Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение высшего образования

«Сибирский государственный университет телекоммуникаций и информатики» (СибГУТИ)

02.03.02 Фундаментальная информатика и информационные технологии Профиль: Системное программное обеспечение (очная форма обучения)

ОТЧЕТ ПО УЧЕБНОЙ ПРАКТИКЕ

(подпись)

«27» мая 2023 г.

План-график проведения учебно	
Вид практи	
Григорьев Юрий Вадимови	Ч
Фамилия Имя Отчество студента	
института <u>Информатика и вычислительная техни</u> <u>ИС-142</u>	<u>кка</u> , <u>2</u> курса, гр.
Направление: <u>02.03.02</u> <u>Фундаментальная информ</u> <u>технологии</u> Код – Наименование направлен	
Профиль: Системное программное обеспечение	
Место прохождения практики	
Объем практики: <u>108/3</u> часов/3E	
Вид практики <i>учебная</i>	
Тип практики научно-исследовательская работа (п	олучение первичных навыков
научно-исследовательской работы)	
Срок практики с " <u>30</u> " <u>января</u> 2023 г.	
по " <u>27</u> " <u>мая</u> 2023 г.	
Содержание практики*:	
Наименование видов деятельности	Дата (начало – окончание)
1. Общее ознакомление со структурным подразделением	30.01.2023-01.02.2023
предприятия, вводный инструктаж по технике безопасности	
2. Выдача задания на практику, деление студентов на группы	02.02.2023-04.02.2023
(если необходимо), определение конкретной индивидуальной темы, формирование плана работ	
3. Работа с библиотечными фондами структурного	06.02.2023-11.02.2023
подразделения или предприятия, сбор и анализ материалов	00.02.2020 11.02.2020
по теме практики	
4. Выполнение работ в соответствии с составленным	13.02.2023 - 20.05.2023
планом:	
1. Разработка заголовочного файла с прототипами методов работы со структурой данных	
2. Разработка Makefile для автоматизации компиляции	
программы с библиотекой структуры данных	
3. Разработка структуры данных в отдельном файле	
4. Разработка программы для тестирования полученной	
библиотеки для работы со структурой данных	
5. Отладка и форматирование кода программы	22.05.2022.27.05.2022
5. Анализ полученных результатов и произведенной работы. Составление отчета по практике, защита отчета	22.05.2023–27.05.2023
*В соответствии с программой практики	L
Duropourrous of Cu6FVTM	1
Руководитель от СибГУТИ	//
«28»01 2023г. (подпись	5)

ЗАДАНИЕ НА ПРАКТИКУ

Реализовать программно, исследовать эффективность и описать структуру данных "R-tree".

ВВЕДЕНИЕ

R-дерево (R-Tree) - это индексная структура для доступа к пространственным данным, предложенная Антонином Гуттманом (Калифорнийский университет, Беркли) в 1984 году. R-дерево допускает произвольное выполнение операций добавления, удаления и поиска данных без периодической переиндексации. При этом дерево получается сбалансированным, что является одним из важных свойств любой иерархической структуры данных.

СТРУКТУРА R-ДЕРЕВА

R-дерево — это сбалансированное по высоте дерево, сходное с В+-деревом, листовые узлы которого содержат ссылки на конечные объекты. Если индексная структура находится на жестком диске, то каждый узел соответствует дисковой странице. Структура разработана так, чтобы для пространственного поиска требовалось посещение как можно меньшего числа узлов. Индексная структура полностью динамическая — добавление и удаление может выполняться одновременно с поиском, и никакой периодической реорганизации структуры производить не нужно. Для организации такой индексной структуры используют пространственную базу данных, состоящую из набора записей, каждой из которых соответствует некоторый уникальный идентификатор. Этот идентификатор используют как средство ссылки на запись из индекса. В качестве идентификатора может выступать некоторое уникальное число или номер записи в файле (второй вариант предпочтительнее, так как работает быстрее, однако для него присущи некоторые недостатки, связанные с удалением записей из файла).

Если принять описанные условия, то каждый листовой узел дерева будет состоять из элементов, имеющих вид:

где указатель_на_объект ссылается на объект в памяти устройства, а MBR — это n-мерный прямоугольник, который является минимальным охватывающим прямоугольником для пространственного объекта, со сторонами параллельными осям координат. Обычно MBR задают в виде интервала размерности n с закрытыми концами [a,b], где n - число размерностей (измерений). Внутренние узлы дерева содержат элементы, имеющие похожую структуру:

где $ccылкa_ha_nomomka$ — это адрес узла низшего уровня в R-дереве (дочернего по отношению к данному), все записи внутри которого покрываются прямоугольником MBR.

И листовые узлы, и внутренние представляют собой набор из элементов описанной структуры, и даже в простейшей реализации таких элементов должно быть больше одного. Обозначим M как максимальное число элементов в любом узле, а m — минимальное. Для реализации основных алгоритмов необходимо выполнение условия $m \le M/2$.

R-дерево должно удовлетворять следующим требованиям:

- 1. Каждый узел дерева содержит не меньше m и не больше M записей. Исключение может составлять только корень.
- 2. Корень, если он не является листом, содержит как минимум двух потомков. Максимальное количество элементов в корне также ограничивается значением M.

- 3. Для каждой индексной записи листового узла MBR является минимальным прямоугольником, который полностью вмещает в себя пространственный объект, на который ссылается запись.
- 4. Для каждой индексной записи внутреннего узла дерева MBR является минимальным прямоугольником, охватывающим все MBR дочерних узлов.
- 5. Все листовые узлы дерева расположены на одном уровне (дерево является сбалансированным).
 - 6. Каждый объект упоминается в дереве ровно один раз.

На рис. 1 показан пример структуры *R*-дерева и проиллюстрированы отношения ограничения и перекрытия, которые могут существовать между его прямоугольниками.

Имея представление о свойствах R-дерева, можно оценить его высоту при числе элементов N. Из свойств, описанных выше, следует, что каждый узел дерева содержит как минимум m потомков. Поэтому наибольшая высота R-дерева, содержащего N индексных записей, будет не больше $|log_mN|$ - 1. При этом максимальное число узлов в таком дереве будет равно $|N/m|+|N/m^2|+\ldots+1$.

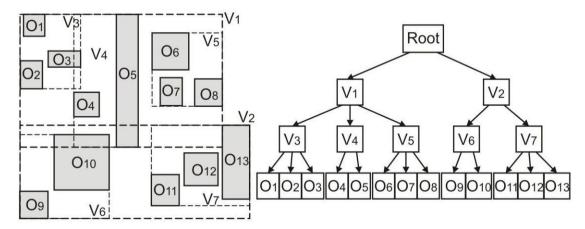


Рис. 1. Пример *R*-дерева

В худшем случае использование пространства памяти, в которой хранится индексная структура, будет m / M. Однако алгоритмы построения дерева разработаны таким образом, что структура будет стремиться содержать более m записей в узле. Это уменьшает высоту дерева и увеличивает полезное использование памяти.

АЛГОРИТМ РАБОТЫ

Поиск элемента

Алгоритм поиска в R-дереве похож на алгоритм поиска по B-дереву: он начинается в корне и опускается по нему к листовому узлу, выбирая в зависимости от заданных параметров поиска то или иное поддерево. Главное отличие состоит в том, что возможен вариант, при котором более одного поддерева текущего узла участвует в поиске: такая ситуация связана с применением метода размещения многомерных объектов, разрешающего пересекаться ограничивающим областям разных элементов. Это может привести к многократному уменьшению скорости поиска, однако алгоритмы построения и изменения дерева стараются поддерживать дерево в наиболее оптимальном виде. Пример рекурсивной процедуры поиска объектов, имеющих хотя бы одну общую точку с областью поиска S, в псевдокоде:

```
rtree_search (V, S, Res) // V - текущ. вершина, S - область поиска, Res - результаты поиска if V.kind != LEAF then
    for each V' in V // цикл по всем записям V' в узле V
        if V'.MBR * S != 0 then // MBR записи V' пересекается с S
            rtree_search (V', S, Res)
        end if
end if
if V.kind == LEAF then
    for each O in V
        if O.MBR * S != 0 then // MBR записи О пересекается с S
            Res += O
        end if
end for
end if
```

Рассмотрим описанный алгоритм на примере, показанном на рис. 2. Область поиска соответствует заданному прямоугольнику ABCD. Первоначально процедура поиска вызывается для корня. Так как корень является внутренней вершиной, то для него выполняется первая ветка алгоритма поиска. Она проверяет узлы V_1 и V_2 на пересечение с заданной областью. Как нетрудно заметить, оба этих узла имеют общие точки с областью поиска, и поэтому для обоих из этих узлов рекурсивно вызывается процедура **rtree_search**.

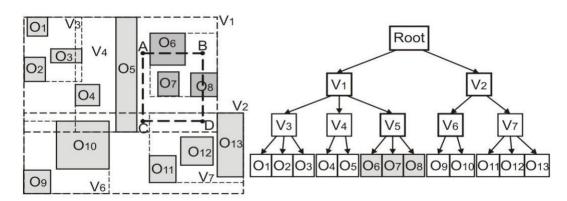


Рис. 2. Пример поиска в *R*-дереве

rtree_search для вершины V_1 перебирает элементы $V_3,V_4,\ V_5$, причем только V_5 имеет пресечение с прямоугольником ABCD. Поэтому вершины V_3 и V_4 пропускаются и далее не рассматриваются. Дальнейший вызов процедуры для вершины V_5 выдаст в качестве результата

три элемента $-O_6$, O_7 , O_8 , которые и будут добавлены в множество результата Res. Аналогичным образом будет просмотрена ветка V_2 . Из ее потомков только V_7 имеет общие точки с ABCD. Однако не один из элементов V_7 не пересекается с областью поиска. Данная ветка поиска оказалась ложной. В результате поиска получаем список элементов, удовлетворяющих заданному запросу:

$$Res = \{O_6, O_7, O_8\}.$$

Вставка элемента

Добавление нового объекта в R-дерево похоже на процедуру вставки в B+-дерево. Новая индексная запись добавляется в листовой узел, если узел переполняется, то происходит его деление, в результате которого у предка появляется еще один потомок. Если предок также оказывается переполненным, то и он делится дальше и так далее. Таким образом, вставка одного объекта может повлиять на структуру дерева в целом. Процедура вставки объекта представлена в следующем псевдокоде:

```
rtree_insert (O) // O - вставляемый объект L = choose_leaf (O) if L.count < M then L += O
L'' = NULL else
L'' = node_split (L, O) end if rtree_correct (L, L'') end
```

Во-первых, процедура ищет листовой узел, в который необходимо поместить данный объект (шаг 1). Процедура поиска такого листа является важным шагом, так как неправильно выбранная позиция может привести к неэффективности структуры в целом. После того, как узел для вставки выбран, в нем размещается вставляемый объект (шаг 2). Если в листовом узле L есть место для новой записи, объект O помещается в него и процедура заканчивает свою работу. В противном случае, если узел L уже содержит максимально возможное число записей, то происходит деление узла на два новых L и L", которые содержат старые записи узла L и добавляемый объект O. После вставки объекта в дерево и возможного расщепления узла необходимо корректировать дерево (шаг 3). Эта процедура включает расширение границ MBR для текущего узла и всех его предков. Также эта процедура распространяется вверх по дереву при необходимости.

Рассмотрим алгоритмы упомянутых процедур подробнее в псевдокоде:

```
 \begin{array}{l} \textbf{choose\_leaf} \ (O) \ /\!/ \ O \ - \ \text{вставляемый объект} \\ V = root \\ \text{for each $V'$ in $V$} \\ \text{if $V.$kind} == LEAF \ then \\ \text{return $V$} \\ \text{end if} \\ V_{\text{new}} = \text{потомок, для которого } MBR(V',O)\text{-}MBR(V') \ - \ \text{минимальный} \\ V = V_{\text{new}} \\ \text{end for} \\ \text{end} \\ \\ \textbf{rtree\_correct} \ (L,L'') \ /\!/ \ L \ - \ \text{корректируемая вершина, $L''$ - вершина от деления $L$} \\ V = L,V'' = L'' \\ \end{array}
```

```
while V != tree->root then
  P = V.parent
  P_V = запись в узле P о потомке V
  rtree correct (P_V) if V" \neq NULL then P_{V" = новая запись о узле V"
     if P->count < M then
        P += P_{V}
     else
        P'' = node split (P, P_{V''})
     end if
  end if
  V = P. V"=P"
  if V" ≠ NULL then
        root = tree->root
        root.data[] = V, V"
  end if
  return
end while
end
```

Как было отмечено, процедура корректировки изменяет MBR всех вершин дерева, которые расположены выше листа с вставленным объектом. Второй и не менее важной функций процедуры корректировки является распространение деления вершин вверх по дереву, в случае, если будет происходить переполнение на внутренних узлах дерева. В качестве параметров в процедуру передаются два новых узла, которые получились при вставке объекта в дерево. Если разбиение не произошло, то первым параметром передается старый узел, а второй параметр приравнивается в *NULL*. На первом шаге процедура заносит переданные параметры в переменные V и V''. Эти переменные будут отвечать за текущие вершины в дереве, которые необходимо исправить. После этого происходит сравнение вершины V корня дерева. Если данная вершина является корнем, то это означает, что изменения уже распространились до верха дерева и необходимо просто завершить процедуру корректировки. Однако стоит учитывать один момент: если после предыдущих манипуляций произошло расщепление корня на два узла (переменная $V'' \neq NULL$), то необходимо создать новый корень дерева, узлами-потомками которого будут V и V''. Если предыдущий пункт не выполнен, то происходит корректировка. Для этого определяется предок узла V, а также запись в нем об этом узле. После этого MBR найденной записи изменяется таким образом, чтобы включать в себя все MBR дочерних элементов узла V, но при этом не содержать лишних областей. Четвертый шаг алгоритма выполняется только в том случае, если предыдущие действия вызвали деление узла. В этом случае у нас в переменной V'' будет находиться вершина с элементами, которые пока еще не помещены в дерево. Для этой вершины необходимо создать запись $P_{V''}$, которая будет содержать минимальный описывающий прямоугольник для данной вершины и ссылку на саму вершину. Эту запись и нужно разместить в предке узла V. Однако при помещении в узел Pзаписи $P_{V''}$ необходимо помнить, что данная операция может привести к переполнению и тогда придется разбивать узел P на два новых. После всех описанных операций в переменные V и V''заносятся новые значения P и P'' соответственно, и алгоритм повторяется заново с шага 2.

Удаление элемента

Для того, чтобы структуру можно было считать динамической, необходима поддержка удаления уже существующих в дереве элементов, которая также должна корректировать дерево для сохранения его свойств.

```
rtree\_delete (O) // O - удаляемый объект V = root
```

```
L = rtree search (V,O)
  if L == NULL then
     return
  end if
  delete O
  V = L, Q = NULL
  if1 V == tree->root then goto if2 end if1
  P = V->Parent
  P_{V} = запись в узле P о потомке V
  if V->count < m then
     delete P<sub>v</sub>
     O = V
     delete V
  else
     rtree correct (V)
  end if
  V = P
  goto if1
  if2 root->children->count == 1 then
     delete tree->root
     tree->root = root->child
  end if2
  tree->insert(Q[0], Q[1], ...)
end
```

Первое, что производит процедура удаления объекта О из R-дерева, это ищет листовой узел, в котором находится данный объект. Для этого используется процедура поиска rtree search. В качестве параметров ей передается вершина, с которой нужно начать поиск (в нашем случае это корень) и объект поиска. Если объект не найден, то будет возвращён NULL. При этом необходимо завершить и процедуру удаления. На втором шаге удаляется объект O из узла L и подготавливаются временные переменные для коррекции дерева. В переменную V(текущая вершина для коррекции) заносится листовой узел L, а в переменную Q – пустое множество (это множество вершин, которые необходимо потом вставить в дерево заново). Далее необходимо проверить, является ли вершина V корнем. Если V – корневая вершина, то шаги 4–6 нужно пропустить и перейти сразу к седьмому пункту алгоритма. Иначе – находим предка для вершины V, и в нем определяем запись, ссылающуюся на $V(P_V)$. Если в рассматриваемом узле число записей меньше минимально возможного (т), то необходимо удалить этот узел из дерева. При этом все элементы из V помещаются в множество Q (чтобы потом снова быть размещенными в дереве, но в других вершинах) и из вершины P удаляется элемент, ссылающийся на удаленную вершину (удаляется P_{ν}). Если же записей в вершине V больше, чем заданный параметр m, то удалять вершину не нужно. При этом необходимо просто скорректировать MBR узла таким образом, чтобы он охватывал все прямоугольники дочерних узлов, но при этом не включал лишнего пространства (после удаления узлов вполне вероятно можно будет сузить MBR, который хранится в записи P_{ν}). После проделанных операций необходимо распространить сделанные изменения вверх по дереву (скорректировать MBR узла предка или, возможно, даже удалить его, если он оказался не заполненным до предела тредела тре этого в переменную V заносится предок текущей вершины и повторяется алгоритм с шага 3. После того, как все изменения дойдут до корня, алгоритм продолжится с шага 7. Исходя из свойств R-дерева, описанных в начале данного параграфа, корень должен иметь не меньше двух потомков. Поэтому необходимо просто проверить число дочерних узлов у корня и при нахождении там всего одного потомка сделать его новым корнем дерева. Последнее, что необходимо выполнить в процедуре удаления, это вставить временно удаленные узлы из множества Q обратно в дерево. Данная процедура выполняется полностью аналогично описанной ранее процедуре ВСТАВКА за одним лишь исключением: вершины из множества Q

необходимо разместить на тех же уровнях, на которых они были до процедуры удаления. Этого требования необходимо придерживаться для того, чтобы не нарушить сбалансированность дерева (одно из свойств R-дерева заключается в том, что все листовые узлы находятся в нем на одном уровне).

Разбиение узла

Изменение данных прикладной задачи требует частого изменения индексной структуры. необходимо распределить M+1 элемент между двумя узлами. Процедура разбиения узла может быть вызвана не только при добавлении новых элементов в индекс, но и при перестройке дерева, при удалении ненужной записи, при обновлении данных или даже при его корректировке. Алгоритм, выполняющий деление узла, особенно важен, так как плохое разбиение может сильно затруднить операции поиска по дереву. Разбиение узла без учета критериев оптимальности построения дерева приводит к увеличению времени работы процедуры поиска конкретного объекта, а следовательно, к ухудшению работы индексной структуры в целом. При плохом разбиении узлы дерева разрастаются вдоль осей координат и захватывают много пространства, не содержащего ни одного объекта. Такой пример показан на рис. 3. С одной стороны вариант (а) обеспечивает нулевое перекрытие двух узлов дерева. Однако суммарная площадь этих узлов будет значительно больше самих узлов, что вызовет многократное ложное срабатывание процедуры поиска. При большой площади пространства, соответствующей узлам дерева, запросу поиска на промежуточных стадиях работы может удовлетворять большое число записей (более одной), хотя, в конечном счете, на каждом уровне интересует только одна. Следовательно, алгоритм будет ветвиться и обходить дерево неоптимальным путем, включая обход ненужных узлов, что может сильно отразиться на скорости работы индексной структуры. Кроме того, обход ненужных узлов потребует дополнительного расхода оперативной памяти. В условиях большого числа запросов это обстоятельство также может стать критичным.

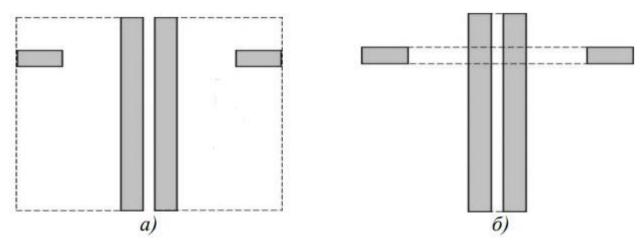


Рис. 3. Пример возможного разбиения узла на два новых: а – "плохое" разбиение; б – "хорошее" разбиение с пересечением

Исчерпывающий перебор - самый простой из алгоритмов, при котором получается максимально оптимальное дерево: для нахождения минимальной площади покрытия и всех остальных параметров оптимальности деления необходимо произвести все возможные разбиения M+1 записи на две группы и выбрать наилучшее. Задача разбиения в общем случае является NP-полной. Этот вариант применим без потери производительности при M не более 5, и именно поэтому данный подход применяется редко, а во всех вариантах построения R-деревьев используются эвристические подходы, дающие на реальных данных не всегда оптимальные разбиения (но практически всегда достаточно эффективные для решения конкретной задачи).

Квадратичный алгоритм разбиения был предложен основателем R-деревьев Антонином Гуттманом. В нём осуществлена попытка найти такое деление, при котором площадь охватывающих прямоугольников будет минимальна. Однако при этом не гарантируется, что это будет действительно наилучший вариант. Алгоритмическая сложность изменяется по квадратичному закону относительно М и по линейному – относительно числа измерений.

```
node split (L.O) // О - вставляемый объект. L - разбиваемая вершина
  O = L->children + O
  delete (L->children)
  L" = NULL
  O1,O2 = choose first(Q)
  L += O1, L" += O2
  n = O->size, n1 = L->size, n2 = L''->size
  if n == 0 then
       return L"
  end if
  if m - n1 \ge n then
       \Gamma = 0
       return L"
  end if
  if m - n2 > n then
       L" = Q
       return L"
  end if
  O' = choose next(L,L'',Q)
  d1 = MBR(L,O') - MBR(L)
  d2 = MBR(L^{"},O') - MBR(L^{"})
  if (d1 < d2) or (d1 == d2 \&\& n1 < n2) then
     L += O'
  else
    L" += O
    node split()
  end if
end
```

Алгоритм начинается с подготовительных операций (шаг 1). Все элементы, которые нужно будет распределить между двумя новыми вершинами, переносятся в множество Q. Создается еще одна пустая вершина L. Таким образом мы получаем две пустые вершины (L и L) и множество элементов Q, которые необходимо распределить по этим вершинам. Затем алгоритм выбирает пару элементов, которые покрывают наибольшую (соответствующая процедура представлена в листинге 3.8). Для этого рассчитывается коэффициент A = MBR(O1,O2) - MBR(O1) - MBR(O2), где MBR(O1,O2) - площадь прямоугольника, охватывающего обе записи, а MBR(O1) и MBR(O2) - площади прямоугольников соответствующих объектов. Этот коэффициент показывает неэффективность объединения двух данных объектов в одну группу. Элементы, на которых достигается максимум коэффициента А, становятся первыми элементами двух будущих групп.

```
choose_first (L,L",Q) // Q - нераспред. элементы, L, L" - вершины между которыми распред. for each O1,O2 in Q A = MBR(O1,O2) - MBR(O1) - MBR(O2) end for O1,O2 = max(A)->nodes
```

```
Q = (O1 + O2)
return O1, O2
end
```

Оставшиеся записи распределяются в группы по одной (шаг 4 алгоритма **node_split**). Для этого вызывается процедура **choose_next**, на которую и возложена задача выбора элемента из множества Q, который будет распределен следующим. После выбора элемента для вставки он добавляется в вершину, ограничивающий прямоугольник которой потребует минимального увеличения площади (если d1 и d2 – увеличение площади ограничивающих прямоугольников при добавлении элемента O' в вершины L и L соответственно, то вставку нужно произвести в ту вершину, для которой d меньше). При равенстве увеличения площадей (d1 = d2), для вставки выбирается та вершина, в которой меньше число записей. Описанное действие продолжается до тех пор, пока не будут выбраны все элементы из множества Q. Однако на каждом необходимо проверять выполнимость условия минимального наполнения узла (число элементов в любой вершине дерева, кроме корня, должно быть не меньше m). Если на каком-то шаге окажется, что для выполнения этого условия необходимо все оставшиеся в Q элементы переместить в одну из вершин, то необходимо сделать это и завершить процедуру деления узла (шаг 3).

```
choose_next (L,L",Q) // Q - нераспред. элементы, L,L" - вершины между которыми распред. for each O' in Q d1 = MBR(L,O') - MBR(L) \\ d2 = MBR(L",O') - MBR(L") \\ a = |d1-d2| \\ end for \\ O = max(a)->node \\ Q -= O \\ return O \\ end
```

Представленный алгоритм достаточно прост. Для каждого нераспределенного элемента рассчитывается площадь охватывающего прямоугольника, который получится после присоединения этого элемента к каждой группе (значения d1 и d2). Элемент с наибольшей разницей площадей обеих групп выбирается как следующий элемент. Существует несколько другая стратегия, предложенная позже: выбирается элемент, присоединение которого в какую либо группу минимально увеличивает площадь MBR группы.

```
choose_next (L,L",Q) // Q - нераспред. элементы, L,L" - вершины между которыми распред. for each O' in Q d1 = MBR(L,O') - MBR(L) \\ d2 = MBR(L",O') - MBR(L") \\ d = min\{d1,d2\} \\ end for \\ O = min(d) -> node \\ Q -= O \\ return O \\ end
```

ИССЛЕДОВАНИЕ ЭФФЕКТИВНОСТИ

R-дерево как структура индексирования пространственных объектов стало почти стандартом для промышленных СУБД, которые используют различные его варианты в качестве индексных структур. Однако при конкретной реализации R-деревьев в конечном приложении зачастую встает вопрос, какие параметры выбрать для лучшей её реализации и, соответственно, достижения лучших вычислительной/пространственной сложностей. Временная сложность этих операций в большой нотации О зависит от количества записей данных в R-дереве (n), размерности данных, и максимального числа дочерних элементов в узле (M). Поиск, вставка и удаление (ключевые операции над структурой данных) имеют временную сложность в худшем случае O(M*logM(n)), в среднем - O (logM(n)), в лучшем - O (log(n)). Это связано с тем, что R-дерево представляет собой древовидную структуру данных, и поиск выполняется путем обхода дерева от корня до конечного узла, включая обход всех дочерних элементов в худшем случае. Высота дерева также логарифмично относится к количеству записей данных.

Как было отмечено ранее, одними из важнейших параметров для построения R-дерева являются минимально возможное (\mathbf{m}) и максимально допустимое (\mathbf{M}) количество элементов в узле. При выборе этих параметров необходимо руководствоваться следующими соображениями:

Максимальное число элементов в узле (М)

Чем больше значение М, тем сильнее будет ветвиться дерево, а следовательно, его глубина будет меньше. Если предположить, что индексная структура разрабатывается для внешней памяти, то уменьшение глубины дерева ведет к уменьшению обращений к диску (если учесть, что проверка узла дерева вызывает одно обращение к диску). Поэтому сильноветвящееся дерево (при большом М) будет более эффективным для внешней памяти. С другой стороны, процедура поиска вынуждена просматривать абсолютно все элементы вершины. Поэтому при очень большом М индексная структура может выродиться просто к последовательному поиску. К тому же на сравнение с элементами вершины расходуется процессорная мощность. Поэтому чем больше М, тем больше нагрузка на процессор в процедурах поиска. Исходя из описанных фактов, можно сделать следующие выводы: если разрабатываемая индексная структура целиком размещается в оперативной памяти, то значение М стоит выбирать небольшим, порядка 4–10 элементов в вершине. Если же индексная структура хранится во внешней памяти, то значение М стоит вычислять по следующей формуле: M = Cluster / eSize , где Cluster – размер кластера жесткого диска (например, 512 или 1024 байт); eSize – размер одного элемента. Так, если один элемент занимает 16 байт, то в качестве верхней границы стоит взять М = 32 элементов в вершине.

Минимальное число элементов в узле (m)

Данный параметр зависит от M и, как было описано ранее, не может превышать M/2. Минимальный же предел параметра m равен 2 (в узле не может быть меньше двух потомков, если это не корневой узел). Маленькое значение параметра m облегчает процедуру разделения узла, потому что исчезает необходимость повторной вставки элементов. В то же время маленькое значение нижней границы может привести к неэффективному использованию памяти. По исследованию A. Гуттмана, наименее плотные индексы могут потреблять приблизительно на 50% больше места, чем самые плотные. В практических применениях наиболее часто используемой операцией является процедура поиска элементов. Поэтому нижнюю границу заполнения узла стоит выбирать равной M/2.

Центральным звеном при построении дерева также является процедура разбиения узла пополам (node_split). От эффективности этой процедуры зависит оптимальность построения дерева в целом. При неоптимальной структуре дерева появляется неоднозначность поиска элементов. Возможны ситуации, когда уже на уровнях, близких к корню R-дерева, охватывающие прямоугольники пересекаются не по пустому множеству данных, что значительно усложняет процедуру поиска.

С проблемой качественности изменения R-дерева можно бороться с помощью «исчерпывающего» алгоритма деления. Использование данного алгоритма для деления узла изменяет структуру R-дерева лучшим из возможных способов, что, конечно, отражается на дальнейшем поиске данных в лучшую сторону, но, в свою очередь, существенно замедляет работу индексной структуры. Применение данного алгоритма оправдано при малом числе записей в узле, а также в ситуациях, когда структура дерева редко меняется, т. е. при индексировании неподвижных (например, жилых домов, складов и т. д.) или малоподвижных пространственных объектов (например, небесной карты звезд).

ПРОГРАММНАЯ РЕАЛИЗАЦИЯ

Для выполнения моделирования обозначенной структуры данных были созданы файлы rtree.c, rtree.h как модуль для работы с R-деревьями и файл main.c как тестовая программа. В файле rtree.h описаны прототипы функций и глобальные директивы препроцессора, задающие тип данных, с которым будет работать R-дерево, минимальное и максимальное количество элементов в узле дерева, количество измерений пространства, с которыми будет взаимодействовать пользователь при работе со структурой данных, а в rtree.c реализация этих и скрытых от пользователя функций, которые необходимы для корректной работы и построения R-деревьев. Имея псевдокод описанных выше функций, было несложно реализовать их на языке программирования С. В качестве функции разбиения узла был выбран оригинальный квадратичный алгоритм Антонина Гуттмана, в качестве значений М - 64 элемента, т - 6 элементов (10% от М (относительная реализация) соответственно). Также был создан Makefile для автоматизации компиляции программы. В файле программы для тестирования реализации полученной структуры данных (main.c), была создана новая структура city, хранящая в себе название города и его широту-долготу, и несколько экземпляров этой структуры в качестве известных городов мира, располагающихся в разных частях света: Торонто, Новосибирск, Токио, Буэнос Айрес, Рио де Жанейро и Сидней. Эти экземпляры были переданы в новосозданное R-дерево, с которым далее были выполнены операции поиска по разным широте-долготе (северо-западные, северо-восточные, юго-западные и юго-восточные города относительно нулевого меридиана и экватора, где -180 - 0 градусы - это юг и запад в понимании широты и долготы, 0 - 180 градусы - север и восток соответственно) и удаления элементов из дерева (для примера был удалён Новосибирск, находящийся в северо-восточной четверть сфере Земли). R-дерево умеет находить всю область с заданными параметрами и выводить все объекты, находящиеся в ней. Чтобы работать R-дереву с новой структурой city, было достаточно передавать в функции работы с R-деревом указатель на нашу новую структуру, так как в rtree.h в качестве рабочего формата данных используется простой указатель - void *. Исходный код всего проекта можно увидеть в приложении 1.

РЕЗУЛЬТАТЫ РЕАЛИЗАЦИИ

Компиляция проекта:

```
1 ▶ Run make
4 gcc -Wall -Wextra -o main main.c rtree.c
```

Запуск проекта:

```
1  ▶ Run ./main
4
5  Northwestern cities:
6  Toronto
7
8  Northeastern cities:
9  Novosibirsk
10  Tokyo
11
12  Southwestern cities:
13  Buenos Aires
14  Rio de Janeiro
15
16  Southeastern cities:
17  Sydney
18
19  Northeastern cities after element deletion:
20  Tokyo
```

ЗАКЛЮЧЕНИЕ

В ходе проведения работы была изучена и смоделирована структура данных «R-дерево» и тестовая программа для работы с ней. Подводя итоги, можно сказать, что главные свойства R-дерева следующие:

- 1. Оно состоит из внутренних узлов, листовых узлов и единственного корня
- 2. Корень R-дерева содержит указатель на самую большую область в пространстве
- 3. Родительские узлы содержат указатели на свои дочерние узлы, чья совокупная область (их сумма) покрывает область родительского узла
- 4. MBR важнейший параметр, обозначающий минимальную ограничивающую область (рамку/прямоугольник), окружающую рассматриваемую область/объект в пространстве
- 5. Листовые узлы содержат данные об MBR объектов, на которые они ссылаются

Преимущества R-деревьев над B+деревьями заключаются в том, что для построения B+дерева необходимы данные, которые можно составлены в одном последовательном порядке. Это не всегда возможно, поскольку некоторые типы данных (например, географические координаты) не предполагают единого порядка, который можно было бы использовать для эффективного сканирования диапазона (например, всех точек в заданной области) по индексам, построенным с использованием B+Tree.

Обобщённо, преимущества R-деревьев заключаются в том, что эта структура данных эффективна для задач, включающих пространственную индексацию и поиск в двух или более измерениях. Примерами таких задач могут являться:

- 1. Поиск ближайшего соседа: поиск ближайшей точки к заданной точке в наборе данных.
- 2. Запросы диапазона: поиск всех точек в пределах заданного расстояния или площади от заданной точки.
- 3. Пространственное соединение: объединение двух наборов данных на основе их пространственной близости.
- 4. Кластеризация: группировка похожих точек на основе их пространственной близости.
- 5. Маршрутизация: поиск кратчайшего пути между двумя точками на карте.
- 6. Обработка изображений: Обнаружение и отслеживание объектов на изображениях на основе их пространственного положения.

В целом, любая задача, требующая быстрой и эффективной пространственной индексации и поиска, может выиграть от использования R-деревьев.

СПИСОК ИСПОЛЬЗОВАННОЙ ЛИТЕРАТУРЫ

- 1. Томас Х. Кормен, Чарльз И. Лейзерсон, Рональд Л. Ривест, Клиффорд Штайн. Алгоритмы: построение и анализ, 3-е издание = Introduction to Algorithms, Third Edition. М.: «Вильямс», 2013. 1328 с. ISBN 978-5-8459-1794-2
- 2. *Курносов М.Г., Берлизов Д.М.* Алгоритмы и структуры обработки информации. Новосибирск: Параллель, 2019. 211 с. ISBN 978-5-98901-230-5
- 3. Гулаков В.К., Трубаков А.О., Трубаков Е.О. Структуры и алгоритмы обработки многомерных данных: монография. 2-е изд. СПб., М., Краснодар: Лань, 2021. 355 с.
- 4. R-tree // Wikipedia URL: https://en.wikipedia.org/wiki/R-tree (дата обращения: 23.05.2023).
- 5. Guttmann A. R-trees: A dynamic index structure for spatial searching // ACM SIGMOD. 1984. №14(2). C. 47-57.
- 6. Samet H. The design and analysis of spatial data structures. 2 изд. Addison-Wesley Publishing Co., 1990
- 7. *Garcia-Molina, H., Salem, K.* R-trees: A dynamic index structure for spatial searching // IEEE Transactions on Knowledge and Data Engineering. 1987. №1(1). C. 25-39.

ПРИЛОЖЕНИЯ

Приложение 1. Исходный код проекта

1. Файл таіп.с

```
1
       #include <stdio.h>
2
        #include <string.h>
3
       #include <math.h>
4
       #include "rtree.h"
5
6
       struct city {
7
          char *name;
8
          double latitude;
9
          double longitude;
10
       };
11
12
       struct city nsk = { .name = "Novosibirsk", .latitude = 55.0333, .longitude = 82.9167 };
       struct city bai = { .name = "Buenos Aires", .latitude = -34.5997, .longitude = -58.3819 };
13
       struct city rio = { .name = "Rio de Janeiro", .latitude = -22.9111, .longitude = -43.2056 };
14
15
       struct city tok = { .name = "Tokyo", .latitude = 35.6897, .longitude = 139.6922 };
       struct city tor = { .name = "Toronto", .latitude = 43.6532, .longitude = -79.3832 };
16
17
       struct city syd = { .name = "Sydney", .latitude = -33.8688, .longitude = 151.2093 };
18
19
       bool city_iter(const double *min, const double *max, const void *item, void *udata) {
20
          const struct city *city = item;
21
          printf("%s\n", city->name);
22
          return true;
23
       }
24
       int main() {
25
26
          struct rtree *tr = rtree_new();
          rtree_insert(tr, (double[2]){nsk.longitude, nsk.latitude}, NULL, &nsk);
27
28
          rtree_insert(tr, (double[2]){tor.longitude, tor.latitude}, NULL, &tor);
29
          rtree_insert(tr, (double[2]){bai.longitude, bai.latitude}, NULL, &bai);
          rtree_insert(tr, (double[2]){rio.longitude, rio.latitude}, NULL, &rio);
30
31
          rtree_insert(tr, (double[2]){tok.longitude, tok.latitude}, NULL, &tok);
32
          rtree_insert(tr, (double[2]){syd.longitude, syd.latitude}, NULL, &syd);
33
34
          printf("\nNorthwestern cities:\n");
35
          rtree_search(tr, (double[2]){-180, 0}, (double[2]){0, 90}, city_iter, NULL);
36
          printf("\nNortheastern cities:\n");
37
          rtree_search(tr, (double[2]){0, 0}, (double[2]){180, 90}, city_iter, NULL);
38
          printf("\nSouthwestern cities:\n");
39
          rtree_search(tr, (double[2]){-180, -90}, (double[2]){0, 0}, city_iter, NULL);
40
          printf("\nSoutheastern cities:\n");
41
          rtree_search(tr, (double[2]){0, -90}, (double[2]){180, 0}, city_iter, NULL);
42
43
          rtree_delete(tr, (double[2]){nsk.longitude, nsk.latitude}, NULL, &nsk);
44
          printf("\nNortheastern cities after element deletion:\n");
45
          rtree_search(tr, (double[2]){0, 0}, (double[2]){180, 90}, city_iter, NULL);
46
          rtree_free(tr);
47
       }
```

```
#include <stdlib.h>
1
2
         #include <stdio.h>
3
         #include <string.h>
4
         #include <stdbool.h>
5
         #include "rtree.h"
6
7
         struct node *node_new(struct rtree *tr, enum kind kind) {
8
            struct node *node = (struct node *)tr->malloc(sizeof(struct node));
9
            memset(node, 0, sizeof(struct node));
10
            node->kind = kind;
            return node;
11
12
         }
13
         void node_free(struct rtree *tr, struct node *node) {
14
15
            if (node->kind == BRANCH) {
16
               for (int i = 0; i < node->count; i++) {
17
                 node_free(tr, node->children[i]);
18
            }
19
20
            tr->free(node);
21
22
23
         void rect_expand(struct rect *rect, struct rect *other) {
24
            for (int i = 0; i < DIMS; i++) {</pre>
25
               if (other->min[i] < rect->min[i]) { rect->min[i] = other->min[i]; }
26
               if (other->max[i] > rect->max[i]) { rect->max[i] = other->max[i]; }
27
            }
         }
28
29
30
         double rect_area(struct rect *rect) {
31
            double area = (double)(rect->max[0]) - (double)(rect->min[0]);
32
            for (int i = 1; i < DIMS; i++) {</pre>
33
               area *= (double)(rect->max[i]) - (double)(rect->min[i]);
34
            }
35
            return area;
         }
36
37
38
         bool rect_contains(struct rect *rect, struct rect *other) {
39
            for (int i = 0; i < DIMS; i++) {
40
               if (other->min[i] < rect->min[i] || other->max[i] > rect->max[i]) {
41
                 return false;
42
               }
43
            }
44
            return true;
45
         }
46
47
         bool rect_intersects(struct rect *rect, struct rect *other) {
48
            for (int i = 0; i < DIMS; i++) {
49
               if (other->min[i] > rect->max[i] || other->max[i] < rect->min[i]) {
50
                 return false;
51
               }
            }
52
53
            return true;
         }
54
55
56
57
         bool nums_equal(NUMTYPE a, NUMTYPE b) {
```

```
58
             return !(a < b || a > b);
59
          }
60
          bool rect_onedge(struct rect *rect, struct rect *other) {
61
             for (int i = 0; i < DIMS; i++) {</pre>
62
63
                if (nums_equal(rect->min[i], other->min[i])) {
64
                  return true;
                }
65
66
               if (nums_equal(rect->max[i], other->max[i])) {
67
                  return true;
68
                }
69
             }
70
             return false;
71
          }
72
73
          bool rect_equals(struct rect *rect, struct rect *other) {
74
             for (int i = 0; i < DIMS; i++) {
75
                if (!nums_equal(rect->min[i], other->min[i])) {
76
                  return false;
77
                }
                if (!nums_equal(rect->max[i], other->max[i])) {
78
79
                  return false;
80
                }
81
             }
82
             return true;
83
          }
84
85
          void node_swap(struct node *node, int i, int j) {
86
             struct rect tmp = node->rects[i];
87
             node->rects[i] = node->rects[j];
88
             node->rects[j] = tmp;
89
             if (node->kind == LEAF) {
90
                struct item tmp = node->items[i];
91
                node->items[i] = node->items[j];
92
                node->items[j] = tmp;
93
             } else {
94
                struct node *tmp = node->children[i];
95
                node->children[i] = node->children[j];
96
                node->children[j] = tmp;
97
             }
          }
98
99
100
          void node_qsort(struct node *node, int s, int e, int axis, bool rev, bool max) {
101
             int nrects = e - s, left = 0, right = nrects - 1, pivot = nrects / 2;
102
             if (nrects < 2) { return; }</pre>
103
             node_swap(node, s + pivot, s + right);
104
             struct rect *rects = &node->rects[s];
105
             if (!rev) {
106
                if (!max) {
                  for (int i = 0; i < nrects; i++) {
107
108
                     if (rects[i].min[axis] < rects[right].min[axis]) {</pre>
109
                        node_swap(node, s + i, s + left);
110
                        left++;
111
112
                  }
113
                } else {
114
                  for (int i = 0; i < nrects; i++) {</pre>
```

```
115
                     if (rects[i].max[axis] < rects[right].max[axis]) {</pre>
116
                        node_swap(node, s + i, s + left);
117
                        left++;
118
119
                  }
120
               }
             } else {
121
122
               if (!max) {
123
                  for (int i = 0; i < nrects; i++) {</pre>
124
                     if (rects[right].min[axis] < rects[i].min[axis]) {</pre>
125
                        node_swap(node, s + i, s + left);
126
                        left++;
127
128
                  }
129
                } else {
130
                  for (int i = 0; i < nrects; i++) {</pre>
131
                     if (rects[right].max[axis] < rects[i].max[axis]) {</pre>
132
                        node_swap(node, s + i, s + left);
133
                        left++;
134
                     }
135
                  }
136
                }
137
             }
138
             node_swap(node, s + left, s + right);
139
             node_qsort(node, s, s + left, axis, rev, max);
140
             node_qsort(node, s + left + 1, e, axis, rev, max);
          }
141
142
143
          void node_sort(struct node *node) {
144
             node_qsort(node, 0, node->count, 0, false, false);
145
          }
146
147
          void node_sort_by_axis(struct node *node, int axis, bool rev, bool max) {
148
             node_qsort(node, 0, node->count, axis, rev, max);
149
          }
150
151
          int rect_largest_axis(struct rect *rect) {
152
             int axis = 0;
             double nlength = (double)rect->max[0] - (double)rect->min[0];
153
154
             for (int i = 1; i < DIMS; i++) {
                double length = (double)rect->max[i] - (double)rect->min[i];
155
156
                if (length > nlength) {
157
                  nlength = length;
158
                  axis = i;
159
160
             }
161
             return axis;
162
          }
163
          void node_move_rect_at_index_into(struct node *from, int index, struct node *into) {
164
165
             into->rects[into->count] = from->rects[index];
166
             from->rects[index] = from->rects[from->count - 1];
167
             if (from->kind == LEAF) {
                into->items[into->count] = from->items[index];
168
169
                from->items[index] = from->items[from->count - 1];
170
             } else {
171
                into->children[into->count] = from->children[index];
```

```
172
               from->children[index] = from->children[from->count - 1];
173
            }
174
            from->count--;
175
            into->count++;
176
          }
177
178
          struct node *node_split_largest_axis_edge_snap
          (struct rtree *tr, struct rect *rect, struct node *left) {
179
            int axis = rect_largest_axis(rect);
180
            struct node *right = node_new(tr, left->kind);
            if (!right) return NULL;
181
182
            for (int i = 0; i < left->count; i++) {
183
               double min_dist = (double)left->rects[i].min[axis] - (double)rect->min[axis];
184
               double max_dist = (double)rect->max[axis] - (double)left->rects[i].max[axis];
185
               if (min_dist < max_dist) { // stay left</pre>
                                    // move right
186
               } else {
187
                  node_move_rect_at_index_into(left, i, right);
188
189
               }
190
            }
191
            // make sure that both left and right nodes have at least min_entries by moving items into
          underflowed nodes
192
            if (left->count < MIN_ENTRIES) { // reverse sort by min axis</pre>
193
               node_sort_by_axis(right, axis, true, false);
194
               while (left->count < 2) {
195
                  node_move_rect_at_index_into(right, right->count-1, left);
               }
196
197
            } else if (right->count < 2) { // reverse sort by max axis
198
               node_sort_by_axis(left, axis, true, true);
199
               while (right->count < 2) {
200
                  node_move_rect_at_index_into(left, left->count-1, right);
               }
201
            }
202
203
            node_sort(right);
204
            node_sort(left);
205
            return right;
206
          }
207
208
          struct node *node_split(struct rtree *tr, struct rect *r, struct node *left) {
209
            return node_split_largest_axis_edge_snap(tr, r, left);
          }
210
211
212
          int node_rsearch(struct node *node, NUMTYPE key) {
213
            for (int i = 0; i < node->count; i++) {
214
               if (!(node->rects[i].min[0] < key)) {</pre>
215
                  return i;
216
217
            }
218
            return node->count;
          }
219
220
221
          double rect_unioned_area(struct rect *rect, struct rect *other) {
222
             double area = (double)MAX(rect->max[0], other->max[0]) - (double)MIN(rect->min[0],
          other->min[0]);
223
            for (int i = 1; i < DIMS; i++) {
               area *= (double)MAX(rect->max[i], other->max[i]) - (double)MIN(rect->min[i],
224
          other->min[i]);
```

```
225
             }
226
             return area; // returns the area of two rects expanded
227
          }
228
229
          int node_choose_least_enlargement(struct node *node, struct rect *ir) {
230
             int j = -1;
231
             double jenlargement = 0, jarea = 0;
232
             for (int i = 0; i < node->count; i++) {
233
               // calculate the enlarged area
234
               double uarea = rect_unioned_area(&node->rects[i], ir);
235
               double area = rect_area(&node->rects[i]);
236
               double enlargement = uarea - area;
237
               if (j == -1 \mid | \text{ enlargement } < \text{ jenlargement } | (!(\text{enlargement } > \text{ jenlargement}) && area < \text{ jarea}))
238
                  j = i;
239
                  jenlargement = enlargement;
240
                  jarea = area;
               }
241
242
             }
243
             return j;
244
          }
245
246
          int node_choose_subtree(struct node *node, struct rect *ir) {
247
             // take a quick look for the first node that contain the rect.
248
             if (FAST_CHOOSER == 1) {
249
               int index = -1;
250
               double narea;
251
               for (int i = 0; i < node->count; i++) {
252
                  if (rect_contains(&node->rects[i], ir)) {
253
                     double area = rect_area(&node->rects[i]);
254
                     if (index == -1 || area < narea) {
255
                        narea = area;
256
                        index = i;
257
258
                  }
               }
259
             } else if (FAST_CHOOSER == 2) {
260
261
               for (int i = 0; i < node->count; i++) {
                  if (rect_contains(&node->rects[i], ir)) {
262
263
                     return i;
264
                  }
               }
265
266
             }
267
             // fallback to using the choose-least-enlargment algorithm
268
             return node choose least enlargement(node, ir);
269
          }
270
271
          struct rect node_rect_calc(struct node *node) {
272
             struct rect rect = node->rects[0];
273
             for (int i = 1; i < node->count; i++) {
274
               rect_expand(&rect, &node->rects[i]);
275
             }
276
             return rect;
277
          }
278
279
          int node_order_to_right(struct node *node, int index) {
280
             while (index < node->count - 1 && node->rects[index + 1].min[0] < node->rects[index].min[0]) {
281
               node_swap(node, index + 1, index);
```

```
282
                                       index++;
283
                                }
284
                                return index;
                          }
285
286
287
                          int node_order_to_left(struct node *node, int index) {
                                 \textbf{while} \ (\mathsf{index} > \textbf{0} \ \&\& \ \mathsf{node-} > \mathsf{rects}[\mathsf{index}]. \\ \mathsf{min}[\textbf{0}] < \mathsf{node-} > \mathsf{rects}[\mathsf{index} - \textbf{1}]. \\ \mathsf{min}[\textbf{0}]) \ \{ \mathsf{mode-} > \mathsf{mode} = \mathsf
288
289
                                        node_swap(node,index, index - 1);
290
                                       index--;
291
                                }
292
                                return index;
293
                          }
294
295
                         // performs a copy of the data from args[1] & args[2], expects a rectangle (double[] double[])
296
                          // first N values are min corner, next N values - max corner, N - num of dimensions (max coords are
                          optional)
297
                          bool node_insert(struct rtree *tr, struct rect *nr, struct node *node, struct rect *ir, struct item
298
                          item, bool *split, bool *grown) {
299
                                 *split = false;
300
                                 *grown = false;
301
                                if (node->kind == LEAF) {
302
                                        if (node->count == MAX_ENTRIES) {
303
                                               *split = true;
304
                                              return true;
305
306
                                        int index = node_rsearch(node, ir->min[0]);
307
                                        memmove(&node->rects[index + 1], &node->rects[index], (node->count-index) * sizeof(struct
                          rect));
308
                                        memmove(&node->items[index + 1], &node->items[index], (node->count-index) *
                          sizeof(struct item));
309
                                        node->rects[index] = *ir;
310
                                        node->items[index] = item;
311
                                        node->count++;
312
                                        *grown = !rect_contains(nr, ir);
313
                                        return true;
314
                                }
315
                                int index = node_choose_subtree(node, ir); // choose a subtree for inserting the rectangle
316
                                if (!node_insert(tr, &node->rects[index], node->children[index], ir, item, split, grown)) {
317
                                        return false;
318
                                if (*split) {
319
320
                                        if (node->count == MAX_ENTRIES) {
321
                                              return true;
322
                                        }
323
                                        struct node *left = node->children[index];
324
                                        struct node *right = node_split(tr, &node->rects[index], left); // split child node
325
                                        if (!right) {
326
                                               return false;
327
328
                                        node->rects[index] = node_rect_calc(left);
329
                                        memmove(\&node->rects[index + 2], \&node->rects[index + 1], (node->count - (index + 1)) *
                          sizeof(struct rect));
330
                                        memmove(&node->children[index + 2], &node->children[index + 1], (node->count - (index +
                          1)) * sizeof(struct node*));
331
                                        node->rects[index + 1] = node_rect_calc(right);
332
                                        node->children[index + 1] = right;
333
                                        node->count++;
```

```
334
               if (node->rects[index].min[0] > node->rects[index + 1].min[0]) {
335
                  node_swap(node, index + 1, index);
               }
336
337
               index++;
338
               node_order_to_right(node, index);
339
               return node_insert(tr, nr, node, ir, item, split, grown);
340
            }
            if (*grown) { // child rectangle must expand to accomadate new item
341
342
               rect_expand(&node->rects[index], ir);
343
               node_order_to_left(node, index);
               *grown = !rect_contains(nr, ir);
344
345
            }
346
            return true;
347
          }
348
349
          struct rtree *rtree_new_with_allocator(void *(*cust_malloc)(size_t), void (*cust_free)(void*)) {
350
            if (!cust malloc) cust malloc = malloc;
351
            if (!cust_free) cust_free = free;
352
            struct rtree *tr = (struct rtree *)cust_malloc(sizeof(struct rtree));
353
            if (!tr) { return NULL; }
354
            memset(tr, 0, sizeof(struct rtree));
355
            tr->malloc = cust_malloc;
356
            tr->free = cust_free;
357
            return tr;
358
          }
359
360
          struct rtree *rtree_new() { return rtree_new_with_allocator(NULL, NULL); }
361
362
          bool rtree_insert
          (struct rtree *tr, const NUMTYPE *min, const NUMTYPE *max, const DATATYPE data) {
363
            struct rect rect;
364
            memcpy(&rect.min[0], min, sizeof(NUMTYPE) * DIMS);
            memcpy(&rect.max[0], max ? max : min, sizeof(NUMTYPE) * DIMS);
365
366
            struct item item;
367
            memcpy(&item.data, &data, sizeof(DATATYPE));
368
            if (!tr->root) {
369
               struct node *new_root = node_new(tr, LEAF);
370
               if (!new root) return false;
371
               tr->root = new_root;
372
               tr->rect = rect;
373
            }
374
            bool split = false, grown = false;
375
            if (!node_insert(tr, &tr->rect, tr->root, &rect, item, &split, &grown)) { return false; }
376
            if (split) {
377
               struct node *new_root = node_new(tr, BRANCH);
378
               if (!new_root) return false;
379
               struct node *left = tr->root;
380
               struct node *right = node_split(tr, &tr->rect, left);
381
               tr->root = new_root;
382
               tr->root->rects[0] = node_rect_calc(left);
383
               tr->root->rects[1] = node_rect_calc(right);
384
               tr->root->children[0] = left;
385
               tr->root->children[1] = right;
386
               tr->root->count = 2;
387
               tr->height++;
388
               node_sort(tr->root);
389
               return rtree_insert(tr, min, max, data);
```

```
390
            if (grown) {
391
392
               rect_expand(&tr->rect, &rect);
393
               node_sort(tr->root);
394
            }
395
            tr->count++;
396
            return true;
          }
397
398
399
          void rtree_free(struct rtree *tr) {
400
            if (tr->root) { node_free(tr, tr->root); }
401
            tr->free(tr);
402
403
404
          bool node_search(struct node *node, struct rect *rect, bool (*iter)
          (const NUMTYPE *min, const NUMTYPE *max, const DATATYPE data, void *udata), void *udata) {
405
            if (node->kind == LEAF) {
406
               for (int i = 0; i < node->count; i++) {
407
                  if (rect_intersects(&node->rects[i], rect)) {
408
                    if (!iter(node->rects[i].min, node->rects[i].max, node->items[i].data, udata)) {
409
                       return false;
410
411
                  }
412
               }
413
               return true;
414
            }
            for (int i = 0; i < node->count; i++) {
415
416
               if (rect_intersects(&node->rects[i], rect)) {
                  if (!node_search(node->children[i], rect, iter, udata)) {
417
418
                    return false;
419
                  }
420
               }
421
            }
422
            return true;
423
          }
424
425
          void rtree_search(struct rtree *tr, const NUMTYPE *min, const NUMTYPE *max, bool (*iter)
          (const NUMTYPE *min, const NUMTYPE *max, const DATATYPE data, void *udata), void *udata) {
426
            struct rect rect;
427
            memcpy(&rect.min[0], min, sizeof(NUMTYPE) * DIMS);
428
            memcpy(&rect.max[0], max ? max : min, sizeof(NUMTYPE) * DIMS);
429
            if (tr->root && rect_intersects(&tr->rect, &rect)) {
430
               node_search(tr->root, &rect, iter, udata);
431
            }
432
          }
433
434
          size_t rtree_count(struct rtree *tr) { return tr->count; }
435
436
          void node_delete(struct rtree *tr, struct rect *nr, struct node *node, struct rect *ir, struct item
          item, bool *removed, bool *shrunk, int (*compare)(const DATATYPE a, const DATATYPE b, void
          *udata), void *udata) {
437
            *removed = false;
438
            *shrunk = false;
439
            if (node->kind == LEAF) {
440
               for (int i = 0; i < node->count; i++) {
441
                  if (!rect_contains(ir, &node->rects[i])) {
442
                    continue;
```

```
443
444
                  int cmp = compare ?
445
                     compare(node->items[i].data, item.data, udata) :
446
                     memcmp(&node->items[i].data, &item.data, sizeof(DATATYPE));
447
                  if (cmp != 0) {
448
                    continue;
449
                  }
                  // found the target item to delete
450
451
                  memmove(&node->rects[i], &node->rects[i + 1], (node->count - (i + 1)) * sizeof(struct
          rect));
452
                  memmove(\&node->items[i], \&node->items[i+1], (node->count-(i+1)) * sizeof(struct)
          item));
453
                  node->count--;
454
                  if (rect_onedge(ir, nr)) {
                                              // item was on the edge of node rect
455
                     *nr = node_rect_calc(node); // recalculation of node rect
456
                     *shrunk = true;
                                             // notify the caller that rect is shrunk
457
                  }
458
                  *removed = true;
459
                  return;
460
               }
461
               return;
462
            }
463
            for (int i = 0; i < node->count; i++) {
464
               if (!rect_contains(&node->rects[i], ir)) {
465
                  continue;
466
               }
467
               struct rect crect = node->rects[i];
468
               node_delete(tr, &node->rects[i], node->children[i], ir, item, removed, shrunk, compare, udata);
469
               if (!*removed) {
                  continue;
470
471
472
               if (node->children[i]->count == 0) { // underflow
473
                  node_free(tr, node->children[i]);
474
                  memmove(&node->rects[i], &node->rects[i+1], (node->count-(i+1)) * sizeof(struct)
          rect));
                  memmove(&node->children[i], &node->children[i + 1], (node->count - (i + 1)) *
475
          sizeof(struct node *));
476
                  node->count--;
477
                  *nr = node_rect_calc(node);
478
                  *shrunk = true;
479
                  return;
480
481
               if (*shrunk) {
482
                  *shrunk = !rect_equals(&node->rects[i], &crect);
483
                  if (*shrunk) {
484
                     *nr = node_rect_calc(node);
485
486
                  node_order_to_right(node, i);
487
               }
488
               return;
489
            }
490
            return;
491
          }
492
493
          // search the tree for an item contained within provided rect, perform a binary comparison of its data to
          provided, first item found is deleted
494
          void rtree_delete
```

```
(struct rtree *tr, const NUMTYPE *min, const NUMTYPE *max, const DATATYPE data) {
495
            struct rect rect;
            memcpy(&rect.min[0], min, sizeof(NUMTYPE) * DIMS);
496
497
            memcpy(&rect.max[0], max ? max : min, sizeof(NUMTYPE) * DIMS);
498
            struct item item:
            memcpy(&item.data, &data, sizeof(DATATYPE));
499
500
            if (!tr->root) { return; }
501
            bool removed = false, shrunk = false;
502
            node_delete(tr, &tr->rect, tr->root, &rect, item, &removed, &shrunk, NULL, NULL);
503
            if (!removed) {
504
               return;
505
            }
506
            tr->count--;
507
            if (tr->count == 0) {
508
               node_free(tr, tr->root);
509
               tr->root = NULL;
               memset(&tr->rect, 0, sizeof(struct rect));
510
511
            } else {
512
               while (tr->root->kind == BRANCH && tr->root->count == 1) {
513
                  struct node *prev = tr->root;
514
                  tr->root = tr->root->children[0];
515
                  prev->count = \mathbf{0};
516
                  node_free(tr, prev);
517
               }
518
               if (shrunk) {
519
                  tr->rect = node_rect_calc(tr->root);
520
               }
521
            }
522
          }
```

3. Файл rtree.h

```
1
     #pragma once
2
3
     #include <stdlib.h>
4
     #include <stdbool.h>
5
6
     #define DATATYPE void *
7
     #define NUMTYPE double
8
     #define DIMS 2
9
     #define MAX_ENTRIES 64
10
    #define MIN_ENTRIES_PERCENTAGE 10
11
     #define FAST_CHOOSER 2 // 0 - off , 1 - fast, 2 - faster
12
     #define panic(_msg_) { \
        fprintf(stderr, "panic: %s (%s:%d)\n", (_msg_), __FILE__, __LINE__); \
13
14
        exit(1); \
15
     #define MIN(a,b) ((a) < (b) ? (a) : (b))
16
17
     #define MAX(a,b) ((a) > (b) ? (a) : (b))
     #define MIN_ENTRIES ((MAX_ENTRIES) * (MIN_ENTRIES_PERCENTAGE) / 100 + 1)
18
19
20
    enum kind {
21
       LEAF = 1,
        BRANCH = 2,
22
    };
23
24
25
     struct rect {
       NUMTYPE min[DIMS];
26
       NUMTYPE max[DIMS];
27
    };
28
29
30
    struct item {
       DATATYPE data;
31
    };
32
33
34
    struct node {
35
        enum kind kind; // LEAF or BRANCH
                     // number of rects
36
        int count;
37
        struct rects[MAX ENTRIES];
38
       union { struct node *children[MAX_ENTRIES]; struct item items[MAX_ENTRIES]; };
39
    };
40
41
    struct rtree {
42
       size_t count;
       int height;
43
44
       struct rect rect;
45
       struct node *root;
       void *(*malloc)(size_t);
46
47
        void (*free)(void *);
48
    };
49
50
    struct rtree *rtree_new();
     bool rtree_insert(struct rtree *tr, const double *min, const double *max, const void *data);
51
52
   void rtree_free(struct rtree *tr);
    void rtree_search(struct rtree *tr, const double *min, const double *max, bool (*iter)
53
     (const double *min, const double *max, const void *data, void *udata), void *udata);
54
    size_t rtree_count(struct rtree *tr);
    void rtree_delete(struct rtree *tr, const double *min, const double *max, const void *data);
```

4. Makefile

Отзыв о работе студента

Григорьев Юрий Вадимович

(ФИО студента)

Уровень освоения компетенций

Григорьев Юрий Вадимович

(ФИО студента)

Компетенции	Уровень сформированности компетенций
ОПК-1 - Способен применять фундаментальные нания, полученные в области математических и или) естественных наук, и использовать их в профессиональной деятельности	
отметка о зачете Руководитель практики от СибГУТИ:	
уководитель практики от Сиог У ТИ.	