



UNIVERSITÀ
DI SIENA
1240

DIPARTIMENTO DI INGEGNERIA
DELL'INFORMAZIONE E SCIENZE
MATEMATICHE

Corso di laurea in
Ingegneria Informatica e dell'Informazione

Predizione degli Effetti Avversi dei Farmaci Tramite Reti Neurali Artificiali

Relatore:
Prof. Monica Bianchini

Candidato:
Carlo Merola

Anno Accademico 2021-2022

Indice

1	Introduzione	3
1.1	Struttura del documento	4
2	Machine Learning e Classificazione	5
2.1	Machine Learning	5
2.2	La Rete Neurale Artificiale Multilayer Perceptron	6
2.3	Apprendimento Supervisionato e Non Supervisionato	8
2.4	Classificazione	9
3	Metodologia	11
3.1	Elaborazione dei Dati e Costruzione del Data Set	11
3.1.1	Data Set: Vettore Target	11
3.1.2	Data Set: Vettore delle Caratteristiche in Ingresso	15
3.1.3	Data Set: Divisione in Sotto-Set	16
3.2	Costruzione della Rete Neurale Artificiale e Definizione degli Iperpa- rametri	17
3.2.1	Rete Neurale Artificiale: gli Iperparametri	18
3.2.2	Rete Neurale Artificiale: Implementazione	21
3.2.3	Il Problema delle Classi Sbilanciate	22
3.2.4	Libreria di Compilazione	24

4	Risultati	25
4.1	Metodo di Valutazione	25
4.2	Prestazioni del Modello Predittivo	29
5	Conclusioni	33
	Appendice	34
	Riferimenti	42
	Ringraziamenti	44

Capitolo 1

Introduzione

L'oggetto di questa tesi riguarda lo sviluppo di un sistema per prevedere gli effetti collaterali dei farmaci, a partire dalle caratteristiche strutturali della molecola.

Questo è un problema particolarmente importante nello sviluppo di nuovi farmaci.

Le molecole possono essere esaminate con metodi computazionali prima di essere sottoposte a sperimentazione con studi clinici, onde evitare inutili costi aggiuntivi e rischi per la salute dei partecipanti.

Per prelevare i dati atti allo studio, mi sono avvalso dei database pubblici SIDER e PubChem.

Il primo contiene informazioni sui farmaci in commercio e sulle relative reazioni avverse registrate. Le informazioni sono estratte da documenti pubblici e foglietti illustrativi [1].

Pubchem, invece, è un database chimico aperto del National Institutes of Health (NIH). Questo è diventato una risorsa chiave di informazioni chimiche per scienziati, studenti e il pubblico in generale [2].

Infine il programma sviluppato utilizza tecniche di Machine Learning, e, in particolare, sfrutta la Rete Neurale Artificiale Multilayer Perceptron.

1.1 Struttura del documento

Il documento prosegue trattando, nel secondo capitolo, una breve introduzione al Machine Learning, alle Reti Neurali Artificiali e alla tipologia di classificazione utilizzata.

Nel terzo capitolo viene spiegata la metodologia, partendo dall'elaborazione dei dati, fino alla costruzione del modello di Rete Neurale Artificiale e la selezione degli iperparametri della rete.

Vengono poi esposti i risultati ottenuti nel quarto capitolo, insieme ad un'analisi sul metodo valutativo.

Nel quinto capitolo vengono espresse le conclusioni tratte dal progetto.

Infine, in appendice, è possibile trovare l'implementazione del codice nel linguaggio di programmazione Python, con la relativa spiegazione di alcune e parte delle funzioni.

Capitolo 2

Machine Learning e Classificazione

Questo capitolo introduce il concetto di Machine Learning, seguito da un approfondimento sulle Reti Neurali Artificiali e le categorie di classificazione dei dati.

2.1 Machine Learning

Il Machine Learning (ML) è un sottoinsieme dell'Intelligenza Artificiale (AI) che si occupa di creare sistemi che apprendono o migliorano le performance in base ai dati che utilizzano [3]. Le tecniche di Machine Learning, quindi, consentono al modello di operare senza che la sua logica venga esplicitamente programmata con regole predefinite.

Questo differisce dall'algoritmo nella sua forma tradizionale, che prende dei dati in input, e restituisce un output deterministico basato su una funzione scritta in forma esplicita [4].

L'approccio dell'algoritmo convenzionale prende il nome di Hard Computing. Il principale svantaggio dell'Hard Computing è che è incapace di risolvere i problemi del mondo reale, il cui comportamento è impreciso e presenta elevata variabilità nei dati.

Di contro l'approccio Soft Computing del Machine Learning, è caratterizzato dalla tolleranza per l'imprecisione, l'incertezza e la verità parziale per ottenere trattabilità del problema e robustezza del modello (dalla definizione di Lofti Zadeh) [5].

2.2 La Rete Neurale Artificiale Multilayer Perceptron

Una Rete Neurale Artificiale Multilayer Perceptron (MLP), impiega la metafora neurobiologica a livello della singola unità elementare, il neurone artificiale. Queste unità o nodi sono densamente interconnesse tra loro.

Ogni connessione, come le sinapsi in un cervello biologico, può trasmettere un segnale ad altri neuroni. Un neurone artificiale riceve il segnale (un numero reale) e ne elabora l'output attraverso una funzione non lineare della somma dei suoi input.

I neuroni e le connessioni hanno tipicamente un peso che si adatta man mano che l'apprendimento procede, e conseguentemente, aumenta o diminuisce la forza del segnale in corrispondenza di una connessione [6].

I neuroni sono aggregati in strati. I segnali viaggiano dal primo livello (il livello di input) all'ultimo livello (il livello di output). In mezzo si trovano uno o più strati di neuroni, chiamati strati "hidden" (stati nascosti), il cui nome deriva dal fatto che l'attività delle unità nascoste non è visibile dall'esterno del modello.

Una semplice raffigurazione di una rete con singolo strato nascosto, è mostrata in Fig. 2.1.

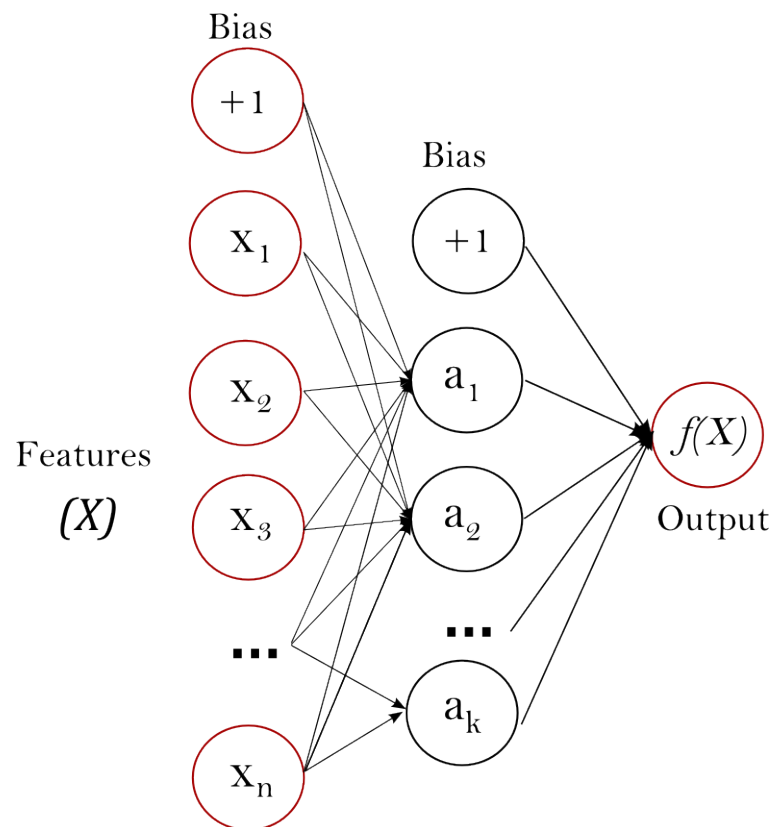


Figura 2.1: Struttura di una semplice rete neurale, composta da uno strato di input, un solo strato hidden, e uno strato di output. La profondità della rete aumenta di conseguenza al numero di strati hidden presenti.

2.3 Apprendimento Supervisionato e Non Supervisionato

Il Machine Learning non supervisionato utilizza un approccio più indipendente, in cui il modello impara a identificare processi e schemi complessi senza specificare nessuna informazione sulla corretta interpretazione. Implica una formazione basata su dati privi di etichette e per i quali non è stato definito un output specifico [3].

Se l'apprendimento è supervisionato, per ogni esempio in ingresso, è specificata la corretta rappresentazione o etichetta corrispondente in output, detto valore "target".

L'errore commesso dalla rete, viene propagato all'indietro, nel verso opposto alla propagazione del segnale di ingresso, per aggiornare i pesi e imparare una funzione sui dati. Il processo è chiamato backpropagation e fonda la sua idea di principio sul fatto che se l'errore cambia in base ai pesi dei neuroni, allora può essere espresso come funzione dei pesi stessi, rispetto alla quale si possono raggiungere dei punti di minimo.

L'obiettivo dell'apprendimento supervisionato è fare predizioni o classificazioni sui dati di input.

Questo costituisce anche una delle differenze fondamentali rispetto alla soluzione algoritmica di problemi: una volta che il modello ha elaborato la funzione, identificando i pattern sui dati di ingresso, il modello deve avere capacità di generalizzare ad input che non sono stati visti precedentemente, in modo tale che le predizioni siano le più corrette possibili.

Il secondo metodo, l'apprendimento supervisionato, corrisponde all'approccio utilizzato nel progetto di riferimento a questo documento.

2.4 Classificazione

Esistono due tipi principali di apprendimento supervisionato: classificazione e regressione.

La regressione è un'attività di apprendimento in cui l'obiettivo è prevedere un valore continuo dati gli input.

Invece l'obiettivo della classificazione è prevedere un'etichetta categorica per un esempio di input. I dati in ingresso sono divisi in classi diverse e l'algoritmo viene addestrato per prevedere la classe di un nuovo campione.

Tra le diverse tipologie di classificazione, il problema in esame si colloca nella categoria di classificazione binaria multi-label. La rete assegna ad ogni campione m etichette da n possibili classi, dove m può essere compreso tra 0 e n .

Questo può essere pensato come una previsione delle proprietà di un campione che non sono mutuamente esclusive, ovvero le proprietà sono indipendenti l'una dall'altra. Formalmente, un output binario viene assegnato a ciascuna classe, per ogni campione. Le classi positive sono indicate con 1 e le classi negative con 0 [7].

Il significato assunto dal vettore binario in uscita, riguarda l'assegnazione di etichette multiple, o classi positive, ai campioni in ingresso. In questo caso quindi, le etichette sono i possibili effetti collaterali che possono verificarsi con il dato farmaco.

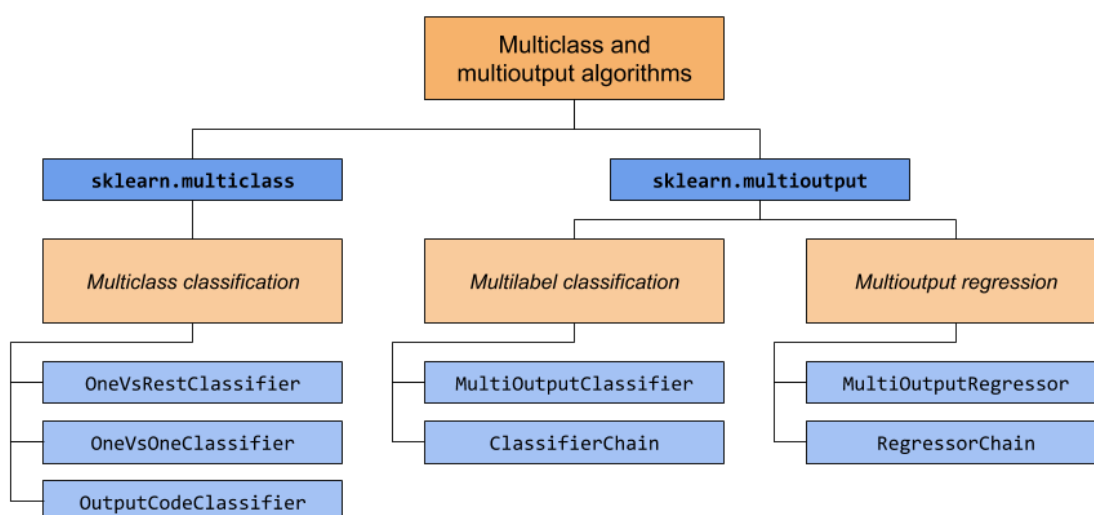


Figura 2.2: Figura che mostra le categorie di algoritmi "multi-learning", compresi multiclasse, multioutput e multilabel, della libreria Scikit-Learn.

Capitolo 3

Metodologia

In questo capitolo verrà esaminato il procedimento utilizzato nel progetto che tratta il problema di predizione degli effetti collaterali delle molecole candidate all'uso farmaceutico.

3.1 Elaborazione dei Dati e Costruzione del Data Set

Le Reti Neurali Artificiali fanno affidamento ai dati per il processo di apprendimento. In questo caso i dati utilizzati sono costituiti da dati strutturali delle molecole e dati sugli effetti collaterali.

3.1.1 Data Set: Vettore Target

Le informazioni sono state prelevate consultando in prima istanza il database contenente le reazioni avverse dei medicinali attualmente in commercio, SIDER. Queste informazioni costituiscono, dopo essere state ulteriormente elaborate, i **target** (y)

in uscita nell'apprendimento supervisionato.

In particolare il database contiene in ogni riga l'identificativo del composto, sia per la rappresentazione chimica nel piano bidimensionale (flat id), sia sul piano tridimensionale (stereo id). I primi identificativi CID (Compound ID number) iniziano con la stringa CID1, i secondi con CID0. Inoltre sono presenti l'UMLS Concept ID dell'effetto collaterale, il nome per esteso e la sua tipologia nella gerarchia MedDRA [8].

L'UMLS, o Unified Medical Language System, è un insieme di file e software che riunisce molti vocabolari e standard sanitari e biomedici per consentire l'interoperabilità tra i sistemi informatici, e ne distribuisce la terminologia chiave [10].

MedDra (Medical Dictionary for Regulatory Activities), invece, è una terminologia medica internazionale clinicamente validata usata dalle autorità regolatorie e dalle industrie biofarmaceutiche.

MedDRA presenta una struttura gerarchica organizzata su 5 livelli. Nel database SIDER sono presenti sia le terminologie degli effetti collaterali che si collocano nella categoria gerarchica più bassa, "LLT" ("Lowest Level Terms"), sia terminologie appartenenti al livello gerarchico appena superiore, "PT" ("Preferred Terms").

Ogni termine "LLT" è associato ad una singola voce "PT", il quale rappresenta a sua volta un singolo concetto medico.

Viceversa un termine proprio della categoria "PT", può avere un numero illimitato di elementi "LLT" associati. Infatti i termini di più basso livello includono sinonimi, varianti lessicali e varianti "colloquiali" dei termini "PT" [12].

Per questo motivo il primo passo nell'elaborazione dei dati, è stato filtrare e prelevare unicamente i termini degli effetti collaterali appartenenti alla categoria dei "Preferred Terms".

Il secondo passo è stato implementare una funzione per filtrare gli effetti colla-

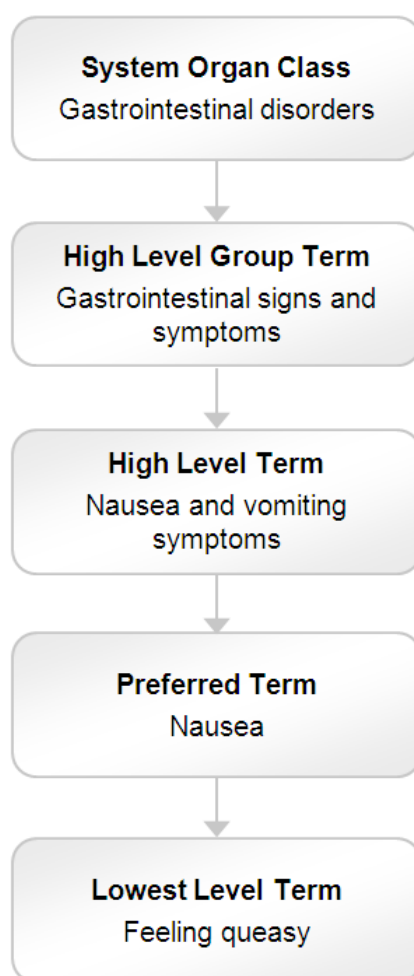


Figura 3.1: Gerarchia MedDRA. Ci sono cinque livelli nella gerarchia di MedDRA, passando dal livello di categoria molto generale, fino a quello molto specifico [11].

terali in base al numero di occorrenze.

SIDER contiene tutti gli effetti collaterali documentati sui farmaci in commercio, che hanno una frequenza di riscontro nei diversi campioni variabile. Molti delle reazioni avverse sono estremamente rare e riscontrate poche volte.

Per un corretto apprendimento di una rete neurale, è essenziale fornire un data set per il quale sia ragionevole trovarne correlazioni e pattern di apprendimento. Ad esempio imponendo di prendere gli effetti collaterali univoci che si verificano in un numero minimo di 10 farmaci, si passa da un totale di 4251 effetti collaterali univoci, distribuiti su 1556 farmaci diversi, ad un totale di 1389 effetti collaterali diversi. Rappresenta un taglio percentuale di circa il 67,32%. Una percentuale di taglio elevata, che mostra come molti effetti collaterali nel data set siano poco comuni.

I risultati della rete sono stati trattati con diverse combinazioni di filtraggio sul data set, esaminando le prestazioni di predizione a partire dagli effetti collaterali più rari, fino all'elaborazione di solo gli effetti collaterali più ordinari.

I dati di target per la rete Multilayer Perceptron, sono stati ulteriormente processati per portarli ad una forma compatibile al problema di classificazione di tipologia multi-label.

Ho dunque creato una matrice di dimensioni (c, n) , ordinata in ordine crescente in base agli identificativi dei composti. La dimensione c è il numero di campioni, ed n è pari al numero di effetti collaterali univoci. Iterando sulle righe passeremo quindi da un farmaco al successivo. Le colonne costituiscono la totalità degli effetti collaterali univoci, o in altre parole, le possibile classi o "label" assegnabili ad un farmaco. Prendendo il singolo composto farmaceutico (la singola riga), questo ha un vettore binario assegnato: in corrispondenza degli effetti collaterali propri della molecola, è rintracciabile il valore 1. Il valore 0 occuperà le altre classi.

3.1.2 Data Set: Vettore delle Caratteristiche in Ingresso

Di contro i vettori delle caratteristiche, detti **features** (\mathbf{X}), andranno in ingresso alla rete (come è osservabile nella prima figura, Fig. 2.1).

Le informazioni sulle caratteristiche molecolari dei precedenti farmaci, sono state prelevate dal database PubChem, grazie al quale sono state ricavati 7 descrittori chimici, oltre alle stringhe SMILES (Simplified Molecular Input Line Entry System) di ciascuna molecola.

Le 7 caratteristiche molecolari si compongono di: peso molecolare (mw), area polare superficiale (polararea), coefficiente di ripartizione (xlogp), numero di atomi pesanti (heavycnt), numero di legami idrogeno donati (hbonddonor), numero di legami idrogeno accettati (hbondacc) e numero di legami con libera rotazione (rotbonds). Queste caratteristiche sono tutte state ridimensionate per assumere valori compresi tra $[0, 1]$, in modo da influenzare in stessa proporzione l'apprendimento.

La standardizzazione di un set di dati è un requisito comune per molti stimatori di Machine Learning. In genere questo viene fatto rimuovendo la media e ridimensionando la varianza in modo che assuma valore unitario [13]. Tuttavia, i valori anomali possono spesso influenzare la media/varianza campionaria in modo negativo. Per questo motivo ho posto il vettore delle caratteristiche sotto processo di standardizzazione, rimuovendo il valore mediano e ridimensionando i dati in base agli intervalli quantili del 25% e 75%, in modo da ridurre l'effetto negativo dei valori singolari molto lontani dalla media. Successivamente ogni caratteristica è stata ulteriormente tradotta in un valore che si collocasse all'interno dell'intervallo dato con la formula:

$$x_{i-std} = \frac{x_i - x_{min}}{x_{max} - x_{min}}$$

dove x_i è il valore numerico della caratteristica presa in esame, per l' i -esimo campione. x_{min} è il valore minimo assunto dalla caratteristica, e x_{max} ne è il valore massimo.

Le stringhe SMILES corrispondono ad una breve stringa ASCII, tramite la quale viene sintetizzata la struttura di una molecola. Da queste sono stati ottenuti i "fingerprint" descrittivi delle molecole, grazie alla libreria per l'analisi molecolare RDKit.

I fingerprint molecolari sono dei vettori binari altamente discriminanti che descrivono le caratteristiche strutturali di una molecola. Sono spesso usati nella chimica computazionale e nella scoperta di farmaci per confrontare e identificare le molecole.

L'algoritmo di fingerprinting di RDKit implementa una funzione di hashing che identifica tutti i sottografi nella molecola all'interno di un particolare intervallo di dimensioni. Dopodiché esegue l'hashing di ciascun sottografo per generare un bit ID grezzo. Modifica poi il bit grezzo per adattarlo alla lunghezza del vettore assegnata e quindi imposta il bit corrispondente (Fig. 3.2).

Lo schema predefinito per l'hashing dei sottografi consiste nell'hashing dei singoli legami in base ai tipi dei due atomi, l'angolo di legame in gradi e il tipo di legame [14].

3.1.3 Data Set: Divisione in Sotto-Set

A questo punto dell'elaborazione, il data set nella sua totalità ha assunto la corretta forma per poter essere effettivamente processato dal modello predittivo.

Il passo successivo di separazione dei dati in 3 sottogruppi è atto a selezionare e verificare l'apprendimento della rete neurale.

Il criterio di estrazione dei sotto-set è casuale: le coppie di campioni composte dal

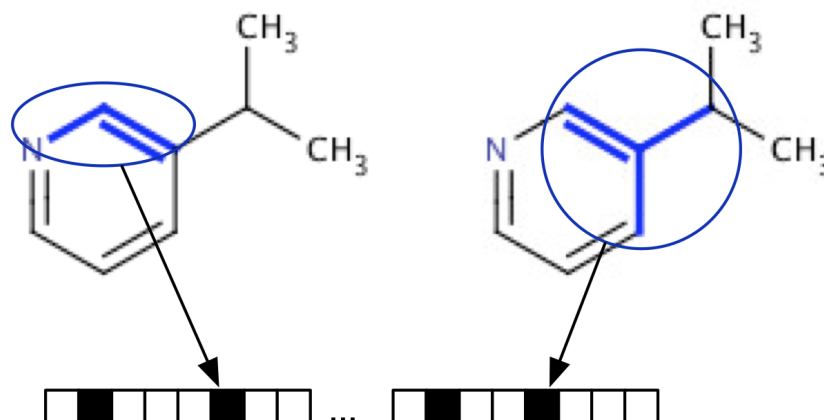


Figura 3.2: Ogni bit del vettore di fingerprint corrisponde a un frammento della molecola.

vettore delle caratteristiche strutturali e dal vettore binario degli effetti collaterali, sono state mescolate all'interno del data set, in modo che assumessero una posizione arbitraria. Ho quindi diviso il set di dati per formare i 3 sotto-set denominati Training Set, Validation Set e Testing Set. La distribuzione percentuale dei campioni si attesta al 70% per il primo set di dati, che contiene la maggior parte degli esemplari, 10% per il secondo e 20% per l'ultimo.

A ciascuno dei tre sottogruppi del data set, verrà assegnato un ruolo nel processo di selezione e apprendimento del modello.

3.2 Costruzione della Rete Neurale Artificiale e Definizione degli Iperparametri

Nella definizione di un modello di rete neurale, vengono delineati dei parametri definiti a priori, detti **iperparametri**. Il prefisso "iper" suggerisce che si tratta di parametri "di primo livello" che controllano il processo di apprendimento e che sono

definiti esterni al modello. I valori non possono essere cambiati durante l'addestramento [15].

Pertanto per la prosecuzione dell'apprendimento di una Rete Neurale Artificiale, è importante riservarsi dei set di dati utili a testarne le prestazioni con quella data configurazione di iperparametri, per poter selezionare quelli ritenuti migliori.

Definiti gli iperparametri, la rete ha ora il compito di adattare i suoi parametri interni, come i pesi dei singoli neuroni, per trovare la mappatura ottimale tra le caratteristiche strutturali in ingresso e gli effetti collaterali, le etichette, in uscita.

In quest'ottica la rete apprende sui dati del primo sotto-set, il Training Set.

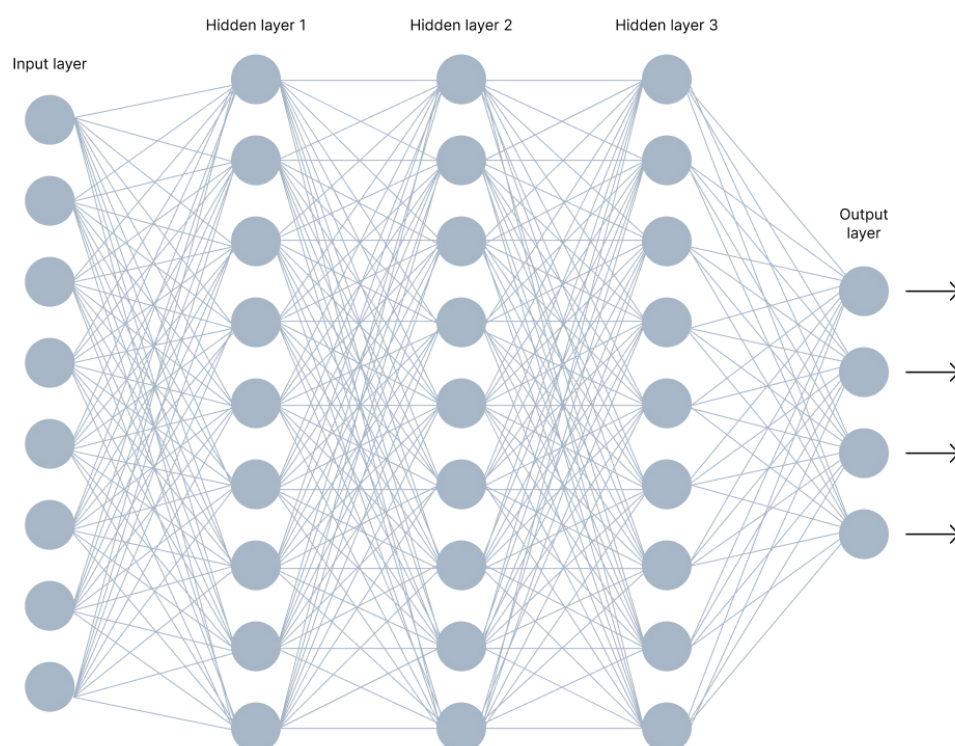
Per la validazione delle prestazioni con gli iperparametri assegnati, i pesi interni della rete rimangono fissi e uguali a quelli a cui si è giunti al passo precedente. Cambiano invece i dati in ingresso e i valori target, sfruttando questa volta quelli provenienti dal Validation Set.

La capacità di predizione verrà infine messa alla prova su dati che non sono stati visti durante l'apprendimento, con il Testing Set. Si tratta di un'importante verifica dell'abilità di generalizzazione della rete.

3.2.1 Rete Neurale Artificiale: gli Iperparametri

All'atto pratico è stata applicata una ricerca a griglia per il dimensionamento degli iperparametri, ricercando tra le diverse configurazioni di:

- numero di strati nascosti ("hidden") nella rete,
- numero di neuroni per strato,



V7 Labs

Figura 3.3: Rete neurale composta da singoli neuroni densamente interconnessi. Ognuno di essi è caratterizzato da un peso, che viene adattato durante l'apprendimento, e da una funzione di attivazione.

- numero di epoche di apprendimento,
- "step" (o passo) di apprendimento,
- metodo sdi apprendimento,
- funzione di attivazione.

I primi due definiscono la struttura e la profondità della rete.

Il numero di epoche di apprendimento definisce il numero di iterazioni che il modello deve eseguire, ovvero il numero di volte che il Training Set viene presentato alla rete durante l'apprendimento. Dopo ogni ciclo la rete neurale aggiusta i suoi parametri. Lo step di apprendimento definisce la percentuale della quale vengono modificati i pesi dopo ogni iterazione.

Il metodo di apprendimento definisce il modo in cui i parametri della rete vengono ottimizzati. I principali due utilizzati dalla rete Multilayer Perceptron sono SGD, "Stochastic Gradient Descend", e "Adam optimizer". Entrambi minimizzano la funzione di errore, tramite discesa sul gradiente. In altre parole stimano i valori ottimi dei parametri, determinando la traiettoria massima di discesa per giungere al minimo della funzione errore. Adam aggiorna questo meccanismo introducendo un dimensionamento dello step di apprendimento adattativo e automatico, per ogni variabile di input.

Infine il ruolo principale della funzione di attivazione è quello di trasformare la somma degli input pesati dal nodo in un valore di output da inviare al successivo livello nascosto o come output. Lo scopo di una funzione di attivazione è aggiungere non linearità alla rete neurale. Supponendo di avere una rete neurale funzionante senza le funzioni di attivazione, ogni neurone eseguirà solo una trasformazione lineare sugli input, utilizzando i pesi [18]. D'altro canto una rete neurale con l'aggiunta di una funzione di attivazione non lineare alle sue unità, può approssimare una qualsiasi

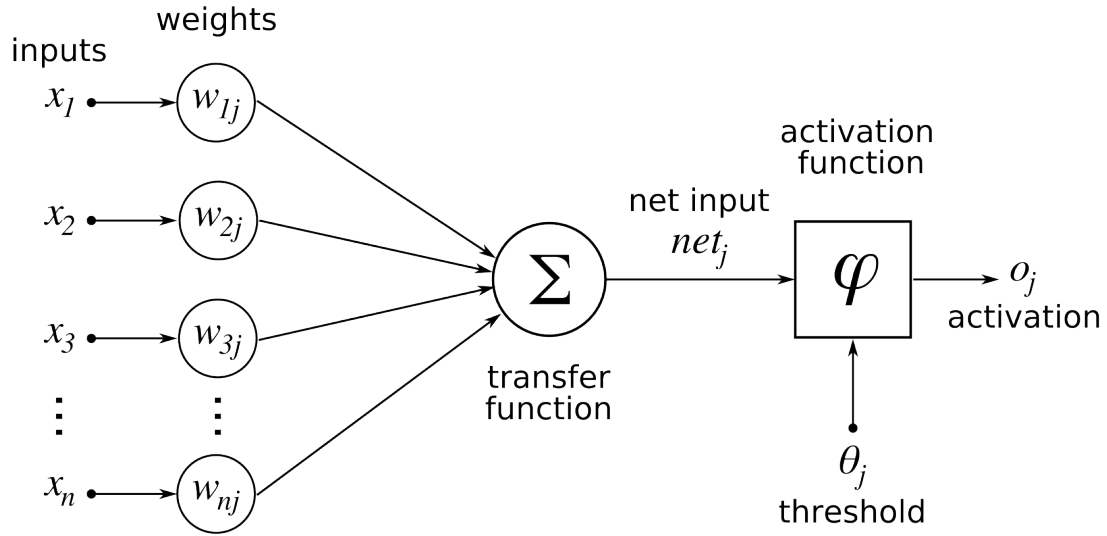


Figura 3.4: Diagramma di un neurone artificiale con somma pesata degli input e funzione di attivazione.

funzione reale, limitata e continua.

3.2.2 Rete Neurale Artificiale: Implementazione

La ricerca degli iperparametri è stata implementata con dei cicli *for* innestati. Ciascun ciclo *for* ha eseguito l'iterazione su un vettore di possibili configurazioni per l'iperparametro analizzato.

Lo strato di output è il livello finale della rete, che porta le informazioni apprese attraverso il livello nascosto e fornisce di conseguenza il valore finale [18]. L'ultimo strato di neuroni è stato reso esente dalle variazioni nella configurazione degli iperparametri, ovvero lo strato di output e la sua funzione di attivazione non variano con le diverse configurazioni.

Il motivo è da ricercare nella tipologia di problema che andiamo a risolvere: all'uscita della rete, vogliamo un vettore che ha un numero di componenti pari al numero di classi (effetti collaterali) possibili, per ogni campione (farmaco) in ingresso. L'ultimo

strato ha di conseguenza un numero di neuroni pari esattamente al numero di classi. Inoltre le classi (effetti collaterali) sono indipendenti l'una con l'altra. É dunque utile avere una funzione di attivazione che produca in output un vettore di n valori compresi tra 0 e 1, dove n rappresenta il numero di classi, 1 rappresenta la certezza che la classe (effetto collaterale) appartenga al campione (farmaco) e 0 la certezza che questa non gli appartenga. Questo ruolo viene gestito bene dalla funzione di attivazione logistica, o sigmoide, che è possibile visualizzare graficamente in Fig.3.5 e formulata matematicamente come:

$$\varphi(z) = \frac{1}{1 + e^{-z}}$$

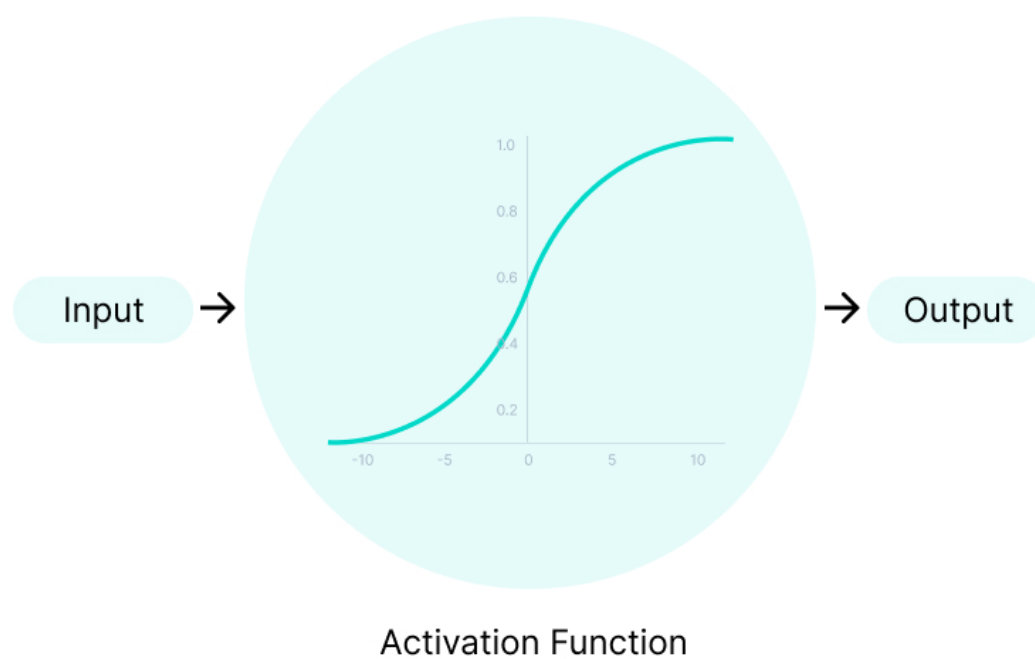
Al valore di output è poi possibile applicare una soglia sopra la quale la classe risulta positiva, e viceversa sotto la quale gli assegneremo il valore nullo.

3.2.3 Il Problema delle Classi Sbilanciate

Un problema di classificazione sbilanciato è un esempio di un problema di classificazione in cui la distribuzione degli esempi tra le classi note è distorta.

Nel problema trattato, le classi nulle sono rappresentate con una frequenza molto maggiore delle classi positive. Le classificazioni sbilanciate rappresentano una sfida per la modellazione predittiva, poiché la maggior parte degli algoritmi di apprendimento automatico sono stati progettati in base al presupposto di avere un egual numero di esempi per ciascuna classe. Ciò si traduce in modelli con scarse prestazioni predittive, in particolare per la classe di minoranza. Questo è un problema perché tipicamente la classe di minoranza è più importante e il modello acquisisce una maggiore sensibilità agli errori di classificazione per questa classe [19].

Per ovviare a questo problema ho calcolato un vettore di pesi, dove ogni componente



V7 Labs

Figura 3.5: Funzione di attivazione logistica. Questa funzione accetta qualsiasi valore reale come input e genera valori nell'intervallo da 0 a 1.

del vettore assegna un valore a ciascun campione del Training Set, proporzionale al numero di classi positive assegnate. Maggiore il numero di etichette di un farmaco e maggiore sarà il suo peso nell'apprendimento.

3.2.4 Libreria di Compilazione

Per la compilazione della rete Multilayer Perceptron nel suo complesso, con gli iperparametri e vettore di pesi assegnati, ho utilizzato il modello Sequential della libreria Keras, l'API di alto livello di TensorFlow 2 [17].

Capitolo 4

Risultati

Nel capitolo corrente saranno trattati i risultati ottenuti, compresi della scelta dei parametri di valutazione delle prestazioni.

4.1 Metodo di Valutazione

Un metodo di valutazione molto popolare e intuitivo riguarda il punteggio di accuratezza di una rete. Questo misura la frequenza con cui un modello classifica correttamente i dati. Generalmente un modello "migliore" risulta più accurato di un modello "meno buono". Tuttavia sui data set sbilanciati, spesso trascurava informazioni importanti [20].

Prendiamo il caso in cui ho dati appartenenti a due classi, dove la prima classe ha una rappresentazione molto maggiore della seconda. In questa situazione se la mia rete predice in uscita unicamente valori appartenenti alla prima classe, avrò comunque un livello di accuratezza elevato. Facendo un esempio con 10 elementi, di cui 9 appartengono alla prima classe e solo 1 alla seconda, se il modello categorizza tutti gli esempi come appartenenti alla prima classe, avrò un punteggio di accuratezza di 0.9. Il risultato è un punteggio molto elevato, ma anche la totale incapacità di

predizione verso la classe di minoranza.

Per avere una visione più precisa dei risultati di predizione ho deciso di utilizzare la **matrice di confusione**.

$$\begin{bmatrix} TN & FP \\ FN & TP \end{bmatrix}$$

Gli elementi classificati correttamente possono essere del tipo:

- "True Positive" (TP): previsione corretta della classe positiva o, in altre parole, etichetta assegnata correttamente.
- "True Negative" (TN): previsione corretta della classe negativa, l'effetto collaterale non è proprio del farmaco.

Gli elementi che risultano classificati incorrettamente dalla rete saranno:

- "False Positive" (FP), nel caso sia stata fatta una previsione errata della classe positiva.
- "False Negative" (FN), se la previsione della classe negativa risulta errata.

Da questa tabella possiamo ottenere la misura di "**precision**" (precisione), "**recall**" (richiamo) e "**f1 score**" (punteggio f1).

La precisione è il rapporto $\frac{TP}{TP+FP}$. É intuitivamente la capacità del classificatore di non etichettare una classe come positiva, per un campione che non possiede la proprietà.

Il richiamo è il rapporto $\frac{TP}{TP+FN}$. Interpreta la capacità del classificatore di trovare tutti le classi positive o le etichette per un campione.

Per entrambi il valore migliore è 1 e il valore peggiore è 0.

Il punteggio F1 può essere interpretato come una media armonica della precisione e del richiamo, dove un punteggio F1 raggiunge il suo valore migliore a 1 e il punteggio peggiore a 0. Il contributo relativo di precisione e richiamo al punteggio F1 è uguale [21]. La formula per il punteggio F1 è $2 * \frac{\text{precisione} * \text{richiamo}}{\text{precisione} + \text{richiamo}}$

Un altro tra i metodi valutativi della qualità della predizione che ho utilizzato è la curva di precisione-richiamo. È una curva che combina precisione e richiamo in un'unica visualizzazione, calcolata per ogni soglia. Più alta è la curva sull'asse y, migliori sono le prestazioni del modello [25].

È possibile ottenere un riassunto della curva in un unico numero, calcolando la media ponderata delle precisioni raggiunte a ciascuna soglia, "average precision" (precisione media), calcolata matematicamente come

$$\sum_n (R_n - R_{n-1}) P_n$$

P_n e R_n sono la precisione e il richiamo alla n-esima soglia e R_{n-1} è il richiamo calcolato alla soglia precedente. Il termine tra le parentesi è utilizzato come peso della misura della precisione.

Infine per la validazione del modello ho fatto affidamento anche sulla curva ROC (Receiver Operating Characteristic) e il punteggio AUC (Area Under the Curve).

È un grafico che visualizza il compromesso tra tasso di veri positivi (TPR) e tasso di falsi positivi (FPR), calcolato e tracciato per ogni soglia.

La precisione media è più sensibile ai miglioramenti predittivi che riguardano la classe positiva, rispetto al punteggio AUC. Questo è ben evidenziato dalla definizione stessa di precisione e richiamo.

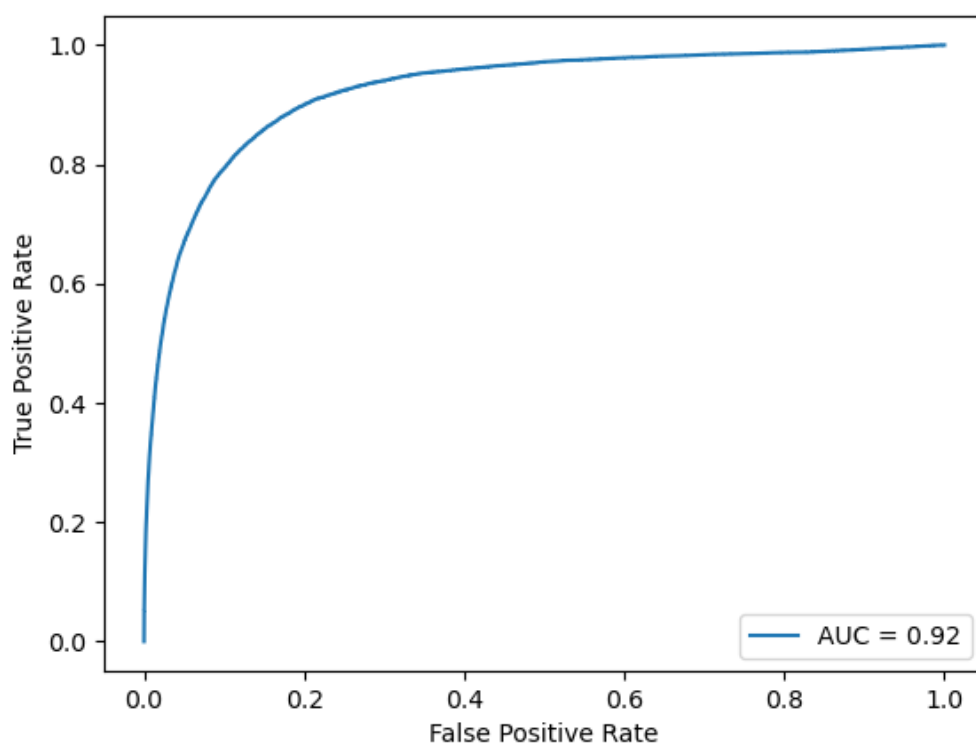


Figura 4.1: Esempio di curva ROC, che ho calcolato durante il progetto. Nessun tetto massimo né minimo impostato per il filtro sulle occorrenze degli effetti collaterali. Iperparametri della rete: neuroni nello strato nascosto = (800), funzione di attivazione = sigmoide, metodo di apprendimento = Adam, step iniziale di apprendimento = 0.0001, numero di epoche di apprendimento = 400. Curva tracciata su Validation Set, prima della validazione finale sul Testing Set.

4.2 Prestazioni del Modello Predittivo

Le migliori prestazioni in termini di punteggio AUC, le ho ottenute senza applicare nessuno filtro sul numero di occorrenze degli effetti collaterali. In questo caso viene dato un egual peso alla predizione delle etichette positive e negative da parte del modello.

Il totale di effetti collaterali univoci da predire è pari a 4251, e sono presenti un totale di 1505 molecole farmaceutiche diverse.

Per come è strutturato il vettore target, inevitabilmente sono presenti molti più valori 0 che 1. Infatti ad ogni molecola è affiancato un vettore target con un numero di elementi pari al totale degli effetti collaterali univoci. I valori 1 sono presenti solo in corrispondenza degli effetti collaterali propri della molecola. Avendo molti effetti collaterali una rarità di riscontro elevata, i vettori target sono dominati dai valori nulli.

Come scritto in precedenza, la soluzione applicata, che aggira in piccola parte il problema, è stata quella di calcolare un vettore di pesi che include una costante per ogni campione molecolare. Le componenti del vettore è proporzionale al numero di effetti collaterali nel campione stesso. In questo modo la rete pone più peso ai campioni con molti positivi durante l'apprendimento, diminuendo il favoritismo verso la classe di maggioranza.

I seguenti iperparametri, basandosi sul miglior punteggio di precisione media (AP), sono risultati i migliori con costanza nei vari test: funzione di attivazione sigmoide, metodo risolutivo Adam, step di apprendimento iniziale di 10^{-4} . Sono mantenuti tali nei diversi test. Tuttavia differiscono gli iperparametri riguardanti il numero di neuroni nascosti e il numero di epoche di apprendimento, che verranno riportati in tabella.

Dai risultati in Tab. 4.1 possiamo vedere come applicare i pesi che modificano la

Peso dei Campioni	Min Occ.	Max Occ.	Unità Nascoste	Epoche	AUC	AP
no	nessun filtro	nessun filtro	1000	300	0.9125	0.3593
sì	nessun filtro	nessun filtro	700	500	0.9181	0.3602

Tabella 4.1: Risultati di predizione sul Testing Set del miglior modello. Nessun filtro sulle occorrenze. Numero di effetti collaterali univoci: 4251

Peso dei Campioni	Min Occ.	Max Occ.	Unità Nascoste	Epoche	AUC	AP
no	10	nessun filtro	300	500	0.8395	0.3765
sì	10	nessun filtro	200	600	0.8450	0.3853

Tabella 4.2: Risultati di predizione sul Testing Set del miglior modello. Minimo di 10 occorrenze per gli effetti collaterali. Numero di effetti collaterali univoci: 1389

rilevanza dei campioni durante l'apprendimento, abbia apportato un lieve miglioramento nei risultati.

Applicando un filtro sul numero minimo di occorrenze degli effetti collaterali pari a 10, ovvero prendendo gli effetti collaterali che vengono riscontrati in 10 farmaci diversi o più, vengono tagliati via gli effetti collaterali più rari. Il taglio si assesta al 67,32% del totale. Gli effetti collaterali univoci utilizzati per l'apprendimento passano da 4251 a 1389. In questo caso lo sbilanciamento tra la classi positive e nulle è minore.

La Tab. 4.2 mostra come il punteggio AUC diminuisce, ma aumenta la precisione media AP.

Gli ultimi risultati riportati in Tab. 4.3 riguardano la casistica in cui si voglia predire solo i 100 effetti collaterali più frequenti. Ho quindi applicato un filtro sulle occorrenze degli effetti avversi per un riscontro minimo di 370 farmaci. Eliminando dal data set le molecole che presentavano solo gli effetti collaterali più rari, il totale

Peso dei Campioni	Min Occ.	Max Occ.	Unità Nascoste	Epoche	AUC	AP
no	370	nessun filtro	100	300	0.6849	0.5910
sì	370	nessun filtro	100	300	0.6865	0.5931

Tabella 4.3: Risultati di predizione sul Testing Set del miglior modello. Minimo di 370 occorrenze per effetti collaterali. Numero di effetti collaterali univoci: 100

passa dalle precedenti 1505 molecole a 1493 campioni molecolari.

Nella locazione del progetto riportata in appendice, è possibile trovare risultati per altre configurazioni di parametri.

Infine l'ultima considerazione riguarda la soglia per la predizione delle etichette. Solitamente le predizioni vengono svolte discriminando se la classe appartiene o meno al campione in base alla soglia predefinita di 0.5. Modificando questa soglia è possibile avere risultati predittivi differenti. Abbassando la soglia, ad esempio, aumenteremo la probabilità che il modello applichi l'etichetta dell'effetto collaterale al farmaco. Questo implica un aumento del punteggio di richiamo, e, inevitabilmente, una conseguente diminuzione nel punteggio di precisione. Può risultare un buon compromesso nel caso l'obiettivo risulti predire il quantitativo maggiore di effetti collaterali del farmaco, prima di un susseguente studio clinico.

Per l'ultima configurazione in Tab. 4.3, il miglior punteggio $F1$, con un valore di 0.5924, è stato ottenuto applicando una soglia pari a 0.15. La *precisione* si attesta a 0.4749 e il *richiamo* ha il valore di 0.7874. Un richiamo abbastanza elevato, che mostra una predizione finale di buona parte degli effetti collaterali.

Per la soglia a 0.5, invece, si documentano: $F1 = 0.5352$, $precisione = 0.5839$, $richiamo = 0.4940$.

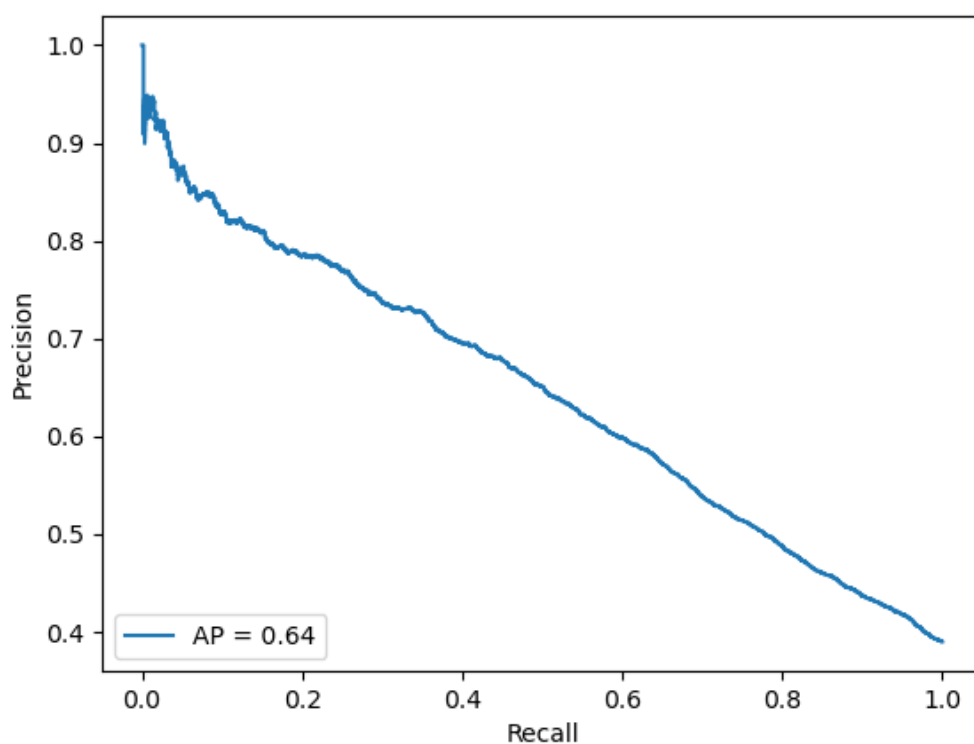


Figura 4.2: Esempio di curva precisione-richiamo, che ho calcolato durante il progetto. Imposto un minimo di 367 e un massimo di 1500 occorrenze per gli effetti collaterali. Iperparametri della rete: neuroni nello strato nascosto = (300), funzione di attivazione = sigmoide, metodo di apprendimento = Adam, step iniziale di apprendimento = 0.0001, numero di epoche di apprendimento = 300. Curva tracciata su Validation Set, prima della validazione finale sul Testing Set.

Capitolo 5

Conclusioni

Il processo di sviluppo delle molecole a scopo farmaceutico è un processo lungo e impegnativo. Gli effetti avversi imprevisti, che si verificano durante il processo di sviluppo del farmaco, possono sospendere l'intero prosieguo. Pertanto, la previsione a priori degli effetti collaterali del farmaco, in fase di progettazione, è fondamentale. In questo progetto utilizzo la struttura chimica e i fingerprint delle molecole per prevedere le reazioni collaterali, ottenendo degli utili risultati.

Appendice

Qualche esempio di funzione

Il progetto è consultabile in versione integrale su https://github.com/carlomerola/adverse_drugs_effects_prediction. In questa, sezione ho riportato solo alcune delle funzioni implementate, spiegandone l'impiego. Il codice è stato scritto in linguaggio Python. Lista delle librerie utilizzate: numpy, pandas, matplotlib, sklearn, rdkit, tensorflow.

Main

Nella funzione main vengono definite i percorsi e le variabili da passare alle funzioni. Inoltre vengono istanziate le classi e chiamate le funzioni stesse. Pertanto dal codice sottostante è possibile estrapolare una visione generale delle implementazioni.

```
def main():  
  
    matplotlib.use('Agg')  
  
    #__ get the current directory and define paths/variables __  
    current_directory = os.path.dirname(os.path.abspath(__file__))  
    pbc_path = os.path.join(current_directory,  
                             'Data/PubChem_compound_stereocid.csv')  
    se_path = os.path.join(current_directory, 'Data/SIDER/meddra_all_se.tsv')  
    o_cut=os.path.join(current_directory, 'Output/filtered_side_effects_info.txt')  
    o_se = os.path.join(current_directory, 'Output/output_se.csv')
```

```

o_feat = os.path.join(current_directory, 'Output/output_feat.csv')
o_scaled = os.path.join(current_directory, 'Output/output_scaled_feat.csv')
o_dummies = os.path.join(current_directory, 'Output/output_dummies.csv')
o_scores = os.path.join(current_directory, 'Output/output_scores.txt')
o_pr = os.path.join(current_directory, 'Output/PR_Curve_Plots/')
o_roc = os.path.join(current_directory, 'Output/ROC_Curve_Plots/')

#-- filter side effects by term and occurencies --
meddra_type = 'PT' #-- MedDRA concept type.
                #   Preferred Term (PT) or Lowest Level Term (LLT) --
min_occ = 10      #Min occurancies of a side effect for acceptance
max_occ = 800     #Max occurancies of a side effect for acceptance

#-- features options --
fp_size = 2048    #Default fingerprint size is 2048
get_only_fp = False #Get only fingerprints or also PubChem descriptors?

#-- initiate class Dataset and call class functions --
dataset = DataSet(pbc_path, se_path)
pt_df = dataset.FilterSEByType(meddra_type)
filtered_se = dataset.FilterSEByOcc(min_occ, max_occ, pt_df, o_cut)
drugs_se_dict = dataset.GetDict(filtered_se, pt_df)
features_df = dataset.GetFeatures(drugs_se_dict, fp_size)
drugs_se_dict, features_df = dataset.Consistency(drugs_se_dict, features_df)

#-- print to file --
dataset.PrintDataFrame(drugs_se_dict, o_se)
dataset.PrintDataFrame(features_df, o_feat)

y, check = dataset.GetDummies(drugs_se_dict, filtered_se)

#-- print to file --
dataset.PrintDataFrame(check, o_dummies)

X = dataset.ScaleAndVectorizeFeatures(features_df, get_only_fp)

#-- print to file --
dataset.PrintDataFrame(X, o_scaled)

#-- initiate class MultiLabelClassifier and call class functions --
classifier = MultiLabelClassifier(X, y)
X_train, X_test, X_val, y_train, y_test, y_val, sweights, cweights
= classifier.SplitAndWeight()
classifier.ModelEvaluation(X_train, X_test, X_val, y_train, y_test, y_val,
                           sweights, cweights, o_scores, o_pr, o_roc)

```

Matrice binaria degli effetti collaterali

A questa funzione vengono passati il dizionario che associa ad ogni identificativo molecolare, i suoi effetti collaterali e gli effetti collaterali filtrati sia per termine Med-DRA "PT", sia per numero di occorrenze degli effetti collaterali. Queste strutture sono state calcolate in precedenza e non vengono qui riportate.

La funzione ritorna la matrice binaria degli effetti collaterali con dimensione (c, n) . c risulta uguale al numero di campioni, n uguale al numero di effetti collaterali univoci.

```
def GetDummies(self, CID_SE_, filtered_se_):

    -- Create unique side effects columns.
    # Populate with ones only SE of corresponding drug --
    all_filtered_side_effects = list( filtered_se_.keys() )

    df = pd.DataFrame(0., index=CID_SE_.keys(),
                      columns = all_filtered_side_effects )

    for drug in CID_SE_.keys():
        for side_effect in CID_SE_[drug]:
            df.loc[drug, side_effect] = 1.

    -- check --
    print("\nThe number of columns in Dummies table is: %d\n" %df.shape[1])
    print(f'\nSorted side effects in dummies: \n{df}')

    check = df
    y = df.to_numpy()

    return y, check
```

Matrice delle caratteristiche non standardizzate

Nella funzione vengono estratte le caratteristiche chimiche di interesse, prelevate dal database PubChem. Dopodiché vengono estratti i fingerprint, a partire dalle stringhe SMILES e sostituiti con le stesse.

In una funzione successiva le caratteristiche sono state standardizzate e portate ad avere la struttura adeguata all'elaborazione.

```
def GetFeatures(self, CID_SE_, fpSize_):
    df = pd.read_csv(self.pubchem_path, index_col = ['cid'],
        usecols = ['cid', 'mw', 'polararea', 'xlogp', 'heavycnt',
        'hbonddonor', 'hbondacc', 'rotbonds', 'isosmiles'])

    #-- include only the rows in the df dataframe that have a 'cid' value
    #   which is also found in CID_SE_.keys() --
    df = df[df.index.isin(CID_SE_.keys())]

    #-- set null features to 0 --
    df.fillna(0, inplace=True)

    print("\n\nFeatures:\n")
    print(df)

    #-- iterate over rows to extract fingerprints --
    for index, row in df.iterrows():
        smiles = row['isosmiles']
        mol = Chem.MolFromSmiles(smiles)
        if mol is not None:
            fp = rdkit.Chem.rdmolops.RDKFingerprint(mol, fpSize = fpSize_)

            #--Transforming RDKit ExplicitBitVect() into binary numpy array--
            binary = np.zeros(len(fp), dtype = float)
            for i in range( len(fp) ):
                if fp[i] > 0:
                    binary[i] = 1
            df.at[index, 'isosmiles'] = binary

        else:
            print(f'Invalid SMILES: {smiles}')

    #-- rename isosmiles column to fingerprints column --
    df.rename( columns = {'isosmiles': 'binary_fingerprints'}, inplace = True)

    #-- check --
    print("\n\nFeatures_with_derived_fingerprints:\n")
    print(df)

    return df
```

Valutazione della coerenza dei dati

I dati sono stati prelevati da fonti diverse. Questa funzione si assicura che i vettori "features" e "target" siano ordinate secondo lo stesso ordine degli identificativi molecolari. Inoltre rimuove i farmaci che non sono presenti in entrambe le strutture dati.

```
def Consistency(self, cid_se_dict_, cid_feat_df_):

    #-- stereo-cids need to coincide --
    se_sorted = dict(sorted(cid_se_dict_.items() ) )
    feat_sorted = cid_feat_df_.sort_index()

    keys = list(se_sorted.keys())
    indexes = list(feat_sorted.index)

    rmvd_drugs = []

    i = 0
    while i < len(indexes):
        if indexes[i] not in keys:
            rmvd_drugs.append( indexes[i] )
            del feat_sorted[ indexes[i] ]

        i += 1

    i = 0
    while i < len(keys):
        if keys[i] not in indexes:
            rmvd_drugs.append( keys[i] )
            del se_sorted[ keys[i] ]

        i += 1

    print(f'\nRemoved_drugs: {rmvd_drugs}')

    #-- check --
    new_keys = list(se_sorted.keys())
    new_indexes = list(feat_sorted.index)
    print("\nEvaluating_data_consistency:")
    print("Cid_SE_rows: %d" % len(se_sorted.keys() ) )
    print("Cid_Feat_rows: %d" % feat_sorted.shape[0] )

    if ( new_keys != new_indexes ):
        print("\nDrugs_in_features_and_targets_aren't_the_same!")

    return se_sorted, feat_sorted
```

Una parte della funzione di valutazione del modello

Alla funzione vengono passati i 3 sotto-set, che li utilizza per l'apprendimento del modello. Qui sotto viene riportato il codice presente all'interno del loop per la valutazione degli iperparametri migliori, valutando i punteggi sul Validation Set.

Successivamente, per la valutazione finale delle prestazioni, il modello migliore verrà testato sul Testing Set. Inoltre verrà trovata la migliore soglia che ottimizza il punteggio F1.

```
#-- Repeating the following code into nested for loops
#   to iterate over all combinations of hyperparameters --

count += 1
print("#%d" %count)

current_params = {'hidden_layer_sizes': hls,
                  'activation': activ_fun, 'solver': solver_,
                  'learning_rate': lr,
                  'learning_rate_init': init,
                  'max_iter': epochs
}

#-- Create keras sequential layers.
#   Last layer activation function is always sigmoid --
model = Sequential()

for i, layer in enumerate(current_params['hidden_layer_sizes'] ):
    if i == 0:
        model.add( Dense(units = layer, activation = current_params['activation'],
                        input_shape = (X_train.shape[1], ) ) )
    else:
        model.add(Dense(units = layer, activation = current_params['activation']))

#-- add last layer with units as number of target classes --
model.add( Dense( units = y_train.shape[1], activation = 'sigmoid' ) )

if solver_ == 'adam':
    model.compile( optimizer = Adam(learning_rate =
                                   current_params['learning_rate_init']),
                  loss = 'binary_crossentropy' )
elif solver_ == 'sgd':
```

```

        model.compile( optimizer = SGD(learning_rate =
                                current_params['learning_rate_init']),
                        loss = 'binary_crossentropy' )
    else:
        model.compile( loss = 'binary_crossentropy' )

model.fit(X_train, y_train, sample_weight = sweights_,
          epochs = current_params['max_iter'], batch_size = 64)

y_proba = model.predict(X_val)
y_pred = (y_proba >= threshold).astype(int)

print(f'\nPred. Sizes: {y_pred.shape}')
print(y_proba)

precision = metrics.precision_score(y_val, y_pred, average = 'micro')
recall = metrics.recall_score(y_val, y_pred, average = 'micro')
f1 = metrics.f1_score(y_val, y_pred, average = 'micro')

avg_prec = metrics.average_precision_score(y_val, y_proba, average = 'micro')
auc = metrics.roc_auc_score(y_val, y_proba, average = 'micro')

#-- tn, fp, fn, tp --
cm = metrics.multilabel_confusion_matrix(y_val, y_pred, samplewise = True)
print(cm)

current_scores = { 'f1': f1, 'precision': precision, 'recall': recall,
                   'average_precision': avg_prec, 'auc': auc }

print(f'\nParameters set to {current_params}, threshold: {threshold}')
print(f'\nScores: {current_scores}\n')

#-- write to file current values --
f = open(o_scores_, 'a')
f.write(f'\n\n\n#{count}')
f.write(f'\nParameters: {current_params}')
f.write(f'\nScores: {current_scores}')
f.close()

#-- Plot the micro-averaged Precision-Recall curve --
precision_micro, recall_micro, thpr = metrics.precision_recall_curve(y_val.ravel(),
                                                                    y_proba.ravel())
displaypr = metrics.PrecisionRecallDisplay(precision = precision_micro,
                                           recall = recall_micro,
                                           average_precision = current_scores['average_precision'])

displaypr.plot()
plt.savefig(o_pr+'pr'+str(count)+'.png')

#-- Plot micro-averaged Precision-Recall curve --
fpr_, tpr_, throc = metrics.roc_curve(y_val.ravel(), y_proba.ravel())

```

```
displayroc = metrics.RocCurveDisplay( fpr = fpr_, tpr = tpr_, roc_auc = auc)

displayroc.plot()
plt.savefig(o_roc_+'roc'+str(count)+'.png')

#-- Update the best combination of hyperparameters --
if current_scores[evaluation1] > best_scores1[evaluation1]:
    best_params1.update(current_params)
    best_scores1.update(current_scores)
    best_threshold1 = float(threshold)
    position1 = int(count)

if current_scores[evaluation2] > best_scores2[evaluation2]:
    best_params2.update(current_params)
    best_scores2.update(current_scores)
    best_threshold2 = float(threshold)
    position2 = int(count)
```

Sitografia

- [1] About SIDER, <http://sideeffects.embl.de/about/>
- [2] About PubChem, <https://pubchem.ncbi.nlm.nih.gov/docs/about>
- [3] In cosa consiste il Machine Learning? <https://www.oracle.com/it/artificial-intelligence/machine-learning/what-is-machine-learning/>
- [4] How Do Machine Learning Algorithms Differ From Traditional Algorithms? <https://analyticsindiamag.com/how-do-machine-learning-algorithms-differ-from-traditional-algorithms/>
- [5] Difference Between Soft Computing and Hard Computing, <https://www.tutorialspoint.com/difference-between-soft-computing-and-hard-computing>
- [6] Artificial Neural Network, https://en.wikipedia.org/wiki/Artificial_neural_network
- [7] Multiclass and multioutput algorithms, <https://scikit-learn.org/stable/modules/multiclass.html>
- [8] SIDER Format Description, <http://sideeffects.embl.de/media/download/README>
- [9] STITCH Chemical Set, <http://stitch.embl.de/download/README>
- [10] Unified Medical Language System (UMLS), <https://www.nlm.nih.gov/research/umls/index.html>
- [11] MedDRA Hierarchy, <https://www.meddra.org/how-to-use/basics/hierarchy>
- [12] La terminologia MedDra, <https://salute.regione.emilia-romagna.it/normativa-e-documentazione/convegni-e-seminari/corsi-di-formazione/seminario-multitematico-di-farmacovigilanza-bologna-18-giugno-2010/la-terminologia-meddra-dalla-teoria-alla-pratica>

- [13] Scikit Learn Robust Scaler, <https://scikit-learn.org/stable/modules/generated/sklearn.preprocessing.RobustScaler.html>
- [14] The RDKit Book, https://www.rdkit.org/docs/RDKit_Book.html
- [15] Parameters and Hyperparameters in Machine Learning and Deep Learning, <https://towardsdatascience.com/parameters-and-hyperparameters-aa609601a9ac>
- [16] The Sequential model, https://keras.io/guides/sequential_model/
- [17] About Keras, <https://keras.io/about/>
- [18] Activation Functions in Neural Networks, <https://www.v7labs.com/blog/neural-networks-activation-functions>
- [19] A Gentle Introduction to Imbalanced Classification, <https://machinelearningmastery.com/what-is-imbalanced-classification/>
- [20] Evaluating Multi-label Classifiers, <https://towardsdatascience.com/evaluating-multi-label-classifiers-a31be83da6ea>
- [21] Scikit-Learn Metrics, <https://scikit-learn.org/stable/modules/classes.html#module-sklearn.metrics>
- [22] Scikit-Learn Precision Score, https://scikit-learn.org/stable/modules/generated/sklearn.metrics.precision_score.html#sklearn.metrics.precision_score
- [23] Scikit-Learn Recall Score, https://scikit-learn.org/stable/modules/generated/sklearn.metrics.recall_score.html#sklearn.metrics.recall_score
- [24] Scikit-Learn F1 Score, https://scikit-learn.org/stable/modules/generated/sklearn.metrics.f1_score.html#sklearn.metrics.f1_score
- [25] F1 Score vs ROC AUC vs Accuracy vs PR AUC, <https://neptune.ai/blog/f1-score-accuracy-roc-auc-pr-auc>

Ringraziamenti

Vorrei ringraziare molte persone, ma ho deciso di lasciare questa sezione completamente dedicata a Wally - Luigi -, che al momento della scrittura di questa tesi, si trova in condizioni di salute gravi. E alla sua famiglia, Emma, Edoardo ed Eleonora. Hanno sempre mostrato tanta forza, propria di poche persone.