# Algoritmi per la trasformata di Burrows-Wheeler posizionale con compressione run-length

#### Davide Cozzi

Relatore: Prof ssa Raffaella Rizzi Correlatore: Dr Yuri Pirola

Dipartimento di Informatica, Sistemistica e Comunicazione (DISCo) Università degli Studi di Milano Bicocca

26 Ottobre 2022



### Outline

- 1 Introduzione e scopo della tesi
- 2 Contributo della tesi
- Risultati sperimentali
- 4 Conclusioni e sviluppi futuri



# Un punto di vista per il pangenoma

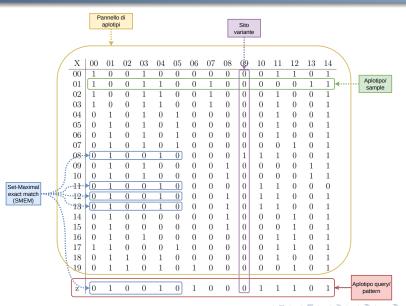
#### II pangenoma

- studio di un insieme di genomi provenienti da diversi individui
- Studio delle varianti geniche
- unica sequenze per multiple sequenze lineari
- grafo del pangenoma
- pannello di aplotipi

Un aplotipo è l'insieme di alleli, ovvero di varianti che, a meno di mutazioni, un organismo eredita da ogni genitore.



## Un punto di vista per il pangenoma





## Trasformata di Burrows-Wheeler posizionale

#### PBWT - Durbin, Bioinformatics, 2014

Dato pannello di M aplotipi, lunghi N siti (biallelici:  $\Sigma = \{0, 1\}$ ), si definisce PBWT del pannello una collezione di N+1 coppie di array  $(a_k, d_k)$ ,  $0 \le k \le N$ , dove:

- $\blacksquare$   $a_k$  è il **prefix array** della colonna k
- $\mathbf{I}_k$  è il **divergence array** della colonna k

Il pannello, riordinato in ogni colonna k con  $a_k$ , è detto: matrice PBWT.

#### Run-length encoding

Il run-length encoding consiste nel memorizzare le *run*, ovvero sequenze massimali di caratteri uguali, come coppie:

(carattere, lunghezza della run)  

$$000000 \implies (0,6)$$

## Trasformata di Burrows-Wheeler posizionale

| X  | 00 | 01 | 02 | 03 | 04 | 05 | 06 | 07 | 08 | 09 | 10 | 11 | 12 | 13 | 14 |
|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|
| 14 | 0  | 1  | 0  | 0  | 0  | 0  | 0  | 0  | 1  | 0  | 0  | 0  | 1  | 0  | 1  |
| 15 | 0  | 1  | 0  | 0  | 0  | 0  | 0  | 0  | 1  | 0  | 0  | 0  | 1  | 0  | 1  |
| 00 | 1  | 0  | 0  | 1  | 0  | 0  | 0  | 0  | 0  | 0  | 0  | 1  | 1  | 0  | 1  |
| 09 | 0  | 1  | 0  | 1  | 0  | 0  | 0  | 0  | 1  | 0  | 0  | 0  | 0  | 1  | 1  |
| 10 | 0  | 1  | 0  | 1  | 0  | 0  | 0  | 0  | 1  | 0  | 0  | 0  | 0  | 1  | 1  |
| 16 | 0  | 1  | 0  | 1  | 0  | 0  | 0  | 0  | 0  | 0  | 0  | 1  | 1  | 0  | 1  |
| 08 | 0  | 1  | 0  | 0  | 1  | 0  | 0  | 0  | 0  | 1  | 1  | 1  | 0  | 0  | 1  |
| 11 | 0  | 1  | 0  | 0  | 1  | 0  | 0  | 0  | 0  | 0  | 1  | 1  | 0  | 0  | 0  |
| 12 | 0  | 1  | 0  | 0  | 1  | 0  | 0  | 0  | 1  | 0  | 1  | 1  | 0  | 0  | 1  |
| 13 | 0  | 1  | 0  | 0  | 1  | 0  | 0  | 0  | 1  | 0  | 1  | 1  | 0  | 0  | 1  |
| 18 | 0  | 1  | 1  | 0  | 1  | 0  | 0  | 0  | 0  | 0  | 0  | 1  | 0  | 0  | 1  |
| 19 | 0  | 1  | 1  | 0  | 1  | 0  | 1  | 0  | 0  | 0  | 0  | 0  | 1  | 0  | 1  |
| 01 | 1  | 0  | 0  | 1  | 1  | 0  | 0  | 1  | 0  | 0  | 0  | 0  | 0  | 1  | 1  |
| 02 | 1  | 0  | 0  | 1  | 1  | 0  | 0  | 1  | 0  | 0  | 0  | 1  | 0  | 0  | 1  |
| 03 | 1_ | 0  | 0  | 1  | 1  | 0  | 0  | 1  | 0  | 0  | 0  | 1  | 0  | 0  | 1  |
| 17 | 1  | 1  | 0  | 0  | 0  | 1  | 0  | 0  | 0  | 0  | 0  | 1  | 1  | 0  | 1  |
| 04 | 0  | 1  | 0  | 1  | 0  | _1 | 0  | 0  | 0  | 0  | 0  | 1  | 0  | 0  | 1  |
| 05 | 0_ | 1  | 0  | 1  | 0  | 1  | 0  | 0  | 0  | 0  | 0  | 1  | 0  | 0  | 1  |
| 06 | 0  | 1  | 0  | 1  | 0  | 1  | 0  | 0  | 0  | 0  | 0  | 1  | 0  | 0  | 1  |
| 07 | 0_ | 1  | 0  | 1  | 0  | 1  | 0  | 0  | 0  | 0  | 0  | 0  | 1  | 0  | 1  |

 $a_6 = [14, 15, 0, 9, 10, 16, 8, 11, 12, 13, 18, 19, 1, 2, 3, 17, 4, 5, 6, 7]$  $d_6 = [6, 0, 4, 2, 0, 0, 5, 0, 0, 0, 3, 0, 4, 0, 0, 6, 4, 0, 0, 0]$ 



# Scopo della tesi

Complessità temporale del calcolo degli SMEM con un algoritmo naïve:  $\mathcal{O}(N^2M)$ 

Calcolo degli SMEM con aplotipo esterno per Durbin:

- tempo:  $\mathcal{O}(NM) + \text{Avg.}\mathcal{O}(N+c)$
- spazio:  $\mathcal{O}(NM) \implies 13NM$  byte

Lo scopo di questa tesi è stato quello di creare una variante run-length encoded della PBWT (RLPBWT) che permettesse, in modo efficiente dal punto di vista della memoria richiesta, il calcolo degli SMEM con aplotipo esterno.



## Le componenti

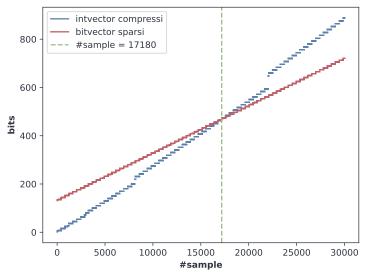
#### Componenti innovative derivate dallo studio della RLBWT in ottica PBWT

- mapping tra una colonna e la successiva nella PBWT e threshold:
  - bitvector sparsi, con rank in  $\mathcal{O}\left(\log\left(\frac{M}{\rho}\right)\right)$ : MAP-BV e THR-BV
  - intvector compressi, con rank in  $\mathcal{O}(\log(\rho))$ : MAP-INT e THR-INT
- random access:
  - bitvector, in  $\mathcal{O}(1)$ : RA-BV
  - SLP, in  $\mathcal{O}(\log(NM))$ : RA-SLP
- LCE query con SLP, in  $\mathcal{O}(\log(NM))$ : LCE
- prefix array sample: PERM
- struttura per le funzioni  $\varphi$  e  $\varphi^{-1}$ : PHI
- reverse longest common prefix: RLCP





# Qualche confronto in spazio







# Calcolo degli SMEM

#### Due macro soluzioni

- usare l'RLCP, adattando l'algoritmo 5 di Durbin. Tale soluzione non permette di sapere quali righe del pannello in input presentino uno SMEM fino ad una certa colonna ma solo quante
- usare l'array MS. Tale soluzione permette di riconoscere ogni riga del pannello in input che presenti uno SMEM fino ad una certa colonna



8 / 18



# Calcolo degli SMEM

#### Due macro soluzioni

- usare l' RLCP, adattando l'algoritmo 5 di Durbin. Tale soluzione non permette di sapere quali righe del pannello in input presentino uno SMEM fino ad una certa colonna ma solo quante
- usare l'array MS. Tale soluzione permette di riconoscere ogni riga del pannello in input che presenti uno SMEM fino ad una certa colonna

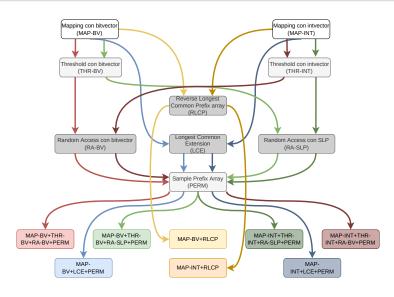
#### Due macro alternative per il calcolo dell'array MS

- usare le threshold e il random access al pannello (ispirandosi a MONI
   Rossi et al., Journal of Computational Biology, 2022)
- usare le LCE query (ispirandosi a PHONI Boucher et al., Data Compression Conference (DCC), 2021)



∢□▶∢圖▶∢團▶∢團▶ ■

## Componenti e strutture dati, una panoramica





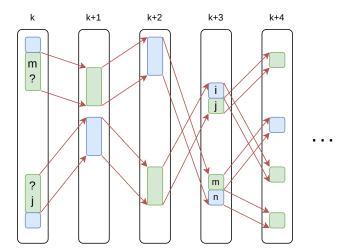


# Matching statistics

| $\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$  | 13 14 | 13 | 12 | 11  | 10 | 09 | 08 | 07 | 06 | 05 | 04 | 03 | 02 | 01 | 00 | $\mathbf{X}$ |
|--|-------|----|----|-----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|--------------|
| $\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$   |       | 0  | 1  | 1   | 0  | 0  | 0  | 0  | 0  | 0  | 0  | 1  | 0  | 0  | 1  | 00           |
| 03         1         0         0         1         1         0         0         1         0         0         1         0         0         0         1         0         0         0         0         1         0         0         0         0         1         0         0         0         0         0         1         0         0         0         0         1         0         0         0         0         1         0         0         0         0         1         0         0         0         0         0         1         0         0         0         0         0         1         0         0         0         0         0         1         0         0         0         0         0         1         0         0         0         0         0         1         0         0         0         0         1         0         0         0         0         0         0         1         1         0         0         0         0         0         0         0         0         0         0         0         0         0         0         0         0         0 | 1 1   | 1  | 0  | 0   | 0  | 0  | 0  | 1  | 0  | 0  | 1  | 1  | 0  | 0  | 1  | 01           |
| $\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$   | 0 1   | 0  | 0  | 1   | 0  | 0  | 0  | 1  | 0  | 0  | 1  | 1  | 0  | 0  | 1  | 02           |
| $\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$   | 0 1   | 0  | 0  | 1   | 0  | 0  | 0  | 1  | 0  | 0  | 1  | 1  | 0  | 0  | 1  | 03           |
| $\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$   | 0 1   | 0  | 0  | 1   | 0  | 0  | 0  | 0  | 0  | 1  | 0  | 1  | 0  | 1  | 0  | 04           |
| $\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$   | 0 1   | 0  | 0  | 1   | 0  | 0  | 0  | 0  | 0  | 1  | 0  | 1  | 0  | 1  | 0  | 05           |
| $\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$  | 0 1   | 0  | 0  | 1   | 0  | 0  | 0  | 0  | 0  | 1  | 0  | 1  | 0  | 1  | 0  | 06           |
| $\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$   | 0 1   | 0  | 1  | 0   | 0  | 0  | 0  | 0  | 0  | 1  | 0  | 1  | 0  | 1  | 0  | 07           |
| $\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$  | 0 1   | 0  | 0  | 1   | 1  | 1  | 0  | 0  | 0  | 0  | 1  | 0  | 0  | 1  | 0  | 08           |
| $\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$  | 1 1   | 1  | 0  | 0   | 0  | 0  | 1  | 0  | 0  | 0  | 0  | 1  | 0  | 1  | 0  | 09           |
| $\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$  | 1 1   | 1  | 0  | 0   | 0  | 0  | 1  | 0  | 0  | 0  | 0  | 1  | 0  | 1  | 0  | 10           |
| $\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$  | 0 0   | 0  | 0  | 1   | 1  | 0  | 0  | 0  | 0  | 0  | 1  | 0  | 0  | 1  | 0  | 11           |
| 14 0 1 0 0 0 0 0 0 1 0 0 0 1 0   | 0 1   | 0  | 0  | 1   | 1  | 0  | 1  | 0  | 0  | 0  | 1  | 0  | 0  | 1  | 0  | 12           |
|  | 0 1   | 0  | 0  | 1   | 1  | 0  | 1  | 0  | 0  | 0  | 1  | 0  | 0  | 1  | 0  | 13           |
|  | 0 1   | 0  | 1  | 0   | 0  | 0  | 1  | 0  | 0  | 0  | 0  | 0  | 0  | 1  | 0  | 14           |
| 15 0 1 0 0 0 0 0 1 0 0 0 1 0   | 0 1   | 0  | 1  | 0   | 0  | 0  | 1  | 0  | 0  | 0  | 0  | 0  | 0  | 1  | 0  | 15           |
| 16 0 1 0 1 0 0 0 0 0 0 1 1 0   | 0 1   | 0  | 1  | 1   | 0  | 0  | 0  | 0  | 0  | 0  | 0  | 1  | 0  | 1  | 0  | 16           |
| 17 1 1 0 0 0 1 0 0 0 0 0 1 1 0   | 0 1   | 0  | 1  | 1   | 0  | 0  | 0  | 0  | 0  | 1  | 0  | 0  | 0  | 1  | 1  | 17           |
| 18 0 1 1 0 1 0 0 0 0 0 1 0 0   | 0 1   | 0  | 0  | 1   | 0  | 0  | 0  | 0  | 0  | 0  | 1  | 0  | 1  | 1  | 0  | 18           |
| 19  0  1  1  0  1  0  1  0  0  0   | 0 1   | 0  | 1  | 0   | 0  | 0  | 0  | 0  | 1  | 0  | 1  | 0  | 1  | 1  | 0  | 19           |
|  |       |    |    |     |    |    |    |    |    |    |    |    |    |    |    |              |
| $\mathbf{z} \ [ \ 0 \ \ 1 \ \ 0 \ \ 0 \ \ 1 \ \ 0 \ \ 1 \ \ 0 \ \ 0 \ \ 1 \ \ [1] \ \ 1 \ \ 0 \ \ ]$   | 0 1   | 0  | 1  | [1] | 1  | 0  | 0  | 0  | 1  | 0  | 1  | 0  | 0  | 1  | 0  | $\mathbf{z}$ |

| k   | 00 | 01 | 02 | 03 | 04 | 05 | 06 | 07 | 80 | 09 | 10 | 11 | 12 | 13 | 14 |
|-----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|
| row | 19 | 19 | 16 | 15 | 13 | 13 | 19 | 19 | 19 | 19 | 11 | 11 | 17 | 17 | 17 |
| len | 1  | 2  | 3  | 4  | 5  | 6  | 4  | 5  | 6  | 7  | 4  | 5  | 2  | 3  | 4  |

# Struttura per le funzioni arphi e $arphi^{-1}$







# Sperimentazione e dati

#### Implementazione e sperimentazione

La sperimentazione, orchestrata tramite snakemake, è stata effettuata su una macchina con processore Intel Xeon E5-2640 V4 (2, 40GHz), 756GB di RAM, 768GB di swap e sistema operativo Ubuntu 20.04.4 LTS. Si sono confrontate l'implementazione in C++ della RLPBWT e l'implementazione

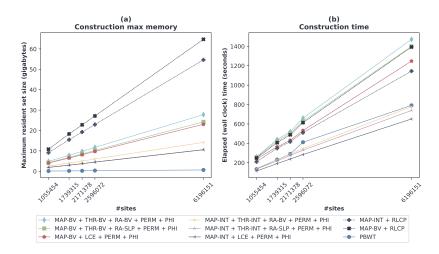
in C ufficiale della PBWT.

# Pannelli del 1000 Genome Project con 4908 sample, avendone estratti 100 come query.

| Chr   | #Siti     | #Run totale | Max run | Media run |
|-------|-----------|-------------|---------|-----------|
| chr22 | 1.055.454 | 14.772.105  | 2.450   | 14        |
| chr20 | 1.739.315 | 19.966.504  | 2.176   | 11        |
| chr18 | 2.171.378 | 24.288.263  | 2.365   | 11        |
| chr16 | 2.596.072 | 31.187.856  | 2.330   | 12        |
| chr1  | 6.196.151 | 69.671.952  | 2.721   | 11        |

BICOCCA

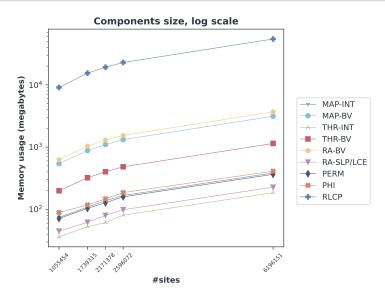
#### Performance costruzione strutture dati







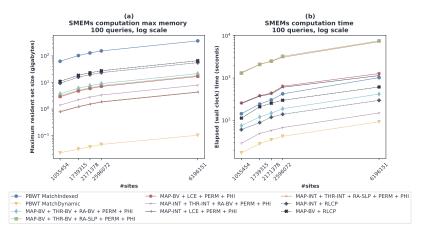
# Costo in memoria delle componenti







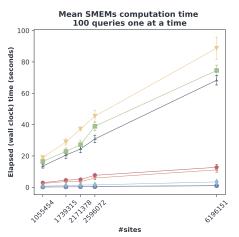
# Performance calcolo degli SMEM con 100 query







# Performance calcolo degli SMEM per singole query





- PBWT MatchDynamic
- MAP-BV + THR-BV + RA-BV + PERM + PHI
- MAP-BV + THR-BV + RA-SI P + PERM + PHI
- MAP-BV + LCE + PERM + PHI
- MAP-INT + THR-INT + RA-BV + PERM + PHI
- ∴ MAP-INT + THR-INT + RA-SLP + PERM + PHI
  - MAP-INT + LCE + PERM + PHI





# Considerazioni e sviluppi futuri

#### Alcune considerazioni

- le strutture dati e gli algoritmi proposti hanno confermato la potenzialità dell'uso di strutture run-length encoded in pangenomica
- l'obbiettivo della tesi, ovvero lo sviluppo di un algoritmo, efficiente in spazio, per il calcolo degli SMEM di un aplotipo esterno contro un pannello, è stato raggiunto con risultati molto interessanti

#### Sviluppi futuri

- ottimizzazioni per pannelli di query
- SMFM internicon RIPBWT

- RI PBWT con dati mancanti
- RI PBWT multiallelica
- calcolo K-SMFM con RI PBWT



Algoritmi per la RLPBWT

#### Ulteriori dettagli

Bonizzoni, Boucher, Cozzi, Gagie, Kashgouli, Köppl e Rossi:

Compressed data structures for population-scale positional Burrows–Wheeler transforms, bioRxiv (preprint), 2022

# Grazie per l'attenzione











