



Etudiant: YETO Donation

Professeure: Mme TARI Sara

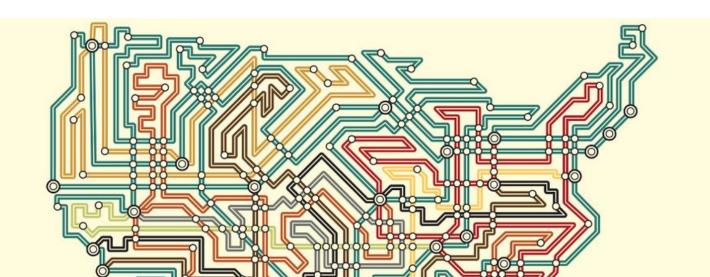


Table des matières

1	Présentation du problème	2
2	Instances utilisées	3
3	Algorithmes implémentés 3.1 Les descentes	4 4
	3.1 Les descentes	4
	3.1.2 Choix de voisin	4
	3.1.3 Descente complète	6
	3.2 Iterated Local Search(ILS)	6
	3.3 Sampled Walk (SW)	7
	5.6 Sampled Walk (SW)	'
4	Protocole expérimental	8
5	Résultats obtenus	9
	5.1 Descentes	9
	5.1.1 Résultats des versus	9
	5.1.2 Moyenne des scores	9
	5.1.3 Durée et influence de l'évaluation incrémentale	9
	5.2 ILS et SW	10
	5.2.1 ILS	10
	5.2.2 SW	10
6	Analyse des résultats	12
7	Conclusion	13
8	References	14



1 | Présentation du problème

Le problème du voyageur de commerce peut être défini comme suit :

Soit G = (V, E) un graphe complet, où V est l'ensemble des villes et E est l'ensemble des arêtes pondérées représentant les distances entre les villes. L'objectif est de trouver un cycle hamiltonien C qui visite chaque ville une fois et minimise la somme des distances parcourues.

Mathématiquement, ce la peut être exprimé comme la recherche de la permutation π pour minimiser:

$$d_{Total} = \sum_{i=1}^{n-1} d(\pi(i), \pi(i+1)) + d(\pi(n), \pi(1)))$$

où d(u,v)) représente la distance entre les villes u et v.



2 | Instances utilisées

Nous avons testé notre algorithme sur différentes instances du problème. Ces instances comprennent des graphes complets de petite et grande taille, avec des distances variées entre les villes. Les exemples spécifiques incluent des ensembles de villes générés aléatoirement.

Nous nous sommes basés sur les 8 asymétriques vue que notre fonction de recharge d'instance le suppose. Tout le code peut bien sûr être utilisé pour les symétriques. Il suffira d'adapter la fonction de recharge.

Une instance de nom $atsp_rand_X_Y.txt$ est une instance du problème à X villes avec Y la distance maximale entre deux ville.

Voici la liste des 8 instances:

- 1. atsp_rand_50_75.txt
- 2. atsp_rand_50_100.txt
- **3.** atsp_rand_60_50.txt
- 4. atsp_rand_60_100.txt
- **5.** atsp_rand_70_55.txt
- 6. atsp_rand_70_100.txt
- 7. atsp_rand_80_70.txt
- 8. atsp_rand_80_100.txt



3 | Algorithmes implémentés

Pour ce TP, nous avons implémenté les différents algorithmes de descente et les recherches locales moins strictes que les descentes : recherche locale itérée (ILS : Iterated Local Search) et Sampled Walk (SW).

3.1 Les descentes

Les algorithmes de descente sont des méthodes heuristiques qui visent à améliorer itérativement une solution initiale en explorant son voisinage. Les algorithmes de descente peuvent être classés en différentes catégories en fonction de la relation de voisinage et de la manière dont ils choisissent le voisin. Les trois principaux types d'algorithmes de descente sont le meilleur voisin, le premier améliorant et le pire voisin.

3.1.1 | Les relation de voisinage

- Swap : elle consiste à échanger les positions de deux villes dans le parcours du voyageur.
- 2-opt : elle consiste à inverser l'ordre des villes entre deux positions du parcours du voyageur.

3.1.2 | Choix de voisin

■ Meilleur améliorant

L'algorithme du meilleur améliorant (Algo 1) explore tous les voisins d'une solution et sélectionne celui qui offre la meilleure amélioration en termes de fonction objectif.

Dans les pseudos codes nous tenons seulement compte des arguments importants pour la compréhension.

Algorithm 1 Meilleur améliorant

```
Entrée: voisins générés avec swap ou 2-opt
Entrée: solution : solution actuelle
Sortie: meilleur_voisin
 1: function BEST_IMPROVER(solution, voisins)
 2:
       meilleur\_voisin \leftarrow NULL
       cur\_cost \leftarrow cost(solution)
 3:
       for each voisin in voisins do
 4:
           if cost(voisin) < cur\_cost then
 5:
               meilleur\_voisin \leftarrow voisin
 6:
 7:
               cur\_cost \leftarrow cost(voisin)
           end if
 8:
 9:
       end for
       {f return}\ meilleur\_voisin
10:
11: end function
```

Premier améliorant

Contrairement à l'algorithme du meilleur améliorant, l'algorithme du premier améliorant (Algo 2) s'arrête dès qu'il trouve le premier voisin qui améliore la solution courante.



Algorithm 2 Premier améliorant

```
Entrée: voisins = voisins générés avec swap ou 2-opt
Entrée: solution : solution actuelle
Sortie: premier_ameliorant
 1: function FIRST_IMPROVER(solution, voisins)
       cur\_cost \leftarrow cost(solution)
 2:
       for each voisin in voisins do
 3:
          if cost(voisin) < cur\_cost then
 4:
 5:
              return voisin
          end if
 6:
       end for
 7:
       return NULL
 9: end function
```

■ Pire améliorant L'algorithme du pire améliorant (Algo 3) explore tous les voisins d'une solution et sélectionne celui qui offre la pire amélioration.

Algorithm 3 Pire améliorant

```
Entrée: voisins en voisins générés avec swap ou 2-opt
Entrée: solution : solution actuelle
Sortie: pire_voisin
 1: function WORST_IMPROVER(solution, voisins)
       meilleur\_voisin \leftarrow NULL
 3:
       cur\_cost \leftarrow -1
       for each voisin in voisins do
 4:
           if cost(voisin) < cost(solution) and cost(voisin) > cur\_cost then
 5:
              pire\_voisin \leftarrow voisin
 6:
              cur\_cost \leftarrow cost(voisin)
 7:
           end if
 8:
 9:
       end for
       return pire_voisin
10:
11: end function
```

En utilisant les deux relations de voisinage pour chacun on six algos de choix de voisin pour la descente :

- 1. best_improver_swap
- 2. first_improver_swap
- 3. worst_improver_swap
- 4. best_improver_2opt
- 5. first_improver_2opt
- 6. worst_improver_2opt



3.1.3 | Descente complète

On part d'une solution initiale. Tant que la solution courante n'est pas un optimum local, on génère un voisin selon le couple (voisinage, pivot) pour remplacer la solution courante. Voici son pseudo code $Aglo\ 4$:

Algorithm 4 Descente complète

```
Entrée: algo: l'un de 6 algo de choix de voisin
Entrée: solution : solution initiale
Sortie: solution_final
 1: function DESCENTE(solution, algo)
        solution\_final \leftarrow solution
        voisins \leftarrow qenerate\_voisins(solution)
 3:
                                                                    ⊳ avec swap ou 2-opt selon le cas
        new\_solution \leftarrow algo(solution, voisins)
 4:
        while new\_solution! = NULL do
 5:
            solution\_final \leftarrow new\_solution
 6:
 7:
           voisins \leftarrow qenerate\_voisins(solution\_final)
            new\_solution \leftarrow algo(solution\_final, voisins)
 8:
        end while
 9:
        {\bf return}\ solution\_final
10:
11: end function
```

3.2 | Iterated Local Search(ILS)

ILS (Algo 5) utilise la descente. A chaque fin de descente, tant que le critère d'arrêt n'est pas atteint un nombre de perturbations sera appliqué à la meilleure solution rencontrée depuis le début de l'exécution. En fin d'exécution la solution retournée sera la meilleure rencontrée. Le critère d'arrêt utilisé est le nombre d'évaluation maximal.

Algorithm 5 ILS

13: end function

```
Entrée: solution : solution initiale
Entrée: algo: l'un de 6 algo de choix de voisin
Entrée: nb_pertubations : nombre de perturbations
Entrée: max_eval : nombre d'évaluation maximal
Sortie: best_sol
 1: function ILS(solution, algo, nb_pertubations, max_eval)
        nombre\_evaluations \leftarrow 0
                                              ▶ Variable globale, incrémentée à chaque évaluation
 2:
        best\_sol \leftarrow solution
 3:
 4:
        cur\_sol \leftarrow solution
        while nombre\_evaluations < max\_eval do
 5:
           new\_sol \leftarrow descente(cur\_sol, algo)
 6:
           if cost(new\_sol) < cost(best\_sol) then
 7:
               best\_sol \leftarrow new\_sol
 8:
 9:
           end if
           cur\_sol \leftarrow apply\_pertubations(best\_sol, nb\_pertubations)
10:
        end while
11:
        return best_sol
12.
```



3.3 | Sampled Walk (SW)

SW (Algo 6) est une recherche locale dont le principe est de générer λ voisins à chaque étape de la recherche et de sélectionner celui au meilleur score. Le critère d'arrêt utilisé est le nombre d'évaluation maximal.

Algorithm 6 SW

11: end function

```
Entrée: solution : solution initiale
Entrée: \lambda : nombre de voisins à générer
Entrée: max\_eval: nombre d'évaluation maximal
Sortie: best_sol
 1: function SW(solution, algo, nb_pertubations, max_eval)
       nombre\_evaluations \leftarrow 0
                                          best\_sol \leftarrow solution
 3:
       while nombre\_evaluations < max\_eval do
 4:
          new\_sol \leftarrow generate\_and\_choice\_best(best\_sol, \lambda)
 5:
          if cost(new\_sol) < cost(best\_sol) then
 6:
 7:
              best\_sol \leftarrow new\_sol
          end if
 8:
       end while
 9:
       return \ best\_sol
10:
```



4 | Protocole expérimental

Pour comparer les méthodes par la suite, nous avons fait plusieurs exécutions par méthode.

■ Pour les descentes

Nous somme partis de 10 solutions initiales différentes. Pour chaque triplet (instance, algo de descente, solution initiale), nous avons fait une exécution. Donc au total 8x6x10=480 exécutions. Nous avons utilisé des seeds (10 seeds) pour la gestion des solutions initiales.

Le score des optima et les temps d'exécution sont conservé dans un fichier csv d'entête : Instance, Algorithme, Seed, Score, CPU-Used-Time(ms)

■ Pour ILS et SW

Nous somme partis de 10 solutions initiales différentes, de deux valeurs de nombre de perturbations et de λ et utilisé la même valeur pour nombre d'évaluation maximal.

- □ ILS : une exécution par (instance, algo ISL, solution initiale, nb perturbation) 8*4*10*2 = 640
 - $\label{eq:csv} \mbox{Entête CSV}: Instance, Algorithme, Seed, Score, NbPertubations, MaxEval, CPU-Used-Time(ms)$
- $\hfill\Box$ SW : une exécution par (instance, algo SW, solution initiale, lambda) $8^*2^*10^*2=320$

 $\label{eq:csv} \textbf{Entête CSV}: Instance, Algorithme, Seed, Score, Lambda, MaxEval, CPU-Used-Time(ms)$



5 | Résultats obtenus

5.1 Descentes

5.1.1 | Résultats des versus

Les deux tableaux suivants présentent combien de fois sur 10 exécution une méthode gagne contre l'autre.

Pour methode1_vs_methode2, (n_1, n_2) signifie que methode1 gagne n_1 fois et methode2 gagne n_2 fois. Évidemment $n_1 + n_2 = 10$.

Table 5.1: Nombre de fois qu'une méthode gagne contre l'autre (swap)

instances	swap_first_vs_best	swap_first_vs_worst	swap_best_vs_worst
$rand_50_75.txt$	(6, 4)	(5, 5)	(4, 6)
$rand_50_100.txt$	(5, 5)	(6, 4)	(5, 5)
$rand_60_50.txt$	(4, 6)	(3, 7)	(5, 5)
$rand_60_100.txt$	(4, 6)	(5, 5)	(5, 5)
$rand_{-}70_{-}55.txt$	(7, 3)	(4, 6)	(5, 5)
$rand_{-}70_{-}100.txt$	(5, 5)	(6, 4)	(4, 6)
$rand_80_70.txt$	(3, 7)	(5, 5)	(3, 7)
$rand_80_100.txt$	(6, 4)	(5, 5)	(5, 5)

Table 5.2: Nombre de fois qu'une méthode gagne contre l'autre (20pt)

instances	$2opt_first_vs_best$	$2 opt_first_vs_worst$	2opt_best_vs_worst
rand_50_75.txt	(7, 3)	(8, 2)	(6, 4)
$rand_50_100.txt$	(9, 1)	(10, 0)	(7, 3)
$rand_60_50.txt$	(8, 2)	(10, 0)	(7, 3)
$rand_60_100.txt$	(9, 1)	(10, 0)	(7, 3)
$rand_{-}70_{-}55.txt$	(10, 0)	(8, 2)	(3, 7)
$rand_70_100.txt$	(9, 1)	(10, 0)	(5, 5)
$rand_80_70.txt$	(10, 0)	(10, 0)	(5, 5)
$rand_80_100.txt$	(9, 1)	(10, 0)	(4, 6)

5.1.2 | Moyenne des scores

En prenant la moyenne des scores, on a :

Table 5.3: Moyenne des scores

	first	worst	best
swap	1205.8250	1207.7250	1206.7625
2opt	1596.2125	1809.1750	1801.5000

On constate que dans le deux cas, first semble être la meilleur méthode.

5.1.3 | Durée et influence de l'évaluation incrémentale

Le tableau suivant résume la durée moyenne des **descentes swap** avec et sans l'évaluation incrémentale (EI).



Table 5.4: Moyenne des durées en ms

	best_improver	first_improver	wors_improver
sans EI	23.713987	7.646788	885.963613
avec EI	4.497738	0.354200	50.475100

Il en ressort que **first** est plus rapide que **best** qui est plus rapide que **worst**. On remarque aussi que l'**évaluation incrémentale** a considérablement améloré la rapidité.

5.2 | ILS et SW

5.2.1 | ILS

Résultats des versus

Le tableau suivant présente combien de fois sur 20 exécutions (deux valeurs pour nombre de perturbations) une méthode gagne contre l'autre.

Table 5.5: Nombre de fois qu'une méthode gagne contre l'autre

instances	swap_first_vs_best	2opt_first_vs_best
rand_50_75.txt	(11, 9)	(15, 5)
$rand_50_100.txt$	(5, 15)	(19, 1)
$rand_60_50.txt$	(11, 9)	(17, 3)
$rand_60_100.txt$	(6, 14)	(18, 2)
$rand_{-}70_{-}55.txt$	(9, 11)	(18, 2)
$rand_70_100.txt$	(13, 7)	(20, 0)
$rand_80_70.txt$	(10, 10)	(18, 2)
$rand_80_100.txt$	(10, 10)	(18, 2)

■ Moyenne des scores

Table 5.6: Moyenne des scores

méthode	first	best
swap	1163.11250	1161.33750
2opt	1496.33125	1654.21875

On constate que first domine best pour 2opt mais pas pour swap.

5.2.2 | SW

Résultats des versus

Le tableau suivant présente combien de fois sur 20 exécutions (deux valeurs pour nombre de perturbations) une méthode gagne contre l'autre.



Table 5.7: Nombre de fois qu'une méthode gagne contre l'autre

instances	$swap_vs_2opt$
rand_50_75.txt	(20, 0)
$rand_50_100.txt$	(20, 0)
$rand_{-}60_{-}50.txt$	(20, 0)
$rand_60_100.txt$	(20, 0)
$rand_{-}70_{-}55.txt$	(20, 0)
$rand_70_100.txt$	(20, 0)
$rand_80_70.txt$	(20, 0)
rand_80_100.txt	(20, 0)

■ Moyenne des scores

Table 5.8: Moyenne des scores

	Moyenne
swap 2opt	$1209.74375 \\ 1818.96875$

On constate que swap domine 2opt.



6 | Analyse des résultats



7 | Conclusion



8 | References