Fundamentos de Algoritmos e Estrutura de Dados – Aula 05 - Grafos

Prof. André Gustavo Hochuli

gustavo.hochuli@pucpr.br aghochuli@ppgia.pucpr.br

Plano de Aula

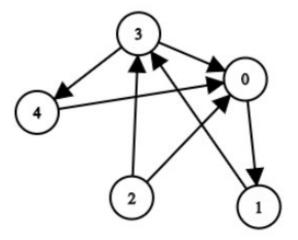
- Grafos
 - Busca Profundidade
 - Busca Largura
 - Busca A*
- Dijkstra



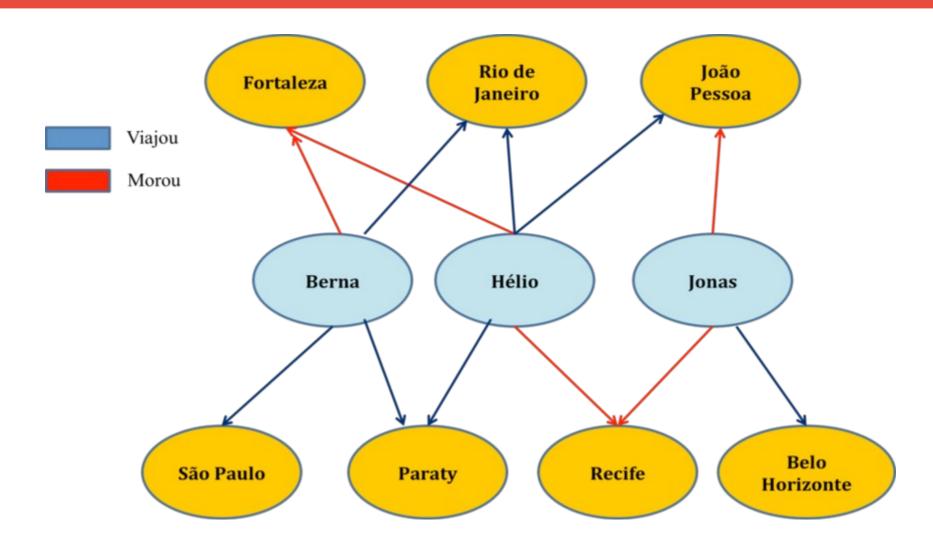
Grafos

(3) (1)

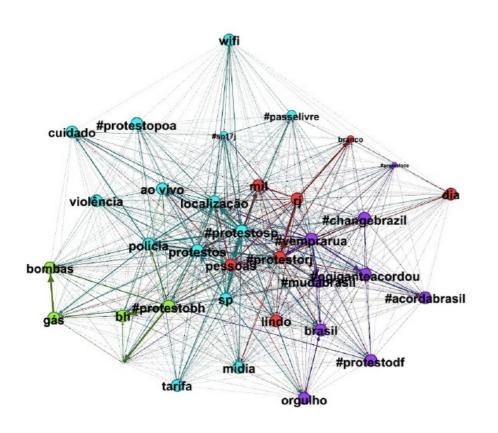
- Conjunto de Vértices e Arestas
 - Direcionado ou Não
 - Define graus de relacionamento entre objetos (arestas e vértices)
- Utilizado na modelagem de problemas
 - Redes Sociais
 - Relacionamento entre Empresas, Pessoas, etc
 - Roteamento
 - Redes de Computadores
 - Rotas Rodoviárias, Aéreas, Malha Elétrica....
 - Programação Orientada a Objetos (Classes)

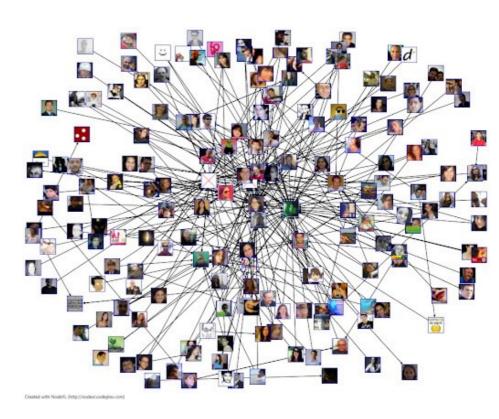


Grafos (Relacionamentos)

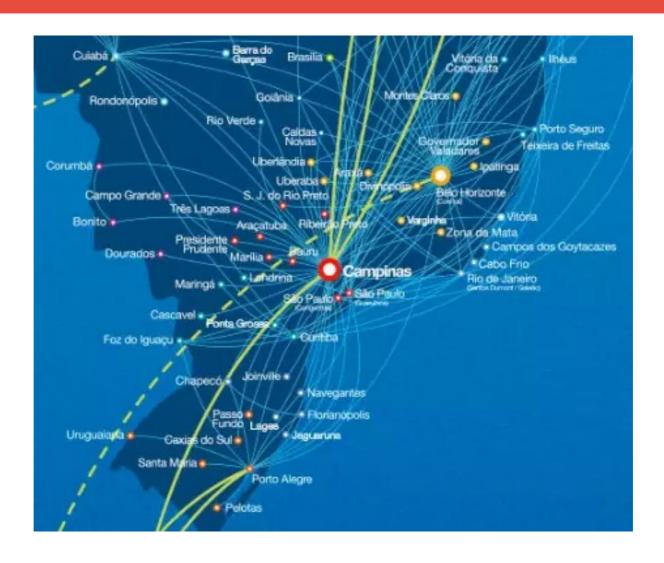


Grafos (Redes Sociais)

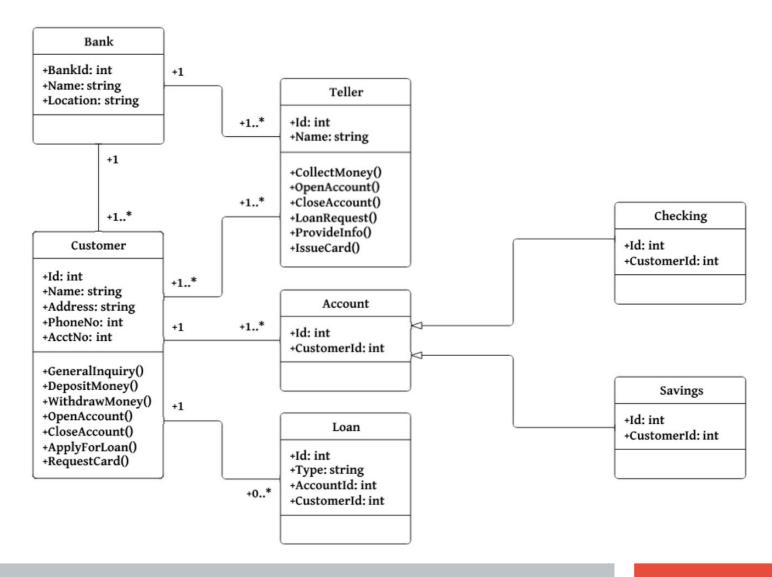




Grafos (Roteamento)



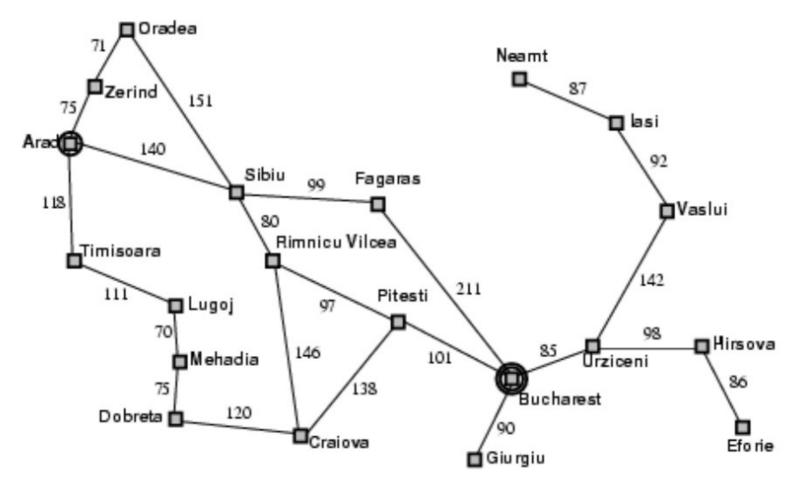
Orientação a Objetos (i.e UML Class Diagram)



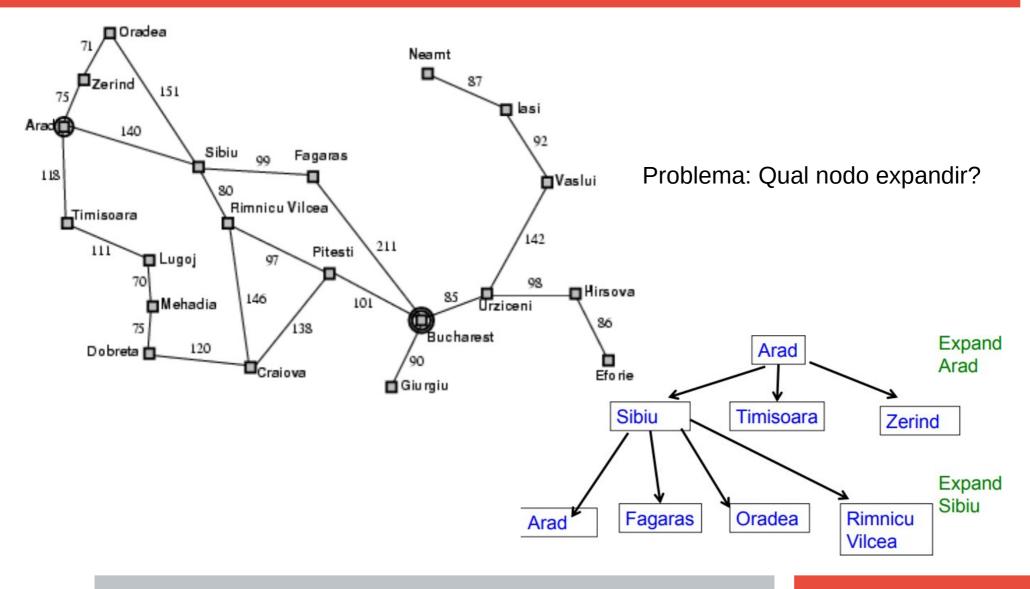
Grafos - Buscas

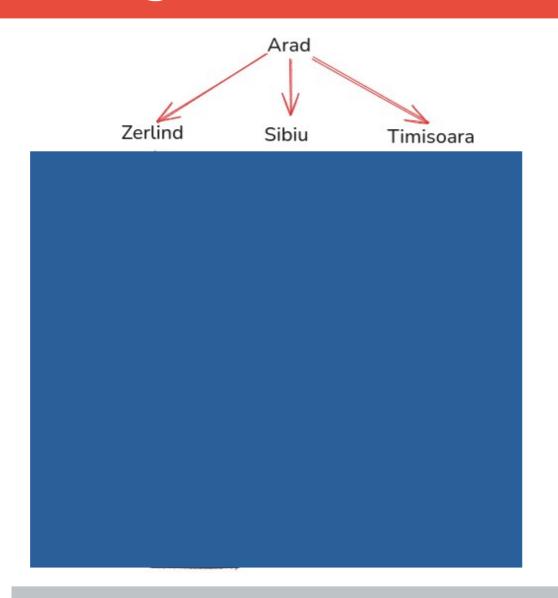
Busca Cegas (Sem Informação)

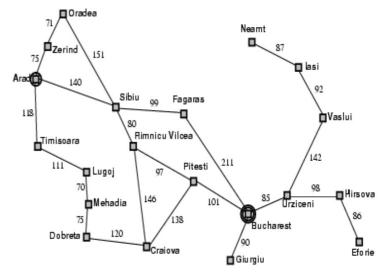
Problema: Arad → Bucharest

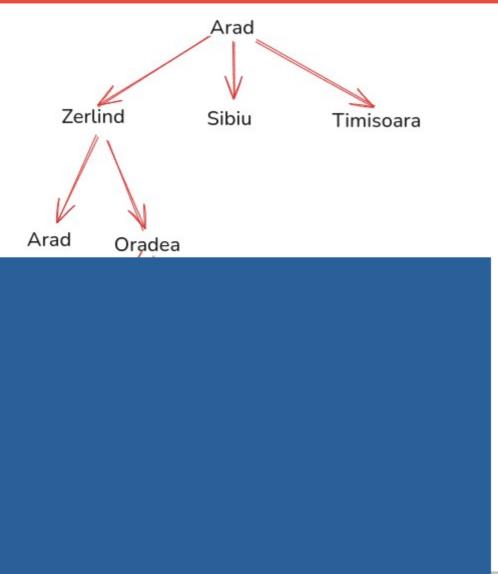


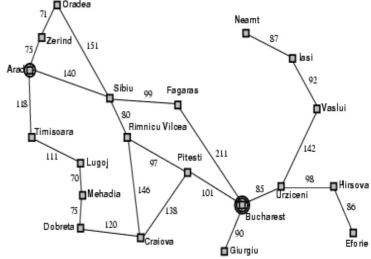
Busca Cegas (Sem Informação)

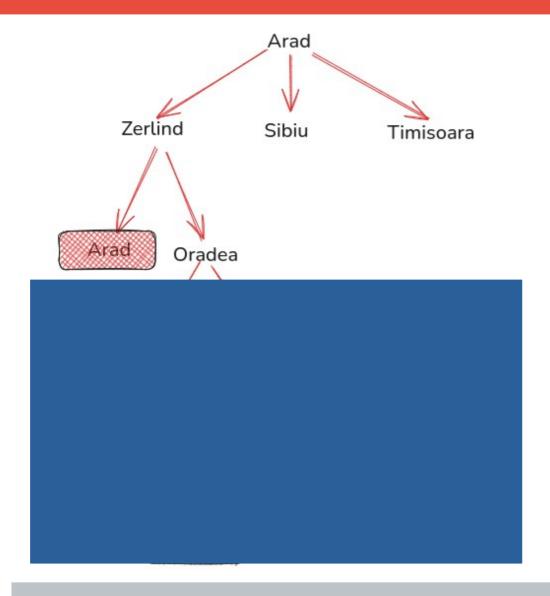


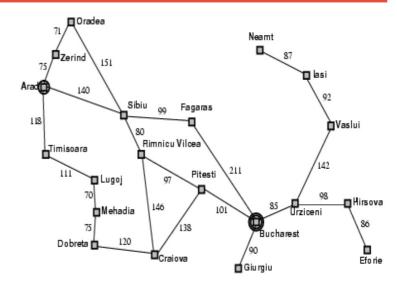


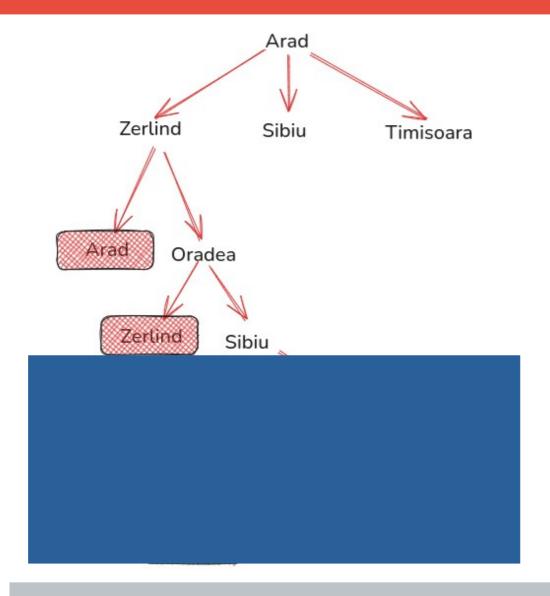


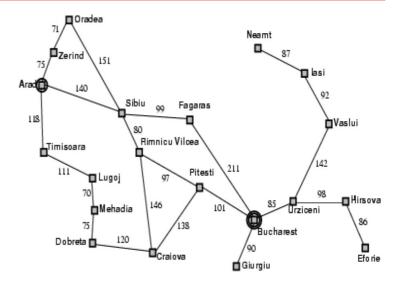


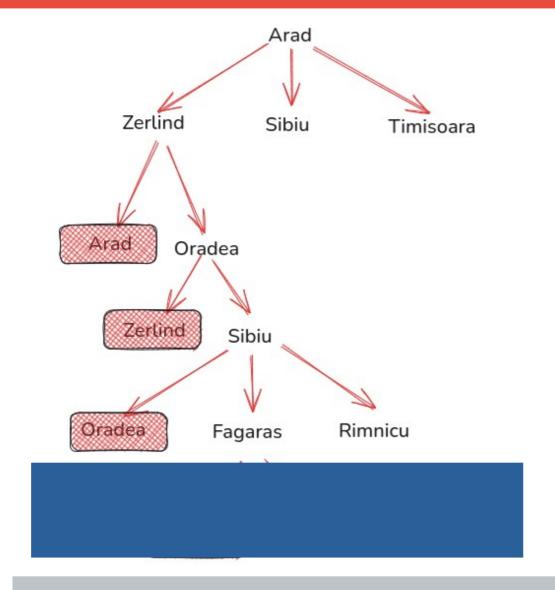


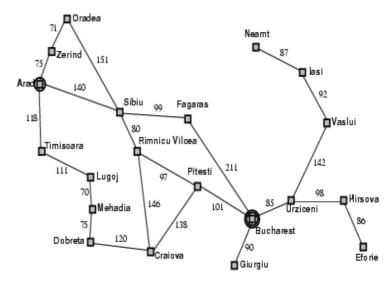


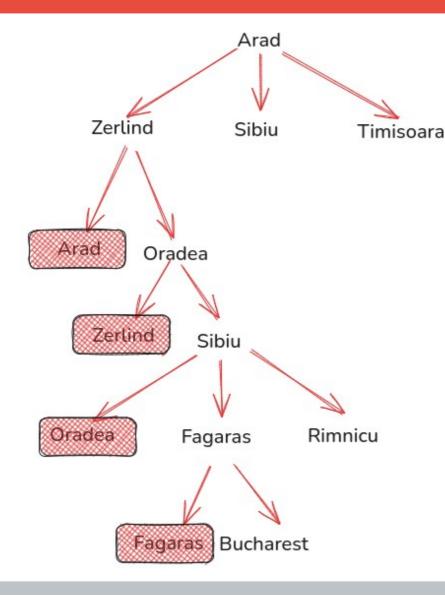


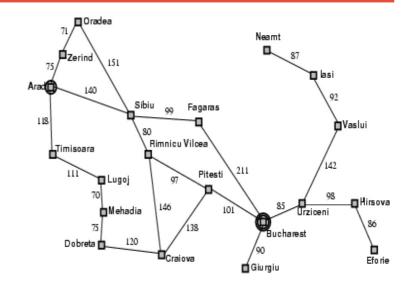






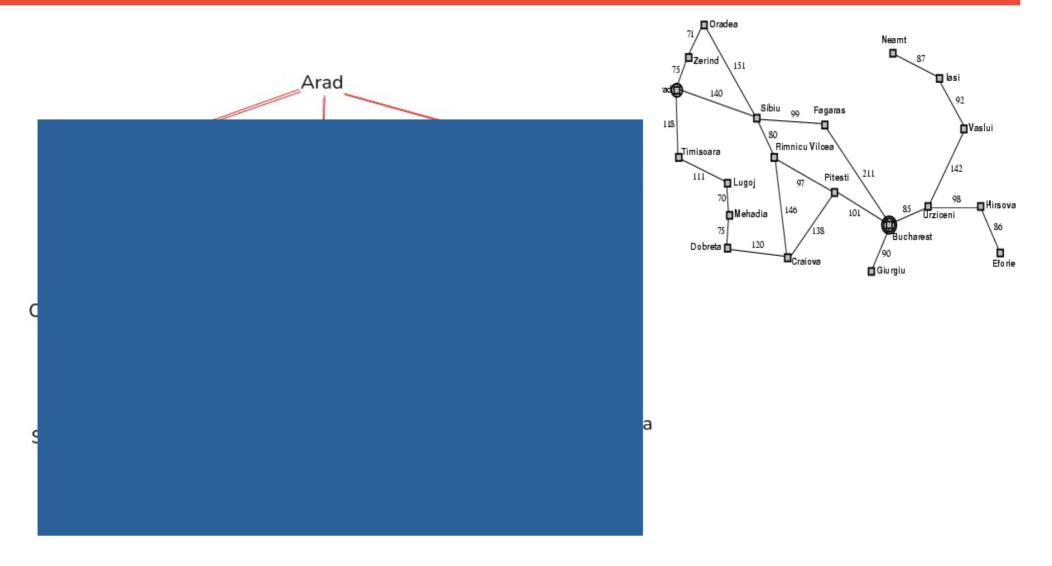


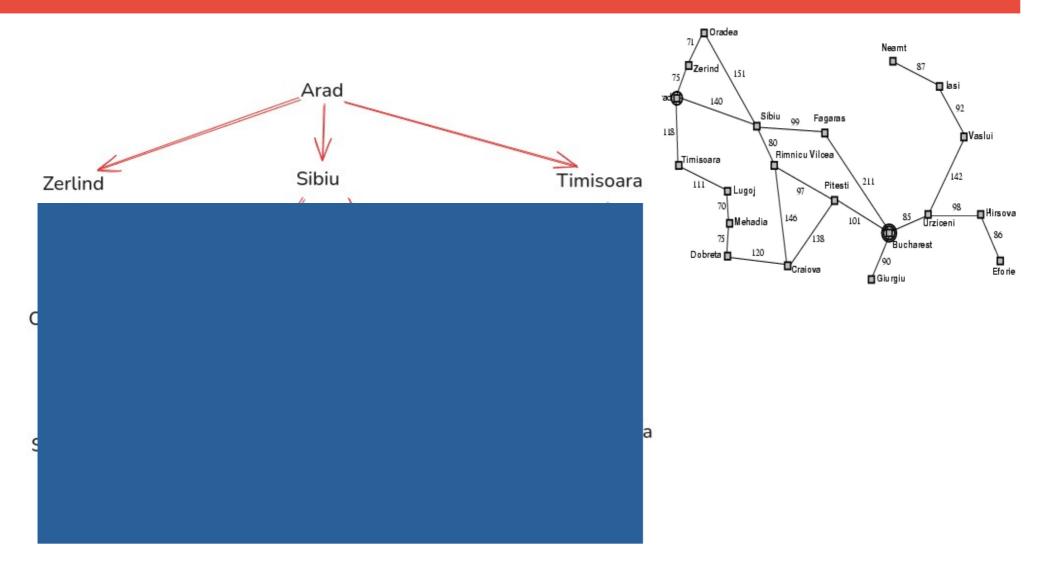


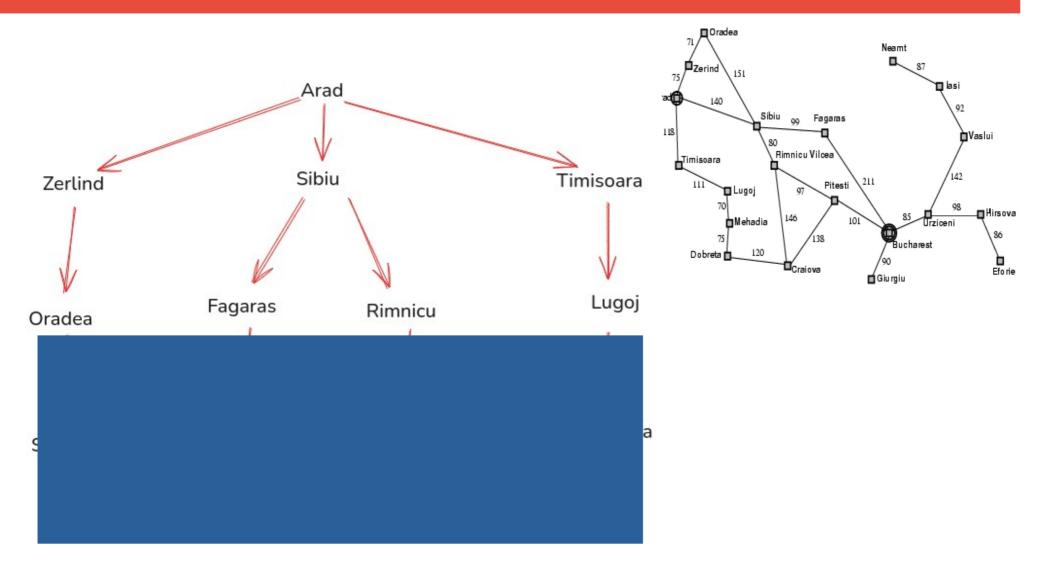


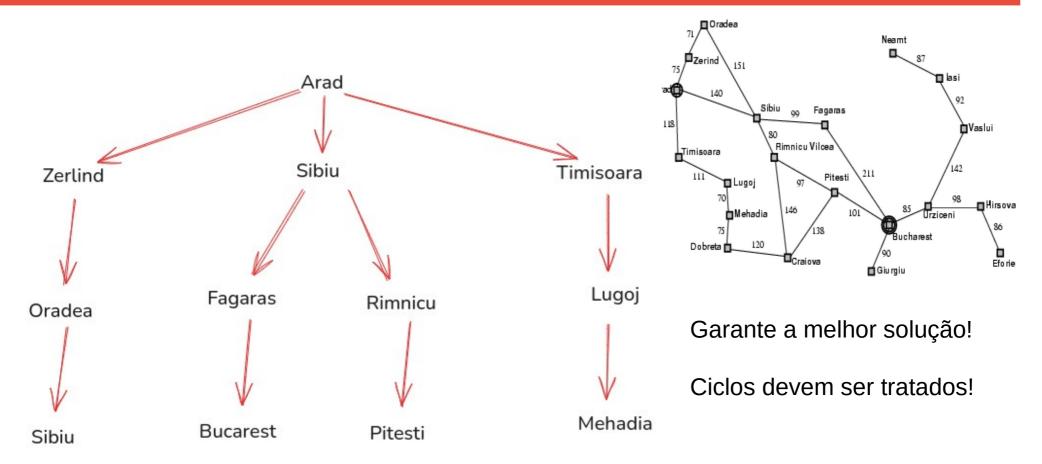
Não Garante a melhor solução!

Ciclos devem ser tratados!







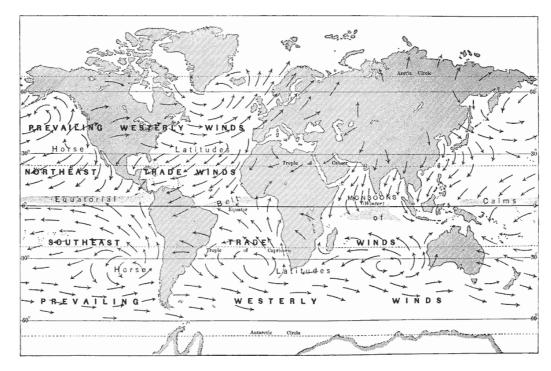


- Bons resultados para arvores com pouca profundidade
- Caso contrário, o custo computacional é alto
- Exemplo
 - Ramificação b=10, 1 M nodos/seg , 1 KB por node

		$1+b^1+b^2+(b^3-b) = 1+10+100+(1000-10) = 1101$	
profundidade	nós	tempo	memória
2	(1100)	0,11 seg	1 MB
4	111.100	11 seg	106 MB
6	10^{7}	19 min	10 GB
8	109	31 horas	1 TeraB
10	1011	129 dias	101 TeraB
12	10^{13}	35 anos	10 PentaB
14	1015	3.523 anos	1 exaB

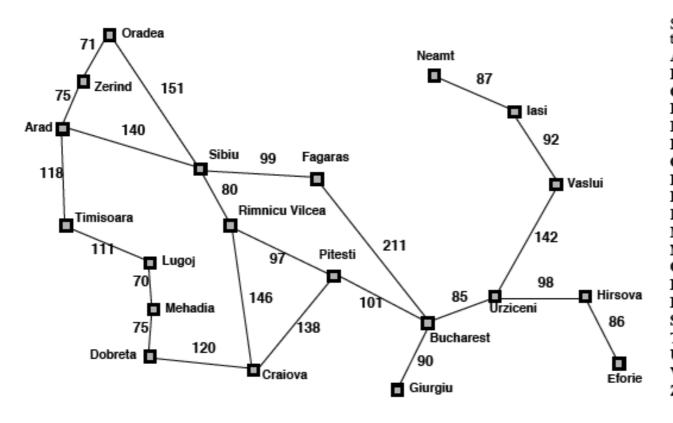
Busca Heuristica (Informada)

- Utiliza uma função heurística para determinar a próxima expansão
- Problema: Procurar um barco no oceano
 - Cega: M2 por M2
 - Heurística: Corrente Marítima, Ventos, ...



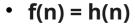
Busca Heurística

Romania with step costs in km

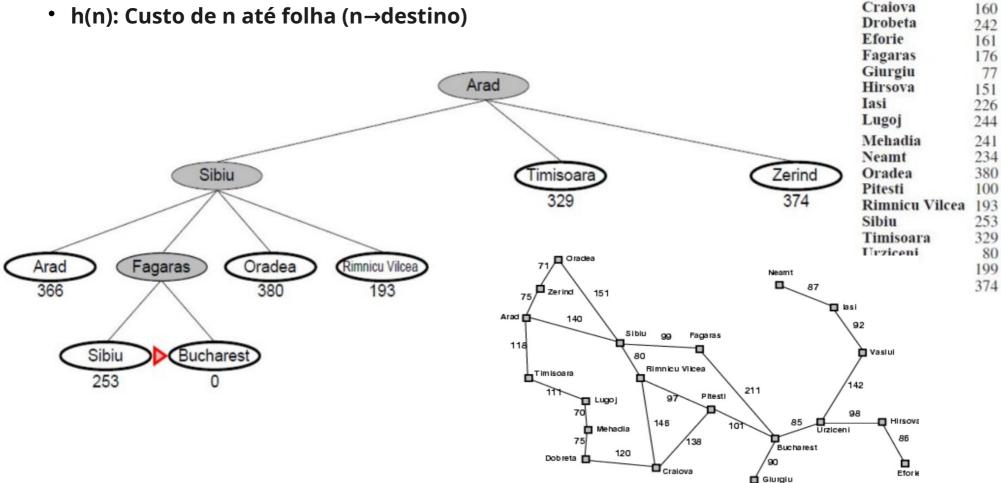


Straight–line distan to Bucharest	ce
Arad	366
Bucharest	0
Craiova	160
Dobreta	242
Eforie	161
Fagaras	178
Giurgiu	77
Hirsova	151
Lasi	226
Lugoj	244
Mehadia	241
Neamt	234
Oradea	380
Pitesti	98
Rimnicu Vilcea	193
Sibiu	253
Timisoara	329
Urziceni	80
Vaslui	199
Zerind	374

Busca Heurística: "Ambiciosa" (Greedy Search)



h(n): Custo de n até folha (n→destino)



straight-line distances

366

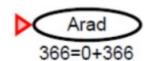
0

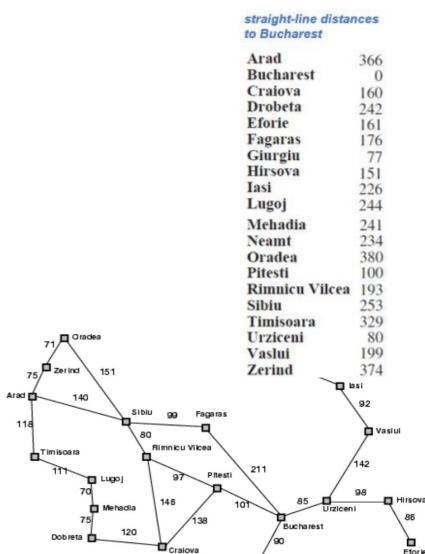
to Bucharest

Bucharest

Arad

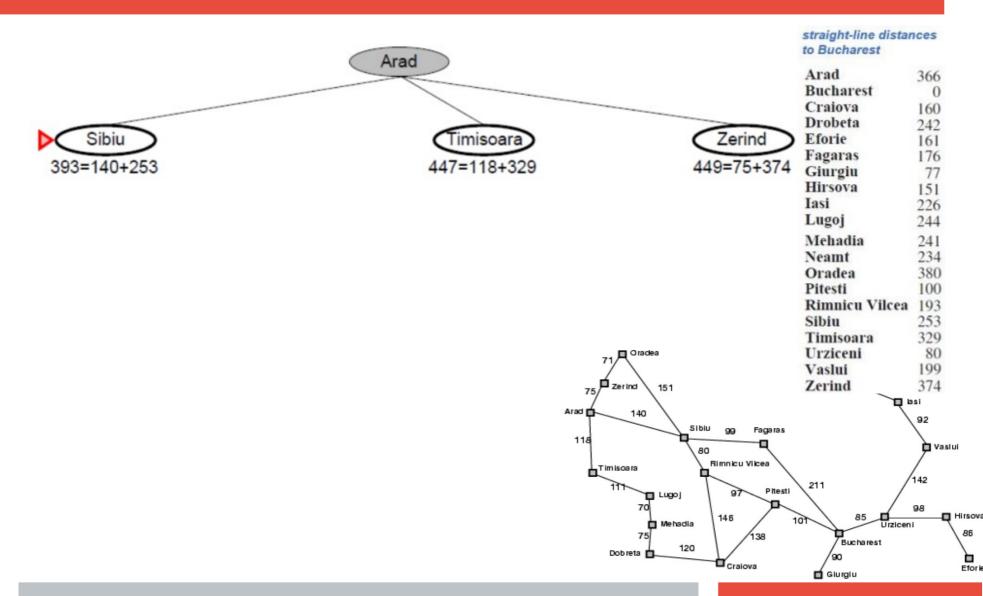
• f(n) = g(n) + h(n)

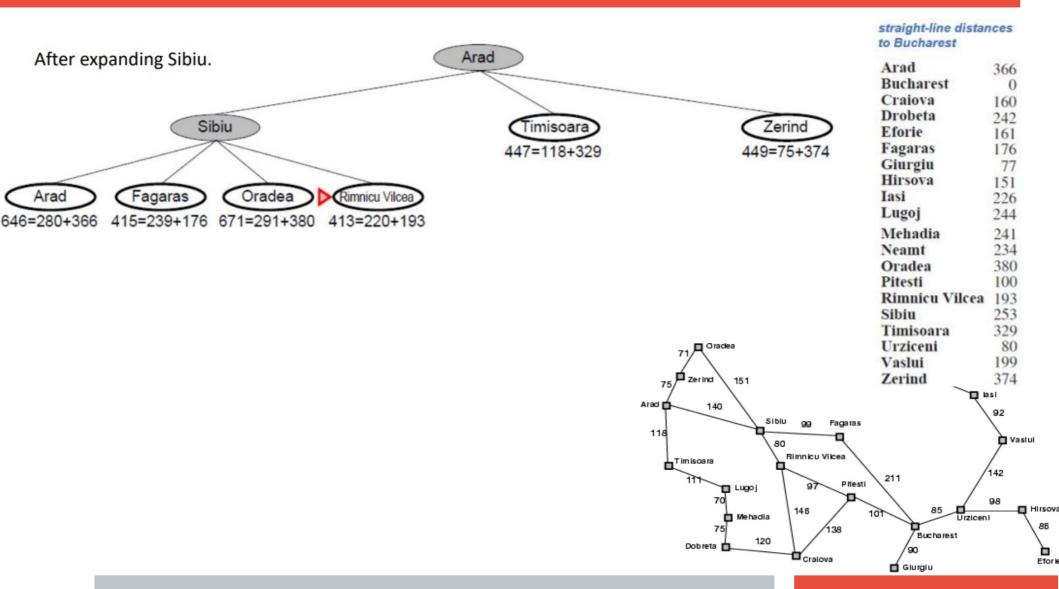


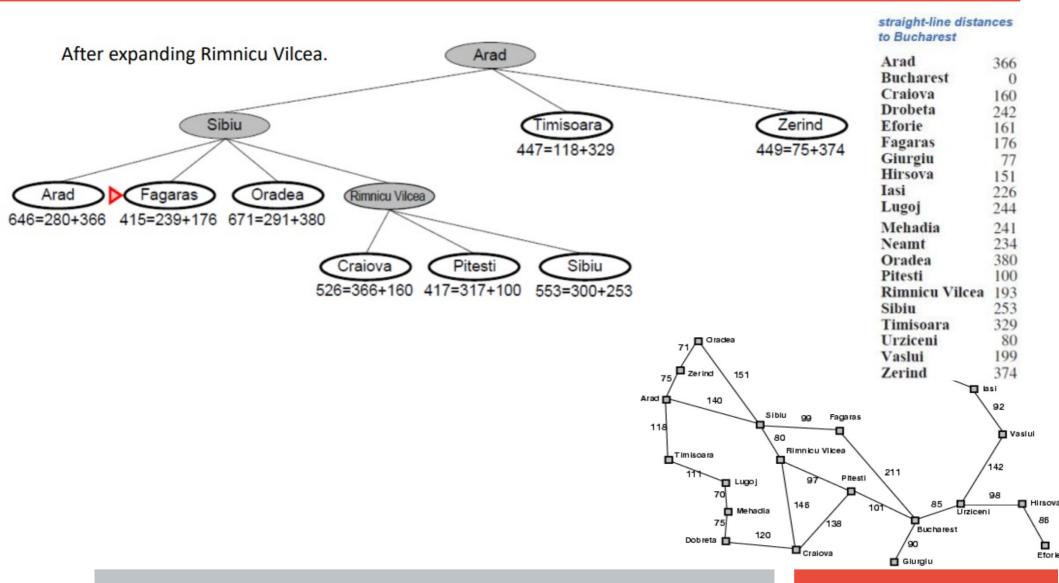


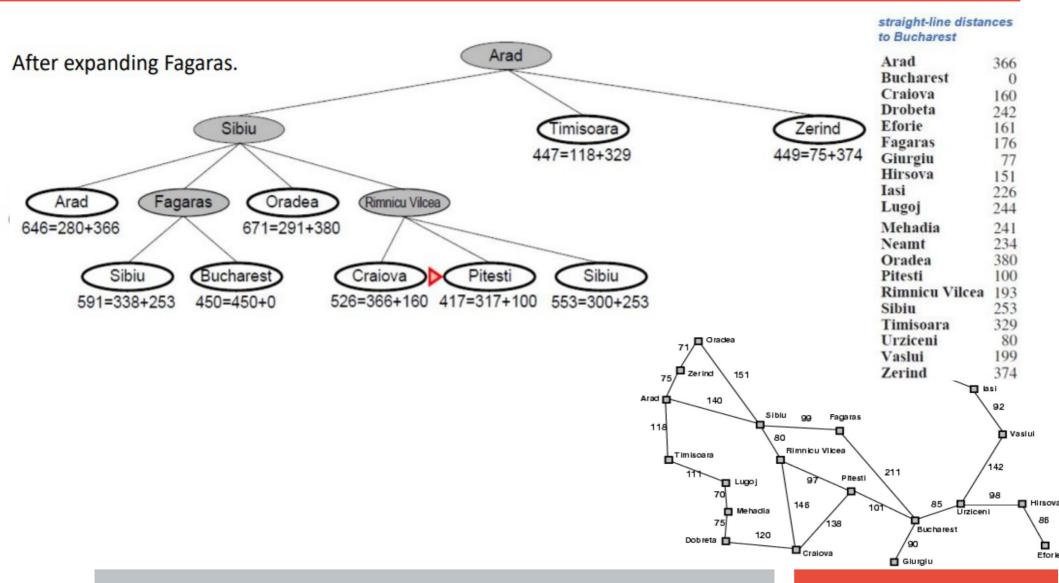
🗖 Giurgiu

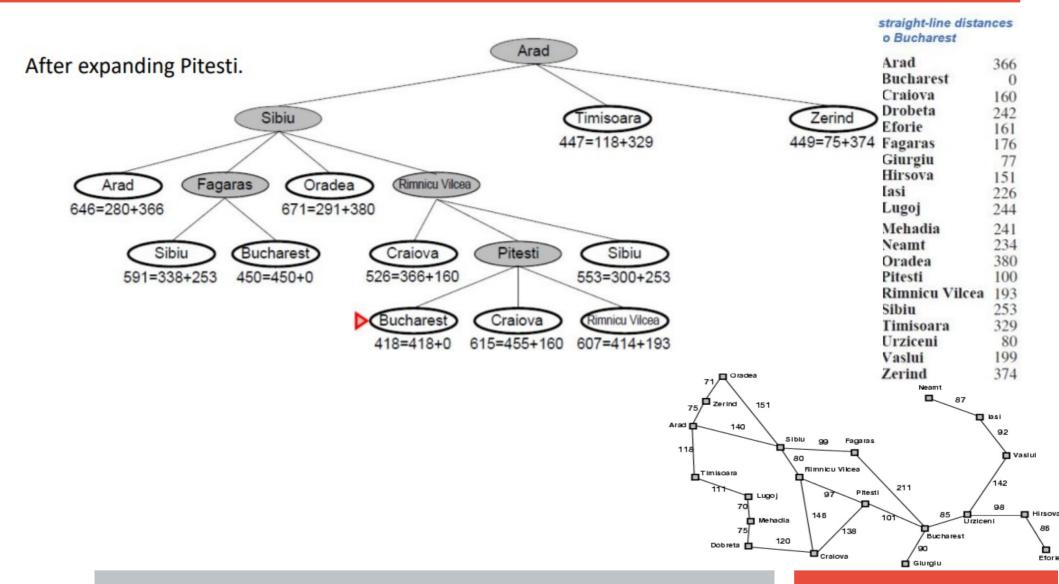
Efori



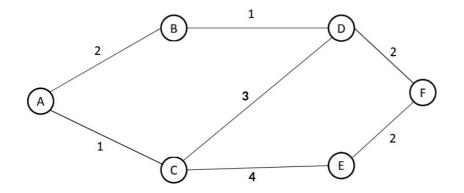


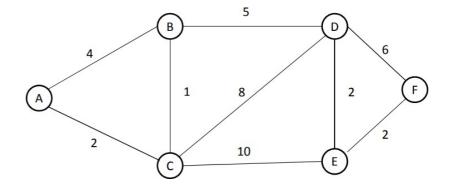






- Edsger Dijskstra 1959
- Caminho mais curto em grafo
- De A para F

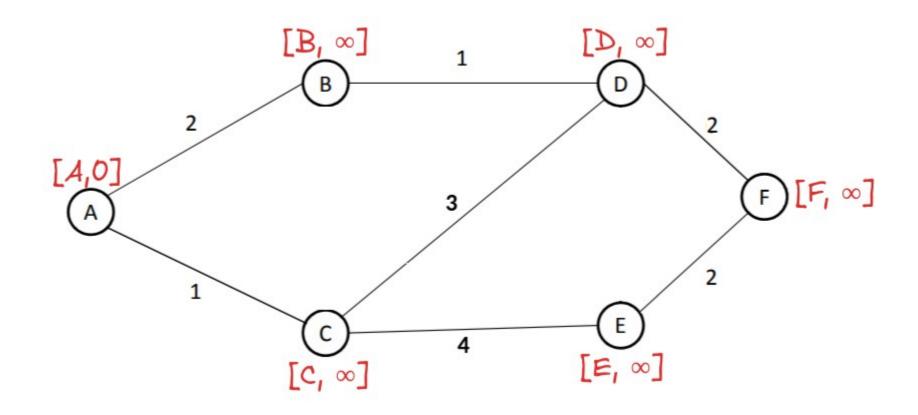




Inicialização:

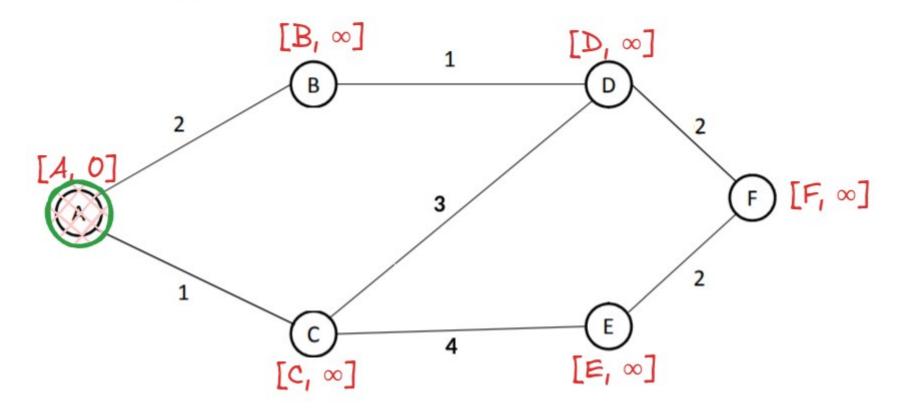
Distância do nó de origem = 0;

Demais nós = ∞ ;

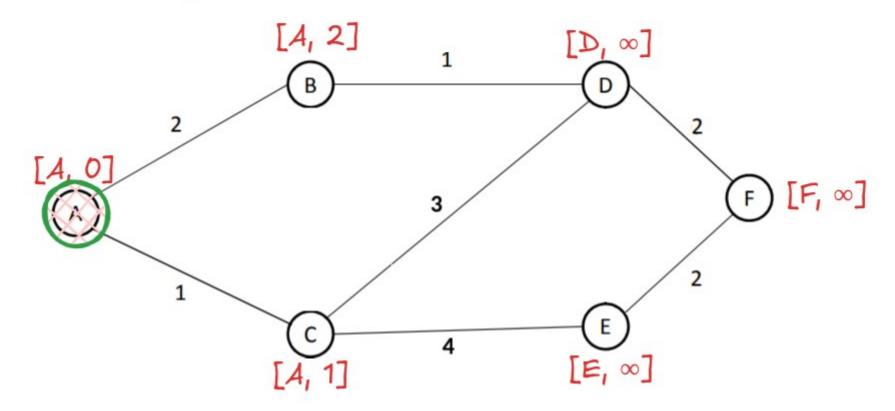




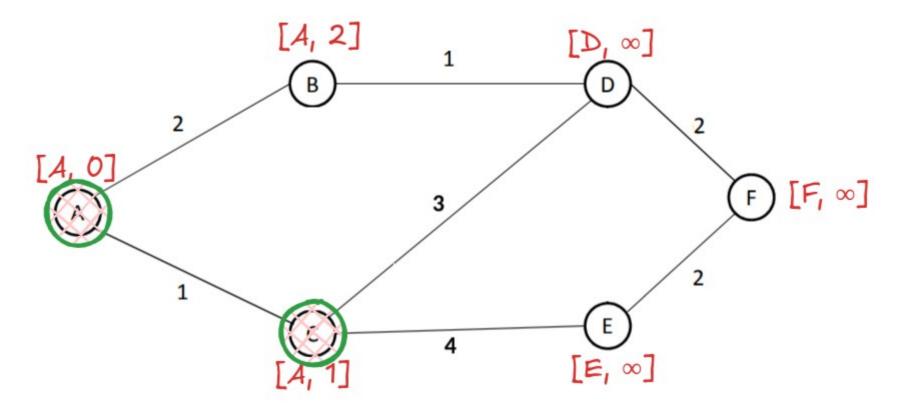
- X 1. Selecione o nó não visitado com menor distância.
 - 2. Para cada vizinho, calcule a nova distância via o nó atual. Atualize a distância do vizinho se a nova for menor.
 - 3. Repita até todos os nós serem visitados



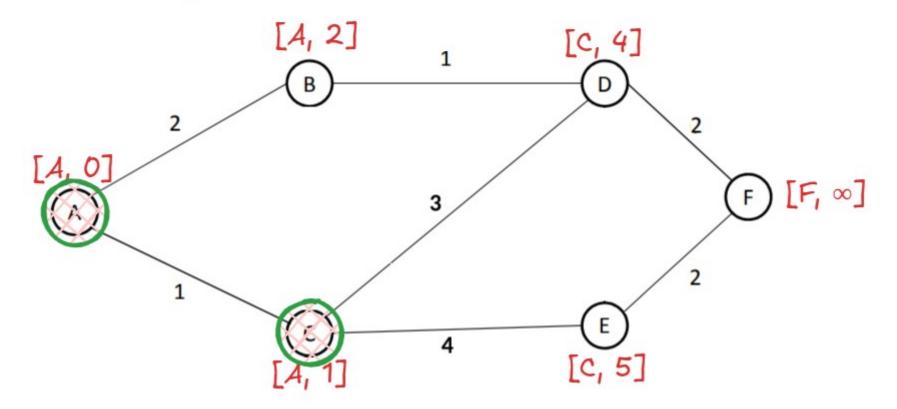
- 1. Selecione o nó não visitado com menor distância.
- X 2. Para cada vizinho, calcule a nova distância via o nó atual. Atualize a distância do vizinho se a nova for menor.
 - 3. Repita até todos os nós serem visitados



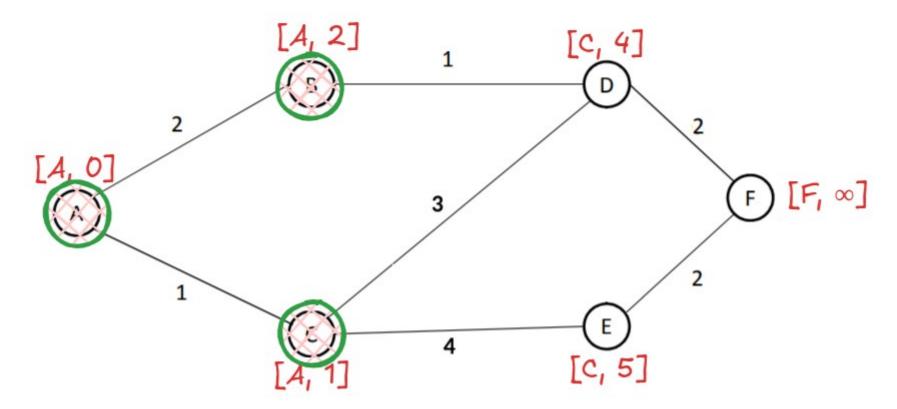
- X 1. Selecione o nó não visitado com menor distância.
 - 2. Para cada vizinho, calcule a nova distância via o nó atual. Atualize a distância do vizinho se a nova for menor.
 - 3. Repita até todos os nós serem visitados



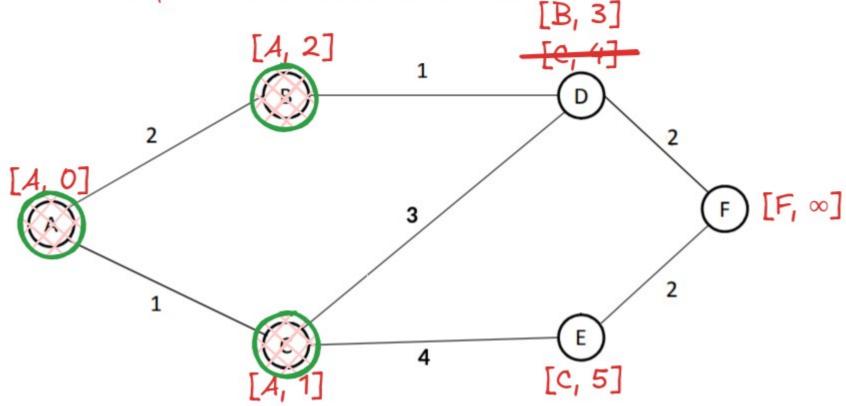
- 1. Selecione o nó não visitado com menor distância.
- X 2. Para cada vizinho, calcule a nova distância via o nó atual. Atualize a distância do vizinho se a nova for menor.
 - 3. Repita até todos os nós serem visitados



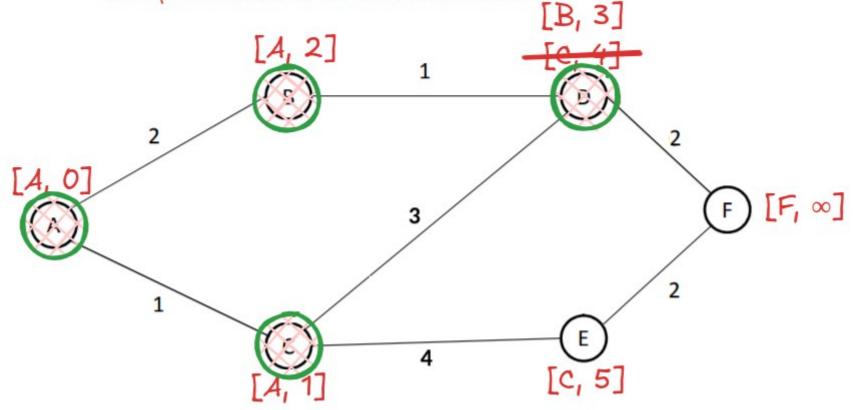
- X 1. Selecione o nó não visitado com menor distância.
 - 2. Para cada vizinho, calcule a nova distância via o nó atual. Atualize a distância do vizinho se a nova for menor.
 - 3. Repita até todos os nós serem visitados



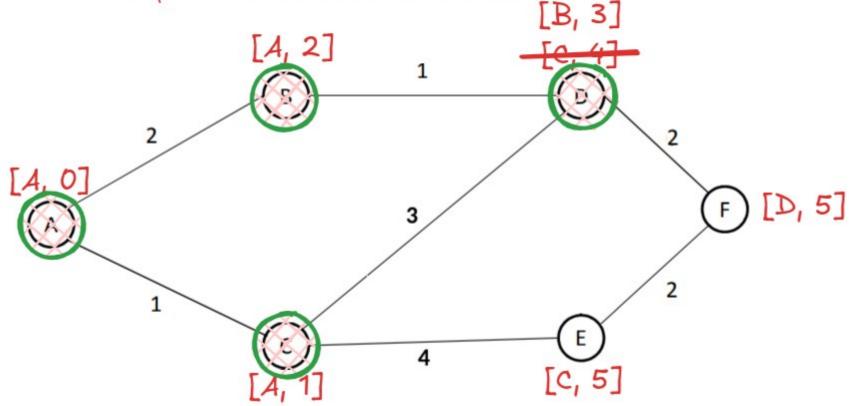
- 1. Selecione o nó não visitado com menor distância.
- X 2. Para cada vizinho, calcule a nova distância via o nó atual.
- -> Atualize a distância do vizinho se a nova for menor.
 - 3. Repita até todos os nós serem visitados



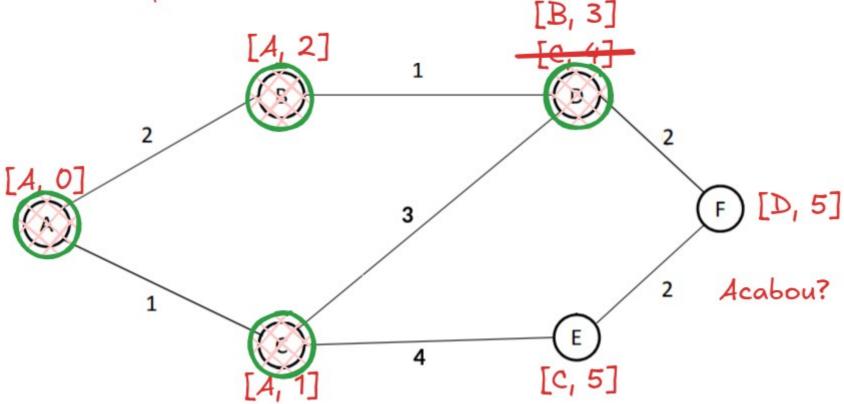
- X 1. Selecione o nó não visitado com menor distância.
 - 2. Para cada vizinho, calcule a nova distância via o nó atual. Atualize a distância do vizinho se a nova for menor.
 - 3. Repita até todos os nós serem visitados



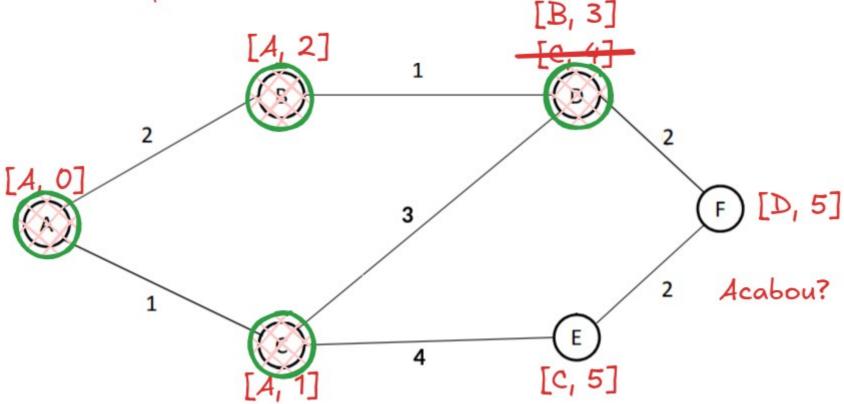
- 1. Selecione o nó não visitado com menor distância.
- X 2. Para cada vizinho, calcule a nova distância via o nó atual. Atualize a distância do vizinho se a nova for menor.
 - 3. Repita até todos os nós serem visitados



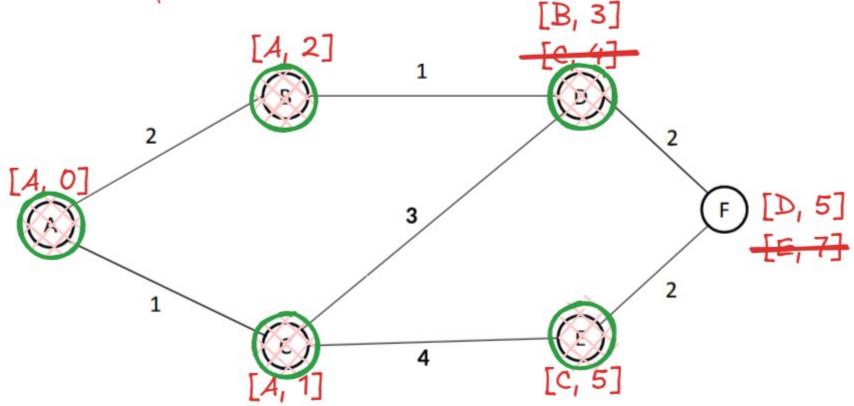
- 1. Selecione o nó não visitado com menor distância.
- X 2. Para cada vizinho, calcule a nova distância via o nó atual. Atualize a distância do vizinho se a nova for menor.
 - 3. Repita até todos os nós serem visitados



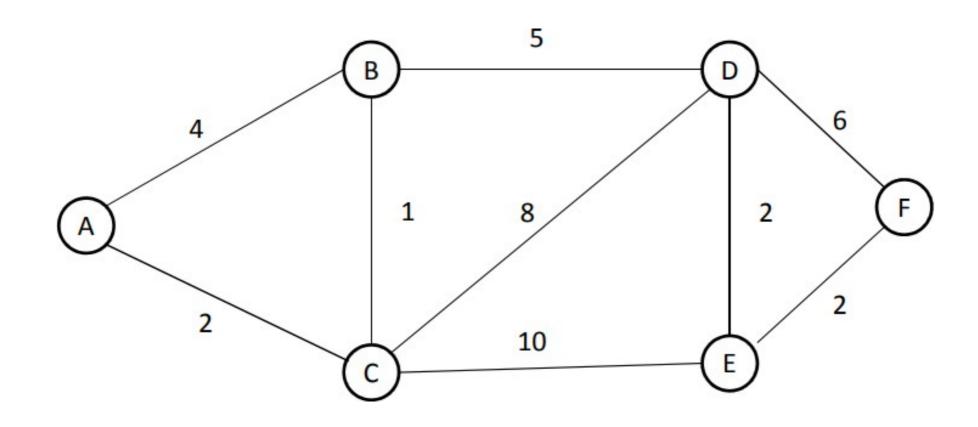
- 1. Selecione o nó não visitado com menor distância.
- X 2. Para cada vizinho, calcule a nova distância via o nó atual. Atualize a distância do vizinho se a nova for menor.
 - 3. Repita até todos os nós serem visitados



- X 1. Selecione o nó não visitado com menor distância.
 - 2. Para cada vizinho, calcule a nova distância via o nó atual. Atualize a distância do vizinho se a nova for menor.
 - 3. Repita até todos os nós serem visitados



Algoritmo de Dijkstra - Exercício



Trabalho

- Represente um problema real
- Analise de buscas
- Utilize a biblioteca *pyvis* para ilustrar o grafo
- Entrega via AVA

VERIFIQUE OS DETALHES E REQUISITOS NO AVA!!

