# Лекция 08.02.23

## Note 1

5827h1592ce43c89ch6h0ced3h4d31f

Что называют точкой единственности нормальной системы ОДУ?

Точку, в которой любые два решения совпадают в какойто окрестности.

## Note 2

2ea8ea4d05724302a63c54bc0da567d3

Что называют областью единственности нормальной системы ОДУ?

Множество, каждая точка которого является точкой единственности.

#### Note 3

d01750d4171240d29b0a0cd7c3d3c529

Как называется множество, каждая точка которого является точкой единственности нормальной системы ОДУ?

Область единственности.

## Note 4

4d1523d66ab844aa9b0704cc711c3417

Какой объект рассматривается в лемме Гронуолла?

Вещественная функция, непрерывная на промежутке.

#### Note 5

543b9220dd454bd9924332527fd9daf3

При каком условии мы можем что-либо заключить из леммы Гронуолла?

Функция неотрицательна и удовлетворяет верхней оценке специального вида.

Какая верхняя оценка рассматривается в условии леммы Гронуолла для функции u(x)?

$$u(x) \leqslant \lambda + \mu \left| \int_{x_0}^x u \right|.$$

#### Note 7

l9166e03442c40348858cea60c552e7b

Что мы заключаем из леммы Гронуолла при

$$0 \leqslant u(x) \leqslant \lambda + \mu \left| \int_{x_0}^x u \right| ?$$

Функция мажорируется  $\lambda e^{\mu|x-x_0|}$ 

## Note 8

d0ac7971eb0848c5945bd44448c69ed2

Как называется утверждение, дающее верхнюю оценку значению функции, удовлетворяющей неравенству

$$0 \leqslant u(x) \leqslant \lambda + \mu \left| \int_{x_0}^x u \right| ?$$

Лемма Гронуолла.

## Note 9

027057804d3h47cda81edd42af57dd3:

Каков первый шаг в доказательстве леммы Гронуолла?

Не умаляя общности,  $x > x_0$ .

## Note 10

a1c68ab3f1ae4bdbbee93390da3a3de

В чём основная идея доказательства леммы Гронуолла?

Продифференцировать правую часть и получить для неё рекуррентное неравенство.

В доказательстве леммы Гронуолла, что делать с

$$F'(x) \leqslant \mu F(x)$$
,

где F(x) — верхняя оценка из условия леммы?

Перенести всё налево, умножить на  $e^{\mu(x-x_0)}$  и "признать врага в лицо."

#### Note 12

2112162dc12d4371a5d95a0a5c81dde

Что мы заключаем из леммы Гронуолла при

$$0 \leqslant u(x) \leqslant \mu \left| \int_{x_0}^x u \right| ?$$

 $u \equiv 0.$ 

#### Note 13

3a4dc8a6e6c843cab187bd437bd37ed7

Как называется теорема, дающая достаточное условие для единственности решения нормальной системы ОДУ?

Теорема единственности. (Без именного названия.)

#### Note 14

f10d5792225a462e818a47338d607d4

При каком условии мы можем что-либо заключить и теоремы единственности для нормальной системы

$$\frac{dy}{dx} = f(x,y)$$
?

f непрерывна и локально липшицева по y на области.

#### Note 15

3999cae9517e45d38664d4057e294d6

Что мы заключаем из теоремы единственности для нормальной системы ОДУ?

Рассматриваемая область является областью единственности

#### Note 16

ee6667cf95fa44ea94ed335d1995449

Что мы знаем про нормальную систему ОДУ  $\frac{dy}{dx} = f(x, y)$ , если f непрерывна?

Система имеет решение в любой точке области.

#### Note 17

ea18f67e9b5744b8bedca43879e2f1c

Что мы знаем про нормальную систему ОДУ  $\frac{dy}{dx} = f(x,y)$ , если f непрерывна и  $f \in \text{Lip}_{u,loc}$ ?

Система имеет единственное решение в любой точке области.

#### Note 18

83c8abcc85f4421fbf2631d2d41a355e

В чём основная идея доказательства теоремы единственности для нормальной системы ОДУ?

Эквивалентное интегральное уравнение и лемма Гронуолла для модуля разности двух решений.

#### Note 19

11813e9dad05416ea07fec54079ef308

Для каких отображений определяют понятия продолжения влево/вправо?

Для отображений на вещественном интервале.

#### Note 20

edd36d4bee94445d87ac7321ef743c2l

Пусть  $f:(a,b) \to \mathbb{R}^n$ . Что называется продолжением f вправо за точку b?

Продолжение f на (a, b + h) для h > 0.

#### Note 21

97987fbe68164bc8a81f5a04da103eea

Пусть  $f:(a,b)\to\mathbb{R}^n$ . Как называется продолжение f на (a,b+h) для h>0?

Продолжение f вправо за точку b.

#### Note 22

07a52d059bbb42b69130084ef38de2bf

Пусть  $f:(a,b) \to \mathbb{R}^n$ . Что называется продолжением f влево за точку a?

Продолжение f на (a-h,b) для h>0.

#### Note 23

e4b59d0b8312421eb65334626219bd70

Какие решения нормальной системы ОДУ называются продолжимыми вправо?

Для которых существует продолжение вправо, являющееся решением на увеличенном интервале.

#### Note 24

29fa852c7ae349a7bbc629ba1ccbc91c

Как называется решение нормальной системы ОДУ, для которого существует продолжение вправо, являющееся решением на увеличенном интервале?

Оно называется продолжимым вправо за правую границу интервала.

#### Note 25

c491a538b7db4ce3bf0c6ca23237934b

Какая нормальная система ОДУ рассматривается в критерии продолжимости решения?

Удовлетворяющая теоремам о существовании и един-

#### Note 26

8254ec43487a4e93a77cea2097415f38

Сколько условий рассматривается в критерии продолжимости решения нормальной системы ОДУ?

Два.

#### Note 27

0a9dcea1e6074255be00f65fdea01c03

Каково первое условие в критерии продолжимости решения нормальной системы ОДУ?

Функция-решение стремится к конечному значению при стремлении аргумента к границе интервала.

#### Note 28

a81ae7bc19a64929ba24fac472d948f7

Каково второе условие в критерии продолжимости решения нормальной системы ОДУ?

Предельная точка графика решения лежит в области определения системы.

## Note 29

c1a593f883dc4ca286c605eb39e9e0cb

В чём основная идея доказательства критерия продолжимости решения нормальной системы ОДУ (необходимость)?

Использовать непрерывность продолжения.

## Note 30

6bacc1bc712547c98eba8cb8df13c0d7

В чём основная идея доказательства критерия продолжимости решения нормальной системы ОДУ (достаточность)?

Построить решение в предельно точке по теореме о существовании и единственности.

# Лекция 15.02.23

# Note 1

e70121fh1cd476h88648f942378d5af

Какое решение нормальной системы ОДУ называется полным?

Не продолжимое ни вправо, ни влево.

## Note 2

292c61dhfh87414hadh68d642ac18ce

Как называется решение нормальной системы ОДУ, не продолжимое ни вправо, ни влево?

Полное решение.