

UNIVERSIDAD NACIONAL AUTÓNOMA DE MÉXICO



EQUIPO:

ASIGNATURA:

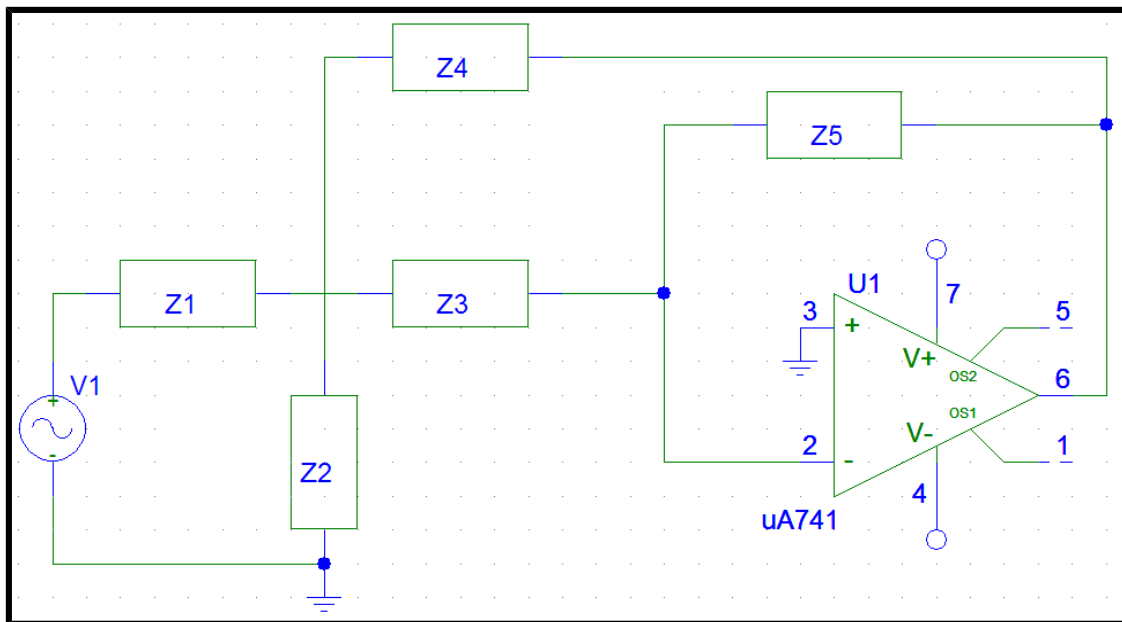
GRUPO: 1

viernes, 28 de abril de 2006. Ciudad Universitaria. México

ECUALIZADOR

FILTRO PASO BANDA DE BANDA ANGOSTA

Los filtros de banda angosta presentan la típica respuesta en frecuencia que se observa en la siguiente figura. El análisis y la construcción de esos filtros, se simplifica mucho al estipularse que el filtro de banda angosta tendrá una ganancia máxima de 1 o 0 [dB] a la frecuencia de resonancia F_r . En un filtro de banda angosta sólo se emplea un amplificador operacional, como se muestra continuación (compare este circuito con los circuitos de banda ancha con dos amplificadores operacionales). La resistencia de entrada queda establecida aproximadamente por la resistencia R . si se coloca una resistencia de realimentación ($2R$), de modo que sea el doble de la resistencia de entrada R , la ganancia máxima del filtro será 1 o 0 [dB] en la frecuencia de resonancia F_r . Ajustando R_r es posible cambiar o realizar el ajuste fino de la frecuencia de resonancia sin modificar el ancho de banda o la ganancia.



Analizando según diagrama:

$$\frac{v_e - v_a}{Z_1} = \frac{v_a - v_s}{Z_4} + \frac{v_a - v_n}{Z_3} + \frac{v_a - 0}{Z_2}$$

$$\frac{v_e - v_a}{Z_1} = \frac{v_a - v_s}{Z_4} + \frac{v_a - 0}{Z_3} + \frac{v_a - 0}{Z_2}$$

$$\frac{v_e - v_a}{Z_1} = -\frac{v_s}{Z_4} + v_a \left(\frac{1}{Z_3} + \frac{1}{Z_2} + \frac{1}{Z_4} \right) \dots\dots\dots (1)$$

$$\frac{v_a - v_n}{Z_3} = \frac{v_n - v_s}{Z_5}$$

$$\frac{v_a}{Z_3} = -\frac{v_s}{Z_5}$$

$$v_a = -v_s \frac{Z_3}{Z_5} \dots\dots\dots(2)$$

$$(2) \text{ en } (1) \frac{v_e - \left[-v_s \frac{Z_3}{Z_5} \right]}{Z_1} = -\frac{v_s}{Z_4} + \left[-v_s \frac{Z_3}{Z_5} \right] \left(\frac{1}{Z_3} + \frac{1}{Z_2} + \frac{1}{Z_4} \right)$$

$$\frac{v_e + v_s \frac{Z_3}{Z_5}}{Z_1} = -\frac{v_s}{Z_4} - v_s \frac{Z_3}{Z_5} \left(\frac{1}{Z_3} + \frac{1}{Z_2} + \frac{1}{Z_4} \right)$$

$$\frac{v_e}{Z_1} + v_s \frac{Z_3}{Z_5 Z_1} = -\frac{v_s}{Z_4} - v_s \frac{Z_3}{Z_5} \left(\frac{1}{Z_3} + \frac{1}{Z_2} + \frac{1}{Z_4} \right)$$

$$\frac{v_e}{Z_1} = -\frac{v_s}{Z_4} - v_s \frac{Z_3}{Z_5} \left(\frac{1}{Z_3} + \frac{1}{Z_2} + \frac{1}{Z_4} \right) - v_s \frac{Z_3}{Z_5 Z_1}$$

$$\frac{v_e}{Z_1} = v_s \left[-\frac{1}{Z_4} - \frac{Z_3}{Z_5} \left(\frac{1}{Z_3} + \frac{1}{Z_2} + \frac{1}{Z_4} \right) - \frac{Z_3}{Z_5 Z_1} \right]$$

$$\frac{1}{Z_1 \left[-\frac{1}{Z_4} - \frac{Z_3}{Z_5} \left(\frac{1}{Z_3} + \frac{1}{Z_2} + \frac{1}{Z_4} \right) - \frac{Z_3}{Z_5 Z_1} \right]} = \frac{v_s}{v_e}$$

$$\frac{1}{Z_1 \left[-\frac{1}{Z_4} - \frac{Z_3}{Z_5} \left(\frac{Z_2 Z_4 + Z_3 Z_4 + Z_3 Z_2}{Z_3 Z_2 Z_4} \right) - \frac{Z_3}{Z_5 Z_1} \right]} = \frac{v_s}{v_e}$$

$$\frac{1}{Z_1 \left[-\frac{1}{Z_4} - \left(\frac{Z_2 Z_4 + Z_3 Z_4 + Z_3 Z_2}{Z_5 Z_2 Z_4} \right) - \frac{Z_3}{Z_5 Z_1} \right]} = \frac{v_s}{v_e}$$

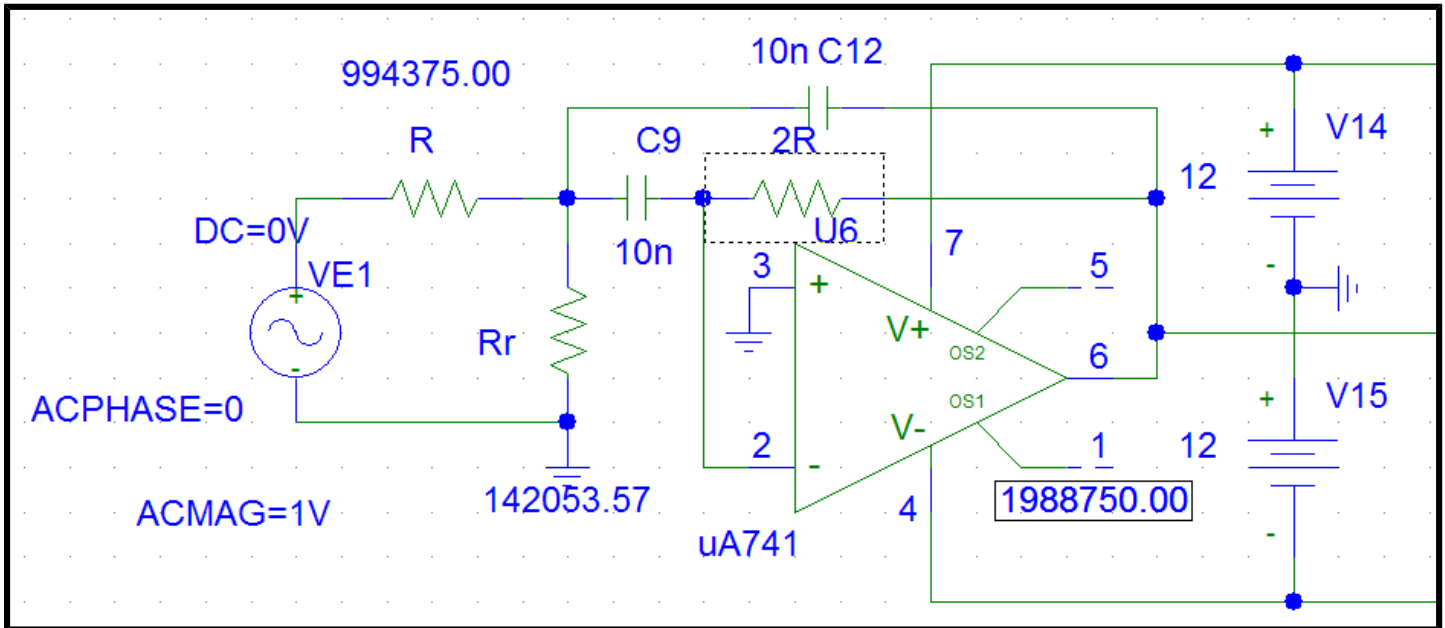
$$\frac{1}{Z_1 \left[\frac{-Z_5 Z_2 Z_1 - Z_1 (Z_2 Z_4 + Z_3 Z_4 + Z_3 Z_2) - Z_2 Z_4 Z_3}{Z_5 Z_2 Z_4 Z_1} \right]} = \frac{v_s}{v_e}$$

$$\frac{1}{Z_1 \left[\frac{-Z_5 Z_2 Z_1 - Z_1 Z_2 Z_4 - Z_1 Z_3 Z_4 - Z_1 Z_3 Z_2 - Z_2 Z_4 Z_3}{Z_5 Z_2 Z_4 Z_1} \right]} = \frac{v_s}{v_e}$$

Función de transferencia del circuito, en función de las impedancias

$$\boxed{\frac{v_s}{v_e} = - \frac{Z_5 Z_2 Z_4}{[Z_5 Z_2 Z_1 + Z_1 Z_2 Z_4 + Z_1 Z_3 Z_4 + Z_1 Z_3 Z_2 + Z_2 Z_4 Z_3]}}$$

Si asignamos estos elementos a las respectivas impedancias $Z_1=R$, $Z_2=R_r$, $Z_3=1/sC$, $Z_4=1/sC$, $Z_5=2R$, obtenemos lo siguiente:



Como podemos ver en la entrada tenemos dos impedancias resistivas, a continuación un capacitor que esta a tierra virtual, el cual, actúa como un filtro paso bajas, en seguida, sobre la línea de la señal que se realimenta vemos un arreglo capacitivo y resistivo el cual actúa como un filtro paso altas.

$$\frac{v_s}{v_e} = - \frac{(2R)(R_r)\left(\frac{1}{sC}\right)}{\left[(2R)(R_r)(R) + (R)(R_r)\left(\frac{1}{sC}\right) + (R)\left(\frac{1}{sC}\right)\left(\frac{1}{sC}\right) + (R)\left(\frac{1}{sC}\right)(R_r) + (R_r)\left(\frac{1}{sC}\right)\left(\frac{1}{sC}\right)\right]}$$

Multiplicando por $(sC)^2/(sC)^2$

$$\frac{v_s}{v_e} = - \frac{(2R)(R_r)sC}{\left[(2R)(R_r)(R)(sC)^2 + (R)(R_r)(sC) + (R) + (R)(sC)(R_r) + (R_r)\right]}$$

$$\frac{v_s}{v_e} = - \frac{(2R)(R_r)sC}{\left[2R^2(R_r)(sC)^2 + (sC)[2(R)(R_r)] + (R + R_r)\right]} \quad \text{Tenemos 2 polos y un cero}$$

$$\frac{v_s}{v_e} = - \frac{2RR_rCs}{2R^2R_rC^2s^2 + 2RR_rCs + (R + R_r)}$$

$$\frac{v_s}{v_e} = - \frac{\frac{2RR_r C}{2R^2 R_r C^2} s}{\frac{2R^2 R_r C^2}{2R^2 R_r C^2} s^2 + \frac{2RR_r C}{2R^2 R_r C^2} s + \frac{(R + R_r)}{2R^2 R_r C^2}} = - \frac{\frac{1}{RC} s}{s^2 + \frac{1}{RC} s + \frac{(R + R_r)}{2R^2 R_r C^2}}$$

$$\boxed{\frac{v_s}{v_e} = - \frac{\frac{1}{RC} s}{s^2 + \frac{1}{RC} s + \frac{(R + R_r)}{2R^2 R_r C^2}}}$$

En función de las admitancias según bibliografía tenemos:

$$Y_1 = \frac{1}{R} \quad Y_2 = \frac{1}{R_r} \quad Y_3 = sC \quad Y_4 = sC \quad Y_5 = \frac{1}{2R}$$

$$\boxed{\frac{v_s}{v_e} = - \frac{Y_1 Y_3}{Y_5 (Y_1 + Y_2 + Y_3 + Y_4) + Y_3 Y_4}}$$

Sustituyendo:

$$\frac{v_s}{v_e} = - \frac{\left(\frac{1}{R}\right)(sC)}{\frac{1}{2R} \left(\frac{1}{R} + \frac{1}{R_r} + sC + sC\right) + (sC)(sC)}$$

$$\frac{v_s}{v_e} = - \frac{\frac{sC}{R}}{\frac{1}{2R^2} + \frac{1}{2RR_r} + \frac{2sC}{2R} + s^2 C^2} = \frac{\frac{sC}{R}}{\frac{(2RR_r)(2R) + (2R^2)(2R) + (2R^2)(2RR_r)(2sC) + (2R^2)(2RR_r)(2R)s^2 C^2}{(2R^2)(2RR_r)(2R)}}$$

$$\frac{v_s}{v_e} = \frac{(2R^2)(2RR_r)(2R)(sC)}{R \left\{ (2RR_r)(2R) + (2R^2)(2R) + (2R^2)(2RR_r)(2sC) + (2R^2)(2RR_r)(2R)s^2 C^2 \right\}}$$

$$\frac{v_s}{v_e} = \frac{(8R^4 R_r C)s}{\left\{ (4R^3 R_r) + (4R^4) + (8R^4)(R_r)(sC) + (8R^5)(R_r)C^2 s^2 \right\}}$$

$$\frac{v_s}{v_e} = \frac{\frac{(8R^4 R_r C)}{(8R^5)(R_r)C^2} s}{\frac{(8R^5)(R_r)C^2}{(8R^5)(R_r)C^2} s^2 + \frac{(8R^4)(R_r)(C)}{(8R^5)(R_r)C^2} s + \frac{\{4R^3 R_r + 4R^4\}}{(8R^5)(R_r)C^2}} = \frac{\frac{(8R^4 R_r C)}{(8R^5)(R_r)C^2} s}{\frac{(8R^5)(R_r)C^2}{(8R^5)(R_r)C^2} s^2 + \frac{(8R^4)(R_r)(C)}{(8R^5)(R_r)C^2} s + \frac{4R^3\{(R_r) + (R)\}}{(8R^5)(R_r)C^2}}$$

$$\frac{v_s}{v_e} = \frac{\left(\frac{1}{RC}\right)s}{s^2 + \left(\frac{1}{RC}\right)s + \left(\frac{R_r + R}{2R^2 R_r C^2}\right)}$$

$$\frac{v_s}{v_e} = \frac{\left(\frac{1}{RC}\right)s}{s^2 + \left(\frac{1}{RC}\right)s + \left(\frac{1}{R^2 C^2}\right)\left(\frac{R_r + R}{2R_r}\right)}$$

Calculando los polos:

$$s = \frac{-b \pm \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a}$$

$$a = 1$$

$$b = \frac{1}{RC}$$

$$c = \frac{R_r + R}{2R^2 R_r C^2}$$

$$s_{1,2} = \frac{-\frac{1}{RC} \pm \sqrt{\left(\frac{1}{RC}\right)^2 - 4 \frac{R_r + R}{2R^2 R_r C^2}}}{2}$$

$$s_{1,2} = \frac{-\frac{1}{RC} \pm \sqrt{\frac{1}{R^2 C^2} - \frac{2(R_r + R)}{R^2 R_r C^2}}}{2} = \frac{-\frac{1}{RC} \pm \sqrt{\frac{R^2 R_r C^2 - 2R^2 C^2 (R_r + R)}{(R^2 R_r C^2)(R^2 C^2)}}}{2}$$

$$s_{1,2} = \frac{-\frac{1}{RC} \pm \sqrt{\frac{\{R_r - 2(R_r + R)\}}{(R^2 C^2) R_r}}}{2} = \frac{-\frac{1}{RC} \pm \frac{1}{RC} \sqrt{\frac{\{R_r - 2R_r - 2R\}}{R_r}}}{2} = \frac{-\frac{1}{RC} \pm \frac{1}{RC} \sqrt{\frac{-(R_r + 2R)}{R_r}}}{2}$$

$$s_{1,2} = -\frac{1}{2RC} \pm \frac{1}{2RC} \sqrt{\frac{(R_r + 2R)}{R_r}} j \quad \text{Comprobado.}$$

$$s_{1,2} = -\frac{1}{2RC} \pm \frac{1}{2RC} \sqrt{\frac{(R_r + 2R)}{R_r}} j$$

CALCULO DEL ANCHO DE BANDA

$$B = f_H - f_L$$

$$BW = -\frac{1}{2RC} + \frac{1}{2RC} \sqrt{\frac{(R_r + 2R)}{R_r}} j - \left(-\frac{1}{2RC} - \frac{1}{2RC} \sqrt{\frac{(R_r + 2R)}{R_r}} j \right) = \left(\frac{2}{2RC} \sqrt{\frac{(R_r + 2R)}{R_r}} j \right)$$

$$BW = \frac{1}{2\pi} \frac{RC}{RC} [Hz]$$

$$BW = \frac{0.15915}{RC} [Hz]$$

CALCULO DE LA FRECUENCIA DE RESONANCIA

$$\omega_r = \sqrt{\omega_L \omega_H} = 2\pi \sqrt{\left(-\frac{1}{2RC} + \frac{1}{2RC} \sqrt{\frac{(R_r + 2R)}{R_r}} j \right) \left(-\frac{1}{2RC} - \frac{1}{2RC} \sqrt{\frac{(R_r + 2R)}{R_r}} j \right)}$$

$$\omega_r = \sqrt{\omega_L \omega_H} = \sqrt{\left(\frac{1}{2RC} \right)^2 + \left(\frac{1}{2RC} \sqrt{\frac{(R_r + 2R)}{R_r}} \right)^2} = \sqrt{\frac{1}{4R^2 C^2} + \frac{1}{4R^2 C^2} \frac{(R_r + 2R)}{R_r}} = \sqrt{\frac{1}{4R^2 C^2} \left(1 + \frac{(R_r + 2R)}{R_r} \right)}$$

$$\omega_r = \frac{1}{2RC} \sqrt{\left(1 + \frac{(R_r + 2R)}{R_r} \right)} = \frac{1}{2RC} \sqrt{\left(\frac{R_r + (R_r + 2R)}{R_r} \right)} = \frac{1}{2RC} \sqrt{\left(\frac{R_r + R_r + 2R}{R_r} \right)} = \frac{1}{2RC} \sqrt{\left(\frac{2R_r + 2R}{R_r} \right)}$$

$$\omega_r = \frac{1}{2RC} \sqrt{2 \left(\frac{R_r + R}{R_r} \right)} = \frac{1}{2RC} \sqrt{2 \left(1 + \frac{R}{R_r} \right)} = \frac{\sqrt{2}}{2RC} \sqrt{\left(1 + \frac{R}{R_r} \right)}$$

Por lo tanto la frecuencia de resonancia es:

$$f_r = \frac{\frac{\sqrt{2}}{2RC} \sqrt{\left(1 + \frac{R}{R_r} \right)}}{2\pi} = \frac{\sqrt{2}}{4\pi RC} \sqrt{\left(1 + \frac{R}{R_r} \right)}$$

$$f_r = \frac{0.1125}{RC} \sqrt{\left(1 + \frac{R}{R_r} \right)}$$

$$B = \frac{f_r}{Q}$$

$$R_r = \frac{R}{2Q^2 - 1}$$

$$f_r = \frac{0.1125}{RC} \sqrt{1 + \frac{R}{R_r}}$$

Sustituyendo

| Fr [Hz] | Q | B [Hz] | C [F] | R | 2R feedback [ohms] | Rr [ohms] |
|----------|------|---------|--------------|-----------|--------------------|-----------|
| 32,00 | 2,00 | 16,00 | 0,0000000100 | 994375,00 | 1988750,00 | 142053,57 |
| 64,00 | 2,00 | 32,00 | 0,0000000100 | 497187,50 | 994375,00 | 71026,79 |
| 128,00 | 2,00 | 64,00 | 0,0000000100 | 248593,75 | 497187,50 | 35513,39 |
| 250,00 | 2,00 | 125,00 | 0,0000000100 | 127280,00 | 254560,00 | 18182,86 |
| 500,00 | 2,00 | 250,00 | 0,0000000100 | 63640,00 | 127280,00 | 9091,43 |
| 1000,00 | 2,00 | 500,00 | 0,0000000100 | 31820,00 | 63640,00 | 4545,71 |
| 2000,00 | 2,00 | 1000,00 | 0,0000000100 | 15910,00 | 31820,00 | 2272,86 |
| 4000,00 | 2,00 | 2000,00 | 0,0000000010 | 79550,00 | 159100,00 | 11364,29 |
| 8000,00 | 2,00 | 4000,00 | 0,0000000010 | 39775,00 | 79550,00 | 5682,14 |
| 16000,00 | 2,00 | 8000,00 | 0,0000000010 | 19887,50 | 39775,00 | 2841,07 |

VALORES COMERCIALES

| Fr [Hz] | C [F] | R | R _{comercial} | 2R feedback | 2R _{comercial} | Rr | Rr _{comercial} |
|----------------|---------------|-----------|------------------------|-------------|-------------------------|-----------|-------------------------|
| 32,00 | 10[nF] | 994375,00 | 100[kΩ] | 1988750,00 | 2 de 1[MΩ] | 142053,57 | 120[kΩ] |
| 64,00 | 10[nF] | 497187,50 | 470 [kΩ] | 994375,00 | 1 [MΩ] | 71026,79 | 68[kΩ] |
| 128,00 | 10[nF] | 248593,75 | 220 [kΩ] | 497187,50 | 470 [kΩ] | 35513,39 | 33[kΩ] |
| 250,00 | 10[nF] | 127280,00 | 120 [kΩ] | 254560,00 | 270 [kΩ] | 18182,86 | 18[kΩ] |
| 500,00 | 10[nF] | 63640,00 | 68[kΩ] | 127280,00 | 120 [kΩ] | 9091,43 | 1[kΩ] |
| 1000,00 | 10[nF] | 31820,00 | 33[kΩ] | 63640,00 | 68 [kΩ] | 4545,71 | 4.7[kΩ] |
| 2000,00 | 10[nF] | 15910,00 | 15[kΩ] | 31820,00 | 33 [kΩ] | 2272,86 | 2.2[kΩ] |
| 4000,00 | 1[nF] | 79550,00 | 82[kΩ] | 159100,00 | 150 [kΩ] | 11364,29 | 10[kΩ] |
| 8000,00 | 1[nF] | 39775,00 | 39[kΩ] | 79550,00 | 82 [kΩ] | 5682,14 | 5.6[kΩ] |
| 16000,00 | 1[nF] | 19887,50 | 18[kΩ] | 39775,00 | 39 [kΩ] | 2841,07 | 2.7[kΩ] |

SIMULACIONES A VALORES TEORICOS:

Cabe destacar que hicimos simulaciones de dos filtros, más la etapa de mezclado y potencia, ya que nuestro simulador pspice tiene un número restringido de elementos dentro del esquemático.

FILTRO DE 32

FILTRO DE 64

FILTRO DE 128

FILTRO DE 250

FILTRO DE 500

FILTRO DE 1000

FILTRO DE 2000

FILTRO DE 4000

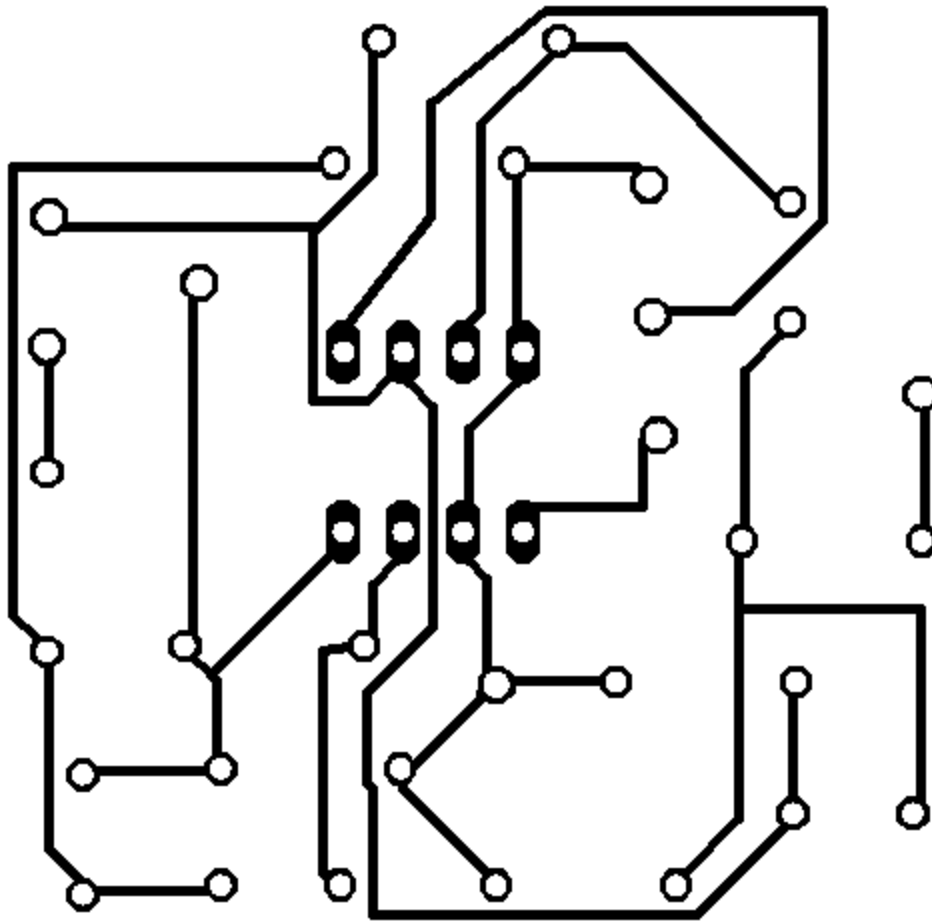
FILTRO DE 8000

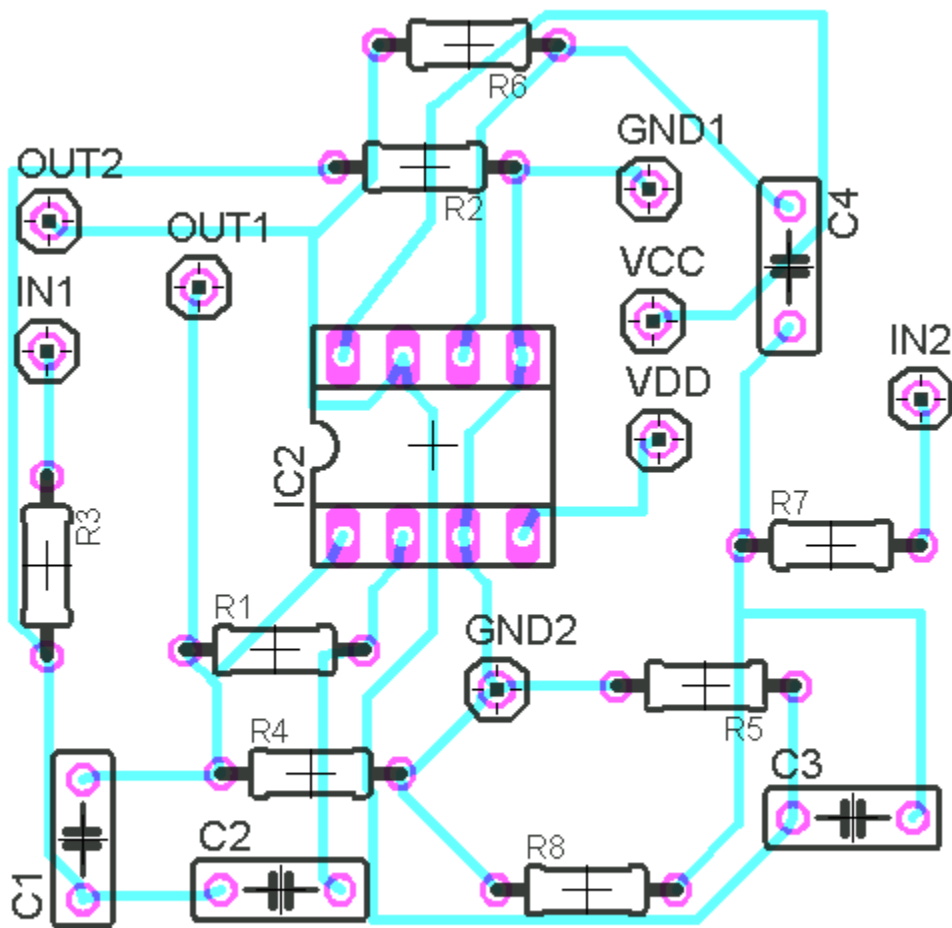
FILTRO DE 16000

VALORES CALCULEMOS EL ERROR RELATIVO PROPAGADO

Como vemos en **Fr** existe un error máximo de 9.22 % en **B** hasta un 15.84% y en **Q** hasta un 10.49 %, con esto consideramos que para nuestros valores comerciales de resistencias parecen razonables para realizar el prototipo, por lo que con esto nos dispondremos a construirlo.

CIRCUITO IMPRESO





BIBLIOGRAFÍA

AMPLIFICADORES OPERACIONALES Y CIRCUITOS INTEGRADOS LINEALES, ROBERT f. COUGHLIN,
FREDERICK f. DRISCOLL
PRENTICE HALL HISPANOAMERICA S.A. 1993