Métodos de aprendizaje de maquina para inferir el nivel de cobertura de banda ancha fija en municipios de México

César Zamora Martínez^a

Aunque en fechas recientes se reconoce el impacto benéfico que la banda ancha tienen sobre en entorno económico y social, la penetración de tales servicios en los municipios obedece a múltiples factores que inciden en el despliegue de la infraestructura que permite su prestación. Motivado por ello, en este trabajo se plantea el uso de métodos basados en aprendizaje de máquina que permitan clasificar los municipios conforme a su nivel de cobertura a través de indicadores de penetración y establecer factores que propician o desincentivan los despliegues de banda ancha fija.

Durante las últimas tres décadas las telecomunicaciones han tenido un avance sin precedentes en el mundo, posicionándose como herramientas que potencian el desarrollo económico y social, pues, como ha sido ampliamente documentado en la literatura (Pradhan et al. (2014)), permiten crear oportunidades, reducir la pobreza e impulsar el progreso económico y social para el bienestar de la población*. Uno de los ejes que permiten explicar lo anterior es el impacto benéfico de los servicios de banda ancha en los procesos productivos, financieros y en general el bienestar de la población (Katz (2012)).

En México, a cerca de cuatro años de la reforma a de telecomunicaciones en 2013, que llevo a la promulgación de la Ley Federal de Telecomunicaciones y Radiodifusión (LFTyR) junto con la creación del Instituto Federal de Telecomunicaciones (IFT), se estimó un crecimiento superior al 37% en las conexiones de banda ancha fija (BAF), traduciéndose a que para entonces casi la mitad los hogares contaban con servicios de Internet (IFT (2017) e IFT (2018a)).

Aunque este fenómeno revela una tendencia favorable con respecto al entorno internacional[†], la Encuesta sobre Disponibilidad y Uso de Tecnologías de la Información y la Comunicación en los Hogares 2018 (ENDUTIH 2018, INEGI (2018)) dejó en claro la existencia de una brecha en la adopción de estos servicios para la población mexicana (por tanto en sus conducentes beneficios), pues sólo cerca de 65.8% de la población con seis años o más es usuario de servicios de Internet en los hogares del país, además de que mostró que este es un fenómeno urbano, puesto el 73.1% del total de la población urbana son usuarios de este servicio en contraste con la población conectada en zonas rurales que es cercana a 40.6%.

A efecto de explicar el entorno de la penetración de servicios de Internet a nivel municipal, en adelante nos centraremos en los servicios de banda ancha fija[‡], los cuales son servicios de acceso a Internet y transmisión de datos orientados a usuarios finales (personas físicas o empresas), que se brindan a través de equipos terminales (módems, terminales ópticas y demás) que tienen una ubicación geográfica determinada y fija (IFT (2018d)). Ello obliga a los operadores de telecomunicaciones interesados a realizar inversiones que les permitan alcanzar los puntos geográficos en donde se localizan los clientes potenciales, esto es, cerca de hogares y edificios de empresas, aprovechando las capacidades de las tecnologías en las que se basan sus redes.

Dicho contexto les condiciona a establecer un circuito físico o virtual a través del cual se pueda conectar la ubicación del usuario a la red del operador y a través del que se prestarán los servicios ("Acceso de datos" o simplemente como "acceso", IFT (2018d)). Por ende, dado que afrontan costos considerables en infraestructura, equipos, permisos y recursos humanos para poder brindar servicios[§], típicamente los operadores concentran su oferta en zonas densamente pobladas donde existe suficiente capacidad económica para asegurar no solo que recuperarán sus inversiones sino que serán rentables desde la visión de negocio.

Para cuantificar la cobertura de banda ancha fija la OCDE define una medida de penetración en una zona como la cantidad de accesos en ella por cada 100 habitantes, el cual es un proxy del indicador de suscriptores por cada 100 habitantes.

$$PenBAFHabitantes = \frac{Accesos}{Habitantes} \times 100 \hspace{1cm} [1]$$

En este sentido, de acuerdo a la información publicada por este organismo a diciembre de 2018, sus países miembros contaban con una penetración media de 30.92 accesos por cada 100 habitantes, ocupando México el penúltimo lugar (con 14.83 accesos por cada 100 habitantes).

Por otro lado, para BAF los accesos se basan típicamente en las tecnologías (Moya (2014)): 1) DSL: tecnología de transmisión por cable trenzado de cobre, su disponibilidad y la velocidad dependen de la distancia; 2) Cable coaxial: se forma por dos hilos de cobre cuya estructura permite permite, en generala más capacidad para transmitir información que el par trenzado de cobre; 3) Fibra óptica: formados por un medio de vidrio o polímero que permite el paso de haces de

^a Alumno de Maestría en Ciencias de Datos (ITAM)

^{*}Katz (2018) muestra que un avance del 1% en un índice sobre digitalización, genera un incremento de la productividad que redunda en un crecimiento económico de un 0.3% del PIB.

[†] A finales de 2018 México fue el cuarto país con mayor crecimiento de penetración de banda ancha fija entre los países de la Organización para la Cooperación y Desarrollo Económicos (OCDE); y mostró un crecimiento de 17.9% en la penetración de accesos por medio de fibra óptica (IFT (2019))

[‡] Ello dado que desafortunadamente, el Banco de Información de Telecomunicaciones (BIT) del IFT sólo posee el detalle desagregado de servicios de Internet de banda ancha móvil para nivel estado, sin que se hayan podido localizar fuentes con datos precisos al respecto.

[§]En línea con Escobar (2017), no sólo se enfrentan costos directos, sino oportunidad y de transacción; así como el riesgo de afrontar costos hundidos.

 $[\]P$ http://www.oecd.org/internet/broadband/broadband-faqs.htm

También existen configuraciones híbridas

²E-mail: czamora5email.itam.mx

luz, pueden transmitir más de 10 Gbit/s hasta a 10 kilómetros de distancia, 4) Otras: incluye uso de ondas electromagnéticas como microondas, señales satélites y demás; usualmente tienen menor desempeño comparado a 1), 2) o 3), pero son viables en regiones de difícil acceso.

Con todo lo anterior, el objetivo del presente documento será plantear un modelo con métodos de aprendizaje de máquina que permitan identificar variables útiles para explicar el nivel de penetración de BAF (por ejemplo, datos geográficos y demográficos) así como de los factores que inciden en los despliegues de tecnologías capaces de dar servicios de Internet de alta velocidad.

En este sentido, con motivo de estudiar a los municipios que cuentan penetración de BAF basada en tecnologías capaces de dar servicios de velocidad alta, se enfocarán los indicadores de penetración presentados previamente sobre accesos correspondientes a tecnologías de cable coaxial o fibra óptica (es decir, se calcularan con respecto la cantidad de accesos resultado de sumar de los que correspondan a cable coaxial y aquellas de fibra óptica en cada municipio).

Revisión y análisis de fuentes de datos asociados a banda ancha fija

A continuación se resumen las fuentes de información consultadas con relación a servicios de BAF, junto con las consideraciones particulares derivadas de su exploración**.

- **A. Revisión de fuentes de información.** En términos generales, la revisión abarcó datos públicos de fuentes gubernamentales y organismos internacionales relativos a siguientes los ejes:
- A.1. Identificación de municipios. Dado que la disponibilidad de información social y demográfica en fuentes públicas con desglose municipal se encuentra limitada a ejercicios estadísticos que abarcan hasta el año 2015 (INEGI (2015), CONAPO (2015), ONU (2015)), la identificación de los municipios se hizo de manera congruente el marco metodológico de la Encuesta Intercensal 2015 en donde se contabilizaron un total de 2,457 municipios.
- A.2. Datos de accesos de banda ancha. El Banco de Información de Telecomunicaciones (IFT (2018b)) posee datos históricos (de 2013 a mediados 2019) sobre los accesos de banda ancha móvil y fija de México; sin embargo únicamente en el segundo caso se ofrece el detalle a nivel municipio. Dicha fuente provee datos de 29 empresas a las que pertenecen los accesos de BAF junto tecnología correspondiente (DSL, cable coaxial, fibra óptica, satelital y otras), sin proveer el desglose entre accesos residenciales o no residenciales. Se consideró relevante extraer los datos accesos en cada municipio, agregando los datos de todos los operadores por tecnología de acceso para el periodo con información más reciente (junio de 2019).
- A.3. Datos socio-económicos. A través de la Encuesta Intercensal 2015 (INEGI (2015)), el INEGI reúne información de componentes que describen la evolución de la población, junto con sus viviendas y de sus condiciones socio-económicas. Tras estudiar esta fuente, los datos que se han considerado de interés para el estudio a nivel municipal la penetración de BAF son: 1) número de hogares, 2) número de habitantes, 3) porcentaje

de viviendas que cuentan con disponibilidad de servicios de telecomunicaciones (es decir, a través de telefonía fija, telefonía celular, televisión de paga e Internet).

- A.4. Datos asociados a marginación. La Comisión Nacional de Población (CONAPO) diseño una herramienta denominada "índice de marginación" para realizar mediciones de las carencias que padece la población (CONAPO (2015)). Esta recoge una serie de dimensiones socio-económicas para su construcción: educación, vivienda, y distribución de la población e ingresos. Para explorar la relación de tales ejes con la penetración de servicios de BAF, se consideró relevante involucrar a las siguientes mediciones empleadas por CONAPO en 2015 para la construcción de dicho índice a) porcentaje de ocupantes en viviendas sin energía eléctrica, b) porcentaje de población en localidades con menos de 5,000 habitantes, y c) porcentaje de población ocupada con ingresos de hasta 2 salarios
- A.5. Datos asociados a desarrollo humano. El Programa de las Naciones Unidas para el Desarrollo (PNUD) es una organización orientada a generar soluciones a los países que buscan alcanzar sus metas de desarrollo y lograr los objetivos compartidos con la comunidad internacional. Como parte de sus actividades en México ONU (2015), periódicamente evalúan el nivel de desarollo de los municipios a través de la construcción del "Índice de Desarrollo Humano (IDH)", el cual considera los ejes de salud, eduación e ingreso. Al respecto, puesto que el ingreso de la población es un componente relevante en el acceso a servicios de telecomunicaciones, se considerarán los datos del PNUD empleados para la estimación del IDH correspondientes al año 2015 relativos el ingreso bruto per cápita en poder de paridad de compra (PPC), expresado en dólares estadounidenses, de cada municipio††.
- **B.** Consideraciones sobre la información reunida. En términos de la información reunida, la exposición previa (así como la metodología propuesta por IFT (2018c)), el análisis de cobertura para servicios de BAF partirá de las siguientes premisas:
 - Periodo de la información de accesos: junio de 2019,
 - Nivel de desagregación geográfico: municipal considerando los municipios de la Encuesta Intercensal 2015 (INEGI (2015)),
 - Indicador de cobertura: se considerarán dos ejercicios, uno basado en la penetración por cada 100 hogares y otro en penetración por cada 100 habitantes (ver ec. ?? y 1),
 - Tipo tecnologías de acceso para establecer cobertura: cable coaxial y fibra óptica, bajo la premisa de que pueden ser usadas para proveer servicios con velocidades mayores que otras opciones,
 - Identificación de municipios con cobertura de BAF: aquellos que son reportados, de manera explícita en el BIT, como con presencia de accesos basadas en cable coaxial o fibra óptica^{‡‡}.
 - Identificación de municipios sin cobertura de BAF: son aquellos para los que no hay reportes de presencia de accesos basadas en cable coaxial o fibra óptica.

2 | César Zamora Martínez

^{*}El procesamiento de la información se llevó a cabo a través de scripts en Bash, R y Python, disponibles en el Anexo A de este documento

^{††} Estos datos no se encuentra disponibles para 11 municipios.

^{‡‡} Como se verá posteriormente, para el 2.76% de los accesos se desconoce su localización; no se hacen hipótesis de pertenencia a un municipio pues se estima que la cantidad de accesos puede despreciarse

 Periodo de datos socio-económicos, de hogares y población: conforme a la última disponibles, es decir, 2015.

Se debe reconocer que existe un desfase entre los datos socio-económicos recopilados (a 2015) y los datos de accesos de BAF (a junio de 2019); sin embargo, se considera que al menos, a alto nivel, a través de tales fuentes se pueden delinear patrones de hacia donde se han orientado los despliegues de los operadores en México que sustentan el estatus de cobertura de los servicios de banda ancha fija.

C. Análisis de información.

C.1. Datos de accesos de servicios de banda ancha fija. Se observó que a junio de 2019, existían 18.85 millones de accesos de BAF distribuidos sobre 1,604 municipios el país (de un total de 2,457), para los que en un porcentaje de 2.76% de los accesos no había datos de su ubicación. En complemento, el 37.1% de tales accesos son DSL, 38.3% cable coaxial, 21.8% fibra óptica, 0.125% satelitales, mientras que para el cerca de 2.6% se desconoce la tecnología.

En términos de los principales grupos de telecomunicaciones de México a los que pertenecen los accesos de BAF, se tiene la siguiente distribución: América Móvil^{§§} 51.6%, Grupo Televisa^{¶¶} 23.3%, Megacable-MCM*** 16.1% y Totalplay 7.35%

Otro punto a destacar es que únicamente los empresas que pertenecen a dichos grupos han desplegado accesos basados en cable coaxial o fibra óptica en el país. ††† .

Table 1. Distribución de accesos de BAF por tecnología (Junio 2019)

Grupo	Coaxial	DSL	Fibra	Satelital	No especificado
América Móvil		71.9%	28.1%		
Grupo Televisa	95.6%			0.1%	4.3%
Megacable-MCM	99.9%				0.1%
TotalPlay			100%		

No se omite destacar la existencia de municipios con una cantidad de accesos inusualmente baja (e.g. hay 31 municipios con un sólo acceso, 7 que poseen únicamente dos accesos).

Table 2. Distribución de población y hogares según nivel de penetración de BAF en municipios

Penetracion	# Municipios	% Municipios	% Poblacion	% Hogares
Nula	1,686	68.1	16.4	15.5
Baja	629	25.4	38.5	37.4
Media	134	5.4	35.4	36.3
Alta	20	0.8	7.42	7.96
Muy alta	8	0.3	2.4	2.85

C.2. Distribucion de poblacion y hogares.

C.3. Densidad de habitantes y penetracion.

Relación entre densidad de habitantes y penetración

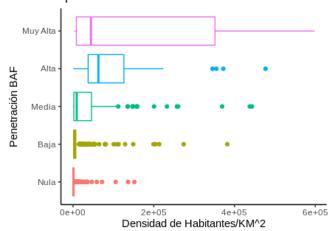


Fig. 1. Densidad de habitantes en municipios vs Penetración BAF Junio 2018 (IFT (2018b))

C.4. Ingreso y penetración. Del análisis (ver figura 2) se desprende una relación escalonada, en términos generales, entre el ingreso que per capita de los municipios de México^{‡‡‡} y el nivel de penetración de BAF basado en fibra óptica y cable coaxial, lo cual sugiere que los despliegues de ambas tecnologías se han focalizado en municipios donde hay mayores ingresos por habitante.

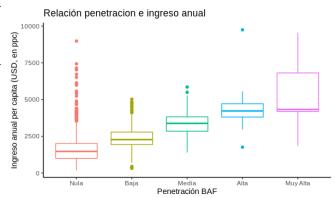


Fig. 2. Penetración BAF Junio 2018 (IFT (2018b)) vs Ingreso Anual per capita en municipios (ONU (2015))

C.5. Heterogeneidad de la penetración en los municipios.

D. Hola. Dado que, como se hizo notar en la sección previa, la cobertura de los municipios es heterogénea, para estudiarla se categorizará a cada municipio del país acuerdo a su nivel de penetración de banda ancha fija, con referencia al valor promedio de los países miembros de la OCDE (30.92 accesos por cada 100 habitantes):

^{§§} Telmex y Telnor

 $[\]P\P$ Cablecom, Cablemas, Cablevision, Cablevision Red, Television Internacional y Sky

^{***} Megacable y MCM

^{†††} Aunque no se tiene datos explícitos de fibra óptica para Grupo Televisa, la oferta comercial de "Izzi" si los considera: "...hoy izzi ofrece servicio en más de 60 ciudades en 29 estados de la República Mexicana, mediante una red de más de 30,000 kilómetros de fibra óptica y 77,000 kilómetros de cable coaxial", consultado el 18 de Noviembre de 2019 en ver https://www.izzi.mx/nosotros#infraestructura

^{‡‡‡} Se reitera que en la fuente considerada no se cuentan con datos de 11 municipios del país.



Fig. 3. Gráfico de densidad del porcentaje de población en municipios que ganaba hasta 2 salarios mínimos(CONAPO (2015)), desagregado por nivel de penetración de BAF. Nota: 0 = Pen. nula, 1= Pen. Baja, ..., 5= Pen. Muy alta



Fig. 4. Penetración de cable coaxial y fibra alrededor de CDMX

Table 3. Niveles de penetración en un municipio

Nivel de penetración	Rango de penetración		
Muy Alta	$Penetracion > Media\ OCDE$		
Alta	$20 < Penetracion \leq Media \ OCDE$		
Media	$10 < Penetracion \le 20$		
Baja	$0 < Penetracion \le 10$		
Nula	Penetracion = 0		

2. Modelación y niveles de cobertura de banda ancha fija en municipios

En linea con la exposición anterior, se busca explorar la posibilidad de que la información del entorno socio-económico, demográfico y tecnológico de los municipios sirva como una vía que permita inferir el nivel de cobertura actual de los servicios de banda ancha fija que los operadores hayan desplegado a la fecha.

A. Modelo de regresión para clasificación. Los modelos regresión de regresión se emplean a problemas de clasificación de $K \geq 1$ clases; es decir se consideran conjuntos de puntos y etiquetas de la forma $\mathcal{D} = \{(x^{(i)}, y^{(i)}) \in \mathbb{R}^n \times \{0, 1, 2, \dots, K-1\} : i \in [m]\}$ donde se asume la existencia de una relación funcional en términos probabilísticos $\mathbf{y} = \mathbf{W}^T \mathbf{x} + \epsilon$ donde \mathbf{W} es un vector de pesos y ϵ representa un error residual.

En el caso en que la respuesta sea binaria $(y \in \{0,1\})$ suele aplicarse el modelo de regresión logística el cual asume que y sigue una distribución Bernoulli, $p(\mathbf{y}|\mathbf{W},\mathbf{x}) = Ber(y|\mu(\mathbf{x}))$ donde la media satisface $\mu(\mathbf{x}) = E[y|\mathbf{x}] = p(y=1|x) = sigm(W^Tx)^{\$\$\$}$. Dicho modelo predice la etiqueta $\hat{y}(x)$ de un punto específico x a través de un umbral $p \in (0,1)$; es decir decide que $\hat{y}(x) = 1 \leftrightarrow p(y=1|x) > p$.

Por otra parte, el modelo de regresión multinomial resulta de una generalización de lo anterior, para tratar puntos con múltiples etiquetas (K>1). En este caso, la probabilidad de que cada punto pertenezca una clase k se modela con la función softmax, esto es $P[y=k] = \frac{\exp(\mathbf{W}_k^T x)}{\sum_{i=1}^{K-1} \mathbf{W}_i^T x}$, donde W_i refiere a la i-ésima columna del vector de pesos. En ente sentido, esta familia de modelos predice la etiqueta $\hat{y}(x)$ de un punto específico x a través asignándolo a la clase que maximice la probabilidad de pertenencia a ésta.

B. Bosques aleatorios para problemas de clasificación. En el contexto de problemas de clasificación los árboles son modelos de aprendizaje de máquina que buscan realizar predicciones explorando a los individuos a través de cortes en sus características (variables de entrada) con el objeto de ir dividiendo la muestra, de manera que mediante cortes sucesivos se puedan refinar hasta establecer regiones que caractericen a las predicciones de manera acertada, lo cual 1) permite aproximar relaciones no lineales entre sus variables, y 2) otorga variabilidad en el proceso de su construcción.

Los bosques aleatorios son modelos de ensamble, pues permiten incorporar la información de predicciones de muchos árboles; para disminuir la varianza se recurre a un proceso que induce árboles con menor correlación entre sí. Para ello se considera una colección de muestras bootstrap $\mathcal{D}_1, \mathcal{D}_2, \dots, \mathcal{D}_B$ proveniente de los puntos de entrenamiento y sus etiquetas $\mathcal{D} = \{(x^{(i)}, y^{(i)})\}_{i=1}^n$, prefijando un número m de se características. Para cada unas de tales muestras bootstrap se construye un árbol bajo el esquema de que: a) en cada nodo candidato a particionar, se escogen al azar m variables; 2) de entre ellas se elige la mejor variable y punto de corte (e.g. con un criterio de medida de impureza, coeficiente de Gini, entre otros), 3) repetir 1) y 2) hasta obtener un árbol suficientemente grande.

4 | César Zamora Martínez

^{\$\$\$} Función sigmoide dada por $sigm(\eta)=rac{1}{1+e^{-\eta}}$

^{¶¶¶} Se refiere a una colección de muestras del conjunto de prueba, elegidas con reemplazo y con la misma cardinalidad que este conjunto en estudio

Ello permite consolidar un sistema de votación entre las predicciones de todos los árboles; de modo que la clase a la que pertenece un punto específico se estima como aquella a la que predijeron en mayor medida los árboles construidos en el proceso previamente descrito; es decir mediante la expresión $T^*(x) = argmax_k\{\#\{b|T_b^*(x) = k; b = 1, ..., B\}\}.$

C. Extra Gradient boosting (XGboost) para problemas de clasificación) . Análogamente a los bosques aleatorios, los modelos XGBoost (Chen and Guestrin (2016)) se basan en ensambles de árboles, bajo la idea de que al combinar cierta cantidad de modelos predictores débiles se puede obtener un predictor más fuerte. Esto se traduce en aplicar un proceso recursivo de aprendizaje

$$\hat{y}_i = \sum_{k=1}^K f_k(x_i), f_k \in \mathcal{F}$$
 [2]

En el contexto de

Esta técnica se basa en un aprendizaje de funcione Start from constant prediction, add a new function each time

Pendiente: desarrollo

3. Figures and Tables

Figures and Tables should be labeled and referenced in the standard way using the \label{} and \ref{} commands.

References

- Chen, T. and Guestrin, C. (2016). Xgboost: A scalable tree boosting system. In Proceedings of the 22Nd ACM SIGKDD International Conference on Knowledge Discovery and Data Mining, KDD '16, pages 785–794, New York, NY, USA. ACM.
- CONAPO (2010-2015). Índice de marginación por entidad federativa y municipio 2010 y 2015. Página electrónica de la Comisión Nacional de población.
- Escobar, R. (2017). Disponibilidad municipal de la Infraestructura de Telecomunicaciones. Pagina electronica del Centro de Estudios del Instituto Federal de Telecomunicaciones.
- IFT (2017). Las telecomunicaciones a 4 años de la Reforma Constitucional en México. Pagina electronica del Instituto Federal de Telecomunicaciones.
- IFT (2018a). Accesos a Banda Ancha Fija crecen 37% a partir de la Reforma en Telecomunicaciones (Comunicado 019/2018) 4 de marzo. Pagina electronica del Instituto Federal de Telecomunicaciones.
- IFT (2018b). Banco de Información de Telecomunicaciones. https://bit.ift.org.mx/BitWebApp/.
- IFT (2018c). Documento metodológico para el diagnóstico de cobertura de banda ancha a nivel municipal por Entidad Federativa. Página electrónica del Instituto Federal de Telecomunicaciones.
- IFT (2018d). Manual de definiciones de los indicadores estadísticos de telecomunicaciones. Pagina electronica del Instituto Federal de Telecomunicaciones.

- IFT (2019). México entre los países con mayor crecimiento de Banda Ancha Fija: OCDE (Comunicado 32/2019) 9 de julio. Pagina electronica del Instituto Federal de Telecomunicaciones.
- $\begin{array}{lll} \hbox{INEGI} & (2015). & \hbox{Encuesta} & \hbox{Intercensal} & 2015. \\ & & \hbox{$https://www.inegi.org.mx/programas/intercensal/2015/.} \end{array}$
- INEGI (2018). Encuesta Nacional sobre Disponibilidad y Uso de Tecnologías de la Información en los Hogares (ENDU-TIH) 2018. Pagina electronica del Instituto Nacional de Estadística y Geografía.
- Katz, R. (2012). Impact of broadband on the economy. International Union of Telecommunications.
- Katz, R. (2018). La digitalización: Una clave para el futuro crecimiento de la productividad en América Latina. Centro de Estudios de Telecomunicaciones de America Latina.
- Moya, J. (2014). Telecomunicaciones. Tecnologías, Redes y Servicios. 2ª edición actualizada. Profesional. Grupo Editorial RA-MA.
- ONU (2010-2015). Informe de Desarrollo Humano Municipal 2010-2015. Transformando México desde lo local. Página electrónica de la Comisión Nacional de población.
- Pradhan, R. P., Arvin, M. B., Norman, N. R., and Bele, S. K. (2014). Economic growth and the development of telecommunications infrastructure in the g-20 countries: A panel-var approach. *Telecommunications Policy*, 38(7):634 649.

César Zamora Martínez ITAM | November 29, 2019 |