Variables et hasard

Énigme 1.

On lance deux dés de six faces un grand nombre de fois. On compte combien de fois la somme des deux dés est 5 ou 9.

Question. Effectue 10 000 lancers des deux dés. Combien de fois environ obtiens-tu 5 ou 9 : 1000 fois, 2000 fois, 3000 fois,..., 9000 fois ou 10 000 fois?

Indications.

- Pour chaque lancer de dé, on tire au hasard un nombre entre 1 et 6.
- Le mode turbo permet d'aller plus vite!

Énigme 2.

Voici une façon de simuler le hasard par ordinateur.

- On part d'un entier x_0 , la « graine ».
- On calcule un entier x_1 en fonction de x_0 .
- On calcule x_2 en fonction de x_1 .
- ...

Si la fonction qui permet de faire les calculs est bien choisie alors les nombres x_1 , x_2 , x_3 ... ont l'air d'être tirés au hasard.

Voici une proposition d'algorithme :

- $x \leftarrow 13$
- Répéter 10 fois :
 - $-x \leftarrow 11 \times x + 3$
 - $-x \leftarrow x \mod 100$

La graine est 13. Le premier nombre généré est 46, le second est 9, le troisième est 2...

Question. Combien vaut le dixième nombre généré?

Indications.

- L'opération « *x* modulo 100 » est une façon simple de garder seulement les deux derniers chiffres de l'entier *x*. Par exemple « 1234 modulo 100 » vaut 34.
- Une autre façon, plus mathématique, de définir l'opération « *x* modulo 100 » est de dire que ce nombre est le reste de la division de *x* par 100.

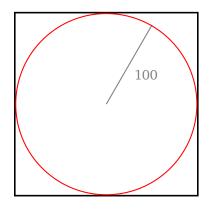
Variables et hasard 2

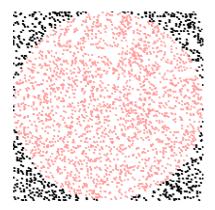
• On l'obtient avec Scratch par le bloc :



Énigme 3.

On lance au hasard des points dans un carré. On compte ceux qui tombent dans le disque délimité par le cercle inscrit dans le carré (figure de gauche). Sur la figure de droite, on a lancé de nombreux points. En clair ce sont les points qui sont tombés dans le disque, les autres sont en noir.





Comment tirer un point au hasard?

- Tirer au hasard un nombre x entre -100 et +100.
- Tirer au hasard un nombre y entre -100 et +100.
- Le point au hasard est alors (x, y).

Comment savoir si le point est bien dans le disque ? Le point (x, y) est dans le disque lorsque :

$$x \times x + y \times y \leq 10000$$
.

Question. Choisis au hasard un grand nombre (au moins 5000) de points dans le carré. Combien vaut le nombre :

$$40 \times \frac{\text{nombre de points lancés figurant dans le disque}}{\text{nombre total de points lancés}}$$
?

Arrondi la réponse à l'entier le plus proche.