Управление вычислительным процессом. Двумерная графика

Храмов Д. А.

02.01.2020

Содержание

- ▶ Условный оператор if. Примеры
- Проверка векторного условия
- Функции составления условий: any, all
- ▶ Оператор множественного выбора switch
- Выбор типа графика
- Цикл с условием
- Простой процент
- Цикл со счетчиком. Примеры
- Вложение циклов
- ▶ Прерывание цикла (break) и пропуск итераций (continue)
- Основная функция двумерной графики: plot
- Цвет кривых, стиль линии и маркер точки
- ▶ Графики в общих осях координат
- ▶ Создание графических окон
- Управление свойствами осей координат
- Единичная окружность
- Текст и подписи к осям
- Заголовок графика
- ▶ Специализированные графики. Полярные координаты
- ▶ Моделирование диффузии
- Решение систем линейных уравнений

Виды вычислительных процессов

- 1. **Линейный** все этапы решения задачи выполняются в порядке следования записи этих этапов.
- 2. **Ветвящийся** выбор направления обработки информации зависит от результатов проверки выполнения логического условия.
- 3. **Циклический** содержит многократно повторяемый участок вычислений (цикл).

По количеству выполнения циклы делятся на:

- **циклы со счетчиком**, т.е. заранее заданным числом повторений
- **циклы с условием**. Количество повторений заранее не определено и зависит от соблюдения некоторого логического условия.
 - цикл с предусловием условие проверяется в начале цикла;
 - цикл с постусловием условие проверяется в конце цикла.

Условный оператор if – выбор из вариантов

Синтаксис:

Не забываем про отступы! Код пишется для человека.

Короткий вариант:

if усл1 действия1, else действия2, end

ПРИМЕР. Решение квадратного уравнения

```
a = ...; b = ...; c = ...;
D = sqrt(b^2 - 4*a*c);
eps = 1e-6;
if D > eps
    x(1) = ...; x(2) = ...;
  elseif abs(D) < eps
    x = ..;
  else
    disp('корней нет');
end
```

disp() - "культурный" вывод значения в CW, вместо присвоения безымянной переменной ans.

ПРИМЕР. Проверка пороговых значений

```
x = 10:
minVal = 2:
maxVal = 6:
if (x \ge minVal) && (x \le maxVal)
    disp('Значение попадает в заданный диапазон.')
elseif (x > maxVal)
    disp('Значение находится выше диапазона.')
else
    disp('Значение находится ниже диапазона.')
end
```

Источник: https://se.mathworks.com/help/matlab/ref/if.html

ПРИМЕР. Сравнение строк

```
reply = input('Хотите установить программу? (y/n): ','s');
if strcmp(reply,'y')
  disp(reply)
end
```

Источник: https://se.mathworks.com/help/matlab/ref/if.html

ПРИМЕР. Равны ли размеры массивов?

```
A = ...
B = ones(2,3);

if isequal(size(A),size(B))
   C = [A; B];
else
   disp('A and B are not the same size.')
   C = [];
end
```

Функции составления условий: is*

iscell – Determine if input is cell array ischar – Determine if input is character array iscolumn - Determine whether input is column vector isdir - Determine if input is folder isemptv - Determine if input is emptv array isequal - Determine if arrays are numerically equal isequaln – Determine if arrays are numerically equal, treating NaNs as equal isevent - Determine if input is Component Object Model (COM) object event isfinite - Detect finite elements of array isfloat - Determine if input is floating-point array isglobal - Determine if input is global variable ishandle – Detect valid graphics object handles ishold – Determine if graphics hold state is on isinf - Detect infinite elements of array isinteger - Determine if input is integer array isjava - Determine if input is Java object iskeyword - Determine if input is MATLAB keyword isletter - Detect elements that are alphabetic letters islogical – Determine if input is logical array ismatrix - Determine whether input is matrix ismember - Detect members of specific set isnan - Detect elements of array that are not a number (NaN) isnumeric - Determine if input is numeric array isobject - Determine if input is MATLAB object ispc – Determine if running MATLAB for PC (Windows®) platform isprime - Detect prime elements of array isreal – Determine if all array elements are real numbers isrow – Determine whether input is row vector isscalar – Determine if input is scalar issorted – Determine if set elements are in sorted order issparse - Determine if input is sparse array isstruct - Determine if input is MATLAB structure array isvector - Determine if input is vector

Проверка векторного условия

```
D = [-0.2 1.0 1.5 3.0 -1.0 4.2 3.14];
if D >= 0 disp('Positive'), else disp('Negative'), end
```

Negative

Что не так?

Грамотная реализация условия:

ans =

0 1 1 1 0 1 1

Функции составления условий: any, all

```
limit = 0.75;
A = rand(5,1)
any_A = any(A > limit)
All_A = all(A > limit)
A =
    0.0975
    0.2785
    0.5469
    0.9575
    0.9649
any_A =
     1
All_A =
     0
```

Резюме по if

- ▶ if в MATLAB нужен реже, чем в языках без векторизации — он заменяется логической индексацией;
- ▶ if выдает скалярный результат: 1 или 0;
- существует множество функций для составления скалярных условий.

Оператор множественного выбора switch

switch — выполняет ветвления, в зависимости от значений некоторой переменной или выражения.

Выражение – это обязательно скаляр или строка.

```
switch выражение
  case значение1
    % выполняются, если <выражение> = <значение1>
    действия 1
  case значение2
    % выполняются, если <выражение> = <значение2>
    действия 2
  otherwise
    % выполняются, если <выражение> не совпало
    % ни с одним из значений
    действия
end
```

ПРИМЕР. Выбор типа графика

```
x = [12, 64, 24];
plottype = 'pie';
                                                                       Second
switch plottype
                                                  Круговая диаграмма
    case 'bar'
                                                      24%
        bar(x)
        title('Столбчатый график')
    case 'pie'
        pie3(x)
        title('Круговая диаграмма')
         legend('First','Second','Third')
    otherwise
        warning('Неизвестный тип графика.');
end
```

Оператор множественного выбора switch -2

switch сравнивает значение выражения со значениями групп case. Выполняется первый совпадающий case.

Для числовых выражений оператор case выполняется, если <значение>== <выражение>.

Для строковых выражений case выполняется, если strcmp(значение, выражение) истинно.

Цикл с условием

while условие

- % Выполняется, пока условие истинно.
- % Проверка в начале действия end

Краткая форма: while условие, действия, end

Совет. Ищите повторяющиеся действия. Запишите решение без цикла, шаг за шагом. Описав таким образом два или три шага, вы сможете увидеть, какое действие повторяется. Оно и будет телом цикла.

ПРИМЕР. Простой процент

Простой процент — процент, рассчитанный исходя только из первоначальной основной суммы.

Исходная сумма на вкладе - 100. Норма процента за год - 19%. Через сколько лет сумма на вкладе превысит 200?

```
s0 = 100; % исходный вклад
s = s0; % текущая сумма на складе
np = 0.19; % норма процента
```

Воспользуемся советом:

```
s1 = s0 + s0*np
s2 = s1 + s0*np
s3 = s2 + s0*np
```

```
i = 0;
while s <= 200 % пока сумма на счету <= 200
    s = s + s0*np;
    i = i + 1;
end
disp([s,i])
    214 6</pre>
```

Цикл со счетчиком

Переменной цикла присваиваются значения из заданного набора.

```
for переменная = начало : шаг : конец действия end  
Вариант цикла for, когда переменная цикла уменьшается: for i = 10:-1:1 действия end
```

Однострочник:

for переменная = начало:шаг:конец, действие, end

ПРИМЕР. Вычисление суммы ряда

Найти сумму элементов ряда

$$\sum_{n=1}^{100} \frac{1}{n^2}$$

```
series = 0;
for i=1:100
    series = series + 1/i^2;
end
disp(series)
Результат:
1.6350
Проще сделать так:
series = sum(1./(1:100).^2)
```

ПРИМЕР. Простой процент с заданным сроком вклада

```
s0 = 100;  % исходный вклад 

np = 0.19;  % норма процента 

n = 6;  % число лет действия вклада 

s = s0;  % сумма на счету 

for i = 1:n 

s = s + s0*np; 

end
```

Вложение циклов

```
for i = 1:n
  for j = 1:m
   действия1;
  end
  while условие
    действия2;
  end
end
```

Прерывание цикла: break

break — выход из цикла. Во вложенных циклах выходит из внутреннего цикла. Вне цикла — прекращает выполнение скрипта или функции.

```
a = 10;

while (a < 20)

fprintf('Значение a: %d\n', a);

a = a+1;

if (a > 15)

break;

end

end
```

Пропуск итераций: continue

continue передает управление в следующую итерацию цикла, пропуская операторы, которые записаны за ним. Во вложенном цикле передает управление на следующую итерацию основного цикла.

```
a = 10:
while a < 20
  if a == 15
    % пропустить итерацию цикла
    a = a + 1;
    continue;
  end
  fprintf('Значение a: %d\n', a);
  a = a + 1:
end
```

Резюме: операторы цикла

- Цикл с условием удобно использовать, когда неизвестно, сколько раз нужно повторять действие (это зависит от проверяемого условия).
- Цикл со счетчиком используют, когда действие выполняется заданное число раз.
- В while условие должно обязательно меняться внутри цикла, иначе он будет бесконечным.
- В for переменная цикла в теле цикла не изменяется, иначе не получим заданного числа повторений.

Основная функция двумерной графики: plot

plot(x,y,...) — строит график зависимости у от x.

По умолчанию plot рисует сплошные кривые с маркером-точкой, первая кривая — синего цвета.

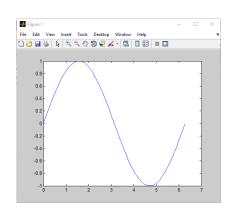
Аргумент задают:

с фиксированным шагом:

```
x = 0:pi/100:2*pi;
plot(x, sin(x))
```

с заданным числом значений:

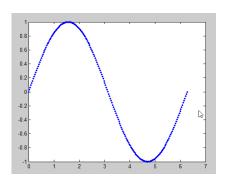
```
x = linspace(0,2*pi,200);
plot(x, sin(x))
```



Предупреждение: график в виде сплошной линии не гарантирует точности вычислений!

Настоящих точек ровно столько, сколько задано вектором аргумента. Между точками проводится

Между точками проводится линейная интерполяция. Она не заменяет добавления новых расчетных точек!



Цвет кривых, стиль линии и маркер точки

Полный (почти) синтаксис plot:

```
plot(x,y,'ЦветСтильМаркер')
```

'ЦветСтильМаркер' – строка из символов, задающих цвет, стиль линии, и вид маркера точек.

Цвет

- 'c' (cyan) голубой
- 'm' (magenta) фиолетовый
- 'y' желтый
- 'r', 'g', 'b'
- 'w' − белый
- 'k' черный

Стиль линии

- '-' сплошная
- '-' штриховая
- '-.' штрихпунктирная
- ':' − пунктирная

Цвета, стили, маркеры – 2

Маркер точки

```
'+', 'o', 'x', '*', '.'
```

Примеры:

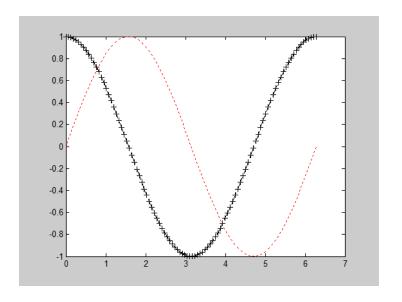
```
'r--' % красная штриховая, маркер точка
'cx' % голубая сплошная, маркер крестик
'oy:' % желтая пунктирная, маркер незакрашенный кружок
```

- Порядок расположения характеристик в строке произвольный
- Может быть указана только часть характеристик, а остальные принимают значения по умолчанию:

Графики в общих осях координат

```
plot(x1,y1,'csm1',x2,y2,'csm2',...)
Пример:

x = linspace(0,2*pi,100);
plot(x, sin(x),'r:', x,cos(x),'k--+')
```

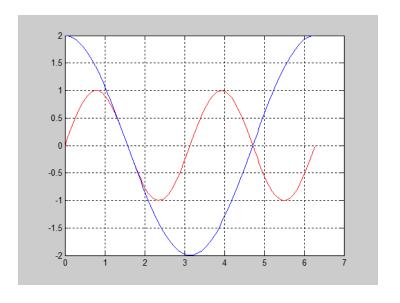


Добавление кривых на существующий график: hold on

- По умолчанию MATLAB рисует график, стирая существующий.
- hold on закрепляет существующий график, позволяя добавить к нему новый.

```
x = linspace(0,2*pi,100);
plot(x, sin(2*x))
hold on
plot(x, 2*cos(x))
grid on
```

- ► hold on работает не только между plot'ами, но и между другими графическими функциями.
- grid on включает отображение сетки на графике, grid off — отключает использование сетки.
- ▶ Пара on/off работает аналогично в других графических командах.



Вывод графиков в одном графическом окне на разных координатных осях: subplot

- subplot(m,n,p) разделяет графическое окно на матрицу, состоящую из m x n графиков, и делает p-й график текущим.
- Графики нумеруются по строкам: начиная с первой строчки, слева направо и сверху вниз.

subplot(2,2,3)



Создание графических окон: figure

- ► Если графическое окно не создано, plot создает его.
- ▶ Создать новое графическое окно можно самостоятельно.

```
x = 0:pi/100:2*pi;
plot(x, sin(x))
figure
plot(x, cos(x))
```

Создается два графических окна. В первом будет нарисована синусоида, во втором – косинусоида.

Номер графического окна указан в заголовке окна (Figure 1, Figure 2).

Можно управлять выводом графиков в нужное окно. Так, если открыто несколько графических окон, то функция

```
figure(2)
```

делает активным 2-е окно и графики будут выводится в него.

Функции настройки свойств графика

Все функции, управляющие свойствами графика, располагаются в программе после функции plot (или ей подобных).

Принцип: сначала строим график, потом управляем его отображением.

Управление свойствами осей координат: axis

```
axis([xmin xmax ymin ymax])
```

Устанавливает диапазон выводимых значений координат х и у.

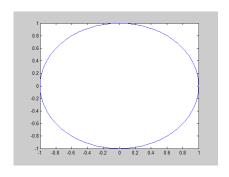
Начало координат помещается в нижнем левом углу. Ось X направлена вправо, ось Y — вверх. Как в математике.

```
x = 0:pi/100:2*pi;
plot(x, sin(x))
axis([0 2*pi -1 1])
```

ПРИМЕР. Единичная окружность

```
x = 0:pi/100:2*pi;
plot(exp(i*x))
```

Отчего так?

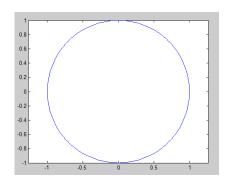


Команды axis

- axis equal устанавливает масштаб, который обеспечивает одинаковые расстояния вдоль осей.
- axis square делает оси равной длины. Оси станут «квадратными».
- axis on/off включает/отключает отображение осей координат. Удобно для вывода «художественных» рисунков.
- axis ij помещает начало координат в верхний левый угол.
- axis auto возвращает отображение осей в автоматический режим.
- axis новое окно с «пустыми» осями.

Устанавливаем равный масштаб вдоль осей

```
x = 0:pi/100:2*pi;
plot(exp(i*x))
axis equal
```



Текст и подписи к осям

Подписи к осям координат

```
xlabel('cтpoka')
ylabel('cтpoka')
```

Подписи отображаются в соответствии с американскими стандартами: в середине осей координат.

Вывод текста

```
text(x, y, 'TekcT')
```

х,у - координаты точки, в которую выводится текст.

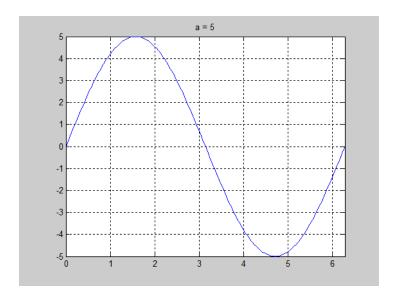
Заголовок графика

```
title('заголовок')
Пример:
a = 5;
plot(x, a*sin(x)), grid on
```

```
axis tight
title(['a = ' num2str(a)])
```

- ightharpoonup num2str(x) конвертирует вектор x в строку символов.
- ▶ Объединяем 'a = ' и результат num2str(a) в одну строку: ['a = ' num2str(a)]

Можно использовать различные шрифты, размеры символов, управлять их начертанием (полужирный, курсив), выводить греческие буквы и математические символы.



Что происходит при выполнении plot

- 1. Создается графическое окно (серая подложка с меню и панелями инструментов).
- 2. В окне создаются оси координат (белое пространство с осями), причем автоматически подбираются диапазоны изменения переменных (х от и до, у от и до).
- 3. В осях строится график.

На каждом этапе работы создается объект и заданным образом изменяются его свойства.

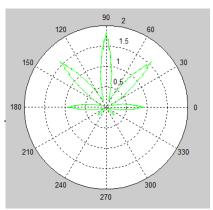
Специализированные графики

Что может Excel, может и MATLAB. И даже больше.

- ▶ bar(x,y) столбчатая диаграмма
- ▶ pie(x) круговая диаграмма («пирог»)
- ▶ hist(x) гистограмма

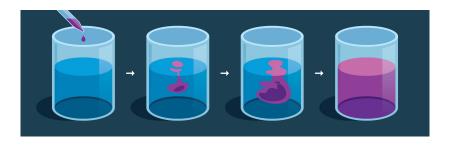
Полярные координаты

- ▶ polar(phi,rho) полярные координаты;
- ▶ phi угол, rho радиус (векторы одинаковой размерности).



ПРИМЕР. Моделирование диффузии

Диффузия — процесс переноса вещества из области с высокой концентрацией в область с низкой концентрацией.



 $\textbf{Источник:} \ \ \text{http://www.visionlearning.com/en/library/Chemistry/1/Diffusion-I/216}$

Рассмотрим одномерный случай: диффузия в направлении оси x.

Идея решения

Создадим массив точек (частиц).

На каждом шаге частица может двигаться вправо, влево или остаться на месте.

Через некоторое время (количество шагов) частица удалится на некоторое расстояние от источника.

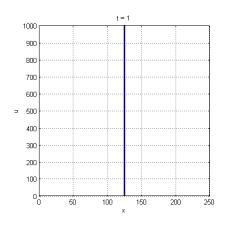
Концентрацию частиц (количество частиц в единице объема) получим при помощи гистограммы.

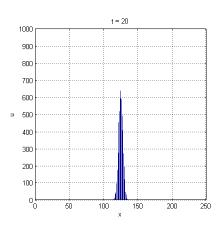
Внимание: частицы — не молекулы, они гораздо крупнее.

Код

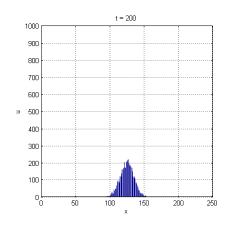
```
n = 150; % число Ячеек
m = 10000; % число частиц
x = (n/2)*ones(1,m);
dice = [-1.0.+1]:
for k = 1:500 % время расчета
    hist(x,m)
    axis([0,n,0,m/10]); axis square; grid on
    dx = dice(round(1+2*rand(1,m)));
    x = x + dx;
    drawnow
end
```

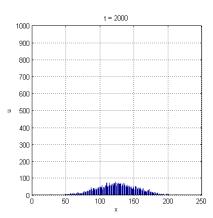
Изменение концентрации со временем





Изменение концентрации со временем - 2





Развитие модели

- различные вероятности переходов, моделирующие течение или плотность среды;
- разная длина скачка, чтобы получить решение для гетерогенной среды;
- наличие отражающих стенок;
- добавление и удаление (гибель или рождение) частиц.
- **.** . . .

БОНУС. Решение систем линейных уравнений

Рассмотрим систему из n уравнений с n неизвестными (n-ro nopgд κ a). Каждый член такого уравнения содержит только одно неизвестное, и каждое неизвестное входит в него в первой степени. Такая система уравнений называется nuheйhoй

$$a_{11}x_1 + a_{12}x_2 + \dots + a_{1n}x_n = b_1,$$

$$a_{21}x_1 + a_{22}x_2 + \dots + a_{2n}x_n = b_2,$$

$$\dots$$

$$a_{n1}x_1 + a_{n2}x_2 + \dots + a_{nn}x_n = b_n.$$

В матричной записи система линейных уравнений имеет вид

$$Ax = b$$
.

Системы линейных уравнений встречаются почти в каждой области прикладной математики.

Геометрическая трактовка решения

Рассмотрим систему линейных уравнений с двумя неизвестными. На общность рассуждений это не повлияет.

$$a_{11}x_1 + a_{12}x_2 = b_1,$$

 $a_{21}x_1 + a_{22}x_2 = b_2.$

Или, в матричной записи

$$A = \begin{bmatrix} a_{11} & a_{12} \\ a_{21} & a_{22} \end{bmatrix}, \quad x = \begin{bmatrix} x_1 \\ x_2 \end{bmatrix}, \quad b = \begin{bmatrix} b_1 \\ b_2 \end{bmatrix}.$$

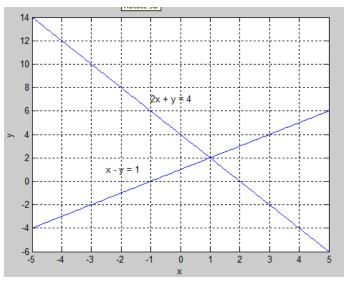
Ax = b

В случае двух неизвестных каждое уравнение графически изображается прямой линией на плоскости.

Искомое решение должно удовлетворять одновременно всем уравнениям. На плоскости это — точка пересечения графиков прямых.

```
2x + y = 4.
x = linspace(-5,5,100);
y = x+1;
plot(x,y), grid on, hold on
xlabel('x'), ylabel('y')
text(-2.5,1,'x - y = 1')
y1 = -2*x+4;
plot(x,y1)
text(-1,7,'2x + y = 4')
```

x-y = -1,



Корень x = 1, y = 2

Матричное решение: $X = A^{-1}b$

$$\begin{aligned}
x - y &= -1, \\
2x + y &= 4.
\end{aligned}$$

```
A = [1 -1;
 2 1];
b = [-1; 4];
```

 $X = A \setminus b \%$ левое деление

X =