Phiên bản 2020.1.0

## 1. THÔNG TIN CHUNG GENERAL INFORMATION

Tên học phần:	Xác suất thống kê	Xác suất thống kê			
Course name	Probability and St	tatistics			
Mã số học phần: Course ID:	MI2020E				
Khối lượng: Credits:	3(2-2-0-6)				
Workload:	Lý thuyết Theory: 30 hours	<i>Bài tập Exercise</i> : 30 hours	Thực hành Practice: 0 hours	Tự học Self-study: 60 hours	
Học phần học trước Prerequisites:	- MI1111 (Calculus 1) - MI1121 (Calculus 2) - MI1141 (Algebra)				
Học phần song hành	Không				
Co-requisites:	None				

## 2. MÔ TẢ HỌC PHÀN - COURSE DESCRIPTION

Học phần cung cấp cho sinh viên những kiến thức cơ bản về xác suất là các khái niệm và quy tắc suy diễn xác suất cũng như về biến ngẫu nhiên và các phân phối xác suất thông dụng (một và hai chiều); các khái niệm cơ bản của thống kê toán học nhằm giúp sinh viên biết cách xử lý các bài toán thống kê về ước lượng, kiểm định giả thuyết. Trên cơ sở đó sinh viên có được một phương pháp tiếp cận với mô hình thực tế và có kiến thức cần thiết để đưa ra lời giải đúng cho các bài toán đó

The course provides students with the knowledge of probability such as concepts and inference rules for probability as well as random variables and common probability distributions (one-dimensional and two-dimensional); basic concepts of mathematical statistics which help students in dealing with statistical problems in estimation and hypothesis testing. Through the acquired knowledge, students are given a methodology for approaching practical models and finding out an appropriate solution.

# 3. MỤC TIÊU VÀ CHUẨN ĐẦU RA CỦA HỌC PHẦN - COURSE LEARNING OUTCOMES Sinh viên hoàn thành học phần này có khả năng:

After this course the student will obtain the following skills:

Mục tiêu		CĐR được phân
	Mô tả mục tiêu/Chuẩn đầu ra của học phần	bổ cho HP/
/CĐR	· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	Mức độ (I/T/U)
Goal	Description of the goal or output requirement	Output division/
		Level (I/T/U)
M1	Hiểu và có khả năng giải các bài toán về xác suất thống kê	
	Understand and be able to do statistics and probability	
	problems	
M1.1	Nắm được các khái niệm cơ bản, các quy tắc tính xác suất, xác	[1.1-1.4]

Mục tiêu /CĐR Goal	Mô tả mục tiêu/Chuẩn đầu ra của học phần Description of the goal or output requirement	CĐR được phân bổ cho HP/ Mức độ (I/T/U) Output division/ Level (I/T/U)
	suất điều kiện, sự kiện độc lập. Áp dụng công thức xác suất đầy đủ, công thức Bayes Capture principal notions and rules of probability, conditional probability, independent events. Apply the total probability formula and Bayes' rule.	
M1.2	Xác định các biến ngẫu nhiên rời rạc, liên tục, phân phối xác suất của chúng (hàm khối lượng xác suất và hàm mật độ xác suất).  Identify discrete and continuous random variables, their probability distributions (mass probability function and density probability function).	[2.1; 2.2]
M1.3	Xác định các phân phối đều, nhị thức, Poisson. Xác định các giá trị tới hạn của phân phối chuẩn, Khi bình phương, Student. Identify uniform, binomial, Poisson distributions. Determine the critical values for well-known distributions: normal distribution, chi-squared distribution and student t-distribution.	[2.4]
M1.4	Tính toán các đặc trưng: kỳ vọng, phương sai, hiệp phương sai, hệ số tương quan. Xác định các phân phối biên và sự độc lập của các biến ngẫu nhiên.  Compute the characteristics: mean, variance, covariance, correlation coefficient. Determine marginal distributions.  Recognize the independence.	[2.3; 3.1-3.5]
M1.5	Xác định vai trò quan trọng của mẫu ngẫu nhiên, một số đặc trưng mẫu (kỳ vọng mẫu, phương sai mẫu). Áp dụng Định lý giới hạn trung tâm và Luật số lớn.  Identify the important role of random samples, their characteristics (sample mean, sample variance), particularly of a normal sample. Apply the Central Limit Theorem and Laws of Large Numbers.	[3.6; 4.1; 4.2]
M1.6	Uớc lượng tham số (ước lượng điểm, ước lượng khoảng). Estimate parameters and characteristics using point estimators and confidence intervals.	[4.3; 4.4]
M1.7	Kiểm định giả thuyết thống kê, xác định sai lầm loại I và loại II. Test statistical hypotheses, explain the probability of type I and type II errors.	[5.1-5.3]
M2	Áp dụng xác suất thống kê để lập mô hình và xử lý số liệu Apply statistics and probability knowledge to modeling and analysis	
M2.1	Hiểu và áp dụng xác suất thống kê để phân tích và lập mô hình cho một số bài toán thực tế. Understand and apply statistics and probability to analysis and create some models in real problems	[1.1-1.4; 2.1-2.4; 3.1-3.5; 4.1-4.4; 5.1-5.3]
M2.2	Nhận biết một số mô hình thống kê đơn giản và áp dụng giải các	[4.1-4.4; 5.1-5.4]

Mục tiêu /CĐR Goal	Mô tả mục tiêu/Chuẩn đầu ra của học phần Description of the goal or output requirement	CĐR được phân bổ cho HP/ Mức độ (I/T/U) Output division/ Level (I/T/U)
	bài toán kỹ thuật.	
	Recognize simple statistical models and applied them to solve engineering problems	
M2.3	Hiểu và áp dụng nghiên cứu các tài liệu chuyên ngành	[1.1-1.4; 2.1-2.4;
	Understand and apply to reading specialized materials	3.1-3.5; 4.1-4.4;
		5.1-5.3]
M3	Có khả năng tổng hợp và trình bày bài toán xác suất thống	
	kê, có đạo đức và trách nhiệm nghề nghiệp.	
	Capacity to synthesize and present a statistics and probability	
	problem as well as understanding responsibility and	
	professional ethics	
M3.1	Có khả năng làm việc nhóm, viết báo cáo và trình bày các bài tập.	[1.1-1.4; 2.1-2.4;
	Capacity to work in groups, write reports and present	3.1-3.5; 4.1-4.4;
	presentations on the results of homework	5.1-5.3]
M3.2	Hiểu trách nhiệm, đạo đức nghề nghiệp.	
	Understanding responsibilities, professional ethics	

## 4. GIÁO TRÌNH VÀ TÀI LIỆU THAM KHẢO - TEXTBOOK AND REFERENCES

#### Giáo trình - Textbooks

- [1] Walpole R.E, Myers R.H, Myers S.L, Ye K. (2011). *Probability & Statistics for Engineers and Scientists*. Prentice-Hall (ninth edition).
- [2] Applied Mathematics Department (2020). Workbook. Instituted Materials.

#### Tài liệu tham khảo - References

Vietnamese References

[3] Tong Dinh Quy (2009). *The course of Probability and Statistics*. Bach Khoa Publication.

#### **English References**

- [4] Andrew, M., David, G., Tony, G., Mayhayaudin, M., Andrew, S., Jonathan, T. (2019). *Statistics in Engineering: With Examples in MATLAB® and R.* Second Edition. CRC Press, Taylor & Francis Group.
- [5] Johnson R.A. (2005). *Probability & Statistics for Engineers*. Person Education, Inc., 2005.
- [6] Murray, R.S., John, J.S. (2001). Probability and Statistics. McGraw-Hill Companies.
- [7] Thomas, H. (2016). *An Introduction to Statistics with Python* (With Applications in the Life Sciences). Springer.

# 5. CÁCH ĐÁNH GIÁ HỌC PHẦN - EVALUATION

Điểm thành phần Component	Phương pháp đánh giá cụ thể Evaluation method	Mô tả Description	CĐR được đánh giá Output	Tỷ trọng Percent
A1. Điểm quá	Đánh giá quá trình			30%
trình	Mid-term			
Mid-term (*)	A1.1 Thảo luận	Mixed.	M1, M2.1, M3.1	
	Class Participation	Presentation		
	A1.2 Bài tập về nhà	Individual Essay		
	Homework	Writing		
	A1.3 Bài tập nhóm	Mixed.		
	Group Assignments	Discussion report		
	A1.4 Thi giữa kỳ	Viết	M1.1, M1.2, M1.3,	
	Midterm Exam	Writing	M1.4, M2.1	
A2. Điểm cuối kỳ	A2.1 Thi cuối kỳ	Viết	M1, M2.1	<b>70%</b>
Final	Final Exam	Writing		

<sup>(\*)</sup> Điểm quá trình sẽ được điều chính bằng cách cộng thêm điểm chuyên cần. Điểm chuyên cần có giá trị từ –2 đến +2, theo Quy chế Đào tạo đại học hệ chính quy của Trường ĐH Bách khoa Hà Nội. Mid-term score will be adjusted by extra-point of attendance. Extra-point of attendance is worth –2 to +2, according to the Hanoi University of Technology's Training Regulations.

# 6. KÉ HOẠCH GIẢNG DẠY - ASSESSMENT RUBRIC

Tuần Week	Nội dung Content	CĐR học phần Output	Hoạt động dạy và học Teaching activities	Bài đánh giá Evaluated in
[1]	[2]	[3]	[4]	[5]
1	Chapter 1: Random Event and Probability Calculator 1.1. Basic Notions 1.1.1. Events and Sample space 1.1.2. Events relation (Union, Intersection, Mutually exclusive events, Complement, Mutually exclusive and exhaustive events) 1.1.3. Methods of Counting (Multiplication Rule, Permutation, Combination, Repeated permutation) Problems - Chapter 1	M1.1 M2.1 M2.3 M3.1 M3.2	Teacher: - Giving lectures ([1] Chapter 2) - Providing lecture notes, assignments - Leading discussions Student in class: - Participating class activities - Answering questions Student at home: - Reading documents	A1.1 A1.2 A1.3 A1.4 A2.1
2	<ul> <li>1.2. Probability of an Event</li> <li>1.2.1. Theoretical Probability Definition</li> <li>1.2.2. Geometric Probability</li> <li>1.2.3. Empirical Probability</li> <li>Problems - Chapter 1</li> </ul>	M1.1 M2.1 M2.3 M3.1 M3.2	- Do homework	A1.1 A1.2 A1.3 A1.4 A2.1

Tuần Week	Nội dung Content	CĐR học phần Output	Hoạt động dạy và học Teaching activities	Bài đánh giá Evaluated in
[1]	[2]	[3]	[4]	[5]
3	1.3. Additive and the Multiplicative	M1.1		A1.1
	Rules	M2.1		A1.2
	1.3.1. Conditional Probability	M2.3		A1.3
	1.3.2. Additive Rules. The Multiplicative	M3.1		A1.4
	Rules	M3.2		A2.1
	1.3.3. Bernoulli Trial Calculator			
	Problems - Chapter 1			
4	1.4. Bayes' Theorem	M1.1	- 	A1.1
	1.4.1. Total Probability	M2.1		A1.2
	1.4.2. Bayes' Rule	M2.3		A1.3
	Problems - Chapter 1	M3.1		A1.4
		M3.2		A2.1
5	Chapter 2. Random Variables and	M1.2	Teacher:	A1.1
	<b>Probability Distributions</b>	M1.4	- Giving lectures ([1]	A1.2
	2.1. Random Variables	M2.1	Chapter 3, Chapter 4)	A1.3
	2.1.1. Concept of a Random Variable	M2.3	- Providing lecture	A1.4
	2.1.2. Types (Discrete Random Variables,	M3.1	notes, assignments	A2.1
	Continuous Random Variables)	M3.2	- Leading discussions	
	2.2. Probability Distributions		Student in class:	
	2.2.1. Probability Mass Functions.		- Participating class	
	Probability Distribution (The Discrete		activities	
	Case)		- Answering questions	
	2.2.2. Cumulative Distribution Function		Student at home:	
	Problems - Chapter 2		- Reading documents - Do homework	
6	2.2.3. Probability Density Function (The	M1.2	- DO HOHICWOLK	A1.1
	Continuous Case)	M1.4		A1.2
	2.3. Mathematical Expectations	M2.1		A1.3
	2.3.1. Expected of a Random Variable	M2.3		A1.4
	2.3.2. Variance and Standard Deviation of	M3.1		A2.1
	a Random Variable  Problems Chapter 2	M3.2		
7	Problems - Chapter 2	M1 2		A 1 1
/	2.4. Important Probability Distributions	M1.3	Teacher:	A1.1
	2.4.1. Uniform Distribution	M2.1	- Giving lectures ([1]	A1.2
	2.4.2. Binomial Distribution	M2.3	Chapter 5, Chapter 6,	A1.3
	2.4.2. Binomial Distribution 2.4.3. Poisson Distribution	M3.1	Chapter 8)	A1.4
	Problems - Chapter 2	M3.2	- Providing lecture	A2.1
	1 Toblems - Chapter 2		notes, assignments	

Tuần	Nội dung	CĐR học	Hoạt động dạy và học	Bài đánh giá
Week	Content	phần	Teaching activities	Evaluated
		Output		in
[1]	[2]	[3]	[4]	[5]
8	2.4.4. Exponential Distribution	M1.3	- Leading discussions	A1.1
	2.4.5. Normal Distribution	M2.1	Student in class:	A1.2
	2.4.6. Chi-Square Distribution	M2.3	- Participating class	A1.3
	2.4.7. Student's t-Distribution	M3.1	activities	A2.1
	Problems - Chapter 2	M3.2	- Answering questions	
			Student at home:	
			- Reading documents	
0		3.51.4	- Do homework	
9	Chapter 3. Pairs of Random Variables	M1.4	Teacher:	A1.1
	3.1. Pairs of Random Variables and	M2.1	- Giving lectures ([1]	A1.2
	Joint Probability Distributions 3.1.1. The Discrete Case	M2.3	Chapter 3, Chapter 4,	A1.3
		M3.1	Chapter 8)	A2.1
	3.1.2. The Continuous Case  3.2. Marginal Distributions	M3.2	- Providing lecture	
	<ul><li>3.2. Marginal Distributions</li><li>3.2.1. The Discrete Case</li></ul>		notes, assignments	
	3.2.2. The Continuous Case		- Leading discussions <b>Student in class</b> :	
	3.3. Conditional Distributions		- Participating class	
	3.3.1. The Discrete Case		activities	
	3.3.2. The Continuous Case		- Answering questions	
	3.4. Independence		Student at home:	
	Problems - Chapter 3		- Reading documents	
10	3.4. Functions of Two Random	M1.4	- Do homework	A1.1
	Variables	M1.5		A1.2
	3.5. Expected Values	M2.1		A1.3
	3.5.1. Expected Values. Variances	M2.3		A2.1
	3.5.2. Covariance. Covariance Matrix.	M3.1		
	Correlation Coefficient	M3.2		
	3.6. Law of Large Numbers and Central Limits Theorem			
	3.6.1. Chebyshev's Theorem			
	3.6.2. Law of Large Numbers			
	3.6.3 Central Limits Theorem			
	Problems - Chapter 3			

Tuần Week	Nội dung Content	CĐR học phần	Hoạt động dạy và học	Bài đánh giá
VV CCK	Content	Output	Teaching activities	Evaluated in
[1]	[2]	[3]	[4]	[5]
11	Chapter 4. Sampling Distributions and	M1.5		A1.1
11	Estimation of Parameters	M2.1	Teacher:	A1.1
	4.1. Introduction to Sampling Theory	M2.2	- Giving lectures ([1]	A1.3
	4.1.1. Population and Samples	M2.3	Chapter 1, Chapter 9) - Providing lecture	A2.1
	4.1.2. Sample Mean	M3.1	notes, assignments	112.1
	4.1.3. Sample Variance and Sample	M3.2	- Leading discussions	
	Standard Deviation	1,13.2	Student in class:	
	4.2. Random Sampling		- Participating class	
	4.2.1. Sampling Distribution of the Sample		activities	
	Mean		- Answering questions	
	4.2.2. Sampling Distribution of the Sample		Student at home:	
	Variance		- Reading documents	
	4.2.3. Sampling Distribution of Sample		- Do homework	
	Proportions			
	4.3. Point Estimate			
	4.3.1. Classical Methods of Estimation			
	4.3.2. Properties of Point Estimators			
	Problems - Chapter 4			
	An Introduction to Statistical Modelling			
12	4.4. Confidence Interval	M1.6		A1.1
	4.4.1. Interval Estimation	M2.1		A1.2
	4.4.2. Confidence Interval for Population	M2.2		A1.3
	Mean	M3.1		A2.1
	4.4.3. Confidence Interval for Population	M3.2		
	Proportion			
	Problems - Chapter 4			
13	Chapter 5. Hypothesis Testing	M1.7	Teacher:	A1.1
	<b>5.1.</b> Introduction to Hypothesis Testing	M2.1	- Giving lectures ([1]	A1.2
	5.1.1. Statistical Hypothesis	M2.2	Chapter 10)	A1.3
	5.1.2. Testing a Statistical Hypothesis	M3.1	- Providing lecture	A2.1
	<b>5.2.</b> Hypothesis Tests for One-Sample	M3.2	notes, assignments	
	5.2.1. Hypothesis Test for one Population		- Leading discussions	
	Mean (Large-Sample and Small-		Student in class:	
	Sample)		- Participating class	
	Problems - Chapter 4		activities	

Tuần Week	Nội dung Content	CĐR học phần Output	Hoạt động dạy và học Teaching activities	Bài đánh giá Evaluated in
[1]	[2]	[3]	[4]	[5]
14	5.2.2. Hypothesis Test for one Population	M1.7	- Answering questions	A1.1
	Proportion (Large-Sample)	M2.1	Student at home:	A1.2
	5.3. Hypothesis Tests for Two-Sample	M2.2	- Reading documents	A1.3
	5.3.1. Hypothesis Test for the Difference	M3.1	- Do homework	A2.1
	of Two Population Proportions (Large-	M3.2		
	Sample and Small-Sample)			
	5.3.2. Hypothesis Test for the Difference of Two Population Proportions (Large-Sample)			
	Problems - Chapter 5			
15	Revision	M1.7	Teacher:	A1.1
	Problems - Chapter 5	M2.1	- Leading discussions	A1.2
	<u>-</u>	M2.2	Student in class:	A1.3
		M2.3	- Participating class	A2.1
		M3.1	activities	
	An Introduction to Statistical Modelling	M3.2		

## 7. COURSE POLICIES

- Students are expected to follow the regulations of Hanoi University of Sciences and Technology.
- For any cheating during the exam or exercise, students must be disciplined by the school and get 0 points for the course.

0		7 A T	DATE.	
8.	AFFRU	AL	DAIL:	

Chairman	Instructor
----------	------------

## 10. UPDATES

No.	Adjustments	Approval Date	Time application	Note
1				
2				