# Ансамблирование нейронных сетей

Гальцев Даниил НИУ ВШЭ 15.11.2019

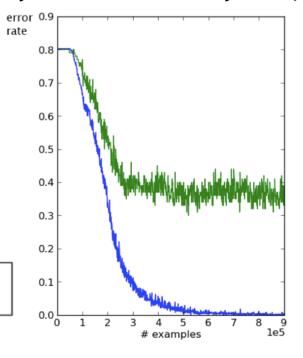
### Ансамбли

Ансамбль - композиция нескольких моделей для решения задачи машинного обучения

• Ансамбли позволяют уменьшить разброс предсказаний и уменьшить переобучение

• Нейронные сети склонны к переобучению и чувствительны к обучающим

данным и параметрам инициализации



# Model Averaging

#### Как обучать разные модели:

- Получить выборки бутстрепом
- Случайно инициализировать начальные параметры сети и перемешать обучающую выборку

#### Объединяем результаты нескольких моделей:

- Для регрессии усредняем полученные значение
- Для классификации суммируем предсказания и выбираем класс с наибольшей вероятностью

### Stacked Generalization

Вместо усреднения результатов обучим новую модель, объединяющую ответы.

Обучение на одной выборке может привести к переобучению. Решения:

- Можно выделить из тренировочной выборки валидационную выборку
- Можно подготовить данные для объединяющей модели с помощью кросс-валидации, а обучать модели по отдельности.

# Horizontal Voting Ensemble

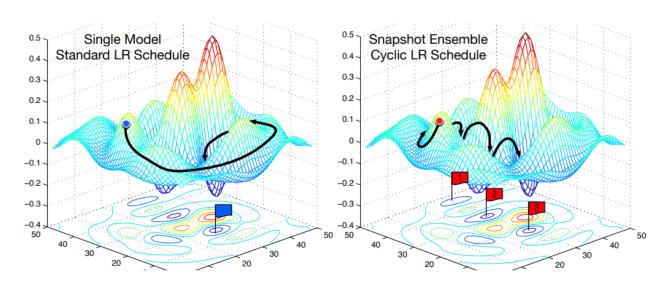
- Обучение нескольких моделей может занимать очень много времени
- Для получения ансамбля можно брать веса модели в различные моменты обучения
- B Horizontal Voting Ensemble усредняются веса модели в нескольких последних эпохах

### Horizontal Voting Ensemble

- Тестирование на данных из ICML 2013 Black Box Challenge
- Модель 2 глубокая нейронная сеть с нейронами 1875-1500-1000-1500-1200-1500- 1500-1500-1500-9
- Модель 4 ансамбль модели 2 с 651 по 850 эпоху

	MODEL 2	MODEL 4
ACCURACY(PUBLIC TEST SET)		
Accuracy(private test set)	0.65120	0.67240

- Ансамбли лучше работают, когда предсказания моделей не коррелируют
- При обучении нейронной сети есть много локальных минимумов, которые могут содержат полезную информацию



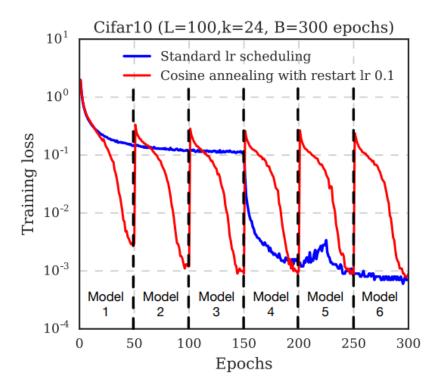
- Для схождения будем быстро уменьшать темп обучения
- Для получения различных локальных минимумов воспользуемся циклическим темпом обучения

$$\alpha(t) = f\left(\operatorname{mod}\left(t - 1, \lceil T/M \rceil\right)\right)$$

$$\alpha(t) = \frac{\alpha_0}{2} \left(\cos\left(\frac{\pi \operatorname{mod}(t - 1, \lceil T/M \rceil)}{\lceil T/M \rceil}\right) + 1\right)$$

• Последние *m* моделей объединяем в ансамбль

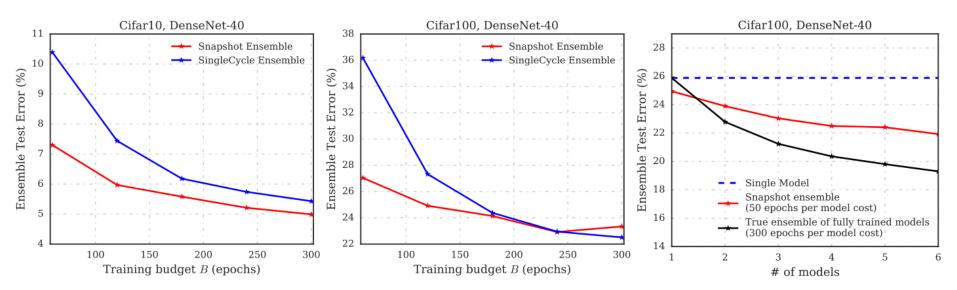
$$h_{\text{Ensemble}} = \frac{1}{m} \sum_{0}^{m-1} h_{M-i} \left( \mathbf{x} \right)$$



#### Тестовая ошибка в экспериментах

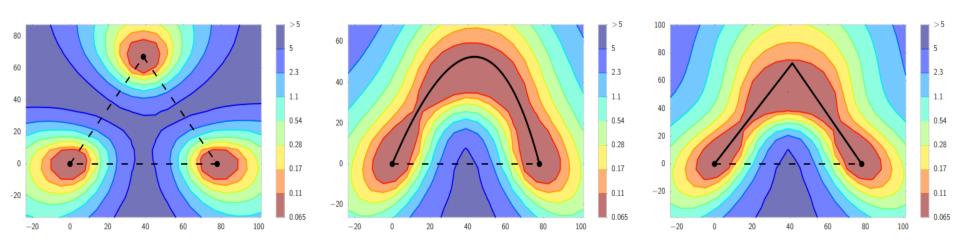
	Method	C10	C100	SVHN	Tiny ImageNet
ResNet-110	Single model	5.52	28.02	1.96	46.50
	NoCycle Snapshot Ensemble	5.49	26.97	1.78	43.69
	SingleCycle Ensembles	6.66	24.54	1.74	42.60
	Snapshot Ensemble ( $\alpha_0 = 0.1$ )	5.73	25.55	1.63	40.54
	Snapshot Ensemble ( $\alpha_0 = 0.2$ )	5.32	24.19	1.66	39.40
	Single model	5.43	23.55	1.90	39.63
	Dropout	4.68	22.82	1.81	36.58
Wide-ResNet-32	NoCycle Snapshot Ensemble	5.18	22.81	1.81	38.64
Wide-Residet-32	SingleCycle Ensembles	5.95	21.38	1.65	35.53
	Snapshot Ensemble ( $\alpha_0 = 0.1$ )	4.41	21.26	1.64	35.45
	Snapshot Ensemble ( $\alpha_0 = 0.2$ )	4.73	21.56	1.51	32.90
	Single model	5.24*	24.42*	1.77	39.09
	Dropout	6.08	25.79	1.79*	39.68
DenseNet-40	NoCycle Snapshot Ensemble	5.20	24.63	1.80	38.51
DenseNet-40	SingleCycle Ensembles	5.43	22.51	1.87	38.00
	Snapshot Ensemble ( $\alpha_0 = 0.1$ )	4.99	23.34	1.64	37.25
	Snapshot Ensemble ( $\alpha_0 = 0.2$ )	4.84	21.93	1.73	36.61
	Single model	3.74*	19.25*	-	-
	Dropout	3.65	18.77	-	-
DenseNet-100	NoCycle Snapshot Ensemble	3.80	19.30	-	-
Deliservet-100	SingleCycle Ensembles	4.52	18.38		
	Snapshot Ensemble ( $\alpha_0 = 0.1$ )	3.57	18.12	-	-
	Snapshot Ensemble ( $\alpha_0 = 0.2$ )	3.44	17.41	-	-

Зависимость тестовой ошибки от время обучения и сравнение с обычным ансабмлем



### Fast Geometric Ensembling

- Snapshot ensemble берет модели из окрестностей различных локальных минимумов
- Часто существуют общие области низких значений функции потерь

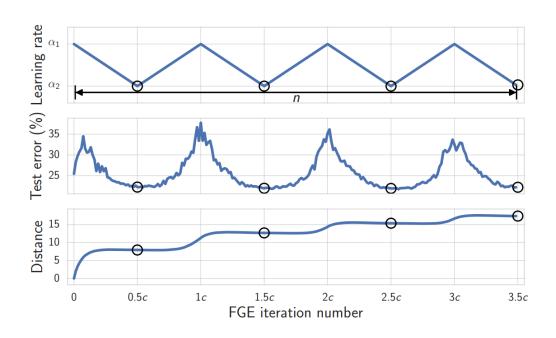


### **FGE**

- Начнем обучение с предобученной нейронной сети
- Воспользуемся быстрым (2-4 эпохи) циклическим темпом обучения

$$\alpha(i) = \begin{cases} (1 - 2t(i))\alpha_1 + 2t(i)\alpha_2 & 0 < t(i) \le \frac{1}{2} \\ (2 - 2t(i))\alpha_2 + (2t(i) - 1)\alpha_1 & \frac{1}{2} < t(i) \le 1 \end{cases} \qquad t(i) = \frac{1}{c}(\operatorname{mod}(i - 1, c) + 1)$$

• Берем модели, когда темп обучения минимален



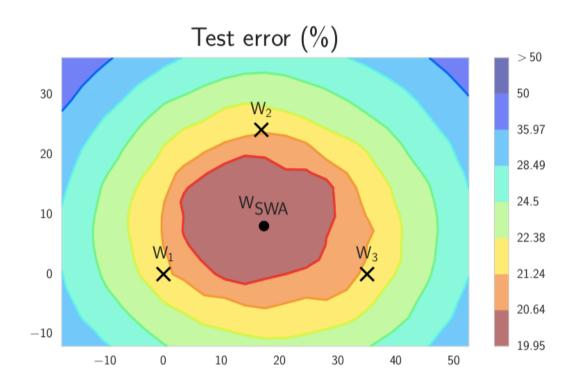
**FGE** 

#### Результаты экспериментов

		CIFAR-100			CIFAR-10		
DNN (Budget)	method	$\overline{1B}$	2B	$\overline{3B}$	1B	2B	$\overline{3B}$
VGG-16 (200)	Ind SSE FGE	$27.4 \pm 0.1$ $26.4 \pm 0.1$ $\mathbf{25.7 \pm 0.1}$	25.28 $25.16$ <b>24.11</b>	24.45 24.69 <b>23.54</b>	$6.75 \pm 0.16$ $6.57 \pm 0.12$ $6.48 \pm 0.09$	5.89 6.19 <b>5.82</b>	5.9 5.95 <b>5.66</b>
ResNet-164 (150)	Ind SSE FGE	$21.5 \pm 0.4$ $20.9 \pm 0.2$ $\mathbf{20.2 \pm 0.1}$	$19.04 \\ 19.28 \\ 18.67$	18.59 18.91 <b>18.21</b>	$4.72 \pm 0.1$ $4.66 \pm 0.02$ $4.54 \pm 0.05$	4.1 4.37 4.21	3.77 4.3 3.98
WRN-28-10 (200)	Ind SSE FGE	$19.2 \pm 0.2$ $17.9 \pm 0.2$ $17.7 \pm 0.2$	17.48 17.3 <b>16.95</b>	17.01 16.97 <b>16.88</b>	$3.82 \pm 0.1$ $3.73 \pm 0.04$ $3.65 \pm 0.1$	3.4 3.54 <b>3.38</b>	3.31 3.55 3.52

# Stochastic Weight Averaging

- Использование ансамблей приводит к увеличению времени на предсказание
- Попробуем приблизить ансамбль с помощью усреднения весов

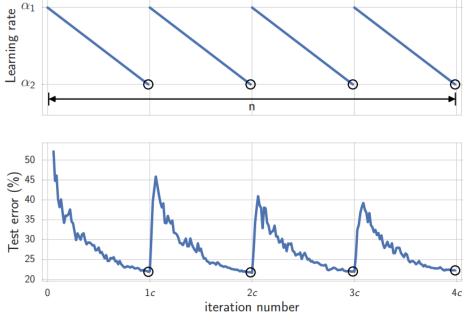


### **SWA**

- Начнем обучение с предобученной нейронной сети
- Воспользуемся быстрым (2-4 эпохи) циклическим темпом обучения

$$\alpha(i) = (1 - t(i))\alpha_1 + t(i)\alpha_2$$
  $t(i) = \frac{1}{c} \pmod{(i - 1, c) + 1}$ 

- Берем модели, когда темп обучения минимален
- Веса итоговых моделей усредняем



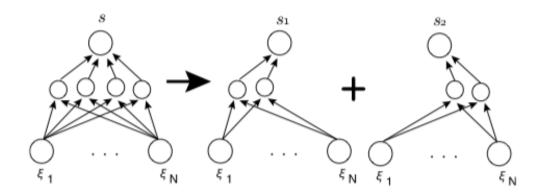
### **SWA**

#### Результаты экспериментов

			SWA		
DNN (Budget)	SGD	FGE (1 Budget)	1 Budget	1.25 Budgets	1.5 Budgets
		CIFAR-100			
VGG-16 (200)	$72.55 \pm 0.10$	74.26	$73.91 \pm 0.12$	$74.17 \pm 0.15$	$74.27 \pm 0.25$
ResNet-164 (150)	$78.49 \pm 0.36$	79.84	$79.77 \pm 0.17$	$80.18 \pm 0.23$	$80.35 \pm 0.16$
WRN-28-10 (200)	$80.82 \pm 0.23$	82.27	$81.46 \pm 0.23$	$81.91 \pm 0.27$	$82.15 \pm 0.27$
PyramidNet-272 (300)	$83.41 \pm 0.21$	_	_	$83.93 \pm 0.18$	$84.16 \pm 0.15$
		CIFAR-10			
VGG-16 (200)	$93.25 \pm 0.16$	93.52	$93.59 \pm 0.16$	$93.70 \pm 0.22$	$93.64 \pm 0.18$
ResNet-164 (150)	$95.28 \pm 0.10$	95.45	$95.56 \pm 0.11$	$95.77 \pm 0.04$	$95.83 \pm 0.03$
WRN-28-10 (200)	$96.18 \pm 0.11$	96.36	$96.45 \pm 0.11$	$96.64 \pm 0.08$	$96.79 \pm 0.05$
ShakeShake-2x64d (1800)	$96.93 \pm 0.10$	_	_	$97.16 \pm 0.10$	$97.12 \pm 0.06$

### Dropout

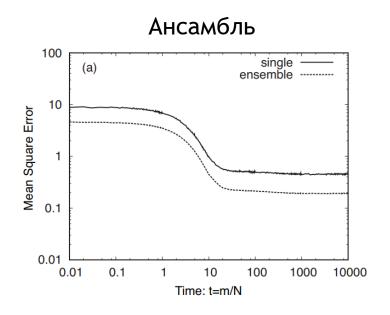
- Dropout используется для предотвращения переобучения
- Во время обучения не используется часть нейронов
- Во время предсказания используются все нейроны, но взвешенно

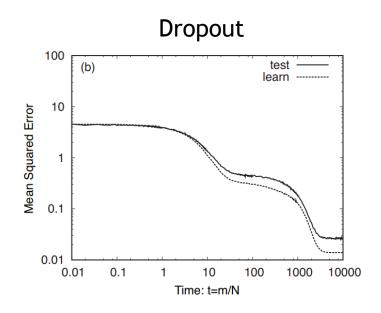


Сеть, разделенная для ансамбального обучения

### Dropout

- Обучается персептрон со 100 нейронами с Dropout, где p = 0.5
- Обучается ансамбль 2 персептронов с 50 нейронами

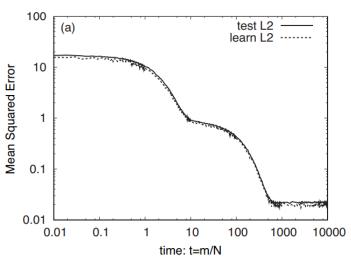


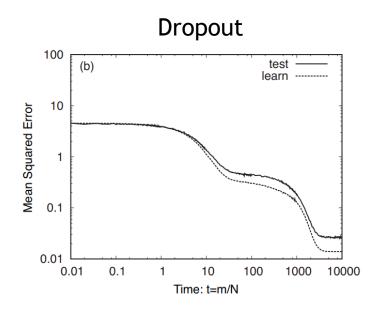


### Dropout

- Обучается персептрон со 100 нейронами с Dropout, где p = 0.5
- Обучается ансамбль 2 персептронов с 50 нейронами, используя L2 регуляризацию

#### Ансамбль с L2 регуляризацией





- Нейронные сети часто выдают слишком уверенные предсказания
- Уверенные неправильные предсказания могут быть небезопасны
- Хотелось бы получить сеть, выдающие откалиброванные предсказания

- Надо использовать корректное правило подсчета качества  $S(p_{ heta},(y,\mathbf{x}))$
- Для него выполняется  $S(p_{\theta},q) \leq S(q,q)$ , где  $q(y,\mathbf{x})$  описывает истинное распределение
- Для классификации все хорошо
- Для регрессии необходимо добавить дополнительный выход разброс, и надо воспользоваться функцией потерь:

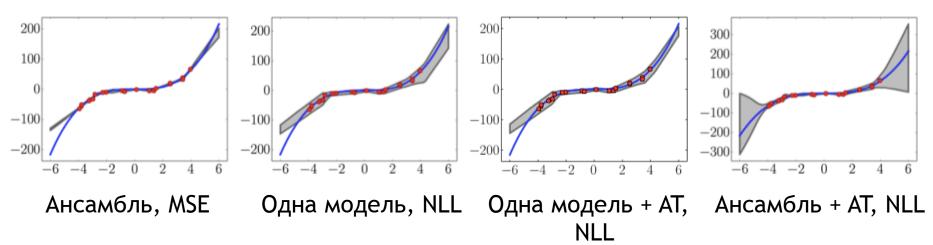
$$-\log p_{\theta}(y_n|\mathbf{x}_n) = \frac{\log \sigma_{\theta}^2(\mathbf{x})}{2} + \frac{(y - \mu_{\theta}(\mathbf{x}))^2}{2\sigma_{\theta}^2(\mathbf{x})} + \text{constant}$$

#### Получаем следующий алгоритм:

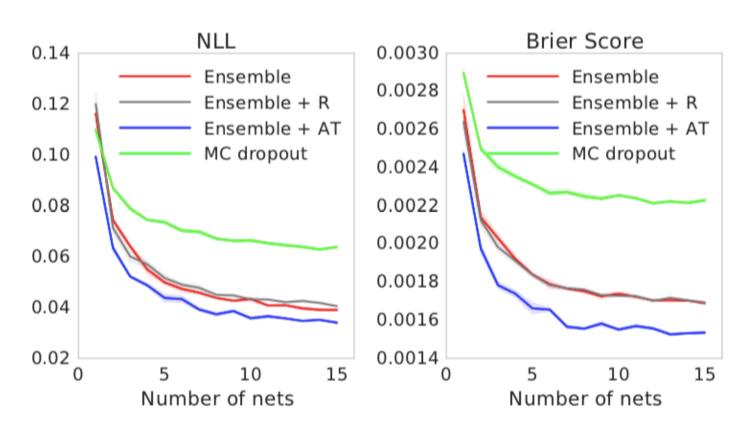
- 1. Обучаем М моделей, используя корректную оценку качества
- 2. Усредняем полученные предсказания

- Для классификации опять все хорошо
- Для регрессии:  $\sigma_*^2(\mathbf{x}) = M^{-1} \sum_m \left( \sigma_{\theta_m}^2(\mathbf{x}) + \mu_{\theta_m}^2(\mathbf{x}) \right) \mu_*^2(\mathbf{x})$

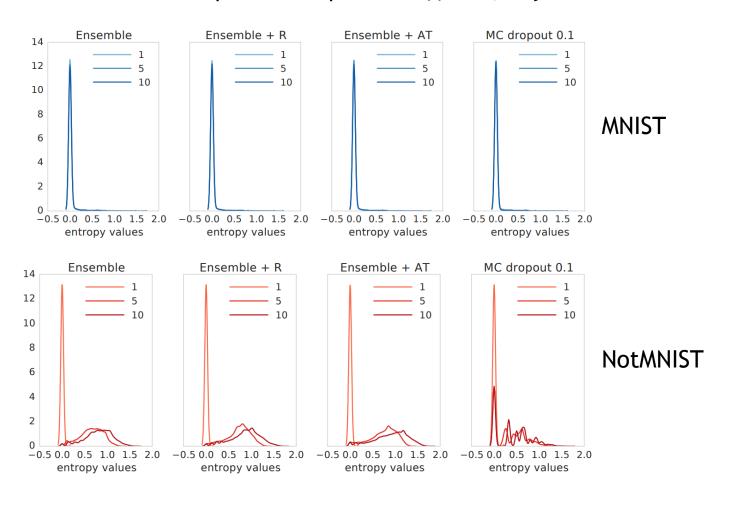




#### Результаты экспериментов для классификации



#### Гистограммы энтропии моделей, обученных на MNIST



### Вопросы

- 1. Зачем использовать ансамбли нейронных сетей? Опишите какой-нибудь способ ансамблирования.
- 2. Опишите метод построения Snapshot Ensemble. Чем FGE отличается от Snapshot Ensemble?
- 3. Как нужно обучить ансамбль нейронных сетей в задаче регрессии для Predictive Uncertainty Estimation?

### Источники

- Ensemble Learning Methods for Deep Learning Neural Networks
- Horizontal and Vertical Ensemble with Deep Representation for Classification
- Snapshot Ensembles: Train 1, get M for free
- Loss Surfaces, Mode Connectivity, and Fast Ensembling of DNNs
- Averaging Weights Leads to Wider Optima and Better Generalization
- Analysis of dropout learning regarded as ensemble learning
- Simple and Scalable Predictive Uncertainty Estimation using Deep Ensembles