

Análise de Algoritmos
Projeto 01 - Ordenação por Seleção de Raiz Quadrada
Bacharelado em Ciência da Computação

Prof. Daniel Saad Nogueira Nunes



1 Ordenação por seleção de raiz quadrada

O método de ordenação por seleção de raiz quadrada, $\text{SQRTSORT}(V)$, funciona da seguinte maneira:

1. Divida, logicamente, o vetor de entrada em várias partes V_1, V_2, \dots, V_k , cada uma de tamanho \sqrt{n} . Caso o tamanho do vetor não seja múltiplo de \sqrt{n} , a última parte terá tamanho $(n \bmod \sqrt{n})$.
2. Encontre o maior elemento e_i de cada parte V_i , com $1 \leq i \leq k$.
3. Pegue o maior elemento dentre $e_1 \dots e_k$ e o insira no vetor solução. Se o maior elemento for o e_j , então ele deve ser descartado da parte V_j .
4. Repita os passos de 2 a 3 até que todas as partes estejam vazias.

Claramente o tempo do SQRTSORT depende de como os passos 2 e 3 são executados a cada iteração. Este projeto visa comparar duas possíveis formas de implementar o SQRTSORT :

- Empregando um método quadrático de ordenação.
- Utilizando a estrutura de dados Heap.

Utilizando um método quadrático de ordenação

Caso cada parte V_i seja ordenada com um método quadrático de ordenação, como o BUBBLESORT ou o INSERTIONSORT , podemos descobrir qual é o maior elemento de cada parte em tempo constante, restando apenas descobrir qual é o maior entre todas as partes a cada iteração, o que pode ser obtido através de uma simples comparação entre todos os elementos e_1, \dots, e_k .

Utilizando uma Heap

A heap, estrutura central do HEAPSORT , é uma estrutura de dados que permite concluir qual o maior elemento, dentre uma sequência de m elementos, em tempo eficiente. Ela possui as seguintes operações:

- $\text{MAKEHEAP}(V)$: transforma um vetor $V[1, m]$ em uma heap. Esta operação custa $\Theta(m)$ e é necessária para utilizar qualquer operação em uma heap.
- $\text{INSERTHEAP}(V, x)$: insere um elemento x em uma heap de tamanho m . Esta operação tem custo $\Theta(\lg m)$.
- $\text{REMOVEHEAP}(V)$: remove o maior elemento da heap e o retorna, além de reestruturar a heap. Em outras palavras, se x for o maior elemento da heap, ele é retirado da heap e o próximo elemento $y \leq x$ é colocado no topo da heap, implicando que será o próximo a ser retirado caso nenhum outro elemento $z > y$ seja inserido antes.

2 Análise

Deverão ser analisadas as duas implementações do SQRTSORT, de acordo com o feramental visto no curso e também através da análise empírica, a qual deverá corroborar com a análise em termos das notações assintóticas.

Análise dos Algoritmos

A análise das duas implementações do SQRTSORT, em relação ao pior caso, deverá ser realizada, e uma cota, em termos da notação Θ , deverá ser determinada para cada implementação.

Análise Empírica

A fim de corroborar a análise dos algoritmos, cada um deles deverá ser implementado em uma linguagem de programação de livre escolha e o seu tempo para ordenar uma entrada aleatória de tamanho $n \in [10^4, 10^5, 10^6, 10^7]$ deverá ser aferido. Sugere-se executar cada procedimento diversas vezes e tomar a média dos tempos de execução para uma medida estatisticamente mais relevante.

3 Relatório Técnico

Um relatório técnico com os resultados deverá ser escrito. Uma sugestão de organização do relatório é a seguinte:

- Introdução: contextualiza o problema a ser resolvido.
- Ordenação por seleção de raiz quadrada: descreve o método de seleção por raiz quadrada de maneira breve com exemplos próprios bem como as diferentes possibilidades de implementação do mesmo.
- Análise dos Algoritmos: analisa cada uma das duas implementações em termos da notação assintótica Θ .
- Análise Empírica: apresenta os resultados empíricos em relação às implementações do SQRTSORT em formato de gráfico (um ponto para cada tamanho de entrada), além de descrever a metodologia para obtenção dos dados.
- Discussão: realiza uma discussão entre a análise dos algoritmos e os dados empíricos obtidos a fim de confrontar a cota estabelecida com a prática.
- Considerações finais: realiza a discussão sobre os resultados observados e apresenta as considerações finais de acordo com os objetivos do projeto.

O relatório deverá utilizar o modelo de artigos L^AT_EX da Sociedade Brasileira de Computação.

4 Considerações

- Este projeto pode ser executado individualmente ou em dupla.
- Detecção de plágio automaticamente acarretará nota 0 para os envolvidos. Medidas disciplinares também serão tomadas.
- O trabalho deve ser entregue dentro de uma pasta zipada com a devida identificação do(s) aluno(s) através da sala de aula virtual da disciplina.
- Os códigos utilizados para implementação dos métodos e execução dos experimentos devem ser anexados junto ao relatório.

4.1 Suporte Experimental

- Para automatização dos experimentos, podem ser utilizadas linguagens de *script*, como por exemplo: **Python**, **Perl** e **Bash**.
- A maioria das linguagens de programação modernas possuem mecanismos para mensurar o tempo de execução entre dois trechos de códigos. Estes mecanismos podem ser utilizados para mensurar o tempo. O mesmo pode ser dito sobre a geração aleatória de números.
- É interessante compilar (caso se aplique) os códigos-fonte com as *flags* de otimização, para que o programa possa executar mais rápido.