



$$\lambda^2 \mu = \lambda \lambda^2 = 1$$

- Duración: 120 minutos. Tolerancia: 15 minutos.
- Todo intento de plagio será sancionado con la anulación de la prueba
- No está permitido salir del aula, realizar consultas ni el préstamo de materiales.
- Prohibido el uso de calculadoras graficadoras, celulares u otro dispositivo electrónico.
- Prueba está resuelta con lápiz o lapicero borrable se corrige pero no tendrá derecho a reclamo.
- No tiene el examen

Exámen Parcial de Cálculo Vectorial II

CM-142 A,B,C,D

1. Determine la veracidad o falsedad de los siguientes enunciados. Justifique su respuesta.

- (a) (1 pto.) Si $A \in M_{n \times n}(\mathbb{R})$ con $n \geq 2$.
¿Es cierto que el conjunto $\{I_n, A, A^2, A^3, \dots, A^{n^2-1}\}$ es linealmente dependiente?
- (b) (1.5 ptos.) ¿Es posible encontrar un sistema de ecuaciones lineales (con coeficientes reales) cuya solución general sea: $(1, 1, 0) + \lambda(1, 2, 1)$, $\lambda \in \mathbb{R}$?
- (c) (1 pto.) ¿Es cierto que $\det(\text{Adj}(A)) = \det(A)^{n-1}$, donde $A \in M_{n \times n}(\mathbb{R})$?
- (d) (1.5 ptos.) Si $\{v_1, v_2, \dots, v_r\}$ son vectores de un espacio vectorial V , entonces el conjunto W de todas las combinaciones lineales de v_1, v_2, \dots, v_r es un subespacio de V .

2. (5 ptos.) Si A es una matriz antisimétrica con determinante positivo donde

$$\text{Adj}(A^{-1}) = \begin{bmatrix} 0 & -4 & x & 0 \\ y & 0 & -2 & z \\ -1 & w & 0 & -6 \\ u & 3 & 0 & d \end{bmatrix}$$

Determine la matriz A .

3. (5 ptos.) Para que valores de k el sistema

$$\begin{aligned} kx_1 + 2x_2 + kx_3 &= 1 \\ kx_1 + (k+4)x_2 + 3kx_3 &= -2 \\ -kx_1 - 2x_2 + x_3 &= 1 \\ (k+2)x_2 + (3k+1)x_3 &= -1 \end{aligned}$$

- (a) No tiene solución.
(b) Tiene solución única.
(c) Tiene infinitas soluciones.

4. (5 ptos.) Sea $\mathbb{C} = \{u/u = a + bi, a, b \in \mathbb{R}\}$ donde $i = \sqrt{-1}$, se definen las siguientes operaciones sobre \mathbb{C}

$$u + v = (a_1 + b_1i) + (a_2 + b_2i) = (a_1 + a_2) + (b_1 + b_2)i, \forall u, v \in \mathbb{C}$$

$$ku = k(a + bi) = ka + kbi, \forall k \in \mathbb{R}$$

Determine si \mathbb{C} con estas operaciones es un espacio vectorial sobre \mathbb{R} .

$$\forall u \in \mathbb{C}, \lambda \in \mathbb{R}: (\lambda k)u = \lambda(ku)$$