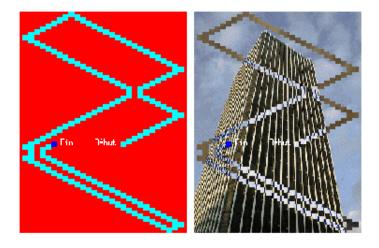


Рис. 5.5: Перемещение объекта

Наша задача была упрощена тем, что не было пересечений между новым и старым положением объекта. В противном случае, необходимо написать функцию вычисляющую это пересечение, что может быть более или менее сложно в зависимости от формы объекта. В настоящем примере с квадратом, при пересечении квадратов получается прямоугольник, который необходимо стереть.

5.7 Обработка событий

Для того чтобы создать программу взаимодействующую с пользователем необходимо обрабатывать события произошедшие в графическом окне. Следующие события обрабатываются библиотекой Graphics: нажатие на клавишу клавиатуры, на кнопку мыши и её перемещение.

Стиль и устройство программы изменяются: программа превращается в бесконечный цикл ожидающий события. После обработки нового события, программа вновь возвращается в бесконечный цикл, если только это он не было предвиденно для остановки программы.

5.7.1 Тип и функции событий

Существует следующая главная функция ожидания события: wait_next_event с типом list -> status.

Различные события определены типом сумма *event*:

```
type event = Button_down | Button_up | Key_pressed | Mouse_motion | Poll ;;
```

Первые четыре значения соответствуют нажатию и отпусканию кнопки мыши, нажатие на клавишу клавиатуры и перемещение мыши. Если конструктор Poll добавить в список событий, то ожидание не будет блокирующим. Функция возвращает значение типа *status*.

```
type status =
  { mouse_x : int;
    mouse_y : int;
    button : bool;
    keypressed : bool;
    key : char};;
```

Поля этой записи содержат координаты курсора мыши, булево значение равное истине если кнопка мыши была нажата, такое же значение для клавиатуры и последнее значение содержит символ нажатой клавиши. Следующие функции используют значения этой записи.

• mouse_pos : unit -> int * int : возвращает положение курсора на экране, если курсов вне графического окна, то координаты находятся вне окна.

- ullet button_down : unit -> bool : указывает на нажатие кнопки мыши
- \bullet read_key : unit -> char : возвращает символ нажатой клавиши
- key_pressed : unit -> bool : указывает на нажатие клавиши клавиатуры, ожидание не блокирующее

Библиотека Graphics обрабатывает события на минимальном уровне, однако полученный код переносим на различные платформы: Windows, MacOS или X-Windows. Именно по этой причине данная библиотека не различает кнопки мыши. На компьютерах Мас существует всего одна кнопка. Другие события, как закрытие окна или изменение размеров окна не доступны и оставлены на обработку библиотекой.

5.7.2 Скелет программы

Все программы с пользовательским интерфейсом содержат цикл, потенциально бесконечный, осуществляющий ожидание событий от пользователя. Как только оно возникает, программа выполняет связанное с ним действие. У следующей функции 5 функциональных аргументов. Первый и второй служат для запуска и остановки программы, два следующие это функции обрабатывающие события связанные с клавиатурой и мышью. Последний аргумент служит для управления исключениями, которые могут возникнуть во время вычислений. События, заканчивающие программу, возбуждают исключение End.

Этот скелет мы используем в программе моделирующей печатную мини-машину. Нажатие на клавишу выводит соответствующий символ, нажатие на кнопку мыши меняет текущую позицию, а клавиша с символом §заканчивает программу. Единственная трудность заключается в переходе на новую строку. Для упрощения, предположим что высота символа не превышает 12 пикселей.

```
\# let next line () =
   let (x,y) = Graphics.current point()
   in if y>12 then Graphics.moveto 0 (y-12)
      else Graphics.moveto 0 y ;;
val next line : unit -> unit =<fun>
# let trait char c = match c with
     " -> raise Fin
   | ' \ '' ->  next |  line ()
    r' -> next line ()
   -> Graphics.draw char c ;;
val trait char : char -> unit = <fun>
\# let go () = squel
   (fun () -> Graphics.clear graph ();
               Graphics.moveto 0 (Graphics.size y() -12))
   (fun () -> Graphics.clear graph())
   trait char
   (fun x y \rightarrow Graphics.moveto x y)
   (fun e -> ()) ;;
\mathbf{val} \ \mathbf{go} : \mathbf{unit} \ -> \mathbf{unit} \ = <\mathbf{fun}>
```

Клавиша DEL, стирающая предыдущий символ, не обрабатывается этой программой.

5.7.3 Пример: telecran

Telecran небольшая игра рисования для тренировки координации. При помощи клавиш контроля точка на планшете может передвигаться по X

и Y не отрывая пера от планшета. При помощи данной модели, мы проиллюстрируем взаимодействие программы и пользователя. Для этого, применим предыдущий скелет, а также некоторые клавиши клавиатуры для указания движения.

Определим тип state — запись в которой будет храниться размер планшета выраженный в количестве позиций по X и Y, текущая позиция пера, масштаб для просмотра, цвет которым рисует перо, цвет экрана и цвет для определения положения пера на экране.

```
# type state = {maxx:int; maxy:int; mutable x : int; mutable y :int; scale:int; bc : Graphics.color; fc: Graphics.color; pc : Graphics.color};;
```

Функция draw_point рисует точку по указанным координатам, масштабу и цвету.

```
# let draw_point x y s c =
Graphics.set_color c;
Graphics.fill_rect (s*x) (s*y) s s;;
val draw_point : int -> int -> int -> Graphics.color -> unit = <fun>
```

Все функции инициализации, обработки событий и выхода из программы получают параметр соответствующий состоянию. Вот как определены первые четыре функции.

```
# let t_init s () =
    Graphics.open_graph (" " ^ (string_of_int (s.scale*s.maxx)) ^
        "x" ^ (string_of_int (s.scale*s.maxy)));
    Graphics.set_color s.bc;
    Graphics.fill_rect 0 0 (s.scale*s.maxx+1) (s.scale*s.maxy+1);
    draw_point s.x s.y s.scale s.pc;;

val t_init: state -> unit -> unit = <fun>
# let t_end s () =
    Graphics.close_graph();
    print_string "Good bye..."; print_newline();;

val t_end: 'a -> unit -> unit = <fun>
# let t_mouse s x y = ();;
val t_mouse: 'a -> 'b -> 'c -> unit = <fun>
# let t_except s ex = ();;
val t_except: 'a -> 'b -> unit = <fun>
# let t_except s ex = ();;
```

Функция t_init открывает окно и выводит перо на текущую позицию, t_end закрывает это окно и выводит сообщение, t_mouse и t_except

ничего не делают. В этой программе действия мыши, так же как и исключения, не обрабатываются. Последние могут возникнуть во время запуска программы. Функция t_key — главная, она отвечает за обработку нажатий на клавиатуру.

Она закрашивает текущую точку цветом пера. В зависимости от переданного символа изменяет, если возможно, текущую позицию пера (символы '2','4','6','8'), очищает экран (символ 'c') или возбуждает исключение End (символ 'e'), затем выводит новое положение пера. Все остальные символы проигнорированы. Выбор клавиш для перемещение пера основывается на расположении клавиш малой цифровой клавиатуры.

И наконец, определим состояние, а также воспользуемся скелетом следующим образом:

```
# let stel = {maxx=120; maxy=120; x=60; y=60; scale=4; bc=Graphics.rgb 130 130 130; fc=Graphics.black; pc=Graphics.red};;

val stel : state = {maxx=120; maxy=120; x=60; y=60; scale=4; bc=8553090; fc=0; pc =16711680}

# let slate () = skel (t_init stel) (t_end stel) (t_key stel) (t_mouse stel) (t_except stel);;

val slate : unit -> unit = <fun>
```

Вызов функции slate выводит на экран окно и ожидает действий с клавиатуры. На рисунке 5.6 приведено изображение, реализованное этой программой.

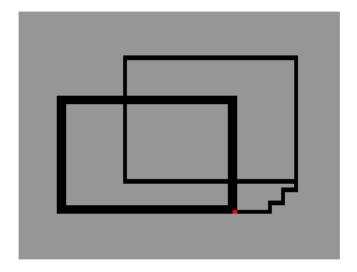


Рис. 5.6: Telecran

5.8 Графический калькулятор

Вернёмся к нашему примеру с калькулятором, описанным в предыдущей главе о императивном программировании (3.7). Создадим для него графический интерфейс, облегчающий использование.

Интерфейс реализует кнопки (цифры и функции) и экран для просмотра результата. Кнопка может быть нажата либо с использованием мыши, либо с клавиатуры. На рисунке 5.7 изображён будущий интерфейс.

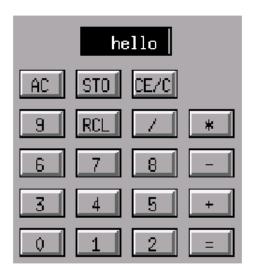


Рис. 5.7: Графический калькулятор

Здесь мы вновь воспользуемся функцией рисования блоков, описанной на странице 5.5.6. Определим следующий тип:

```
# type etat_calc =
{ e : etat; t : (box_config * touche * string ) list; v : box_config } ;;
```

В нем хранится состояние калькулятора, список блоков для каждой кнопки и блок для вывода результата. Так как мы хотим построить легко изменяемый калькулятор, поэтому создание интерфейса параметризовано списком из ассоциаций:

Создание блоков кнопок

С помощью этого описания мы создаём список блоков. У функции gen_boxes 5 параметров: описание (descr), число колонок (n), расстояние между кнопками (wsep), расстояние между текстом и границами блока (wsepint), размер окантовки (wbord). Она возвращает список блоков кнопок и блок для вывода результата. Для вычисления расположения элементов, воспользуемся функцией max_xy вычисляющей максимальные размеры списка пар целых чисел, а также функцию max_lbox вычисляющую максимальное положение списка блоков.

Ниже представлена главная функция gen_boxes, создающая интерфейс.

```
# let gen boxes descr n wsep wsepint wbord =
   let l = List.length descr in
   let nb lig = if l \mod n = 0 then l / n else l / n + 1 in
   let ls = List.map (fun (x,y) \rightarrow Graphics.text\_size y) descr in
   let sx, sy = max xy ls in
   let sx,sy= sx+wsepint ,sy+wsepint in
     let r = ref [] in
       for i=0 to l-1 do
         let px = i \mod n and py = i / n in
           let b = \{ x = wsep * (px+1) + (sx+2*wbord) * px ; \}
                      y = wsep * (py+1) + (sy+2*wbord) * py ;
                      w = sx; h = sy; bw = wbord;
                      r=Top;
                      b1 \operatorname{col} = \operatorname{grey}1; b2 \operatorname{col} = \operatorname{grey}3; b \operatorname{col} = \operatorname{grey}2}
           in r := b ::!r
       done:
       let mpx,mpy = max_boxl !r in
       let upx,upy = mpx+sx+wbord+wsep,mpy+sy+wbord+wsep in
       let (wa,ha) = Graphics.text size " 0" in
         let v = \{ x = (upx - (wa + wsepint + wbord))/2 ; y = upy + wsep;
                    w=wa+wsepint; h = ha +wsepint; bw = wbord *2; r=
                        Flat;
                    b1 col = grey1; b2 col = grey3; b col = Graphics.
                        black)
         in
           upx,(upy+wsep+ha+wsepint+wsep+2*wbord),v,
           List.map2 (fun b (x,y) \rightarrow b,x,y) (List.rev !r) descr;;
val gen boxes:
  (a * string) list ->
 int ->
 int ->
 int -> int -> int * int * box config * (box config * 'a * string) list =
  <fun>
```

Взаимодействие

Мы хотим воспользоваться скелетом определённым на странице 5.7.2, для этого определим функции обработки клавиатуры и мыши. Функция обработки нажатий на клавиши клавиатуры очень проста; она передаёт символ, переведённый в тип *key*, функции калькулятора transition, затем выводит текст о состоянии калькулятора.

```
# let f_clavier ec c =
transition ec.e (traduction c);
draw_string_in_box Right (string_of_int ec.e.vaf) ec.v Graphics.white
;;
val f_clavier : etat_calc -> char -> unit = <fun>
```

Обработка мышиных событий немного сложней. Необходимо удостоверится, что нажатие было произведено на одну из кнопок калькулятора. Для этого, определим функцию, которая проверяющую положение на принадлежность блоку.

Если функция **f_mouse** нашла блок, которому соответствуют координаты нажатия, она передаёт соответствующую кнопку функции перехода, затем выводит результат. В противном случае эта функция ничего не делает.

Функция **f_exc** обрабатывает исключения которые могут возникнуть во время выполнения программы.

```
# let f_exc cs ex =
match ex with

Division_by_zero ->
    transition cs.s Clear;
    erase_box cs.v;
    draw_string_in_box Right "Div 0" cs.v (Graphics.red)

| Invalid_key -> ()
| Key_off -> raise End
```

В случае деления на ноль, эта функция обнулеят состояние калькулятора и выводит сообщение об ошибке. Неправильная клавиша простонапросто игнорируется. И наконец, исключение Key_off возбуждает исключение End выхода из цикла скелета программы.

Инициализация и выход

При инициализации калькулятора необходимо вычислить размер окна. Следующая функция генерирует нужную графическую информацию, для этого она использует список кнопка-текст и возвращает размер главного окна.

```
# let create_e t =
Graphics.close_graph ();
Graphics.open_graph " 10x10";
let mx,my,v,lb = gen_boxes t 4 4 5 2 in
let s = {dce=0; dta = false; doa = Egal; vaf = 0; mem = 0} in
mx,my,{e=s; t=lb;v=v};;
val create_e : (touche * string) list -> int * int * etat_calc = <fun>
```

Функция инициализации использует результат предыдущей функцию.

Функция выхода закрывает окно.

```
# let f_fin e () = Graphics.close_graph();;
val f_fin : 'a -> unit -> unit = <fun>
```

Функция go, параметризованная описанием, запускает цикл ожидания событий.

```
# let go descr =
let mx,my,e = create_e descr in
squel (f_init mx my e) (f_fin e) (f_clavier e) (f_souris e) (f_exc e);;
val go: (touche * string) list -> unit = <fun>
```

Вызов go descr_calc соответствует изображению 5.7.

5.9 Exercises

5.10 Резюме

В этой главе мы представили основы графического программирования и программирование событиями, используя библиотеку Graphics дистрибутива Objective CAML. Сначала мы рассмотрели базовые элементы (цвет, рисунок, заливка, текст и растр), затем изучили анимацию этих элементов. После введения механизма обработки событий библиотеки Graphics, мы увидели общий метод управления действиями пользователя используя программирование событиями. Для того чтобы улучшить интерактивность и предложить разработчику интерактивные графические компоненты была разработана библиотека, упрощающая создание графических интерфейсов, Awi. Это библиотека была использована при написании интерфейса императивного калькулятора.

5.11 To learn more

Глава 6

Приложения

Часть II Средства разработки

Содержимое второй части

Представленные здесь компоненты окружения являются частью дистрибутива Objective CAML. Это различные компиляторы, многочисленные библиотеки, средства анализа программы, средства лексического и синтаксического анализа и интерфейса с языком С.

Objective CAML является компилируемым языком, с двумя способами генерации кода:

- byte-code выполняемый виртуальной машиной
- нативный код, выполняемый напрямую процессором

Интерактивный цикл Objective CAML использует byte-code для выполнения введённых фраз. Он является первейшим средством помощи при разработке. Интерактивный цикл позволяет типизировать, компилировать и быстро проверять определения функций. К тому же он выдаёт значения входных аргументов и возврата функций.

Другие привычные средства разработки входят в дистрибутив: вычисление зависимостей между файлами, отладка и профилирование. При помощи средств отладки программы мы можем пошагово выполнять программы, устанавливать метки остановки и просмотреть значения переменных. Средство анализа выдаёт число вызовов функций, время затраченное на вызов функции или на выполнение определённой части кода. Последние два инструмента доступны только на платформах Unix.

Богатство языка происходит не только из его ядра, но и из различных библиотек; множество повторно используемых программ, входящих в дистрибутив языка. Objective CAML тому пример. Графическая библиотека, включённая в дистрибутив, уже не раз упоминалась. Далее в книге, мы опишем немало новых библиотек. Они вносят большое число новых возможностей, однако обратной стороной медали являются некоторые трудности, в особенности в строгости типов.

Какой бы не была богатой библиотека, всегда необходимо уметь связывается с другим языком программирования. Дистрибутив языка Objective CAML содержит все необходимое для интерфейса с языком С. То есть мы можем вызывать функции С в коде Objective CAML и наоборот. Разница в управлении памятью в Objective CAML и С может стать препятствием в понимании и использовании этого интерфейса. Эта разница заключается в том, что в Objective CAML имеется автоматический сборщик мусора.

И в С и в Objective CAML мы можем динамически выделять память и таким образом достаточно гибко управлять пространством в соответствии с нуждами программы. Естественно, это имеет смысл лишь если мы можем затем высвободить память для других нужд выполнения программы. Автоматический сборщик освобождает программиста от этой задачи, которая является частым источником ошибок и берет на себя управление сборкой памяти. Эта особенность является одним из элементов надёжности языка Objective CAML.

Однако, данный механизм отражается (влияет?) на представление данных. То есть для того, чтобы правильно связывать код на Objective CAML и C, необходимо чётко представлять себе принципы управления памятью.

В 6 главе мы рассмотрим базовые элементы системы Objective CAML: виртуальная машина, компиляторы и библиотеки. Здесь мы так же затронем различные методы компиляции и сравним переносимость с эффективностью.

В 7 даётся глобальный обзор множества типов, функций и исключений, поставляемых с дистрибутивом. Однако, она не заменяет официального руководства, в котором подробно описаны эти библиотеки. Но здесь мы рассматриваются новые возможности предоставляемые некоторыми модуля библиотек. В частности, можно привести пример форматированного вывода, системный интерфейс и persistence of values

В 8 представлены различные методы автоматической сборки мусора, а затем описан принцип, используемый сборщиком Objective CAML.

В 9 мы рассмотрим способы отладки программ Objective CAML. Не смотря на некоторые недостатки, при помощи этих средств можно легко обнаружить проблемное место программы.

В 10 описываются некоторые проблемы лексического и синтаксического анализа языка: библиотека регулярный выражений, средства ocamlex и ocamlyacc, использование потоков (stream).

Сюжет 11 главы — интерфейс с языком С. На сегодня, язык программирования не может быть полностью изолированным от других. При помощи данного интерфейса, программы на Objective CAML могут вызвать функцию на С и передать ей значения Objective CAML и наоборот. Основное затруднение интерфейса заключается в модели памяти. По этой причине, желательно прочитать главу 8.

В 12 представлены два приложения: обогащённая графическая библиотека, основанная на иерархической структуре, как AWT2 JAVA, классическая программа поиска пути в графе с наименьшей стоимостью с новым графическим интерфейсом и кэш-памятью.

Глава 7

Компиляция и переносимость

7.1 Введение

Для того, чтобы текст программы превратился в исполняемый модуль, необходимо выполнить несколько операций. Эти операции сгруппированы в процессе компиляции. В ходе этого процесса, строится абстрактное синтаксическое дерево (как для интерпретатора Basic, ??), затем оно превращается в последовательность инструкций для реального процессора или для виртуальной машины. В последнем случае, для того чтобы выполнить программу, необходим интерпретатор инструкций виртуальной машины. В каждом случае, результат компиляции должен быть связан с библиотекой времени выполнения, входящей в дистрибутив. Она может меняться в зависимости от процессора и операционной системы. В неё входят примитивные функции (такие как операции над числами, системный интерфейс) и менеджер памяти.

В Objective CAML существует два компилятора. Первый из них — это компилятор для виртуальной машины, в результате которого мы получаем байт—код. Второй компилятор создаёт программу, состоящую из машинного кода, выполняемого реальным процессором, как Intel, Motorola, SPARC, HP-PA, Power-PC или Alpha. Компилятор байт—кода отдаёт предпочтение переносимости кода, тогда как компилятор в машинный код увеличивает скорость выполнения. Интерактивный интерпретатор, который мы видели в первой части, использует байт—код. Каждая введённая фраза компилируется и затем выполняется в окружении символов, определённых в течении интерактивной сессии.

7.2 План главы

В этой главе представлены различные способы компиляции программ на Objective CAML и проводится сравнение по переносимости и эффективности этих способов. В первом разделе мы обсудим различные этапы компиляторов Objective CAML. Во втором — различные способы компиляции и синтаксис, необходимый для получения исполняемых файлов. В третьем разделе, мы увидим как создать автономный исполняемый файл, который может быть выполнен независимо от установленного дистрибутива Objective CAML. И, наконец, четвёртый раздел сравнивает различные способы компиляции в ракурсе переносимости и эффективности выполнения.

7.3 Этапы компиляции

Исполняемый файл получается в результате этапов трансляции и компоновки, изображённых в 7.1

таолица т.т. тторядок создания исполняемого фаила		
Исходный текст программы		
Исходный текст программы		
Программа на ассемблере		
Машинные инструкции		
Исполняемый код		

Таблица 7.1: Порядок создания исполняемого файда

Сначала начинается препроцессирование (макроподстановка), которое подставляет одни части текста вместо других при помощи системы макросов. Затем исходный код программы транслируется в команды ассемблера, которые потом конвертируются в машинные инструкции. Наконец, процесс компоновки (линковки) производит связывание с элементами операционной системы. Этот процесс включает в себя добавление библиотеки времени исполнения, которая главным образом состоит из менеджера памяти.

7.3.1 Компиляторы Objective CAML

Детали различных этапов генерации кода компиляторов Objective CAML представлены таблице 7.2. Внутреннее представление кода программы, сгенерированного компилятором, называется промежуточным языком (ПЯ).

Таблина 7.2: Этапы компилянии

	Последовательность символов
лексический анализ	
	Последовательность лексем
синтаксический анализ	
	Синтаксическое дерево
семантический анализ	
	Аннотированное синтаксическое дерево
генерация промежуточного кода	
	Последовательность кода в ПЯ
оптимизация промежуточного кода	
	Последовательность кода в ПЯ
генерация псевдокода	
	Программа на ассемблере

При помощи лексического анализа из последовательности символов, мы получаем последовательность лексических элементов (лексем). В основном лексемы соответствуют целым числам, числам с плавающей запятой, строкам и идентификаторам. Сообщение Illegal character генерируется на этом этапе анализа.

Синтаксический анализ создаёт синтаксическое дерево, проверяя при этом последовательность лексем с точки зрения правил грамматики языка. Сообщение Syntax error указывает на то, что анализируемая часть кода не соответствует правилам грамматики.

При семантическом анализе просматривается синтаксическое дерево, здесь нас интересует другой аспект корректности программы. На этом этапе, в Objective CAML происходит вывод типа и, если он прошёл удачно, то выводимый тип является самым общим типом для выражения или объявления. Сообщения об ошибке типа генерируются на данном этапе. В этот же момент выявляются случаи, в которых тип члена последовательности отличен от unit. Могут возникать и другие предупреждения, возникающие на пример во время анализа сопоставления с образцом (pattern matching is not exhaustive, part of pattern matching will not be used).

При генерации и оптимизации промежуточного кода не выводится никаких сообщений об ошибках или предупреждений. Эти этапы манипуляции промежуточными структурами позволяют факторизовать разработку различных компиляторов Objective CAML.

 Γ енерация исполняемого модуля — это финальный этап компиляции, который зависит от компилятора.

7.3.2 Описание компилятора байт-кода

Виртуальная машина Objective CAML называется Zinc (от «Zinc Is Not Caml»). Она была создана Гзавье Леруа (Xavier Leroy) и описана в ([?]). Это имя было выбрано, для того чтобы подчеркнуть разницу между первыми реализациями языка Caml, основанного на виртуальной машине CAM (от Categorical Abstract Machine, см. [?]).

На рисунке 7.1 изображена виртуальная машина Zinc. В первой части представлен интерпретатор связанный с библиотекой. Вторая часть соответствует компилятору, который генерирует байт—код для машины Zinc. Третья часть содержит библиотеки, идущие вместе с компилятором. Они более подробно описаны в главе 8.

Графические символы, используемые на рисунке 7.1, являются стандартной нотацией в области компиляторов. Простой блок символизирует файл, написанный на языке, который указан внутри блока. Двойной блок представляет интерпретацию одного языка программой, написанной на другом языке. Тройной блок — исходный язык компилируется в машинный при помощи компилятора, написанном на третьем языке. Символы, соответствующие интерпретаторам и компиляторам, изображены на рисунке 7.2.

Пояснение к рисунку 7.1:

- BC: байт-код машины Zinc
- С: код С
- .о: объектный файл, зависящий от используемой архитектуры
- μ: микропроцессор
- OC (v1 или v2): код Objective CAML

Замечание

Основная часть компилятора Objective CAML написана на языке Objective CAML. Переход с версии v1 на версию v2 изображён на второй части рисунка 7.1.

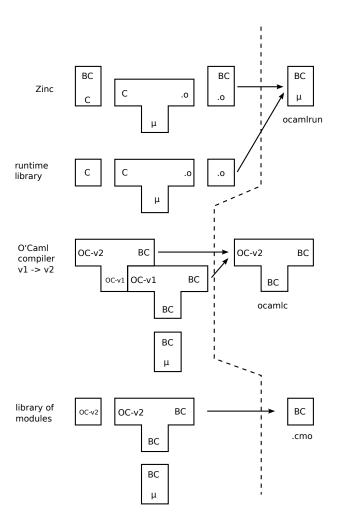


Рис. 7.1: Виртуальная машина

7.4 Типы компиляции

Дистрибутив языка зависит от типа процессора и операционной системы. В дистрибутив Objective CAML для каждой архитектуры (пара: процессор, операционная система) входит интерактивная среда интерпретатора, байт—код компилятор, и, в большинстве случаев, компилятор машинного кода для данной архитектуры.

7.4.1 Названия команд

В таблице 7.3 приводятся названия различных компиляторов, входящих в дистрибутив Objective CAML. Первые четыре из них являются частью

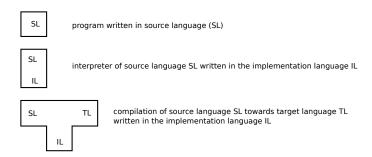


Рис. 7.2: Символы интерпретаторов и компиляторов

ocaml	интерактивная среда интерпретатора
ocamlrun	интерпретатор байт-кода
ocamlc	компилятор в байт-код
ocamlopt	компилятор машинного кода
ocamlc.opt	оптимизированный компилятор байт-кода
ocamlopt.opt	оптимизированный компилятор машинного кода
ocamlmktop	конструктор новых сред интерпретатора

Таблица 7.3: Команды компиляции

каждого дистрибутива.

Оптимизированные компиляторы были сами скомпилированы компилятором машинного кода. Они компилируют быстрее, но в остальном идентичны неоптимизированным версиям.

7.4.2 Единица компиляции

Единица компиляции соответствует наименьшей части программы на Objective CAML, которая может быть скомпилирована. Для интерактивного интерпретатора таким элементом является фраза на языке Objective CAML, тогда как для пакетных компиляторов таким элементом является пара файлов: исходный код и файл интерфейсов, где файл интерфейсов не обязателен. Если он отсутствует, то все глобальные объявления файла—исходника будут видны другим элементам компиляции. Создание интерфейсных файлов будет рассмотрено в главе ??, посвящённой модульному программированию. Эти файлы отличаются друг от друга расширением имени файла.

7.4.3 Расширения файлов Objective CAML

В таблице 7.4 представлены расширения файлов, используемые для программ Objective CAML и C.

Таблица	7.4·	Расширения	файлов
таолица	1.7.	т асширсиил	фаилов

	T T
расширение	значение
.ml	исходник
.mli	интерфейсный файл
.cmo	объектный файл (байт-код)
.cma	объектный файл библиотеки
.cmi	скомпилированный интерфейсный файл
. cmx	объектный файл (нативный)
.cmxa	объектный файл библиотеки (нативный)
. c	исходник на С
.0	объектный файл С (нативный)
.a	объектный файл библиотеки С (нативный)

Файлы example.ml и example.mli формируют единицу компиляции. Скомпилированный интерфейсный файл (example.cmi) может быть использован нативным и байт—код компилятором. Файлы на С используются для интерфейса между Objective CAML и библиотеками, написанными на языке С (??).

7.4.4 Байт-код компилятор

Общая форма команды компиляции следующая:

1 **command** options file name

Objective CAML подчиняется тому же правилу.

1 ocamlc −c example.ml

Перед параметрами компилятора ставится символ '-', как это принято в системе Unix. Расширения файлов интерпретируются в соответствии с таблицей 7.4. В приведённом примере, файл exemple.ml рассматривается как исходник на Objective CAML, и после его компиляции будет сгенерированно два файла exemple.cmo и exemple.cmi. Опция '-с' указывает компилятору, что необходимо скомпилировать только объектный файл. Без этой опции компилятор ocamlc создаст исполняемый файл a.out, то есть в данном случае он реализует компоновку.

-a	создать библиотеку	
- C	компиляция, без редактирования связей	
-о имя_файла	указывает имя исполняемого файла	
-linkall	связать со всеми используемыми библиотеками	
-i	вывести все скомпилированные глобальные объявления	
-рр команда	использовать <i>команду</i> как препроцессор	
-unsafe	отключить проверку индексов	
-v	вывести версию компилятора	
-ы список	выбрать, в соответствии со списком, уровень предупреждений	
-impl файл	указывает, что файл это исходник на Caml (см. таб. 7.7)	
-intf файл	указывает, что файл есть интерфейсный файл на Caml (.mli)	
-І каталог	добавить каталог в список каталогов	

Таблица 7.5: Основные опции байт-код компилятора

Таблица 7.6: Другие опции байт-код компилятора

нити	-thread (cm. ??)
отладка	-g, -noassert (cm. ??)
автономный исполняемый файл	-custom, -cclib, -ccopt, -cc (cm. ??)
runtime	-make-runtime , -use-runtime
C interface	-output-obj (??)

В таблице 7.5 описаны основные опции байт—код компилятора. Остальные опции приведены в таблице 7.6.

Чтобы получить возможные опции байт-код компилятора, используйте параметр -help.

В таблице 7.7 описаны различные уровни предупреждений. Уровень — это переключатель (включено/выключено), который символизируется буквой. Заглавная буква включает данный уровень, а прописная выключает.

Таблица 7.7: Описание предупреждений компилятора

Уровни предупреждений	
A/a	включить/выключить все сообщения
F/f	частичное применение в последовательности
P/p	для неполного сопоставления
U/u	для лишних случаев в сопоставлении
X/x	включить/выключить все остальные сообщения
M/m и V/v	for hidden object (см. главу ??)

По умолчанию установлен максимальный уровень предупреждений (А).

Пример использования байт—кода компилятора изображён на рисунке 7.3.

```
bou: cat t.ml
let f x = x + 1;;
print_int (f 18);;
print_newline();;
bou: ocamlc -i -custom -o tb.exe t.ml
val f : int -> int

bou: ./tb.exe
19
```

Рис. 7.3: Пример работы с байт-код компилятором

7.4.5 Нативный компилятор

Принцип действия компилятора машинного кода такой же что и байт-код компилятора, с разницей в сгенерированных файлах. Большинство опций компиляции те же что проведены в таблицах 7.5 и 7.6. Однако, в таблице 7.6 необходимо удалить опции связанные со средой исполнения. Специфические опции для нативного компилятора приведены в таблице 7.8. Уровни предупреждений остаются теми же.

Таблица 7.8: Специальные опции для нативного компилятора

	<u> </u>
-compact	оптимизация размера кода
-S	сохранить код на ассемблере в файле
-inline уровень	установить <i>уровень</i> «агрессивности» встраивания функций

Встраивание является улучшенным методом макроподстановки на стадии препроцессирования. Оно заменяет вызов функции, подставляя тело функции, в случае когда аргументы определены. Таким образом несколько вызовов функции соответствуют новым копиям её тела. Встраиванием мы избавляемся от затрат, возникающих при инициализации вызова и возврата функции. Однако, расплатой за это будет увеличение размера кода. Основные уровни встраивания функции следующие:

• 0: разложение разрешено, в случае если оно не увеличивает размер кода

- 1: значение по умолчанию, при этом допускается небольшое увеличение кода
- n > 1: увеличивает терпимость к увеличению кода

7.4.6 Интерактивный интерпретатор

У интерактивного интерпретатора всего две опции:

- - I *каталог*: добавить каталог в начало списка каталогов, где находятся скомпилированные файлы или исходники.
- -unsafe: не проверять выход индекса за пределы для векторов и строк

Интерактивный интерпретатор распознает несколько директив, позволяющих интерактивно изменить его функционирование. Все эти директивы описаны в таблице 7.9, они начинается с символа '#' и заканчиваются привычным ';;'.

Таблица 7.9: Директивы интерпретатора

	* * *
<pre>#quit ;;</pre>	выйти из интерпретатора
#directory каталог;;	добавить каталог в список путей
#сd каталог;;	сменить текущий каталог
#load объектный_файл ;;	загрузить файл .cmo
#use ucxoдный_файл ;;	скомпилировать и загрузить исходных файл
#print_depth глубина ;;	изменить глубину вывода на экран
#print_length ширина;;	аналогично для ширины
#install_printer $\phi y \mu \kappa u u s$;;	указать функцию вывода на экран
#remove_printer функция ;;	переключится на стандартный вывод на экран
#trace $\phi y n \kappa u u s$;;	трассировка аргументов функции
#untrace ϕy н κ и u я ;;	отменить трассировку
<pre>#untrace_all ;;</pre>	отменить все трассировки

Директивы, относящиеся к каталогам, подчиняются правилам используемой операционной системы.

Директивы загрузки имеют отличное от других директив функционирование. Директива #use считывает указанный файл, как если бы он был введён интерактивно. Директива #load загружает файл с расширением .cmo. В этом последнем случае, глобальные декларации этого файла недоступны напрямую. Для этого необходимо использовать синтаксис

с точкой. Если в файле exemple.m содержится глобальное объявление f, то после загрузки байт—код (#load "example.cmo";;), значение f доступно как Example.f. Обратите внимание, что первая буква файла — заглавная. Этот синтаксис происходит из модульной системы Objective CAML (см. главу ??). Директивы настройки глубины и ширины вывода на экран позволяют контролировать формат выводимых значений, что удобно, когда мы имеем дело с большими данными.

Директивы трассировки аргументов и результата функции особенно полезны при отладке программ. Этот вариант использования интерактивного интерпретатора рассматривается более подробно в главе об анализе программ (??).

На рисунке 7.4 изображён сеанс работы в интерпретаторе.

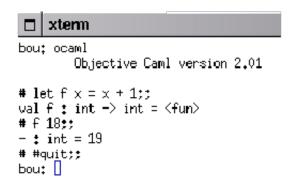


Рис. 7.4: Сеанс работы в интерпретаторе

7.4.7 Создание интерпретатора

При помощи команды ocamlmktop мы можем создать новый цикл интерпретатора, в который загружены определённые библиотеки или модули. Кроме того, что мы избавляемся от #load в начале сеанса работы, это так же необходимо для подключения библиотек на C.

Опции этой команды являются частью опций байт—код компилятора (ocamle):

```
1 — cclib имя\библиотеки_, — ccopt опции, — custom, — I каталог— о имя\ файла_
```

В главе о графическом интерфейсе (??) используется эта команда для создания цикла содержащего библиотеку **Graphics** следующим способом:

```
1 ocaml<br/>mktop –custom –o mytoplevel graphics.cma –cclib \ –I/usr/X11/lib –cclib
```

2 -lX11

Эта команда создаёт исполняемый файл mytoplevel, содержащий байт—код библиотеки graphics.cma. Этот файл является автономным (-custom, смотрите следующий раздел) и он связан с библиотекой X11 (libX11.a), которая располагается в каталоге /usr/X11/lib.

7.5 Автономный исполняемый файл

Автономный (standalone) исполняемый файл есть исполняемый файл, независящий от дистрибутива Objective CAML на используемой машине. С одной стороны, бинарный файл упрощает распространение программ, с другой стороны, он не зависит от расположения дистрибутива Objective CAML на компьютере.

Компилятор машинного кода всегда генерирует автономный исполняемый файл. Тогда как без опции -custom, байт-код компилятор создаст исполняемый файл, который нуждается в интерпретаторе *ocamlrun*. Пусть файл example.ml содержит следующее:

```
let f x = x + 1;;
print_int (f 18);;
print_newline();;
```

Следующая команда создаёт файл example.exe:

1 ocamlc –o example.exe example.ml

Полученный файл, размером около 8Kb, может быть выполнен при помощи следующей команды:

- 1 \$ ocamlrun example.exe
- 2 19

Интерпретатор выполняет команды виртуальной машины Zinc, хранящиеся в файле example.exe

Для операционной системы Unix, в первой строке такого файла находится путь к байт-код интерпретатору, например:

1 #!/usr/local/bin/ocamlrun

При помощи этой строки, файл может быть напрямую запущен интерпретатором. Таким образом, выполнение файла example.exe запускает файл, путь к которому находится в первой строке. Если интерпретатор не найдёт по этому пути программу—интерпретатор, сообщение Command not found будет выведено на экран и выполнение остановится.

Ta же компиляция с опцией -custom создаст автономный файл с именем exauto.exe:

1 ocamlc –custom –o exauto.exe example.ml

Теперь размер файла около 85Kb, так как он содержит не только байт—код, но и интерпретатор. Этот файл может быть самостоятельно запущен или скомпилирован на другую машину (той же архитектуры и той же операционной системы) для запуска.

7.6 Переносимость и эффективность

Интерес компиляции для абстрактной машины заключается в том что, мы получим код который может быть запущен на какой угодно реальной архитектуре. Основным неудобством является интерпретация виртуальных инструкций. Нативный компилятор создаёт более эффективный код, однако он предназначен лишь для одной определённой архитектуры. Поэтому, желательно чтобы у нас был выбор типа компиляции в зависимости от разрабатываемого программного обеспечения. Автономия исполняемого файла, то есть его независимость от установленного дистрибутива Objective CAML, лишает приложение переносимости.

7.6.1 Автономность и переносимость

Для того чтобы получить автономный исполняемый файл, компилятор отредактировал связи байт—код файла t.cmo c runtime библиотекой, интерпретатором байт—кода и некоторым кодом на С. Предполагается, что в системе установлен компилятор С. Вставка машинного кода означает, что файл не может быть выполнен на другой архитектуре или системе.

Дело обстоит по другому в случае байт—код файла. Так как виртуальные инструкции одни и те же для всех архитектур, лишь присутствие интерпретатора имеет значение. Такой файл может быть запущен на любой системе, где присутствует команда ocamlrun, являющаяся частью дистрибутива Objective CAML для Sparc и Solaris, Intel и Windows и т.д. Всегда желательно использовать одни и те же версии компилятора и интерпретатора.

Переносимость файлов в байт—код формате позволяет напрямую распространять и сразу же использовать библиотеки в подобной форме, на машине с интерпретатором Objective CAML.

7.6.2 Эффективность выполнения

Компилятор байт—кода генерирует инструкции машины Zinc, они будут интерпретированны ocamlrun. Эта фаза интерпретации кода негативно влияет на скорость выполнения. Мы можем представить себе интерпретатор Zinc в действии как большое сопоставление с образцом (сопоставление match ...with), где каждая инструкция есть образец сопоставления, а ответвления расчёта изменяют состояние стека и счётчика (адрес следующей инструкции). Несмотря на то, что данное сопоставление оптимизировано, оно все же снижает эффективность выполнения.

Следующий пример, хоть он и не тестирует все составные части языка, иллюстрирует разницу во времени выполнения между байт-кодом и автономным вариантом расчёта чисел Фибоначчи. Пусть у нас есть следующая программа fib.ml:

и главная программа main.ml:

```
for i = 1 to 10 do

print_int (Fib.fib 30);

print_newline()

done;;
```

Откомпилируем их следующим образом:

- 1 \$ ocamlc −o fib.exe fib.ml main.ml
- 2 \$ ocamlopt —o fibopt.exe fib.ml main.ml

Мы получим два файла fib.exe и fibopt.exe. При помощи команды time системы Unix на процессоре Pentium 350 с установленной операционной системой Linux, получим следующие значения:

fib.exe (байт-код)	fibopt.exe (машинный)
7 сек.	1 сек.

То есть для одной и той же программы скорость её двух версий отличается в 7 раз. Данная программа не проверяет все свойства языка, полученная выгода значительно зависит от типа приложения.

7.7. EXERCISES 181

7.7 Exercises

7.8 Резюме

В этой главе мы увидели различные этапы компиляции Objective CAML. Byte—code компилятор создаёт переносимый двоичный код и таким образом позволяет распространять библиотеки в подобном формате. Автономные исполняемые файлы теряют эту особенность. Нативный компилятор отдаёт предпочтение эффективности полученного кода в ущерб переносимости.

7.9 To Learn More

Библиотеки

Автоматический сборщик мусора

Средства анализа программ

Средства лексического и синтаксического анализа

11.1 Введение

Определение и реализация средств лексического и синтаксического анализа являлись важным доменом исследования в информатике. Эта работа привела к созданию генераторов лексического и синтаксического анализа lex и yacc. Команды camllex camlyacc, которые мы представим в этой главе, являются их достойными наследниками. Два указанных инструмента стали de—facto стандартными, однако существуют другие средства, как например потоки или регулярные выражения из библиотеки Str, которые могут быть достаточны для простых случаев, там где не нужен мощный анализ.

Необходимость подобных инструментов особенно чувствовалась в таких доменах как компиляция языков программирования. Однако и другие программы могут с успехом использовать данные средства: базы данных, позволяющие определять запросы или электронная таблица, где содержимое ячейки можно определить как результат какой–нибудь формулы. Проще говоря, любая программа, в которой взаимодействие с пользователем осуществляется при помощи языка, использует лексический и синтаксический анализ.

Возьмём простой случай. Текстовый формат часто используется для хранения данных, будь то конфигурационный системный файл или данные табличного файла. Здесь, для использования данных, необходим лексический и синтаксический анализ.

Обобщая, скажем что лексический и синтаксический анализ преобразует линейный поток символов в данные с более богатой структурой:

последовательность слов, структура записи, абстрактное синтаксическое дерево программы и т.д.

У каждого языка есть словарный состав (лексика) и грамматика, которая описывает каким образом эти составные объединяются (синтаксис). Для того, чтобы машина или программа могли корректно обрабатывать язык, этот язык должен иметь точные лексические и синтаксические правила. У машины нет «тонкого чувства» для того чтобы правильно оценить двусмысленность натуральных языков. По этой причине к машине необходимо обращаться в соответствии с чёткими правилами, в которых нет исключений. В соответствии с этим, понятия лексики и семантики получили формальные определения, которые будут кратко представлены в данной главе.

11.2 План главы

Данная глава знакомит нас со средствами лексического и синтаксического анализа, которые входят в дистрибутив Objective CAML. Обычно синтаксический анализ следует за лексическим. В первой части мы узнаем о простом инструменте лексического анализа из модуля Genlex. После этого ознакомимся с формализмом рациональных выражений и тем самым рассмотрим более детально определение множества лексических единиц. А так же проиллюстрируем их реализацию в модуле Str и инструменте ocamllex. Во второй части мы определим грамматику и рассмотрим правила создания фраз языка. После этого рассмотрим два анализа фраз: восходящий и нисходящий. Они будут проиллюстрированы использованием Stream и ocamlyacc. В приведённых примерах используется контекстно-независимая грамматика. Здесь мы узнаем как реализовать контекстный анализ при помощи Stream. В третьей части мы вернёмся к интерпретатору BASIC (см. стр ??) и при помощи ocamllex и ocamlyacc добавим лексические и синтаксические функции анализа языка.

11.3 Лексика

Синтаксический анализ это предварительный и необходимый этап обработки последовательностей символов: он разделяет этот поток в последовательность слов, так называемых лексические единицы или лексемы. 11.3. Лексика 191

11.3.1 Модуль Genlex

В данном модуле имеется элементарное средство для анализа символьного потока. Для этого используются несколько категорий предопределённых лексических единиц. Эти категории различаются по типу:

```
# type token = Kwd of string
| Ident of string
| Int of int
| Float of float
| String of string
| Char of char ;;
```

Таким образом мы можем распознать в потоке символов целое число (конструктор Int) и получить его значение (аргумент конструктора int). Распознаваемые символы и строки подчиняются следующим общепринятым соглашением: строка окружена символами ("), а символ окружён ('). Десятичное число представлено либо используя запись с точкой (например 0.01), либо с мантиссой и экспонентой (на пример 1Е-2). Кроме этого остались конструкторы Kwd и Ident.

Конструктор Ident предназначен для определения идентификаторов. Идентификатором может быть имя переменной или функции языка программирования. Они состоят из любой последовательности букв и цифр, могут включать символ подчёркивания (_) или апостроф ('). Данная последовательность не должна начинаться с цифры. Любая последовательность следующих операндов тоже будет считаться идентификатором: +,*,> или -. И наконец, конструктор Kwd определяет категорию специальных идентификаторов или символов.

Категория ключевых слова — единственная из этого множества, которую можно сконфигурировать. Для того, чтобы создать лексический анализатор, воспользуемся следующей конструкцией, которой необходимо передать список ключевых слов на место первого аргумента.

```
# Genlex.make_lexer ;;

- : string list -> char Stream.t -> Genlex.token Stream.t = < fun>
```

Тем самым получаем функцию, которая принимает на вход поток символов и возвращает поток лексических единиц (с типом token).

Таким образом, мы без труда реализуем лексический анализатор для интерпретатора BASIC. Объявим множество ключевых слов:

```
# let keywords =
    [ "REM"; "GOTO"; "LET"; "PRINT"; "INPUT"; "IF"; "THEN"; "-";
    "!"; "+"; "-"; "*"; "/"; "%";
```

```
"="; "<"; ">"; "<="; ">="; "<>";
"&"; "|"];;
```

При помощи данного множества, определим функцию лексического анализа:

```
# let line_lexer l = Genlex.make_lexer keywords (Stream.of_string l) ;;
val line_lexer : string -> Genlex.token Stream.t = <fun>
# line_lexer "LET x = x + y * 3" ;;
- : Genlex.token Stream.t = <abstr>
```

Приведённая функция line_lexer, из входящего потока символов создаёт поток соответствующих лексем.

11.3.2 Использование потоков

Мы также можем реализовать лексический анализ «в ручную» используя потоки.

В следующем примере определён лексический анализатор арифметических выражений. Функции lexer передаётся поток символов из которого она создаёт поток лексических единиц с типом lexeme Stream.t . Символы пробел, табуляция и переход на новую строку удаляются. Для упрощения, мы не будем обрабатывать переменные и отрицательны целые числа.

```
\# let rec spaces s =
   match s with parser
     [<","; rest>] -> spaces rest
      |[<"\t'; rest>] -> spaces rest
      | [<"\n' ; rest >] -> spaces rest
      | (<>) -> ();;
val spaces : char Stream.t \rightarrow unit = \langle fun\rangle
\# let rec lexer s =
  spaces s;
  match s with parser
    [<"("]>] -> [<"Lsymbol"("; lexer s >]
     | [< '')' >] -> [< 'Lsymbol ")"; lexer s >]
     [< ''+' >] -> [< 'Lsymbol "+" ; lexer s >]
     | [<"-"] > [<"Lsymbol"-"; lexer s >]
     | [< ''*' >] -> [< 'Lsymbol "*" ; lexer s >]
     | [<"/">] -> [<"Lsymbol"/"; lexer s >]
```

¹тип lexeme определён на стр. ??

11.3. Лексика 193

```
| [< ''0'...'9' as c;

i,v = lexint (Char.code c - Char.code('0')) >]

->[<'Lint i ; lexer v>]

and lexint r s =

match s with parser

[< ''0'...'9' as c >]

-> let u = (Char.code c) - (Char.code '0') in lexint (10*r + u) s

| [<>] -> r,s ;;

val lexer : char Stream.t -> lexeme Stream.t = <fun>

val lexint : int -> char Stream.t -> int * char Stream.t = <fun>
```

Функция lexint предназначена для анализа той части потока символов, которая соответствует числовой постоянной. Она вызывается, когда функция lexer встречает цифры. В этом случае функция lexint поглощает все последовательные цифры и выдаёт соответствующее значение полученного числа.

11.3.3 Регулярные выражения

Оставим ненадолго практику и рассмотрим проблему лексических единиц с теоретической точки зрения.

Лексическая единица является словом. Слово образуется при конкатенации элементов алфавита. В нашем случае алфавитом является множество символов ASCII.

Теоретически, слово может вообще не содержать символов (пустое слово 2) или состоять из одного символа.

Теоретические исследования конкатенации элементов алфавита для образования лексических элементов (лексем) привели к созданию простого формализма, известного как регулярные выражения.

Определение

Регулярные выражения позволяют определить множества слов. Пример такого множества: идентификаторы. Принцип определения основан на некоторых теоретико—множественный операциях. Пусть M и N — два множества слов, тогда мы можем определить:

- объединение M и N, записываемое M|N.
- дополнение M, записываемое $\land M$: множество всех слов, кроме тех, которые входят в M.

 $^{^2}$ традиционно, такое слово обозначается греческой буквой эпсилон: ε

- конкатенация M и N: множество всех слов созданных конкатенацией слова из M и слова из N. Записывается просто MN.
- мы можем повторить операцию конкатенации слов множества M и тем самым получить множество слов образованных из конечной последовательности слов множеств M. Такое множество записывается M+. Он содержит все слова множества M, все слова полученные конкатенацией двух слов множества M, трёх слов, и т.д. Если мы желаем чтобы данное множество содержало пустое слово, необходимо писать M*.
- для удобства, существует дополнительная конструкция M?, которая включает все слова множества M, а так же пустое слово.

Один единственный символ ассоциируется с одно элементным множеством. В таком случае выражение a/b/c описывает множество состоящее из трёх слов a, b и c. Существует более компактная запись: [abc]. Так как наш алфавит является упорядоченным (по порядку кодов ASCII), можно определить интервал. Например, множество цифр запишется как [0-9]. Для группировки выражений можно использовать скобки.

Для того, чтобы использовать в записи сами символы—операторы, как обычные символы, необходимо ставить перед ними обратную косую черту: \. Например множество (*)* обозначает множество последовательностей звёздочек.

Пример

Пусть существует множество из цифр (0,1,2,3,4,5,6,7,8,9), символы плюс (+) и минус (-), точки (.) и буквы E. Теперь мы можем определить множество чисел num. Назовем integers множество определённое выражением [0-9]+. Множество неотрицательных чисел unum определяется так:

$$integers?(.integers)?(E(\backslash + | -)?integers)?$$

Множество отрицательных и положительных чисел записывается:

$$unum|-unum$$
 или $-?unum$

Распознавание

Теперь, после того как множество выражений определено, остаётся проблема распознавания принадлежности строки символов или одной из её 11.3. Лексика 195

подстрок этому множеству. Для решения данной задачи необходимо реализовать программу обработки выражений, которая соответствует формальным определениям множества. Для регулярных выражений такая обработка может быть автоматизирована. Подобная автоматизация реализована в модуле Genlex из библиотеки Str и инструментом ocamllex, которые будут представлены в следующих двух параграфах.

Библиотека Str

В данном модуле имеется абстрактный тип regexp и функция regexp. Указанный тип представляет регулярные выражения, а функция трансформирует регулярное выражение, представленное в виде строки символов, в абстрактное представление.

Модуль Str содержит несколько функций, которые используют регулярные выражения и манипулируют символьными строками. Синтаксис регулярных выражений библиотеки Str приведён в таблице 11.1.

Таблица 11.1: Регулярные выражения

	любой символ, кроме \
*	ноль или несколько экземпляров предыдущего выражения
+	хотя бы один экземпляр предыдущего выражения
?	ноль или один экземпляр предыдущего выражения
[]	множество символов
	любой символ, кроме \
	интервал записывается при помощи - (пример $[0-9]$)
	дополнение записывается при помощи \land (пример $[\land A-Z]$)
\wedge	начало строки (не путать с дополнением ^)
\$	конец строки
	вариант
()	группировка в одно выражение (можно ссылаться на это выраже-
	ние)
i	числовая константа i ссылается на i -ый элемент группированного
	выражения
	забой, используется для сопоставления зарезервированных симво-
	лов в регулярных выражениях

Пример

В следующем примере напишем функцию, которая переводит дату из английского формата во французский. Предполагается, что входной файл

состоит из строк, разбитых на поля данных и элементы даты разделяются точкой. Определим функцию, которая из полученной строки (строка файла), выделяет дату, разбивает её на части, переводит во французских формат и тем самым заменяет старую дату на новую.

```
\# let french date of d =
      match d with
          [mm; dd; yy] -> dd^"/"^mm^"/"^yy
           -> failwith "Bad date format";;
val french date of : string list -> string = <fun>
# let english date format = Str.regexp "[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9]+\.[0-9
val english date format: Str.regexp = \langle abstr \rangle
\# let trans date l =
      try
      let i=Str.search forward english date format 1 0 in
      let d1 = Str.matched string 1 in
      let d2 = french date of (Str.split (Str.regexp "\.") d1) in
              Str.global replace english date format d2 l
      with Not found ->1;;
      val trans date: string -> string =< fun>
\# trans date
".....";;
```

11.3.4 Инструмент Ocamllex

ocamllex — это лексический генератор созданный для Objective CAML по модели lex, написанном на языке С. При помощи файла, описывающего элементы лексики в виде множества регулярных выражений, которые необходимо распознать, он создаёт файл—исходник на Objective CAML. К описанию каждого лексического элемента можно привязать какое—нибудь действие, называемое семантическое действие. В полученном коде используется абстрактный тип lexbuf из модуля Lexing. В данном модуле также имеется несколько функций управления лексическими буферами, которые могут быть использованы программистом для того чтобы определить необходимые действия.

Обычно, файлы, описывающие лексику, имеют расширение .mll. Для того, чтобы из файла lex_file.mll получить файл на Objective CAML,

11.3. Лексика 197

необходимо выполнить следующую команду:

```
ocamllex lex_file.mll
```

После этого, мы получим файл lex_file.ml, содержащий код лексического анализатора. Теперь, данный файл можно использовать в программе на Objective CAML. Каждому множеству правил анализа соответствует функция, которая принимает лексический буфер (типа Lexing.lexbuf) и затем возвращает значение, определённое семантическим действием. Значит, все действия для определённого правила должны создавать значение одного и того же типа.

Формат у файла для ocamllex следующий:

Части «заголовок» и «продолжение-и-конец» не являются обязательными. Здесь вставляется код Objective CAML, определяющий типы данных, функции и т.д. необходимые для обработки данных. В последней части используются функции, которые используют правила анализа множества лексических данных из средней части. Серия объявлений, которая предшествует определению правил, позволяет дать имя некоторым регулярным выражениям. Эти имена будут использоваться в определении правил.

Пример

Вернёмся к нашему интерпретатору BASIC и усовершенствуем тип возвращаемых лексических единиц. Таким образом, мы можем воспользо-

ваться функцией lexer, (см. стр. ??) которая возвращает такой же тип результата (lexeme), но на входе она получает буфер типа Lexing.lexbuf.

```
let string chars s =
    String.sub s 1 ((String.length s)-2);
let op ar = ['-', '+', '*', '\%', '/']
let op_bool = ['!', '\&', '|']
let rel = ['=', '<', '>']
rule lexer = parse
    [' '] { lexer lexbuf }
   op ar { Lsymbol (Lexing.lexeme lexbuf) }
   op bool { Lsymbol (Lexing.lexeme lexbuf) }
   "<=" { Lsymbol (Lexing.lexeme lexbuf) }
   ">=" { Lsymbol (Lexing.lexeme lexbuf) }
   "<>" { Lsymbol (Lexing.lexeme lexbuf) }
   rel { Lsymbol (Lexing.lexeme lexbuf) }
   "REM" { Lsymbol (Lexing.lexeme lexbuf) }
   "LET" { Lsymbol (Lexing.lexeme lexbuf) }
   "PRINT" { Lsymbol (Lexing.lexeme lexbuf) }
   "INPUT" { Lsymbol (Lexing.lexeme lexbuf) }
   "IF" { Lsymbol (Lexing.lexeme lexbuf) }
   "THEN" { Lsymbol (Lexing.lexeme lexbuf) }
   '-'? ['0'-'9']+ { Lint (int of string (Lexing.lexeme lexbuf)) }
   ['A'-'z']+ { Lident (Lexing.lexeme lexbuf) }
   '"', [^ '"']* '"', { Lstring (string_chars (Lexing.lexeme lexbuf
      )) }
```

После обработки данного файла командой ocamllex получим функцию lexer типа Lexing.lexbuf -> lexeme. Далее, мы рассмотрим каким образом подобные функции используются в синтаксическом анализе (см. стр. ??).

11.4 Синтаксис

Благодаря лексическому анализу, мы в состоянии разбить поток символов на более структурированные элементы: лексические элементы. Теперь необходимо знать как правильно объединять эти элементы в син-

11.4. Синтаксис 199

таксически корректные фразы какого-нибудь языка. Правила синтаксической группировки определены посредством грамматических правил. Формализм, произошедший из лингвистики, был с успехом перенят математиками, занимающимися теориями языков, и специалистами по информатике. На странице ?? мы уже видели пример грамматики для языка BASIC. Здесь мы снова вернёмся к этому примеру, чтобы более углублённо ознакомится с базовыми концепциями грамматики.

11.4.1 Грамматика

Говоря формальным языком, грамматика основывается на четырёх элементах:

- 1. Множество символов, называемых терминалами. Эти символы являются лексическими элементами языка. В Бэйсике к ним относятся символы операторов, арифметических отношений и логические $(+, \&, <, \leq, \cdots)$, ключевые слова языка (GOTO, PRINT, IF, THEN, \cdots), целые числа (элемент integer) и переменные (элемент variable).
- 2. Множество нетерминальных символов, которые представляют синтаксические компоненты языка. Например, программа на языке Бэйсик состоит из строк. Таким образом мы имеем компоненту Line, которая в свою очередь состоит из выражений (Expression), и т.д.
- 3. Множество так называемых порождающих правил. Они описывают каким образом комбинируются терминальные и нетерминальные символы, чтобы создать синтаксическую компоненту. Строка в Бэйсике начинается с номера, за которой следует инструкция. Смысл правила следующий:

Line ::= integer Instruction

Одна и та же компонента может быть порождена несколькими способами. В этом случае варианты разделяются символом | как в:

```
Instruction ::= LET variable = Instruction | GOTO integer | PRINT Expression
```

Среди всех нетерминальных символов различают один, называемый начальным. Правило, которое порождает эту аксиому является порождающим правилом всего языка.

11.4.2 Порождение и распознавание

С помощью порождающих правил можно определить принадлежит ли последовательность лексем языку.

Рассмотрим простой язык, описывающий арифметические выражения:

здесь (R1) (R2) (R3) (R4) — имена правил. По окончании лексического анализа выражение 1*(2+3) становится последовательностью следующих лексем:

$$integer * (integer + integer)$$

Для того, чтобы проанализировать эту фразу и убедиться в том что она принадлежит языку арифметических выражений, воспользуемся правилами справа налево: если часть выражения соответствует правому члену какого-нибудь правила, мы заменяем это выражение соответствующим левым членом. Этот процесс продолжается до тех пор, пока выражение не будет редуцировано до аксиомы. Ниже представлен результат такого анализа ³:

```
integer * (integer + integer) (R1) Exp * (integer + integer)
(R1) Exp * (Exp + integer)
(R1) Exp * (Exp + Exp)
(R2) Exp * (Exp)
(R4) Exp * Exp
(R3) Exp
```

Начиная с последней линии, которая содержит лишь Ехр и следуя стрелкам, можно определить каким образом было полученное выражение исходя из аксиомы Ехр. Соответственно данная фраза является правильно сформированной фразой языка арифметических выражений, определённого грамматикой.

 $^{^3}$ анализируемая часть выражения подчёркнута, а так же указано используемое правило

11.4. Синтаксис 201

Преобразование грамматики в программу, способную распознать принадлежность последовательности лексем языку, который определён грамматикой, является более сложной проблемой, чем проблема использования регулярных выражений. Действительно, в соответствии с математическим результатом любое множество (слов), определённое формализмом регулярных выражений, может быть определено другим формализмом: детерминированные конечные автоматы. Такие автоматы легко реализуются программами, принимающими поток символов. Подобный результат для грамматик в общем не существует. Однако, имеются менее строгие (?) (weaker) результаты устанавливающие эквивалентность между определёнными классами грамматик и более богатыми автоматами: автомат со стеком. Здесь мы не станем вдаваться ни в детали этих результатов, ни в точное определение таких автоматов. Однако, мы можем определить какие классы грамматики могут использоваться в средствах генерации синтаксических анализаторов или для реализации напрямую анализатора.

11.4.3 Нисходящий анализ

Разбор выражения 1*(2+3) в предыдущем параграфе не является единственным: мы с таким же успехом могли бы начать редуцирование *integer*, то есть воспользоваться правилом (R2) редуцирования 2+3. Эти два способа распознавания являются двумя типами анализа: восходящий анализ (справа налево) и нисходящий слева направо. Последний анализ легко реализуется при помощи потоков лексем модуля Stream. Средство ocamlyacc использует восходящий анализ, при котором применяется стек, как это уже было проиллюстрировано синтаксическим анализатором программ на Бэйсике. Выбор анализа не просто дело вкуса, в зависимости от используемой для спецификации языка формы грамматики, можно или нет применять нисходящий анализ.

Простой случай

Каноническим примером нисходящего анализа является префиксная запись арифметических выражений, определяемая как:

$$\begin{array}{ccc} \operatorname{Exp} & ::= & \operatorname{integer} \\ & | & + \operatorname{Exp} \operatorname{Exp} \\ & | & * \operatorname{Exp} \operatorname{Exp} \end{array}$$

В данном случае достаточно знать первую лексему, для того чтобы определить какое правило может быть использовано. При помощи по-

добной предсказуемости нет необходимости явно управлять стеком, достаточно положиться на рекурсивный вызов анализатора. И тогда при помощи Genlex и Stream очень просто написать программу реализующую нисходящий анализ. Функция infix_of из полученного префиксного выражения возвращает его инфиксный эквивалент:

```
\# let lexer s =
  let ll = Genlex.make lexer ["+";"*"]
  in ll (Stream.of string s);;
val lexer: string -> Genlex.token Stream.t = <fun>
\# let rec stream parse s =
  match s with parser
    [<'Genlex.Ident x>] -> x
  | [<'Genlex.Int n>] -> string of int n
  | [<'Genlex.Kwd "+"; e1=stream_parse; e2=stream parse>| -> "("^
      e1^"+"^e2^")"
  | [<'Genlex.Kwd "*"; e1=stream parse; e2=stream parse>] -> "("^
      e1^"*"^e2^")"
  | [<>] -> failwith "Parse error" ;;
val stream parse : Genlex.token Stream.t -> string = <fun>
\# let infix of s = stream parse (lexer s);;
val infix of : string -> string =<fun>
# infix of "* +3 11 22";;
-: string = "((3+11)*22)"
```

Однако не стоит забывать о некоторой примитивности лексического анализа. Советуем периодически добавлять пробелы между различными лексическими элементами.

```
# infix_of "*+3 11 22";;
- : string = "*+"
```

Случай посложней

Синтаксический анализ при помощи потоков предсказуем, он облагает грамматику двумя условиями:

• В правилах грамматики не должно быть левой рекурсии. Правило называется рекурсивным слева, если его правый член начинается с

11.4. Синтаксис 203

нетерминального символа, который является левой частью правила. Например: Exp ::= Exp + Exp

• Не должно существовать правил начинающихся одним и тем же выражением.

Грамматика арифметических выражений, приведённая на стр. 196, не подходит для нисходящего анализа: они не удовлетворяют ни одному из условий. Для того, чтобы применить нисходящий анализ необходимо переформулировать грамматику таким образом, чтобы удалить левую рекурсию и неопределённость правил. Вот полученный результат:

```
\begin{array}{cccc} \operatorname{Exp} & ::= & \operatorname{Atom} \ \operatorname{NextExpr} \\ \operatorname{NextExpr} & ::= & + \operatorname{Atom} \\ & | & - \operatorname{Atom} \\ & | & * \operatorname{Atom} \\ & | & / \operatorname{Atom} \\ & | & \varepsilon \\ \operatorname{Atom} & ::= & \operatorname{integer} \\ & | & (\operatorname{Expr}) \end{array}
```

Заметьте использование пустого слова ε в определении NextExpr. Оно необходимо, если мы хотим чтобы просто целое число являлось выражением.

Следующий анализатор есть просто перевод вышеуказанной грамматики в код. Он реализует абстрактное синтаксическое дерево арифметических выражений.

```
# let rec rest = parser
    [< 'Lsymbol "+"; e2 = atom >] -> Some (PLUS,e2)
    | [< 'Lsymbol "-"; e2 = atom >] -> Some (MINUS,e2)
    | [< 'Lsymbol "*"; e2 = atom >] -> Some (MULT,e2)
    | [< 'Lsymbol "/"; e2 = atom >] -> Some (DIV,e2)
    | [< >] -> None
    and atom = parser
    [< 'Lint i >] -> ExpInt i
    | [< 'Lsymbol "("; e = expr ; 'Lsymbol ")" >] -> e
    and expr s =
    match s with parser
    [< e1 = atom >] ->
    match rest s with
    None -> e1
```

```
| Some (op,e2) -> ExpBin(e1,op,e2) ;;

val rest : lexeme Stream.t -> (bin_op * expression) option = <fun>

val atom : lexeme Stream.t -> expression = <fun>

val expr : lexeme Stream.t -> expression = <fun>
```

Сложность использования нисходящего анализа заключается в том, что грамматика должна быть очень ограниченной формы. Если язык выражен естественно с использованием левой рекурсии (как в инфиксных выражениях), то не всегда легко определить эквивалентную грамматику, то есть определяющую такой же язык, которая бы удовлетворяла требованиям нисходящего анализа. По этой причине, средства уасс и осатуасс реализуют восходящий анализ, который разрешает определение более естественных грамматик. Однако, мы увидим, что даже в этом случае существуют ограничения.

11.4.4 Восходящий анализ

Мы уже вкратце представили на странице ?? принципы восходящего анализа: сдвиг и вывод ⁴. После каждого подобного действия, состояние стека изменяется. Из этой последовательности можно вывести правила грамматики, в случае если грамматика это позволяет, как в примере с нисходящим анализом. Опять же, сложности возникают из-за неопределённости правил, когда невозможно выбрать между продвинутся или сократить. Проиллюстрируем действие восходящего анализа и его недостатки на все тех же арифметических выражениях в постфиксном и инфиксном написании.

Положительная сторона

Упрощённая постфиксная грамматика арифметических выражений выглядит так:

$$\begin{array}{cccc} \operatorname{Exp} & ::= & integer & (R1) \\ & | & \operatorname{Exp} \operatorname{Exp} + & (R2) \\ & | & \operatorname{Exp} \operatorname{Exp} - & (R3) \end{array}$$

Данная грамматика является двойственной по отношению к префиксной: для того чтобы точно знать какое правило следует применить, необходимо дождаться окончания анализа. В действительности анализ по-

 $^{^4}$ Обычно на русский язык термины **shift** и **reduce** переводят как сдвиг и вывод, но в данной книге для термина **reduce** будет также использоваться перевод «сокращение» — прим. пер.

добных выражений схож с вычислением при помощи стека. Только вместо проталкивания результата вычисления, проталкиваются грамматические символы. Если в начале стек пустой, то после того как ввод закончен, необходимо получить стек содержащий лишь нетерминальную аксиому. Приведём изменение стека: если мы продвигаемся, то проталкивается текущий нетерминальный символ; если сокращаем, то первые символы стека соответствуют правому члену (в обратном порядке) правила и тогда мы заменяем эти элементы соответствующими нетерминальными элементами.

В таблице 11.2 приведён восходящий анализ выражения $1\ 2+3*4+$. Считываемая лексическая единица подчёркивается для более удобного чтения. Конец потока помечается символом \$.

Таблица 11.2: Восходящий анализ

Действие	Вход	Стек
	12+3*4+\$	[]
Сдвиг		
	2+3*4+\$	[1]
Сократить (R1)		
	<u>2</u> + 3 * 4 + \$	[Exp]
Сдвиг		
	<u>+</u> 3 * 4 + \$	[2 Exp]
Сдвиг, Сократить <i>(R1)</i>		
	+3*4+\$	[Exp Exp]
Сдвиг, Сократить (R2)		
	<u>3</u> * 4 + \$	[Exp]
Сдвиг, Сократить <i>(R1)</i>		
	$\frac{*}{4} + \$$	[Exp Exp]
Сдвиг, Сократить $(R3)$		
	$\frac{4}{4} + \$$	[Exp]
Сдвиг, Сократить <i>(R1)</i>		
	$ $ \pm $\$$	[Exp Exp]
Сдвиг, Сократить <i>(R2)</i>		
	<u>\$</u>	[Exp]

Отрицательная сторона

Вся трудность перехода от грамматики к программе распознающей язык заключается в определении действия, которое необходимо применить. Проиллюстрируем эту проблему на трёх примерах, приводящих к трём неопределённостям.

Первый пример есть грамматика выражений использующих операпию сложения:

E0 ::=
$$integer$$
 (R1)
 $E0 + E0$ (R2)

Неопределённость данной грамматики проявляется при использовании правила R2. Предположим следующую ситуацию:

Действие	Вход	Стек
:		
	<u>+</u>	$\mathrm{E0} + \mathrm{E0} \dots$
:		

В подобном случае невозможно определить необходимо сдвинуть и протолкнуть в стек + или сократить в соответствии с правилом (R2) оба E0 и присутствующий в стеке +. Подобная ситуация называется конфликтом сдвиг-вывод (shift/reduce). Она является следствием того, что выражение integer + integer + integer может быть выведено справа двумя способами.

Первый вариант:

E0
$$(R2)$$
 E0 + $\underline{\text{E0}}$
 $(R1)$ $\underline{\text{E0}}$ + $integer$
 $(R2)$ E0 + $\underline{\text{E0}}$ + $integer$

Второй вариант:

E0
$$(R2)$$
 E0 + $\underline{E0}$
 $(R1)$ E0 + $\underline{E0}$ + $\underline{integer}$
 $(R2)$ E0 + $\underline{E0}$ + $\underline{integer}$

Выражения, полученные двумя выводами, могут показаться одинаковыми с точки зрения вычисления выражения,

$$(integer + integer) + integer u integer + (integer + integer)$$

11.4. Синтаксис 207

но разными для конструкции синтаксического дерева (см. рис. ?? на стр. ??)

Второй пример грамматики, порождающей конфликт между сдвигвывод, содержит такую же неопределённость: явное заключение в скобки. Но в отличии от предыдущего случая, выбор сдвиг-вывод изменяет смысл выражения. Пусть есть грамматика:

$$\begin{array}{cccc} \mathrm{E1} & ::= & integer \ (R1) \\ & \mid & \mathrm{E1} \ + \ \mathrm{E1} \ (R2) \\ & \mid & \mathrm{E1} \ * \ \mathrm{E1} \ (R3) \end{array}$$

Здесь мы снова получаем предыдущий конфликт как в случае c+ так и для *, но к этому добавляется другой, между + и *. Опять же, одно и то же выражение может быть получено двумя способами, так как у него существует два вывода справа:

integer + integer * integer

Первый вариант:

E1
$$(R3)$$
 E0 * $\underline{E1}$
 $(R1)$ $\underline{E1}$ * $integer$
 $(R2)$ E1 + $\underline{E1}$ * $integer$

Второй вариант:

E1
$$(R2)$$
 E1 + E1 $(R2)$ E1 + E1 * E1 $(R1)$ E1 + E1 * $integer$

В данном выражении обе пары скобок имеют разный смысл:

 $(integer + integer) * integer \neq integer + (integer * integer)$

Подобную проблему, мы уже встречали в выражениях Basic (см. стр. ??). Она была разрешена при помощи приоритетов, которые присваиваются операторам: сначала редуцируется правило (R3), затем (R2), что соответствует заключению в скобки произведения.

Данную проблему выбора между + и * можно решить изменив грамматику. Для того, введём два новых терминальных символа: член Т (term) и множитель F (factor). Отсюда получаем:

После этого, единственный способ получить integer + integer * integer: посредством правила (R1).

Третий и последний случай касается условных конструкций языка программирования. На пример в Pascal существует две конструкции: if ... then и if ... then ... else. Пусть существует следующая грамматика:

Instr ::=
$$if EXP then Instr$$
 (R1)
- $if EXP then Instr else Instr$ (R2)
- etc . . .

И в следующей ситуации:

Действие	Вход	Стек
:		
	else	[Instr $then \ Epx \ if \dots$]

Невозможно определить соответствуют ли элементы стека правила (R1) и в этом случае необходимо сократить или соответствуют первому Instr правила (R2) и тогда необходимо сдвинуть.

Кроме конфликтов сдвиг-вывод, восходящий анализ вызывает конфликт вывод-вывод.

Мы представим здесь инструмент ocamlyacc, который использует подобную технику может встретить указанные конфликты.

11.5 Пересмотренный Basic

Теперь, используя совместно ocamllex и ocamlyacc, заменим функцию parse для Бэйсика, приведённую на странице ??, на функции полученные при помощи файлов спецификации лексики и синтаксиса языка.

Для этого, мы не сможем воспользоваться типами лексических единиц, в таком виде как они были определены. Необходимо определить более точные типы, чтобы различать операторы, команды и ключевые слова.

Так же, нам понадобится изолировать в отдельном файле basic_types.mli декларации типов, относящиеся к абстрактному синтаксису. В нем будут содержатся декларации типа sentences, а так же других типы необходимые этому.

11.5.1 Файл basic_parser.mly

Заголовок

Данный файл содержит вызовы деклараций типов абстрактного синтаксиса и две функции перевода строк символов в их эквивалент абстрактного синтаксиса.

```
%{
open Basic_types ;;
let phrase_of_cmd c =
match c with
  "RUN" -> \operatorname{Run}
 | "LIST" → List
 "END" -> End
  _ -> failwith "line : unexpected command"
let bin op of rel r =
match r with
  "=" -> EQUAL
 "<" -> INF
 "<=" -> INFEQ
  ">" -> SUP
 | ">=" -> SUPEQ
 "<>" -> DIFF
  _ -> failwith "line : unexpected relation symbol"
%}
```

Декларации

Здесь содержится три части: декларация лексем, декларация правил ассоциативности и приоритетов, декларация стартового символа line, которая соответствует анализу линии программы или команды.

Ниже представлены лексические единицы:

```
%token <int> Lint
%token <string> Lident
%token <string> Lstring
```

```
%token <string> Lcmd
%token Lplus Lminus Lmult Ldiv Lmod
%token <string> Lrel
%token Land Lor Lneg
%token Lpar Rpar
%token <string> Lrem
%token <string> Lrem
%token Lrem Llet Lprint Linput Lif Lthen Lgoto
%token Lequal
%token Leol
```

Имена деклараций говорят сами за себя и они описаны в файле basic_lexer.mll (см. стр. ??).

Правила приоритета операторов схожи со значениями, которые определяются функциями priority_uop и priority_binop, которые были определены грамматикой Бейсика (см. стр. ??).

```
%right Lneg
%left Land Lor
%left Lequal Lrel
%left Lmod
%left Lplus Lminus
%left Lmult Ldiv
%nonassoc Lop
```

Символ Lop необходим для обработки унарных минусов. Он не является терминальным символом, а «псевдо—терминальным». Благодаря этому, получаем перегрузку операторов, когда в двух случаях использования одного и того же оператора, приоритет меняется в зависимости от контекста. Мы вернёмся к этому случаю, когда будем рассматривать правила грамматики.

Здесь нетерминалом является line. Полученная функция возвращает дерево абстрактного синтаксиса, которое соответствует проанализированной линии.

```
%start line
%type <Basic_types.phrase> line
```

Правила грамматики

Грамматика делится на 3 нетерминальных элемента: line для линии, inst для инструкции и ехр для выражений. Действия, которые привязаны к каждому правилу лишь создают соответствующую часть абстрактного синтаксиса.

```
%%
line:
   Lint inst Leol { Line {num=$1; inst=$2} }
 Lcmd Leol { phrase_of_cmd $1 }
inst:
   Lrem { Rem $1 }
 | Lgoto Lint { Goto $2 }
  Lprint exp { Print $2 }
 | Linput Lident { Input $2 }
 Lif exp Lthen Lint \{ If (\$2, \$4) \}
 | Llet Lident Lequal exp { Let ($2, $4) }
exp:
   Lint { ExpInt $1 }
  Lident { ExpVar $1 }
  Lstring { ExpStr $1 }
  Lneg exp { ExpUnr (NOT, $2) }
  exp Lplus exp { ExpBin ($1, PLUS, $3) }
  exp Lminus exp { ExpBin ($1, MINUS, $3) }
  exp Lmult exp { ExpBin ($1, MULT, $3) }
  exp Ldiv exp { ExpBin ($1, DIV, $3) }
  exp Lmod exp { ExpBin ($1, MOD, $3) }
  exp Lequal exp { ExpBin ($1, EQUAL, $3) }
  exp Lrel exp { ExpBin ($1, (bin op of rel $2), $3) }
  exp Land exp { ExpBin ($1, AND, $3) }
  \exp \text{Lor} \exp \{ \text{ExpBin} (\$1, \mathbf{OR}, \$3) \}
  Lminus exp %prec Lop { ExpUnr(OPPOSITE, $2) }
 | Lpar exp Rpar \{ \$2 \}
 %%
```

Данные правила не нуждаются в особых комментариях, кроме следующего:

```
exp:
...
| Lminus exp %prec Lop { ExpUnr(OPPOSITE, $2) }
```

Это правило касается использования унарного минуса -. Ключевое слово %prec означает, что указанная конструкция получает приоритет от Lop (в данном случае наивысший).

11.5.2 Файл basic_lexer.mll

Лексический анализ содержит лишь одно множество: lexer, которое точно соответствует старой функции lexer (см. стр. ??).

Семантическое действие, которое связано с распознаванием лексических единиц, возвращает результат соответствующего конструктора. Необходимо загрузить файл синтаксических правил, так как в нем декларируется тип лексических единиц. Добавим так же функцию, которая удаляет кавычки вокруг строк.

```
open Basic parser ;;
let string chars s = String.sub s 1 ((String.length s) - 2);;
rule lexer = parse
   [', ', ' \setminus t'] { lexer lexbuf }
 | '\n' { Leol }
 '!' { Lneg }
 | '&' { Land }
 | '|' { Lor }
 | '=' { Lequal }
 | '%' { Lmod }
 | '+' { Lplus }
 | '-' { Lminus }
 '*' { Lmult }
 | '/' { Ldiv }
| ['<' '>'] { Lrel (Lexing.lexeme lexbuf) }
| "<=" { Lrel (Lexing.lexeme lexbuf) }
 | ">=" { Lrel (Lexing.lexeme lexbuf) }
 | "REM" [^ '\n']* { Lrem (Lexing.lexeme lexbuf) } | "LET" { Llet }
```

```
| "PRINT" { Linput }
| "INPUT" { Linput }
| "IF" { Lif }
| "THEN" { Lthen }
| "GOTO" { Lgoto }

| "RUN" { Lcmd (Lexing.lexeme lexbuf) }
| "LIST" { Lcmd (Lexing.lexeme lexbuf) }
| "END" { Lcmd (Lexing.lexeme lexbuf) }

| ['0'-'9']+ { Lint (int_of_string (Lexing.lexeme lexbuf)) }
| ['A'-'z']+ { Lident (Lexing.lexeme lexbuf) }
| '"' [^ '"']* '"' { Lstring (string_chars (Lexing.lexeme lexbuf) }
| ) }
```

Заметьте, что нам пришлось изолировать символ =, который используется одновременно в выражениях и приравниваниях.

Для двух рациональных выражений необходимо привести определённые объяснения. Линия комментариев соответствует выражению ("REM" [∧'\n']*), где за ключевым словом REM следует какое угодно количество символов и затем перевод строки. Правило, которое соответствует символьным строкам, ('\ [∧ '\]* '\), подразумевает последовательность символов, отличных от "и заключённых в кавычки ".

11.5.3 Компиляция, компоновка

Компиляция должна быть реализована в определённом порядке. Это связано с взаимозависимостью деклараций лексем. Поэтому в нашем случае, необходимо выполнить команды в следующем порядке:

```
ocamlc —c basic_types.mli
ocamlyacc basic_parser.mly
ocamllex basic_lexer.mll
ocamlc —c basic_parser.mli
ocamlc —c basic_lexer.ml
ocamlc —c basic_lexer.ml
```

После чего получим файлы basic_lexer.cmo и basic_parser.cmo, которые можно использовать в нашей программе.

Теперь, у нас есть весь необходимый арсенал, для того чтобы переделать программу.

Удалим все типы и функции параграфов «лексический анализ» (стр. ??) и «синтаксический анализ» (стр. ??) для программы Бэйсик. Также в функции one_command (стр. ??) заменим выражение:

```
match parse (input_line stdin) with
```

на

```
match line lexer (Lexing.from_string ((input_line stdin)^"\n")) with
```

Заметьте, что необходимо поместить в конце линии символ конца '\n', который был удалён функцией input_line. Это необходимо, потому что данный символ используется для указания конца командной линии (Leol).

11.6 Exercises

11.7 Резюме

В данной главе были описаны различные средства лексического и синтаксического анализа Objective CAML. По порядку описания:

- модуль Str для фильтрования рациональных выражений
- модуль Genlex для быстрого создания простых лексических анализаторов
- ocamllex представитель семейства lex
- осатуасс представитель семейства уасс
- потоки, для построения нисходящих анализаторов, в том числе и контекстных

При помощи инструментов ocamllex и ocamlyacc мы переделали синтаксический анализ Бэйсика, который проще поддерживать, чем анализатор представленный на стр. ??.

11.8 To Learn More

Взаимодействие с языком С

Приложения

13.1 Введение

В этой главе представлены два приложения, которые призваны продемонстрировать пользу от многих подходов к программированию, продемонстрированных ранее.

Первым приложением мы создадим библиотеку графических элементов, Awi (Application Window Interface) - Оконный интерфейс приложения. Следующая библиотека будет для простого конвертера из франков в Евро. Компоненты библиотеки реагируют на ввод со стороны пользователя вызовом обработчиков событий. Хотя алгоритмически это простое приложение, оно показывает преимущества использования замыканий чтобы структурировать взаимодействие между компонентами. В самом деле, различные обработчики событий имеют общие значения, которые им видны через их окружение. Для оценки архитектуры Awi необходимо знать базовую графическую библиотеку (??).

Второе приложение ищет кратчайший путь в ориентированном графе. Оно использует алгоритм Дейкстры, который вычисляет кратчайший путь из исходного узла до всех остальных. Механизм кеширования, реализованный через использование таблицы слабых указателей (weak pointers) (см. ??), используется для ускорения поиска. Сборщик мусора может удалить элементы таблицы в любое время, но они могут быть посчитаны заново при необходимости. Для выбора исходного и конечного узла при поиске пути, визуализированный граф использует простой компонент кнопки, взятый из библиотеки Awi. Далее мы сравним эффективность работы алгоритма с кешированием и без него. Для облегчения замера временных различий между двумя версиями алгоритма, файл с описанием графа и источника с конечным узлом подаётся в качестве

аргумента поисковому алгоритму. В конце небольшой графический интерфейс будет добавлен к программе поиска.

Часть III Устройство программы

Содержимое третьей части

Модульное программирование

Объектно-ориентированное программирование

Сравнение моделей устройств программ

Приложения

Часть IV Параллелизм и распределение

Процессы и связь между процессами

Параллельное программирование

Распределённое программирование

Приложения

Часть V

Разработка программ с помощью Objective CAML

Часть VI Приложения