# SVEUČILIŠTE U ZAGREBU PRIRODOSLOVNO-MATEMATIČKI FAKULTET MATEMATIČKI ODSJEK

#### Mihaela Gamulin

# ODREĐIVANJE POMORSKIH PLOVIDBENIH KORIDORA ZASNOVANO NA STATISTIČKOM UČENJU NA ZAPISIMA AUTOMATSKOG SUSTAVA ZA IDENTIFIKACIJU PLOVILA

Diplomski rad

Voditelji rada: prof. dr. sc. Luka Grubišić prof. dr. sc. Renato Filjar

Zagreb, veljača, 2020

| Ovaj diplomski rad obranjen je dana   | pred ispitnim povjerenstvom   |
|---------------------------------------|-------------------------------|
| u sastavu:                            |                               |
| 1.                                    | , predsjednik                 |
| 2.                                    | , član                        |
| 3.                                    | , član                        |
|                                       |                               |
| Povjerenstvo je rad ocijenilo ocjenom | ·                             |
|                                       | Potpisi članova povjerenstva: |
|                                       | 1.                            |
|                                       | 2.                            |
|                                       | 3.                            |



# Sadržaj

| Sa | držaj | držaj     |   |    |
|----|-------|-----------|---|----|
| U۱ | Uvod  |           |   |    |
| 1  | Auto  | omatski   | i identifikacijski sustav                                       | 3  |
|    | 1.1   | Uvod      |   | 3  |
|    | 1.2   | Princip   | p rada  | 5  |
|    |       | 1.2.1     | Način komunikacije  | 5  |
|    |       | 1.2.2     | Vrste AIS uređaja   | 7  |
|    | 1.3   |           | oruke   | 8  |
|    |       | 1.3.1     | Sadržaj AIS poruke  | 8  |
|    |       | 1.3.2     | Prikaz AIS podataka   | 9  |
| 2  | Klas  | sifikacij | a metoda strojnog učenja  | 11 |
|    | 2.1   | Strojno   | o učenje  | 11 |
|    | 2.2   |           | gledano učenje  | 13 |
|    | 2.3   | Inkren    | nentalno učenje   | 13 |
|    | 2.4   |           | riranje i algoritam DBSCAN                                      | 15 |
|    |       | 2.4.1     | Algoritam klasteriranja zasnovan na gustoći opažanja sa šumom . | 17 |
|    |       | 2.4.2     |   | 22 |
| 3  | Met   | oda izd   | vajanja prometnih ruta i detekcija anomalija                    | 24 |
|    | 3.1   |           | dna istraživanja  | 24 |
|    | 3.2   |           |   | 25 |
|    | 3.3   | _         | tni model i otkrivanje prometnih spoznaja                       | 26 |
|    |       | 3.3.1     | Struktura metode TREAD  | 27 |
|    | 3.4   | Primje    | ena spoznaja  | 33 |
|    |       | 3.4.1     | Klasifikacija ruta  | 33 |
|    |       | 3.4.2     | Predviđanje ruta  | 42 |
|    |       | 3.4.3     | Detekcija anomalija   | 42 |

| SADRŽAJ | V        |  |
|---------|----------|--|
| SADIZAJ | <b>v</b> |  |

|    | 3.5 Razmatranje obilježja TREAD metode                      | 42 |  |  |  |
|----|---|----|--|--|--|
| 4  | Programska izvedba  | 44 |  |  |  |
|    | 4.1 Uvod u R  | 44 |  |  |  |
|    | 4.2 Ulazni podaci   | 45 |  |  |  |
|    | 4.2.1 Struktura podataka                                    | 45 |  |  |  |
|    | 4.2.2 Pregled podataka                                      | 46 |  |  |  |
|    | 4.3 Rezultati izvedbe                                       | 51 |  |  |  |
| 5  | Zaključak   |    |  |  |  |
| Bi | bliografija   | 60 |  |  |  |
| A  | A Kod izvedbe nenadgledanog izdvajanja putnih točaka i ruta |    |  |  |  |
| В  | Kod izvedbe primjene  | 77 |  |  |  |
| C  | Kod izvedbe grafičkih prikaza                               |    |  |  |  |

#### **Uvod**

Razumijevanje uzoraka ponašanja plovila u operativnom radu ključno je za razvijanje svijesti o situacijama u pomorskom prometu, posebice za klasificiranje i predviđanje aktivnosti. Razvojem automatskog identifikacijskog sustava (eng. Automatic Identification System, AIS), omogućeno je praćenje putanja plovila, kao ulaza za postupke identifikacije uobičajenih obrazaca ponašanja, definicije koridora, detekcije neuobičajenih manevara koji mogu ukazivati na kritične situacije (gusarstvo, terorizam, krijumčarenje, problemi s brodom ili posadom), optimizaciju upravljanja plovidbenim tokovima, strategijsko planiranje, te povećanje učinkovitosti navigacije i smanjenje učinaka na okoliš. Navedeni elementi svijesti o situaciji mogu se izvesti iz AIS poruka korištenjem statističke analize i strojnog učenja na opaženim (AIS poruke) i pohranjenim podacima (prostorni okoliš, kontekst).

Iako je još uvijek zakonski propisano da samo veća plovila moraju imati AIS uređaj, sve je veći porast AIS uređaja na ostalim tipovima plovila, te se time povećava i količina podataka<sup>1</sup>. Prikazani pristup omogućuje iskorištavanje AIS podataka za otkrivanje novih znanja i dobivanje uvida u obilježja, od analize prometa u lukama do vremenske i prostorne raspodjele plovidbenih koridora<sup>2</sup>, u nastavku ruta.

U ovom radu primijenjena je metoda izdvajanja prometnih ruta i detekcije anomalija prozvana TREAD (eng. Traffic Route Extraction and Anomaly Detection), koja ima za cilj pretvoriti velike količine AIS podataka u znanje koje se može iskoristiti za klasificiranje i predviđanje ruta te detekciju anomalija, neovisno o broju uređaja iz kojih se dobivaju podaci, njihovim obilježjima i platformi. Metoda je zasnovana na nenadgledanom učenju koristeći pristup inkrementalnog učenja za izdvajanje znanja o pomorskom prometu, što omogućuje karakterizaciju pomorskog prometa bez *a priori*<sup>3</sup> znanja, tj. koristeći isključivo izvorne AIS podatke.

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup>Centar za pomorska istraživanja i eksperimentiranje (eng. Centre for Maritime Research and Experimentation, CMRE) trenutno prima prosječnu stopu od 600 milijuna AIS poruka po mjesecu iz više izvora, a stopa se povećava [24].

<sup>&</sup>lt;sup>2</sup>Koridor ili plovidbeni put/ruta.

<sup>&</sup>lt;sup>3</sup>lat. od prijašnjega, otprije.

SADRŽAJ 2

U poglavlju 1. opisan je automatski identifikacijski sustav AIS, princip njegova rada i izgled njegovih poruka. U poglavlju 2. opisani se tipovi i metode strojnog učenja te određeni algoritmi potrebni za razvoj metode TREAD. U poglavlju 3. opisana je metodologija rada. Poglavlje je, osim prethodnih istraživanja i opisa, podijeljeno na dva velika dijela. Prvi dio predstavlja oblikovanje pomorskog modela i princip otkrivanja prometnih spoznaja/znanja, dok drugi dio predstavlja primjenu istih. Nastavno na 3. poglavlje, u poglavlju 4., predstavljena je izvedba metode u programskom okruženju za statističko računarstvo R.

# Poglavlje 1

# Automatski identifikacijski sustav

#### **1.1** Uvod

Automatski identifikacijski sustav (eng. Automatic Identification System, AIS) je informacijsko-komunikacijski sustav za razmjenu navigacijskih informacija objekata izravno uključenih u pomorski promet kojeg je razvila Međunarodna pomorska organizacija (eng. International Maritime Organization, IMO¹). Pomoću AIS-a plovila postižu jednostavnu međusobnu razmjenu podataka o svom identitetu i trenutnom statusu kao što su položaj, brzina, itd. AIS se primjenjuje na svim plovnim putevima, ne samo u priobalju. Također se ostvaruje i razmjena podataka između specijalnih uređaja koji se nalaze na obalama (bazne stanice) i plutača. AIS poruke mogu se izmjenjivati i putem satelita, na prostorima daleko od obale (Slika 1.1).

Prije nastanka AIS-a, plovila i objekti koji su se nalazili u fizičkoj blizini, prikazivali bi se na radaru, a opis njihovog položaja bio je moguć preko radio-telefona. Prvobitno je AIS trebao služiti isključivo za komunikaciju brodova i obale, ali se učinilo zgodnim da brodovi mogu i međusobno komunicirati bez obzira na ljudsku interakciju.

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup>Specijalizirana agencija Ujedinjenih naroda čija je glavna svrha razvoj i održavanje sveobuhvatnog regulatornog okvira za pomorsku plovidbu, te sprječavanje zagađenja uzrokovanog prometom brodova.



Slika 1.1: AIS - Automatski identifikacijski sustav

AIS je obvezan za plovila s masom većom od 300 bruto registarskih tona<sup>2</sup> (BRT) za međunarodna putovanja i većom od 500 bruto registarskih tona (BRT) za prijevoz tereta, te ribarska plovila duža od 15 metara [24].

Obaveza korištenja AIS-a vezana je za određene klase brodova i klase njihovog kretanja (ulazak u luku, krstarenje na otvorenom moru, sidrenje i slično). Na primjer, ukoliko kapetan smatra da kontinuirani rad uređaja može ugroziti sigurnost na brodu, taj isti uređaj se smije isključiti sve do ulaska u područje obaveznog javljanja, gdje o svom isključenju mora obavijestiti nadležno tijelo [1].

<sup>&</sup>lt;sup>2</sup>Mjerna jedinica koja u pomorstvu označava volumen svih zatvorenih prostora.

#### 1.2 Princip rada

AIS je sofisticirana radio tehnologija koja kombinira:

- globalni sustav za određivanje položaja (eng. Global Positioning System, GPS),
- područje vrlo visokih frekvencija<sup>3</sup> (eng. Very High Frequency, VHF),
- tehnologije za obradu podataka

kako bi se omogućila razmjena informacija u definiranom formatu između različitih morskih entiteta.

AIS uređaj je radiokomunikacijska naprava (primopredajnik) koji radi, odnosno odašilje radijske poruke s AIS podacima (trenutni položaj, brzina, vrsta broda i tereta i dr.) na zajedničkoj međunarodnoj frekvenciji (AIS 1 - 161,975 [MHz] i AIS 2 - 162,025 [MHz]) koja pripada području vrlo visokih frekvencija (VHF). Obrađuje više od četiri tisuće i petsto izvještaja o navigaciji u minuti, te ih ažurira svake dvije sekunde [13].

AIS uređaji prenose podatke na organiziran način, spajajući statičke podatke, kao što je jedinstveni identifikacijski broj pomorske mobilne postaje (eng. Maritime Mobile Service Identity, MMSI) i dinamičke podatke, kao što je trenutni položaj i brzina, dobivene pomoću brodskog prijamnika za satelitsku navigaciju (tradicionalno GPS, a danas i s drugim Globalnim Navigacijskim Satelitskim Sustavima, GNSS) [1, 2].

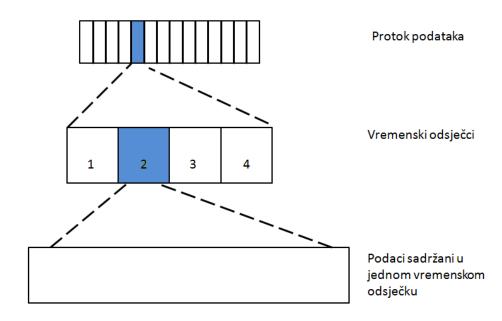
#### 1.2.1 Način komunikacije

AIS uređaji međusobno komuniciraju korištenjem tehnike višestrukog pristupa s vremenskom raspodjelom (eng. Time Division Multiple Access, TDMA) (Slika 1.2). Ta metoda pristupa omogućuje da više korisnika dijeli isti frekvencijski kanal<sup>4</sup> dijeljenjem signala u različitim vremenskim intervalima. Dodijeljeno frekvencijsko područje podjeli se na kanale, koji se dijele na velik broj vremenskih odsječaka<sup>5</sup> [31].

<sup>&</sup>lt;sup>3</sup>Područje elektromagnetskog zračenja između frekvencija od 30 [MHz] do 300 [MHz].

<sup>&</sup>lt;sup>4</sup>Širina frekvencijskog pojasa (eng. bandwidth) komunikacijskog kanala koji se koristi u komunikaciji između predajne i prijemne strane.

<sup>&</sup>lt;sup>5</sup>eng. time slot.



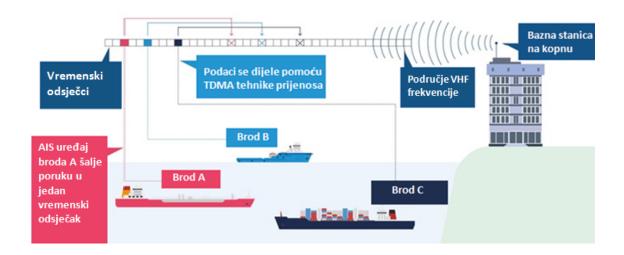
Slika 1.2: TDMA - Tehnika višestrukog pristupa s vremenskom raspodjelom

AIS koristi TDMA tehniku za dodjelu i dijeljenje raspoloživih zračnih valova na AIS frekvenciji, gdje su vremenski odsječci veličine 26,6 milisekundi [33].

Postoji više vrsta prijenosa podataka zasnovanih na TDMA tehnici koje se razlikuju po načinu pristupa vremenskom odsječku: samoorganizacijski višestruki pristup s vremenskom raspodjelom (eng. Self-Organized Time Division Multiple Access, SOTDMA); višestruki pristup s osjetom vala nosioca (eng. Carrier Sense Access Time Division Multiple Access, CSTDMA); nasumični višestruki pristup s vremenskom raspodjelom (eng. Random Access Time Division Multiple Access, RATDMA); fiksni višestruki pristup s vremenskom raspodjelom (eng. Fixed Access Time Division Multiple Access, FATDMA); i unaprijed najavljeni višestruki pristup s vremenskom raspodjelom (eng. Pre-Announced Time Division Multiple Access, PATDMA).

Osim međusobne komunikacije, AIS uređaji mogu komunicirati, tj. izmjenjivati podatke i s drugim računalnim uređajima kao što su na primjer radari i elektronski sustav za karte<sup>6</sup> (eng. Electronic Chart Display And Information System, ECDIS) koristeći odgovarajuće standardne postupke (protokole) [2].

<sup>&</sup>lt;sup>6</sup>Sustav koji se koristi u pomorskoj navigaciji kao alternativa papirnatim kartama.



Slika 1.3: Komunikacija AIS uređaja s TDMA tehnikom na zajedničkoj frekvenciji [2]

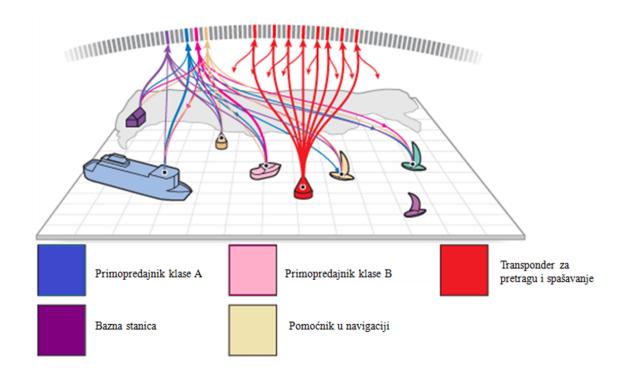
#### 1.2.2 Vrste AIS uređaja

Vrste AIS uređaja [1]:

- primopredajnik klase A (eng. class A transceiver) dizajniran za velika prekooceanska plovila na međunarodnim putovanjima,
- primopredajnik klase B (eng. class B transceiver) dizajniran za manja plovila s manjim dometom u usporedbi s klasom A,
- pomoćnik u navigaciji (eng. Aids to Navigation, AtoN) stacionarni uređaji dizajnirani za postavljanje u blizini kopna i/ili na plutačama,
- transponder<sup>7</sup> za pretragu i spašavanje (eng. Search And Rescue Transponder, SART) dizajniran za upozoravanje brodova da postoji brod za spašavanje koji treba pomoć,
- bazne stanice.

Navedeni uređaji i prikaz zauzimanja vremenskih odsječaka može se vidjeti na slici 1.4.

<sup>&</sup>lt;sup>7</sup>Uređaj koji prima signale i odgovara na njih.



Slika 1.4: AIS uređaji i njihovo zauzimanje vremenskih odsječaka [2]

#### 1.3 AIS poruke

#### 1.3.1 Sadržaj AIS poruke

Dinamički podaci (eng. dynamic data) - dobivaju se automatski preko diferencijalnog GPS (eng. Differential Global Positioning System, DGPS)<sup>8</sup> senzora spojenog na AIS uređaj, a neki od njih su:

- položaj plovila,
- UTC<sup>9</sup> (eng. Coordinated Universal Time) vrijeme,
- brzina kretanja,
- smjer kretanja, ...

<sup>&</sup>lt;sup>8</sup>Unaprjeđenje GPS-a koji omogućuje poboljšanu točnost, u rasponu operacija svakog sustava.

<sup>&</sup>lt;sup>9</sup>Standardno vrijeme prema kojem se određuje vrijeme u drugim dijelovima svijeta.

Statički podaci (eng. static data) - unose se odmah tijekom izgradnje plovila, a mijenjaju po potrebi:

- broj međunarodne pomorske organizacije IMO broj
- MMSI broj plovila<sup>10</sup>,
- ime plovila,
- dimenzije plovila (dužina, širina), ...

Podaci vezani uz putovanje (eng. voyage related data) - podaci koji se ručno unose prije svakog putovanja:

- vrsta tereta.
- odredište,
- predviđeno vrijeme dolaska u luku (eng. Estimated Time of Arrival, ETA).

Sigurnosni podaci (eng. short safety related messages)

Svaka od ovih skupina podataka ima svoj određeni interval javljanja. Statički podaci i podaci o plovidbi imaju interval javljanja otprilike svakih 5 minuta ili na zahtjev, dok interval za dinamičke podatke ovisi o brzini i statusu navigacije (npr. dok je brod usidren interval javljanja je otprilike 2 minute, a dok vozi brzinom većom od 23 čvora<sup>11</sup> interval javljanja je 2 sekunde [24]).

#### 1.3.2 Prikaz AIS podataka

AIS informacije mogu se prikazivati na razne načine. Na slici 1.5 može se vidjeti prikaz podataka na AIS uređajima.

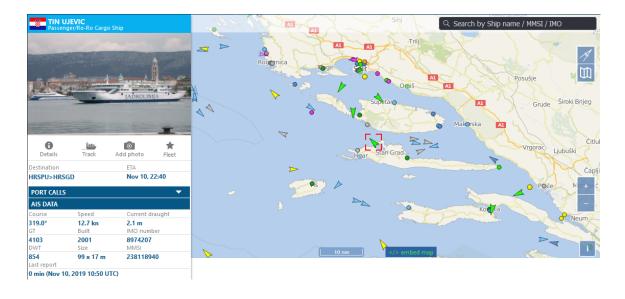
Prikaz AIS podataka je također dostupan i preko interneta. Tako se na slici 1.6 mogu vidjeti podaci o brodu Tin Ujević, njegov trenutni položaj, dinamički i statički podaci, podaci vezani uz putovanje i vrijeme zadnjeg javljanja njegovog AIS uređaja.

<sup>&</sup>lt;sup>10</sup>Ovaj broj se nikad ne mijenja nakon što je dodijeljen nekom plovilu.

<sup>&</sup>lt;sup>11</sup>Mjerna jedinica za brzinu koja se često koristi u pomorstvu, zrakoplovstvu i meteorologiji.



Slika 1.5: Prikaz AIS podataka [1]



Slika 1.6: Prikaz AIS podataka u stvarnom vremenu [35]

# Poglavlje 2

# Klasifikacija metoda strojnog učenja

U ovom radu razmatrani su postupci izdvajanja prometnih ruta i detekcija anomalija. Navedeni problem može se razumjeti kao klasifikacijski, budući da elemente originalnoga skupa opažanja (u ovom slučaju ruta) želimo svrstati u skupine prema njihovim statističkim obilježjima. Za potrebe metodologije rada izabrana je metoda izdvajanja prometnih ruta i detekcije anomalija, zvana TREAD, koja će biti opisana u poglavlju 3. Metoda TREAD jedan je od postupaka strojnog/statističkog učenja na eksperimentalnim podacima. Strojno učenje omogućuje razvoj opisnog (interpretativnog) ili prognostičkog (prediktivnog) modela promatrane pojave ili procesa. U ovom poglavlju predstavit će se pregledno najvažniji pristupi i metode strojnog učenja potrebne za razvoj metode TREAD.

#### 2.1 Strojno učenje

Strojno učenje grana je umjetne inteligencije koja se bavi oblikovanjem algoritama koji svoju učinkovitost poboljšavaju na temelju empirijskih<sup>1</sup> podataka.

#### Definicija 2.1.1 (strojno učenje).

Strojno učenje predstavlja način programiranja računala kojim se postiže optimizacija nekog kriterija uspješnosti temeljem podatkovnih primjera ili prethodnog iskustva.

Strojno učenje omogućava računalima da uče na sličan način kako to rade ljudi: stroj prikuplja znanje zasnovano na prošlom iskustvu. Umjesto da mu se stalno mora ažurirati softverski kod, on je, kako vrijeme prolazi, samostalno sposoban poboljšavati svoj rad. Algoritmi strojnog učenja grade matematički model zasnovan na uzorcima podataka, poznatim kao *training data* ili *learning data*, u nastavku podskup opažanja za učenje, kako bi se donijele odluke ili predviđanja. Podskup opažanja za učenje predstavlja početni skup podataka koji

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup>Iskustvo, znanje stečeno iskustvom.

se koristi kao pomoć programu kako bi mogao naučiti primijeniti tehnologije i proizvesti sofisticirane rezultate.

#### Definicija 2.1.2 (učenje).

Računalni program uči iz iskustva E, s obzirom na neku klasu zadataka T i mjerom uspješnosti P, ako se njegov rad na zadacima u T, mjereno s P, poboljšava iskustvom E.

#### Primjer 2.1.3 (Problem prepoznavanja rukopisa).

- zadatak T: prepoznavanje i klasificiranje rukopisa,
- mjera uspješnosti P: postotak točno klasificiranih riječi,
- podskup opažanja za učenje E: baza riječi pisanih rukom zajedno s klasifikacijom.

**Napomena 2.1.4.** *U ovom radu podaci predstavljaju opažanja, ulazni podaci predstavljaju opažanja opisnih varijabli (prediktora), a izlazni podaci predstavljaju opažanja izlaznih varijabli (ishoda).* 

Statističko učenje okvir je za strojno učenje. Bavi se uporabom statističkih modela za prepoznavanje obrazaca u opažanjima prediktora i prognozu ishoda.

Postupci strojnog učenja mogu se podijeliti u sljedeće tri osnovne skupine:

- Nadgledano učenje (eng. supervised learning) u ovoj inačici učenja računalu su
  poznata i opažanja opisnih varijabli (prediktora) i opažanja izlaznih varijabli (ishoda),
  zajedno s povratnim informacijama tokom njegovog učenja. Analizira se i točnost
  predviđanja računala tijekom samog učenja. Glavni cilj je omogućiti računalima da
  nauče preslikati ulaz u izlaz.
- 2. Nenadgledano učenje (eng. unsupervised learning) za razliku od nadgledanog učenja ovdje se računalu predstavljaju opažanja svrstana u varijable, bez naznake koje su od njih prediktori, a koje ishodi. Zbog toga je u procesu nenadgledanog učenja potrebno najprije odrediti uzročno-posljedične odnose. Uglavnom se primjenjuje na podatke vezane za događaje, tj. promjene uzrokovane transakcijom (eng. transactional data).
- 3. Učenje pojačavanjem (eng. reinforcement learning) ovo učenje zasniva se na donošenju odluke iza koje slijedi zakašnjela nagrada ili kazna (ovisno o uspješnosti odluke). Navedenim načinom razvija se iskustvo s kojim donošenje odluka biva sve uspješnije, u slučaju uspješnog učenja. Ova vrsta učenja koristi tri komponente: agenta, okruženje i akciju/djelovanje. Agent je onaj koji opaža svoje okruženje,

okruženje je ono s kojim agent ima interakciju i djeluje u tom okruženju. Glavni cilj učenja je pojačanje pronalaženja najboljeg mogućeg smjera.

Strojno učenje također je usko povezano s nekoliko drugih znanstvenih polja kao što su: rudarenje podataka (eng. data mining), optimizacija, statistika i sl. [3, 6, 16, 21].

#### 2.2 Nenadgledano učenje

Nenadgledano učenje (učenje bez nadzora, nekontrolirano učenje) opisuje klasu problema koja uključuje korištenje modela za opisivanje ili izdvajanje odnosa u podacima.

#### Definicija 2.2.1 (nenadgledano učenje).

Nenadgledano učenje je vrsta strojnog učenja gdje su podaci dani bez ciljne vrijednosti, te je cilj naći pravilnost u njima.

U usporedbi s nadgledanim učenjem, nenadgledano učenje djeluje samo na opažanjima opisnih varijabli bez opažanja izlaznih ili ciljnih varijabli. Kao takvo, ono nema ispravljački model, već algoritam mora naučiti razumjeti podatke i sam pronaći rješenje. Dakle, nenadgledano učenje je učenje u kojemu za svako opažanje opisnih varijabli iz podskupa opažanja za učenje nije definirano opažanje izlazne varijable. Sustav samostalno traži uzorke među prediktorima. Postoji mnogo metoda nenadgledanog učenja, od kojih su glavne:

- klasteriranje (eng. clustering) pronalaženje grupa u podacima,
- procjena gustoće (eng. density estimation) uključuje sažimanje raspodjele/razdiobe podataka.

Takav oblik učenja pogodan je za pronalazak nepoznatih obrazaca u podacima i pomaže u pronalasku značajki korisnih za klasifikaciju [6, 9, 15]. Također može poslužiti i za identifikaciju međusobnih uzročno-posljedičnih veza, nakon čega je moguće prijeći u nadgledano učenje.

#### 2.3 Inkrementalno učenje

Inkrementalno učenje igra ključnu ulogu u mnogim stvarnim aplikacijama gdje podaci dolaze s vremenom. Ono je metoda u kojoj se opažanja opisnih varijabli kontinuirano koriste kako bi se proširilo znanje postojećeg modela. Predstavlja dinamičnu metodu nadgledanog i nenadgledanog učenja koja se može primijeniti kada podskup opažanja za učenje postane dostupan postupno s vremenom.

#### **Definicija 2.3.1** (inkrementalno učenje).

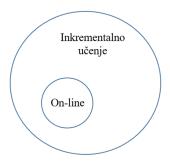
Inkrementalno učenje je paradigma strojnog učenja u kojoj se proces učenja odvija kad god se pojave novi primjeri i prilagođava se ono što je naučeno prema novim primjerima.

Algoritam inkrementalnog učenja je postupak koji generira niz modela  $h_1, h_2, ..., h_t$  zasnovan na nizu podskupova opažanja za učenje  $s_1, s_2, ..., s_t$ . Svaki  $s_i = (x_i, y_i) \in \mathbb{R}^n \times \{1, ..., C\}$  označava jedan podskup opažanja za učenje. Svaka  $h_i : \mathbb{R}^n \times \{1, ..., C\}$  je funkcija modela koja ovisi isključivo o  $h_{i-1}$  i nedavnih p primjeraka  $s_1, s_2, ..., s_{i-p}$ , gdje je p strogo ograničen [18].

Pojam koji se javlja uz inkrementalno učenje je izravno povezano (uređajem podržano) učenje (eng. on-line learning). U literaturi je i dalje mnogo nejasnoća u vezi s definicijom inkrementalnog i izravno povezanog učenja. Neki ih autori upotrebljavaju kao sinonime, dok ih drugi razlikuju na različite načine. Algoritmi izravno povezanog učenja definiraju se kao algoritmi inkrementalnog učenja koji su dodatno ograničeni u složenosti modela i vremenu izvođenja, sposobni za beskrajno/cjeloživotno učenje na uređaju s ograničenim resursima. Također definira se razlika da se u pristupu izravno povezanog učenja model ažurira kako bi se prilagodio novim podacima te je moguće da model zaboravi prethodno naučene zaključke koje se nazivaju katastrofalnim smetnjama² (eng. chatastrophic interference), dok u inkrementalnom pristupu, čak i kad se model ažurira, prethodni zaključci nisu zaboravljeni. Dakle, izravno povezano učenje je uvijek inkrementalno, ali inkrementalno učenje ne mora biti izravno povezano (slika 2.1). Algoritmi za inkrementalno učenje suočavaju se sa sljedećim izazovima:

- model se mora postepeno prilagođavati, tj.  $h_{i+1}$  je izgrađen na osnovu  $h_i$  bez ponovnog učenja,
- model mora očuvati ranije stečena znanja bez učinka katastrofalnog zaboravljanja,
- model mora dopuštati samo ograničen broj od *p* primjera podskupova opažanja za učenje [18].

<sup>&</sup>lt;sup>2</sup>Katastrofalne smetnje, poznate i kao katastrofalno zaboravljanje, su tendencije umjetne neuronske mreže da potpuno i naglo zaborave prethodno naučene informacije prilikom učenja novih informacija [19].



Slika 2.1: Odnos inkrementalnog i izravno povezanog učenja

#### 2.4 Klasteriranje i algoritam DBSCAN

Klasteriranje je proces grupiranja sličnih cjelina zajedno. Cilj ove nenadgledane metode učenja je pronaći sličnosti u podatkovnim točkama<sup>3</sup> i grupirati slične podatkovne točke zajedno. Taj proces daje uvid u temeljne obrasce različitih grupa [15].

Prvo se definiraju pojmovi potrebni za karakterizaciju dobrog klasteriranja [5].

#### Definicija 2.4.1 (udaljenost).

Duljina je osnovna fizikalna veličina kojom se opisuje prostorna udaljenost dviju točaka. Neka su P i Q iz  $\mathbb{R}^n$ . Udaljenost, u oznaci dist(P,Q), je funkcija dist :  $\mathbb{R}^n \times \mathbb{R}^n \to \mathbb{R}$ .

#### **Definicija 2.4.2** (metrički prostor).

Metrički prostor je neprazan skup X zajedno s funkcijom dist :  $X \times X \to \mathbb{R}$  koja zadovoljava svojstva:

- (M1)  $dist(P,Q) \ge 0$ ,
- (M2)  $dist(P,Q) = 0 \iff P = Q,$
- (M3) dist(P,Q) = dist(Q,P),
- (M4)  $dist(P,R) \leq dist(P,Q) + dist(Q,R).$

Funkcija dist naziva se funkcija udaljenosti ili metrika na X.

Mjere blizine karakteriziraju sličnost ili različitost između objekata na osnovi empirijskog ispitivanja.

<sup>&</sup>lt;sup>3</sup>Podatkovna točka je diskretna jedinica informacija. U statističkom ili analitičkom kontekstu, podatkovna točka obično se izvodi iz mjerenja ili istraživanja i može se prikazati numerički i/ili grafički.

#### Definicija 2.4.3 (mjera sličnosti).

Mjera sličnosti između x, y iz skupa X, u oznaci s(x,y), je funkcija  $s: X \times X \to \mathbb{R}$  takva da za svaki x, y vrijedi:

- $(i) 0 \le s(x, y) \le 1,$
- (ii) s(x, x) = 1,
- (iii) s(x, y) = s(y, x).

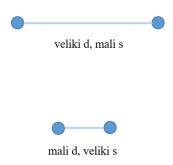
#### Definicija 2.4.4 (mjera različitosti).

Mjera različitosti između x, y iz skupa X, u oznaci d(x,y), je funkcija  $d: X \times X \to \mathbb{R}$  takva da za svaki x, y vrijedi:

- (i)  $d(x, y) \ge 0$ ,
- (ii) d(x,x) = 0,
- (iii) d(x, y) = d(y, x).

Sukladno s gornjim definicijama, stvari potrebne za dobro klasteriranje su [32]:

- 1. Mjera blizine:
- mjera sličnosti  $s(x, y) \rightarrow \text{velika}$  ako su x i y slični,
- mjera različitosti  $d(x, y) \rightarrow$  mala ako su x i y slični.
- 2. Funkcija kriterija za ocjenu uspješnosti klasteriranja.
- 3. Algoritam za računalno određivanje klastera.



Slika 2.2: Mjere blizine

Postoji više vrsta algoritama klasteriranja [12, 30]: algoritmi za razdjeljivanje, hijerarhijski algoritmi, algoritmi klasteriranja zasnovani na gustoći opažanja, algoritmi klasteriranja na osnovi rešetke<sup>4</sup> i algoritmi klasteriranja zasnovani na modelu.

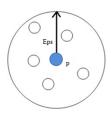
U nastavku se detaljnije obrađuje algoritam za klasteriranje zasnovan na gustoći opažanja koji se kasnije koristi u metodi ovog rada.

# 2.4.1 Algoritam klasteriranja zasnovan na gustoći opažanja sa šumom

Algoritam klasteriranja zasnovan na gustoći opažanja sa šumom (eng. Density-Based Spatial Clustering of Application with Noise, DBSCAN) je algoritam za klasteriranje koji se oslanja na pojam klastera $^5$  koji se zasniva na gustoći i koji je osmišljen da otkrije nakupine proizvoljnih oblika. Pomaže pri identifikaciji klastera sastavljenih od objekata i pri identifikaciji objekata koji ne pripadaju niti jednom klasteru, koji se nazivaju šum (eng. noise). Glavni razlog prepoznavanja je taj da se u svakom klasteru nalaze objekti tipične gustoće koja je znatno veća nego izvan njega. Nadalje, gustoća unutar područja šuma niža je od gustoća u bilo kojem od klastera. Neka je D neka baza podatkovnih točaka, tj. objekata, gdje su podaci iz nekog metričkog k-dimenzionalnog prostora S. Za svaki objekt klastera, okolina određenog radijusa mora sadržavati minimalan broj objekata, tj. gustoća u okolini mora prelaziti neki prag. Oblik okoline određen je izborom funkcije udaljenosti između dva objekta p i q, u oznaci dist(p,q). Na primjer, kada se koristi Manhattanska udaljenost u dvodimenzionalnom prostoru, okolina je pravokutnog oblika.

#### **Definicija 2.4.5** (*Eps* okolina objekta).

Eps okolina objekta p, u oznaci  $N_{Eps}(p)$ , definirana je s  $N_{Eps}(p) = \{q \in D \mid dist(p,q) \leq Eps\}$ .



Slika 2.3: Eps okolina objekta p

<sup>&</sup>lt;sup>4</sup>Dijeljenje podatkovnog prostora na ograničen broj ćelija.

<sup>&</sup>lt;sup>5</sup>Nakupina srodnih članova.

Dakle, okolina određuje skup objekata udaljenog manje od Eps od promatranog objekta.

Postoje dvije vrste objekata u klasteru: objekti unutar klastera, odnosno jezgreni objekti (eng. core objects) i objekti na rubu klastera, odnosno rubni objekti (eng. border objects). Neka je *MinPts* oznaka za minimalan broj objekata. *MinPts* označava koliko se objekata mora nalaziti unutar okoline promatranog objekta kako bi on mogao biti jezgreni objekt. Zaključuje se kako je *MinPts* minimalan broj objekata koji čini klaster.

Zahtjeva se da za svaki objekt p u klasteru postoji objekt q u klasteru tako da je p unutar Eps okoline objekta q i  $N_{Eps}(q)$  sadrži barem MinPts objekata. Slijedi precizna definicija.

#### Definicija 2.4.6 (izravna dohvatljivost).

Objekt p je izravno dohvatljiv (eng. directly density-reachable) iz objekta q s obzirom na Eps, MinPts ako vrijedi:

- 1.  $p \in N_{Eps}(q)$ .
- 2.  $|N_{Eps}(q)| \ge MinPts$  (uvjet jezgrenog objekta).

Drugim riječima, objekt p je izravno dohvatljiv iz objekta q ako se p nalazi u okolini objekta q i q čini jezgreni objekt.

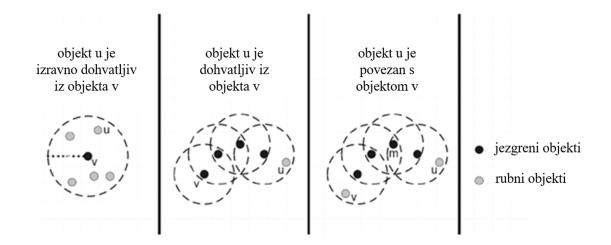
#### **Definicija 2.4.7** (dohvatljivost).

Objekt p je dohvatljiv (eng. density-reachable) iz objekta q s obzirom na Eps, MinPts ako postoji put preko objekata  $p_1, p_2, \ldots, p_n$ , gdje je  $p_1 = q$ ,  $p_n = p$ , takvih da je  $p_{i+1}$  izravno dohvatljiv iz  $p_i$ .

Problematični mogu biti rubni objekti klastera zbog mogućnosti da dva takva objekta istog klastera nisu dohvatljivi jedan iz drugog jer ne vrijedi uvjet jezgrenog objekta. Uvodi se još jedna relacija koja će pokriti relacije rubnih objekata.

#### Definicija 2.4.8 (povezanost).

Objekt p je povezan (eng. density-connected) s objektom q s obzirom na Eps, MinPts ako postoji objekt o takav da su oba objekta p i q dohvatljivi iz objekta o s obzirom na Eps, MinPts.



Slika 2.4: Relacije dohvatljivosti i povezanosti

Vrijedi: izravna dohvatljivost  $\subseteq$  dohvatljivost  $\subseteq$  povezanost.

Nakon definiranih relacija slijede precizne definicije klastera i šuma s obzirom na gustoću.

#### Definicija 2.4.9 (klaster).

Neka je D baza objekata. Klaster C s obzirom na Eps, MinPts je neprazan podskup od D koji zadovoljava:

- 1.  $\forall p, q$ : ako je  $p \in C$  i q je dohvatljiv iz p s obzirom na Eps, MinPts, tada je i  $q \in C$ .
- 2.  $\forall p, q \in C$ : p je povezan s q s obzirom na Eps, MinPts.

#### Definicija 2.4.10 (šum).

Neka su  $C_1, \ldots, C_k$  klasteri baze D s obzirom na parametre  $Eps_i$ ,  $MinPts_i$ ,  $i = 1, \ldots, k$ . Šum (eng. noise) je skup objekata baze D koji ne pripada niti jednom klasteru  $C_i$ , odnosno vrijedi da su šum svi objekti za koje vrijedi  $\{p \in D \mid \forall i : p \notin C_i\}$ .

Dakle, nedohvatljivi objekti označavaju se kao šum i ne grupiraju se [12].

#### **Opis algoritma DBSCAN**

Algoritam DBSCAN osmišljen je da otkrije klastere i šumove u prostornim bazama. Algoritam inicijalno prima skup podatkovnih točaka, tj. objekata D, veličinu okoline Eps i minimalan broj objekata za stvaranje klastera MinPts. Na početku su svi objekti u D neklasificirani.

- 1. Izvršavanje algoritma započinje proizvoljnim objektom koji je neklasificiran (nije još posjećen) informacije o okolini preuzima iz parametra *Eps*.
- 2. Ako taj objekt sadrži *MinPts* u svojoj *Eps* okolini započinje oblikovanje klastera. Inače, označen je kao šum.
- 3. Ako se utvrdi da je objekt jezgreni, tada su objekti unutar njegove *Eps* okoline također dio klastera. Tako se dodaju svi objekti pronađeni u *Eps* okolini, zajedno sa njihovim *Eps* okolinama, ako su i oni jezgreni objekti.
- 4. Gornji postupak se nastavlja sve dok se u potpunosti ne nađe povezan klaster.
- 5. Postupak se ponovo pokreće s novim objektom koji može biti dio novog klastera ili označen kao šum.

**Napomena 2.4.11.** *U nekim radovima umjesto pojma podatkovna točka ili objekt koristi se samo točka. Neovisno o nazivu, navedeni objekt je jedinica informacija definirana u metričkom prostoru.* 

Algoritam 1 predstavlja pseudokod algoritma DBSCAN i vidljiv je na sljedećoj stranici.

#### Algoritam 1 DBSCAN algoritam [12]

25: end function

```
Require: D, Eps, MinPts
                                                          ▶ Svi objekti u D su neklasificirani
 1: for all objects o in D do
 2:
        if o is unclassified then
 3:
            call function expand_cluster to construct a cluster containing o
        end if
 4:
 5: end for
 6: function EXPAND_CLUSTER(o, D, Eps, MinPts)
        retreive the Eps neighborhood N_{Eps}(o) of o
 7:
 8:
        if |N_{Eps}(o)| < MinPts then
                                                                      ▶ o nije jezgreni objekt
 9:
            mark o as noise
            return
10:
11:
        else
                                                                        ▶ o je jezgreni objekt
12:
            select a new cluster_id and mark all objects in N_{Eps}(o) with this current
            cluster_id
            push all objects from N_{Eps}(o) \setminus \{o\} onto the stack seeds
13:
            while seeds.empty() do
14:
                currentObject := seeds.top()
15:
                receive the Eps neighborhood N_{Eps}(currentObject) of currentObject
16:
                if |N_{Eps}(currentObject)| \ge MinPts then
17:
                    select all objects in N_{Eps}(currentObject) not yet classified or marked as
18:
                    noise
                    push the unclassified objects onto seeds and mark them with current
19:
                   cluster_id
                end if
20:
                seeds.pop
21:
            end while
22:
23:
            return
        end if
24:
```

#### 2.4.2 Inkrementalni DBSCAN algoritam

DBSCAN algoritam, opisan u prethodnom odjeljku, primjenjiv je na statičke baze, no u slučaju kad se baze stalno mijenjaju tokom vremena potrebna je inačica algoritma koja će raditi i s takvim podacima. U tu svrhu predstavljen je inkrementalni DBSCAN algoritam koji daje iste rezultate kao i neinkrementalna verzija [11].

Objekti u bazi mogu se s vremenom umetati, ali i brisati. Time inkrementalni DBSCAN algoritam ažurira klastere nakon svakog novog umetanja i brisanja podataka. Zbog prirode inkrementalnog DBSCAN algoritma, koji se zasniva na gustoći, umetanje ili brisanje objekta utječe samo na objekte unutar određene okoline.

Prepoznati objekti (eng. affected objects) su potencijalni objekti koji mogu promijeniti svoju pripadnost u klasteru nakon umetanja/brisanja objekta p. Ti objekti su definirani kao objekti u  $N_{Eps}(p)$  plus svi ostali objekti koji su dohvatljivi iz objekata u  $N_{Eps}(p)$ . Slijedi precizna definicija.

#### **Definicija 2.4.12** (prepoznati objekti).

Neka je D baza podataka objekata i neka je p neki objekt (ne nužno iz D). Skup prepoznatih objekata u D, nakon umetanja ili brisanja objekta p, definiran je kao  $Affected_D(p) = N_{Eps}(p) \cup \{q \mid \exists \ o \in N_{Eps}(p) \land q >_{D \cup \{p\}} o\}.$ 

Pripadnost klasteru svih ostalih objekata koji nisu u skupu prepoznatih objekata se ne mijenja.

Slijedi precizna definicija objekata koji se moraju ažurirati, nakon umetanja ili brisanja.

#### Definicija 2.4.13 (objekti za umetanje/brisanje).

Neka je D skup svih objekata i p objekt za umetanje ili brisanje. Definiraju se sljedeći skupovi:

 $UpdS\ eed_{Ins} = \{q \mid q\ je\ jezgreni\ objekt\ u\ D \cup \{p\}, \exists q'\ : q'\ je\ jezgreni\ objekt\ u\ D \cup \{p\},\ ali\ nije\ u\ D\ i\ q \in N_{Eps}(q')\},$ 

 $UpdS \ eed_{Del} = \{q \mid q \ je \ jezgreni \ objekt \ u \ D \setminus \{p\}, \exists q' : q' \ je \ jezgreni \ objekt \ u \ D, \ ali$   $nije \ u \ D \setminus \{p\} \ i \ q \in N_{Eps}(q')\}$ 

Objekte  $q \in UpdS \ eed_{Ins}$  zovemo objektima za umetanje, a objekte  $q \in UpdS \ eed_{Del}$  objektima za brisanje.

Kada se radi umetanje objekta p u bazu D, razlikuju se sljedeći slučajevi:

- 1. (Šum) Ako je  $UpdS eed_{Ins}$  prazan, tada se p smatra šumom.
- 2. (Kreiranje) Ako  $UpdS \, eed_{Ins}$  sadrži samo jezgrene objekte koji nisu pripadali klasteru prije umetanja p, tada p kreira novi klaster s tim objektima.
- 3. (Apsorpcija) Ako  $UpdS \, eed_{Ins}$  sadrži jezgrene objekte koji pripadaju samo jednom klasteru C, onda se p pridružuje tom klasteru.
- 4. (Spajanje) Ako  $UpdS eed_{Ins}$  sadrži jezgrene objekte koji pripadaju u nekoliko klastera, tada p spaja sve te klastere u jedan klaster.

Slično, kada se radi brisanje objekta p iz baze D, razlikuju se sljedeći slučajevi:

- 1. (Uklanjanje) Ako je  $UpdS eed_{Del}$  prazan, p se samo uklanja.
- 2. (Redukcija) Ako  $UpdS \, eed_{Del}$  sadrži objekte koji su dohvatljivi jedni iz drugih, tada brisanjem objekta p neki objekti iz  $N_{Eps}(p)$  postaju šumovi.
- 3. (Potencijalna podjela) Ako objekti u *UpdS eed<sub>Del</sub>* nisu izravno dohvatljivi jedni iz drugih, tada su ti objekti pripadali točno jednom klasteru *C* prije brisanja objekta *p*. Radi se provjera jesu li ti objekti bili povezani. Ovisno o postojanju povezanosti, razlikuju se situacije podjele i ne podjele [11].

### Poglavlje 3

# Metoda izdvajanja prometnih ruta i detekcija anomalija

#### 3.1 Prethodna istraživanja

Primjena statističkih metodologija za dobivanje obrazaca kretanja iz skupa ruta primjenom nenadgledanog učenja predstavlja izazovan zadatak.

Uobičajeni pristup je podjela područja interesa u prostornu rešetku čije ćelije predstavljaju obilježja gibanja plovila koja uđu u tu ćeliju [14]. Iako je pristup pomoću rešetke učinkovit za nadzor manjih površina, njegova glavna ograničenja su proporcionalno povećanje kompleksnosti sa povećanjem veličine rešetke i potreba za predefiniranjem optimalne veličine ćelije.

Novi koncept u polju otkrivanja anomalija/iznimaka ustaljenih obrazaca u odvijanju pomorskog prometa predstavlja vektorski prikaz prometa, pri čemu se ruta/putanja plovila smatra skupom putova plovila koji povezuju točke planirane plovidbe brodova<sup>1</sup>, u nastavku putna točka (eng. waypoint), što omogućuje kompaktnu reprezentaciju kretanja plovila. Tako na primjer u [23], putne točke su čvorovi u blizini kopnenih područja, a rute velikog kruga (eng. Great Circle route) predstavljaju oceanska putovanja. U područjima s velikim brojem promjena smjera plovila potrebno je dodatno uvesti prijelazne točke, tj. točke promjene smjera (eng. turning points) kako bi se točnije opisivale rute [34]. Korištenje udaljenosti kao podloge predstavlja nedostatak jer izaziva smanjenu djelotvornost kod razlikovanja međusobno bliskih točaka.

Također, identifikacija prijelaznih točaka u nereguliranim područjima pojavljuje se kao nedostatak vektorskog pristupa, gdje su promjene smjera plovila složenije, pa ih je prema tome teško klasificirati.

U zadnje vrijeme nastaju brojni radovi na temu detekcije anomalija. Postupci detekcije

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup>Bilo koja mapirana referentna točka na ruti koju je lako prepoznati.

anomalija, prikazani u radovima poput [27], oslanjaju se na postupke procesiranja slika. Alternativni postupci, poput onih prikazanih u literaturi [36], primjenjuju vjerojatnosnu detekciju anomalija, gdje se udaljenost između ruta izražava vjerojatnošću.

Mnoge metode uključuju prethodnu analizu ruta, čime se omogućuje korištenje uobičajenih mjera udaljenosti, kao što je na primjer euklidska udaljenost koja zahtjeva podjednako raspoređene i usklađene rute.

#### **3.2 Opis**

podatkovne točke.

Metoda TREAD - Traffic Route Extraction and Anomaly Detection - predstavljena je od strane G.Pallotte et al. [24]. Zasniva se na vektorizaciji pomorskog prometa, ali za razliku od prethodno predstavljenih postupaka objekti koji predstavljaju rute (eng. route objects), u nastavku rute, se izravno oblikuju iz vektora objekata koji predstavljaju plovila (eng. vessel objects), u nastavku plovila, čiji putovi spajaju izvedene putne točke. Konkretno, navedeni pristup se zasniva na prethodnom grupiranju putnih točaka i identificiranju ruta između njih. Za razliku od ostalih vektorskih reprezentacija, ruta obuhvaća promjene smjera bez eksplicitno izvedenih prijelaznih točaka. Kao što će se vidjeti u nastavku, tim pristupom je i dalje moguće točno odrediti obrasce ruta, ali i izdvojiti privremene informacije kao što je vremenska razdioba putovanja<sup>2</sup> te pridružiti povijesne obrasce ruta nekom plovilu. Kako bi se savladala problematika razlikovanja putnih točaka koje su blizu jedna drugoj, koristi se DBSCAN algoritam, i to inkrementalna verzija predstavljena u poglavlju 2.4.2. Za otkrivanje obrazaca kretanja i njihovo predviđanje koristi se nenadgledano učenje, točnije inkrementalni pristup zasnovan na točkama, dok je detekcija anomalija izvedena pomoću kliznog vremenskog prozora (eng. sliding time window). Prethodna analiza, transformacija i vrednovanje AIS podataka integrirana je u arhitekturu koja pruža (programski) okvir (eng. framework) za analizu i razvoj modela uzoraka kretanja. Navedeni okvir oblikovan je

U nastavku se najprije opisuje princip rada metode TREAD za otkrivanje pomorskih prometnih spoznaja/znanja, odnosno otkrivanje obrazaca kretanja (eng. knowledge discovery), te nakon toga korištenje tih spoznaja za klasificiranje i predviđanje ruta kao i za detekciju anomalija (eng. knowledge exploatation) [24].

objektnim modelom koji se sastoji od objekata ruta, plovila i putnih točaka. Govori se o plovilima, rutama i putnim točkama, iako se smatra da su oni objekti predstavljeni u obliku

<sup>&</sup>lt;sup>2</sup>Razdioba putovanja po vremenskih intervalima.

#### 3.3 Prometni model i otkrivanje prometnih spoznaja

TREAD metoda osmišljena je s ciljem razvoja statističkog modela pomorskog prometa zasnovanog na AIS podacima primjenom postupka nenadgledanog učenja. Odabran je i prostorni okvir (eng. bounding box) koji odgovara promatranom prostoru od interesa.

Neka je s *Vs* označen skup objekata koji predstavljaju plovila, odnosno oznaka za listu plovila. Klasteriranje, tj. grupiranje, zasnovano na gustoći putnih točaka, pokrenuto od strane različitih objekata plovila *Vs* omogućuje oblikovanje putnih točaka, u oznaci *WPs*, koje označavaju jedno od sljedećeg unutar odabranog okvira:

(T1) stacionarna točka (eng. stationary point), u oznaci POs,

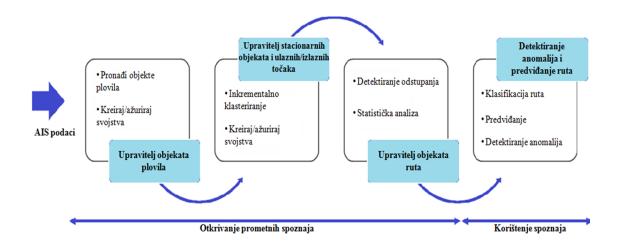
(T3) izlazna točka (eng. exit point), u oznaci EXs.

Povezivanje navedenih putnih točaka vodi do identifikacije i statističke karakterizacije ruta, oblikovanih kao objekti koji predstavljaju rute, u oznaci *Rs*.

Navedeni pristup u literaturi se naziva pristup zasnovan na točkama (eng. point-based approach), za razliku od pristupa zasnovanog na ruti, gdje se promet predstavlja cijelim rutama. Pristup zasnovan na točkama je jedan od kategorija pristupa strojnog i statističkog učenja u otkrivanju prometnih spoznaja, te svaka točka u (3.1) predstavlja podatkovnu točku/objekt, odnosno smatra se pojedinačnom točkom rute.

#### 3.3.1 Struktura metode TREAD

Otkrivanje i iskorištavanje spoznaja o pomorskom prometu zasnovano na AIS podacima slijedi sljedeću arhitekturu<sup>3</sup>:



Slika 3.1: Struktura metode TREAD (prema [24])

Kao što se može vidjeti na slici 3.1, AIS podaci su analizirani s ciljem inkrementalnog učenja modela obrazaca kretanja plovila kroz procese nazvane upravitelji (eng. managers) koje aktiviraju određeni relevantni događaji. Upravitelj objekata plovila aktiviran je događajima zasnovanim na vremenskoj i prostornoj karakterizaciji plovila. Zatim se takvi događaji grupiraju, što dovodi do identifikacije putnih točaka kroz upravitelja stacionarnih objekata i ulazno/izlaznih točaka. Nakon što su saznate putne točke, iz njih se mogu izvesti rute. Nakon tog procesa otkrivanja znanja, ostvarene spoznaje mogu se iskoristiti u svrhu klasifikacije ruta, predviđanja i detekcije anomalija. U nastavku opisujemo detaljnije proces otkrivanja spoznaja kroz navedene upravitelje.

#### Upravitelj objekata plovila

Čim novo plovilo uđe u okvir/prostor koji se nadzire dolazi do detekcije te se inicijalizira upravljanje plovilima Vs. Lista plovila, Vs, ažurirana je prema sadržaju svake nove dekodirane AIS poruke. Sva plovila se identificiraju pomoću MMSI broja, u oznaci  $Vs\{MMSI\}$ , i u posebnoj varijabli sadrže statičke i dinamičke podatke. Statički podaci služe za potrebe identifikacije, dok dinamički podaci čine vektor stanja (položaj (koordinate), kurs (eng. Course Over Ground, COG), brzina (eng. Speed Over Ground, SOG)) i prijašnji obrasci.

<sup>&</sup>lt;sup>3</sup>Arhitektonski model koji identificira funkcije sustava i njihove interakcije.

Ti se podaci postepeno ažuriraju svakom novom AIS porukom. Tokom provedbe, algoritam analizira i ažurira informacije o povijesti i statusu plovila.

Za svako određeno plovilo,  $Vs\{MMSI\}$ , ažurira se i vremenski označena povijest opaženih informacija vektora stanja (tj. parametara položaja i brzine), u oznaci  $Vs\{MMSI\}$ . track, u nastavku trag rute. Također, ažurira se i njegov status, koji može biti:

- izgubljen ako objekt nije promatran neko vrijeme  $\tau$ , gdje je  $\tau$  vrijeme veće od maksimalne stope ažuriranja AIS poruka,
- stacionaran ako objekt stoji,
- pokretan ako se objekt pomiče, tj. plovi,
- tranzicije promjene iz stajanja u kretanje plovila i obrnuto.

Ažuriranje statusa i praćenje tranzicija plovila omogućuje identifikaciju i ažuriranje putnih točaka WPs.

#### Upravitelj stacionarnih objekata i ulaznih/izlaznih točaka

Kao što je navedeno u (3.1), posebnu klasu putnih točaka predstavljaju stacionarne točke, *POs*. Primjer takvih točaka su luke ili platforme, koje su po svojim obilježjima nepomični objekti. Također, u stacionarne objekte spadaju plovila koja imaju brzinu manju od datog praga. Stacionarni događaji se prvo detektiraju promjenom brzine plovila s obzirom na posljednje opažanje unutar promatranog okvira. Parametri

 $\Delta_t$  - posljednji promatrani vremenski interval,

 $\Delta_{pos}$  - rezultirajući pomak položaja,

izračunavaju se empirijski kako bi se dobila prosječna brzina plovila:

prosječna brzina =  $\Delta_{pos}/\Delta_t$ .

Prosječnu brzinu potrebno je računati datom formulom zbog uočene nepouzdanosti vrijednosti parametra SOG u AIS poruci.

Nakon detekcije točaka, obavlja se njihovo grupiranje u stacionarne objekte koristeći klasteriranje. Kao što je prije navedeno, za grupiranje putnih točaka, pa tako i stacionarnih, koristi se inkrementalni DBSCAN algoritam. DBSCAN oblikuje klastere objekata zasnovano na gustoći objekata u njihovoj okolini.

U kontekstu metode TREAD putne točke koje nisu povezane, s obzirom na definiciju 2.4.8, s drugim putnim točkama ne pripadaju niti jednom klasteru te se smatraju šumom. DBSCAN algoritam ne zahtijeva prethodno poznavanje broja klastera.

Karakteristična klasa putnih točaka unutar odabranog okvira su ulazne točke, *ENs* i izlazne točke, *EXs*. Kad god plovilo uđe/izađe iz prostornog okvira koji se promatra, generiraju se ili ažuriraju ulazne/izlazne točke respektivno. Za razliku od stacionarnih točaka, ulazne i izlazne točke se mogu mijenjati ovisno o okviru kojeg se promatra. Slično kao i kod stacionarnih točaka, ulazne i izlazne točke identificiraju se inkrementalnim DBSCAN algoritmom.

U nastavku je prikazan algoritam klasteriranja putnih točaka (Algoritam 2).

#### **Algoritam 2** Klasteriranje putnih točaka (*Online\_WPs\_Clustering*) [24]

```
Require: Vs, v  
ightharpoonup lista plovila Vs i plovilo v koje pokreće klasteriranje Require: WPs, Rs  
ightharpoonup lista putnih točaka za klasteriranje i ruta za modifikaciju Ps parametri za inkrementalni DBSCAN; N je minimalan broj točaka za generiranje klastera Ps u Ps okolini Ps ok
```

```
1: [WPs, op] \leftarrow Incremental\_DBS CAN(WPs, v.track(end), N, Eps)
 2: if op = 'none' then
                                                                                                 ⊳ šum
 3:
        v.wps(end + 1) \leftarrow ('Unclassified', v.track(end))
 4: else
                                                                ▶ kreiranje, apsorpcija ili spajanje
 5:
        if op = 'new cluster' then
                                                                      \triangleright kreirao se novi klaster wp_n
             WPs \leftarrow add('WP_n')
 6:
             v.wps(end + 1) \leftarrow ('WP_n')
                                                            ▶ ažurira se lista putnih točaka plovila
 7:
 8:
             v.timestamp_{wp}(end + 1) \leftarrow (v.track(end))
                 ▶ MMSI plovila i njegov zadnji položaj je zabilježen u wp<sub>n</sub>
             [wp_n.List\_MMSIs(end + 1), wp_n.tracks(end + 1)] \leftarrow (v.MMSI, v.track(end))
9:
10:
        end if
        if op = 'cluster expanded' then
                                                                         \triangleright apsorpcija u klaster wp_n
11:
             v.wps(end + 1) \leftarrow ('WP_n')
12:
             v.timestamp_{wp}(end + 1) \leftarrow (v.track(end))
13:
14:
             [wp_n.List\_MMSIs(end + 1), wp_n.tracks(end + 1)] \leftarrow (v.MMSI, v.track(end))
15:
        end if
```

```
16:
          if op = 'clusters merged' then
                                                                    \triangleright spajanje dva klastera wp_m i wp_n u wp_n
               v.wps(end + 1) \leftarrow ('WP_n')
17:
18:
               v.timestamp_{wp}(end + 1) \leftarrow (v.track(end))
19:
               wp_n \leftarrow (v.MMSI, v.track(end))
               wp_n \leftarrow merge(wp_n, wp_m)
20:
               for all \hat{v} \in Vs\{MMSI = wp_m.List\_MMSIs\} do
21:
                    \hat{v}.wps(\hat{v}.wps = 'WP_m') \leftarrow ('WP_n')
22:
               end for
23:
           ▶ spoji sve prepoznate rute i ažuriraj
               for all \hat{R} \in (R_s.wps(1) = {}^{\backprime}WP_m{}^{\backprime} \mid R_s.wps(2) = {}^{\backprime}WP_m{}^{\backprime}) do
24:
                    \tilde{R} \leftarrow (R_s.wps(\hat{R}.wps = 'WP_m') = 'WP_n')
25:
                    \tilde{R} \leftarrow merge(\tilde{R}, \hat{R})
26:
                    delete(\hat{R})
27:
               end for
28:
               delete('WP_m')
29:
          end if
30.
31: end if
32: return WPs, v, Rs
```

**Napomena 3.3.1.** Radi jednostavnosti pisanja, oznaka N, u Algoritmu 2, označava minimalan broj točaka klastera, odnosno znači isto što i oznaka MinPts iz odjeljka opisa DBSCAN algoritma (2.4.1).

Parametri za klasteriranje Eps i N podešeni su na osnovi vrste putnih točkaka (POs, ENs, EXs) i obilježja promatranog područja.

Prikazani algoritam filtrira šumove koristeći posebnosti DBSCAN algoritma. Oni se ne smatraju valjanim uzorcima za daljnje iskorištavanje spoznaja te se u Algoritmu 2 uklanjaju.

#### Upravitelj objekata ruta

Nakon identifikacije putnih točaka, rute *Rs*, mogu se izgraditi klasteriranjem putova plovila, gdje putovi spajaju dvije dobivene putne točke. Postoje različite alternativne metode spajanja: spajanje ulazne i izlazne točke, spajanje ulazne i stacionarne točke, spajanje izlazne i stacionarne točke ili spajanje dviju stacionarnih točaka.

Također, svaka ruta je opisana statičkim i dinamičkim obilježjima plovila na temelju kojeg je kreirana i ažurirana ruta.

U nastavku je prikazan algoritam izgradnje ruta (Algoritam 3).

#### Algoritam 3 Upravitelj objekata ruta (Route\_Objects\_Manager) [24]

```
Require: v, WPs, Rs
                                              ▶ plovilo v za kojeg se oblikuju putne točke i rute
 1: if length(v.wps) > 1 then
                                                   plovilo je prošlo kroz bar dvije putne točke
        [wp_a, wp_b] \leftarrow v.wps(end - 1 : end)
        if not (Rs\{wp_a\_to\_wp_b\}) then > ruta od wp_a do wp_b ne postoji; dodaje se u listu Rs
 3:
 4:
             Rs \leftarrow add(Rs\{wp_a\_to\_wp_b\})
 5:
        end if
        timestamp_{wp_a} = v.timestamp_{wp}(v.wps = wp_a)
 6:
 7:
        timestam p_{wp_b} = v.timestam p_{wp}(v.wps = wp_b)
        Rs\{wp_a\_to\_wp_b\}.params(end + 1)
 8:
                           \leftarrow (v.track(timestamp \in [timestamp_{wp_a}, timestamp_{wp_b}]))
        v.routes \leftarrow add('Rs\{wp_a\_to\_wp_b\}')
                                                                       ▶ ažuriraj listu ruta plovila
 9:
10: end if
11: return v, Rs
```

Jednom kada brod uđe u prostor koji se nadgleda, obilježja njegovog kretanja uspoređuju se s obilježjima postojećeg skupa ruta. Ako već postoji ruta čija su obilježja položaja kompatibilna sa značajkama plovila, to plovilo se dodaje listi ruta plovila, a ruta se dodaje listi putnih točaka kojima je brod prošao.

Opisani postupak predočen je algoritmom nenadgledanog izdvajanja ruta (eng. Unsupervised Route Extraction) (Algoritam 4) koji predstavlja algoritam za otkrivanje prometnih spoznaja metode TREAD.

```
Algoritam 4 Nenadgledano izdvajanje ruta (Unsupervised_Route_Extraction) [24]
```

```
Require:messages> AIS poruke koje sadrže statičke i dinamičke podatkeRequire:\tau> potrebno vrijeme prije nego se označi da je plovilo "izgubljeno"Require:Vs, ENs, POs, EXs, Rs> lista plovila, putnih točaka i rutaRequire:N_{ENs}, N_{POs}, N_{EXs}, Eps_{ENs}, Eps_{POs}, Eps_{EXs}> parametri za klasteriranje u<br/>algoritmu 2
```

```
[Rs, ENs, Vs\{MMSI\}] \leftarrow Online\_WPs\_Clustering
                                                                                      ▶ algoritam 2
 6:
                                           (ENs, Vs\{MMSI\}, Eps_{ENs}, N_{ENs})
 7:
            [Rs, Vs\{MMSI\}] \leftarrow Route\_Objects\_Manager(Rs, Vs\{MMSI\}) \rightarrow algoritam 3
 8:
        else
                                ▶ plovilo s tim MMSI postoji i njegovi se parametri ažuriraju
 9:
             Vs\{MMSI\}.track(end + 1) \leftarrow (x, y, COG, SOG, timestamp, etc.)
             Vs\{MMSI\}.avg\_speed = \Delta_{pos}/\Delta_t
                                                                        ▶ prosječna brzina plovila
10:
            if Vs\{MMSI\}. avg_speed < min_speed and Vs\{MMSI\}. status = 'sailing' then
11:
              ▶ plovilo je stalo i započinje klasteriranje stacionarnih točaka
                 Vs\{MMSI\}.status \leftarrow ('stationary')
12:
                 [Rs, POs, Vs\{MMSI\}] \leftarrow Online\_WPs\_Clustering
13:
                                              (POs, Vs\{MMSI\}, Eps_{POs}, N_{POs})
14:
                 [Rs, Vs\{MMSI\}] \leftarrow Route\_Objects\_Manager(Rs, Vs\{MMSI\})
            end if
15:
            if Vs\{MMSI\}. status = 'lost' then
16:
               ▶ plovilo koje je bilo "izgubljeno" se opet pojavilo
                 Vs\{MMSI\}.status \leftarrow ('sailing')
17:
                 [Rs, ENs, Vs\{MMSI\}] \leftarrow Online\_WPs\_Clustering
18:
                                              (ENs, Vs\{MMSI\}, Eps_{ENs}, N_{ENs})
19:
                 [Rs, Vs\{MMSI\}] \leftarrow Route\_Objects\_Manager(Rs, Vs\{MMSI\})
            end if
20:
        end if
21:
22:
        if mod(timestamp, \Delta_{days}) = 0 then
        \triangleright svakih \Delta_{days} traži plovila koja nisu ažurirana u zadnjem \tau intervalu; ažuriraj listu
          izlaznih točaka
            for all v \in Vs do
23:
24:
                 if v.last\_update > \tau and v.status \neq ('lost') then
25:
                     v.status \leftarrow ('lost')
                     [Rs, EXs, v] \leftarrow Online\_WPs\_Clustering(EXs, v, Eps_{EXs}, N_{EXs})
26:
                     [Rs, v] \leftarrow Route\_Objects\_Manager(Rs, v)
27:
                 end if
28:
29:
            end for
        end if
30:
31: end for
32: return Vs, EXs, ENs, POs, Rs
```

### 3.4 Primjena spoznaja

Jednom uočene prometne spoznaje, dobivene postupkom iz prethodnog dijela, mogu se iskoristiti u svrhu klasifikacije ruta, predviđanja budućih ruta kojima će se plovilo kretati i detektiranja anomalijskog ponašanja.

#### 3.4.1 Klasifikacija ruta

#### **Definicija 3.4.1** ( $\sigma$ -algebra).

Neka je  $\Omega^4$  neprazan skup. Familija podskupova  $\mathcal{F}$  od  $\Omega$  zove se  $\sigma$ -algebra (ili  $\sigma$ -algebra događaja), ako vrijede sljedeća tri svojstva:

- (i)  $\Omega \in \mathcal{F}$ ,
- (ii) Ako je  $A \in \mathcal{F}$ , onda je i  $A^c \in \mathcal{F}$  (zatvorenost na komplement),
- (iii) Ako su  $A_i \in \mathcal{F}, j \in \mathbb{N}$ , onda je i  $\bigcup_{i=1}^{\infty} \in \mathcal{F}$  (zatvorenost na prebrojive unije).

*Uređen par*  $(\Omega, \mathcal{F})$  *zove se izmjeriv prostor.* 

#### Definicija 3.4.2 (vjerojatnost).

Neka je  $\Omega$  neprazan skup i  $\mathcal{F}$   $\sigma$ -algebra događaja. Vjerojatnost na izmjerivom prostoru  $(\Omega, \mathcal{F})$  je funkcija  $\mathbb{P}: \mathcal{F} \to [0, 1]$  koja zadovoljava sljedeća tri aksioma:

- (A1) (nenegativnost) Za sve  $A \in \mathcal{F}$ ,  $\mathbb{P}(A) \geq 0$ ,
- (A2) (norminanost)  $\mathbb{P}(\Omega) = 1$ ,
- (A3) ( $\sigma$ -aditivnost) Za svaki niz  $(A_j)_{j\in\mathbb{N}}$  po parovima disjunktnih događaja  $A_j\in\mathcal{F}(A_i\cap A_j=za\ i\neq j)$  vrijedi

$$\mathbb{P}\left(\bigcup_{j=1}^{\infty} A_j\right) = \sum_{j=1}^{\infty} \mathbb{P}(A_j).$$

*Uređena trojka*  $(\Omega, \mathcal{F}, \mathbb{P})$  *zove se vjerojatnosni prostor.* 

Klasifikacija ruta dodjeljuje vjerojatnost svakoj ruti koja odgovara položaju plovila. To je reprezentirano aposteriornom vjerojatnošću<sup>5</sup> da plovilo pripada toj određenoj ruti, promatrajući dijelove traga rute plovila.

 $<sup>^4</sup>$ Pokus je svaka dobro definirana procedura. Rezultati (ili pojave) pokusa nazivaju se ishodi (ili elementarni događaji). Skup svih ishoda pokusa zove se prostor elementarnih događaja (engl. sample space) i tradicionalno se označava s  $\Omega$ . Događaj (u  $\Omega$ ) je podskup prostora elementarnih događaja  $\Omega$  [28].

<sup>&</sup>lt;sup>5</sup>Aposteriorna vjerojatnost je vjerojatnost da će se neki događaj dogoditi nakon što se uzmu u obzir svi dokazi ili pozadinske informacije [25].

Općenito, trag rute plovila V je vremenski niz T vektora stanja  $\mathbf{v}_i$  (povijest vektora stanja):

$$\mathbf{V} = \{\mathbf{v}_1, \mathbf{v}_2, \dots, \mathbf{v}_T\},\tag{3.2}$$

gdje je svaki  $\mathbf{v}_t$  izravno dobiven iz AIS poruke. U metodi TREAD  $\mathbf{v}_t$  je izveden iz v.track, uvedenom u prethodnom odjeljku, koji predstavlja povijest vremenskih opaženih informacija vektora stanja (parametara položaja i brzine) plovila. Vrijedi

$$\mathbf{v}_t = [x_t, y_t, \dot{x}_t, \dot{y}_t]^T, \tag{3.3}$$

gdje su  $x_t$  i  $y_t$  koordinate plovila (predstavljaju parametar položaja vektora stanja), a  $\dot{x}_t$  i  $\dot{y}_t$  komponente brzine (predstavljaju parametar brzine vektora stanja).  $\dot{x}_t$  i  $\dot{y}_t$  mogu se izvesti iz kursa i brzine plovila, tj. iz SOG i COG informacije na sljedeći način:

$$SOG_t = \sqrt{\dot{x}_t^2 + \dot{y}_t^2},$$

$$COG_t = tg^{-1} \left(\frac{\dot{y}_t}{\dot{x}_t}\right).$$

Trag rute plovila **V** može se povezati s vremenskim nizom područja  $\bar{S} = \{s_1, s_2, \dots, s_T\}$ , koja su prostorno identificirana kružnicama radijusa d i s centrom u promatranim koordinatama  $[x_t, y_t]$ , koje predstavljaju vremenski slijed stanja položaja između slijednih zapažanja. Između tih susjednih zapažanja uzeto je u obzir i vremensko kašnjenje između dva zapažanja, u oznaci  $\Delta_t$ .

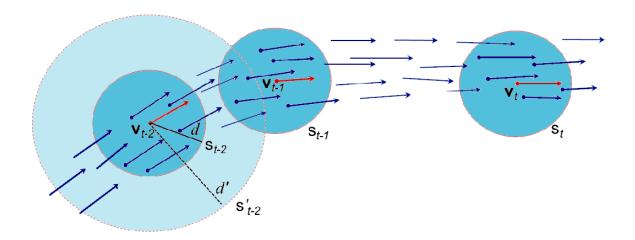
Prostorno područje  $\mathbf{s}_t$ , u nastavku samo područje, može se koristiti kako bi se uhvatili elementi rute u okolini promatranog vektora stanja  $\mathbf{v}_t$  te okarakterizirati lokalno ponašanje ruta. Bitan je dobar izbor radijusa, odnosno udaljenosti d čime se ujedno određuje i veličina područja  $\mathbf{s}_t$ .

Vrijedi:

- ako je udaljenost d premala: karakterizacija lokalnog ponašanja rute zasnovana je na manjoj okolini, pa samim time i smanjenom broju susjednih ruta što vodi do slabe mogućnosti generalizacije,
- ako je udaljenost *d* prevelika: postoji mogućnost nepristranosti, tj. mogućnost miješanja različitog ponašanja rute.

Izbor udaljenosti d prikazan je na slici 3.2. Promatraju se trag rute  $\mathbf{V} = \{\mathbf{v}_{t-2}, \mathbf{v}_{t-1}, \mathbf{v}_t\}$  (vektori naznačeni crvenom bojom), pridruženi niz područja  $\mathbf{\bar{S}} = \{\mathbf{s}_{t-2}, \mathbf{s}_{t-1}, \mathbf{s}_t\}$  (kružnice naznačene plavom bojom) i rute (vektori naznačeni tamno plavom bojom) dobivene postupkom otkrivanja prometnih spoznaja opisanog u prethodnom odjeljku. Može se vidjeti kako odabir prevelikog radijusa područja (d' > d) utječe na to da se različita lokalna ponašanja

rute uključuju u isto područje, mijenjajući vrijednosti karakterizacije kretanja relevantne promatrane okoline, pa samim time i postupak klasifikacije rute [24].



Slika 3.2: Odabir radijusa područja d [24]

Utvrđeno je da je odabir veličine d od nekoliko nautičkih milja<sup>6</sup> daje prihvatljive rezultate klasifikacije [24].

#### **Definicija 3.4.3** (uvjetna vjerojatnost).

Neka je  $(\Omega, \mathcal{F}, \mathbb{P})$  vjerojatnosni prostor te  $B \in \mathcal{F}$  događaj takav da je  $\mathbb{P}(B) > 0$ . Uvjetna vjerojatnost događaja A uz dano B definira se formulom

$$\mathbb{P}(A \mid B) = \frac{\mathbb{P}(A \cap B)}{\mathbb{P}(B)}.$$

Definicija 3.4.3 daje prikaz vjerojatnosti događaja A ukoliko se dogodio događaj B.

#### **Teorem 3.4.4** (Bayesov teorem (Bayesova formula)).

Neka je  $(H_i)_{i\in I}$  potpun sustav događaja<sup>7</sup> na vjerojatnosnom prostoru  $(\Omega, \mathcal{F}, \mathbb{P})$ . Tada za svaki  $A \in \mathcal{F}$  takav da je  $\mathbb{P}(A) > 0$  vrijedi

$$\mathbb{P}(H_j \mid A) = \frac{\mathbb{P}(H_j) \, \mathbb{P}(A \mid H_j)}{\sum_{i \in I} \mathbb{P}(H_i) \, \mathbb{P}(A \mid H_i)}.$$

Događaji  $H_i$  nazivaju se hipotezama, originalne vjerojatnosti hipoteza  $\mathbb{P}(H_i)$  apriornim vjerojatnostima, a vjerojatnost  $\mathbb{P}(H_i \mid A)$  aposteriornom vjerojatnošću [28].

<sup>&</sup>lt;sup>6</sup>Nautička milja ili morska milja je jedinica za mjerenje duljine korištena u pomorstvu i zrakoplovstvu.

<sup>&</sup>lt;sup>7</sup>Potpun sustav događaja je konačna ili prebrojiva familija događaja  $(H_i)_{j \in I}$  iz  $\mathcal{F}$  takva da je  $\mathbb{P}(H_i) > 0$  za sve  $i \in I$ ,  $H_i \cap H_j = \text{za } i \neq j$  te  $\bigcup_{i \in I}^{\infty} H_i = \Omega$  [28].

Propozicija 3.4.5 (formula potpune vjerojatnosti).

Neka je  $(H_i)_{i\in I}$  potpun sustav događaja. Tada za svaki  $A\in\mathcal{F}$  vrijedi

$$\mathbb{P}(A) = \sum_{i \in I} \mathbb{P}(H_i) \, \mathbb{P}(A \mid H_i).$$

Koristeći propoziciju 3.4.5, Bayesovu formulu možemo zapisati u obliku:

$$\mathbb{P}(H_j \mid A) = \frac{\mathbb{P}(H_j) \, \mathbb{P}(A \mid H_j)}{\mathbb{P}(A)}.$$

Iz svake AIS poruke može se izvesti tip plovila (npr: putničko plovilo, tanker i dr.), u oznaci c. Problem klasifikacije ruta tada postaje:

pronađi rutu  $R_c^{k^*}$ , koja maksimizira aposteriornu vjerojatnost  $\mathbb{P}(R_c^k \mid \mathbf{V}, \mathbf{\bar{S}})$ , iz  $k = 1, 2, \dots, K$  kompatibilnih ruta  $R_c^k \in Rs$ , tj.

$$R_c^{k^*} = \arg\max_{k} \mathbb{P}(R_c^k \mid \mathbf{V}, \bar{\mathbf{S}}). \tag{3.4}$$

Koristeći Bayesov teorem (3.4.4), gornja vjerojatnost  $\mathbb{P}(R_c^k \mid \mathbf{V}, \bar{\mathbf{S}})$  može se zapisati kao

$$\mathbb{P}(R_c^k \mid \mathbf{V}, \bar{\mathbf{S}}) \propto \mathbb{P}(\mathbf{V}, \bar{\mathbf{S}} \mid R_c^k) \mathbb{P}(R_c^k), \tag{3.5}$$

gdje ∝ označava relaciju proporcionalnosti<sup>8</sup>.

Apriorna vjerojatnost  $\mathbb{P}(R_c^k)$  može se empirijski procijeniti (empirijska razdioba) kao omjer broja plovila koji su prošli duž rute  $R_c^k$  i ukupnog broja identificiranih plovila u razmatranom području. Vjerojatnost  $\mathbb{P}(\mathbf{V}, \mathbf{\bar{S}} \mid R_c^k)$  označava zajedničku vjerojatnost traga rute  $\mathbf{V}$  plovila, koji je vremenski niz opažanja, i niza područja  $\mathbf{\bar{S}}$  uz danu rutu  $R_c^k$ .

Prema [24], vjerojatnost  $\mathbb{P}(\mathbf{V}, \mathbf{\bar{S}} \mid R_c^k)$ , iz (3.5), može se zapisati kao

$$\mathbb{P}(\mathbf{V}, \bar{\mathbf{S}} \mid R_c^k) = \mathbb{P}(\mathbf{V} \mid \bar{\mathbf{S}}, R_c^k) \, \mathbb{P}(\bar{\mathbf{S}} \mid R_c^k), \tag{3.6}$$

gdje je  $\bar{S}$  fiksan nakon što je opažen trag rute plovila V.

<sup>&</sup>lt;sup>8</sup>Relacija proporcionalnosti između dvije varijable znači da promjena jedne varijable utječe na promjenu druge s konstantnim faktorom.

Vjerojatnost  $\mathbb{P}(\mathbf{V} \mid \bar{\mathbf{S}}, R_c^k)$  niza opažanja  $\mathbf{V}$  za niz područja  $\bar{\mathbf{S}}$  uz rutu  $R_c^k$ , iz izraza (3.6), može se zapisati kao

$$\mathbb{P}(\mathbf{V} \mid \bar{\mathbf{S}}, R_c^k) = \prod_{t=1}^T \mathbb{P}(\mathbf{v}_t \mid \mathbf{s}_t, R_c^k), \tag{3.7}$$

te se pretpostavlja da je vjerojatnost opažanja vektora stanja  $\mathbf{v}_t$  u jednom području  $\mathbf{s}_t$  nezavisna<sup>9</sup> od opažanja istog vektora stanja u drugim područjima. Radi se o aproksimaciji jer su vektori stanja traga rute plovila  $\mathbf{V}$  vezani za isto plovilo, pa samim time i zavisni.  $\mathbb{P}(\mathbf{v}_t \mid \mathbf{s}_t, R_c^k)$  je vjerojatnost opažanja vektora stanja  $\mathbf{v}_t$ , s obzirom na elemente rute  $R_c^k$ ,  $\{R_c^k(l).[x,y,\dot{x},\dot{y}]\}$ , unutar područja  $\mathbf{s}_t$ , definirane s

$$\{R_c^k(l).[x,y,\dot{x},\dot{y}]\}, \text{ gdje je } \|R_c^k(i).[x,y]-[x_t,y_t]\| \le d, \forall i \in l.$$
 (3.8)

Vjerojatnost  $\mathbb{P}(\mathbf{v}_t \mid \mathbf{s}_t, R_c^k)$  izračunava se kao

$$\mathbb{P}(\mathbf{v}_t \mid \mathbf{s}_t, R_c^k) = \mathbb{P}(x_t, y_t, \dot{x}, \dot{y} \mid \mathbf{s}_t, R_c^k) = \mathbb{P}(\dot{x}, \dot{y} \mid x_t, y_t, \mathbf{s}_t, R_c^k) \, \mathbb{P}(x_t, y_t \mid \mathbf{s}_t, R_c^k), \tag{3.9}$$

gdje je  $\mathbb{P}(\dot{x}, \dot{y} \mid x_t, y_t, \mathbf{s}_t, R_c^k)$  vjerojatnost opažanja/promatranja komponenata brzine  $\dot{x}, \dot{y}$ , unutar područja  $\mathbf{s}_t$ , identificiranih od strane susjeda trenutne pozicije  $[x_t, y_t]$ , unutar radijusa, tj. udaljenosti d. Drugim riječima, ta komponenta izraza pokazuje u kojoj mjeri je brzina plovila u liniji s prijašnjim brzinama i razdiobom lokalne frekvencije smjera, s obzirom na rutu  $R_c^k$ . Pošto su područja  $\mathbf{s}_t$  identificirana preko  $[x_t, y_t]$  (centar kružnica radijusa d koje predstavljaju  $\mathbf{s}_t$ ), vjerojatnost  $\mathbb{P}(\dot{x}, \dot{y} \mid x_t, y_t, \mathbf{s}_t, R_c^k)$  može se pojednostaviti s  $\mathbb{P}(\dot{x}, \dot{y} \mid \mathbf{s}_t, R_c^k)$  [24]. Dakle, izraz (3.9) se može zapisati kao

$$\mathbb{P}(\mathbf{v}_t \mid \mathbf{s}_t, R_c^k) = \mathbb{P}(x_t, y_t, \dot{x}, \dot{y} \mid \mathbf{s}_t, R_c^k) = \mathbb{P}(\dot{x}, \dot{y} \mid x_t, y_t, \mathbf{s}_t, R_c^k) \, \mathbb{P}(x_t, y_t \mid \mathbf{s}_t, R_c^k)$$

$$= \mathbb{P}(\dot{x}, \dot{y} \mid \mathbf{s}_t, R_c^k) \, \mathbb{P}(x_t, y_t \mid \mathbf{s}_t, R_c^k).$$
(3.10)

Obje vjerojatnosti,  $\mathbb{P}(\dot{x}, \dot{y} \mid \mathbf{s}_t, R_c^k)$  i  $\mathbb{P}(x_t, y_t \mid \mathbf{s}_t, R_c^k)$ , mogu se procijeniti koristeći neparametarske metode, kao što je na primjer KDE metoda (eng. Kernel Density Estimator) [24]. Prije opisa metode uvodi se nekoliko definicija [22].

#### **Definicija 3.4.6** (slučajna varijabla i funkcija razdiobe).

Neka je  $(\Omega, \mathcal{F}, \mathbb{P})$  vjerojatnosni prostor. Funkcija  $X : \Omega \to \mathbb{R}$  zove se slučajna varijabla ako vrijedi  $\{a \le X \le b\} \in \mathcal{F}$  za sve  $a, b \in \mathbb{R}$ , a < b. Slučajna varijabla koja poprima prebrojivo mnogo vrijednosti je diskretna slučajna varijabla.

Funkcija  $F = F_X : \mathbb{R} \to [0, 1]$  definirana sa  $F(a) = \mathbb{P}(X \le a)$ ,  $a \in \mathbb{R}$  naziva se funkcija razdiobe slučajne varijable X.

<sup>&</sup>lt;sup>9</sup>Slučajne varijable *X*, *Y* su nezavisne ako vjerojatnost da *Y* poprimi neku vrijednost, ne ovisi o tome koju je vrijednost poprimila *X* (i obratno).

**Definicija 3.4.7** (neprekidna slučajna varijabla i (vjerojatnosna) funkcija gustoće). *Slučajna varijabla X je neprekidna slučajna varijabla ako postoji nenegativna (izmjeriva*<sup>10</sup>) *funkcija f* :  $\mathbb{R} \to \mathbb{R}$  *takva da je* 

$$\mathbb{P}(a \le X \le b) = \int_a^b f(x) \, dx, \, za \, sve \, a, b \in \mathbb{R}, \, a < b.$$

Funkcija f naziva se (vjerojatnosna) funkcija gustoće slučajne varijable X.

#### Definicija 3.4.8 (očekivanje).

Neka je X neprekidna slučajna varijabla s funkcijom gustoće f. Ako vrijedi da  $\int_{-\infty}^{\infty} |x| f(x) dx$  konvergira, onda X ima matematičko očekivanje koje se definira kao

$$\mathbb{E}(X) = \int_{-\infty}^{\infty} x f(x) \, dx.$$

Također vrijedi da ako je  $g: \mathbb{R} \to \mathbb{R}$  (izmjeriva) funkcija, onda je i g(X) slučajna varijabla s očekivanjem

$$\mathbb{E}[g(X)] = \int_{-\infty}^{\infty} g(x)f(x) \, dx.$$

#### **Definicija 3.4.9** (varijanca, standardna devijacija).

Neka je X neprekidna slučajna varijabla s funkcijom gustoće f i očekivanjem  $\mathbb{E}(X)$ . Varijanca od X definira se kao

$$Var(X) = \mathbb{E}[(X - \mathbb{E}(X))^2] = \mathbb{E}[X^2] - (\mathbb{E}(X))^2.$$

Standardna devijacija od X je definirana kao  $\sigma(X) = \sqrt{Var(X)} \ge 0$ .

#### **Definicija 3.4.10** (uzorak, statistika).

Slučajni uzorak duljine n za slučajnu varijablu Xje niz od n nezavisnih i jednako distribuiranih slučajnih varijabli  $X_1, X_2, \ldots, X_n$  koje imaju istu razdiobu kao i X.

 $Za \ \omega \in \Omega \ je \ x_1 = X_1(\omega), \ x_2 = X_2(\omega), \dots, \ x_n = X_n(\omega) \ jedna \ realizacija \ slučajnog \ uzorka \ i naziva se uzorak.$ 

Statistika je funkcija slučajnog uzorka.

<sup>&</sup>lt;sup>10</sup>Neka su  $(X, \mathcal{F})$  i  $(Y, \mathcal{G})$  dva izmjeriva prostora. Funkcija  $f: X \to Y$  je izmjeriva u paru  $\sigma$ -algebri  $\mathcal{F}$  i  $\mathcal{G}$  ako vrijedi  $f^{-1}(\mathcal{G}) \subseteq \mathcal{F}$ , tj.  $(\forall A \in \mathcal{G})(f^{-1}(A)) \in \mathcal{F}$  [17].

U statistici, KDE (procjenitelj gustoće jezgre) metoda neparametarski je način za procjenu vjerojatnosne funkcije gustoće slučajne varijable, koja je u ovom slučaju položaj i parametri brzine plovila. Procjena vjerojatnosne funkcije gustoće f u KDE metodi je funkcija  $\hat{f}$  koja se naziva procjenitelj gustoće jezgre. Funkcija  $\hat{f}$  definirana je sa

$$\hat{f}_h(x) = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n K_h(x - X_i) = \frac{1}{nh} \sum_{i=1}^n K\left(\frac{x - X_i}{h}\right),$$

gdje je K funkcija jezgre (eng. kernel) koja zadovoljava uvjet  $\int_{-\infty}^{\infty} K(x) dx = 1$ , a h > 0 parametar zaglađivanja (eng. bandwidth) [20]. U ovom slučaju uzima se normalna funkcija jezgre definirana s

$$K(t) = \frac{1}{\sqrt{2\pi}}e^{-(1/2)t^2}$$

i optimizirani odabir parametra zaglađivanja *h* dobivenog minimizacijom funkcije troška (eng. cost/loss/risk function). Optimalan izbor za *h* u tom slučaju je minimizacija funkcije troška, koja se još naziva i integrirana srednjekvadratna greška, definirana na sljedeći način

$$MISE(h) = \mathbb{E}\left[\int (\hat{f}_h(x) - f(x))^2\right] dx.$$

Time se *h* može izračunati kao

$$h = \left(\frac{4\hat{\sigma}^5}{3n}\right)^{\frac{1}{5}} \approx 1.06\hat{\sigma}n^{-1/5},$$

gdje je n veličina uzorka, a  $\hat{\sigma}$  standardna devijacija uzoraka.

Druga vjerojatnost  $\mathbb{P}(\bar{\mathbf{S}} \mid R_c^k)$ , iz izraza (3.6), predstavlja vjerojatnost niza područja  $\bar{\mathbf{S}}$  uz danu rutu  $R_c^k$ , te se može rastaviti na sljedeći način

$$\mathbb{P}(\bar{\mathbf{S}} \mid R_c^k) \propto \mathbb{P}(\mathbf{s}_2 \mid \mathbf{s}_1, R_c^k) \, \mathbb{P}(\mathbf{s}_3 \mid \mathbf{s}_2, R_c^k) \, \dots \, \mathbb{P}(\mathbf{s}_T \mid \mathbf{s}_{T-1}, R_c^k), \tag{3.11}$$

pri čemu proporcionalnost slijedi iz pretpostavke da je vjerojatnost početnog područja  $\mathbb{P}(\mathbf{s}_1 \mid R_c^k)$  jednaka za sve moguće sekvence područja u  $R_c^k$  [24]. Drugim riječima, niz je podjednako vjerojatan da započne u bilo kojoj točki rute. U izrazu (3.11) uzima se u obzir kompatibilnost niza područja  $\{\mathbf{s}_{t-1}, \mathbf{s}_t\}$  s rutom  $R_c^k$ , uzimajući u obzir promjenjivost brzine osvježavanja AIS podataka. Estimacija se vrši kao funkcija udaljenosti  $\Delta_p$ , između promatranog položaja  $[x_t, y_t]$  (središte kružnice koja predstavlja područje  $\mathbf{s}_t$ ) i predviđenog položaja  $[\hat{x}_t, \hat{y}_t]$  izračunatog propagacijom položaja  $[x_{t-1}, y_{t-1}]$  do trenutnog vremena t, s obzirom na razdiobu brzina na ruti  $R_c^k$  [24].

Prikazani postupak iskazan je Algoritmom 5 na sljedećoj stranici.

#### Algoritam 5 Predviđanje traga (Track\_Predictor)[24]

**Require:**  $R_c^k$ ,  $[x_{t-1}, y_{t-1}]$ , time stam  $p_t$ , time stam  $p_{t-1}$ , step, Eps

```
1: \Delta_t \leftarrow (timestamp_t - timestamp_{t-1})

2: \delta_\tau \leftarrow (\Delta_t)/\lceil (\Delta_t)/step_t \rceil

3: for \tau = timestamp_{t-1} to timestamp_t - \delta_\tau step \delta_\tau do

4: find l so that \forall i \in l : ||R_c^k(i).[x,y] - [x_\tau,y_\tau]|| \le Eps

5: s_\tau \leftarrow \{R_c^k(l).[x,y,\dot{x},\dot{y}]\}

6: [\dot{x}_{s_\tau},\dot{y}_{s_\tau}] \leftarrow median(s_\tau.[\dot{x},\dot{y}])

7: [x_{\tau+1},y_{\tau+1}] \leftarrow [x_\tau,y_\tau] + [\dot{x}_{s_\tau},\dot{y}_{s_\tau}]\delta_\tau

8: end for

9: return [\hat{x}_t,\hat{y}_t]
```

U Algoritmu 5,  $\lceil . \rceil$  predstavlja funkciju najmanjeg cijela<sup>11</sup> ("strop"), a  $\delta_{\tau}$  približno određeno povećanje vremena između dva položaja, koje se odabire proizvoljno ovisno o kompleksnosti rute.

Udaljenost  $\Delta_p$  može se iskoristiti za procjenu vjerojatnosti opažanja područja  $\mathbf{s}_t$ , s obzirom na prethodno područje  $\mathbf{s}_{t-1}$  i rutu  $R_c^k$ .  $\Delta_p$  se može se posmatrati kao slučajna varijabla koja opisuje pogrešku predviđanja, odnosno pomak trenutno promatranog položaja u odnosu na očekivani, uzimajući u obzir vremensko kašnjenje  $\Delta_t$ . Udaljenost  $\Delta_p$  izračunava se kao euklidska udaljenost<sup>12</sup>,  $\Delta_p = \| [x_t, y_t] - [\hat{x}_t, \hat{y}_t] \|$ , jer je većina promatranih udaljenosti uglavnom ispod osam nautičkih milja, sa smanjenom zakrivljenosti [24]. Za istraživanje varijabilnosti  $\Delta_p$  izabrana je parametarska Weibull-ova razdioba [24], gdje je vjerojatnosna funkcija gustoće slučajne varijable x definirana s

$$f(x; \alpha, \beta) = \begin{cases} \frac{\beta}{\alpha} \left(\frac{x}{\alpha}\right)^{\beta - 1} e^{-(x/\alpha)^{\beta}} & x \ge 0\\ 0 & x < 0 \end{cases},$$

gdje se  $\beta>0$  zove parametar oblika,  $\alpha>0$  parametar skaliranja, a  $e^{-(x/\alpha)^{\beta}}$  funkcija pouzdanosti<sup>13</sup> [7, 8].

Primjenom Weibull-ovog modela, vjerojatnost  $\mathbb{P}(\mathbf{s}_t \mid \mathbf{s}_{t-1}, R_c^k)$  se izjednačava s funkcijom pouzdanosti [24], te se zapisuje kao

$$\mathbb{P}(\mathbf{s}_t \mid \mathbf{s}_{t-1}, R_c^k) = exp\left[-\left(\frac{\Delta_p}{\alpha_k}\right)^{\beta_k}\right]. \tag{3.12}$$

 $<sup>11\</sup>lceil x \rceil$  - najmanji cijeli broj koji nije manji od x, tj.  $\lceil x \rceil = \min \{ n \in \mathbb{Z} \mid n \geq x \}$ 

<sup>&</sup>lt;sup>12</sup>Za vektore definirana kao  $d(x, y) = ||x - y|| = \sqrt{\sum_{i=1}^{n} (x_i - y_i)^2}, x, y \in \mathbb{R}^n$ .

 $<sup>^{13}</sup>$ Funkcija pouzdanosti određuje vjerojatnost opstanka slučajne varijable x.

Parametar oblika  $\beta_k$  se u principu ne mijenja s vremenom, dok parametar skaliranja  $\alpha_k$  ovisi o vremenskom kašnjenju  $\Delta_t$ , koje se još naziva i vremenski prozor, između dva susjedna opažanja [24]. Vrijedi:

$$\alpha_k = m_k \, \Delta_t, \, \text{za} \, \Delta_t > 0. \tag{3.13}$$

Očekivana vrijednost (sredina) slučajne varijable  $\Delta_p$ , u Weibull-ovoj razdiobi, je

$$\mathbb{E}(\Delta_p) = \alpha_k \cdot \Gamma\left(1 + \frac{1}{\beta_k}\right),\tag{3.14}$$

a varijanca

$$Var(\Delta_p) = \alpha_k^2 \cdot \Gamma\left(1 + \frac{2}{\beta_k}\right) - (\mathbb{E}(\Delta_p))^2, \tag{3.15}$$

gdje je  $\Gamma:\langle 0,\infty\rangle\to\mathbb{R}$  gama funkcija definirana s  $\Gamma(x)=\int_0^\infty t^{x-1}e^{-t}dt$ .

Zbog jednadžbe (3.13), varijanca se povećava za  $\Delta_t^2$ , računajući rast nesigurnosti povezane s modelom propagacije u dugoročnom predviđanju.

#### Definicija 3.4.11 (nepristrani procjenitelj).

Procjenitelj  $T_n = f_n(X_1, X_2, ..., X_n)$  je nepristrani procjenitelj za parametar  $\tau$  ako vrijedi  $\mathbb{E}(T_n) = \tau$ .

Procjene  $\hat{\alpha}_k$  i  $\hat{\beta}_k$  dobivaju se pomoću uzoraka udaljenosti između predviđenih položaja  $[\hat{x}_t, \hat{y}_t]$  i stvarnih promatranih položaja  $[x_t, y_t]$  u navedenoj ruti  $R_c^k$ , za svako vremensko kašnjenje  $\Delta_t$ . Za procjenu parametara koristi se metoda maksimalne vjerodostojnosti (eng. Maximum Likelihood Method). Neka je  $(x_1, x_2, \dots, x_n)$  opaženi uzorak za slučajnu varijablu X s funkcijom gustoće  $f(x;\theta)$ , gdje je  $\theta = (\theta_1, \theta_2, \dots, \theta_k) \in \Theta \subseteq \mathbb{R}^k$  nepoznati parametar. Funkcija vjerodostojnosti  $L: \Theta \to \mathbb{R}$  definirana je s

$$L(\theta) = \prod_{i=1}^{n} f(x_i; \theta), \ \theta \in \Theta.$$

Vrijednost  $\hat{\theta} = \hat{\theta}(x_1, x_2, \dots, x_n) \in \Theta$  za koju je

$$L(\hat{\theta}) = \max_{\theta \in \Theta} L(\theta)$$

naziva se procjena metodom maksimalne vjerodostojnosti, gdje je statistika  $\hat{\theta}(x_1, x_2, \dots, x_n)$  procjenitelj metodom maksimalne vjerodostojnosti (kraće MLE) [10, 26].

Praktična procjena  $\hat{m}_k$  parametra  $m_k$  iz izraza (3.13) može se dobiti izravno pomoću linearne regresije za svaku rutu  $R_c^k$ . Time jednadžba (3.12) postaje

$$\mathbb{P}(\mathbf{s}_t \mid \mathbf{s}_{t-1}, R_c^k) = exp\left[-\left(\frac{\Delta_p}{\hat{m}_k \cdot \Delta_t}\right)^{\hat{\beta}_k}\right], \text{ za } \Delta_t > 0.$$
 (3.16)

Dakle, za dano vremensko kašnjenje  $\Delta_t$ , vjerojatnost  $\mathbb{P}(\mathbf{s}_t \mid \mathbf{s}_{t-1}, R_c^k)$  se smanjuje kako se udaljenost  $\Delta_p$  povećava. Također, za danu udaljenost  $\Delta_p$ , vjerojatnost  $\mathbb{P}(\mathbf{s}_t \mid \mathbf{s}_{t-1}, R_c^k)$  se povećava kako se vremensko kašnjenje  $\Delta_t$  povećava [24].

#### 3.4.2 Predviđanje ruta

Za promatrani niz vektora stanja plovila određenog tipa c, klasifikacija ruta svakoj kompatibilnoj ruti dodjeljuje vjerojatnost temeljenu na aposteriornoj vjerojatnosti (izraz 3.5) da to plovilo pripada toj ruti. Drugim riječima, uzimajući u obzir zadnji niz vektora stanja plovila i vremensko kašnjenje (vremenski prozor)  $\Delta_t$ , može se predvidjeti budući položaj plovila koristeći Algoritam 5.

Uz pretpostavku nepostojanja anomalija u promatranom području, prosječna brzina zajedno s nizom ruta dobivenih od prijašnjih plovila predstavljaju skup ograničenja koji se može iskoristiti za efikasno predviđanje budućih položaja plovila, temeljeno na statičkim informacijama, kao što je tip plovila. Zaključak se donosi na temelju ruta dobivenih učenjem opisanom u procesu otkrivanja prometnih spoznaja i najvjerojatnijih ruta dobivenih pomoću jednadžbe (3.7) [24].

#### 3.4.3 Detekcija anomalija

Detekcija anomalije  $H_1$ , u vremenu t, može se smatrati odstupanjem od normalnog ponašanja  $H_0$ , koje dobivamo iz procesa otkrivanja prometnih spoznaja.

Detekciji se može pristupiti na način da se postavi minimalni prag Th za aposteriornu vjerojatnost (3.4):

$$R_c^{k^*} = \underset{k}{\operatorname{arg\,max}} \, \mathbb{P}(R_c^k \mid \mathbf{V}, \bar{\mathbf{S}}) \stackrel{H_1}{\underset{H_0}{\leq}} Th$$
(3.17)

Detekcija se obavlja u stvarnom vremenu, dakle s nedavnim podacima, koristeći klizni vremenski prozor koji hvata nedavna stanja niza traga rute plovila [24].

### 3.5 Razmatranje obilježja TREAD metode

Pristup koji je ovdje predstavljen je praktični kompromis kako bi se dobila pouzdana reprezentacija pomorskog prometa bez povećanja kompleksnosti modela. Praktična prednost je u tome što se TREAD može lako nositi s nejednakim duljinama ruta ili rutama s prazninama, što zna biti često zbog raznoraznih slučajeva kao što su: namjerno isključenje AIS uređaja, različitost intervala javljanja različitih tipova AIS uređaja i slično.

Rute dobivene iz procesa otkrivanja prometnih spoznaja, čiji se broj ne zna unaprijed,

opisane su informacijama o ulaznom/izlaznom vremenu plovila koje je ušlo/izašlo iz područja koje se promatra, zajedno s tipom tog plovila, što pruža više informacija (tip plovila, razdioba ruta, prosječno vrijeme putovanja, ...).

Identificirane rute ponekad imaju iste ulazne i izlazne točke, ali njihov put odstupa od ostalih putova unutar iste rute. Takvi uzorci nisu valjani te se za daljnju primjenu spoznaja moraju ukloniti. U tu svrhu pogodan je odabrani DBSCAN algoritma, koji takve uzorke smatra šumovima te se automatski filtriraju u samom algoritmu.

Učinak učenja TREAD metodologije analiziran je s obzirom na omjer između broja AIS poruka preslikanih u izdvojeni sustav ruta i broja obrađenih AIS poruka. Dobivene su spoznaje da što je promet više ograničen ili reguliran, to će točniji biti rezultati nenadgledanog učenja. Također izbor inkrementalnog učenja omogućuje aplikaciju metode u stvarnom vremenu. Nadalje se raspravljaju odabiri metoda u procesu primjene spoznaja. Za neparametarsku metodu, za procjenu vjerojatnosti položaja i brzine plovila, izabrana je KDE metoda jer ona za razliku od GMM metode (eng. Gaussian Mixture Models), koja je popularna u radovima prepoznavanja uzoraka, nema pretpostavke o vjerojatnosnoj funkciji gustoće (GMM pretpostavlja normalnu aka. Gauss-ovu razdiobu) i ne zahtjeva unaprijed specificiran broj komponenti, što je glavna mana GMM modela, čime je pokazala vrhunsku sposobnost preciznog modeliranja.

Za parametarsku metodu, za istraživanje varijabilnosti  $\Delta_p$ , izabran je Weibull-ov model razdiobe jer eksponencijalni modeli pokazuju dobru prilagodbu, a ujedno se podudaraju s povezanim literaturama. Weibull-ov model pokazuje dobru korelaciju<sup>14</sup> s empirijskom razdiobom opaženih udaljenosti temeljenim na stvarnim AIS podacima u različitim područjima [24].

<sup>&</sup>lt;sup>14</sup>Korelacija predstavlja suodnos ili međusobnu povezanost između različitih pojava predstavljenih vrijednostima dviju varijabli.

# Poglavlje 4

# Programska izvedba metode TREAD u programskom jeziku R

#### 4.1 Uvod u R

R je okruženje za statističke izračune i vizualizaciju sa zasebnim programskim jezikom. R je slobodno okruženje što znači da se može slobodno koristiti i distribuirati. R pruža širok izbor statističkih metoda za linearno i nelinearno modeliranje, klasične statističke testove, analize vremenskih serija, klasteriranje. Lako je proširiv s velikim izborom grafičkih tehnika. Dostupan je putem Interneta i radi na raznim platformama UNIX i sličnim sustavima (uključujući FreeBSD i Linux), Windows i MacOS [29].

Osnovne funkcionalnosti R-a mogu se proširiti dodavanjem knjižica. Knjižice se instaliraju preko R konzole koristeći sljedeću naredbu:

```
> install.packages("package_name")
```

Da bi funkcije instalirane knjižice bile dostupne potrebno ih je svaki puta prilikom početka rada u sustavu učitati u radni prostor naredbom:

```
> library(package_name)
```

Za više informacija o svakoj knjižici koriste se naredbe:

```
> help(package_name)
```

> ?package\_name

### 4.2 Ulazni podaci

AIS podaci za rad dobiveni su sa stanica pomorskih vlasti Kraljevine Danske i dostupni su na internetskoj stranici [4].

Dostupni su samo povijesni podaci, te su za potrebe ovog rada uzeti podaci za jedan dan i to točnije 29.09.2019.

#### 4.2.1 Struktura podataka

Podaci su preuzeti u obliku CSV (eng. Comma Separated Values) datoteke koja predstavlja tekstualnu datoteku koja sadrži popis podataka odvojenih zarezom. Stupci reprezentiraju sljedeće:

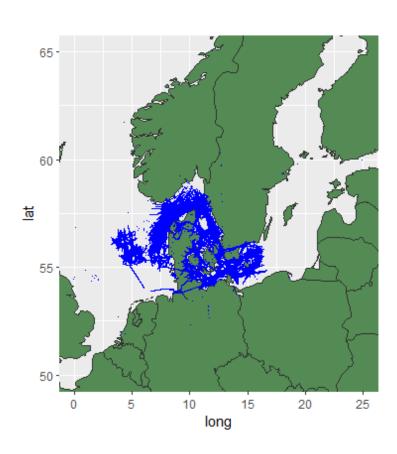
- Timestamp vremenska oznaka AIS bazne stanice, format: 31/12/2015 00:00:00,
- Type of mobile tip AIS uređaja,
- MMSI MMSI broj plovila,
- Latitude, Longitude geografska širina i dužina, format: 57,8794,
- Navigational status navigacijski status iz AIS poruke ako je dostupan (npr. bavljenje ribolovom),
- ROT, SOG, COG brzina okreta, brzina plovljenja i kurs plovila ako su dostupni,
- Heading smjer kretanja,
- IMO IMO broj plovila,
- Callsign, Name pozivni znak i ime plovila,
- Ship type, Cargo type tip plovila i tip tereta,
- Width, Length dimenzije plovila,
- Type of position fixing device vrsta uređaja za pričvršćivanje položaja,
- Draught okomiti razmak između vodene linije i dna trupa,
- Destination, ETA destinacija i procijenjeno vrijeme dolaska,
- Data source type izvor podataka, npr. AIS,
- A, B, C, D duljina od GPS-a do pramca, krme, daljnje bočne strane, bliže bočne strane.

Timestamp, Type of mobile, Navigational status, IMO, Callsign, Name, Ship type, Cargo type, Type of position fixing device, Destination, ETA, Data Source type su podaci tipa text (eng. character), dok su ostali tipa realnog broja (eng. double).

#### 4.2.2 Pregled podataka

Podaci se učitavaju u R korištenjem readr knjižice, dok se za grafički prikaz koristi ggplot2 knjižica. Kod izvedbe za sve grafičke prikaze može se naći u dodatku C. Da bi se steklo malo više uvida u podatke koristi se naredba (čime se dobiva prikaz 4.1):





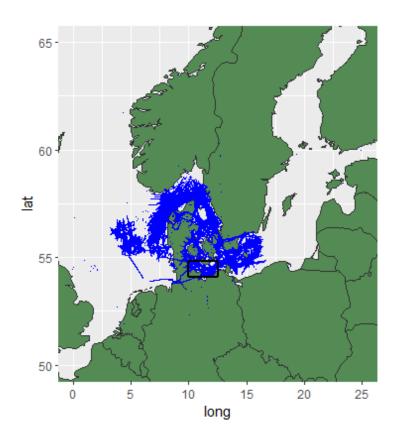
Slika 4.1: Grafički prikaz svih podataka za dan 29.09.2019.

| 1 Times          | stamp            | Type of mobile             | MMSI              | Latitude          |
|------------------|------------------|----------------------------|-------------------|-------------------|
| 1                | th:10181117      | Length: 10181117           | Min. : 0          | Min. :-110.96     |
|                  | s :character     | Class : character          | 1st Qu.:219002857 | 1st Qu.: 55.32    |
| 5 Mode           | :character       | Mode : character           | Median :219076000 | Median : 56.04    |
|                  | . Character      | Houe . Character           |                   |                   |
| 6                |                  |                            | Mean :243837272   | Mean : 56.65      |
| 7                |                  |                            | 3rd Qu.:255801670 | 3rd Qu.: 57.16    |
| 8                |                  |                            | Max. :992651016   | Max. : 91.00      |
| 9                |                  |                            |                   |                   |
| 10 Longit        | tude             | Navigational status        | ROT               | SOG               |
| 11               |                  |                            |                   |                   |
| 12 Min.          | :-223.575        | Length :10181117           | Min. :-709        | Min. : 0.0        |
| 13 1st Qu        | u.: 9.165        | Class :character           | 1st Qu.: 0        | 1st Qu.: 0.0      |
| 14 Mediar        | n: 10.599        | Mode :character            | Median : 0        | Median : 0.7      |
| 15 Mean          | : 12.942         |                            | Mean : 0          | Mean : 5.4        |
| 16 3rd Qu        | u.: 12.072       |                            | 3rd Qu.: 0        | 3rd Qu.: 10.4     |
| 17 Max.          | : 181.000        |                            | Max. : 709        | Max. :211.0       |
| 18               |                  |                            | NA :3330027       | NA :579028        |
| 19               |                  |                            |                   |                   |
| 20 COG<br>21     |                  | Heading                    | IMO               | Callsign          |
| 22 Min.          | : 0.0            | Min. : 0.0                 | Length: 10181117  | Length: 10181117  |
|                  | ı.: 76.2         | 1st Qu.: 86.0              | Class :character  | _                 |
|                  |                  |                            |                   | Class : character |
|                  | n :202.2         | Median :196.0              | Mode :character   | Mode :character   |
| 25 Mean          | :181.9           | Mean :181.9                |                   |                   |
| 1                | u.:272.7         | 3rd Qu.:260.0              |                   |                   |
| 27 Max.          | :359.9           | Max. :510.0                |                   |                   |
| 28 NA            | :969849          | NA :2412937                |                   |                   |
| 29               |                  |                            |                   |                   |
| 30 Name<br>31    |                  | Ship type                  | Cargo type        | Width             |
| 1                | h:10181117       | Length:10181117            | Length: 10181117  | Min. : 1.0        |
|                  | :character       | Class : character          | Class : character | 1st Qu.: 6.0      |
| 34 Mode          | :character       | Mode : character           | Mode : character  | Median : 10.0     |
| 35               | . character      | noue : enuracter           | noue lenuraceer   | Mean : 13.2       |
| 36               |                  |                            |                   |                   |
|                  |                  |                            |                   | 3rd Qu.: 18.0     |
| 37               |                  |                            |                   | Max. :100.0       |
| 38               |                  |                            |                   | NA :902857        |
| 39               |                  | <b></b>                    | D 1.              |                   |
| 40 Length        | n                | Type of position           | Draught           | Destination       |
| 41               |                  | fixing device              |                   |                   |
| 42               |                  |                            |                   |                   |
| 43 Min.          | : 1.0            | Length: 10181117           | Min. : 0.2        | Length: 10181117  |
|                  | u.: 17.0         | Class :character           | 1st Qu.: 2.7      | Class :character  |
|                  | n : 38.0         | Mode :character            | Median : 4.2      | Mode :character   |
| 46 Mean          | : 70.4           |                            | Mean : 4.8        |                   |
| 47 3rd Qu        | u.:101.0         |                            | 3rd Qu.: 6.4      |                   |
| 48 Max.          | :400.0           |                            | Max. :25.5        |                   |
| 49 NA            | :896298          |                            | NA :2645401       |                   |
| 50               |                  |                            |                   |                   |
| 51 <b>ETA</b> 52 |                  | Data source type           | A                 | В                 |
|                  | n:10181117       | Length: 10181117           | Min. : 1.0        | Min. : 1.0        |
|                  | :character       | Class :character           | 1st Qu.: 10.0     | 1st Qu.: 7.0      |
|                  |                  |                            |                   |                   |
|                  | :character       | Mode :character            | Median : 19.0     | Median: 13.0      |
| 56               |                  |                            | Mean : 43.7       | Mean : 27.2       |
| 57               |                  |                            | 3rd Qu.: 70.0     | 3rd Qu.: 26.0     |
| 58               |                  |                            | Max. :288.0       | Max. :283.0       |
| 59               |                  |                            | NA :924452        | NA :1000129       |
| 60               |                  | _                          |                   |                   |
| 61 C             |                  | D                          |                   |                   |
| 62               |                  |                            |                   |                   |
| 63 Min.          | : 1.0            | Min. : 1.0                 |                   |                   |
| 64 1st Qu        |                  | 1st Qu.: 3.0               |                   |                   |
| 65 Mediar        | n : 5.0          | Median : 5.0               |                   |                   |
|                  |                  |                            |                   |                   |
| 66 Mean          | : 6.7            | Mean : 6.6                 |                   |                   |
| 1                | : 6.7<br>u.: 9.0 | Mean : 6.6<br>3rd Qu.: 9.0 |                   |                   |
| 1                |                  |                            |                   |                   |
| 67 3rd Qu        | u.: 9.0          | 3rd Qu.: 9.0               |                   |                   |

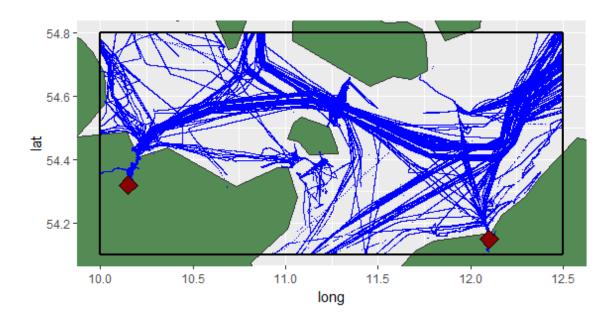
Prikaz 4.1: Sažetak AIS podataka

Napomena 4.2.1. Uočava se vrlo velik broj NA vrijednosti što znači lošiju kvalitetu podataka. Zbog važnosti COG i SOG parametra u klasifikaciji ruta, iz podataka se brišu svi oni kojima su ti parametri jednaki NA.

Odabire se promatrano područje/okvir. Uzima se okvir za promatranje koji obuhvaća luke Kiel i Rostok, geografske širine između 54.1 i 54.8, te geografske dužine između 10 i 12.5.



Slika 4.2: Odabir okvira



Slika 4.3: Prikaz promatranog područja sa svim podacima za dan 29.09.2019.

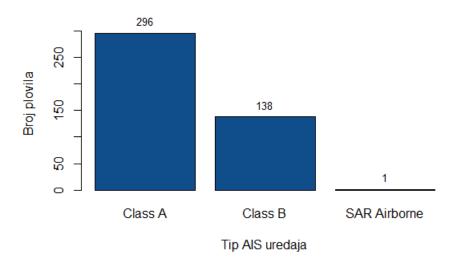
Zbog uzimanja podataka samo jednog dana, točnije 29.09.2019., varijabla Timestamp se mijenja iz DateTime formata u Time format, jer je datum za sve podatke isti.

Daljnjim promatranjem podataka uočeno je kako se neki podaci ne podudaraju. Naime događa se da postoje podaci takvi da se određeno plovilo u isto vrijeme (do na sekundu) nalazi u dva različita položaja (različite vrijednosti varijabli Longitude i Latitude), što je nemoguće, pa se takvi podaci otklanjaju iz početnog skupa podataka.

Radi jednostavnosti, uzeti su samo najpotrebniji podaci (Timestamp, MMSI, Longitude, Latitude, SOG, COG, Name, Ship type) za nastavak rada.

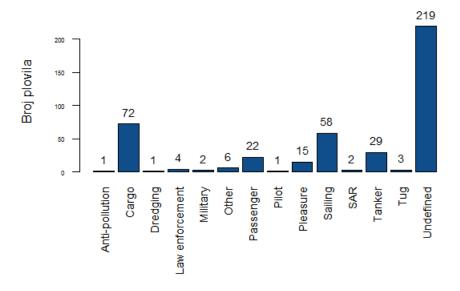
U nastavku slijede grafički prikazi broja plovila, unutar promatranog područja, po vrsti AIS uređaja i po tipu plovila.

#### Razdioba plovila po tipu AIS uredaja



Slika 4.4: Broj plovila po tipu AIS uređaja

#### Razdioba plovila po tipu plovila



Slika 4.5: Broj plovila po tipu plovila

#### 4.3 Rezultati izvedbe

Parametar  $\tau$ , koji označava vremenski interval veći od maksimalne stope ažuriranja AIS poruka, postavljen je na vrijednost od 6 minuta (00:06:00 u hh:mm:ss formatu). Dakle, ukoliko plovilo nije promatrano 6 ili više minuta, njegov status se ažurira na "izgubljen".

Po algoritmu nenadgledanog izdvajanja ruta (Algoritam 4) svakih  $\Delta_{days}$  se traže plovila koja nisu ažurirana u zadnjem  $\tau$  intervalu. Pošto je za potrebe ovog rada uzet samo jedan dan (29.09.2019.), parametar  $\Delta_{days}$  postavljen je u skladu s promatranjem samo jednog dana i iznosi 12 sati (12:00:00 u hh:mm:ss formatu).

Minimalna brzina za koju se detektira stacionaran objekt postavljena je na 4 m/s, što iznosi otprilike 7.8 čvora.

Navedeni parametri postavljeni su kao globalne varijable.

Nenadgledano izdvajanje ruta poziva se naredbom:

Argumenti, odnosno parametri N\_ENs, N\_POs, N\_EXs, Eps\_ENs, Eps\_POs i Eps\_EXs, iz algoritma nenadgledanog izdvajanja ruta (Algoritam 4), za potrebe DBSCAN algoritma, određeni su eksperimentalno unutar promatranog područja. Uzete su sljedeće vrijednosti tih parametara:

```
N_ENs = 4,
N_POs = 25,
N_EXs = 3,
Eps_ENs = 0.035,
Eps_POs = 0.2,
Eps_EXs = 0.2.
```

Funkcija također koristi globalne varijable VS, Rs u obliku *data.frame*<sup>1</sup> objekta opisanih u nastavku i *data.frame* objekt messages koji predstavlja AIS poruke u promatranom području.

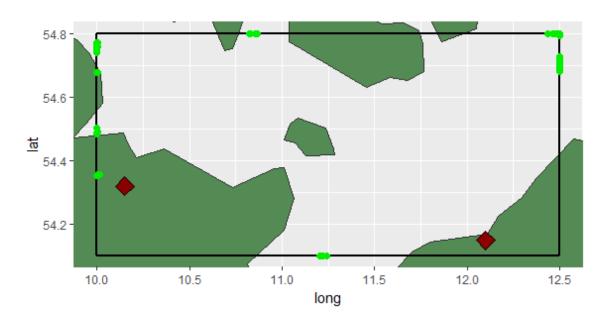
Funkcija vraća *data.frame* objekt VS koji sadrži podatke o plovilima u promatranom području, njihove statuse, podatke o položajima plovila, brzini, kursu, putnim točkama kroz koje je prošao ili u kojima je stacioniran u skladu s Algoritmom 4. Nadalje, funkcija vraća *data.frame* objekt Rs koji sadrži izdvojene podatke o rutama, naziv rute (oblika "početna točka završna točka"), početne i završne točke i sve podatke o plovilima koja su zabilježena da plove tom rutom. Uz to globalno se ažuriraju i tri *data.frame* objekta ENs, POs, EXs koji predstavljaju ulazne, stacionarne i izlazne putne točke te sadrže položaje (Longitude, Latitude), MMSI plovila koji je zabilježen u toj putnoj točki i stupac cluster koji označava kojoj putnoj točki, unutar ulaznih, stacionarnih i izlaznih točaka, položaj pripada (npr. u tablici ENs, ako jedan jedan redak ima vrijednost stupca cluster jednak 3, znači da položaj iz tog retka pripada ulaznoj točki 3 (EN 3)).

Provođenjem nenadgledanog izdvajanja ruta, uz parametre navedene u ovom potpoglavlju, dobivaju se ulazne, stacionarne i izlazne točke, te rute između njih. Broj otkrivenih putnih točaka prikazan je sljedećom tablicom.

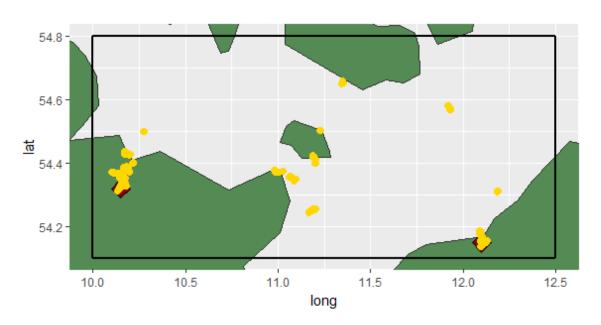
| Objekt            | Ukupno |
|-------------------|--------|
| Ulazne točke      | 8      |
| Stacionarne točke | 13     |
| Izlazne točke     | 8      |

Sljedeći grafički prikazi prikazuju otkrivene ulazne točke (zelena boja), stacionarne točke (žuta boja) i izlazne točke (crvena boja). Zadnji grafički prikaz prikazuje sve putne točke (gdje iste boje označavaju vrstu putne točke kao i u prethodnim prikazima) i rute između njih (plava boja).

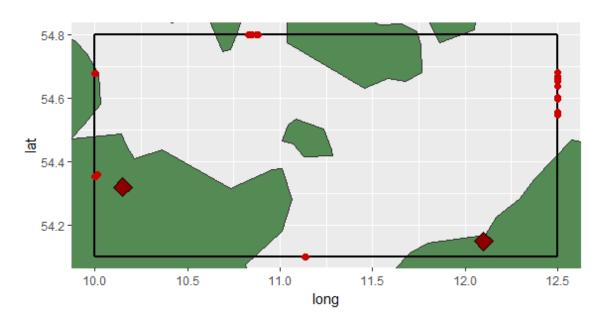
<sup>&</sup>lt;sup>1</sup>Tablica ili dvodimenzionalna struktura slična nizu u kojoj svaki stupac sadrži vrijednosti jedne varijable, a svaki redak sadrži po jedan skup vrijednosti iz svakog stupca.



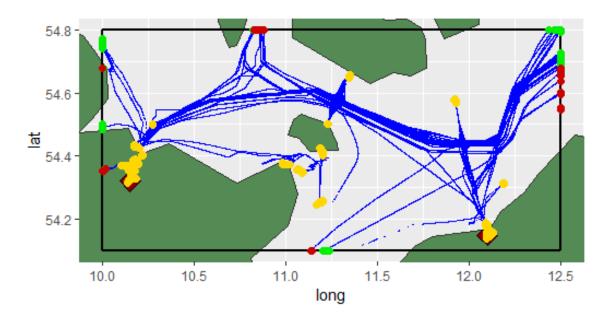
Slika 4.6: Otkrivene ulazne točke



Slika 4.7: Otkrivene stacionarne točke



Slika 4.8: Otkrivene izlazne točke



Slika 4.9: Otkrivene putne točke i rute

Za potrebe primjene, odabire se plovilo od interesa (VOI) za kojeg se provodi primjena znanja dobivenog prethodnim nenadgledanim izdvajanjem ruta. Odabire se plovilo s MMSI brojem 209214000. Radi se o tankeru imena VERDI.

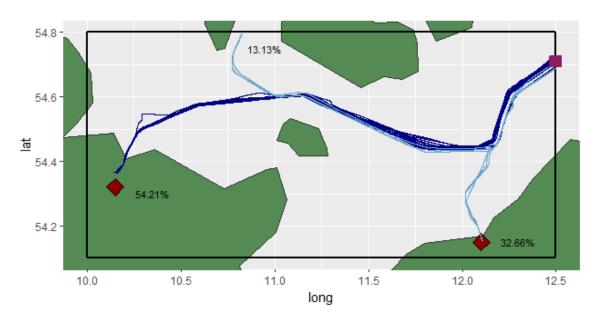
Uz pretpostavku da nema anomalija, daje se vjerojatnost dolaska u kompatibilnu putnu točku, koja pripada kompatibilnim rutama plovila VERDI s obzirom na odabrane položaje, korištenjem jednadžbe (3.7) i to s 2 različita početna položaja.

Slike 4.10 i 4.11 prikazuju vjerojatnost dolazaka plovila VERDI u kompatibilne točke uz odabrani početni položaj označen ljubičastim kvadratom. Najizglednija ruta naznačena je tamno plavom bojom, dok su ostale, manje izgledne rute, naznačene svijetlo plavom bojom (vjerojatnosti (u postocima) prikazane su uz samu destinaciju). Za radijus područja d, opisan u potpoglavlju 3.4, odabrani su:

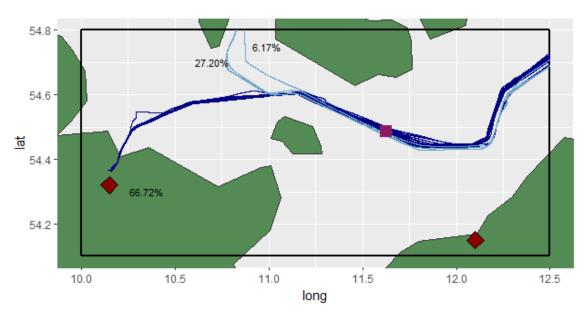
- slika 4.10: d = 6173 metara  $\approx 3.33$  nautičke milje,
- slika 4.11: d = 4417 metara  $\approx 2.38$  nautičke milje.

Eksperimentalno odabrani radijusi razlikuju se zbog činjenice da kad se plovilo nalazi u dijelu gdje je gušći promet, radijus *d* treba biti odabran manji kako bi se spriječilo hvatanje previše različitih ruta. Za razliku od toga, u manje prometnim dijelovima, parametar *d* se uzima veći.

Uočeno je da ruta prema putnoj točki za koju je dobivena najveća vjerojatnost jest upravo ona ruta kojom plovi odabrano plovilo.



Slika 4.10: Predviđanje destinacije (1)

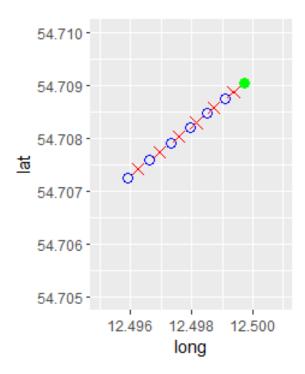


Slika 4.11: Predviđanje destinacije (2)

Nadalje, slika 4.12 prikazuje rezultate algoritma predviđanja traga (Algoritam 5). Kao primjer uzet je prvi položaj plovila VERDI kao na slici 4.10. Pokrenut je Algoritam 5 uz:

- Eps jednak veličini radijusa za taj položaj (≈ 3.33 nautičke milje),
- step = 6,
- rutu u luku Kiel (za koju je gornja analiza pokazala da je najizglednija).

Na slici zeleni krug označava početak predviđanja, plavi krugovi stvarne položaje, a crveni križevi predviđene položaje u skladu s Algoritmom 5.



Slika 4.12: Predviđanje položaja

Vrijednosti stvarnih i predviđenih položaja dani su u sljedećoj tablici:

| Stvarni položaj    | Predviđeni položaj |
|--------------------|--------------------|
| 12.49910, 54.70874 | 12.49936, 54.70887 |
| 12.49852, 54.70846 | 12.49873, 54.70857 |
| 12.49795, 54.70820 | 12.49815, 54.70830 |
| 12.49732, 54.70790 | 12.49758, 54.70803 |
| 12.49662, 54.70758 | 12.49694, 54.70774 |
| 12.49592, 54.70725 | 12.49625, 54.70741 |

Za proučavanje anomalija izabrano je plovilo sa MMSI brojem 212491000 imena Dalsland, nepoznatog tipa. Postavljena je granica za aposteriornu vjerojatnost najizglednije rute na 0.03 (u postocima). Primjenom analize dobiveno je da je njegova najizglednija ruta ona u luku Kiel te aposteriorna vjerojatnost za tu rutu, u vremenskom rasponu od 11:13:18 do 11:13:49, iznosi 0.02407 posto, što je manje od dane granice. Proučavanjem plovila Dalsland u tom periodu uočeno je naglo stajanje u 3 navrata, iako po parametru SOG on i dalje plovi konstantnom brzinom. Promjene položaja u danom vremenskom intervalu vidljive su u sljedećoj tablici:

| Vrijeme  | Položaj            |
|----------|--------------------|
| 11:13:18 | 12.49997, 54.71540 |
| 11:13:23 | 12.49997, 54.71540 |
| 11:13:28 | 12.49939, 54.71516 |
| 11:13:31 | 12.49939, 54.71516 |
| 11:13:39 | 12.49875, 54.71489 |
| 11:13:48 | 12.49875, 54.71489 |
| 11:13:49 | 12.49816, 54.71465 |

Može se zaključiti da je plovilo u datom vremenskom intervalu naglo stajalo radi izbjegavanja sudara ili sličnih događaja.

Kod izvedbe nenadgledanog izdvajanja ruta i primjene može se naći u dodatku A i B, dok se kod za sve grafičke prikaze iz ovog poglavlja može naći u dodatku C.

## Poglavlje 5

# Zaključak

Potpuno iskorištavanje redovito generiranih masivnih skupova AIS podataka za potrebe prepoznavanja uzoraka pomorskog prometa i kretanja brodova traži primjenu postupaka strojnog učenja.

Metodologija TREAD automatski dobiva znanje o pomorskom prometu (luke, obalne platforme, ulazne i izlazne točke i rute) iz AIS podataka bez prethodnih informacija o domeni tog područja.

Proces učenja robustan je s obzirom na različit broj senzora, njihovu pokrivenost i stopu ažuriranja te razmjer promatranog područja. Otkrivene skupine karakteriziraju prostorne i vremenske informacije, koje omogućuju otkrivanje ponašanja s malim vjerojatnostima i predviđanje budućih položaja i mogućih odredišta. Postupak izdvajanja ruta temelji se na nenadgledanom inkrementalnom učenju i može se primijeniti u stvarnom vremenu ili na povijesnim podacima, kao što je slučaj u ovom radu.

U ovom radu plovila su analizirana kao kolektivni entitet koji konstruira i oblikuje prometne obrasce u promatranom području. Znanje iz velikog skupa AIS podataka, dobiveno nenadgledanim inkrementalnim učenjem, iskorištava se dalje za klasificiranje ruta, predviđanje odredišta plovila, predviđanje samih budućih položaja s obzirom na trenutni položaj te detekciju anomalija, temeljem aposteriorne vjerojatnosti, neovisno o broju uređaja iz kojih se dobivaju podaci, njihovim obilježjima i platformi.

Rezultirajuća detekcija anomalija često može biti u potpunosti objašnjena kroz interakciju između objekata, odnosno plovila (npr. iznenadna promjena smjera ili brzine može biti posljedica manevara izbjegavanja sudara u odnosu na drugo plovilo).

Takva razina interakcije može pomoći u poboljšanju tumačenja i razumijevanja ponašanja i namjera plovila.

## Bibliografija

- [1] IALA AISM, *An overview of AIS 1082*, 2011, dostupno na: https://www.iala-aism.org/product/an-overview-of-ais-1082/, (5. veljače 2020.).
- [2] All about AIS, dostupno na: http://www.allaboutais.com/index.php/en/, (5. veljače 2020.).
- [3] E. Alpaydin, *Introduction to machine learning*, The MIT Press, 2009.
- [4] Danish Maritime Authority, AIS data, dostupno na: https://www.dma.dk/Sikke rhedTilSoes/Sejladsinformation/AIS/Sider/default.aspx, (5. veljače 2020.).
- [5] H. H. Bock, *Proximity Measures*, Encyclopedia of Statistics in Behavioral Science, Wiley, New York (2005), 1621–1628.
- [6] J. Brownlee, 14 different types of learning in machine learning, 2019, dostupno na: https://machinelearningmastery.com/types-of-learning-in-machine-learning/, (5. veljače 2020.).
- [7] A. Bulić, *Procjena parametra Weibullove distribucije*, Magistarska radnja, Sveučilište J. J. Strossmayera u Osijeku, Odjel za matematiku, Financijska matematika i statistika, 2016.
- [8] Characteristics of the Weibull Distribution, dostupno na: https://www.weibull.com/hotwire/issue14/relbasics14.htm, (5. veljače 2020.).
- [9] B. Dalbelo Bašić i J. Šnajder, *Uvod u strojno učenje Fer UniZG*, 2015.
- [10] M. Erdeg, *Metode procjene parametara*, Magistarska radnja, Sveučilište J. J. Strossmayera u Osijeku, Odjel za matematiku, 2016.
- [11] M. Ester, H.P. Kriegel, J. Sander, M. Wimmer i X. Xu, *Incremental clustering for mining in a data warehousing environment*, In Proceedings of the 24th International Conference on Very Large Data Bases, New York, NY, USA (1998), 323–333.

- [12] M. Ester, H.P. Kriegel, J. Sander i X. Xu, *A density-based algorithm for discovering clusters in large spatial databases with noise*, In Proceedings of Second International Conference on Knowledge Discovery and Data Mining, Portland, OR, USA (1996), 226–231.
- [13] B. Gajić, *Sustavi nadzora i upravljanja u pomorskoj navigaciji*, Magistarska radnja, Sveučilište u Rijeci, Pomorski fakultet, 2014, str. 46–74.
- [14] J. George, J. Crassidis, T. Singh i A.M. Fosbury, *Anomaly detection using context-aided target tracking*, Adv. Inf. Fusion (2011), 39–56.
- [15] M. Gregorić, *Strojno učenje kao alat za zaključivanje*, Magistarska radnja, Sveučilište u Zagrebu, Filozofski fakultet, Odsjek za informacijske i komunikacijske znanosti, 2019.
- [16] Hot topic for project, thesis, and research Machine Learning, 2013, dostupno na: https://www.techsparks.co.in/hot-topic-for-project-and-thesis-machine-learning/, (5. veljače 2020.).
- [17] *Izmjerive funkcije*, dostupno na: https://web.math.pmf.unizg.hr/nastava/mii/files/Izmjerive\_funkcije\_07.pdf, (5. veljače 2020.).
- [18] V. Losing, B. Hammer i H. Wersing, *Incremental on-line learning: A review and comparison of state of the art algorithms*, Elsevier (2017).
- [19] M. McCloskey i N. J.Cohen, Catastrophic interference in connectionist networks: The sequential learning problem, Elsevier (1989), 109–165.
- [20] J. Milanović, *Procjena funkcije gustoće*, Magistarska radnja, Sveučilište J. J. Strossmayera u Osijeku, Odjel za matematiku, 2012.
- [21] T. Mitchell, *Machine learning*, McGraw-Hill Education, ožujak 1997.
- [22] Neprekidne slučajne varijable, 2019, dostupno na: https://web.math.pmf.unizg.hr/nastava/stat/files/chap2\_novo.pdf, (5. veljače 2020.).
- [23] D. Nevell, *Anomaly detection in white shipping*, In Proceedings of 2nd IMA Conference on Mathematics in Defence, Farnborough, UK (2009), 1–7.
- [24] G. Pallotta, M. Vespe i K. Bryan, Vessel Pattern Knowledge Discovery from AIS Data: A Framework for Anomaly Detection and Route Prediction, Entropy (2013), 2218–2245.

- [25] Posterior probability and the posterior distribution Statistics how to, dostupno na: https://www.statisticshowto.datasciencecentral.com/posterior-distribution-probability/, (5. veljače 2020.).
- [26] *Procjena parametara*, 2019, dostupno na: https://web.math.pmf.unizg.hr/na stava/stat/files/chap4\_novo.pdf, (5. veljače 2020.).
- [27] M. Riveiro, *Visual Analytics for Maritime Anomaly Detection*, Disertacija, Örebro University, Örebro, Sweden, 2011.
- [28] N. Sandrić i Z. Vondraček, *Vjerojatnost predavanja*, 2019, dostupno na: https://web.math.pmf.unizg.hr/nastava/vjer/files/vjer\_predavanja.pdf, (5. veljače 2020.).
- [29] Srce, Upoznavanje sa sintaksom jezika R i njegova primjena u osnovnoj statističkoj i grafičkoj analizi podataka, 2015, dostupno na: https://www.srce.unizg.hr/files/srce/docs/edu/R/s720\_polaznik.pdf, (5. veljače 2020.).
- [30] J. Swarndeep Saket i Dr. Sharnil Pandya, *An overview of partitioning algorithms in clustering techniques*, International Journal of Advanced Research in Computer Engineering and Technology (IJARCET) (2016), 1943–1946.
- [31] *Tehnike višestrukog prijenosa signala*, 2019, dostupno na: http://mirza-sa.tri pod.com/telekom/tehnike\_visestrukog\_prijenosa.htm, (5. veljače 2020.).
- [32] S. Ullman, T. Poggio, D. Harari, D. Zysman i D. Seibert, *Unsupervised learning: Clustering*, dostupno na: http://www.mit.edu/~9.54/fall14/slides/Class13.pdf, (5. veljače 2020.).
- [33] Understanding AIS (Automatic Identification System), 2019, dostupno na: https://maritimeintelligence.informa.com/resources/product-content/understanding-the-automatic-identification-system, (5. veljače 2020.).
- [34] M. Vespe, K. Bryan, P. Braca i I. Visentini, *Unsupervised learning of maritime traffic patterns for anomaly detection*, In Proceedings of 9th IET Data Fusion and Target Tracking Conference, London, UK (2012).
- [35] VesselFinder: Free AIS Ship Tracking of Marine Traffic, 2019, dostupno na: https://www.vesselfinder.com/, (5. veljače 2020.).
- [36] J. Will, C. Claxton i L. Peel, *Fast maritime anomaly detection using KD-tree Gaussian processes*, In Proceedings 2nd IMA Conference on Maths in Defence, Shrivenham, UK (2011).

### Sažetak

Razumijevanje uzoraka ponašanja plovila u operativnom radu ključno je za razvijanje svijesti o situacijama u pomorskom prometu, posebice za klasificiranje i predviđanje aktivnosti. Razvojem automatskog identifikacijskog sustava (eng. Automatic Identification System, AIS), omogućeno je praćenje putanja plovila, kao ulaza za postupke identifikacije uobičajenih obrazaca ponašanja, definicije koridora, detekcije neuobičajenih manevara, optimizaciju upravljanja plovidbenim tokovima, strategijsko planiranje, te povećanje učinkovitosti navigacije i smanjenje učinaka na okoliš. Navedeni elementi svijesti o situaciji mogu se izvesti iz AIS poruka korištenjem statističke analize i strojnog učenja na opaženim podacima (AIS poruke).

Metoda ovog rada, izdvajanje prometnih ruta i detekcija anomalija, nazvana TREAD (eng. Traffic Route Extraction and Anomaly Detection), ima za cilj pretvoriti velike količine AIS podataka u znanje koje se može iskoristiti za klasificiranje i predviđanje ruta te detekciju anomalija, neovisno o broju uređaja iz kojih se dobivaju podaci, njihovim obilježjima i platformi. Postupak izdvajanja ruta temelji se na nenadgledanom inkrementalnom učenju, što omogućuje karakterizaciju pomorskog prometa bez *a priori* znanja, dok se predviđanje ruta i detekcija anomalija temelji na aposteriornoj vjerojatnosti.

## **Summary**

Understanding vessel behavior patterns in operational work is crucial for developing awareness of maritime traffic situations, in particular for classifying and predicting activities. With the development of the Automatic Identification System (AIS), it is possible to monitor vessel trajectories as inputs for procedures for identifying common behavioral patterns, defining corridors, detecting unusual maneuvers, optimizing navigational flow management, strategic planning, and increasing navigation efficiency and reducing effects on the environment. The aforementioned situation awareness elements can be derived from AIS messages using statistical analysis and machine learning on observed data (AIS messages).

The method of this work, Traffic Route Extraction and Anomaly Detection (TREAD), aims to convert large amounts of AIS data into knowledge that can be used to classify and predict routes and detect anomalies, regardless of number the devices from which the data is obtained, their performance and the platform. The route extraction process is based on unsupervised incremental learning, which allows characterization of maritime traffic without *a priori* knowledge, while route prediction and anomaly detection are based on posterior probability.

# Životopis

Mihaela Gamulin rođena je 29.09.1995. godine u Zagrebu. Pohađala je osnovnu školu "Marin Držić" i paralelno osnovnu glazbenu školu "Pavla Markovca". Nakon završetka osnovne škole, 2010. godine, upisuje opću 2. gimnaziju. Srednjoškolsko obrazovanje završava 2014. godine i iste godine upisuje preddiplomski sveučilišni studij Matematika na matematičkom odsjeku Prirodoslovno-matematičkog fakulteta u Zagrebu. 2017. godine stiče titulu sveučilišne prvostupnice matematike, te iste godine upisuje diplomski studij Računarstvo i matematika na istom sveučilištu.

### **Dodatak A**

# Kod izvedbe nenadgledanog izdvajanja putnih točaka i ruta

```
1 library(readr)
 2 library(tidyverse)
 3 library(dplyr)
 4 library (mapproj)
 5 library(sp)
 6 library (measurements)
  library(sf)
 8 library (dbscan)
 9 library(geosphere)
10 library(lubridate)
11 library(rgdal)
14
15 # Ucitavanje podataka
16 rawData <- read_csv("C:/Users/mihaela/Downloads/diplomski/aisdk_20190929.csv")
18\, | # Brisanje podataka kojima je SOG ili COG parametar jednak NA
19 rawData <- rawData %>% drop_na(SOG)
20 rawData <- rawData %>% drop_na(COG)
21 colnames(rawData) <- c("Timestamp", "Type of mobile", "MMSI", "Latitude", "Longitude",
                            "Navigational status", "ROT", "SOG", "COG", "Heading", "IMO", "Callsign", "Name", "Ship type", "Cargo type", "Width", "Length",
22
23
                            "Type of position fixing device", "Draught", "Destination", "ETA", "Data source type", "A", "B", "C", "D")
26 keep <- c("Timestamp", "Type of mobile", "MMSI", "Latitude", "Longitude", "Navigational status", "SOG", "COG", "Name", "Ship type")
28 rawData <- rawData[keep]
30 # Podaci u promatranom podrucju
31 selectedData <- filter(rawData, Longitude>=10 & Longitude<=12.5
32
                            & Latitude>=54.1 & Latitude<=54.8)</pre>
33
34 # Promjena vremena iz DateTime u Time
35 Time <- format(as.POSIXct(strptime(selectedData$Timestamp, "%d/%m/%Y %H:%M:%S", tz="")),
                   format="%H:%M:%S")
37 selectedData$Timestamp <- Time
```

```
39 messages <- selectedData
40
41 # Promjena Longitude, Latitude u Universal Transverse Mercator (UTM)
44 cord.UTM <- spTransform(cord.dec, CRS("+init=epsg:32632"))
45 utm <- selectedData
46 utm$Longitude <- cord.UTM$coords.x1
47 utm$Latitude <- cord.UTM$coords.x2
48 utm <- utm %>% rename(Longitude_UTM=Longitude, Latitude_UTM=Latitude)
49 messages <- cbind(messages, utm[,c(4,5)])
50
51 # Brisanje duplih javljanja (kad je plovilo na dva mjesta u isto vrijeme -> nemoguce)
52 messages <- messages[!duplicated(messages[,c("MMSI","Timestamp")], fromLast=T),]
53
55
56 ENs <- data.frame(Longitude=11.92874, Latitude=54.57182, MMSI=219024178)
57 POs <- data.frame(Longitude=11.92874, Latitude=54.57182, MMSI=219024178)
58 EXs <- data.frame(Longitude=10.98745, Latitude=54.68632, MMSI=258829000)
59
60 tau <- "00:06:00"
61 str1 <- "Vs_'
62 Delta_days <- "12:00:00"
63 Vs <- data.frame(MMSI=double())
64 track <- setNames(data.frame(matrix(ncol=7, nrow=0)), c("Longitude_UTM","Latitude_UTM",
                   "COG", "SOG", "timestamp", "Longitude", "Latitude"))
66 min_speed <- 4
67 Rs <- data.frame(name=character(), wp_a=character(), wp_b=character(), MMSI=double(),
68
                  track=track, stringsAsFactors=FALSE)
69
70 N_ENs <- 4
71 Eps_ENs <- 0.035
72 N_POs <- 25
73 Eps_POs <- 0.02
74 N_EXs <- 3
75 Eps_EXs <- 0.02
76 clustered_ENs <- dbscan(ENs[,c(1,2)], Eps_ENs, N_ENs)
77 ENS <- ENS %>% rename(track.Longitude=Longitude, track.Latitude=Latitude)
78 ENs$cluster <- clustered_ENs$cluster
79 clustered_POs <- dbscan(POs[,c(1,2)], Eps_POs, N_POs)
80 POs <- POs %>% rename(track.Longitude=Longitude, track.Latitude=Latitude)
81 POs$cluster <- clustered_POs$cluster
82 clustered_EXs <- dbscan(EXs[,c(1,2)], Eps_EXs, N_EXs)
83 EXs <- EXs %>% rename(track.Longitude=Longitude, track.Latitude=Latitude)
84 EXs$cluster <- clustered_EXs$cluster
85 EN <- data.frame(ENs=character(), stringsAsFactors=FALSE)
86 PO <- data.frame(POs=character(), stringsAsFactors=FALSE)
87 EX <- data.frame(EXs=character(), stringsAsFactors=FALSE)
88
90
91 Unsupervised_Route_Extraction <- function(N_ENs, N_POs, N_EXs, Eps_ENs, Eps_POs, Eps_EXs)
92 {
93
    for(row in 1:nrow(messages))
94
95
      message <- messages[row,]</pre>
96
97
      if(!(message$MMSI %in% Vs$MMSI))
```

```
98
           rowCounter <- nrow(Vs)+1</pre>
 99
100
           Vs[rowCounter,1] <- message$MMSI</pre>
101
           Vs_MMSI <- data.frame(MMSI=double(), status=character(), track=track,</pre>
102
                                    avg_speed=double(), wps=character(), timestamp_wps=character(),
103
                                    routes=character(), stringsAsFactors=FALSE)
104
           rowCounter1 <- nrow(Vs_MMSI)+1</pre>
105
           Vs_MMSI[rowCounter1,1] <- message$MMSI</pre>
106
           Vs_MMSI[rowCounter1,2] <- "sailing"</pre>
107
           Vs_MMSI[rowCounter1,3] <- message$Longitude_UTM</pre>
108
           Vs_MMSI[rowCounter1,4] <- message$Latitude_UTM</pre>
109
           Vs_MMSI[rowCounter1,5] <- message$COG</pre>
           Vs_MMSI[rowCounter1,6] <- message$SOG</pre>
110
111
           Vs_MMSI[rowCounter1,7] <- message$Timestamp</pre>
112
           Vs_MMSI[rowCounter1,8] <- message$Longitude</pre>
           Vs_MMSI[rowCounter1,9] <- message$Latitude</pre>
113
114
           assign(paste(str1,toString(message$MMSI)), Vs_MMSI,envir=.GlobalEnv)
115
           # Online_WPs_clustering + Route_Objects_Manager
116
           if(Vs_MMSI[rowCounter1,8]<=10.02 | Vs_MMSI[rowCounter1,8]>=12.48 |
117
              Vs_MMSI[rowCounter1,9]>=54.78 | Vs_MMSI[rowCounter1,9]<=54.11)
118
119
120
             list <- Online_WPs_Clustering(EN, Vs_MMSI, Eps_ENs, N_ENs, "EN", Rs)</pre>
             EN <- list[[1]]
Rs <- list[[3]]</pre>
121
122
123
             Vs_MMSI <- list[[2]]</pre>
             assign(paste(str1,toString(message$MMSI)),Vs_MMSI,envir=.GlobalEnv)
124
125
             list1 <- Route_Objects_Manager(Rs, Vs_MMSI)</pre>
126
             Rs <- list1[[1]]</pre>
127
             Vs_MMSI <- list1[[2]]</pre>
128
             assign(paste(str1,toString(message$MMSI)),Vs_MMSI,envir=.GlobalEnv)
129
          }
130
        }
131
        else
132
133
           Vs_MMSI <- data.frame(MMSI = double(), status=character(), track=track,</pre>
134
                                    avg_speed=double(), wps=character(), timestamp_wps=character(),
135
                                    routes=character(), stringsAsFactors=FALSE)
136
           end <- nrow(Vs_MMSI)</pre>
137
           Vs_MMSI[end+1,1] <- message$MMSI</pre>
138
           Vs_MMSI[end+1,3] <- message$Longitude_UTM</pre>
           Vs_MMSI[end+1,4] <- message$Latitude_UTM</pre>
139
140
           Vs_MMSI[end+1,5] <- message$COG</pre>
141
           Vs_MMSI[end+1,6] <- message$SOG</pre>
142
           Vs_MMSI[end+1,7] <- message$Timestamp</pre>
143
          Vs_MMSI[end+1,8] <- message$Longitude</pre>
144
           Vs_MMSI[end+1,9] <- message$Latitude</pre>
145
146
           temp <- data.frame(MMSI = double(), status=character(), track=track,</pre>
147
                                avg_speed=double(), wps=character(), timestamp_wps=character(),
148
                                routes=character(), stringsAsFactors=FALSE)
149
           temp <- bind_rows(eval(as.name(paste(str1,toString(message$MMSI)))), Vs_MMSI)</pre>
150
           rowCounter2 <- nrow(temp)</pre>
151
           Delta_long <- temp[rowCounter2,3]-temp[rowCounter2-1,3]</pre>
152
153
          Delta_lat <- temp[rowCounter2,4]-temp[rowCounter2-1,4]</pre>
154
          Delta_pos <- sqrt((Delta_long)^2+(Delta_lat)^2)</pre>
155
           Delta_t <- period_to_seconds(hms(temp[rowCounter2,7]))</pre>
156
                             -period_to_seconds(hms(temp[rowCounter2-1,7]))
157
```

```
158
           temp[rowCounter2,10] <- Delta_pos/Delta_t</pre>
159
          if(is.nan(temp[rowCounter2,10])){ temp[rowCounter2,10] <- 0 }</pre>
160
           if(temp[rowCounter2,10]<min_speed & temp[rowCounter2-1,2]=="sailing"</pre>
161
             & temp[rowCounter2,6]<1.6)</pre>
162
163
           {
             temp[rowCounter2,2] <- "stationary"</pre>
164
             assign(paste(str1,toString(message$MMSI)), temp,envir=.GlobalEnv)
165
166
167
             # Online_WPs_clustering + Route_Objects_Manager
             list <- Online_WPs_Clustering(P0, temp, Eps_P0s, N_P0s, "P0", Rs)</pre>
168
169
             PO <- list[[1]]
             Rs <- list[[3]]
170
171
             temp <- list[[2]]</pre>
172
             assign(paste(str1,toString(message$MMSI)), temp,envir=.GlobalEnv)
173
             list1 <- Route_Objects_Manager(Rs, temp)</pre>
174
             Rs <- list1[[1]]</pre>
175
             temp <- list1[[2]]
176
             assign(paste(str1,toString(message$MMSI)), temp,envir=.GlobalEnv)
177
178
          else if(temp[rowCounter2-1,2]=="lost")
179
             temp[rowCounter2,2] <- "sailing"</pre>
180
             assign(paste(str1,toString(message$MMSI)), temp,envir=.GlobalEnv)
181
182
183
             # Online_WPs_clustering + Route_Objects_Manager
184
             if(temp[rowCounter2,8] \le 10.02 \mid temp[rowCounter2,8] \ge 12.48 \mid
185
                temp[rowCounter2,9]>=54.78 | temp[rowCounter2,9]<=54.11)</pre>
186
               list <- Online_WPs_Clustering(EN, temp, Eps_ENs, N_ENs, "EN", Rs)</pre>
187
188
               EN <- list[[1]]</pre>
               Rs <- list[[3]]
189
190
               temp <- list[[2]]</pre>
191
               assign(paste(str1,toString(message$MMSI)), temp,envir=.GlobalEnv)
192
               list1 <- Route_Objects_Manager(Rs, temp)</pre>
193
               Rs <- list1[[1]]</pre>
194
               temp <- list1[[2]]
195
               assign(paste(str1,toString(message$MMSI)), temp,envir=.GlobalEnv)
196
             }
197
          }
198
           else
199
           {
200
             if(temp[rowCounter2,10]<min_speed & temp[rowCounter2,6]<1.6)</pre>
201
             {
202
               temp[rowCounter2,2] <- "stationary"</pre>
203
             }
204
             else
205
             {
206
               temp[rowCounter2,2] <- "sailing"</pre>
207
208
             assign(paste(str1,toString(message$MMSI)), temp,envir=.GlobalEnv)
209
210
        }
2.11
212
        if(period_to_seconds(hms(Delta_days))-period_to_seconds(hms(message$Timestamp))==0)
213
214
           for(i in 1:nrow(Vs))
215
2.16
             v <- Vs[i,]</pre>
217
             vv <- eval(as.name(paste(str1,toString(v))))</pre>
```

```
218
             rowCounter3 <- nrow(vv)</pre>
219
220
             last_update <- period_to_seconds(hms(vv$track.timestamp[nrow(vv)]))</pre>
221
             time_interval <- period_to_seconds(hms(Delta_days)-hms(tau))</pre>
222
223
             if(time_interval>last_update & vv[rowCounter3,2]!="lost")
224
                vv[rowCounter3,2] <- "lost"</pre>
225
226
                assign(paste(str1,toString(v)), vv,envir=.GlobalEnv)
227
228
                # Online_WPs_clustering + Route_Objects_Manager
229
                if(vv[rowCounter3,8]<=10.02 | vv[rowCounter3,8]>=12.48 |
230
                   vv[rowCounter3,9]>=54.78 | vv[rowCounter3,9]<=54.11)</pre>
231
232
                  list <- Online_WPs_Clustering(EX, vv, Eps_EXs, N_EXs, "EX", Rs)</pre>
233
                  EX <- list[[1]]</pre>
234
                  Rs <- list[[3]]
235
                  vv <- list[[2]]</pre>
236
                  assign(paste(str1,toString(v)), vv,envir=.GlobalEnv)
237
                  list1 <- Route_Objects_Manager(Rs, vv)</pre>
                  Rs <- list1[[1]]
vv <- list1[[2]]</pre>
238
239
                  assign(paste(str1,toString(v)), vv,envir=.GlobalEnv)
240
241
                }
242
             }
243
           }
244
        }
245
        print(row)
246
      Rs <- Check(ENs, Rs, "EN")
Rs <- Check(POs, Rs, "PO")
Rs <- Check(EXs, Rs, "EX")
247
248
249
250
      VS <- data.frame()</pre>
251
      for(j in 1:nrow(Vs))
252
253
        VS <- bind_rows(VS, eval(as.name(paste(str1,toString(Vs[j,1])))))</pre>
254
255
      lst <- list(VS, Rs, Vs)</pre>
256
      return(lst)
257
258
259 Online_WPs_Clustering <- function(WPs, Vs_MMSI, Eps, N, con, Rs)
260 {
261
         e <- nrow(Vs_MMSI)</pre>
        v <- Vs_MMSI[e,c(8,9)]
262
263
        MMSI <- Vs_MMSI[1,1]</pre>
264
         v <- cbind(v, MMSI)</pre>
265
266
        1 <- Incremental_DBSCAN(WPs, v, N, Eps, con)</pre>
267
         op <- 1[[2]]
         WPs <- l[[1]]
268
269
         if(op=="none")
270
271
272
           Vs_MMSI[e,11] <- "Unclassified Waypoint"</pre>
273
           Vs_MMSI[e,12] <- Vs_MMSI[e,7]</pre>
274
         }
275
         else
276
         {
277
           if(op=="new cluster")
```

```
278
               if(con=="EN")
279
280
                 WPs[nrow(WPs)+1,1] <- paste(as.name(con),toString(nrow(WPs)+1))</pre>
281
                 Vs_MMSI[e,11] <- paste(as.name(con), toString(ENs[nrow(ENs),4]))
Vs_MMSI[e,12] <- Vs_MMSI[e,7]</pre>
282
283
                 1 <- Update(ENs, Vs_MMSI, con, Rs, MMSI)</pre>
284
285
                 Vs\_MMSI \leftarrow l[[1]]
286
                 Rs < -1[[2]]
287
               }
               if(con=="P0")
2.88
289
               {
290
                 WPs[nrow(WPs)+1,1] <- paste(as.name(con),toString(nrow(WPs)+1))</pre>
                 Vs_MMSI[e,11] <- paste(as.name(con),toString(POs[nrow(POs),4]))
Vs_MMSI[e,12] <- Vs_MMSI[e,7]</pre>
291
292
                 1 <- Update(POs, Vs_MMSI, con, Rs, MMSI)</pre>
293
294
                 Vs_MMSI <- 1[[1]]</pre>
295
                 Rs <- 1[[2]]
296
               }
297
               if(con=="EX")
298
               {
299
                 WPs[nrow(WPs)+1,1] <- paste(as.name(con),toString(nrow(WPs)+1))</pre>
300
                 Vs_MMSI[e,11] <- paste(as.name(con),toString(EXs[nrow(EXs),4]))</pre>
                 Vs_MMSI[e,12] <- Vs_MMSI[e,7]
1 <- Update(EXs, Vs_MMSI, con, Rs, MMSI)</pre>
301
302
303
                 Vs_MMSI <- l[[1]]
304
                 Rs \leftarrow 1[[2]]
305
               }
306
            }
307
            if(op=="cluster expanded")
308
            {
309
               if(con=="EN")
310
               {
                 Vs_MMSI[e,11] <- paste(as.name(con), toString(ENs[nrow(ENs),4]))
Vs_MMSI[e,12] <- Vs_MMSI[e,7]</pre>
311
312
313
                 1 <- Update(ENs, Vs_MMSI, con, Rs, MMSI)</pre>
314
                 Vs_MMSI <- 1[[1]]</pre>
315
                 Rs \leftarrow 1[[2]]
316
               }
               if(con=="P0")
317
318
               {
319
                 Vs_MMSI[e,11] <- paste(as.name(con), toString(POs[nrow(POs),4]))</pre>
                 Vs\_MMSI[e,12] \leftarrow Vs\_MMSI[e,7]
320
321
                 1 <- Update(POs, Vs_MMSI, con, Rs, MMSI)</pre>
322
                 Vs_MMSI <- 1[[1]]</pre>
323
                 Rs \leftarrow 1[[2]]
324
               }
               if(con=="EX")
325
326
               {
                 Vs_MMSI[e,11] <- paste(as.name(con), toString(EXs[nrow(EXs),4]))
Vs_MMSI[e,12] <- Vs_MMSI[e,7]</pre>
327
328
329
                 1 <- Update(EXs, Vs_MMSI, con, Rs, MMSI)</pre>
330
                 Vs_MMSI <- 1[[1]]</pre>
331
                 Rs \leftarrow 1[[2]]
332
               }
333
            }
334
            if(op=="clusters merged")
335
            {
               if(con=="EN")
336
337
               {
```

```
338
               Vs_MMSI[e,11] <- paste(as.name(con), toString(ENs[nrow(ENs),4]))</pre>
               Vs_MMSI[e,12] <- Vs_MMSI[e,7]
1 <- Update(ENs, Vs_MMSI, con, Rs, MMSI)</pre>
339
340
               Vs_MMSI <- 1[[1]]</pre>
341
342
               Rs <- 1[[2]]
343
               if(nrow(WPs)>0){ WPs <- head(WPs,-1) }</pre>
344
             }
             if(con=="P0")
345
346
             {
347
               Vs_MMSI[e,11] <- paste(as.name(con), toString(POs[nrow(POs),4]))</pre>
               Vs_MMSI[e,12] <- Vs_MMSI[e,7]</pre>
348
349
               1 <- Update(POs, Vs_MMSI, con, Rs, MMSI)</pre>
               Vs\_MMSI \leftarrow l[[1]]
350
351
               Rs \leftarrow 1[[2]]
352
               if(nrow(WPs)>0){ WPs <- head(WPs,-1) }</pre>
353
354
             if(con=="EX")
355
             {
356
               Vs_MMSI[e,11] <- paste(as.name(con), toString(EXs[nrow(EXs),4]))</pre>
357
               Vs_MMSI[e,12] <- Vs_MMSI[e,7]</pre>
358
               1 <- Update(EXs, Vs_MMSI, con, Rs, MMSI)</pre>
359
               Vs\_MMSI \leftarrow l[[1]]
360
               Rs < -1[[2]]
361
                if(nrow(WPs)>0){ WPs <- head(WPs,-1) }</pre>
362
363
           }
364
        }
365
      lst <- list(WPs, Vs_MMSI, Rs)</pre>
366
      return(lst)
367
   }
368
369 Update <- function(sampl, Vs_MMSI, con, Rs, MMSI)
370 {
371
      filterCluster <- filter(sampl, sampl$cluster==sampl[nrow(sampl),4])</pre>
372
      for(i in 1:nrow(filterCluster))
373
374
         findMMSI <- filterCluster[i,3]</pre>
375
        if(MMSI==findMMSI)
376
377
           Id <- which(Vs_MMSI$track.Longitude==filterCluster[i,1] &</pre>
378
                           Vs_MMSI$track.Latitude==filterCluster[i,2] &
379
                           !is.na(Vs_MMSI$wps))
380
           Vs_MMSI[Id,11] <- paste(as.name(con),toString(sampl[nrow(sampl),4]))</pre>
381
        }
382
        else
383
384
           findData <- eval(as.name(paste(toString("Vs_"),toString(findMMSI))))</pre>
385
           Id <- which(findData$track.Longitude==filterCluster[i,1] &</pre>
386
                           findData$track.Latitude==filterCluster[i,2] &
387
                           !is.na(findData$wps))
388
           findData[Id,11] <- paste(as.name(con),toString(sampl[nrow(sampl),4]))</pre>
389
           assign(paste(toString("Vs_"),toString(findMMSI)),findData,envir=.GlobalEnv)
390
        }
391
392
      filterCluster1 <- distinct(filterCluster, MMSI, .keep_all=TRUE)</pre>
393
      for(j in 1:nrow(filterCluster1))
394
395
         findMMSI <- filterCluster1[j,3]</pre>
396
        if(findMMSI==MMSI)
397
         {
```

```
398
          1 <- Route_Objects_Manager(Rs, Vs_MMSI)</pre>
          Rs <- l[[1]]
399
400
          Vs_MMSI <- 1[[2]]
401
        }
402
        else
403
        {
           findData <- eval(as.name(paste(toString("Vs_"),toString(findMMSI))))</pre>
404
405
          1 <- Route_Objects_Manager(Rs, findData)</pre>
          Rs <- l[[1]]
406
407
          findData <- 1[[2]]
          assign(paste(toString("Vs_"),toString(findMMSI)),findData,envir=.GlobalEnv)
408
409
410
      }
411
      lst <- list(Vs_MMSI, Rs)</pre>
412
      return(lst)
413 }
414
415
    Incremental_DBSCAN <- function(WPs, v, N, Eps, con)</pre>
416 {
417
      if(con=="EN")
418
      {
419
        v <- cbind(v, cluster=NA)</pre>
420
        a <- bind_rows(ENs,v)</pre>
421
        res1 <- dbscan(a[,c(1,2)], Eps, N)
        a$cluster <- res1$cluster
v$cluster <- a[nrow(a),4]
422
423
424
425
        # Broj klastera se povecao -> stvorio se novi klaster
426
        if(max(res1$cluster)>max(clustered_ENs$cluster))
42.7
428
          op <- "new cluster"
          11 <- list(WPs=WPs, op=op)
429
430
          assign("ENs", a, envir=.GlobalEnv)
431
          assign("clustered_ENs", res1, envir=.GlobalEnv)
432
          return(11)
433
434
        # Broj klastera se smanjio -> clusters merged
435
        if(max(res1$cluster) < max(clustered_ENs$cluster))</pre>
436
          op <- "clusters merged"
11 <- list(WPs=WPs, op=op)</pre>
437
438
          assign("ENs", a, envir=.GlobalEnv)
439
440
          assign("clustered_ENs", res1, envir=.GlobalEnv)
441
          return(11)
442
443
444
        # Broj klastera je isti
445
        if(max(res1$cluster) == max(clustered_ENs$cluster) & v$cluster!=0)
446
447
          op = "cluster expanded"
          11 <- list(WPs=WPs, op=op)</pre>
448
449
          assign("ENs", a, envir=.GlobalEnv)
          assign("clustered_ENs", res1, envir=.GlobalEnv)
450
451
          return(11)
452
453
        # Nova tocka ne pripada ni jednom klasteru
454
        if(v$cluster==0)
455
          op <- "none"
456
457
          11 <- list(WPs=WPs, op=op)</pre>
```

```
458
          assign("ENs", a, envir=.GlobalEnv)
459
          assign("clustered_ENs", res1, envir=.GlobalEnv)
460
          return(11)
461
        }
462
      }
463
      if(con=="P0")
464
      {
465
        v <- cbind(v, cluster=NA)</pre>
466
        a <- bind_rows(POs,v)</pre>
467
        res1 <- dbscan(a[,c(1,2)], Eps, N)
468
        a$cluster <- res1$cluster
469
        v$cluster <- a[nrow(a),4]</pre>
470
471
        if(max(res1$cluster)>max(clustered_POs$cluster))
472
        {
473
          op <- "new cluster"</pre>
474
          11 <- list(WPs=WPs, op=op)</pre>
475
          assign("POs", a, envir=.GlobalEnv)
          assign("clustered_POs", res1, envir=.GlobalEnv)
476
477
          return(11)
478
479
        if(max(res1$cluster) < max(clustered_POs$cluster))</pre>
480
          op <- "clusters merged"
11 <- list(WPs=WPs, op=op)</pre>
481
482
483
          assign("POs", a, envir=.GlobalEnv)
          assign("clustered_POs", res1, envir=.GlobalEnv)
484
485
          return(11)
486
487
        if(max(res1$cluster) == max(clustered_POs$cluster) & v$cluster!=0)
488
          op = "cluster expanded"
489
          11 <- list(WPs=WPs, op=op)
490
491
          assign("POs", a, envir=.GlobalEnv)
          assign("clustered_POs", res1, envir=.GlobalEnv)
492
493
          return(11)
494
495
        if(v$cluster==0)
496
        {
          op <- "none"
497
          11 <- list(WPs=WPs, op=op)</pre>
498
          assign("POs", a, envir=.GlobalEnv)
499
          assign("clustered_POs", res1, envir=.GlobalEnv)
500
501
          return(11)
502
        }
503
      }
504
      if(con=="EX")
505
506
        v <- cbind(v, cluster=NA)</pre>
507
        a <- bind_rows(EXs,v)</pre>
508
        res1 <- dbscan(a[,c(1,2)], Eps, N)
509
        a$cluster <- res1$cluster
510
        v$cluster <- a[nrow(a),4]
511
512
        if(max(res1$cluster)>max(clustered_EXs$cluster))
513
514
          op <- "new cluster"
515
          11 <- list(WPs=WPs, op=op)</pre>
516
          assign("EXs", a, envir=.GlobalEnv)
517
          assign("clustered_EXs", res1, envir=.GlobalEnv)
```

```
518
          return(11)
519
520
        if(max(res1$cluster) < max(clustered_EXs$cluster))</pre>
521
          op <- "clusters merged"</pre>
522
          11 <- list(WPs=WPs, op=op)
523
524
          assign("EXs", a, envir=.GlobalEnv)
          assign("clustered_EXs", res1, envir=.GlobalEnv)
525
526
          return(11)
527
        if(max(res1$cluster) == max(clustered_EXs$cluster) & v$cluster!=0)
528
529
        {
530
          op <- "cluster expanded"</pre>
          11 <- list(WPs=WPs, op=op)</pre>
531
532
          assign("EXs", a, envir=.GlobalEnv)
          assign("clustered_EXs", res1, envir=.GlobalEnv)
533
534
          return(11)
535
        }
536
        if(v$cluster==0)
537
        {
          op <- "none"
538
          11 <- list(WPs=WPs, op=op)</pre>
539
540
          assign("EXs", a, envir=.GlobalEnv)
          assign("clustered_EXs", res1, envir=.GlobalEnv)
541
542
          return(11)
543
544
     }
545 }
546
547 | Route_Objects_Manager <- function(Rs, Vs_MMSI)
548 {
      waypoints <- filter(Vs_MMSI,!is.na(Vs_MMSI$wps) & Vs_MMSI$wps!="Unclassified Waypoint")</pre>
549
550
      nmbr0fWaypoints <- nrow(waypoints)</pre>
551
      len <- nmbrOfWaypoints - 1</pre>
      a <- 1
552
553
      b <- 0
554
555
      if(nmbr0fWaypoints>1)
556
      {
557
        for(i in 1:len)
558
        {
559
          wp_a <- waypoints[nrow(waypoints)-a,]</pre>
560
          wp_b <- waypoints[nrow(waypoints)-b,]</pre>
561
          if((substr(wp_a$wps,1,2)=="P0" & substr(wp_b$wps,1,2)=="P0"
562
563
               & substr(wp_a$wps,4,4)!=substr(wp_b$wps,4,4))
564
              | (substr(wp_a$wps,1,2)=="EN" & substr(wp_b$wps,1,2)=="P0")
              | (substr(wp_a$wps,1,2)=="P0" & substr(wp_b$wps,1,2)=="EX")
565
              (substr(wp_a$wps,1,2)=="EN" & substr(wp_b$wps,1,2)=="EX"))
566
567
          {
568
            name <- paste(toString(wp_a$wps), toString(wp_b$wps))</pre>
569
            timestamp_wp_a <- wp_a$track.timestamp</pre>
570
            timestamp_wp_b <- wp_b$track.timestamp</pre>
571
            new <- filter(Vs_MMSI[,-c(2,10,11,12,13)],Vs_MMSI$track.timestamp>=timestamp_wp_a
572
                            & Vs_MMSI$track.timestamp<=timestamp_wp_b)</pre>
573
            add <- setNames(data.frame(matrix(ncol=3,nrow=nrow(new))),c("name","wp_a","wp_b"))</pre>
574
            add[,1] <- name</pre>
575
            add[,2] <- wp_a$wps</pre>
            add[,3] <- wp_b$wps</pre>
576
577
            new <- cbind(add, new)</pre>
```

```
578
             Rs <- bind_rows(Rs, new)</pre>
579
             id <- which(Vs_MMSI$timestamp_wps==wp_b$timestamp_wps)</pre>
580
             Vs_MMSI[id,13] <- name</pre>
581
          }
582
          a < -a + 1
583
          b \leftarrow b + 1
584
585
586
      Rs <- Rs[!duplicated(Rs[,c("MMSI","track.timestamp")], fromLast=T),]</pre>
      lst <- list(Rs, Vs_MMSI)</pre>
587
588
      return(lst)
589
590
591
    # Run checking
592 Check <- function(sampl, Rs, con)
593 {
594
      for(j in 1:max(sampl$cluster))
595
      {
596
        filt <- filter(sampl, sampl$cluster==j)</pre>
597
        for(i in 1:nrow(filt))
598
599
          findMMSI <- filt[i,3]</pre>
600
          findData <- eval(as.name(paste(toString("Vs_"),toString(findMMSI))))</pre>
601
          Id <- which(findData$track.Longitude==filt[i,1] &</pre>
602
                          findData$track.Latitude==filt[i,2] &
603
                          !is.na(findData$wps))
604
          findData[Id,11] <- paste(as.name(con),toString(j))</pre>
605
          assign(paste(toString("Vs_"),toString(findMMSI)),findData,envir=.GlobalEnv)
606
607
        filt1 <- distinct(filt, MMSI, .keep_all=TRUE)</pre>
608
        for(k in 1:nrow(filt1))
609
610
          findMMSI <- filt1[k,3]</pre>
611
          findData <- eval(as.name(paste(toString("Vs_"),toString(findMMSI))))</pre>
          1 <- Route_Objects_Manager(Rs, findData)</pre>
612
613
          Rs < -1[[1]]
          findData <- 1[[2]]
614
          assign(paste(toString("Vs_"),toString(findMMSI)),findData,envir=.GlobalEnv)
615
616
617
      }
618
      return(Rs)
619 }
620
621
    # Pozivanje nenadgledanog izdvajanja ruta
622 lista <- Unsupervised_Route_Extraction(N_ENs, N_POs, N_EXs, Eps_ENs, Eps_POs, Eps_EXs)
623 VS <- lista[[1]]
624 Rs <- lista[[2]]
625 Vs <- lista[[3]]
```

## **Dodatak B**

## Kod izvedbe primjene

```
library(ks)
2 library (EnvStats)
  6
  Track_Predictor <- function(route, vessel, timestamp1, timestamp2, step, d)</pre>
7
    time1 <- period_to_seconds(hms(timestamp1))</pre>
9
    time2 <- period_to_seconds(hms(timestamp2))</pre>
    delta_t <- time2-time1</pre>
    delta_tau <- delta_t/ceiling(delta_t/step)</pre>
11
12
    predicted <- setNames(data.frame(matrix(nrow=0,ncol=3)),c("xp","yp"))</pre>
13
14
    for(j in seq(time1,time2,delta_tau))
15
16
      VOII <- filter(vessel,period_to_seconds(hms(vessel[,7]))</pre>
17
                     %in% (ceiling(j-6):ceiling(j+6)))
18
      x_u \leftarrow VoII[1,3]
19
      y_u <- VOII[1,4]</pre>
      tem <- filter(Rs, ((Rs$track.Longitude_UTM-x_u)^2+(Rs$track.Latitude_UTM-y_u)^2)<d^2)
20
      21
22
                                        "track.timestamp","track.Longitude","track.Latitude"
23
      speed <- conv_unit(ss$track.SOG, "knot", "m_per_sec")</pre>
24
2.5
      ss$SOG_m <- speed
26
      xx <- sqrt((ss$SOG_m)^2/(1+(tan(ss$track.COG))^2))</pre>
27
      ss$xx <- xx
28
      yy <- sqrt((ss$SOG_m)^2-(ss$xx)^2)</pre>
29
      ss$yy <- yy
30
      ss <- ss[,13:14]
31
      sx <- median(ss$xx)</pre>
32
      sy <- median(ss$yy)</pre>
33
      xp <- VOII[1,3]-sx*delta_tau</pre>
34
      yp <- VOII[1,4]+sy*delta_tau</pre>
35
36
      addPredicted <- data.frame(xp = xp, yp = yp)</pre>
37
      predicted <- rbind(predicted, addPredicted)</pre>
38
    predicted <- predicted[-nrow(predicted),]</pre>
```

```
40
     sputm <- SpatialPoints(cbind(predicted$xp, -predicted$yp),</pre>
41
                             proj4string=CRS("+proj=utm +zone=32U +datum=WGS84"))
     spgeo <- spTransform(sputm, CRS("+proj=longlat +datum=WGS84"))</pre>
42.
43
     predicted$xp <- spgeo$coords.x1</pre>
     predicted$yp <- spgeo$coords.x2</pre>
44
45
     return(predicted)
46 }
47
48
   50
51
   # 1) Predvidanje destinacije za odabrano vozilo u 2 razlicita trenutka
52 VOI <- 'Vs_ 209214000'
53
54 # prvo promatranje -> d = 3.33 nauticke milje
55 VOI1 <- VOI[1:7,]
56 speed <- conv_unit(VOI1$track.SOG, "knot", "m_per_sec")
57
  VOI1$SOG_m <- speed
58 V <- setNames(data.frame(matrix(ncol=6, nrow=0)), c("x","y","xx","yy","x_u","y_u"))
59 S <- NULL
60 d <- 6173
61
62 for(i in 1:nrow(VOI1))
63 {
64
    xx <- sqrt((VOI1[i,14])^2/(1+(tan(VOI1[i,5]))^2))</pre>
    yy <- sqrt((V0I1[i,14])^2-xx^2)
65
66
    x <- VOI1[i,8]
    y <- VOI1[i,9]
67
68
    x_u <- VOI1[i,3]</pre>
     y_u <- VOI1[i,4]</pre>
69
70
     V[i,c(1:6)] \leftarrow c(x, y, xx, yy, x_u, y_u)
     \label{tem:condition} \mbox{tem} \ \mbox{<- filter(Rs, ((Rs\$track.Longitude\_UTM-x_u)^2+(Rs\$track.Latitude\_UTM-y_u)^2)<d^2)} \ \mbox{--} 
71
72
     tem <- cbind(tem, i)</pre>
    S <- rbind(S, tem)
73
74 }
75 k <- nrow(S %>% distinct(wp_b))
76
77 P1 <- setNames(data.frame(matrix(1,nrow=k,ncol=2)),c("prob1","destination"))
78 for(i in 1:k)
79 {
80
     routesNames <- S %>% distinct(wp_b)
81
     route <- filter(Rs, wp_b==routesNames[i,1])</pre>
     for(t in 1:nrow(VOI1))
82.
83
84
       st <- filter(S, S[,12]==t)</pre>
85
       stt <- st[1:11]
86
87
       # KDE za polozaj
88
       forKDE1 <- inner_join(route,stt,by=c("name","wp_a","wp_b","MMSI",</pre>
                         track.Longitude_UTM","track.Latitude_UTM","track.COG",
89
                        "track.SOG", "track.timestamp", "track.Longitude", "track.Latitude"))
90
91
       forKDE1 <- forKDE1[,10:11]</pre>
       px <- density(forKDE1$track.Longitude, bw="nrd0")</pre>
92
93
       py <- density(forKDE1$track.Latitude, bw="nrd0")</pre>
94
95
       if(!is.na(approx(px$x,px$y,xout=V[t,1])$y))
96
97
         p_x <- integrate(approxfun(px), lower=min(forKDE1$track.Longitude),</pre>
98
                           upper=max(forKDE1$track.Longitude))
99
       }
```

```
100
         if(is.na(approx(px$x,px$y,xout=V[t,1])$y))
101
           p x[1] <- 0
102
        if(!is.na(approx(py$x,py$y,xout=V[t,2])$y))
103
104
           p_y <- integrate(approxfun(py), lower=min(forKDE1$track.Latitude),</pre>
105
                              upper=max(forKDE1$track.Latitude))
106
107
         if(is.na(approx(py$x,py$y,xout=V[t,2])$y))
108
          p_y[1] < 0
109
        p1 <- as.numeric(p_x[1])*as.numeric(p_y[1])</pre>
110
111
        # KDE za brzinu i kurs
        forKDE2 <- inner_join(route,stt,by = c("name","wp_a","wp_b","MMSI",</pre>
112
                     "track.Longitude_UTM","track.Latitude_UTM","track.COG","track.SOG",
113
        "track.timestamp","track.Longitude","track.Latitude"))
speed <- conv_unit(forKDE2$track.SOG, "knot", "m_per_sec")
114
115
         forKDE2$SOG_m <- speed</pre>
116
117
         xx <- sqrt((forKDE2$SOG_m)^2/(1+(tan(forKDE2$track.COG))^2))</pre>
118
        forKDE2$xx <- xx</pre>
119
        yy <- sqrt((forKDE2$SOG_m)^2-(forKDE2$xx)^2)</pre>
120
        forKDE2$yy <- yy</pre>
121
         forKDE2 <- forKDE2[,13:14]</pre>
122
        pxx <- density(forKDE2$xx, bw="nrd0")</pre>
123
        pyy <- density(forKDE2$yy, bw="nrd0")</pre>
124
125
        if(!is.na(approx(pxx$x,pxx$y,xout=V[t,3])$y))
126
           p_xx <- integrate(approxfun(pxx), lower=min(forKDE2$xx),upper=max(forKDE2$xx))</pre>
127
        if(is.na(approx(pxx$x,pxx$y,xout=V[t,3])$y))
128
          p_xx[1] <- 0
129
         if(!is.na(approx(pyy$x,pyy$y,xout=V[t,4])$y))
130
          p_yy <- integrate(approxfun(pyy), lower=min(forKDE2$yy),upper=max(forKDE2$yy))</pre>
131
         if(is.na(approx(pyy$x,pyy$y,xout=V[t,4])$y))
132
          p_yy[1] <- 0
133
        p2 <- as.numeric(p_xx[1])*as.numeric(p_yy[1])</pre>
134
135
        P1[i,1] <- P1[i,1]*p1*p2
136
        P1[i,2] <- route[1,3]
137
      }
138 }
139
140 P2 <- setNames(data.frame(matrix(1,nrow=k,ncol=2)),c("prob2","destination"))
141 for(i in 1:k)
142 {
143
      routesNames <- S %>% distinct(wp_b)
      route <- filter(Rs, wp_b==routesNames[i,1])</pre>
144
145
      step <- 6</pre>
      predicted <- Track_Predictor(route, VOI, VOI1[1,7], VOI1[7,7], step, d)</pre>
146
147
      actual <- V0I1[2:7,8:9]</pre>
148
      distances <- c()
149
      for(j in 1:nrow(predicted))
150
151
         distance <- as.numeric(distm(c(actual[j,1],actual[j,2]),</pre>
152
                                   c(predicted[j,1],predicted[j,2]), fun = distHaversine))
153
        distances <- c(distances, distance)</pre>
154
      mle <- eweibull(distances, method = "mle")
alpha <- mle[["parameters"]][["scale"]]</pre>
155
156
157
      beta <- mle[["parameters"]][["shape"]]</pre>
158
      for(t in 2:nrow(VOI1))
159
```

```
160
161
        delta_t <- period_to_seconds(hms(VOI1[t,7]))-period_to_seconds(hms(VOI[t-1,7]))</pre>
        Delta_p <- distances[t-1]</pre>
162
        m_k <- alpha/delta_t</pre>
163
164
        p <- exp(-(Delta_p/(m_k*delta_t))^beta)</pre>
165
        P2[i,1] <- P2[i,1]*p
        P2[i,2] <- route[1,3]
166
167
     }
168 }
169
170 prior <- setNames(data.frame(matrix(nrow=k,ncol=2)),c("prior","route"))
171 for(i in 1:k)
172 {
173
     routesNames <- S %>% distinct(wp_b)
174
     route <- filter(Rs, wp_b==routesNames[i,1])</pre>
     nmbrVessel <- nrow(route %>% distinct(MMSI))
175
176
     whenDetected <- which(Vs$MMSI == VOI[1,1])</pre>
     prior[i,1] <- nmbrVessel/whenDetected
prior[i,2] <- route[1,3]</pre>
177
178
179 }
180
181 | P <- cbind(P1, P2, prior)
182 for(a in 1:nrow(P))
183 {
184
     P[a,7] \leftarrow prod(P[a,1],P[a,3],P[a,5],100)
185 }
186
   187
188 # drugo promatranje -> d = 2.38 nauticke milje
189 VOI1 <- VOI[1501:1507,]
190 | speed <- conv_unit(VOI1$track.SOG, "knot", "m_per_sec")
191 VOI1$SOG_m <- speed
192 V -- setNames(data.frame(matrix(ncol=6, nrow=0)), c("x","y","xx","yy","x_u","y_u"))
193 S <- NULL
194 d <- 4417
195
196 for(i in 1:nrow(VOI1))
197 {
198
     xx <- sqrt((VOI1[i,14])^2/(1+(tan(VOI1[i,5]))^2))</pre>
199
     yy <- sqrt((V0I1[i,14])^2-xx^2)</pre>
     x <- VOI1[i,8]
200
     y <- V0I1[i,9]
201
202
     x_u <- VOI1[i,3]</pre>
203
     y_u <- VOI1[i,4]</pre>
204
     V[i,c(1:6)] \leftarrow c(x, y, xx, yy, x_u, y_u)
205
      tem <- filter(Rs, ((Rs\strack.Longitude_UTM-x_u)^2+(Rs\strack.Latitude_UTM-y_u)^2)<d^2)</pre>
206
      tem <- cbind(tem, i)</pre>
207
     S <- rbind(S, tem)</pre>
208 }
209 k <- nrow(S %>% distinct(wp_b))
2.10
211 P1 <- setNames(data.frame(matrix(1,nrow=k,ncol=2)),c("prob1","destination"))
212 for(i in 1:k)
213 \
214
     routesNames <- S %>% distinct(wp_b)
215
     route <- filter(Rs, wp_b==routesNames[i,1])</pre>
216
      for(t in 1:nrow(VOI1))
217
      {
2.18
        st <- filter(S, S[,12]==t)</pre>
219
        stt <- st[1:11]
```

```
220
        # KDE za polozaj
221
222
        forKDE1 <- inner_join(route,stt,by=c("name","wp_a","wp_b","MMSI",</pre>
223
                     "track.Longitude_UTM", "track.Latitude_UTM", "track.COG",
224
                     "track.SOG", "track.timestamp", "track.Longitude", "track.Latitude"))
225
        forKDE1 <- forKDE1[,10:11]</pre>
226
        px <- density(forKDE1$track.Longitude, bw="nrd0")</pre>
227
        py <- density(forKDE1$track.Latitude, bw="nrd0")</pre>
228
229
        if(!is.na(approx(px$x,px$y,xout=V[t,1])$y))
230
231
          p_x <- integrate(approxfun(px), lower=min(forKDE1$track.Longitude),</pre>
232
                              upper=max(forKDE1$track.Longitude))
233
234
        if(is.na(approx(px$x,px$y,xout=V[t,1])$y))
235
          p_x[1] < 0
236
        if(!is.na(approx(py$x,py$y,xout=V[t,2])$y))
237
238
          p_y <- integrate(approxfun(py), lower=min(forKDE1$track.Latitude),</pre>
239
                             upper=max(forKDE1$track.Latitude))
240
241
        if(is.na(approx(py$x,py$y,xout=V[t,2])$y))
242
          p_y[1] <- 0
243
        p1 <- as.numeric(p_x[1])*as.numeric(p_y[1])</pre>
244
245
        # KDE za brzinu i kurs
        forKDE2 <- inner_join(route,stt,by = c("name","wp_a","wp_b","MMSI",</pre>
246
247
                     "track.Longitude_UTM","track.Latitude_UTM","track.COG","track.SOG",
        "track.timestamp", "track.Longitude", "track.Latitude"))
speed <- conv_unit(forKDE2$track.SOG, "knot", "m_per_sec")
248
249
250
        forKDE2$SOG_m <- speed</pre>
251
        xx <- sqrt((forKDE2$SOG_m)^2/(1+(tan(forKDE2$track.COG))^2))</pre>
252
        forKDE2$xx <- xx</pre>
253
        yy <- sqrt((forKDE2$SOG_m)^2-(forKDE2$xx)^2)</pre>
254
        forKDE2$yy <- yy</pre>
255
        forKDE2 <- forKDE2[,13:14]</pre>
256
        pxx <- density(forKDE2$xx, bw="nrd0")</pre>
257
        pyy <- density(forKDE2$yy, bw="nrd0")</pre>
258
259
        if(!is.na(approx(pxx$x,pxx$y,xout=V[t,3])$y))
260
          p_xx <- integrate(approxfun(pxx), lower=min(forKDE2$xx),upper=max(forKDE2$xx))</pre>
261
        if(is.na(approx(pxx$x,pxx$y,xout=V[t,3])$y))
262
          p_xx[1] <- 0
263
        if(!is.na(approx(pyy$x,pyy$y,xout=V[t,4])$y))
264
          p_yy <- integrate(approxfun(pyy), lower=min(forKDE2$yy),upper=max(forKDE2$yy))</pre>
265
        if(is.na(approx(pyy$x,pyy$y,xout=V[t,4])$y))
266
          p_y[1] < 0
267
        p2 <- as.numeric(p_xx[1])*as.numeric(p_yy[1])</pre>
268
        P1[i,1] <- P1[i,1]*p1*p2
P1[i,2] <- route[1,3]
269
270
271
      }
272 }
2.73
274 P2 <- setNames(data.frame(matrix(1,nrow=k,ncol=2)),c("prob2","destination"))
275 for(i in 1:k)
276 {
277
      routesNames <- S %>% distinct(wp_b)
278
      route <- filter(Rs, wp_b==routesNames[i,1])</pre>
279
      step <- 6
```

```
280
     predicted <- Track_Predictor(route, VOI, VOI1[1,7], VOI1[7,7], step, d)</pre>
      actual <- VOI1[2:7,8:9]
281
282
      distances <- c()
283
     for(j in 1:nrow(predicted))
284
285
        distance <- as.numeric(distm(c(actual[j,1],actual[j,2]),</pre>
286
                                      c(predicted[j,1],predicted[j,2]), fun = distHaversine))
287
        distances <- c(distances, distance)</pre>
288
289
     mle <- eweibull(distances, method = "mle")</pre>
290
     alpha <- mle[["parameters"]][["scale"]]</pre>
291
     beta <- mle[["parameters"]][["shape"]]</pre>
292
293
      for(t in 2:nrow(VOI1))
294
     {
295
        delta_t <- period_to_seconds(hms(V0I1[t,7]))-period_to_seconds(hms(V0I[t-1,7]))</pre>
296
        Delta_p <- distances[t-1]</pre>
297
       m_k <- alpha/delta_t</pre>
298
        p <- exp(-(Delta_p/(m_k*delta_t))^beta)</pre>
299
       P2[i,1] <- P2[i,1]*p
300
       P2[i,2] <- route[1,3]
301
     }
302 }
303
304 prior <- setNames(data.frame(matrix(nrow=k,ncol=2)),c("prior","route"))
305 for(i in 1:k)
306 {
307
     routesNames <- S %>% distinct(wp_b)
308
     route <- filter(Rs, wp_b==routesNames[i,1])</pre>
300
     nmbrVessel <- nrow(route %>% distinct(MMSI))
310
     whenDetected <- which(Vs$MMSI == VOI[1,1])</pre>
     prior[i,1] <- nmbrVessel/whenDetected</pre>
311
312
     prior[i,2] <- route[1,3]</pre>
313 }
314
315 P <- cbind(P1, P2, prior)
316 for(a in 1:nrow(P))
317 {
     P[a,7] \leftarrow prod(P[a,1],P[a,3],P[a,5],100)
319 }
320
322 # 2) Predvidanje polozaja
323 | VOI1 <- VOI[1:7,]
324 speed <- conv_unit(VOI1$track.SOG, "knot", "m_per_sec")</pre>
325 VOI1$SOG_m <- speed
326 V <- setNames(data.frame(matrix(ncol=6, nrow=0)), c("x","y","xx","yy","x_u","y_u"))
327 S <- NULL
328 d <- 6173
329 step <- 6
330
331 for(i in 1:nrow(VOI1))
332 {
     xx <- sqrt((V0I1[i,14])^2/(1+(tan(V0I1[i,5]))^2))</pre>
333
334
     yy <- sqrt((V0I1[i,14])^2-xx^2)</pre>
335
     x <- VOI1[i,8]
336
     y <- V0I1[i,9]
337
     x_u <- VOI1[i,3]</pre>
338
     y_u <- VOI1[i,4]</pre>
339
     V[i,c(1:6)] \leftarrow c(x, y, xx, yy, x_u, y_u)
```

```
340
     tem <- filter(Rs, ((Rs$track.Longitude_UTM-x_u)^2+(Rs$track.Latitude_UTM-y_u)^2)<d^2)</pre>
341
     tem <- cbind(tem, i)</pre>
342
     S <- rbind(S, tem)
343 }
344
345 routesNames <- S %>% distinct(wp_b)
346 route <- filter(Rs, wp_b=="P0 2")
347 predicted <- Track_Predictor(route, VOI, VOI1[1,7], VOI1[7,7], step, d)
348 predicted <- predicted %>% distinct(xp,yp,.keep_all = TRUE)
349 actual <- V0I1[2:7,8:9]
350 compare <- cbind(actual, predicted)
351
353 # 3) Detekcija anomalija
354 VOI <- 'Vs_ 212491000'
355 VOI1 <- VOI[1:7,]
356 speed <- conv_unit(VOI1$track.SOG, "knot", "m_per_sec")</pre>
357
   VOI1$SOG m <- speed
358 V <- setNames(data.frame(matrix(ncol=6, nrow=0)), c("x","y","xx","yy","x_u","y_u"))
359 S <- NULL
360 d <- 7050
361
362 for(i in 1:nrow(VOI1))
363 {
364
     xx <- sqrt((VOI1[i,14])^2/(1+(tan(VOI1[i,5]))^2))</pre>
     yy <- sqrt((V0I1[i,14])^2-xx^2)
365
366
     x <- VOI1[i,8]
     y <- VOI1[i,9]
367
368
     x_u <- VOI1[i,3]</pre>
     y_u <- VOI1[i,4]</pre>
369
370
     V[i,c(1:6)] \leftarrow c(x, y, xx, yy, x_u, y_u)
     \label{tem:condition} \mbox{tem} \ \mbox{<- filter(Rs, ((Rs\$track.Longitude\_UTM-x_u)^2+(Rs\$track.Latitude\_UTM-y_u)^2)<d^2)} \ \mbox{--} 
371
372
     tem <- cbind(tem, i)</pre>
373
     S <- rbind(S, tem)</pre>
374 }
375 k <- nrow(S %>% distinct(wp_b))
376
377 P1 <- setNames(data.frame(matrix(1,nrow=k,ncol=2)),c("prob1","destination"))
378 for(i in 1:k)
379 {
380
      routesNames <- S %>% distinct(wp_b)
381
      route <- filter(Rs, wp_b==routesNames[i,1])</pre>
      for(t in 1:nrow(VOI1))
382
383
384
        st <- filter(S, S[,12]==t)</pre>
385
        stt <- st[1:11]
386
387
        # KDE za polozaj
388
        forKDE1 <- inner_join(route,stt,by=c("name","wp_a","wp_b","MMSI",</pre>
                    "track.Longitude_UTM", "track.Latitude_UTM", "track.COG",
389
                    "track.SOG", "track.timestamp", "track.Longitude", "track.Latitude"))
390
391
        forKDE1 <- forKDE1[,10:11]</pre>
        px <- density(forKDE1$track.Longitude, bw="nrd0")</pre>
392
393
        py <- density(forKDE1$track.Latitude, bw="nrd0")</pre>
394
395
        if(!is.na(approx(px$x,px$y,xout=V[t,1])$y))
396
397
          p_x <- integrate(approxfun(px), lower=min(forKDE1$track.Longitude),</pre>
398
                            upper=max(forKDE1$track.Longitude))
399
        }
```

```
400
         if(is.na(approx(px$x,px$y,xout=V[t,1])$y))
401
           p x[1] <- 0
402
         if(!is.na(approx(py$x,py$y,xout=V[t,2])$y))
403
404
           p_y <- integrate(approxfun(py), lower=min(forKDE1$track.Latitude),</pre>
405
                              upper=max(forKDE1$track.Latitude))
406
407
         if(is.na(approx(py$x,py$y,xout=V[t,2])$y))
408
          p_y[1] < 0
409
        p1 <- as.numeric(p_x[1])*as.numeric(p_y[1])</pre>
410
411
        # KDE za brzinu i kurs
        forKDE2 <- inner_join(route,stt,by = c("name","wp_a","wp_b","MMSI",</pre>
412
                     "track.Longitude_UTM","track.Latitude_UTM","track.COG","track.SOG",
413
        "track.timestamp","track.Longitude","track.Latitude"))
speed <- conv_unit(forKDE2$track.SOG, "knot", "m_per_sec")
414
415
         forKDE2$SOG_m <- speed</pre>
416
417
         xx <- sqrt((forKDE2$SOG_m)^2/(1+(tan(forKDE2$track.COG))^2))</pre>
418
         forKDE2$xx <- xx</pre>
419
        yy <- sqrt((forKDE2$SOG_m)^2-(forKDE2$xx)^2)</pre>
420
         forKDE2$yy <- yy</pre>
42.1
         forKDE2 <- forKDE2[,13:14]</pre>
422
        pxx <- density(forKDE2$xx, bw="nrd0")</pre>
423
        pyy <- density(forKDE2$yy, bw="nrd0")</pre>
424
425
        if(!is.na(approx(pxx$x,pxx$y,xout=V[t,3])$y))
426
           p_xx <- integrate(approxfun(pxx), lower=min(forKDE2$xx),upper=max(forKDE2$xx))</pre>
427
         if(is.na(approx(pxx$x,pxx$y,xout=V[t,3])$y))
428
          p_xx[1] <- 0
429
         if(!is.na(approx(pyy$x,pyy$y,xout=V[t,4])$y))
430
          p_yy <- integrate(approxfun(pyy), lower=min(forKDE2$yy),upper=max(forKDE2$yy))</pre>
431
         if(is.na(approx(pyy$x,pyy$y,xout=V[t,4])$y))
432
          p_yy[1] <- 0
433
        p2 <- as.numeric(p_xx[1])*as.numeric(p_yy[1])</pre>
434
435
        P1[i,1] <- P1[i,1]*p1*p2
436
        P1[i,2] <- route[1,3]
437
      }
438 }
439
440 P2 <- setNames(data.frame(matrix(1,nrow=k,ncol=2)),c("prob2","destination"))
441 for(i in 1:k)
442 {
443
      routesNames <- S %>% distinct(wp_b)
      route <- filter(Rs, wp_b==routesNames[i,1])</pre>
444
445
      step <- 6</pre>
      predicted <- Track_Predictor(route, VOI, VOI1[1,7], VOI1[7,7], step, d)</pre>
446
447
      actual <- V0I1[2:7,8:9]</pre>
448
      distances <- c()
449
      for(j in 1:nrow(predicted))
450
451
         distance <- as.numeric(distm(c(actual[j,1],actual[j,2]),</pre>
452
                                          c(predicted[j,1],predicted[j,2]), fun = distHaversine))
453
        distances <- c(distances, distance)</pre>
454
      mle <- eweibull(distances, method = "mle")
alpha <- mle[["parameters"]][["scale"]]</pre>
455
456
457
      beta <- mle[["parameters"]][["shape"]]</pre>
458
459
      for(t in 2:nrow(VOI1))
```

```
460
         delta_t <- period_to_seconds(hms(VOI1[t,7]))-period_to_seconds(hms(VOI[t-1,7]))
Delta_p <- distances[t-1]</pre>
461
462
463
         m_k <- alpha/delta_t</pre>
464
         p <- exp(-(Delta_p/(m_k*delta_t))^beta)</pre>
         P2[i,1] <- P2[i,1]*p
P2[i,2] <- route[1,3]
465
466
467
      }
468 }
469
470 prior <- setNames(data.frame(matrix(nrow=k,ncol=2)),c("prior","route"))
471 for(i in 1:k)
472 {
473
      routesNames <- S %>% distinct(wp_b)
474
      route <- filter(Rs, wp_b==routesNames[i,1])</pre>
475
      nmbrVessel <- nrow(route %>% distinct(MMSI))
476
      whenDetected <- which(Vs$MMSI == VOI[1,1])</pre>
      prior[i,1] <- nmbrVessel/whenDetected
prior[i,2] <- route[1,3]</pre>
477
478
479 }
480
481 P <- cbind(P1,P2,prior)
482 for(a in 1:nrow(P))
483 {
     P[a,7] <- prod(P[a,1],P[a,3],P[a,5],100)
484
485 }
```

## **Dodatak C**

## Kod izvedbe grafičkih prikaza

```
1 library(readr)
2 library (maps)
3 library(ggplot2)
4 library(tidyverse)
5 library(dplyr)
6 library (mapproj)
  library(maptools)
8 library(geosphere)
10 summary (rawData)
11 data <- rawData
12
13 # Prikaz podataka na mapi
14 mp <- NULL
15 mapWorld <- borders("world", colour="gray20", fill="palegreen4")
16 mp <- ggplot() + mapWorld
| 17 | mp <- mp + geom_point(data=data, aes(x=Longitude, y=Latitude), color="blue", shape=".",
18
              size=2) + scale_fill_grey() + coord_quickmap(ylim=c(50,65), xlim=c(0,25))
19 mp
20
21 # Odabrano podrucje
  line1 <- data.frame(xx=c(10,10), yy=c(54.1,54.8))
23 line2 \leftarrow data.frame(xx=c(10,12.5), yy=c(54.1,54.1))
24 line3 \leftarrow data.frame(xx=c(12.5,12.5), yy=c(54.1,54.8))
25 line4 <- data.frame(xx=c(10,12.5), yy=c(54.8,54.8))
26
27 # Prikaz promatranog podrucja
28 mp1 <- NULL
29 mapWorld <- borders("world", colour = "gray20", fill = "palegreen4")
30 mp1 <- ggplot() + mapWorld
31 mp1 <- mp1 + geom_point(data=data, aes(x=Longitude, y=Latitude), color="blue", shape=".",
                 size=2) + scale_fill_grey() + coord_quickmap(ylim=c(50,65), xlim=c(0,25)) +
33
                 geom_line(data=line1, aes(x=xx, y=yy), color="black", size=1)+
34
                 geom_line(data=line2, aes(x=xx, y=yy), color="black", size=1)+
                 geom_line(data=line3, aes(x=xx, y=yy), color="black", size=1)+
geom_line(data=line4, aes(x=xx, y=yy), color="black", size=1)
35
36
37 mp1
   selectedData <- filter(rawData, Longitude>=10 & Longitude<=12.5</pre>
                            & Latitude>=54.1 & Latitude<=54.8)</pre>
```

```
42 # Priblizeni prikaz odabranog podrucja
43 ports <- data.frame(longitude=c(10.15,12.10), latitude=c(54.32,54.15))
44 mp2 <- NULL
45 mapWorld <- borders("world", colour="gray20", fill="palegreen4")
46 mp2 <- ggplot() + mapWorld
47 mp2 <- mp2 + geom_point(data=selectedData, aes(x=Longitude, y=Latitude), color="blue",
                  shape=".", size=2) + scale_fill_grey() +
48
49
     coord_quickmap(ylim=c(54.1,54.8), xlim=c(10,12.5))+
50
     geom_point(data=ports, aes(x=longitude, y=latitude), fill="darkred",
51
                 shape=23, size=5)
52 mp2 <- mp2 +geom_line(data=line1, aes(x=xx, y=yy), color="black", size=1)+
53
     geom_line(data=line2, aes(x=xx, y=yy), color="black", size=1)+
     geom_line(data=line3, aes(x=xx, y=yy), color="black", size=1)+
geom_line(data=line4, aes(x=xx, y=yy), color="black", size=1)
54
55
56 mp2
57
58 messages <- selectedData
59
60 # Razdioba plovila po tipu AIS uredaja
61 mes <- messages %>% distinct(MMSI, .keep_all=TRUE)
62 barplot1data <- table(mes$'Type of mobile')
63 ylim \leftarrow c(0, 1.1*max(barplot1data))
64 barplot1 <- barplot(barplot1data, ylim=ylim, main="Razdioba plovila po tipu AIS uredaja"
65
                         ,ylab="Broj plovila", xlab="Tip AIS uredaja",col="#104E8B")
66 text(x=barplot1, y=barplot1data, label=barplot1data, pos=3, cex=0.8, col="black")
67
68 # Razdioba plovila po tipu plovila
69 op \leftarrow par(mar=c(7,4,4,2))
70 mess <- messages %>% distinct(MMSI, .keep_all=TRUE)
71 barplot2data <- table(mess$'Ship type')
72 | ylim <- c(0, 1.1*max(barplot2data))
73 barplot2 <- barplot(barplot2data, ylim=ylim, main="Razdioba plovila po tipu plovila"
                          ,ylab="Broj plovila",col="#104E8B",las=2,cex.axis=0.5,cex.names=0.9,
74
75
                         width=5)
76 text(x=barplot2, y=barplot2data, label=barplot2data, pos=3, cex=0.9, col="black")
77
78 # Prikaz rezultata nenadgledanog izdvajanja ruta
79 ENN <- filter(ENs, cluster!=0)
80 P00 <- filter(P0s, cluster!=0)
81 EXX <- filter(EXs, cluster!=0)
82 ports <- data.frame(longitude=c(10.15,12.10), latitude=c(54.32,54.15))
83 mp6 <- NULL
84 mapWorld <- borders("world", colour="gray20", fill="palegreen4")
85 mp6 <- ggplot() + mapWorld
86 mp6 <- mp6 + geom_point(data=Rs, aes(x=track.Longitude, y=track.Latitude),
                  color="blue", shape=".", size=2)+scale_fill_grey() +
87
88
                 coord_quickmap(ylim=c(54.1,54.8),xlim=c(10,12.5)) +
89
                  geom_point(data=ports, aes(x=longitude, y=latitude),
90
                 fill="darkred", shape=23, size=5)
91 mp6 <- mp6 + geom_line(data=line1, aes(x=xx, y=yy), color="black", size=1)+
92
                 geom_line(data=line2, aes(x=xx, y=yy), color="black", size=1)+
                 geom_line(data=line3, aes(x=xx, y=yy), color="black", size=1)+
geom_line(data=line4, aes(x=xx, y=yy), color="black", size=1)
93
geom_line(data=line4, aes(x=xx, y=yy), color="black", size=1)
mp6 <- mp6 + geom_point(aes(x=ENN[,1], y=ENN[,2]), colour="green2", size=2,
96
                 data=ENN)
97
   \label{eq:mp6} mp6 <- mp6 + geom\_point(aes(x=P00[,1], y=P00[,2]), colour="gold1", size=2, respectively.
98
                 data=P00)
99 mp6 <- mp6 + geom_point(aes(x=EXX[,1], y=EXX[,2]), colour="red3", size=2,
100
```

```
101 \, | \, \mathrm{mp6}
102
103 # Prikaz kompatibilnih ruta i najizglednija
104 # 1.1
105 compRoute <- S %>% distinct(wp_b, wp_a)
| route1 <- filter(Rs, Rs$wp_b==compRoute[1,1] & Rs$wp_a==compRoute[1,2])
| 107 | route2 <- filter(Rs, Rs\sup_b==compRoute[3,1] & Rs\sup_a==compRoute[3,2])
108 route3 <- filter(Rs, Rs\sup_b==compRoute[6,1] & Rs\sup_a==compRoute[6,2])
109 \, df < -data.frame(x=c(10.35, 10.95, 12.3), y = c(54.3, 54.75, 54.15),
110
     text = c("54.22\%", "13.13\%", "32.66\%"))
111
112 ports <- data.frame(longitude=c(10.15,12.10), latitude=c(54.32,54.15))
113 mp6 <- NULL
114 mapWorld <- borders("world", colour="gray20", fill="palegreen4")
115 mp6 <- ggplot() + mapWorld
116 mp6 <- mp6 + scale_fill_grey() + coord_quickmap(ylim=c(54.1,54.8),xlim=c(10,12.5)) +
117
     geom_point(data=ports, aes(x=longitude, y=latitude),
118
                  fill="darkred", shape=23, size=5) +
      \label{eq:geom_line} geom\_line(\frac{data}{data} = line1, aes(x=xx, y=yy), color="black", size=1) +
119
     geom_line(data=line2, aes(x=xx, y=yy), color="black", size=1)+
120
     geom_line(data=line3, aes(x=xx, y=yy), color="black", size=1)+
geom_line(data=line4, aes(x=xx, y=yy), color="black", size=1)
121
122
123 mp6 <- mp6+ geom_point(data=route2, aes(x=track.Longitude, y=track.Latitude),
124
                             color="skyblue3", shape=".", size=2)
125 mp6 <- mp6+ geom_point(data=route1, aes(x=track.Longitude, y=track.Latitude),
126
                            color="navyblue", shape=".", size=2)
| 127 mp6 <- mp6+ geom_point(data=route3, aes(x=track.Longitude, y=track.Latitude),
                             color="skyblue3", shape=".", size=2)
128
| 129 | mp6 <- mp6+ geom_point(data=V0I1, aes(x=track.Longitude, y=track.Latitude),
130
                             color="maroon4", shape=15, size=4)
131 mp6 <- mp6 + geom_text(aes(x=df$x,y=df$y,label=df$text), size=3)
132 mp6
133
134 # 1.2
135 compRoute <- S %>% distinct(wp_b, wp_a)
136 route1 <- filter(Rs, Rs\sup_b==compRoute[1,1] & Rs\sup_a==compRoute[1,2])
137 route2 <- filter(Rs, Rs\$wp_b==compRoute[7,1] & Rs\$wp_a==compRoute[7,2])
138 route3 <- filter(Rs, Rs\sup_b==compRoute[8,1] & Rs\sup_a==compRoute[8,2])
|139| df \leftarrow data.frame(x=c(10.35, 10.7, 10.99), y = c(54.3, 54.70, 54.75),
                      text = c("66.72%", "27.20%", "6.17%"))
140
141
142 ports <- data.frame(longitude=c(10.15,12.10), latitude=c(54.32,54.15))
143 mp6 <- NULL
144 mapWorld <- borders("world", colour="gray20", fill="palegreen4")
145 mp6 <- ggplot() + mapWorld
146 mp6 <- mp6 + scale_fill_grey() + coord_quickmap(ylim=c(54.1,54.8),xlim=c(10,12.5)) +
147
     geom_point(data=ports, aes(x=longitude, y=latitude),
                  fill="darkred", shape=23, size=5) +
148
149
     geom_line(data=line1, aes(x=xx, y=yy), color="black", size=1)+
     geom_line(data=line2, aes(x=xx, y=yy), color="black", size=1)+
geom_line(data=line3, aes(x=xx, y=yy), color="black", size=1)+
150
151
     geom_line(data=line4, aes(x=xx, y=yy), color="black", size=1)
152
153 mp6 <- mp6+ geom_point(data=route3, aes(x=track.Longitude, y=track.Latitude),
                             color="skyblue3", shape=".", size=2)
154
155 mp6 <- mp6+ geom_point(data=route1, aes(x=track.Longitude, y=track.Latitude),
156
                             color="navyblue", shape=".", size=2)
| mp6 <- mp6+ geom_point(data=route2, aes(x=track.Longitude, y=track.Latitude),
158
                            color="skyblue3", shape=".", size=2)
| mp6 <- mp6+ geom_point(data=V0I1, aes(x=track.Longitude, y=track.Latitude),
160
                             color="maroon4", shape=15, size=4)
```

```
161 mp6 <- mp6 + geom_text(aes(x=df$x,y=df$y,label=df$text), size=3)
162 mp6
163
164 # Predvidanje polozaja
165 mp6 <- NULL
166 mapWorld <- borders("world", colour="gray20", fill="palegreen4")</pre>
167 mp6 <- ggplot() + mapWorld
mp6 <- mp6 + geom_point(data=actual, aes(x=track.Longitude, y=track.Latitude),

color="blue", shape=1, size=3) + scale_fill_grey() +

coord_quickmap(ylim=c(54.705,54.71),xlim=c(12.495,12.501)) +
171
       geom_point(data=predicted, aes(x=xp, y=yp),
       color="red", shape=4, size=3)+
geom_point(data=VOI1[1,], aes(x=track.Longitude, y=track.Latitude),
172
173
174
                      color="green", shape=16, size=3)
175 mp6
```