Лекция 07.02.22

Note 1

662fhe59ca984f5h820ad1041f1eh840

$$f(x) = p(x) + o((x - a)^n),$$

$$f(a) = p(a),$$

) называется (і многочленом Тейлора функции f порядка n в точке a.)

Note 2

738279ec323b45e29a170a4e41b4bce0

Если многочлен Тейлора функции f порядка n в точке a существует, то $\mathfrak p$ он единственен.

Note 3

8f605243b193465799ba06e1576d171

В чём ключевая идея доказательства единственности многочлена Тейлора?

Пусть коэффициент r_m при $(x-a)^m$ — первый ненулевой коэффициент в многочлене p-q. Тогда

$$\frac{p-q}{(x-a)^m} \xrightarrow[x\to a]{} r_m,$$

но при этом

$$\frac{p-q}{(x-a)^m} = o((x-a)^{n-m}) \underset{x \to a}{\longrightarrow} 0 \implies r_m = 0.$$

Note 4

f4110a9b63c640be96d810d835d0d1fd

 \mathbb{R}^2 Многочлен Тейлора функции f порядка n в точке a_0 обозначается $(1,T_{a,n}f_{-1})$

« В Формула Тейлора для многочленов »

Пусть $p-\wp$ многочлен степени не более n., Тогда \wp

$$p(x) = \sum_{k=0}^{n} \frac{p^{(k)}(a)}{k!} (x - a)^{k}.$$

Note 6

97c12315facb454e987cb94fae99be75

$$|f(x)|_{x=a} \stackrel{\text{def}}{=} \{1f(a).\}$$

Note 7

cf7e5ab30b564c139557fd0a940f8204

$$\left((x-a)^k \right)^{(n)} \Big|_{x=a} = \left\{ \begin{cases} 0, & n \neq k, \\ n!, & n = k. \end{cases} \right\}$$

Note 8

9b6c61f4867142bea860ca4d00c07174

В чем основная идея доказательства истинности формулы Тейлора для многочленов?

Записать p(x) с неопределенными коэффициентами и вычислить $p^{(k)}(a)$ для $k=0,1,2,\ldots,n$.

Note 9

7597b782ce5f4e92998cc6445ce6f40e

«В Свойство п раз дифференцируемой функции»

Пусть $\{a : D \subset \mathbb{R} \to \mathbb{R}, a \in D \text{ и} \}$

$$f(a) = f'(a) = \dots = f^{(n)}(a) = 0.$$

 $_1$ Тогда (г $f(x)=o((x-a)^n), x o a$.)

«Определение o-малого в терминах ε, δ .»

Пусть $f,g:D\subset\mathbb{R} o\mathbb{R},$ a — предельная точка D. Тогда

$$\begin{split} f(x) &= o(g(x)), \quad x \to a \iff \\ \forall \varepsilon &> 0 \quad \exists \delta > 0 \quad \forall x \in D \cap \dot{V}_{\delta}(a) \quad |f(x)| \leqslant \varepsilon |g(x)|. \end{split}$$

Note 11

b7ddf1bbcdf84c769dd7b409e5be494d

Какой метод используется в доказательстве свойства n-раз дифференцируемой функции?

Индукция по n.

Note 12

f04179797fd64614827341d42561634

Какова основная идея в доказательстве свойства n-раз дифференцируемой функции (базовый случай)?

Подставить f(a) = f'(a) = 0 в определение дифференцируемости.

Note 13

7a10e93958724ee6b93bc1637a13773f

Каков первый шаг в доказательстве свойства n-раз дифференцируемой функции (индукционный переход)?

Заметить, что из индукционного предположения

$$f'(x) = o((x-a)^n)$$

и расписать это равенство в терминах $\varepsilon, \delta.$

Какие ограничения накладываются на δ в доказательстве свойства n-раз дифференцируемой функции (индукционный переход)?

 $V_{\delta}(a) \cap D$ есть невырожденный промежуток.

Note 15

2506d5781f234e13a94358880699831a

Почему в доказательстве свойства n-раз дифференцируемой функции (индукционный переход) мы можем сказать, что $\exists \delta>0$ такой, что $V_\delta(a)\cap D$ есть невырожденный отрезок?

По определению дифференцируемости функции.

Note 16

73ed2cdbb8b444ce991d587d9ed279e

В чем ключевая идея доказательства свойства n-раз дифференцируемой функции (индукционный переход)?

Выразить $f(x) = f'(c) \cdot (x-a)$ по симметричной формуле конечных приращений и показать, что $|f'(c)| < \varepsilon |x-a|^n$.

Note 17

a08796d96ad841bd91a8e7daaab1857d

Откуда следует, что $|f'(c)|<\varepsilon|x-a|^n$ в доказательстве свойства n-раз дифференцируемой функции (индукционный переход)?

$$|c-a| < \delta \implies |f'(c)| < \varepsilon |c-a|^n < \varepsilon |x-a|^n$$

Note 18

957fd9747bd84545bd6b1cca723d72ba

Пусть
$$f:D\subset\mathbb{R} o\mathbb{R}, a\in D, n\in\mathbb{N}, p f(a)=0,$$
 $f'(x)=o((x-a)^n), \quad x o a.$

Tогда
$$f(x) = \{o((x-a)^{n+1}), x \to a\}$$

«« Формула Тейлора-Пеано »

Пусть $\{a, f: D \subset R \to \mathbb{R} \text{ и } f \text{ } n \text{ раз дифференцируема в точке } a.$) Тогда (1

$$f(x) = \sum_{k=0}^{n} \frac{f^{(k)}(a)}{k!} (x-a)^{k} + o((x-a)^{n}).$$

}

Note 1

bf65c72c3374838aacaa626da8a3a4d

Каков первый шаг в доказательстве истинности формулы Тейлора-Пеано?

Обозначить через p(x) многочлен в формуле:

$$f(x) = \underbrace{\sum_{k=0}^{n} \frac{f^{(k)}(a)}{k!} (x-a)^{k}}_{p(x)} + o((x-a)^{n}).$$

Note 2

6f41684761ec41308bf9f95619ec1849

Чему для $k\leqslant n$ равна $p^{(k)}(a)$ в доказательстве истинности формулы Тейлора-Пеано?

$$p^{(k)}(a) = f^{(k)}(a).$$

Note 3

72455c0671414c80aca4c9ef2ba63d44

В чем основная идея доказательства истинности формулы Тейлора-Пеано?

По свойству n раз дифференцируемой функции $f(x)-p(x)=o((x-a)^n).$

Note 4

db6e4a55afed4c5d95a38869cf9d2e00

Что позволяет применить свойство n раз дифференцируемой функции в доказательстве формулы Тейлора-Пеано?

$$\forall k \leqslant n \quad (f(x) - p(x))^{(k)} \Big|_{x=a} = 0$$

$$\{a\Delta_{a,b}\}\stackrel{\mathrm{def}}{=} \{a\in\{[a,b],\quad a\leqslant b,\ [b,a],\quad a\geqslant b.\}$$

Note 6

9755fb6343494fa9b0034b4542e518d3

$$ilde{\mathbb{E}}\widetilde{\Delta}_{a,b} \stackrel{ ext{def}}{=} \{ egin{aligned} (a,b), & a < b, \ (b,a), & a > b. \end{aligned} \}$$

Note 7

dbb25fcd6e834aa2ae54ec6ddc0c6787

$$\{2R_{a,n}f\}\stackrel{\mathrm{def}}{=}\{1f-T_{a,n}f\}$$

Note 8

0d92b12a18f34554a0251578aa811b7f

«в Формула Тейлора-Лагранжав»

Пусть $f:D\subset\mathbb{R}\to\mathbb{R},\quad a,x\in\mathbb{R},a\neq x,\quad \text{\mathbb{R} }f\in C^n(\Delta_{a,x}),$ $f^{(n)}$ дифференцируема на $\widetilde{\Delta}_{a,x}$. Тогда н найдется $c\in\widetilde{\Delta}_{a,x}$, для которой

$$f(x) = T_{a,n}f(x) + \frac{f^{(n+1)}(c)}{(n+1)!}(x-a)^{n+1}.$$

Note 9

f9314b4b0e184f52826c8f740c873e21

При n=0 формула Тейлора-Лагранжа эквивалентна п теореме Лагранжа.

Note 10

5fe508cfd3c445c4b15093e8d2c8c504

В чем основная идея доказательства истинности формулы Тейлора-Лагранжа?

Вычислить производную функции $F(t) = R_{t,n} f(x)$ и найти точку c по теореме Коши.

Для каких t определяется функция F(t) в доказательстве истинности формулы Тейлора-Лагранжа?

$$t \in \Delta_{a,x}$$
.

Note 12

a4f7e43161cc4c9fb58ac7a250610c50

Для каких t вычисляется F'(t) в доказательстве истинности формулы Тейлора-Лагранжа?

$$t \in \widetilde{\Delta}_{a,x}$$
.

Note 13

73e4df5e1b074010a95ee5dbe045833

К каким функциям применяется теорема Коши в доказательстве истинности формулы Тейлора-Лагранжа?

К
$$F(t)$$
 и $\varphi(t) = (x - t)^{n+1}$.

Note 14

b1d63dae062e4a438ceb891f94a33e96

К каким точкам применяется теорема Коши в доказательстве истинности формулы Тейлора-Лагранжа?

К границам отрезка $\Delta_{a,x}$.

Note 15

b8f3f99b66794d59b6fa546eb06d7fb3

Какое неявное условие позволяет применить теорему коши к функциям F(t) и $\varphi(t)$ с точках a и x?

$$F(x) = 0, \quad \varphi(x) = 0.$$

По формуле Тейлора-Пиано при $x \to 0$

$$\{e^x\} = \{\sum_{k=0}^n \frac{x^k}{k!} + o(x^n).\}$$

Note 17

70a13102af174271b95762b24e6b1169

По формуле Тейлора-Пиано при $x \to 0$

$$\log \sin x = \log \sum_{k=0}^{n} (-1)^k \frac{x^{2k+1}}{(2k+1)!} + o(x^{2n+2})$$
 .

Note 18

0c528f645b0741ef90f268989f7701eb

По формуле Тейлора-Пиано при $x \to 0$

$$\log \cos x$$
 = $\log \sum_{k=0}^{n} (-1)^k \frac{x^{2k}}{(2k)!} + o(x^{2n+1})$.

Note 19

90ff22c33f67493fae3fa800e93905f4

По формуле Тейлора-Пиано при x o 0

$$\log \ln (1+x) = \log \sum_{k=1}^n (-1)^{k-1} rac{x^k}{k} + o(x^n) \, .$$

Note 20

aaf8ef38d3bb409baf7c7fcc1df14f48

© Обобщённый биномиальный коэффициент задаётся формулой

$$C_{\alpha}^{k} = \left\{1 \frac{\alpha(\alpha-1)\cdots(\alpha-k+1)}{k!}\right\}, \quad \alpha \in \left\{2\mathbb{R}\right\}.$$

По формуле Тейлора-Пиано при $x \to 0$

$$\displaystyle \left\langle e(1+x)^{lpha} \right
angle = \left\langle e\sum_{k=0}^n C_{lpha}^k x^k + o(x^n) \right\rangle,$$

Note 22

h36h5f5a2h04e44h4d5h13d2278ff40

Формулу Тейлора-Пеано для $(1+x)^{\alpha}$ называют α биномиальным разложением.

Note 23

c766c427b7e44be8a2e40e872ec7dd2b

$$C_{-1}^k = (-1)^k$$
.

Note 24

82717b22134b4f66b014c17df3ba337c

По формуле Тейлора-Пиано при $x \to 0$

$$\{x^2(1+x)^{-1}\} = \{x \sum_{k=0}^n (-1)^k x^k + o(x^n) \}$$

Note 25

7d3d35d9fch344458f0d82ed7h2d940f

Пусть β функция f удовлетворяет условиям для разложения по формуле Тейлора-Лагранжа. β Тогда если β

$$\forall t \in \widetilde{\Delta}_{a,x} \quad |f^{(n+1)}(t)| \leqslant M,$$

} TO {1

$$|R_{a,n}f(x)| \le \frac{M|x-a|^{n+1}}{(n+1)!}.$$

Семинар 17.02.22

Note 1

05fh49aahf444h3daf73947c33hf8f10

$$\int x^n\ dx = \frac{x^{n+1}}{n+1} + C_{\mathbb{N}}, \quad (2n \neq -1_{\mathbb{N}}).$$

Note 2

3eae90c7fe9944e6a9d07784205f0d1d

$$\int \frac{1}{x} \, dx = \ln|x| + C_1.$$

Note 3

af533d11b4c2421baaad26c4fca61b2a

$$\int \frac{1}{1-x^2} dx = \frac{1}{2} \ln \left| \frac{1+x}{1-x} \right| + C_1.$$

Note 4

8939h90686dc43ae81c37c01fa728294

$$\int \frac{1}{\sqrt{x^2 \pm 1}} \, dx = \ln|x + \sqrt{x^2 \pm 1}| + C_1.$$

Note 5

709b5fa5f404426ea7b67b17dc16f830

$$\int a^x \, dx = \left(\frac{a^x}{\ln a} + C\right).$$

Лекция 18.02.22

Note 1

b55d92bf361d4e31b5e60975656b3fb4

« Б Критерий возрастания функции на промежутке В

Пусть $\{f \in C\langle A,B \rangle$ и дифференцируема на (A,B)., Тогда

•
$$\{x \in A, B\}$$
 $\{x \in A, B\}$ $\{x \in A, B\}$ $\{x \in A, B\}$

Note 2

eb69e8bd92104c0ab3b235de95941521

Каков основной шаг в доказательстве критерия возрастания функции на промежутке (необходимость)?

Показать, что произвольное разностное отношение неотрицательно.

Note 3

7d9850f850c2465aa217f34c4dbd1a66

Каков основной шаг в доказательстве критерия возрастания функции на промежутке (достаточность)?

Выразить для a < b разность f(b) - f(a) через формулу конечных приращений.

Note 4

63e919dff3ba4ea282cb06d25b445300

« Достаточное условие строгого убывания функции на промежутке »

Пусть $\mathbf{q} \ f \in C\langle A,B \rangle$ и дифференцируема на (A,B).
 Тогда

•
$$\{x \in A, B\}$$
 на $\{A, B\}$ н

Note 5

0e1b8bb37eca4c29af2ca084fcedc196

Каков основной шаг в доказательстве достаточного условия строгого возрастания функции на промежутке? Выразить для a < b разность f(b) - f(a) через формулу конечных приращений.

Note 6

2e3edf0757ba4f72bbdbb5b66dca690d

« Б Критерий постоянства функции на промежутке В

Пусть $\{f \in C\langle A,B \rangle$ и дифференцируема на (A,B). Тогда

• $\{a, B\}$. $\{$

Note 7

036d705ddhe49h6814f53a6ad2h93f9

Каков основной шаг в доказательстве критерия постоянства функции на промежутке (достаточность)?

Выразить для a < b разность f(b) - f(a) через формулу конечных приращений.

Note 8

2dfd421d331745a0a8b2da63493d1b4f

Пусть β $f,g\in C[A,B\rangle$ и дифференцируемы на (A,B). Тогда Если β f(A)=g(A) и

$$f'(x) > g'(x) \quad \forall x \in (A, B),$$

} TO {1

$$f(x) > g(x) \quad \forall x \in (A, B).$$

Note 9

e2c4b9fb4f4147a3bf25e2ab97a3e24

Пусть в $f,g\in C\langle A,B]$ и дифференцируемы на (A,B). Тогда Если в f(B)=g(B) и

$$f'(x) < g'(x) \quad \forall x \in (A, B),$$

} TO {1

$$f(x) > g(x) \quad \forall x \in \langle A, B \rangle.$$

}

Пусть $f:D\subset\mathbb{R}\to\mathbb{R}, a\in D$. Тогда точка a называется раточкой максимума функции f_β если ра

$$\exists \delta > 0 \quad \forall x \in \dot{V}_{\delta}(a) \cap D \quad f(x) \leqslant f(a).$$

}

Note 11

a89063cdc4a34df7aa891ad50a98d0a8

Пусть $f:D\subset\mathbb{R}\to\mathbb{R}, a\in D$. Тогда точка a называется раточкой строгого максимума функции f, если ра

$$\exists \delta > 0 \quad \forall x \in \dot{V}_{\delta}(a) \cap D \quad f(x) < f(a).$$

}

Note 12

0c2db077ea274453a5c14d982fe1c571

Пусть $f:D\subset\mathbb{R}\to\mathbb{R}, a\in D.$ Тогда точка a называется раточкой минимума функции f, если ра

$$\exists \delta > 0 \quad \forall x \in \dot{V}_{\delta}(a) \cap D \quad f(x) \geqslant f(a).$$

}

Note 13

3bc6223309d34118a582302414c9632e

Пусть $f:D\subset\mathbb{R}\to\mathbb{R}, a\in D.$ Тогда точка a называется раточкой строгого минимума функции f, если ра

$$\exists \delta > 0 \quad \forall x \in \dot{V}_{\delta}(a) \cap D \quad f(x) > f(a).$$

}

Note 14

a1e964e24fc6456ca0a297c008405c34

Если $\{a\}$ точка a является точкой минимума или максимума функции f, то a называется $\{a\}$ точкой экстремума f.

«в Необходимое условие экстремума»

Пусть $\{a, B\} \to \mathbb{R}, a \in (A, B), f$ дифференцируема в точке a., Тогда $\{a\}$ если a является точкой экстремума f, то f'(a)=0.

Note 16

acfe3357868e41809070b12ea6034081

Каков основной шаг в доказательстве необходимого условия экстремума?

Применить теорему Ферма к $f|_{[a-\delta,a+\delta]}$ для δ из определения экстремума.

Note 17

96502706cad4449ab9ac44074765a384

Точка a называется \uppha стационарной точкой функции f , если

$$f'(a) = 0.$$

Note 18

99ca6c71ff484416941c4e10086ca6ea

Пусть $f:\langle A,B\rangle \to \mathbb{R}$. Тогда п точка $a\in (A,B)$ называется в критической точкой, если плибо a стационарна для f, либо f не дифференцируема в точке a.

Note 19

40f1ebf761e14f5ba885b2276d64dae7

Пусть $f:\langle A,B\rangle \to \mathbb{R}$. Тогда все $\{a$ точки экстремума f, принадлежащие (A,B), лежат в $\{a\}$ множестве её критических точек.

Note 20

e8adcc7d8b474840907e72b38014fcdc

Пусть $f \in C[a,b]$. Тогда

is
$$\max f([a,b]) = \max \left\{ f(a), f(b), \max f(C) \right\}$$
 , if

где $C-{\scriptscriptstyle \{2\}}$ множество критических точек $f.{\scriptscriptstyle \{\}}$

« \upmu 4 Достаточное условие экстремума в терминах $f'\upmath{\mbox{\limbda}}$ »

Пусть $\beta:\langle A,B\rangle\to\mathbb{R},\,a\in(A,B),\,f$ непрерывна в точке a и дифференцируема на $\dot{V}_\delta(a),\,\delta>0$.) Если β

$$\operatorname{sgn} f'(x) = \operatorname{sgn}(a - x) \quad \forall x \in \dot{V}_{\delta}(a),$$

 $_{
m 1}$ то $_{
m 12}$ a — точка строго максимума $f_{
m 13}$

Note 22

1b1674e5941040ee87e83073a1a0d57b

«Достаточное условие экстремума в терминах f'»

Пусть $f:\langle A,B\rangle \to \mathbb{R},\, a\in (A,B),\, f$ непрерывна в точке a и дифференцируема на $\dot{V}_{\delta}(a),\, \delta>0.$ Если ${}_{\Box}$

$$\operatorname{sgn} f'(x) = \operatorname{sgn}(x - a) \quad \forall x \in \dot{V}_{\delta}(a),$$

 $_1$ то $_2$ a — точка строго минимума $f_{\cdot 1}$

Лекция 21.02.22

Note 1

4d119e495cf043019ed8ee01f9a7957a

« ${}_{[4}$ Достаточное условие экстремума в терминах f'' ${}_{]}$ »

Пусть в $f:\langle A,B\rangle \to \mathbb{R}, a\in (A,B), f''$ определена в точке a,f'(a)=0. Тогда если в f''(a)>0, то в a- точка строгого минимума f.

Note 2

8h71055f7eh427f8226h47df9ed1e05

«Достаточное условие экстремума в терминах f'' »

Пусть $f:\langle A,B\rangle\to\mathbb{R}, a\in(A,B),$ f'' определена в точке a, f'(a)=0. Тогда если п f''(a)<0, то a — точка строгого максимума f.

Note 3

5e0ea19ce2b043c693e2cbc7752fcaf1

Каков первый шаг в доказательстве достаточного условия экстремума в терминах f''?

Выразить f(x)-f(a) по формуле Тейлора-Пиано с

$$o((x-a)^2).$$

Note 4

3124302c512c44bfac961f48e231e1cc

В чем основная идея доказательства достаточного условия экстремума в терминах f''?

Вынести в формуле Тейлора-Пиано $\frac{f''(x)}{2}(x-a)^2$ за скобки, далее по теореме о стабилизации функции.

Note 5

bb068aa42bfe43deb084eaa739cd08c6

« [5 Связь экстремума со старшими производными]»

Пусть
$$\{f:\langle A,B\rangle o\mathbb{R},a\in(A,B),\mathbb{R}\}$$

$$f'(a)=f''(a)=\cdots=f^{(n-1)}(a)=0,$$

$$f^{(n)}(a)\neq0.$$

 $_1$ Тогда если $_2$ n нечётно, $_1$ то $_4$ f не имеет экстремума в точке a.

Note 6

b8ec49e21174443588a98b2e5c8cc032

«Связь экстремума со старшими производными»

Пусть $f: \langle A, B \rangle \to \mathbb{R}, a \in (A, B)$,

$$f'(a) = f''(a) = \dots = f^{(n-1)}(a) = 0,$$

 $f^{(n)}(a) \neq 0.$

Тогда если 2n чётно, 4n то достаточное условие аналогично достаточному условию в терминах f''.

Note 7

d2426d6723fd4c20966bd4397dce3eb3

«в Теорема Дарбу»

Пусть $\{a, f\}$ дифференцируема на $\langle A, B \rangle$, $a, b \in \langle A, B \rangle$,

$$f'(a) < 0, \quad f'(b) > 0.$$

 $\exists c \in (a,b) \quad f'(c) = 0.$

Note 8

13152412fd6f41e984fc4a4e96521633

В чем основная идея доказательства теоремы Дарбу?

По теореме Вейерштрасса существует точка минимума *с*, далее по теореме Ферма.

Note 9

b0b7d5c649bf4839bde1e90102df6405

Что позволяет применить теорему Ферма в доказательстве теоремы Дарбу?

c — внутренняя точка промежутка (a,b).

Note 10

d480b573cf054a67a6bf5596881b0afl

Как в доказательстве теорему Дарбу показать, что c не лежит на границе [a,b]?

Расписать f'(a) через правосторонний предел и показать, что a — не локальный минимум. Аналогично для b

Note 11

oc1402d472ba422ea18b051e2a0615c4

Пусть β f дифференцируема на $\langle A,B\rangle$. Если β

$$f'(x) \neq 0 \quad \forall x \in \langle A, B \rangle,$$

 $_1$ то $_4$ f строго монотонна на $\langle A,B
angle$.

Note 12

29cdd0f22c346cab64fe288db3fbdb8

В чем основная идея доказательства следствия о монотонности функции с ненулевой производной?

Доказать от противного, что f' не меняет знак на $\langle A,B \rangle$. Далее по достаточному условию строгой монотонности.

Note 13

9fc77ac828a342f885c48ee472c09734

« Следствие из теорему Дарбу о сохранении промежутка.)»

пусть f дифференцируема на $\langle A,B \rangle$. Тогда $f'(\langle A,B \rangle)$ — промежуток,

Note 14

56d20a83493a46d1ac834fec9f4ebdef

В чем основная идея доказательства следствия из теоремы Дарбу о сохранении промежутка?

Показать, что для любых $a,b \in \langle A,B \rangle$

$$[f'(a), f'(b)] \subset f'(\langle A, B \rangle).$$

Какое упрощение принимается (для определённости) для точек $a,b\in \langle A,B\rangle$ в доказательстве следствия из теоремы Дарбу о сохранении промежутка?

$$f'(a) \leqslant f'(b)$$
.

Note 16

9ee92cbcb63b46e78fe63b31bbf7f924

Как в доказательстве следствия из теоремы Дарбу о сохранении промежутка показать, что

$$\forall y \in (f'(a), f'(b)) \quad y \in f(\langle A, B \rangle)?$$

Применить теорему Дарбу к функции

$$F(x) = f(x) - y \cdot x$$

в точках a и b.

Note 17

3c1144d31e264164b099479d41f9abe3

« Следствие из теорему Дарбу о скачках производной. »

пусть f дифференцируема на $\langle A,B\rangle$. Тогда функция f' не имеет скачков на $\langle A,B\rangle$.

Note 18

f94b4bdf90b14fa0a4256a492cf742a5

В чем основная идея доказательства следствия из теоремы Дарбу о скачках производной? ТООО