## HOCHSCHULE LUZERN

**Informatik**FH Zentralschweiz

# Relationen - Übung III

Prof. Dr. Josef F. Bürgler

Semesterwoche 8

Alle Aufgaben sind zusammen mit dem Lösungweg in möglichst einfacher Form darzustellen.

Abgabetermin: eine Woche nach Verteilung der Übung!

#### Aufgabe 1

Die Division  $\mathbf{R} \div \mathbf{S}$  zweier Relationen  $\mathbf{R}$  und  $\mathbf{S}$  kann einerseits mit Hilfe der Definition

$$R \div S = \{(x) | \exists (x, y) \in R \ \forall (y) \in S \}$$

aber auch mit Hilfe folgender Idee bestimmt werden:

- (a) Berechne alle jene x, die nicht durch irgend ein  $y \in \mathbf{S}$  disqualifiziert werden.
- (b) Ein x-Wert wird disqualifiziert, falls man durch Bildung aller möglicher Tupel (x, y) mit beliebigem  $y \in \mathbf{S}$  ein Tupel erhält, welches nicht in  $\mathbf{R}$  liegt. Die disqualifizierten x-Werte ergeben sich durch:

$$\Pi_{\mathcal{X}}\left(\left(\Pi_{\mathcal{X}}\left(\mathbf{R}\right)\times\mathbf{S}\right)\setminus\mathbf{R}\right)$$

Somit findet man das Resultat der Division auf dem zweiten Weg wie folgt:

$$R \div S = \Pi_{\mathcal{X}}(\mathbf{R}) \setminus \Pi_{\mathcal{X}}((\Pi_{\mathcal{X}}(\mathbf{R}) \times \mathbf{S}) \setminus \mathbf{R})$$

Man führe diese zweite Berechnungsmöglichkeit für folgende Relationen durch:

| A     |       | $oxed{B_1}$                    | $oxed{B_2}$                    |
|-------|-------|--------------------------------|--------------------------------|
| sno   | pno   | pno                            | pno                            |
| $s_1$ | $p_1$ | $p_2$                          | $p_2$                          |
| 1     | $p_2$ |                                | $p_4$                          |
| 1     | $p_3$ |                                |                                |
| 81    | $p_4$ | $\mathbf{A} \div \mathbf{B_1}$ |                                |
| 2     | $p_1$ | sno                            |                                |
| 2     | $p_2$ | $s_1$                          | $\mathbf{A} \div \mathbf{B_2}$ |
| 3     | $p_2$ | $s_2$                          | sno                            |
| 4     | $p_2$ | $s_3$                          | $s_1$                          |
|       | $p_4$ | $s_4$                          | $s_4$                          |

Relation **A** listet auf, welche Lieferanten (engl. supplier)  $s_1$ ,  $s_2$ ,  $s_3$ ,  $s_4$  welche Teile (engl. parts)  $p_1$ ,  $p_2$ ,  $p_3$ ,  $p_4$  liefern. Was stellen dann die Relationen  $\mathbf{A} \div \mathbf{B_1}$ ,  $\mathbf{A} \div \mathbf{B_2}$  und  $\mathbf{A} \div \mathbf{B_3}$  dar?  $\mathbf{A} \div \mathbf{B_1} = s_1, s_2, s_3, s_4$   $\mathbf{A} \div \mathbf{B_2} = s_1, s_4$ 

 $A \div B3 = s1$ 

### Aufgabe 2

Wir verwenden in den folgenden Aufgaben die folgenden Relationalen Schemas

 $\mathbf{R}$  (sid: integer, bid: integer, day: date)

S (sid: integer, sname: string, rating: integer, age: real)

B (bid: integer, bname: string, color: string)

Dabei steht **R** für Reservationen (engl. reservations), **S** für Segler (engl. sailors) und **B** für Boote (engl. boats). Die konkreten Instanzen sind nachfolgend aufgelistet:

| R                                |                          |          |  |  |  |
|----------------------------------|--------------------------|----------|--|--|--|
| $\underline{\operatorname{sid}}$ | $\underline{\text{bid}}$ | day      |  |  |  |
| 22                               | 101                      | 10.10.06 |  |  |  |
| 22                               | 102                      | 10.10.06 |  |  |  |
| 22                               | 103                      | 10.08.06 |  |  |  |
| 22                               | 104                      | 10.07.06 |  |  |  |
| 31                               | 102                      | 11.10.06 |  |  |  |
| 31                               | 103                      | 11.06.06 |  |  |  |
| 31                               | 104                      | 11.12.06 |  |  |  |
| 64                               | 101                      | 9.05.06  |  |  |  |
| 64                               | 102                      | 9.08.06  |  |  |  |
| 74                               | 103                      | 9.08.06  |  |  |  |

| $oxed{\mathbf{S}}$               |         |        |      |  |  |  |
|----------------------------------|---------|--------|------|--|--|--|
| $\underline{\operatorname{sid}}$ | sname   | rating | age  |  |  |  |
| 22                               | Dustin  | 7      | 45.0 |  |  |  |
| 29                               | Brutus  | 1      | 33.0 |  |  |  |
| 31                               | Lubber  | 8      | 55.5 |  |  |  |
| 32                               | Andy    | 8      | 35.0 |  |  |  |
| 58                               | Rusty   | 10     | 35.0 |  |  |  |
| 64                               | Horatio | 7      | 35.0 |  |  |  |
| 71                               | Zorba   | 10     | 16.0 |  |  |  |
| 74                               | Horatio | 9      | 35.0 |  |  |  |
| 85                               | Art     | 3      | 25.5 |  |  |  |
| 95                               | Bob     | 3      | 63.5 |  |  |  |

| В                        |           |       |  |  |  |
|--------------------------|-----------|-------|--|--|--|
| $\underline{\text{bid}}$ | bname     | color |  |  |  |
| 101                      | Interlake | blue  |  |  |  |
| 102                      | Interlake | red   |  |  |  |
| 103                      | Clipper   | green |  |  |  |
| 104                      | Marine    | red   |  |  |  |

Stellen sie die folgenden Queries als Ausdrücke der Relationenalgebra dar. Versuchen sie auch einen dazu äquivalenten Ausdruck anzugeben!

- (a) Finden sie die Namen der Segler, die ein rotes Boot reserivert haben.

  Projektion[sname](S > Projektion[sid](R > Projektion[bid](Selektion[color=red](B))))
- (b) Finden sie die Farbe der Boote, die von Lubber reserviert wurden. Projektion[color(]B > Projektion[bid](R > Projektion[sid](Selektion[sname=Lubber](S))))
- (c) Finden sie die Namen der Segler, die wenigstens ein Boot reserviert haben. Projektion[sname](Projektion[sid](R) >< S)

#### Aufgabe 3

Betrachte wiederum die in der Aufgabe 2 definierten Relationen  $\mathbf{R}$ ,  $\mathbf{S}$  und  $\mathbf{B}$ . Wiederum sollen die folgenden Queries als Ausdrücke der Relationenalgebra dargestellt werden und es soll versucht werden, auch äquivalenten Ausdrücke aufzuschreiben.

- (a) Finde die Namen der Segler, die ein rotes oder grünes Boot reserviert haben.

  Projektion[sname](S > Projektion[sid](R > Projektion[bid](Selektion[color=red v color=green](B))))
- (b) Finde die Namen der Segler, die ein rotes und grünes Boot reserviert haben. Projektion[sname](S > Projektion[sid](R > Projektion[bid](Selektion[color=red ^ color=green](B))))
- (c) Finde die Namen der Segler, die wenigstens zwei Boote reserviert haben.

### Aufgabe 4

Betrachte wiederum die in der Aufgabe 2 definierten Relationen  $\mathbf{R}$ ,  $\mathbf{S}$  und  $\mathbf{B}$ . Wiederum sollen die folgenden Queries als Ausdrücke der Relationenalgebra dargestellt werden und es soll versucht werden, auch äquivalenten Ausdrücke aufzuschreiben.

- (a) Finde die sid's der Segler mit einem Alter über 20, die kein rotes Boot resviert haben. Projektion[sid](Selektion[age > 20](S)) / Projektion[sid](R > Selektion[color=red](B))
- (b) Finde die Namen der Segler, die alle Boote reserviert haben.  $\frac{\mathsf{Projetkion[sname](S} \times \mathsf{Projektion[sid](R} \div \mathsf{Projektion[bid](B)))}{\mathsf{Projetkion[sid](R} \div \mathsf{Projektion[bid](B)))} }$
- (c) Finde die Namen der Segler, die alle Boote mit dem Namen *Interlake* reserviert haben. Projetkion[sname](S > Projektion[sid](R ÷ Projektion[bid](Selektion[bname=Interlake](B))))

#### Aufgabe 5

Zeichnen sie die Query-Trees für die Ausdrücke der Relationenalgebra aus Aufgaben 2-4. Schätzen sie ab, welcher der äquivalenten Ausdrücke der effizienteste ist.

#### Viel Vergnügen!