# מטלה – החלפת כליות

# שאלה 3: החלפת כליות - שני אלגוריתמים

סוג-דם תורם	סוג-דם חולה		בשאלה זו נניח שהתאמה בין תורם לנתרם תלויה רק
0	AB	זוג ראשון	בסוג הדם. נתון מאגר-נתונים ובו שלושה זוגות עם סוגי-דם לפי הטבלה בצד שמאל.
А	0	זוג שני	א. ציירו את הגרף המכוון המתאר את ההתאמות
AB	Α	זוג שלישי	או בארץ אוני רוגו וי רובוכוון רובונאו אוני רוויונאובווני בגרף.

ב. כמה ואיזה חולים אפשר להציל בלי החלפת כליות בכלל?

### שאלה 4: החלפת כליות בישראל

- א. באיזה מרכזים רפואיים בישראל אפשר להירשם להחלפת כליות?
  - ב. מהו האורך המקסימלי של מעגל-החלפה בתוכנית הישראלית?
    - ג. באיזו תדירות מריצים את האלגוריתם לחיפוש מעגלים?
- ד. האם האלגוריתם הממומש בישראל הוא מעודד השתתפות (individually-rational)? הוכיחו את טענתכם בעזרת שלוש טענות לפחות מתוך אתר משרד הבריאות.

### שאלה 4: הסתברות להחלפת כליות

0,) לצורך השאלה, הניחו שהתאמה בין תורם לחולה תלויה רק בסוג הדם, ושההסתברות לכל סוג דם (A, B, AB

- א. נניח שאדם חולה וזקוק לכליה, ואשתו בריאה ומוכנה לתרום לו. מה ההסתברות שהכליה מתאימה?
  - ב. נניח שיש שני זוגות כמו בסעיף א. מה ההסתברות שאפשר לבצע החלפת-כליות מוצלחת? בכמה ההחלפה משפרת את סיכויי ההצלה של כל אחד מהחולים?
    - \* בסעיפים הבאים נניח שיש שלושה זוגות כמו בסעיף א. ניתן לפתור סעיפים אלה ע"י קוד.
    - ג. מה ההסתברות שאפשר לבצע החלפת-כליות מוצלחת, אם החלפות מתבצעות בזוגות בלבד?
- ד. מה ההסתברות שאפשר לבצע החלפת-כליות בשלשה, בכמה ההחלפה משפרת את סיכויי ההצלה של החולים?

ג. כמה ואיזה חולים אפשר להציל בעזרת האלגוריתם למציאת שידוד גדול ביותר (שנלמד בכיתה)?

ד. כמה ואיזה חולים אפשר להציל בעזרת אלגוריתם למציאת שלשות רבות ביותר (שלא נלמד בכיתה)?

#### ברוד ה' חונן הדעת

## \* שאלה 4: החלפת כליות עם סדרי עדיפויות

במרכז ההשתלות הלאומי החליטו לתת עדיפות לחולים עם משפחות גדולות - כי יותר אנשים ישמחו אם הם יהיו בריאים. הוגדר שרמת ה"שמחה" של כל חולה שווה למספר הנפשות במשפחה שלו.

- א. תארו אלגוריתם המוצא החלפת-כליות בזוגות, שבה רמת השמחה היא הגדולה ביותר האפשרית.
  - ב. הראו דוגמה שבה האלגוריתם של סעיף א נותן תוצאה שונה מהאלגוריתם שלמדנו בהרצאה.
  - ג. הריצו את האלגוריתם בפייתון על מספר דוגמאות (השתמשו בפונקציה המתאימה מהספריה (networkx).

# שאלה 5: החלפת כליות בפייתון

כיתבו פונקציה המקבלת מטריצת התאמה בין זוגות, ומוצאת מעגלים באורך 2 או באורך 3, כך שמספר המושתלים הכולל הוא הגבוה ביותר. הפונקציה לא חייבת להיות יעילה חישובית (אפשר לכתוב פתרון brute force). כותרת אפשרית לפונקציה:

def find max matches (compatible: List[List[bool]]): ...

המטריצה compatible מתארת התאמה בין תורם לחולה. למשל

22 אומר שתורם מספר 11 יכול לתרום לחולה מספר compatible[11,22]==True

ב – נשימו לב – compatible[22,11]==True אומר שתורם מספר 22 יכול לתרום לחולה מספר 11 (שימו לב – המטריצה לא בהכרח סימטרית).

פלט לדוגמה:

Length 2 cycle: 11→22 and 22→11

Length 3 cycle:  $44\rightarrow55$  and  $55\rightarrow99$  and  $99\rightarrow44$