
MAC0438 - Programação Concorrente

Daniel Macêdo Batista

IME - USP, 19 de Março de 2013

Soluções justas para
o problema da seção
crítica

Barreiras de
sincronização

Soluções justas para o problema da seção crítica

Barreiras de sincronização

▷ Soluções justas
para o problema
da seção crítica

Barreiras de
sincronização

Soluções justas para o problema da seção crítica

Ticket – Uma última observação

Soluções justas para
o problema da seção
crítica

Barreiras de
sincronização

```
int senhaGeral=1, senhaProxima=1, senha[1:n]=([n] 0);

process CS[i=1 to n] {
  while (true) {
    senha[i]=FA(senhaGeral,1); /* Prot. Entrada */
    while (senha[i]!=senhaProxima) skip;
    secao critica;
    senhaProxima++; /* Prot. Saida */
    secao nao critica;
  }
}
```

- ❑ Ocorrerá algum problema se o algoritmo rodar o laço do while muitas vezes? Ou ainda, se o valor de n for muito grande?

Bakery – Objetivo e ideia do algoritmo

Soluções justas para
o problema da seção
crítica

Barreiras de
sincronização

- Propor uma alternativa ao algoritmo Ticket

Não depender da instrução Fetch-and-Add

Não ter que implementar um protocolo de acesso à
seção crítica no protocolo de entrada

- Os processos que chegam olham as senhas de todos os
processos já presentes e escolhem uma nova maior do
que todas atuais

Ainda tem o problema de que dois processos
podem escolher mesma senha, mas não precisa mais ler
e incrementar uma variável global (abole o
Fetch-and-Add)

Protocolos de entrada e saída

Soluções justas para
o problema da seção
crítica

Barreiras de
sincronização

- CSEntrada para o processo CS[i]

```
<senha[i]=max(senha[1:n])+1;>  
for (j=1 to n st j!=i)  
    <await (senha[j]==0 or senha[i]<senha[j];)>
```

- CSSaida para o processo CS[i]

```
senha[i]=0
```

Algoritmo completo

Soluções justas para
o problema da seção
crítica

Barreiras de
sincronização

```
int senha[1:n]=( [n] 0);

process CS[i=1 to n] {
    while (true) {
        <senha[i]=max(senha[1:n])+1;> /* Prot. entrada */
        for [j=1 to n st j!=i]
            <await (senha[j]==0 or senha[i]<senha[j]);>
        secao critica;
        senha[i]=0; /* Prot saida */
        secao nao critica;
    }
}
```

- ☐ Há entrada garantida porque uma hora todos os processos na seção crítica terão que sair dela ($senha[j]=0$) ou porque uma hora a $senha[i]$ vai ser a menor
- ☐ Problemas?

Algoritmo completo

Soluções justas para
o problema da seção
crítica

Barreiras de
sincronização

```
int senha[1:n]=[n] 0);

process CS[i=1 to n] {
    while (true) {
        <senha[i]=max(senha[1:n])+1;> /* Prot. entrada */
        for [j=1 to n st j!=i]
            <await (senha[j]==0 or senha[i]<senha[j]);>
        secao critica;
        senha[i]=0; /* Prot saida */
        secao nao critica;
    }
}
```

□ Há 2 operações atômicas definidas com < e >

<senha[i]=max(senha[1:n])+1;>

<await (senha[j]==0 or senha[i]<senha[j]);>

Algoritmo completo

Soluções justas para
o problema da seção
crítica

Barreiras de
sincronização

```
int senha[1:n]=[n] 0);

process CS[i=1 to n] {
    while (true) {
        <senha[i]=max(senha[1:n])+1;> /* Prot. entrada */
        for [j=1 to n st j!=i]
            <await (senha[j]==0 or senha[i]<senha[j]);>
        secao critica;
        senha[i]=0; /* Prot saida */
        secao nao critica;
    }
}
```

- Há 2 operações atômicas definidas com < e >

Não há instrução atômica para calcular o máximo de vários números :(

Algoritmo completo

Soluções justas para
o problema da seção
crítica

Barreiras de
sincronização

```
int senha[1:n]=[n] 0);

process CS[i=1 to n] {
    while (true) {
        <senha[i]=max(senha[1:n])+1;> /* Prot. entrada */
        for [j=1 to n st j!=i]
            <await (senha[j]==0 or senha[i]<senha[j]);>
        secao critica;
        senha[i]=0; /* Prot saida */
        secao nao critica;
    }
}
```

- Há 2 operações atômicas definidas com < e >

A condição do await não respeita a propriedade no máximo uma vez :(

Algoritmo completo

Soluções justas para
o problema da seção
crítica

Barreiras de
sincronização

```
int senha[1:n]=[n] 0);

process CS[i=1 to n] {
    while (true) {
        <senha[i]=max(senha[1:n])+1;> /* Prot. entrada */
        for [j=1 to n st j!=i]
            <await (senha[j]==0 or senha[i]<senha[j]);>
        secao critica;
        senha[i]=0; /* Prot saida */
        secao nao critica;
    }
}
```

- ❑ O limite de tamanho da variável senha pode ser um problema?

Soluções para os problemas das ações atômicas

Soluções justas para
o problema da seção
crítica

Barreiras de
sincronização

- ☐ Seguir a mesma ideia do Tie Breaker e implementar o protocolo de acesso à seção crítica
- ☐ Bolar um algoritmo para 2 processos e generalizar para n

Protocolos para 2 processos

Soluções justas para
o problema da seção
crítica

Barreiras de
sincronização

- Protocolo de entrada para CS1:

```
senha1=senha2+1;  
while (senha2 != 0 and senha1 > senha2) skip;
```

- Protocolo de entrada para CS2:

```
senha2=senha1+1;  
while (senha1 != 0 and senha2 > senha1) skip;
```

- Problemas?

Protocolos para 2 processos

Soluções justas para
o problema da seção
crítica

Barreiras de
sincronização

- Protocolo de entrada para CS1:

```
senha1=senha2+1;  
while (senha2 != 0 and senha1 > senha2) skip;
```

- Protocolo de entrada para CS2:

```
senha2=senha1+1;  
while (senha1 != 0 and senha2 > senha1) skip;
```

- Garante exclusão mútua?
- O problema é que o `while` está deixando ambos os processos passarem se as senhas forem iguais. Como corrigir isso?

Protocolos para 2 processos

Soluções justas para
o problema da seção
crítica

Barreiras de
sincronização

- Protocolo de entrada para CS1:

```
senha1=senha2+1;  
while (senha2 != 0 and senha1 > senha2) skip;
```

- Protocolo de entrada para CS2:

```
senha2=senha1+1;  
while (senha1 != 0 and senha2 >= senha1) skip;
```

- Problemas?

Protocolos para 2 processos

Soluções justas para
o problema da seção
crítica

Barreiras de
sincronização

- ❑ Protocolo de entrada para CS1:

```
senha1=senha2+1;  
while (senha2 != 0 and senha1 > senha2) skip;
```

- ❑ Protocolo de entrada para CS2:

```
senha2=senha1+1;  
while (senha1 != 0 and senha2 >= senha1) skip;
```

- ❑ O problema agora é que se os processos começam o protocolo de entrada, as senhas não mudam imediatamente de valor. Elas ainda são 0 por causa do protocolo de saída
- ❑ A solução é obrigar a mudança do valor logo no início do protocolo de entrada. Como fazer isso?

Protocolos para 2 processos

Soluções justas para
o problema da seção
crítica

Barreiras de
sincronização

- Protocolo de entrada para CS1:

```
senha1=1;  
senha1=senha2+1;  
while (senha2 != 0 and senha1 > senha2) skip;
```

- Protocolo de entrada para CS2:

```
senha2=1;  
senha2=senha1+1;  
while (senha1 != 0 and senha2 >= senha1) skip;
```

- Como generalizar agora para n processos? Os protocolos tem que ser simétricos para que possa colocar dentro de um loop mas eles não são simétricos :(
($>$ no CS1 e \geq no CS2). Como resolver?

Protocolos para 2 processos

Soluções justas para
o problema da seção
crítica

Barreiras de
sincronização

- Protocolo de entrada para CS1:

```
senha1=1;  
senha1=senha2+1;  
while (senha2 != 0 and senha1 > senha2) skip;
```

- Protocolo de entrada para CS2:

```
senha2=1;  
senha2=senha1+1;  
while (senha1 != 0 and senha2 >= senha1) skip;
```

- É necessário comparar os dois valores das senhas e se forem iguais o desempate deve ser feito pelo id do processo

Protocolos para n processos

Soluções justas para
o problema da seção
crítica

Barreiras de
sincronização

- Criar uma nova operação para comparação

```
(a,b) > (c,d) == true , se (a>c) or (if a==c e b>d)
                == false, caso contrario
```

Protocolos para n processos

Soluções justas para
o problema da seção
crítica

Barreiras de
sincronização

□ Protocolo de entrada para CS1:

```
senha1=1;  
senha1=senha2+1;  
while (senha2 != 0 and (senha1,1) > (senha2,2)) skip;
```

□ Protocolo de entrada para CS2:

```
senha2=1;  
senha2=senha1+1;  
while (senha1 != 0 and (senha2,2) > (senha1,1)) skip;
```

Algoritmo completo para n processos

Soluções justas para
o problema da seção
crítica

Barreiras de
sincronização

```
int senha[1:n] = ([n] 0);

process CS [i=1 to n] {
    while (true) {
        senha[i]=1;senha[i]=max(senha[1:n])+1; /* P. entrada */
        for [j=1 to n st j!=i]
            while (senha[j] !=0 and
                    (senha[i],i) > (senha[j],j)) skip;
        secao critica;
        senha[i]=0; /* P. saida */
        secao nao critica;
    }
}
```

Soluções justas para
o problema da seção
crítica

▷ Barreiras de
sincronização

Barreiras de sincronização

Objetivo

Soluções justas para
o problema da seção
crítica

Barreiras de
sincronização

- ☐ Necessidade de garantir que todos os processos cheguem em um determinado ponto antes de prosseguir
- ☐ Útil para algoritmos iterativos
- ☐ Como implementar com os comandos já conhecidos para definir processos?

Objetivo

Soluções justas para
o problema da seção
crítica

Barreiras de
sincronização

```
while (true) {  
    co [i=1 to n]  
        codigo da tarefa i;  
    oc  
}
```

- ☐ Lembrando da propriedade do co, neste exemplo é possível que o algoritmo passe para uma próxima iteração antes de todos terminarem a iteração atual?
- ☐ Problemas?

Objetivo

Soluções justas para
o problema da seção
crítica

Barreiras de
sincronização

```
process Worker [i=1 to n] {  
    while (true) {  
        codigo da tarefa i;  
        espere todas as tarefas n terminarem;  
    }  
}
```

- ☐ No exemplo acima, há uma barreira de sincronização no fim dos loops
- ☐ Mais eficiente mas são necessários protocolos para garantir a sincronização

Ideia geral da primeira solução – Contador compartilhado

Soluções justas para o problema da seção crítica

Barreiras de sincronização

- ☐ Ter uma variável contador que armazena quantos processos já terminaram
- ☐ Como seria o algoritmo?

Algoritmo para a primeira solução

Soluções justas para
o problema da seção
crítica

Barreiras de
sincronização

```
int contador=0;

process Worker[i=1 to n] {
    while (true) {
        codigo da tarefa i;
        <contador=contador+1;>
        <await (contador == n);>
    }
}
```

□ Problemas?

Algoritmo para a primeira solução

Soluções justas para
o problema da seção
crítica

Barreiras de
sincronização

```
int contador=0;

process Worker[i=1 to n] {
    while (true) {
        codigo da tarefa i;
        <contador=contador+1;>
        <await (contador == n);>
    }
}
```

□ Ações atômicas com < e >

<contador=contador+1;>

<await (contador == n);>

Algoritmo para a primeira solução

Soluções justas para
o problema da seção
crítica

Barreiras de
sincronização

```
int contador=0;

process Worker[i=1 to n] {
    while (true) {
        codigo da tarefa i;
        <contador=contador+1;>
        <await (contador == n);>
    }
}
```

- Ações atômicas com $\langle e \rangle$ (Se o hardware tiver Fetch-and-add)

```
FA(contador,1); while (contador != n)
skip;
```

- É suficiente?

Algoritmo para a primeira solução

Soluções justas para
o problema da seção
crítica

Barreiras de
sincronização

```
int contador=0;

process Worker[i=1 to n] {
    while (true) {
        codigo da tarefa i;
        <contador=contador+1;>
        <await (contador == n);>
    }
}
```

- contador tem que ser 0 sempre no início de cada
iteração
 - ou seja, sempre que todos processos passarem pela
barreira
 - e antes de algum processo tentar incrementar

Algoritmo para a primeira solução

Soluções justas para
o problema da seção
crítica

Barreiras de
sincronização

```
int contador=0;

process Worker[i=1 to n] {
    while (true) {
        codigo da tarefa i;
        <contador=contador+1;>
        <await (contador == n);>
    }
}
```

- ❑ contador está sempre mudando e sempre sendo verificado (cache, contenção de memória)

Contador compartilhado

Soluções justas para
o problema da seção
crítica

Barreiras de
sincronização

```
int contador=0;

process Worker[i=1 to n] {
    while (true) {
        codigo da tarefa i;
        <contador=contador+1;>
        <await (contador == n);>
    }
}
```

- Como resolver o problema de zerar o contador?

Ter certeza que os n processos só vão começar
quando contador for zero

Ideias?

Contador compartilhado

Soluções justas para
o problema da seção
crítica

Barreiras de
sincronização

```
int contador=0;

process Worker[i=1 to n] {
    while (true) {
        codigo da tarefa i;
        <contador=contador+1;>
        <await (contador == n);>
        <contador=contador-1;>
        <await (contador == 0);>
    }
}
```

- ❑ Mas não resolve o problema de cache e necessidade do FA

Contador compartilhado

Soluções justas para
o problema da seção
crítica

Barreiras de
sincronização

```
int contador=0;

process Worker[i=1 to n] {
    while (true) {
        codigo da tarefa i;
        <contador=contador+1;>
        <await (contador == n);>
        <contador=contador-1;>
        <await (contador == 0);>
    }
}
```

- ☐ Útil se a máquina tem FA ou similar
- ☐ Útil se a máquina tem atualização eficiente de cache
- ☐ Útil se n é pequeno (não por causa do limite do `int` –
Verdade?)

Flags e coordenadores

Soluções justas para
o problema da seção
crítica

Barreiras de
sincronização

- Para resolver o problema da contenção de memória
 - Cada processo atualiza sua variável ao invés de um só (contador)
 - $$\text{count} = (\text{arrive}[1] + \dots + \text{arrive}[n])$$

Flags e coordenadores

Soluções justas para
o problema da seção
crítica

Barreiras de
sincronização

- ☐ `<contador=contador+1;> → arrive[i]=1`
- ☐ Ótimo! Não precisa de FA :)

Flags e coordenadores

Soluções justas para
o problema da seção
crítica

Barreiras de
sincronização

- ☐ `<await (contador == n);> → <await
((arrive[0] + ... + arrive[n]) == n);>`
- ☐ Problema?

Flags e coordenadores

Soluções justas para
o problema da seção
crítica

Barreiras de
sincronização

☐ `<await (contador == n);> → <await
((arrive[0] + ... + arrive[n]) == n);>`

☐ Problema?

Contenção de memória :(

Está fazendo a soma o tempo todo para diversos
processos :(

Flags e coordenadores

Soluções justas para
o problema da seção
crítica

Barreiras de
sincronização

☐ `<await (contador == n);> → <await
((arrive[0] + ... + arrive[n]) == n)`

☐ Ideias?

Ter uma variável por processo para marcar que eles
podem continuar

`<await (continue[i] == 1);>`

Quem vai fazer `continue[i] = 1`?

Flags e coordenadores

Soluções justas para
o problema da seção
crítica

Barreiras de
sincronização

- ☐ A solução é ter um processo especial (coordenador) que:
 - Espera todos os arrive serem 1
 - Faz todos os continue serem 1
- ☐ Tentem implementar essas duas tarefas do coordenador

Flags e coordenadores

Soluções justas para
o problema da seção
crítica

Barreiras de
sincronização

☐ Algoritmo do coordenador

```
for [i = 1 to n] <await (arrive[i] == 1);>  
for [i = 1 to n] continue[i] = 1;
```

- ☐ Há o risco de `arrive[i]` mudar depois que o coordenador passou por `i` no laço do `for`?

Flags e coordenadores

Soluções justas para
o problema da seção
crítica

Barreiras de
sincronização

☐ Processo Worker

```
arrive[i] = 1;  
<await (continue[i] == 1);>
```

☐ Processo Coordenador

```
for [i = 1 to n] <await (arrive[i] == 1);>  
for [i = 1 to n] continue[i] = 1;
```

- ☐ Sem FA e sem contenção de memória
- ☐ Pode substituir await por while (PNMUV)
- ☐ Falta zerar as variáveis (**Tentem fazer**)