

UNIVERSITY NAME

DOCTORAL THESIS

---

# Thesis Title

---

*Author:*  
John SMITH

*Supervisor:*  
Dr. James SMITH

*A thesis submitted in fulfillment of the requirements  
for the degree of Doctor of Philosophy*

*in the*

Research Group Name  
Department or School Name

21 de junio de 2021

## Declaration of Authorship

I, John SMITH, declare that this thesis titled, «Thesis Title» and the work presented in it are my own. I confirm that:

- This work was done wholly or mainly while in candidature for a research degree at this University.
- Where any part of this thesis has previously been submitted for a degree or any other qualification at this University or any other institution, this has been clearly stated.
- Where I have consulted the published work of others, this is always clearly attributed.
- Where I have quoted from the work of others, the source is always given. With the exception of such quotations, this thesis is entirely my own work.
- I have acknowledged all main sources of help.
- Where the thesis is based on work done by myself jointly with others, I have made clear exactly what was done by others and what I have contributed myself.

Signed:

---

Date:

---

*«Thanks to my solid academic training, today I can write hundreds of words on virtually any topic without possessing a shred of information, which is how I got a good job in journalism.»*

Dave Barry

UNIVERSITY NAME

# *Resumen*

Faculty Name  
Department or School Name

Doctor of Philosophy

**Thesis Title**

by John SMITH

The Thesis Abstract is written here (and usually kept to just this page). The page is kept centered vertically so can expand into the blank space above the title too...

## *Agradecimientos*

The acknowledgments and the people to thank go here, don't forget to include your project advisor. . .

# Índice general

<b>Declaration of Authorship</b>	<b>I</b>
<b>Resumen</b>	<b>III</b>
<b>Agradecimientos</b>	<b>IV</b>
<b>1. Solución a la ecuación de Ornstein-Zernike mediante redes neuronales</b>	<b>1</b>
1.1. Parametrización de la función puente . . . . .	1
1.2. Esquema de entrenamiento . . . . .	2
1.2.1. Función de costo . . . . .	2
1.3. Resultados . . . . .	2

# Índice de figuras

# Índice de cuadros



*For/Dedicated to/To my...*

## Capítulo 1

# Solución a la ecuación de Ornstein-Zernike mediante redes neuronales

Las *redes neuronales* funcionan como aproximadores universales [HSW89; Hor91; Cyb89], y como tal pueden ser utilizadas para aproximar cualquier función continua para un determinado tipo de arquitectura. En particular, se espera que una red neuronal pueda servir como parametrización de la función puente en la condición de cerradura de la ecuación de OZ, y así evitar la decisión arbitraria de aproximaciones escogiendo una función puente en particular.

En este capítulo se detalla la metodología creada y los fundamentos matemáticos bajo los cuales se puede hacer uso de redes neuronales para resolver la ecuación de OZ. Se comparan estos resultados con los obtenidos con simulación por computadora. En el apéndice se describe la solución general a la ecuación de OZ, mientras que en este capítulo se detalla su modificación para emplear redes neuronales.

### 1.1. Parametrización de la función puente

La ecuación de Ornstein-Zernike está dada por

$$\begin{aligned} c(\mathbf{r}) &= h(\mathbf{r}) + n \int_V c(\mathbf{r}') h(|\mathbf{r} - \mathbf{r}'|) d\mathbf{r}' \\ c(\mathbf{r}) &= \exp [-\beta u(\mathbf{r}) + \gamma(\mathbf{r}) + B(\mathbf{r})] - \gamma(\mathbf{r}) - 1 \end{aligned}$$

con la notación ya conocida para esta ecuación.

Sea  $N_\theta(\mathbf{r})$  una red neuronal con pesos  $\theta$ . Se propone que  $N_\theta(\mathbf{r})$  reemplace a la función puente  $B(\mathbf{r})$  en la ecuación anterior tal que ahora se tiene la siguiente expresión para la cerradura

$$c(\mathbf{r}) = \exp [-\beta u(\mathbf{r}) + \gamma(\mathbf{r}) + N_\theta(\mathbf{r})] - \gamma(\mathbf{r}) - 1, \quad (1.2)$$

y la ecuación de OZ queda de la misma forma. Se pretende trabajar a partir de esta hipótesis donde la función puente pueda tomar cualquier valor en particular que permita la solución de la ecuación de OZ.

## 1.2. Esquema de entrenamiento

Ahora que se tiene la parametrización, se debe desarrollar una forma para ajustar los pesos de la red neuronal  $N_\theta(\mathbf{r})$ , y que al mismo tiempo permita la solución de la ecuación de OZ.

### 1.2.1. Función de costo

Para crear un esquema de entrenamiento se requiere primero de una **función de costo** que sea utilizada para generar información del ajuste necesario de los pesos  $\theta$ . Tomando en cuenta que el esquema iterativo de Piccard crea una sucesión de funciones estimadas  $\{\gamma_1(\mathbf{r}), \gamma_2(\mathbf{r}), \dots, \gamma_n(\mathbf{r})\}$ , se propone que la función de costo sea

$$J(\theta) = [\gamma_n(\mathbf{r}; \theta) - \gamma_{n-1}(\mathbf{r}; \theta)]^2 \quad (1.3)$$

donde  $\gamma_n(\mathbf{r}; \theta)$  es la  $n$ -ésima función estimada de  $\gamma(\mathbf{r})$  mediante el método iterativo. La notación  $\gamma(\mathbf{r}; \theta)$  indica que depende implícitamente de los pesos de la red neuronal, como se puede ver en la ecuación (1.2). Esto significa que si los pesos de  $N_\theta(\mathbf{r})$  cambian, entonces la función  $\gamma$  debe cambiar. Sin embargo, esto no significa que  $\gamma$  depende *directamente* de los pesos.

## 1.3. Resultados