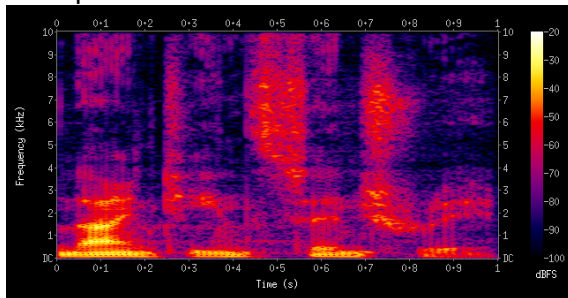




НАЦИОНАЛЬНЫЙ ИССЛЕДОВАТЕЛЬСКИЙ
УНИВЕРСИТЕТ

Speech recognition

На вход поступает спектрограмма аудиозаписи с человеческой речью.



Спектрограмма — последовательность из векторов, т.е. матрица $n \times t$.

Нужно вывести результат распознавания в виде $\{a, ..., z, apostrophe, space\}^k$, где k заранее неизвестно.

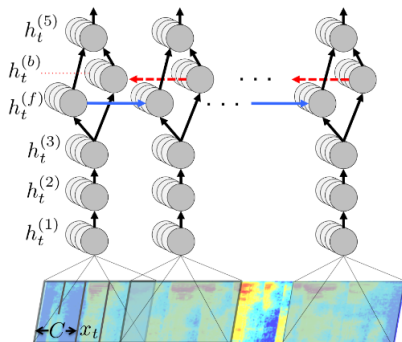
- Задачу можно решать с помощью bidirectional RNN.

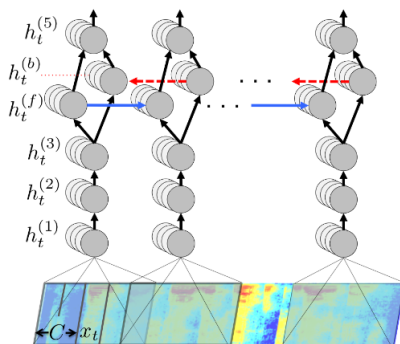
- Задачу можно решать с помощью bidirectional RNN.
- Функция активации *clipped ReLu*:
$$g(z) = \min(20, \max(0, z))$$

- Задачу можно решать с помощью bidirectional RNN.
- Функция активации *clipped ReLu*:
$$g(z) = \min(20, \max(0, z))$$
- Регуляризация с помощью dropout 5-10%,
накладывание шумов на аудиозаписи.

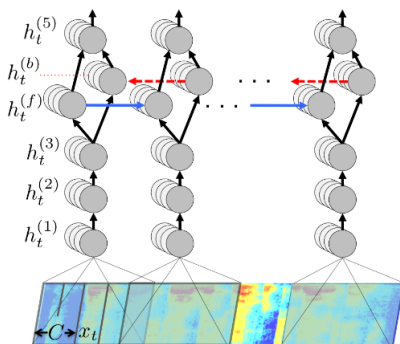
- Задачу можно решать с помощью bidirectional RNN.
- Функция активации *clipped ReLu*:
$$g(z) = \min(20, \max(0, z))$$
- Регуляризация с помощью dropout 5-10%,
накладывание шумов на аудиозаписи.
- CTC-loss.

- Задачу можно решать с помощью bidirectional RNN.
- Функция активации *clipped ReLu*:
$$g(z) = \min(20, \max(0, z))$$
- Регуляризация с помощью dropout 5-10%,
накладывание шумов на аудиозаписи.
- CTC-loss.
- Если у спектрограммы размер $n \times t$, то на выходе получаем t векторов с вероятностями для каждой метки.





- Что если спектрограмма состоит из нескольких тысяч векторов, а в аудиозаписи всего одно слово?



- Что если спектрограмма состоит из нескольких тысяч векторов, а в аудиозаписи всего одно слово?
- Для получения конечного результата необходимо преобразовать выход модели.

Множество меток необходимо расширить: теперь это $\{a, \dots, z, \textit{apostrophe}, \textit{space}, \perp\}$.

1. Каждому вектору сопоставим наиболее вероятный символ

Множество меток необходимо расширить: теперь это $\{a, \dots, z, \textit{apostrophe}, \textit{space}, \perp\}$.

1. Каждому вектору сопоставим наиболее вероятный символ
2. Удаляем повторяющиеся идущие подряд символы

Множество меток необходимо расширить: теперь это $\{a, \dots, z, \textit{apostrophe}, \textit{space}, \perp\}$.

1. Каждому вектору сопоставим наиболее вероятный символ
2. Удаляем повторяющиеся идущие подряд символы
3. Удаляем \perp

Множество меток необходимо расширить: теперь это $\{a, \dots, z, \textit{apostrophe}, \textit{space}, \perp\}$.

1. Каждому вектору сопоставим наиболее вероятный символ
2. Удаляем повторяющиеся идущие подряд символы
3. Удаляем \perp

Пример: *ssssss* $\perp \perp \perp$ *ppp* \perp *eeee* \perp *eeccchhhh*

1. *s* \perp *p* \perp *e* \perp *e* \perp *c* \perp *h* \perp

Множество меток необходимо расширить: теперь это $\{a, \dots, z, \textit{apostrophe}, \textit{space}, \perp\}$.

1. Каждому вектору сопоставим наиболее вероятный символ
2. Удаляем повторяющиеся идущие подряд символы
3. Удаляем \perp

Пример: *ssssss* $\perp \perp \perp$ *ppp* \perp *eeee* \perp *eeccchhhh*

1. *s* \perp *p* \perp *e* \perp *e* \perp *c* \perp *h* \perp
2. *speech*

Множество меток необходимо расширить: теперь это $\{a, \dots, z, \textit{apostrophe}, \textit{space}, \perp\}$.

1. Каждому вектору сопоставим наиболее вероятный символ
2. Удаляем повторяющиеся идущие подряд символы
3. Удаляем \perp

Пример: $ssssss \perp \perp \perp \textit{ppp} \perp \textit{eeee} \perp \textit{eccc} \textit{hhhh}$

1. $s \perp p \perp e \perp e \perp c \perp h \perp$
2. *speech*

Порядок важен!

Множество меток необходимо расширить: теперь это $\{a, \dots, z, \textit{apostrophe}, \textit{space}, \perp\}$.

1. Каждому вектору сопоставим наиболее вероятный символ
2. Удаляем повторяющиеся идущие подряд символы
3. Удаляем \perp

Пример: *ssssss* $\perp\perp\perp$ *ppp* \perp *eeee* \perp *eeccchhhh*

1. *s* \perp *p* \perp *e* \perp *e* \perp *c* \perp *h* \perp
2. *speech*

Порядок важен!

- Пусть $\mathcal{D}(w)$ преобразует слово w , выполняя шаги 2 и 3.

Множество меток необходимо расширить: теперь это $\{a, \dots, z, \textit{apostrophe}, \textit{space}, \perp\}$.

1. Каждому вектору сопоставим наиболее вероятный символ
2. Удаляем повторяющиеся идущие подряд символы
3. Удаляем \perp

Пример: *ssssss* $\perp \perp \perp$ *ppp* \perp *eeee* \perp *eeccchhhh*

1. *s* \perp *p* \perp *e* \perp *e* \perp *c* \perp *h* \perp
2. *speech*

Порядок важен!

- Пусть $\mathcal{D}(w)$ преобразует слово w , выполняя шаги 2 и 3.
- Способ неплохой, но можно лучше.

RNN output	Decoded Transcription
what is the weather like in bostin right now prime miniter nerendr modi arther n tickets for the game	what is the weather like in boston right now prime minister narendra modi are there any tickets for the game



- Пусть S — спектрограмма размера $n \times t$.

- Пусть S — спектрограмма размера $n \times t$.
- Пусть $\pi \in \{a, \dots, z, \textit{apostrophe}, \textit{space}, \perp\}^k$ — путь длины k , $w \in \{a, \dots, z, \textit{apostrophe}, \textit{space}\}^k$ — слово длины k .

- Пусть S — спектрограмма размера $n \times t$.
- Пусть $\pi \in \{a, \dots, z, \textit{apostrophe}, \textit{space}, \perp\}^k$ — путь длины k , $w \in \{a, \dots, z, \textit{apostrophe}, \textit{space}\}^k$ — слово длины k .
- Пусть π — путь длины $k \leq t$: $P(\pi|S) = \prod_{i=1}^k y_{\pi_i}^{(i)}$, где $y^{(i)}$ — векторы вероятности.

- Пусть S — спектрограмма размера $n \times t$.
- Пусть $\pi \in \{a, \dots, z, \textit{apostrophe}, \textit{space}, \perp\}^k$ — путь длины k , $w \in \{a, \dots, z, \textit{apostrophe}, \textit{space}\}^k$ — слово длины k .
- Пусть π — путь длины $k \leq t$: $P(\pi|S) = \prod_{i=1}^k y_{\pi_i}^{(i)}$, где $y^{(i)}$ — векторы вероятности.
- Пусть w — слово длины $k \leq t$

$$\mathbb{P}(w|S) \stackrel{\text{def}}{=} \sum_{\substack{\pi \\ |\pi|=t \\ \mathcal{D}(\pi)=w}} P(\pi|S)$$



- Слово $w = w_1 w_2 \dots w_k$.

- Слово $w = w_1 w_2 \dots w_k$.
- Введем путь $I = \perp w_1 \perp w_2 \perp \dots w_k \perp$.

- Слово $w = w_1 w_2 \dots w_k$.
- Введем путь $l = \perp w_1 \perp w_2 \perp \dots w_k \perp$.
- Динамическое программирование по l : $a_i^{(j)}$ — суммарная вероятность путей π длины j , таких, что $\mathcal{D}(\pi) = \mathcal{D}(l_{1:j})$ и при этом $\pi_j = l_j$.

Как считать эту вероятность?

- Слово $w = w_1 w_2 \dots w_k$.
- Введем путь $l = \perp w_1 \perp w_2 \perp \dots w_k \perp$.
- Динамическое программирование по l : $a_i^{(j)}$ — суммарная вероятность путей π длины j , таких, что $\mathcal{D}(\pi) = \mathcal{D}(l_{1:j})$ и при этом $\pi_j = l_j$.

$$a_i^{(j)} = \sum_{\substack{\pi \\ |\pi|=j \\ \mathcal{D}(\pi)=\mathcal{D}(w) \\ \pi_j=l_j}} P(\pi|S)$$

- Динамическое программирование по l : $a_i^{(j)}$ — суммарная вероятность путей π длины j , таких, что $\mathcal{D}(\pi) = \mathcal{D}(l_{1:i})$ и при этом $\pi_j = l_i$.

- Динамическое программирование по l : $a_i^{(j)}$ — суммарная вероятность путей π длины j , таких, что $\mathcal{D}(\pi) = \mathcal{D}(l_{1:i})$ и при этом $\pi_j = l_i$.
- $a_1^{(1)} = y_{\perp}^{(1)}$

- Динамическое программирование по l : $a_i^{(j)}$ — суммарная вероятность путей π длины j , таких, что $\mathcal{D}(\pi) = \mathcal{D}(l_{1:i})$ и при этом $\pi_j = l_i$.
- $a_1^{(1)} = y_{\perp}^{(1)}$
- $a_2^{(1)} = y_{w_1}^{(1)}$

- Динамическое программирование по l : $a_i^{(j)}$ — суммарная вероятность путей π длины j , таких, что $\mathcal{D}(\pi) = \mathcal{D}(l_{1:i})$ и при этом $\pi_j = l_i$.
- $a_1^{(1)} = y_{\perp}^{(1)}$
- $a_2^{(1)} = y_{w_1}^{(1)}$
- $\forall i > 2 : a_i^{(1)} = 0$

- Динамическое программирование по l : $a_i^{(j)}$ — суммарная вероятность путей π длины j , таких, что $\mathcal{D}(\pi) = \mathcal{D}(l_{1:i})$ и при этом $\pi_j = l_i$.
- $a_1^{(1)} = y_{\perp}^{(1)}$
- $a_2^{(1)} = y_{w_1}^{(1)}$
- $\forall i > 2 : a_i^{(1)} = 0$
- $\mathbb{P}(w|\mathbf{S}) = a_{2k}^{(t)} + a_{2k+1}^{(t)}$

$a_i^{(j)}$ — суммарная вероятность путей π длины j , таких, что $\mathcal{D}(\pi) = \mathcal{D}(l_{1:j})$ и при этом $\pi_j = l_j$.

- Если $l_i = \perp$, то $a_i^{(j)} = \left(a_i^{(j-1)} + a_{i-1}^{(j-1)} \right) y_{\perp}^{(j)}$.

$a_i^{(j)}$ — суммарная вероятность путей π длины j , таких, что $\mathcal{D}(\pi) = \mathcal{D}(l_{1:j})$ и при этом $\pi_j = l_j$.

- Если $l_j = \perp$, то $a_i^{(j)} = \left(a_i^{(j-1)} + a_{i-1}^{(j-1)} \right) y_{\perp}^{(j)}$.
- Пусть π учитывается в $a_i^{(j)}$.

$a_i^{(j)}$ — суммарная вероятность путей π длины j , таких, что $\mathcal{D}(\pi) = \mathcal{D}(l_{1:j})$ и при этом $\pi_j = l_i$.

- Если $l_i = \perp$, то $a_i^{(j)} = \left(a_i^{(j-1)} + a_{i-1}^{(j-1)} \right) y_{\perp}^{(j)}$.
- Пусть π учитывается в $a_i^{(j)}$.
- $\mathcal{D}(\pi_{1:j-1}) = \mathcal{D}(l_{1:j}) = \mathcal{D}(l_{1:j-1})$

$a_i^{(j)}$ — суммарная вероятность путей π длины j , таких, что $\mathcal{D}(\pi) = \mathcal{D}(l_{1:j})$ и при этом $\pi_j = l_j$.

- Если $l_j = \perp$, то $a_i^{(j)} = \left(a_i^{(j-1)} + a_{i-1}^{(j-1)} \right) y_{\perp}^{(j)}$.
- Пусть π учитывается в $a_i^{(j)}$.
- $\mathcal{D}(\pi_{1:j-1}) = \mathcal{D}(l_{1:j}) = \mathcal{D}(l_{1:j-1})$
- Пусть $\pi_{j-1} = c \neq \perp$. Тогда последний символ $\mathcal{D}(l_{1:j-1})$ равен $c \Rightarrow c = l_{j-1}$.

$a_i^{(j)}$ — суммарная вероятность путей π длины j , таких, что $\mathcal{D}(\pi) = \mathcal{D}(l_{1:j})$ и при этом $\pi_j = l_i$.

- Если $l_i = \perp$, то $a_i^{(j)} = \left(a_i^{(j-1)} + a_{i-1}^{(j-1)} \right) y_{\perp}^{(j)}$.
- Пусть π учитывается в $a_i^{(j)}$.
- $\mathcal{D}(\pi_{1:j-1}) = \mathcal{D}(l_{1:j}) = \mathcal{D}(l_{1:j-1})$
- Пусть $\pi_{j-1} = c \neq \perp$. Тогда последний символ $\mathcal{D}(l_{1:j-1})$ равен $c \Rightarrow c = l_{i-1}$.
- Либо $\pi_{j-1} = \perp$, либо $\pi_{j-1} = l_{i-1}$.

$a_i^{(j)}$ — суммарная вероятность путей π длины j , таких, что $\mathcal{D}(\pi) = \mathcal{D}(l_{1:j})$ и при этом $\pi_j = l_i$.

- Если $l_i = \perp$, то $a_i^{(j)} = \left(a_i^{(j-1)} + a_{i-1}^{(j-1)} \right) y_{\perp}^{(j)}$.
- Пусть π учитывается в $a_i^{(j)}$.
- $\mathcal{D}(\pi_{1:j-1}) = \mathcal{D}(l_{1:j}) = \mathcal{D}(l_{1:j-1})$
- Пусть $\pi_{j-1} = c \neq \perp$. Тогда последний символ $\mathcal{D}(l_{1:j-1})$ равен $c \Rightarrow c = l_{i-1}$.
- Либо $\pi_{j-1} = \perp$, либо $\pi_{j-1} = l_{i-1}$.
- $a_i^{(j-1)}$ отвечает только за те пути π , что $\pi_{j-1} = \perp$.

$a_i^{(j)}$ — суммарная вероятность путей π длины j , таких, что $\mathcal{D}(\pi) = \mathcal{D}(l_{1:j})$ и при этом $\pi_j = l_i$.

- Если $l_i = \perp$, то $a_i^{(j)} = \left(a_i^{(j-1)} + a_{i-1}^{(j-1)} \right) y_{\perp}^{(j)}$.
- Пусть π учитывается в $a_i^{(j)}$.
- $\mathcal{D}(\pi_{1:j-1}) = \mathcal{D}(l_{1:j}) = \mathcal{D}(l_{1:j-1})$
- Пусть $\pi_{j-1} = c \neq \perp$. Тогда последний символ $\mathcal{D}(l_{1:j-1})$ равен $c \Rightarrow c = l_{i-1}$.
- Либо $\pi_{j-1} = \perp$, либо $\pi_{j-1} = l_{i-1}$.
- $a_i^{(j-1)}$ отвечает только за те пути π , что $\pi_{j-1} = \perp$.
- $a_{i-1}^{(j-1)}$ отвечает только за те пути π , что $\pi_{j-1} = l_{i-1}$.

$a_i^{(j)}$ — суммарная вероятность путей π длины j , таких, что $\mathcal{D}(\pi) = \mathcal{D}(l_{1:j})$ и при этом $\pi_j = l_j$.

- Если $l_i = l_{i-2} \neq \perp$, то $a_i^{(j)} = \left(a_i^{(j-1)} + a_{i-1}^{(j-1)} \right) y_{l_i}^{(j)}$.

$a_i^{(j)}$ — суммарная вероятность путей π длины j , таких, что $\mathcal{D}(\pi) = \mathcal{D}(l_{1:j})$ и при этом $\pi_j = l_j$.

- Если $l_i = l_{i-2} \neq \perp$, то $a_i^{(j)} = \left(a_i^{(j-1)} + a_{i-1}^{(j-1)} \right) y_{l_i}^{(j)}$.
- Пусть π учитывается в $a_i^{(j)}$.

$a_i^{(j)}$ — суммарная вероятность путей π длины j , таких, что $\mathcal{D}(\pi) = \mathcal{D}(l_{1:j})$ и при этом $\pi_j = l_j$.

- Если $l_i = l_{i-2} \neq \perp$, то $a_i^{(j)} = \left(a_i^{(j-1)} + a_{i-1}^{(j-1)} \right) y_{l_i}^{(j)}$.
- Пусть π учитывается в $a_i^{(j)}$.
- Пусть $\pi_{j-1} = c \neq \perp$. Тогда $c = l_i$, либо $c = l_{i-2}$, но $l_i = l_{i-2} \Rightarrow c = l_i$.

$a_i^{(j)}$ — суммарная вероятность путей π длины j , таких, что $\mathcal{D}(\pi) = \mathcal{D}(l_{1:j})$ и при этом $\pi_j = l_i$.

- Если $l_i = l_{i-2} \neq \perp$, то $a_i^{(j)} = \left(a_i^{(j-1)} + a_{i-1}^{(j-1)} \right) y_{l_i}^{(j)}$.
- Пусть π учитывается в $a_i^{(j)}$.
- Пусть $\pi_{j-1} = c \neq \perp$. Тогда $c = l_i$, либо $c = l_{i-2}$, но $l_i = l_{i-2} \Rightarrow c = l_i$.
- $a_i^{(j-1)}$ отвечает только за те пути π , что $\pi_{j-1} = l_i$.

$a_i^{(j)}$ — суммарная вероятность путей π длины j , таких, что $\mathcal{D}(\pi) = \mathcal{D}(l_{1:j})$ и при этом $\pi_j = l_i$.

- Если $l_i = l_{i-2} \neq \perp$, то $a_i^{(j)} = \left(a_i^{(j-1)} + a_{i-1}^{(j-1)} \right) y_{l_i}^{(j)}$.
- Пусть π учитывается в $a_i^{(j)}$.
- Пусть $\pi_{j-1} = c \neq \perp$. Тогда $c = l_i$, либо $c = l_{i-2}$, но $l_i = l_{i-2} \Rightarrow c = l_i$.
- $a_i^{(j-1)}$ отвечает только за те пути π , что $\pi_{j-1} = l_i$.
- $a_{i-1}^{(j-1)}$ отвечает только за те пути π , что $\pi_{j-1} = \perp$.

$a_i^{(j)}$ — суммарная вероятность путей π длины j , таких, что $\mathcal{D}(\pi) = \mathcal{D}(l_{1:j})$ и при этом $\pi_j = l_i$.

- Если $\perp \neq l_i \neq l_{i-2}$, то $a_i^{(j)} = \left(a_i^{(j-1)} + a_{i-1}^{(j-1)} + a_{i-2}^{(j-1)} \right) y_{l_i}^{(j)}$.

$a_i^{(j)}$ — суммарная вероятность путей π длины j , таких, что $\mathcal{D}(\pi) = \mathcal{D}(l_{1:j})$ и при этом $\pi_j = l_i$.

- Если $\perp \neq l_i \neq l_{i-2}$, то $a_i^{(j)} = \left(a_i^{(j-1)} + a_{i-1}^{(j-1)} + a_{i-2}^{(j-1)} \right) y_{l_i}^{(j)}$.
- Пусть π учитывается в $a_i^{(j)}$.

$a_i^{(j)}$ — суммарная вероятность путей π длины j , таких, что $\mathcal{D}(\pi) = \mathcal{D}(l_{1:j})$ и при этом $\pi_j = l_i$.

- Если $\perp \neq l_i \neq l_{i-2}$, то $a_i^{(j)} = \left(a_i^{(j-1)} + a_{i-1}^{(j-1)} + a_{i-2}^{(j-1)} \right) y_{l_i}^{(j)}$.
- Пусть π учитывается в $a_i^{(j)}$.
- Пусть $\pi_{j-1} = c \neq \perp$. Тогда $c = l_i$, либо $c = l_{i-2}$.

$a_i^{(j)}$ — суммарная вероятность путей π длины j , таких, что $\mathcal{D}(\pi) = \mathcal{D}(l_{1:j})$ и при этом $\pi_j = l_i$.

- Если $\perp \neq l_i \neq l_{i-2}$, то $a_i^{(j)} = \left(a_i^{(j-1)} + a_{i-1}^{(j-1)} + a_{i-2}^{(j-1)} \right) y_{l_i}^{(j)}$.
- Пусть π учитывается в $a_i^{(j)}$.
- Пусть $\pi_{j-1} = c \neq \perp$. Тогда $c = l_i$, либо $c = l_{i-2}$.
- $a_i^{(j-1)}$ отвечает только за те пути π , что $\pi_{j-1} = l_i$.

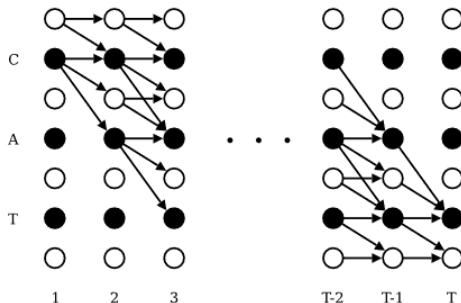
$a_i^{(j)}$ — суммарная вероятность путей π длины j , таких, что $\mathcal{D}(\pi) = \mathcal{D}(l_{1:j})$ и при этом $\pi_j = l_i$.

- Если $\perp \neq l_i \neq l_{i-2}$, то $a_i^{(j)} = \left(a_i^{(j-1)} + a_{i-1}^{(j-1)} + a_{i-2}^{(j-1)} \right) y_{l_i}^{(j)}$.
- Пусть π учитывается в $a_i^{(j)}$.
- Пусть $\pi_{j-1} = c \neq \perp$. Тогда $c = l_i$, либо $c = l_{i-2}$.
- $a_i^{(j-1)}$ отвечает только за те пути π , что $\pi_{j-1} = l_i$.
- $a_{i-1}^{(j-1)}$ отвечает только за те пути π , что $\pi_{j-1} = \perp$.

$a_i^{(j)}$ — суммарная вероятность путей π длины j , таких, что $\mathcal{D}(\pi) = \mathcal{D}(l_{1:j})$ и при этом $\pi_j = l_i$.

- Если $\perp \neq l_i \neq l_{i-2}$, то $a_i^{(j)} = \left(a_i^{(j-1)} + a_{i-1}^{(j-1)} + a_{i-2}^{(j-1)} \right) y_{l_i}^{(j)}$.
- Пусть π учитывается в $a_i^{(j)}$.
- Пусть $\pi_{j-1} = c \neq \perp$. Тогда $c = l_i$, либо $c = l_{i-2}$.
- $a_i^{(j-1)}$ отвечает только за те пути π , что $\pi_{j-1} = l_i$.
- $a_{i-1}^{(j-1)}$ отвечает только за те пути π , что $\pi_{j-1} = \perp$.
- $a_{i-2}^{(j-1)}$ отвечает только за те пути π , что $\pi_{j-1} = l_{i-2}$.

Как считать эту вероятность?



$$a_i^{(j)} = \begin{cases} \left(a_i^{(j-1)} + a_{i-1}^{(j-1)} \right) y_{l_i}^{(j)} & \text{если } l_i = \perp \text{ или } l_i = l_{i-2} \\ \left(a_i^{(j-1)} + a_{i-1}^{(j-1)} + a_{i-2}^{(j-1)} \right) y_{l_i}^{(j)} & \text{иначе} \end{cases}$$

- Пусть есть большой корпус текста, c — n -грамма.
- $P_{lm}(c) = \frac{\text{cnt}(c)}{\text{cnt}(c_1 c_2 \dots c_{n-1})}$

- Пусть есть большой корпус текста, c — n -грамма.
- $P_{lm}(c) = \frac{\text{cnt}(c)}{\text{cnt}(c_1 c_2 \dots c_{n-1})}$
- Вероятность слова w :
$$P_{lm}(w) = P_{lm}(w_1 \dots w_n) P_{lm}(w_2 \dots w_{n+1}) \dots P_{lm}(w_{k-n+1} \dots w_k)$$

- Пусть есть большой корпус текста, c — n -грамма.
- $P_{lm}(c) = \frac{\text{cnt}(c)}{\text{cnt}(c_1 c_2 \dots c_{n-1})}$
- Вероятность слова w :
$$P_{lm}(w) = P_{lm}(w_1 \dots w_n) P_{lm}(w_2 \dots w_{n+1}) \dots P_{lm}(w_{k-n+1} \dots w_k)$$

$$Q(w) = \mathbb{P}(w) + \alpha P_{lm}(w) + \beta \text{cnt}(w)$$

- Пусть есть большой корпус текста, c — n -грамма.

- $P_{lm}(c) = \frac{\text{cnt}(c)}{\text{cnt}(c_1 c_2 \dots c_{n-1})}$

- Вероятность слова w :

$$P_{lm}(w) = P_{lm}(w_1 \dots w_n) P_{lm}(w_2 \dots w_{n+1}) \dots P_{lm}(w_{k-n+1} \dots w_k)$$

$$Q(w) = \mathbb{P}(w) + \alpha P_{lm}(w) + \beta \text{cnt}(w)$$

RNN output	Decoded Transcription
what is the weather like in bostin right now prime miniter nerennr modi arther n tickets for the game	what is the weather like in boston right now prime minister narendra modi are there any tickets for the game

Пусть $D = (S_i, w_i)_{i=1}^d$ — данные, на которых считается ошибка.

$$\mathcal{L} = - \sum_{(S,w) \in D} \ln (\mathbb{P}(w|S))$$

Пусть $D = (S_i, w_i)_{i=1}^d$ — данные, на которых считается ошибка.

$$\mathcal{L} = - \sum_{(S,w) \in D} \ln(\mathbb{P}(w|S))$$

- Как посчитать градиент?

Пусть $D = (S_i, w_i)_{i=1}^d$ — данные, на которых считается ошибка.

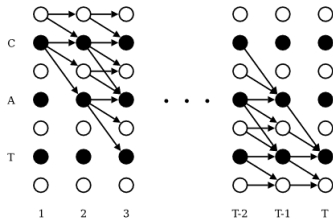
$$\mathcal{L} = - \sum_{(S,w) \in D} \ln(\mathbb{P}(w|S))$$

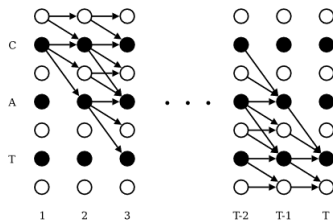
- Как посчитать градиент?
- $a_i^{(j)}$ — суммарная вероятность путей π длины j , таких, что $\mathcal{D}(\pi) = \mathcal{D}(l_{1:j})$ и при этом $\pi_j = l_j$.

Пусть $D = (S_i, w_i)_{i=1}^d$ — данные, на которых считается ошибка.

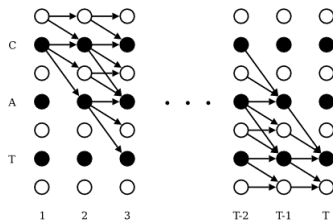
$$\mathcal{L} = - \sum_{(S,w) \in D} \ln(\mathbb{P}(w|S))$$

- Как посчитать градиент?
- $a_i^{(j)}$ — суммарная вероятность путей π длины j , таких, что $\mathcal{D}(\pi) = \mathcal{D}(l_{1:j})$ и при этом $\pi_j = l_j$.
- $b_i^{(j)}$ — суммарная вероятность путей π длины j , таких, что $\mathcal{D}(\pi) = \mathcal{D}(l_{i:|l|})$ и при этом $\pi_1 = l_i$.

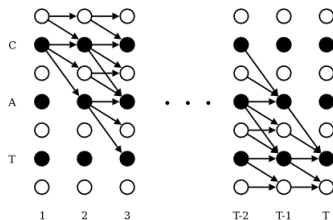




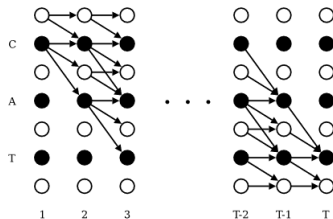
- Проставим $a_i^{(j)} = 0 \ \forall i < |I| - 2(t-j) - 1$ — верхний правый угол.



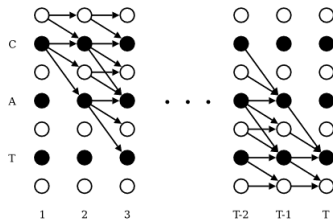
- Проставим $a_i^{(j)} = 0 \ \forall i < |I| - 2(t - j) - 1$ — верхний правый угол.
- Проставим $b_i^{(j)} = 0 \ \forall i > 2j$ — левый нижний угол.



- Проставим $a_i^{(j)} = 0 \ \forall i < |I| - 2(t - j) - 1$ — верхний правый угол.
- Проставим $b_i^{(j)} = 0 \ \forall i > 2j$ — левый нижний угол.



$$a_i^{(j)} b_i^{(j)} = y_{l_i}^{(j)} \cdot \sum_{\substack{|\pi|=t \\ \mathcal{D}(\pi)=\mathcal{D}(l) \\ \pi_j=l_i}} P(\pi|S) = y_{l_i}^{(j)} \cdot \sum_{\substack{|\pi|=t \\ \mathcal{D}(\pi)=\mathcal{D}(l) \\ \pi_j=l_i}} \prod_{u=1}^t y_{\pi_u}^{(u)}$$



$$a_i^{(j)} b_i^{(j)} = y_{l_i}^{(j)} \cdot \sum_{\substack{|\pi|=t \\ \mathcal{D}(\pi)=\mathcal{D}(l) \\ \pi_j=l_i}} P(\pi|\mathbf{S}) = y_{l_i}^{(j)} \cdot \sum_{\substack{|\pi|=t \\ \mathcal{D}(\pi)=\mathcal{D}(l) \\ \pi_j=l_i}} \prod_{u=1}^t y_{\pi_u}^{(u)}$$

$$\sum_{i=1}^{|l|} \frac{a_i^{(j)} b_i^{(j)}}{y_{l_i}^{(j)}} = \mathbb{P}(\mathbf{w}|\mathbf{S})$$

Нужно научиться брать производные такого вида: $\frac{\partial \mathcal{L}}{\partial y_i^{(j)}}$

Нужно научиться брать производные такого вида: $\frac{\partial \mathcal{L}}{\partial y_i^{(j)}}$

$$\mathcal{L} = - \sum_{(S, w) \in D} \ln (\mathbb{P}(w|S))$$

Нужно научиться брать производные такого вида: $\frac{\partial \mathcal{L}}{\partial y_i^{(j)}}$

$$\mathcal{L} = - \sum_{(S, w) \in D} \ln (\mathbb{P}(w|S))$$

То есть достаточно научиться брать производные такого вида: $\frac{\partial \mathbb{P}(w|S)}{\partial y_i^{(j)}}$

Нужно научиться брать производные такого вида: $\frac{\partial \mathcal{L}}{\partial y_i^{(j)}}$

$$\mathcal{L} = - \sum_{(S, w) \in D} \ln (\mathbb{P}(w|S))$$

То есть достаточно научиться брать производные такого вида: $\frac{\partial \mathbb{P}(w|S)}{\partial y_i^{(j)}}$

$$\sum_{i=1}^{|I|} \frac{a_i^{(j)} b_i^{(j)}}{y_{l_i}^{(j)}} = \mathbb{P}(w|S)$$

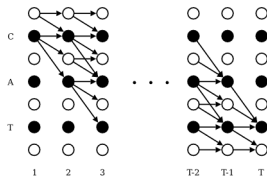
Нужно научиться брать производные такого вида: $\frac{\partial \mathcal{L}}{\partial y_i^{(j)}}$

$$\mathcal{L} = - \sum_{(S, w) \in D} \ln (\mathbb{P}(w|S))$$

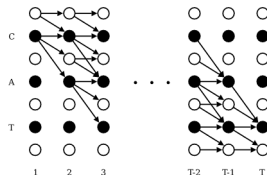
То есть достаточно научиться брать производные такого вида: $\frac{\partial \mathbb{P}(w|S)}{\partial y_i^{(j)}}$

$$\sum_{i=1}^{|I|} \frac{a_i^{(j)} b_i^{(j)}}{y_{l_i}^{(j)}} = \mathbb{P}(w|S)$$

То есть достаточно научиться брать производные такого вида: $\frac{\partial}{\partial y_c^{(j)}} \left(\frac{a_i^{(j)} b_i^{(j)}}{y_{l_i}^{(j)}} \right)$



Если $l_i \neq c$, то $\frac{\partial}{\partial y_c^{(j)}} \left(\frac{a_i^{(j)} b_i^{(j)}}{y_{l_i}^{(j)}} \right) = 0$.



Если $l_i \neq c$, то $\frac{\partial}{\partial y_c^{(j)}} \left(\frac{a_i^{(j)} b_i^{(j)}}{y_{l_i}^{(j)}} \right) = 0$.

Иначе:

$$\frac{\partial}{\partial y_{l_i}^{(j)}} \left(\frac{a_i^{(j)} b_i^{(j)}}{y_{l_i}^{(j)}} \right) = \frac{\partial}{\partial y_{l_i}^{(j)}} \left(\sum_{\substack{|\pi|=t \\ \mathcal{D}(\pi)=\mathcal{D}(l) \\ \pi_j=l_i}} \prod_{u=1}^t y_{\pi_u}^{(u)} \right) = \frac{a_i^{(j)} b_i^{(j)}}{\left(y_{l_i}^{(j)} \right)^2}$$

WER - word error rate

System	Clean (94)	Noisy (82)	Combined (176)
Apple Dictation	14.24	43.76	26.73
Bing Speech	11.73	36.12	22.05
Google API	6.64	30.47	16.72
wit.ai	7.94	35.06	19.41
Deep Speech	6.56	19.06	11.85

- <https://arxiv.org/abs/1412.5567>
- https://www.cs.toronto.edu/~graves/icml_2006.pdf
- **An Intuitive Explanation of Connectionist Temporal Classification**