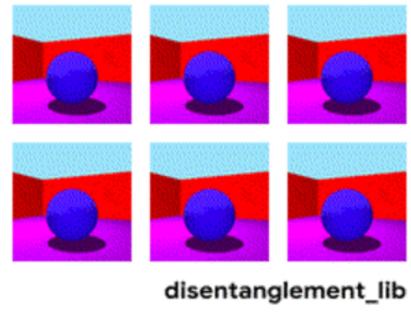
# Challenging Common Assumptions in the Unsupervised Learning of Disentangled Representations

Кудрявцева Софья

#### Распутывание представлений

• Метод, при котором путем обучения модели строится вектор независимых параметров, где каждый из них означает отдельный фактор (положение, размер, угол вращения, цвет и т.д.)



#### Задачи

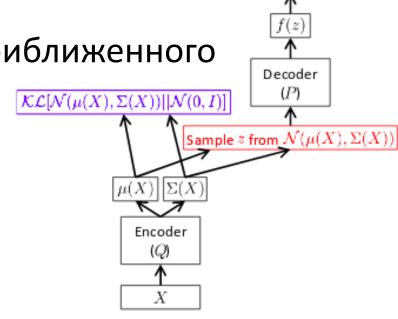
- Исследовать возможность unsupervised распутывания представлений теоретически и экспериментально
- Проверить, на сколько полезно распутывание представлений для других задач

## State-of-the-art неконтролируемого распутывания

VAE

r(x) обычно принимается за среднее значение приближенного

распределения Q(z|x)



$$\mathcal{L} = \mathbb{E}_{q(z|X)}[\log p(X|z)] - D_{KL}[q(z|X)||p(z)]$$

Теоретическое исследование возможности неконтролируемого распутывания представлений. Теорема 1.

• Для d > 1, пусть z ~ P обозначает любое распределение которое удовлетворяет условию  $p(\mathbf{z}) = \prod_{i=1}^d p(\mathbf{z}_i)$  Тогда существует бесконечное множество функций  $\mathbf{f}: \mathrm{supp}(\mathbf{z}) \to \mathrm{supp}(\mathbf{z})$  для которых  $\frac{\partial f_i(\mathbf{u})}{\partial u_j} \neq 0$  почти для всех i и j. (то есть, z и f(z) полностью запутаны относительно друг друга) и  $P(\mathbf{z} \le \mathbf{u}) = P(\mathbf{f}(\mathbf{z}) \le \mathbf{u})$  для всех  $\mathbf{u} \in \mathrm{supp}(\mathbf{z})$  (то есть они имеют одинаковое предельное распределение).

#### Следствие теоремы

Неконтролируемое обучение распутыванию невозможно для произвольных генеративных моделей:

Предположим, что у нас есть p(z) и некоторые P(x|z), определяющие генеративную модель. Рассмотрим любой неконтролируемый метод распутывания и предположим, что он находит представление r(x) - совершенно распутанное относительно z в генеративной модели. Тогда по теореме 1 существует эквивалентная генеративная модель со скрытой переменной z'=f(z), где z' полностью запутана относительно z и, следовательно, также r(x). Так как p(z)=p(z') почти везде, обе генеративные модели имеют одинаковое предельное распределение наблюдений x по построению, т.е.

$$P(\mathbf{x}) = \int p(\mathbf{x}|\mathbf{z})p(\mathbf{z})d\mathbf{z} = \int p(\mathbf{x}|\hat{\mathbf{z}})p(\hat{\mathbf{z}})d\hat{\mathbf{z}}$$

#### Следствие теоремы

• Поскольку (неконтролируемый) метод распутывания имеет доступ только к наблюдениям х, он, следовательно, не может различать две эквивалентные генеративные модели. После наблюдения х мы можем построить бесконечно много генеративных моделей, которые имеют одно и то же конечное распределение х.

### Экспериментальное исследование возможности неконтролируемого распутывания представлений

Все рассмотренные методы увеличивают потери VAE с помощью регуляризатора:

• B-VAE 
$$\mathcal{L} = \mathbb{E}_{q(z|X)}[\log p(X|z)] - \beta D_{KL}[q(z|X)||p(z)]$$

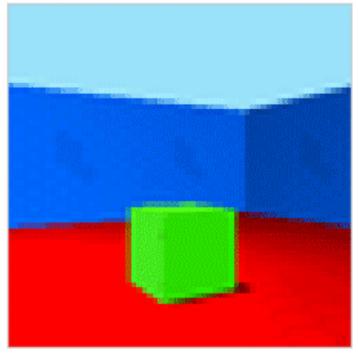
AnnealedVAE

$$\mathbb{E}_{p(\mathbf{x})}[\mathbb{E}_{q_{\phi}(\mathbf{z}|\mathbf{x})}[\log p_{\theta}(\mathbf{x}|\mathbf{z})] - \gamma |D_{\mathrm{KL}}(q_{\phi}(\mathbf{z}|\mathbf{x})||p(\mathbf{z})) - C|]$$

• 
$$\beta$$
-TCVAE  $D_{KL}(q(z)||p(z)) = D_{KL}(q(z)||\prod_{j}q(z_{j})) + \sum_{j}D_{KL}(q(z_{j})||p(z_{j}))$ 

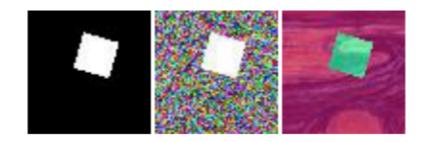
#### Наборы данных

• 4 набора данных, в которых изображение генерируется из независимого скрытого представления : dSprites, Cars3D, SmallNORB, Shapes3D.



#### Наборы данных

- 3 набора данных, в которых наблюдения х являются стохастическими с учетом фактора вариаций z: Color-DSPR, Noisy-dSprites и Scream-dSprites.
- B Color-dSprites фигуры окрашиваются случайным цветом. В Noisy-dSprites фигуры белого цвета на шумном фоне. В Scream-dSprites фон заменяется случайным пятном в случайном цветовом оттенке из картины "Крик".



#### Метрики

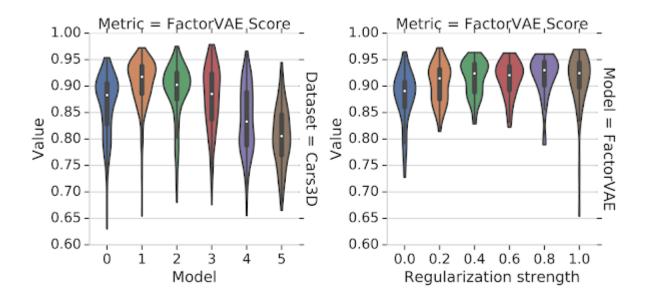
- Метрика BetaVAE точность линейного классификатора, который предсказывает индекс фиксированного коэффициента вариации.
- FactorVAE классификатор большинства голосов BetaVAE.
- MIG измеряет для каждого фактора вариации нормированный разрыв во взаимной информации между первой и второй по величине координатами в r(x).
- Модульность измеряет, зависит ли каждое измерение r(x) не более чем от одного фактора вариации, используя их взаимную информацию.
- DCI Disentanglement энтропия распределения, полученная путем нормализации важности каждого измерения изученного представления для предсказания значения фактора вариации.
- SAP среднюю разность ошибок прогнозирования двух наиболее прогностических латентных измерений для каждого фактора.

#### Эксперименты

• Каждый метод использовал одну и ту же convolutional архитектуру, оптимизатор, размер батча, гаусовский энкодер, Декодер Бернулли и скрытые переменные размером 10.

#### Выводы

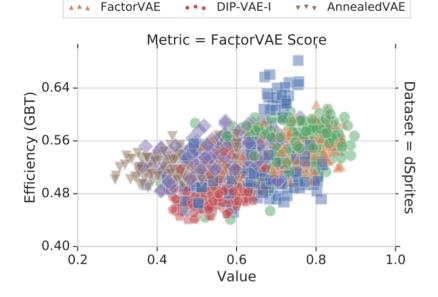
• Случайные начальные числа и гиперпараметры имеют большее значение, чем выбор модели



#### Выводы

 Для рассматриваемых моделей и датасетов неподтверждается, что распутывание полезно для последующих задач. Например, что с распутанными представлениями можно обучаться на меньшем количестве

размеченных наблюдений.



 $\beta$ -VAE

#### Корреляция метрик



#### Дальнейшие направления исследования

- Исследовать эту задачу с supervised или semi-supervised learning
- Добавление во входные данные дополнительной информации
- Эксперименты на различных данных. Для этого выпущена библиотека с предобученными VAE

#### Ссылки

• <a href="https://github.com/google-research/disentanglement\_lib">https://github.com/google-research/disentanglement\_lib</a> библиотека от Google Al содержит 10800 вариационных автоэнкодеров, обученных на семи датасетах