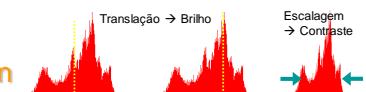




## Transformações de Escalas de Intensidades em Imagens Monocromáticas

### Greyscale modification



- Pode-se manipular as intensidades em uma imagem de modo a melhorar a qualidade perceptual da mesma
- Há duas formas de se fazer isso
  - Modificando-se a escala de intensidades de modo a alterar a média e o desvio-padrão  
→ Transformação de escalas de cinza
  - Modificando-se o histograma para uma forma específica  
→ Transformação de histograma
- Podemos alterar as propriedades dos pixels através de transformações das intensidades
  - Transformações que mudam a escala de tons de cinza afetam os valores dos pixels
    - Deslocam uma coluna inteira do histograma
    - Podem afetar significativamente os parâmetros do histograma → média e desvio-padrão
  - Podem ser implementadas consistentemente de modo a alterar propriedades globais da imagem
    - Como brilho, contraste

## Transformações de intensidades

- Princípio geral
  - Consiste em re-mapear os valores das intensidades (tons de cinza) fazendo-os corresponder a novos valores, através de uma função de transferência
- Implementação
  - Pode ser realizada especificando-se a função de transferência analiticamente ou através de uma tabela

## Transformação de escalas de cinza

## Transformação de Histograma

## Introdução

As transformações de histograma são usadas para se conseguir um histograma com determinada forma que produza efeitos adequados

- Transformações de histograma

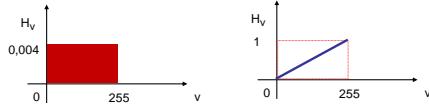
- Equalização → tornar o histograma uniforme
- Normalização → para proporcionar comparação
- Especificação (*histogram matching*) → especificar uma forma para o histograma

## Equalização de Histograma

- A idéia aqui é encontrar uma forma de histograma que torne o contraste o maior possível sem haver perda de brilho
- Intui-se que a situação ideal seria alcançada se os diferentes valores de intensidades se distribuissem da maneira mais uniforme possível entre os pixels, de modo a produzir uma distribuição bem equilibrada
  - Isso é corroborado pela Teoria da Informação, que veremos mais adiante.

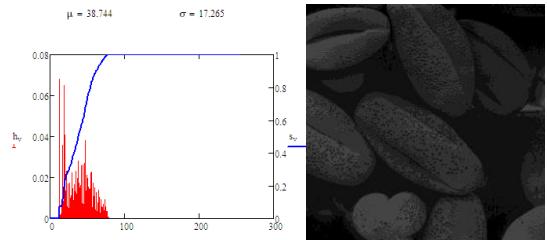
## Equalização de histograma

- Como resultado, pode-se concluir que seria ideal que o histograma se aproxime de uma distribuição uniforme.
- Exercício (para agora)
  - Esboce o histograma acumulado de uma distribuição uniforme (pergunta: porquê 0,004?)



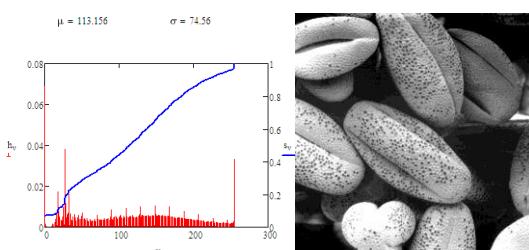
## Exemplo

- Considere a imagem dos grãos de pólen e seu histograma:



## Exemplo

- Comparemos com esta versão:

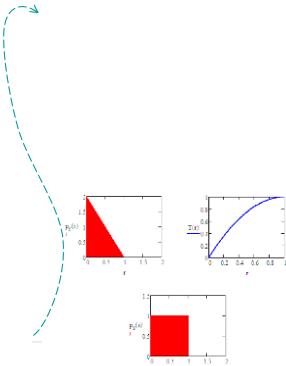


## Conclusões

- A equalização do histograma é a transformação de uma imagem em outra tal que seu histograma se torne o mais uniforme possível (plano, “flat”)
- É feita através de uma modificação da escala de intensidades, aplicando-se uma lookup table (LUT) específica
- A LUT corresponde ao histograma acumulado (frequências absolutas) da imagem dada

**Exercício : (para agora)**Dada a densidade de probabilidade  $p_r(r)$ 

$$p_r(r) = -2r + 2 \quad 0 \leq r \leq 1$$

obtenha  $p_s(s)$  de modo que  $s = T(r)$ , sendo  $T(r)$  igual à distribuição acumulada de  $r$ .**Condições de equalização**

- A validade do método apresentado requer que se observe os seguintes requisitos:

- $T(r)$  deve ser monotonicamente crescente (de modo a ser inversível, mantendo a ordem de transição preto → branco passando pelos cinzas com brilho progressivamente maior)
- $0 \leq T(r) \leq 1$  para  $0 \leq r \leq 1$ , devendo-se normalizar  $r$  e  $s$  pelos seus maiores valores

**Algoritmo de equalização**

- A abordagem mostrada baseou-se em  $r$  e  $s$  variando de modo contínuo.
- No caso das imagens,  $r$  e  $s$  representam tons de cinza, que variam de forma discreta.
- Como consequência, a equalização **não é 100% perfeita**, porém o histograma resultante  $p_s(s)$  será mais uniforme que o original
- Questão → explique por que não é 100% perfeita

$$s_k = T(r_k) = \frac{1}{K} \sum_{v=0}^k h_{rv}$$

$h_r$  é o histograma de Frequências relativas dos pixels da imagem dada

**Caso discreto**

- No caso discreto, a transformação geralmente não produz um histograma uniforme, apenas aproxima.
- Elas são dadas por:

$$s_k = T(r_k) = \frac{1}{K} \sum_{v=0}^k \frac{n_{rv}}{n} = \frac{1}{nK} \sum_{v=0}^k n_{rv}$$

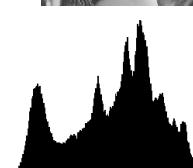
- Lembrando que  $K = \frac{1}{s_{max}}$

**Caso discreto**

- A transformação correta é dada por:

$$s_k = T(r_k) = \left\lfloor \frac{1}{nK} \sum_{v=0}^k n_{rv} \right\rfloor$$

- onde  $\left\lfloor \bullet \right\rfloor$  é o menor inteiro em  $\bullet$

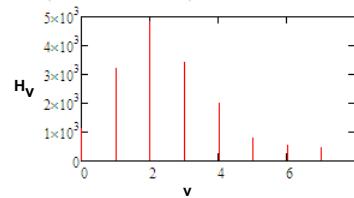
**Exemplo**

## Algoritmo de equalização

1. Construir o histograma de frequências relativas dos pixels
2. A partir do mesmo, construir o histograma acumulado de frequências relativas
3. Utilizar o histograma acumulado como LUT para produzir a imagem equalizada
4. Arredondar os resultados para o tom de cinza imediatamente inferior
- Exercício – Proponha um algoritmo para equalizar imagens monocromáticas.
- Exercício – implementar (em Python p.ex.) esse algoritmo de equalização de imagens monocromáticas

## Exercício

- Considere o histograma dado pelo gráfico e a tabela como sendo de uma certa imagem monocromática. Calcular o histograma equalizado (manualmente)



v	H_V
0	1120
1	3214
2	4850
3	3425
4	1995
5	784
6	541
7	455

## Roteiro de solução

1. Normalizar os valores dos tons de cinza, dividindo-os pelo maior (= 7 no caso)
2. Tabelar as frequências relativas, dividindo as absolutas pelo número total de pixels
3. Tabelar as frequências relativas acumuladas
4. Usar as frequências acumuladas como LUT para determinar o novo mapeamento dos tons
5. Construir o novo histograma

v	$r = v / v_{\max}$	$H_v(r)$	$h_v(r)$	$\Sigma h_v$	LUT	$s = T^{-1}(r)$	$h_v(s)$

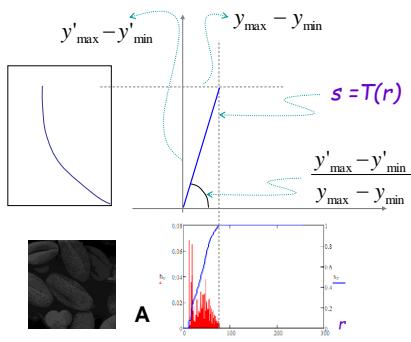
## Normalização de Histograma

### Contrast stretching

## Normalização de histograma

- É uma outra transformação, no caso uma transformação linear, que expande o histograma com o objetivo de aumentar o contraste.
- Usa-se tal transformação quando a imagem foi adquirida de forma a não usar toda faixa dinâmica disponível

A transformação  $s = T(r)$  de escalas de cinza (LUT) fará um mapeamento linear baseado nas diferenças de intensidade.



## Normalização de histograma

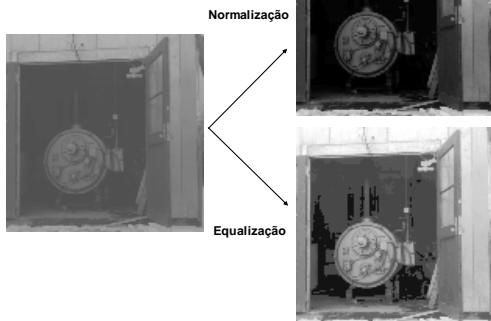
- A transformação é definida por:

$$y' = \frac{(y_{max} - y_{min})}{(y'_{max} - y'_{min})} \cdot (y - y_{min}) + y_{min}$$

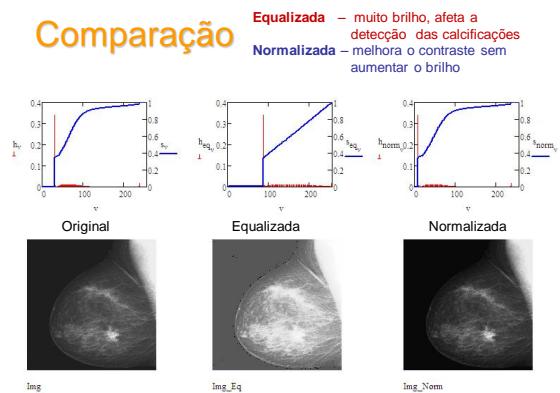
$y_{max} - y_{min}$  = diferença entre o maior e o menor valores da imagem dada

$y'_{max} - y'_{min}$  = diferença entre o maior e o menor valores da imagem resultante

## Comparação



## Comparação



## Transformações pontuais em imagens binárias e em níveis de cinza

## Transformações entre imagens

- Até agora vimos como fazer transformações entre imagens usando LUT e histogramas.
- Normalmente, essas transformações são feitas para melhorar a visualização das imagens e não para "facilitar" o trabalho de extração de informações.
- Tanto que muitas vezes ela é feita no dispositivo visualizador diretamente.
- A partir de agora vamos estudar transformações cujo domínio e o contra-domínio sejam o conjunto das imagens.

$$\phi : \text{imagens} \longrightarrow \text{imagens}$$

## Operador Adição

- A adição é uma operação binária conhecida de nós desde bem pequenos.
- Quando tratamos de imagens, os operandos são imagens:

$$+(f, g)$$

- onde  $f$  e  $g$  são duas imagens.

## Operador Adição

- Porém, também é usual definir a adição de uma imagem a uma constante. Neste caso, a constante é adicionada a todos os pixels da imagem. Isso é equivalente a somar uma imagens constante.

$$+(f, K)$$

- onde  $f$  é uma imagem e  $K$  uma constante.

## Operador Adição

- Formalmente,

$$+(f, g)(x) = f(x) + g(x), x \in E$$

$$+(f, K)(x) = f(x) + K, x \in E$$

onde  $f, g$  são duas imagens,  $K$  é uma constante válida e  $E$  é o domínio da imagem.

## Operador Adição - saturação

- O problema da definição anterior é que ela não respeita o tipo da imagem.
- O tipo da imagem é definido pelo contradomínio da função que representa a imagem.
- Normalmente ele é um intervalo dos inteiros positivos, por exemplo,  $[0, 255]$ .
- Assim, a operação de adição precisa ser melhor definida.

## Operador Adição - saturação

- A adição respeita os limites da imagem

$$\dot{+}(a, b) = \begin{cases} a + b & \text{if } 0 \leq a + b \leq K \\ K & \text{if } a + b > K \end{cases}$$

- onde  $a$  e  $b$  são números naturais e  $K$  é o maior valor do intervalo

## Operador Adição 2 - saturação

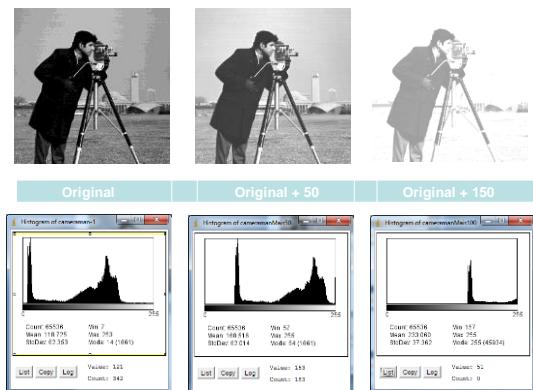
- Neste caso, há limites diferentes para entrada e saída.

$$\dot{+}(a, b) = \begin{cases} a + b & \text{if } 0 \leq a + b \leq K_1 \\ K_2 & \text{if } a + b > K_1 \end{cases}$$

- onde  $K_1(K_2)$  é o máximo valor possível da imagem de entrada (saída)

## Operador Adição

- Vamos começar exemplificando o caso da adição de uma constante a uma imagem.



## Operador Adição

- Vamos somar uma imagem em outra, mantendo o limite da entrada e da saída.



## Operador Adição

- Vamos somar uma imagem em outra, agora com o limite da entrada e da saída -16bits



## Operador Adição

- Vamos somar uma imagem em outra, mudando o limite da saída.



## Operador Subtração

- O operador subtração é equivalente ao operador adição.

$$-(f, g)$$

$$-(f, K)$$

## Operador Subtração

- Formalmente,

$$-(f, g)(x) = f(x) - g(x), x \in E$$

$$-(f, K)(x) = f(x) - K, x \in E$$

onde  $f, g$  são duas imagens,  $K$  é uma constante válida e  $E$  é o domínio da imagem.

## Operador Subtração - saturação

- A adição respeita os limites da imagem

$$\div(a, b) = \begin{cases} a - b & \text{if } 0 \leq a - b \leq K \\ 0 & \text{if } 0 < a - b \end{cases}$$

- onde  $a$  e  $b$  são números naturais e  $K$  é o maior valor do intervalo

## Operador Subtração 2

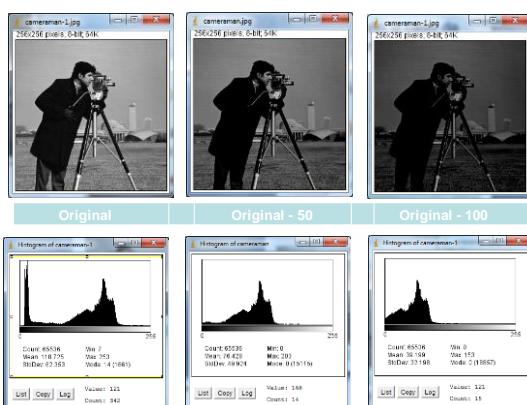
- Neste caso, há limites diferentes para entrada e saída.

$$\div(a, b) = \begin{cases} a - b & \text{if } -K_1 - 1 \leq a - b \leq K_1 \\ -K_2 - 1 & \text{if } a - b < -K_1 - 1 \end{cases}$$

- onde  $K_1(K_2)$  é o máximo valor possível da imagem de entrada (saída)

## Operador Subtração

- Vamos começar exemplificando o caso da adição de uma constante a uma imagem.



## Operador Subtração

- Vamos subtrair uma imagem da outra, mantendo o limite da entrada e da saída.



## Operador Subtração

- Vamos subtrair uma imagem da outra, agora com o limite da entrada e da saída -32bits



## Operador Subtração

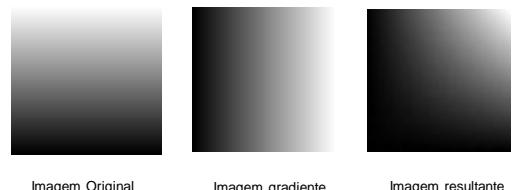
- Agora vamos subtrair uma imagem da outra, mudando o limite da saída.



## Operador Multiplicação

- A multiplicação pode ser feita usando-se um número inteiro, que equivale a somar a imagem com ela mesma várias vezes.
- Ou multiplicar uma imagem por outra, isto é, ponto a ponto, multiplicam-se os valores.

## Operador Multiplicação



## Operador Multiplicação



Imagen Original

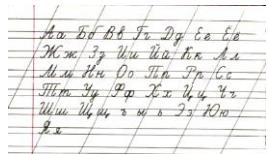
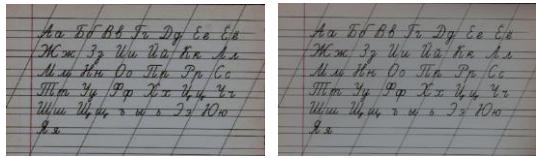
Imagen rótulo

Imagen resultante

## Operador Divisão

- A divisão pode ser feita usando-se um número inteiro diferente de 0.
- Ou dividir uma imagem por outra, isto é, ponto a ponto, dividem-se os valores e acerta-se o intervalo.

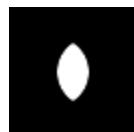
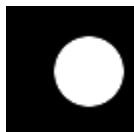
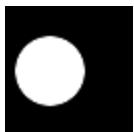
## Operador Divisão



## Operador Diferença Absoluta



## Operador E



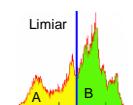
## Operador Ou



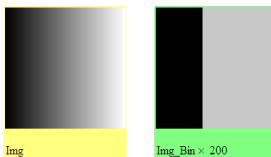
## Limiarização (Thresholding)

### Limiarização

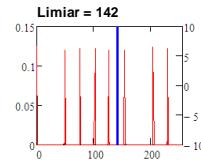
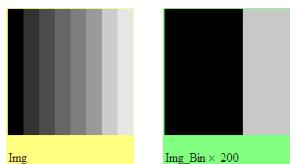
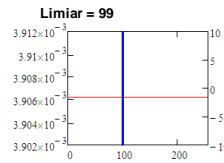
- Limiar (threshold) → valor limite L para tomar uma decisão
  - $X \leq L \rightarrow$  decisão A
  - $X > L \rightarrow$  decisão B
- No caso de limiarização da intensidade, ou limiarização de níveis de cinza (*grey-level thresholding*):
  - X = intensidade ou nível de cinza
  - Decisão → classificar o nível X como pertencente à classe A ou B
  - A limiarização particiona o histograma em 2 distribuições que correspondem a duas classes
- A limiarização é um caso particular de classificação de regiões
  - Classificação binária com critério global baseado no histograma



$\text{Img\_Bin}_{i,j} := \text{if}(\text{Img}_{i,j} > \text{Limiar}, 1, 0)$



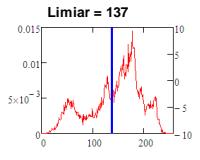
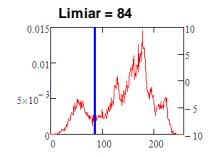
### Limiarização



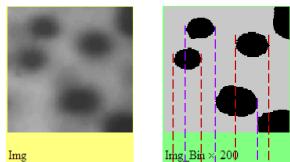
$\text{Img\_Bin}_{i,j} := \text{if}(\text{Img}_{i,j} > \text{Limiar}, 1, 0)$



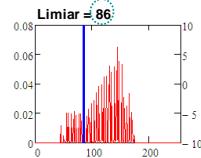
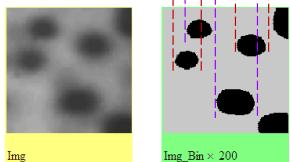
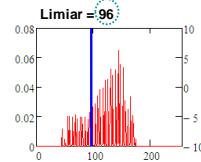
### Limiarização



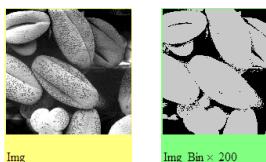
$\text{Img\_Bin}_{i,j} := \text{if}(\text{Img}_{i,j} > \text{Limiar}, 1, 0)$



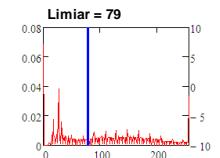
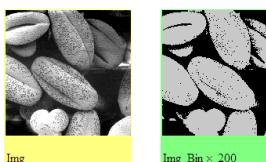
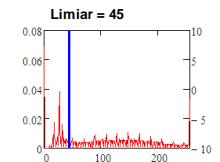
### Limiarização



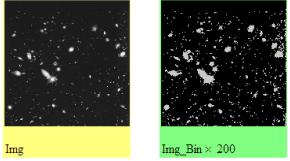
$\text{Img\_Bin}_{i,j} := \text{if}(\text{Img}_{i,j} > \text{Limiar}, 1, 0)$



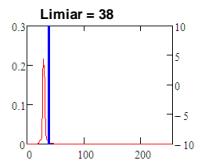
### Limiarização



$\text{Img\_Bin}_{i,j} := \text{if}(\text{Img}_{i,j} > \text{Limiar}, 1, 0)$

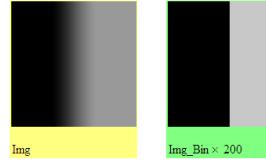


### Limiarização

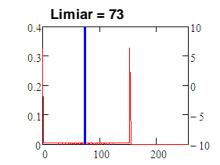


Empregando-se  
escala logarítmica  
para o histograma  
→

$\text{Img\_Bin}_{i,j} := \text{if}(\text{Img}_{i,j} > \text{Limiar}, 1, 0)$

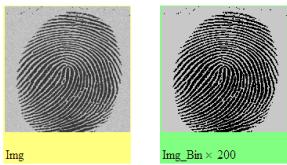


### Limiarização

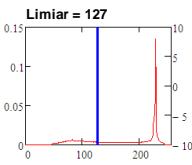
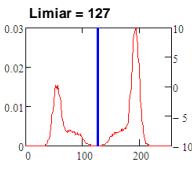


Empregando-se  
escala logarítmica  
para o histograma  
→

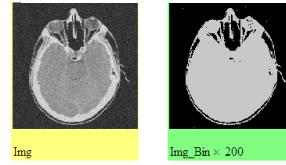
$\text{Img\_Bin}_{i,j} := \text{if}(\text{Img}_{i,j} > \text{Limiar}, 1, 0)$



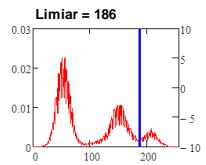
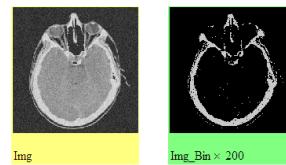
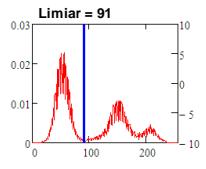
### Limiarização



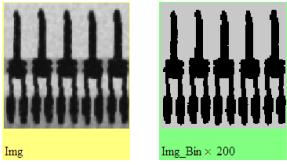
$\text{Img\_Bin}_{i,j} := \text{if}(\text{Img}_{i,j} > \text{Limiar}, 1, 0)$



### Limiarização



$\text{Img\_Bin}_{i,j} := \text{if}(\text{Img}_{i,j} > \text{Limiar}, 1, 0)$



### Limiarização

