### C++ Concepts

Walter F. Mascarenhas

**USP** 

July 7, 2019

#### Resumo

- Eu
- 2 Programação genérica
- 3 Concepts
  - Tratamento de erros de compilação para templates
  - Requires clauses
  - Requires expressions
- 4 Uma aplicação: Tensores
- 5 Adicionando constraints para casos mais particulares

### Sobre mim

- Sou um matemático que programa.
- Meu foco em C++ s\u00e3o m\u00e9todos num\u00e9ricos. Por exemplo, algoritmos usados em machine learning.
- Para mim, C++ é uma ferramenta excelente porque:
  - Não parou no tempo.
  - Reflete o modo como eu penso sobre programação.
  - O código gerado tem ótima performance.
  - É orientada a objetos, o que as vezes ajuda.
  - É a melhor linguagem para programação genérica.

# Programação Genérica para métodos numéricos

- Vários tipos de números: int\*\_t, uint\*\_t, float16, float, double, long double, \_\_float128, mpfr, mpq, intervalos.
- Muitos instruction sets e extensões (x86, SSE\*, AVX\*, ARM), além de OpenMP.
- Múltiplos devices: CPU, GPU, MIC, celular.
- Vários containers: arrays, vetores, matrizes, (tensores = arrays) e suas views, alocados na pilha, na heap ou GPU.

É natural portanto criar algoritmos e estruturas de dados parametrizados para os casos acima.

Como motivação para a palestra, vou considerar o seguinte código genérico, que multiplica cada elemento de um container c por um valor v:

```
template <class Container, class Value>
void mul(Container& c, Value v)
{
  for(auto& ci : c)
    ci *= v;
}
```

Quando o container é std::array<float,N>, com N é múltiplo de 8, e Value é float, o código abaixo parece ser mais eficiente:

```
template <std::size_t N>
void mul(std::array<float,N>& c, float v)
{
  _{m256} vx = _{mm256} set1_{ps(v)};
  float* p_max = c.data() + c.size();
  for(float* p = c.data(); p < p_max; p += 8)
    _{m256} cx = _{mm256_load_ps(p)};
    cx *= vx;
    _mm256_store_ps(p, cx);
```

Será que é mesmo?

Na verdade, compilando as duas funçoes acima com Container = std::array<float,16>, Value = float e

g++-9 -S -03 -march=native -mtune=native mul.cpp

obtemos essencialmente a mesma coisa:

vbroadcastss %xmm0, %ymm0 vmulps (%rdi), %ymm0, %ymm1 vmulps 32(%rdi), %ymm0, %ymm0 vmovups %ymm1, (%rdi) vmovups %ymm0, 32(%rdi)

Ou seja, com as opções corretas, o compilador faz o que queriamos fazer manualmente. Inclusive, ele usa a informação que N é 16.

Para fazer isso com herança seria necessário devirtualização, link time (ou whole program) optimization, se o compilador conseguir. Porém:

- Om uma alternativa usando herança, a compilação seria mais rápida.
- As mensagens de erro de código genérico podem ser horríveis.
- Os testes também precisam ser genéricos.
- A depuração é mais complicada.
- Pensar sobre casos gerais é mais difícil que pensar sobre casos particulares.
- O código pode ficar inintelegível (menos o meu, claro...)

Concepts ajudam no item 2 e, principalmente, no item 6.

## Jogo dos dois erros

Há dois erros no código abaixo. Quais são?

```
bool test()
  std::srand(10);
  float v = rand();
  alignas(32) std::array<float,64> c;
  std::generate(c.begin(), c.end(), std::rand());
  std::array<float,64> c2{c};
 mul(v, c);
  for(uint i = 0; i < c.size(); ++i)
    if( c[i] != c2[i] * v)
      return false;
  }
  return true;
```

O próximo slide mostra o que acontece ao compilarmos o código do slide anterior: aparece uma mensagem de erro no arquivo stl\_algo.h, que aparentemente tem pouco a ver com o que estamos compilando.

10 / 40

```
w Help
        💠 🗶 # 🥠 generate( ForwardIterator, ForwardIterator, Gen... 🗘 Line: 4423, 0
         ···*··@brief·Assign·the·result·of·a·function·object·to·each·value·in·a
         ···*···sequence.
         *** @ingroup mutating algorithms
         * * * @param · last · A forward iterator.
         · · · * · · @param · · gen · · · A · function · object · taking · no · arguments · and · returning
         ...*....std::iterator_traits<_ForwardIterator>::value_type
         ···*·@return··generate() returns no value.
         ···*·Performs·the·assignment·@c·*i·=-@p· gen()·for·each·@c·i·in·the·range
         ···∗··@p·[ first, last).
         ··template<typename·_ForwardIterator, ·typename·_Generator>
          biov....
         ····generate(_ForwardIterator·__first, ·_ForwardIterator·__last,
          → · · · · · Generator · gen)
         ..... glibcxx function requires( ForwardIteratorConcept< ForwardIterator>)
         ..... glibcxx function requires( GeneratorConcept< Generator,
          → · · · · typename · iterator traits < ForwardIterator > ::value type > )
         ..... glibcxx requires valid range( first, last);
          →* first:=: gen():
                           #<sub>7</sub> ⟨ > A T.
 Issues
   In file included from /usr/include/c++/9/algorithm:62.
                                                                                                         algorithm
   from ../build/f.cpp:1:
                                                                                                         f.cpp
   In instantiation of 'void std::qenerate( Fiter, Fiter, Generator) [with Fiter = float*; Generator = int]':
                                                                                                         stl algo.h
   required from here
                                                                                                         f.cpp
gen' cannot be used as a function
                                                                                                         stl algo.h
   In instantiation of 'void mul(Container&, Value) [with Container = float; Value = std::array<float, 64>]':
                                                                                                         f.cpp
   required from here
                                                                                                         f.cpp
                                                                                4 D > 4 B > 4 B > 4 B >
  Walter F. Mascarenhas (USP)
                                                                                                     July 7, 2019
                                                                                                                      11 / 40
```

## Consertando o que podemos consertar

#### A chamada

```
mul(v, c);
```

está errada pois o primeiro argumente tem que ser um container e o segundo um número: a ordem dos argumentos foi trocada. Podemos melhorar a mensagem de erro assim:

```
template <class Container, class Value>
requires
(std::is_integral_v<Value> || std::is_floating_point_v<Value>)
void mul(Container& c, Value v)
{
  for(auto& ci : c)
     ci *= v;
}
```

Agora a mensagem de erro aponta exatamente o problema, no lugar certo:

In function 'int main()':

cannot call function 'void mul(Container&, Value) [with Container = float; Value = std::array<float, 4>]'
 note: constraints not satisfied

'is\_floating\_point\_v<Value>' evaluated to false

'is integral v<Value>' evaluated to false

O texto em vermelho e azul abaixo é uma "requires clause"

```
template <class Container, class Value>
requires
(std::is_integral_v<Value> || std::is_floating_point_v<Value>)
void mul(Container& c, Value v)
```

A parte em azul é a constraint, que é a disjunção de duas constraints atômicas:

```
std::is_integral_v<Value>
e
std::is_floating_point_v<Value>
```

### Inteiros conhecidos em tempo de compilação

A constraint para mul acima ignora tipos de inteiro muito importantes em programação genérica:

- O N em std::array<T,N>, que ajudou o compilador a gerar código otimizado para mul acima.
- o template std::integral\_constant na standard libray.
- a integral\_constant na boost::Hana.

Nessa palestra assumirei que temos um template s\_uint<std::size\_t> parecido com a integral constant da boost::Hana, que implementa as operações aritméticas, e que há uma trait para indicar se T é s\_u\_int:

```
template <class T>
constexpr bool is_s_uint_v = is_s_uint<T>::value;
Podemos então definir mul assim:
template <class Container, class Value>
requires
(std::is_integral_v<Value> || is_s_uint_v<Value> ||
 std::is_floating_point_v<Value> )
void mul(Container& c, Value v)
{
   for(auto& ci : c )
     ci *= v:
```

## Podemos fazer melhor usando Concepts

.

Primeiro definimos o concept Int:

```
template <class T>
concept bool Int =
std::is_integral_v<T> || is_s_uint<T>;
e depois o concept Number:

template <class T>
concept bool Number =
Int<T> || std::is_floating_point_v<T>;
```

Podemos então definir mul de duas formas equivalentes:

```
template <class Container, class Value>
requires
Number<Value>
void mul(Container& c, Value v)
   for(auto& ci : c )
     ci *= v;
ou de modo mais resumido:
template <class Container, Number Value>
void mul(Container& c, Value v)
{
   for(auto& ci : c )
     ci *= v;
```

#### E se o container estiver errado?

Pode acontecer algo como no próximo slide, onde passamos um container inválido para a mul, e o erro aparece dentro na função mul, e não no ponto onde ela foi chamada.

```
■ f.cpp

       template · < class · Container , · Number · Value >
       void·mul(Container&.c..Value.v)
       int·main()
       ··float·v{2}:
                          ♣- < > A T.
Issues
  In instantiation of 'void mul(Container&, Value) [with Container = float; Value = float]':
  required from here
'begin' was not declared in this scope; did you mean 'std::begin'?
             for(auto& ci : c)
  In file included from /usr/include/c++/9/string:54,
  from /usr/include/c++/9/stdexcept:39,
  from /usr/include/c++/9/array:39,
  from /usr/include/c++/9/tuple:39,
  from /usr/include/c++/9/functional:54,
  from /usr/include/c++/9/pstl/glue_algorithm_defs.h:13,
  from /usr/include/c++/9/algorithm:71,
  from ../samples/f.cpp:1:
  'std::begin' declared here
  'end' was not declared in this scope; did you mean 'std::end'?
```

Para lidar com esses errors, usaremos concepts e "Requires expressions" (azuis), que são diferentes de "Requires clauses" (vermelhas).

### Requires expressions

Podemos restingir os containers, a partir do concept de input iterator:

```
template <class It>
concept InputIterator =
requires(It it) {
  {*it}:
  {++it}:
  {It(it)};
  {it != it}->bool:
};
template <class C>
concept Container =
requires(C c) {
  typename C::value_type;
  {c.begin()}->InputIterator;
  {c.end()}->decltype(c.begin());
  {*c.begin()}->typename C::value_type&;
};
```

# Não use os concepts dessa palestra!!!

Todos eles são incompletos. Foram feitos para fins didáticos apenas, para caber nos slides.

Estude a biblioteca ranges para aprender como lidar com os muitos detalhes necessários para fazer bons concepts.

Uma vez que temos os concepts Container e Number, podemos definir mul como abaixo. Exigimos também que podemos fazer cv \*= v para um elemento cv do container e um Number v.

```
template <Container C, Number V>
requires
requires(typename C::value_type cv, Number v)
{
        {cv *= v};
}
void mul(C& c, V v)
{
        for(auto& ci : c)
        ci *= v;
}
```

Agora, ao tentarmos compilar um código chamando a mul com um container inválido a mensagem de erro aparece no lugar certo (veja o próximo slide).

```
■ f.cpp*

                                                 ♦|×|#
                                                            main(): int
        template · < Container · C. · Number · V>
        requires · requires (typename · C:: value type · cv, · V · v)
        void·mul(C&·c.·V·v)
        int·main()
        ··float·v{2};
  344
                            ± < > ▲ T.
Issues
  In function 'int main()':
• cannot call function 'void mul(C&, V) [with C = float; V = float]'
  note: constraints not satisfied
  within 'template<class C> concept const bool Container<C> [with C = float]'
  note: with 'float c'
  the required type 'typename C::value type' would be ill-formed
  the required expression 'c.begin()' would be ill-formed
  the required expression 'c.end()' would be ill-formed
  the required expression '* c.begin()' would be ill-formed
float' is not a class, struct, or union type
  note: with '<typeprefixerror>cv'
  note: with 'float v'
  the required expression 'cv /= v' would be ill-formed
```

# Aplicação a machine learning: Tensores

A principal estrutura de dados para as redes neurais convolucionais são os "tensores":

$$\left(\begin{array}{c} v_1 \\ v_2 \\ v_3 \end{array}\right)$$

Vetores são tensores de rank 1

$$\begin{pmatrix} v_1 \\ v_2 \\ v_3 \end{pmatrix} \qquad \begin{pmatrix} a_{11} & a_{12} & a_{13} \\ a_{21} & a_{22} & a_{23} \\ a_{31} & a_{32} & a_{33} \end{pmatrix}$$

Matrizes são tensores de rank 2



Cubos são tensores de rank 3

Veremos agora código genérico para tensores.

### Números: os elementos dos tensores

```
namespace traits {
template <class T>
struct number {
  using type = void;
};
template <class T>
requires requires() {
  typename T::number_type;
} && Scalar<typename T::number_type>
struct number<T> {
  using type = typename T::number_type;
};
} // namespace traits
template <class T>
using number_t = typename traits::number<T>::type;
```

### Rank: o número de dimensões do tensor

```
template <class T>
constexpr std::size_t rank =
(
   requires() {
    {T::rank}->std::size_t;
   }
?
std::size_t{T::rank}
:
std::size_t{0}
);
```

#### Lidando com dimensões

```
namespace traits {
template <class A, class Indexes>
struct has_dims : std::false_type {};
template <class A, std::size_t... I>
struct has_dims<A, std::index_sequence<I...> >
: std::integral_constant<bool,
 requires( A a, std::size_t s)
     { ((s = a.template dim < I > ()), ...) };
 } >:
} // namespace traits
template <class A>
constexpr bool has_dims_v =
traits::has_dims<A, std::make_index_sequence<rank<A>> >::value;
```

# Calculando o volume (número de elementos)

```
namespace traits {
template <class A, std::size_t... I>
constexpr auto volume(A a, std::index_sequence<I...>)
{
  return (s_uint<1>{} * ... * a.template dim<I>() );
} // namespace traits
template <class A>
requires has_dims<A>
constexpr auto volume(A const& a)
  return traits::volume(a, std::make_index_sequence< rank<A> >{} );
}
```

```
Usaremos o operator() para acessar os items do tensor
(o operator[] só aceita um argumento)
A trait abaixo indica se a(i...) é válido.
namespace traits {
template <class A, class Indexes>
struct can_access_item : std::false_type ;
template <class A, std::size_t... I>
struct can_access_item<A, std::index_sequence<I...> >
: std::integral_constant<bool,
  requires(A a)
    { a(I...) }->number t<A>&:
  } > {};
template <class A>
constexpr bool can_access_item_v = traits::can_acess_item<T>::value
```

# Aplicação a machine learning: Views

Além de tensores, em machine learning usamos "views" que são partes dos tensores. Na figura abaixo, os items das views estão em vermelho:

$$\begin{pmatrix} v_1 \\ v_2 \\ v_3 \end{pmatrix}$$

Um tensor todo é uma view dele mesmo

$$\begin{pmatrix} v_1 \\ v_2 \\ v_3 \end{pmatrix} \qquad \begin{pmatrix} a_{11} & a_{12} & a_{13} \\ a_{21} & a_{22} & a_{23} \\ a_{31} & a_{32} & a_{33} \end{pmatrix}$$

Um grupo de colunas é uma view de uma matrix



Uma face é uma view de um cubo

### Os concepts View e Span

```
template <class A>
concept bool View =
!std::is_void< number_t<A> > &&
has dims v<A> &&
can_access_item_v<A>
requires(A a)
  typename A::cursor_type;
  { a.cursor() }->typename A::cursor_type;
};
Um Span é uma View com mutable items:
template <class T>
concept bool Span = View<T> && !std::is_const_v<number_t<T>>;
```

### mul para Spans

```
template <Span S, Number V>
void mul(S& s, V v)
  auto c = s.cursor();
  if constexpr ( Iterator<decltype(c)> )
  {
     auto e = s.end();
     for( ; c != e; ++c)
        *c *= s;
  }
  else
    for(; !c.is_done(); ++c)
     mul(*c, v);
```

# Especializando para performance

A Intel fornece (de graça) uma biblioteca com as operações fundamentais para cálculo numérico chamada MKL, que lida com floats e doubles. Ela é otimizada para processadores Intel e suspeita em processadores AMD. Quando essa biblioteca está disponível, é bom usá-la. Isso poder feito adicionando essas constraints ao concept Span:

```
template <class T>
constexpr bool MklSpan =
Span<T> &&
linkarei_a_mkl() &&
(std::is_same_v<cursor_t<T>, double*> ||
std::is_same_v<cursor_t<T>, float*> ) &&
std::is_integral_v<volume_t<T> >;
```

## A função mul

```
template <Span T, Number X>
void mul(T& t, X x) {
  for(auto& ti : t)
   ti *= x;
template <MklSpan T, Number X>
void mul(T& t, X x) {
  if constexpr ( std::is_same_v<cursor_t<T>,double*> )
    cblas_dscal(volume(t), x, x.begin(), 1);
  else
    cblas_sscal(volume(t), x, x.begin(), 1);
}
```

Como o overload com MklSpan é mais especializado que o com Span, ele será selecionado quando T for um MklSpan.

### A classe flat view: um modelo para o concept View

```
template <Number T, Int... Dims>
class flat_view {
  public:
   using number_type = T;
    using cursor_type = T*;
    static constexpr std::size_t rank = sizeof...(Dims);
    template <Int... L>
    requires requires(L... 1) { { std::tuple<Dims...>{1...} } }
    constexpr view(T* data, L... 1)
    : data_(data), dims_(1...) {
      assert( ((1 >= 0) && ... ) );
    template <std::size_t I>
    requires (I < rank)
    constexpr auto dim() const {
      return std::get<I>(dims_);
```

```
T* cursor() const {
    return data_;
  T* begin() const {
    return data_;
  T* end() const {
    return data_ + volume(*this);
private:
  T* data_;
  std::tuple<Dims...> dims_;
```

};

# Implementando flat\_view()(i0,i1,...) com pipes

```
template <class Sum, std::size_t D>
struct pipe {
  template <Int I>
  constexpr auto operator | (I i)
  {
     constexpr auto new_sum = sum_ * std::get<D>(dims_) + j;
     return pipe<decltype(new_sum), D + 1>{new_sum, dims_};
  }
  S sum_;
  std::tuple<Dims...> const& dims_;
};
template <Int IO, Int... I>
T& operator()(IO iO, I... i) const
  auto index = (pipe<I0,0>{i0, dims_} | ... | i).sum_;
  return data_[index];
```