Restauration d'objets astrophysiques à partir de données multispectrales floues et une réponse instrument non stationnaire

Mohamed Amine HADJ-YOUCEF ^{1,2} François ORIEUX^{1,2} Aurélia FRAYSSE¹ Alain ABERGEL ²

> ¹Laboratoire des Signaux et Systèmes (L2S) CNRS, CentraleSupélec, Université Paris-Saclay

> ²Institut d'Astrophysique Spatiale (IAS) CNRS, Univ. Paris-Sud, Université Paris-Saclay

> > 15 Juin 2017

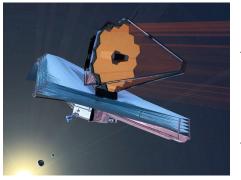








Contexte



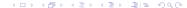
Télescope	JWST
Organisation	NASA (ESA, CSA)
Lancement	Oct. 2018
Miroir	$25m^2$ (> 3× Hubble)
	10 Milliard US\$

- Principales objectifs de la mission :
 - Étudier la formation et évolution des galaxies
 - Comprendre la formation des étoiles et les systèmes planétaires

Plan de travail

- Introduction
- Problématique
- Méthodologie
 - Modèle de l'instrument
 - Modèle direct
 - Problème inverse
- Résultats
- Conclusion

- Introduction
- 2 Problématique
- Méthodologie
 - Modèle de l'instrument
 - Modèle direct
 - Problème inverse
- 4 Résultats
- Conclusion



Introduction

- Type d'instrument à bord du JWST
 - Imageur
 - Spectrometre

 Processus d'acquisition de données par l'imageur MIRI (Instrument Milieu-InfraRouge)



- Introduction
- 2 Problématique
- Méthodologie
 - Modèle de l'instrument
 - Modèle direct
 - Problème inverse
- 4 Résultats
- Conclusion



Problèmes et objectif

Problèmes

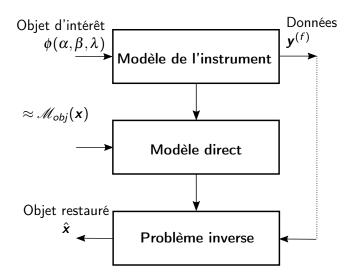
- Limitation de la résolution spatiale de données
- Variation spectrale importante de la réponse optique $[5-28\mu m]$
- Intégration spectrale de l'objet sur de larges bandes
- Mauvais échantillonnage spectrale, seulement 9 filtre pour l'imageur MIRI

Objectif

• Reconstruction de l'objet spatio-spectral original en exploitant l'ensemble de données à différentes bandes spectrales

- Introduction
- 2 Problématique
- Méthodologie
 - Modèle de l'instrument
 - Modèle direct
 - Problème inverse
- 4 Résultats
- Conclusion





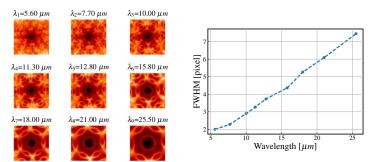
- Introduction
- 2 Problématique
- Méthodologie
 - Modèle de l'instrument
 - Modèle direct
 - Problème inverse
- 4 Résultats
- Conclusion

Modèle de l'instrument (1/4)

Réponse du système optique

$$\phi_{opt}(lpha,eta,\lambda) = \phi(lpha,eta,\lambda) {\mathop{ imes}_{(lpha,eta)}} h(lpha,eta,\lambda)$$

 $h(\alpha, \beta, \lambda)$: réponse optique, ou PSF (Point Spread Function)



Modèle de l'instrument (2/4)

Réponse du filtre

$$\phi_{\mathit{filt}}^{(f)}(lpha,eta,\lambda) = au_{\mathit{f}}(\lambda)\,\phi_{\mathit{opt}}(lpha,eta,\lambda)$$

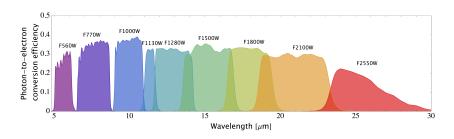


Figure - Filtres de l'imageur de MIRI, source : jwst-docs.stsci.edu

Modèle de l'instrument (3/4)

ullet Réponse du détecteur : pour le pixel (i,j)

$$egin{aligned} y^{(f)}(i,j) &= \iint\limits_{\Omega_{
hoix_{i,j}}} \int_{\mathbb{R}_+} \eta(\lambda) \phi_{ extit{filt}}^{(f)}(lpha,eta,\lambda) \, b_{ extit{det}}(lpha-lpha_{i,j},eta-eta_{i,j}) d\lambda dlpha deta \ &+ arepsilon_{i,j}^{(f)}, \end{aligned}$$

avec $\varepsilon_{i,j}^{(f)}$ est un terme d'erreur.



Modèle de l'instrument (4/4)

Équation complète

$$y^{(f)}(i,j) = \iint\limits_{\Omega_{pix_{i,j}}} \int_{\mathbb{R}_+} \eta(\lambda) \tau^{(f)}(\lambda) \phi(\theta,\lambda) \underset{(\theta)}{\star} h(\theta,\lambda) \, b_{det}^{i,j}(\theta) \, d\lambda \, d\theta + \varepsilon_{i,j}^{(f)}$$

avec $\theta = (\alpha, \beta)$: variable spatiale 2D angulaire

choix adapté : convolution continue \rightarrow convolution discrète

$$y^{(f)}(i,j) = \Omega_{
ho i imes} \int_{\mathbb{R}_+} \eta(\lambda) au_f(\lambda) \, \phi(i,j,\lambda) \mathop{}_{(i,j)}^{ imes} h(i,j,\lambda) \, d\lambda + arepsilon_{i,j}^{(f)}$$

◆ロト 4月ト 4日ト 4日ト 日日 900

État de l'art

- lacktriangle Méthode utilisant des PSF 2D stationnaire en λ
 - PSF 2D mesurée [BGML+15, GRR+10]
 - PSF 2D à large bande [ADGS11, GL10]
- 2 Méthode utilisant des PSF non-stationnaire en λ
 - Interpolation linéaire de PSF [STD13]
 - Approximation de PSF [VC14]
 - Proposition : Prise en compte de la variation de PSF
- Traitement de données
 - Filtre par filtre indépendamment :

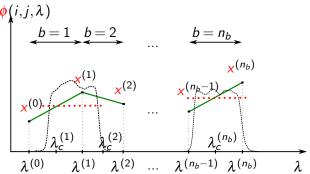
$$y^{(f)}(i,j) = \phi(i,j) \underset{(i,j)}{*} h_{Large}(i,j)$$

• Proposition : Traitement de l'ensemble de données conjointement

- Introduction
- 2 Problématique
- Méthodologie
 - Modèle de l'instrument
 - Modèle direct
 - Problème inverse
- 4 Résultats
- Conclusion

Modèle direct (1/3): multi-longueur d'onde

• Pour le pixel (i,j)



- Modèle standard : problème dans le cas de chevauchement des filtres
- Proposition : Spectre continu linéaire par morceau

Modèle direct (2/3)

Mise en équation de spectre linéaire par morceau

$$\phi_{i,j}(\lambda) \simeq \sum_{b=1}^{m_b} \left(x_{i,j}^{(b)} \, g_+^{(b)}(\lambda) + x_{i,j}^{(b-1)} \, g_-^{(b)}(\lambda)
ight) \mathbb{1}_{\left[\lambda^{(b-1)},\lambda^{(b)}
ight]}(\lambda)$$

Le modèle direct est :

$$y^{(f)}(i,j) = \sum_{b=0}^{n_b} \left[h_{\text{int}}^{(f,b)} \underset{(i,j)}{*} x^{(b)} \right] (i,j) + \varepsilon_{i,j}^{(f)},$$

avec

$$h_{ ext{int}}^{(f,b)}(i,j) = \int_{\mathbb{R}_+} \eta(\lambda) au_f(\lambda) g^{(b)}(\lambda) \ h(i,j,\lambda) \, d\lambda$$

4 D > 4 A > 4 B > 4 B > B B P 9 9 P

Modèle direct (3/3) : Traitement multi-filtres

Modèle direct linéaire : Écriture vecteur-matrice

$$\mathbf{y}^{(f)} = \sum_{b=0}^{n_b} \mathbf{H}_{\mathrm{int}}^{(f,b)} \mathbf{x}^{(b)} + \varepsilon^{(f)},$$

 $\mathbf{H}_{\mathrm{int}}^{(f,b)}$ est une matrice de convolution de taille $N \times N$.

$$\begin{bmatrix} \mathbf{y}^{(1)} \\ \mathbf{y}^{(2)} \\ \vdots \\ \mathbf{y}^{(n_f)} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \mathbf{H}^{(1,0)} & \mathbf{H}^{(1,1)} & \cdots & \mathbf{H}^{(1,n_b)} \\ \mathbf{H}^{(2,0)} & \ddots & & \mathbf{H}^{(2,n_b)} \\ \vdots & & \ddots & \vdots \\ \mathbf{H}^{(n_f,0)} & \mathbf{H}^{(n_f,1)} & \cdots & \mathbf{H}^{(n_f,n_b)} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \mathbf{x}^{(0)} \\ \mathbf{x}^{(1)} \\ \vdots \\ \mathbf{x}^{(n_b)} \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} \varepsilon^{(1)} \\ \varepsilon^{(2)} \\ \vdots \\ \varepsilon^{(n_f)} \end{bmatrix}$$

$$\Rightarrow$$
 $\mathbf{y} = \mathbf{H}\mathbf{x} + \boldsymbol{\varepsilon}$.

◆□ → ◆□ → ◆ ■ → ◆ ■ □ ● ◆ ○ ○ ○

- Introduction
- Problématique
- Méthodologie
 - Modèle de l'instrument
 - Modèle direct
 - Problème inverse
- 4 Résultats
- Conclusion

Problème inverse (1/2)

Calcul de la solution

$$\hat{\mathbf{x}} = \underset{\mathbf{x}}{\operatorname{argmin}} J(\mathbf{x})$$

• Critère des moindres carrés régularisés

$$J(x) = \|y - Hx\|_{2}^{2} + \underbrace{\sum_{b=0}^{n_{b}} \mu_{b} \|Dx^{(b)}\|_{2}^{2}}_{\|Cx\|_{2}^{2}}$$

 $C = \text{diag}\{\sqrt{\mu_0} D, \dots, \sqrt{\mu_{n_b}} D\}$. $\mu_0 \dots \mu_{n_b}$ sont les paramètres de régularisation et D est un opérateur de différence 2D (solutions spatialement lisses).

Estimateur linéaire

$$\hat{\mathbf{x}} = \left(\mathbf{H}^t \mathbf{H} + \mathbf{C}^t \mathbf{C}\right)^{-1} \mathbf{H}^t \mathbf{y}$$

Problème inverse (2/2)

Diagonalisation en Fourier : Approximation circulante

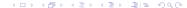
$$\mathbf{H}^{(f,b)} \simeq \mathbf{F}^{\dagger} \mathbf{\Lambda}_{h}^{(f,b)} \mathbf{F}, \qquad \mathbf{D} \simeq \mathbf{F}^{\dagger} \mathbf{\Lambda}_{d} \mathbf{F}$$

$$\overset{\circ}{\mathbf{x}} = (\mathbf{\Lambda}_{h}^{t} \mathbf{\Lambda}_{h} + \mathbf{\Lambda}_{c}^{t} \mathbf{\Lambda}_{c})^{-1} \mathbf{\Lambda}_{h}^{t} \overset{\circ}{\mathbf{y}}$$

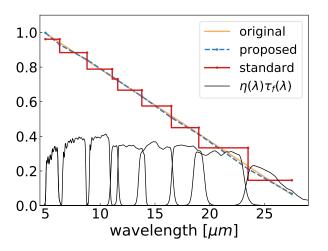
$$= \begin{bmatrix}
\sum_{f=1}^{n_{f}} |\mathbf{\Lambda}_{h}^{(f,0)}|^{2} + \mu_{0} |\mathbf{\Lambda}_{d}|^{2} & \cdots & \sum_{f=1}^{n_{f}} \mathbf{\Lambda}_{h}^{\dagger (f,0)} \mathbf{\Lambda}_{h}^{(f,n_{b})} \\
\vdots & \ddots & \vdots \\
\sum_{f=1}^{n_{f}} \mathbf{\Lambda}_{h}^{\dagger (f,n_{b})} \mathbf{\Lambda}_{h}^{(f,0)} & \cdots & \sum_{f=1}^{n_{f}} |\mathbf{\Lambda}_{h}^{(f,n_{b})}|^{2} + \mu_{n_{b}} |\mathbf{\Lambda}_{d}|^{2}
\end{bmatrix}^{-1}$$

Inversion de N matrices de taille $(n_b+1)\times(n_b+1)$, lourd à inverser pour $n_b>4$. \Rightarrow calcul sans inversion : algorithme du gradient conjugué

- Introduction
- 2 Problématique
- Méthodologie
 - Modèle de l'instrument
 - Modèle direct
 - Problème inverse
- Résultats
- Conclusion

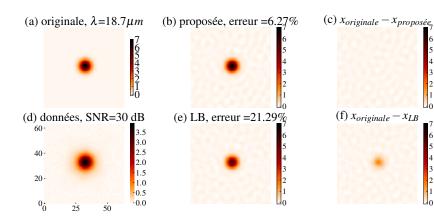


Résultats : Information spectrale



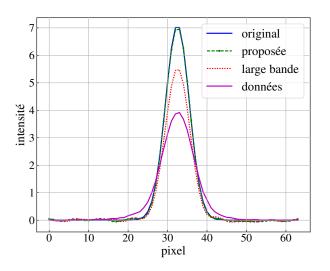


Résultats : Information spatiale





Résultats : Information spatiale





- Introduction
- 2 Problématique
- Méthodologie
 - Modèle de l'instrument
 - Modèle direct
 - Problème inverse
- 4 Résultats
- Conclusion



Conclusion et perspectives

Résumé

- Modèle de l'instrument d'imageur décrivant la physique de l'imageur MIRI
- Modèle direct multi-longueur d'onde est obtenu par un traitement conjoint de données et choix du modèle linéaire par morceau
- Augmentation de résolution spatial et de l'information spectrale
- Article accepté pour la conférence EUSIPCO.

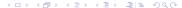
Perspective

- Généralisation du modèle de l'objet et le modèle direct
- Restaurer l'objet avec un échantillonnage spectrale plus fin
- Test sur des objets astrophysiques réalistes



Fin

Merci de votre attention



Références I

- [ADGS11] G Aniano, BT Draine, KD Gordon, and K Sandstrom. Common-resolution convolution kernels for space-and ground-based telescopes. Publications of the Astronomical Society of the Pacific, 123(908):1218, 2011.
- [BGML+15] Patrice Bouchet, Macarena García-Marín, P-O Lagage, Jérome Amiaux, J-L Auguéres, Eva Bauwens, JADL Blommaert, CH Chen, ÖH Detre, Dan Dicken, et al. The Mid-Infrared Instrument for the James Webb Space Telescope, III: MIRIM, The MIRI Imager. Publications of the Astronomical Society of the Pacific, 127(953):612, 2015.

Références II

[GL10] N Geis and D Lutzn.
Herschel/PACS modelled point-spread functions.
http://herschel.esac.esa.int/twiki/pub/Public/
PacsCalibrationWeb/PACSPSF_PICC-ME-TN-029_v2.0.
pdf, 2010.

[GRR⁺10] Pierre Guillard, Thomas Rodet, S Ronayette, J Amiaux, Alain Abergel, V Moreau, JL Augueres, A Bensalem, T Orduna, C Nehmé, et al.

Optical performance of the jwst/miri flight model : characterization of the point spread function at high resolution.

In *SPIE Astronomical Telescopes+ Instrumentation*, pages 77310J–77310J. International Society for Optics and Photonics, 2010.

Références III

[STD13] Ferréol Soulez, Eric Thiébaut, and Loic Denis.

Restoration of hyperspectral astronomical data with spectrally varying blur.

EAS Publications Series, 59:403-416, 2013.

[VC14] E. Villeneuve and H. Carfantan.

Nonlinear deconvolution of hyperspectral data with mcmc for studying the kinematics of galaxies.

IEEE Transactions on Image Processing, 23(10):4322–4335, Oct 2014.