## Calcul Numeric – Proba practică Informatică, Anul III

### INSTRUCŢIUNI:

- 1. Comentați și explicați toate rezolvările trimise. Codurile necomentate/neexplicate nu se punctează.
- 2. Codurile vor fi salvate cu următoarea denumire Nume\_Prenume\_Grupa.py şi vor fi trimise titularului de laborator până în data de 29 ianuarie 2021, ora 14:30.

### ALGORITM(Metoda Romberg)

Date de intrare: f, a, b, n (n - ordinul de aproximare);

Date de ieşire:  $I_{Romberg}$ ;

PASUL 1: Determină h, lungimea intervalului [a,b].

PASUL 2: Construieşte o matrice  $Q=(q_{ij})_{i,j=\overline{1,n}}\in\mathcal{M}_n(\mathbb{R})$ :

- $q_{11} \leftarrow \frac{h}{2} \left( f(a) + f(b) \right)$  (formula trapezului)
- Pentru  $i = \overline{2,n}$ , completează prima coloană a matricii Q:

$$q_{i1} \leftarrow \frac{h}{2^i} \left( f(a) + 2 \sum_{k=2}^{2^{i-1}} f\left(a + (k-1)\frac{h}{2^{i-1}}\right) + f(b) \right)$$

ullet Pentru  $i=\overline{2,n}$  şi  $j=\overline{2,i}$ , completează restul matricei  $Q\colon$ 

$$q_{ij} \leftarrow \frac{4^{j-1}q_{i,j-1} - q_{i-1,j-1}}{4^{j-1} - 1}$$

PASUL 3:  $I_{Romberg} \leftarrow q_{nn}$ .

#### **Ex.** 1

- a) Să se construiască în Python procedura  $\mathbf{Romberg}(f, a, b, n)$  conform algoritmului (Metoda Romberg);
- b) Să se calculeze integrala exactă  $I_{exact}(f) = \int_{-6}^{6} \frac{1}{1+x^2} dx;$
- c) Să se aproximeze integrala de mai sus în baza procedurii **Romberg** cu n=6;
- d) Să se calculeze eroarea  $err = |I_{exact} I_{Romberg}|$ .

### **Ex.** 2

(a) Creați funcția newton\_raphson care determină numeric soluția ecuației:

$$f(x) = x^3 + 8x^2 + 15x = 0, (1)$$

prin metoda Newton-Raphson și are ca date de intrare:

• funcția care determină ecuația (1), f;

- derivata funcției care determină ecuația (1), df;
- punctul de start al metodei Newton-Raphson,  $x_0$ ;
- toleranța erorii specifice metodei Newton-Raphson, eps;

# iar ca date de ieșire:

- soluţia numerică obţinută, x<sub>aprox</sub>;
- numărul de iterații necesare, N;
- (b) Alegeți subintervalele și punctele de start ale metodei respectând ipotezele teoremei de convergență ale metodei Newton-Raphson, astfel încât șirurile aproximărilor să rămână în subintervalele selectate și să conveargă la soluții. Justificați atât alegerea subintervalelor, cât și a valorilor inițiale.

Aflați toate soluțiile ecuației (1) apelând funcția newton\_raphson cu eroarea de aproximare eps =  $10^{-3}$  și construiți punctele obținute pe graficul funcției.