TEORIA DELLA PROBABILITÀ

Prime definizioni ed esempi



Esempio GPS Link Budget Nella prima parte della lezione abbionus visto un esempio di Link Budget. L'esperimento e presente nel file I.5



Teoria della Probabilita'

Apriomo il capitolo con un esempio: il loucio della moneta. Quouslo louciomo una moneta non e possibile in al cun moolo prevedere il risultato, perche ogni evento Non dipende dal risultato precedente.

Nel loucio della moneta, pero' possiono overe solo 2 risultati; otesta o croce; allo stesso modo rel loucio olel olado i risultati sono 6.

Questo insieme di tutte le uscite Sperimentali possibili viene detto SPAZIO DEI CAMPIONI e si indica con D. Questo e un vero e proprio insieme:

 $\Omega = \{T, C\}$ Loncio della moneta $\Omega = \{1, 2, ..., 6\}$ Loncio del Daolo

Non e detto che I sia sempre FINITO: supponiono di louciare una moneta finchi non otterniono "Testa". Le possibili uscite sperimentali quali sono?

In questo caso I e un insieme infinito: I = {T, CT, CCCT,}

ma e un "infinito particolare": Se con sideriones l'insieme dei

numeri naturali IN, questo e detto Numerabile. Se invece volessimo

mi surare un'avea (od esempio di un foglio) alla perfezione, non e

possibile, perclu' tra due numeri Naturali, e sempre presente un

numero Reale R.

Quindi un insieme Numerabile (infinito ofinito) e detto Discreto. Qual ora l'insieme non fosse numerabile e dello continuo.

Un secondo componente fondamentale della teoria della probabilità è il cosiddetto EVENTO, che in un certo senso è un sotto in sieme oli se Se con sideriamo = {1,2,3,...6}, un possibile evento e E1 = {1,3} ovvero l'insieme delle uscite sperimentali 1 e 3. Un evento e VERIFICATO quando l'uscita sperimentale appartiene all'evento. E_1 $\{1, 3\}$ Se louciando un dado esce 3, allora l'evento E1 e verificato, mentre se esce 4 NO. uscite sperimentali $W_1 = \frac{1}{1}$ gli eventi che contengono una sola viscita sperimentale sono $W_2 = \frac{1}{1} \frac{1}{2}$ detti Eventi Elementari Nel "costruire" il sistema della teoria della probabilita, e stato importunte dare una struttura bon precisa ad ogni elemento: Se preudiomo un evento EI appartenente ad un diterminato spazio di eventi & -D EI E & , dobbi ano fare in modo che (ad esempio) l'operazione di Negazione di EI deve restituire sempre un evento. Se $E_1 = \{1, 3\} = \emptyset$ $E_1 = \{2, 4, 5, 6\}$ con $\mathcal{E} = \{1, 2, 3, \dots 6\}$ INSIEME COMPLEMENTO Quindi se $E_1 \in \mathcal{E} = \mathcal{E}_1 \in \mathcal{E}$ prima regola (complemento) Inoltre se $E_1, E_2 \in \mathcal{E} = D$ $E_1 \cup E_2 \in \mathcal{E}$ Seconda Regolo Un esempio per chiarire il tutto

Se laucio una moneta, l'insieme dulle u.s. e = {T, C}.

Voglio costruire l'elgebre degli eventi: E = { T, C, Ω, Ø }

complemento

di Testa Unione di

Testa e Groce Quoudo costruisco l'algebra degli eventi devo rispettare le 2 regole: Complemento

Li Suo complemento C > Avendo

con complemento C > Avendo

con complemento C > Avendo inserito Testa e croca oluo inserire onche la loro uni one {T,C} = I > ovendo in serito a devo in serire en che la Sua negazione \$ > Ricorsivamente continuo, ma le regole sono gia' soddisfatte.

