

# Aprendizado de máquina

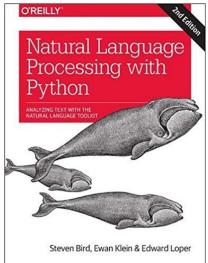
Fundamentos e aplicações em processamento de linguagem natural

Felipe Navarro Balbino Alves

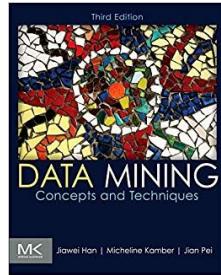
# Github do curso

[https://github.com/fnbalves/curso\\_machine\\_learning/](https://github.com/fnbalves/curso_machine_learning/)

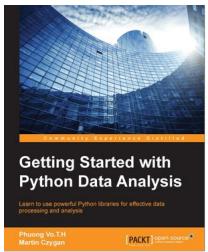
# Bibliografia de interesse



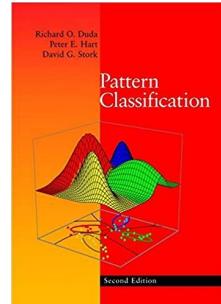
**Natural Language Processing with Python**  
Steven Bird (Disponível online)



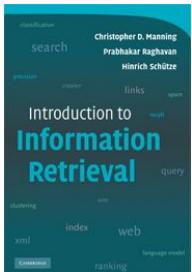
**Data Mining - Concepts and Techniques**  
Han & Kamber



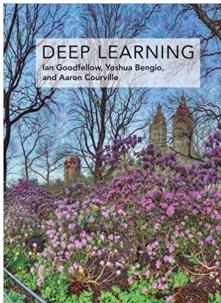
**Getting started with Python Data Analysis**  
Phuong Vo. T.H



**Pattern Classification**  
Han & Kamber



**Introduction to information Retrieval**  
Cristopher D. Manning



**Deep Learning**  
Ian Goodfellow (Disponível online)

# Bibliografia de interesse - Material online

NLTK book:

<https://www.nltk.org/book/>

Introduction to Information Retrieval:

<https://nlp.stanford.edu/IR-book/>

Scikit-learn documentation:

<https://scikit-learn.org/stable/>

The Deep Learning book:

<https://www.deeplearningbook.org/>



## Classification

Identifying to which category an object belongs to.  
**Applications:** Spam detection, Image recognition.  
**Algorithms:** SVM, nearest neighbors, random forest, ...  
[— Examples](#)

## Regression

Predicting a continuous-valued attribute associated with an object.  
**Applications:** Drug response, Stock prices.  
**Algorithms:** SVR, ridge regression, Lasso, ...  
[— Examples](#)

## Clustering

Automatic grouping of similar objects into sets.  
**Applications:** Customer segmentation, Grouping experiment outcomes  
**Algorithms:** k-Means, spectral clustering, mean-shift, ...  
[— Examples](#)

## Dimensionality reduction

Reducing the number of random variables to consider.  
**Applications:** Visualization, Increased efficiency  
**Algorithms:** PCA, feature selection, non-negative matrix factorization.  
[— Examples](#)

## Model selection

Comparing, validating and choosing parameters and models.  
**Goal:** Improved accuracy via parameter tuning  
**Modules:** grid search, cross validation, metrics.  
[— Examples](#)

## Preprocessing

Feature extraction and normalization.  
**Application:** Transforming input data such as text for use with machine learning algorithms.  
**Modules:** preprocessing, feature extraction.  
[— Examples](#)

# O que é aprendizado de máquina?

**Exemplo prático:** precificar um imóvel

Seu trabalho é ajudar um corretor de imóveis a estimar o preço de uma propriedade.

Como podemos atacar o problema?

Valor Venda	R\$ 290.000
Quartos	
2	
Banheiros	
2	
M² total	
120	
Vagas	
1	

# O que é aprendizado de máquina?

**Exemplo prático:** precificar um imóvel

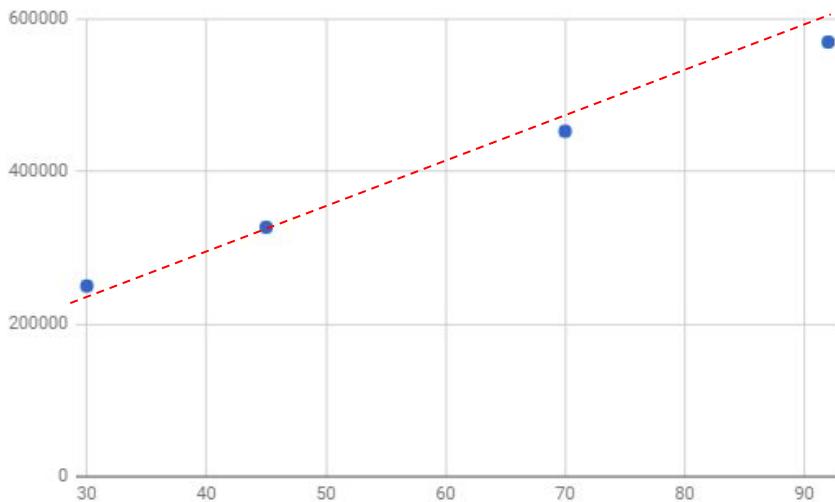
O corretor lhe fornece a seguinte planilha de dados de precificação anteriores

Imóvel	Tamanho do imóvel em metros quadrados	Preço do imóvel em reais
Rua da Palma, 467	30	250.000
Conde de irajá 344	45	325.100
Agamenon magalhães 56	70	453.000
Joaquim Nabuco 443	92	570.000

# O que é aprendizado de máquina?

**Exemplo prático:** precificar um imóvel

Você decide plotar os dados



Você descobre que a relação é aproximadamente uma reta, de equação

$$100000 + 5000 \times (\text{tamanho do imóvel})$$

# O que é aprendizado de máquina?

**Exemplo prático:** precificar um imóvel

Agora vamos supor que a planilha fornecida fosse assim:

Imóvel	Tamanho do imóvel (m <sup>2</sup> )	Número de quartos	Tem gás encanado	Impostos em dia?	Vagas de garagem	Cidade	Construtora
Imóvel 1	30	1	Sim	Não	1	Recife	( dado faltante )
Imóvel 2	45	3	Não	Sim	2	Jaboatão	Construtora legal
Imóvel 3	70	2	Não	( dado faltante )	2	Paulista	A sua construtora
Imóvel 4	92	5	Sim	Não	3	Olinda	A melhor construtora

...

# O que é aprendizado de máquina?

**Exemplo prático:** precificar um imóvel

E agora, como fazemos para **extrair uma regra** de forma visual?

Imóvel	Tamanho do imóvel (m <sup>2</sup> )	Número de quartos	Tem gás encanado	Impostos em dia?	Vagas de garagem	Cidade	Construtora
Imóvel 1	30	1	Sim	Não	1	Recife	( dado faltante )
Imóvel 2	45	3	Não	Sim	2	Jaboatão	Construtora legal
Imóvel 3	70	2	Não	( dado faltante )	2	Paulista	A sua construtora
Imóvel 4	92	5	Sim	Não	3	Olinda	A melhor construtora

...

# O que é aprendizado de máquina?

**Aprendizado de máquina** é um sub-ramo da ciência da computação especializado no reconhecimento automático de **padrões** a partir de **dados**

# Inteligência artificial x aprendizado de máquina

**Inteligência artificial** é um conceito mais amplo e trata de máquinas capazes de realizar tarefas consideradas “inteligentes”. Abrange temas como Teoria dos jogos, Sistemas de busca, representação de conhecimento, planejamento, entre outros

# Inteligência artificial x aprendizado de máquina

● machine learning  
Termo de pesquisa

● artificial intelligence  
Termo de pesquisa

+ Adicionar comparação

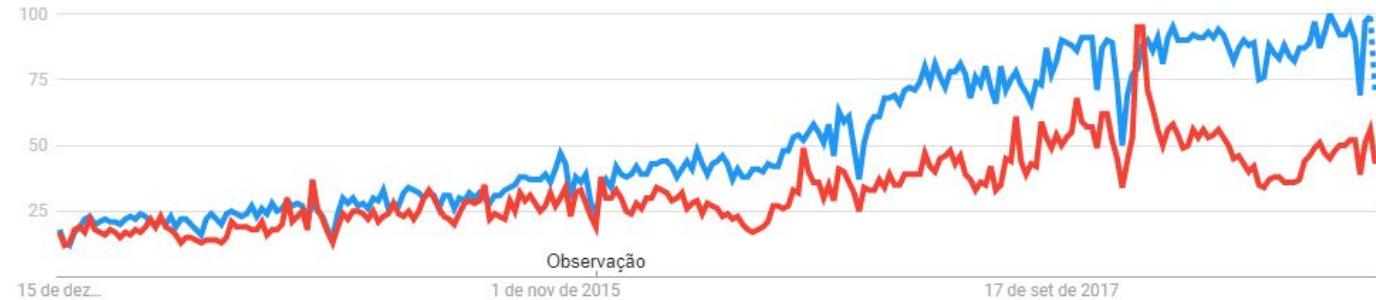
Estados Unidos ▾

Nos últimos 5 anos ▾

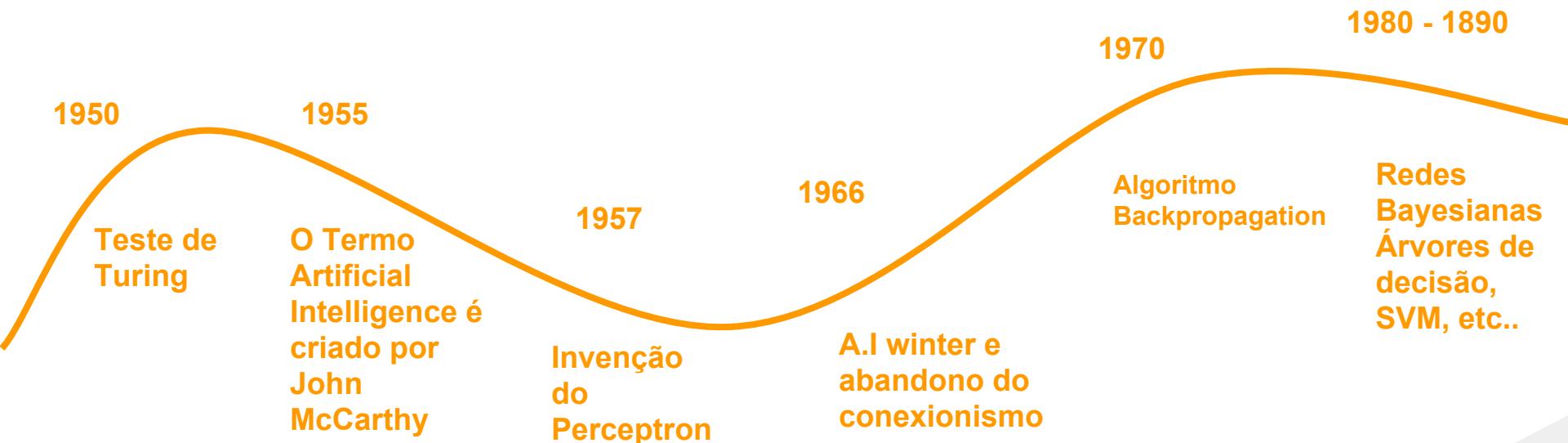
Todas as categorias ▾

Pesquisa na Web ▾

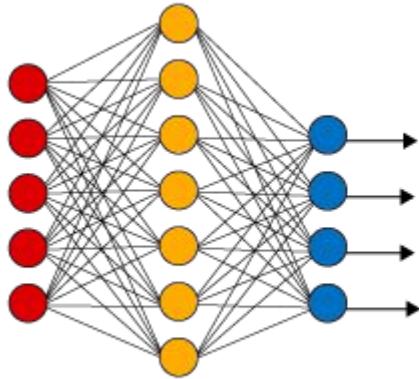
Interesse ao longo do tempo 



# Evolução do AM

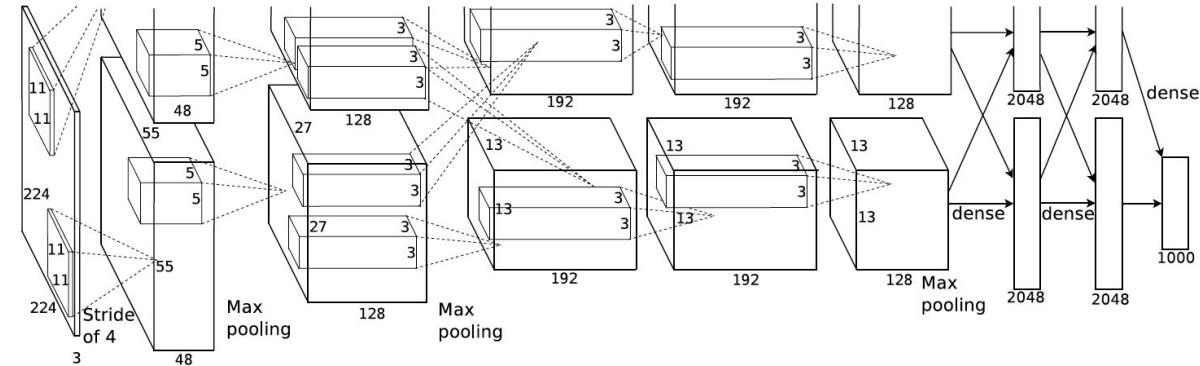


# Surgimento do deep learning

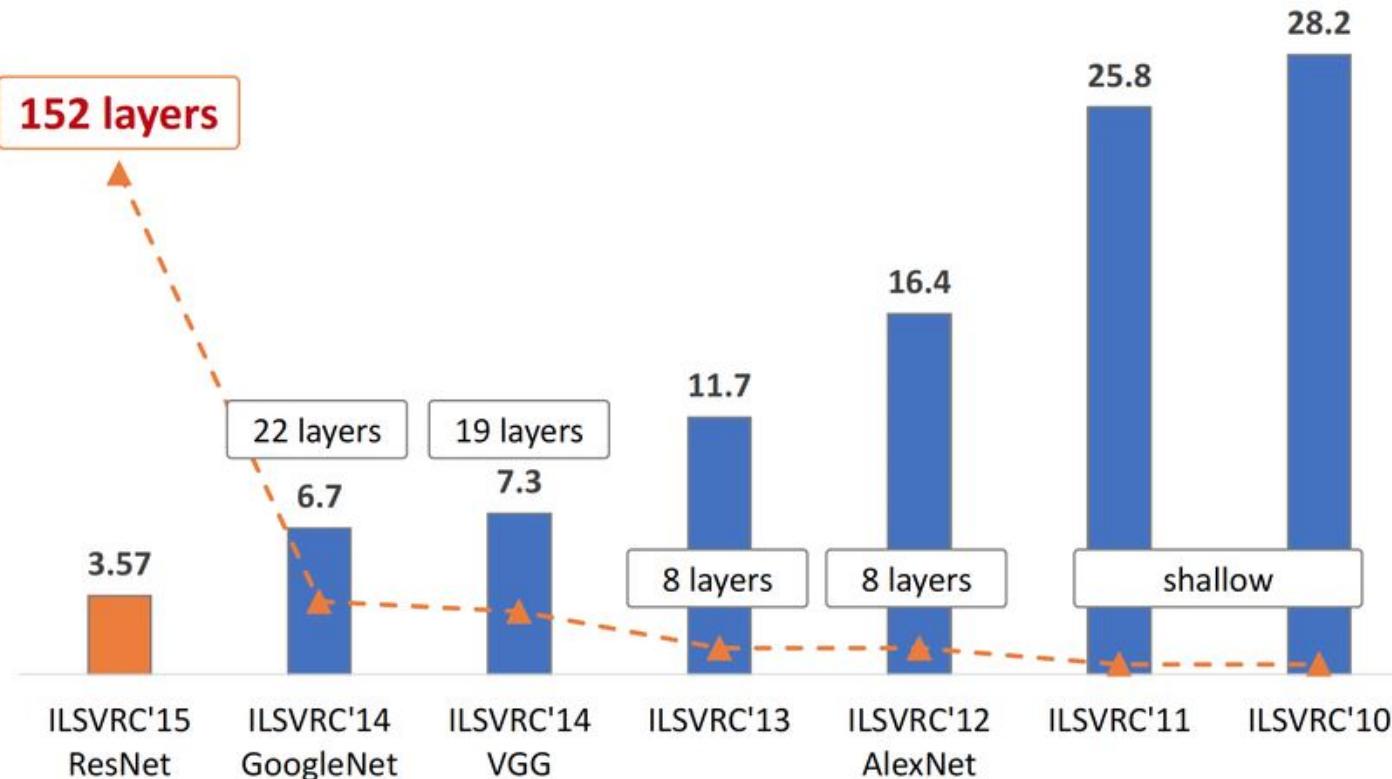


**Shallow network**

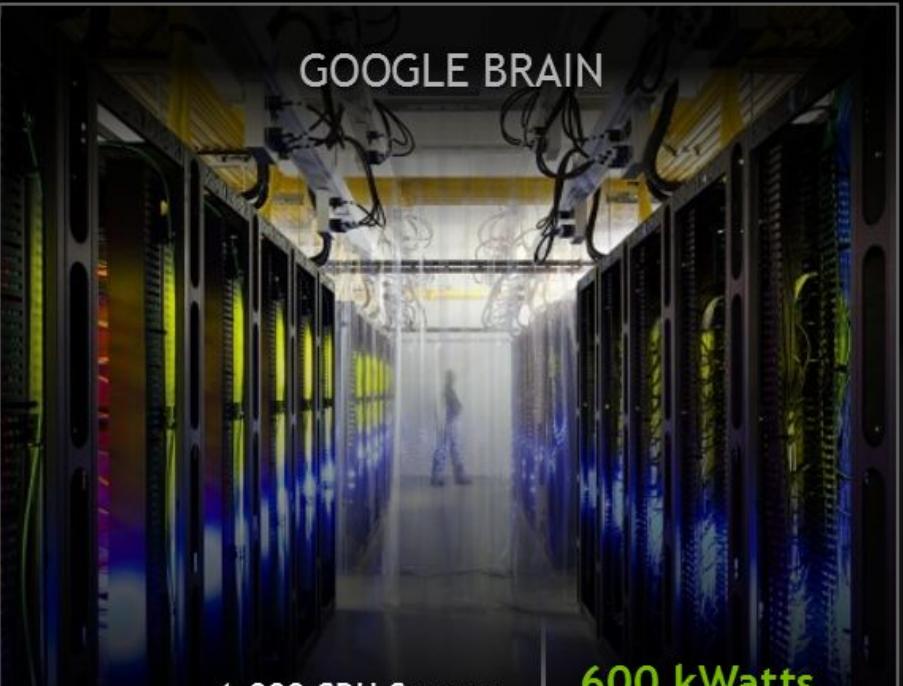
**Vs** Alex net



# Surgimento do deep learning



# Evolução de poder computacional



GOOGLE BRAIN

1,000 CPU Servers  
2,000 CPUs • 16,000 cores

600 kWatts  
\$5,000,000

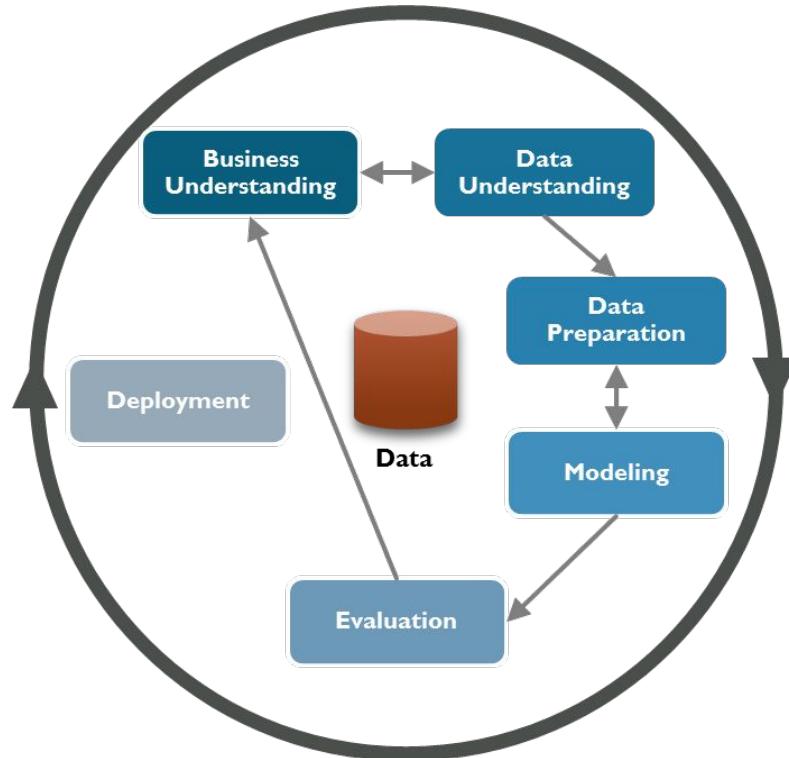
300X energy efficiency  
400X lower cost  
Fits under a desk



1 Titan Z-Accelerated Server  
3 Titan Zs • 17,280 cores

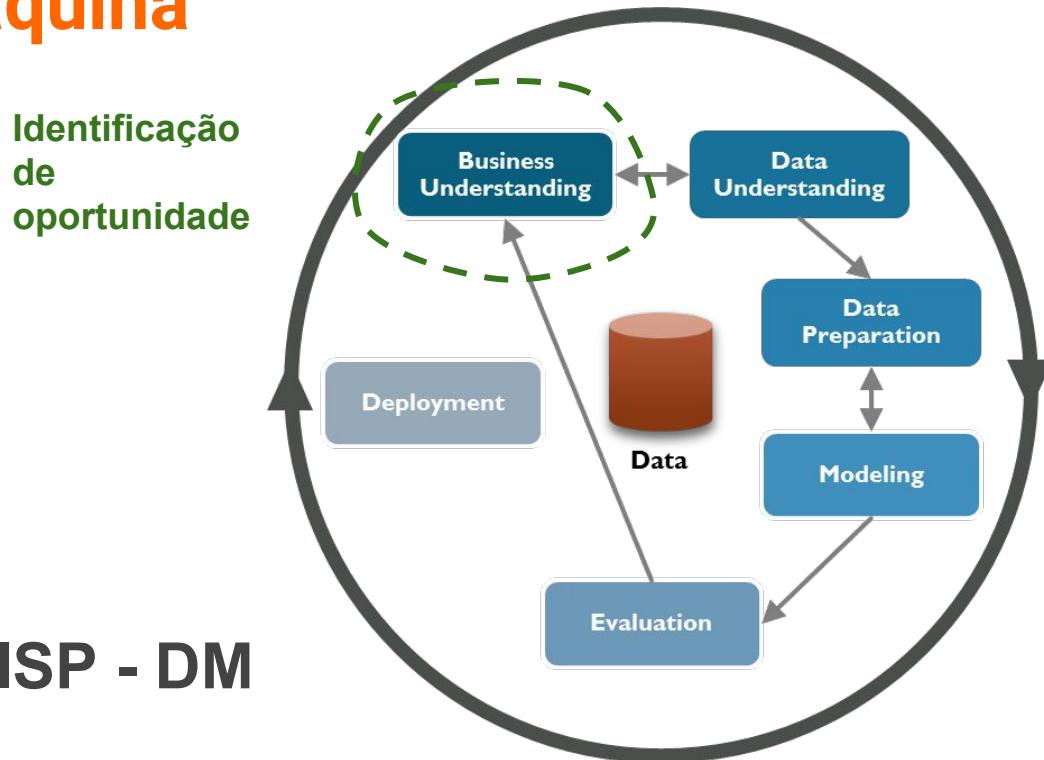
2 kWatts  
\$12,000

# Como funciona um projeto de Aprendizado de máquina



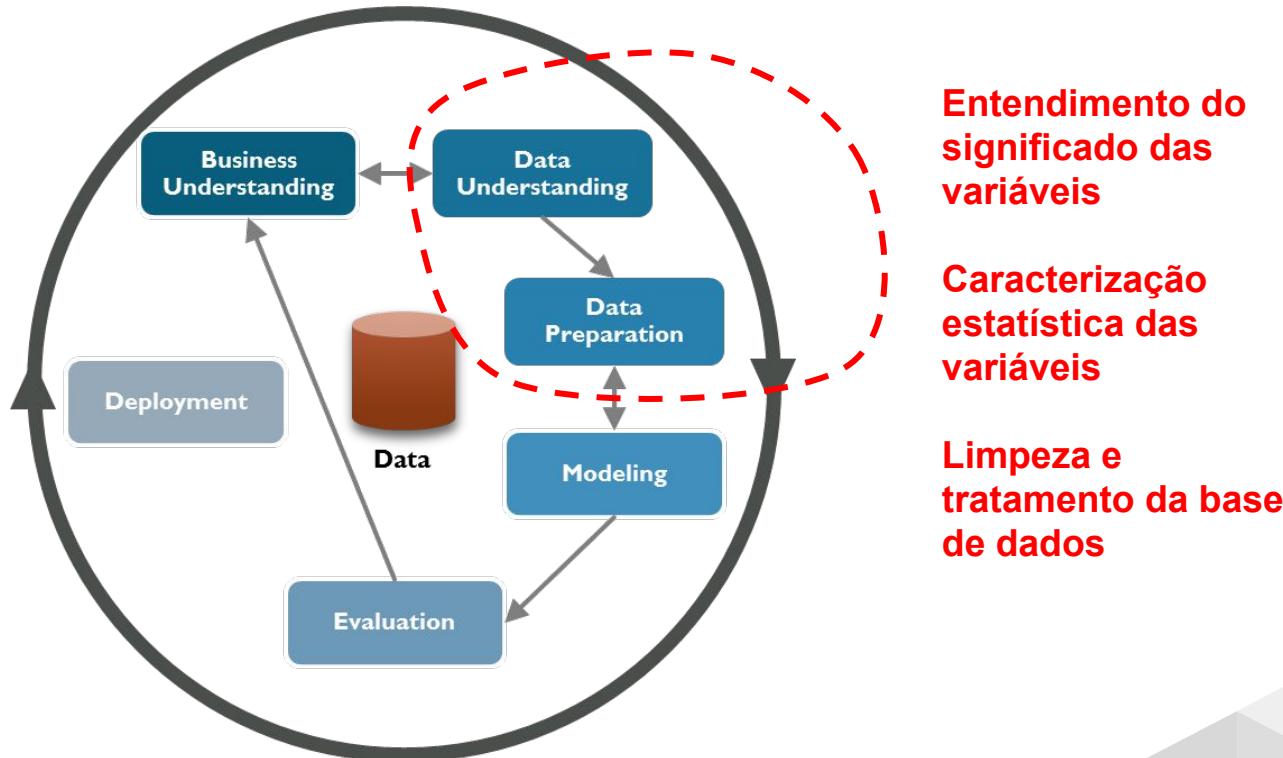
CRISP - DM

# Como funciona um projeto de Aprendizado de máquina



CRISP - DM

# Como funciona um projeto de Aprendizado de máquina



CRISP - DM

# Em relação aos dados

O primeiro passo para a correta utilização de uma variável é entender o que ela representa

Dessa forma, evitamos utilizar **dados a posteriori**

**Exemplo:** Suponha que se deseja criar um modelo para prever a complexidade do conserto de uma máquina a partir do log de eventos da mesma. Podemos usar como feature a **peça que foi substituída?**

# Caracterização estatística dos dados

A seguir, precisamos identificar qual o tipo da variável em questão:

**Variável numérica:** Tamanho do terreno (30m<sup>2</sup>, 49 m<sup>2</sup>, ....)

**Variável categórica:** IPTU em dia? (Sim ou não)

Dentro das variáveis categóricas, podemos classificá-las em:

**Variável nominal:** Não existe uma ordem de grandeza. Ex: sexo, estado civil

**Variável ordinal:** Existe uma ordem entre as categorias. Ex: escolaridade

Uma variável categórica pode ser nominal ou ordinal **dependendo do contexto.**

...

# Caracterização estatística dos dados

Para **variáveis numéricas**, é importante identificar durante o entendimento dos dados, as seguintes grandezas:

## Porcentagem de Missing data

**Média**

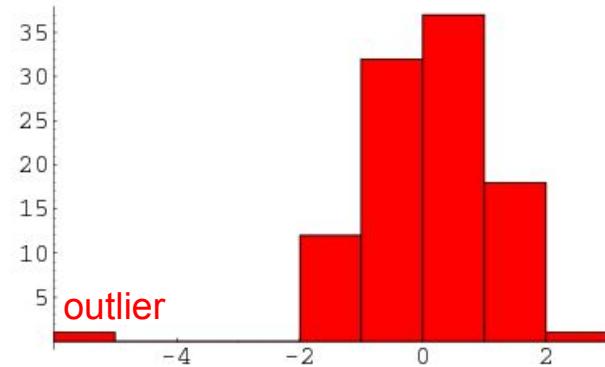
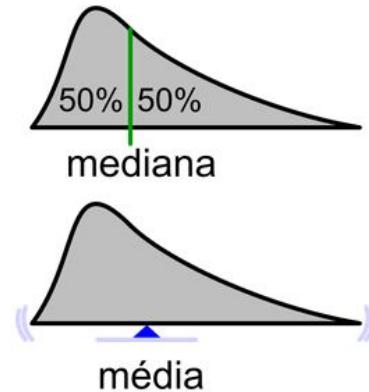
$$\bar{x} = \frac{1}{n} \cdot \sum_{i=1}^n x_i$$

**Variância**

$$s^2 = \frac{1}{n-1} \sum_{i=1}^n (x_i - \bar{x})^2$$

**Outliers**

**Mediana**



**Histograma**

# Caracterização estatística dos dados

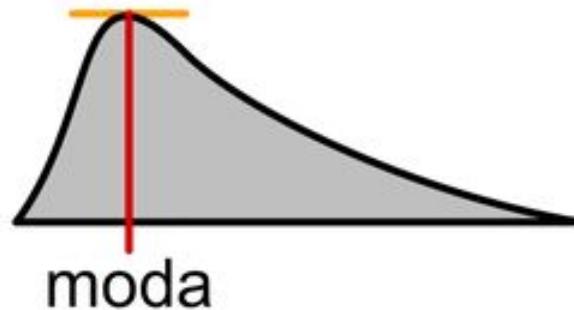
Para **variáveis categóricas**, é importante identificar durante o entendimento dos dados, as seguintes grandezas:

Porcentagem de Missing data

Moda

Outliers

Histograma



# Análise de correlação

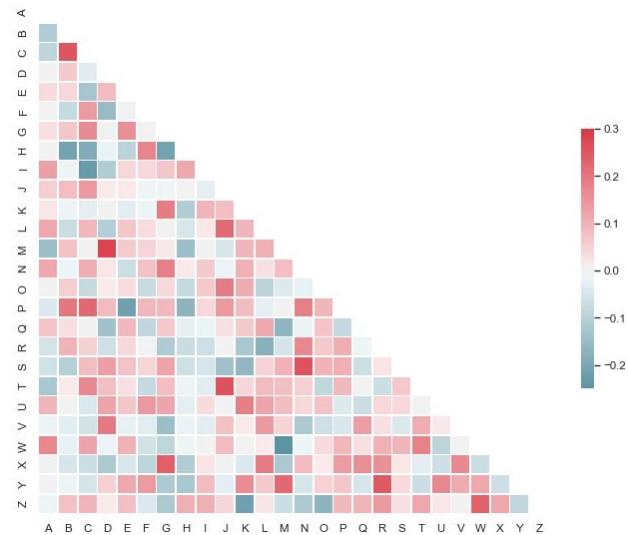
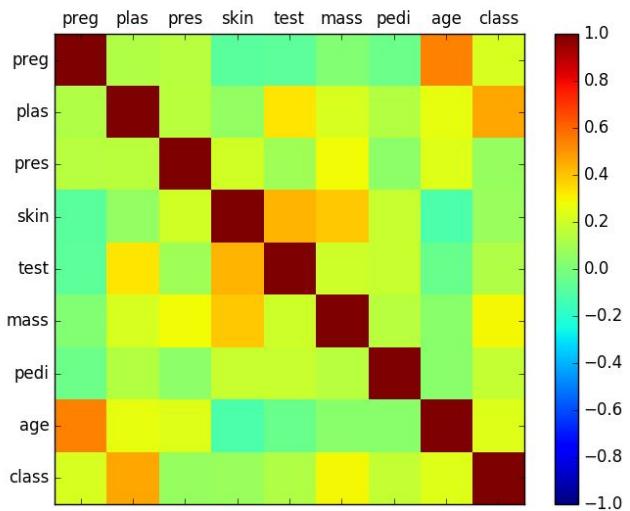
Muitas vezes, uma mesma informação é representada de múltiplas formas em uma mesma base de dados. Variáveis redundantes são um **problema** para muitos algoritmos de aprendizado. Desta forma, se faz necessária uma análise de correlação

$$\rho = \frac{\sum_{i=1}^n (x_i - \bar{x})(y_i - \bar{y})}{\sqrt{\sum_{i=1}^n (x_i - \bar{x})^2} \cdot \sqrt{\sum_{i=1}^n (y_i - \bar{y})^2}} = \frac{\text{cov}(X, Y)}{\sqrt{\text{var}(X) \cdot \text{var}(Y)}}$$

Se  $\rho > 0$ , as variáveis tendem a crescer ou decrescer ao mesmo tempo. Se  $\rho < 0$ , as variáveis tendem a ter comportamento oposto.

# Análise de correlação

Nas bibliotecas que mostraremos ao longo do treinamento, a análise de correlação pode ser feita a partir de uma **matriz de correlação**



# Missing data

O tratamento de missing data varia bastante de acordo com o contexto e com o negócio. É necessário tentar entender qual o **motivo** do aparecimento do valor faltante. Para variáveis numéricas, temos algumas opções:

1. **Listwise deletion:** Eliminar registros com o missing data;
2. **Average imputation:** Substituir um dado faltante pela média dos demais;
3. **Regression substitution:** Criação de um modelo para prever o missing value.

# Missing data

No caso de variáveis categóricas, as opções são um pouco diferentes:

1. **Listwise deletion:** Eliminar registros com o missing data;
2. **Average imputation:** Substituir um dado faltante pela **moda** dos demais;
3. **Classification substitution:** Criação de um modelo para prever o missing value;
4. Criação de uma categoria extra para identificar missing values;

# Engenharia de atributos

Suponha que se deseje criar um modelo para calcular a probabilidade de um indivíduo ter uma **doença vascular**.

Suponha que você possua dois parâmetros: peso (kg) e altura (m).

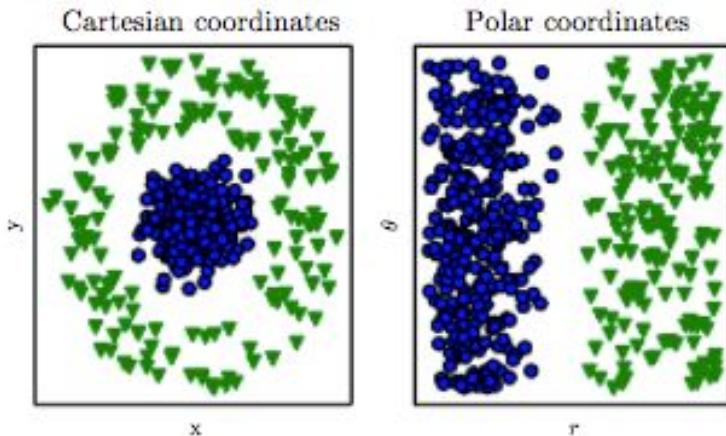
Provavelmente, estas duas variáveis em conjunto não serão mais relevantes do que a variável combinada:

$$\text{imc} = \text{peso} / \text{altura}^2$$

# Engenharia de atributos

Para criar novas variáveis de **grande relevância**, é, em geral necessário um grande conhecimento específico do domínio.

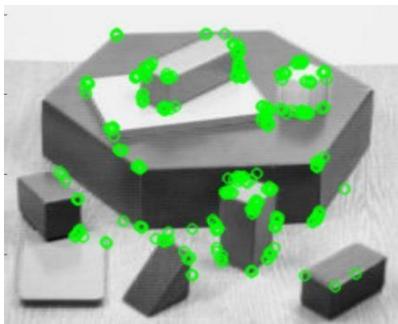
Exemplo 2:



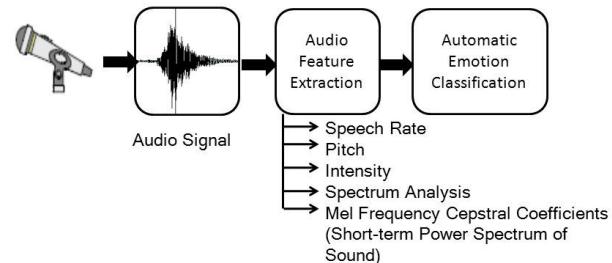
# Engenharia de atributos

A engenharia de features é utilizada em todas as modalidades do aprendizado de máquina. Geralmente exigem **conversas com especialistas**

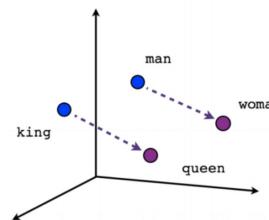
Processamento de imagens



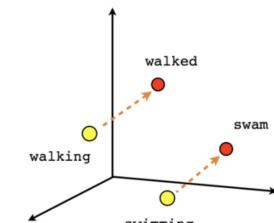
## Audio Feature Extraction



Processamento de texto



Male-Female



Verb tense

# Mudança de granularidade

Com frequência o processo de análise de dados exige a mudança da granularidade da informação. Como exemplo, suponha que temos à disposição dados de **alunos** do ensino médio, mas estamos interessados em analisar **instituições** de ensino médio.

Como devemos lidar com variáveis como a idade dos alunos, a escolaridade dos pais, etnia, etc... quando analisamos a instituição como um todo?

# Mudança de granularidade - variáveis numéricas

Para variáveis numéricas, podemos criar novas variáveis que representam características estatísticas dos dados

Média

Desvio padrão

Max

Min

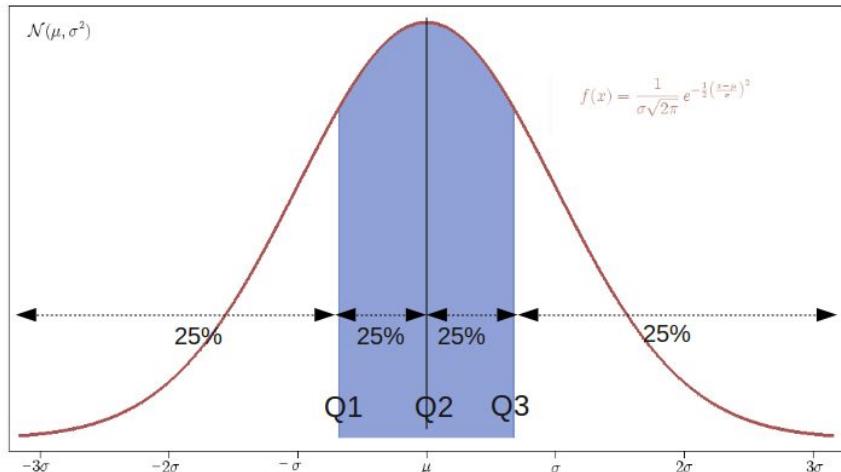
Mediana

Moda

Quantis

# Quantis

Quantis são valores que dividem a área sob a função distribuição de probabilidade em partes iguais

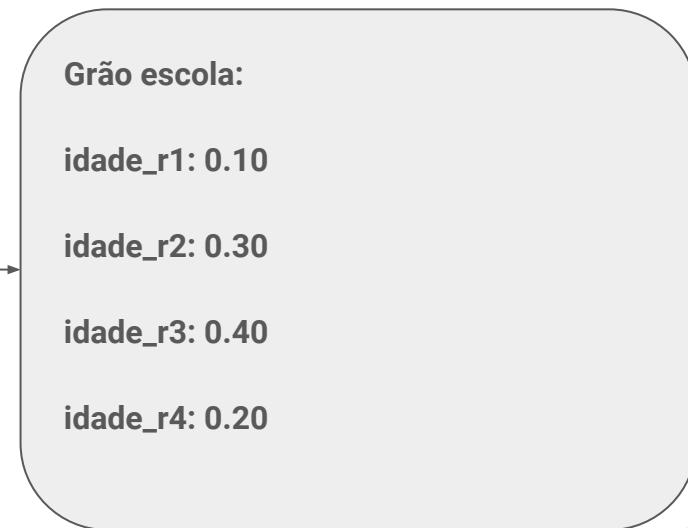
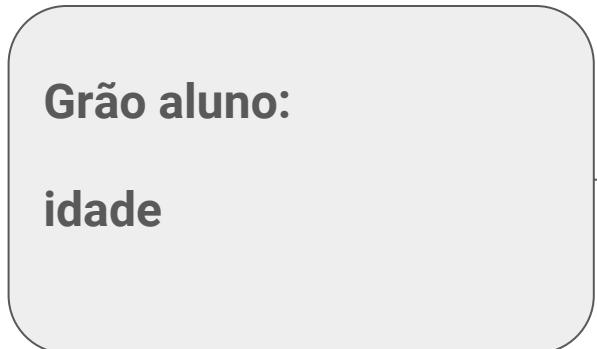


No grão maior, podemos colocar a quantidade de elementos que apareceu em cada uma das regiões

# Quantis

Quantis são valores que dividem a área sob a função distribuição de probabilidade em partes iguais

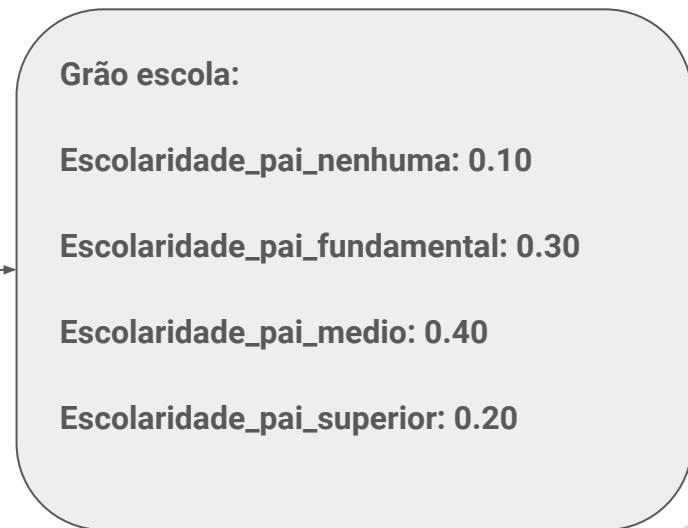
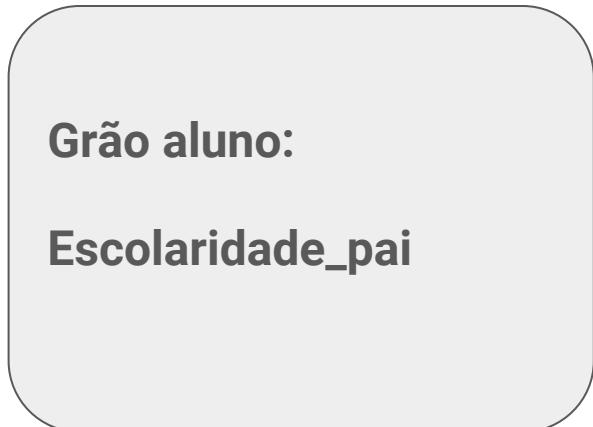
Ex:



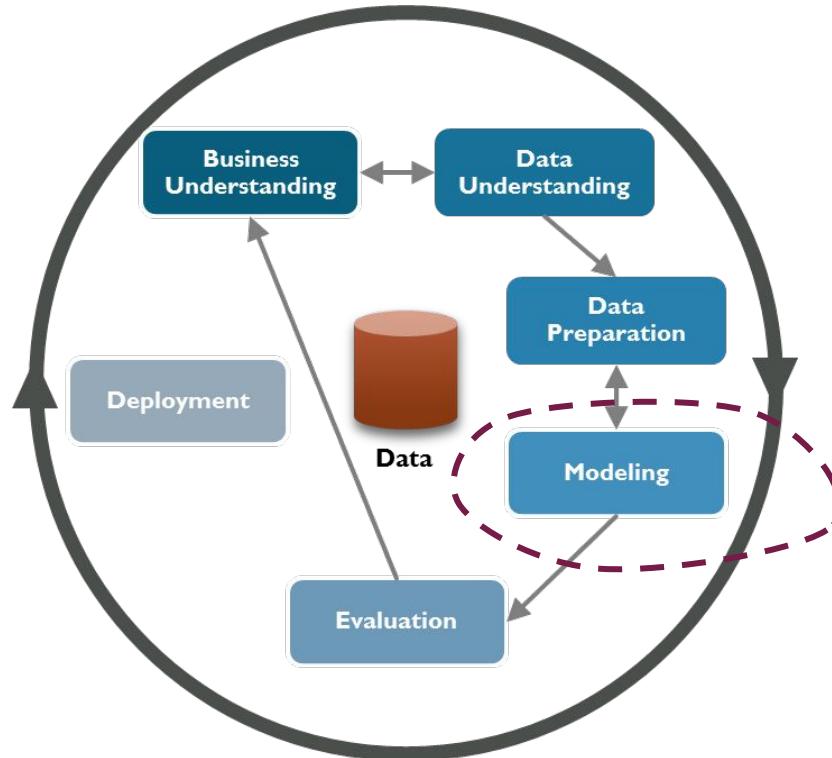
# Mudança de granularidade - variáveis categóricas

Para variáveis categóricas, podemos fazer algo similar à estratégia dos quantis, inserindo quantos elementos apareceram em cada classe, ou até mesmo inserindo a frequência relativa

Ex:



# Como funciona um projeto de Aprendizado de máquina



Neste momento,  
tentaremos  
identificar o padrão  
nos dados

CRISP - DM

# Tipos de modelos

Podemos dividir os modelos de aprendizado de máquina em duas grandes classes: modelos supervisionados e modelos não supervisionados.

O exemplo de precificação de um imóvel é uma forma de **aprendizado supervisionado**, onde existe um “professor” que diz a resposta correta para vários exemplos de entrada. Dizemos que temos **dados rotulados**.

Existe o **aprendizado não supervisionado**, onde não existem dados rotulados, o objetivo é encontrar **grupos de similaridade**

# Aprendizado supervisionado

Dentro do aprendizado supervisionado, podemos ter dois tipos de problemas

**Régressão:** Exemplo do preço da casa

**Classificação:** Classificar uma entrada em um número discreto de possibilidades  
(Ex: reconhecer se uma imagem é um gato ou cachorro)

# Ganho de informação

No caso de algoritmos de classificação, existe outra métrica que pode ser utilizada para analisar os dados, que é o **Ganho de informação**, que se baseia na medida **entropia**

$$\text{Entropia}(S) = - \sum p_i \log_2 p_i$$

Dois casos:

classe 1:  
probabilidade (50%)

classe 2:  
probabilidade (50%)

$$\text{Entropia} = -0.5 \cdot \log_2(0.5) + -0.5 \cdot \log_2(0.5) = 1$$

classe 1:  
probabilidade (90%)

classe 2:  
probabilidade (10%)

$$\text{Entropia} = -0.9 \cdot \log_2(0.9) + -0.1 \cdot \log_2(0.1) = 0.46$$

# Ganho de informação

O Ganho de informação de uma variável é definida da seguinte forma:

$$IG(T, a) = H(T) - H(T|a)$$

$$S_a(v) = \{\mathbf{x} \in T | x_a = v\}$$

$$H(T|a) = \sum_{v \in vals(a)} \frac{|S_a(v)|}{|T|} \cdot H(S_a(v))$$

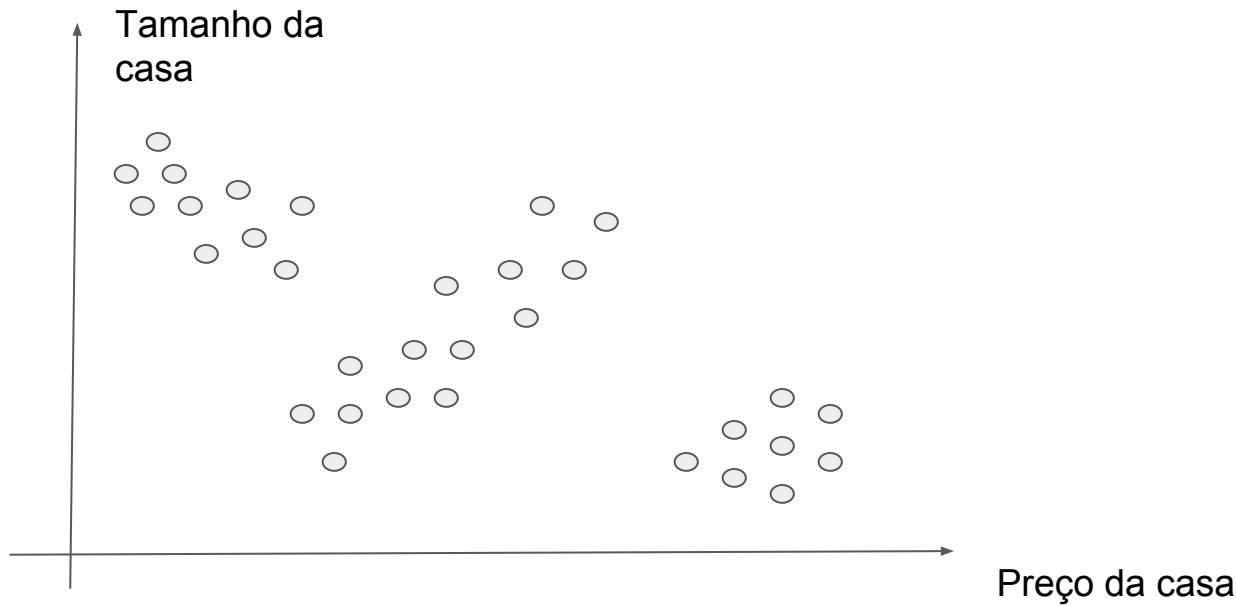
Variáveis com maior ganho de informação tem maior chance de serem relevantes no processo de classificação

# Aprendizado não supervisionado

No **aprendizado não supervisionado**, onde não existem dados rotulados, o objetivo é encontrar **grupos de similaridade**

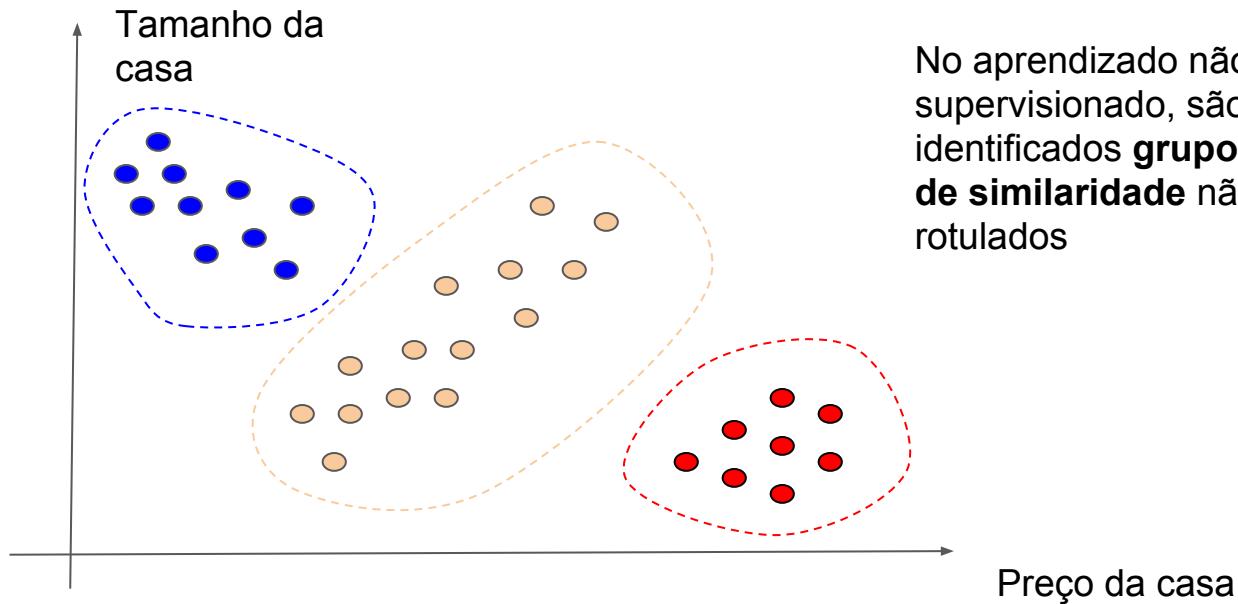
# Aprendizado não supervisionado

Exemplo



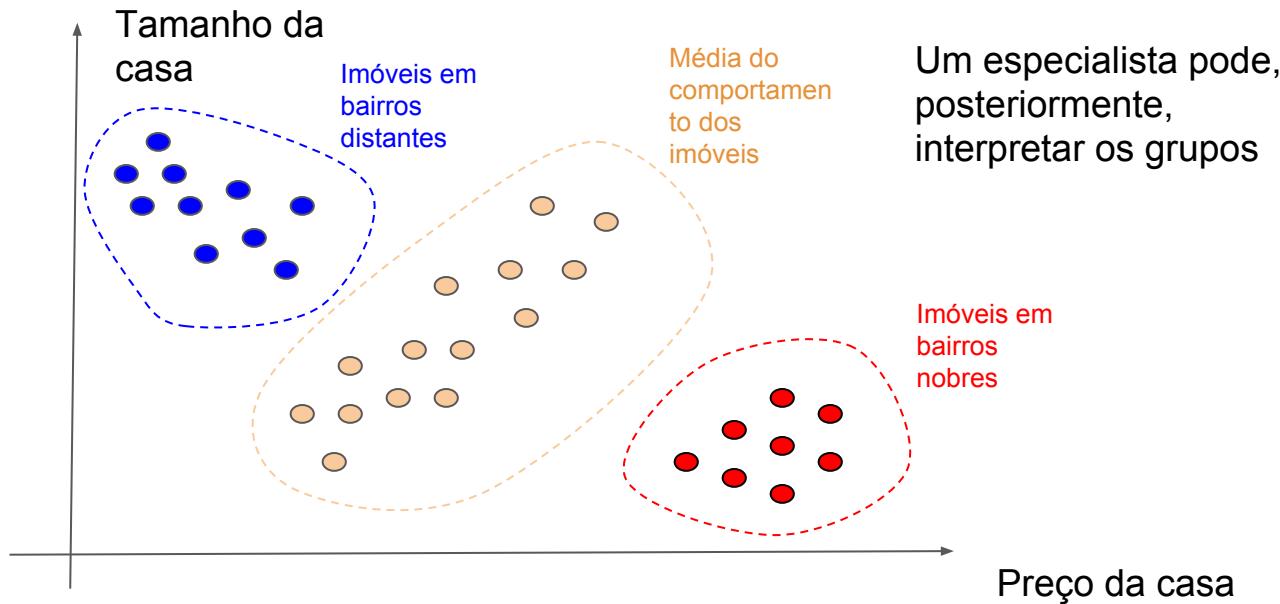
# Formas de aprendizado

## Exemplo



# Formas de aprendizado

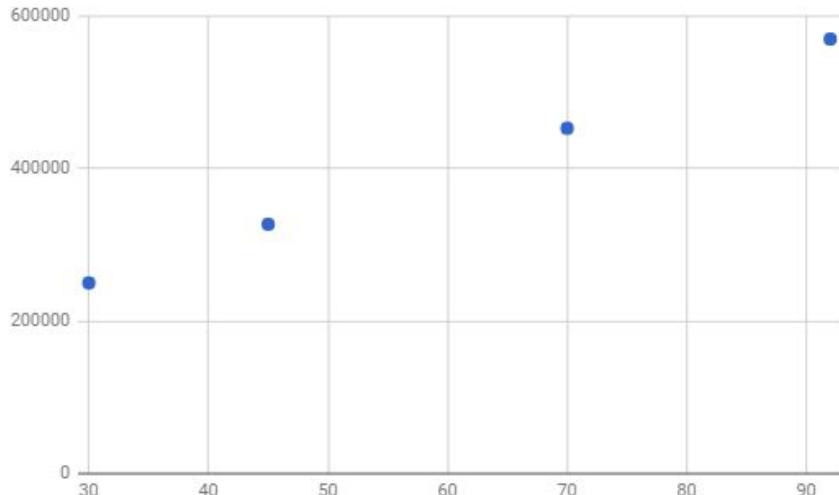
## Exemplo



# Analisando o padrão encontrado

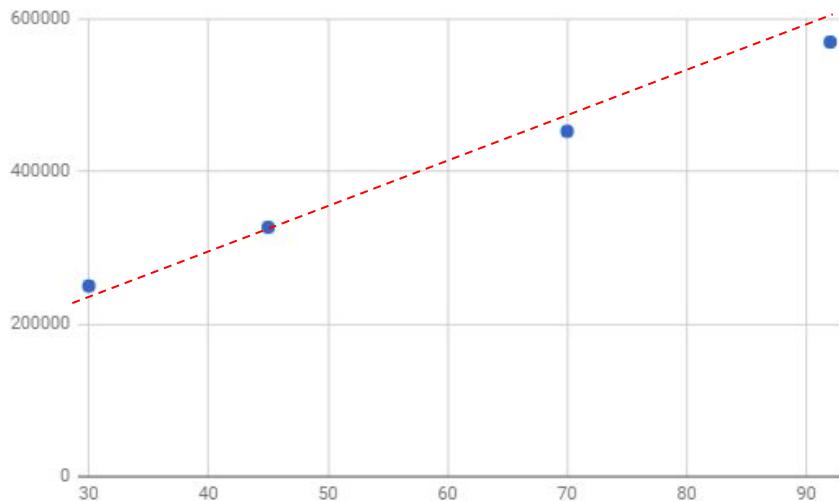
**Exemplo prático:** precificar um imóvel

Voltando ao exemplo da precificação do imóvel. Temos os dados. Qual é o **padrão**?



# Avaliando o padrão encontrado

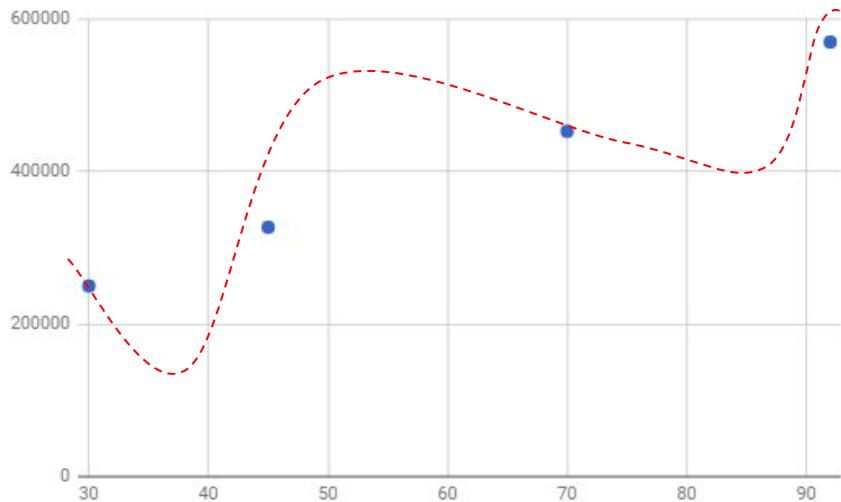
No âmbito da ciência de dados, o padrão também é chamado de **hipótese**



Neste caso, a nossa hipótese é que a lei que regia o fenômeno era uma linha reta, mas **precisava ser?**

# Qual o padrão?

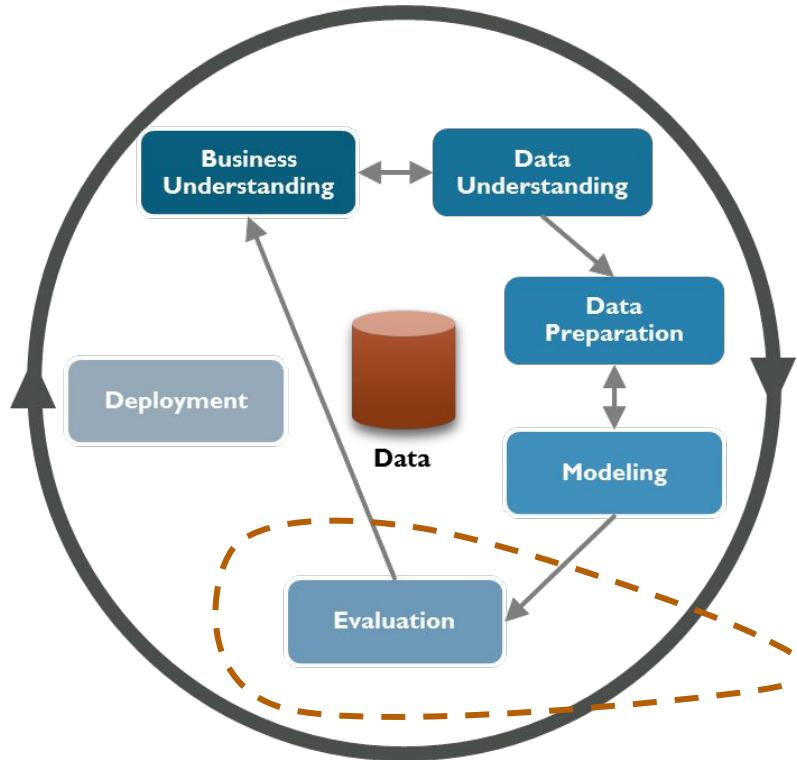
No âmbito da ciência de dados, o padrão também é chamado de **hipótese**



Esta outra hipótese também modela perfeitamente os **dados de treinamento**

Será que ela é melhor?

# Como funciona um projeto de Aprendizado de máquina



CRISP - DM

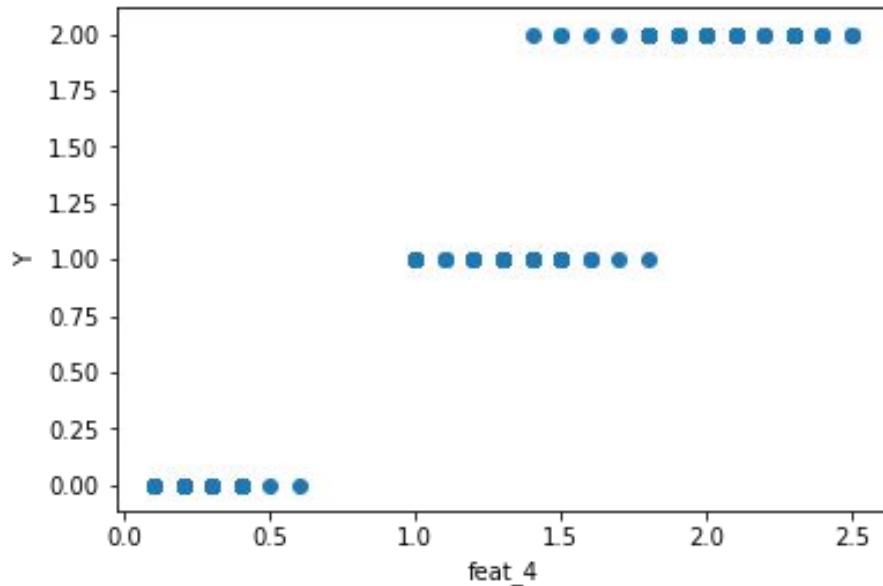
O exemplo anterior  
mostra a  
necessidade de  
métricas de  
avaliação dos  
modelos

# Visualização de dados

Como sugerido pelo exemplo da especificação de imóveis, uma forma do cientista de dados ter ideias a respeito de quais **hipóteses** testar é a **visualização dos dados**

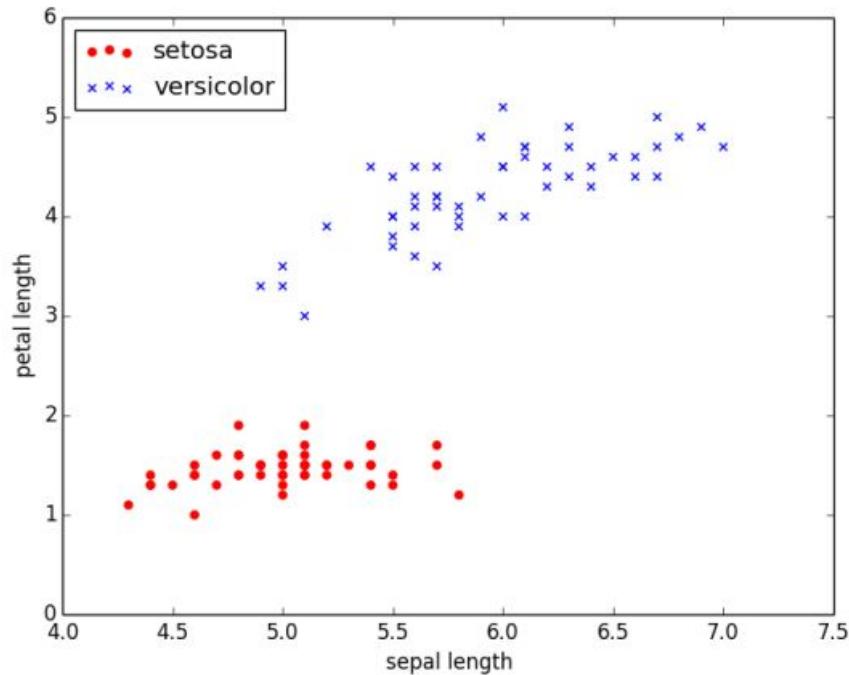
# Visualização de dados

Uma possibilidade é dispor a relação entre **features individuais** e a **variável objetivo** em um gráfico de dispersão ou **scatter plot**



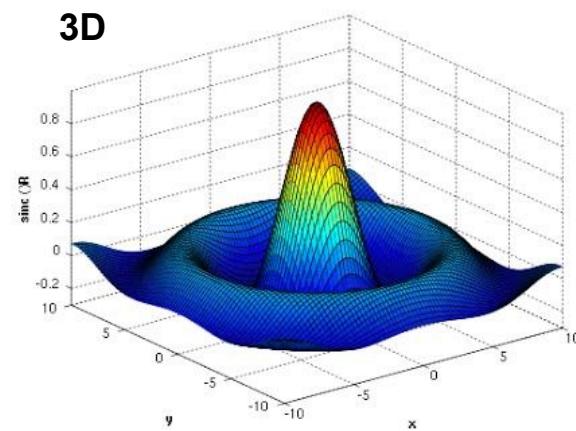
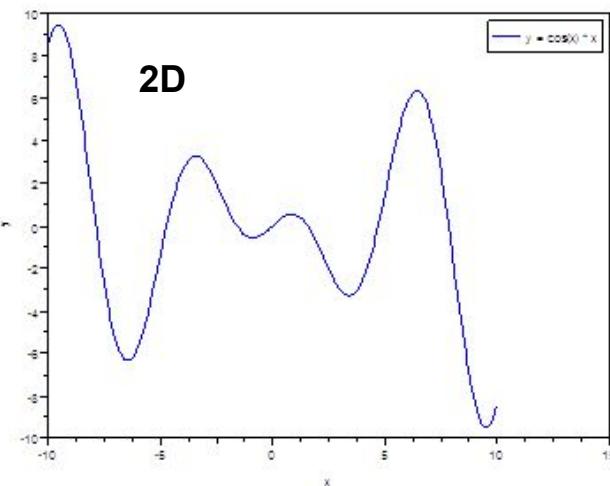
# Visualização de dados

Outra possibilidade é analisar a relação entre duas variáveis e representar a variável objetivo pelo tipo de marcação



# Visualização de dados - TSNE

Seria possível analisar através de um gráfico 2d pontos que estão em um hiperplano de dimensão maior que 2?

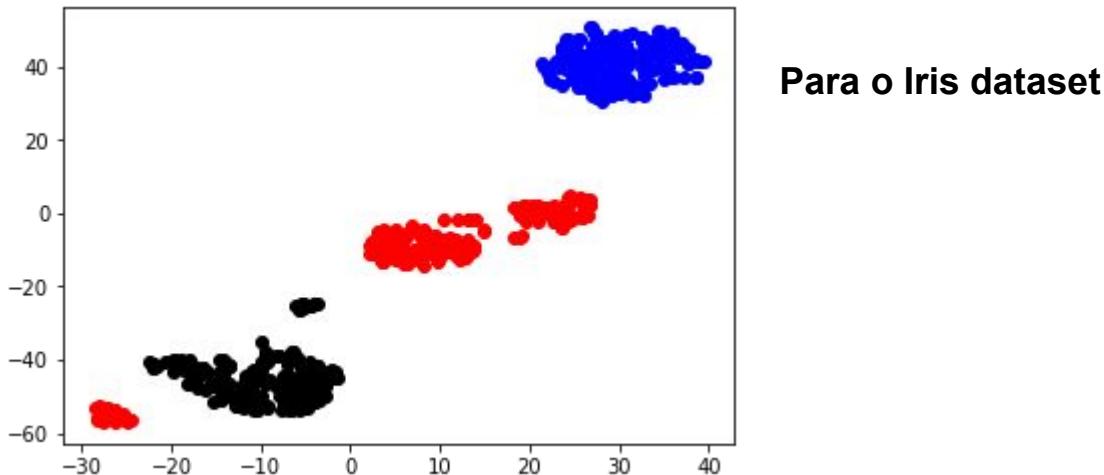


20D

?

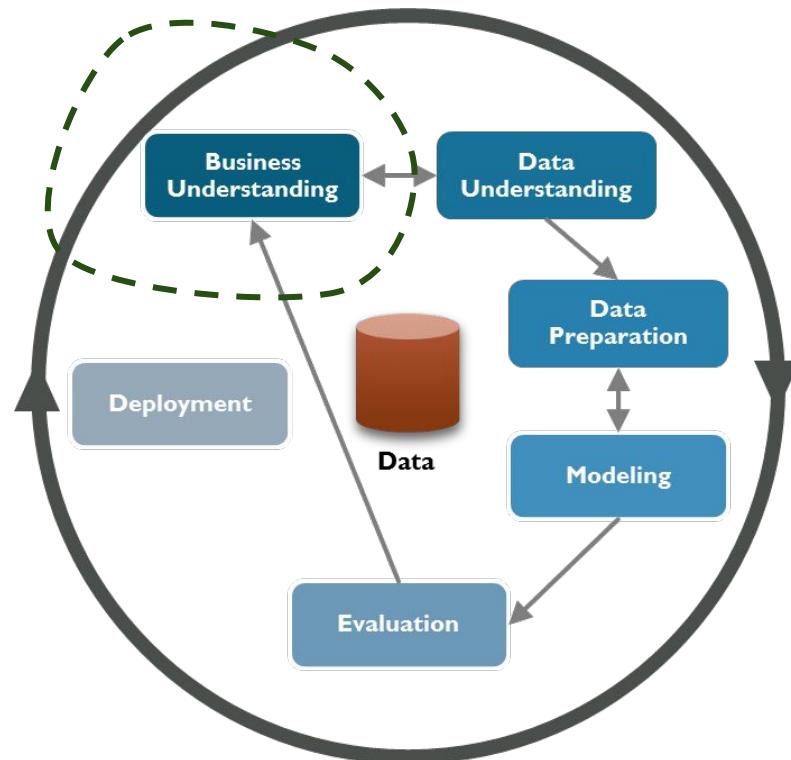
# Visualização de dados - TSNE

A técnica **TSNE** se propõe a representar um reticulado hiperdimensional por pontos 2d preservando as relações de proximidade. Basicamente com o TSNE podemos ter uma idéia se as features utilizadas são ou não satisfatórias para a classificação



# Como funciona um projeto de Aprendizado de máquina

Neste momento,  
avaliamos se o  
desempenho do  
modelo é adequado  
ao negócio



**CRISP - DM**

# Por que utilizar Python?

Python é uma linguagem de alto nível interpretada e de propósito geral.

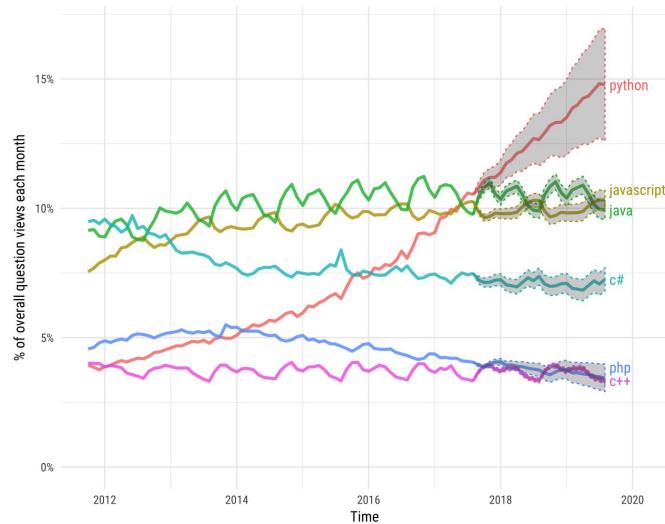
É também **multi-plataforma**, **multi-paradigma**, além de possuir tipagem dinâmica e gerenciamento automático de memória.

É uma das linguagens **mais utilizadas** para aplicações de aprendizado de máquina



Projections of future traffic for major programming languages

Future traffic is predicted with an STL model, along with an 80% prediction interval.



# Por que utilizar Python?

Python é uma linguagem de **fácil leitura** e possui muitos pacotes para lidar com **diversos tipos de dados** de forma simples

Imagen



Áudio



Texto



Dados tabulares



# Por que utilizar Python?

O mesmo é verdade para pacotes de análise de dados

Análise numérica



Visualização de dados



Mineração e leitura de dados



Aprendizado de máquina



Deep Learning



# Testando Python no Browser

Ao longo do curso, utilizaremos uma ferramenta simples para testar o Python e suas principais bibliotecas em um ambiente visual



# Gerenciando dependências com o Python

O Python possui um gerenciador de dependências bastante simples chamado **pip** os principais comandos são:

**pip list**

**pip install <package>**

**pip install <package>==<version>**

**pip uninstall <package>**

**pip install -r requirements.txt**

É possível criar um documento com as dependências da seguinte forma:

```
numpy == 1.14.5
pandas == 0.23.1
scikit-learn == 0.19.1
scipy == 1.1.0
python-dateutil == 2.7.3
tqdm == 4.23.4
pydotplus == 2.0.2
sphinx == 1.7.6
matplotlib == 2.2.2
vertica-python == 0.7.3
s3io == 0.1.1
boto3 == 1.9.11
awscli == 1.16.21
torch == 0.4.0
torchvision == 0.2.1
```

# Análise numérica em Python

Os conhecimentos matemáticos mais importantes para a análise de dados são a álgebra linear e a estatística. Em função disso, surgiu a biblioteca **Numpy**

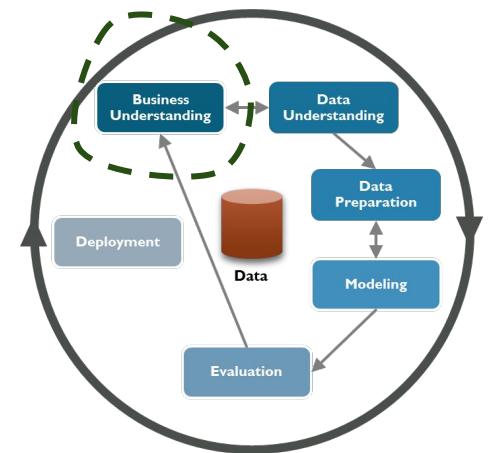
# Exemplo de entendimento dos dados

Análise da qualidade das instituições de ensino superior utilizando micrdados do ENADE e do Censo da Educação Superior

# Caracterização do problema

Ao longo dos últimos 20 anos, o número de instituições de educação superior no Brasil mais que dobrou. No entanto:

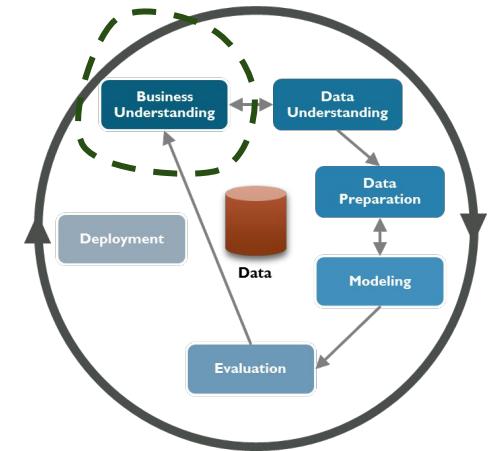
1. O Brasil ainda é o 60º colocado em educação em um ranking de 76 países criado pela OCDE (Organização para a Cooperação e Desenvolvimento Econômico);
  
2. O Brasil não possui nenhuma universidade entre as 100 melhores do mundo.



# Objetivo

Definir os **fatores que mais influenciam** para a qualidade de um **curso de graduação**.

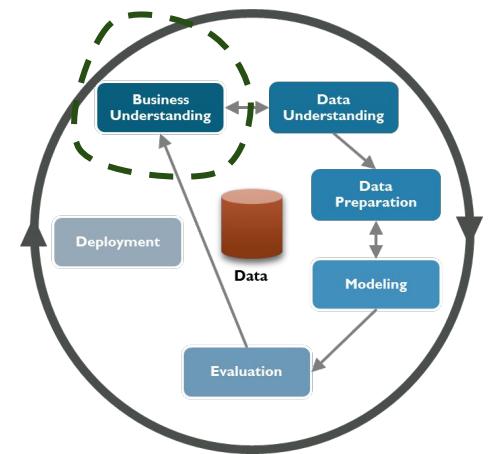
Esses fatores podem influenciar na criação de **diretrizes mais eficientes** para tratar o déficit da educação de nível superior brasileira.



# Entendimento do negócio

Definir os **fatores que mais influenciam** para a qualidade de um **curso de graduação**.

Esses fatores podem influenciar na criação de **diretrizes mais eficientes** para tratar o déficit da educação de nível superior brasileira.



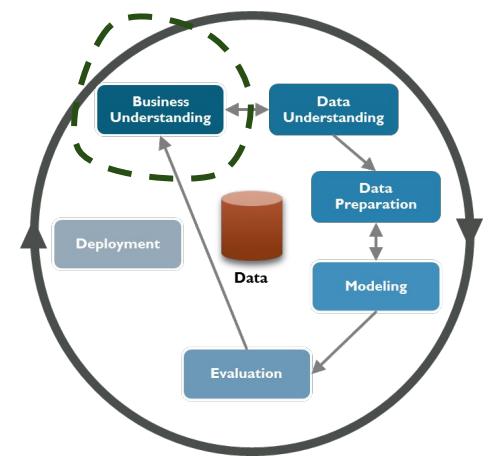
# Entendimento do negócio

## Como as instituições são avaliadas hoje em dia

Atualmente, o INEP (Instituto Nacional de Estudos e Pesquisas Educacionais) utiliza as seguintes métricas para avaliar os cursos de graduação no Brasil.

1. Notas dos alunos no **ENADE**;
2. Características do corpo docente;
3. Instalações físicas;
4. Organização didático-pedagógica;

Essas informações são integradas no chamado índice **CPC** (Conceito preliminar de curso)

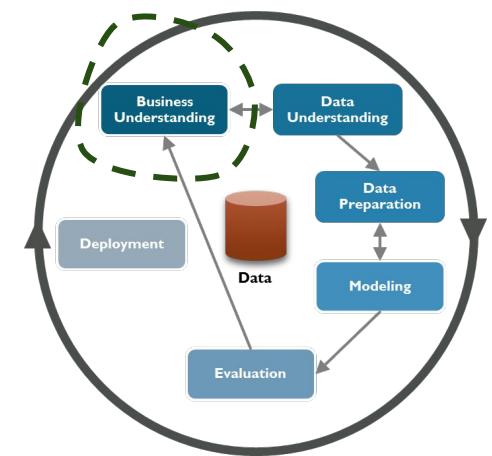


# Entendimento do negócio

## Definição da métrica de desempenho

Queremos verificar também a influência das características do corpo docente e da organização didático-pedagógica na qualidade dos cursos. Dessa forma, a utilização do CPC como métrica de desempenho carrega **informação à posteriori**.

Assim, podemos utilizar apenas a nota do **ENADE**, uma vez que ele já é **utilizado** para avaliar as escolas implicitamente no CPC.



# Entendimento do negócio

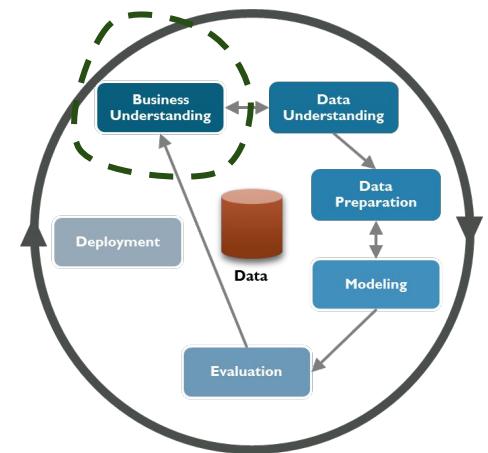
## ENADE

Prova destinada à avaliação de instituições de ensino superior, obrigatória para os alunos selecionados e **condição indispensável** para a emissão de um histórico escolar.

O ENADE possui um **Ciclo de Avaliação**, onde a cada ano, apenas algumas áreas do conhecimento se submetem à prova.

Últimos dados disponíveis: ENADE 2014

Avaliaremos apenas as áreas do conhecimento que **prestaram a prova em 2014**.



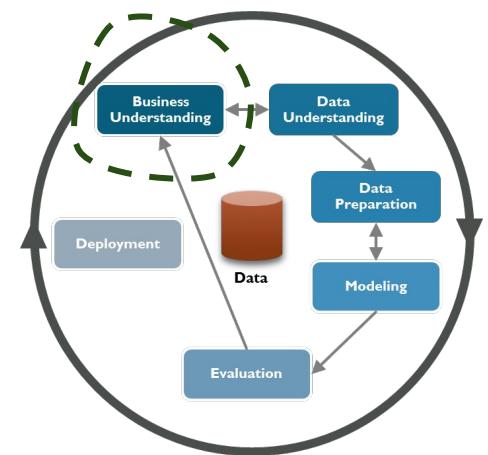
# Entendimento do negócio

## Definição do grão de análise

Assim como o INEP, queremos avaliar as instituições respeitando as **diferenças entre os cursos**.

**GRÃO DE ANÁLISE (VERSAO 1):** O par Instituição x curso, exemplo:

UFPE - Engenharia Eletrônica; UFBA - Ciência da Computação



# Entendimento dos dados

Base de dados disponível

Censo  
Escolar

**Cerca de 5GB de dados**

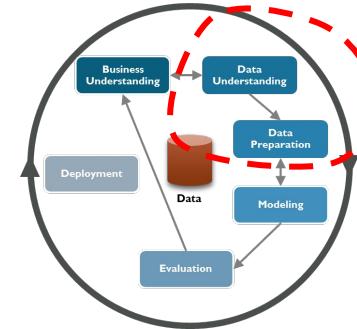
Dados de várias granularidades

- Instituição: 2.368
- Curso: 33.274
- Aluno 10.793.933
- Professor: 396.596

ENADE

**481.721 registros**

Dados na granularidade aluno



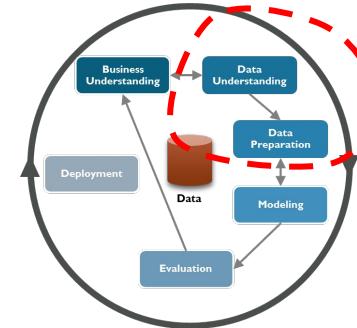
- Existe um índice comum entre as duas bases de dados para identificar a instituição de ensino (IES);
- Não existe um índice comum para a identificação do curso;
- Nas duas bases de dados, existem campos que identificam a **área do curso**;

**GRÃO DE ANÁLISE (Versão 2):** Instituição x área do conhecimento:

Ex : UFPE - Humanas / UFPE - Engenharia / USP - Educação, etc....

# Entendimento dos dados

Área dos cursos - Base do Censo Escolar



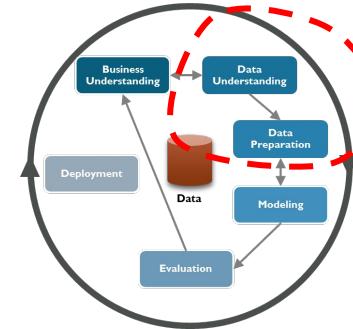
São utilizados códigos OCDE (Organização para Cooperação e Desenvolvimento Econômico). O primeiro dígito define a área geral do conhecimento:

1	Educação
2	Humanidades e Artes
3	Ciências Sociais, Negócios e Direito
4	Ciências, Matemáticas e Computação
5	Engenharia, Produção e Construção
6	Agricultura e Veterinária
7	Saúde e bem estar social
8	Serviços

# Entendimento dos dados

## Área do curso - Base do ENADE

21 = ARQUITETURA E URBANISMO  
 72 = TECNOLOGIA EM ANÁLISE E DESENVOLVIMENTO DE SISTEMAS  
 73 = TECNOLOGIA EM AUTOMAÇÃO INDUSTRIAL  
 76 = TECNOLOGIA EM GESTÃO DA PRODUÇÃO INDUSTRIAL  
 79 = TECNOLOGIA EM REDES DE COMPUTADORES  
 701 = MATEMÁTICA (BACHARELADO)  
 702 = MATEMÁTICA (LICENCIATURA)  
 903 = LETRAS-PORTUGUÊS (BACHARELADO)  
 904 = LETRAS-PORTUGUÊS (LICENCIATURA)  
 905 = LETRAS-PORTUGUÊS E INGLÊS (LICENCIATURA)  
 906 = LETRAS-PORTUGUÊS E ESPANHOL (LICENCIATURA)  
 1401 = FÍSICA (BACHARELADO)  
 1402 = FÍSICA (LICENCIATURA)  
 1501 = QUÍMICA (BACHARELADO)  
 1502 = QUÍMICA (LICENCIATURA)  
 1601 = CIÊNCIAS BIOLÓGICAS (BACHARELADO)  
 1602 = CIÊNCIAS BIOLÓGICAS (LICENCIATURA)  
 2001 = PEDAGOGIA (LICENCIATURA)  
 2401 = HISTÓRIA (BACHARELADO)  
 2402 = HISTÓRIA (LICENCIATURA)  
 2501 = ARTES VISUAIS (LICENCIATURA)  
 3001 = GEOGRAFIA (BACHARELADO)  
 3002 = GEOGRAFIA (LICENCIATURA)  
 3201 = FILOSOFIA (BACHARELADO)  
 3202 = FILOSOFIA (LICENCIATURA)  
 3502 = EDUCAÇÃO FÍSICA (LICENCIATURA)  
 4004 = CIÉNCIA DA COMPUTAÇÃO (BACHARELADO)  
 4005 = CIÉNCIA DA COMPUTAÇÃO (LICENCIATURA)  
 4006 = SISTEMAS DE INFORMAÇÃO  
 4301 = MÚSICA (LICENCIATURA)  
 5401 = CIÉNCIAS SOCIAIS (BACHARELADO)  
 5402 = CIÉNCIAS SOCIAIS (LICENCIATURA)  
 5710 = ENGENHARIA CIVIL  
 5806 = ENGENHARIA ELÉTRICA  
 5809 = ENGENHARIA DE COMPUTAÇÃO  
 5814 = ENGENHARIA DE CONTROLE E AUTOMAÇÃO  
 5902 = ENGENHARIA MECÂNICA  
 6008 = ENGENHARIA QUÍMICA  
 6009 = ENGENHARIA DE ALIMENTOS  
 6208 = ENGENHARIA DE PRODUÇÃO  
 6306 = ENGENHARIA  
 6307 = ENGENHARIA AMBIENTAL  
 6405 = ENGENHARIA FLORESTAL



Realizamos a conversão dos códigos utilizados no ENADE para os códigos OCDE através de um dicionário.

# Entendimento dos dados

## Base do Censo Escolar

Esta base possui dados em vários grãos

**DM\_ALUNO:** Grão aluno,

Identificação dos cursos/ área/ sexo / raça / idade / necessidades especiais / participação em pesquisas ou projetos assistencialistas / etc...;

**DM\_CURSO:** Grão curso,

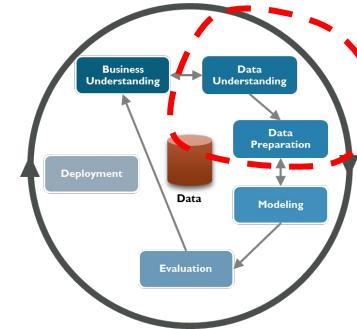
Identificação dos cursos/ área/ carga horária/ recursos didáticos e acessibilidade/ vagas e métodos de ingresso/ número de concluintes e ingressantes;

**DM\_DOCENTE:** Grão docente (está separado por IES, não por curso)

Escolaridade / necessidades especiais;

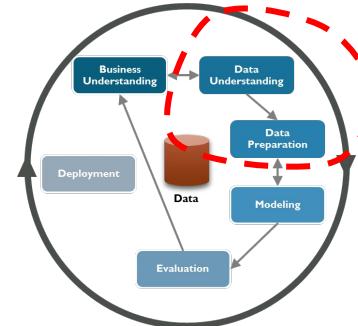
**DMIES:** Grão instituição de ensino;

Código da Instituição / Quantidade de Técnicos de todos os níveis / Valores de Receitas (Transferências) em R\$



# Entendimento dos dados

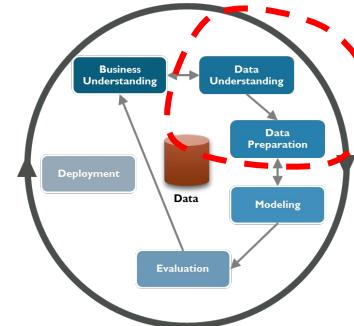
Base ENADE



Grão aluno. Utilizamos apenas a informação da nota média, pois os demais dados já estão presentes em DM\_ALUNO com melhor qualidade

# Pré processamento dos dados

Missing data

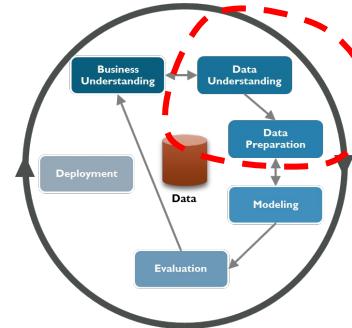


**Missing data para valores categóricos:** Criação de uma nova categoria para missing;

**Missing para valores numéricos:** Substituição pela média dos demais (variância artificial)

# Pré processamento dos dados

## Aglutinação dos dados



**Variáveis categóricas:** Criação de variáveis dummy e aglutinação pela média, assim, no grão final, temos a proporção de elementos em cada uma das classes;

**Valores monetários:** Aglutinação pela média;

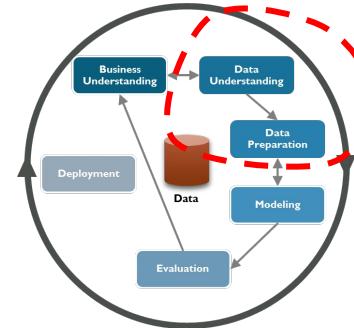
**Variáveis numéricas que representam contagens ou valores contínuos** (ex: Número de vagas EAD ou idade do aluno): Aglutinação pela média;

**Datas (ex: Data de abertura do curso):** Consideramos apenas o ano e tomamos a média;

Idade média = Média(ano atual - ano de abertura) = ano atual - Média (ano de abertura)

# Pré processamento dos dados

Colunas removidas



A fim de garantir que o classificador construído não aprenda aspectos regionais da educação, removemos as colunas relativas à localização das IES, ex: UF, Estado, etc...

Para alunos estrangeiros, consideramos apenas a booleana: é brasileiro ou não, ignoramos o país de origem por possuir muitas categorias

# Pré processamento dos dados

Mudança de grão e filtragem de dados

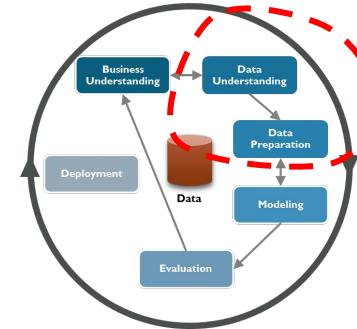
**DM\_ALUNO**

10793935 (total)

6809245 (aluno cursando)

6786979  
(co\_ocde\_area\_geral  
presente)

**perda total: 37.12 %**



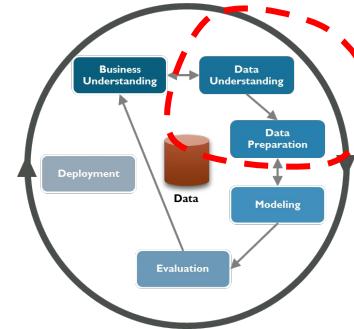
agrupamento  
IES / Área

7222  
registros

# Pré processamento dos dados

Mudança de grão e filtragem de dados

DM\_CURSO



33273 (total)

31069 (curso ativo e com ano de inicio)

30868(co\_ocde\_area\_geral presente)

**perda total: 7.22 %**

agrupamento  
IES / Área

7215  
registros

# Pré processamento dos dados

Mudança de grão e filtragem de dados

DM\_DOCENTE

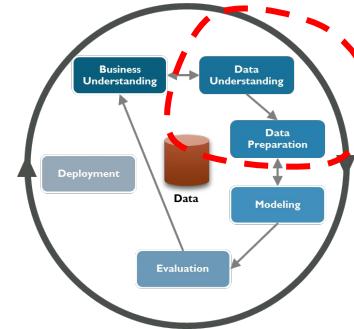
396595 (total)

383386 (docente em atividade)

**perda total: 3.33 %**

agrupamento  
IES

2368  
registros



# Pré processamento dos dados

Mudança de grão e filtragem de dados

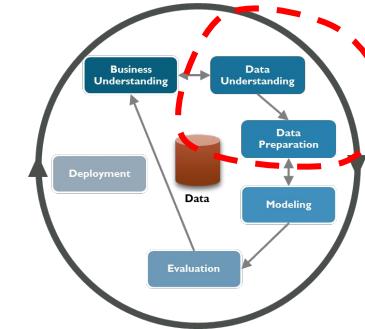
DM\_ENADE

481720 (total)

395557 (presente)

395453 (nota geral  
presente)

**perda total: 17.90 %**



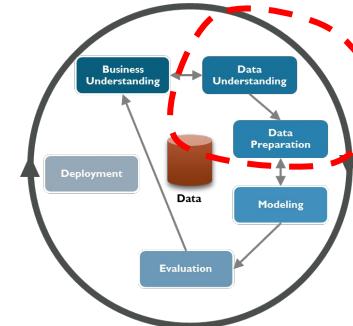
agrupamento  
IES / Área

2626  
registros

# Pré processamento dos dados

## Junção de dados

IES presentes no Enade mas não no Censo....



ALUNOS  
7222

Enade  
2626

Curso  
7215

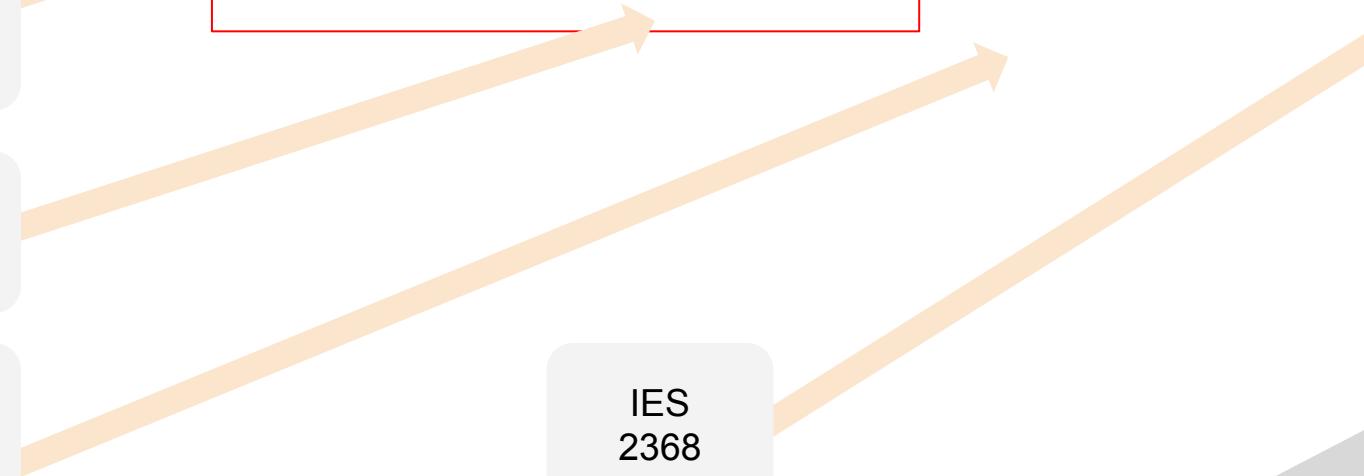
Docente  
2368

Join 1  
2593

Join 2  
2580

Join 3  
2580

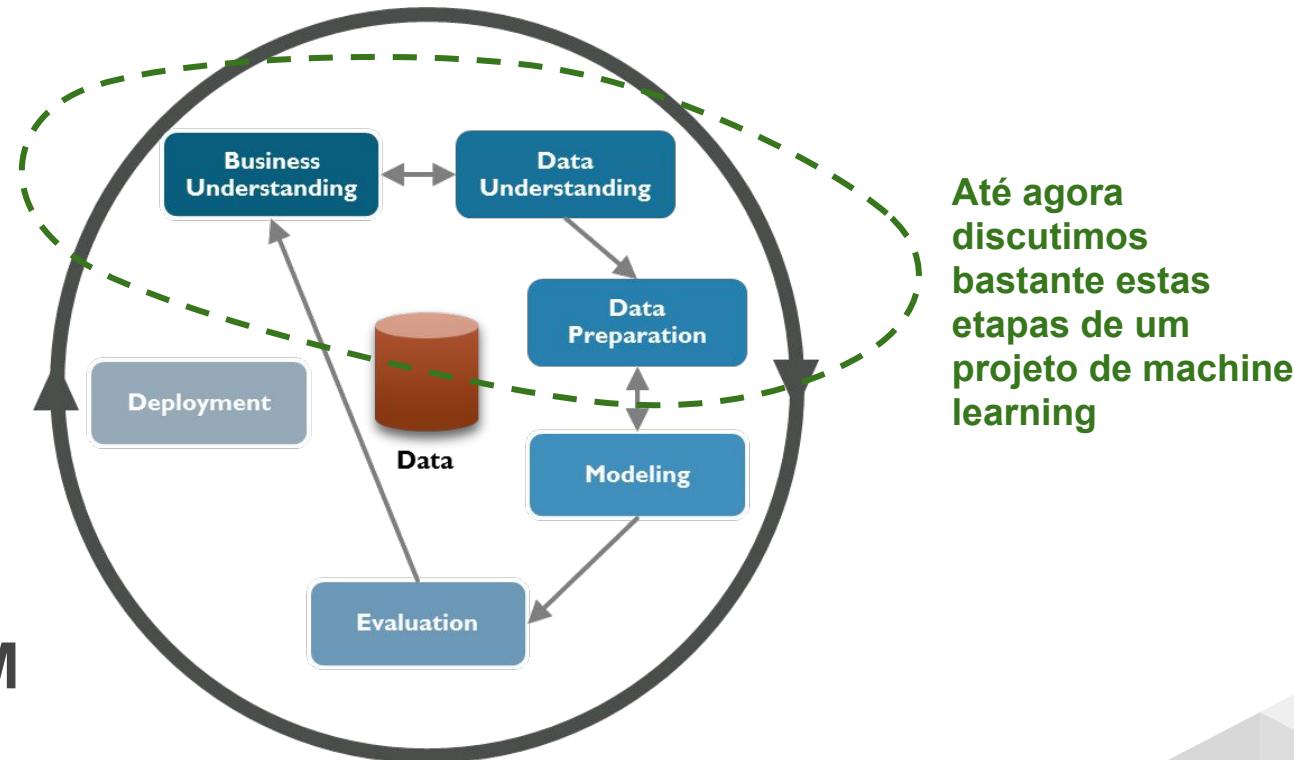
Join 4  
2580



# Avalie a primeira parte do curso

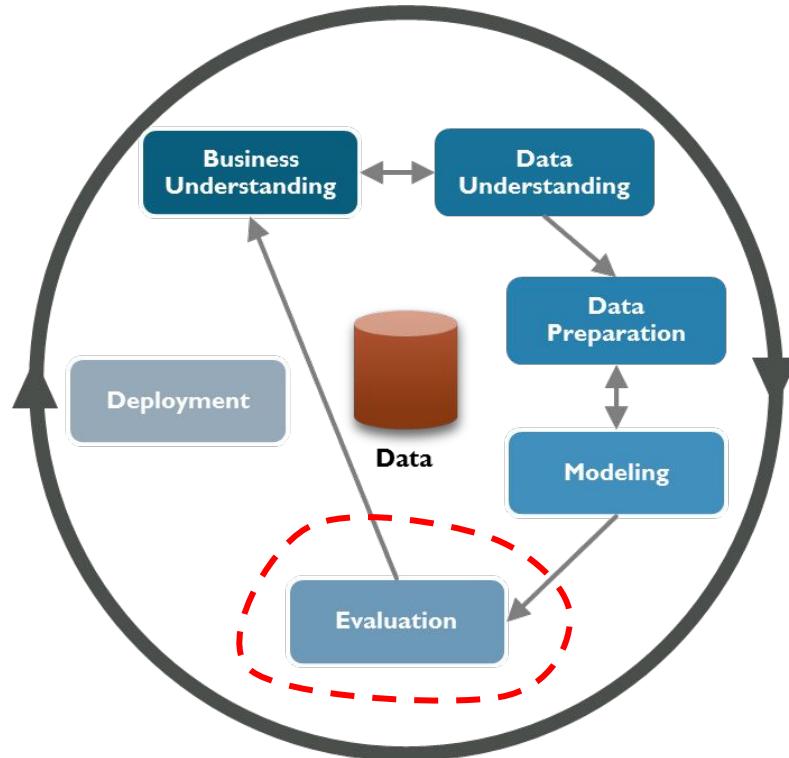
[https://docs.google.com/forms/d/e/1FAIpQLScjRfErajmoXcInExnMia32RJ9NLDQbtS\\_DJ25jGHYDSmhQbg/viewform?usp=sf\\_link](https://docs.google.com/forms/d/e/1FAIpQLScjRfErajmoXcInExnMia32RJ9NLDQbtS_DJ25jGHYDSmhQbg/viewform?usp=sf_link)

# Como funciona um projeto de Aprendizado de máquina



CRISP - DM

# Como funciona um projeto de Aprendizado de máquina

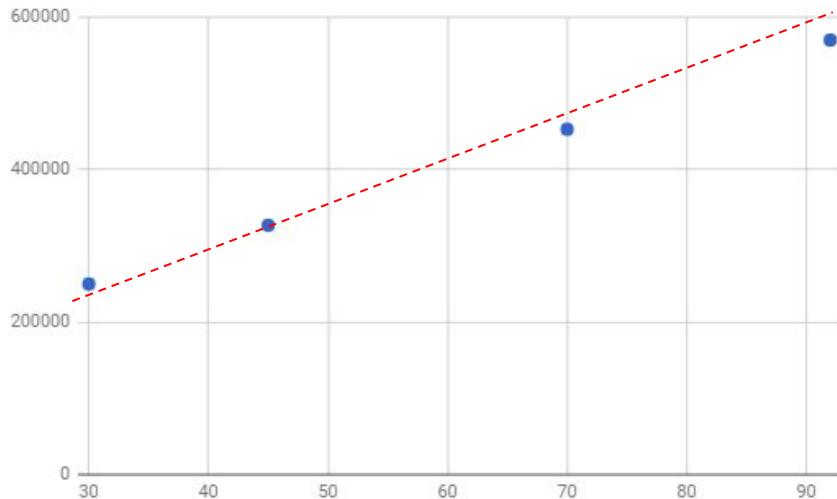


CRISP - DM

Pularemos por enquanto a modelagem e vamos falar de como sabemos se um modelo é bom ou não

# Métricas de desempenho

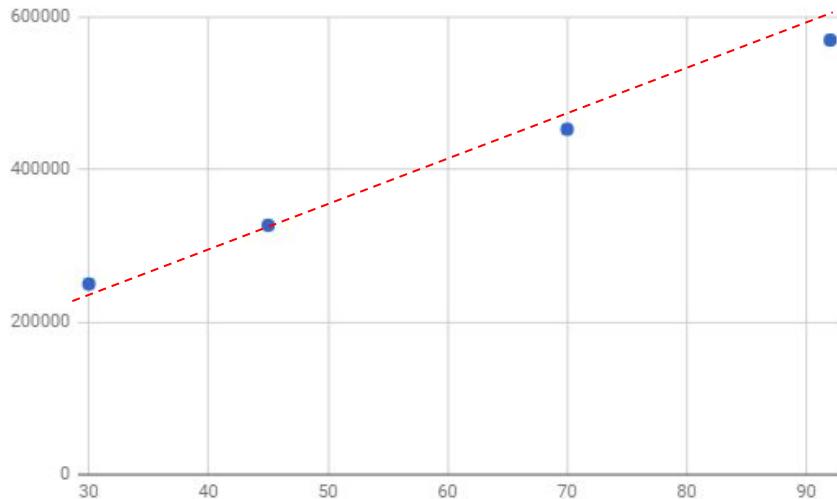
Voltando ao exemplo da precificação de imóveis, como selecionamos o melhor modelo?



Neste caso, a nossa hipótese é que a lei que regia o fenômeno era uma linha reta, mas **precisava ser?**

# Métricas de desempenho

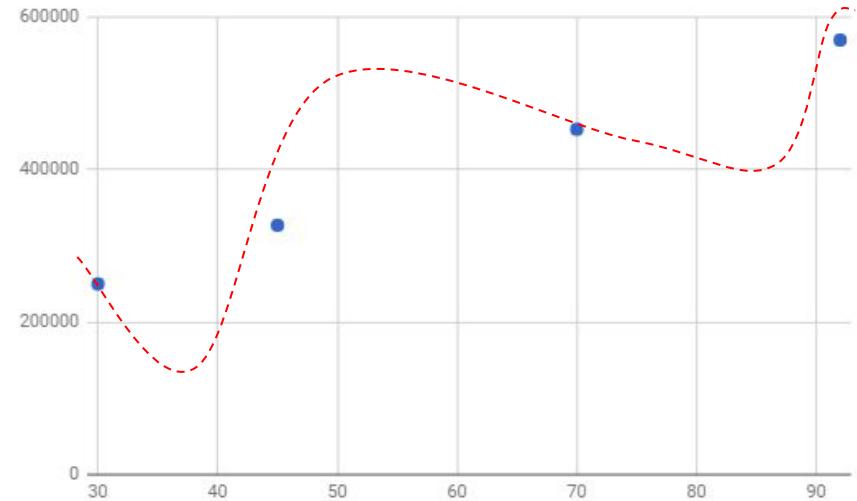
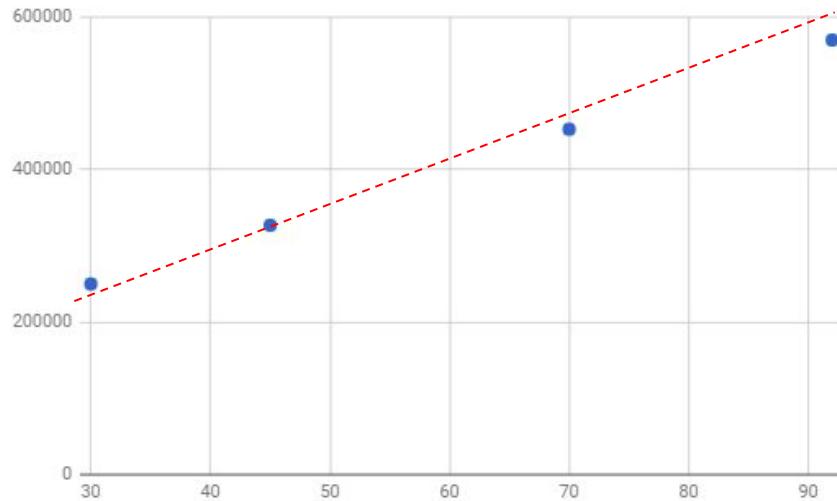
Voltando ao exemplo da precificação de imóveis, como selecionamos o melhor modelo?



Neste caso, a nossa hipótese é que a lei que regia o fenômeno era uma linha reta, mas **precisava ser?**

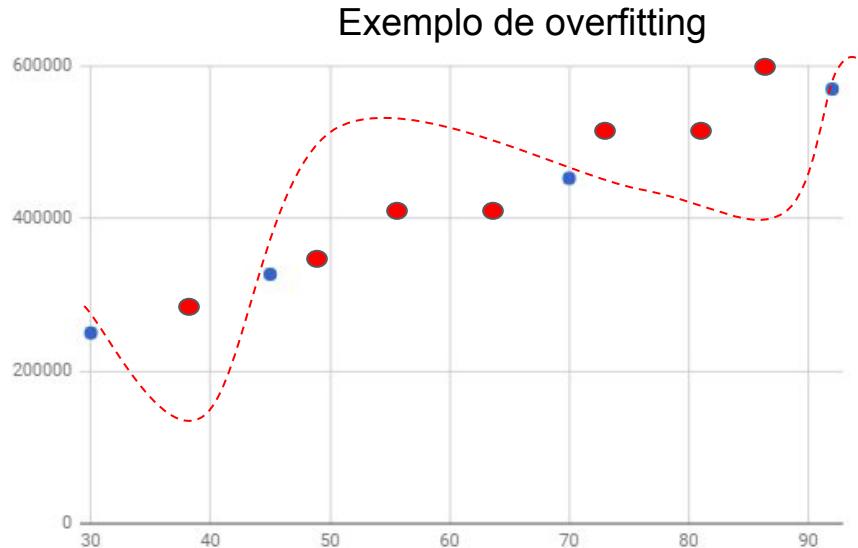
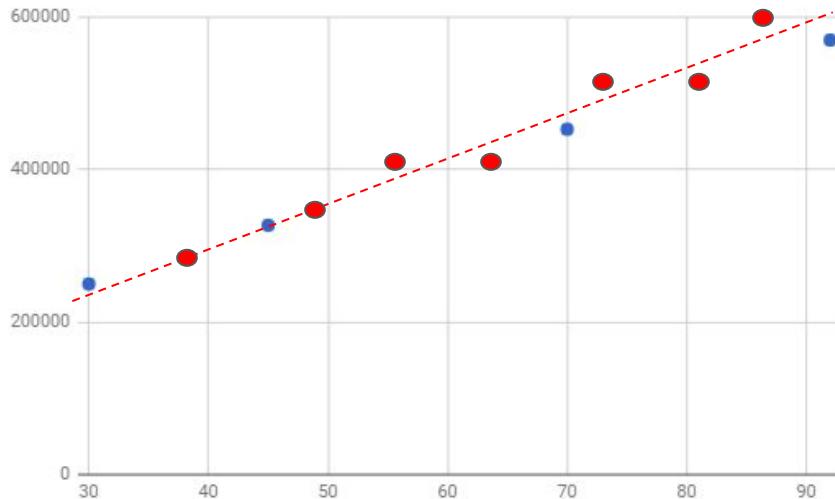
# Métricas de desempenho

No conjunto de **treinamento** as duas hipóteses parecem igualmente interessantes



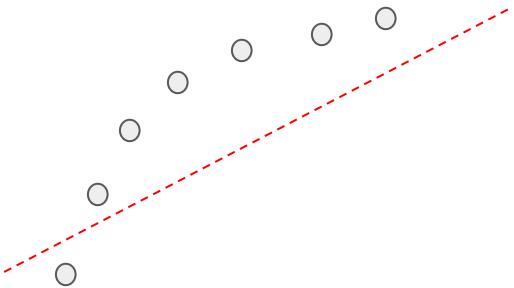
# Métricas de desempenho

Caso seja utilizado para fins de teste um segundo conjunto de dados que não foi usado no treinamento, podemos perceber que o primeiro modelo é melhor



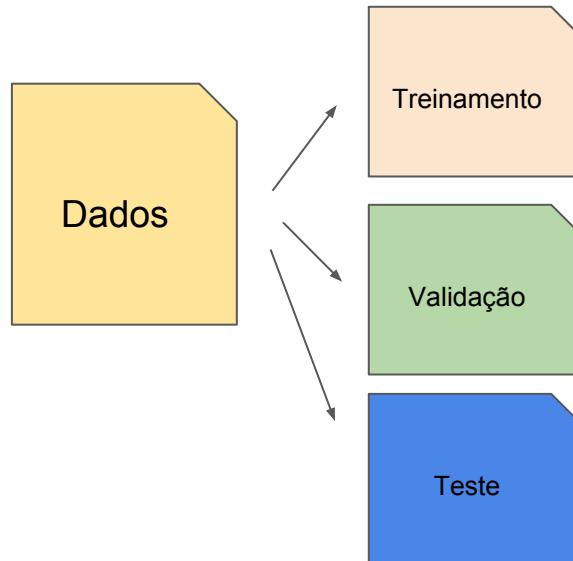
# Métricas de desempenho

Underfitting seria o caso contrário



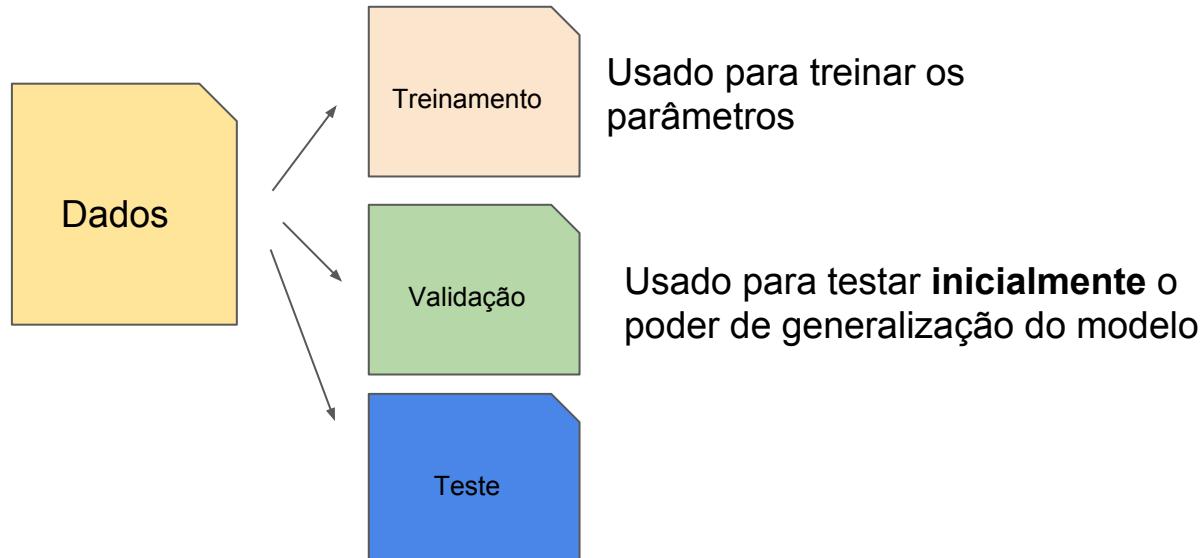
# Métricas de desempenho

Em geral, dividimos o banco de dados disponível em três conjuntos, o de **treinamento**, o de **validação** e o de **teste**



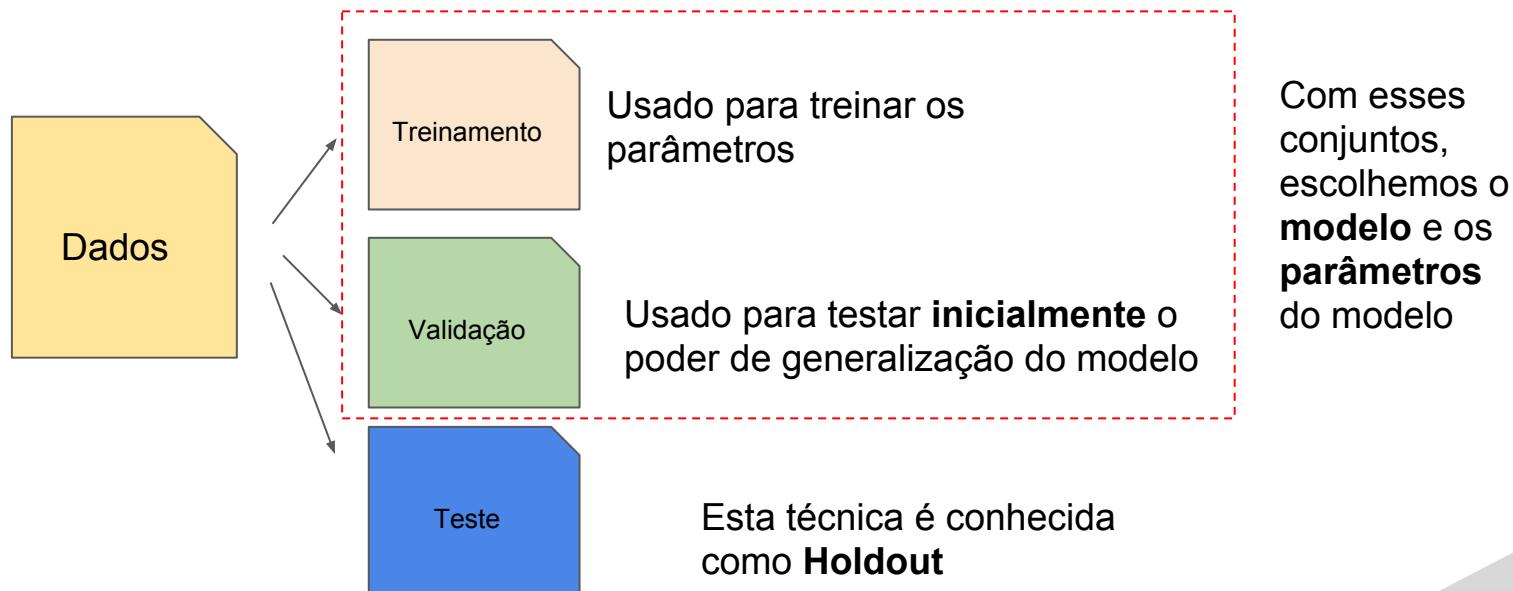
# Métricas de desempenho

Em geral, dividimos o banco de dados disponível em três conjuntos, o de **treinamento**, o de **validação** e o de **teste**



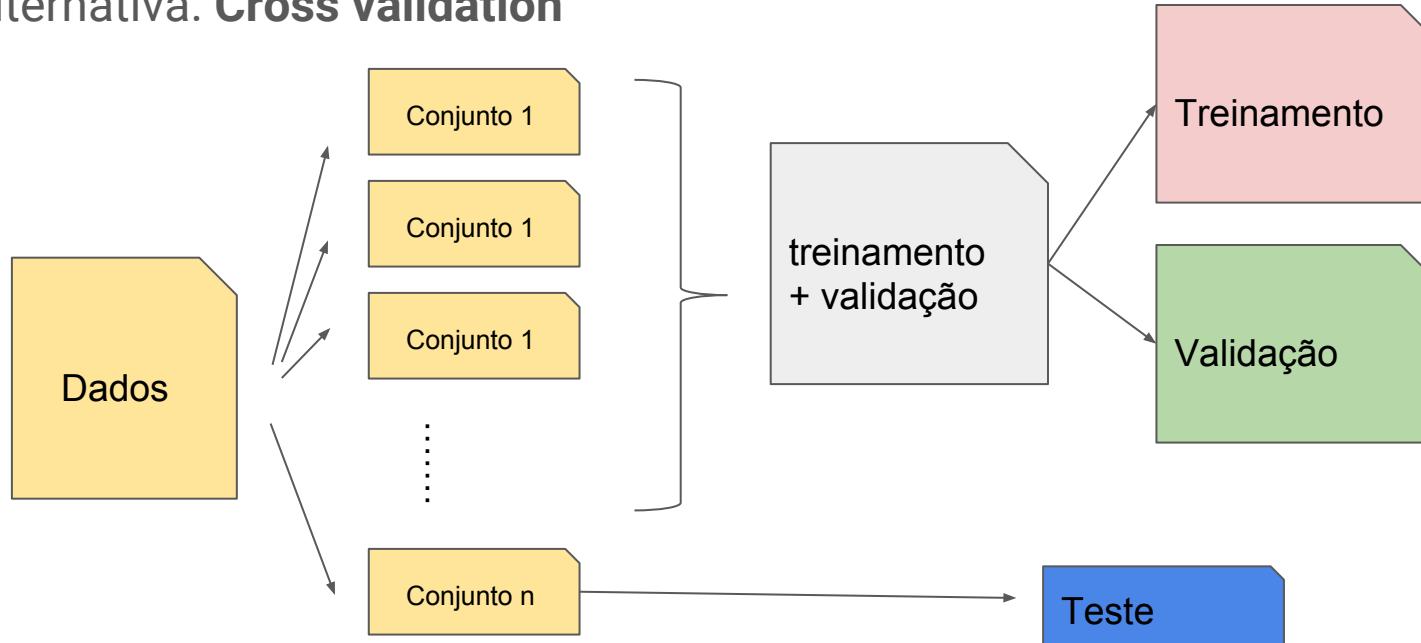
# Métricas de desempenho

Em geral, dividimos o banco de dados disponível em três conjuntos, o de **treinamento**, o de **validação** e o de **teste**



# Métricas de desempenho

Alternativa: **Cross validation**



# Métricas de desempenho

## Alternativa: **Cross validation**

Os treinamentos são realizados n vezes variando qual **conjunto será o conjunto de teste**.

O cross validation possui menos variância e é uma boa opção para conjuntos menores pois utiliza todos os dados para treinamento em algum momento.

# Métricas de desempenho

São formas de verificar se um determinado algoritmo de machine learning está classificando bem ou não. Não confundir com **função de custo**

Primeira métrica: Acurácia

De todos os testes realizados, quantos resultaram em uma classificação correta?

Acurácia = (número de testes corretos) / (total de testes)

# Métricas de desempenho

Problemas da acurácia:

Vamos supor que estamos fazendo um **teste para detectar câncer**

Suponha que 1 em cada 100 pessoas no mundo desenvolvem câncer, um classificador que sempre diz que a pessoa não tem câncer terá

**99% de acurácia!**

Será que este classificador é bom?

# Métricas de desempenho

Uma forma de conhecer melhor o desempenho do sistema é a matriz de confusão. Suponha que temos um problema de classificação binária (classe A e classe B). Podemos montar a seguinte matriz

	A	B
A	Verdadeiros positivos da classe A	Falsos negativos da classe A / Falsos positivos da classe B
B	Falsos negativos da classe B / Falsos positivos da classe A	Verdadeiros positivos da classe B

# Métricas de desempenho

De posse da matriz de confusão, podemos definir algumas outras métricas

	A	B
A	TP_a	FP_b
B	FP_a	TP_b

Precisão da classe A:  $TP_a / (TP_a + FP_a)$

Precisão da classe B:  $TP_b / (TP_b + FP_b)$

# Métricas de desempenho

De posse da matriz de confusão, podemos definir algumas outras métricas

	A	B
A	TP_a	FP_b
B	FP_a	TP_b

Recall da classe A:  $TP_a / (TP_a + FP_b)$

Recall da classe B:  $TP_b / (TP_b + FP_a)$

Note que o recall é igual à **acurácia por classe**

# Métricas de desempenho

De posse da matriz de confusão, podemos definir algumas outras métricas

	A	B
A	TP_a	FP_b
B	FP_a	TP_b

Podemos também definir precisão e recall médios

**Precisão média:**  $\{(número\ de\ A) * P_a + (número\ de\ B) * P_b\} / \{(número\ de\ A) + (número\ de\ B)\}$

**Recall médio:**  $\{(número\ de\ A) * R_a + (número\ de\ B) * R_b\} / \{(número\ de\ A) + (número\ de\ B)\}$

# Métricas de desempenho

A precisão e o recall por classe são mais indicadas para avaliar classificadores desbalanceados

	A (câncer)	B (não câncer)
A (câncer)	0	10
B (não câncer)	0	1000

Acurácia:  $1000/1010 = 99\%$

Precisão da classe A: 0%

Recall da classe A: 0%

Precisão da classe B:  $1000/1010 = 99\%$

Recall da classe B: 100%

Precisão média:  $\{99*1000 + 0*10\} / 1010 = 90\%$

Recall média: 99%

# Métricas de desempenho

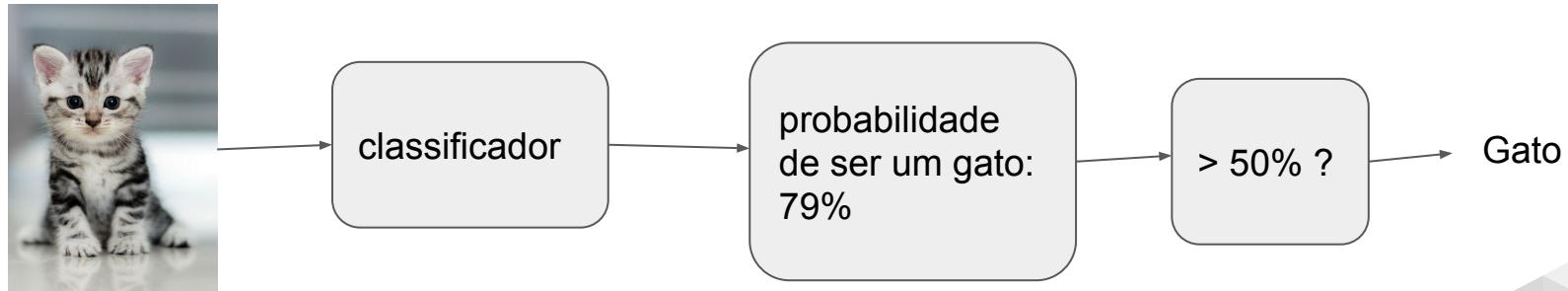
Muitas vezes é utilizada a métrica F1-score como medida

$$F_1 = 2 \cdot \frac{1}{\frac{1}{\text{recall}} + \frac{1}{\text{precision}}} = 2 \cdot \frac{\text{precision} \cdot \text{recall}}{\text{precision} + \text{recall}}$$

# Métricas de desempenho (resposta contínua)

Muitos classificadores, além de permitirem saber qual a classe de um novo exemplo, também retornam uma **métrica de probabilidade** daquele exemplo de fato ser da classe escolhida.

Por default, consideramos um exemplo como pertencente de uma determinada classe se esta probabilidade é acima de 50%

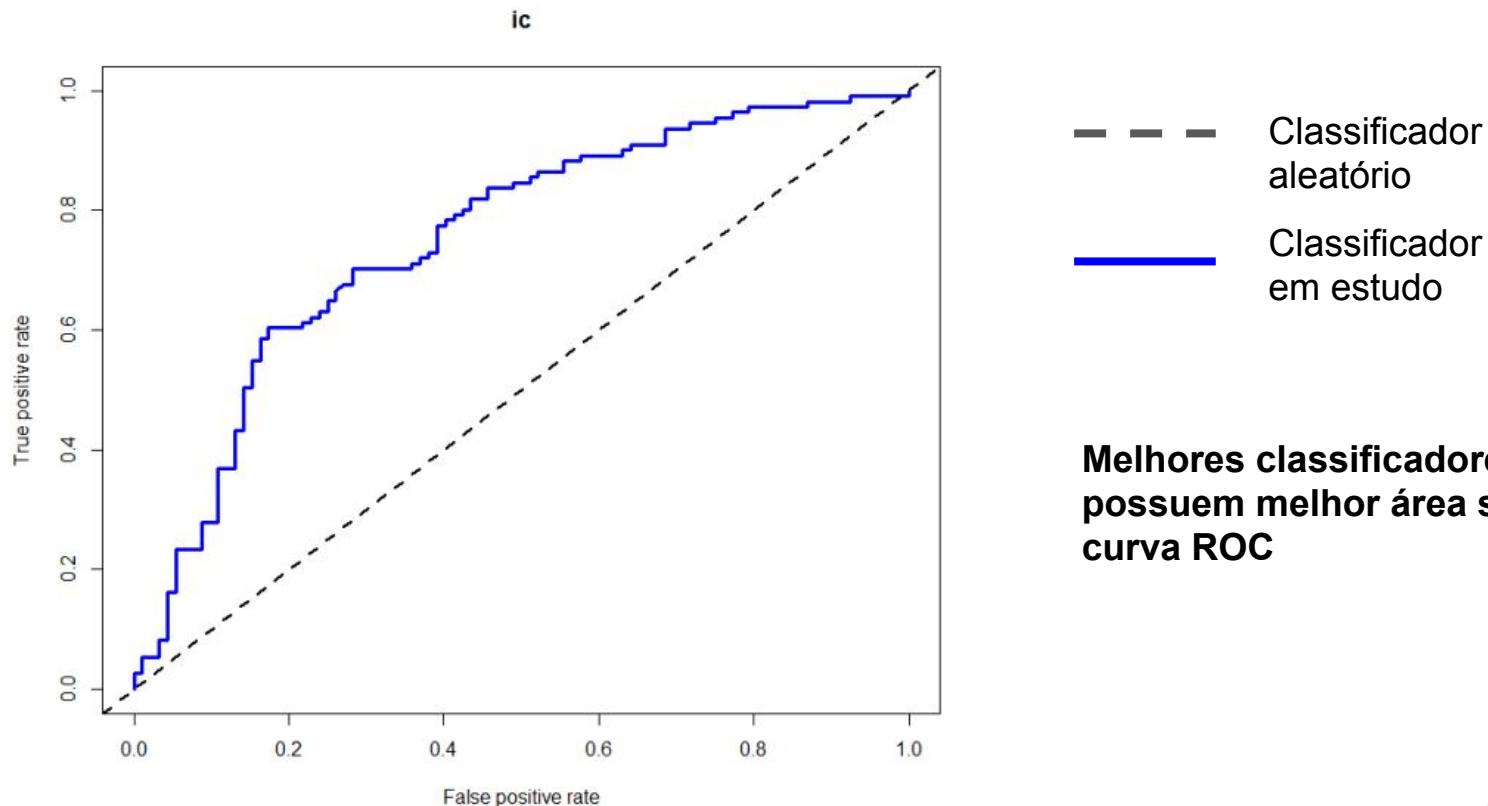


# Métricas de desempenho (resposta contínua)

No entanto, podemos decidir ativar a decisão com um limiar **acima de 50%**, quando queremos apenas detecções de alta qualidade, ou **abaixo de 50%** quando desejamos mitigar falsos negativos, por exemplo, em uma detecção de fraude em cartões de crédito.

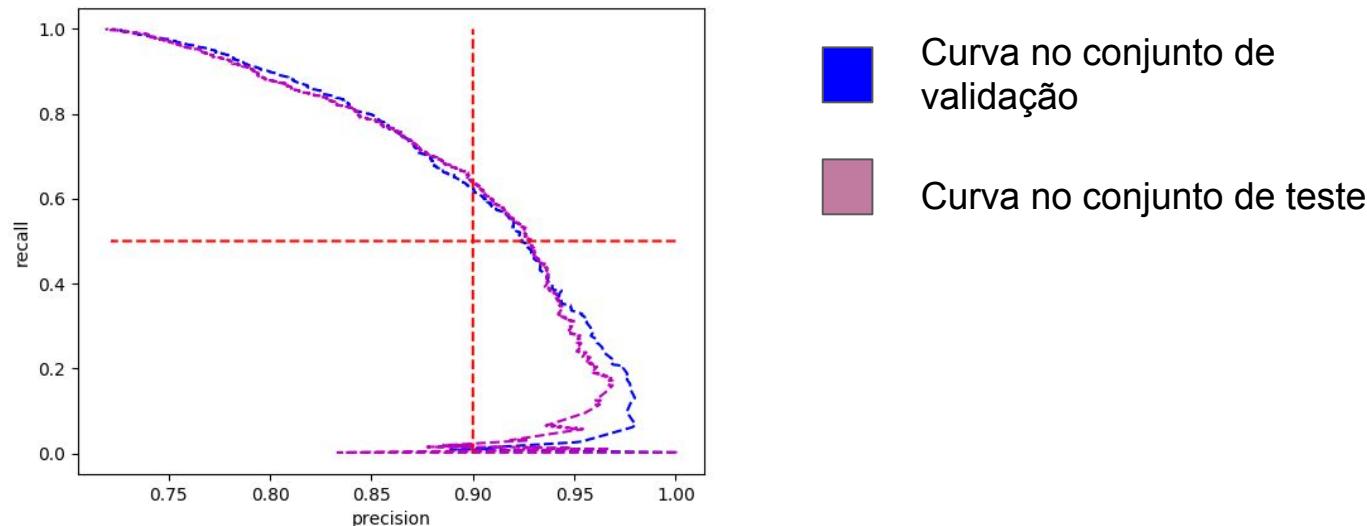
Para cada um desses limiares, podemos calcular a taxa de **verdadeiros positivos e falsos positivos**. Tais pontos podem ser dispostos em uma curva chamada curva ROC. Como comparar classificadores ao longo de **todos os limiares**?

# Métricas de desempenho (resposta contínua)



# Métricas de desempenho (resposta contínua)

Outra coisa que pode ser feita é construir uma curva de precisão x recall para cada limiar



# Noções de intervalo de confiança

Um dos maiores problemas do aprendizado de máquina é saber o quanto **significativas** são as métricas calculadas.

Como exemplo, vamos supor que você deseje saber qual a altura média dos brasileiros (mais de 200 milhões de pessoas). O procedimento padrão é aferir a média de altura em uma **amostra de pessoas**, por exemplo, 1000 pessoas.

Ou seja, estamos querendo tirar conclusões de uma **população** a partir de uma **amostra**

# Noções de intervalo de confiança

Precisamos saber o quanto a média dessa amostra se aproxima da verdadeira média da população brasileira (suponha que seja 1.70 m). Se executarmos o experimento em diversas amostras de 1000 pessoas, obteremos diferentes resultados:

amostra 1 : 1.72 m

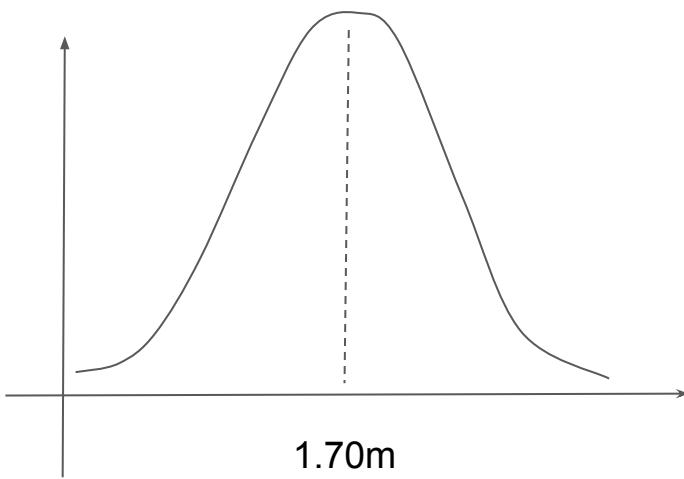
amostra 2: 1.69 m

amostra 3: 1.74 m

.....

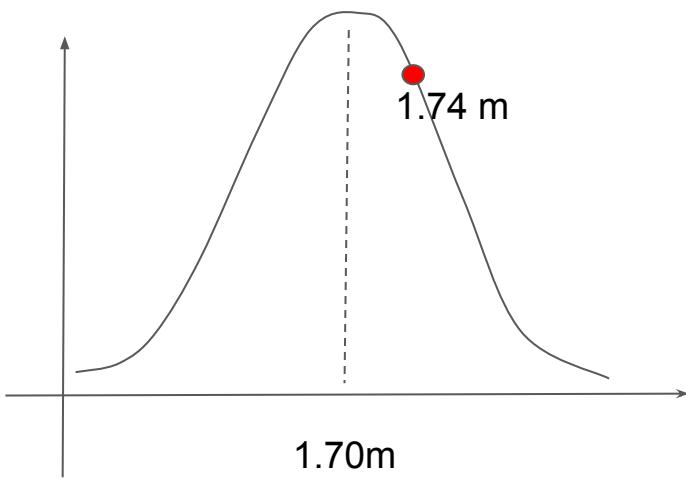
# Noções de intervalo de confiança

Caso a distribuição das alturas do brasileiro seja **normal** ou a amostra seja grande o suficiente, a tendência é que as médias observadas tenham igualmente uma distribuição normal em torno da média real



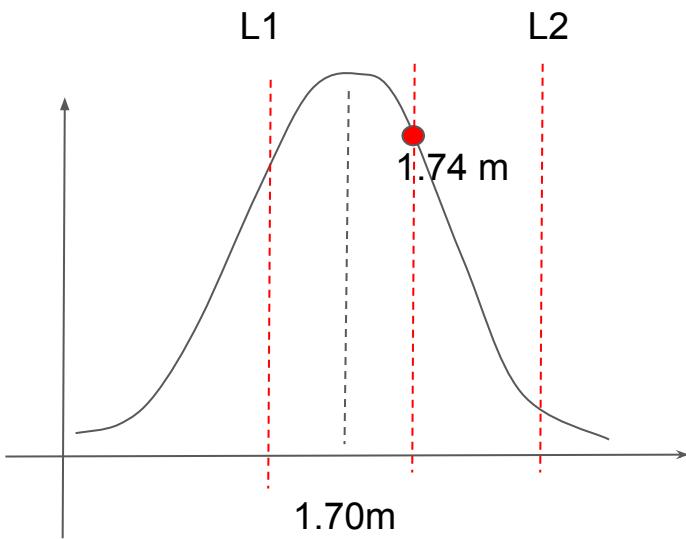
# Noções de intervalo de confiança

Com apenas uma amostra, não teremos o valor da média real, mas apenas um ponto na distribuição



# Noções de intervalo de confiança

Com apenas uma amostra, não teremos o valor da média real, mas apenas um ponto na distribuição



No entanto, podemos calcular a probabilidade da média real estar distante da média amostral de uma certa margem de erro

$$P(L1 < \text{margem real} < L2)$$

# Noções de intervalo de confiança

Da mesma forma que podemos calcular a probabilidade da média real estar dentro de um intervalo, podemos, de forma inversa, calcular **qual o intervalo** onde a média real está com uma probabilidade acima de 90%, 95%, etc...

A este intervalo, damos o nome de **intervalo de confiança**

# Noções de intervalo de confiança

A probabilidade do valor real estar no intervalo é chamado de nível de confiança do intervalo, e a sua diferença para 100% é chamada de **nível de significância**, denotada pela letra alfa.

Ex: No intervalo de confiança de 95%, o nível de significância é 5% ou 0.05

# Noções de intervalo de confiança

No caso de aprendizado de máquina, queremos calcular intervalos de confiança para proporções (pois acurácia, precisão, recall, etc.. são proporções). Neste caso, para um número  $n$  grande de observações, temos que a proporção real  $p$  de uma população está no seguinte intervalo com uma probabilidade de  $100.(1 - \alpha) \%$

$$\hat{p} - z_{\alpha/2} \sqrt{\frac{\hat{p}(1-\hat{p})}{n}} \leq p \leq \hat{p} + z_{\alpha/2} \sqrt{\frac{\hat{p}(1-\hat{p})}{n}}$$

$\hat{p}$  é a proporção observada na amostra

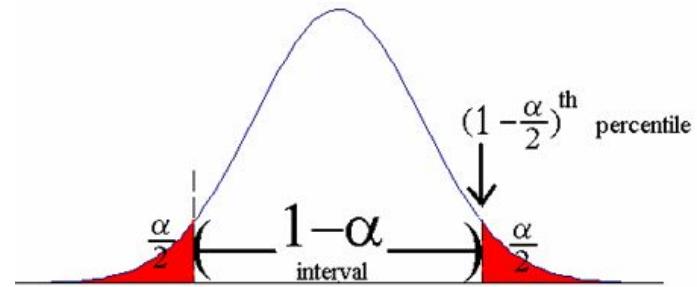
# Noções de intervalo de confiança

Os valores de  $Z_{\alpha/2}$ .

são tabelados, porém, o valor de Zx pode ser obtido facilmente com o python através do seguinte código:

```
import scipy.stats as st
```

```
Zx = st.norm.ppf(1 - x)
```



# Noções de intervalo de confiança

Ex: Se em um conjunto de teste de 100 elementos, a acurácia foi de 85%, a acurácia real (do algoritmo em funcionamento no mundo real) deve estar em qual intervalo com 95% de certeza?

$$\alpha \quad 5\% \text{ ou } 0.05$$

$$\hat{p} \quad 0.85$$

$$n \quad 100$$

$$z_{\alpha/2} \quad 1.96$$

$$\hat{p} - z_{\alpha/2} \sqrt{\frac{\hat{p}(1-\hat{p})}{n}} \leq p \leq \hat{p} + z_{\alpha/2} \sqrt{\frac{\hat{p}(1-\hat{p})}{n}}$$

$$0.79 \leq p \leq 0.91$$

# Técnicas de classificação

Falaremos aqui de algumas das principais classificadores

- K vizinhos;
- Classificador Bayesiano;
- Regressão logística;
- Multi layer perceptron;
- Support Vector Machines;

# K vizinhos

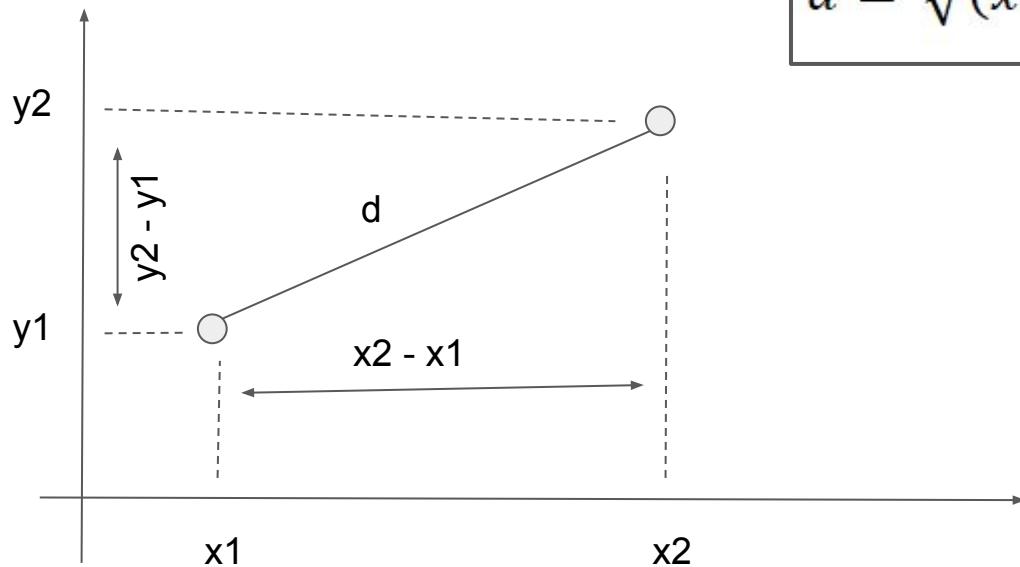
Uma das técnicas de aprendizado de máquina mais simples de ser implementada

Para utilizarmos este algoritmo, basta apenas que todas as variáveis já estejam em forma numérica e de uma **métrica de distância**

Geralmente a métrica de distância utilizada é a **distância euclidiana**

# K vizinhos

## Distância euclidiana



$$d = \sqrt{(x_2 - x_1)^2 + (y_2 - y_1)^2}$$

# K vizinhos

## Distância euclidiana

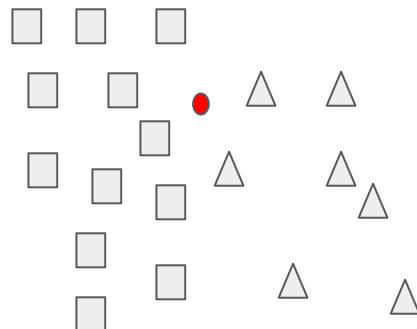
Para **n** variáveis, basta generalizar o conceito:

$$d = \sqrt{(a_2 - a_1)^2 + (b_2 - b_1)^2 + (c_2 - c_1)^2 + (d_2 - d_1)^2 + \dots}$$

# K vizinhos

## Funcionamento

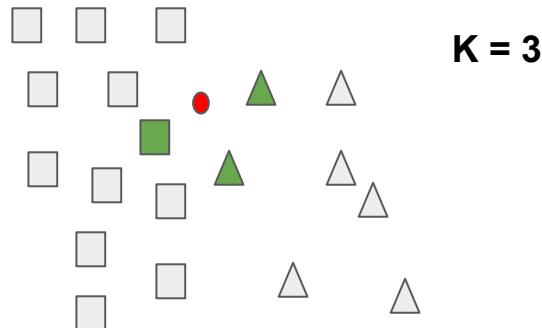
Quando desejamos classificar um ponto novo, olhamos para os K pontos mais próximos (K ímpar) desse ponto na base de dados atual. Damos ao novo ponto a classificação mais **frequente nesses pontos**



# K vizinhos

## Funcionamento

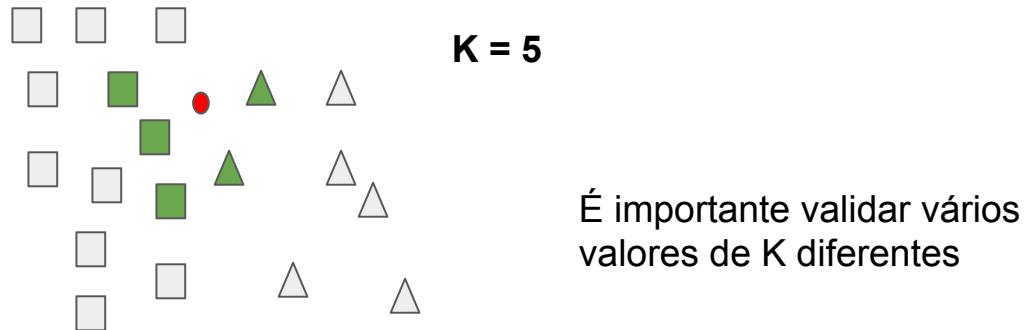
Quando desejamos classificar um ponto novo, olhamos para os K pontos mais próximos (K ímpar) desse ponto na base de dados atual. Damos ao novo ponto a classificação mais **frequente nesses pontos**



# K vizinhos

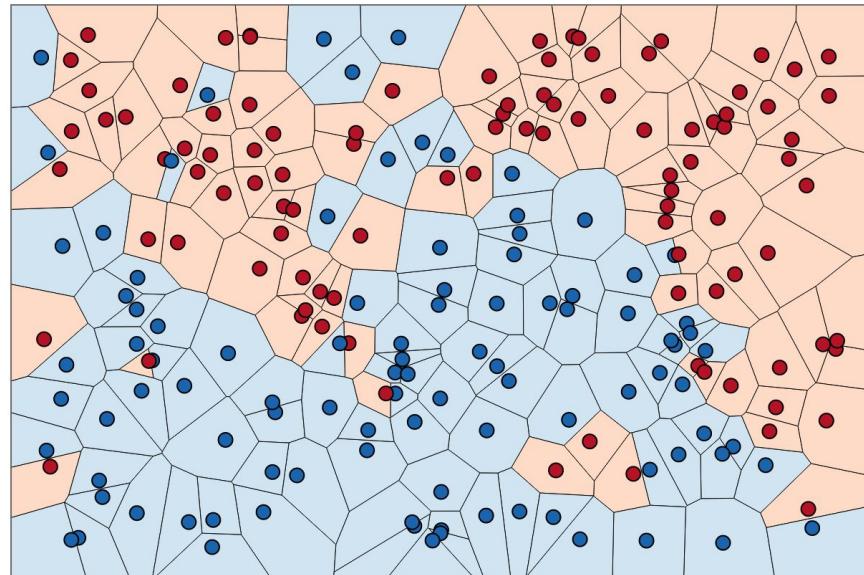
## Funcionamento

Quando desejamos classificar um ponto novo, olhamos para os K pontos mais próximos (K ímpar) desse ponto na base de dados atual. Damos ao novo ponto a classificação mais **frequente nesses pontos**



# K vizinhos

## Fronteira de decisão



# K vizinhos

## Vantagens

Fronteira de decisão flexível

Facilidade de implementação

Pode ter aprendizado contínuo

## Desvantagens

O aumento da base de dados torna o classificador lento

Overfitting e sensibilidade a dados ruidosos

# Classificador Bayesiano

Este classificador procura descrever a densidade de probabilidade dos dados

Exemplo: Temos um classificador que deseja identificar o peixe que está descendo pelo rio

Suponha que existam apenas **dois tipos de peixe**:

Salmão e Bagre

# Classificador Bayesiano

Suponha que existe um estudo estatístico que diz que **90%** dos peixes que cruzam o rio são Salmões, logo:

$$P[\text{Salmão}] = 0.9 \text{ e } P[\text{Bagre}] = 0.1$$

Na ausência de qualquer outra informação, o melhor classificador possível é aquele que diz que o peixe é *sempre salmão*

**Será que é possível melhorar?**

# Classificador Bayesiano

Suponha agora que temos um **sensor de luz** que mede o quanto a escama do peixe reflete bem a luz. Será que podemos melhorar o classificador.

Lei da probabilidade condicional de Bayes

$$P(A|B) = P(A \cap B)/P(B)$$

$$P(B|A) = P(B \cap A)/P(A)$$

$$P(A|B) = \frac{P(A)P(B|A)}{P(B)}$$

# Classificador Bayesiano

Podemos então remodelar o problema da seguinte forma

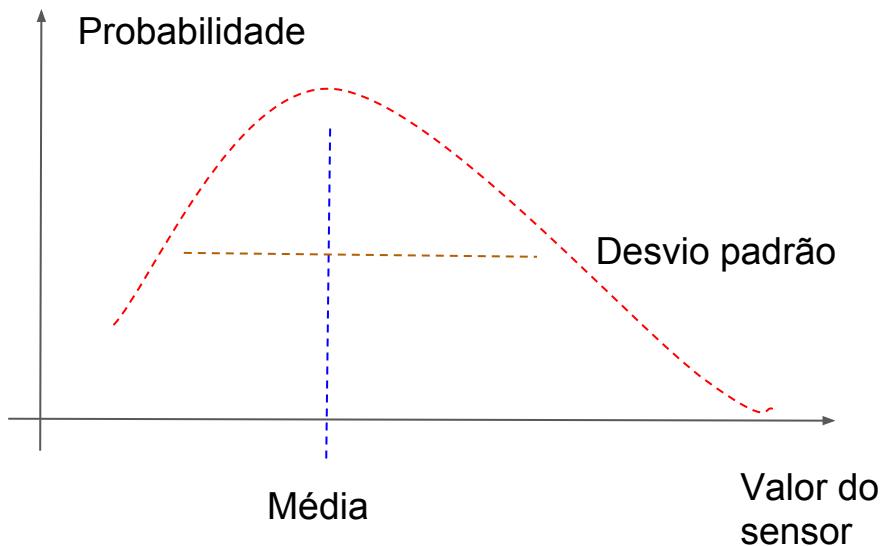
$$P[\text{Salmão} \mid \text{Sensor} = x] = P[\text{Salmão}] * P[\text{Sensor} = x \mid \text{Salmão}] / P[\text{Sensor} = x]$$

$$p(C_k \mid \mathbf{x}) = \frac{p(C_k) p(\mathbf{x} \mid C_k)}{p(\mathbf{x})}$$

Na prática, como o termo  $p(x)$  é constante para todas as classes, precisamos apenas do termo  $p(C_k) p(\mathbf{x} \mid C_k)$

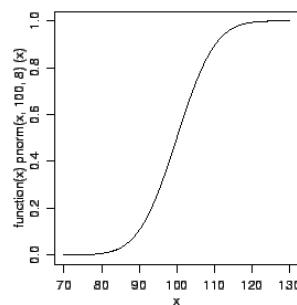
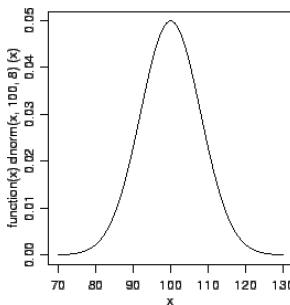
# Classificador Bayesiano

Geralmente  $P[\text{Sensor} = x]$  e  $P[\text{Sensor} = x | \text{Salmão}]$  são descritas por uma função densidade de probabilidade



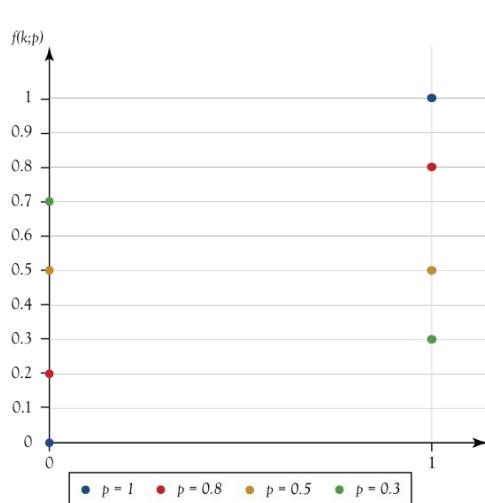
# Classificador Bayesiano

Para estimar os parâmetros da função distribuição de probabilidade, o classificador precisa assumir uma determinada forma da distribuição



$$f(x) = \frac{1}{\sqrt{2\pi\sigma^2}} \exp\left\{-\frac{1}{2\sigma^2}(x - \mu)^2\right\}$$

Distribuição normal



Distribuição de Bernoulli

# Classificador Bayesiano

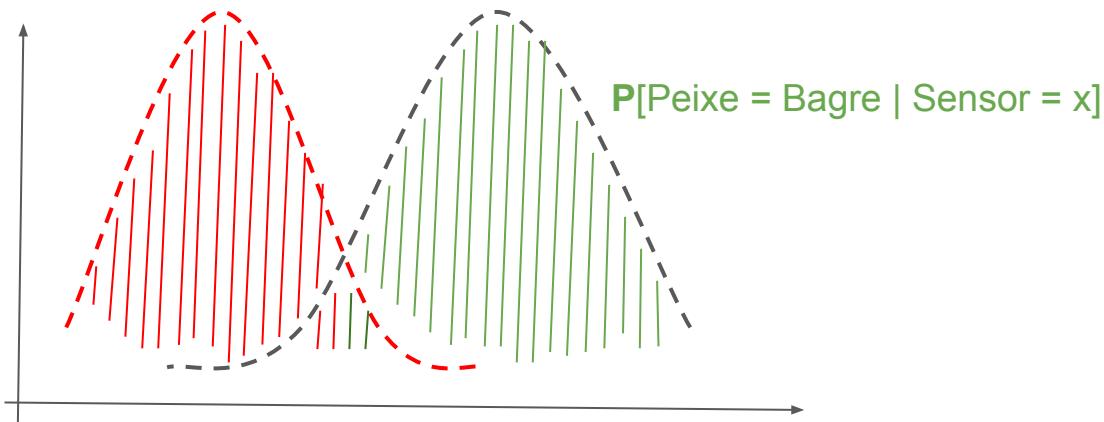
Com base nas funções distribuições de probabilidade, o classificador pode fazer a sua decisão

$$P[\text{Peixe} = \text{Salmão} | \text{Sensor} = x]$$

 Região de escolha - Salmão

$$P[\text{Peixe} = \text{Bagre} | \text{Sensor} = x]$$

 Região de escolha - Bagre



# Classificador Bayesiano

Além disso, se houver mais de uma feature, é necessário estimar como elas interagem entre si

$$\begin{aligned} p(C_k, x_1, \dots, x_n) &= p(x_1, \dots, x_n, C_k) \\ &= p(x_1 \mid x_2, \dots, x_n, C_k)p(x_2, \dots, x_n, C_k) \\ &= p(x_1 \mid x_2, \dots, x_n, C_k)p(x_2 \mid x_3, \dots, x_n, C_k)p(x_3, \dots, x_n, C_k) \\ &= \dots \\ &= p(x_1 \mid x_2, \dots, x_n, C_k)p(x_2 \mid x_3, \dots, x_n, C_k) \dots p(x_{n-1} \mid x_n, C_k)p(x_n \mid C_k)p(C_k) \end{aligned}$$

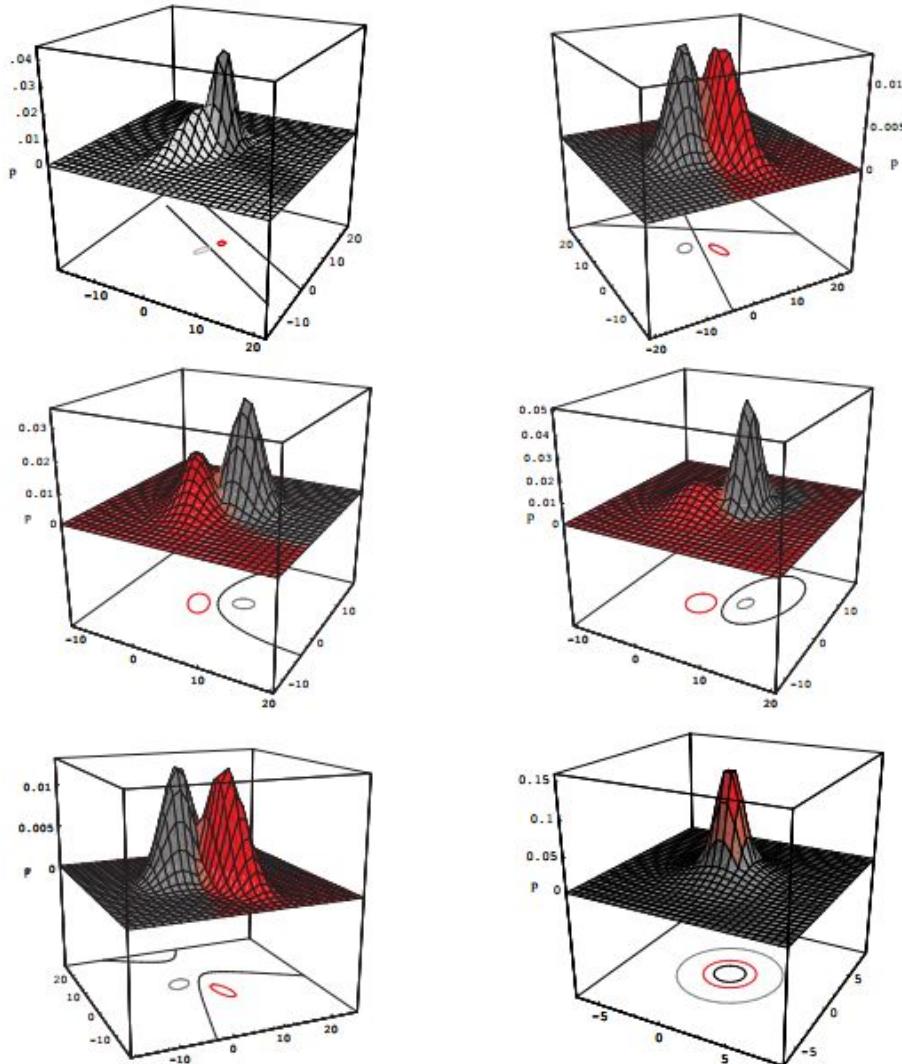
O chamado Naive Bayes assume que as features são independentes

$$\begin{aligned} p(C_k \mid x_1, \dots, x_n) &\propto p(C_k, x_1, \dots, x_n) \\ &\propto p(C_k) p(x_1 \mid C_k) p(x_2 \mid C_k) p(x_3 \mid C_k) \dots \\ &\propto p(C_k) \prod_{i=1}^n p(x_i \mid C_k). \end{aligned}$$

# Classificador Bayesiano

## Fronteira de decisão

O classificador bayesiano pode gerar diversas fronteiras de decisão dependendo de como são as distribuições dos dados.



# Classificador Bayesiano

## Vantagens

Flexibilidade da fronteira de decisão (menos que o Knn)

Altamente escalável com o aumento da base de dados

Pode fazer previsões probabilísticas

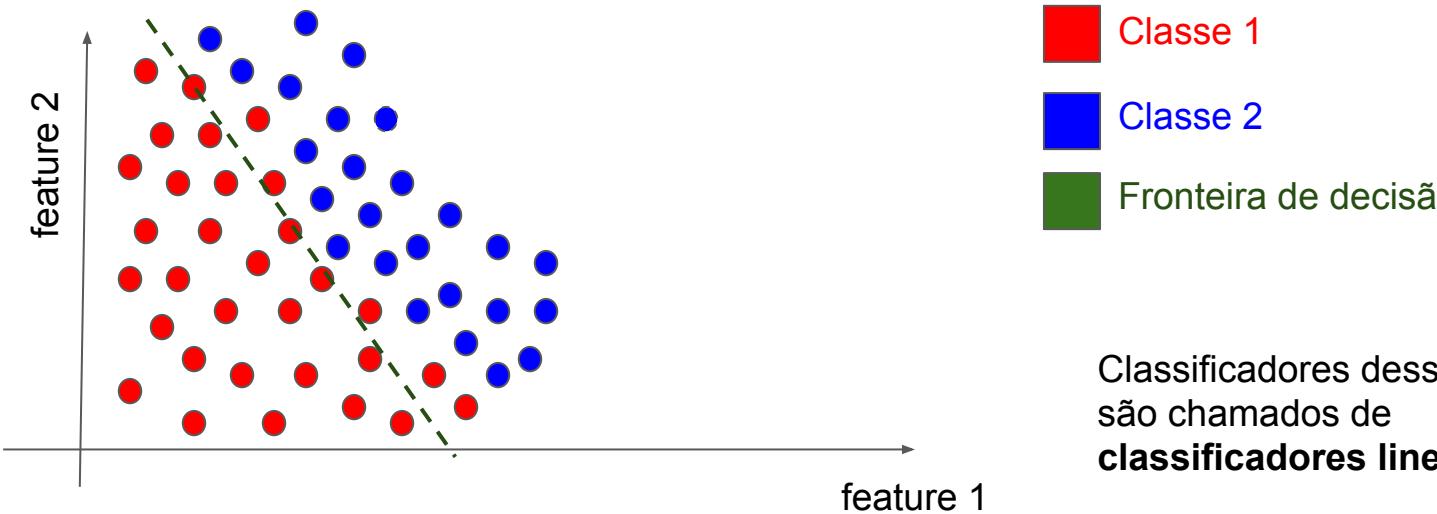
## Desvantagens

Relevância na estimação probabilística

Relevância da hipótese da distribuição dos dados

# Regressão logística

Um classificador de regressão logística é um classificador binário que tenta separar o espaço através de um hiperplano no espaço das features



# Regressão logística

Na vida real, problemas onde a fronteira de decisão é uma reta ou hiperplano são raros, no entanto, prova-se que quanto mais features, maior a probabilidade da fronteira de separação ser linear

Como veremos em breve,  
**problemas de NLP possuem alta dimensionalidade**

 Download full text in PDF      Export ▾



IFAC-PapersOnLine

Volume 49, Issue 24, 2016, Pages 64-69



## The Blessing of Dimensionality: Separation Theorems in the Thermodynamic Limit \*

Alexander N. Gorban \*✉, Ivan Yu. Tyukin \*\*✉, Ilya Romanenko \*\*\*✉

 [Show more](#)

<https://doi.org/10.1016/j.ifacol.2016.10.755>

[Get rights and content](#)

### Abstract:

We consider and analyze properties of large sets of randomly selected (i.i.d.) points in high dimensional spaces. In particular, we consider the problem of whether a single data point that is randomly chosen from a finite set of points can be separated from the rest of the data set by a linear hyperplane. We formulate and prove stochastic

# Regressão logística

Em problemas de regressão **linear**, consideramos que a relação entre a entrada e a saída é da seguinte forma

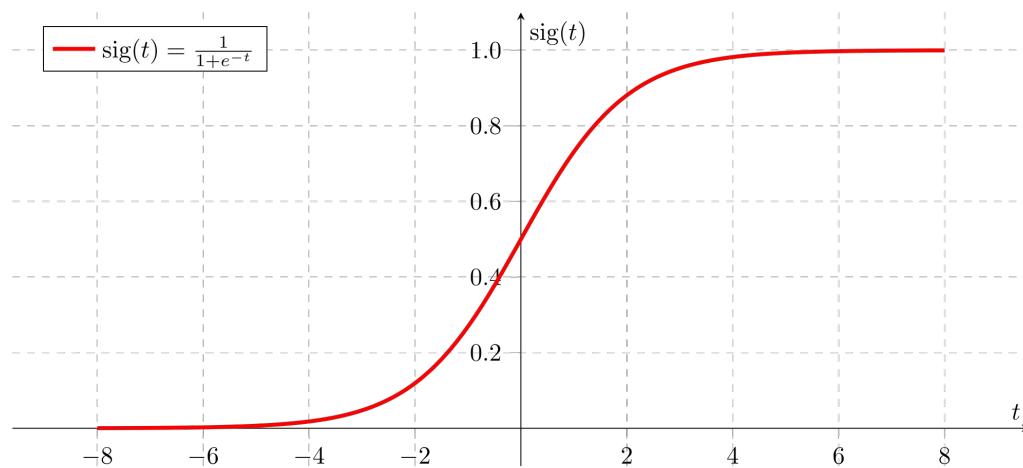
$$\text{Saída} = \text{coef}_1 * (\text{feature}_1) + \text{coef}_2 * (\text{feature}_2) + \text{coef}_3 * (\text{feature}_3) + \dots$$

ou seja

$$\text{Saída} = \sum_i^x \text{coef}_i * (\text{feature}_i)$$

# Regressão logística

A diferença é que na regressão logística, aplicamos um *threshold* para realizar a classificação



Por que não uma função degrau? o motivo ficará claro mais tarde

# Regressão logística

## Função de custo

Na regressão **linear** podemos usar o erro quadrático médio como função de custo

$$Custo = \left( \frac{1}{n} \right) \sum_i (saída_i - saída_{esperada_i})^2$$

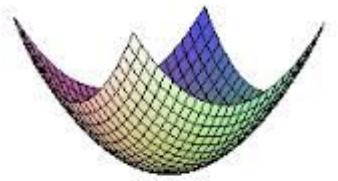
Na regressão logística, utilizamos uma função de custo chamada cross entropy

$$Custo = \left( \frac{1}{n} \right) \sum_i -saída_i * \log(saída_{esperada_i}) - (1 - saída_i) * \log(1 - saída_{esperada_i})$$

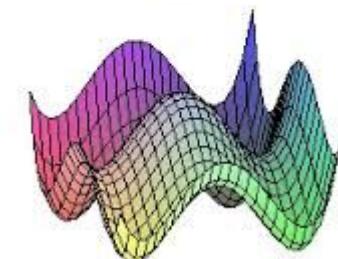
# Regressão logística

## Função de custo

A função cross entropia tem um único mínimo no problema de classificação



Função cross entropia



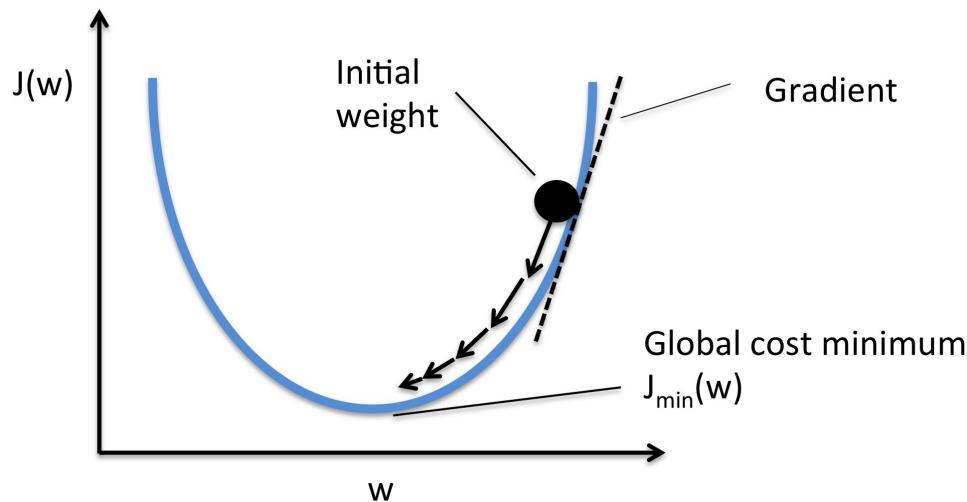
Função MSE em problemas de classificação

Isto significa que, em uma abordagem simplista, é **garantido** que atingiremos o **mínimo global** da função de custo de uma regressão logística

# Regressão logística

## Atualização de pesos

Como atualizar os pesos de um classificador regressão logística



Taxa de aprendizado

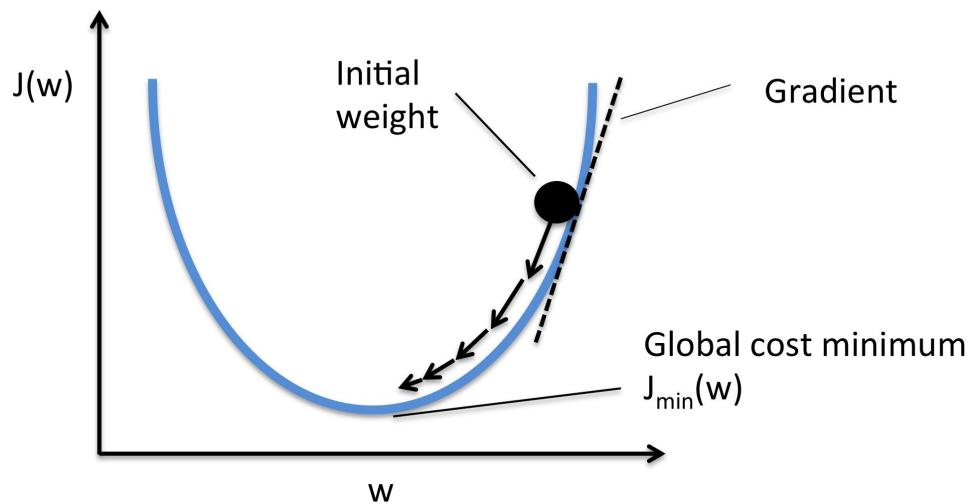
$$\frac{\partial}{\partial x} coef_i := coef_i - \alpha \frac{\partial Custo}{\partial coef}$$

Este é o método **Gradient Descent**, um dos mais utilizados para a atualização dos pesos

# Regressão logística

## Atualização de pesos

Como atualizar os pesos de um classificador regressão logística



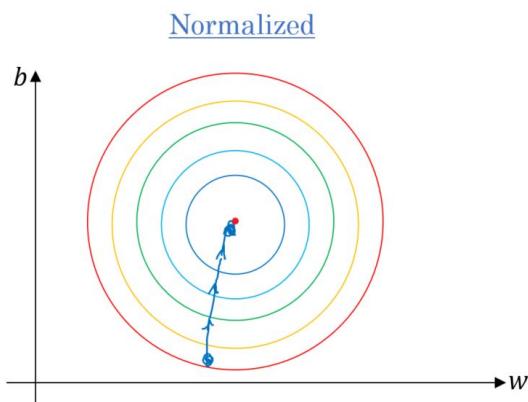
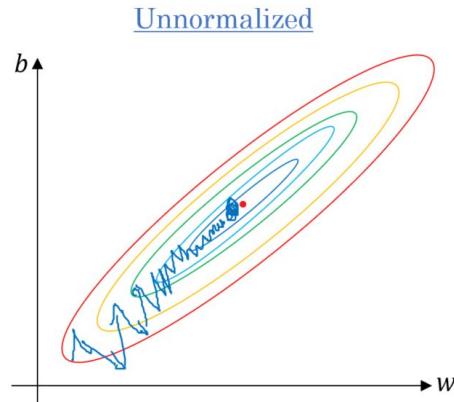
$$\frac{\partial}{\partial x} coe f_i := coe f_i - \alpha \frac{\partial Custo}{\partial coe f}$$

Por isso utilizamos a função sigmóide em vez da função degrau, para que a derivada exista

# Regressão logística

## Normalização de features

Todo algoritmo de classificação que utiliza gradiente descendente precisa que as variáveis estejam **normalizadas**, ou seja, a ordem de grandeza dos valores não pode ser muito diferente



# Regressão logística

## Técnicas de normalização

Máximo e mínimo: converte para o intervalo [0, 1]

$$var_{normalizada} = \frac{var_{desnormalizada} - \min(var_{desnormalizada})}{\max(var_{desnormalizada}) - \min(var_{desnormalizada})}$$

Normalização z: converte aproximadamente para o intervalo [-1, 1]

$$var_{normalizada} = \frac{var_{desnormalizada} - \text{média}(var_{desnormalizada})}{\text{std}(var_{desnormalizada})}$$

# Codificação de features

No caso de variáveis sem relação de ordem, utilizamos **variáveis dummy**

Tipo de animal: cachorro, gato e coelho

	tipo_animal_0	tipo_animal_1	tipo_animal_2
cachorro	1	0	0
gato	0	1	0
coelho	0	0	1

# Codificação de features

No caso de variáveis com relação de ordem, codificar como um inteiro e **normalizar**

# Regressão logística

## Vantagens

Fácil de interpretar os resultados

Possui apenas um mínimo global

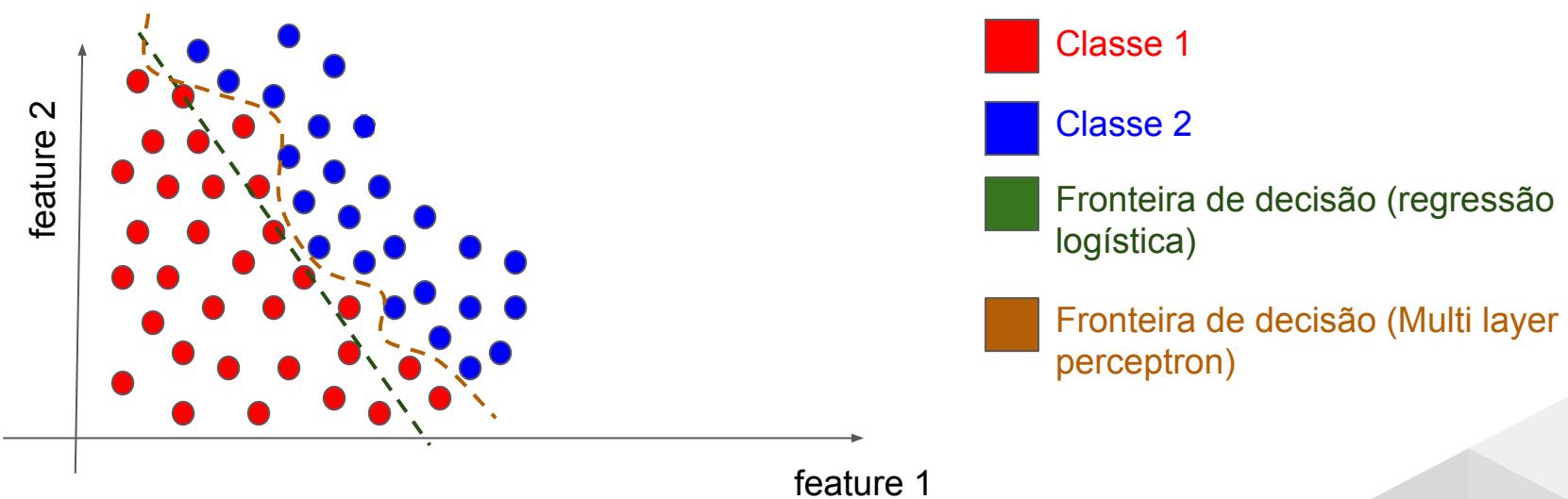
Resolve problemas linearmente separáveis muito bem

## Desvantagens

Resolve apenas problemas separáveis linearmente

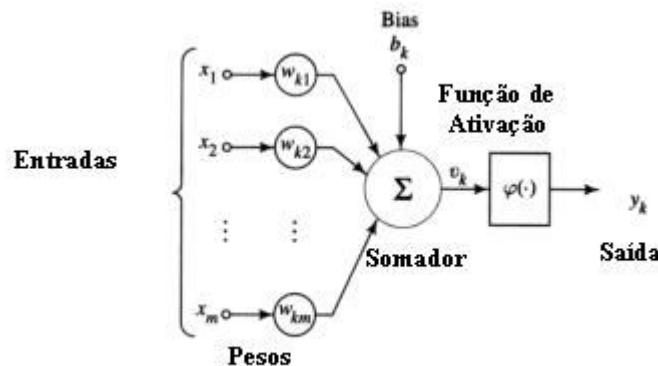
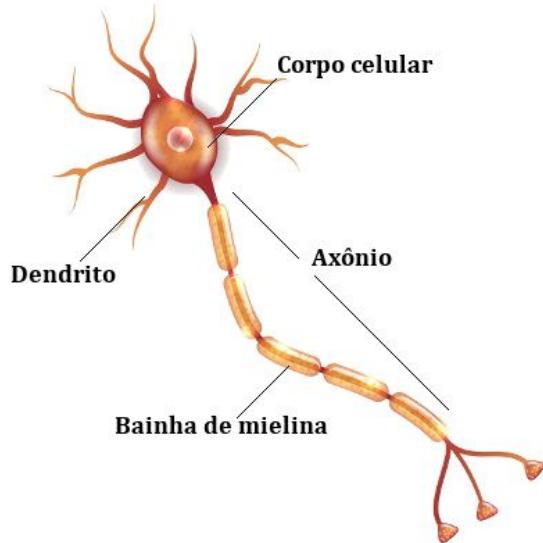
# Multi Layer perceptron (Redes neurais shallow)

Este classificador consegue aprender fronteiras de decisão mais complexas do que hiperplanos



# Multi Layer perceptron (Redes neurais shallow)

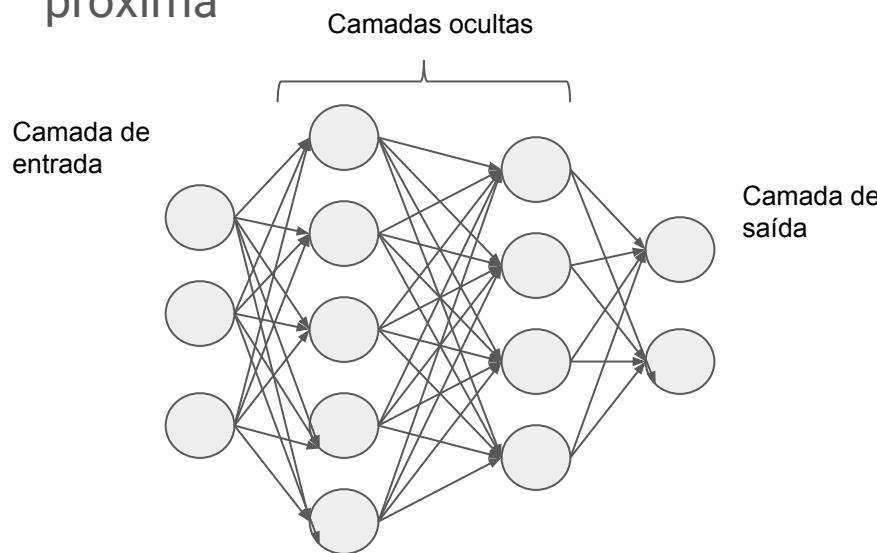
Multi layer perceptrons foram motivados pelo funcionamento do neurônio humano



Cada neurônio é como se fosse uma mini regressão logística

# Multi Layer perceptron (Redes neurais shallow)

Em uma rede neural, neurônios são arranjados em camadas de forma que cada camada é totalmente conectada com a próxima



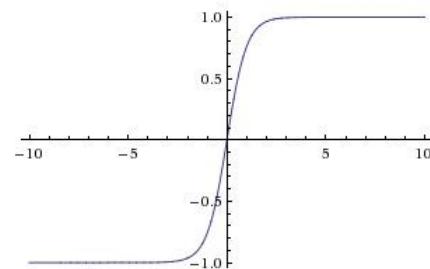
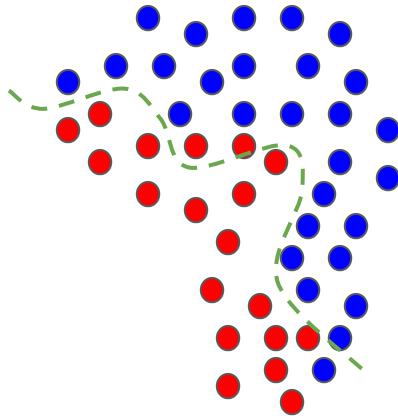
O número de neurônios da camada de entrada é o **número de features**

O número de neurônios da camada de saída é o **número de classes**

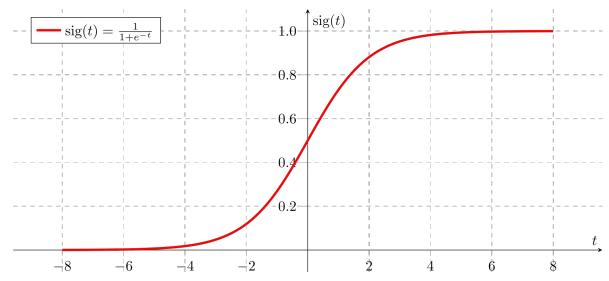
Não existe regra para o número e o tamanho das camadas ocultas, porém + camadas = maior flexibilidade da fronteira de decisão

# Multi Layer perceptron (Redes neurais shallow)

A não linearidade é causada pela função de ativação utilizada



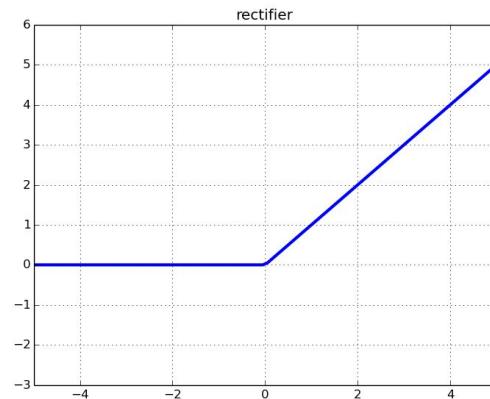
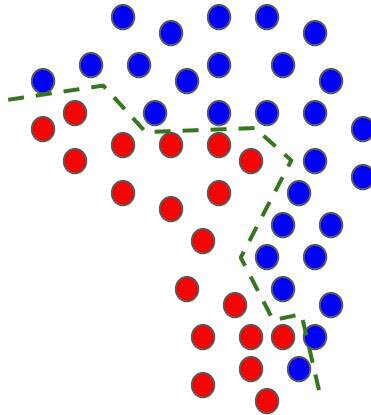
tangente  
hiperbólica



sigmoide

# Multi Layer perceptron (Redes neurais shallow)

A não linearidade é causada pela função de ativação utilizada



Relu

# Multi Layer perceptron (Redes neurais shallow)

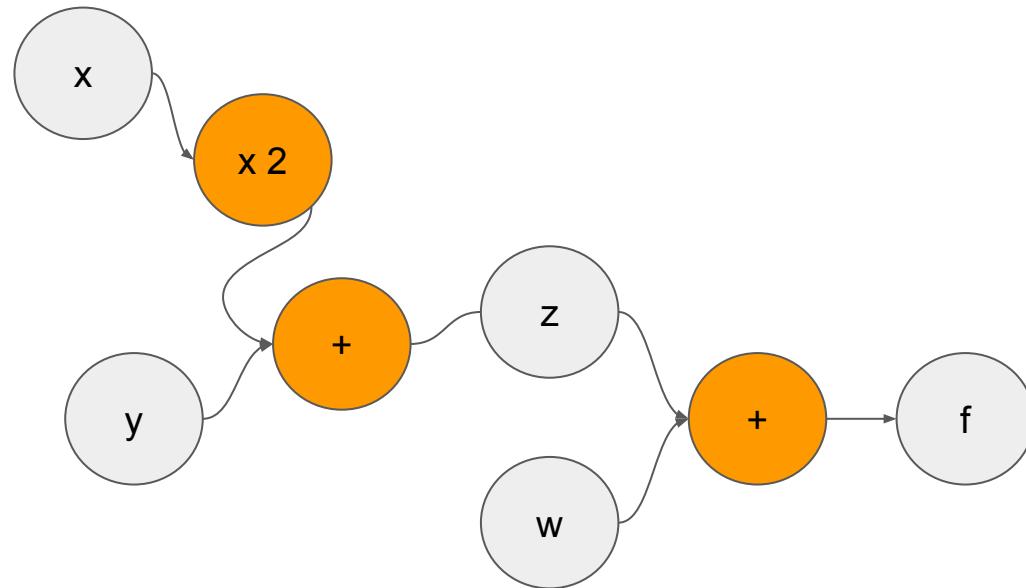
## Atualização dos pesos

Também ocorre através de Gradient descent

$$\frac{\partial}{\partial x} \text{coef}_i := \text{coef}_i - \alpha \frac{\partial \text{Custo}}{\partial \text{coef}}$$

A dificuldade é calcular  $\frac{\partial \text{Custo}}{\partial \text{coef}_i}$  para os neurônios das camadas escondidas

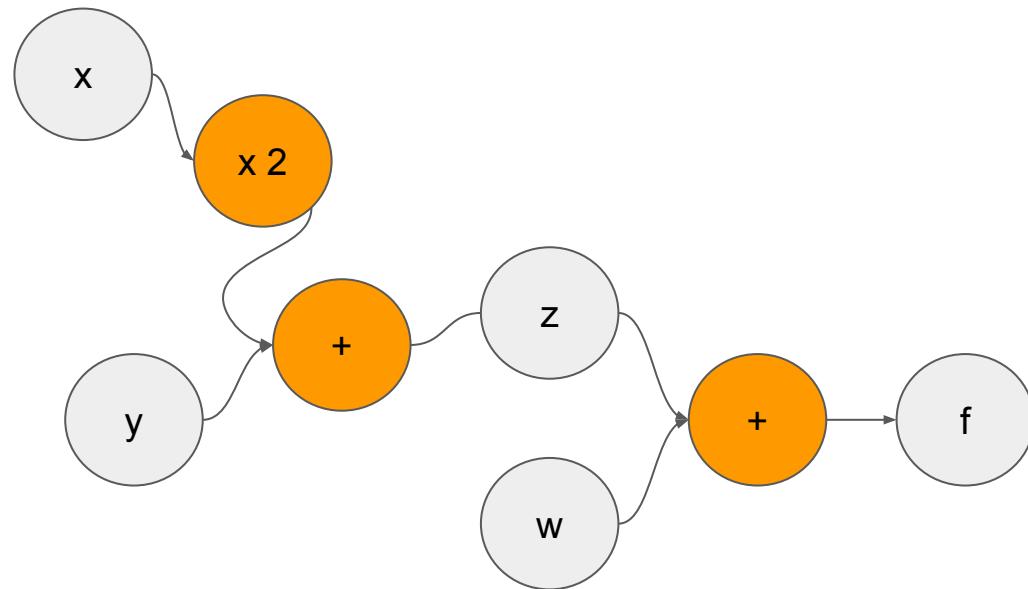
# Multi Layer perceptron (Redes neurais shallow)



$$f = z + w$$

$$z = 2x + y$$

# Multi Layer perceptron (Redes neurais shallow)



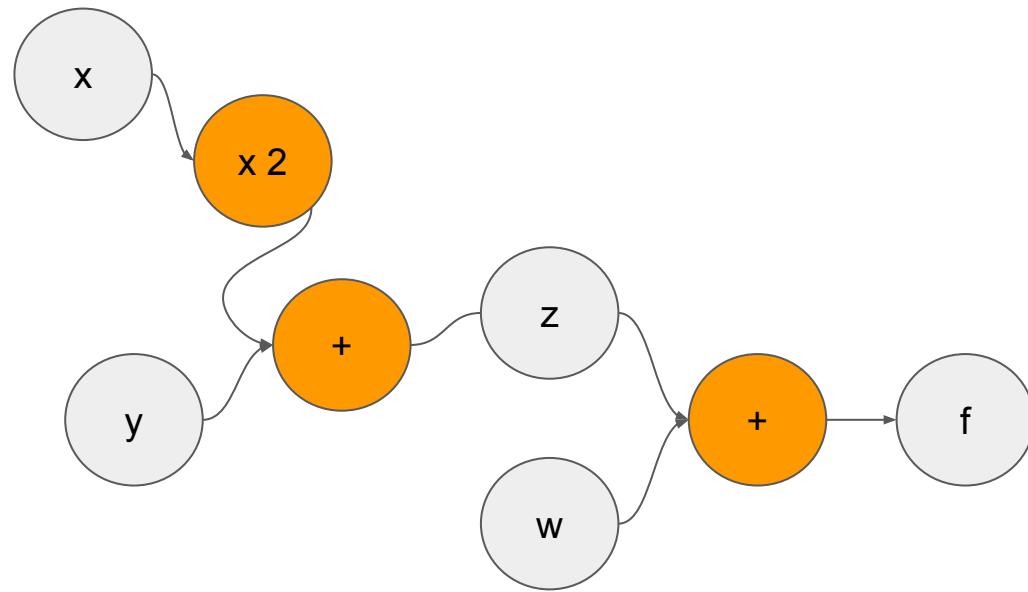
$$f = z + w$$

$$z = 2x + y$$

$$\frac{\partial f}{\partial z} = 1$$

$$\frac{\partial f}{\partial w} = 1$$

# Multi Layer perceptron (Redes neurais shallow)



$$f = z + w$$

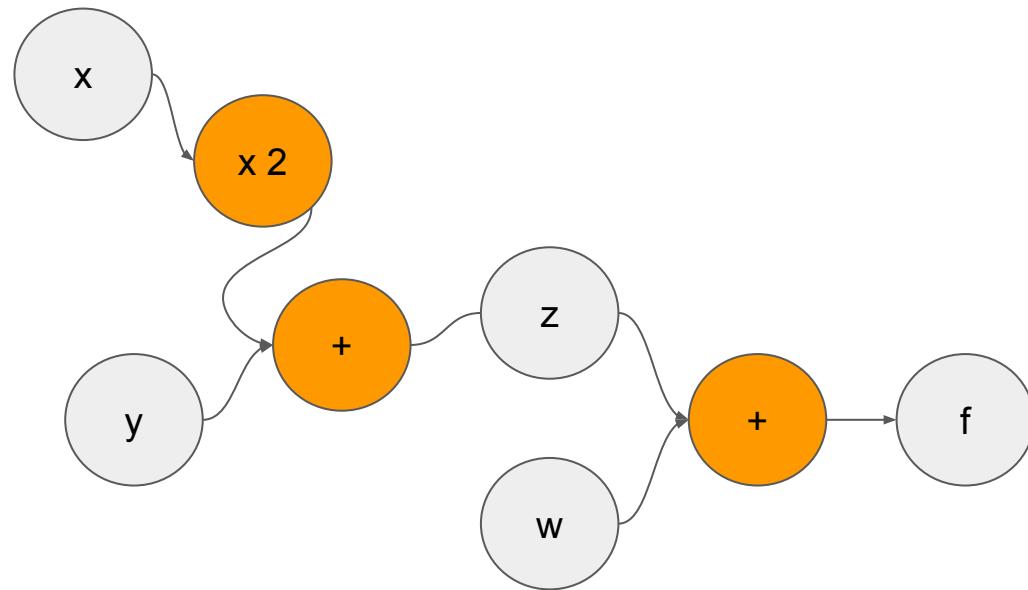
$$z = 2x + y$$

$$\frac{\partial f}{\partial z} = 1$$

$$\frac{\partial f}{\partial w} = 1$$

$$\frac{\partial f}{\partial x} = \frac{\partial f}{\partial z} \frac{\partial z}{\partial x}$$

# Multi Layer perceptron (Redes neurais shallow)



$$f = z + w$$

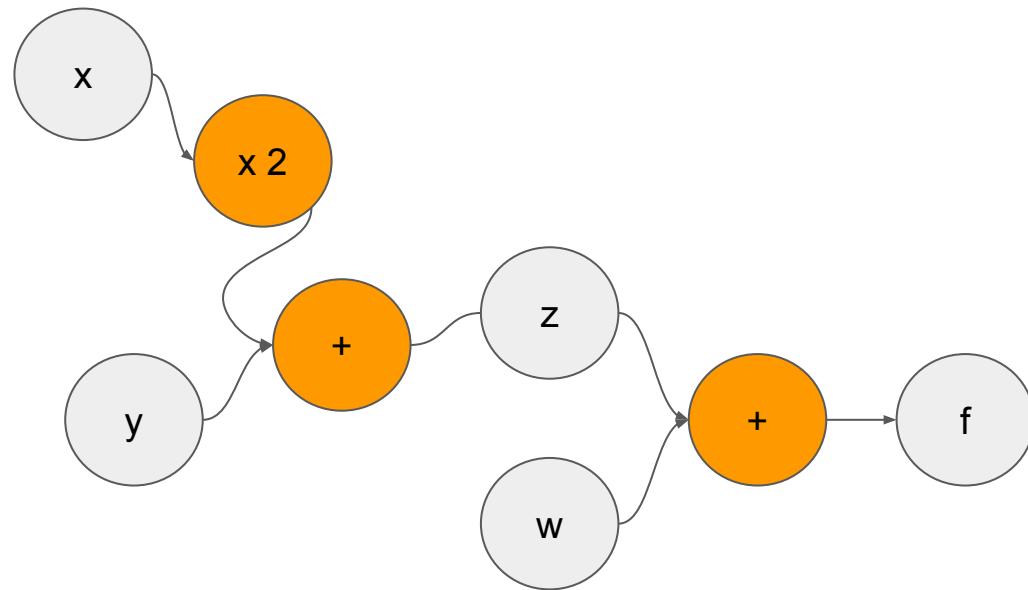
$$z = 2x + y$$

$$\frac{\partial f}{\partial z} = 1 \quad \frac{\partial z}{\partial x} = 2$$

$$\frac{\partial f}{\partial w} = 1$$

$$\frac{\partial f}{\partial x} = \frac{\partial f}{\partial z} \frac{\partial z}{\partial x}$$

# Multi Layer perceptron (Redes neurais shallow)



$$f = z + w$$

$$z = 2x + y$$

$$\frac{\partial f}{\partial z} = 1 \quad \frac{\partial z}{\partial x} = 2$$

$$\frac{\partial f}{\partial w} = 1$$

$$\frac{\partial f}{\partial x} = \frac{\partial f}{\partial z} \frac{\partial z}{\partial x} = 2$$

# Multi Layer perceptron (Redes neurais shallow)

## Atualização dos pesos

Aplicando este conceito em redes neurais, chegamos às equações do algoritmo Backpropagation

$$\frac{\partial E}{\partial w_{ij}} = o_i \delta_j$$

Não há necessidade de memorizar essas equações

$$\delta_j = \frac{\partial E}{\partial o_j} \frac{\partial o_j}{\partial \text{net}_j} = \begin{cases} (o_j - t_j)o_j(1 - o_j) & \text{if } j \text{ is an output neuron,} \\ (\sum_{\ell \in L} \delta_\ell w_{j\ell})o_j(1 - o_j) & \text{if } j \text{ is an inner neuron.} \end{cases}$$

# Multi Layer perceptron (Redes neurais shallow)

## Vantagens

Flexibilidade na fronteira de decisão

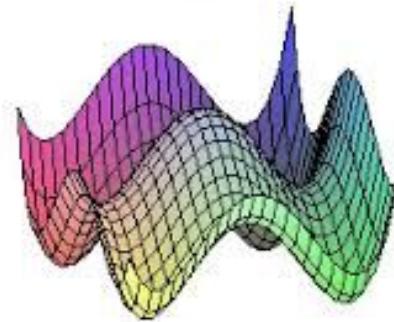
Deu origem ao Deep Learning

## Desvantagens

Difícil de interpretar

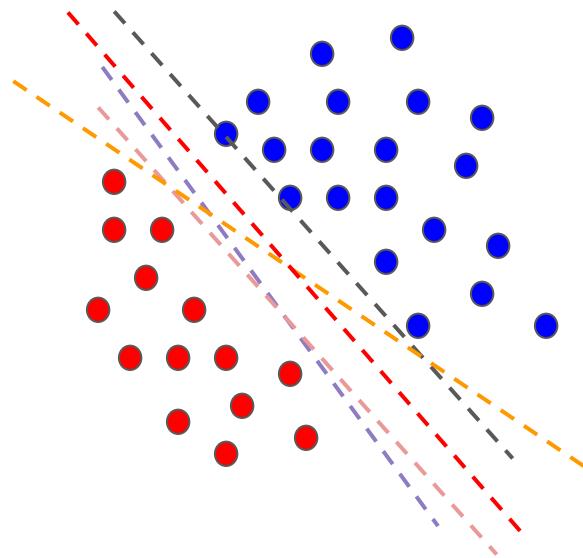
Possui vários mínimos locais

Dificuldade de definir os parâmetros da rede



# SVMs (Support Vector Machines)

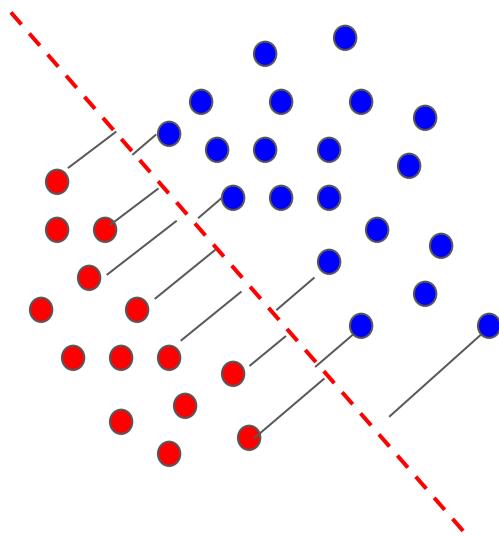
Em sua formulação mais simples, SVMs também são classificadores lineares, porém.....



Neste problema, qual a **melhor reta** para dividir as classes

# SVMs (Support Vector Machines)

SVMs garantem a criação de uma reta com o maior distanciamento possível dos pontos experimentais



As retas indicadas na figura  
são os chamados **vetores de  
suporte**

# SVMs (Support Vector Machines)

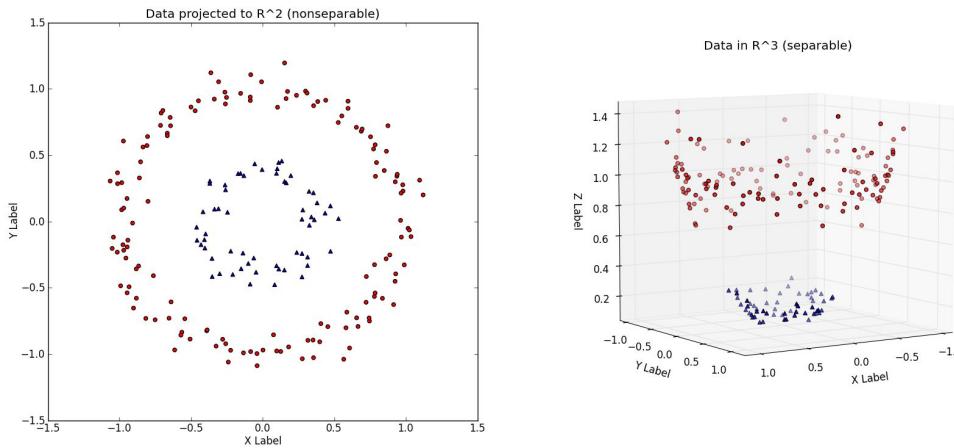
## Atualização dos pesos

A atualização de pesos de SVMs envolve minimização quadrática utilizando **multiplicadores de Lagrange**, por simplicidade não mostraremos aqui

# SVMs (Support Vector Machines)

## Truque do Kernel

Trata-se de um truque matemático para transformar a SVM em um classificador linear

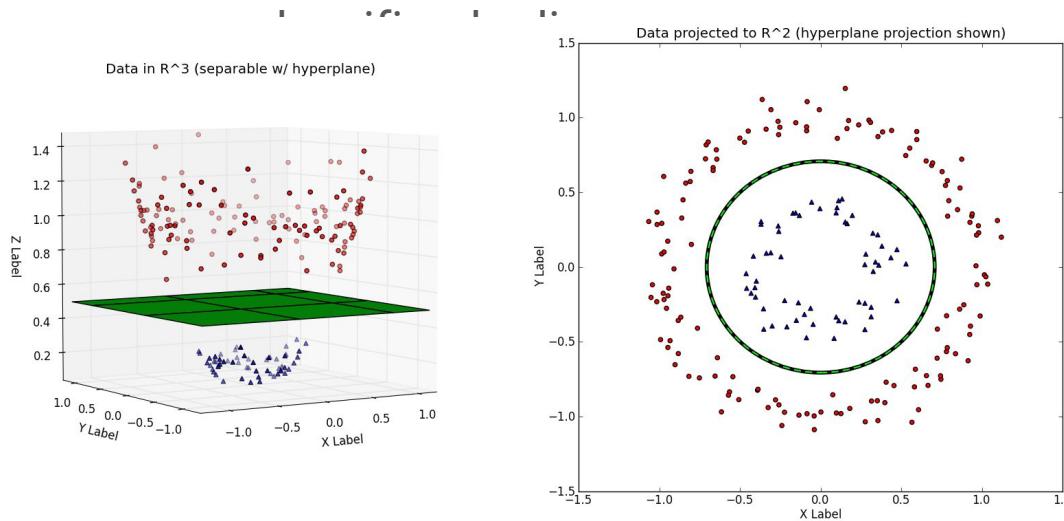


Basicamente, tenta-se representar os dados **não linearmente separáveis** em um novo espaço multidimensional onde eles passam a ser **linearmente separáveis**

# SVMs (Support Vector Machines)

## Truque do Kernel

Trata-se de um truque matemático para transformar a SVM

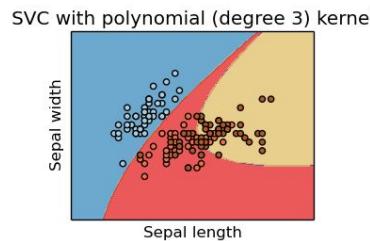
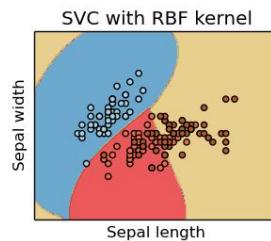
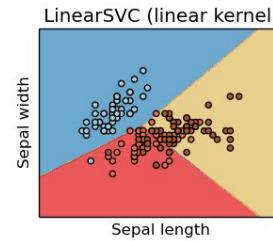
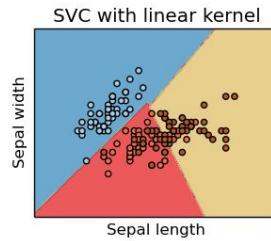


Conforme o mostrado anteriormente, SVMs garantem a **melhor separação linear** no espaço não linear construído

# SVMs (Support Vector Machines)

## Truque do Kernel

Existem vários kernels canônicos para SVMs linear



# SVMs (Support Vector Machines)

## Vantagens

Solução de melhor separação para problemas lineares

Boa formulação matemática

## Desvantagens

Dificuldade de encontrar o Kernel certo

Lentas para treinar