

# Sapere utile

# IFOA Istituto Formazione Operatori Aziendali

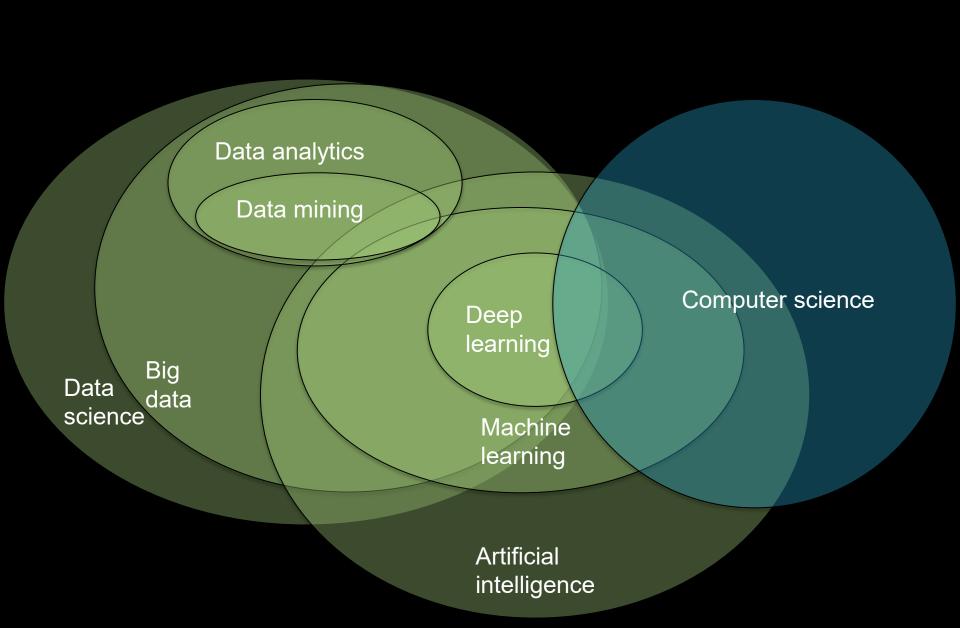
### **BIG DATA e Analisi dei Dati**

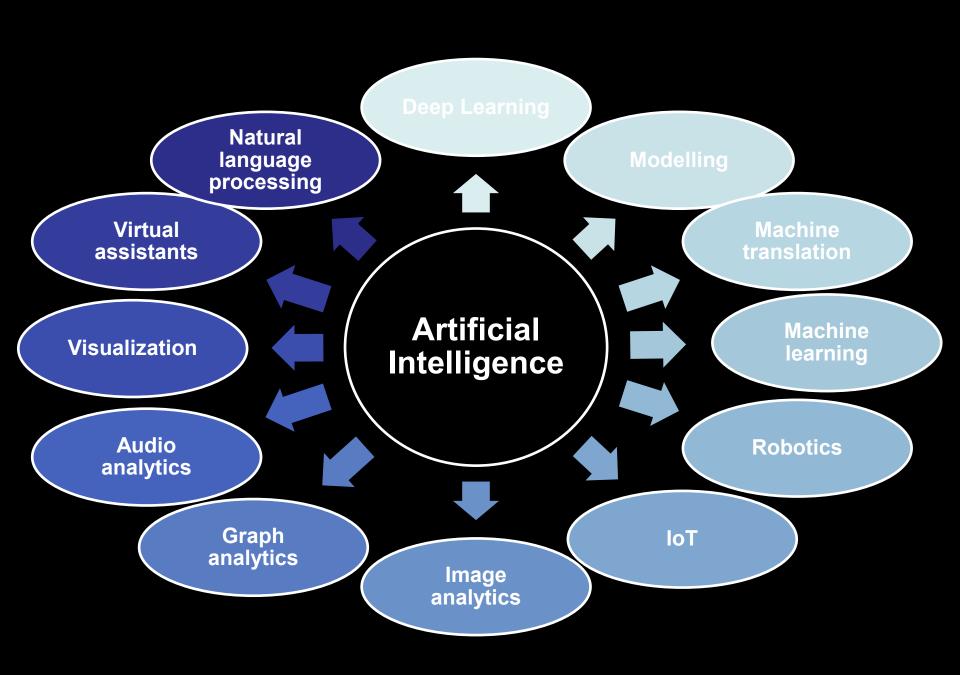
Mauro Bellone, Robotics and Al researcher

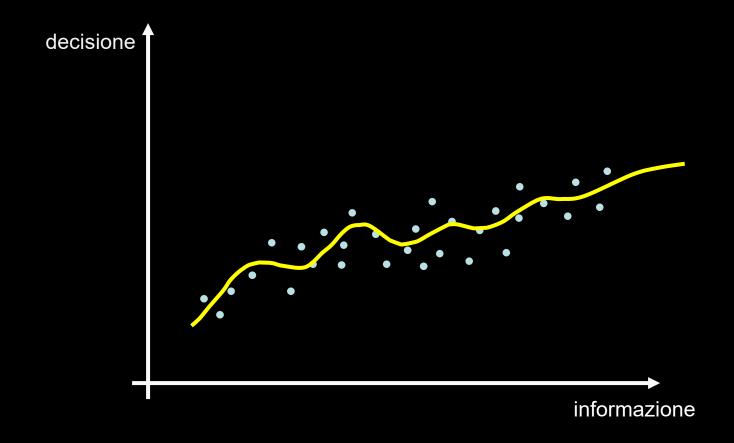
bellonemauro@gmail.com www.maurobellone.com

#### **Obiettivo**

- ✓ introduzione all'intelligenza artificiale e reti neurali
- ✓ Il percettrone funzioni di attivazione dei neuroni
- ✓ Reti neurali lineari
- ✓ Algoritmi di apprendimento



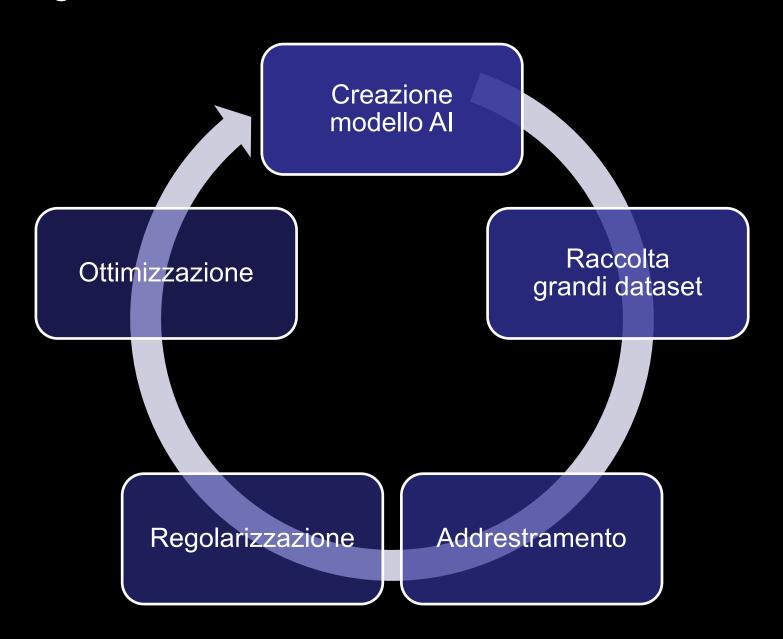




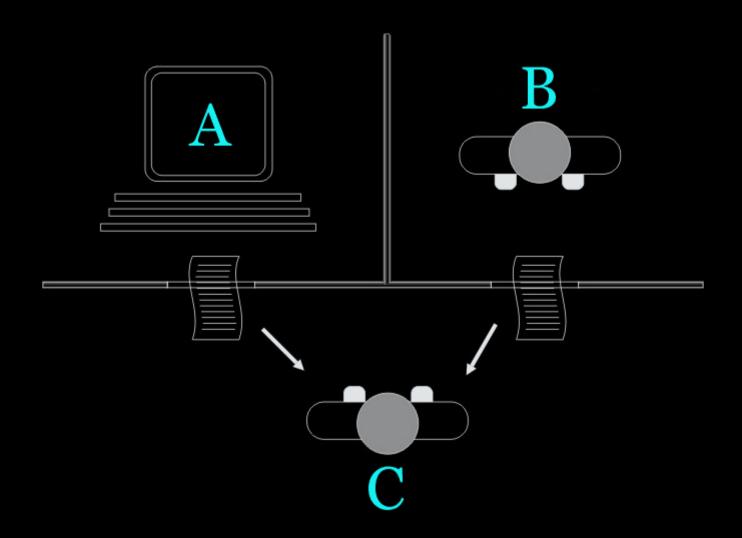
decisione = 
$$f$$
 (informazione)

Ogni sistema di ingelligenza artificiale è un approssimatore di funzioni

#### Intelligenza artificiale centralizzata



### Test di Turing



#### Intelligenza artificiale distribuita

Con intelligenza artificiale centralizzata si cerca di spostare dati presenti in un sistema (magari distribuito) per essere processati in un'unica unità computazionale

"spostamento dei dati verso gli algoritmi"

con intelligenza artificiale distribuita si cerca invece di processare dati lungo i diversi sistemi su domini multipli e su devices multipli

"spostamento degli algoritmi verso i dati"

#### **Deep blue Vs Gary Kasparov**

Deep blue Vs Gary Kasparov

In realtà deep blue NON usa reti neurali, usa brute-force computation e analisi degli alberi decisionali, era in grado di valutare e scegliere oltre 200milioni di posizioni al secondo nel 1999

10 anni di sviluppo di un team di ingegneri di IBM





https://en.wikipedia.org/wiki/Deep Blue versus Garry Kasparov

# ARTICLE

# Mastering the game of Go with deep neural networks and tree search

David Silver<sup>1\*</sup>, Aja Huang<sup>1\*</sup>, Chris J. Maddison<sup>1</sup>, Arthur Guez<sup>1</sup>, Laurent Sifre<sup>1</sup>, George van den Driessche<sup>1</sup>, Julian Schrittwieser<sup>1</sup>, Ioannis Antonoglou<sup>1</sup>, Veda Panneershelvam<sup>1</sup>, Marc Lanctot<sup>1</sup>, Sander Dieleman<sup>1</sup>, Dominik Grewe<sup>1</sup>, John Nham<sup>2</sup>, Nal Kalchbrenner<sup>1</sup>, Ilya Sutskever<sup>2</sup>, Timothy Lillicrap<sup>1</sup>, Madeleine Leach<sup>1</sup>, Koray Kavukcuoglu<sup>1</sup>, Thore Graepel<sup>1</sup> & Demis Hassabis<sup>1</sup>

The game of Go has long been viewed as the most challenging of classic games for artificial intelligence owing to its enormous search space and the difficulty of evaluating board positions and moves. Here we introduce a new approach to computer Go that uses 'value networks' to evaluate board positions and 'policy networks' to select moves. These deep neural networks are trained by a novel combination of supervised learning from human expert games, and reinforcement learning from games of self-play. Without any lookahead search, the neural networks play Go at the level of state-of-the-art Monte Carlo tree search programs that simulate thousands of random games of self-play. We also introduce a new search algorithm that combines Monte Carlo simulation with value and policy networks. Using this search algorithm, our program AlphaGo achieved a 99.8% winning rate against other Go programs, and defeated the human European Go champion by 5 games to 0. This is the first time that a computer program has defeated a human professional player in the full-sized game of Go, a feat previously thought to be at least a decade away.

# ARTICLE

# Mastering the game of Go with deep neural networks and tree search

David Silver<sup>1\*</sup>, Aja Huang<sup>1\*</sup>, Chris J. Maddison<sup>1</sup>, Arthur Guez<sup>1</sup>, Laurent Sifre<sup>1</sup>, George van den Driessche<sup>1</sup>, Julian Schrittwieser<sup>1</sup>, Ioannis Antonoglou<sup>1</sup>, Veda Panneershelvam<sup>1</sup>, Marc Lanctot<sup>1</sup>, Sander Dieleman<sup>1</sup>, Dominik Grewe<sup>1</sup>, John Nham<sup>2</sup>, Nal Kalchbrenner<sup>1</sup>, Ilya Sutskever<sup>2</sup>, Timothy Lillicrap<sup>1</sup>, Madeleine Leach<sup>1</sup>, Koray Kavukcuoglu<sup>1</sup>, Thore Graepel<sup>1</sup> & Demis Hassabis<sup>1</sup>

The game of Go has long been viewed as the most challenging of classic games for artificial intelligence owing to its enormous search space and the difficulty of evaluating board positions and moves. Here we introduce a new approach to computer Go that uses 'value networks' to evaluate board positions and 'policy networks' to select moves. These deep neural networks are trained by a novel combination of supervised learning from human expert games, and reinforcement learning from games of self-play. Without any lookahead search, the neural networks play Go at the level of state-of-the-art Monte Carlo tree search programs that simulate thousands of random games of self-play. We also introduce a new search algorithm that combines Monte Carlo simulation with value and policy networks. Using this search algorithm, our program AlphaGo achieved a 99.8% winning rate against other Go programs, and defeated the human European Go champion by 5 games to 0. This is the first time that a computer program has defeated a human professional player in the full-sized game of Go, a feat previously thought to be at least a decade away.

# ARTICLE

# Mastering the game of Go with deep neural networks and tree search

David Silver<sup>1\*</sup>, Aja Huang<sup>1\*</sup>, Chris J. Maddison<sup>1</sup>, Arthur Guez<sup>1</sup>, Laurent Sifre<sup>1</sup>, George van den Driessche<sup>1</sup>, Julian Schrittwieser<sup>1</sup>, Ioannis Antonoglou<sup>1</sup>, Veda Panneershelvam<sup>1</sup>, Marc Lanctot<sup>1</sup>, Sander Dieleman<sup>1</sup>, Dominik Grewe<sup>1</sup>, John Nham<sup>2</sup>, Nal Kalchbrenner<sup>1</sup>, Ilya Sutskever<sup>2</sup>, Timothy Lillicrap<sup>1</sup>, Madeleine Leach<sup>1</sup>, Koray Kavukcuoglu<sup>1</sup>, Thore Graepel<sup>1</sup> & Demis Hassabis<sup>1</sup>

The game of Go has long been viewed as the most challenging of classic games for artificial intelligence owing to its enormous search space and the difficulty of evaluating board positions and moves. Here we introduce a new approach to computer Go that uses 'value networks' to evaluate board positions and 'policy networks' to select moves. These deep neural networks are trained by a novel combination of supervised learning from human expert games, and reinforcement learning from games of self-play. Without any lookahead search, the neural networks play Go at the level of state-of-the-art Monte Carlo tree search programs that simulate thousands of random games of self-play. We also introduce a new search algorithm that combines Monte Carlo simulation with value and policy networks. Using this search algorithm, our program AlphaGo achieved a 99.8% winning rate against other Go programs, and defeated the human European Go champion by 5 games to 0. This is the first time that a computer program has defeated a human professional player in the full-sized game of Go, a feat previously thought to be at least a decade away.

# Esperienza

Pensiero razionale

### Autonomo Vs. Intelligente

#### **Autonomo Vs. Intelligente**

The term "autonomous" is defined as

"existing or acting separately from other things"

or better

"having the power or right to govern itself"

- 1: http://www.merriam-webster.com/dictionary/autonomous
- 2: http://www.merriam-webster.com/dictionary/intelligent

#### **Autonomo Vs. Intelligente**

The term "autonomous" is defined as

"existing or acting separately from other things"

or better

"having the power or right to govern itself"

The term "intelligent" is defined as

"having or indicating a high or satisfactory degree of intelligence and mental capacity"

and 'intelligence' is 'the ability to learn or understand or to deal with new or trying situations: reason'

- : http://www.merriam-webster.com/dictionary/autonomous
- 2: http://www.merriam-webster.com/dictionary/intelligent

#### **Autonomous Vs. Intelligent**

The term "autonomous" is defined as

"existing or acting separately from other things"

or better

"having the power or right to govern itself"

The term "intelligent" is defined as

"having or indicating a high or satisfactory degree of intelligence and mental capacity"

and 'intelligence' is 'the ability to learn or understand or to deal with new or trying situations: reason'

#### **Comprensione Vs. Percezione**

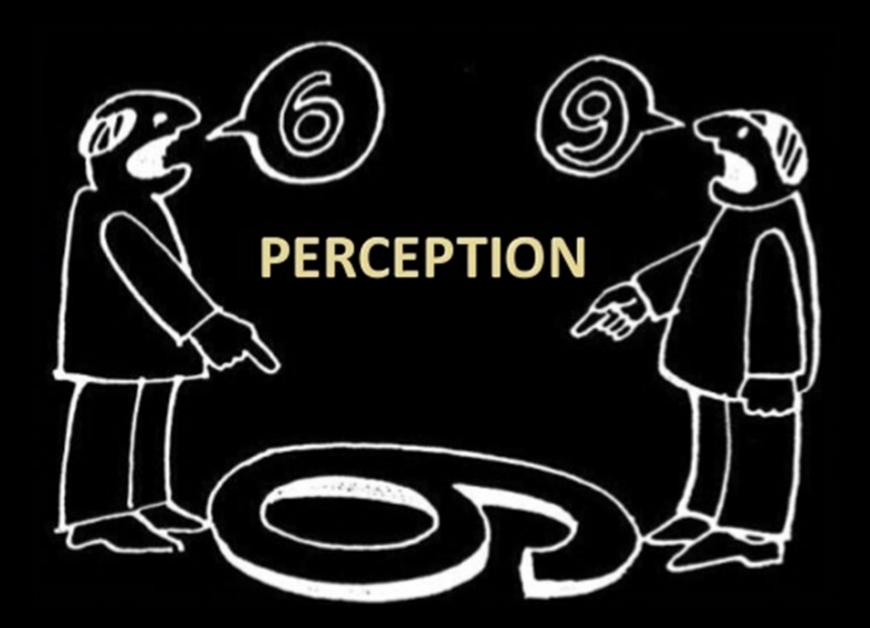
#### Understanding

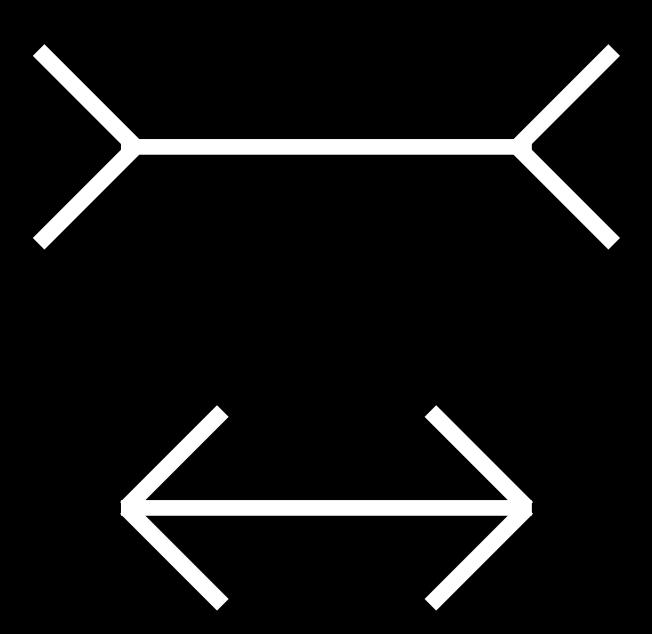
"the knowledge and ability to judge a particular situation or subject" 1

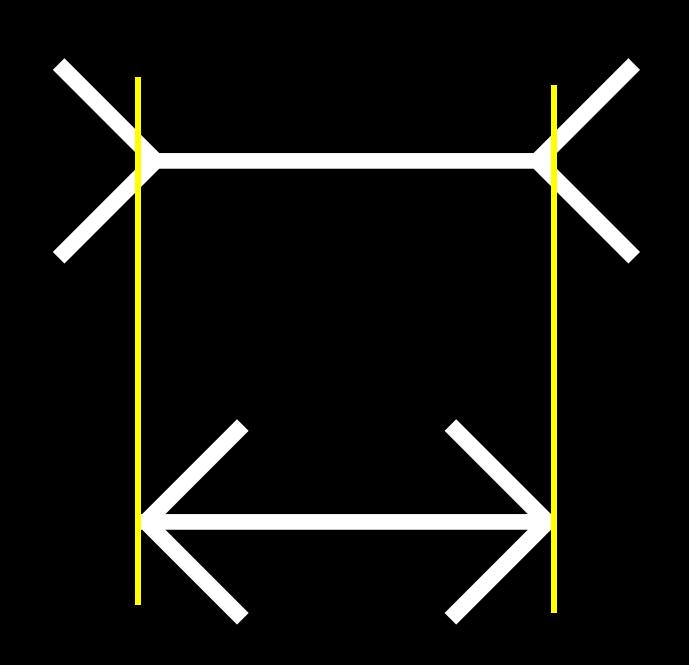
#### Perception

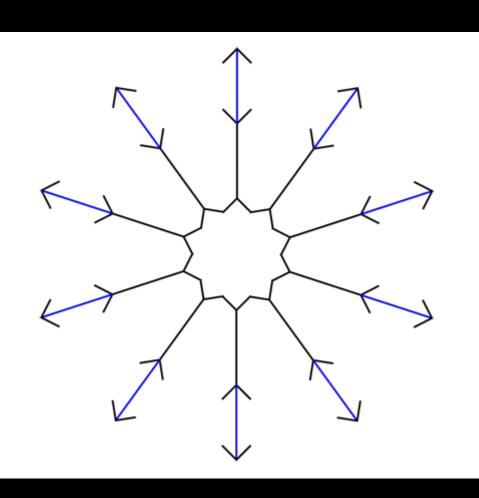
"the way that you notice or understand something using one of your senses" 2

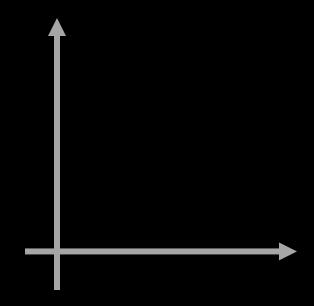
- 1: http://www.merriam-webster.com/dictionary/understanding
- 2: http://www.merriam-webster.com/dictionary/perception





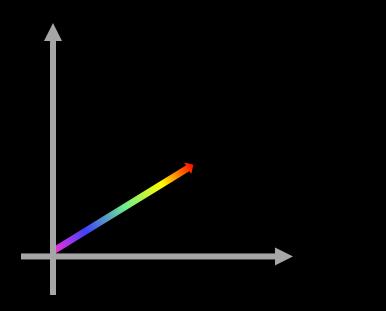






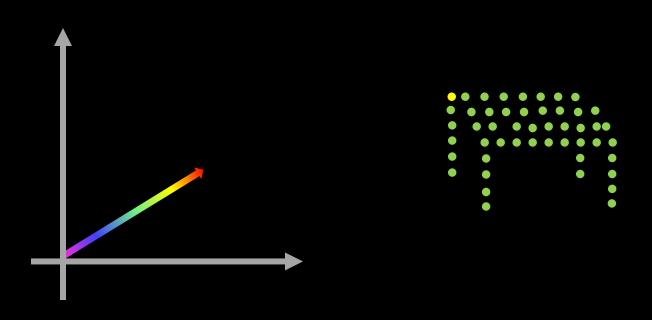
p=(x,y)





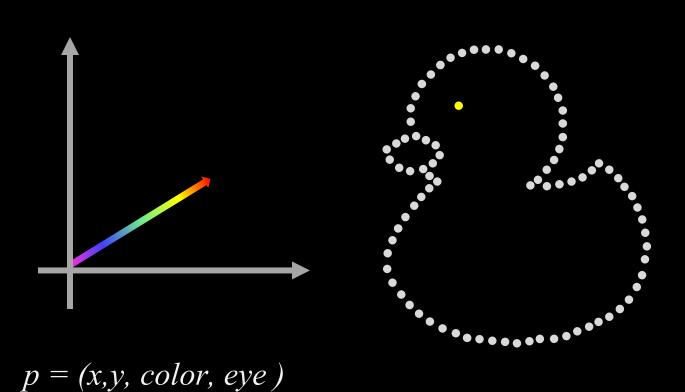
$$p = (x, y, colore)$$

"il problema della descrizione semantica è mal posto se consideriamo solo un insieme limitato di caratteristiche."



$$p = (x, y, colore, angolo)$$

"il problema della descrizione semantica è mal posto se consideriamo solo un insieme limitato di caratteristiche."



#### **Comprensione Vs. Percezione**

#### Understanding

"the knowledge and ability to judge a particular situation or subject" 1

#### Perception

"the way that you notice or understand something using one of your senses" 2

#### Sensing

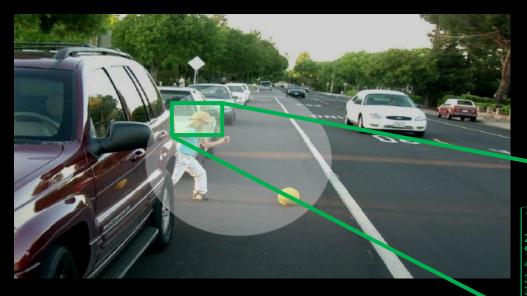
"one of the five natural powers (touch, taste, smell, sight, and hearing) through which you receive information about the world around you" or in the meaning of physical feeling "something that your body experiences"

- 1: http://www.merriam-webster.com/dictionary/understanding
- 2: http://www.merriam-webster.com/dictionary/perception

Perception: "the ability to see, hear, or become aware of something through the senses"

- Child following a ball -

Quale quantità fisica misiruamo? Come facciamo a comprendere la situazione?



```
    13
    2
    4
    2
    32
    23
    9
    1
    3

    6
    82
    45
    72
    3
    24
    3
    11
    4

    21
    3
    44
    6
    64
    34
    2
    28
    32

    93
    53
    32
    0
    77
    33
    21
    7
    56

    43
    23
    87
    1
    22
    23
    57
    37
    22

    37
    2
    39
    11
    23
    3
    45
    2
    90

    34
    3
    3
    3
    33
    1
    25
    78

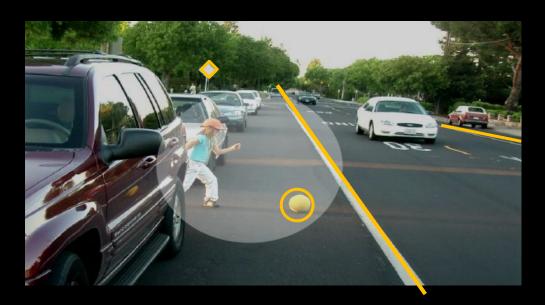
    3
    75
    63
    3
    32
    4
    55
    3
    72

    56
    3
    3
    21
    2
    6
    69
    16
    45
```

Perception: "the ability to see, hear, or become aware of something through the senses"

- Child following a ball -

Informazioni geometriche – distanze, linee, circonferenze, ect.



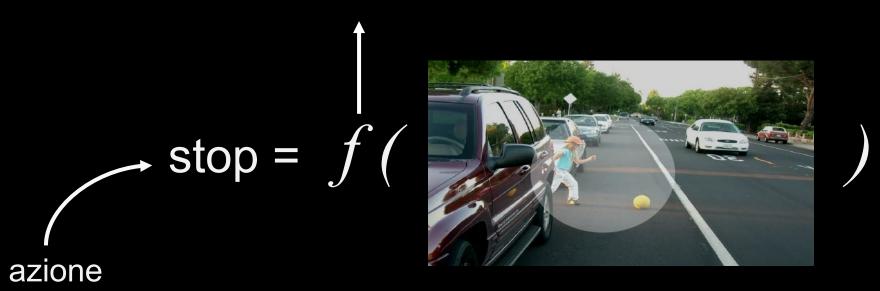
Perception: "the ability to see, hear, or become aware of something through the senses"

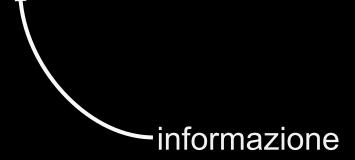
- Child following a ball -

Informazioni semantiche – bambino, palla, cielo, alberi ect.

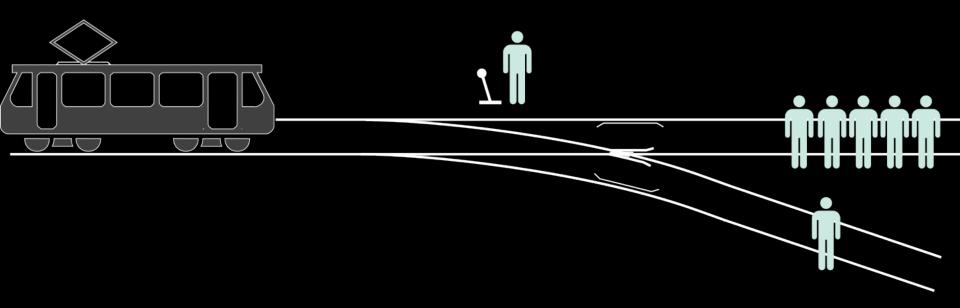


# comprensione

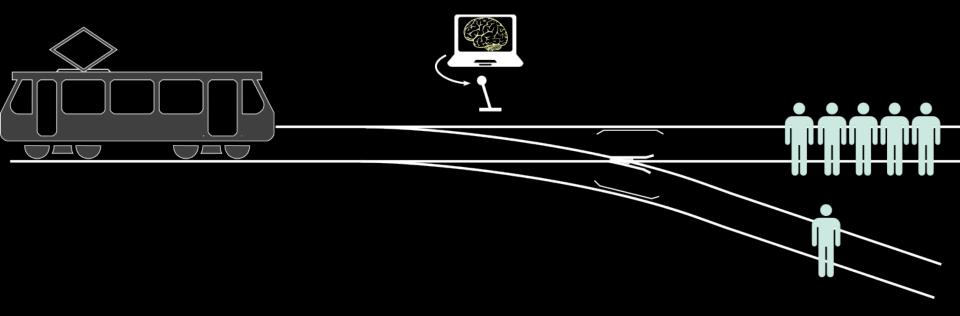




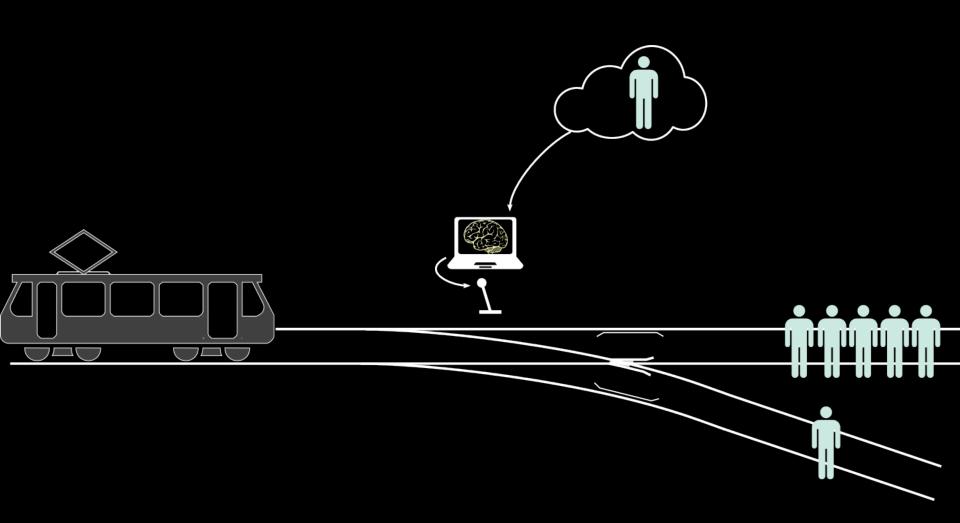
# Problema etico



# **Problema etico**



# **Problema etico**



#### Simbolismo Vs. connettivismo

Una grande divisione nel mondo dell'intelligenza artificiale è quella di:

#### Intelligenza connettiva:

Rappresenta l'informazione in maniera distribuita, in forma meno esplicita attraverso una rete. Biologicamente il processo di apprendimento, prestazioni nella risoluzione di un compito e le abilità di problem solving sono limitate.

#### Simbolismo Vs. connettivismo

Una grande divisione nel mondo dell'intelligenza artificiale è quella di:

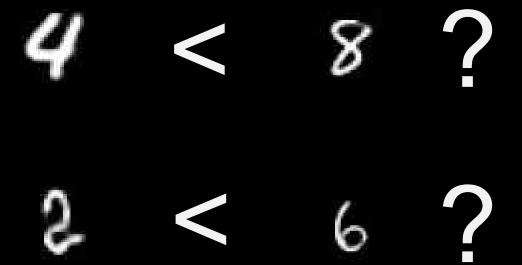
#### Intelligenza connettiva:

Rappresenta l'informazione in maniera distribuita, in forma meno esplicita attraverso una rete. Biologicamente il processo di apprendimento, prestazioni nella risoluzione di un compito e le abilità di problem solving sono limitate.

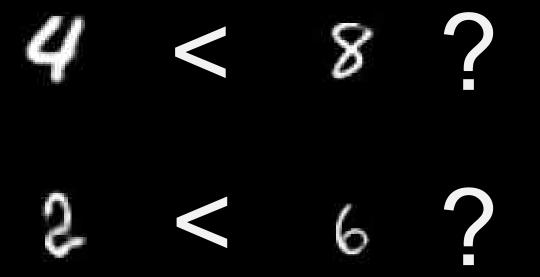
#### Intelligenza simbolica:

Rappresenta l'informazione attraverso simboli e le loro relazioni. E possibile quindi usare algoritmi per processare questi simboli e risolvere problemi o dedurre nuova conoscenza attraverso regole di inferenza.

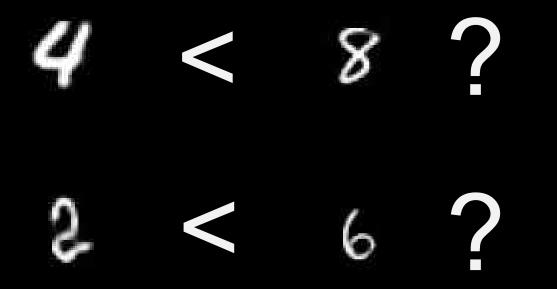
## Intelligenza simbolica



## Intelligenza simbolica



## Intelligenza simbolica





Storia breve:

Nei primi anni del 1900 un medico dello stato di New York scoprì che mangiare fegato bovino crudo faceva guarire i pazienti da una particolare malattia chiamata "anemia perniciosa".

Pur di guarire questa complessa malattia il medico faceva mangiare ai suoi pazienti 200grammi di fegato bovino crudo al giorno

#### Storia breve:

Nei primi anni del 1900 un medico dello stato di New York scoprì che mangiare fegato bovino crudo faceva guarire i pazienti da una particolare malattia chiamata "anemia perniciosa".

Pur di guarire questa complessa malattia il medico faceva mangiare ai suoi pazienti 200grammi di fegato bovino crudo al giorno

$$out = f(in)$$

- 1. Modello: Malattia
- 2. Prove IN: Diversi cibi
- 3. Effetto OUT: Miglioramento si/no

Storia breve:

Sono stati necessari oltre 40anni a scoprire che questa complessa patologia era risolvibile con un supplemento vitaminico (il fegato è ricco di vitamine e minerali, in particolare per questa patologia la B12)

$$out = f(in)$$

- 1. Modello: Malattia
- 2. Prove IN: Diversi cibi
- 3. Effetto OUT: Miglioramento si/no

Storia breve:

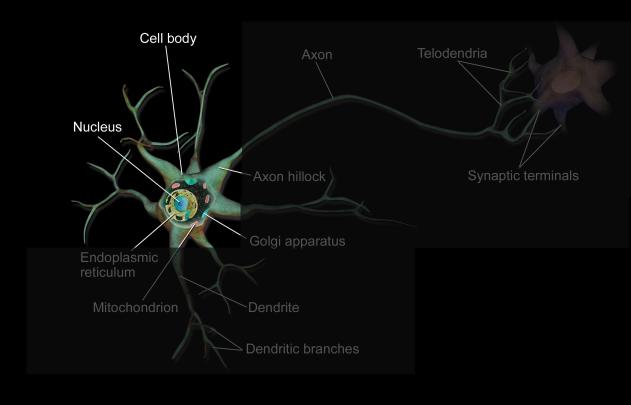
Sono stati necessari oltre 40anni a scoprire che questa complessa patologia era risolvibile con un supplemento vitaminico (il fegato è ricco di vitamine e minerali, in particolare per questa patologia la B12)

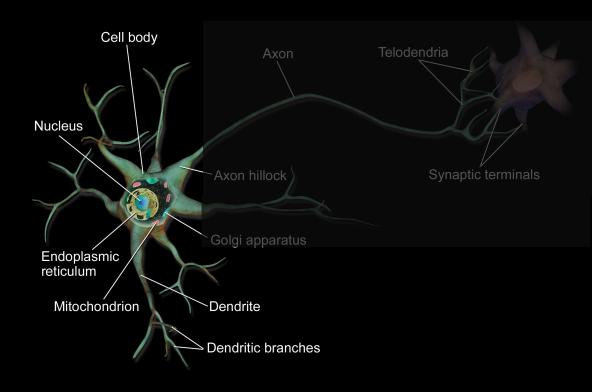
$$out = f(in)$$

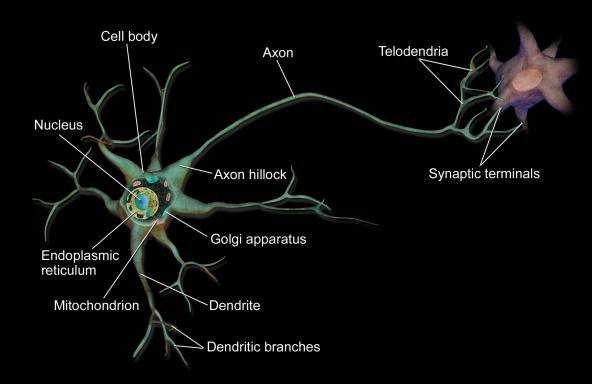
- 1. Modello: Malattia
- 2. Prove IN: Diversi cibi
- 3. Effetto OUT: Miglioramento si/no
- 1. Modello: Malattia
- 2. Analisi e comprensone del modello
- 3. Risoluzione del problema

Approccio black box

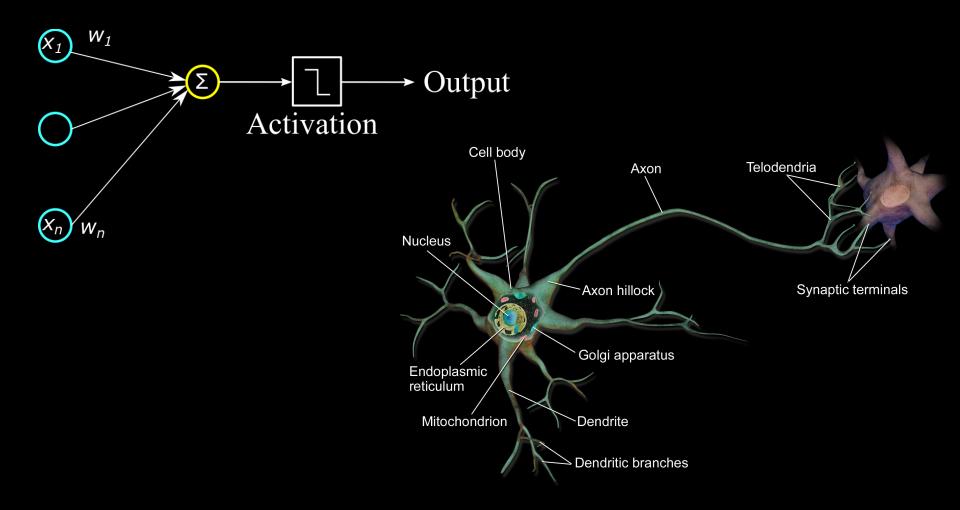
Approccio spiegato



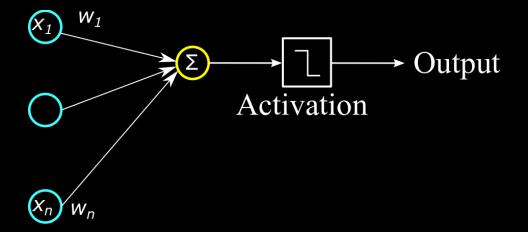




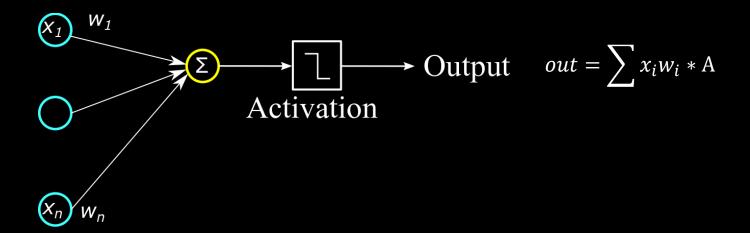
## II percettrone



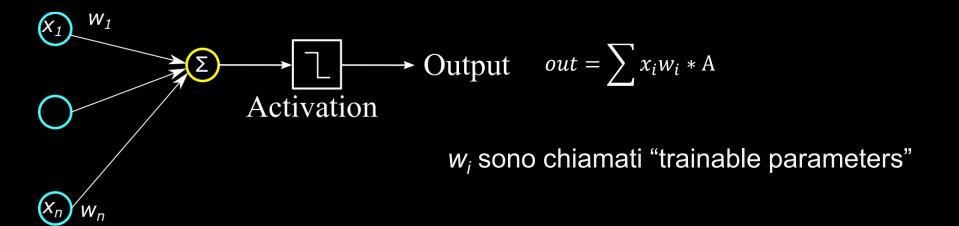
## II percettrone



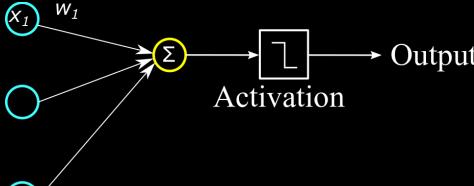
## Il percettrone

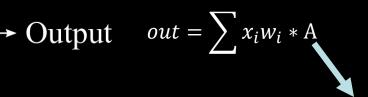


### Il percettrone



### Funzioni di attivazione

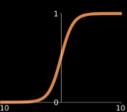




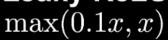
A è detta funzione di attivazione

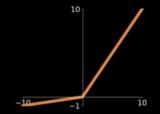
## **Sigmoid**

$$\sigma(x) = \frac{1}{1 + e^{-x}}$$

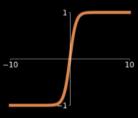


## Leaky ReLU





## tanh

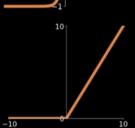


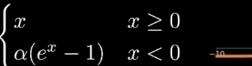
### Maxout

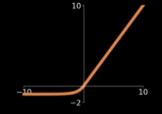
$$\max(w_1^T x + b_1, w_2^T x + b_2)$$

### ReLU

$$\max(0,x)$$

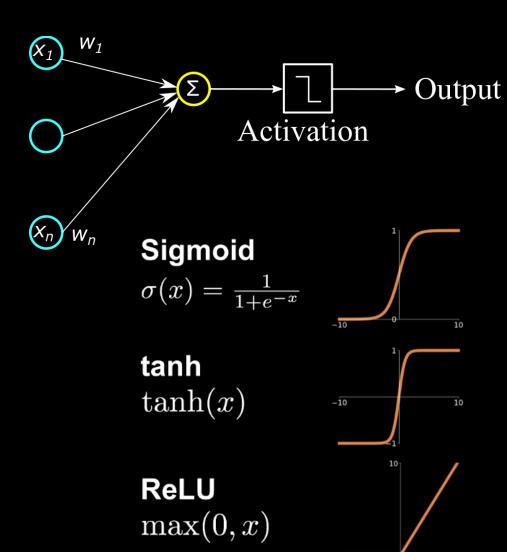






### Funzioni di attivazione

Modella il sistema di attivazione neuronale in relazione a determinati stimoli

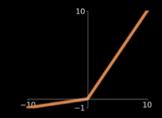


-10

→ Output 
$$out = \sum x_i w_i * A$$

A è detta funzione di attivazione

# Leaky ReLU $\max(0.1x, x)$



## **Maxout** $\max(w_1^T x + b_1, w_2^T x + b_2)$

ELU 
$$\begin{cases} x & x \ge 0 \\ \alpha(e^x - 1) & x < 0 \end{cases}$$

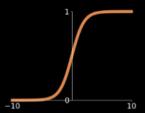
### Funzioni di attivazione

#### Caratteristiche importanti:

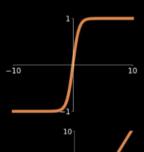
- Non linearità
- Differenziabilità
- Devono avere un range di sensibilità
- Avere dei lowerbound o upperbound

## **Sigmoid**

$$\sigma(x) = \frac{1}{1 + e^{-x}}$$



### tanh

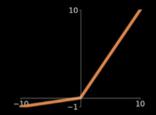


-10

### ReLU

$$\max(0, x)$$

## Leaky ReLU max(0.1x, x)

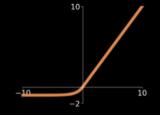


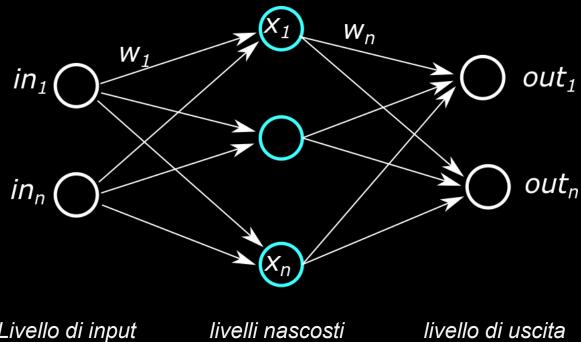
### **Maxout**

$$\max(w_1^T x + b_1, w_2^T x + b_2)$$



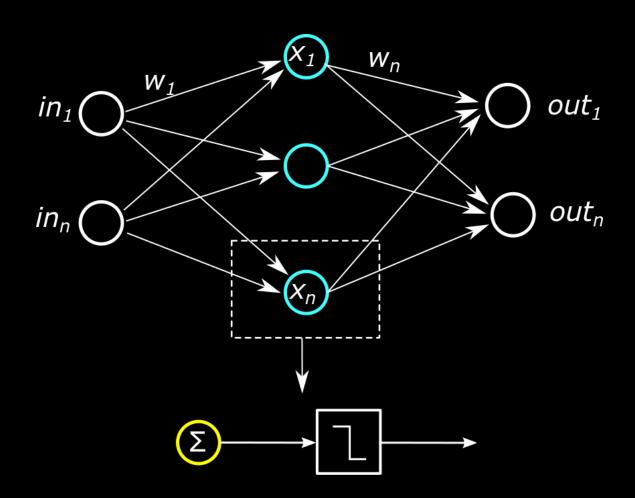
$$\begin{cases} x & x \geq 0 \\ \alpha(e^x - 1) & x < 0 \end{cases}$$

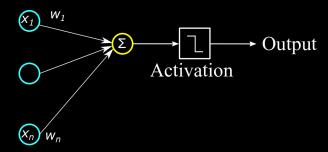




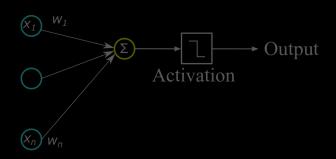
Livello di input

livelli nascosti





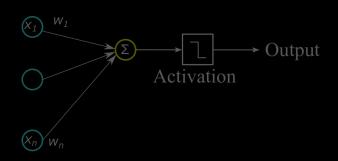
$$out = \sum x_i w_i * A$$



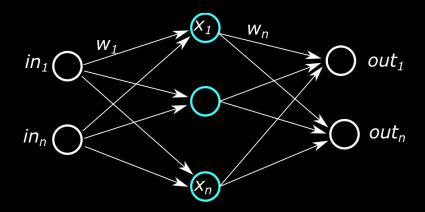
$$out = \sum x_i w_i * A$$

$$in_1$$
  $w_n$   $out_1$   $in_n$   $out_n$ 

$$\begin{cases} out_1 = \sum x_i w_i * A \\ out_n = \sum x_j w_j * A \end{cases}$$



$$out = \sum x_i w_i * A$$



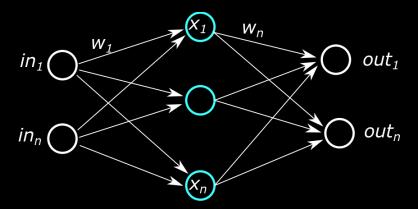
$$x_{i} = \sum in_{i}w_{i} * A$$

$$out_{1} = \sum x_{i}w_{i} * A$$

$$out_{n} = \sum x_{j}w_{j} * A$$

## **Connessione:**

- Feed forward
- Ricorsive

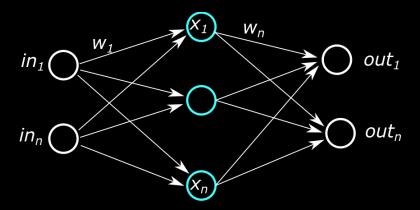


### **Connessione:**

- Feed forward
- Ricorsive

### Task:

- Classificazione
- Regressione



### **Connessione:**

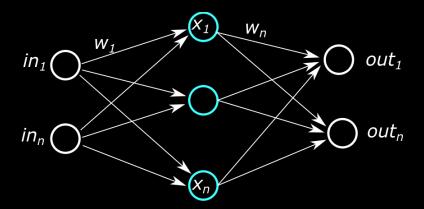
- Feed forward
- Ricorsive

### Task:

- Classificazione
- Regressione

### Tipologia:

- Singolo livello
- Multi-livello



### **Connessione:**

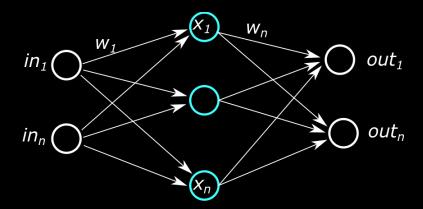
- Feed forward
- Ricorsive

#### Task:

- Classificazione
- Regressione

### Tipologia:

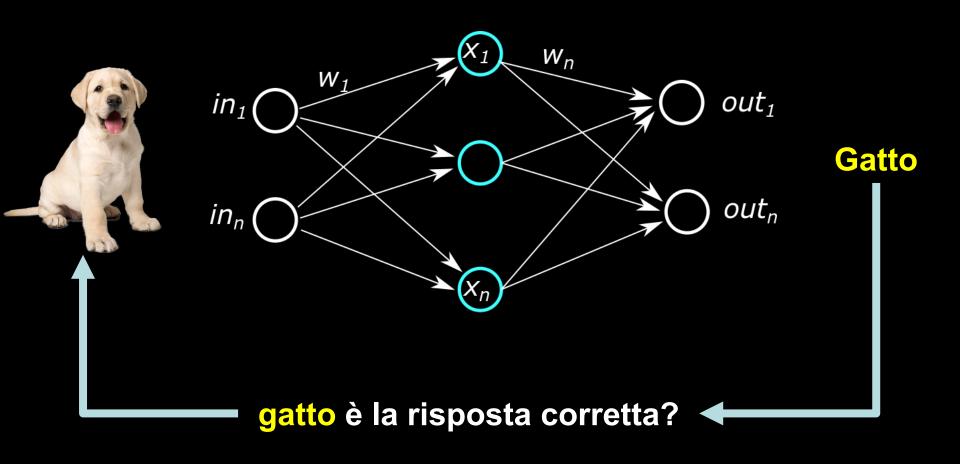
- Singolo livello
- Multi-livello



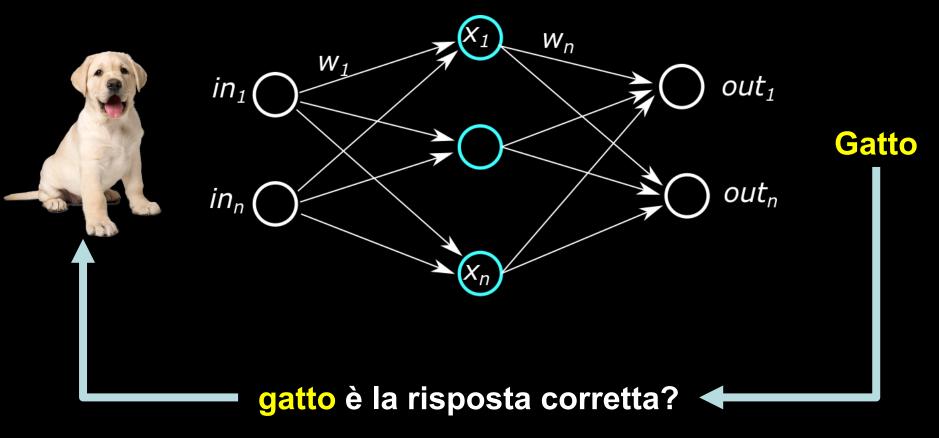
### Metodo di apprendimento:

- Supervisionato
- Semi-supervisionato
- Non-supervisionato
- Rinforzato

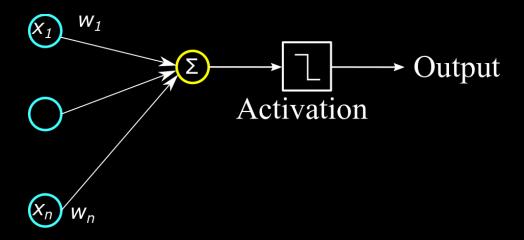
## Procedure di apprendimento



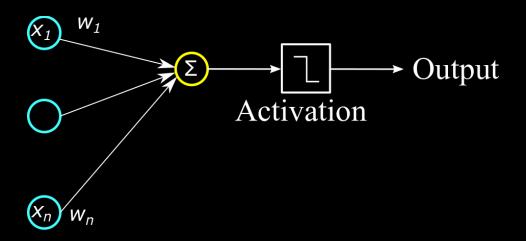
### Procedure di apprendimento



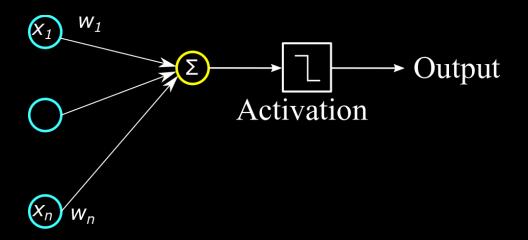
Se SI → ok, la rete sta funzionando bene se NO → male, I pesi hanno bisogno di essere aggiustati



$$y = \varphi\left(\sum \omega_i x + b_i\right)$$

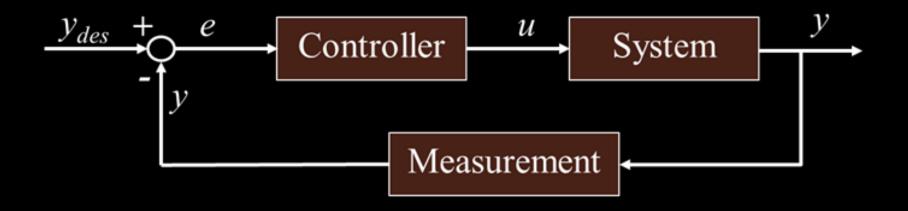


$$y = \varphi \left( \sum \omega_i x + b_i \right)$$
  $\omega_{new} = \omega_{old} - l_r \left( \frac{\delta \, error}{\delta \, \omega} \right)$ 

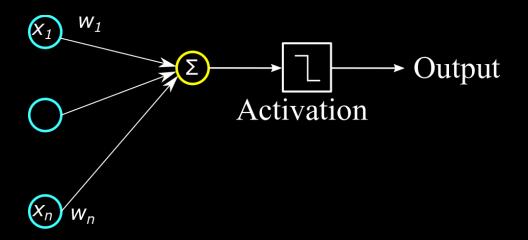


$$y = \varphi\left(\sum \omega_i x + b_i\right)$$
  $\omega_{new} = \omega_{old} - l_r\left(\frac{\delta \ error}{\delta \ \omega}\right)$ 

### Analogia con sistemi di controllo



$$y = \varphi\left(\sum \omega_i x + b_i\right) \qquad \omega_{new} = \omega_{old} - l_r\left(\frac{\delta \, error}{\delta \, \omega}\right)$$

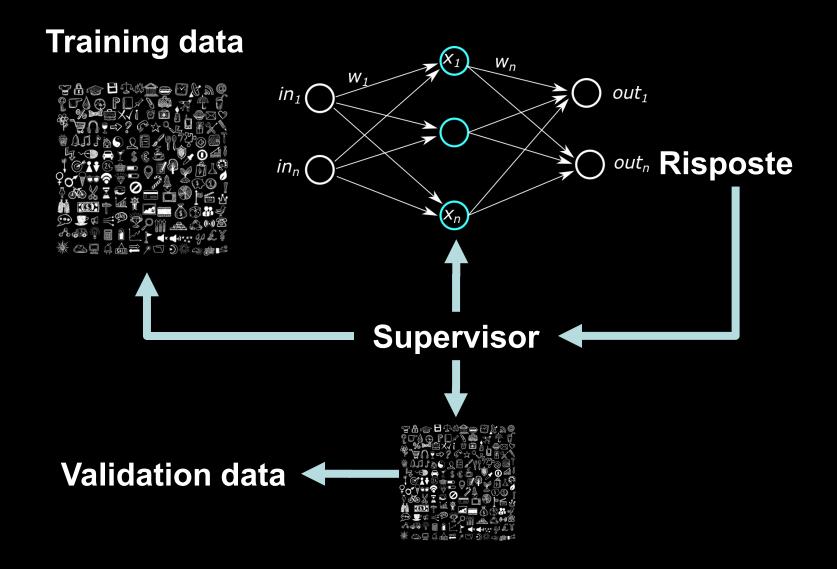


$$y = \varphi\left(\sum \omega_{i}x + b_{i}\right) \qquad \omega_{new} = \omega_{old} - l_{r}\left(\frac{\delta \ error}{\delta \ \omega}\right)$$

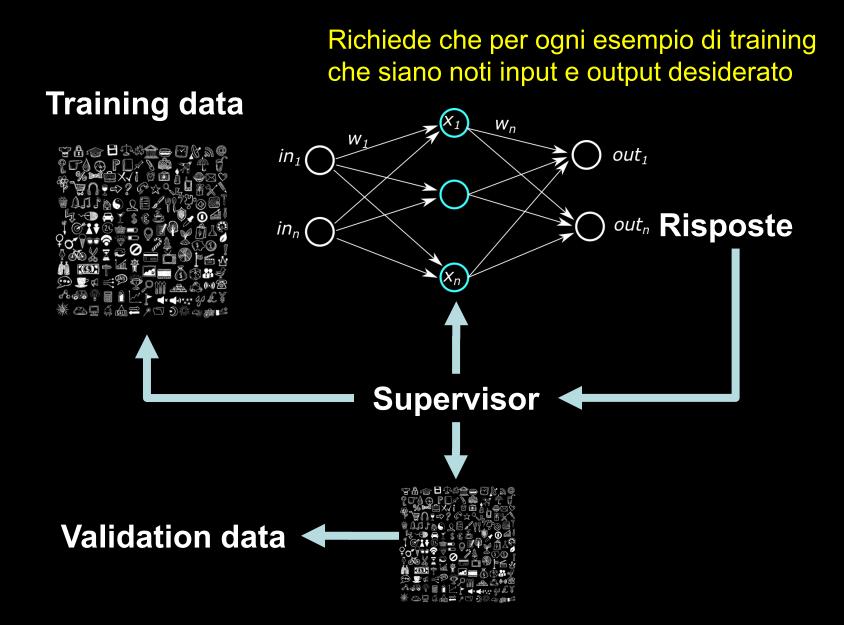
### Procedure di apprendimento

- ✓ Apprendimento supervisionato
- ✓ Apprendimento semi-supervisionato
- ✓ Apprendimento non supervisionato

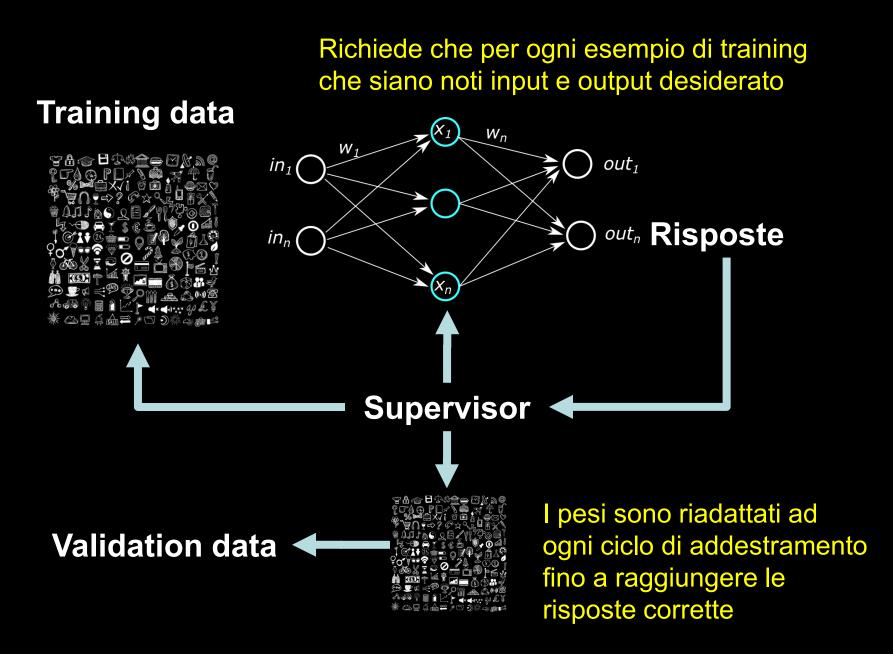
# **Apprendimento supervisionato**



# **Apprendimento supervisionato**



# **Apprendimento supervisionato**



#### **Annotazione**

L'annotazione dati, necessaria per ogni sistema supervisionato, è necessaria per gli algoritmi di machine learning e consiste in una operazione lunga e costosa.

#### Tecniche di annotazione:

- manuale
- in crowdsourcing
- basata sull'uso
- data-driven
- con Al API-driven

# **Annotazione manuale**

I progettisti del sistema si occupano di annotare i dati e organizzarli

#### **Annotazione manuale**

I progettisti del sistema si occupano di annotare i dati e organizzarli

## Vantaggi:

- Richiede basso sforzo amministrativo e di annotazione
- I progettisti riescono a capire meglio i dati aumentandone la qualità
- I progettisti possono scoprire risvolti interessanti guardando i dati che possono essere incorporati negli algoritmi

## Svantaggi

- non è scalabile
- costoso in termini di tempo e denaro
- piccoli team vengono facilmente saturati

# **Annotazione in crowdsourcing**

Il crowdsourcing è un metodo scalabile di annotazione, specifiche piattaforme pagano gli utenti per generare le annotazioni su task specifici

## **Annotazione in crowdsourcing**

Il crowdsourcing è un metodo scalabile di annotazione, specifiche piattaforme pagano gli utenti per generare le annotazioni su task specifici

# Vantaggi:

- basso costo
- scalabile
- rapido

# Svantaggi:

- richiede l'implementazione di controlli di qualità
- richiede conoscenza sulle piattaforme e i metodi di crowdsourcing

# **Annotazione basata sull'uso**

In questo caso i dati sono associati al loro task in maniera già strutturata (label implicita).

## **Annotazione basata sull'uso**

In questo caso i dati sono associati al loro task in maniera già strutturata (label implicita).

# Vantaggi:

- gratis o basso costo
- scalabile
- richiede un costo amministrativo basso (se i dati sono di buona qualità)

# Svantaggi:

- rumore nei dati
- i dati richiedono pulitura, adattamenti e post/pre-processing

#### **Annotazione data driven**

Le annotazioni sono generate tramite regole associative su un subset (annotato manualmente) di dati e successivamente esportato su un dataset più grande sufficientemente vicino al dataset di partenza

#### **Annotazione data driven**

Le annotazioni sono generate tramite regole associative su un subset (annotato manualmente) di dati e successivamente esportato su un dataset più grande sufficientemente vicino al dataset di partenza

#### Vantaggi:

- gratis
- scalabile
- richiede un costo amministrativo basso (se i dati sono di buona qualità)

# Svantaggi:

- massima accuratezza nelle annotazione irraggiungibile
- dati poco rappresentativi (limita il potere di generalizzazione)

#### **Annotazione con Al-based API**

Se vogliamo risolvere un task sufficientemente vicino ad un task già studiato (es. image classification) possiamo inviare delle query al sistema e usare le annotazioni del loro modello come ground truth

#### **Annotazione con Al-based API**

Se vogliamo risolvere un task sufficientemente vicino ad un task già studiato (es. image classification) possiamo inviare delle query al sistema e usare le annotazioni del loro modello come ground truth

## Vantaggi:

- basso costo (minore dell'annotazione manuale)
- scalabile
- richiede un costo amministrativo basso (se i dati sono di buona qualità)

## Svantaggi:

- una API potrebbe contenere delle imprecisioni inserendo rumore nei dati
- API-call a pagamento

## Pipeline di annotazione

Combinazione di diversi metodi di annotazione per generare dei dataset completamente annotati, esempi di flussi sono:

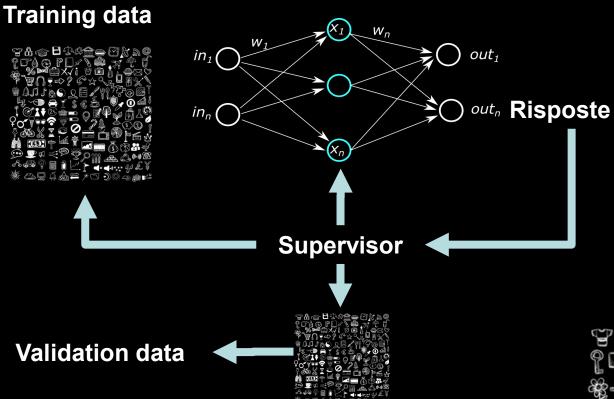
- Manuale | crowdsourcing
- API-driven => manuale | crowdsourcing
- Usage-based | data-driven => manuale | crowdsourcing
- Usage-based | data-driven => API-driven => manuale | crowdsourcing

#### **Annotazione**

è chiaro che queste ultime tecniche di annotazione aprono la strada ad altri sistemi di apprendimento che non sono supervisionati

- Learning semi-supervisionato
- Weakly Supervised Learning
- Learning non-supervisionato
- Active learning

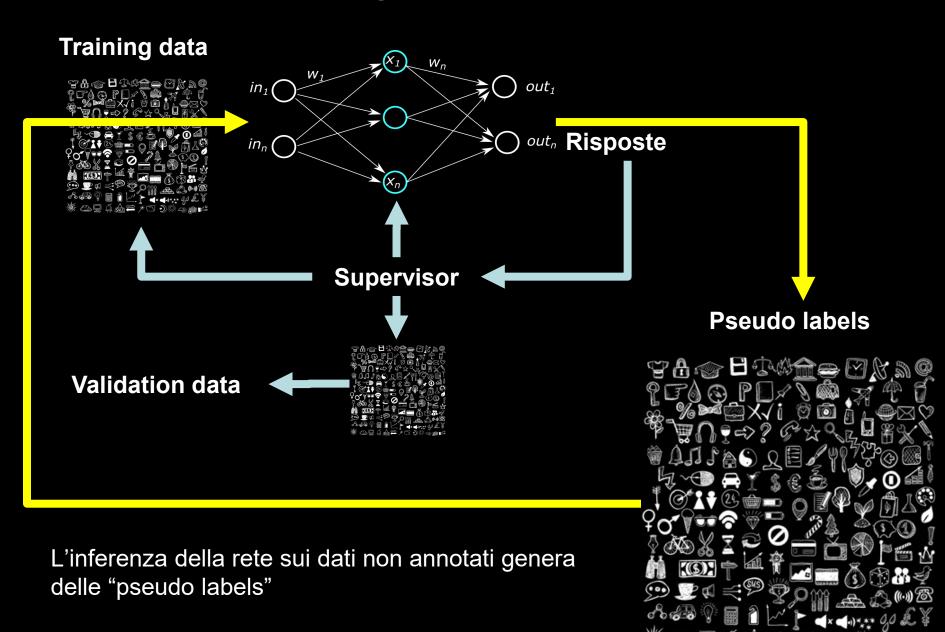
# **Semi-supervised learning**



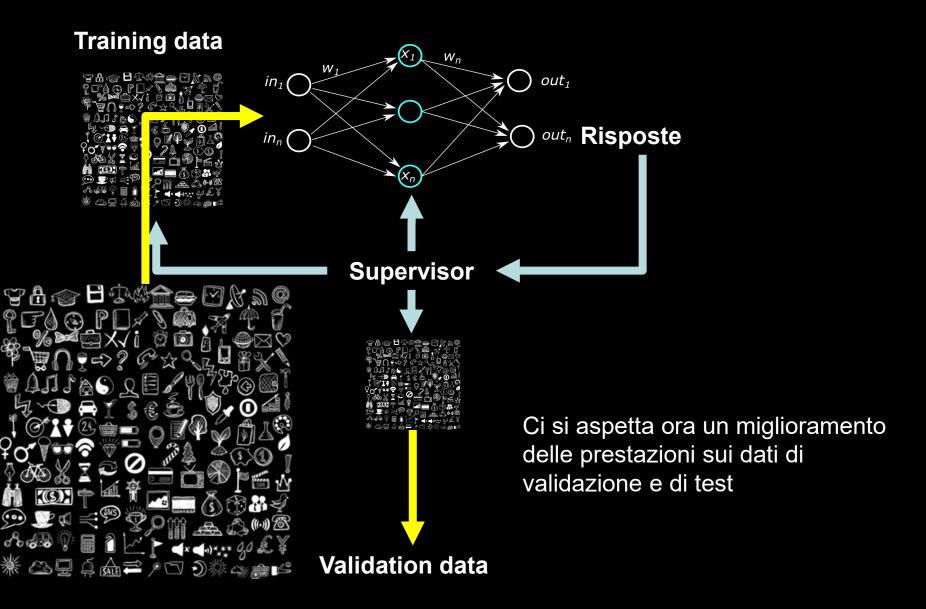
Supponiamo di avere a disposizione una enorme quantità di dati non annotati e di voler usare questi dati per astrarre nuova conoscenza



# **Semi-supervised learning**

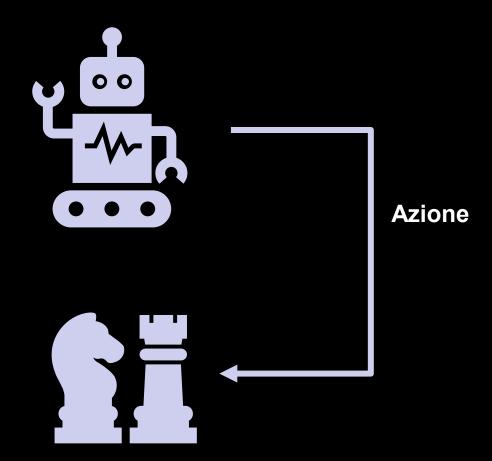


# **Semi-supervised learning**

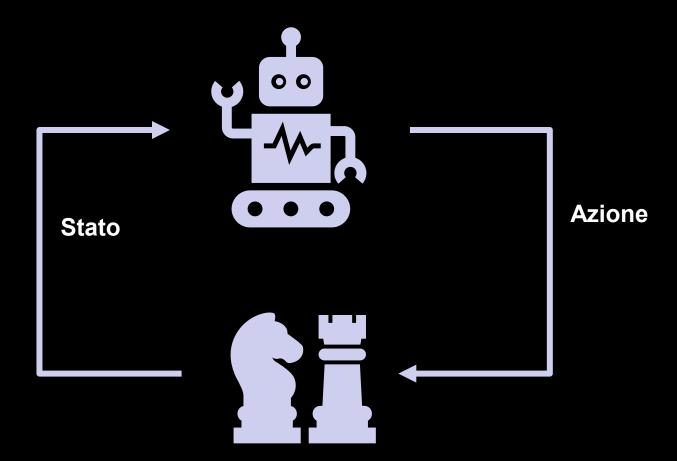




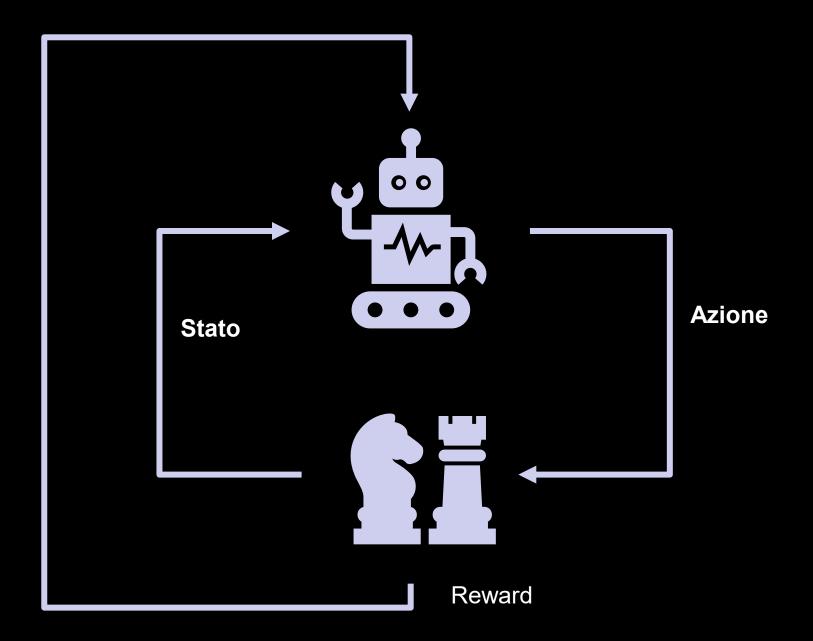
# **Reinfocement learning**



# **Reinfocement learning**

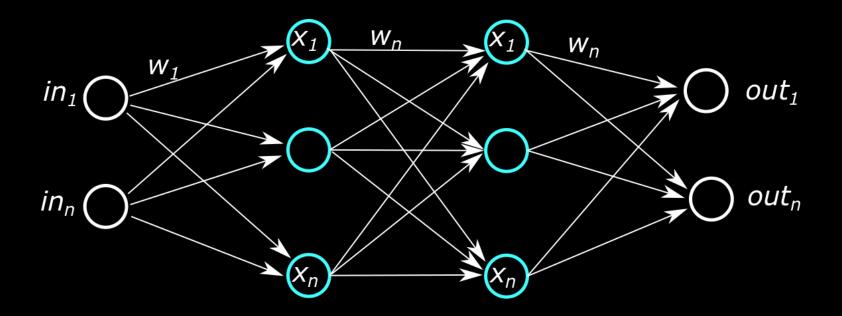


# **Reinfocement learning**



## **Parallelismo**

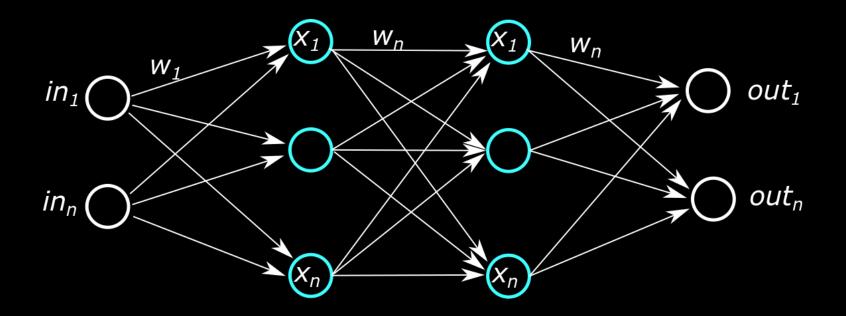




Ogni neurone nello stesso livello è indipendente dagli altri

## **Parallelismo**



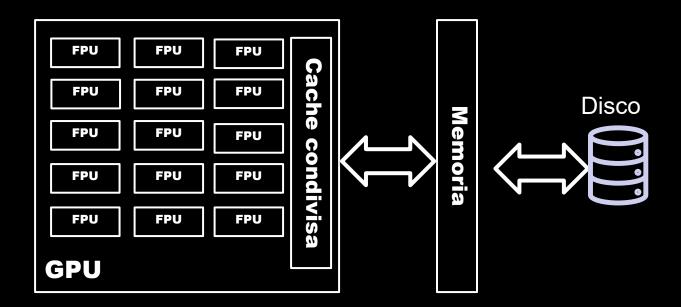


Ogni neurone nello stesso livello è indipendente dagli altri

Ogni livello dipende solo dal precedente livello

# Parallelizzazione su CPU VS GPU

Entrambe hanno FPU cores che fanno somme e moltiplicazioni, la principale differenza è che le GPU fanno la stessa operazione (eseguono la stessa istruzione di basso livello) allo stesso momento su molticores diversi con input diversi

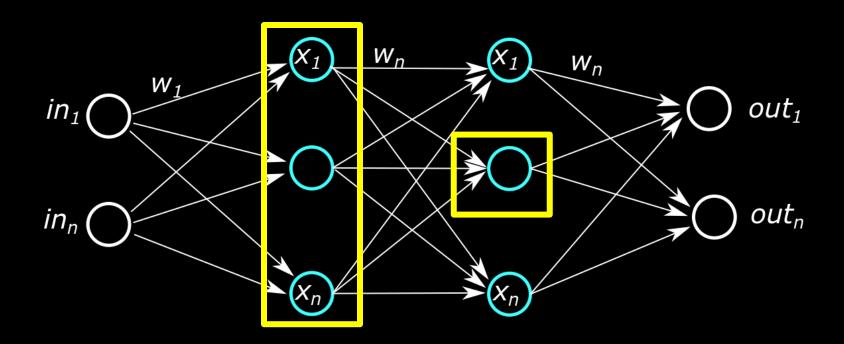


Obiettivo: alta larghezza di banda

Di fatto tutte le FPU eseguono la stessa istruzione macchina allo stesso tempo sulla cache condivisa

## **Parallelismo**



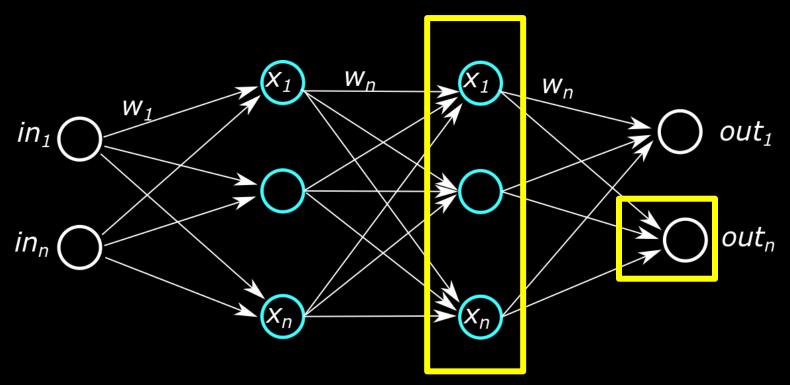


Ogni neurone nello stesso livello è indipendente dagli altri

Ogni livello dipende solo dal precedente livello

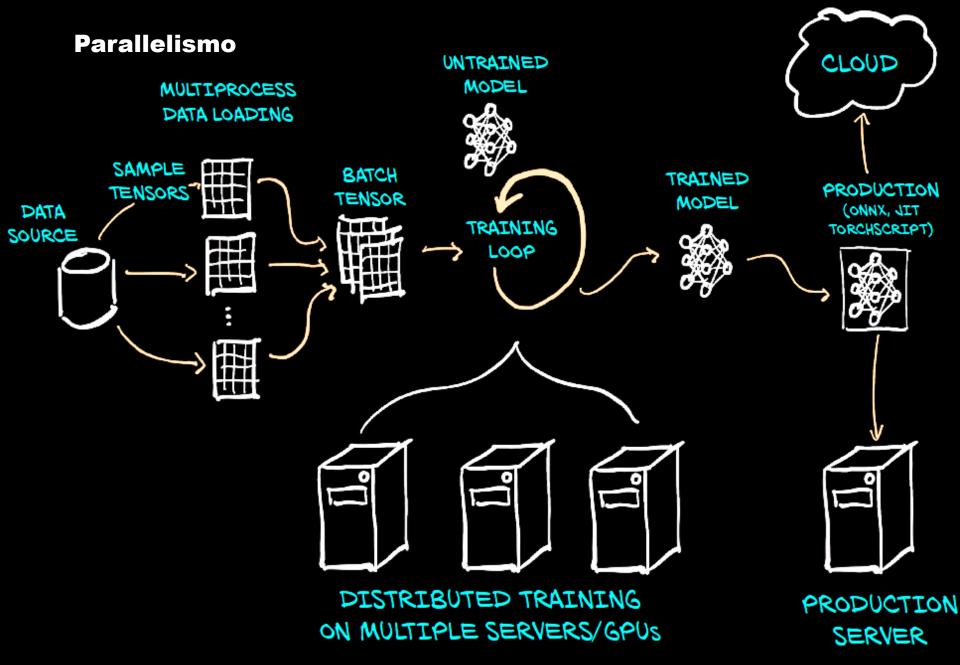
## **Parallelismo**





Ogni neurone nello stesso livello è indipendente dagli altri

Ogni livello dipende solo dal precedente livello



Eli Stevens, Luca Antiga, Thomas Viehmann, "Deep Learning With Pytorch: Build, Train, and Tune Neural Networks Using Python Tools" 2020.

# Multilayer Feedforward Networks are Universal Approximators

#### Kur' Hornik

Technische Universität Wien

#### MAXWELL STINCHCOMBE AND HALBER WHITE

University of California, San Diego

(Received 16 September 1988; revised and accepted 9 March 1989)

Abstract—This paper rigorously establishes that standard multilayer feedforward networks with as few as one hidden layer using arbitrary squashing functions are capable of approximating any Borel measurable function from one finite dimensional space to another to any desired degree of accuracy, provided sufficiently many hidden units are available. In this sense, multilayer feedforward networks are a class of universal approximators.

source:

# Multilayer Feedforward Networks are Universal Approximators

#### Kur' Hornik

Technische Universität Wien

#### MAXWELL STINCHCOMBE AND HALBER WHITE

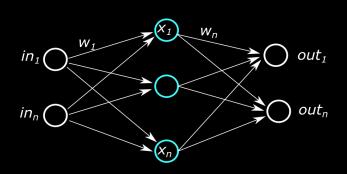
University of California, San Diego

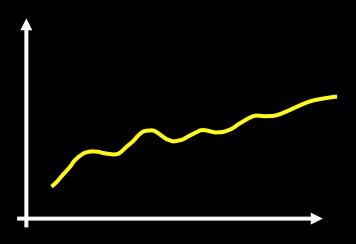
(Received 16 September 1988; revised and accepted 9 March 1989)

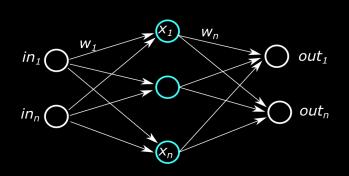
Abstract—This paper rigorously establishes that standard multilayer feedforward networks with as few as one hidden layer using arbitrary squashing functions are capable of approximating any Borel measurable function from one finite dimensional space to another to any desired degree of accuracy, provided sufficiently many hidden units are available. In this sense, multilayer feedforward networks are a class of universal approximators.

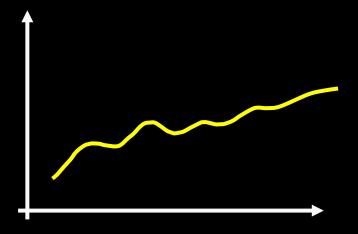
Reti feedforward multilivello con almeno un livello nascosto aventi una arbitraria funzione di attivazione "squashing" sono in grado di approssimare qualunque funzione misurabile

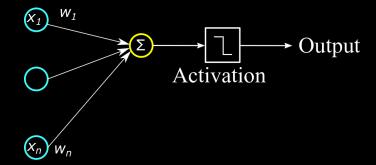
source:



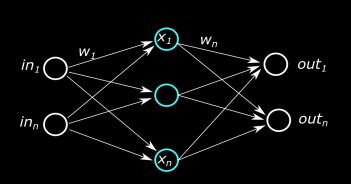


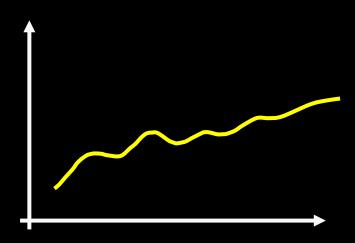


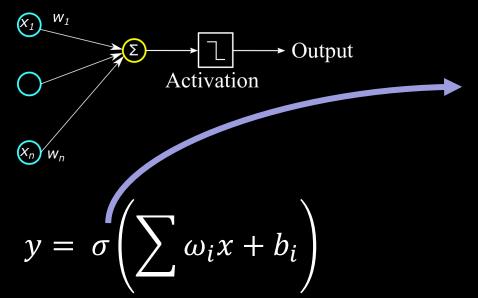


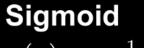


$$y = \sigma \left( \sum \omega_i x + b_i \right)$$

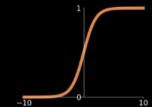


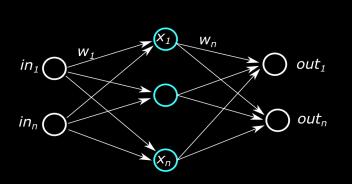


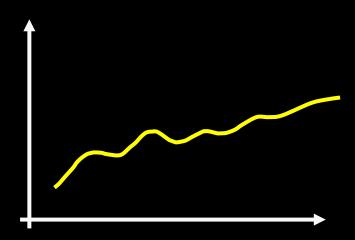


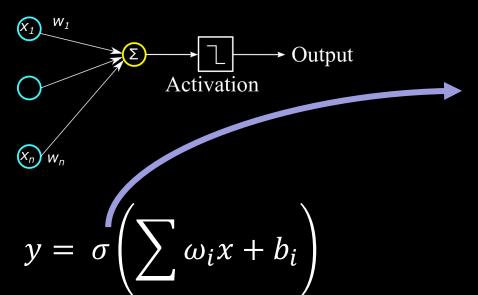


$$\sigma(x) = \frac{1}{1 + e^{-x}}$$





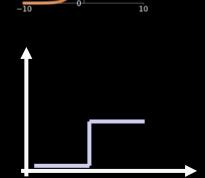


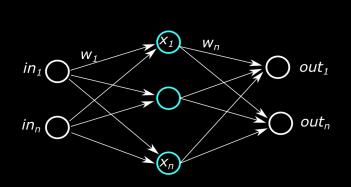


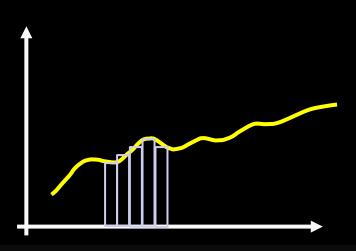


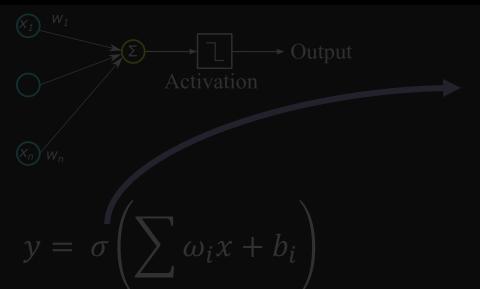
$$\sigma(x) = \frac{1}{1 + e^{-x}}$$

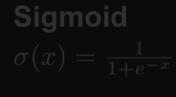














# Multilayer Feedforward Networks are Universal Approximators

#### Kur Hornik

Technische Universität Wien

#### MAXWELL STINCHCOMBE AND HALBER WHITE

University of California, San Diego

available. These results establish multilayer feedforward networks as a class of universal approximators. As such, failures in applications can be attributed to inadequate learning, inadequate numbers of hidden units, or the presence of a stochastic rather than a deterministic relation between input and target. Our results do not address the issue of how many units are needed to attain a given degree of approximation.

source:

Hornik, K., Stinchcombe, M. and White, H., 1989. Multilayer feedforward networks are universal approximators. Neural networks, 2(5), pp.359-366.

# Multilayer Feedforward Networks are Universal Approximators

#### Kur' Hornik

Technische Universität Wien

#### MAXWELL STINCHCOMBE AND HALBER WHITE

University of California, San Diego

available. These results establish multilayer feedforward networks as a class of universal approximators. As such, failures in applications can be attributed to inadequate learning, inadequate numbers of hidden units, or the presence of a stochastic rather than a deterministic relation between input and target. Our results do not address the issue of how many units are needed to attain a given degree of approximation.

Questi risultati stabiliscono che le reti neurali multilivello feedforward sono approssimatori universali. Ciò detto, ogni fallimento nelle loro applicazioni può essere attribuito a una procedura di apprendimento inadeguata, numero di livelli inadeguati, o la presenza di una relazione stocastica piuttosto che deterministica tra input e output

#### No free lunch theorem

il nostro modello è una semplificazione del mondo reale

le semplificazioni sono basate su ipotesi (bias del modello)

le ipotesi falliscono in alcune situazioni

Conclusione: Non esiste un modello che funziona in tutti i casi possibili

#### No free lunch theorem

Il no free lunch theorem o «teorema dell'inesistenza del pranzo gratis» dice che, mediando tute le possibili distribuzioni di dati, ogni algoritmo di classificazione ha lo stesso margine di errore quando si classificano punti non precedentemente osservati

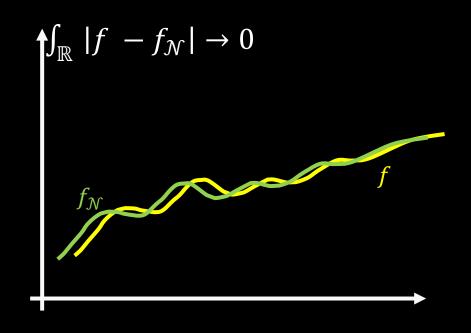
in altre parole

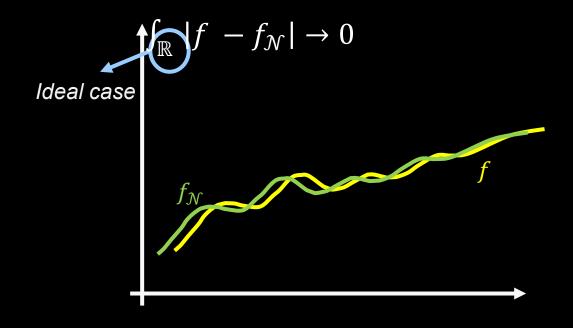
come il teorema di approssimazione universale, non esiste una rete migliore di qualunque altra e la differenza di prestazioni visibile sui dati di test è frutto di un bias

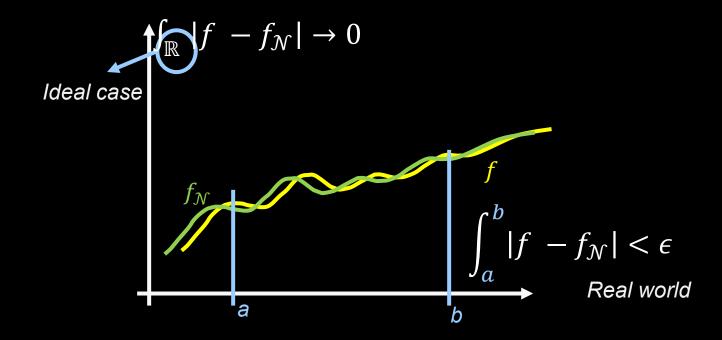
### **Teorema di approssimazione universale – Prova visuale**

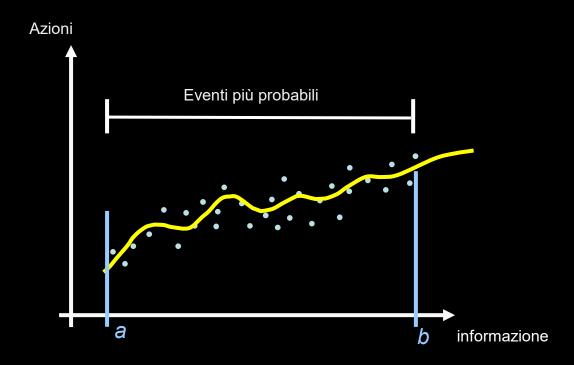
http://neuralnetworksanddeeplearning.com/chap4.html

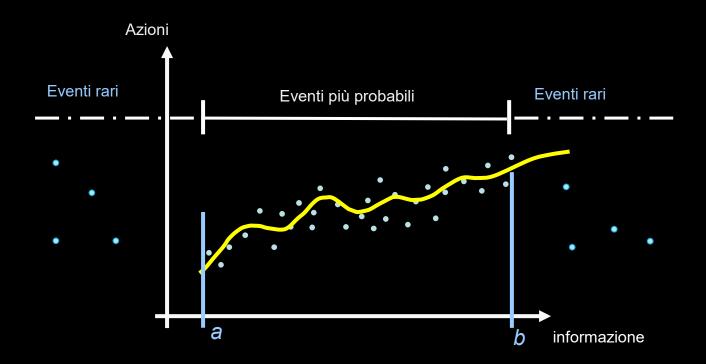
$$\int_{\mathbb{R}} |f - f_{\mathcal{N}}| \to 0$$

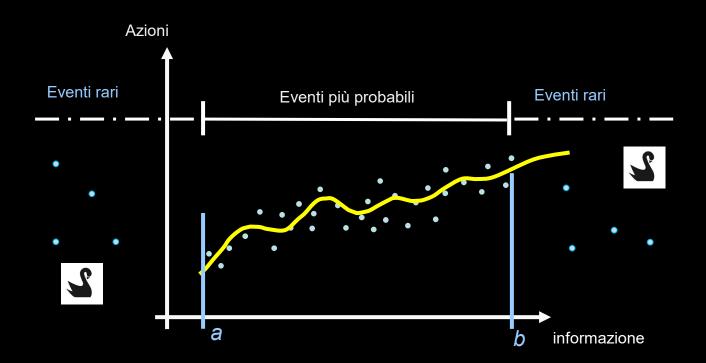




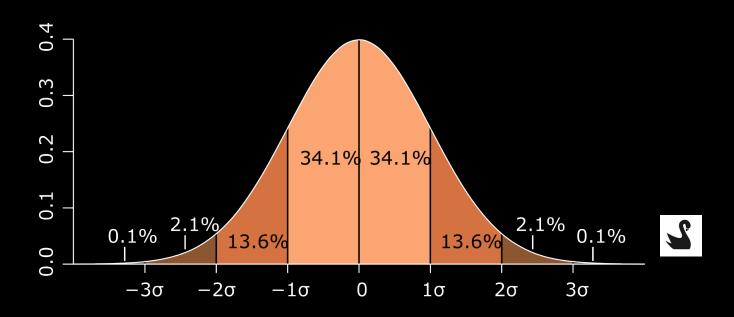






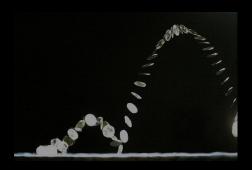


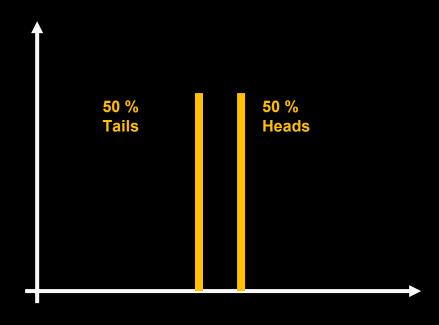
Il cigno nero è un simbolo che rappresenta un insieme di eventi improbabili che fanno parte della distribuzione di probabilità ma che influiscono fortemente sul sistema



### Esempi:

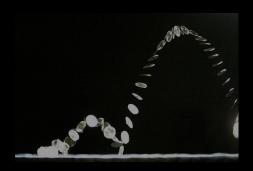
Moneta

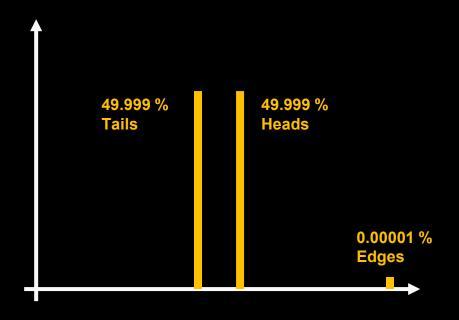




## Esempi:

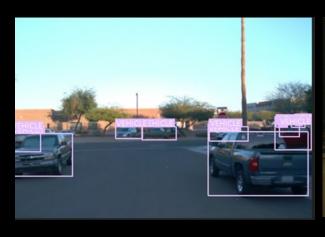
Moneta





### Esempi:

- Moneta
- Guida autonoma

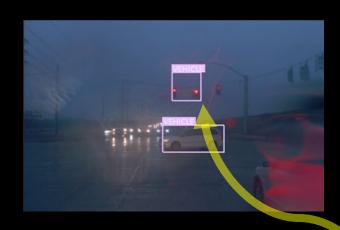






### Esempi:

- Moneta
- Guida autonoma



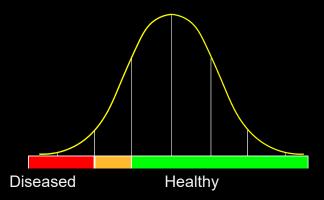






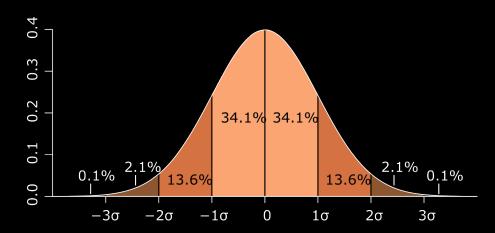
### Esempi:

- Moneta
- Guida autonoma
- Sanità



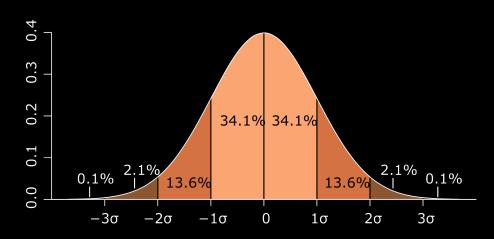
#### Motivazione:

- Decrementare la probabilità di fallimento
- Incrementare l'efficacia dei sistemi basati su lA
- Costruire componenti critici (sicurezza)



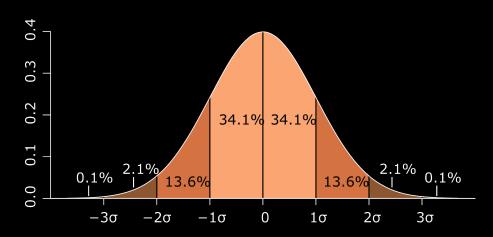
Cosa possiamo fare?

Acquisire più informazione



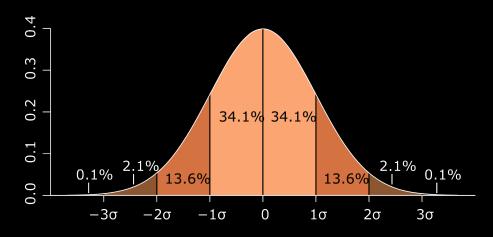
### Cosa possiamo fare?

- Acquisire più informazione
- Adversarial learning



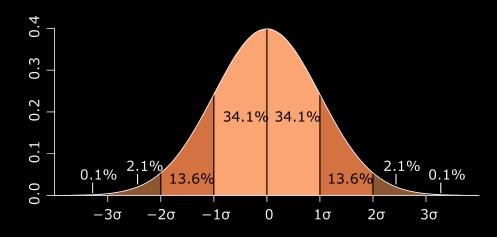
### Cosa possiamo fare?

- Acquisire più informazione
- Adversarial learning
- Explainable Al



### Cosa possiamo fare?:

- Acquisire più informazione
- Adversarial learning
- Explainable Al
- Connessioni simboliche



# Al level 1

Image recognition

Speech recognition

dog



Al level 1

Image recognition

Speech recognition

$$dog = f())$$

# Al level 1

Image recognition

Speech recognition

### word Sound

# Al level 1

Image recognition

Speech recognition

word = 
$$f(Sound)$$

Al level 1

Image recognition

Speech recognition

### Questa relazione non è ovvia quando si parla di abilità cognitive ed astrazione di conoscenza

\_.\_.......

# Al level 1

Image recognition

Speech recognition

### Problem solving

Comprehension

Mathematical thinking

Active coversation

Al level 2

Al level 1

Image recognition

Speech recognition

"Trying to understand perception by studying only neurons is like trying to understand bird flight by studying only feathers: it just cannot be done.

In order to understand bird flight, we have to understand aerodynamics; only then do the structure of feathers and the different shapes of birds' wings make sense"

David Marr,

Vision: A Computational Investigation into the Human Representation and Processing of Visual Information. (1982) H. Freeman and Co.