

$$1,4) \quad 19,3 \frac{\text{g}}{\text{cm}^3} \left(\frac{1\text{Kg}}{1000\text{g}} \right) \left(\frac{100\text{cm}}{1\text{m}} \right)^3 = 19,3 \times 10^3 \frac{\text{Kg}}{\text{m}^3} .$$

1.6A) a) Volumen de un grano $V = \frac{1}{6} \pi d^3 = 4 \times 10^{-12} \text{ m}^3$

Línea costera del mundo $\approx 1,82 \times 10^5 \text{ km}$,

ancho de la playa $\approx 50 \text{ m}$

profundidad de la playa $\approx 2 \text{ m}$

$$\Rightarrow \text{Volumen de arena} = (1,82 \times 10^5 \text{ km})(50 \text{ m})(2 \text{ m}) = 2 \times 10^{10} \text{ m}^3$$

$$\Rightarrow \text{Número de granos de arena} = \frac{2 \times 10^{10} \text{ m}^3}{4 \times 10^{-12} \text{ m}^3} = 5 \times 10^{21}$$

b) Número de estrellas $(100 \times 10^9)(100 \times 10^9) = 10^{22}$

q) a) $\sqrt{\frac{\hbar c}{G}}$ ^{masa} = $\left[\frac{(1,05 \times 10^{-34} \frac{\text{Kg} \cdot \text{m}^2}{\text{s}}) \cdot (3 \times 10^8 \frac{\text{m}}{\text{s}})}{6,63 \times 10^{-11} \frac{\text{m}^3}{\text{Kg} \cdot \text{s}^2}} \right]^{1/2} = [4,75 \times 10^{-16} \text{Kg}^2]^{1/2} = 2,17 \times 10^{-8} \text{Kg}$

b) longitud

$$\sqrt{\frac{\hbar G}{c^3}} = \left[\frac{(1,05 \times 10^{-34} \frac{\text{Kg} \cdot \text{m}^2}{\text{s}}) (6,63 \times 10^{-11} \frac{\text{m}^3}{\text{Kg} \cdot \text{s}^2})}{(3 \times 10^8 \frac{\text{m}}{\text{s}})^3} \right]^{1/2} = 1,61 \times 10^{-35} \text{m}$$

c) tiempo

$$\sqrt{\frac{\hbar G}{c^5}} = \left[\frac{(1,05 \times 10^{-34} \frac{\text{Kg} \cdot \text{m}^2}{\text{s}}) (6,63 \times 10^{-11} \frac{\text{m}^3}{\text{Kg} \cdot \text{s}^2})}{(3 \times 10^8 \frac{\text{m}}{\text{s}})^5} \right]^{1/2} = 5,39 \times 10^{-44} \text{s}$$

(3) Problema 1.57 (Respiración O_2).

la frecuencia respiratoria de un adulto: 12-20 resp. por minuto.

de un niño: 18-30 resp. por minuto.

...

de un anciano: 12-28 resp. por minuto.

...

Lo importante de este ejercicio es darnos una idea del orden de magnitud. De acuerdo a Index Mundi:

- # niños: 25.79%

- # adultos: 57.39% - # ancianos: 16.83%

Podemos estimar que la frecuencia respiratoria promedio de una persona en el mundo es: $18.74 \frac{\text{resp}}{\text{min}}$

(a) Vamos a usar factores de conversión para pasar a g_{aire} (gramos de aire).

$$18.74 \frac{\text{resp}}{60s} \times \left[\frac{0.5 L_{\text{aire}}}{1 \text{ resp}} \right] \times \frac{10^3 \text{ cm}^3 \text{ aire}}{1 L_{\text{aire}}} \times \frac{1 \text{ m}^3 \text{ aire}}{10^6 \text{ cm}^3 \text{ aire}} \times \left[\frac{1.29 \times 10^3 g_{\text{aire}}}{1 \text{ m}^3 \text{ aire}} \right] \times \dots$$

$$\dots \frac{60s}{1 \text{ min}} \times \frac{60 \text{ min}}{1 \text{ h}} \times \frac{24 \text{ h}}{1 \text{ día}} = \left[\frac{1.7 \times 10^4 g_{\text{aire}}}{\text{día}} \right]$$

$$\text{El 20\% de este resultado es: } 3.4 \times \left[\frac{10^3 g_{O_2}}{\text{día}} \right]$$

(b) El volumen de un cubo de lado a es a^3 .
Hallamos el volumen de aire respirado en un día, volviendo a los factores de conversión:

$$18.74 \frac{\text{resp}}{60s} \times \frac{0.5 L_{\text{aire}}}{1 \text{ resp}} \times \frac{10^3 \text{ cm}^3 \text{ aire}}{1 L_{\text{aire}}} \times \frac{1 \text{ m}^3 \text{ aire}}{10^6 \text{ cm}^3 \text{ aire}} \times \frac{60s}{1 \text{ min}} \times \frac{60 \text{ min}}{1 \text{ h}} \times \frac{24 \text{ h}}{1 \text{ día}}$$

$$= 1.35 \text{ m}^3 / \text{día} \implies a = \sqrt[3]{1.35 \text{ m}^3} \sqrt[3]{10} = 2.38 \text{ m} \approx \boxed{2.4 \text{ m}}$$

(7) $1 \text{ ly} = 1 \text{ año luz}$ es una medida de distancia, lo que recorre la luz en el vacío durante 1 año.

$$1 \text{ ly} = 3 \times 10^8 \frac{\text{m}}{\text{s}} \times \cancel{\text{1 yr}} (1 \text{ yr}) \times \frac{365 \text{ d}}{1 \text{ yr}} \times \frac{24 \text{ h}}{1 \text{ d}} \times \frac{60 \text{ min}}{1 \text{ h}} \times \dots$$

$$\dots \frac{60 \text{ s}}{1 \text{ min}} = 9.46 \times 10^{15} \text{ m}$$

Si la galaxia se mueve a velocidad constante: $\Delta x = v \Delta t$

$$\therefore \Delta t = \frac{\Delta x}{v} \implies \Delta t = \frac{10^6 \times 9.46 \times 10^{15} \text{ m}}{100 \times 10^3 \text{ m/s}} \times \frac{60 \text{ min}}{1 \text{ s}} \times \frac{1 \text{ h}}{60 \text{ min}} \times \dots$$

$$\dots \frac{1 \text{ d}}{24 \text{ h}} \times \frac{1 \text{ yr}}{365 \text{ d}} \approx \boxed{6000 \times 10^6 \text{ yr}}$$

→ El H_2 que sirve como combustible solar ya se habrá extinto!

② La masa crítica del Neptunio-237 es 60 kg.

• densidad de Neptunio = 19.5 g/cm^3

El problema nos pide hallar el radio de una esfera cuya masa es la m_c del neptunio-237.

Necesitamos entonces el volumen:

Partiendo de la relación

$$\rho = m/V, \quad (1)$$

Establecemos que:

$$V = \frac{m}{\rho} \quad \text{donde} \quad V = \frac{4}{3} \pi r^3.$$

De manera que:

$$\frac{4}{3} \pi r^3 = \frac{m}{\rho}$$

$$r^3 = \frac{3m}{4\pi\rho}, \quad r = \sqrt[3]{\frac{3m}{4\pi\rho}}$$

$$\rho = 19.5 \frac{\text{g}}{\text{cm}^3} \left(\frac{1 \text{ kg}}{1000 \text{ g}} \right) = 0.0195 \text{ kg/cm}^3.$$

$$\hookrightarrow r = \sqrt[3]{\frac{3 \cdot 60 \text{ kg}}{4\pi \cdot 0.0195 \text{ kg/cm}^3}} = 9.02 \text{ cm}.$$

6. Problema conversión unidades:

Velocidad F. Griffith Jeyer: $v = \frac{100 \text{ m}}{10.49 \text{ s}} = 9,532 \frac{\text{m}}{\text{s}}$

$$\frac{\text{m}}{\text{s}} \rightarrow \frac{\text{km}}{\text{h}}:$$

$$9,532 \frac{\cancel{\text{m}}}{\cancel{\text{s}}} \left(\frac{1 \text{ Km}}{1000 \cancel{\text{m}}} \right) \left(\frac{60 \cancel{\text{s}}}{1 \cancel{\text{min}}} \right) \left(\frac{60 \text{ min}}{1 \text{ h}} \right)$$

$$= 9,532 \cdot 3,6 = 34,31 \text{ Km/h.}$$