# Интуитивная теория множеств

## Note 1

nod6ab23d8405a011650386a84b770

Под ((с2) множеством)) понимается ((с1) некоторая, вполне определённая совокупность объектов.))

Note 2

5f9814dbb38246348e00ffce1554e94a

Два основных способа задания множеств.

Перечисление, характеристическое правило.

### Note 3

325300814df34c129e29e55cd92829be

«са Пустое множество» есть «самножество, которое не содержит элементов.»

#### Note 4

f4cb071a174b4cd29c7ac0c7cd405265

#### Note 5

ee3c092ea6f8412982372151ed6a3ef8

Пусть A — множество. (сл. Само множество A и пустое множество) называют (сл. несобственными подмножествами) множества A.

#### Note 6

d2d19259b6054a569cee5d5a0b24b0fe

Пусть A — множество. (сл. Все подмножества A, кроме  $\emptyset$  и A, в называют (сл. собственными подмножествами) множества A

#### Note 7

02ebf0e734664103a97df0f5c597b8c7

Пусть A — множество. (са: Множество всех подмножеств множества A) называется (са: булеаном) множества A.

#### Note 8

ac2c9531h8ad48eabh9e76hac3fdffa

Пусть A — множество. {{c²}} Булеан}} множества A обозначается {{c1}:  $\mathcal{P}(A)$ .}}

«са-Универсальное множество» есть (са-множество такое, что все рассматриваемые множества являются его подмножествами.

## Note 10

446b3cd12ece46568e02af4ed65f3155

 $\{\{c_2\}$ Универсальное $\}$  множество обычно обозначается  $\{\{c_1\}\}$  или  $I_{-1}\}$ 

### Note 11

c7621865085b4ac5a4b2b24efb11cf87

Приоритет операций над множествами:  $\{\{c1:\overline{\cdot},\cap,\cup,\ldots\}\}$ 

## Note 12

6b9f3c8671f2472e9e3b9a20aeb66aa

Пусть A и B — множества. Для удобства часто используется сокращение

$$\{\{c2::AB\}\} := \{\{c1::A \cap B.\}\}$$

## Note 13

dc6fc558021f401696123dddc6c61abe

Пусть A и B — множества. «Симметрической разностью» множеств A и B называется множество «СП

$$(A \cup B) \setminus (A \cap B)$$
.

}}

#### Note 14

1c0cfd677111482c8d16fb1c43f9f802

Пусть A и B — множества. (се: Симметрическая разность) множеств A и B обозначается (се:  $A \triangle B$ .)

#### Note 15

658fb28e676a412082702daf0103e08e

Пусть A — множество. (с2::Дополнение A)) обозначается (с1:: $\overline{A}$ .

Три первых свойства свойства операций объединения и пересечения множеств.

Коммутативность, ассоциативность, дистрибутивность.

# Note 17

0ab39012eaa94abcb901e5c26354d65b

Пусть A — множество.

$$A \cap A = \{\{c1::A.\}\}$$

## Note 18

99349135847f4ab7a28f76b06715594e

Пусть A — множество.

$$A \cup A = \{\{c1::A.\}\}$$

# Note 19

02876f67e1514f6d92d1e32ce2a5673f

Пусть A — множество.

$$A \cup \overline{A} = \{\{c1:: U.\}\}$$

# Note 20

3303d884a57c4c979ab67f664325626a

Пусть A — множество.

$$A\cap \overline{A}= \{\{\text{c1::}\emptyset.\}\}$$

## Note 21

c6b6114579204c8e99c5bfbc80ac53b9

Пусть A — множество.

$$A \cup \emptyset = \{\{\text{c1}::A.\}\}$$

Пусть A — множество.

$$A \cap \emptyset = \{\{c_1::\emptyset.\}\}$$

## Note 23

bf06afa6211c4b10bd2ecffa833b05a2

Пусть A — множество.

$$A \cup U = \{\{c1::U.\}\}$$

### Note 24

b5e4ab6a90eb4de38aa91aa27c7c4847

Пусть A — множество.

$$A\cap U=\{\{\mathrm{cl}::A.\}\}$$

#### Note 25

4e1167b5fa7748e68b1a4b9a80eaacb3

Пусть A и B — множества.

$$A_{\{\{c2:: \ \cup \ \}\}}(A_{\{\{c3:: \ \cap \ \}\}}B) = \{\{c1:: A.\}\}$$

«{{с4::Закон поглощения}}»

## Note 26

478752160fb94508a605ed54a8601340

Пусть A и B — множества.

$$A_{\{\{c2::\cap\}\}}(A_{\{\{c3::\cup\}\}}B)=\{\{c1::A.\}\}$$

«{{с4::Закон поглощения}}»

#### Note 27

84569bc3ab574cb78e9bbc9f21dc6bd6

Пусть A и B — множества.

$$A\cap (B\cup \overline{A})=\{\{\mathrm{cl}:A\cap B.\}\}$$

Пусть A и B — множества.

$$A \cup (B \cap \overline{A}) = \{\{c1: A \cup B.\}\}$$

## Note 29

391250023de4aefa419991a4de9c8ab

Пусть A и B — множества.

$$(A \cup B) \text{(c2::} \cap \text{)} (A \cup \overline{B}) = \text{(c1::} A.\text{)}$$

«{{с3::Закон расщепления}}»

## Note 30

29ec5d118d8849bea46146efcbbc4473

Пусть A и B — множества.

$$(A\cap B)$$
{{c2::  $\cup$  }} $(A\cap \overline{B})=$ {{c1:: $A$ .}}

«{{с3::Закон расщепления}}»

## Note 31

cfe43c6f8ac74a43a3f82ea5e01fee7d

Пусть A — множество.

$$\overline{\overline{A}} = \{\{c1::A.\}\}$$

#### Note 32

edcde29726c04401a88af2ef23f3c264

Пусть A и B — множества.

$$A \setminus B = \{\{\mathrm{cl}: A \cap \overline{B}.\}\}$$

## Note 33

aed19cd8fa0d4ee3abf314b502af697d

Пусть A, B и X — множества.

$$\text{(c2:}X\cup A\subseteq B\text{)(c3:}\iff\text{(c1:}X\subseteq B\text{ in }A\subseteq B\text{.})$$

(при решений уравнений относительно X)

Пусть A, B и X — множества.

$$\{\text{\{c2::} A\subseteq X\cap B\}\}\{\text{\{c3::}}\iff\}\}\{\text{\{c1::} A\subseteq X\text{ in }A\subseteq B.\}\}$$

(при решений уравнений относительно X)

#### Note 35

5f70eba8ee804221a8e31f858c0b43ec

Пусть A, B и X — множества.

$$\{\text{c2::}X\cap A\subseteq B\}\}\{\text{c3::}\iff\}\}\{\text{c1::}X\subseteq \overline{A}\cup B.\}\}$$

(при решений уравнений относительно X)

#### Note 36

72ac0b5d9c1746c79264bb9bd3a0b5f2

Пусть A, B и X — множества.

$$\{\text{c2}:A\subseteq X\cup B\}\}\{\text{c3}:\iff\}\}\{\text{c1}:A\cap\overline{B}\subseteq X.\}\}$$

(при решений уравнений относительно X)

#### Note 37

9d92e00aafb44695841b52ab137664da

Пусть A, B, C, D и X — множества.

$$\begin{cases} A \subseteq X \subseteq B \\ C \subseteq X \subseteq D \end{cases} \iff \{\{\mathtt{c2::} A \cup C\}\} \subseteq X \subseteq \{\{\mathtt{c1::} B \cap D.\}\}$$

(при решений уравнений относительно X)

## Note 38

ee9afcd63b43416d954d357d1dc689bb

В чём основная идея общего алгоритма для решения систем уравнений со множествами?

Привести систему к виду  $AX \cup B\overline{X} = \emptyset$ , где A и B не зависят от X.

Пусть A и B — множества.

$$\{\{c3::A=B\}\}\{\{c4::\iff\}\}\{\{c1::A\bigtriangleup B\}\}=\{\{c2::\emptyset.\}\}$$

## Note 40

06c3d3d8c5614af3b760a31c9b94fdc8

Пусть A и B — множества.

$$A \cup B = \emptyset$$
{{c2::  $\iff$  }}{{c1::}}  $A = \emptyset$  и  $B = \emptyset$ .}}

## Note 41

73259212f85a4411b131299cc49d90d

Пусть A и X — множества.

$$AX = \emptyset \iff \{\{c1::X \subseteq \overline{A}.\}\}$$

(при решений уравнений относительно X)

## Note 42

c02302f80f0143d0bb7cdc18b8929288

Пусть B и X — множества.

$$B\overline{X} = \emptyset \iff \{\{\text{cl}:: B \subseteq X.\}\}$$

(при решений уравнений относительно X)

## Note 43

96e46cd4122448b3a6c8a8543d793a05

Пусть A и B — множества. При каком условии система

$$\begin{cases} AX = \emptyset, \\ B\overline{X} = \emptyset \end{cases}$$

имеет решение?

 $B \subseteq \overline{A}$ .

### Note 44

e8c77h24h74411e9c9d6769ee278443

Пусть A и B — множества. Каково решение системы

$$\begin{cases} AX = \emptyset, \\ B\overline{X} = \emptyset. \end{cases}$$

$$B \subseteq X \subseteq \overline{A}$$
.

### Note 45

f1c5541c7c884dba936d4374ff51af88

Пусть A и B — множества. Как в уравнении  $AX \cup B\overline{X} \cup C = \emptyset$  избавиться от «свободного» множества C?

 $C = \emptyset$  — условие совместности системы.

## Note 46

86475fdea01944fba56365048d57b02d

Пусть A и B — множества.

$$(A\times B)\cap (B\times A)=\{\text{c2::}\emptyset\} \quad \{\text{c3::}\iff\} \quad \{\text{c1::}A\cap B=\emptyset.\}\}$$

# Note 47

8ca45754929648bda3ca5496c7cba70f

Операция {{ез::декартового произведения}} {{ес::дистрибутивна}} относительно {{ес::операций  $\cap$ ,  $\cup$ ,  $\setminus$ ,  $\triangle$ .}}

#### Note 48

ad330727e2cb4c27970e8cb8fdcdeb23

Пусть A, B и C — множества. Равны ли множества  $(A\times B)\times C$  и  $A\times (B\times C)$ ?

Их отождествляют и считают равными.

# Note 49

06a0896de5284f44bac5ddff2170cbb1

Пусть A и B — множества. Для  $\{(c, c)$  конечных $\}$  множеств,

$$|A \times B| = \{\{\text{c1::} |A| \cdot |B|.\}\}$$

# Бинарные отношения

## Note 1

cfc203cc41644c75b3df5d21c2bf036d

Пусть A и B — множества. (с.: Бинарным отношением) на множествах A и B называется (с.: некоторое подмножество  $A \times B$ .)

## Note 2

3ba559fe73cf4c90b5b919ce1a45881a

Четыре способа задания бинарных отношений.

Перечисление, правило, матрица, граф.

## Note 3

:0ee3ac94a454d748e625d9e8c854763

Пусть  $R \subseteq A \times B$  — бинарное отношение.

$$aRb \stackrel{\mathrm{def}}{\Longleftrightarrow} \{\{c1::(a,b)\in R.\}\}$$

## Note 4

cef6486539a64268a1827f863aa7b9e1

Пусть  $R\subseteq A\times B$  — бинарное отношение. «Собратным отношением к R» называется «сомножество

$$\{(b,a) \mid aRb\}$$
.

}}

#### Note 5

5e2c602b70a3473684a8ea79d93c7d68

Пусть  $R\subseteq A\times B$  — бинарное отношение. (С2) Обратное отношение к R) обозначается (С1)  $R^{-1}$ .)

#### Note 6

d6e34168370e44feafa7891c93b2df04

Пусть  $R \subseteq A \times B$  — бинарное отношение. Тогда

$$R^{-1} \subseteq \{\{\operatorname{c1}:: B \times A\}\}.$$

Пусть  $R \subseteq A \times B$  — бинарное отношение.

$$(R^{-1})^{-1} = \{\{c1::R.\}\}$$

#### Note 8

e91e90545919488bb2c2ebe373b9e615

Пусть  $R\subseteq A imes B$  — бинарное отношение. «22 Областью определения R называется «12 множество

$$\{x \mid \exists y : xRy\}.$$

Note 9

08e952c62da84566a99743eb4c6c48a5

Пусть  $R\subseteq A imes B$  — бинарное отношение. ((e2):Область определения R)) обозначается ((c1):D(R),)) ((c1): $\delta_R$ )) или ((c1):dom R.))

Note 10

13e35bd817d9438690104754dc4d016d

Пусть  $R\subseteq A imes B$  — бинарное отношение. «С2» Областью значений R называется «С1» множество

$$\{y \mid \exists x : xRy\}$$
.

Note 11

051cc32e89b94beebd49875c952f6b5b

Пусть  $R \subseteq A \times B$  — бинарное отношение. «са Область значений R обозначается (ста E(R),) (ста  $\rho_R$ ) или (ста  $\inf R$ .)

Note 12

c0426f6bec33477e9bc759610c4d426b

Пусть  $R\subseteq A\times B$  и  $S\subseteq B\times C$  — бинарные отношения. (композицией R и S) называется (кламножество

$$\{(a,c)\mid \exists b:aRb$$
 и  $bSc\}$ .

Пусть  $R\subseteq A\times B$  и  $S\subseteq B\times C$  — бинарные отношения. (с2: композиция R и S) обозначается (с1:

$$R \circ S$$
.

Note 14

78bbe389ea094b0aad40c370c5092937

Является ли операция композиции бинарных отношений коммутативной?

Нет.

Note 15

63f83037312e4f29a81de945fb387d06

Является ли операция композиции бинарных отношений ассоциативной?

Да.

Note 16

1530beb1e1c24540a8be6f534775cca(

Пусть  $R \subseteq A \times B$  и  $S \subseteq B \times C$  — бинарные отношения.

$$(R \circ S)^{-1} = \{\{c_1:: S^{-1} \circ R^{-1}.\}\}$$

Note 17

10fae1eae25a48a2998a9be7d6af2e4d

Пусть  $R\subseteq \{(c3),A\times A\}\}$ . Отношение R называется  $\{(c2),Hecum-metruuhum,\}\}$  если  $\{(c1),Oho He cummetruuho, He асимметриино и не антисимметриино.}\}$ 

Note 18

8e02e778a9a5426fa89340cd47a6a0c

Пусть  $R\subseteq \{\text{Ic3}:: A\times A\}$  — бинарное отношение. Отношение R называется  $\{\text{Ic2}:: \text{интранзитивным},\}\}$  если  $\{\text{Ic1}:: \text{Ic2}:: \text{интранзитивным},\}\}$ 

$$aRb$$
 и  $bRc \implies \overline{aRc}$ .

11

Пусть  $R\subseteq \{\{c2:A\times A\}\}$  — бинарное отношение. Отношение R называется  $\{\{c2:A\times A\}\}$  если  $\{\{c1:A\times A\}\}$  если  $\{\{c1:A\times A\}\}$  но и не интранзитивно. $\{\{c1:A\times A\}\}$ 

### Note 20

3fcca348ef844da9d3cf01b1e27fe1f

Матрица A называется ((са) бинарной, ()) если ((са) все её элементы принадлежат множеству  $\{0,1\}$ .)

### Note 21

25d02bbd94644780a0346254f22a07df

Пусть  $R\subseteq A\times B$  — бинарное отношение, (св. A и B конечны.)) (св. Матрицей отношения R) называется (св. бинарная матрица

$$(a_i R b_j) \sim |A| \times |B|$$
.

Note 22

ce9cf9f0367d40f9bbdd914eb95eb39

Пусть  $R\subseteq A\times B$  — бинарное отношение, A и B конечны. ««Матрица отношения R» обозначается (ст.  $\|R\|$ .)

#### Note 23

1f23045998c647aca7a97bcf2a5b5d31

Пусть  $R\subseteq A\times B$  — бинарное отношение, (сл.  $x\in A$ .) (сл. Множество  $\{b\mid xRb\}$ ) называется (сл. образом элемента x при отношении R.)

#### Note 24

65b799e6a5bc4b01bff56d2146031199

Пусть  $R\subseteq A imes B$  — бинарное отношение,  $x\in A$ . (сев Образ элемента x при отношении R ) обозначается (сев R(x).)

## Note 25

477523df314842d1ad7c5a4d978f2f7a

Пусть  $R\subseteq A\times B$  — бинарное отношение, (сл.  $x\in B$ .) (сл. Множество  $\{a\mid aRx\}$ )) называется (сл. прообразом элемента x при отношении R.)

Пусть  $R\subseteq A\times B$  — бинарное отношение,  $x\in B$ . Прообраз элемента x при отношении R0 обозначается при отношении R1 обозначается при отношении R2.

### Note 27

3348d69b0cf149a8a70f5ec94b05b306

Пусть  $R \subseteq A \times B$  — бинарное отношение, {{c2::}} $X \subseteq A$ .}}

$$\mathrm{def}_{\mathrm{co}}(X)\mathrm{def} = \bigcup_{x \in X} R(x).\mathrm{def}_{\mathrm{co}}$$

## Note 28

5c26a7f17db242d7b8db989512093cc6

Пусть  $R\subseteq A imes B$  — бинарное отношение, ([c2:: $X\subseteq B$ .])

$$\mathrm{def}_{\mathrm{c}::R^{-1}(X)\mathrm{c}::} \bigcup_{x \in X} R^{-1}(x).\mathrm{def}_{\mathrm{c}::=X}$$

#### Note 29

5b5ba1073a2e479f8b8eca3f6c2c7329

Пусть A множество. (ст. Отношение  $\{(x,x)\mid x\in A\}$ ) называется (ст. тождественным отношением на A.)

## Note 30

c1e1caa30e724485b938627008bc28d0

Пусть A множество. (с2: Тождественное отношение на A)) обозначается (с1: E.)

#### Note 31

ldc3c3c6dff84c6f8ba496ed57840291

Пусть  $R\subseteq A imes B$  — бинарное отношение. Тогда R (кезтрефлексивно) тогда и только тогда, когда (кезтрефлексивно)

$$E \subseteq R$$
.

«В терминах множеств»

Пусть  $R\subseteq A imes B$  — бинарное отношение. Тогда R «сачантирефлексивно» тогда и только тогда, когда «сачантирефлексивно» тогда и только т

$$R \cap E = \emptyset$$
.

«В терминах множеств»

## Note 33

0b173912f3f54d539053ec72781173bf

Пусть  $R\subseteq A imes B$  — бинарное отношение. Тогда R - полько тогда, когда (са:

$$R = R^{-1}$$
.

«В терминах множеств»

# Note 34

1d0d52561f0b48f8a96ed987369af728

Пусть  $R\subseteq A imes B$  — бинарное отношение. Тогда R «едентисимметрично» тогда и только тогда, когда «еден

$$R \cap R^{-1} \subseteq E$$
.

«В терминах множеств»

## Note 35

92c95593c51a4ac08d44f6be1cf69e5e

Пусть  $R\subseteq A imes B$  — бинарное отношение. Тогда R ((с2) асимметрично) тогда и только тогда, когда ((с1))

$$R \cap R^{-1} = \emptyset.$$

«В терминах множеств»

Пусть  $R\subseteq A\times B$  — бинарное отношение. Тогда R (се: транзитивно) тогда и только тогда, когда (се:

$$R \circ R \subseteq R$$
.

}}

«В терминах множеств»

#### Note 37

045dab85eeaa4728b61896649dc1ba75

Пусть  $A, B \in \mathbb{R}^{n \times m}$ . Тогда

$$\text{(c2::} A \leqslant B \text{)} \iff \text{(c1::} a_{ij} \leqslant b_{ij} \quad \forall i,j. \text{)}$$

#### Note 38

3b1e7f3609054643ae820caaeae6db2a

Пусть  $A, B \in \mathbb{R}^{n \times m}$ . Тогда

$$\text{(c2::} A < B\text{)} \iff \text{(c1::} A \leqslant B \text{ is } A \neq B\text{.}\text{)}$$

#### Note 39

cfdc6aac0b1d4a87b2bec698ca44ce30

Пусть  $A,B\in\mathbb{R}^{n\times m}$ . Матрицы A и B называют (селнесравнимыми,) если (селне выполняется ни  $A\leqslant B$ , ни  $B\leqslant A$ .))

#### Note 40

303fa2bd38f446e59e6690ebc8c9c824

Бинарную операцию ((с2::«или»)) так же называют логистическим ((с1::сложением.))

#### Note 41

46107ba23b0a4fcdaaa341d70b37861c

Бинарную операцию (се:«и») так же называют логистическим (ст:умножением.)

 $\{(c2)$  Операция поэлементного умножения матриц $\}$  называется  $\{(c1)$ : произведением Адамара. $\}$ 

## Note 43

510b762349a41cc87225739c6fe6dc0

Пусть  $A,B\in\mathbb{R}^{n\times m}$ . (с2::Произведение Адамара матриц A и B)) обозначается (с1:: $A\circ B$ )) или (с1:: $A\odot B$ .))

### Note 44

5054e224483f4cc28f2739f6fad9f517

Пусть  $R, S \subseteq A \times B$  — бинарные отношение.

$$\text{\{c2::} \|R\cap S\|\text{ \}\}} = \text{\{c1::} \|R\|\odot\|S\|\text{ .}\}$$

## Note 45

93467a16ee87438cbc954b8b71d23aa4

Пусть  $R, S \subseteq A \times B$  — бинарные отношение.

$$\{\{c2:: \|R \cup S\|\}\} = \{\{c1:: \|R\| + \|S\|$$
 (с логистическим сложением).}]

#### Note 46

1c75356f6fe44393ae1e2c195bed3c1

Пусть  $R \subseteq A \times B$  и  $S \subseteq B \times C$  — бинарные отношения.

$$\{\{c2:: \|R\circ S\|\}\} = \{\{c1:: \|R\|\cdot \|S\|$$
 (с логистическим сложением).}}

### Note 47

525cce9b6e944f94911754eec1fc824b

Пусть  $R,S\subseteq A\times B$  — бинарные отношение.

$$\{\text{c2::} R \subseteq S\}\}\{\text{c3::} \iff \}\}\{\{\text{c1::} \|R\| \leqslant \|S\| .\}\}$$

(в терминах матриц)

Пусть  $R\subseteq A\times B$  — бинарное отношение. Тогда R (се: транзитивно) тогда и только тогда, когда (се:

$$\|R\|^2 \leqslant \|R\|$$
 (с логистическим сложением).

«В терминах матриц»

#### Note 49

h1c4dha55ad47adhacfd250e1f39101

Пусть  $R\subseteq A\times A$  — отношение эквивалентности. (кез:Множество классов эквивалентности R)) обозначается (кез: $[A]_R$ .

### Note 50

c54eb7123d974c8aba9972163019b4ac

Пусть  $R\subseteq A\times A$  — отношение эквивалентности,  $a\in A$ . (каже эквивалентности, порождённый a,)) обозначается (каже [a].))

## Note 51

b21c1b2e3c504807a89717a4205b3fdf

Пусть A — множество. «Са Разбиение множества A обозначается (Са  $\langle A \rangle$ .)

## Note 52

3d8bf9b65a4b4898be5460faaaecab86

Пусть  $R\subseteq A\times A$  — бинарное отношение. (ега: Транзитивным замыканием  $R_{||}$  называют (ега: наименьшее транзитивное отношение на A, включающее  $R_{||}$ )

#### Note 53

08c79ddd7572454f9ecc2f3580a39674

Пусть  $R\subseteq A\times A$  — бинарное отношение. Если  $\{(c2), R\}$  транзитивно, $\{(c1), C2\}$  то транзитивное замыкание  $\{(c1), C2\}$  само  $\{(c1), C2\}$  то  $\{(c1), C2\}$  то

#### Note 54

e7b56866ed8e4192a45f157195f949e4

Пусть  $R\subseteq A\times A$  — бинарное отношение. (ССС) Транзитивным сокращением  $R_0$  называется (ССС) минимальное отношение R' на  $A_0$  такое, что (ССС) транзитивное замыкание R' совпадает с транзитивным замыканием  $R_0$ 

 $\{(c3)$ -Диаграмма Ха́ссе $\}$  — это вид диаграмм, используемый для представления  $\{(c1)$ -конечного частично упорядоченного множества $\}$  в виде  $\{(c2)$ -графа его транзитивного сокращения.

# Элементы комбинаторики

## Note 1

8hfca03d7414c5ab08f51dd7162fa63

 $\{\{c2n^r\}$ -элементный набор из n-элементного множества $\}$  называется  $\{\{c1n^r\}$ ывыборкой объёма n из n элементов. $\}$ 

Note 2

9c40042b9af64db3823fd0fc687379f5

 $\{\{can}$ Выборку объёма r из n элементов $\}$  так же называют  $\{\{can},r\}$ -выборкой. $\}$ 

Note 3

7b9c414597ef428981257c73511e44d2

 $\{(n,r)$ -выборка, в которой элементы могут повторяться, (n,r)-выборкой с повторениями.

Note 4

6afeb348dbbf4ce7a258ad26ba469c48

 $\{(n,r)$ -выборка, в которой элементы попарно различны, (n,r)-выборкой без повторений. (n,r)-выборкой без повторений.

Note 5

ef4dbbc893164d0db276530cb20c94c7

 $\{(n,r)$ -выборка) $\}$  называется  $\{(n,r)$ -перестановкой. $\}$ 

Note 6

514e05b8ce994556a7d4f31540bfee43

Число  $\{(n,r)$ -перестановок без повторений $\}$  обозначается  $\{(n,r)\}$ -перестановок без повторений $\}$  обозначается

P(n,r).

}}

Note 7

400452c068e84e42a0865821bd703a7b

Число  $\{(n,r)$ -перестановок с повторениями) обозначается  $\{(n,r)\}$ -перестановок с повторениями $\}$ 

 $\widehat{P}(n,r)$ .

}}

Note 9

6470ab31727449d8a82512cafaea283

Число  $\{(c), r\}$ -сочетаний без повторений $\}$  обозначается  $\{(c), r\}$ 

Note 10

ca7c36f0138749fb90d8876a44c92a2

Число  $\{(c2), (n,r)\}$ -сочетаний с повторениями $\}$  обозначается  $\{(c1), (c1), (c1)\}$ 

$$\widehat{C}(n,r)$$

Note 11

59712aabfb56413995a990d0c381fbee

Пусть  $n \in \mathbb{R}$ ,  $r \in \mathbb{N}$ .

$$\{ (\operatorname{c2::}(n)_r) \} \stackrel{\operatorname{def}}{=} \{ (\operatorname{c1::}n(n-1)\cdots(n-r+1). \} \}$$

Note 12

10b62e86e38446c85f4bb8c5807d6c2

Биномиальный коэффициент из n по r обозначается

$$\{\{c::C_n^r\}\}$$
 или  $\{\{c:: \binom{n}{r}.\}\}$ 

Note 13

3221712b5dda4ebe9e522f4508804522

$$\binom{n}{r} \stackrel{\text{def}}{=} \{\{\text{c1::} \frac{(n)_r}{r!}\}\}$$

Note 14

e1ac7a181662466fa92a7768e3bb6899

$$P(n,r) = \{\{\operatorname{cl}: (n)_r\}\}$$

Note 15

4722cda874c44899a9bc36727640274a

$$\widehat{P}(n,r) = \{\{\text{cl:} n^r.\}\}$$

Note 16

bdb9dd6722f644019fedc6c94810b129

$$C(n,r) = \{ (\operatorname{cli} \binom{n}{r}. \} \}$$

Note 17

a46501a9e6f54ccbb15eb513c9b73039

$$\widehat{C}(n,r) = \{ \{ \operatorname{cir} \binom{n+r-1}{n-1}. \}$$

# Алгебра логики

## Note 1

1782cd08cdab44008d0d1c31c6012d8d

Кратко булев набор  $(\alpha_1,\alpha_2,\ldots,\alpha_n)$  обозначается  $\{(c):\widetilde{\alpha}^n\}\}$  или  $\{(c):\widetilde{\alpha},0\}$ 

Note 2

04eabdff1da9430caa51dea1f7973ebb

 $\{\{can M$ ножество всех двоичных наборов длины  $n_{\{\}}$  называют  $\{\{can M\}$ -мерным булевым кубом. $\{\}$ 

Note 3

ae679a4256e04958a9d0d03ce4b174a2

 $\{\{cz: n\text{-}$ мерный булев куб $\}$  обозначается  $\{\{c1: B^n\}\}$  или  $\{\{c1: E^n_2.\}\}$ 

Note 4

c06059c4d3014e8f8d7762ecb2e7fb4

Note 5

4b632fb9309f40b5b4286d3acbc0f06d

Пусть  $\widetilde{\alpha},\widetilde{\beta}\in B^n$ . (кез. Расстояние Хэмминга между  $\widetilde{\alpha}$  и  $\widetilde{\beta}$ ) обозначается (кез.  $\rho(\widetilde{\alpha},\widetilde{\beta})$ .))

Note 6

37fb9e894285459ea68b457c8ce5d2d3

Булевы наборы  $\widetilde{lpha}^n$  и  $\widetilde{eta}^n$  называются (c2::соседними,)) если ((c1:

$$\rho(\widetilde{\alpha}, \widetilde{\beta}) = 1.$$

}}

Note 7

96ae235391374f19821a21b56b6d8b98

Булевы наборы  $\widetilde{\alpha}^n$  и  $\widetilde{\beta}^n$  называются противоположными, песли противоположными,

$$\rho(\widetilde{\alpha}, \widetilde{\beta}) = n.$$

}}

 $\{(c2)$  Множество всех булевых функций, зависящих от переменных  $x_1,\dots,x_n\}$  будем обозначать через  $\{(c1)\}$ 

$$P_2(X^n)$$
.

}}

### Note 9

d4d14bf7854d445e80552d7c67d03d4f

$$||P_2(X^n)|| = \{\{\text{c1::}2^{2^n}.\}\}$$

#### Note 10

152863b499e64f64b2374c749fbde8ad

 $\{\{c_1\}$  Константы  $\{0,1\}\}$  являются  $\{\{c_2\}$  нульместными $\}$  булевыми функциями.

## Note 11

d06f0289418d4a41b071c552a48bff09

Пусть  $f(\widetilde{x}^n)$  — булева функция. Тогда переменные

$$x_1, x_2, \ldots, x_2$$

 $\}$  называются {{c1:} аргументами функции f.}

### Note 12

a0b4e4b264844402aed619c4fd37ca24

Пусть  $f(\widetilde{x}^n)$  — булева функция. Что есть T(f)?

Таблица, в которой слева — значения аргументов, справа — значения функции.

#### Note 13

bf9b50dc17e84201a627f5c871ea6c31

Пусть  $f(\widetilde{x}^n)$  — булева функция. «са: Таблица T(f)» называется «са: Таблицей истинности f.»

#### Note 14

1122c8a455b64cf789b394df752b821

Пусть  $f(\widetilde{x}^n)$  — булева функция. Что есть  $\Pi_{k,n-k}(f)$ ?

Таблица, в которой слева — значения k аргументов, сверху — значения остальных аргументов, на пересечении — значение функции.

#### Note 15

903d8fda79124586a7240910bb5d8a70

Пусть  $f(\widetilde{x}^n)$  — булева функция. В каком порядке идут значения аргументов в таблице  $\Pi_{k,n-k}$ ?

Слева направо, сверху вниз.

## Note 16

53de4b3157f34550908c2cc6c8752a3

Пусть  $f(\widetilde{x}^n)$  — булева функция. Что есть  $N_f$ ?

Множество наборов  $\widetilde{\alpha}$ , для которых  $f(\widetilde{\alpha}) = 1$ .

### Note 17

ec43c333201b45f28e9a03f6a2828c27

Как булева функция задаётся в виде вектора значений?

Значения функции в лексикографическом порядке следования наборов аргументов.

#### Note 18

6b8ed8864e3f468bb75dec0ad534e2b6

Как строится разложение булевой функции по нескольким переменным?

Аналогично разложению по одной построить дизъюнкцию по всем возможным значениям этих переменных.

#### Note 19

3915fbd594044a7782a5ecfb1b697c23

Пусть f — булева функция. Переменная  $x_i$  называется фиктивной, если селу выражается формулой, не содержащей  $x_{i\cdot ||}$ 

Пусть f — булева функция. Переменная  $x_i$  называется (сестреченной,)) если (сегона не является фиктивной.))

## Note 21

1a853308fb53438c836240f876a13076

Пусть f — булева функция. Как показать, что  $x_i$  является существенной переменной?

Найти два набора аргументов, отличающихся только значением  $x_i$ , для которых отличается значение f.

## Note 22

b171f4d5373543008b3c7165b170294d

Пусть  $x_i \in X^n$  и  $\sigma \in B$ . Тогда

$$\{\{oldsymbol{c} : x_i^\sigma\}\} \stackrel{ ext{def}}{=} \{\{oldsymbol{c} : x_i, \quad \sigma = 1, \ ar{x}_i, \quad \sigma = 0. \}\}$$

### Note 23

3ff8ee76361d4f8aa2dc6817fb8e23c5

Пусть  $x_i \in X^n$  и  $\sigma \in B$ . Выражение  $x_i^\sigma$  называется положение  $x_i^\sigma$  называется положение  $x_i^\sigma$ 

## Note 24

434c03fe1f394ebf9ed47f45f7432dcc

Что называется конъюнкцией над множеством переменных?

Конъюнкция набора букв из этих переменных.

#### Note 25

285409914ff4434dba7d33024928ee2

Что называется дизъюнкцией над множеством переменных?

Дизъюнкция набора букв из этих переменных.

Конъюнкция (или дизъюнкция) над множеством переменных называется (канэлементарной,)) если она (канне содержит двух одинаковых переменных.))

## Note 27

69bac32971cb4720860b4dd4a9d453ch

 $\{(c2)$  Число букв $\}$  в элементарной конъюнкции (или дизъюнкции) называется  $\{(c1)$  её рангом. $\}$ 

## Note 28

085748c48aca434f80ee81ccc432679

Что считают элементарной конъюнкцией нулевого ранга?

Константу 1.

#### Note 29

54299e611ec9467c80fdf0edb992ffda

Что считают элементарной дизъюнкцией нулевого ранга?

Константу 0.

## Note 30

7daec66acbc147049ae871ee63127e67

«сп-Дизъюнкция попарно различных элементарных конъюнкций» называется «сандизъюнктивной нормальной формой.

#### Note 31

9da6ac44d6864608adffeff2f2653b9e

«с Конъюнкция попарно различных элементарных дизъюнкций» называется «с конъюнктивной нормальной формой.

#### Note 32

4b63a16430be4e91a44d687409d1a59f

Дизъюнктивная нормальная форма называется (селовершенной,)) если (селовее её элементарные конъюнкции имеют максимальный ранг.))

Конъюнктивная нормальная форма называется (селе совершенной,)) если (селе её элементарные дизъюнкции имеют максимальный ранг.))

#### Note 34

5f9836f8024544a29c0d75faa28110d8

Что для элементарной конъюнкции означает обладание максимальным рангом?

Она содержит все переменные.

#### Note 35

5c8cca9d57834de1a77e826c87fcff5f

Что называется минимальным термом набора переменных?

Элементарная конъюнкция, содержащая все эти переменные.

## Note 36

487bd0adfeec4611abb3e25da2b5c9d7

«са::Минимальный терм» сокращается как «са::минтерм.)

#### Note 37

4c650846a2ca498cb6f414f00874d0c6

В чём основная особенность любого минтерма?

Он истинен только ровно на одном наборе аргументов.

#### Note 38

6353970c4054404c9fe9936241a3f8d2

В чём основная особенность любой элементарной дизъюнкции максимального ранга?

Она ложна ровно на одном наборе аргументов.

## Note 39

291d8c80606b4957b2615d312164f8da

Какая элементарная дизъюнкция обращается в ноль ровно на одном наборе аргументов?

#### Note 40

76f3e85c81f14d4fa7c9d4699fd71df7

Элементарная (стедизъюнкция) максимального ранга обращается в (са ноль) ровно на одном наборе аргументов.

Note 41

c5ad27ca1aaa4a5f98e04fa49b506bd4

Элементарная (стконъюнкция) максимального ранга обращается в (са единицу) ровно на одном наборе аргументов.

Note 42

bbfcc84390d84f24abd0aee0aa1dfc13

Пусть  $f(\widetilde{x}^n)$  — булева функция. Тогда

$$f(\widetilde{x}^n) = \{ (x_i \cdot f | x_{i-1} \lor \overline{x}_i \cdot f | x_{i-0} \cdot ) \}$$

«{{c2::Теорема разложения для д.н.ф.}}»

### Note 43

45d478dc3b0b46789b3b2af3d10d0c35

Каждая булева функция (селединственным образом) представляется в виде (сплсовершенной) дизъюнктивной (или конъюнктивной) нормальной формы (селевоих аргументов.

Note 44

3115335543484943b10f4139847114fa

Каждая булева функция единственным образом представляется в виде совершенной дизъюнктивной нормальной формы своих аргументов. В чём ключевая идея доказательства?

С.д.н.ф. состоит из минтермов, отвечающих единицам в векторе значений.

Note 45

ad0588753e0342ea901fb670f955419b

Как строится с.д.н.ф. по таблице значений булевой функции?

Для каждой единицы строится соответствующий минтерм.

#### Note 46

86b0370b79784d5cb1f61f8d43ea62ca

Как строится с.к.н.ф. по таблице значений булевой функции?

Для каждого нуля строится соответствующая элементарная дизъюнкция.

## Note 47

d5f6af188d8a41b2a3a644065c3ffa60

#### Note 48

5cb3b093852847ad992d8f92afed8778

В булевой алгебре, перештрих Шефферан обозначается пережили  $x_1\mid x_2$ .

## Note 49

53029bbedc0b455e801cee6510a98bf5

В чём смысл штриха Шеффера?

Аргументы не могут быть истинными одновременно.

#### Note 50

77f305f399f947bd90023950db2c7072

Пусть  $\widetilde{x} \in B^2$ . Как читается выражение « $x_1 \mid x_2$ »?

 $x_1$  и  $x_2$  не совместны.

#### Note 51

ec1d6d17cbb045b8abb57d404f0e5314

Логическая операция (казажне-или») так же называется (казактальной Пирса.)

#### Note 52

5bc24294b87949fe93f07f9db9363cc5

В булевой алгебре, (когатрелка Пирса)) обозначается (кога $x_1\downarrow x_2$ .

В чём смысл стрелки Пирса?

Оба аргумента ложны.

### Note 54

4e41888826f48bb87b5d52cfffdff82

Пусть  $\widetilde{x} \in B^2$ . Как читается выражение « $x_1 \downarrow x_2$ »?

Ни  $x_1$ , ни  $x_2$ .

### Note 55

811fe08112ea4d4184e59731f1744d49

В алгебре логики, постоя в по модулю 2 обозначается 0

## Note 56

e2f54e00eb6649a2924ef3362262984

В алгебре логики,  $\overline{a \sim b} = \{\{c1:: a \oplus b\}\}$ .

#### Note 57

:2e62b1e91d7494ba8a272bc7d96ae90

В алгебре логики,  $\overline{a \oplus b} = \{\{c1: a \sim b\}\}$ .

#### Note 58

87a39833e41348ee966b516f50698494

 $\{\{c2:M$ ногочлен над полем  $\mathbb{Z}_2\}\}$  называется  $\{\{c1:M$ ногочленом Жегалкина. $\}\}$ 

#### Note 59

6bda2a19f81f481ea8880a737a3ff3fa

Любая булева функция  $\{(c): eдинственным oбразом\}\}$  представляется в виде многочлена  $\{(c): Жегалкина.\}\}$ 

#### Note 60

59a8d454f30342909e9db0c643c83e4a

 $\{\{c2: Длиной\}\}$  полинома Жегалкина называется  $\{\{c1: число \ cлагаемых \ B \ ero \ записи.\}\}$ 

Какие есть основные способы построения полинома Жегалкина для данной булевой функции?

Метод неопределённых коэффициентов; преобразование вектора значений; алгоритм Паскаля.

### Note 62

90f0eb74c2594473a47dc084cdceeee0

В каком порядке стоит брать наборы аргументов при построении полинома Жегалкина методом неопределённых коэффициентов?

Лексикографическом, начиная с нуля.

### Note 63

22dd666ef1ac46b6a3db9f23cd06b74

В чём состоит метод преобразования вектора значений для построения полинома Жегалкина?

Последовательно преобразовывать блоками все большей величины.

## Note 64

3fd377445ff746d4bf5d09dfa361112

Какое преобразование используется при построении полинома Жегалкина методом преобразования вектора значений?

Делим блок пополам и прибавляем левую часть к правой.

## Note 65

81aaa6e743d74b498974ea1716a6fb32

Какое сложение используется при построении полинома Жегалкина методом преобразования вектора значений?

По модулю двух.

Какого размера блоки берутся при построении полинома Жегалкина методом преобразования вектора значений?

Начиная с двух и на каждом следующем шаге в два раза больше.

## Note 67

19bd9cf64cea4452bfa49092ad3436d8

В чём состоит метод Паскаля построения полинома Жегалкина?

Построить треугольник аналогичный треугольнику Паскаля.

# Note 68

94806c084ac540ef804d5444799594f

Как строиться треугольник при построении полинома Жегалкина методом Паскаля?

На каждом шаге складываются по модулю двух соседние элементы вектора.

#### Note 69

b1d7be08723b44eaa0f476e513b31931

Где в построенном треугольнике находятся искомые коэффициенты при построении полинома Жегалкина методом Паскаля?

Левые элементы сверху вниз.

## Note 70

b69324ff24e643199e1b880f783ff767

В каком порядке берутся коэффициенты полинома Жегал-кина при представлении его в виде вектора коэффициентов?

В лексикографическом порядке следования булевых масок вхождения элементов в группы.

### Note 71

61a8295f62404faa91e19a69262e7a15

Пусть  $f(\widetilde{x}^n)$  — булева функция. «св. Импликантой функции f называется такая «св. элементарная конъюнкция k её аргументов, что «св.

$$k \vee f(\widetilde{x}^n) = f(\widetilde{x}^n).$$

Note 72

a3e3fca754924589b36ea95c9edd20f

Что означает условие  $k \vee f(\widetilde{x}^n) = f(\widetilde{x}^n)$  из определения импликанты k булевой функции?

$$k \to f(\widetilde{x}^n).$$

### Note 73

8f3f29bfc6d54b9ca09a2fd1fdd6e58b

Импликанта булевой функции называется (со простой,) если (со после отбрасывания любой из букв она перестаёт быть импликантой.)

## Note 74

4a3577b789674da58ba03a52b5710ea3

Пусть  $f(\widetilde{x}^n)$  — булева функция. «с»:Дизъюнкция всех простых импликант функции f» называется «с»сокращённой д.н.ф. функции f.

# Note 75

c5d072cd661d45e4b1027aadbe203045

Конъюнкции, входящие в д.н.ф., называются «спеё слагаемыми»

#### Note 76

lacef456faac42fd8420cc99d8890e5b

{{c2::Число слагаемых}} д.н.ф. называется {{c1::eë длиной.}}

«са Сумма рангов всех слагаемых» д.н.ф. называется «са её сложностью.»

## Note 78

8f3adf33c7d542cb89e2c7f19554d84c

Д.н.ф. называется (саминимальной,)) если она имеет наименьшую (самсложность)) среди (самвсех д.н.ф., эквивалентных ей.))

#### Note 79

1dd146ddf117426cacc4a76fa773d84d

Д.н.ф. называется (каз кратчайшей,)) если она имеет наименьшую (каздлину) среди (каз всех д.н.ф., эквивалентных ей.))

## Note 80

e0998ae22e13457aa7bedbe548e0ce57

Д.н.ф. называется «ступиковой,» если «стотбрасывание любых её слагаемого или буквы приводит к д.н.ф., не эквивалентной исходной.»

#### Note 81

3c3cb501fe524d508cee8a396e246de5

Любая минимальная д.н.ф. является (спятупиковой.)

#### Note 82

41b825d38ba944ac959b52db25423ee8

Любая кратчайшая д.н.ф. является (сттупиковой.)

#### Note 83

381196254f5b4ff88f7cb1dbe58cdf33

 $\{ (c1)$ Двоичный код, $\} \}$  в котором  $\{ (c2) \}$ соседние значения представляются соседними булевыми наборами $\} \}$ , называется  $\{ (c3) \}$  кодом  $\{ (c3) \}$ 

#### Note 84

9fb6eca8a3984a83ac41b14b95e52ea7

Какое табличное представление функции используется для построения её сокращений д.н.ф.?

# Карта Карно.

Чем, в первую очередь, является карта Карно?

Табличное представление булевой функции.

#### Note 86

404849406d374f84b0027730b5a93b8c

Чем карта Карно отличается от обычного табличного представления?

Наборы значений аргументов расположены в коде Грея.

#### Note 87

f49b1a9385c14feebbe5a75682af3073

Как называется табличное представление булевой функции, в котором наборы значений переменных на каждой из сторон прямоугольника расположены в коде Грея?

Карта Карно.

# Note 88

6f39d187479f4790bb4e1a151406918b

Как по другому называют карты Карно?

Диаграммы Вейча.

### Note 89

7ec72a3172754a4c9b75c2c12151406d

Для каких функций имеет смысл использование карты Карно для построения сокращённой д.н.ф.?

Не более четырёх аргументов.

## Note 90

3367571a83104bc8aa72c23b88036a5c

Что на карте Карно представляет импликанты булевой функции малого числа аргументов?

Прямоугольники размера  $2^k$ , покрывающие только единицы.

#### Note 91

73244fdc1053472da90d49b391d90c61

Какие из соответствующих прямоугольников на карте Карно отвечают **простым** импликантам булевой функции малого числа аргументов?

Максимальные по включению.

#### Note 92

3d6c9e0393a241a7a81798b38ba03769

Как по данному прямоугольнику на карте Карно строится импликанта функции?

Берутся переменные, сохраняющие значение внутри прямоугольника, с соответствующими знаками отрицания.

### Note 93

dcec 278578344605 a eec 4341 ee1 fbccf

Сколько переменных входит в импликанту, отвечающую прямоугольнику размера  $2^k$  на карте Карно?

[число переменных]-k

#### Note 94

12df0cc8ac6448aeaabca21d69e8ac58

Как строится сокращённая д.н.ф. по карте Карно?

На карте находятся все прямоугольники, отвечающие простым импликантам, и из них строиться сокращённая д.н.ф.

#### Note 95

84f5a9f698ca42048f6b5e5a6c52a18c

Как по карте Карно построить все тупиковые д.н.ф. функции?

Построить к.н.ф., где каждый множитель — это дизъюнкция имён импликант, покрывающих данную единицу, и привести её к д.н.ф.

# Note 96

ec5b60a019984beeb30acf754aa9bf67

При построении всех возможных тупиковых д.н.ф. функции по карте Карно, что отвечает искомым д.н.ф. в построенной д.н.ф. из импликант?

Каждое отдельное слагаемое.

## Note 97

8213d7c755db4307b3e66b4f49906322

Что используется вместо карты Карно, когда булева функция зависит от большого числа аргументов?

Алгоритм Квайна.

# Булевы алгебры

## Note 1

0f3d9e66cae48b4872cde6c9ed57d3a

Что есть верхняя граница в контексте произвольного частично упорядоченного множества?

Элемент ≥ любому элементу множества.

#### Note 2

13fa1e0fee2c4a718e26e0c7f9c37c46

Что есть нижняя граница в контексте произвольного частично упорядоченного множества?

Элемент ≤ любому элементу множества.

## Note 3

0ac55444db6e4fed8fa19d402da0fde0

Что есть супремум в контексте произвольного частично упорядоченного множества?

Наименьшая из верхних границ.

#### Note 4

7f565979844841de8441229417e3e1c8

Что есть инфимум в контексте произвольного частично упорядоченного множества?

Наибольшая из нижних границ.

#### Note 5

b6e17bbaad124d3ebd6e98b8381a867f

Какое множество рассматривается в определении решётки?

Частично упорядоченное.

#### Note 6

99e77ba59fe64260b79e25d9f28cad08

Какое частично упорядоченное множество называется решёткой?

# Любое двухэлементное подмножество имеет sup и inf.

#### Note 7

37a3e12e05de4cdfab62d0dea07344d1

Пусть 
$$(X, \leqslant)$$
 — решётка,  $a, b \in X$ . Тогда

$$\{\{c2:a\lor b\}\}\stackrel{\mathrm{def}}{=} \{\{c1:\sup\{a,b\}.\}\}$$

#### Note 8

c9da1f844e3f4bd9bbe116283730ceel

Пусть 
$$(X, \leqslant)$$
 — решётка,  $a, b \in X$ . Тогда

$$\{\{c2:: a \land b\}\} \stackrel{\text{def}}{=} \{\{c1:: \inf \{a, b\}.\}\}$$

#### Note 9

5e0104c61f1411a8b36c0dccc9a0c7d

Решётку так же можно определить как универсальную алгебру с операциями (как ∧ и ∨.)

### Note 10

647880d6a2d84657b6ed1d688cf8a568

Какие аксиомы должны выполняться в определении решётки как универсальной алгебры?

Идемпотентность, коммутативность, ассоциативность, поглошение.

#### Note 11

a9dc77aa008449b2a79f45c128715ce9

В определении решётки ((стесвойство идемпотентности)) на самом деле выводится из ((слесвойства поглощения.))

# Note 12

a70eaa64be014d1f8d32db2187ac39b0

{{c1:

$$a \wedge a = a$$
 и  $a \vee a = a$ .

}}

«{{с2::Идемпотентность}}» (из определения решётки)

Пусть  $(X, \leqslant)$  — решётка,  $a, b \in X$ . Тогда

$$\{\{c2:: a \leq b\}\} \iff a \wedge b = \{\{c1:: a\}\}.$$

#### Note 14

900809a351c54ff4a39993d52ae1e388

Пусть  $(X, \leqslant)$  — решётка,  $a, b \in X$ . Тогда

$$\{\{c2: a \leq b\}\} \iff a \vee b = \{\{c1: b\}\}.$$

#### Note 15

33c337ecec8e4e5e8457ad2312f7a0ce

Решётка называется  $\{(c)$ -дистрибутивной,(f) если  $\{(c)$ -в ней  $\land$  и  $\lor$  обоюдно дистрибутивны.(f)

#### Note 16

e6915cd9a90b49cdbba81443ba0a14al

«22-Нулём» «23-частично» упорядоченного множества называется «с1-его наименьший элемент.»

#### Note 17

12dd64fc8d0648eca210d44a0b7e5ae5

Ноль частично упорядоченного множества обозначается (ставов).

## Note 18

730dc345dc804811be6c1f82b9350a94

«а Единицей» «а частично» упорядоченного множества называется «а его наибольший элемент.»

#### Note 19

543c12d0c8214d79ac9fca56bb2ec02e

Единица частично упорядоченного множества обозначается (кл.: 1.))

## Note 20

b4bef54da8aa41d1863424cc97398a7

Пусть A — множество. Тогда ноль  $(\mathcal{P}(A),\subseteq)$  — это  $\{(c1:\emptyset,\mathbb{N})\}$ 

Пусть A — множество. Тогда единица  $(\mathcal{P}(A),\subseteq)$  — это  $\{can A.\}$ 

## Note 22

94ed508a73f945fc8a6b4c1803cef774

Пусть  $(X, \leqslant)$  — решётка,  $x, y \in X$ . Элементы x и y называются (сандизъюнктивными,) если (сан

$$x \wedge y = \mathbf{0}$$
.

Note 23

ef9dbbf66ec64b659e16cdb4bb830f5

Пусть  $(X,\leqslant)$  — решётка,  $x,y\in X$ . Элемент y называется полодинением x, песли полодинением y

$$x \wedge y = \mathbf{0}$$
  $\mathbf{u}$   $x \vee y = \mathbf{1}$ .

Note 24

eb16dfe04f534fcd95dfce6b0eab9636

Для каких решёток имеет смысл понятие дополнения?

Для решёток с нулём и единицей.

Note 25

2b49c7f09eeb4fa09c205e6ef5416e6b

Для начала, булева алгебра — это (сперешётка.)

Note 26

e823cfd66b9a4b7aba2bcfeb6ae82e0c

Какую решётку называют булевой алгеброй?

Дистрибутивную; с нулём и единицей; каждый элемент имеет дополнение.

Как называют дистрибутивную решётку с нулём и единицей, каждый элемент которой имеет дополнение?

Булева алгебра.

#### Note 28

5a7f39372324f8692538470e13cebb7

В определении (са булевой алгебры) (са свойство поглощения можно заменить на (са закон тождественности.))

#### Note 29

7c150397485f4e128ed7a0aa7d34f6c

{{c1:

$$a \wedge 1 = a$$
 и  $a \vee 0 = a$ .

}}

 ${\{\{c2:: 3aкoн тoжеcтвеннocтu\}\}}$ » (из oпределения булевой алгебры)

## Note 30

5486cf3db94f4129bf68eed1e3194939

Каждый элемент булевой алгебры имеет ([спединственное дополнение.])

#### Note 31

eb156d1ea036435a89006401851c38d6

Пусть  $(X, \leqslant)$  — булева алгебра,  $x \in X$ . «Сег-Дополнение x» обозначается (Сег- $\overline{x}$ .)

#### Note 32

2b88d7541f5641d5ac8623f8a78c3384

Каждый элемент булевой алгебры имеет единственное дополнение. В чём ключевая идея доказательства?

Умножить  $\overline{x}$  на  $x \vee x^*$ , где  $x^*$  — второе дополнение.

#### Note 33

6baeed8e7301491ea3dfca0b6fd7750d

Для булевых алгебр верны (ствее основные законы) алгебры логики.

В чём ключевая идея доказательства законов Де-Моргана для булевых алгебр?

Показать, что правая часть является дополнением по определению.

#### Note 35

l7959d4251d34780bf02493d717f2c6a

Пусть  $(X,\leqslant)$  — булева алгебра,  $f,g:X^n\to X$ . Функции f и g называются (едевзаимно двойственными,) если (едевзаимно двойственными)

$$f(x_1,\ldots,x_n)=\overline{g(\overline{x_1},\ldots,\overline{x_n})}.$$

Note 36

3cfa6ef0b5649518e5f73d626669239

Пусть  $(X,\leqslant)$  — булева алгебра,  $f:X^n\to X$ . (кез::Функция, двойственная к f ,)) обозначается (кез:: $f^*$ .))

#### Note 37

dd63d9bebef6405bad499b8ac612b3d2

Пусть  $(X, \leq)$  — булева алгебра,  $f: X^n \to X$ .

$$(f^*)^* = \{\{\text{cl}: f.\}\}$$

#### Note 38

f46b68627d9a4a49ae7759f86e1198b1

Пусть  $(X,\leqslant)$  — булева алгебра,  $f:X^n\to X$ . Функция f называется (клюсамодвойственной,)) если (клюсамодвойственной)

#### Note 39

f94e35db4a9047a7bee032a5cae511d0

Пусть  $f:B^n o B$ . Если

$$f = (\alpha_1, \ldots, \alpha_{2^n}),$$

TO

$$f^* = \{\{c_1: (\bar{\alpha}_{2^n}, \ldots, \bar{\alpha}_1).\}\}$$

Пусть  $(X, \leq)$  — булева алгебра.  $\mathbf{0}^* = \{\{c \in \mathbf{1}\}\}$ .

Note 41

7a361ce9che84f77h236a38d96ee29a6

Пусть  $(X, \leqslant)$  — булева алгебра.  $\mathbf{1}^* = \{(c1:: \mathbf{0})\}$ .

Note 42

a83c28cd41a247e0905cb9b46bc30c39

Пусть  $(X, \leqslant)$  — булева алгебра.  $\wedge^* = \{\{c1: \lor \}\}$ .

Note 43

32ec500412874f4cb81569a5483da5c9

Пусть  $(X,\leqslant)$  — булева алгебра.  $\lor^*=\{\{\text{c1::} \land \}\}$ .

Note 44

1ed5cffea17343ef9953a3bed3081904

В алгебре логики,  $\oplus^* = \{\{c1:: \sim \}\}$ .

Note 45

c7ec94fd1e224455bb8338bc967651b5

В алгебре логики,  $\sim^* = \{\{\text{c1::} \oplus \}\}.$ 

Note 46

6d5ed061caee4a21b5e098a197019176

В алгебре логики,  $|*=\{\{c1:: \downarrow \}\}$ .

Note 47

d99e4bd6874d47aeb0185f58610c8ab8

В алгебре логики,  $\downarrow^* = \{\{c1: \mid \}\}$ .

Note 48

abf23bd834914587b24eb8d0cf857c59

Пусть f:B o B и f(x)=x. Тогда  $f^*=\{\{c\in F\}\}$ .