Sperimentazione sull'influenza del parametro γ sull'ordinamento del PageRank Corso di LSMC, a.a. 2017-2018

Davide Gori 550282

April 4, 2018

1 Obiettivi e descrizione della sperimentazione

Vogliamo valutare come e quanto il parametro γ influenza l'ordinamento PageRank. In particolare confronteremo il caso $\gamma=0.85$ (valore consigliato da Google) e il caso $\gamma=0.99$ (in cui il vettore di personalizzazione ha una bassa incidenza).

2 Sperimentazione

Generiamo una matrice di adiacenza con 10n elementi non nulli; usiamo i seguenti parametri di PageRank: $itmax=1000,\ v(i)=1$ per ogni $0\leq i\leq n$. Di seguito il procedimento eseguito:

- Calcoliamo i due vettori y1, y2 di ranking con la funzione PageRank usando i parametri appena specificati e rispettivamente $\gamma_1 = 0.85, \gamma_2 = 0.99$.
- Calcoliamo le due permutazioni sigma1 e sigma2 che permutano le pagine in ordine crescente di importanza.
- Calcoliamo il vettore che nella posizione i ha la posizione nel ranking γ_1 dell'elemento che occupa l'i-esimo posto nel ranking γ_2 .
- Tracciamo il grafico delle prime k=1000 componenti e poi facciamo lo stesso per k=2000,10000 (basterà decommentare e commentare lo script).

3 Lo script

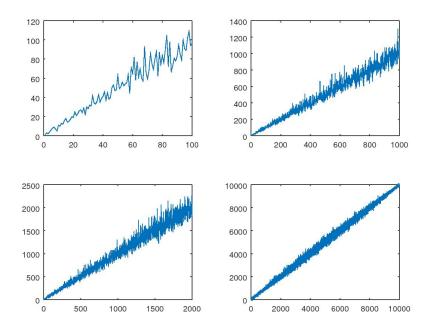
Questo è lo script che realizza la sperimentazione:

```
n=10000;
d=10/n;
y=[1:n];
H=sprand(n, n, d) ~=0;
5 itmax=1000;
v=ones(1,n);
y1=PageRank(H, v, 0.85, itmax);
y2=PageRank(H, v, 0.99, itmax);
  [val1, sigma1] = sort(y1);
10 [val2, sigma2] = sort(y2);
   w=zeros(1, n);
   for i=1:n
   w(i)=find(sigma1==sigma2(i));
   end
14
   clf
15
16 for i=1:4
    subplot(2, 2, i);
      plot(w(1:[100 1e3 2e3 1e4](i)));
   end
```

Dove la funzione ${\tt PageRank}$ è la solita funnzione usata nella precedente sperimentazione.

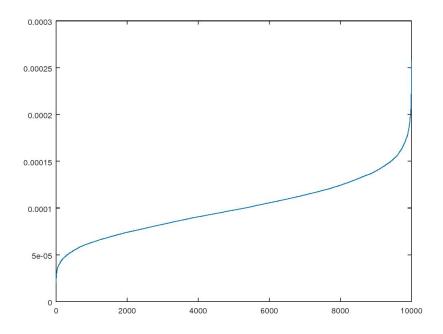
4 Risultati

Riportiamo i grafici delle prime 100, 1000, 2000, 10000, componenti di w:



Possiamo notare che nelle prime e ultime componenti del vettore w è presente un minor discostamento dalla bisettrice, mentre nelle posizioni centrali questo fenomeno è più evidente. Questo a mio avviso è causato da due fattori:

- Effetto bordo: le prime e le ultime posizioni del vettore di pagerank possono essere "spostate" dalla permutazione w solo in un senso (nel caso delle prime ho che la posizione non può diminuire e analogamente per le ultime non può aumentare)
- Concentrazione dei valori di PageRank: osservando il grafico che plotta i valori di PageRank delle pagine in ordine (cioè plotta val1) si vede che la "derivata" di questa curva è maggiore all'inizio e alla fine, quindi le pagine nel "mezzo" del vettore w hanno rank molto vicini e cambiare γ fa variare molto di più le posizioni mediane che quelle estremali.



5 Sperimentazione variando n e densità della matrice sparsa

Proviamo ora a variare la dimensione della matrice e la densità applicando sempre la stessa sperimentazione.

6 Lo script

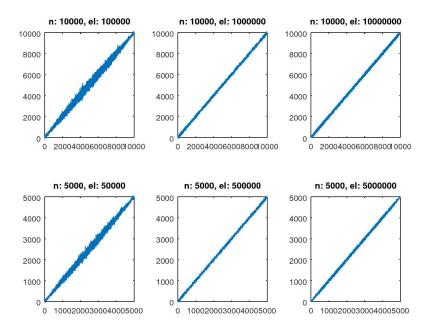
Questo è lo script che realizza la sperimentazione:

```
N=[10000, 10000, 10000, 5000, 5000];
D=[10/10000, 100/10000, 1000/10000, 10/5000, 1000/5000];
for j=1:6
    n=N(j);
    d=D(j);
    y=[1:n];
H=sprand(n, n, d) ~=0;
    itmax=1000;
    v=ones(1,n);
    y1=PageRank(H, v, 0.85, itmax);
    y2=PageRank(H, v, 0.99, itmax);
    [val1, sigma1] = sort(y1);
    [val2, sigma2] = sort(y2);
```

Dove la funzione PageRank è la solita funnzione usata nella precedente sperimentazione.

7 Risultati

Riportiamo i grafici di w per i vari valori di n e $n^2 \cdot d$ in sovraimpressione:



Si può notare che aumentando il numero di elementi non nulli si ha un discostamento minore del grafico dalla bisettrice.