Интуитивная теория множеств

Note 1

nod6ab23d8405a011650386a84b770

Под ((с2) множеством)) понимается ((с1) некоторая, вполне определённая совокупность объектов.))

Note 2

5f9814dbb38246348e00ffce1554e94a

Два основных способа задания множеств.

Перечисление, характеристическое правило.

Note 3

325300814df34c129e29e55cd92829be

«са Пустое множество» есть «самножество, которое не содержит элементов.»

Note 4

f4cb071a174b4cd29c7ac0c7cd405265

Note 5

ee3c092ea6f8412982372151ed6a3ef8

Пусть A — множество. (сл. Само множество A и пустое множество) называют (сл. несобственными подмножествами) множества A.

Note 6

d2d19259b6054a569cee5d5a0b24b0fe

Пусть A — множество. (сл. Все подмножества A, кроме \emptyset и A, в называют (сл. собственными подмножествами) множества A

Note 7

02ebf0e734664103a97df0f5c597b8c7

Пусть A — множество. (са: Множество всех подмножеств множества A) называется (са: булеаном) множества A.

Note 8

ac2c9531h8ad48eabh9e76hac3fdffa

Пусть A — множество. {{c²}} Булеан}} множества A обозначается {{c1}: $\mathcal{P}(A)$.}}

«са. Универсальное множество» есть (сымножество такое, что все рассматриваемые множества являются его подмножествами.

Подменения подменения

Note 10

446b3cd12ece46568e02af4ed65f3155

 $\{\{c_2\}$ Универсальное $\}$ множество обычно обозначается $\{\{c_1\}\}$ или $I_{-1}\}$

Note 11

6b9f3c8671f2472e9e3b9a20aeb66aa5

Пусть A и B — множества. Для удобства часто используется сокращение

$$\{\text{\{c2::}AB\}\} \coloneqq \{\text{\{c1::}A\cap B.\}\}$$

Note 12

dc6fc558021f401696123dddc6c61abe

Пусть A и B — множества. «Симметрической разностью» множеств A и B называется множество «СПЕ

$$(A \cup B) \setminus (A \cap B)$$
.

Note 13

1c0cfd677111482c8d16fb1c43f9f802

Пусть A и B — множества. Поста Симметрическая разносты множеств A и B обозначается (СП: $A \triangle B$.)

Note 14

658fb28e676a412082702daf0103e08e

Пусть A — множество. (са::Дополнение A)) обозначается (са:: \overline{A} .

Note 15

13a0dc7af20b45a4b8d8785debbb106a

Три первых свойства свойства операций объединения и пересечения множеств.

Коммутативность, ассоциативность, дистрибутивность.

Note 16

0ab39012eaa94abcb901e5c26354d65b

Пусть A — множество.

$$A\cap A=\{\{c1::A.\}\}$$

Note 17

99349135847f4ab7a28f76b06715594e

Пусть A — множество.

$$A \cup A = \{\{c1::A.\}\}$$

Note 18

02876f67e1514f6d92d1e32ce2a5673f

Пусть A — множество.

$$A \cup \overline{A} = \{\{c1:: U.\}\}$$

Note 19

3303d884a57c4c979ab67f664325626a

Пусть A — множество.

$$A\cap \overline{A}= ext{\{c1::}\emptyset. ext{.}\}$$

Note 20

c6b6114579204c8e99c5bfbc80ac53b9

Пусть A — множество.

$$A \cup \emptyset = \text{\{c1::}A.\text{\}}$$

Пусть A — множество.

$$A \cap \emptyset = \{\{c_1::\emptyset.\}\}$$

Note 22

bf06afa6211c4b10bd2ecffa833b05a2

Пусть A — множество.

$$A \cup U = \{\{c1::U.\}\}$$

Note 23

b5e4ab6a90eb4de38aa91aa27c7c4847

Пусть A — множество.

$$A\cap U=\{\{\mathrm{cl}::A.\}\}$$

Note 24

4e1167b5fa7748e68b1a4b9a80eaacb3

Пусть A и B — множества.

$$A_{\{\{c2:: \ \cup \ \}\}}(A_{\{\{c3:: \ \cap \ \}\}}B) = _{\{\{c1:: A.\}\}}$$

«{{с4::Закон поглощения}}»

Note 25

478752160fb94508a605ed54a8601340

Пусть A и B — множества.

$$A_{\text{\{\{c2::}\cap\}\}}\big(A_{\text{\{\{c3::}\cup\}\}}B\big)=\text{\{\{c1::}A.\}\}}$$

«{{с4::Закон поглощения}}»

Note 26

84569bc3ab574cb78e9bbc9f21dc6bd6

Пусть A и B — множества.

$$A\cap (B\cup \overline{A})=\{\{\mathrm{cl}:A\cap B.\}\}$$

Пусть A и B — множества.

$$A \cup (B \cap \overline{A}) = \{\{c1:: A \cup B.\}\}$$

Note 28

391250023de4aefa419991a4de9c8ah

Пусть A и B — множества.

$$(A \cup B) \text{(c2::} \cap \text{)} (A \cup \overline{B}) = \text{(c1::} A.\text{)}$$

«{{с3::Закон расщепления}}»

Note 29

29ec5d118d8849bea46146efcbbc4473

Пусть A и B — множества.

$$(A\cap B)\text{(c2::}\cup\text{)}(A\cap \overline{B})=\text{(c1::}A.\text{)}$$

«{{с3::Закон расщепления}}»

Note 30

cfe43c6f8ac74a43a3f82ea5e01fee7d

Пусть A — множество.

$$\overline{\overline{A}} = \{\{c1::A.\}\}$$

Note 31

edcde29726c04401a88af2ef23f3c264

Пусть A и B — множества.

$$A \setminus B = \{\{\mathrm{cl}: A \cap \overline{B}.\}\}$$

Note 32

aed19cd8fa0d4ee3abf314b502af697d

Пусть A, B и X — множества.

$$\text{(c2:}X\cup A\subseteq B\text{)(c3:}\iff\text{(c1:}X\subseteq B\text{ in }A\subseteq B\text{.})$$

(при решений уравнений относительно X)

Пусть A, B и X — множества.

$$\{\text{\{c2::} A\subseteq X\cap B\}\}\{\text{\{c3::}}\iff\}\}\{\text{\{c1::} A\subseteq X\text{ if }A\subseteq B.\}\}$$

(при решений уравнений относительно X)

Note 34

5f70eba8ee804221a8e31f858c0b43ec

Пусть A, B и X — множества.

$$\{\text{c2::}X\cap A\subseteq B\}\}\{\text{c3::}\iff\}\}\{\text{c1::}X\subseteq \overline{A}\cup B.\}\}$$

(при решений уравнений относительно X)

Note 35

72ac0b5d9c1746c79264bb9bd3a0b5f2

Пусть A, B и X — множества.

$$\{\text{c2}:A\subseteq X\cup B\}\}\{\text{c3}:\iff\}\{\text{c1}:A\cap\overline{B}\subseteq X.\}\}$$

(при решений уравнений относительно X)

Note 36

9d92e00aafb44695841b52ab137664da

Пусть A, B, C, D и X — множества.

$$\begin{cases} A \subseteq X \subseteq B \\ C \subseteq X \subseteq D \end{cases} \iff \{\{\mathtt{c2::} A \cup C\}\} \subseteq X \subseteq \{\{\mathtt{c1::} B \cap D.\}\}$$

(при решений уравнений относительно X)

Note 37

ee9afcd63b43416d954d357d1dc689bb

В чём основная идея общего алгоритма для решения систем уравнений со множествами?

Привести систему к виду $AX \cup B\overline{X} = \emptyset$, где A и B не зависят от X.

Пусть A и B — множества.

$$\{\{c3::A=B\}\}\{\{c4::\iff\}\}\{\{c1::A\bigtriangleup B\}\}=\{\{c2::\emptyset.\}\}$$

Note 39

06c3d3d8c5614af3b760a31c9b94fdc8

Пусть A и B — множества.

$$A \cup B = \emptyset$$
кез:: \iff жез:: $A = \emptyset$ и $B = \emptyset$.

Note 40

73259212f85a4411b131299cc49d90d

Пусть A и X — множества.

$$AX = \emptyset \iff \{\{c1::X \subseteq \overline{A}.\}\}$$

(при решений уравнений относительно X)

Note 41

c02302f80f0143d0bb7cdc18b8929288

Пусть B и X — множества.

$$B\overline{X} = \emptyset \iff \{\{\text{cl}:: B \subseteq X.\}\}$$

(при решений уравнений относительно X)

Note 42

96e46cd4122448b3a6c8a8543d793a05

Пусть A и B — множества. При каком условии система

$$\begin{cases} AX = \emptyset, \\ B\overline{X} = \emptyset \end{cases}$$

имеет решение?

 $B \subseteq \overline{A}$.

Note 43

e8c77h24h74411e9c9d6769ee278443

Пусть A и B — множества. Каково решение системы

$$\begin{cases} AX = \emptyset, \\ B\overline{X} = \emptyset. \end{cases}$$

$$B \subseteq X \subseteq \overline{A}$$
.

Note 44

1c5541c7c884dba936d4374ff51af88

Пусть A и B — множества. Как в уравнении $AX \cup B\overline{X} \cup C = \emptyset$ избавиться от «свободного» множества C?

 $C = \emptyset$ — условие совместности системы.

Note 45

86475fdea01944fba56365048d57b02d

Пусть A и B — множества.

$$(A\times B)\cap (B\times A)=\{\text{c2::}\emptyset\} \quad \{\text{c3::}\iff\} \quad \{\text{c1::}A\cap B=\emptyset.\}\}$$

Note 46

8ca45754929648bda3ca5496c7cba70f

Операция {{ез::декартового произведения}} {{ес::дистрибутивна}} относительно {{ес::операций \cap , \cup , \setminus , \triangle .}}

Note 47

ad330727e2cb4c27970e8cb8fdcdeb23

Пусть A, B и C — множества. Равны ли множества $(A\times B)\times C$ и $A\times (B\times C)?$

Их отождествляют и считают равными.

Note 48

06a0896de5284f44bac5ddff2170cbb1

Пусть A и B — множества. Для $\{(c, c)$ конечных $\}$ множеств,

$$|A \times B| = \{\{\text{c1::} |A| \cdot |B|.\}\}$$

Бинарные отношения

Note 1

cfc293ce41644e75h3df5d21a2hf036d

Пусть A и B — множества. «с. Бинарным отношением» на множествах A и B называется «с. некоторое подмножество $A \times B$.

Note 2

3ba559fe73cf4c90b5b919ce1a45881a

Четыре способа задания бинарных отношений.

Перечисление, правило, матрица, граф.

Note 3

c0ee3ac94a454d748e625d9e8c85476

Пусть $R \subseteq A \times B$ — бинарное отношение.

$$aRb \stackrel{\mathrm{def}}{\Longleftrightarrow} \{\{c1::(a,b)\in R.\}\}$$

Note 4

cef6486539a64268a1827f863aa7b9e1

Пусть $R\subseteq A\times B$ — бинарное отношение. «Собратным отношением к R» называется «сомножество

$$\{(b,a) \mid aRb\}$$
.

}}

Note 5

5e2c602b70a3473684a8ea79d93c7d68

Пусть $R\subseteq A\times B$ — бинарное отношение. Подобратное отношение к R обозначается (клад R^{-1} .)

Note 6

86c9a04a7ac14724b416780fec688449

Пусть $R \subseteq A \times B$ — бинарное отношение.

$$(R^{-1})^{-1} = \{\{c1::R.\}\}$$

Пусть $R\subseteq A\times B$ — бинарное отношение. (с2) Областью определения R) называется (с1) множество

$$\{x \mid \exists y : xRy\}$$
.

Note 8

08e952c62da84566a99743eb4c6c48a5

Пусть $R\subseteq A imes B$ — бинарное отношение. ((c2):Область определения R)) обозначается ((c1):D(R),)) ((c1): δ_R)) или ((c1):dom R.))

Note 9

13e35bd817d9438690104754dc4d016

Пусть $R\subseteq A imes B$ — бинарное отношение. Пода Областью значений R называется пода множество

$$\{y\mid \exists x:xRy\}\,.$$

Note 10

051cc32e89b94beebd49875c952f6b5b

Пусть $R\subseteq A\times B$ — бинарное отношение. (са:Область значений R) обозначается (са:E(R),)) (са: ρ_R)) или (са: $\operatorname{im} R$.)

Note 11

c0426f6bec33477e9bc759610c4d426b

Пусть $R\subseteq A\times B$ и $S\subseteq B\times C$ — бинарные отношения. (с2:: Композицией R и S) называется (с1::множество

$$\{(a,c)\mid \exists b:aRb$$
 и $bSc\}$.

Note 12

41418613a7934da4ab810abfcdf24e1a

Пусть $R\subseteq A\times B$ и $S\subseteq B\times C$ — бинарные отношения. (сель композиция R и S) обозначается (сель

$$R \circ S$$
.

Является ли операция композиции бинарных отношений коммутативной?

Нет.

Note 14

63f83037312e4f29a81de945fb387d0

Является ли операция композиции бинарных отношений ассоциативной?

Да.

Note 15

1530beb1e1c24540a8be6f534775cca0

Пусть $R \subseteq A \times B$ и $S \subseteq B \times C$ — бинарные отношения.

$$(R \circ S)^{-1} = \{\{c1:: S^{-1} \circ R^{-1}.\}\}$$

Note 16

8e02e778a9a5426fa89340cd47a6a0c5

Пусть $R\subseteq A\times B$ — бинарное отношение. Отношение R называется (селинтранзитивным,)) если (селинтранзитивным)

$$aRb$$
 и $bRc \implies \overline{aRc}$.

Note 17

f3fcca348ef844da9d3cf01b1e27fe1f

Матрица A называется $\{(e^{2\pi}$ бинарной, $(e^{1\pi})$ если $\{(e^{1\pi})$ все её элементы принадлежат множеству $\{0,1\}$. $(e^{1\pi})$

Note 18

25d02bbd94644780a0346254f22a07df

Пусть $R\subseteq A\times B$ — бинарное отношение, (св. A и B конечны.)) (св. Матрицей отношения R) называется (св. бинарная матрица

$$(a_i R b_j) \sim |A| \times |B|$$
.