Tentamen SSY080 Transformer, Signaler och System, D3

Examinator: Ants R. Silberberg

1 November 2018 kl. 08.30-12.30 sal: Hörsalsvägen

Förfrågningar: Ants Silberberg, tel. 1808 Resultat: Rapporteras in i Ladok

Granskning: Torsdag 15 november kl. 12.00 - 13.00 , rum 3311 på

plan 3 i ED-huset (Lunnerummet), korridor parallell med Hörsalsvägen.

Bedömning: Del A: Rätt svar ger 1p.

Del B: En korrekt och välmotiverad lösning med ett tyd-

ligt angivet svar ger full poäng.

Hjälpmedel

- Typgodkänd miniräknare
- Beta Mathematics Handbook
- Fyra sidor med egna anteckningar. Endast egenproducerade och handskrivna anteckningar. Inga kopior eller 'maskin(dator)skriven' text.

Krav för godkänt.

		5 p	av tot 10 p
Del	В	7 p	av tot 15 p

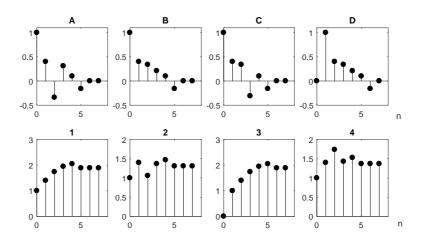
Betygsgränser.

Poäng	12-15	16-20	21-25
Betyg	3	4	5

Lycka till!

Del A. En poäng (1p) per A-uppgift. **Ange endast svar**. Flera del A svar kan ges på samma blad. Inga uträkningar eller motsvarande kommer att beaktas.

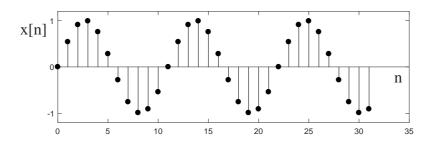
- A1. Beräkna z-transformen för signalen x[n+2]u[n] då $x[n]=(0.5)^n$
- A2. Impulssvaren h[n] från fyra olika diskreta system visas överst i figur 1. Övriga värden hos h[n] som ej visas i figurerna är noll. Stegsvaren som representerar dessa fyra olika system visas nederst i samma figur men i blandad ordning. Para ihop impulssvaren (A,B,C,D) med motsvarande stegsvar (1,2,3,4).



Figur 1: Impulssvar och stegsvar från fyra diskreta system

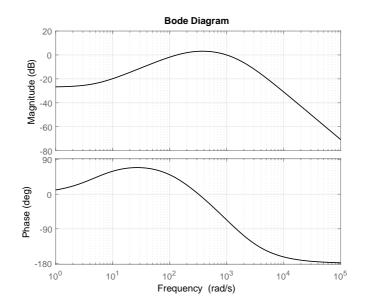
A3. Den kontinuerliga signalen $x(t) = e^{-5t}u(t)$ samplas med sampelintervallet T = 20 ms och bildar den diskreta signalen x[n]. Första sampelvärdet tas vid t = 0. Beräkna z-transformen för x[n].

A4. Signalen $x(t) = \sin(\omega t)$ samplas med sampelintervallet T och bildar den diskreta signalen $x[n] = \sin(\Omega n)$ som visas i figur 2. Vilket värde har Ω ?

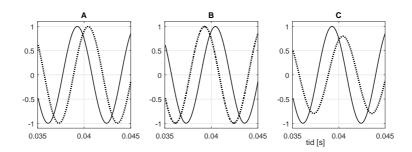


Figur 2: Diskret signal x[n]

A5. Ett kontinuerligt LTI-system H(s) har ett frekvenssvar enligt Bodediagrammet i figur 3. En kontinuerlig sinusformat signal utgör insignal till systemet. Signalens periodtid är $\frac{\pi}{500}$ s. Tre olika par av insignal (heldragen) och utsignal (streckad) från ett LTI-system visas i figur 4. Vilken av dem (A,B,C) svarar mot vårt system H(s)?



Figur 3: Frekvenssvar till H(s)



Figur 4: Tre insignal(-)/utsignal(\cdots) par

A6. En kontinuerlig sinusformad signal $x(t) = A \sin(\omega t)$ bildar insignal till ett LTI-system med överföringsfunktionen

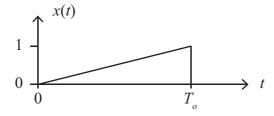
$$G(s) = \frac{K}{s+5}$$

där A och K är konstanter. Vid vinkelfrekvensen $\omega=100~{\rm rad/s}$ är utsignalens amplitud =8. Vilken amplitud får utsignalen om vinkelfrekvensen ökar till $\omega=1000~{\rm rad/s}$?

A7. En period av en kontinuerlig periodisk signal visas i figur 5. Signalens Fourierserie kan tecknas som

$$x(t) = \frac{1}{2} - \frac{1}{\pi} \sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{n} \sin\left(\frac{n\pi t}{L}\right)$$

Vilken är signalens fundamentala period T_o ?



Figur 5: En period av x(t)

A8. Signalen $x(t) = \cos(\omega t)$ samplas med sampelintervallet $T = \frac{\pi}{60}$ s och bildar den diskreta signalen x[n]. Fyra olika vinkelfrekvenser ω används enligt nedan och fyra diskreta signaler bildas.

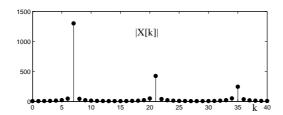
k	1	2	3	4
$\omega [\mathrm{rad/s}]$	$\omega_1 = 10$	$\omega_2 = 50$	$\omega_3 = 70$	$\omega_4 = 170$
Signal	$x_1[n]$	$x_2[n]$	$x_3[n]$	$x_4[n]$

Är någon/några av signalerna $x_k[n]$ lika (k = 1, 2, 3, 4)?

A9. Vilken kontinuerlig signal x(t) har Fouriertransformen

$$X(j\omega) = \begin{cases} 1, & |\omega| < a \\ 0, & \text{annars} \end{cases}$$

A10. En periodisk kontinuerlig signal $x(t) = x(t + T_o)$ som liknar en fyrkantsvåg samplas med samplingsvinkelfrekvensen 1000 rad/s. Antal sampel $N = 2^{11}$. Beloppet av signalens DFT (|X[k]|) för k = 0 till 40 visas i figur 6. Ingen aliasing (vikning) förekommer. Vilken är signalens fundamentala period T_o ?



Figur 6: Del av signalens DFT som |X[k]|

Del B. Fem poäng (5p) per B-uppgift. Fullständiga lösningar skall redovisas.

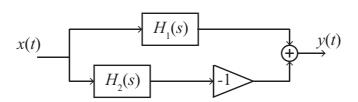
B11. Ett kontinuerligt LTI-system H(s) beskrivs med differentialekvationen

$$\frac{d^2y(t)}{dt^2} + 4\frac{dy(t)}{dt} + 3y(t) = \frac{dx(t)}{dt} + 5x(t) .$$

(a) Systemet befinner sig i vila. Beräkna systemets utsignal y(t) då insignalen är (4p)

$$x(t) = e^{-2t}u(t) .$$

(b) Om systemet realiseras enligt figur 7 och $H_1(s) = \frac{2}{s+1}$. Vad är då $H_2(s)$? (1p)



Figur 7: Sammansatt system.

B12. Ett diskret LTI-system H(z) beskrivs med differensekvationen

$$y[n] + y[n-1] + 0.16y[n-2] = x[n-1] + 0.32x[n-2].$$

(a) Systemet befinner sig i vila. Beräkna systemets utsignal y[n] då insignalen är (4p)

$$x[n] = \left(-\frac{1}{2}\right)^n u[n] .$$

(b) Vad blir y[0]? (1p) (Kan användas för att snabbkontrollera resultatet)

B13. En kontinuerlig och periodisk signal kan beskrivas enligt ekvation 1. Signalen kan även tecknas som en Fourierserie enligt ekvation 2.

- a) Vilken grundvinkelfrekvens har signalen x(t)? (1p)
- b) Beräkna Fourierseriekoefficienten c_0 . (1p)
- c) Beräkna övriga Fourierseriekoefficienter c_k . (3p)

$$x(t) = \sum_{n = -\infty}^{\infty} u(t - 4n) - u(t - 4n - 1)$$
(1)

$$x(t) = \sum_{k=-\infty}^{\infty} c_k e^{jk\omega_0 t}$$
 (2)