

Question 2

(6 marks)

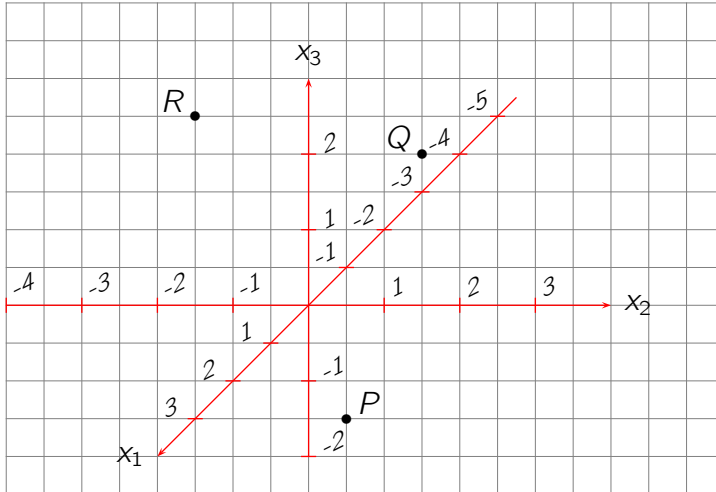
Im abgebildeten Koordinatensystem befinden sich

- der Punkt P in der x_1x_2 -Ebene,
- der Punkt Q in der x_2x_3 -Ebene,
- der Punkt R in der x_1x_3 -Ebene.

(a) Bestimme die Koordinaten der drei Punkte P , Q und R .

(b) Gib den Ortsvektor \vec{OP} an und zeichne ihn ein.

(c) Zeichne den Punkt $M(-5|2|-4)$ ein.

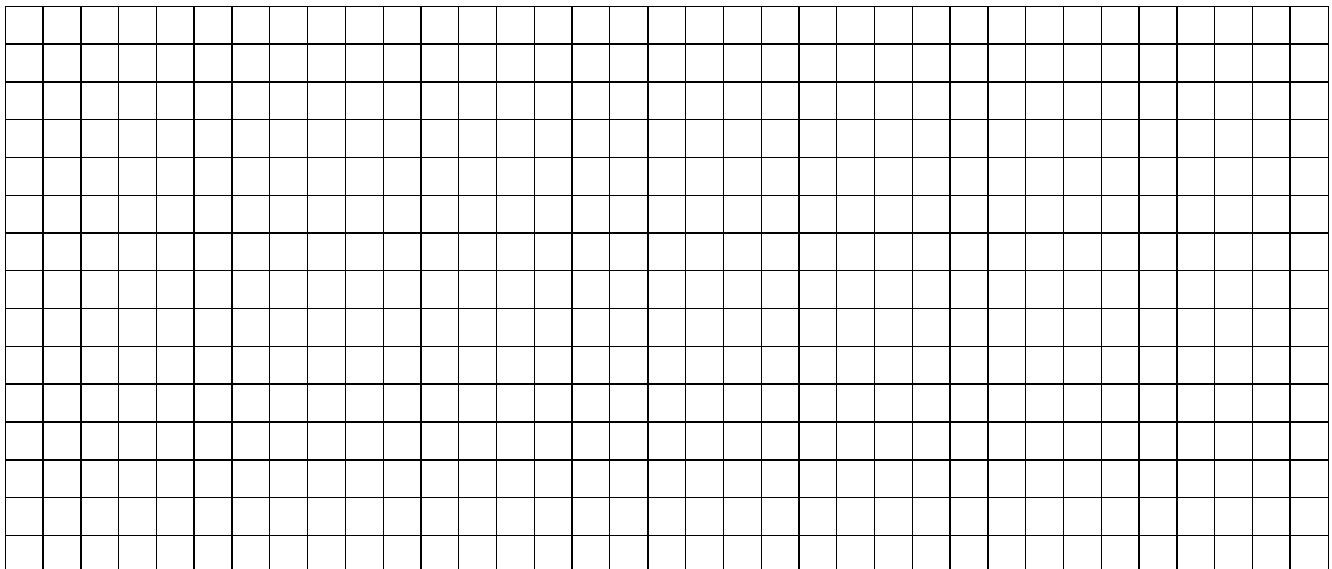


Question 3

(4 marks)

Widerlege die folgenden Aussagen:

- (a) Wenn bei einem Vektor zwei Komponenten negativ sind, dann müssen bei einem anderen, parallelen Vektor diese Komponenten auch negativ sein.
- (b) Wenn zwei Geraden einen gemeinsamen Spurpunkt haben, dann sind sie parallel oder identisch.

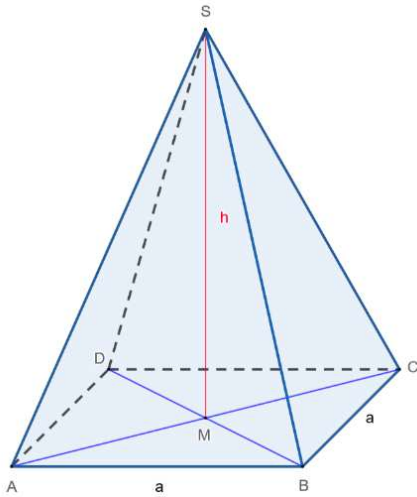


Teil 2: mit Taschenrechner und Formelsammlung

Question 4

(7 marks)

Es ist eine Pyramide mit quadratischer Grundfläche $ABCD$ und Spitze S gegeben (vgl. die angefügte, nicht maßstabsgetreue Abbildung einer Pyramide mit quadratischer Grundfläche).



Von der Grundfläche sind die folgenden drei Punkte bekannt:

$$A(-5|-3|0), \quad C(12|4|0) \quad \text{und} \quad D(0|9|0).$$

Die Spitze S liegt bei $S(3.5|0.5|5)$.

(a) Bestimme die Koordinaten des Eckpunktes B .

(b) Berechne den Abstand des Mittelpunktes M_{CD} der Seite CD von der Spitze S der Pyramide.

Question 5

(7 marks)

Untersuche die Lagebeziehung der folgenden Geraden zueinander und bestimme gegebenenfalls den Schnittpunkt.

$$g: \vec{x} = \begin{pmatrix} 2 \\ 1 \\ 0 \end{pmatrix} + t \cdot \begin{pmatrix} -3 \\ -3 \\ -4 \end{pmatrix} \quad \text{und} \quad h: \vec{x} = \begin{pmatrix} 0 \\ 9 \\ 1 \end{pmatrix} + s \cdot \begin{pmatrix} -5 \\ -7 \\ -7 \end{pmatrix}$$

Question 6

(19 marks)

Zwei Flugzeuge fliegen mit je konstanter Geschwindigkeit auf gradlinigen Flugbahnen. Die Position der Flugzeuge wird bezüglich eines Koordinatensystems mit der Längeneinheit 1 km angegeben, die x_3 -Koordinate gibt die Flughöhe an. Um 8:00 Uhr ist das Flugzeug 1 im Punkt $P_1(-10|0|0)$ und das Flugzeug 2 im Punkt $P_2(-25|-30|8)$.

Wir betrachten im folgenden die Zeit t in min ab 8:00 Uhr: Nach vier Minuten hat das Flugzeug 1 die Position $Q_1(6|16|4)$ erreicht. Nach fünf Minuten hat das Flugzeug 2 die Position $Q_2(20|30|8)$ erreicht.

6.1 Erläutere, warum die Gleichung

$$g_1 : \quad \overrightarrow{OX} = \begin{pmatrix} -10 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix} + t \cdot \begin{pmatrix} 4 \\ 4 \\ 1 \end{pmatrix}$$

die Position des Flugzeugs 1 in Abhängigkeit von der Zeit angibt.

6.2 Ermittle analog zur Gleichung in (a)-1 eine Gleichung g_2 , die die Position des Flugzeugs 2 in Abhängigkeit von der Zeit angibt.

6.3 Berechne die Geschwindigkeit des Flugzeugs 1 in $\frac{\text{km}}{\text{h}}$.

Der Luftraum, der von den Flugzeugen genutzt wird, wird von zwei verschiedenen Radarstationen überwacht. Die "Übergabe" der Flugzeuge erfolgt, wenn die Flugzeuge die x_2x_3 -Ebene durchfliegen.

6.4 Bestimme den Zeitpunkt und die Position des Flugzeugs 1 bei der Übergabe.

6.5 Ermittle, zu welchem Zeitpunkt das Flugzeug 1 eine Flughöhe von 8 km erreicht und wie groß zu diesem Zeitpunkt der Abstand der beiden Flugzeuge ist.

Question 7

(4 marks)

Gegeben sei ein Vektor \vec{v} mit einem noch unbestimmten Eintrag $a \in \mathbb{R}$:

$$\vec{v} = \begin{pmatrix} 17 \\ a \\ 8 \end{pmatrix}$$

Beurteile, ob es Werte a gibt, für die der Vektor \vec{v} die Länge 18 hat.