



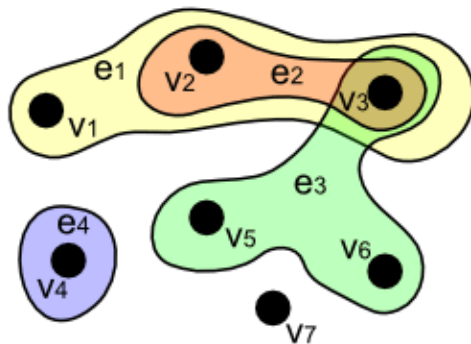
A számítógépes szemantika alapjai

A szemantika fő megközelítései

- 3 nagy iskola
 - A szemantika logikai formulákkal történő leírása

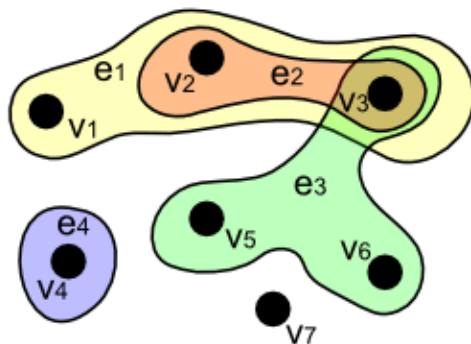
A szemantika fő megközelítései

- 3 nagy iskola
 - A szemantika logikai formulákkal történő leírása
 - Tudásbázisok létrehozása (hiper)gráfok segítségével
 - Pl. Wordnet, ConceptNet, Microsoft Concept Graph, Babelnet, (Open)Cyc, ...



A szemantika fő megközelítései

- 3 nagy iskola
 - A szemantika logikai formulákkal történő leírása
 - Tudásbázisok létrehozása (hiper)gráfok segítségével
 - Pl. Wordnet, ConceptNet, Microsoft Concept Graph, Babelnet, (Open)Cyc, ...



- Szavak vektorokkal történő jellemzése

Montague nyelvtan

- “There is in my opinion no important theoretical difference between natural languages and the artificial languages of logicians” (Universal Grammar 1970)
- A jelentést logikai formulákkal ragadják meg
- Kategóriákra alapozó nyelvtan
- Felteszi a jeletés rekurzív és kompozicionális voltát
- “Colorless green ideas sleep furiously.”
- Lásd még: Frege, Russell, Tarski munkássága

A disztribúciós hipotézis (Firth)

- “You shall know a word by the company it keeps” (Firth, 1957)
 - Az ötlet már az 1935-ös *The technique of semantics* című munkájában is fellelhető

Secondly, the complete meaning of a word is always contextual, and no study of meaning apart from a complete context can be taken seriously.

- Lásd még: Zellig Harris, Charles Osgood (szemantikus differenciál)

Szavak mint vektorok

- Az ún. term-dokumentum mátrix maga fölfogható a szavak egy reprezentációjaként
 - A mátrix ij eleme megmondja, hogy az i szó a j dokumentumban hányszor fordult elő

	d1	d2	...	dn
w1=korong	3	4	...	
w2=ütő	2	0	...	1
w3=hazafutás	0	0	...	5
...			...	
w _m	1	2	...	1

Szingulárisérték felbontás (SVD)

- Bármely mátrix fölírható $U^* \Sigma^* V'$ szorzat alakban
 - Ahol U , V' ortogonális, Σ diagonális

The diagram illustrates the SVD decomposition of a matrix M into three components: U , Σ , and V^* . The dimensions of these matrices are indicated below them: M is $m \times n$, U is $m \times m$, Σ is $m \times n$, and V^* is $n \times n$.

The matrix M is represented by a 4x4 grid of colored squares (orange, green, blue, and yellow). The matrix U is represented by a 4x4 grid of colored squares (orange, green, blue, and yellow). The matrix Σ is represented by a 4x4 grid of colored squares (orange, green, blue, and yellow). The matrix V^* is represented by a 4x4 grid of colored squares (orange, green, blue, and yellow).

The decomposition is shown as:

$$M = U \Sigma V^*$$

Below this, the orthogonality of U and V is demonstrated. The matrix U is shown next to its conjugate transpose U^* , which equals the identity matrix I_m . Similarly, the matrix V is shown next to its conjugate transpose V^* , which equals the identity matrix I_n .

The identity matrices I_m and I_n are shown as 4x4 grids of colored squares (orange, green, blue, and yellow).

Szingulárisérték felbontás (SVD)

- Bármely mátrix fölírható $U^* \Sigma^* V'$ szorzat alakban
 - Ahol U , V' ortogonális, Σ diagonális
- “Csonkolt”-SVD (truncated-SVD)
 - U , V mátrixokból $k < \min(m, n)$ oszlopot tartunk csupán meg
 - Σ -nek hagyjuk el a k^*k -n “felüli” részét

$$\begin{matrix} \begin{matrix} \text{4x4 grid} \end{matrix} & = & \begin{matrix} \text{4x4 grid} \end{matrix} & \begin{matrix} \begin{matrix} \text{4x4 grid} \end{matrix} & \begin{matrix} \text{4x4 grid} \end{matrix} \end{matrix}$$
$$\begin{matrix} \mathbf{M} & = & \mathbf{U} & \mathbf{\Sigma} & \mathbf{V}^* \\ m \times n & & m \times m & m \times n & n \times n \end{matrix}$$
$$\begin{matrix} \begin{matrix} \text{4x4 grid} \end{matrix} & \begin{matrix} \text{4x4 grid} \end{matrix} & = & \begin{matrix} \begin{matrix} 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{matrix} \end{matrix}$$
$$\begin{matrix} \mathbf{U} & \mathbf{U}^* & = & \mathbf{I}_m \end{matrix}$$
$$\begin{matrix} \begin{matrix} \text{4x4 grid} \end{matrix} & \begin{matrix} \text{4x4 grid} \end{matrix} & = & \begin{matrix} \begin{matrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{matrix} \end{matrix}$$
$$\begin{matrix} \mathbf{V} & \mathbf{V}^* & = & \mathbf{I}_n \end{matrix}$$

Szingulárisérték felbontás (SVD)

- Bármely mátrix fölírható $U \cdot \Sigma \cdot V'$ szorzat alakban

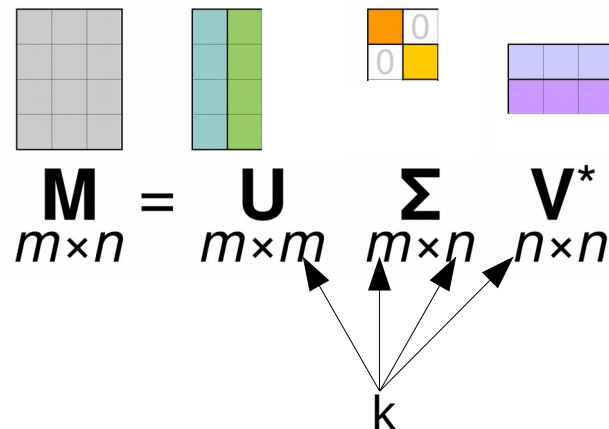
- Ahol U , V' ortogonális, Σ diagonális

- “Csonkolt”-SVD (truncated-SVD)

- U , V mátrixokból $k < \min(m, n)$ oszlopot tartunk csupán meg

- Σ -nek hagyjuk el a $k \times k$ -n “felüli” részét

- Egyfajta tömörítés: M legjobb k rangú közelítését kapjuk így meg



Látens Szemantikus Indexelés (Deerwester, S., et al, 1988)

- Az M mátrix legyen a term-dokumentum mátrix
 - U mint term-látens téma mátrix
 - V' mint látens téma-dokumentum mátrix
 - A látens téma tekinthető a jelentéscsoportoknak

Az input mátrix súlyozása

- Gyakori, de érdektelen szavak → nyers gyakoriságok helyett alkalmazzunk súlyozást (pl. tf–idf)
 - tf: (dokumentumon belüli) term gyakoriság
 - Idf: invertált dokumentum frekvencia $\log(N/df(t))$
 - N a korpusz dokumentumainak száma
 - $df(t)$: azon dokumentumok száma, melyben t term előfordul

Az input mátrix súlyozása

- Gyakori, de érdektelen szavak → nyers gyakoriságok helyett alkalmazzunk súlyozást (pl. tf-idf)
 - tf: (dokumentumon belüli) term gyakoriság
 - Idf: invertált dokumentum frekvencia $\log(N/df(t))$
 - N a korpusz dokumentumainak száma
 - $df(t)$: azon dokumentumok száma, melyben t term előfordul
 - Pl. ha t term az i dokumentumban 3szor szerepel, egyébként pedig a korpusz minden negyedik dokumentumában található meg, akkor
$$tf-idf(t,i) = 3 * \log(4) = 6$$

SVD kookkurencia mátrixon

- Ugyanaz, mint eddig, csak a term-dokumentum mátrix helyett a kookkurencia (együttelőfordulási) mátrixon dolgozzunk
 - A mátrix egy ij eleme magadja, hogy az i szó környezetében j szó hányszor fordul elő
 - A term–dokumentum mátrixszal ellentétben itt egy négyzetes $\text{termek száma} \times \text{termek száma}$ mátrixszal van dolgunk
 - Fontos hiperparaméter w a figyelembe vett környezet mérete
 - Kicsi w : inkább szintaktikus kapcsolatok
 - Nagy w : jobban szemantika

Pointwise Mutual Information

- A nyers gyakoriságokat itt is szokás transzformálni (pl. PMI)
 - $PMI(x,y) = \log(P(x,y)/(P(x)*P(y)))$
- Két esemény együttes valószínűsége hogy viszonyul marginálisaik szorzatához
 - Marginálisuk szorzat = együttes valószínűségük, **amennyiben függetlenek**

Pointwise Mutual Information

- A nyers gyakoriságokat itt is szokás transzformálni (pl. PMI)
 - $PMI(x,y) = \log(P(x,y)/(P(x)*P(y)))$
- Két esemény együttes valószínűsége hogy viszonyul marginálisaik szorzatához
 - Marginálisuk szorzat = együttes valószínűségük, **amennyiben függetlenek**

	kutya	olvas	ugat
kutya	0	1	8
olvas	1	2	0
ugat	8	0	0

Pointwise Mutual Information

- A nyers gyakoriságokat itt is szokás transzformálni (pl. PMI)
 - $PMI(x,y) = \log(P(x,y)/(P(x)*P(y)))$
- Két esemény együttes valószínűsége hogy viszonyul marginálisaik szorzatához
 - Marginálisuk szorzat = együttes valószínűségük, **amennyiben függetlenek**
 - $P(kutya,ugat)=8/20$
 - $P(kutya)=9/20$, $P(ugat)=8/20$
 - $PMI(kutya, ugat)=\log(20/9) \approx 1.15$

	kutya	olvas	ugat
kutya	0	1	8
olvas	1	2	0
ugat	8	0	0

Pointwise Mutual Information variánsok

- Pozitív PMI (PPMI)
 - Motiváció: a negatív értékek nem igazán érdekesek
 - $PPMI(x,y) = \max(0, PMI(x,y))$

Pointwise Mutual Information variánsok

- Pozitív PMI (PPMI)
 - Motiváció: a negatív értékek nem igazán érdekesek
 - $PPMI(x,y) = \max(0, PMI(x,y))$
- Normalizált (P)PMI
 - Motiváció: a (P)PMI mutatónak kedveznek a kevés előfordulással rendelkező események
 - Ha x és y csak egymással fordul elő, akkor $PMI(x,y) = -\log(P(x,y))$, ami ritka (x,y) eseménypárosra nagyon magas értéket jelent!
 - Ezt kompenzálандó, a kapott értéket osszuk el $-\log(P(x,y))$ -nal
 - -1 (ha $P(x,y) \rightarrow 0$) és 1 (ha $P(x)=P(x,y)=P(y)$) közé szorítjuk ezzel

PMI és az alacsony előfordulások

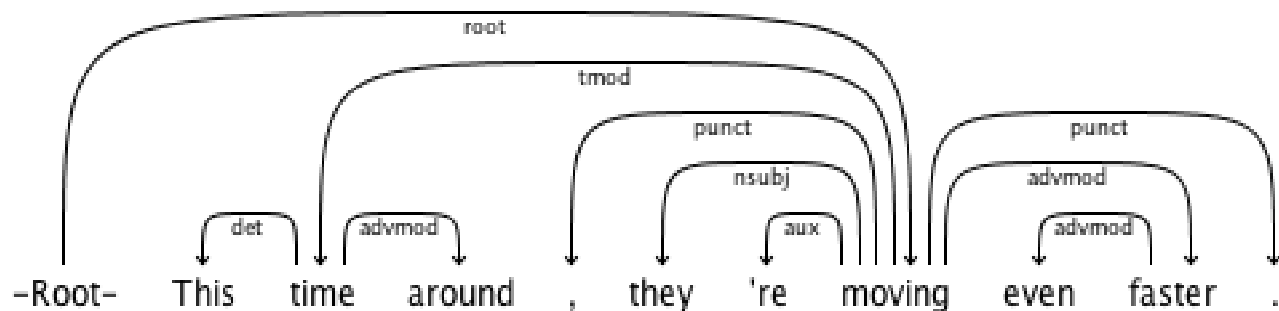
- A PMI értékek “javítására” hallucináljunk megfigyeléseket
 - Laplace-simítás: a tényleges megfigyelések értékeit növeljük 1-el
 - Ad hoc megoldásnak tűnik, de nem is annyira az (lásd: multinomiális eloszlás Dirichlet priorral történő Maximum A Posteriori becslése)

PMI és az alacsony előfordulások

- A PMI értékek “javítására” hallucináljunk megfigyeléseket
 - Laplace-simítás: a tényleges megfigyelések értékeit növeljük 1-el
 - Ad hoc megoldásnak tűnik, de nem is annyira az (lásd: multinomiális eloszlás Dirichlet priorral történő Maximum A Posteriori becslése)
- A tényleges megfigyeléseket emeljük valamijen $x < 1$ hatványra, és így normalizáljunk
 - A magas értékek ezt jobban megsínylik
 - Pl. $x = .75$ választása esetén $[0.01, 0.05, 0.94] \rightarrow [0.029, 0.097, 0.874]$

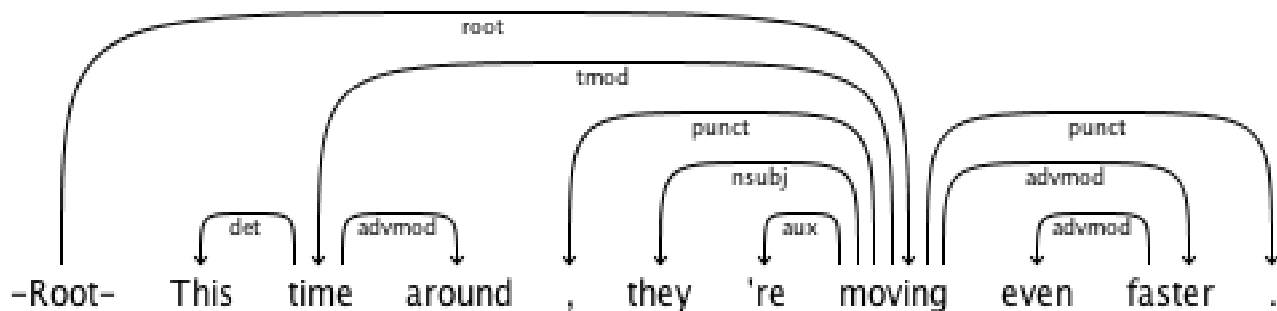
Koorkurenciamátrix kiterjesztése

- A környezetbe bevehetjük a nyelvtani stuktúrát is
 - A mátrix sorai továbbra is a szavak, a kontextusokat jelölő oszlopok azonban (szóalak–reláció) párosok lesznek
 - Egy lehetőség pl. ha dependenciaelemzést használunk



Koorkurenciamátrix kiterjesztése

- A környezetbe bevehetjük a nyelvtani stuktúrát is
 - A mátrix sorai továbbra is a szavak, a kontextusokat jelölő oszlopok azonban (szóalak–reláció) párosok lesznek
 - Egy lehetőség pl. ha dependenciaelemzést használunk



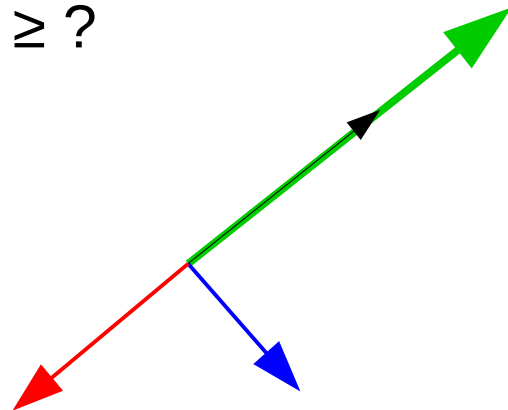
- Side note: Scientists discovered a new animal from space.
 - PP attachment problémaköre

Szóvektorok viselkedése

- Az előző módszerekkel szavakhoz vektorokat tudunk társítani
 - Hasonló jelentésű szópár \rightarrow hasonlóan irányba mutató vektorok
 - Pontszorzat: $\mathbf{v}' * \mathbf{w} = \sum v_i * w_i$
 - Pl. $\mathbf{v}' = [3, 1]$, $\mathbf{w}' = [5, 2]$ esetén $\mathbf{v}' * \mathbf{w} = ?$

Szóvektorok viselkedése

- Az előző módszerekkel szavakhoz vektorokat tudunk társítani
 - Hasonló jelentésű szópár \rightarrow hasonlóan irányba mutató vektorok
 - Pontszorzat: $\mathbf{v}' * \mathbf{w} = \sum v_i * w_i$
 - Pl. $\mathbf{v}' = [3, 1]$, $\mathbf{w}' = [5, 2]$ esetén $\mathbf{v}' * \mathbf{w} = 17$
 - Koszinusz hasonlóság: $\cos \theta \geq \mathbf{v}' * \mathbf{w} / (\|\mathbf{v}\| * \|\mathbf{w}\|) \geq ?$



Szóvektorok viselkedése

- Az előző módszerekkel szavakhoz vektorokat tudunk társítani
 - Hasonló jelentésű szópár \rightarrow hasonlóan irányba mutató vektorok
 - Pontszorzat: $\mathbf{v}' * \mathbf{w} = \sum v_i * w_i$
 - Pl. $\mathbf{v}' = [3, 1]$, $\mathbf{w}' = [5, 2]$ esetén $\mathbf{v}' * \mathbf{w} = 17$
 - Koszinusz hasonlóság: $1 \geq \mathbf{v}' * \mathbf{w} / (||\mathbf{v}'|| * ||\mathbf{w}'||) \geq -1$
 - 1 esetén orientációjuk megegyezik
 - 0 esetén ortogonálisak
 - -1 esetén ellentétes irányba mutatnak

