



Universidade do Minho  
Escola de Engenharia

## Estruturas Criptográficas

---

# Esquemas pós-quânticos de Assinaturas Digitais

Implementação protótipos de esquemas de  
Assinatura Digital em Python/SageMath

---

***Submitted To:***

José Valença  
Professor Catedrático  
Tecnologias da Informação e  
Segurança

***Submitted By :***

Diogo Araújo, A78485  
Diogo Nogueira, A78957  
Group 4

# Conteúdo

|     |   |   |
|-----|---|---|
| 1   | Implementação do qTesla com o <i>SageMath</i> . . . . . | 2 |
| 1.1 | Parâmetros para utilizar . . . . .                      | 2 |
| 1.2 | Funções Auxiliares . . . . .                            | 3 |

# 1 Implementação do qTesla com o *SageMath*

O esquema qTesla é um esquema RLWE, ou seja, adota o problema computacional de Ring Learning with Errors para criar algoritmo criptográfico potente, capaz de se proteger a criptanálise de computadores quânticos.

```
[1]: import numpy as np
import hashlib
from cryptography.hazmat.backends import default_backend
from cryptography.hazmat.primitives import hashes
```

## 1.1 Parâmetros para utilizar

$n$ : dimensão

$k$ : nº de amostras

$q$ : módulo

$h$ : nº de entradas diferentes de 0 nos returns da função Enc

$K$ : comprimento do output da função H e do input da GenA e Enc

$Le$ : limite de checkE

$Ls$ : limite de checkS

$B$ : determina o intervalo de aleatoriedade durante a assinatura

$d$ : bits aleatórios

```
[2]: K = 256
k = 1
h = 30
Le = 1586
Ls = 1586
B = 2^20-1
d = 21
n = 512
q = 4205569

Zx.<x> = ZZ[]
Gq.<z> = GF(q)[]

Rx.<x> = Zx.quotient(x^n+1) # R
Rq.<z> = Gq.quotient(z^n+1) # R/q
```

## 1.2 Funções Auxiliares

```
[3]: def criarhash(s):  
    h = hashlib.sha256()  
    h.update(s)  
    return h.digest()  
  
def binary(tamanho=n):  
    return list(np.random.choice([0,1],tamanho))  
  
def GenA():  
    return Rq.random_element()  
  
def _center_lift(x):  
    return lift(x + q//2) - q//2  
  
def _round(w):  
    return Zx(map(lambda x: _center_lift(x), w.list()))  
  
def checkS(s):  
    sum = 0  
    ls = list(s)  
    ls.sort(reverse=True)  
    for i in range(0, h):  
        sum += ls[i]  
    if sum > Ls:  
        return 1  
    else:  
        return 0  
  
def checkE(e):  
    sum = 0  
    ls = list(e)  
    ls.sort(reverse=True)  
    for i in range(0, h):  
        sum += ls[i]  
    if sum > Le:  
        return 1  
    else:  
        return 0  
  
def H(v, hash_m):  
    w = [0] * n  
    for i in range(n):
```

```

    val = v[i] % 2d
    if val > 2(d-1):
        val = val - 2d
    w[i] = (v[i] - val)/2d
return criarhash(str(w)+hash_m)

```

```

[4]: def setup():
    a = GenA()
    s = None
    while True:
        s = Rq.random_element(distribution="gaussian")
        if checkS(s) == 0:
            break

    e = None
    while True:
        e = Rq.random_element(distribution="gaussian")
        if checkE(e) == 0:
            break
    t = a*s + e
    secret_key = (s, e, a)
    public_key = (a, t)
    return secret_key, public_key

def sign(mensagem, secret_key):
    s, e, a = secret_key
    y = Rq.random_element(x=-B, y=B+1, distribution="uniform")
    v = _round(a*y)
    c1 = H(v, criarhash(str(m)))
    c2 = Enc(c1)
    z = y + s*c2
    return (z, c1)

def verify(mensagem, assinatura, public_key):
    z, c1 = assinatura
    c2 = Dec(c1)
    a, t = public_key
    w = _round(a*z - t)
    if c1 != H(w, hash(str(mensagem))):
        return False
    else:
        return True

```

```
[ ]: mensagem = binary(n)

secret_key, public_key = setup()

assinatura = sign(mensagem, secret_key)

resultado = verify(mensagem, assinatura, public_key)

print(res)
```