Sistemas difusos para computación en Big Data Ecuaciones no resolubles con respecto a la derivada

Doble Grado en Ingeniería Informática y Matemáticas

Antonio Coín Castro 17 de Septiembre de 2020

Trabajo Fin de Grado



E.T.S de Ingenierías Informática y de Telecomunicación Facultad de Ciencias

Índice de contenidos

Sistemas difusos para computación en Big Data Conjuntos y lógica difusa Fundamentos de Big Data Diseño e implementación de algoritmos

Ecuaciones no resolubles con respecto a la derivada

SISTEMAS DIFUSOS PARA COMPUTACIÓN

EN BIG DATA

Introducción

El problema de aprendizaje de datos es un tema central en el aprendizaje automático. Una propuesta relevante en este sentido son los sistemas basados en reglas difusas, que permiten resolver problemas de forma aproximada pero efectiva.

Por otro lado, en la *era de la información* las cantidades de datos que se manejan son cada vez mayores, y surge el concepto de Big Data. ¿Están preparados los algoritmos existentes para tratar grandes cantidades de datos?

Solución: construir sistemas difusos escalables.

Objetivos

• Estudiar la teoría de conjuntos difusos, la lógica difusa y los sistemas difusos desde un punto de vista teórico.

Objetivos

- Estudiar la teoría de conjuntos difusos, la lógica difusa y los sistemas difusos desde un punto de vista teórico.
- Definir el concepto de Big Data, sus características y la infraestructura asociada. Estudiar el modelo MapReduce.

Objetivos

- Estudiar la teoría de conjuntos difusos, la lógica difusa y los sistemas difusos desde un punto de vista teórico.
- Definir el concepto de Big Data, sus características y la infraestructura asociada. Estudiar el modelo MapReduce.
- Diseñar, implementar y probar una serie de sistemas difusos para computación escalable.

SISTEMAS DIFUSOS PARA COMPUTACIÓN

en Big Data

Conjuntos y lógica difusa

Principio de incompatibilidad

"As the complexity of a system increases, our ability to make precise and yet significant statements about its behavior diminishes until a threshold is reached beyond which precision and significance become almost mutually exclusive characteristics."

LOFTI A. ZADEH, FUZZY Sets.

Función de pertenencia

Si X es un universo de objetos y $A \subseteq X$ un conjunto, existe implícitamente una función de pertenencia:

$$\mu_A(x) = \begin{cases} 1, & \text{si } x \in A \\ 0, & \text{si } x \notin A. \end{cases}$$

Función de pertenencia

Si X es un universo de objetos y $A \subseteq X$ un conjunto, existe implícitamente una **función de pertenencia**:

$$\mu_A(x) = \begin{cases} 1, & \text{si } x \in A \\ 0, & \text{si } x \notin A. \end{cases}$$

Podemos permitir que la función de pertenencia tome un continuo de valores posibles:

$$\mu_A: X \longrightarrow [0,1], \quad X \mapsto \mu_A(X).$$

Esta función le asigna a cada elemento x del universo un **grado de pertenencia** al conjunto A.

5

Conjuntos difusos

Definición (Conjunto difuso)

Un conjunto difuso A en X es el conjunto de pares ordenados

$$A = \{(x, \mu_A(x)) \mid x \in X\}$$

El conjunto A queda determinado por la función μ_A .

Conjuntos difusos

Definición (Conjunto difuso)

Un conjunto difuso A en X es el conjunto de pares ordenados

$$A = \{(x, \mu_A(x)) \mid x \in X\}$$

El conjunto A queda determinado por la función μ_A .

Permiten modelar la imprecisión y la ambigüedad. Se permite el solapamiento.

Ejemplo

A = "una persona jóven", B = "sobre 30 años de edad".

6

· Definiciones y resultados básicos.

- · Definiciones y resultados básicos.
- Operaciones difusas: unión, intersección, negación, producto Cartesiano...

- · Definiciones y resultados básicos.
- Operaciones difusas: unión, intersección, negación, producto Cartesiano...
- · Relaciones difusas.

- · Definiciones y resultados básicos.
- Operaciones difusas: unión, intersección, negación, producto Cartesiano...
- · Relaciones difusas.
- · Funciones de pertenencia usuales.

- · Definiciones y resultados básicos.
- Operaciones difusas: unión, intersección, negación, producto Cartesiano...
- · Relaciones difusas.
- · Funciones de pertenencia usuales.
- Operadores difusos: T-normas y T-conormas.

Lógica difusa

Lógica multivaluada con tantos valores de verdad como números reales hay en [0,1]. Se apoya en el concepto de variables lingüísticas.

Lógica difusa

Lógica multivaluada con tantos valores de verdad como números reales hay en [0,1]. Se apoya en el concepto de variables lingüísticas.

Ejemplo

T(edad) = { joven, no joven, muy joven, no muy joven, de mediana edad, viejo, no viejo, muy viejo, más o menos viejo, no muy viejo, no muy joven y no muy viejo, ...}.

Cada término en T(edad) viene caracterizado por un conjunto difuso en X = [0, 100].

Reglas difusas de tipo Si-Entonces

Consideramos A y B valores lingüísticos en dos universos X e Y, respectivamente. Estudiaremos reglas del tipo

Si x es A entonces y es B.

" $x \in A$ " \rightarrow antecedente.

"y es B" \rightarrow consecuente.

Podemos ver esta implicación como una relación binaria $\mathcal{R} \equiv A \rightarrow B \equiv f(\mu_A(x), \mu_B(y)).$

g

Razonamiento difuso

Se trata de un modus ponens generalizado:

Entonces $B' = A' \circ (A \to B)$, donde \circ es un operador de composición.

Razonamiento difuso

Se trata de un modus ponens generalizado:

Entonces $B' = A' \circ (A \to B)$, donde \circ es un operador de composición.

Podemos evaluar la presencia de varios antecedentes con el operador de producto cartesiano, y la de varias reglas con el operador de unión.

Sistemas de inferencia difusos

Un sistema de inferencia difuso recibe una entrada y produce una respuesta utilizando razonamiento difuso. Consta de cuatro componentes.

- Un **módulo de fuzzificación** con funciones de pertenencia para transformar la entrada en conjuntos difusos.
- Una base de reglas que contiene un conjunto de reglas difusas de tipo si-entonces.
- Un **mecanismo de razonamiento**, que realiza el procedimiento de inferencia.
- Un **mecanismo de defuzzificación** para producir una respuesta nítida (opcional).

Tipos de sistemas difusos

Mamdani. Emplea reglas del tipo

si
$$X_1$$
 es A_1 y ... y X_n es A_n entonces Y_1 es B_1 y ... y Y_m es B_m .

Tipos de sistemas difusos

Mamdani. Emplea reglas del tipo

si
$$X_1$$
 es A_1 y ... y X_n es A_n entonces Y_1 es B_1 y ... y Y_m es B_m .

TSK. Define reglas de la forma

si
$$X_1$$
 es A_1 y ... y X_n es A_n
entonces Y_1 es $f_1(X_1, \ldots, X_n)$ y ... y Y_m es $f_m(X_1, \ldots, X_n)$,

donde cada f_i es una función nítida de la entrada.

Sistema difuso de tipo Mamdani

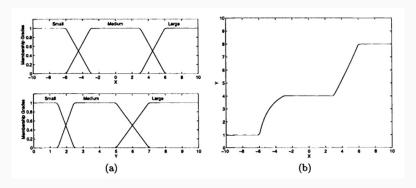


Figura 1: Representación es un sistema de Mamdani de (a) funciones de pertenencia de antecedentes y consecuentes; y (b) curva de entrada-salida tras defuzzificar.

Sistema difuso de tipo TSK

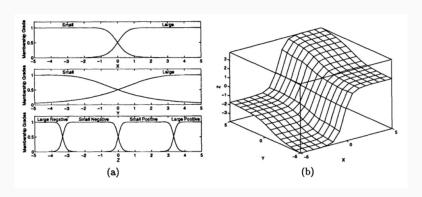


Figura 2: Representación en un sistema TSK de (a) funciones de pertenencia de antecedentes y consecuentes; y (b) curva de entrada-salida.

SISTEMAS DIFUSOS PARA COMPUTACIÓN

EN BIG DATA

Fundamentos de Big Data

Volumen

- Volumen
- Velocidad

- Volumen
- · Velocidad
- Variedad

- Volumen
- · Velocidad
- Variedad
- Veracidad

- Volumen
- · Velocidad
- Variedad
- Veracidad
- Valor

MapReduce y Apache Spark

Modelo de programación distribuida propuesto por Google en 2004.

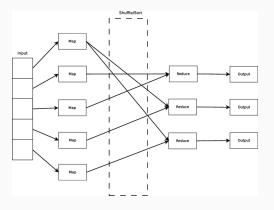


Figura 3: Esquema de la arquitectura MapReduce.

Sistemas difusos para computación

EN BIG DATA

Diseño e implementación de algoritmos

Algoritmos difusos de aprendizaje

Se clasifican principalmente en tres tipos:

- Basados en particiones. Crean una partición difusa del espacio para medir cómo encajan en ellas los datos y construir reglas en consecuencia.
- Neurodifusos. A partir de una estructura inicial de reglas se emplean modelos neuronales para ajustar los parámetros de las funciones de pertenencia.
- **Genéticos**. Similares a los anteriores, pero se emplean algoritmos genéticos para la fase del ajuste.

1. Dividir el espacio de entrada en segmentos difusos.

- 1. Dividir el espacio de entrada en segmentos difusos.
- Calcular la pertenencia de cada punto a todas las regiones, y quedarnos en cada caso con las de máxima pertenencia. Así formamos una regla difusa.

- 1. Dividir el espacio de entrada en segmentos difusos.
- Calcular la pertenencia de cada punto a todas las regiones, y quedarnos en cada caso con las de máxima pertenencia.
 Así formamos una regla difusa.
- 3. Calculamos un peso o *importancia* para cada regla: el producto de la pertenencia del punto a todas las regiones.

- 1. Dividir el espacio de entrada en segmentos difusos.
- Calcular la pertenencia de cada punto a todas las regiones, y quedarnos en cada caso con las de máxima pertenencia.
 Así formamos una regla difusa.
- 3. Calculamos un peso o *importancia* para cada regla: el producto de la pertenencia del punto a todas las regiones.
- Simplificamos la base de datos eliminando duplicados y conflictos eligiendo siempre las reglas de mayor importancia.

- 1. Dividir el espacio de entrada en segmentos difusos.
- Calcular la pertenencia de cada punto a todas las regiones, y quedarnos en cada caso con las de máxima pertenencia.
 Así formamos una regla difusa.
- 3. Calculamos un peso o *importancia* para cada regla: el producto de la pertenencia del punto a todas las regiones.
- Simplificamos la base de datos eliminando duplicados y conflictos eligiendo siempre las reglas de mayor importancia.
- 5. Para la predicción, utilizamos el método de defuzzificación COA.

Implementación del algoritmo WM

Etapa map. Para cada punto calculamos la regla asociada y su importancia.

Etapa reduce. Agregamos todas las reglas, eliminando conflictos y duplicados.

Implementación del algoritmo WM

Etapa map. Para cada punto calculamos la regla asociada y su importancia.

Etapa reduce. Agregamos todas las reglas, eliminando conflictos y duplicados.

```
val ruleBase = data.mapPartitions { case (x, y) =>
  val (ri, ro, degreeIn, degreeOut)
  = maxRegion(x, y, regionsIn, regionsOut)

  (ri, (ro, degreeIn * degreeOut))
}.reduceByKey { case (r1, r2) =>
  if (r1._2 > r2._2) r1 else r2
}.map { case (ri, (ro, _)) => (ri, ro) }
```

Algoritmo subtractive clustering

Propuesto por S. Chiu en 1994.

Idea: cada punto es un posible centroide, y buscamos centroides suficientemente separados. Se asigna inicialmente a cada punto un potencial inversamente proporcional a la distancia a todos los demás.

1. Se inicializa el potencial de cada punto y se elige aquel con mayor potencial como centroide.

Algoritmo subtractive clustering

Propuesto por S. Chiu en 1994.

Idea: cada punto es un posible centroide, y buscamos centroides suficientemente separados. Se asigna inicialmente a cada punto un potencial inversamente proporcional a la distancia a todos los demás.

- 1. Se inicializa el potencial de cada punto y se elige aquel con mayor potencial como centroide.
- 2. Se recalculan los potenciales. que disminuyen de forma proporcional a la distancia al centroide elegido.

Algoritmo subtractive clustering

Propuesto por S. Chiu en 1994.

Idea: cada punto es un posible centroide, y buscamos centroides suficientemente separados. Se asigna inicialmente a cada punto un potencial inversamente proporcional a la distancia a todos los demás.

- 1. Se inicializa el potencial de cada punto y se elige aquel con mayor potencial como centroide.
- 2. Se recalculan los potenciales. que disminuyen de forma proporcional a la distancia al centroide elegido.
- 3. Se repite el proceso hasta que el potencial cae por debajo de un umbral.

RESPECTO A LA DERIVADA

ECUACIONES NO RESOLUBLES CON

Referencias



JANG, J. S. R., SUN, C. T., & MIZUTANI, E. (1997). Neuro-fuzzy and soft computing; a computational approach to learning and machine intelligence.

Gracias por su atención