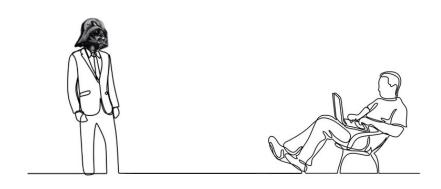
Введение в обучение с подкреплением

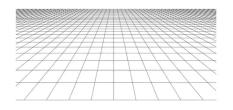
Першин Максим (181)

Факультет компьютерных наук Высшая школа экономики, 2021

Ситуация



Задача





$$state = (x, y, \theta, \alpha_1, \alpha_2, \alpha_3, \alpha_4, \beta_1, \beta_2, \beta_3, \beta_4)$$

Обучение с учителем

Предпосылки:

- $\circ \ a(x) \in A$ алгоритм из семейства алгоритмов A.
- $\circ X$ множество объектов.
- у − множество ответов.
- \circ L(a(x), y) функция потерь.

Задача:

$$a^*(x) = \arg\min_{a \in A} \sum_{i=1}^{\ell} L(a(x_i), y_i)$$

Обучение без учителя

Предпосылки:

- \circ $a(x) \in A$ алгоритм из семейства алгоритмов A.
- $\circ X$ множество объектов.
- Некоторое априорное знание о структуре выборки.

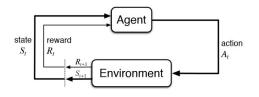
Задачи:

- Кластеризация
- о Сокращение размерности
- Выделение параметров распределения
- o ...

Reinforcement learning

S — множество состояний агента.

А – множество действий, которые может совершить агент.



Цель агента — подобрать политику $\pi: S \to A$, которая максимизирует суммарный выигрыш R:

$$R = \sum_{t=1}^{\infty} R_t \cdot \gamma^t, \quad R_t \in \mathbb{R}, \quad \gamma \in [0, 1]$$

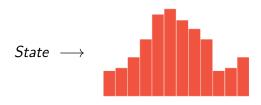
Дисконтирующий множитель

Дисконтирующий множитель – величина из отрезка [0,1].

- Определяет, насколько сильно уменьшается вклад от каждого следующего выигрыша в формуле суммарного выгрыша.
- \circ Используется только в случае, когда у агента нет терминального состояния. В случае наличия терминального состояния γ выствляется равным 1.

Policy

Политика – функция из множества состояний агента во множество вероятностных распределений действий агента.



Применения RL

```
Медицина https://arxiv.org/abs/1908.08796

NLP https://arxiv.org/abs/1705.04304
 https://arxiv.org/abs/1606.01541

Finances https://arxiv.org/abs/1803.03916

Беспилотники https://arxiv.org/abs/2002.00444

Deeplearning https://arxiv.org/abs/1606.01885
```

Многорукий бандит



Жадная стратегия

Условия:

- \circ Пусть у бандита есть k ручек.
- \circ $N = \{0,...,0\}$ сколько раз была выбрана i-ая ручка.
- \circ $E = \{0,...,0\}$ оценка матожидания выигрыша i-ой ручки.

На каждой итерации:

- Выбираем ручку с наибольшей оценкой матожидания выигрыша и дергаем ее.
- Обновляем величины:

$$N_i = N_i + 1$$
 $E_i = E_i - \frac{E_i}{N_i} + \frac{R}{N_i}$

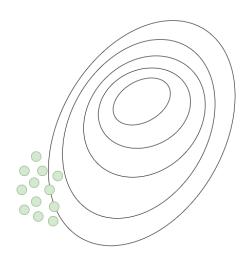
ε -жадная стратегия

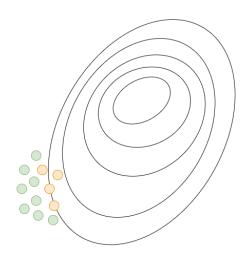
Алгоритм:

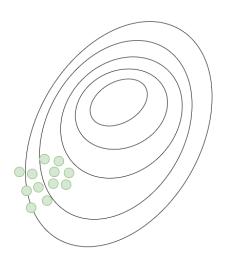
- \circ Пусть ε константа из интервала (0,1).
- Инициализируем счетчики как в жадной стратегии.
- \circ C вероятностью ε выбираем случайную ручку автомата, с вероятностью $1-\varepsilon$ выбираем ручку с максимальной оценкой матожидания выигрыша.
- Дергаем за ручку и обновляем счетчики как в жадной стратегии.

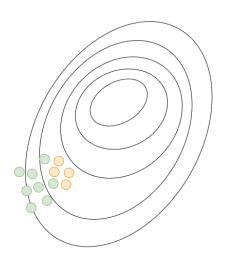
Алгоритм:

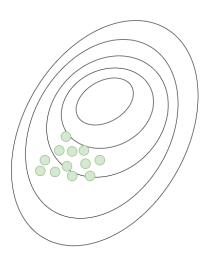
- \circ Политика табличка (|S| строк, |A| столбцов), инициализированная случайными вероятностями.
- Повторяем в цикле:
 - \circ Играем N игр и выбираем из них подмножество с лучшим выигрышем R элитные сессии.
 - Меняем политику, подстраивая ее под элитные сессии.

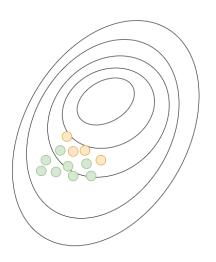


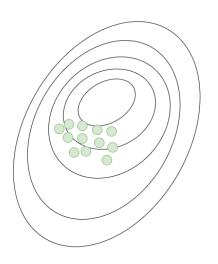


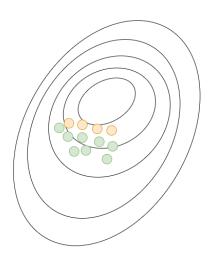


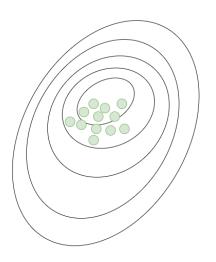


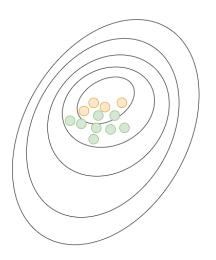


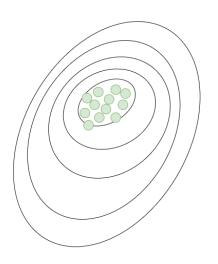












Обновление политики

В самом простом случае:

- Старая политика отбрасывается.
- \circ Список элитных состояний и соответствующих им действий: $Elites = \{(s_1, a_1), (s_2, a_2), ...\}$
- Вероятности действий в непосещенных состояниях заполняются равномерно.
- В посещенных хотя бы раз состояниях:

$$\pi(a|s) = \frac{\sum_{s,a \in Elites} [s = s'][a = a']}{\sum_{s,a \in Elites} [s = s']} =$$

 $= \frac{\mathsf{C}\mathsf{к}\mathsf{o}\mathsf{л}\mathsf{ь}\mathsf{k}\mathsf{o}}{\mathsf{C}\mathsf{k}\mathsf{o}\mathsf{n}\mathsf{b}\mathsf{k}\mathsf{o}} = \frac{\mathsf{C}\mathsf{k}\mathsf{o}\mathsf{n}\mathsf{b}\mathsf{k}\mathsf{o}}{\mathsf{C}\mathsf{k}\mathsf{o}\mathsf{n}\mathsf{b}\mathsf{k}\mathsf{o}} = \frac{\mathsf{C}\mathsf{k}\mathsf{o}\mathsf{n}\mathsf{o}\mathsf{e}\mathsf{d}\mathsf{o}\mathsf{o}\mathsf{e}}{\mathsf{o}\mathsf{e}\mathsf{o}\mathsf{o}\mathsf{o}\mathsf{e}} = \frac{\mathsf{C}\mathsf{k}\mathsf{o}\mathsf{n}\mathsf{o}\mathsf{e}\mathsf{o}\mathsf{o}\mathsf{o}\mathsf{e}}{\mathsf{o}\mathsf{o}\mathsf{o}\mathsf{e}} = \frac{\mathsf{C}\mathsf{k}\mathsf{o}\mathsf{n}\mathsf{o}\mathsf{e}}{\mathsf{o}\mathsf{o}\mathsf{o}\mathsf{e}} = \mathsf{o}\mathsf{o}\mathsf{o}\mathsf{e}}{\mathsf{o}\mathsf{o}\mathsf{o}\mathsf{e}} = \mathsf{o}\mathsf{o}\mathsf{o}\mathsf{e}$

Проблемы метода

Проблемы:

- Политика переобучается или теряет прогресс в обучении в редких состояниях.
- Элитные сессии обычно лучшие 10-20% сессий, остальные данные отбрасываются.

Какие-никакие решения:

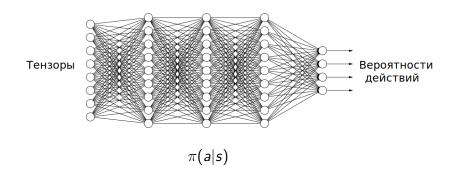
• Сглаживание политик:

$$policy_i = \alpha \cdot policy_i + (1 - \alpha) \cdot policy_{i-1}$$

• Использовать элитные сессии 2-3 предыдущих эпох.

Нейронки

Пусть теперь количество состояний континуально и описывается тензором. Можно адаптировать кросс-энтропийный метод на такой случай:



Нейронки

Алгоритм обучения в таком случае совсем не изменится:

- nn = NNClassifier()
- ∘ Цикл:
 - ∘ Играем *N* игр
 - \circ Elites = { $(s_1, a_1), (s_2, a_2), ...$ }
 - nn.fit(Elites)

Источники

- https://github.com/yandexdataschool/Practical_RL
- https://www.coursera.org/learn/practical-rl
- https://en.wikipedia.org/wiki/Reinforcement_learning