



Министерство науки и высшего образования Российской Федерации  
Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение  
высшего образования  
«Московский государственный технический университет  
имени Н.Э. Баумана  
(национальный исследовательский университет)»  
(МГТУ им. Н.Э. Баумана)

ФАКУЛЬТЕТ «Информатика и системы управления» (ИУ)  
КАФЕДРА «Программное обеспечение ЭВМ и информационные технологии» (ИУ7)

**ОТЧЕТ ПО ЛАБОРАТОРНОЙ РАБОТЕ №7**  
**«СБАЛАНСИРОВАННЫЕ ДЕРЕВЬЯ, ХЕШ-ТАБЛИЦЫ»**  
по курсу:  
**«ТИПЫ И СТРУКТУРЫ ДАННЫХ»**

Вариант: 1

Студент:

Авдейкина Валерия Павловна, группа ИУ7-33Б

\_\_\_\_\_  
(подпись, дата)

Руководители:

Преподаватель ИУ7

Силантьева Александра Васильевна

\_\_\_\_\_  
(подпись, дата)

Преподаватель ИУ7

Барышникова Марина Юрьевна

\_\_\_\_\_  
(подпись, дата)

Проверяющий:

Барышникова Марина Юрьевна

\_\_\_\_\_  
(подпись, дата)

Оценка: \_\_\_\_\_

2022 г.

# Оглавление

Описание условий задачи.....	3
Техническое задание.....	4
1 Входные данные.....	4
2 Выходные данные.....	4
3 Задача, реализуемая программой.....	5
4 Способ обращения к программе.....	5
5 Возможные аварийные ситуации и ошибки со стороны пользователя.....	6
Описание внутренних структур данных.....	7
Алгоритм.....	9
Тестирование.....	12
Оценка эффективности.....	13
Контрольные вопросы.....	15
1 Чем отличается идеально сбалансированное дерево от АВЛ дерева?.....	15
2 Чем отличается поиск в АВЛ-дереве от поиска в дереве двоичного поиска?.....	15
3 Что такое хеш-таблица, каков принцип ее построения?.....	15
4 Что такое коллизии? Каковы методы их устранения.....	15
5 В каком случае поиск в хеш-таблицах становится неэффективен?.....	15
6 Эффективность поиска в АВЛ деревьях, в дереве двоичного поиска, в хеш-таблицах и в файле.....	15
Выводы.....	16

## Описание условий задачи

Построить хеш-таблицу по указанным данным. Сравнить эффективность поиска в сбалансированном двоичном дереве, в двоичном дереве поиска и в хеш-таблице (используя открытую и закрытую адресацию). Вывести на экран деревья и хеш-таблицу. Подсчитать среднее количество сравнений для поиска данных в указанных структурах. Произвести реструктуризацию хеш-таблицы, если среднее количество сравнений больше указанного. Оценить эффективность использования этих структур (по времени и памяти) для поставленной задачи. Оценить эффективность поиска в хеш-таблице при различном количестве коллизий и при различных методах их разрешения.

Вариантное задание: Используя предыдущую программу (задача №6), сбалансировать полученное дерево. Вывести его на экран в виде дерева. Построить хеш-таблицу из чисел файла. Осуществить поиск введенного целого числа в двоичном дереве поиска, в сбалансированном дереве и в хеш-таблице. Сравнить время поиска, объем памяти и количество сравнений при использовании различных структур данных.

# Техническое задание

## 1 Входные данные

- Входные данные при вводе номера выбранной опции меню:
  - Целые беззнаковые числа [0; 14]
- Входные данные для различных опций меню:

Номер опции	Название опции	Входные данные
0	Выход	-
1	Задать файл для обработки	Имя файла, код адресации
2	Вывести на экран ДДП, АВЛ-дерево	-
3	Вывести на экран хеш-таблицу	-
4	Выполнить поиск с анализом	Максимальное количество сравнений
5	Создать новый файл с данными	Имя файла
6	Добавить новый элемент	Значение элемента
7	Выполнить поиск в структурах	Значение элемента
8	Очистить все	-
9	Изменить адресацию хеш-таблицы	-
10	Вывести меню	-
11	Вывести правила ввода	-

Таблица 1: Входные данные опций меню

- Имя файла: символы, не более 255
- Значение элемента: целое число из [-2147483648; 2147483647]
- Максимальное количество сравнений: вещественное число  $> 1$
- Код адресации: 0 (закрытая), 1 (открытая)

## 2 Выходные данные

- Выходные данные при вводе номера выбранной опции меню:
  - Выходные данные команды в случае корректного ввода
- Выходные данные для различных опций меню:

Номер	Название опции	Выходные данные
0	Выход	Сообщение об успешном выполнении / сообщение об ошибке
1	Задать файл для обработки	Сообщение об успешном выполнении / сообщение об ошибке
2	Вывести на экран ДДП, AVL-дерево	Изображения деревьев
3	Вывести на экран хеш-таблицу	Хеш-таблица
4	Выполнить поиск с анализом	Результаты анализа
5	Создать новый файл с данными	Сообщение об успешном выполнении / сообщение об ошибке
6	Добавить новый элемент	Сообщение об успешном выполнении / сообщение об ошибке
7	Выполнить поиск в структурах	Сообщение об успешном выполнении / сообщение об ошибке
8	Очистить все	Сообщение об успешном выполнении / сообщение об ошибке
9	Изменить адресацию хеш-таблицы	Сообщение об успешном выполнении / сообщение об ошибке
10	Вывести меню	Меню
11	Вывести правила ввода	Правила ввода

Таблица 2: Выходные данные опций меню

### 3 Задача, реализуемая программой

Программа реализует обработку набора целых чисел с помощью составления двоичного дерева поиска, его балансировки и хеш-таблицы и оценивает эффективность разных способов поиска элемента.

### 4 Способ обращения к программе

Программа вызывается в командной строке без каких-либо аргументов. Ввод данных производится с клавиатуры после соответствующего приглашения к вводу («Команда . . .» / «Введите . . .»).

## **5      Возможные аварийные ситуации и ошибки со стороны пользователя**

### **1. Некорректный ввод имени файла:**

1.1. Пустой ввод

1.2. Недопустимые символы

1.3. Превышение допустимого количества символов (*поведение программы не определено*)

1.4. Имя несуществующего файла или директории

### **2. Некорректные данные в обрабатываемом файле / вводе с клавиатуры**

### **3. Некорректный ввод номера опции:**

3.1. Пустой ввод

3.2. Недопустимые символы (*поведение программы не определено* )

3.3. Недопустимый номер

### **4. Вставка элемента в заполненную хеш-таблицу без реструктуризации**

## Описание внутренних структур данных

В ходе работы были составлены следующие структуры:

1. Дерево двоичного поиска — АД, тип которого — `tree_t`, указатель на структуру `tree_node`:

- `struct tree_node`:
  - `key` (метка узла) — поле типа `int` (`key_t`)
  - `left` (левый потомок) — поле типа `tree_t` (`struct tree_node*`)
  - `right` (правый потомок) — поле типа `tree_t` (`struct tree_node*`)

```
typedef struct tree_node* tree_t;
typedef int key_t;

struct tree_node
{
    key_t key;
    tree_t left;
    tree_t right;
};
```

*Итоговый размер структуры: 20 байт.*

2. Сбалансированное двоичное дерево (АВЛ-дерево) — АД, тип которого — `avltree_t`, указатель на структуру `avltree_node`:

- `struct avltree_node`:
  - `key` (метка узла) — поле типа `int` (`key_t`)
  - `left` (левый потомок) — поле типа `avltree_t` (`struct avltree_node*`)
  - `right` (правый потомок) — поле типа `avltree_t` (`struct avltree_node*`)
  - `height` (высота узла) — поле типа `size_t`

```
typedef struct tree_node* tree_t;
typedef int key_t;

struct tree_node
{
    key_t key;
    tree_t left;
    tree_t right;
    size_t height;
};
```

*Итоговый размер структуры: 28 байт.*

3. Хеш-таблица struct hash\_table (данные — массив из элементов типа hash\_elem):

```
struct hash_elem
{
    int not_empty;
    key_t key;
    hashtable_t next;
};

typedef struct hash_table *hash_t;

typedef struct hash_elem *hashtable_t;
typedef int (*hash_func_pt)(hash_t table, const key_t key);

struct hash_table
{
    hashtable_t data;
    size_t size;
    size_t comparisons;
    size_t collisions;
    size_t try_count;
    int addr_code;
    hash_func_pt hash_func;
};
```

*Итоговый размер структуры: 48 байт.*



# Алгоритм

## 1. Вставка в AVL-дерево

1.1. Поиск в AVL-дерево аналогичен поиску в ДДП

1.2. Основные действия с вершиной (перераспределение указателей):  
малый поворот влево, малый поворот вправо, большой поворот вправо, большой поворот влево

1.3. При вставке узла проверяется его наличие в дерево

1.4. После рекурсивной вставки перерасчитываются высоты каждого узла и проводится рекурсивная ребалансировка:

1.4.1. Если баланс-фактор (*разность высот правого и левого поддеревьев*) узла меньше -1 и при этом баланс-фактор левого поддерева:

а) равен -1

- происходит малый поворот узла вправо

б) равен 1

- происходит большой поворот узла вправо

1.4.2. Если баланс-фактор узла больше 1 и при этом баланс-фактор правого поддерева:

а) равен 1

- происходит малый поворот узла влево

б) равен -1

- происходит большой поворот узла влево

## 2. Заполнение хеш-таблицы и поиск

- Реструктуризация осуществляется с помощью увеличения размера хеш-таблицы в  $k = 1,5$  раза
- Размер хеш-таблицы является наименьшим простым числом, превосходящим количество элементов  $* k = 1,5$
- Хеш-таблица может быть заполнена двумя способами, которые отличаются методами разрешения коллизий (случаев совпадения значений хеш-функции каких-либо элементов):

## 2.1. Открытая адресация

- В хеш-таблице не используется возможность создавать списки
- **Хеш-функция:**  $\text{hash} = (\text{hash} + \text{try\_count} \wedge 2) \% \text{size}$ 
  - size — размер таблицы
  - key — ключ элемента
  - try\_count — номер попытки вставки элемента в таблицу
- В случае *коллизии* try\_count увеличивается на 1, вычисляется новый хеш и проверяется, свободен ли элемент с новым хешем; если нет — все повторяется (до тех пор, пока не найдется «пустое место»)
- *Поиск элемента* осуществляется с аналогичным использованием хеш-функции до того момента, пока не будет обнаружен пустой элемент хеш-таблицы

## 2.2. Закрытая адресация

- В хеш-таблице используются линейные односвязные списки
- **Хеш-функция:**  $\text{hash} = \text{key} \% \text{size}$ 
  - key — ключ элемента
  - size — размер таблицы
- В случае коллизии элемент добавляется в конец списка, связанного с полученным хешем
- *Поиск элемента* осуществляется с использованием хеш-функции для получения соответствующего хеша и дальнейшим простым перебором связанного с этим хешем списка

В реализации решения задачи были использованы следующие основные функции:

Функция	Описание
<code>int _balance_factor(avltree_t node)</code>	Получение баланс-фактора узла
<code>avltree_t rotate_right(avltree_t node)</code>	Малый поворот узла вправо
<code>avltree_t rotate_left(avltree_t node)</code>	Малый поворот узла влево
<code>avltree_t rotate_left_right(avltree_t node)</code>	Большой поворот узла вправо
<code>avltree_t</code>	Большой поворот узла влево

<code>rotate_right_left(avltree_t node)</code>	
<code>avltree_t _rebalance(avltree_t tree)</code>	Ребалансировка tree
<code>avltree_t avl_insert_node(avltree_t tree, avltree_t node)</code>	Вставка узла node в дерево tree
<code>avltree_t avl_search_node(avltree_t tree, <b>const</b> key_t key)</code>	Поиск ключа key в дереве tree
<code><b>int</b> closed_hash_func(hash_t table, <b>const</b> key_t key)</code>	Хеш-функция открытой адресации
<code><b>int</b> opened_hash_func(hash_t table, <b>const</b> key_t key)</code>	Хеш-функция закрытой адресации
<code><b>int</b> closed_insert(hash_t table, <b>const</b> key_t key)</code>	Вставка в хеш-таблицу с открытой адресацией
<code><b>int</b> opened_insert(hash_t table, <b>const</b> key_t key)</code>	Вставка в хеш-таблицу с закрытой адресацией
<code><b>int</b> fill_hashtable(<b>FILE</b> *<b>const</b> f, hash_t table)</code>	Заполнение таблицы table из файла f
<code><b>int</b> restructure_hashtable(<b>FILE</b> *<b>const</b> f, hash_t table)</code>	Реструктуризация таблицы table с данными из файла f
<code><b>int</b> search_hashtable(hash_t table, <b>const</b> key_t key, <b>const int</b> code)</code>	Поиск key в table; code — VERBOSE / QUIET

Таблица 3. Описание основных функций

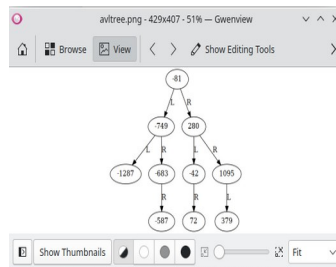
# Тестирование

- Позитивные тесты

- **Команда 1**

```
Команда (10 - меню, 11 - правила): 1
Введите имя файла: ./data/10.txt
Файл с данными был успешно закрн
Введите код адресации (0 - задан., 1 - откр.): 1
ДДП было успешно заполнено
АВЛ-дерево было успешно заполнено
Хеш-таблица была успешно заполнена
```

- **Команда 2**



- **Команда 3**

Команда (10 – меню, 11 – правила): 3

Текущая хеш-таблица:

Тип адресации: ОТКРЫТАЯ

Хеш	Значение
0	-749
4	72
5	-81
6	-1287
7	1095
8	280
9	379
10	-42
11	-587
15	-683

Размер таблицы: 17  
Количество КОЛЛИЗИЙ: 6

- **Команда 6**

```
Команда (10 - меню, 11 - правила): 6
Введите элемент: 10
Элемент 10 был успешно вставлен в хеш-таблицу
Элемент 10 был успешно добавлен в файл ./data/20.txt
Элемент 10 был успешно вставлен в ДДП
Элемент 10 был успешно вставлен в AVL-дерево
```

- **Команда 7**

```
Команда (10 - меню, 11 - правила): 7
Введите элемент: 10

Элемент 10 найден в ДДП: 10 [ L: -, R: -]
- Кол-во сравнений: 2
Элемент 10 найден в AVL-дереве: 10 [ L: -, R: -, H = 1]
- Кол-во сравнений: 4
Элемент 10 найден в хеш-таблице, хеш: 10
- Кол-во сравнений: 1
```

- Команда 8, 9

```
Команда (10 - меню, 11 - правила): 9
Хеш-таблица была успешно заполнена

Команда (10 - меню, 11 - правила): 8
Выбор файла был успешно сброшен
ДДП было успешно очищено
АВЛ-дерево было успешно очищено
Хеш-таблица была успешно очищена
```

- Негативные тесты: вызов при пустом дереве / некорректный ввод

## Оценка эффективности

Время поиска замерялось в двух плоскостях: в зависимости от количества входных чисел и в зависимости от типа адресации хеш-таблицы (а также при ее реструктуризации). Количество итераций для всех плоскостей: 20. В верхнем левом углу указано количество чисел в файле. Реструктуризация проводилась при количестве сравнений, превышающем 4.

500		Время (мкс)	Сравнения	Размер
ДДП	:	4.45	498.00	12000
АВЛ	:	0.40	10.10	16000
ХЕШ (откр)	:	0.55	2.70	16152
Коллизии: 211				
ХЕШ (закр)	:	0.40	1.10	16196
Коллизии: 103				

Рисунок 1: Результат для 500 чисел в случайном порядке

1000		Время (мкс)	Сравнения	Размер
ДДП	:	8.75	985.00	24000
АВЛ	:	0.55	11.50	32000
ХЕШ (откр)	:	0.40	2.15	32056
Коллизии: 431				
ХЕШ (закр)	:	0.40	1.00	32100
Коллизии: 214				

Рисунок 2: Результат для 1000 чисел в случайном порядке

2000		Время (мкс)	Сравнения	Размер
ДДП	:	21.20	1951.00	48000
АВЛ	:	0.60	12.05	64000
ХЕШ (откр)	:	0.55	3.85	64024
Коллизии: 788				
ХЕШ (закр)	:	0.30	1.20	64068
Коллизии: 380				

Рисунок 3: Результат для 2000 чисел в случайном порядке

500		Время (мкс)	Сравнения	Размер
ДДП	:	5.35	500.00	12000
АВЛ	:	0.50	10.00	16000
ХЕШ (откр)	:	0.60	9.15	16152
Коллизии: 0				
ХЕШ (ге)	:	0.45	5.50	32476
Коллизии: 0				
ХЕШ (закр)	:	0.45	1.00	16196
Коллизии: 0				

Рисунок 4: Результат для 500 чисел в порядке возрастания

500		Время (мкс)	Сравнения	Размер
ДДП	:	5.00	500.00	12000
АВЛ	:	0.35	10.00	16000
ХЕШ (откр)	:	0.45	9.15	16152
Коллизии: 0				
ХЕШ (ге)	:	0.50	5.50	32476
Коллизии: 0				
ХЕШ (закр)	:	0.35	1.00	16196
Коллизии: 0				

Рисунок 5: Результат для 500 чисел в обратном порядке

Исходя из результатов, можно сделать следующие выводы:

- Поиск в двоичном дереве без балансировки является наименее эффективным по времени для всех случаев, но наиболее экономным по памяти
- Поиск в АВЛ-дереве намного более эффективен по времени, чем поиск в двоичном дереве поиска, и более эффективен в случае отсортированных данных в сравнении с хеш-таблицей
- Поиск в хеш-таблице является наиболее эффективным как по времени, так и по количеству сравнений
- При как-либо отсортированных данных поиск в ДДП содержит в среднем максимальное число сравнений
- В силу сторонних процессов появляется большая погрешность при измерении времени в мкс и эффективность поиска в хеш-таблице становится более заметной лишь при больших размерах входных данных

## Контрольные вопросы

### 1 Чем отличается идеально сбалансированное дерево от AVL дерева?

В AVL-дереве менее строгие требования: для каждой вершины разница максимальных высот левого и правого поддеревьев не больше 1, а для идеального — любых высоту

### 2 Чем отличается поиск в AVL-дереве от поиска в дереве двоичного поиска?

Поиск в AVL-дереве ничем не отличается от поиска в ДДП, однако в силу особенностей структур он быстрее.

### 3 Что такое хеш-таблица, каков принцип ее построения?

Хеш-таблица — массив, заполненный в порядке, определенном хеш-функцией. Принцип построения: по ключу элемента рассчитывается хеш, который является индексом в хеш-таблице.

### 4 Что такое коллизии? Каковы методы их устранения.

Коллизии — случаи, когда хеши двух разных элементов совпадают. Методы разрешения: открытая адресация (хеш увеличивается на количество попыток вставить) и закрытая (метод цепочек, для каждого хеша создается связный список).

### 5 В каком случае поиск в хеш-таблицах становится неэффективен?

Поиск в хеш-таблицах становится неэффективен, когда сравнений становится больше 2-4 (много данных с одинаковыми хешами)

### 6 Эффективность поиска в AVL деревьях, в дереве двоичного поиска, в хеш-таблицах и в файле

Поиск в ДДП более эффективен по времени, чем поиск в файле.

Поиск в AVL-дереве более эффективен по времени, чем поиск в ДДП.

Поиск в хеш-таблице более эффективен по времени, чем поиск в AVL-дереве.

## **Выводы**

В ходе работы было выяснено, что использование хеш-таблицы для поиска целых чисел является более эффективным по времени по сравнению с ДДП и AVL-деревьями, но в то же время используется больший объем памяти.