

1. Теория вероятностей изучает явления: случайные
2. Количественная мера объективной возможности это : вероятность
3. Опыт - подбрасывание 3-х игральных кубиков. Сколько всего элементарных исходов в опыте: 216
4. Достоверным называется событие A, если: $A = \Omega$
5. В ящике находятся белые, красные и черные шары. Какое событие является невозможным из ящика извлечен синий шар
6. Невозможным называется событие A, если: $A = \emptyset$
7. В ящике находятся только белые шары. Какое событие является достоверным из ящика извлечен белый шар
8. Опыт - подбрасывании 2-х монет, событие A - появление двух "орлов", событие \bar{A} это: появление хотя бы одной "решки"
9. Суммой событий A и B называется появление хотя бы одного события
10. Произведением событий A и B называется появление двух событий
11. События A и B несовместны, если $A \cdot B = \emptyset$
12. Вероятность $p(A)$ принимает значения $[0; 1]$
13. Вероятность достоверного события равна 1
14. Вероятность невозможного события равна: 0
15. Вероятность суммы каких событий равно сумме вероятностей этих событий несовместных
16. Вероятность суммы противоположных событий равна 1
17. Вероятность $p(\Omega)$ принимает значения 1
18. В ящике находятся 2 белых и 3 черных шара. Какова вероятность извлечения белого шара? $2/5$
19. В ящике находятся 6 белых и 4 черных шара. Какова вероятность извлечения двух черных шаров $2/15$
20. В ящике находятся 4 белых и 2 черных шаров. Из урны вынимают шар - отмечается его цвет и он возвращается в урну, после этого вынимают второй шар. Какова вероятность извлечения двух белых шаров $4/9$
21. В ящике находятся 4 белых и 6 черных шаров. Какова вероятность извлечения разноцветных шаров $24/45$

Подобные задачи решаются по формуле:

$$P = \frac{C_K^k \cdot C_{N-K}^{n-k}}{C_N^n}.$$

Где Р - вероятность, К - количество шаров одного цвета, N - общее количество шаров, N-K - количество шаров второго цвета, k - количество вынутых шаров одного цвета, n - общее количество вынутых шаров, n-k - количество вынутых шаров второго цвета.

Исходя из условий нашей задачи:

$$K = 6$$

$$N - K = 6$$

$$N = 6 + 6 = 12$$

$$k = 1$$

$$n - k = 1$$

$$n = 2$$

Подставляем в вышеуказанную формулу, получаем, что вероятность одновременно вытащить шары разного цвета (1 черный и 1 белый) равна:

$$P = \frac{C_K^k \cdot C_{N-K}^{n-k}}{C_N^n} = \frac{C_6^1 \cdot C_6^1}{C_{12}^2} = \frac{6 \cdot 6}{66} = 0.54545$$

22. События $A_1 \dots A_n$ не могут быть случаями, если они совместные

23. Геометрическое определение вероятности предполагает, что число – элементарных исходов опыта: бесконечно.

24. Вероятность суммы совместных случайных событий А и В:

$$p(A + B) = p(A) + p(B) - p(AB)$$

25. Вероятность суммы несовместных случайных событий А и В:

$$p(A + B) = p(A) + p(B)$$

26. Если при вычислении вероятности события никаких других ограничений, кроме условий испытания не налагается, то такую вероятность называют безусловной.

27. Критерий независимости случайных событий А и В: $p(A) = p(A/B) = p(A/\bar{B})$.

28. Вероятность произведения двух событий равна:

$$p(AB) = p(A)p(B/A) = p(B)p(A/B)$$

29. Вероятность произведения каких событий равно произведению вероятностей этих событий независимых.

30. Вероятность появления хотя бы одного события А и В равна: $1 - p(\bar{A}\bar{B})$.

В опыте возможны события А и В. Вероятность появления ровно одного события А и В равна $p(A\bar{B}) + p(\bar{A}B)$.

31. Цепь состоит из трех параллельно соединенных независимо работающих элементов (вероятности отказов- 0,1, 0,2 и 0,3). Вероятность прохождения сигнала со входа цепи на ее выход равна: 0,994.

32. Цепь состоит из трех параллельно соединенных независимо работающих элементов (надежность элементов - 0,5, 0,7 и 0,8). Вероятность прохождения сигнала со входа цепи на ее выход равна: 0,97.

33. Цепь состоит из двух параллельно соединенных независимо работающих элементов (надежность элементов - 0,3 и 0,4). Вероятность отказа цепи равна: 0,42.

34. Цепь состоит из двух параллельно соединенных независимо работающих элементов (вероятности отказов элементов - 0,6 и 0,7). Вероятность прохождения сигнала со входа цепи на ее выход равна: 0,58.

35. Цепь состоит из трех последовательно соединенных независимо работающих элементов (отказ элементов - 0,4, 0,6 и 0,5). Вероятность прохождения сигнала со входа цепи на ее выход равна: 0,12.

36. Цепь состоит из двух параллельно соединенных независимо работающих элементов (вероятности отказов элементов - 0,7 и 0,8). Вероятность прохождения сигнала со входа цепи на её выход равна: 0,44.

37. Цепь состоит из двух последовательно соединенных независимо работающих элементов (вероятности отказов элементов - 0,7 и 0,8). Вероятность прохождения сигнала со входа цепи на её выход равна: 0,06.

38. Цепь состоит из трех независимо работающих элементов (надежности элементов - 0,1, 0,2 и 0,3). Вероятность отказа цепи равна: 0,956.

$$p(A) = \sum_{i=1}^n p(H_i) \cdot p(A/H_i)$$

39. Формула полной вероятности имеет вид:

40. В приборе два независимо работающих блока, надежность первого блока - 0,5, а надежность второго блока - 0,4. Во время испытаний отказал один блок. Определить вероятность того, что отказал второй блок. 3/5.

В приборе два независимо работающих блока, вероятность отказа первого блока - 0,1, а вероятность отказа второго блока - 0,2. Во время испытаний отказал один блок. Определить вероятность того, что отказал первый блок. 4/13.

41. В приборе два независимо работающих блока, вероятность отказа первого блока - 0,4, а вероятность отказа второго блока - 0,3. Во время испытаний отказал один блок. Определить вероятность того, что отказал второй блок. 9/23.

42. В приборе два независимо работающих блока, надежность первого блока - 0,4, а надежность второго блока - 0,8. Во время испытаний отказал один блок. Определить вероятность того, что отказал первый блок.

6/7.

$$p(H_i/A) = \frac{p(H_i)p(A/H_i)}{\sum_{j=1}^n p(H_j)p(A/H_j)}$$

43. Формула Байеса имеет вид:

44. В формуле полной вероятности гипотезы H_i должны быть: несовместными.

45. Формула Байеса применяется, если: событие A уже произошло.

46. Формула Байеса позволяет определить: апостериорные вероятности гипотез H_i .

47. Определить вероятность появления 3 "орлов" после 4 бросков монеты. 1/4.

48. Определить вероятность появления хотя бы одного "орла" после 3 бросков монеты. 7/8.

49. Определить вероятность появления менее двух "орлов" после 3 бросков монеты. 1/2.

50. Определить вероятность появления не более 1 "орла" после 3 бросков монеты. $1/2$.
51. Определить вероятность появления от 2 до 3 "орлов" после 4 бросков монеты. $5/8$.
52. Определить вероятность появления 2 "орлов" после 4 бросков монеты. $3/8$.

$$P(n, k) = \frac{n!}{k! \cdot (n-k)!} p^k \cdot q^{n-k}$$

53. Формула Бернулли имеет вид:

54. Пусть проводятся n независимых одинаковых опытов. Формула Бернулли вычисляет вероятность того, что: событие A произойдет ровно в k опытах.

55. Наивероятнейшее число k_0 появления события A в n независимых

одинаковых опытах определяется неравенством: $nq - q \leq k_0 \leq np + p$.

56. Пусть проводятся 100 независимых одинаковых опытов. Использовать формулу Пуассона можно, если вероятность появления события A в одном опыте : 0,001.

57. Пусть проводятся 25 независимых одинаковых опытов. Использовать формулы Муавра-Лапласа можно, если вероятность появления события A в одном опыте : 0,5.

58. Случайная величина называется дискретной, если ее множество значений: счетное.

59. Случайная величина называется непрерывной (недискретной), если ее множество значений: несчетное.

60. Функцией распределения $F(x)$ случайной величины X называется вероятность того что: что она примет значение меньшее, чем аргумент функции x .

61. Функция распределения $F(x)$ принимает значения: $[0; 1]$.

62. Для функции распределения $F(x)$ имеет место предельное соотношение: $F(-\infty) = 0$.

63. Для функции распределения $F(x)$ имеет место предельное соотношение: $F(+\infty) = 1$.

64. Функция распределения $F(x)$ является: неубывающей функцией.

65. Вероятность попадания значения случайной величины X в интервал $[x_1; x_2)$ равна: $F(x_2) - F(x_1)$.

$$\frac{dF(x)}{dx}$$

66. Плотность распределения $f(x)$ равна: $\frac{dF(x)}{dx}$.

67. Плотность распределения $f(x)$ принимает значения: $[0; +\infty)$

68. Переход от плотности распределения $f(x)$ к функции распределения $F(x)$

$$F(x) = \int_{-\infty}^x f(t) dt$$

имеет вид:

69. Вероятность попадания значения случайной равномерно распределенной величины X с математическим ожиданием равным 0 и дисперсий равной $4/3$ в интервал $[0; 1)$ равна: $1/4$.

70. Вероятность попадания значения случайной равномерно распределенной величины X с математическим ожиданием равным 0 и дисперсий равной 3 в интервал $[0; 1)$ равна: $1/6$.

71. Вероятность попадания значения случайной равномерно распределенной величины X с математическим ожиданием равным 0 и дисперсией равной 3 в интервал $[0; 5]$ равна: $1/2$.

72. Вероятность попадания значения случайной равномерно распределенной величины X с математическим ожиданием равным 0 и дисперсией равной $4/3$ в интервал $[-3; 0]$ равна: $1/2$.

73. Вероятность попадания значения случайной величины X в интервал $[a; b]$

равна: $\int_a^b f(x)dx$.

74. Условие нормировки имеет вид: $\int_{-\infty}^{\infty} f(x)dx = 1$.

75. Математическое ожидание дискретной случайной величины X равно:

$$\sum_{i=1}^n x_i \cdot p_i$$

76. Математическое ожидание случайной величины X характеризует: среднее значение случайной величины.

77. Математическое ожидание непрерывной случайной величины X равно:

$$\int_{-\infty}^{\infty} x \cdot f(x)dx$$

78. $M[X] = 3$. Математическое ожидание величины $Y = 6 - 3X$ равно: -3 .

79. $M[X] = -2$. Математическое ожидание величины $Y = 2 - 4X$ равно: 10 .

80. Математическое ожидание случайной величины X равно: $\alpha_1(x)$.

81. Математическое ожидание центрированной случайной величины X равно: 0 .

82. Дисперсия дискретной случайной величины X равна: $\sum_{i=1}^N (x_i - m_X)^2 p_i$.

83. Дисперсия случайной величины X характеризует: степень рассеивания значений случайной величины.

84. Дисперсия непрерывной случайной величины X равна: $\int_{-\infty}^{\infty} x^2 f(x)dx - m_X^2$.

85. $D[X] = 1$. Дисперсия величины $Y = 6 - 3X$ равна: 9 .

86. $D[X] = 3$. Дисперсия величины $Y = 4 + 2X$ равна: 12 .

87. Дисперсия случайной величины X равна: $\mu_2(x)$.

88. Практически все значения случайной величины X находятся в интервале: $[m_X - 3\sigma_X; m_X + 3\sigma_X]$.

89. Мода случайной величины X равна: наиболее вероятному значению случайной величины.

90. Медиана случайной величины X равна: значению, для которого выполняется условие $p\{X < Me\} = p\{X > Me\}$.

91. Квантиль χ_p случайной величины X равна значению, для которого выполняется условие

$$p\{X < \chi_p\} = F(\chi_p) = p$$

92. Математическое ожидание индикатора случайного события A ($p(A)=p$) равно: p .

93. Дисперсия индикатора случайного события A ($p(A)=p$) равна: pq .

94. Дискретная случайная величина X имеет геометрическое распределение, если она принимает значения $0, 1, \dots, \infty$ с вероятностями: $p(X=i) = q^i p$.

95. Дискретная случайная величина X имеет биномиальное распределение,

$$p(X=i) = \frac{n!}{i!(n-i)!} p^i q^{n-i}.$$

если она принимает значения $0, 1, \dots, n$ с вероятностями:

96. Дискретная случайная величина X имеет распределение Пуассона, если

$$p(X=i) = \frac{a^i}{i!} e^{-a}.$$

она принимает значения $0, 1, \dots, \infty$ с вероятностями:

97. Число событий простейшего потока случайных событий, поступивших в течение некоторого интервала, имеет распределение: Пуассона.

98. Интервал времени между двумя соседними событиями простейшего потока случайных событий имеет распределение: экспоненциальное.

99. Математическое ожидание случайной величины, равномерно распределенной в интервале $[-2; 2]$ равно: 0.

100. Математическое ожидание случайной величины, равномерно распределенной в интервале $[0; 3]$ равно: 1,5.

101. Дисперсия случайной величины, равномерно распределенной в интервале $[0; 2]$ равна: $1/3$.

1. Математическое ожидание по формуле (5.11):

$$M(x) = \int_a^b x \cdot f(x) dx = \int_a^b x \cdot \frac{1}{b-a} dx = \frac{1}{b-a} \int_a^b x \cdot dx = \frac{1}{b-a} \cdot \frac{x^2}{2} \Big|_a^b = \frac{b^2 - a^2}{2 \cdot (b-a)} = \frac{b+a}{2}.$$

2. Дисперсия по формуле (5.13):

$$D(X) = \int_a^b x^2 f(x) dx - (M(x))^2 = \int_a^b x^2 \cdot \frac{1}{b-a} dx - (M(x))^2 = \frac{1}{b-a} \int_a^b x^2 dx - (M(x))^2;$$

$$D(x) = \frac{1}{b-a} \cdot \frac{x^3}{3} \Big|_a^b - [M(x)]^2 = \frac{b^3 - a^3}{3 \cdot (b-a)} - \left[\frac{b+a}{2} \right]^2 = \frac{(b-a)^2}{12}.$$

3. Среднее квадратическое отклонение – $s(X)$ по формуле (5.2):

$$\sigma = \sqrt{D(x)} = \sqrt{\frac{(b-a)^2}{12}} = \frac{b-a}{2 \cdot \sqrt{3}};$$

Пример 4.

Найти дисперсию и среднее квадратическое отклонение случайной величины X , равномерно распределенной на интервале $(2;6)$.

Решение.

Математическое ожидание:

$$M(x) = \frac{b+a}{2} = \frac{6+2}{2} = 4.$$

Дисперсия:

$$D(x) = \frac{(b-a)^2}{12} = \frac{(6-2)^2}{12} = \frac{16}{12} \approx 1,333.$$

Среднее квадратическое отклонение:

$$\sigma = \sqrt{D(x)} = \frac{6-2}{2 \cdot \sqrt{3}} = \frac{2}{\sqrt{3}} \approx 1,155.$$

102. Случайная величина X с нормальным законом распределения принимает значения: $(-\infty; +\infty)$.

103. Случайная величина X с экспоненциальным законом распределения принимает значения: $[0; +\infty)$.

104. Медиана нормальной случайной величины с математическим ожиданием -4 и средним квадратическим отклонением 2 равна: -4.

105. Медиана экспоненциально распределенной случайной величины с математическим ожиданием 2 равна: 1,39.

106. Медиана равномерно распределенной случайной величины в интервале [-2;4] равна: 1.

107. Медиана экспоненциально распределенной случайной величины с математическим ожиданием 3 равна: 2,08.

108. Мода нормальной случайной величины с математическим ожиданием 0 и средним квадратическим отклонением 1 равна: 0

109. Мода нормальной случайной величины с математическим ожиданием 3 и средним квадратическим отклонением 2 равна: 3.

110. Случайная величина X распределена равномерно на интервале [-8, 8]. $Y = |x|$.

$$g(y) = \begin{cases} 0,125, y \in [0;8] \\ 0, y \notin [0;8] \end{cases}$$

Плотность вероятности величины Y равна:

111. Случайная величина X распределена равномерно на интервале [-1, 6]. $Y = |x|$.

$$g(y) = \begin{cases} 2/7, y \in [0;1] \\ 1/7, y \in [1;6] \\ 0, y \notin [0;6] \end{cases}$$

Плотность вероятности величины Y равна:

112. Функция распределения случайной величины $Y=\Phi(X)$, где $\Phi(X)$ - монотонно

$$G(y) = \int_{-\infty}^{\psi(y)} f(x)dx$$

возрастающая функция, вычисляется по формуле:

113. Функция распределения случайной величины $Y=\Phi(X)$, где $\Phi(X)$ - монотонно убывающая функция, вычисляется по формуле:

$$G(y) = \int_{\psi(y)}^{+\infty} f(x)dx$$

114. Плотность распределения случайной величины $Y=\Phi(X)$, где $\Phi(X)$ - монотонно возрастающая функция, вычисляется по формуле:

$$g(y) = f(\psi(y))|\psi'(y)|$$

115. Плотность распределения случайной величины $Y=\Phi(X)$, где $\Phi(X)$ -

монотонно убывающая функция, вычисляется по формуле: $g(y) = f(\psi(y))|\psi'(y)|$.

116. Случайная величина X распределена равномерно на интервале [0, 3]. $Y = X^2$. Математическое ожидание величины Y равно: 3.

117. Случайная величина X распределена равномерно на интервале [0,1]. $Y = X^2$. Начальный момент первого порядка величины Y равен: 1/3.

118. Случайная величина X распределена равномерно на интервале [-1, 1]. $Y = X^3$. Дисперсия величины Y равна: 1/7.

Случайная величина X распределена равномерно на интервале [-1, 1]. $Y = X^3$.

119. Начальный момент второго порядка величины Y равен: 1/7.

120. Случайная величина X распределена равномерно на интервале [-1, 1]. $Y = X^3$.

120. Центральный момент второго порядка величины Y равно: 1/7.

121. Характеристическая функция случайной величины X равна:

$$\varphi_X(t) = M[e^{itX}] .$$

122. Двумерная случайная величина - это: совокупность двух случайных величин , которые принимают значения в результате одного и того же опыта.

123. Двумерная функция распределения F(x,y) принимает значения [0; 1].

124. Для двумерной функции распределения F(x,y) имеет место предельное соотношение: $F(-\infty, y) = 0$.

125. Для двумерной функции распределения F(x,y) имеет место предельное соотношение: $F(x, -\infty) = 0$.

126. Для двумерной функции распределения F(x,y) имеет место предельное соотношение $F(-\infty, -\infty) = 0$.

127. Для двумерной функции распределения F(x,y) имеет место предельное соотношение $F(+\infty, +\infty) = 1$.

128. Переход от двумерной функции распределения F(x,y) к одномерной функции распределения F(x) имеет вид: $F(x) = F(x, +\infty)$.

129. Переход от двумерной функции распределения F(x,y) к одномерной функции распределения F(y) имеет вид $F(y) = F(+\infty, y)$.

129. Плотность вероятности двумерной случайной величины представляет собой фигуру на рисунке. Условие нормировки для этой величины имеет вид П:

$$\int_0^{2.4-y} \int_0^y f(x,y) dx dy = 1 .$$

130. Плотность вероятности двумерной случайной величины представляет собой фигуру на рисунке. Условие нормировки для этой величины имеет вид ТРЕУГ:

$$\int_0^{2.6-2y} \int_y f(x,y) dx dy = 1 .$$

131. Вероятность попадания значения двумерной случайной величины (X,Y) в прямоугольную область $p(\alpha \leq X < \beta; \delta \leq Y < \gamma) = F(\beta, \gamma) - F(\beta, \delta) - F(\alpha, \gamma) + F(\alpha, \delta)$.

132. Переход от матрицы распределения двумерной случайной величины (X,Y) к ряду распределения вероятностей составляющей X имеет вид: 133

$$p(X = x_i) = \sum_{j=1}^m p_{ij}, i = 1, \dots, n .$$

133. Переход от матрицы распределения двумерной случайной величины (X,Y) к ряду распределения вероятностей составляющей Y имеет вид:

$$p(Y = y_j) = \sum_{i=1}^n p_{ij}, j = 1, \dots, m .$$

134. Двумерная плотность распределения f(x,y) принимает значения: [0; + ∞).

135. Переход от двумерной плотности распределения f(x,y) к двумерной

функции распределения F(x,y) имеет вид:

$$F(x, y) = \int_{-\infty}^x \int_{-\infty}^y f(t, s) dt ds .$$

136. Переход от двумерной плотности распределения $f(x,y)$ к одномерной

$$f(x) = \int_{-\infty}^{+\infty} f(x, y) dy$$

плотности распределения $f(x)$ имеет вид

137. Переход от двумерной плотности распределения $f(x,y)$ к одномерной

$$f(y) = \int_{-\infty}^{+\infty} f(x, y) dx$$

плотности распределения $f(y)$ имеет вид

138. Критерий независимости двух дискретных случайных величин X и Y имеет

вид $p_{ij} = p_i p_j, \forall ij$.

139. Критерий независимости двух непрерывных случайных величин X и Y

имеет вид: $f(x, y) = f_X(x)f_Y(y); \forall x, y$.

140. Переход от двумерной плотности распределения $f(x,y)$ к условной плотности распределения $f(x/y)$ имеет вид:

$$f(x/y) = \frac{f(x, y)}{f_Y(y)}$$

141. Переход от двумерной плотности распределения $f(x,y)$ к условной.

143. Математическое ожидание компоненты Y двумерной случайной величины

(X, Y) равно $\alpha_{0,1}(x, y)$.

144. Дисперсия компоненты X двумерной случайной величины (X, Y) равна:

$\mu_{2,0}(x, y)$.

145. Дисперсия компоненты Y двумерной случайной величины (X, Y) равна

$\mu_{0,2}(x, y)$.

146. Корреляционный момент K_{XY} двумерной случайной величины (X, Y) равен

$\mu_{1,1}(x, y)$.

147. Корреляционный момент K_{XY} случайных величин X, Y принимает

значения $[-\sigma_X \sigma_Y; +\sigma_X \sigma_Y]$.

148. Корреляционный момент K_{XY} независимых случайных величин X, Y равен 0.

149. Корреляционный момент K_{XX} равен D_X .

150. Коэффициент корреляции R_{XY} случайных величин X, Y принимает значения $[-1; 1]$.

151. Коэффициент корреляции R_{XY} случайных величин X и $Y=5-3X$ равен: -1.

152. Случайная величина X распределена равномерно на интервале $[-1, 1]$.

$Y = X^2$. Коэффициент корреляции R_{XY} равен: 0.

153. Случайная величина X распределена равномерно на интервале $[-1, 1]$.

$Y = X^3$. Коэффициент корреляции R_{XY} равен: 0,92.

154. Коэффициент корреляции R_{XY} случайных величин X и $Y=2X - 3$ равен: 1.

155. Регрессия X на y (условное математическое ожидание) $m_{X/y}$ представляет собой функцию от y .

156. Регрессия Y на x (условное математическое ожидание) $m_{Y/x}$ представляет собой функцию от x .

157. Какой закон распределения должны иметь случайные величины, чтобы понятия независимости и некоррелированности были равносильны : нормальный.

158. Композиция двух законов распределения это: закон распределения суммы двух независимых случайных величин.

159. n -мерная функция распределения $F(x_1, x_2, \dots, x_n)$ принимает значения $[0; 1]$.

160. Функцию распределения $F(x_i)$ любой из компонент X_i , входящих в n -мерную случайную величину (X_1, X_2, \dots, X_n) можно получить, если положить все остальные аргументы $F(x_1, x_2, \dots, x_n)$ равными: $+\infty$.

161. n -мерная плотность распределения $f(x_1, x_2, \dots, x_n)$ принимает значения $[0; +\infty)$.

162. Переход от n -мерной плотности распределения $f(x_1, x_2, \dots, x_n)$ к одномерной плотности распределения $f_k(x_k)$ имеет вид

$$f_k(x_k) = \int_{-\infty}^{+\infty} \dots \int_{-\infty}^{+\infty} f(x_1, \dots, x_n) dx_1 \dots dx_{k-1} dx_{k+1} \dots dx_n.$$

163. Критерий независимости случайных величин X_1, X_2, \dots, X_n имеет вид

$$f(x_1, x_2, \dots, x_n) = f_1(x_1) \cdot f_2(x_2) \dots f_n(x_n).$$

164. Коэффициент корреляции R_{ii} величины X_i и величины X_i равен: 1.

165. Корреляционный момент K_{ii} величины X_i и величины X_i равен: D_i .

166. Для независимых случайных величин X_1, X_2, \dots, X_n корреляционная матрица имеет вид все элементы, кроме диагональных, равны 0.

167. Математическое ожидание суммы случайных величин X и Y равно: $m_X + m_Y$.

168. Дисперсия суммы случайных величин X и Y равна: $D_X + D_Y + 2K_{XY}$.

169. Дисперсия суммы случайных величин X и Y равна: $D_X + D_Y + 2K_{XY}$.

170. Математическое ожидание произведения случайных величин X и Y равно: $m_X m_Y + K_{XY}$.

171. Дисперсия произведения независимых случайных величин X и Y равна: $D_X D_Y + m_X^2 D_Y + m_Y^2 D_X$.

172. Дисперсия суммы независимых случайных величин X и Y равна: $D_X + D_Y$.

173. Математическое ожидание произведения независимых случайных величин X и Y равно $m_X m_Y$.

174. Дисперсия произведения независимых центрированных случайных величин X и Y равна $D_X D_Y$.

175. Случайные величины X_1, X_2 имеют следующие числовые характеристики: $m_1 = 2$, $m_2 = -3$, $D_1 = 1$, $D_2 = 3$, $K_{12} = -1$. Математическое ожидание величины $Y = 6 - 2X_1 + 3X_2$ равно -7.

176. Случайные величины X_1, X_2 имеют следующие числовые характеристики: $m_1 = 2$, $m_2 = -3$, $D_1 = 1$, $D_2 = 3$, $K_{12} = -1$. Математическое ожидание величины $Y = 6 - 3X_1 + 2X_2$ равно -6.

177. Случайные величины X_1, X_2 имеют следующие числовые характеристики: $m_1 = -2$, $m_2 = 3$, $D_1 = 1$, $D_2 = 2$, $K_{12} = -1$. Математическое ожидание величины $Y = 4 - 3X_1 + 2X_2$ равно 16.

178. Случайные величины X_1, X_2 имеют следующие числовые характеристики: $m_1 = -1, m_2 = 2, D_1 = 2, D_2 = 3, K_{12} = -1$. Дисперсия величины $Y = 2 + 3X_1 - 2X_2$ равна 42.

179. Случайные величины X_1, X_2 имеют следующие числовые характеристики: $m_1 = -2, m_2 = 2, D_1 = 3, D_2 = 2, K_{12} = 2$. Дисперсия величины $Y = 3 - X_1 + 2X_2$ равна 3.

180. Случайные величины X_1, X_2 имеют следующие числовые характеристики: $m_1 = -1, m_2 = 0, D_1 = 3, D_2 = 4, K_{12} = -2$. Математическое ожидание величины $Y = 4 + X_1 X_2$ равно 2.

181. Случайные величины X_1, X_2 имеют следующие числовые характеристики: $m_1 = -1, m_2 = 1, D_1 = 2, D_2 = 3, K_{12} = -2$. Математическое ожидание величины $Y = 5 + X_1 X_2$ равно 2.

182. Независимые случайные величины X_1, X_2 имеют следующие числовые характеристики: $m_1 = -2, m_2 = 2, D_1 = 2, D_2 = 4$. Дисперсия величины $Y = 3 + X_1 X_2$ равна 32.

183. Независимые случайные величины X_1, X_2 имеют следующие числовые характеристики: $m_1 = 0, m_2 = -2, D_1 = 3, D_2 = 2$. Дисперсия величины $Y = 1 + X_1 X_2$ равна 18.

184. Вероятность $p(|X - m_X| < 2\sigma_X) \geq 0,75$.

185. Вероятность $p(|X - m_X| \geq 2\sigma_X) \leq 0,25$.

186. Вероятность $p(|X - m_X| \geq 3\sigma_X) \leq 0,111$.

187. Последовательность случайных величин X_n сходится по вероятности к

величине a , $X_n \xrightarrow{p} a$, если для ε, δ - произвольных сколь угодно малых положительных чисел: $p(|X - m_X| < \varepsilon) > 1 - \delta$.

188. При увеличении числа проведенных независимых опытов n среднее арифметическое значений случайной величины X сходится по вероятности к: m_X .

189. Частота появления события A в n опытах равна: отношению числа опытов, в которых произошло событие A , к n .

190. При увеличении числа проведенных независимых опытов n частота появления события A в n опытах сходится по вероятности к $p(A)$.

191. Закон распределения суммы независимых случайных величин, распределенных по биномиальному закону, при неограниченном увеличении числа слагаемых неограниченно приближается к нормальному.

192. Закон распределения суммы независимых равномерно распределенных случайных величин при неограниченном увеличении числа слагаемых неограниченно приближается к нормальному.

193. Центральная предельная теорема применима для суммы большого числа случайных величин X_i , если: $D_i \approx D \quad \forall i$.

194. Математическая статистика занимается методами обработки опытных данных, полученных в результате наблюдений над случайными явлениями.

195. Выборка объемом n будет репрезентативной, если ее осуществлять случайно.

196. Величина X в 8 опытах приняла значения: 4, 2, 3, 3, 5, 2, 1, 6. Вариационный ряд будет иметь вид: 1, 2, 2, 3, 3, 4, 5, 6.

197. Величина X в 10 опытах приняла значения: 3, 2, 1, 5, 6, 5, 2, 3, 6, 7.

Эмпирическая функция распределения $F^*(3)$ равна: 0,3.

198. Величина X в 10 опытах приняла значения: 3, 2, 1, 4, 6, 5, 2, 3, 6, 7.

Эмпирическая функция распределения $F^*(4)$ равна: 0,5.

199. Величина X в 10 опытах приняла значения: 3, 2, 1, 5, 6, 5, 2, 3, 1, 7.

Эмпирическая функция распределения $F^*(1)$ равна: 0.

200. Величина X в 10 опытах приняла значения: 3, 2, 1, 5, 6, 5, 2, 3, 1, 7.

Эмпирическая функция распределения $F^*(7)$ равна: 0,9.

201. Объем выборки равен 64. Число интервалов в интервальном статистическом ряду следует взять равным: 8.

202. Объем выборки равен 50000. Число интервалов в интервальном статистическом ряду следует взять равным: 15.

203. Число интервалов в интервальном статистическом ряду равно 8. Сумма площадей всех прямоугольников гистограммы, построенной на его основе равна: 1.

204. Число интервалов в интервальном статистическом ряду равно 5. Сумма площадей всех прямоугольников гистограммы, построенной на его основе равна: 1.

205. Прямоугольники равноинтервальной гистограммы имеют одинаковую: ширину.

206. Прямоугольники равновероятностной гистограммы имеют одинаковую: площадь.

207. Оценка \hat{Q} называется состоятельной, если при увеличении объема выборки n она сходится по вероятности к значению параметра Q .

208. Оценка \hat{Q} называется несмещенной, если ее математическое ожидание точно равно параметру Q для любого объема выборки.

209. Оценка \hat{Q} называется эффективной, если ее дисперсия минимальна по отношению к дисперсии любой другой оценки этого параметра.

210. Состоятельная оценка математического ожидания равна $\frac{1}{n} \sum_{i=1}^n x_i$.

211. Состоятельная смещенная оценка дисперсии равна: $\frac{1}{n} \cdot \sum_{i=1}^n (x_i - \bar{x})^2$.

212. Состоятельная несмещенная оценка дисперсии равна: $\frac{1}{n-1} \cdot \sum_{i=1}^n (x_i - \bar{x})^2$.

213. Величина X в 10 опытах приняла значения: 3, 2, 1, 5, 6, 5, 2, 3, 1, 2. Оценка вероятности того, что $X = 3$ равна 0,2.

214. Величина X в 10 опытах приняла значения: 3, 2, 1, 5, 6, 5, 2, 3, 1, 2. Оценка вероятности того, что $X = 2$ равна 0,3.

215. Величина X в 10 опытах приняла значения: 3, 2, 1, 5, 6, 5, 2, 3, 1, 7. Оценка вероятности того, что $X = 7$ равна 0,1.

216. Доверительный интервал для математического ожидания случайной величины X с нормальным законом распределения имеет вид:

$$\bar{x} - \frac{S_0 \cdot t_{\gamma, n-1}}{\sqrt{n}} < m_X < \bar{x} + \frac{S_0 \cdot t_{\gamma, n-1}}{\sqrt{n}}.$$

217. Доверительный интервал для математического ожидания случайной величины X с неизвестным законом распределения имеет вид:

$$\bar{x} - \frac{S_0 \cdot z_{\gamma}}{\sqrt{n}} < m_X < \bar{x} + \frac{S_0 \cdot z_{\gamma}}{\sqrt{n}}.$$

218. Доверительный интервал для дисперсии случайной величины X с неизвестным законом распределения имеет вид:

$$S_0^2 - z_\gamma \sqrt{\frac{2}{n-1}} S_0^2 < D_X < S_0^2 + z_\gamma \sqrt{\frac{2}{n-1}} S_0^2.$$

219. Доверительный интервал для дисперсии случайной величины X с

$$\frac{(n-1)S_0^2}{\chi_{\frac{1-\gamma}{2}, n-1}^2} < D_X < \frac{(n-1)S_0^2}{\chi_{\frac{1+\gamma}{2}, n-1}^2}.$$

нормальным законом распределения имеет вид:

220. Доверительный интервал для вероятности события A в схеме независимых опытов Бернулли имеет вид

$$p^* - z_\gamma \cdot \sqrt{\frac{p^*(1-p^*)}{n}} < p(A) < p^* + z_\gamma \cdot \sqrt{\frac{p^*(1-p^*)}{n}}.$$

221. Ошибка первого рода ("пропуск цели") для двухальтернативной гипотезы $\{H_0, H_1\}$ состоит в том, что будет отклонена гипотеза H_0 , если она верна.

222. Ошибка второго рода ("ложное срабатывание") для двухальтернативной гипотезы $\{H_0, H_1\}$ состоит в том, что будет принята гипотеза H_0 , если она неверна.

223. Уровень значимости это вероятность совершить ошибку первого рода.

224. В первой серии из 20 опытов событие A появилось в 8 опытах, во второй серии из 25 опытов событие A появилось в 15 опытах. Критерий для проверки гипотезы о равенстве вероятностей события A в этих сериях равен: $1/5$.

225. В первой серии из 50 опытов событие A появилось в 10 опытах, во второй серии из 60 опытов событие A появилось в 20 опытах. Критерий для проверки гипотезы о равенстве вероятностей события A в этих сериях равен: $2/15$.

$$\chi^2 = n \sum_{j=1}^M \frac{(p_j - p_j^*)^2}{p_j}.$$

226. Критерий Пирсона имеет вид:

227. По выборке объемом 200 значений случайной величины X построен интервальный статистический рад, содержащий 12 интервалов, и выдвинута гипотеза о равномерном законе распределения случайной величины X . Число степеней свободы для критерия Пирсона равно: 9.

228. По выборке объемом 400 значений случайной величины X построен интервальный статистический рад, содержащий 20 интервалов, и выдвинута гипотеза о экспоненциальном законе распределения случайной величины X . Число степеней свободы для критерия Пирсона равно: 18.

229. По выборке объемом 50 значений случайной величины X построен интервальный статистический рад, содержащий 7 интервалов, и выдвинута гипотеза о нормальном законе распределения случайной величины X . Число степеней свободы для критерия Пирсона равно: 4.

$$\lambda = \sqrt{n} \cdot \max_{i=1}^n |F^*(x_i) - F_0(x_i)|.$$

230. Критерий Колмогорова имеет вид:

231. Состоятельная несмещенная оценка корреляционного момента выборки

объема n равна

$$K_{XY} = \frac{1}{n-1} \sum_{i=1}^n (x_i - \bar{x})(y_i - \bar{y}).$$

232. Состоятельная оценка коэффициента корреляции вычисляется по формуле

$$\hat{R}_{XY} = \frac{\sum_{i=1}^n (x_i - \bar{x})(y_i - \bar{y})}{\sqrt{\sum_{i=1}^n (x_i - \bar{x})^2 \sum_{i=1}^n (y_i - \bar{y})^2}}.$$

233. Проверка гипотезы об отсутствии корреляционной зависимости для двумерной случайной величины (X, Y), распределенной по нормальному закону, по выборке объемом n = 25 выполняется с помощью критерия:

$$t = \frac{R_{XY}^* \sqrt{n-2}}{\sqrt{1 - (R_{XY}^*)^2}}.$$

234. Проверка гипотезы об отсутствии корреляционной зависимости для двумерной случайной величины (X, Y), распределенной по нормальному закону, по выборке объемом n = 200 выполняется с помощью критерия:

$$Z = \frac{R_{XY}^* \sqrt{n}}{1 - (R_{XY}^*)^2}.$$

235. Проверка гипотезы о равенстве математических ожиданий случайных величин X и Y выполняется с помощью t-критерия .

236. Проверка гипотезы о равенстве дисперсий случайных величин X и Y выполняется с помощью F-критерия.

237. Проверка гипотезы о том, что случайные величины X и Y имеют одинаковый закон распределения выполняется с помощью: критерия Уилкоксона.

238. Корреляционное поле (диаграмма рассеивания) для двумерной случайной величины (X,Y) это: изображение в виде точек на плоскости в декартовой системе координат результатов опытов .

239. Метод наименьших квадратов используется для определения: значений параметров эмпирической линии регрессии

240. Целевая функция метода наименьших квадратов имеет вид:

$$\sum_{i=1}^n [y_i - \varphi(x_i, a_0, \dots, a_m)]^2.$$

241. Оценки параметров линейной регрессии $m_{Y/X}^* = \bar{y}(x) = a_0 + a_1 x$

$$a_1^* = \frac{K_{XY}^*}{S_0^2(x)},$$

рассчитываются по формулам: $a_0^* = \bar{y} - a_1^* \cdot \bar{x}.$

242. Система уравнений в методе наименьших квадратов для сглаживающей

кривой $\bar{y} = \sum_{j=0}^m a_j x^j$ **имеет вид**

$$\sum_{j=0}^m a_j \hat{\alpha}_{j+k}(x_i) = \hat{\alpha}_{k,l}(x_i, y_i), k = 0, 1, \dots, m.$$