Семинар 16.07.22

Note 1

05234104040342a8b0f8cccc3ba532a2

««Алгебра над полем» — это «ствекторное пространство, снабжённое билинейным произведением.»

Note 2

2dbf3b8106f34daead1805a80b0fb28a

Пусть X — топологическое пространство. (сег-Алгебра всех комплексных функций, непрерывных на X)) обозначается (сег-C(X).)

Note 3

13d6e19dd257402ab78d8b26cf54203

Пусть G — группа, X — топологическое пространство. $\{ (cs) \}$ Действием группы G на пространство $X_{\|}$ называется $\{ (cs) \}$ отображение

$$G \times X \to X$$
, $(g, x) \mapsto g(x)$,

 $\}$ такое, что {{c2::} $\forall x \in X$

$$gh(x) = g(h(x)) \quad \forall g, h \in G,$$

 $e(x) = x.$

Note 4

fa2504287a174d5eb5063ef21d0e2191

Пусть G — группа, X — топологическое пространство. Если поствано действие G на X, то G называется поструппой, действующей на X.

Note 5

f1bfa6fbf90b4a28a445080a7d8d954c

Пусть X — топологическое пространство, G — группа, действующая на X. «съз Скрещенным произведением алгебры C(X) и группы G называется алгебра сумм «съз

$$a = \sum_{g \in G} a_g(x) T_g,$$

 $\}$ где {{c2::Для всех g

$$a_g \in C(X)$$
, T_g — формальный символ.

Note 6

19d452193f4649e48c0c687527934e5c

Пусть X — топологическое пространство, G — группа, действующая на X. «Скрещенное произведение C(X) и G обозначается «Ск

$$C(X) \rtimes G$$
.

Note 7

c4f3819a786b4827a2d83e150447f344

Пусть X — топологическое пространство, G — группа, действующая на X. Тогда для $a,b\in C(X)\rtimes G$

$$\text{(c3:} ab\text{)} \stackrel{\text{def}}{=} \text{(c2:} \sum_{g \in G} c_g(x) T_g, \text{)}$$

где

$$c_g(x) = \sup_{g_1g_2=g} a_{g_1}(x) \cdot b_{g_2}(g_1^{-1}(x)).$$

Note 8

d74629e9c365489a886707b75712917f

Пусть X — топологическое пространство. Для удобства, любой элемент $f \in C(X)$ (кеза-отождествляется), с оператором (кеза-отождествляется), с оператором (кеза-отождествляется).

$$u(x) \mapsto f(x)u(x),$$

 $C(X) \to C(X).$

Note 9

b18bc7b3cd1d490d9465207948a2a7ab

В общем случае, примение некоторого объекта X в Y в задаётся приментым отображением $X \to Y$, сохраняющим некоторую структуру.

Если $f:X \to Y$ есть {{c2::Вложение,}} то пишут {{c1::

$$f: X \hookrightarrow Y$$
.

}}

Note 11

0060adf86b04424ca2977e10cf57149b

Пусть X — топологическое пространство, G — группа, действующая на X, пед $G \in G$ простражение вида

$$u(x) \mapsto u(g^{-1}(x))$$

)) называется ((c1::oператором сдвига по элементу g.))

Note 12

:1649977ba8340c9adc2dbb8096586c6

Пусть X — топологическое пространство, G — группа, действующая на X, (севе $g\in G$.)) (севе Оператор сдвига по элементу g)) обозначается (севе T_q .))

Note 13

f297c8bf8e714c45b1849042d8856179

Пусть X — топологическое пространство, G — группа, действующая на $X,\ g,h\in G$. Тогда

$$T_gT_h=\{\{\mathrm{cl}:T_{gh}.\}\}$$

Note 14

300bb47328c6444bb9b5075d0838b28c

Пусть X — топологическое пространство, G — группа, действующая на X. Тогда $\{C(X) \rtimes G\}$ — это подалгебра в $\{C(X) \rtimes G\}$ — это подалгебра в $\{C(X) \rtimes G\}$ — запебре

$$\mathcal{L}(C(X), C(X)),$$

 $_{\mathbb{R}}$ порождённая ({cli:}C(X) и всеми $T_{q}.$)

Пусть X — топологическое пространство, G — группа, действующая на X. Тогда если $a,b\in C(X)$ и $g,h\in G$, то

$$a(x)T_g \cdot b(x)T_h = \{\{a(x) \cdot b(g^{-1}(x)) \cdot T_{gh}\}\}$$

Note 16

530881c476554c1298eec9c9922e8976

Пусть X — топологическое пространство, G — группа, действующая на X. Тогда если $a,b\in C(X)$ и $g,h\in G$, то

$$a(x)T_g \cdot b(x)T_h = a(x) \cdot b(g^{-1}(x)) \cdot T_{gh}$$

В чём ключевая идея доказательства?

$$T_g b(x) = T_g b(x) T_g^{-1} \cdot T_g.$$

Note 17

8cc6c193acf84003aae8cb34420dd671

Пусть X — топологическое пространство, G — группа, действующая на X. Тогда если $a \in C(X)$ и $g \in G$, то

$$T_q a(x) T_q^{-1} = \{\{c1: a(g^{-1}(x))\}\}$$

Note 18

283c514e338044a1b7080d65431ea8a9

Пусть X — топологическое пространство, G — группа, действующая на X. Тогда если $g \in G$, то

$$T_g^{-1}:u(x)\mapsto \{(c):u(g(x)).\}\}$$

Note 19

95f5285bfc0d4800a355f5f549bcbbe0

Пусть X — топологическое пространство, G — группа, действующая на X . Тогда если $G=\{e\}$ $\{e\}$ $\{e\}$ $\{e\}$

$$C(X) \rtimes G \simeq \{\{c1: C(X).\}\}$$

Пусть X — топологическое пространство. Тогда если $X=\{p\}$ $\|$, то

$$C(X) \simeq \{\{c1::\mathbb{C}.\}\}$$

Note 21

f3ee7aac98c146a6b535a01cb58d9cdd

Пусть G — группа. (ст.:Комплексное линейное пространство)) с базисом ((сг.:из всех элементов G)) и ((сз.:умножением, индуцированным от группы,)) называется ((ст.:групповой алгеброй G.))

Note 22

5cb452b8847e48d3a0ee11a002b6b93

Пусть G — группа. Прупповая алгебра G обозначается Прупповая алгебра G обозначается Прупповая алгебра G

Note 23

4d516ad8a53f4d1ebb0491f89c44b511

Пусть X — топологическое пространство, G — группа, действующая на X. Тогда если $X=\{\{p\}\}\}$, то

$$C(X) \rtimes G \simeq \{\{c1:: \mathbb{C}[G].\}\}$$