Лекция 07.09.22

Note 1

1afcb80707524feb886d294c984a52dc

 $\{\{c\}\}$ Абсолютное значение мультииндекса $\alpha\in\mathbb{Z}_+^n$ так же называют $\{\{c\}\}$ порядком $\{\alpha,\beta\}$

Note 2

8494d24db8b401ab85e8094eb880381

 $\{\{can}$ Многочленом n переменных со значениями в \mathbb{R}^m $\}$ называется $\{\{can}$ отображение $\}$ вида

$$x\mapsto \{\{\mathrm{cl}:: \sum_{lpha} c_{lpha} x^{lpha}, \}\}$$

где ((c2:: $\{c_{lpha}\}\subset\mathbb{R}^m$ — конечное семейство); и ((c5:: $lpha\in\mathbb{Z}_+^n$.))

Note 3

3ac8ca4a2feb446b91d36973c81be6c9

Пусть $p:x\mapsto \sum c_{\alpha}x^{\alpha}$ — многочлен. Если ((e2): $p\not\equiv 0$,)) то ((e3): степенью)) многочлена p называется ((c1):число

$$\max\{|\alpha|:c_{\alpha}\neq 0\}.$$

Note 4

b531da86b4704f8a98fa60c7e92fed4f

Пусть $p:x\mapsto \sum c_{\alpha}x^{\alpha}$ — многочлен. Если ([e2:: $p\equiv 0$,]) то ([e3:: степень)) многочлена p полагают равной ([e1:: $-\infty$.])

Note 5

a810b4eb7a9c412e956ede41dfa9bf20

Пусть $p:x\mapsto \sum c_{\alpha}x^{\alpha}$ — многочлен. ([c2::Степень)] многочлена p обозначается ([c1::

$$\deg p$$
.

Note 6

208b23c3a625454aa756b911bec91ab

Пусть $p:x\mapsto \sum c_{\alpha}x^{\alpha}$ — многочлен. Многочлен p называется ((с2:-однородным,)) если ((с1:-для всех $c_{\alpha}\neq 0$

$$|\alpha| = \deg p$$
.

}}

Пусть $f:E\subset\mathbb{R}^n o\mathbb{R}^m$, {{c4:-}} $a\in {\rm Int}\,E$,}} {{c5::}} $s\in\mathbb{Z}_+$.}} {{c2::}}Mногочлен p степени не выше s,}} для которого {{c1:-}}

$$p(a) = f(a)$$
 u $f(x) = p(x) + o(||x - a||^s), x \to a,$

 $\|$ называется $\| \mathbf{c}_{s} \|$ многочленом Тейлора f порядка s в точке a

Note 8

eb19d56da526470cb6e9080b543d4274

Пусть $f:E\subset\mathbb{R}^n o\mathbb{R}^m,\ a\in\mathrm{Int}\,E,\ s\in\mathbb{Z}_+$. Неда:Многочлен Тейлора f порядка s в точке aн обозначается неда:

$$T_{a,s}f$$
.

Note 9

33573807d4c48759570240ceab80b99

Пусть $f:E\subset\mathbb{R}^n\to\mathbb{R}^m$, $a\in {\rm Int}\, E,s\in\mathbb{Z}_+$. Если $T_{a,s}f$ существует, то он (сл. единственный.)

Note 10

58c9f6950530458f9675a1dbdf0ada74

Пусть $f:E\subset\mathbb{R}^n\to\mathbb{R}^m$, $a\in\mathrm{Int}\,E$, $s\in\mathbb{Z}_+$. Если $T_{a,s}f$ существует, то он единственный. В чём ключевая идея доказательства?

Разность двух многочленов есть $o(\|x-a\|^s), x \to a.$

Note 11

279f256b32fa4f1597e48070542d1328

Пусть p — многочлен (селстепени не выше s,)) ((селе $a \in \mathbb{R}^n$.)) Тогда если

$$p(x) = o(||x - a||^s), \quad x \to a,$$

to {{c1:: $p\equiv 0.$ }}

Пусть p — многочлен степени не выше $s,a\in\mathbb{R}^n$. Тогда если $p(x)=o(\|x-a\|^s)$ при $x\to a$, то $p\equiv 0$. Каков первый шаг в доказательстве?

Рассмотреть два случая: a=0 и $a\neq 0$.

Note 13

lbbbdf10a7154a108f480966e50f47f4

Пусть p — многочлен степени не выше $s,a\in\mathbb{R}^n$. Тогда если $p(x)=o(\|x\|^s)$ при $x\to 0$, то $p\equiv 0$. В чём ключевая идея доказательства?

Разбить p на однородные компоненты и рассмотреть p(tx) как многочлен переменной t.

Note 14

f5bb46b7a1ed4834958c83c4ad14592h

Пусть p — многочлен степени не выше $s,\ a\in\mathbb{R}^n$. Тогда если $p(x)=o(\|x\|^s)$ при $x\to 0$, то $p\equiv 0$. Как представляется многочлен p(tx) в доказательстве?

$$p(tx) = \sum_{k} p_k(x) \cdot t^k,$$

где p_k — однородный многочлен степени k.

Note 15

8d6ee9673c3342a08abd86f26262f4d4

Пусть p — многочлен степени не выше $s,a\in\mathbb{R}^n$. Тогда если $p(x)=o(\|x\|^s)$ при $x\to 0$, то $p\equiv 0$. В доказательстве, что нужно показать про многочлен p(tx)?

$$p(tx) = o(|t|^s)$$
 при $x \to 0$.

Пусть p — многочлен степени не выше $s, a \in \mathbb{R}^n$. Тогда если $p(x) = o(\|x\|^s)$ при $x \to 0$, то $p \equiv 0$. В доказательстве мы получили, что $\sum_k p_k(x) \cdot t^k = o(|t|^s)$ при $t \to 0$. Что дальше?

Применить аналогичную теорему к координатным функциям.

Note 17

833c8cc496364d6fa95263abe312262d

Пусть p — многочлен степени не выше $s,a\in\mathbb{R}^n$. Тогда если $p(x)=o(\|x-a\|^s)$ при $x\to a$, то $p\equiv 0$. В чём ключевая идея доказательства (случай $a\neq 0$)?

$$p(a+h) = o(\|h\|^s)$$
 при $h \to 0$.

Note 18

6fd36ee18228464ca25e12817347ca1

Пусть $f:E\subset\mathbb{R}^n\to\mathbb{R}^m$, $a\in {\rm Int}\,E.$ $T_{a,0}f$ существует пра и только тогда, когдан (клая f непрерывна в точке a.)

Note 19

803bd99b5a65458a8e290e6262c9de9d

Пусть $f:E\subset\mathbb{R}^n\to\mathbb{R}^m$, $a\in {\rm Int}\,E.$ $T_{a,1}f$ существует прави только тогда, когда пределения проференцируем в точке a.

Note 20

2f87c61fe7f54f968db50ac94e832bae

Пусть $f:E\subset\mathbb{R}^n o\mathbb{R}^m$ (c3::s раз дифференцируемо в точке a.)) Тогда если (c2::f и все его частные производные порядка не выше s равны 0 в точке a.)) то (c1::

$$f(a+h) = o(\|h\|^s)$$
 при $h \to 0$.

Пусть $f:E\subset\mathbb{R}^n\to\mathbb{R}^m$ s раз дифференцируемо в точке a. Тогда если f и все его частные производные порядка не выше s равны 0 в точке a, то $f(a+h)=o(\|h\|^s)$ при $h\to 0$. Каков первый шаг в доказательстве?

Рассмотреть два случая: m = 1 и m > 1.

Note 22

5c30a0ff84484046b766901eef5af420

Пусть $f:E\subset\mathbb{R}^n\to\mathbb{R}^m$ s раз дифференцируемо в точке a. Тогда если f и все его частные производные порядка не выше s равны 0 в точке a, то $f(a+h)=o(\|h\|^s)$ при $h\to 0$. В чём ключевая идея доказательства (случай m>1)?

Следует из случая m=1 для координатных функций.

Note 23

82636304ac3c484eb96726ccdc702d46

Пусть $f:E\subset\mathbb{R}^n\to\mathbb{R}^m$ s раз дифференцируемо в точке a. Тогда если f и все его частные производные порядка не выше s равны 0 в точке a, то $f(a+h)=o(\|h\|^s)$ при $h\to 0$. В чём ключевая идея доказательства (случай m=1)?

Индукция по s начиная с s=1.

Note 24

e2a21df035814a499b4289ae94f9ce3b

Пусть $f:E\subset\mathbb{R}^n\to\mathbb{R}^m$ s раз дифференцируемо в точке a. Тогда если f и все его частные производные порядка не выше s равны 0 в точке a, то $f(a+h)=o(\|h\|^s)$ при $h\to 0$. В чём ключевая идея доказательства (случай m=1, база индукции)?

Выразить f(a+h) через дифференциал, а его через производные.

Пусть $f:E\subset\mathbb{R}^n\to\mathbb{R}^m$ s раз дифференцируемо в точке a. Тогда если f и все его частные производные порядка не выше s равны 0 в точке a, то $f(a+h)=o(\|h\|^s)$ при $h\to 0$. В чём ключевая идея доказательства (случай m=1, индукционный переход)?

Индукционное предположение для первых частных производных и формула конечных приращений.

Note 26

440fc6e6c8f44ad2a31f2846aff7b4a

Пусть $f:E\subset\mathbb{R}^n o\mathbb{R}^m$ (c3::s раз дифференцируемо в точке a.:) Тогда

$$\max_{|\alpha| \leq s} T_{a,s} f(x) = \max_{|\alpha| \leq s} \frac{1}{\alpha!} \frac{\partial^{\alpha} f}{\partial x^{\alpha}} (a) (x-a)^{\alpha}.$$

«{{с4::Формула Тейлора-Пеано}}»

Note 27

aeb576d5fa547d7bda0b219d979ee26

Пусть $f:E\subset\mathbb{R}^n o \mathbb{R}^m$ s раз дифференцируемо в точке a. Тогда

$$T_{a,s}f(x) = \sum_{|\alpha| \le s} \frac{1}{\alpha!} \frac{\partial^{\alpha} f}{\partial x^{\alpha}} (a)(x-a)^{\alpha}.$$

В чём ключевая идея доказательства?

$$\frac{\partial^{\alpha}(f-p)}{\partial x^{\alpha}}(a)=0$$
 для $|\alpha|\leqslant s.$

Note 28

e0459301f4f34ae58524dc3c38939440

Пусть $f:E\subset\mathbb{R}^n o\mathbb{R}^m$ ((езеs раз дифференцируемо в точке a.); Тогда

$$\{\{c2::T_{a,s}f(x)\}\}=\{\{c1::\sum_{k=0}^{s}rac{d_{a}^{k}f(x-a)}{k!}.\}\}$$

(в терминах дифференциалов)

Пусть $p:\mathbb{R}^n o \mathbb{R}^m$ — посминогочлен степени не выше $s, n \in \mathbb{R}^n$. Тогда

$$R_{a,s}p(x) = \{\{c1::0.\}\}$$

Note 30

lbe29edc8e4d451e828ecd8e46049315

Пусть $a, b \in \mathbb{R}^n$.

$$\text{\{c2::}\widetilde{\Delta}_{a,b}\text{\}}\overset{\mathrm{def}}{=}\text{\{\{c1::}\Delta_{a,b}\setminus\{a,b\}.\}\}$$

Note 31

e 167a0bd9f704b6c9c7939124e 1af308

Пусть $f:E\subset\mathbb{R}^n o$ (казава дифференцируемо s+1 раз на E,)) (казаa
eq x и $\Delta_{a,x}\subset E$.)) Тогда $\exists c\in$ (каза $\Delta_{a,x}$) для которой

$$\{(c : R_{a,s} f(x))\} = \{(c : \frac{d_c^{s+1} f(x-a)}{(s+1)!}.\}\}$$

«{{с7::Формула Тейлора-Лагранжа}}»

Note 32

41ca37ac01bb45e0a61e5ef62d8970de

Пусть $f:E\subset\mathbb{R}^n\to\mathbb{R}$ дифференцируемо s+1 раз на E, $a\neq x$ и $\Delta_{a,x}\subset E.$ Тогда $\exists c\in\widetilde{\Delta}_{a,x}$ для которой

$$R_{a,s}f(x) = \frac{d_c^{s+1}f(x-a)}{(s+1)!}.$$

В чём ключевая идея доказательства?

Одномерная формула Тейлора-Лагранжа для функции

$$t \mapsto f(a+th).$$

Пусть $f:E\subset\mathbb{R}^n\to\mathbb{R}$ дифференцируемо s+1 раз на E, $a\neq x$ и $\Delta_{a,x}\subset E.$ Тогда

$$\max_{c \in \widetilde{\Delta}_{a,x}} \left| R_{a,s} f(x) \right| \ge \sup_{c \in \widetilde{\Delta}_{a,x}} \frac{\left| d_c^{s+1} f(x-a) \right|}{(s+1)!}. \ge 1$$

Лекция 14.09.22

Note 1

5hfe3eea62cf4923he0h768ada48f104

Пусть $f:E\subset\mathbb{R}^n o\mathbb{R}$ (с.5::дифференцируема на E,)) (с.4:: $a\neq b$ и $\Delta_{a,b}\subset E$.)) Тогда $\exists c\in\{(c2:\widetilde{\Delta}_{a,b})\}$, для которой ((c.1:)

$$f(b) - f(a) = d_c f(b - a).$$

«{{с3::Теорема о среднем}}»

Note 2

13e52abb706d4b2490ad6248608ac691

В чём ключевая идея доказательства теоремы о среднем для функций n вещественных переменных?

Формула Тейлора-Лагранжа для многочлена Тейлора степени ().

Note 3

4772fe28cbb6493b9863306e7b371ceb

Верна ли формула Тейлора-Лагранжа для **отображений** нескольких переменных?

Нет, только для функций.

Note 4

e3d62c0a50b24f098a41c202d267ca75

Пример отображения 2-х переменных, для которого не верна формула Тейлора-Лагранжа.

$$x \mapsto (\cos x, \sin x), \ a = 0, \ b = 2\pi.$$

Note 5

26f3582d133f4c2894e1a02890184d65

Пусть $f:E\subset\mathbb{R}^n o \text{(ICS:}\mathbb{R}^m$)) дифференцируемо s+1 раз на $E,a\neq x$ и $\Delta_{a.x}\subset E.$ Тогда

$$\|R_{a,s}f(x)\| \text{ for } \leq \|C^{s}\| \frac{1}{(s+1)!} \cdot \sup_{c \in \widetilde{\Delta}_{a,x}} \|d_c^{s+1}f(x-a)\| . \text{ for } \|d_c^{s}\| \leq \|C^{s}\| \|d_c^{s}\| \|d_c^{s}$$

«{{с4::Формула Тейлора-Лагранжа для отображений}}»

Пусть $f:E\subset \{\{c^s:\mathbb{R}^n\}\}\to \{\{c^s:\mathbb{R}^m\}\}$ $\{\{c^s:\mathbb{R}^m\}\}$ $\{\{c^s:\mathbb{R}^m\}\}$ $\{\{c^s:\mathbb{R}^m\}\}$ $\{\{c^s:\mathbb{R}^m\}\}$ $\{c^s:\mathbb{R}^m\}$ $\{c^s:\mathbb{R}^m\}$

$$\|R_{a,s}f(x)\| \, \| \leqslant \|c^2\| \frac{M}{(s+1)!} (\sqrt{n} \, \|x-a\|)^{s+1}, \, \|x-a\|^{s+1} + \|c^2\| \|$$

где

$$M = \max_{|\alpha| = s+1} \sup_{c \in \widetilde{\Delta}_{a,x}} \|\partial^{\alpha} f(c)\| < +\infty.$$

$$(\alpha \in \mathbb{Z}_+^n)$$

Note 7

785a0606f4ba4f8982e917a94bd795a4

Будем записывать элементы \mathbb{R}^{n+m} в виде $\{(x,y), y\}$ где $x\in\{(\mathbb{R}^n)\}, y\in\{(\mathbb{R}^n)\}$.

Note 8

0dc937ef2a384d4187a878487bec114

Пусть $f:E\subset \{\text{(c4::}\mathbb{R}^{n+m}\}\} \to \{\text{(c4::}\mathbb{R}^m\}\}$ и существует $\psi:\{\text{(c3::}\mathbb{R}^n\}\}\to \{\text{(c3::}\mathbb{R}^m\}\}$ такая, что $\{\text{(c2::}$

$$f(x,y) = 0 \iff y = \psi(x),$$

)) то ψ называют (спенеявным отображением, порождённым уравнением f(x,y)=0.))

Note 9

142e9f4e8b2b46f2adbaafa498f6208b

Пусть $f:E\subset\mathbb{R}^{n+m}\to\mathbb{R}^m$ дифференцируемо в точке a. Тогда в контексте теоремы о неявном отображении, порождённом уравнением f(x,y)=0,

$$f_x'(a)\coloneqq ext{(clii}\left[rac{\partial f_i}{\partial x_j}(a)
ight]$$
)} \sim {{clii} $m imes n.$ }

Пусть $f:E\subset\mathbb{R}^{n+m}\to\mathbb{R}^m$ дифференцируемо в точке a. Тогда в контексте теоремы о неявном отображении, порождённом уравнением f(x,y)=0,

$$f_y'(a)\coloneqq \{\{\mathrm{cli}:\left[rac{\partial f_i}{\partial y_j}(a)
ight]\}\}\sim \{\{\mathrm{cli}:m imes m.\}\}$$

Note 11

0d54b2d03b084afebb7c5cc072280a39

Пусть $f:E\subset \{\mathrm{C4}:\mathbb{R}^{n+m}\}\to \{\mathrm{C4}:\mathbb{R}^m\}$, $\{\mathrm{C5}:f\in C^s(E).\}$ Тогда если $\{\mathrm{C1}:$

$$f(x_0, y_0) = 0$$
 u $\det f'_u(x^0, y^0) \neq 0$,

 $_{\mathbb{N}}$ то существуют такие {{c2::}} $\delta>0$ и $\psi\in C^s(V_{\delta}(x^0))$,}} что

$$\{(c3):f(x,y)=0\iff y=\psi(x)\}\}$$
 $orall (x,y)\in\{(c3):V_{\delta}(x_0,y_0).\}\}$

«{{с6::Теорема о неявном отображении}}»

Note 12

5891b9dc6bf94339a65fafd5858d8186

Отображение ψ , введённое в теореме о неявном отображении называется пенеявным отображением, порождённым уравнением f(x,y)=0 в окрестности точки (x^0,y^0) .

Note 13

d2223a858b21419e921d5878682e3338

В чём основная идея доказательства теоремы о неявном отображении (интуитивно)?

$$d_a f(x - x^0, y - y^0) = o(||h||) \implies d_a f(\dots) = 0.$$

Note 14

dd7bb23f22a042dab6dacf623aca0455

Пусть $f:E\subset\mathbb{R}^{n+m}\to\mathbb{R}^m,\;(x^0,y^0)\in E.$ Если (се: в окрестности точки (x^0,y^0) уравнение f(x,y)=0 порождает неявную функцию,)) то f называется (се: локально разрешимым в точке (x^0,y^0) .)

Пусть $f:E\subset\mathbb{R}^{n+m} o\mathbb{R}^m$. Если (c2::f локально разрешимо в любой точке E,)) то f называется (c1::локально разрешимым на E.)

Лекция 21.09.22

Note 1

134affe9da3e443d839f4a7d6af1b180

Чем определение экстремума для функций n вещественных переменных отличается от такового для одномерных функций?

Ничем.

Note 2

2efcc79ba51544848aacbd7da7dfa4b1

В определении экстремума функции n вещественных переменных, для каких x требуется выполнение соответствующего неравенства?

 $\forall x \in \dot{V}_{\delta}(a) \cap D(f).$

Note 3

27a6b8777b9b4bb9919dcfa31d963432

«с2::Тождественно нулевой оператор» обозначается «с1::О.»

Note 4

43fd5e0b1a8b410a887c991151fac7e0

Пусть $f:E\subset \{(-4...\mathbb{R}^n)\}\to \{(-4...\mathbb{R})\}$ $\{(-4...\mathbb{R})\}$ $\{(-4...\mathbb{R})\}$ $\{(-4...\mathbb{R})\}$ $\{(-4...\mathbb{R})\}$ то $\{(-4...\mathbb{R})\}$ то $\{(-4...\mathbb{R})\}$ то $\{(-4...\mathbb{R})\}$

Note 5

834aecf3894642098d0ddc0256091117

Пусть $f:E\subset\mathbb{R}^n\to\mathbb{R}$ дифференцируема в точке a. Если a является точкой экстремума, то $d_af\equiv 0.$

«{{с1::Необходимое условие экстремума}}»

Note 6

e5cfde8512814dbbaed4676461636b0d

Пусть $f:E\subset\mathbb{R}^n o\mathbb{R}$ (казадифференцируема в точке a.)) Точку a называют (казадионарной для f,)) если (каза $d_af\equiv 0$.))

В чём ключевая идея доказательства необходимого условия экстремума для функций n вещественных переменных?

Рассмотреть функции $t \mapsto f(a + te^k)$.

Note 8

02b9316ee1f84262ae08eebecbe71c2b

В доказательстве необходимого условия экстремума для функций n вещественных переменных, мы положили

$$F_k(t) = f(a + te^k).$$

Что нужно показать про функцию F_k ?

0 — точка экстремума F_k и рассмотреть $F_k'(0)$.

Note 9

c6b1873ffe44cc48c87520ef5bf2f1

Какие случаи не охватываются необходимым условием экстремума?

Когда дифференциал сохраняет знак, но не является положительно или отрицательно определённым.

Note 10

091dad1735594dfa8923e46c5a461ab0

Пусть $f:E\subset\mathbb{R}^n o\mathbb{R}$ ((cd): Дважды дифференцируема в точке a,)) ((cd): $d_af\equiv 0$.)) Тогда если ((cd): d_a^2f положительно определён,)) то ((cd): a — точка строгого минимума f.))

Note 11

a87f168ae18d4f65b7595866b9407e8d

Пусть $f:E\subset\mathbb{R}^n\to\mathbb{R}$ дважды дифференцируема в точке $a,\,d_af\equiv 0.$ Тогда если $\{(c2)d_a^2f$ отрицательно определён,(f) то $((c1)d_a-f)$ точка строгого максимума f.

Пусть $f:E\subset\mathbb{R}^n o\mathbb{R}$ дважды дифференцируема в точке a, $d_af\equiv 0$. Тогда если $\{(ca)d_a^2f$ принимает как положительные, так и отрицательные значения, $((ca)d_a^2f$ не имеет экстремума в точке a. $((ca)d_a^2f)$

Note 13

41fccd97c432427e893b7c1e3b850374

Пусть $f:E\subset\mathbb{R}^n\to \text{(са-}\mathbb{R}\text{)}$ (са-дважды дифференцируема в точке a.)) (са-Матрица квадратичной формы d_a^2f)) называется (са-матрицей Гессе f в точке a.))

Note 14

36db8ae7809a4dcbb6f350f51ca0a54

Пусть $f:E\subset\mathbb{R}^n o\mathbb{R}$ дважды дифференцируема в точке a. «еде-Матрица Гессе f в точке A» обозначается «еде-H(f).»

Note 15

5ffaf8568eaa4a8fbb3815c215d20c2

Пусть $f:E\subset\mathbb{R}^n o\mathbb{R}$ дважды дифференцируема в точке a. Педе-Матрица Гессе f в точке a. Педе-Матрица Гессе

$$\left[\text{(c1::}\frac{\partial^2 f}{\partial x_i \partial x_j}\text{))}\right] \sim \text{((c1::}n \times n.\text{))}$$

Note 16

56bf1e23f53c4cae8d62101295cb0a9b

Пусть $f:E\subset\{\mathbb{R}^2\}\to\{\mathbb{R}^2\}$ дважды дифференцируема в точке $a,\{\mathbb{R}^2:B=0\}$ Тогда если $\{\mathbb{R}^2:\det H(f)<0\}$ то $\{\mathbb{R}^2:F\}$ не имеет экстремума в точке $a.\}$

Note 17

b78c95a2236a4edf964b8e2a29238dac

Пусть $f:E\subset\mathbb{R}^2\to\mathbb{R}$ дважды дифференцируема в точке a, $d_af\equiv 0$. Тогда если $\det H(f)<0$, то f не имеет экстремума в точке a. В чём ключевая идея доказательства?

Зафиксировать одну компоненту приращения $d_a^2 f$ и показать, что он принимает как положительные, так и отрицательные значения.

 $\{(c)$ Дополнительные равенства, которым должны удовлетворять точки из области определения $f_{\|}$ в определении понятия условного экстремума называются $\{(c)\}$ уравнениями связи.

Note 19

7dc4fe4c435946a091efc32d6a120ec1

Пусть $f:E\subset\mathbb{R}^n o\mathbb{R}$, ((c4: $\Phi:E o\mathbb{R}^m$,)) $a\in E$, ((c4: m< n.)) Если ((c1: a является точкой экстремума сужения f на множество

$$\{x \in E \mid \Phi(x) = 0\},\$$

 $_{\|}$ то a называется $_{\|car}$ точкой условного экстремума f, подчинённого уравнениям связи $\Phi(x)=0.$

Note 20

efdc5b1690a340499b26b776ada24e98

Точку условного экстремума так же называют (клаточкой относительного экстремума.))