Интерполирование функций двух переменных

```
Дано:
     n - степень полинома
     ((n+1)*(n+2))/2 точек вида \{x, y, z\}
     Реализация:
     Clear@bilinearInterpolation
In[35]:= bilinearInterpolation[n_, points_] := Module[
        {X = First/@points,
         Y = \#[2] \& /@points,
         z = Last/@points,
         var = \{\},
         k, polynom, M),
        DoΓ
         If[
          i+j <= n,
          AppendTo[var, {i, j}]],
         {i, 0, n}, {j, 0, n}
        ];
        k = SortBy[DeleteDuplicates@var, Total];
        polynom = "x"#[1] * "y"#[2] & /@ k;
        M = X^{\#[1]} * Y^{\#[2]} & /@k;
        z.Inverse[M].polynom]
     Результат работы алгоритма:
     Пример 1
ln[44]:= n = 2;
     points = \{\{1, 4, 13\}, \{-1, 1, 0\}, \{2, 3, 14\}, \{4, -1, -2\}, \{3, 1, 8\}, \{7, 3, 34\}\};
In[37]:= bilinearInterpolation[n, points]
Out[37]= x + 2 y + x y
     Проверка 1
     Проверим действительно ли все точки удовлетворяют полученному уравнению плоскости
 In[*]:= Clear@f
ln[42]:= f[x_, y_] := x + 2y + x * y
ln[46]:= Table[f[i[1]], i[2]] = i[3], {i, points}]
Out[46]= {True, True, True, True, True, True}
     Пример 2
     Зададим функцию, сгенерируем 15 точек, принадлежащих ей (для случая n = 4).
```

Протестируем алгоритм на полученных данных.

```
ln[48] = g[x_, y_] := 25 + x + x^4 + 5 x * y^3 + y^2 + y
 In[49]:= Table[j = RandomInteger[100]; {i, j, g[i, j]}, {i, 1, 15}]
Out[49] = \{\{1, 58, 979009\}, \{2, 74, 4057833\}, \{3, 50, 1877659\}, \{4, 97, 18263251\}, \{4, 97, 18263251\}, \{4, 97, 18263251\}, \{4, 97, 18263251\}, \{4, 97, 18263251\}, \{4, 97, 18263251\}, \{4, 97, 18263251\}, \{4, 97, 18263251\}, \{4, 97, 18263251\}, \{4, 97, 18263251\}, \{4, 97, 18263251\}, \{4, 97, 18263251\}, \{4, 97, 18263251\}, \{4, 97, 18263251\}, \{4, 97, 18263251\}, \{4, 97, 18263251\}, \{4, 97, 18263251\}, \{4, 97, 18263251\}, \{4, 97, 18263251\}, \{4, 97, 18263251\}, \{4, 97, 18263251\}, \{4, 97, 18263251\}, \{4, 97, 18263251\}, \{4, 97, 18263251\}, \{4, 97, 18263251\}, \{4, 97, 18263251\}, \{4, 97, 18263251\}, \{4, 97, 18263251\}, \{4, 97, 18263251\}, \{4, 97, 18263251\}, \{4, 97, 18263251\}, \{4, 97, 18263251\}, \{4, 97, 18263251\}, \{4, 97, 18263251\}, \{4, 97, 18263251\}, \{4, 97, 18263251\}, \{4, 97, 18263251\}, \{4, 97, 18263251\}, \{4, 97, 18263251\}, \{4, 97, 18263251\}, \{4, 97, 18263251\}, \{4, 97, 18263251\}, \{4, 97, 18263251\}, \{4, 97, 18263251\}, \{4, 97, 18263251\}, \{4, 97, 18263251\}, \{4, 97, 18263251\}, \{4, 97, 18263251\}, \{4, 97, 18263251\}, \{4, 97, 18263251\}, \{4, 97, 18263251\}, \{4, 97, 18263251\}, \{4, 97, 18263251\}, \{4, 97, 18263251\}, \{4, 97, 18263251\}, \{4, 97, 18263251\}, \{4, 97, 18263251\}, \{4, 97, 18263251\}, \{4, 97, 18263251\}, \{4, 97, 18263251\}, \{4, 97, 18263251\}, \{4, 97, 18263251\}, \{4, 97, 18263251\}, \{4, 97, 18263251\}, \{4, 97, 18263251\}, \{4, 97, 18263251\}, \{4, 97, 18263251\}, \{4, 97, 18263251\}, \{4, 97, 18263251\}, \{4, 97, 18263251\}, \{4, 97, 18263251\}, \{4, 97, 18263251\}, \{4, 97, 18263251\}, \{4, 97, 18263251\}, \{4, 97, 18263251\}, \{4, 97, 18263251\}, \{4, 97, 18263251\}, \{4, 97, 18263251\}, \{4, 97, 18263251\}, \{4, 97, 18263251\}, \{4, 97, 18263251\}, \{4, 97, 18263251\}, \{4, 97, 18263251\}, \{4, 97, 18263251\}, \{4, 97, 18263251\}, \{4, 97, 18263251\}, \{4, 97, 18263251\}, \{4, 97, 18263251\}, \{4, 97, 18263251\}, \{4, 97, 18263251\}, \{4, 97, 18263251\}, \{4, 97, 18263251\}, \{4, 97, 18263251\}, \{4, 97, 18263251\}, \{4, 97, 18263251\}, \{4, 97, 18263251\}, \{4, 97, 18263251\}, \{4, 97, 18263251\}, \{4, 97, 182632514\}, \{4, 97, 182632514\}, \{4, 97, 182632514\}, \{4, 97, 182632514\}, \{4, 97, 182632514\}, \{4, 97, 182632514\}
                         \{5, 85, 15361090\}, \{6, 32, 985423\}, \{7, 31, 1046110\}, \{8, 14, 114099\},
                         \{9, 91, 33925662\}, \{10, 86, 31820317\}, \{11, 19, 392302\}, \{12, 61, 13643415\},
                         \{13, 25, 1044874\}, \{14, 24, 1006735\}, \{15, 56, 13225057\}\}
 ln[39]:= n = 4;
                     points = {{1, 68, 1576879}, {2, 6, 2245}, {3, 93, 12074206}, {4, 17, 98851},
                                   {5, 43, 1990222}, {6, 72, 11204023}, {7, 9, 28038}, {8, 22, 430555},
                                   {9, 84, 26685415}, {10, 46, 4878997}, {11, 89, 38795982}, {12, 96, 53114245},
                                   {13, 83, 37 201 726}, {14, 85, 43 034 515}, {15, 80, 38 457 145}};
 In[41]:= bilinearInterpolation[n, points]
\mathsf{Out}[41] = \ 25 \, + \, x \, + \, x^4 \, + \, y \, + \, y^2 \, + \, 5 \, \, x \, \, y^3
```