Національний технічний університет України «Київський політехнічний інститут імені Ігоря Сікорського» Факультет інформатики та обчислювальної техніки Кафедра обчислювальної техніки

Дискретна математика

Лабораторна робота №2

«Бінарні відношення та їх основні властивості, операції над відношеннями»

Виконав:

студент групи Ю-91

Тарасенко А. В.

Залікова книжка №9127

Перевірив Новотарський М. А.

Київ

2020 p.

Мета:

Вивчити основні властивості бінарних відношень та оволодіти операціями над бінарними відношеннями.

Загальне завдання:

- 1. Написати в окремому модулі функцію для формування несуперечливих бінарних відношень.
- 2. Написати в окремому модулі функції виконання логічних операцій над бінарними відношеннями.
- 3. Пояснити правило формування несуперечливих відношень відповідно до варіанту.

Варіант:

30 aSb, якщо	а батько b. aR1	b, якщо а тесть b.
--------------	-----------------	--------------------

Теоретичні відомості:

Упорядкована пара предметів — це сукупність, що складається із двох предметів, розташованих у деякому певному порядку.

Бінарним (або *двомісним*) відношенням *R* називають підмножину впорядкованих пар, тобто множину, кожен елемент якої є впорядкованою парою

Декартовим добутком X * Y множин $X i Y \varepsilon$ *множина* $\{(x, y) | x \varepsilon X, y \varepsilon Y\}$.

Бінарним відношенням R називають підмножину пар $(x, y) \in R$ прямого добутку X * Y. У силу визначення бінарних відношень, як **спосіб їх задавання** можуть бути використані будь-які способи задавання множин. Відношення, визначені на скінченних множинах, зазвичай задають списком чи матрицею.

Операції над відношеннями:

4. Доповнення: $\overline{R} = U \setminus R$, де $U = A \times B$.

Крім того, необхідно визначити інші операції над бінарними відношеннями.

5. Обернене відношення R^{-1} .

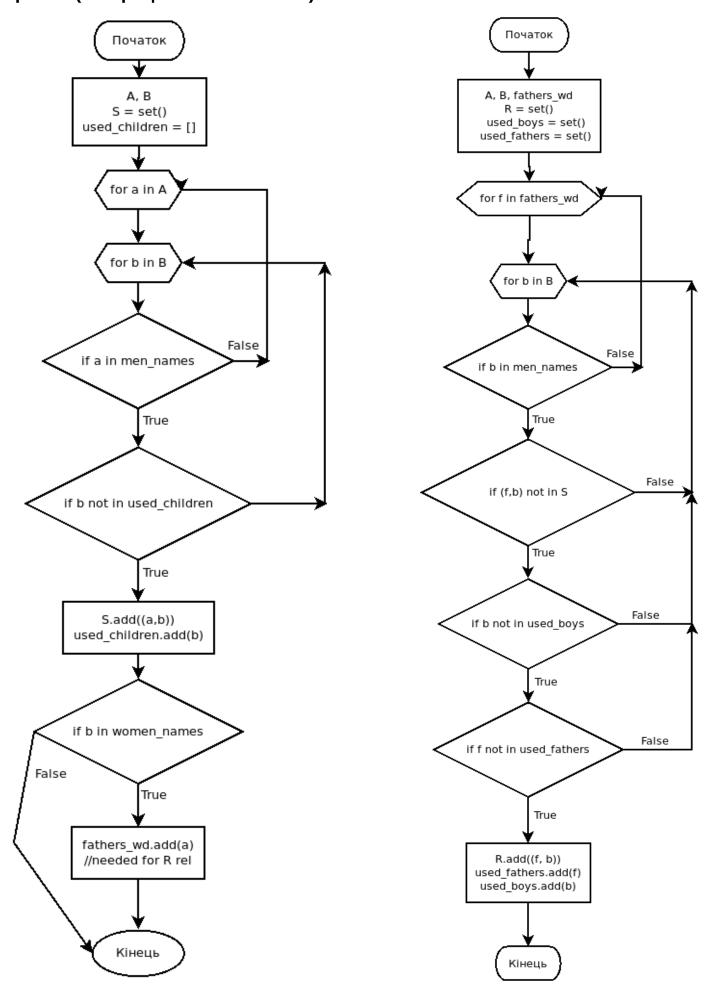
Якщо $\langle a,b \rangle \in R$ — відношення, то відношення R^{-1} називають **оберненим** відношенням до даного відношення R тоді й тільки тоді, коли $R^{-1} = \{\langle b,a \rangle | \langle a,b \rangle \in R \}.$

Наприклад, якщо R — "бути старішим", то R^{-1} — "бути молодшим"; якщо R — "бути дружиною", то R^{-1} — "бути чоловіком".

Нехай $R = \langle\!\langle a,b \rangle\!| b$ є родич a або $R = \langle\!\langle x,y \rangle\!| x^2 + y^2 = 1$. У такому випадку $R = R^{-1}$.

Нехай $R\subseteq A\times B$ — відношення на $A\times B$, а $S\subseteq B\times C$ — відношення на $B\times C$.

Блок-схеми, які відповідають алгоритмам, що використані в лабораторній роботі(генерація множин S та R):



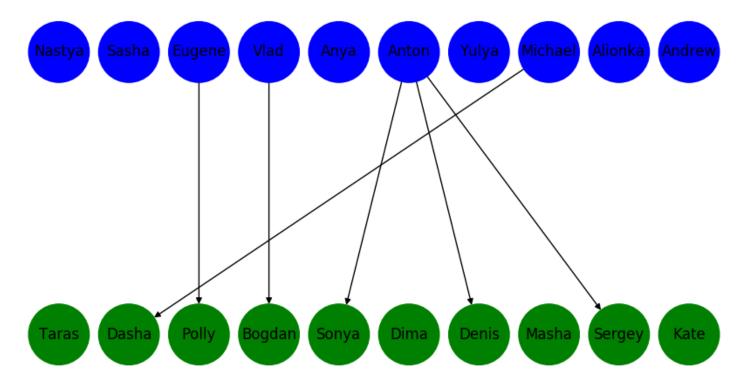
Роздруківка тексту програми, написаного індивідуально:

return S, R

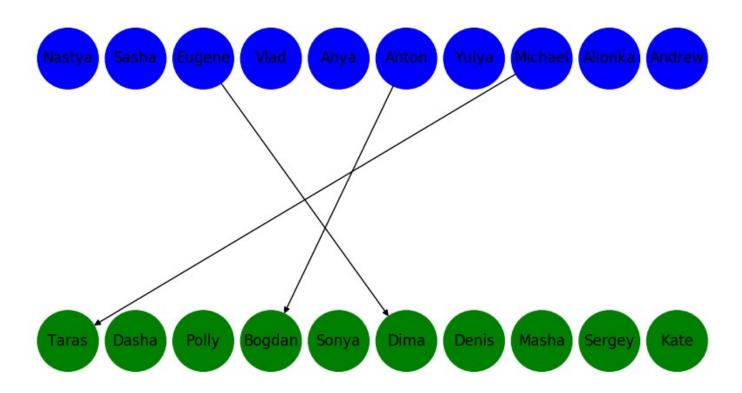
```
def generate(A, B, s possibility, r possibility):
A = list(A)
B = list(B)
S = set()
R = set()
used children = []
fathers wd = set()
used_boys = set()
used_fathers = set()
for a in A:
    for b in B:
        if a in core.men_names:
            if b not in used children:
                 if random.randint(1, s possibility) == 1:
                     S.add((a, b))
                     used children.append(b)
                     if b in core.women names:
                         fathers wd.add(a)
for f in fathers wd:
    for b in B:
        if b in core.men_names:
            if (f, b) not in S:
                 if b not in used boys:
                     if f not in used fathers:
                         if random.randint(1, r_possibility) == 1:
                             R.add((f, b))
                             used fathers.add(f)
                             used boys.add(b)
```

Роздруківка результатів виконання програми:

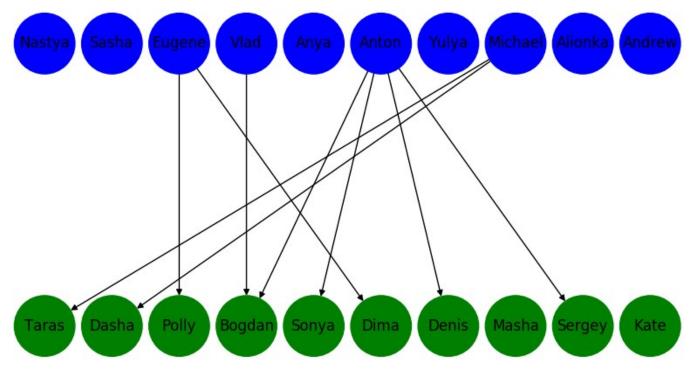
Множина S:



Множина R:



Множина RUS:

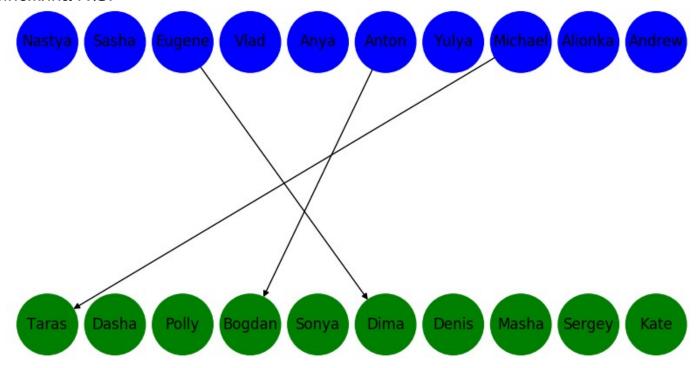


Множина R∩S:

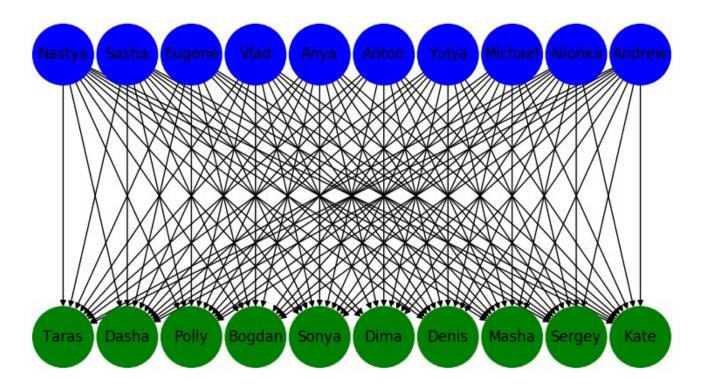




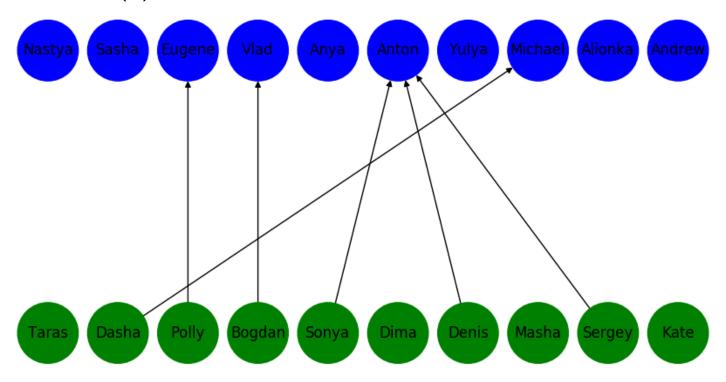
Множина R\S:



Множина U\S:



Множина S^(-1):



Аналіз результатів та висновки:

Під час виконання лаборатоної роботи я закріпив знання основних властивостей бінарних відношень та оволодів операціями над бінарними відношеннями. Проблем під час виконання роботи не виникло.