

火星 (Mars)

眾所周知，最早觸及外太空者，正是諸位法老。最早降落在圖特摩斯一世行星 (Thutmus I, 現通稱火星) 的太空船就是由他們發射。該行星的表面可以看成由正方格組成的 $(2n + 1) \times (2n + 1)$ 網格，每格或是陸地，或是水域。位於第 i 橫行第 j 豎列 ($0 \leq i, j \leq 2 \cdot n$) 的方格，若其狀態為陸地，則記作 $s[i][j] = '1'$ ；若為水域，則記作 $s[i][j] = '0'$ 。

兩格陸地稱為連通，意思是兩者之間可由若干格陸地組成的路徑連接，而路徑上任意連續兩格皆有一條公共邊。行星上的島定義為由兩兩連通的若干格陸地組成的極大集。

當時，太空船的任務是計算行星上島的數目。不過，由於太空船的電腦太古老，此任務並非易事。電腦有記憶體 h ，儲存數據的形式是大小為 $(2n + 1) \times (2n + 1)$ 的二維陣列，其中每個元素可以儲存一個長度不逾 100 的二進制串，其每個字符或為 '0' (ASCII 48)，或為 '1' (ASCII 49)。初時，每格記憶體的首位記錄了網格中每格的狀態， $h[i][j][0] = s[i][j]$ (對 $0 \leq i, j \leq 2 \cdot n$)。 h 中其他位的初始值為 '0' (ASCII 48)。

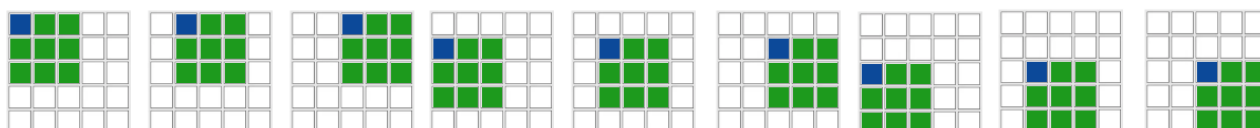
欲處理記憶體的資料，電腦只能存取記憶體某個 3×3 的區塊，然後覆寫該區塊左上角一格的值。以符號表示，電腦可以存取 $h[i..i+2][j..j+2]$ ($0 \leq i, j \leq 2 \cdot (n - 1)$) 之值，然後覆寫 $h[i][j]$ 之值。下文稱此過程為**處理第 (i, j) 格**。

因應電腦有局限，一眾法老籌謀出以下機制：

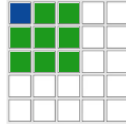
- 電腦會分 n 輪處理記憶體。
- 第 k ($0 \leq k \leq n - 1$) 輪中，設 $m = 2 \cdot (n - k - 1)$ ，電腦將對 $0 \leq i, j \leq m$ 處理第 (i, j) 格，次序是按 i 遞增，並對每個 i 按 j 遞增。換言之，電腦處理方格的順序如下： $(0, 0), (0, 1), \dots, (0, m), (1, 0), (1, 1), \dots, (1, m), \dots, (m, 0), (m, 1), \dots, (m, m)$ 。
- 末輪 ($k = n - 1$) 中，電腦只處理第 $(0, 0)$ 格。此後， $h[0][0]$ 處寫下的值，應等於行星的島數之二進制表示，其中島數的最低位儲存為字串的首個字符。

下圖顯示電腦如何處理 5×5 ($n = 2$) 大小的記憶體。藍色表示即將覆寫的格，有染色表示位於正在處理的子陣列。

第 0 輪期間，電腦依序處理下列子陣列：



第 1 輪期間，電腦只會處理一個子陣列：



給定電腦的運作方式, 你的任務是實作一個方法, 使該電腦計算出圖特摩斯一世行星上島的數目。

實作需知

你應實作以下子程式:

```
string process(string[][] a, int i, int j, int k, int n)
```

- $a: 3 \times 3$ 的陣列, 表示要處理的子陣列, 具體即 $a = h[i..i+2][j..j+2]$, 而 a 的元素皆是長度恰為 100 的字串, 每個字符或為 '0' (ASCII 48), 或為 '1' (ASCII 49)。
- i, j : 電腦現正處理的方格的行號和列號。
- k : 當前是第幾輪。
- n : 總輪數, 亦表示行星表面大小為 $(2n+1) \times (2n+1)$ 格。
- 此子程式應回傳一個長為 100 的二進制字串。回傳值將記入電腦記憶體的 $h[i][j]$ 處。
- $k = n - 1$ 時, 即為最後一次調用。此次調用期間, 子程式應回傳行星表面島數之二進制表示, 其最低位由指標為 0 的字符 (字串的首位) 表示, 次低位由指標 1 的字符表示, 餘可類推。
- 子程式須獨立於任何靜態 (static) 或全域 (global) 變量, 且其回傳值應只取決於所傳的諸參數。

每筆測資會有 T 個獨立的場景 (即不同行星的表面)。你的實作方式, 在每個場景的行為, 須獨立於各場景的次序, 因為在每一場景中, 對 `process` 子程式的多次調用, 不一定連續發生。不過仍保證在每一場景中, 各次調用 `process`, 是依照題敘的順序。

此外, 在每筆測資中, 會有你的程式的若干複本 (instances) 同時開始運行。記憶和 CPU 時間限制是對全部複本累計而言。任何人若刻意試圖以帶外 (out-of-band) 方式, 在該些複本之間傳遞數據, 即視為作弊, 將作為取消資格的理由。

具體而言, 調用 `process` 子程式期間, 儲存到靜態或全域變量的任何資料, 不保證在下次調用子程式時仍可取得。

限制

- $1 \leq T \leq 10$
- $1 \leq n \leq 20$
- $s[i][j]$ 為 '0' (ASCII 48) 或 '1' (ASCII 49) (對於所有 $0 \leq i, j \leq 2 \cdot n$)
- $h[i][j]$ 的長度恰為 100 (對 $0 \leq i, j \leq 2 \cdot n$)
- $h[i][j]$ 的每個字符或是 '0' (ASCII 48), 或是 '1' (ASCII 49) (對 $0 \leq i, j \leq 2 \cdot n$)

對 `process` 子程式的每次調用:

- $0 \leq k \leq n - 1$
- $0 \leq i, j \leq 2 \cdot (n - k - 1)$

子任務

1. (6 分) $n \leq 2$
2. (8 分) $n \leq 4$
3. (7 分) $n \leq 6$
4. (8 分) $n \leq 8$
5. (7 分) $n \leq 10$
6. (8 分) $n \leq 12$
7. (10 分) $n \leq 14$
8. (24 分) $n \leq 16$
9. (11 分) $n \leq 18$
10. (11 分) $n \leq 20$

例

例 1

考慮 $n = 1$ 的情況, 而 s 如下:

```
1 0 0
1 1 0
0 0 1
```

此例中, 行星表面有 3×3 格、2 個島。對 `process` 子程式的調用只有 1 輪。

第 0 輪期間, 評測機會調用 `process` 子程式恰好一次:

```
process(["100", "000", "000"], ["100", "100", "000"], ["000", "000", "100"], 0, 0, 0, 1)
```

留心上式只顯示了 h 的每格的前 3 位。

子程式應回傳 "0100..." (略去的位皆為零), 因為二進制下 ...0010 等於十進制的 2。注意 ... 取代了省略的 96 個零。

例 2

考慮 $n = 2$ 的情況, 而 s 如下:

```
1 1 0 1 1
1 1 0 0 0
1 0 1 1 1
0 1 0 0 0
0 1 1 1 1
```

此例中, 行星表面有 5×5 格、4 個島。對 `process` 子程式的調用會有 2 輪。

第 0 輪期間, 評測機會調用 `process` 子程式 9 次:

```
process(["100","100","000"],["100","100","000"],["100","000","100"],0,0,0,2)
process(["100","000","100"],["100","000","000"],["000","100","100"],0,1,0,2)
process(["000","100","100"],["000","000","000"],["100","100","100"],0,2,0,2)
process(["100","100","000"],["100","000","100"],["000","100","000"],1,0,0,2)
process(["100","000","000"],["000","100","100"],["100","000","000"],1,1,0,2)
process(["000","000","000"],["100","100","100"],["000","000","000"],1,2,0,2)
process(["100","000","100"],["000","100","000"],["000","100","100"],2,0,0,2)
process(["000","100","100"],["100","000","000"],["100","100","100"],2,1,0,2)
process(["100","100","100"],["000","000","000"],["100","100","100"],2,2,0,2)
```

假設上列調用的回傳值分別為 "011", "000", "000", "111", "111", "011", "110", "010", "111", 其中略去的位皆為零。於是, 第 0 輪結束時, h 儲存的值會是:

```
"011", "000", "000", "100", "100"
"111", "111", "011", "000", "000"
"110", "010", "111", "100", "100"
"000", "100", "000", "000", "000"
"000", "100", "100", "100", "100"
```

第 1 輪期間, 評測機會調用 `process` 子程式恰好一次:

```
process(["011","000","000"],["111","111","011"],["110","010","111"],0,0,1,2)
```

最終, 此子程式應回傳 "0010000..." (略去的位皆為零), 因為二進制下 ...0000100 等於十進制的 4。注意 ... 取代了省略的 93 個零。

樣例評測程式

樣例評測程式的讀入格式為:

- 第 1 行: T
- 第 i 段 ($0 \leq i \leq T - 1$): 表示第 i 場景的一段。
 - 第 1 行: n
 - 第 $2 + j$ 行 ($0 \leq j \leq 2 \cdot n$): $s[j][0] \ s[j][1] \ \dots \ s[j][2 \cdot n]$

樣例評測程式的輸出格式為:

- 第 $1 + i$ 行 ($0 \leq i \leq T - 1$): 第 i 場景中, `process` 子程式的最終回傳值, 以十進制表示。