CRIPTOGRAFIA PE CURBE ELIPTICE

Sistemul de Criptare ElGamal

- I. Descrierea sistemului de criptare ElGamal.
- II. Criptare/Decriptare
 - i. Cheia publică a destinatarului este ($p=2579;\alpha=2;\beta=2400$);
 - ii. Cheia privată este a=123;
 - iii. Criptați mesajul 1324 folosind k=853.
 - iv. Decriptați mesajul $(y_1, y_2) = (1580, 342)$.
 - v. Ce observați?
- III. Utilizarea multiplă a lui k
 - i. Cheia publică a lui Bob este (p=23; α =2; β =18);
 - ii. Oscar interceptează mesajul criptat $(y_1,y_2) = (13,19)$ pe care Alice îi trimite lui Bob și știe că acestuia îi corespunde mesajul clar 7.
 - iii. Oscar interceptează apoi mesajul $(y'_1,y'_2) = (13,9)$ pe care Alice îl trimite ulterior lui Bob;
 - iv. Oscar determină textul clar corespunzător celui de-al doilea mesaj. Care este acesta?
 - v. Care este greșeala făcută de Alice care îi permite lui Oscar să realizeze decriptarea?

Curbe eliptice

- I. Ce sunt curbele eliptice?
- II. Numărul de puncte ale unei curbe eliptice
 - i. Fie curba eliptică $y^2 = x^3 + 11x + 20$, peste \mathbb{Z}_5 ;
 - ii. Câte puncte are această curbă eliptică?
 - iii Care sunt acestea?

III. Adunarea punctelor pe curbe eliptice

- i. Fie curba eliptică $y^2 = x^3 + 11x + 20$, peste \mathbb{Z}_{23} ;
- ii. Adunați P=(10,7) cu Q(15,15).
- iii. Determinați 2P.
- iv. Găsiți perechi de puncte (P,Q) care prin adunare dau O.
- v. Ce particularitate au aceste perechi?

ElGamal pe curbe eliptice

I. Descrierea sistemului de criptare ElGamal pe curbe eliptice.

II. Criptare/Decriptare

- i. Fie curba eliptică E: $y^2 = x^3 + 11x + 20$, peste \mathbb{Z}_{23} .
- ii. Cheia publică este ($\alpha = (10,16)$, $\beta = (22,10)$,E).
- iii. Cheia secretă este a=7.
- iv. Criptați mesajul (10,16) folosind k=3.
- v. Decriptați mesajul $(y_1, y_2) = ((2,2), (20,12))$.
- vi. Ce observați?

III. Texte clare

- i. Folosiți cheia publică de la exercițiul II.
- ii. Se poate cripta valoarea (3,5)? Justificați.

IV. Alegerea curbei eliptice

- i. Se dorește alegerea unei curbe eliptice în vederea folosirii sistemului ElGamal pe grupul punctelor acestei curbe eliptice.
- ii. Găsiți un motiv pentru care curba folosită la exercițiul **II** nu este utilizabilă în practică.

V. Alegerea lui k

- i. Fie curba eliptică E: $y^2 = x^3 + 11x + 20$, peste \mathbb{Z}_{23} .
- ii. Cheia publică este ($\alpha = (10,16)$, $\beta = (21,6)$, E).
- iii. S-a interceptat mesajul $(y_1,y_2) = ((10,16), (15,15))$.
- iv. Care este mesajul clar corespunzător?

① Mai multe informații:

1. CrypTool Portal (Cryptool 1.4.30)

https://www.cryptool.org/en/

2. Interactive Security Script

http://www2.informatik.uni-halle.de/dasi/English/english.html

3. Modular inversion

http://www.cs.princeton.edu/~dsri/modular-inversion-answer.php?n=18&p=47