Спортивное программирование Базовые методы комбинаторной теории

Симоненко E.A. easimonenko@mail.ru

2018

Содержание

- Основные определения
- 2 Комбинации без повторений
- 3 Комбинации с повторениями
- Примеры
- Упражнения
- б Библиография
- Ссылки

Конечные множества

. .

Операции над множествами

Метод включений и исключений

Треугольник Паскаля

Генерация всех подмножеств

$$\begin{array}{l} (0,0,0) \leftrightarrow \emptyset \\ (0,0,1) \leftrightarrow \{c\} \\ (0,1,0) \leftrightarrow \{b\} \\ (0,1,1) \leftrightarrow \{b,c\} \\ (1,0,0) \leftrightarrow \{a\} \\ (1,0,1) \leftrightarrow \{a,c\} \\ (1,1,0) \leftrightarrow \{a,b\} \\ (1,1,1) \leftrightarrow \{a,b,c\} \end{array}$$

Код Грея

```
(0,0,0) \leftrightarrow (0,0,0) \leftrightarrow \emptyset
                                   (0,0,1) \leftrightarrow (0,0,1) \leftrightarrow \{c\}
                                   (0,1,0) \leftrightarrow (0,1,1) \leftrightarrow \{b,c\}
                                   (0,1,1) \leftrightarrow (0,1,0) \leftrightarrow \{b\}
                                   (1,0,0) \leftrightarrow (1,1,0) \leftrightarrow \{a,b\}
                                   (1,0,1) \leftrightarrow (1,1,1) \leftrightarrow \{a,b,c\}
                                   (1,1,0) \leftrightarrow (1,0,1) \leftrightarrow \{a,c\}
                                   (1,1,1) \leftrightarrow (1,0,0) \leftrightarrow \{a\}
unsigned int grayencode(unsigned int g) {
         return g \land (g >> 1);
```

Упражнения на применение комбинаторных методов

- •

Библиография

- Порублев И.Н., Ставровский А.Б. Алгоритмы и программы. Решение олимпиадных задач. М.: Вильямс, 2007. 480 с.
- Меньшиков Ф.В. Олимпиадные задачи по программированию. − СПб.: Питер, 2007. − 315 с.
- Мозговой М.В. Занимательное программирование. СПб.: Питер, 2005. 208 с.
- Грэхем Р., Кнут Д., Паташник О. Конкретная математика. Основания информатики: Пер. с англ. − 3-е изд. − М.: Мир; БИНОМ. Лаборатория знаний, 2009. − 703 с.
- Ландо С.К. Введение в дискретную математику. М.: МЦНМО, 2012. – 265 с.

Ссылки

```
https://codeforces.com/
```

- http://acm.timus.ru/
- https:

 $// \verb|github.com/easimonenko/competitive-programming-course|\\$