

Интуитивная теория множеств

Note 1

6c0ed6eb23d8405e911650386a84b770

Под $\{\{c2::\text{множеством}\}\}$ понимается $\{\{c1::\text{некоторая, вполне определённая совокупность объектов.}\}\}$

Note 2

5f9814dbb38246348e00fce1554e94a

Два основных способа задания множеств.

■ Перечисление, характеристическое правило.

Note 3

325300814df34c129e29e55cd92829be

$\{\{c2::\text{Пустое множество}\}\}$ есть $\{\{c1::\text{множество, которое не содержит элементов.}\}\}$

Note 4

f4cb071a174b4cd29c7ac0c7cd405265

$\{\{c2::\text{Пустое}\}\}$ множество обозначается $\{\{c1::\emptyset \text{ или } \{\}\}\}$

Note 5

ee3c092ea6f8412982372151ed6a3ef8

Пусть A — множество. $\{\{c1::\text{Само множество } A \text{ и пустое множество}\}\}$ называют $\{\{c2::\text{несобственными подмножествами}\}\}$ множества A .

Note 6

d2d19259b6054a569cee5d5a0b24b0fe

Пусть A — множество. $\{\{c1::\text{Все подмножества } A, \text{ кроме } \emptyset \text{ и } A, \}\}\}$ называют $\{\{c2::\text{собственными подмножествами}\}\}$ множества A

Note 7

02ebf0e734664103a97df0f5c597b8c7

Пусть A — множество. $\{\{c2::\text{Множество всех подмножеств множества } A\}\}$ называется $\{\{c1::\text{булеаном}\}\}$ множества A .

Note 8

ac2c9531b8ad48eabb9e76bac3fdffaa

Пусть A — множество. $\{\{c2::\text{Булеан}\}\}$ множества A обозначается $\{\{c1::\mathcal{P}(A)\}\}$

Note 9

2355b9e8f18a44148a0a3fd9f08c2034

Универсальное множество есть множество такое, что все рассматриваемые множества являются его подмножествами.

Note 10

446b3cd12ece46568e02af4ed65f3155

Универсальное множество обычно обозначается U или I .

Note 11

6b9f3c8671f2472e9e3b9a20aeb66aa5

Пусть A и B — множества. Для удобства часто используется сокращение

$$AB := A \cap B.$$

Note 12

dc6fc558021f401696123dddc6c61abe

Пусть A и B — множества. Симметрической разностью множеств A и B называется множество

$$(A \cup B) \setminus (A \cap B).$$

}

Note 13

1c0cfd677111482c8d16fb1c43f9f802

Пусть A и B — множества. Симметрическая разность множеств A и B обозначается $A \triangle B$.

Note 14

658fb28e676a412082702daf0103e08e

Пусть A — множество. Дополнение A обозначается \overline{A} .

}

Note 15

13a0dc7af20b45a4b8d8785debbb106a

Три первых свойства свойства операций объединения и пересечения множеств.

■ Коммутативность, ассоциативность, дистрибутивность.

Note 16

0ab39012eaa94abcb901e5c26354d65b

Пусть A — множество.

$$A \cap A = \{\{c1:A.\}\}$$

Note 17

99349135847f4ab7a28f76b06715594e

Пусть A — множество.

$$A \cup A = \{\{c1:A.\}\}$$

Note 18

02876f67e1514f6d92d1e32ce2a5673f

Пусть A — множество.

$$A \cup \overline{A} = \{\{c1:U.\}\}$$

Note 19

3303d884a57c4c979ab67f664325626a

Пусть A — множество.

$$A \cap \overline{A} = \{\{c1:\emptyset.\}\}$$

Note 20

c6b6114579204c8e99c5bfbc80ac53b9

Пусть A — множество.

$$A \cup \emptyset = \{\{c1:A.\}\}$$

Note 21

35fbc385403041a7a92f1a9980d5643f

Пусть A — множество.

$$A \cap \emptyset = \{\{c1: \emptyset.\}\}$$

Note 22

bf06afa6211c4b10bd2ecffa833b05a2

Пусть A — множество.

$$A \cup U = \{\{c1: U.\}\}$$

Note 23

b5e4ab6a90eb4de38aa91aa27c7c4847

Пусть A — множество.

$$A \cap U = \{\{c1: A.\}\}$$

Note 24

4e1167b5fa7748e68b1a4b9a80eaacb3

Пусть A и B — множества.

$$A_{\{\{c2:: \cup \}\}}(A_{\{\{c3:: \cap \}\}}B) = \{\{c1: A.\}\}$$

«{\[c4:Закон поглощения]\}

Note 25

478752160fb94508a605ed54a8601340

Пусть A и B — множества.

$$A_{\{\{c2:: \cap \}\}}(A_{\{\{c3:: \cup \}\}}B) = \{\{c1: A.\}\}$$

«{\[c4:Закон поглощения]\}

Note 26

84569bc3ab574cb78e9bbcb9f21dc6bd6

Пусть A и B — множества.

$$A \cap (B \cup \overline{A}) = \{\{c1: A \cap B.\}\}$$

Note 27

8c46cf622a9840ba818604b1ddcbd74f

Пусть A и B — множества.

$$A \cup (B \cap \overline{A}) = \{ \{c1::A \cup B, \} \}$$

Note 28

f391250023de4acfa419991a4de9c8ab

Пусть A и B — множества.

$$(A \cup B) \{ \{c2:: \cap \} \} (A \cup \overline{B}) = \{ \{c1::A, \} \}$$

« $\{ \{c3:: \text{Закон расщепления} \} \}$ »

Note 29

29ec5d118d8849bea46146efcbbc4473

Пусть A и B — множества.

$$(A \cap B) \{ \{c2:: \cup \} \} (A \cap \overline{B}) = \{ \{c1::A, \} \}$$

« $\{ \{c3:: \text{Закон расщепления} \} \}$ »

Note 30

cfe43c6f8ac74a43a3f82ea5e01fee7d

Пусть A — множество.

$$\overline{\overline{A}} = \{ \{c1::A, \} \}$$

Note 31

edcde29726c04401a88af2ef23f3c264

Пусть A и B — множества.

$$A \setminus B = \{ \{c1::A \cap \overline{B}, \} \}$$

Note 32

aed19cd8fa0d4ee3abf314b502af697d

Пусть A, B и X — множества.

$$\{ \{c2:: X \cup A \subseteq B \} \} \{ \{c3:: \iff \} \} \{ \{c1:: X \subseteq B \text{ и } A \subseteq B, \} \}$$

(при решений уравнений относительно X)

Note 33

ec3c6b3684844799a206353c8668876c

Пусть A, B и X — множества.

$$\{\{c2:: A \subseteq X \cap B\}\}\{\{c3:: \iff \}\}\{\{c1:: A \subseteq X \text{ и } A \subseteq B.\}\}$$

(при решений уравнений относительно X)

Note 34

5f70eba8ec804221a8c31f858c0b43ec

Пусть A, B и X — множества.

$$\{\{c2:: X \cap A \subseteq B\}\}\{\{c3:: \iff \}\}\{\{c1:: X \subseteq \overline{A} \cup B.\}\}$$

(при решений уравнений относительно X)

Note 35

72ac0b5d9c1746c79264bb9bd3a0b5f2

Пусть A, B и X — множества.

$$\{\{c2:: A \subseteq X \cup B\}\}\{\{c3:: \iff \}\}\{\{c1:: A \cap \overline{B} \subseteq X.\}\}$$

(при решений уравнений относительно X)

Note 36

9d92e00aafb44695841b52ab137664da

Пусть A, B, C, D и X — множества.

$$\begin{cases} A \subseteq X \subseteq B \\ C \subseteq X \subseteq D \end{cases} \iff \{\{c2:: A \cup C\}\} \subseteq X \subseteq \{\{c1:: B \cap D.\}\}$$

(при решений уравнений относительно X)

Note 37

ee9afcd63b43416d954d357d1dc689bb

В чём основная идея общего алгоритма для решения систем уравнений со множествами?

Привести систему к виду $AX \cup B\overline{X} = \emptyset$, где A и B не зависят от X .

Note 38

f443d4e12a8745178ba97fd0f1d8772

Пусть A и B — множества.

$$\{\{c3:: A = B\}\}\{\{c4:: \} \} \iff \{\{c1:: A \triangle B\}\} = \{\{c2:: \emptyset.\}\}$$

Note 39

06c3d3d8c5614af3b760a31c9b94fdc8

Пусть A и B — множества.

$$A \cup B = \emptyset \iff \{\{c1:: A = \emptyset \text{ и } B = \emptyset.\}\}$$

Note 40

73259212f85a4411b131299cc49d90dc

Пусть A и X — множества.

$$AX = \emptyset \iff \{\{c1:: X \subseteq \overline{A}.\}\}$$

(при решений уравнений относительно X)

Note 41

c02302f80f0143d0bb7cdc18b8929288

Пусть B и X — множества.

$$B\overline{X} = \emptyset \iff \{\{c1:: B \subseteq X.\}\}$$

(при решений уравнений относительно X)

Note 42

96e46cd4122448b3a6c8a8543d793a05

Пусть A и B — множества. При каком условии система

$$\begin{cases} AX = \emptyset, \\ B\overline{X} = \emptyset \end{cases}$$

имеет решение?

■ $B \subseteq \overline{A}.$

Note 43

5e8c77b24b74411e9c9d6769ee278443

Пусть A и B — множества. Каково решение системы

$$\begin{cases} AX = \emptyset, \\ B\overline{X} = \emptyset. \end{cases}$$

■ $B \subseteq X \subseteq \overline{A}.$

Note 44

f1c5541c7c884dba936d4374ff51af88

Пусть A и B — множества. Как в уравнении $AX \cup B\overline{X} \cup C = \emptyset$ избавиться от «свободного» множества C ?

■ $C = \emptyset$ — условие совместности системы.

Note 45

86475fdea01944fba56365048d57b02d

Пусть A и B — множества.

$$(A \times B) \cap (B \times A) = \{\emptyset\} \iff \{A \cap B = \emptyset\}$$

Note 46

8ca45754929648bda3ca5496c7cba70f

Операция декартового произведения дистрибутивна относительно операций $\cap, \cup, \setminus, \Delta$.

Note 47

ad330727e2cb4c27970e8cb8fdcdcb23

Пусть A, B и C — множества. Равны ли множества $(A \times B) \times C$ и $A \times (B \times C)$?

■ Их отождествляют и считают равными.

Note 48

06a0896de5284f44bac5ddff2170cbb1

Пусть A и B — множества. Для $\{\{c2::\text{конечных}\}\}$ множеств,

$$|A \times B| = \{\{c1:: |A| \cdot |B| \cdot\}\}$$

Note 49

cfc293ce41644e75b3df5d21a2bf036d

Пусть A и B — множества. $\{\{c2::\text{Бинарным отношением}\}\}$ на множествах A и B называется $\{\{c1::\text{некоторое подмножество } A \times B.\}\}$

Note 50

3ba559fe73cf4e90b5b919ce1a45881a

Четыре способа задания бинарных отношений.

■ Перечисление, правило, матрица, граф.