



Universidad Nacional de Ingeniería
Facultad de Ciencias
Escuela Profesional de Matemática

Ciclo 2017-I

[Curso: Cálculo Vectorial II][Cod: CM-142]
[Profesores: R. Acuña, V. Huanca, F. Jara, J. Cribillero]

Examen Sustitutorio

Tiempo: 120 minutos. Sin copias ni apuntes. Justifique adecuadamente cada paso en sus respuestas.

1. Indique la veracidad o falsedad de las siguientes afirmaciones.

- (a) (2 pts.) A y B son matrices equivalentes si, y sólo si, A y B tienen el mismo rango.
- (b) (2 pts.) Si la matriz $\text{adj}(A)$ es simétrica, entonces A es simétrica.
- (c) (1 pts.) Si A es diagonalizable, entonces A es no singular.

2. Considere el conjunto $\Omega \subseteq M_{2 \times 2}(\mathbb{R})$ definido por

$$\Omega = \left\{ \begin{bmatrix} x & y \\ z & w \end{bmatrix} : 2x = z, y = -w \right\}$$

- (a) (2 pts.) Pruebe que Ω es un subespacio vectorial de $M_{2 \times 2}(\mathbb{R})$.
 - (b) (1 pto.) Determine una base S para Ω .
 - (c) (1 pto.) Determine la dimensión de Ω .
 - (d) (1 pto.) Calcule las coordenadas de $A = \begin{bmatrix} 1 & -3 \\ 2 & 3 \end{bmatrix}$ en la base S .
3. (5 pts.) Sea $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$ una aplicación lineal tal que refleja cada punto P sobre la recta $y = kx$, donde $k > 0$. Determine los vectores propios de T .
4. Sea la transformación lineal $T : M_{2 \times 2}(\mathbb{R}) \rightarrow P_2[x]$, definida por
- $$T \begin{bmatrix} a & b \\ c & d \end{bmatrix} = (3d - 2c) + (2c - b)x + (b - a)x^2. \text{ Encuentre:}$$
- (a) (2 pts.) Una base para el núcleo de T .
 - (b) (3 pts.) Una base para la imagen de T .

Uni, 12 de julio de 2017