16二分查找(下): 如何快速定位 \mathbf{IP} 对应的省份地址?

通过 \mathbf{P} 地址来查找 \mathbf{P} 归属地的功能,不知道你有没有用过?没用过也没关系,你现在可以打开百度,在搜索框里随便输一个 \mathbf{P} 地址,就会看到它的归属地。



202.102.133.13





百度一下

网页 资讯 知道 图片 视频 贴吧 文库 地图 音乐 更多»

百度为您找到相关结果约5个

搜索工具

<u>IP地址查询</u>



IP地址: 202.102.133.13 山东省东营市 联通

请输入ip地址

查询

本机IP查看方法 IP地址设置方法

这个功能并不复杂,它是通过维护一个很大的IP地址库来实现的。地址库中包括IP地址范围和归属地的对应关系。

当我们想要查询202.102.133.13这个IP地址的归属地时,我们就在地址库中搜索,发现这个IP地址落在[202.102.133.0, 202.102.133.255]这个地址范围内,那我们就可以将这个IP地址范围对应的归属地"山东东营市"显示给用户了。

[202.102.133.0, 202.102.133.255] 山东东营市 [202.102.135.0, 202.102.136.255] 山东烟台 [202.102.156.34, 202.102.157.255] 山东青岛 [202.102.48.0, 202.102.48.255] 江苏宿迁 [202.102.49.15, 202.102.51.251] 江苏泰州 [202.102.56.0, 202.102.56.255] 江苏连云港

现在我的问题是,在庞大的地址库中逐一比对IP地址所在的区间,是非常耗时的。假设我们有12万条这样的IP区间与归属地的对应关系,如何快速定位出一个IP地址的归属地呢?

是不是觉得比较难?不要紧,等学完今天的内容,你就会发现这个问题其实很简单。

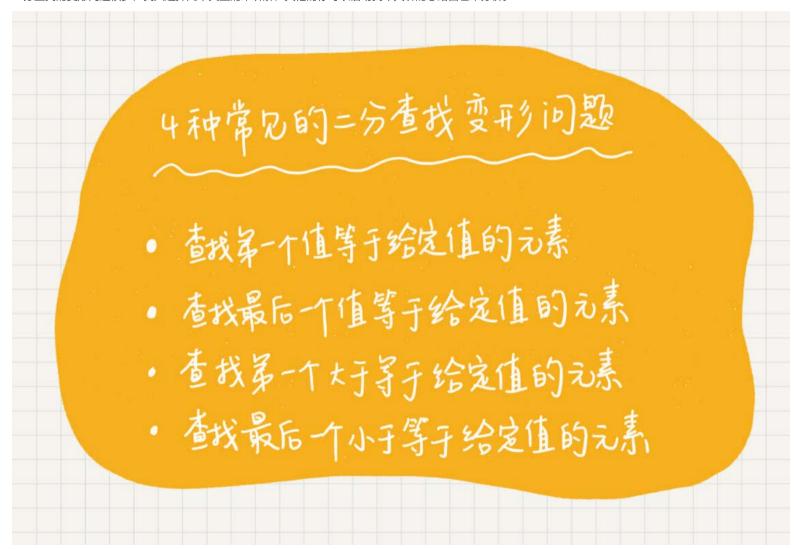
上一节我讲了二分查找的原理,并且介绍了最简单的一种二分查找的代码实现。今天我们来讲几种二分查找的变形问题。

不知道你有没有听过这样一个说法:"十个二分九个错"。二分查找虽然原理极其简单,但是想要写出没有**Bug**的二分查找并不容易。

唐纳德·克努特(Donald E.Knuth)在《计算机程序设计艺术》的第3卷《排序和查找》中说到:"尽管第一个二分查找算法于1946年出现,然而第一个完全正确的二分查找算法实现直到1962年才出现。"

你可能会说,我们上一节学的二分查找的代码实现并不难写啊。那是因为上一节讲的只是二分查找中最简单的一种情况,在不存在重复元素的有序数组中,查找值等于给定值的元素。最简单的二分查找写起来确实不 难,但是,二分查找的变形问题就没那么好写了。

二分查找的变形问题很多,我只选择几个典型的来讲解,其他的你可以借助我今天讲的思路自己来分析。

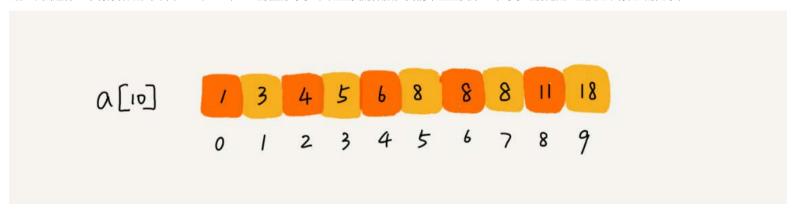


需要特别说明一点,为了简化讲解,今天的内容,我都以数据是从小到大排列为前提,如果你要处理的数据是从大到小排列的,解决思路也是一样的。同时,我希望你最好先自己动手试着写一下这⁴个变形问题,然后再看我的讲述,这样你就会对我说的"二分查找比较难写"有更加深的体会了。

变体一: 查找第一个值等于给定值的元素

上一节中的二分查找是最简单的一种,即有序数据集合中不存在重复的数据,我们在其中查找值等于某个给定值的数据。如果我们将这个问题稍微修改下,有序数据集合中存在重复的数据,我们希望找到第一个值等 于给定值的数据,这样之前的二分查找代码还能继续工作吗?

比如下面这样一个有序数组,其中,a[5],a[6],a[7]的值都等于8,是重复的数据。我们希望查找第一个等于8的数据,也就是下标是5的元素。



如果我们用上一节课讲的二分查找的代码实现,首先拿8与区间的中间值a[4]比较,8比6大,于是在下标5到9之间继续查找。下标5和9的中间位置是下标7,a[7]正好等于8,所以代码就返回了。

尽管a[7]也等于8,但它并不是我们想要找的第一个等于8的元素,因为第一个值等于8的元素是数组下标为5的元素。我们上一节讲的二分查找代码就无法处理这种情况了。所以,针对这个变形问题,我们可以稍微改造一下上一节的代码。

100个人写二分查找就会有100种写法。网上有很多关于变形二分查找的实现方法,有很多写得非常简洁,比如下面这个写法。但是,尽管简洁,理解起来却非常烧脑,也很容易写错。

```
 \begin{array}{l} public int bsearch(int[] \ a, int \ n, int \ value) \ \{ \\ int \ low = 0; \\ int \ high = n - 1; \\ while \ (low <= high) \ \{ \\ int \ mid = low + ((high - low) >> 1); \\ if \ (a[mid] >= value) \ \{ \\ high = mid - 1; \\ \} \ else \ \{ \\ low = mid + 1; \\ \} \\ \} \\ if \ (low < n \ \&\& \ a[low] == value) \ return \ low; \\ else \ return - 1; \\ \} \\ \}
```

看完这个实现之后,你是不是觉得很不好理解?如果你只是死记硬背这个写法,我敢保证,过不了几天,你就会全都忘光,再让你写,^{90%}的可能会写错。所以,我换了一种实现方法,你看看是不是更容易理解呢?

```
public int bsearch(int[] a, int n, int value) {
    int low = 0;
    int line = 0 - 1;
    while (low <= high) {
        int mid = low + ((high - low) >> 1);
        if (a[mid] > value) {
            high = mid - 1;
        } else if (a[mid] < value) {
            low = mid + 1;
        } else if ((mid] < value) {
            low = mid + 1;
        } else high = mid - 1;
        }
    }
    return - 1;
}
```

我来稍微解释一下这段代码。a[mid]跟要查找的value的大小关系有三种情况:大于、小于、等于。对于a[mid]>value的情况,我们需要更新high= mid-1;对于a[mid]<value的情况,我们需要更新low=mid+1。这两点都很好理解。那当a[mid]=value的时候应该如何处理呢?

如果我们查找的是任意一个值等于给定值的元素,当a[mid]等于要查找的值时,a[mid]就是我们要找的元素。但是,如果我们求解的是第一个值等于给定值的元素,当a[mid]等于要查找的值时,我们就需要确认一下这个a[mid]是不是第一个值等于给定值的元素。

我们重点看第11行代码。如果mid等于0,那这个元素已经是数组的第一个元素,那它肯定是我们要找的;如果mid不等于0,但a[mid]的前一个元素a[mid-1]不等于value,那也说明a[mid]就是我们要找的第一个值等于约定值的元素。

如果经过检查之后发现^{a[mid]}前面的一个元素^{a[mid-1]}也等于^{value},那说明此时的^{a[mid]}肯定不是我们要查找的第一个值等于给定值的元素。那我们就更新^{high=mid-1},因为要找的元素肯定出现在^[low, mid-1]之间。 对比上面的两段代码,是不是下面那种更好理解?实际上,很多人都觉得变形的二分查找很难写,主要原因是太追求第一种那样完美、简洁的写法。而对于我们做工程开发的人来说,代码易读懂、没Bug,其实更重要,所以我觉得第二种写法更好。

变体二: 查找最后一个值等于给定值的元素

前面的问题是查找第一个值等于给定值的元素,我现在把问题稍微改一下,查找最后一个值等于给定值的元素,又该如何做呢?

如果你掌握了前面的写法,那这个问题你应该很轻松就能解决。你可以先试着实现一下,然后跟我写的对比一下。

```
 \begin{aligned} & public int bsearch(int[] \ a, int \ n, int \ value) \ \{ \\ & int \ low = 0; \\ & int \ limber = n-1; \\ & while \ (low <= high) \ \{ \\ & int \ mid = low + ((high - low) >> 1); \\ & if \ (a[mid] > value) \ \{ \\ & high = mid-1; \\ & else \ if \ (a[mid] < value) \ \{ \\ & low = mid+1; \\ & else \ \{ \\ & if \ ((mid == n-1) \, \| \ (a[mid+1] != value)) \ return \ mid; \\ & else \ low = mid+1; \\ & \} \\ & return -1; \\ & \} \end{aligned}
```

我们还是重点看第¹¹行代码。如果a[mid]这个元素已经是数组中的最后一个元素了,那它肯定是我们要找的;如果a[mid]的后一个元素a[mid+1]不等于value,那也说明a[mid]就是我们要找的最后一个值等于给定值的元素。

如果我们经过检查之后,发现a[mid]后面的一个元素a[mid+1]也等于value,那说明当前的这个a[mid]并不是最后一个值等于给定值的元素。我们就更新low=mid+1,因为要找的元素肯定出现在[mid+1, high]之间。

变体三:查找第一个大于等于给定值的元素

现在我们再来看另外一类变形问题。在有序数组中,查找第一个大于等于给定值的元素。比如,数组中存储的这样一个序列:3,4,6,7,10。如果查找第一个大于等于5的元素,那就是6。

实际上,实现的思路跟前面的那两种变形问题的实现思路类似,代码写起来甚至更简洁。

```
 \begin{array}{ll} public \ int \ bsearch(int[] \ a, \ int \ n, \ int \ value) \ \{ \\ \ int \ low = 0; \\ \ int \ ligh = n - 1; \\ \ while \ (low <= high) \ \{ \\ \ int \ mid = low + ((high - low) >> 1); \\ \ if \ (a[mid] >= value) \ \} \\ \ if \ ((mid == 0) \ \| \ (a[mid - 1] < value)) \ return \ mid; \\ \ else \ high = mid - 1; \\ \ \} \ else \ \{ \\ \ low = mid + 1; \\ \ \} \\ \ return \ -1; \\ \ \} \end{array}
```

如果a[mid]小于要查找的值value,那要查找的值肯定在[mid+1, high]之间,所以,我们更新low=mid+1。

对于a[mid]大于等于给定值value的情况,我们要先看下这个a[mid]是不是我们要找的第一个值大于等于给定值的元素。如果a[mid]前面已经没有元素,或者前面一个元素小于要查找的值value,那a[mid]就是我们要找的元素。这段逻辑对应的代码是第7行。

如果a[mid-1]也大于等于要查找的值value,那说明要查找的元素在[low, mid-1]之间,所以,我们将high更新为mid-1。

变体四: 查找最后一个小于等于给定值的元素

现在,我们来看最后一种二分查找的变形问题,查找最后一个小于等于给定值的元素。比如,数组中存储了这样一组数据:3,5,6,8,9,10。最后一个小于等于7的元素就是6。是不是有点类似上面那一种?实际上,实现思路也是一样的。

有了前面的基础,你完全可以自己写出来了,所以我就不详细分析了。我把代码贴出来,你可以写完之后对比一下。

```
public int bsearch7(int[] a, int n, int value) {
  int low = 0;
```

16|二分查找(下): 如何快速定位IP对应的省份地址?

```
 \begin{array}{l} \text{int high} = n-1; \\ \text{while (low} < - \text{high)} \ \{ \\ \text{int mid} = \text{low} + ((\text{high} - \text{low}) >> 1); \\ \text{if (a[mid]} > \text{value}) \ \{ \\ \text{high} = \text{mid} - 1; \\ \text{} \text{else} \ \{ \\ \text{if ((mid == n-1) \parallel (a[mid + 1] > \text{value})) return mid;} \\ \text{else low} = \text{mid} + 1; \\ \text{} \\ \text{} \\ \text{return} - 1; \\ \text{} \\ \text{} \\ \end{array} \right\}
```

解答开篇

好了,现在我们回头来看开篇的问题:如何快速定位出一个IP地址的归属地?

现在这个问题应该很简单了。如果IP区间与归属地的对应关系不经常更新,我们可以先预处理这12万条数据,让其按照起始IP从小到大排序。如何来排序呢?我们知道,IP地址可以转化为32位的整型数。所以,我们 可以将起始地址,按照对应的整型值的大小关系,从小到大进行排序。

然后,这个问题就可以转化为我刚讲的第四种变形问题"在有序数组中,查找最后一个小于等于某个给定值的元素"了。

当我们要查询某个IP归属地时,我们可以先通过二分查找,找到最后一个起始IP小天等于这个IP的IP区间,然后,检查这个IP是否在这个IP区间内,如果在,我们就取出对应的归属地显示;如果不在,就返回未查找到。

内容小结

上一节我说过,凡是用二分查找能解决的,绝大部分我们更倾向于用散列表或者二叉查找树。即便是二分查找在内存使用上更节省,但是毕竟内存如此紧缺的情况并不多。那二分查找真的没什么用处了吗?

实际上,上一节讲的求"<u>值</u>等于给定值"的二分查找确实不怎么会被用<u>到,</u>二分查找更适合用在"近似"查找问题,在这类问题上,二分查找的优势更加明显。比如今天讲的这几种变体问题,用其他数据结构,比如散列 表、二叉树,就比较难实现了。

变体的二分查找算法写起来非常烧脑,很容易因为细节处理不好而产生Bug,这些容易出错的细节有:终止条件、区间上下界更新方法、返回值选择。所以今天的内容你最好能用自己实现一遍,对锻炼编码能力、逻辑思维、写出Bug free代码,会很有帮助。

课后思考

我们今天讲的都是非常规的二分查找问题,今天的思考题也是一个非常规的二分查找问题。如果有序数组是一个循环有序数组,比如4,5,6,1,2,3。针对这种情况,如何实现一个求"值等于给定值"的二分查找算 法呢?

欢迎留言和我分享,我会第一时间给你反馈。



数据结构与算法之美

为工程师量身打造的数据结构与算法私教课

王争

前 Google 工程师



新版升级:点击「 🍣 请朋友读 」,10位好友免费读,邀请订阅更有<mark>现金</mark>奖励。

精选留言:

Smallfly 2018-10-27 02:49:06
 有三种方法查找循环有序数组

- 1. 找到分界下标,分成两个有序数组
- 2. 判断目标值在哪个有序数据范围内,做二分查找

_

- 1. 找到最大值的下标 x;
- 2. 所有元素下标 +x 偏移, 超过数组范围值的取模;
- 3. 利用偏移后的下标做二分查找;
- 4. 如果找到目标下标,再作-x 偏移,就是目标值实际下标。

两种情况最高时耗都在查找分界点上,所以时间复杂度是O(N)。

```
16|二分查找(下): 如何快速定位IP对应的省份地址?
           复杂度有点高,能否优化呢?
           三、
           我们发现循环数组存在一个性质:以数组中间点为分区,会将数组分成一个有序数组和一个循环有序数组。
           如果首元素小于 mid, 说明前半部分是有序的, 后半部分是循环有序数组;
           如果首元素大于 mid, 说明后半部分是有序的, 前半部分是循环有序的数组;
           如果目标元素在有序数组范围中,使用二分查找;
           如果目标元素在循环有序数组中,设定数组边界后,使用以上方法继续查找。
           时间复杂度为 O(logN)。[62赞]
          • zixuan 2018-10-31 08:50:52
           思考题对应leetcode 33题,大家可以去练习[21赞]
         • charon 2018-10-26 07:32:49
           用JavaScript实现的最基本的思考题
           array是传入的数组, value是要查找的值
           思路是通过对比low,high的值来判断value所在的区间,不用多循环一遍找偏移量了~
           function search(array,value){
           let low = 0:
           let high = array.length - 1;
           while(low <= high){
           let mid = low + ((high - low) >> 1);
           if(value == array[low]) return low;
           if(value == array[high]) return high;
           if(value == array[mid]) return mid;
           if(value > array[mid] && value > array[high] && array[mid] < array[low]){
           high = mid - 1;
           }else if(value < array[mid] && value < array[low] && array[mid] < array[low]){
           high = mid - 1;
           }else if(value < array[mid] && value > array[low]){
           high = mid - 1;
           }else{
           low = mid + 1:
           return -1
           } [6赞]
          • Victor 2018-10-27 14:38:14
           今天的IP地址归属地问题,从工程实现的角度考虑,我更偏向于直接使用关系型数据库实现。
```

file:///F/temp/geektime/数据结构与算法之美/16二分查找(下): 如何快速定位IP对应的省份地址? .html[2019/1/15 15:35:37]

```
16|二分查找(下): 如何快速定位IP对应的省份地址?
            也就是将12w条归属地与IP区间的开始、结束存入数据库中。
            数据库表ip_table有如下字段: area_name | start_ip | end_ip , start_ip及end_ip 均建立索引
            SQL语句:
            select area_name from ip_table where input_ip >= start_ip and input_ip <= end_ip;
            学习算法的课程常常和自己工程开发的实际结合在一起,感觉两者是相互促进理解的过程。[5赞]
            作者回复2018-10-28 15:27:38
            数据库可以 单性能会受限
          • 菜鸡程序员 2018-12-07 02:25:08
            1.如果不知道分界点,找寻分界点没有意义,不如直接遍历。
            2.如果知道分界点,查看在哪一边,然后二分法,或者偏移量计算,二分法
            老师,我今天这种可以吗:
            /**
            * 功能描述:查找第一个大于等于给定值的元素
            * @param null
            * @return
            * @author xiongfan
            * @date 2018/12/7 9:43:00
            */
            public static int getFirstGreaterValue(int[] array,int value) {
            int low = 0;
            int high = array.length - 1;
            while (low <= high) {
            int mid = low + (high - low) >> 1;
            if (array[mid] < value) {
            low = mid + 1;
            } else if (array[mid] > value) {
            high = mid - 1;
            } else {
            if (mid == 0 \parallel array[mid - 1] < array[mid]) {
            return mid;
            high = mid - 1;
            return low>array.length-1?-1:low;
```

```
/**
 * 功能描述:查找最后一个小于等于给定值的元素
 * @param null
 * @return
 * @author xiongfan
 * @date 2018/12/7 10:03:00
 public static int getLastLessValue(int[] array,int value) {
 int low = 0;
 int high = array.length - 1;
 while (low <= high) {
 int mid = low + (high - low) >> 1;
 if (array[mid] > value) {
 high = mid - 1;
 } else if (array[mid] < value) {
 low = mid + 1;
 } else {
 if \ (mid > array.length-1 \ \| \ array[mid] < array[mid+1]) \ \{\\
 return mid;
 low = mid + 1;
 return high<0?-1:high;
 [4赞]
• 狼的诱惑 2018-10-31 05:15:22
  @老师,请老师或其他高人回复指教
 /**
 *例如: 456123
 * 循环数组的二分查找 总体时间复杂度O(n)
 public static int forEqualsThan(int[] arr, int num) {
 if (arr[0] == num) {
 return 0;
 int length = arr.length;
 int low = 0;
 int high = length - 1;
```

```
16|二分查找 (下): 如何快速定位IP对应的省份地址?
            //找到循环节点
            for (int i = 0; i < length; i++) {
            if (i == length - 1) {
            if (arr[i] > arr[0]) {
            low = i;
            high = 0;
            break:
            } else {
            if (arr[i] > arr[i+1]) {
            low = i;
            high = low + 1;
            break;
            //判断第一个节点的大小位置,确定low和high的值,转变为正常有序的二分查找
            if (arr[0] < num) {
            high = low;
            low = 0;
            if (arr[0] > num) {
            low = high;
            high = length - 1;
            while (low <= high) {
            int index = low + ((high - low) >> 1);
            if (arr[index] > num) {
            high = index - 1;
            if (arr[index] < num) {
            low = index + 1;
            if (arr[index] == num) {
            return index;
            return -1;
            } [3赞]
           • komo0104 2018-10-25 18:10:25
            给原来的index加上偏移量。
            比如原来的二分查找代码从0开始到n-1结束,现在为x到x-1(即n-1+x-n)。
            x为开始循环处的索引,例子里为3(1所在索引)。需要扫描一遍数组找到x,复杂度O(n)。其余和普通二分查找一样,需要多判断index not out of bound。如果索引超过n了要减n。
```

```
16|二分查找(下): 如何快速定位IP对应的省份地址?
                总的复杂度还是O(n) [3赞]
             • OFann 2018-12-18 08:12:10
               public int search(int[] nums, int target) {
               if(nums.length ==0) return -1;
               if(nums.length == 1){
               if(nums[0] == target) return 0;
               else return -1;
               int low = 0;
               int high = nums.length - 1;
               int index = subIndex(nums,low,high);
               if(index != -1){
               int val = binarySearch(nums,low,index,target);
               if (val != -1) return val;
               return binarySearch(nums,index+1,high,target);
               return binarySearch(nums,low,high,target);
               public static int subIndex(int [] nums,int low,int high){
               while (low <= high){
               int mid = low + ((high - low) >> 1);
               if(nums.length < 1) return -1;
               if(nums[mid] > nums[mid+1]) return mid;
               else if( nums[mid] < nums[low] ) high = mid ;</pre>
               else if (nums[mid] > nums[high]) low = mid;
               else return -1;
               return -1;
               public static int binarySearch(int[] nums,int low,int high,int target){
               while (low <= high){
               int mid = low + ((high - low) >> 1);
               if(nums[mid] == target) return mid;
               else if (nums[mid] < target) low = mid + 1;
               else high = mid - 1;
               return -1;
               } [2赞]
              • 姜威 2018-11-03 02:05:11
               总结: 二分查找 (下)
               一、四种常见的二分查找变形问题
```

16|二分查找(下): 如何快速定位IP对应的省份地址?

- 1. 查找第一个值等干给定值的元素
- 2. 查找最后一个值等于给定值的元素
- 3. 查找第一个大干等干给定值的元素
- 4. 查找最后一个小于等于给定值的元素
- 二、适用性分析
- 1.凡事能用二分查找解决的,绝大部分我们更倾向于用散列表或者二叉查找树,即便二分查找在内存上更节省,但是毕竟内存如此紧缺的情况并不多。
- 2.求"值等于给定值"的二分查找确实不怎么用到,二分查找更适合用在"近似"查找问题上。比如上面讲几种变体。

三、思考

- 1.如何快速定位出一个IP地址的归属地?
- [202.102.133.0, 202.102.133.255] 山东东营市
- [202.102.135.0, 202.102.136.255] 山东烟台
- [202.102.156.34, 202.102.157.255] 山东青岛
- [202.102.48.0, 202.102.48.255] 汀苏宿迁
- [202.102.49.15, 202.102.51.251] 江苏泰州
- [202.102.56.0, 202.102.56.255] 江苏连云港
- 假设我们有 12 万条这样的 IP 区间与归属地的对应关系,如何快速定位出一个IP地址的归属地呢?
- 2.如果有一个有序循环数组,比如4,5,6,1,2,3。针对这种情况,如何实现一个求"值等于给定值"的二分查找算法? [2赞]
- 勤劳的小胖子-libo 2018-10-27 02:30:56
- 1. 先二分遍历找到分隔点index,特征是<pre,>=next;
- 2. 把数组分成二个部分, [0,index-1], [index,length-1];
- 3. 分别使用二分查找, 找到给定的值。
- 时间复杂度为2*log(n). 不确定有什么更好的办法。

[2赞]