

Міністерство освіти і науки України
Національний технічний університет України «КПІ» імені Ігоря Сікорського
Кафедра обчислювальної техніки ФІОТ

Звіт
з лабораторної роботи №4
з навчальної дисципліни «Методи оптимізації та планування експерименту»
Тема: Проведення трьохфакторного експерименту при використанні рівняння
регресії з урахуванням ефекту взаємодії.

Виконав:
Студент 2 курсу кафедри ОТ ФІОТ
Навчальної групи ІО-91
Тарасенко Андрій

Перевірів:
Регіда П. Г.

Київ 2021

Мета: провести повний трьохфакторний експеримент. Знайти рівняння регресії адекватне об'єкту.

Завдання:

1. Скласти матрицю планування для повного трьохфакторного експерименту.
2. Провести експеримент, повторивши N раз досліди у всіх точках факторного простору і знайти значення відгуку Y. Знайти значення Y шляхом моделювання випадкових чисел у певному діапазоні відповідно варіанту. Варіанти вибираються за номером в списку в журналі викладача.
3. Знайти коефіцієнти рівняння регресії і записати його .
4. Провести 3 статистичні перевірки – за критеріями Кохрена , Стьюдента , Фішера .
5. Зробити висновки по адекватності регресії та значимості окремих коефіцієнтів і записати скореговане рівняння регресії .
6. Написати комп ' ютерну програму , яка усе це моделює .

Варіант:

122		10		40		-30		45		-30		-10
-----	--	----	--	----	--	-----	--	----	--	-----	--	-----

$$x_{1min}=10; x_{2min}=-30; x_{3min}=-30;$$

$$x_{1max}=40; x_{2max}=45; x_{3max}=-10;$$

$$y_{min}=183; y_{max}=225$$

Лістинг програми

```
"""
* Copyright © 2021 drewg3r
* https://github.com/drewg3r/DOX-labs

main.py: main file to run the program.
"""

from tabulate import tabulate
import math
import random

class Lab4:
    N = 8
    m = 3

    X0 = [1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1]
    X1 = [-1, -1, -1, -1, 1, 1, 1, 1]
    X2 = [-1, -1, 1, 1, -1, -1, 1, 1]
    X3 = [-1, 1, -1, 1, -1, 1, -1, 1]
    X12 = [1, 1, -1, -1, -1, -1, 1, 1]
    X13 = [1, -1, 1, -1, -1, 1, -1, 1]
    X23 = [1, -1, -1, 1, 1, -1, -1, 1]
    X123 = [-1, 1, 1, -1, 1, -1, -1, 1]
    X = [X1, X2, X3, X12, X13, X23, X123]
    Xf = [X0, X1, X2, X3]

    def __init__(self):
        print("DOX Lab4")
        x1min = 10
        x2min = -30
        x3min = -30

        x1max = 40
        x2max = 45
        x3max = -10

        ymin = round((x1min + x2min + x3min) / 3) + 200
        ymax = round((x1max + x2max + x3max) / 3) + 200

        self.x_range = ((x1min, x1max), (x2min, x2max), (x3min, x3max))

        x = []
        x.append([random.randint(x1min, x1max) for i in range(8)])
        x.append([random.randint(x2min, x2max) for i in range(8)])
        x.append([random.randint(x3min, x3max) for i in range(8)])
        x.append([x[0][i] * x[1][i] for i in range(8)])
        x.append([x[0][i] * x[2][i] for i in range(8)])
        x.append([x[1][i] * x[2][i] for i in range(8)])
        x.append([x[0][i] * x[1][i] * x[2][i] for i in range(8)])

        y = []
        y.append([random.randint(ymin, ymax) for i in range(8)])
        y.append([random.randint(ymin, ymax) for i in range(8)])
        y.append([random.randint(ymin, ymax) for i in range(8)])

        self.yavg = [sum(x) / len(x) for x in zip(*y)]

        print("PFE Matrix:")
```

```

print(
    tabulate(
        zip(*x + y),
        headers=[
            "X1",
            "X2",
            "X3",
            "X12",
            "X13",
            "X23",
            "X123",
            "Y1",
            "Y2",
            "Y3",
        ],
        floatfmt=".4f",
        tablefmt="fancy_grid",
    )
)

self.x = x
self.y = y

def normalize_x(self):
    x0 = [(self.x_range[i][0] + self.x_range[i][1]) / 2 for i in range(3)]
    dx = [x0[i] - self.x_range[i][0] for i in range(3)]
    xn = []
    for i in range(3):
        xn.append([(self.x[i][j] - x0[i]) / dx[i] for j in range(8)])
    self.xn = xn
    print("\nNormalized factors")
    print(
        tabulate(
            zip(*xn),
            headers=["X1", "X2", "X3"],
            floatfmt=".4f",
            tablefmt="fancy_grid",
        )
    )

def calculate_b(self):
    y_sum = sum(self.yavg)
    b = [0] * 8
    b[0] = y_sum
    for i in range(8):
        b[1] += self.yavg[i] * self.xn[0][i]
        b[2] += self.yavg[i] * self.xn[1][i]
        b[3] += self.yavg[i] * self.xn[2][i]
        b[4] += self.yavg[i] * self.xn[0][i] * self.xn[1][i]
        b[5] += self.yavg[i] * self.xn[0][i] * self.xn[2][i]
        b[6] += self.yavg[i] * self.xn[1][i] * self.xn[2][i]
        b[7] += self.yavg[i] * self.xn[0][i] * self.xn[1][i] * self.xn[2][i]

    for i in range(8):
        b[i] = b[i] / self.N

    print("\nRegression equation:")
    print(
        "y = {:.3f} + {:.3f}*x1 + {:.3f}*x2 + {:.3f}*x3 + {:.3f}*x1*x2 + {:.3f}*x1*x3 + {:.3f}*x2*x3 + {:.3f}*x1*x2*x3\n".format(
            *b
        )
    )

```

```

    )
    self.b = b

def cochrans_test(self):
    # Calculate dispersions for every row
    d = []
    print("Dispersions:")
    for i in range(8):
        d.append(sum([(x[0] - self.yavg[i]) ** 2 for x in self.y]) / 8)
        print("d{} = {:.3f}".format(i + 1, d[-1]))
    gp = max(d) / sum(d)
    self.d = d
    print("\ngp = {:.3f}".format(gp))
    if gp < 0.7679:
        print("    Cochran's C test passed\n")
    else:
        print("    Cochran's C test failed\n")

def student_crit_check(self):
    N = len(self.d)
    sbsq = sum(self.d) / N
    self.sbsq = sbsq
    sbssq = sbsq / (self.m * N)
    sbs = math.sqrt(sbssq)

    print("Sb = {:.3f}".format(sbs))

    b = []
    for i in range(4):
        b.append(sum([self.yavg[j] * self.Xf[i][j] for j in range(N)]) / N)

    t = [abs(x) / sbs for x in b]

    print("Beta:")
    for i in range(4):
        print("b{} = {:.3f}".format(i, b[i]))

    print("\nt:")
    for i in range(4):
        print("t{} = {:.3f}".format(i, t[i]))

    print()

    t_tabl = 2.306
    regr_eq = ""
    nm = []
    xs = ["x1", "x2", "x3"]
    d = 0

    yd = [0, 0, 0, 0]
    for i in range(4):
        if t[i] < t_tabl:
            nm.append(i)
            d += 1
        else:
            for j in range(4):
                if i == 0:
                    yd[j] += self.b[i]
                else:
                    yd[j] += self.b[i] * self.X[2][j]

```

```

        if i == 0:
            regr_eq += "{:.3f} + ".format(self.b[0])
        else:
            regr_eq += "{:.3f}*{} + ".format(self.b[i], xs[i - 1])
    if len(regr_eq) != 0:
        regr_eq = regr_eq[0:-2]

    nmt = ",".join(["t" + str(x) for x in nm])
    nmb = ",".join(["b" + str(x + 1) for x in nm])
    print("{} < t_tabl(t_tabl=2.306)".format(nmt))
    print("Factors {} can be excluded".format(nmb))
    print("Regression equation without excluded factors:")
    print("y = {}".format(regr_eq))

    for i in range(4):
        print("y{} = {:.3f}".format(i + 1, yd[i]))

    self.d = d
    self.yd = yd

def fisher_crit_check(self):
    print("d = {}".format(self.d))
    sadsq = (self.m / (self.N - self.d)) * sum(
        [(self.yd[i] - self.yavg[i]) ** 2 for i in range(4)]
    )
    Fp = sadsq / self.sbsq
    print("S2ad = {:.3f}\nFp = {:.3f}".format(sadsq, Fp))
    table = [5.3, 4.5, 4.1, 3.8, 3.7, 3.6, 3.3, 3.1, 2.9]
    tablec = table[self.N - self.d - 1]
    if Fp < tablec:
        print("    F-test passed/model is adequate")
    else:
        print("    F-test failed/model is NOT adequate")

def calc_y(self, x1, x2, x3):
    return (
        self.b[0]
        + self.b[1] * x1
        + self.b[2] * x2
        + self.b[3] * x3
        + self.b[4] * x1 * x2
        + self.b[5] * x1 * x3
        + self.b[6] * x2 * x3
        + self.b[7] * x1 * x2 * x3
    )

lab4 = Lab4()
lab4.normalize_x()
lab4.calculate_b()
lab4.cochran_test()
lab4.student_crit_check()
lab4.fisher_crit_check()

```

Результат виконання роботи

DOX Lab4
PFE Matrix:

X1	X2	X3	X12	X13	X23	X123	Y1	Y2	Y3
24	-27	-29	-648	-696	783	18792	186	202	221
15	25	-17	375	-255	-425	-6375	183	186	222
13	-29	-26	-377	-338	754	9802	218	193	210
34	12	-15	408	-510	-180	-6120	217	193	197
36	-16	-11	-576	-396	176	6336	212	197	213
33	44	-22	1452	-726	-968	-31944	212	187	183
16	40	-30	640	-480	-1200	-19200	208	223	207
22	9	-14	198	-308	-126	-2772	185	225	186

Normalized factors

X1	X2	X3
-0.0667	-0.9200	-0.9000
-0.6667	0.4667	0.3000
-0.8000	-0.9733	-0.6000
0.6000	0.1200	0.5000
0.7333	-0.6267	0.9000
0.5333	0.9733	-0.2000
-0.6000	0.8667	-1.0000
-0.2000	0.0400	0.6000

Regression equation:

$$y = 202.750 + -12.611 \cdot x_1 + -2.609 \cdot x_2 + -11.537 \cdot x_3 + 2.521 \cdot x_1 \cdot x_2 + 44.093 \cdot x_1 \cdot x_3 + -0.694 \cdot x_2 \cdot x_3 + -14.410 \cdot x_1 \cdot x_2 \cdot x_3$$

Dispersions:

d1 = 76.750
d2 = 90.250
d3 = 82.750
d4 = 76.917
d5 = 83.792
d6 = 107.125
d7 = 111.792
d8 = 83.792

gp = 0.157

Cochran's C test passed

Sb = 1.927

Beta:

b0 = 202.750

b1 = 0.417

b2 = 2.417

b3 = -4.750

t:

t0 = 105.200

t1 = 0.216

t2 = 1.254

t3 = 2.465

t1,t2 < t_tabl(t_tabl=2.306)

Factors b2,b3 can be excluded

Regression equation without excluded factors:

$y = 202.750 + -11.537 \cdot x_3$

y1 = 214.288

y2 = 191.213

y3 = 214.288

y4 = 191.213

d = 2

S2ad = 168.842

Fp = 1.894

F-test passed/model is adequate

Висновки:

Під час виконання лабораторної роботи було проведено трьохфакторний експеримент, складено матрицю планування, знайдено коефіцієнти рівняння регресії з урахуванням ефекту взаємодії, проведено 3 статистичні перевірки, закріплено отримані знання практичним їх використанням при написанні програми, що реалізує завдання на лабораторну роботу.