# Calcul Numeric – Proba practică Informatică, Anul III

### INSTRUCTIUNI:

- 1. Comentați și explicați toate rezolvările trimise. Codurile necomentate/neexplicate nu se punctează.
- 2. Codurile vor fi salvate cu următoarea denumire Nume\_Prenume\_Grupa.py şi vor fi trimise titularului de laborator până în data de 29 ianuarie 2021, ora 14:30.

## ALGORITM (Metoda Neville)

Date de intrare:  $X = (X_i)_{i=\overline{1,n+1}} \in \mathbb{R}^{n+1}$ ,  $Y = (Y_i)_{i=\overline{1,n+1}} \in \mathbb{R}^{n+1}$ ,  $x \in \mathbb{R}$ ; Date de ieşire:  $y \in \mathbb{R}$ ;

PASUL 1: Construieşte matricea  $Q = (q_{ij})_{i,j=\overline{1,n+1}} \in \mathcal{M}_{n+1}(\mathbb{R})$ :

- Se inițializează prima coloană a matricei Q cu Y;
- Pentru  $i = \overline{2, n+1}$  și  $j = \overline{2, i}$  calculează termenii matricii Q:

$$q_{ij} \leftarrow \frac{q_{i,j-1}(x - X_{i-j+1}) - q_{i-1,j-1}(x - X_i)}{X_i - X_{i-j+1}};$$

PASUL 2:  $y \leftarrow q_{n+1,n+1}$ 

#### **Ex.** 1

- a) Să se construiască în Python procedura  $y = \mathbf{MetNeville}(X, Y, x)$ , care determină conform metodei Neville, polinomul Lagrange  $P_n(x)$ .
- b) Fie următoarele date:  $f: [-1,1] \to \mathbb{R}, f(x) = e^{2x}$ , (X,Y)- setul de date construit în baza funcției f pe intervalul [-1,1] cu 10 noduri de interpolare. Să se construiască grafic funcția f și polinomul Lagrange calculat în baza procedurii **MetNeville**. Pentru reprezentarea grafică se va alege o discretizare mai fină a intervalului [-1,1], de exemplu cu 100 de noduri.
- c) Să se reprezinte grafic într-o altă figură eroarea  $err(x) = |f(x) P_n(x)|$ .

#### **Ex.** 2

(a) Creați funcția newton\_raphson care determină numeric soluția ecuației:

$$f(x) = x^3 - 8x^2 + 19x - 12 = 0, (1)$$

prin metoda Newton-Raphson și are ca date de intrare:

- funcția care determină ecuația (1), f;
- derivata funcției care determină ecuația (1), df;
- punctul de start al metodei Newton-Raphson,  $x_0$ ;
- toleranța erorii specifice metodei Newton-Raphson, eps;

## iar ca date de ieșire:

- soluţia numerică obţinută, x<sub>aprox</sub>;
- numărul de iterații necesare, N;

- (b) Alegeţi subintervalele şi punctele de start ale metodei respectând ipotezele teoremei de convergență ale metodei Newton-Raphson, astfel încât şirurile aproximărilor să rămână în subintervalele selectate şi să conveargă la soluții. Justificați atât alegerea subintervalelor, cât și a valorilor inițiale.
  - Aflați toate soluțiile ecuației (1) apelând funcția newton\_raphson cu eroarea de aproximare eps =  $10^{-3}$  și construiți punctele obținute pe graficul funcției.