



Universidad Católica de Santiago del Estero

Departamento Académico Rafaela

Ingeniería en Informática



TRABAJO PRACTICO 1

Análisis matemático



1 DE SEPTIEMBRE DE 2017

RIBERO JOAQUIN, STORANI GIANFRANCO, TRINCHIERI FACUNDO
UCSE-DAR



T. Práctico Nro. 1- Raíces de funciones

Actividad Nro. 1

Bisección:

```
public string Biseccion (double xi, double xd, int ite, double toler)
{
    var funcion = new Funcion();
    Boolean flagSalida = false, flgNoRaiz = false;
    double raizFinal = 0;
    int c = 0;
    double Tole = toler;
    double xant = 0;
    int Ite = ite;
    while (flagSalida == false)
    {
        if (funcion.Function(xi) * funcion.Function(xd) == 0)
        {
            if (funcion.Function(xi) == 0)
            {
                raizFinal = xi;
                flagSalida = true;
            }
            else
            {
                raizFinal = xd;
                flagSalida = true;
            }
        }
        else if (funcion.Function(xi) * funcion.Function(xd) > 0)
        {
            flgNoRaiz = true;
            flagSalida = true;
        }
        else
        {
            double xr = (xi + xd) / 2;
            double error = Math.Abs((xr - xant) / xr);
            c++;

            if (Math.Abs(funcion.Function(xr)) < Tole || error < Tole || c >= Ite)
            {
                raizFinal = xr;
                flagSalida = true;
            }
            else if (funcion.Function(xi) * funcion.Function(xr) > 0)
            {
                xi = xr;
                xant = xr;
            }
            else
            {
                xd = xr;
                xant = xr;
            }
        }
    }
    if (flgNoRaiz == true)
    {
        return "No se encuentra ninguna raiz entre esos dos valores. Ingrese nuevos.";
    }
    else return "El resultado de la raiz entre la biseccion es " + raizFinal.ToString("0.##");
}
```



Regla falsa:

```
public string ReglaFalsa(double xi, double xd, int ite, double toler)
{
    var funcion = new Function();
    Boolean flagSalida = false, flgNoRaiz = false;
    double raizFinal = 0;
    int c = 0;
    double Tole = toler;
    double xant = 0;
    int Ite = ite;
    while (flagSalida == false)
    {
        if (funcion.Function(xi) * funcion.Function(xd) == 0)
        {
            if (funcion.Function(xi) == 0)
            {
                raizFinal = xi;
                flagSalida = true;
            }
            else
            {
                raizFinal = xd;
                flagSalida = true;
            }
        }
        else if (funcion.Function(xi) * funcion.Function(xd) > 0)
        {
            flgNoRaiz = true;
            flagSalida = true;
        }
        else
        {
            double xr = (funcion.Function(xd) * xi - funcion.Function(xi) * xd) /
                (funcion.Function(xd) - funcion.Function(xi));
            double error = Math.Abs((xr - xant) / xr);
            c++;

            if (Math.Abs(funcion.Function(xr)) < Tole || error < Tole || c >= Ite)
            {
                raizFinal = xr;
                flagSalida = true;
            }
            else if (funcion.Function(xi) * funcion.Function(xr) > 0)
            {
                xi = xr;
            }
            else
            {
                xd = xr;
            }
            xant = xr;
        }
    }
    if (flgNoRaiz == true)
    {
        return "No se encuentra ninguna raiz entre esos dos valores. Ingrese nuevos.";
    }
    else return "El resultado de la raiz entre la regla falsa es " + raizFinal.ToString("0.##");
}
```



Tangente:

```
public string Tangente(double xi, int ite, double toler)
{
    var funcion = new Funcion();
    Boolean flagSalida = false;
    double raizFinal = 0;
    int c = 0;
    double Tole = toler;
    double xant = 0;
    int Ite = ite;
    double der = (funcion.Function(xi + Tole) - funcion.Function(xi)) / Tole;
    while (flagSalida == false)
    {
        if (Math.Abs(funcion.Function(xi)) < Tole)
        {
            raizFinal = xi;
            flagSalida = true;
        }
        else
        {
            c++;
            double xr = xi - funcion.Function(xi) / der;
            double error = Math.Abs((xr - xant) / xr);
            if (Math.Abs(funcion.Function(xr)) < Tole || error < Tole || c >= Ite)
            {
                raizFinal = xr;
                flagSalida = true;
            }
            else
            {
                xi = xr;
                xant = xr;
            }
        }
    }
    return "El resultado de la raiz por la tangente es: " + raizFinal.ToString("0.##");
}
```



Secante:

```
public string Secante(double x0, double x1, int ite, double toler)
{
    var funcion = new Function();
    Boolean flagSalida = false;
    double raizFinal = 0;
    int c = 0;
    double Tole = toler;
    double xant = x0;
    double x2 = 0;
    int Ite = ite;
    double sec(double xa0, double xa1)
    {
        return ((funcion.Function(xa1) * xa0 - funcion.Function(xa0) * xa1) / (funcion.Function(xa1) - funcion.Function(xa0)));
    };
    while (flagSalida == false)
    {
        if (funcion.Function(x0) * funcion.Function(x1) == 0)
        {
            if (funcion.Function(x0) == 0)
            {
                raizFinal = x0;
                flagSalida = true;
            }
            else
            {
                raizFinal = x1;
                flagSalida = true;
            }
        }
        else
        {
            c++;
            x2 = sec(x0,x1);
            double error = Math.Abs((x2 - xant) / x2);

            if (Math.Abs(funcion.Function(x1)) < Tole || error < Tole || c >= Ite)
            {
                raizFinal = x2;
                flagSalida = true;
            }
            else
            {
                x0 = x1;
                x1 = x2;
                xant = x1;
            }
        }
    }
    return "El resultado de la raiz por la secante es: " + raizFinal.ToString("0.####");
}
```



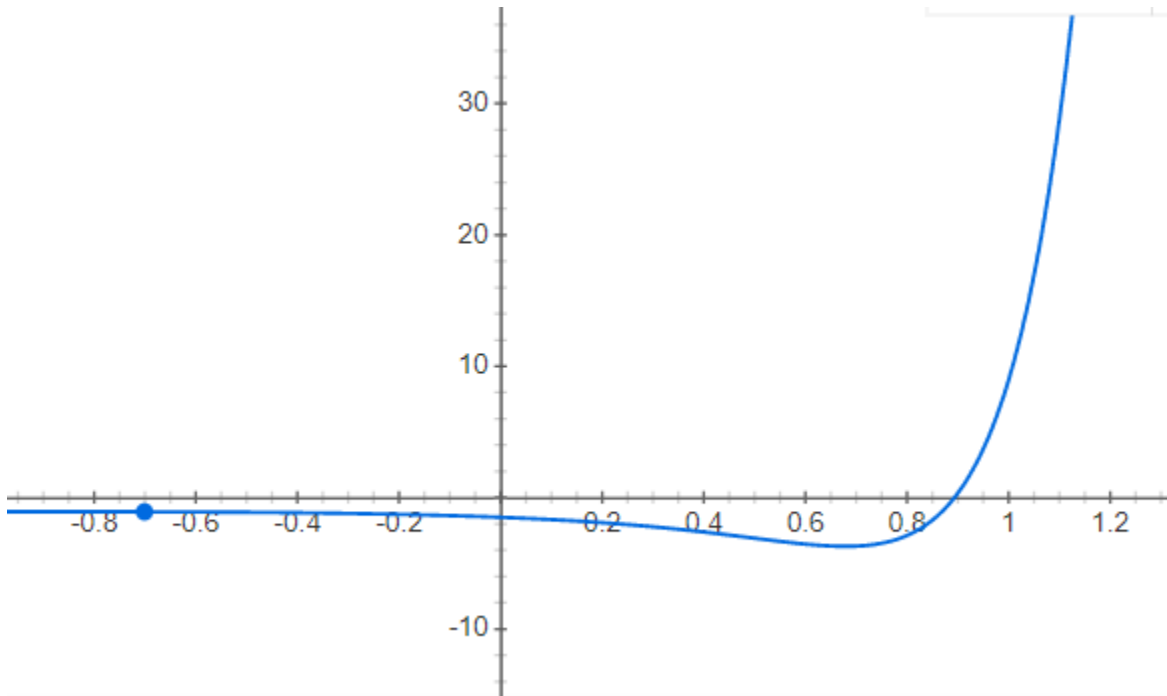
Interfaz:

The screenshot shows a software window titled "Metodos" with a yellow title bar. Inside, the window is divided into several sections. At the top left, under the heading "Raiz", there is a text input field labeled "Funcion:" containing the expression $(x-3)^2-1$. Below this, a blue-shaded box contains the instruction "Ingrese dos valores para biseccion". Inside this box, there are three input fields: "Valores:" with the value "2", another field with the value "5", and "Iteraciones:" with the value "100". Below these is a "Tolerancia:" field with the value "0.0001" and an "Ingresar" button. To the right of the input fields is a large graphing area with a grid. A red parabola is plotted, opening upwards with its vertex at (3, -1). Below the graphing area, there is a text box that says "El resultado de la raiz entre la biseccion es 2". At the bottom left, there is an "Escala:" field with the value "20" and a "Graficar" button.



Actividad Nro. 2

Ejercicio Nro. 1:

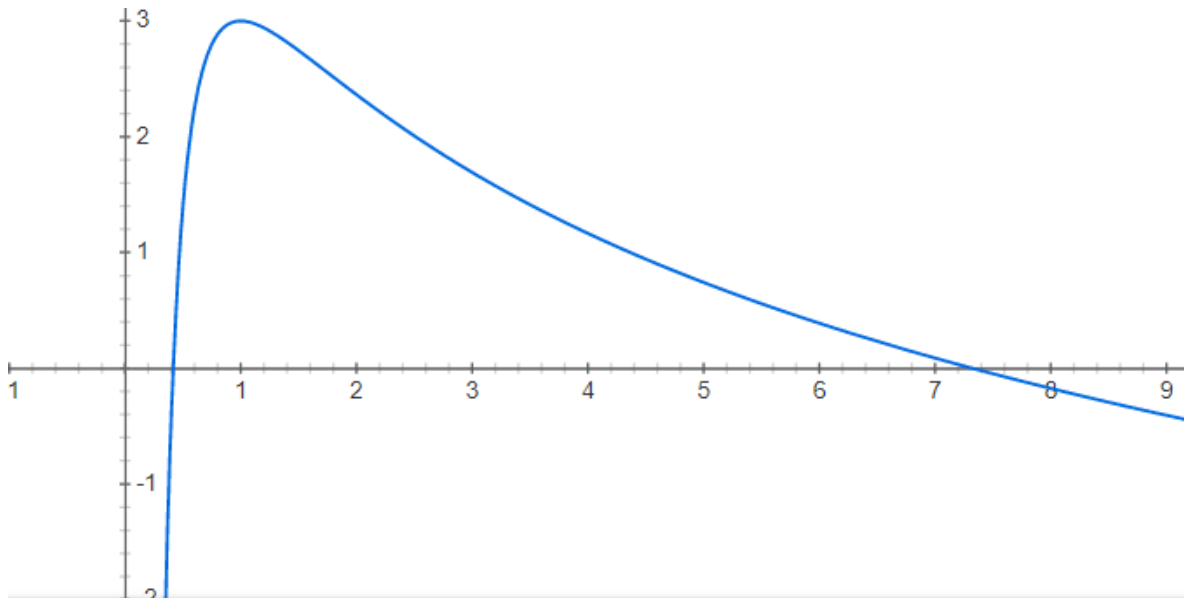


| Método: | De la Bisección | De la Regla Falsa |
|------------------------|-----------------|-------------------|
| Intervalo | [0,1] | [0,1] |
| Tolerancia | 0.0001 | 0.0001 |
| X Izquierdo | 0 | 0 |
| X Derecho | 1 | 1 |
| Iteraciones Máximas | 100 | 100 |
| Raíz Encontrada | 0,89325 | 0,893194 |
| Error | 0.0001 | 0.00004 |
| Iteraciones Usadas | 14 | 16 |

En el método de la regla falsa se requieren más iteraciones debido a que supone que la raíz se encuentra más cerca del extremo donde el valor absoluto de la función es menor, aunque en este caso posee casi la misma cantidad de iteraciones que la bisección. Aunque para otro tipo de funciones la cantidad de iteraciones de la regla falsa sería mucho mayor a la de la bisección.



Ejercicio Nro. 2:

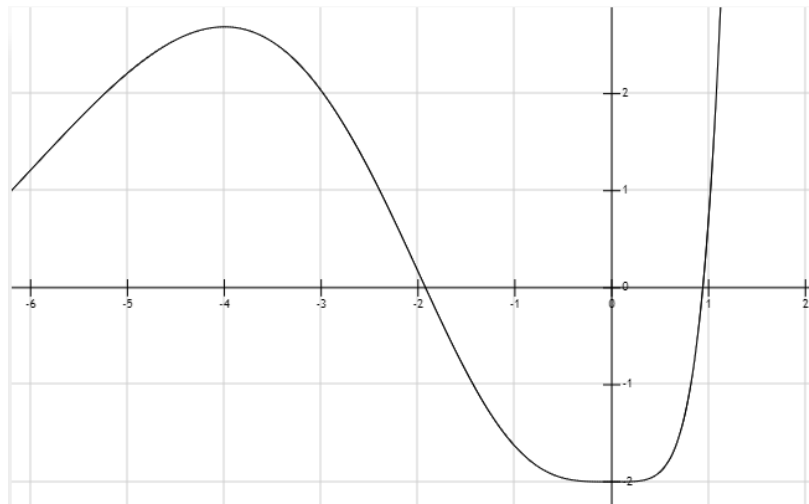


| Método: | Newton-Raphson | Secante |
|------------------------|-----------------|-----------------|
| Intervalo | - | [5,7] |
| Tolerancia | 0.0001 | 0.0001 |
| X Izquierdo | 10 | 5 |
| X Derecho | - | 7 |
| Iteraciones Máximas | 100 | 100 |
| Raíz Encontrada | 7,320756 | 7,320435 |
| Error | 0.0001 | 0,000001 |
| Iteraciones Usadas | 8 | 4 |

- a- El problema que surge con el método de la tangente cuando $x=1$ es que el método supera las iteraciones, debido a que la función en ese valor es un máximo por lo tanto la tangente es constante.
- b- No surgen problemas con el método de la secante entre esos dos valores $x_0=14$ y $x_1=15$.



Ejercicio Nro. 3:

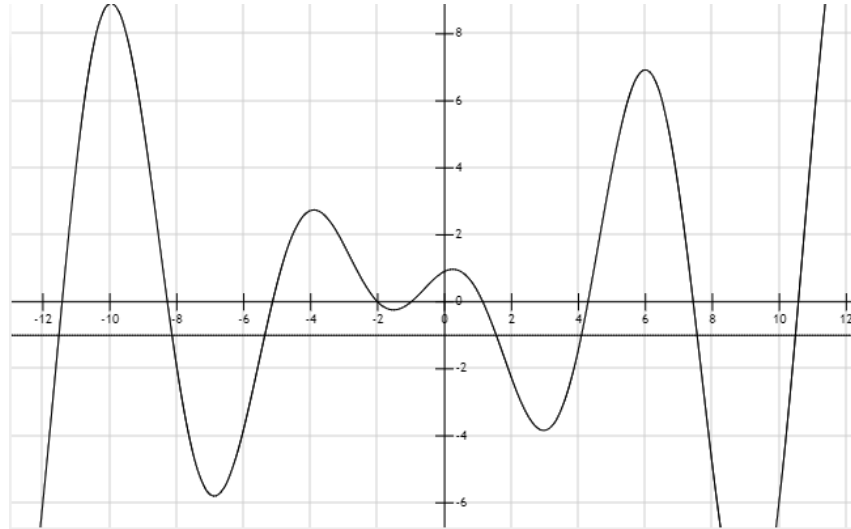


| Método: | Newton-Raphson | Secante |
|------------------------|------------------|------------------|
| Intervalo | - | [-3,0] |
| Tolerancia | 0.0001 | 0.0001 |
| X Izquierdo | -3 | -3 |
| X Derecho | - | 0 |
| Iteraciones Máximas | 100 | 100 |
| Raíz Encontrada | -1,923512 | -1,923557 |
| Error | 0.0001 | 0,000001 |
| Iteraciones Usadas | 19 | 5 |

- a- La función evaluada en esos dos puntos tiene el mismo valor y la recta secante en esos dos puntos es paralela al eje x por lo tanto nunca corta al eje y se pasa en iteraciones.

b-

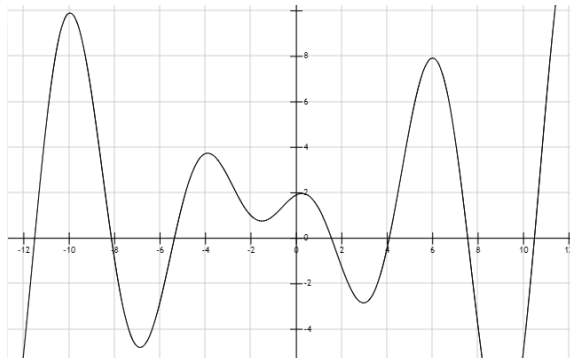
Ejercicio Nro. 4:



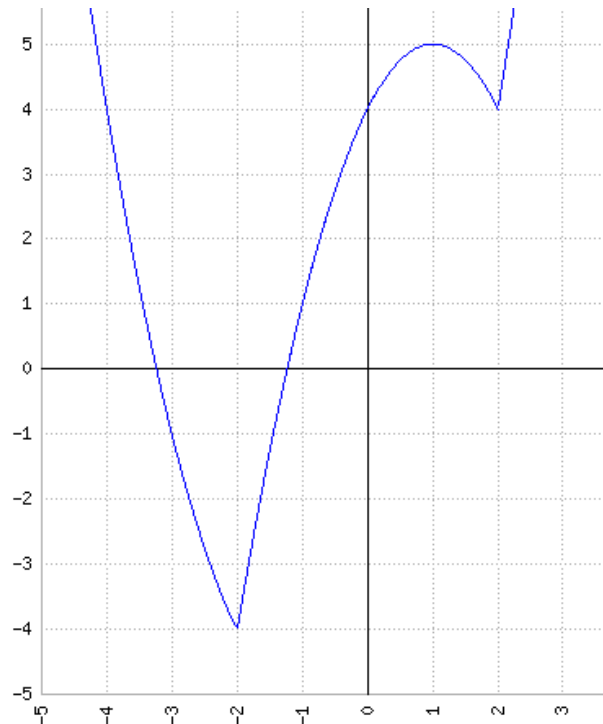
| Método: | Bisección | Newton-Raphson |
|------------------------|------------------|------------------|
| Intervalo | [-3,-1] | - |
| Tolerancia | 0.0001 | 0.0001 |
| X Izquierdo | -3 | -3 |
| X Derecho | -1 | - |
| Iteraciones Máximas | 100 | 100 |
| Raíz Encontrada | -5,372559 | -5,372335 |
| Error | 0,000091 | 0,000018 |
| Iteraciones Usadas | 12 | 5 |

- a- Para resolverlo tuvimos que desplazar la función hacia arriba una unidad para hacer coincidir la función $y=-1$ con el eje x y así poder detectar las intersecciones. Utilizando valores en los que la función no sobrepasa un máximo o mínimo, ambos métodos funcionan adecuadamente. Son más efectivos los métodos abiertos en este tipo de funciones ya que encuentran la raíz más rápido.

$$f(x) = (x+1)*\sin(x+2)+1$$



Ejercicio Nro. 5



| Método: | Bisección X1 | Bisección X2 |
|------------------------|------------------|------------------|
| Intervalo | $[-2,0]$ | $[-4,-2]$ |
| Tolerancia | 0.0001 | 0.0001 |
| X Izquierdo | -2 | -4 |
| X Derecho | 0 | -2 |
| Iteraciones Máximas | 100 | 100 |
| Raíz Encontrada | -1,236084 | -3,236084 |
| Error | 0,000198 | 0,000075 |
| Iteraciones Usadas | 13 | 13 |

- a- El problema que surge si hallamos la raíz por el método de la tangente con valor $x_0 = -2$ es que no retorne ninguno valor debido a que la función evaluada en ese punto es un mínimo. Aunque por alguna razón nuestro programa lo calcula igualmente con 7 iteraciones y un resultado de -1,236092 el cual es bastante aproximado. Consideramos que esto se debe a que la función que maneja la aplicación es aproximada a la función real.
- b- El problema que surge si intentamos hallar la mayor de las raíces en esos valores por el método de la secante es que no retorna ningún valor y la aplicación se pasa en iteraciones. Debido a que ambos puntos evaluados en la función poseen el mismo valor ($f(0) = 4$; $f(2) = 4$) y la recta secante queda paralela al eje x .