typedKanren: типизированное реляционное программирование в Haskell

Стариков Артем Игоревич Научный руководитель: Кудасов Николай Дмитриевич

Университет Иннополис

JointMETA, 1 июля 2024 г.

miniKanren

Примеры программ на Scheme Задачи перед статически типизированным диалектом

typedKanren

Класс типов Logical

Логическое представление типов

Унификация

Монада Goal

Пример: конкатенация списков

Реляционные версии сопоставления с образцом

Сравнение с другими реализациями

Заключение

miniKanren

miniKanren — это семейство логических языков программирования, встроенных в другие языки. Изначальную реализацию на языке Scheme представил Уилльям Бирд в своей диссертации в 2009 году^1 . Впоследствии появились реализации miniKanren на Clojure, Kotlin, OCaml, Python, Rust и других языках 2 .

¹Byrd, "Relational Programming in miniKanren: Techniques, Applications, and Implementations".

²https://minikanren.org

Унификация переменной со значением:

'(_.0)

Унификация переменной со значением:

```
Унификация переменной со значением:
> (run* (x)
   (== x 1))
'(1)
Свободная переменная в решении:
> (run*(x))
'( .0)
Список со свободной переменной внутри:
> (run* (x)
    (fresh (y)
      (== x (1,y)))
'((1 .0))
```

Конъюнкция и дизъюнкция

Противоречие в программе через конъюнкцию:

```
> (run* (x)
  (== x 1)
  (== x 2))
```

Конъюнкция и дизъюнкция

```
Противоречие в программе через конъюнкцию:
```

```
> (run* (x)
    (== x 1)
    (== x 2))
Несколько решений через дизъюнкцию:
> (run* (x)
    (conde
       \lceil (== x 1) \rceil
      [(== x 2)])
'(1 2)
```

Запуск программы:

```
> (run* (q) (appendo '(1 2) '(3 4) q))
'((1 2 3 4))
```

```
Запуск программы:
> (run* (q) (appendo '(1 2) '(3 4) q))
'((1 2 3 4))
Запуск программы «в обратном направлении»:
> (run* (q) (appendo '(1 2) q '(1 2 3 4)))
'((3 4))
```

```
Запуск программы:
> (run* (q) (appendo '(1 2) '(3 4) q))
'((1 2 3 4))
Запуск программы «в обратном направлении»:
> (run* (q) (appendo '(1 2) q '(1 2 3 4)))
'((3 4))
Нахождение всех способов разделить список на два:
> (run* (q r) (appendo q r '(1 2 3 4)))
'((() (1 2 3 4))
  ((1) (2 3 4))
  ((1\ 2)\ (3\ 4))
  ((1 2 3) (4))
  ((1 2 3 4) ()))
```

Мы реализуем typedKanren — диалект miniKanren на Haskell: функциональном языке программирования со статической типизацией и ленивой моделью вычисления. При этом мы хотим достичь:

 поддержки основных операций: унификация, конъюнкция, дизъюнкция, создание свежих переменных и запуск реляционных программ;

Мы реализуем typedKanren — диалект miniKanren на Haskell: функциональном языке программирования со статической типизацией и ленивой моделью вычисления. При этом мы хотим достичь:

- поддержки основных операций: унификация, конъюнкция, дизъюнкция, создание свежих переменных и запуск реляционных программ;
- поддержки пользовательских типов в реляционных программах;

Мы peaлизуем typedKanren — диалект miniKanren на Haskell: функциональном языке программирования со статической типизацией и ленивой моделью вычисления. При этом мы хотим достичь:

- поддержки основных операций: унификация, конъюнкция, дизъюнкция, создание свежих переменных и запуск реляционных программ;
- поддержки пользовательских типов в реляционных программах;
- удобной записи реляционных программ с использованием обычных синтаксических конструкций Haskell;

Мы peaлизуем typedKanren — диалект miniKanren на Haskell: функциональном языке программирования со статической типизацией и ленивой моделью вычисления. При этом мы хотим достичь:

- поддержки основных операций: унификация, конъюнкция, дизъюнкция, создание свежих переменных и запуск реляционных программ;
- поддержки пользовательских типов в реляционных программах;
- удобной записи реляционных программ с использованием обычных синтаксических конструкций Haskell;
- высокой производительности реляционных программ, использующих typedKanren.

Пользовательские типы: класс типов Logical

Прежде всего объявим класс типов, которые можно использовать в реляционных программах:

```
class Logical a where
  type Logic a = r | r -> a
  unify :: Logic a -> Logic a -> State -> Maybe State
  walk :: State -> Logic a -> Logic a
  inject :: a -> Logic a
  extract :: Logic a -> Maybe a
  ...
```

Пользовательские типы: класс типов Logical

Прежде всего объявим класс типов, которые можно использовать в реляционных программах:

```
class Logical a where
  type Logic a = r | r -> a
  unify :: Logic a -> Logic a -> State -> Maybe State
  walk :: State -> Logic a -> Logic a
  inject :: a -> Logic a
  extract :: Logic a -> Maybe a
  ...
```

Также объявим Term а — тип, который содержит либо переменную, либо значение типа Logic a:

Логическое представление типов

Простые типы, такие как числа и символы, не содержат в себе полей, а потому могут использоваться в реляционных программах как есть.

```
instance Logical Int where
  type Logic Int = Int
   ...
```

Логическое представление типов

Простые типы, такие как числа и символы, не содержат в себе полей, а потому могут использоваться в реляционных программах как есть.

```
instance Logical Int where
  type Logic Int = Int
...
```

Более сложные типы, как списки и деревья, содержат данные, и в реляционных программах бывает нужно заменить их переменной. Поэтому для таких типов нужно отдельное, *погическое* представление, которое разрешает использование переменных.

Meтод unify класса Logical принимает два логических значения и пробует их унифицировать.

Пользовательский unify, тем не менее, не работает с переменными напрямую. Унификация логических переменных делегируется функции unify'.

Mонада Goal

При написании реляционных программ понадобится монада Goal. Она оборачивает функцию, принимающее состояние и возвращающее поток состояний.

```
newtype Goal x = Goal (State -> Stream (State, x))
```

Так как Goal является монадой, мы можем использовать do-нотацию при написании реляционных программ, что значительно улучшает их читаемость.

Основные операции над Goal

```
(===) :: Logical a => Term a -> Goal () -
           унифицирует два логических значения:
conj :: Goal x -> Goal y -> Goal y — конъюнкция двух целей;
disj :: Goal x -> Goal x -> Goal x - дизъюнкция двух целей;
conjMany :: [Goal ()] -> Goal () — конъюнкция списка целей;
disjMany :: [Goal x] -> Goal x - дизъюнкция списка целей;
fresh :: Fresh v => Goal v создает логические переменные
           в нужном пользователю количестве;
run :: Fresh v \Rightarrow (v \rightarrow Goal()) \rightarrow [v] запускает реляционную
           программу и возвращает список решений.
```

```
appendo :: Logical a
        => Term [a] -> Term [a] -> Goal ()
appendo xs ys zs = disjMany
  ob 1
      xs === Value LogicNil
      vs === zs
  , do
      (x, xs', zs') \leftarrow fresh
      xs === Value (LogicCons x xs')
      zs === Value (LogicCons x zs')
      appendo xs' ys zs'
LogicNil и LogicCons являются логическими аналогами
конструкторов [] и (:) соответственно.
```

Запуск программы:

```
>>> run (\q -> appendo [1, 2] [3, 4 :: Term Int] q) [[1,2,3,4]]
```

```
Запуск программы:
```

```
>>> run (\q -> appendo [1, 2] [3, 4 :: Term Int] q) [[1,2,3,4]]
Запуск программы «в обратном направлении»:
>>> run (\q -> appendo [1, 2] q [1, 2, 3, 4 :: Term Int]) [[3,4]]
```

```
Запуск программы:
>>> run (\q -> appendo [1, 2] [3, 4 :: Term Int] q)
[[1.2.3.4]]
Запуск программы «в обратном направлении»:
>>> run (\q -> appendo [1, 2] q [1, 2, 3, 4 :: Term Int])
[[3,4]]
Нахождение всех способов разделить список на два:
>>> mapM_ print $
... run (\((q, r) -> appendo q r [1, 2, 3, 4 :: Term Int])
([],[1,2,3,4])
([1], [2,3,4])
([1,2],[3,4])
([1,2,3],[4])
([1,2,3,4],[])
```

Заметим, что conde в miniKanren — это реляционная версия конструкции cond:

В реализации append на Haskell вместо ветвлений идиоматично использовать сопоставление с образцом:

```
append :: [a] -> [a] -> [a]
append xs ys = case xs of
  [] -> ys
  (x:xs') -> x : append xs' ys
```

Поэтому при реализации appendo на Haskell также хотелось бы использовать сопоставление с образцом вместо disjMany.

В реализации append на Haskell вместо ветвлений идиоматично использовать сопоставление с образцом:

```
append :: [a] -> [a] -> [a]
append xs ys = case xs of
  [] -> ys
  (x:xs') -> x : append xs' ys
```

Поэтому при реализации appendo на Haskell также хотелось бы использовать сопоставление с образцом вместо disjMany.

К сожалению, использовать встроенное выражение case в реляционных программах не получится. case выбирает первый подходящий образец, когда как в реляционных программах необходимо рассмотреть каждый образец. Haskell не позволяет изменить это поведение.

При реализации реляционной версии саѕе мы ориентировались на библиотеку $total^3$, которая позволяет проводить исчерпывающее сопоставление с образцом с помощью *призм*⁴:

³Gonzalez, total-1.0.0: Exhaustive pattern matching using traversals, prisms, and lenses; Gonzalez, total library.

⁴Laarhoven, CPS based functional references; Kmett, lens library.

Реляционные версии сопоставления с образцом: неисперпывающий вариант

В typedKanren реализованы две версии сопоставления с образцом: неисчерпывающая и исчперпывающая. Неисчерпывающая является более простой и позволяет использовать призмы, сгенерированные с помощью уже существующей библиотеки $lens^5$.

```
appendo xs ys zs = xs & (matche
    & on _LogicNil (\() -> ys === zs)
    & on _LogicCons (\(x, xs') -> do
    zs' <- fresh
    zs === LogicCons x zs'
    appendo xs' ys zs'))</pre>
```

⁵Kmett, lens library.

Реляционные версии сопоставления с образцом: исперпывающий вариант

Исперпывающая версия сопоставления позволяет на этапе компиляции убедиться, что проверены все варианты. Для этого необходимы специальные версии призм, в типе которых содержится информация, какой вариант из всех доступных проверяет эта призма. В остальном исчерпывающая версия не отличается от неисчерпывающей.

```
appendo xs ys zs = xs & (matche'
    & on' _LogicNil' (\() -> ys === zs)
    & on' _LogicCons' (\(x, xs') -> do
    zs' <- fresh
    zs === LogicCons x zs'
    appendo xs' ys zs')
    & enter')</pre>
```

Сравнение с другими реализациями

Мы сравнили производительность typedKanren с реализациями miniKanren на других языках: $faster-miniKanren^6$ на Racket, $OCanren^7$ на OCaml и $klogic^8$ на Kotlin. Последние две отличаются тем, что встроены в статически типизированный язык и поддерживают пользовательские типы.

⁶Ballantyne, A fast implementation of miniKanren with disequality and absento, compatible with Racket and Chez.

⁷Kosarev and Boulytchev, "Typed embedding of a relational language in OCaml".

⁸Kamenev et al., "klogic: miniKanren in Kotlin".

Сравнение с другими реализациями

Для сравнения мы использовали следующие программы:

- ▶ Вычисление 3^5 и $\log_3 243$ в двоичной системе счисления 9^5 ;
- Нахождение 100 квайнов первого порядка (quines), 15 квайнов второго порядка (twines) и 2 квайна третьего порядка (thrines) для реляционного интерпретатора Scheme¹⁰.

Исходный код всех программ доступен в репозитории на GitHub^{11} .

⁹Kiselyov et al., "Pure, Declarative, and Constructive Arithmetic Relations (Declarative Pearl)".

¹⁰Byrd, Holk, and Friedman, "miniKanren, Live and Untagged: Quine Generation via Relational Interpreters (Programming Pearl)".

¹¹https://github.com/SnejUgal/typedKanren-benchmarks

Сравнение с другими реализациями

	3^5	$\log_3 243$	quines	twines	thrines
faster-miniKanren	118.8	20.3	332.0	285.4	529.5
OCanren	463.1	65.9	832.3	759.8	1 317.9
klogic	1189.8	91.0	1015.0	1227.5	5 346.5
${ t typedKanren}$	690.8	83.5	1378.0	1 907.0	4 462.0

Figure: Результаты сравнения производительности. Указано время в миллисекундах.

typedKanren сравним по производительности с klogic, но медленнее остальных реализаций. Мы планируем улучшить производительность typedKanren, применив оптимизации из других реализаций miniKanren.

Заключение

Мы реализовали typedKanren — диалект miniKanren на Haskell. Как и другие диалекты, typedKanren поддерживает основные операции miniKanren и реализует честный поиск. От большинства других диалектов typedKanren отличает поддержка статической типизации, а также наличие реляционного сопоставления с образцом.

Заключение

Мы реализовали typedKanren — диалект miniKanren на Haskell. Как и другие диалекты, typedKanren поддерживает основные операции miniKanren и реализует честный поиск. От большинства других диалектов typedKanren отличает поддержка статической типизации, а также наличие реляционного сопоставления с образцом.

Мы сравнили производительность typedKanren с некоторыми диалектами miniKanren на других языках. Наша реализация оказалась сравнимой с klogic, но медленнее других реализаций. Мы рассматриваем возможности оптимизации с применением более эффективных алгоритмов.

Заключение

В дальнейшем мы планируем реализовать квазиквотирование для упрощения синтаксиса реляционных программ, а также исследовать автоматическую конвертацию функциональных программ в реляционные.

Исходный код typedKanren доступен на $GitHub^{12}$.

¹²https://github.com/SnejUgal/typedKanren

Список литературы І

- Ballantyne, Michael. A fast implementation of miniKanren with disequality and absento, compatible with Racket and Chez. 2015. URL: https://github.com/michaelballantyne/faster-minikanren (visited on 06/06/2024).
- Byrd, William E. "Relational Programming in miniKanren: Techniques, Applications, and Implementations". AAI3380156. PhD thesis. USA, 2009. ISBN: 9781109504682.
- Byrd, William E., Eric Holk, and Daniel P. Friedman. "miniKanren, Live and Untagged: Quine Generation via Relational Interpreters (Programming Pearl)". In: Proceedings of the 2012 Annual Workshop on Scheme and Functional Programming. Scheme '12. Copenhagen, Denmark: Association for Computing Machinery, 2012, pp. 8–29. ISBN: 9781450318952. DOI: 10.1145/2661103.2661105. URL: https://doi.org/10.1145/2661103.2661105.

Список литературы II

- Gonzalez, Gabriella. total library. URL: https://hackage.haskell.org/package/total (visited on 06/06/2024).
- .total-1.0.0: Exhaustive pattern matching using traversals, prisms, and lenses. Jan. 2015. URL: https://www.haskellforall.com/2015/01/total-100-exhaustive-pattern-matching.html (visited on 06/06/2024).
- Kamenev, Yury et al. "klogic: miniKanren in Kotlin". In: Proceedings of the Fifth miniKanren Workshop (miniKanren '23). 2023. URL: http://minikanren.org/workshop/2023/minikanren23-final4.pdf.
- Kiselyov, Oleg et al. "Pure, Declarative, and Constructive Arithmetic Relations (Declarative Pearl)". In: Functional and Logic Programming. Ed. by Jacques Garrigue and Manuel V. Hermenegildo. Berlin, Heidelberg: Springer Berlin Heidelberg, 2008, pp. 64–80. ISBN: 978-3-540-78969-7.

Список литературы III

- Kmett, Edward. *lens library*. URL: https://hackage.haskell.org/package/lens (visited on 06/06/2024).
- Kosarev, Dmitrii and Dmitry Boulytchev. "Typed embedding of a relational language in OCaml". In: arXiv preprint arXiv:1805.11006 (2018).
- Laarhoven, Twan van. CPS based functional references. July 2009. URL: https://www.twanvl.nl/blog/haskell/cps-functional-references (visited on 06/06/2024).