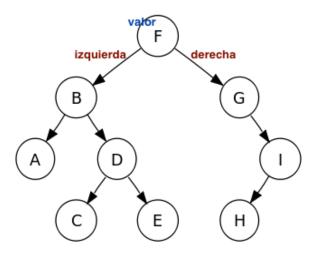
→ Clase 13: AB y ABB (Árbol de Búsqueda Binaria)

(Capítulo 9.9 del Apunte)

Recuerdo Árboles Binarios (AB)



Cumplen alguna de las siguientes condiciones:

- Un AB es vacío, o
- Tiene un valor, un AB a la izquierda, y otro AB a la derecha

Creación de un AB

Un AB es una estructura recursiva pues un AB contiene un valor (llamado raíz) y dos ABs adentro!

AB = valor + AB izquierdo + AB derecho

```
#Arbol Binario
#AB: valor(any), izq(AB), der(AB)
estructura.crear("AB","valor izq der")

# creamos un AB
ab=AB("F",\
    AB("B",\
    AB("A",None,None),\
    AB("D",\
    AB("C",None,None),\
    ...
    ...
}
```

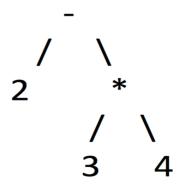
```
AB("E", None, None))),\
AB("G",\
None,\
AB("I",\
AB("H", None, None),\
None)))

print(ab.valor)
print(ab.izq)
print(ab.der)

print(ab.izq.valor) # dentro del sub-arbol izquierdo: la raiz
print(ab.izq.izq) # dentro del sub-arbol izquierdo: su sub-arbol izquierdo
print(ab.izq.der) # dentro del sub-arbol izquierdo: su sub-arbol izquierdo
```

Vimos tareas típicas sobre un AB

- · Crear un AB
- · Contar los nodos de un AB
- Calcular la altura de un AB
- Contar las hojas de un AB
- ▼ Un tipo de Árbol Binario: Un AB de expresiones aritméticas



```
#arbol expresión
#AB con numeros en los valores de las hojas
# y operadores en los valores de las no-hojas
ae=AB("-", \
          AB(2,None,None),\
          AB(3,None,None),\
```

```
#evaluar: AB -> num
#evalua expresión representada en AB
#ej: evaluar(ae) \rightarrow -10
def evaluar(A):
    assert type(A) == AB
    if A.izq == None and A.der == None:
        return A.valor
    a=evaluar(A.izq) #primer operando
    b=evaluar(A.der) #segundo operando
    op=A.valor
                    #operador
    if op=="+":
        return a+b
    if op=="-":
        return a-b
    if op=="*":
        return a*b
    if op=="/":
        return a/b
assert evaluar(ae)==-10
otroAE = AB("*",AB("+",AB(3,None,None),AB(4,None,None)),AB("/",AB(10,None,None),AB(5,1
print(otroAE)
print(evaluar(otroAE))
Propuesto 1:: Modificar la función anterior para que permita evaluar AB que representen
expresiones aritméticas con exponenciación, como por ejemplo: 5+2**3
En otras palabras, si
 ae2 = AB("+",AB(5,None,None),AB("**",AB(2,None,None),AB(3,None,None)))
entonces
 evaluar(ae2)
```

AB(4, None, None)))

Propuesto 2: Modificar la función anterior para que permita evaluar AB que representen expresiones aritméticas con números negativos, como por ejemplo:

```
7+2*-3
```

En otras palabras, si

```
ae3 = AB("+",AB(5,None,None),AB("*",AB(2,None,None),AB("-",None,AB(3,None,None))))
entonces
evaluar(ae3)
```

retorna 1.

Pista: Fijarse que el árbol de expresión aritmético para -3 es el árbol para 0-3 pero reemplazando el subárbol con la hoja 0 por un None. Entonces, para evaluar árboles con negativos, sólo tiene que modificar la función para detectar si un árbol con "-" en la raíz representa (a) una resta (caso ya listo) o (b) un número negativo.

▼ ABB: Árbol de Búsqueda Binaria

Un ABB es un árbol binario tal que:

es un árbol vacío (None)

o sino,

- valores en el AB izquierdo son menores que el valor
- valores en el AB derecho son mayores que el valor
- AB izquierdo y AB derecho son también ABB



```
import estructura
#Arbol Binario
#AB: valor(any), izq(AB), der(AB)
estructura.crear("AB","valor izq der")

abb=AB("F",\
    AB("B",\
    AB("A",None,None),\
    AB("D",\)
```

Cómo encontrar un valor en un ABB

```
#buscaValor: any AB -> bool
#True si x está en arbol
#ej: buscaValor("A",abb)->True

def buscaValor(x,arbol):

   assert arbol==None or type(arbol)==AB
   if arbol==None:
       return False

   elif arbol.valor==x:
       return True
   elif x < arbol.valor:
       return buscaValor(x,arbol.izq)
   elif x > arbol.valor:
       return buscaValor(x,arbol.der)

assert buscaValor("A",abb)
```

▼ Ejemplo: Cómo saber si un AB es un ABB?

Es decir, cómo sabemos si un árbol binario cumple con las condiciones para ser un árbol de búsqueda binario?

```
#esABB: AB -> bool
#True si AB es un ABB
#ej: esABB(abb)->True

def esABB(arbol):
    assert arbol==None or type(arbol)==AB
    if arbol==None:
        return True

# debemos revisar que AB izquierdo sea ABB
```

```
it esABBMenor(arbol.valor,arbol.izq) and esABBMayor(arbol.valor,arbol.der):
            return True
    else:
        return False
assert esABB(abb)
assert not esABB(AB("B",AB("C",None,AB("A",None,None)),None))
def esABBMenor(valor, arbol):
    if arbol == None:
        return True
    elif (arbol.valor < valor)\
             and esABBMenor(arbol.valor,arbol.izq)\
             and esABBMayor(arbol.valor,arbol.der):
        return True
    else:
        return False
assert esABBMenor("F", AB("B",\
                             AB("A", None, None), \
                             AB("D",\
                                 AB("C", None, None), \
                                 AB("E", None, None))))
def esABBMayor(valor, arbol):
    if arbol == None:
        return True
    elif (arbol.valor > valor) \
        and esABBMenor(arbol.valor,arbol.izg) \
        and esABBMayor(arbol.valor,arbol.der):
        return True
    else:
        return False
assert esABBMayor("F",AB("G",\
                             None, \
                             AB("I",\
                                   AB("H", None, None),\
                                   None)))
#escribir: AB -> None
#escribir valores de ABB A en orden ...
#ej: escribir(abb) -> ...
def escribir(arbol):
    assert arbol==None or type(arbol)==AB
    if arbol==None:
        return
```

```
escribir(arbol.der)
escribir(abb)
#insertar: any, AB -> AB
#nuevo ABB insertando x en ABB A
#ej: insertar("A",AB("B",None,None))->
                  AB("B", AB("A", None, None), None)
def insertar(x,arbol):
    assert arbol==None or type(arbol)==AB
    if arbol==None:
        return AB(x,None,None)
    assert x!=arbol.valor
    if x<arbol.valor:</pre>
        return AB(arbol.valor, insertar(x,arbol.izq), arbol.der)
    if x>arbol.valor:
        return AB(arbol.valor, arbol.izq, insertar(x,arbol.der) )
assert insertar("A",AB("B",None,None))== \
               AB("B", AB("A", None, None), None)
```

escribir(arbol.izq)
print(arbol.valor)