財務演算法 Financial Algorithms

昀騰金融科技

技術長

董夢雲 博士

dongmy@ms5.hinet.net

目錄

Part I: Black-Scholes(73)與 Black(76)解析解

- 一、交易室工作的介紹與開源工具的使用
- 二、Visual Studio Code 與 C#程式語言
- 三、BS 模型的程式設計分析
- 四、Greeks 與隱含波動性
- 五、利率期限結構的理論與實作
- 六、利率交換程式實作
- 七、利率選擇權與交換選擇權程式實作

Part II: Tree & Simulation

- ─ \ Binomial Tree
- ☐ \ Trinomial Tree
- \equiv \ MC Simulation
- 四、Finite Difference
- 五、LSMC Simulation

Part III: 其他模型

- \ Markowitz Model
- **□ \ Black-Litterman Model**
- **≡** \ Interest Rate Models

Part IV: Structured Products

- \ FX Structured Products
- **□** \ Rate Structured Products

昀騰金融科技股份有限公司

技術長

金融博士、證券分析師

董夢雲 Andy Dong



Line/WeChat:andydong3137
E:andydong1209@gmail.com

https://github.com/andydong1209 M:(T)0988-065-751(C)1508-919-2872 10647 台北市大安區辛亥路一段 50 號 4 樓 現職:國立台灣大學財務金融研究所兼任教授級專家

台灣金融研訓院 2022 年菁英講座

經歷:中國信託商業銀行交易室研發科主管

凱基證券風險管理部主管兼亞洲區風險管理主管

中華開發金控、工業銀行風險管理處處長

永豐金控、商業銀行風險管理處處長

永豐商業銀行結構商品開發部副總經理

學歷:國立台灣大學電機工程學系學士

國立中央大學財務管理學研究所博士

專業:證券暨投資分析人員合格(1996)

專長:Basel III 交易簿市場風險資本計算、銀行簿利率風險計算

風險管理理論與實務,資本配置與額度規劃、資產負債管理實務 外匯與利率結構商品評價實務,股權與債權及衍生商品評價實務

GPU 平行運算與結構商品系統開發, CUDA、OpenCL

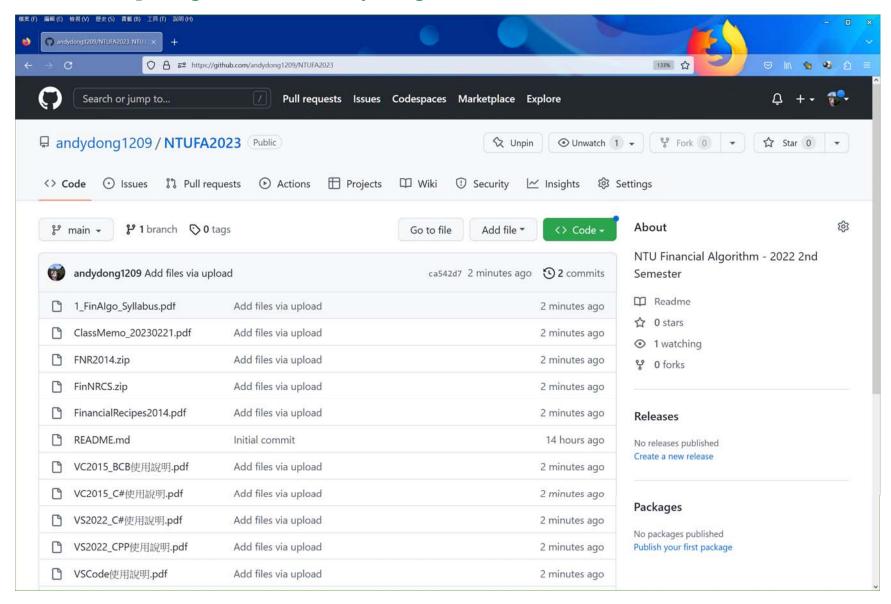
CPU 平行運算與 ALM 系統開發, C#/C++/C、.Net Framework、SQL

人工智慧(Deep Learning)交易策略開發,Python、Keras、TensorFlow

〇、序 言

- ◆ 我在臉書上會發表文章,
 - https://www.facebook.com/andy.dong.735
- ◆ 我的臉書有一個簡單的財工書目,可以參考。
 - https://m.facebook.com/story.php?story_fbid=4678747135469331&id=100000022735693
- ◆ 我有維持一個 QuantLib 的學習社群,QuantLib-昀騰學習園地,可以去看看。
 - https://www.facebook.com/groups/421949278879071
- ◆ 我會在金融研訓院、證券暨期貨市場發展基金會、MasterTalks,等地方上實務課程。
 - ▶ 一些實務應用的課程。
- ◆ 我有在台灣師大企管系上『金融科技』。
 - > 大學部選修課。

◆ 課程網站(https://github.com/andydong1209/NTUFA2023)



一、參考資料

甲、入門

- ★ **Financial Numerical Recipes in C++, 2014, Bernt Odegaard
 - http://www1.uis.no/ansatt/odegaard/ ∘
- ◆ Numerical Methods in Finance with C++, Maciej J. Capinski, Cambridge ∘
- ◆ Financial Modeling, 4th Ed., Simon Benniga, MIT ∘
- ◆ *The Complete Guide to Option Pricing Formulas, 2nd Ed., Espen Haug, McGraw-Hill ∘
- ◆ A Course in Derivative Securities, Kerry Back, Springer ∘
- Derivatives Analytics with Python, Yves Hilpisch, Wiley
- ◆ <u>*財務工程與 Excel VBA 的應用:選擇權評價理論之實作,董夢雲,證基會</u>。
- ◆ C++財務程式設計,戴天時,證期會。

乙、中級

- ◆ *Implementing Derivatives Models, Les Clewlow & Chris Strickland, John Wiley •
- *Practical C++ Financial Programming, Carlos Oliveira, Apress •
- Options and Derivatives Programming in C++, Carlos Oliveira, Apress
- ◆ Derivatives Algorithms, Tom Hyer, World Scientific ∘
- ◆ C++ for Financial Mathematics, John Armstrong, Chapman & Hall/CRC ∘
- ◆ *Quantitative Finance : An Object-Oriented Approach in C++, Erik Schlogl, Chapman & Hall/CRC ∘
- ◆ *QuantLib Python Cookbook, Goutham Balaraman & Luigi Ballabio ∘

丙、高級

- ◆ *C# for Financial Markets, Daniel J. Duffy & Andrea Germani, Wiley ∘
- ◆ Financial Instrument Pricing Using C++, 2nd Ed., Daniel J. Duffy, Wiley ∘
- ◆ *Monte Carlo Frameworks: Building Customizable High-performance C++ Applications,

 Daniel J. Duffy & Joerg Kienitz, Wiley ∘
- ◆ *C++ Design Patterns and Derivatives Pricing, Mark Joshi, Cambridge ∘
- ◆ *Implementing QuantLib, Luigi Ballabio ∘
- ◆ *10 Best FE Books, 董夢雲選書。

丁、入門電腦書

- ◆ 最新 C 程式語言,施威銘研究室,旗標。有 BCB 免費編譯器 IDE。
- ◆ C++程式設計,第三版,張耀仁,碁峯。
- ◆ Visual C# 2017 程式設計經典,蔡文龍,碁峯。
- ◆ Visual C++ 2012 教學手冊, Ivor Horton 著, 蔡明志譯, 基峯。
- ◆ 深度學習 C++,第三版,子由,藍海文化。
- ◆ <u>C#本質論</u>,第四版,Mark Michaelis & Eric Lippert,周靖譯,人民郵電。
- ◆ C++ Primer Plus,第六版, Stephen Prata,蔡明志譯, 碁峯。
- ◆ C 程序設計語言,第二版,Brian Kernigham & Dennis Ritchie,徐寶文譯,人民郵電。
- ◆ C++程序設計語言,第四版,Bjarne Stroustrup,裘宗燕譯,人民郵電。
- ◆ <u>C++編程思想</u>,Bruce Eckel,刁成嘉譯,人民郵電。
- ◆ C#編程思想,Anders Hejlsberg,第四版,陳國寶譯,人民郵電。

二、進行方式

- ◆ 老師提供上課教材(投影片講義)
 - ▶ Odengaard 講義、證基會講義、與老師著作
 - ▶ 以 C++、Excel VBA 環境說明演算邏輯
- ◆ 學生使用程式語言實作交成品
 - ▶ 可以接受各類的語言,但要有 GUI。
 - ▶ 包括 C/C++、C#(.Net)、Java、Pascal(Delphi)、Python、VBA。
 - ▶ 期末交一個程式來展示。
- ◆ 主要理論與演算法參考書籍
 - > John Hull
 - Les Clewlow & Chris Strickland
 - Espen Gaarder Haug
 - > 10 Best FE Books

三、評分方式

- ◆ 上課參與討論(30%)
- ◆ 作業(30%):兩次,每人自己做
- ◆ 期末程式(40%):3 人一組

四、Odegaard 教書心得

- ◆ 現代財務數學化的起源,
 - ➤ Black-Scholes-Merton 選擇權定價理論
 - ▶ 高度實用性與可操作性,背後涉及大規模資本的移動
 - ➤ Derivatives 與 Fixed Income Instruments 是財務計算的主要對象
- ◆ 此書的起源,
 - Derivatives Course at Univ. of British Columbia, Canada •
 - > 實作增進理解。
- ◆ 為何要用 C++寫財務程式?
 - ▶ 只用 Excel + VBA、Matlab、Python 不行嗎?
 - ▶ 使用其他"高階"語言,最後總會"力有未逮"。
 - ▶ 只有正統的程式語言,才能做到氣隨意走。

- ◆ C++是財工人員的母語,最強大的語言。
 - ➤ Fortran, C#(.Net), Java 都可考慮。
 - ➤ GPU 高能運算,CUDA、OpenCL 都是用 C/C++。
 - ▶ C#, Java 是可接受的替代產品

◆ 為誰而寫,

- ▶ 財務學生==>學公式的實作
- ▶ 財務學生==>學 C++
- ▶ 資訊學生==>學財務演算法

五、我的工作心得

- ◆ 財務演算是一門綜合的應用課題。
 - > 涉及理論與實務兩個範疇。
 - ▶ 理論面涵蓋:
 - ✓ 財務模型:評價理論、風險理論、投資組合理論
 - ✓ 隋機微積分: I'to Lemma
 - ✓ 演算法:尋根、內插、非線性最適化、矩陣運算、線性代數、模擬
 - ▶ 實務面涵蓋:
 - ✓ 程式語言、物件導向
 - ✓ 泛型、平行運算、設計樣式
 - ✓ GUI、資料庫

◆ P Measure & Q Measure

- ▶ 本課程是以 Q Measure 的應用為主。
- ▶ P Measure 應用可以考慮台科大財金所課程,『AI 金融交易應用』。

- ◆ 理論的知識當然是重要的,且須不斷精進
 - ▶ 現在使用的模型, LSMC, Heston, Hull-White, G2++, HJM, LMM, 都不是我在博士班時期學習的
 - ▶ 然而,沒有電腦實作技能,產值也是零
- ◆ 電腦科技發展快速,需不斷學習了解新技能
 - ▶ OO、GP、DP、Parallel Computing, GPU 都是畢業後學習
 - ▶ 最好早點熟習這些新技術,工作才能盡快上手
 - ▶ 現在工作很競爭,每個人要建立自己的核心優勢
 - ▶ 不是每個人都要做財工,但須要有基礎涵養
- ◆ 畢業後個人的產值函數,

$$V = f(F, M, C)$$

- > Financial Theory
- Mathematics
- Computer Science

◆ C++抽象化的能力很重要

- ➤ Object-Oriented 是大型系統必要的功能
- ➤ Generic Programming 是正式語言必要的功能
- ➤ Design Pattern 是另一個重要的技術
- ➤ STL、boost、平行運算、GPU 都需要
- ➤ QuantLib 等大型系統不可能沒有 OO & GP & DP 等功能
- ◆ 財務工程主要應用方向,
 - ▶ 產品開發
 - ✓ 財富管理 2.0 與結構商品
 - ▶ 交易應用
 - ✓ 套利交易與避險交易
 - ▶ 風險管理
 - ✓ Basel III 風險管理

◆ 這門課的目的

- ▶ 有了這些基本知識,才能理解 QuantLib 等程式庫
 - ✓ 網路上有很多免費有用的程式庫, Numerical Recipe in C/C++/C#, math.net, GSL, ...。
- ▶ 目標是去使用 QuantLib,不要自己寫另一個程式庫
- ➤ Tailor-made 的產品是未來財富管理的重頭戲
 - ✓ 台灣、大陸的市場變化
- ▶ 用 QuantLib 為基礎,開發銀行適用的專屬系統

◆ QuantLib 的多種用途

- ➤ QuantLibXL, Excel Spreadsheet 可以直接使用
- ➤ QuantLibXL, Excel VBA 可以 Call。
- ➤ QuantLib-Python,Python 可以 import 使用,Windows & Linux 皆可使用。
- ▶ QuantLib C#,.Net 語言可以使用,Windows & Linux 皆可使用。
- ➤ QuantLib C++, Windows & Linux 皆可使用。

◆ GUI 的選擇

- ➤ QuantLibXL,Excel Spreadsheet 當 IO 使用
- ➤ QuantLibXL, Excel VBA 可以用 Form。
- ➤ QuantLib-Python,可以使用 Tk/Tcl,PyQt(Qt),wxPython(wxWidgets)。
- ➤ QuantLib C#, Windows & Linux 皆可使用 Windows Form。
- ➤ QuantLib C++, Windows & Linux 皆可使用 Qt。

- ◆ 另一種選擇, Embarcadero RAD Studio,
 - C++ Builder & Delphi(OO Pascal) •
 - ➤ RAD IDE 易於使用,可開發 Android & iOS 應用。
 - 目前有提供社區版,可免費使用,要申請帳號。
 - ▶ 以前使用過 Borland 產品,很強大。

◆ Windows 與 Linux 的選擇

- ▶ 銀行的 Workstation 是 Windows 天下, Server 可能是 Linux 的地盤
- ▶ 跨平台工具的考慮
- > 行動裝置的考慮
- ▶ 高運算量的考慮
- ➤ GUI & DB 的考慮
- ▶ 最後 Tools 的選擇

◆ 演算法學習 Road Maps

- ➤ Level 1 : BS Vanilla Option
- ➤ Level 2 : Exotic Option , Equity Tree , MC Simulation
- ➤ Level 3 : American MC(LSMC) Local Volatility Model Stochastic Volatility Model(Heston, SABR)

 Interest Rate Tree
- ➤ Level 4 : Interest Rate Simulation(HW \ G2++)
- Level 5 : Multi-Factors Forward Rates(LMM)

- ◆ 交易室(銀行)的工作情況
 - ▶ 參考 NTUST 講義
 - ▶ 銀行、證券、保險體系的差異
- ◆ 程式、系統、軟體產品(The Mythical Man-Month, Frederick Brooks, Jr)



▶ 寫程式的樂趣

- ▶ 1、創造的趣味
- ▶ 2、這東西竟然對別人有用
- ▶ 3、打造精巧的機制,類似推理、解謎的過程
- ▶ 4、持續學習的樂趣
- ▶ 5、在易於操控的工具上(PC)工作的快樂
- ▶ 6、滿足內心創造事務的渴望,激發本能快樂的感受

寫程式的苦難

- ▶ 1、必須要表現完美
- ▶ 2、很少能由自己安排工作目標與細節
- ▶ 3、依賴別人的產出才能成事
- ▶ 4、除錯大不易,往往有非線性的變化
- ▶ 5、可能最後完成時,需求已經改變了